

**Corrigé n°1** Les questions sont indépendantes et portent uniquement sur les intérêts simples.

1. Un investisseur réalise un placement de 5000€ au taux 1,25% pour une période donnée. On note  $C_n$  le capital obtenu (cumulé ou valeur acquise) au bout de  $n$  périodes.

(i) Préciser la nature de la suite  $(C_n)$  des capitaux.

Les intérêts étant simples, la suite  $(C_n)$  des capitaux est ainsi une suite arithmétique.

(ii) Calculer la valeur de  $C_1$ ,  $C_3$ ,  $C_9$ ,  $C_{12}$  et  $C_{15}$ .

On applique la formule  $C_n = C_0(1 + ni)$  avec  $C_0 = 5000$  et  $i = 0.0125$ . On obtient (en euros)

$$C_1 = 5062.50, \quad C_3 = 5185, \quad C_9 = 5560, \quad C_{12} = 5750, \quad C_{15} = 5935.$$

(iii) Au bout de combien de périodes le capital initial (valeur actuelle)  $C_0$  aura-t-il doublé. On cherche  $n$  tel que  $C_n = 2C_0 = 10000$ €. Or,  $C_n = C_0(1 + ni) = 5000(1 + n \times 0.0125) = 2C_0 = 10000$ . D'où

$$1 + 0.0125n = 10000 \div 5000 = 2$$

$$0.0125n = 2 - 1 = 1$$

$$n = 1 \div 0.0125 \approx 80.$$

Le capital aura donc double au bout de 80 périodes.

2. Un investisseur réalise un placement de 10000€ dans le livret d'épargne au taux annuel de 0,75%. Au bout de combien de mois faut-il placer ce capital pour produire 300€ d'intérêts.

On utilise la formule  $I_S = n \times C_0 \times i$ , soit donc  $n = \frac{I_S}{i \times C_0}$  où  $I_S = 300$ ,  $C_0 = 10000$  et  $i = 0.0075$ .

On obtient donc  $n = \frac{300}{10000 \times 0.0075} \approx 4$  ans. La durée en mois est ainsi 48 mois.

Il faut donc placer 10000€ sur le livret d'épargne au taux annuel de 0.75% pendant 48 mois pour produire 300€.

3. Un investisseur place une somme de 25000€ à un taux annuel 1,5% sur une plateforme de financement participatif WiSEED pour un projet A. Calculer les intérêts :

(a) pendant 5 ans (versement annuel);

On utilise la formule  $I_S = n \times C_0 \times i$  avec  $i = 0.015$ ,  $C_0 = 25000$  et  $n = 5$ . On obtient donc  $I_S = 5 \times 25000 \times 0.015 = 1875$ €.

(b) pendant 9 mois (versement mensuel);

On utilise la formule  $I_S = n \times C_0 \times i$  avec  $i = \frac{0.015}{12}$ ,  $C_0 = 25000$  et  $n = 9$ . On obtient donc  $I_S = 9 \times 25000 \times \frac{0.015}{12} = 281.25$ €.

(c) pendant 13 quinzaines (versement bimensuel);

On utilise la formule  $I_S = n \times C_0 \times i$  avec  $i = \frac{0.015}{24}$ ,  $C_0 = 25000$  et  $n = 13$ . On obtient donc  $I_S = 13 \times 25000 \times \frac{0.015}{24} = 203.125$ €.

(d) pendant 75 jours (versement quotidien);

On utilise la formule  $I_S = n \times C_0 \times i$  avec  $i = \frac{0.015}{360}$ ,  $C_0 = 25000$  et  $n = 75$ . On obtient donc  $I_S = 75 \times 25000 \times \frac{0.015}{360} = 77.05$ €.

