

TC - TECHNIQUES QUANTITATIVES ET REPRÉSENTATIONS FEUILLE DE TRAVAUX DIRIGÉS N° 1

Semestre: 3 **A.U.**: 2022-2023

Ensemble, cardinal, arrangement et combinaison, probabilités **Prof.** H. El-Otmany

Exercice n°1 Déterminer la réunion et l'intersection des ensembles suivants : $A = \{1, 2, 3\}, B =$ $\{1,3,4,5\}, A = [-1,2], B = [0,3], A = [-1,2], B = [0,3].$

On considère un jeu de 32 cartes. Soient A let B deux sous-ensembles de E représentant Exercice n°2 respectivement les couleurs rouges et les figures. Calculer le cardinal de : A, B et $A \cup B$.

Exercice n°3 On lance un dé à 12 faces comportant 5 faces avec un numéro pair, 8 faces avec un numéro multiple de 3 et 3 faces avec un numéro multiple de 6.

- 1. Combien y a-t-il de faces portant un numéro pair ou multiple de 3?
- 2. Déduire le nombre de faces portant un numéro ni pair, ni multiple de 3.

McDonald's propose sur sa carte 5 entrées, 3 plats et 4 desserts. Lina décide d'al-Exercice n°4 ler déjeuner tous les jours à McDonald's, mais a dit qu'elle n'irait plus dès qu'elle serait contraint de composer un menu qu'elle a déjà consommé. Au bout de combien de jours Lina devra t-elle changer McDonald's?

Exercice n°5 On dispose d'une urne contenant trois boules différentes, numérotées 1, 2 et 3 et on en tire deux (sans remise) parmi les trois. Combien de tirages différents peut-on effectuer?

Exercice n°6 On dispose d'un jeu de 52 cartes. On tire 5 cartes simultanément. Combien y a-t-il de mains:

- 1. au total? comportant uniquement des cartes rouges?
- 2. comportant uniquement des ♦? comportant uniquement des figures? comportant les 4 as?
- 3. comportant exactement 3 rois? comportant exactement 3 dames et 2 valets? comportant exactement 3 as et 2 cartes de valeurs différentes?

Une urne contient 10 boules (1), (2), (3), (4),(5), (6), (7), (8), (9) et (10). Combien y'a-t-il de Exercice n°7 tirages au total:

- 1. si on tire trois boules successivement sans remise?
- 2. si on tire quatre boules successivement avec remise?
- 3. si on tire cinq boules simultanément?

Exercice n°8

1. Soient A et B deux événements d'un même univers Ω tels que : P(A) = 0.5, P(B) = 0.4 et $P(A \cap B) = 0.3.$

(a) Calculer $P(\overline{B})$.

(c) Calculer $P_A(B)$.

(b) Calculer $P(A \cup B)$.

(d) Calculer $P_B(A)$.

2. Soient A et B deux événements d'un même univers Ω tels que : P(A) = 0.4, P(B) = 0.6 et $P_A(B) = 0.2.$

(a) Calculer $P(\overline{A})$.

(c) Calculer $P(A \cap B)$.

(b) Calculer $P_A(\overline{B})$.

(d) Calculer $P(A \cup B)$.

3. Soient A et B deux événements d'un même univers Ω tels que : P(A) = 0.5, $P_A(B) = 0.6$ et $P_B(A) = 0.8.$

(a) Calculer $P(A \cap B)$.

(c) Calculer $P(\overline{A} \cap B)$.

(b) Calculer P(B).

(d) Calculer $P_{\overline{A}}(B)$.