

TECHNIQUES QUANTITATIVES ET REPRÉSENTATION FEUILLE DE TRAVAUX DIRIGÉS N° 1

Mathématiques financières : intérêts, annuités, tableaux d'amortissement

A.U.: 2021-2022 **Prof.** H. El-Otmany

BUT-Tech. de Co. Semestre : 2

Exercice n°1 Les questions sont indépendantes et portent uniquement sur les intérêts simples.

- 1. Un investisseur réalise un placement de $5000\mathfrak{C}$ au taux 1,25% pour une période donnée. On note C_n le capital obtenu (cumulé ou valeur acquise) au bout de n périodes.
 - (i) Préciser la nature de la suite (C_n) des capitaux.
 - (ii) Calculer la valeur de C_1 , C_3 , C_9 , C_{12} et C_{15}
 - (iii) Au bout de combien de périodes le capital initial (valeur actuelle) C_0 aura-t-il doublé.
- 2. Un investisseur réalise un placement de 10000€ dans le livret d'épargne au taux annuel de 0,75%. Au bout de combien de mois faut-il placer ce capital pour produire 300€ d'intérêts.
- 3. Un investisseur place une somme de $25000\mathfrak{C}$ à un taux annuel 1,5% sur une plateforme de financement participatif WiSEED pour un projet A. Calculer les intérêts :
 - (a) pendant 5 ans (versement annuel);
 - (b) pendant pendant 9 mois (versement mensuel);
 - (c) pendant 13 quinzaines (versement bimensuel);
 - (d) pendant 75 jours quinzaines (versement quotidien);
- 4. Calculer le capital initial si on réalise un placement au taux annuel de 0, 95% qui a produit 382, 50€ d'intérêts :
 - (a) au bout d'un an et demi (versement biannuel);
 - (b) au bout de 5 mois (versement mensuel);
 - (c) au bout de 2 quinzaines (versement bimensuel);
 - (d) au bout de 15 jours (versement quotidien);
- 5. Calculer le taux d'intérêt annuel si on réalise un placement de 2500€ qui produit 92, 60€ d'intérêt au bout d'un an? au bout de 5 mois? au bout de 9 quinzaines? au bout de 130 jours?
- 6. Lina doit toucher une prime de 25000€ dans 5 mois, mais il a besoin d'argent à cet instant. Il s'engage à reverser intégralement cette somme à sa banque qui lui propose un prêt au taux annuel de 1,92%. Calculer le capital maximal qu'il peut emprunter aujourd'hui dans ces conditions.
- 7. Lina place la somme de $1000 \in$ avec des intérêts simples annuels de 5%. On veut évaluer le capital acquis au bout de t années de ce prêt. Établir la table des valeurs acquises pendant 10 ans. Représenter la valeur acquise en fonction du temps.
- 8. Lina fait le même jour deux placements dans WiSEED "une plateforme de financement participatif (crowdfunding)" pour deux projets différents.
 - Projet immobilier d'IROKO ZEN A : 1000€ à un taux annuel de 5%;
 - Projet Relief de CYCLIK (vélo électrique en bambou) $B:900\mathfrak{C}$ à un taux annuel de 6%; Quand est ce que le capital acquis par le placement dans A va être supérieur à celui du B.
- 9. Lina fait le même jour deux placements dans WiSEED pour deux projets différents.
 - Projet immobilier d'IROKO ZEN A:1500€ à un taux annuel de $I_1\%$;
 - Projet Relief de CYCLIK (vélo électrique en bambou) $B:1000 \in a$ un taux annuel de $I_2\%$; Est ce que les valeurs acquises dans A et B peuvent être égales?

Exercice n°2 Les questions sont indépendantes et portent uniquement sur les intérêts composés.

- 1. Un investisseur réalise un placement de $5000 \in \mathbb{C}$ au taux 1,25% pour une période donnée. On note C_n le capital obtenu (cumulé ou valeur acquise) au bout de n périodes.
 - (i) Préciser la nature de la suite (C_n) des capitaux.

- (ii) Calculer la valeur de C_1 , C_3 , C_9 , C_{12} et C_{15}
- (iii) Au bout de combien de périodes le capital initial (valeur actuelle) C_0 aura-t-il doublé.
- 2. Un investisseur réalise un placement de 10000€ dans le livret d'épargne au taux annuel de 0,75%. Au bout de combien de mois faut-il placer ce capital pour produire 300€ d'intérêts.
- 3. Un investisseur place une somme de $25000\mathfrak{C}$ à un taux annuel 1,5% sur une plateforme de financement participatif WiSEED pour un projet A. Calculer les intérêts :
 - (a) pendant 5 ans (versement annuel);
 - (b) pendant pendant 9 mois (versement mensuel);
 - (c) pendant 13 quinzaines (versement bimensuel);
 - (d) pendant 75 jours quinzaines (versement quotidien);
- 4. Calculer le capital initial si on réalise un placement au taux annuel de 0, 95% qui a produit 382, 50€ d'intérêts :
 - (a) au bout d'un an et demi (versement biannuel);
 - (b) au bout de 5 mois (versement mensuel);
 - (c) au bout de 2 quinzaines (versement bimensuel);
 - (d) au bout de 15 jours (versement quotidien);
- 5. Calculer le taux d'intérêt annuel si on réalise un placement de 2500€ qui produit 92, 60€ d'intérêt au bout d'un an? au bout de 5 mois? au bout de 9 quinzaines? au bout de 130 jours?
- 6. Lina doit toucher une prime de 25000€ dans 5 mois, mais il a besoin d'argent à cet instant. Il s'engage à reverser intégralement cette somme à sa banque qui lui propose un prêt au taux annuel de 1,92%. Calculer le capital maximal qu'il peut emprunter aujourd'hui dans ces conditions.
- 7. Lina place la somme de $1000 \in$ avec des intérêts simples annuels de 5%. On veut évaluer le capital acquis au bout de t années de ce prêt. Établir la table des valeurs acquises pendant 10 ans. Représenter la valeur acquise en fonction du temps.
- 8. On vous propose de placer 10000€tout de suite dans un compte fermé contre 13000€dans 3 ans. Aussi, vous avez la possibilité de placer votre argent dans un compte d'épargne qui rémunère au taux composé de 11% par an. Quel est l'investissement le plus rentable?

Exercice n°3 Annuités - Tableau d'amortissement

- 1. Calculer l'annuité de remboursement pour un emprunt de 215000€ au taux annuel de 1,25% sur 20 ans. Déduire le montant des intérêts.
- 2. Calculer la mensualité de remboursement pour un emprunt de 187000€ au taux annuel de 1,15% sur 15 ans. Déduire le montant des intérêts.
- 3. Avec un prêt au taux annuel de 1,11% sur 15 ans, calculer le capital maximal à emprunter pour avoir une annuité de 11200. Déduire le montant des intérêts.
- 4. Avec un prêt au taux annuel de 1,46% sur 22 ans, calculer le capital maximal à emprunter pour avoir une mensualité de 790€. Déduire le montant des intérêts.
- 5. Pour un emprunt de 156000€ au taux annuel de 0,98% sur 6 ans. Établir le tableau d'amortissement où les annuités sont constantes.
- 6. Monsieur X emprunte 100000€, remboursables sur 17 ans à un taux d'effectif global (TEG ou TAEG) annuel 2.4%. Il souhaite rembourser par mensualités. Dresser le tableau d'amortissement où les annuités sont constantes. Déduire le coût total de l'emprunt.