4. Calculer le capital initial si on réalise un placement au taux annuel de 0,95% qui a produit 382.50€ d'intérêts :

(a) au bout d'un an et demi (versement biannuel);

On utilise la formule  $I_S = n \times C_0 \times i$ , soit donc  $C_0 = \frac{I_S}{n \times i}$  avec  $i = 0.0095$ ,  $I_S = 382.50$  et  $n = 1.5$ . On obtient donc  $C_0 = \frac{382.50}{1.5 \times 0.0095} \approx 26842.11$ €.

(b) au bout de 5 mois (versement mensuel);

On utilise la formule  $C_0 = \frac{I_S}{n \times i}$  avec  $i = \frac{0.0095}{12}$ ,  $I_S = 382.50$  et  $n = 5$ . On obtient donc  $C_0 = \frac{382.50}{5 \times \frac{0.0095}{12}} \approx 9663.16\text{€}$ .

(c) au bout de 2 quinzaines (versement bimensuel);

On utilise la formule  $C_0 = \frac{I_S}{n \times i}$  avec  $i = \frac{0.0095}{24}$ ,  $I_S = 382.50$  et  $n = 5$ . On obtient donc  $C_0 = \frac{382.50}{2 \times \frac{0.0095}{24}} \approx 483157.88\text{€}$ .

(d) au bout de 15 jours (versement quotidien);

On utilise la formule  $C_0 = \frac{I_S}{n \times i}$  avec  $i = \frac{0.0095}{360}$ ,  $I_S = 382.50$  et  $n = 15$ . On obtient donc  $C_0 = \frac{382.50}{15 \times \frac{0.0095}{360}} \approx 9997636.84\text{€}$ .

5. Calculer le taux d'intérêt annuel si on réalise un placement de 2500€ qui produit 92.60€ d'intérêt au bout d'un an ?

On utilise la formule  $I_S = n \times C_0 \times i$ , soit donc  $i = \frac{I_S}{n \times C_0}$  avec  $C_0 = 2500$ ,  $I_S = 92.60$  et  $n = 1$ . On obtient donc  $i = \frac{92.60}{1 \times 2500} \approx 0.037 = 3.7\%\text{€}$ .

au bout de 5 mois ?

On utilise la formule  $i = \frac{I_S}{n \times C_0}$  avec  $C_0 = 2500$ ,  $I_S = 92.60$  et  $n = 5$ . On obtient donc  $i = \frac{92.60}{5 \times 2500} \times 12 \approx 0.084 = 8.4\%\text{€}$ .

au bout de 9 quinzaines ?

On utilise la formule  $i = \frac{I_S}{n \times C_0}$  avec  $C_0 = 2500$ ,  $I_S = 92.60$  et  $n = 5$ . On obtient donc  $i = \frac{92.60}{9 \times 2500} \times 24 \approx 0.096 = 9.6\%\text{€}$ .

au bout de 130 jours ?

On utilise la formule  $i = \frac{I_S}{n \times C_0}$  avec  $C_0 = 2500$ ,  $I_S = 92.60$  et  $n = 130$ . On obtient donc  $i = \frac{92.60}{130 \times 2500} \times 365 \approx 0.104 = 10.40\%\text{€}$ .

6. Lina doit toucher une prime de 25000€ dans 5 mois, mais il a besoin d'argent à cet instant. Il s'engage à reverser intégralement cette somme à sa banque qui lui propose un prêt au taux annuel de 1,92%. Calculer le capital maximal qu'il peut emprunter aujourd'hui dans ces conditions.

On utilise la formule  $C_n = C_0(1 + ni)$ , soit donc  $C_0 = \frac{C_n}{1 + ni}$  avec  $C_n = 25000$ ,  $i = \frac{0.0192}{12}$  et  $n = 5$ .

On obtient donc  $C_0 = \frac{25000}{1 + 5 \times \frac{0.0192}{12}} \approx 24801.59\text{€}$ .

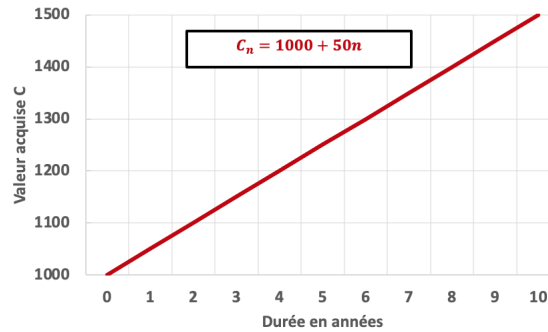
7. Lina place la somme de 1000€ avec des intérêts simples annuels de 5%. On veut évaluer le capital acquis au bout de  $t$  années de ce prêt. Établir la table des valeurs acquises pendant 5 ans. Représenter la valeur acquise  $C_n$  en fonction de la période  $n$ .

On utilise la formule  $C_n = C_0(1 + ni)$  avec  $C_0 = 1000$ ,  $i = 0.05$ . On en déduit les valeurs acquises dans la table ci-dessous :

$n$	0	1	2	3	4	5
$C_n$	1000	1050	1100	1150	1200	2500

Pour représenter ce tableau, on trace

- la valeur acquise  $C_n$  en ordonnées ou axe vertical;
- en fonction de durée du placement  $n$  en abscisses ou axe horizontal.



#### Interprétation :

- On constate que les points se trouvent sur une même droite. On dit que la fonction qui lie la valeur acquise  $C_n$  à la durée du placement  $n$  est affine  $C_n = 1000 + 50n$ .
- L'intérêt annuel de ce placement est constant chaque année et est de 50€. Ce gain annuel est aussi appelée pente de la droite. C'est le coefficient de  $n$  dans l'expression  $C_n = 1000 + 50n$ .
- Pour tracer la droite on calcule uniquement deux points particuliers par exemple pour  $n = 0$  et  $n = 5$ , ensuite on relie les points par une ligne droite.

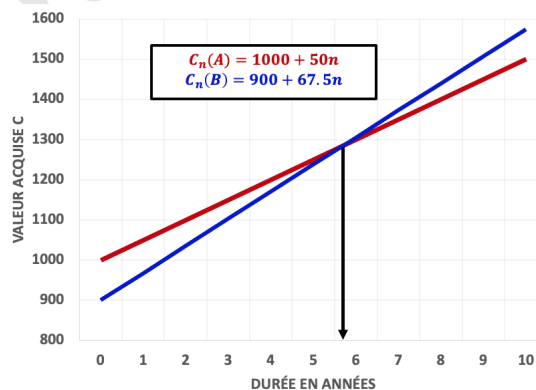
8. Lina fait le même jour deux placements dans WiSEED "une plateforme de financement participatif (crowdfunding)" pour deux projets différents.

- Projet immobilier d'IROKO ZEN A : 1000€ à un taux annuel de 5% ;
- Projet Relief de CYCLIK (vélo électrique en bambou) B : 900€ à un taux annuel de 7.5% ;

Quand est ce que le capital acquis par le placement dans A va être supérieur à celui du B. On évalue les intérêts acquis pour une durée de  $n$  années. Les intérêts acquis pour

- le projet A :  $I_S(A) = 1000(1 + 0.05n)$  ;
- le projet B :  $I_S(B) = 900(1 + 0.075n)$

(a) Résolution graphique : on cherche le point d'intersection des deux droites, puis on regarde la période associée au placement de B supérieur au placement A.



(b) Résolution algébrique : on cherche un durée  $n > 0$  pour la quelle la valeur acquise par le placement dans le projet B va être supérieure à celui du projet A :

$$\begin{aligned} I_S(A) &\leq I_S(B) \Leftrightarrow 1000(1 + 0.05n) \leq 900(1 + 0.075n) \Leftrightarrow 1000 + 50n \leq 900 + 67.5n \\ &\Leftrightarrow 100 \leq 17.5n \Leftrightarrow n \geq 100 \div 17.5 = . \end{aligned}$$

La valeur acquise dans le projet B sera supérieure à celui du projet A après 5.71 années, soit 6 années environ.

9. Lina fait le même jour deux placements dans WiSEED pour deux projets différents.
- Projet immobilier d'IROKO ZEN  $A$  : 1500€ à un taux annuel de  $I_1\%$ ;
  - Projet Relief de CYCLIK (vélo électrique en bambou)  $B$  : 1000€ à un taux annuel de  $I_2\%$ ;
- Est-ce que les valeurs acquises dans  $A$  et  $B$  peuvent être égales ?

On évalue les intérêts acquis pour une durée de  $n$  années. Les intérêts acquis pour

— le projet  $A$  :  $I_S(A) = 1500(1 + I_1n)$ ;

— le projet  $B$  :  $I_S(B) = 1000(1 + I_2n)$

On cherche une durée  $n > 0$  pour la quelle la valeur acquise par le placement dans le projet  $B$  va être égal à celui du projet  $A$ . On a

$$\begin{aligned} I_S(A) = I_S(B) &\iff 1500(1 + I_1n) = 1000(1 + I_2n) \iff 1500 + 1500I_1n = 1000 + 1000I_2n \\ &\iff 500 = (1500I_1 - 1000I_2)n \end{aligned}$$

— 1<sup>er</sup> cas : si  $1500I_1 - 1000I_2 \neq 0$ , alors au temps  $n = \frac{500}{1500I_1 - 1000I_2}$  les deux valeurs acquises seront égales.

— 2<sup>ème</sup> cas : si  $1500I_1 - 1000I_2 = 0$ , alors on a  $100 = 0$  c'est impossible, donc elle n'y a pas de solution.

Comme on recherche un temps  $n > 0$  : Les deux valeurs acquises peuvent être égales après une durée  $n$  positive si et seulement si  $1500I_1 - 1000I_2 > 0$ . Autrement dit,  $I_2 > \frac{15}{10}I_1 \iff I_2 = 1.5I_1$ .

**Corrigé n°2** Les questions sont indépendantes et portent uniquement sur les intérêts composés.

1. Un investisseur réalise un placement de 5000€ au taux 1,25% pour une période donnée. On note  $C_n$  le capital obtenu (cumulé ou valeur acquise) au bout de  $n$  périodes.

(i) Préciser la nature de la suite  $(C_n)$  des capitaux.

Les intérêts étant composés, la suite  $(C_n)$  des capitaux est ainsi une suite géométrique.

(ii) Calculer la valeur de  $C_1, C_3, C_9, C_{12}$  et  $C_{15}$ .

On applique la formule  $C_n = C_0(1 + i)^n$  avec  $C_0 = 5000$  et  $i = 0.0125$ . On obtient (en euros)

$$\begin{aligned} C_1 &= 5000 \times (1 + 0.0125)^1 = 5062.50, & C_3 &\approx 5189.85, & C_9 &\approx 5591.46, \\ C_{12} &\approx 5803.77, & C_{15} &\approx 6024.14 \end{aligned}$$

(iii) Au bout de combien de périodes le capital initial (valeur actuelle)  $C_0$  aura-t-il doublé. On cherche  $n$  tel que  $C_n = 2C_0 = 10000$ €. Or,  $C_n = C_0(1 + i)^n = 5000(1 + 0.0125)^n = 2C_0 = 10000$ . D'où

$$n = \frac{\ln\left(\frac{C_n}{C_0}\right)}{\ln(1 + i)} = \frac{\ln\left(\frac{10000}{5000}\right)}{\ln(1 + 0.0125)} \approx 55.79 \approx 56$$

Le capital aura donc doublé au bout de 56 périodes.

2. Un investisseur réalise un placement de 10000€ dans le livret d'épargne au taux annuel de 0,75%. Au bout de combien de mois faut-il placer ce capital pour produire 300€ d'intérêts.

On utilise la formule  $I_c = C_0(1 + i)^n - C_0$ , soit donc  $n = \frac{\ln\left(\frac{I_c + C_0}{C_0}\right)}{\ln(1 + i)}$  où  $I_c = 300$ ,  $C_0 = 10000$

et  $i = 0.0075$ . On obtient donc  $n = \frac{\ln\left(\frac{300 + 10000}{10000}\right)}{\ln(1 + 0.0075)} \approx 3.95$  ans. La durée en mois est ainsi 47 mois environ

Il faut donc placer 10000€ sur le livret d'épargne au taux annuel de 0.75% pendant 47 mois environ pour produire 300€.

3. Un investisseur place une somme de 25000€ à un taux annuel 1,5% sur une plateforme de financement participatif WiSEED pour un projet A. Calculer les intérêts :
- (a) pendant 5 ans (versement annuel);  
On utilise la formule  $I_c = C_0(1+i)^n - C_0$  avec  $i = 0.015$ ,  $C_0 = 25000$  et  $n = 5$ . On obtient donc  $I_c = 25000(1 + 0.015)^5 - 25000 \approx 1932.10\text{€}$ .
- (b) pendant 9 mois (versement mensuel);  
On utilise la formule  $I_s = C_0(1+i)^n - C_0$  avec  $i = \frac{0.015}{12}$ ,  $C_0 = 25000$  et  $n = 9$ . On obtient donc  $I_c = 25000(1 + \frac{0.015}{12})^9 - 25000 \approx 282.66\text{€}$ .
- (c) pendant 13 quinzaines (versement bimensuel);  
On utilise la formule  $I_c = C_0(1+i)^n - C_0$  avec  $i = \frac{0.015}{24}$ ,  $C_0 = 25000$  et  $n = 13$ . On obtient donc  $I_c = 25000(1 + \frac{0.015}{24})^{13} - 25000 \approx 203.89\text{€}$ .
- (d) pendant 75 jours (versement quotidien);  
On utilise la formule  $I_c = C_0(1+i)^n - C_0$  avec  $i = \frac{0.015}{360}$ ,  $C_0 = 25000$  et  $n = 75$ . On obtient donc  $I_c = 25000(1 + \frac{0.015}{365})^{75} - 25000 \approx 77.17\text{€}$ .
4. Calculer le capital initial si on réalise un placement au taux annuel de 0,95% qui a produit 382.50€ d'intérêts :
- (a) au bout d'un an et demi (versement biannuel);  
On utilise la formule  $I_c = C_0(1+i)^n - C_0 = C_0[(1+i)^n - 1]$ , soit donc  $C_0 = \frac{I_c}{(1+i)^n - 1}$  avec  $i = 0.0095$ ,  $I_c = 382.50$  et  $n = 1.5$ . On obtient donc  $C_0 = \frac{382.50}{(1+0.0095)^{1.5} - 1} \approx 26778.61\text{€}$ .
- (b) au bout de 5 mois (versement mensuel);  
On utilise la formule  $C_0 = \frac{I_c}{(1+i)^n - 1}$  avec  $i = \frac{0.0095}{12}$ ,  $I_c = 382.50$  et  $n = 5$ . On obtient donc  $C_0 = \frac{382.50}{(1+\frac{0.0095}{12})^5 - 1} \approx 96478.70\text{€}$ .
- (c) au bout de 2 quinzaines (versement bimensuel);  
On utilise la formule  $C_0 = \frac{I_c}{(1+i)^n - 1}$  avec  $i = \frac{0.0095}{24}$ ,  $I_c = 382.50$  et  $n = 2$ . On obtient donc  $C_0 = \frac{382.50}{(1+\frac{0.0095}{24})^2 - 1} \approx 48362.29\text{€}$ .
- (d) au bout de 15 jours (versement quotidien);  
On utilise la formule  $C_0 = \frac{I_c}{(1+i)^n - 1}$  avec  $i = \frac{0.0095}{360}$ ,  $I_c = 382.50$  et  $n = 15$ . On obtient donc  $C_0 = \frac{382.50}{(1+\frac{0.0095}{365})^{15} - 1} \approx 97958.35\text{€}$ .
5. Calculer le taux d'intérêt annuel si on réalise un placement de 2500€ qui produit 92.60€ d'intérêt au bout d'un an ?  
On utilise la formule  $I_c = C_0(1+i)^n - C_0$  soit donc  $i = \left(\frac{I_c + C_0}{C_0}\right)^{1/n} - 1$  avec  $C_0 = 2500$ ,  $I_c = 92.60$  et  $n = 1$ . On obtient donc  $i = \left(\frac{92.60+2500}{2500}\right)^{1/1} - 1 \approx 0.0370 = 3.70\%$ .
- au bout de 5 mois ?  
On utilise la formule  $i = \left(\frac{I_c + C_0}{C_0}\right)^{1/n} - 1$  avec  $C_0 = 2500$ ,  $I_s = 92.60$  et  $n = 5$ . On obtient donc  $i = \left[\left(\frac{92.60+2500}{2500}\right)^{1/5} - 1\right] \times 12 \approx 0.0876 = 8.76\%$ .
- au bout de 9 quinzaines ?  
On utilise la formule  $i = \left(\frac{I_c + C_0}{C_0}\right)^{1/n} - 1$  avec  $C_0 = 2500$ ,  $I_s = 92.60$  et  $n = 5$ . On obtient donc  $i = \left[\left(\frac{92.60+2500}{2500}\right)^{1/9} - 1\right] \times 24 \approx 0.0972 = 9.72\%$ .
- au bout de 130 jours ?  
On utilise la formule  $i = \frac{I_s}{n \times C_0}$  avec  $C_0 = 2500$ ,  $I_s = 92.60$  et  $n = 130$ . On obtient donc  $i = \left[\left(\frac{92.60+2500}{2500}\right)^{1/130} - 1\right] \times 365 \approx 0.1021 = 10.21\%$ .
6. Lina doit toucher une prime de 25000€ dans 5 mois, mais il a besoin d'argent à cet instant. Il

s'engage à reverser intégralement cette somme à sa banque qui lui propose un prêt au taux annuel de 1,92%. Calculer le capital maximal qu'il peut emprunter aujourd'hui dans ces conditions.

On utilise la formule  $C_n = C_0(1+i)^n$ , soit donc  $C_0 = \frac{C_n}{(1+i)^n}$  avec  $C_n = 25000$ ,  $i = \frac{0.0192}{12}$  et  $n = 5$ . On obtient donc  $C_0 = \frac{25000}{(1+\frac{0.0192}{12})^5} \approx \dots \text{€}$ .

7. Lina place la somme de 2000€ avec des intérêts simples annuels de 5%. On veut évaluer le capital acquis au bout de  $t$  années de ce prêt. Établir la table des valeurs acquises pendant 5 ans. Représenter la valeur acquise en fonction du temps.
8. On vous propose de placer 10000€ tout de suite dans un compte fermé contre 13000€ dans 3 ans. Aussi, vous avez la possibilité de placer votre argent dans un compte d'épargne qui rémunère au taux composé de 11% par an. Quel est l'investissement le plus rentable ?

### Corrigé n°3 Annuités - Tableau d'amortissement

1. Calculer l'annuité de remboursement pour un emprunt de 215000€ au taux annuel de 1.25% sur 20 ans. Déduire le montant des intérêts.  
On utilise la formule  $A = \frac{i}{1-(1+i)^{-n}} \times C$  avec  $C = 215000 \text{€}$ ,  $n = 20$ ,  $i = 1.25\%$ . On obtient donc  $A = \frac{\frac{1.25}{100}}{1-(1+\frac{1.25}{100})^{-20}} \times 215000 \approx 12216.38 \text{€}$ .  
Le montant des intérêts :  $I_c = n \times A - C = 20 \times 12216.38 - 215000 \approx 29327.68 \text{€}$ .
2. Calculer la mensualité de remboursement pour un emprunt de 187000€ au taux annuel de 1.15% sur 15 ans. Déduire le montant des intérêts.  
On utilise la formule  $A = \frac{i}{1-(1+i)^{-n}} \times C$  avec  $C = 187000 \text{€}$ ,  $n = 15 \times 12 = 180$ ,  $i = \frac{1.15\%}{12} = \frac{0.0115}{12}$ . On obtient donc  $A = \frac{\frac{0.0115}{12}}{1-(1+\frac{0.0115}{12})^{-180}} \times 187000 \approx 1131.56 \text{€}$ .  
Le montant des intérêts :  $I_c = n \times A - C = 180 \times 1131.56 - 187000 \approx 16681.59 \text{€}$ .
3. Avec un prêt au taux annuel de 1.11% sur 15 ans, calculer le capital maximal à emprunter pour avoir une annuité de 11200€. Déduire le montant des intérêts.  
On utilise la formule  $A = \frac{i}{1-(1+i)^{-n}} \times C$ , soit ainsi  $C = \frac{1-(1+i)^{-n}}{i} \times A$  avec  $A = 11200 \text{€}$ ,  $n = 15$  et  $i = 1.11\%$ . On obtient donc  $C = \frac{1-(1+\frac{1.11}{100})^{-15}}{\frac{1.11}{100}} \times 11200 \approx 153975 \text{€}$ .  
Le montant des intérêts :  $I_c = n \times A - C = 15 \times 11200 - 153975 \approx 14025 \text{€}$ .
4. Avec un prêt au taux annuel de 1.46% sur 22 ans, calculer le capital maximal à emprunter pour avoir une mensualité de 790€. Déduire le montant des intérêts.  
On utilise la formule  $A = \frac{i}{1-(1+i)^{-n}} \times C$ , soit ainsi  $C = \frac{1-(1+i)^{-n}}{i} \times A$  avec  $A = 790 \text{€}$ ,  $n = 22 \times 12 = 264$  et  $i = \frac{1.46\%}{12} = \frac{0.0146}{12}$ . On obtient donc  $C = \frac{1-(1+\frac{0.0146}{12})^{-264}}{\frac{0.0146}{12}} \times 790 \approx 178289.06 \text{€}$ .  
Le montant des intérêts :  $I_c = n \times A - C = 264 \times 790 - 178289.06 \approx 30270.94 \text{€}$ .
5. Pour un emprunt de 156000€ au taux annuel de 0.98% sur 6 ans. Établir le tableau d'amortissement où les annuités sont constantes.  
On applique d'abord la formule  $A = \frac{i}{1-(1+i)^{-n}} \times C$  pour déterminer les annuités constantes où  $C = 156000 \text{€}$ ,  $i = 0.98\%$  et  $n = 6$  ans. On a donc  $a_k = A = \frac{\frac{0.98}{100}}{1-(1+\frac{0.98}{100})^{-6}} \times 156000 \approx 26899.05 \text{€}$ .  
Ensuite, on utilise les formules ci-dessous ( $k \geq 1$ ) :  
—  $C_k^{de} = C_{k-1}$   
—  $I_k = iC_{k-1}$   
—  $A_k = a_k - I_k$   
—  $C_k = C_{k-1} - A_k$

Par exemple, on a  $I_1 = 156000 \times \frac{0.98}{100} \approx 1528.8\text{€}$ ,  $A_1 = a_1 - I_1 = 26899.05 - 1528.8 = 25370.25\text{€}$  et  $C_1 = 156000 - 25370.25 = 130629.75\text{€}$ .

Année $k$	Capital restant dû $C_k^{de}$ en début d'exercice	Intérêts $I_k$	Annuité $a_k$	Capital amorti $A_k$	Capital restant dû $C_k$ en fin d'exercice
1	156000.00	1528.80	26899.05	25370.25	130629.75
2	130629.75	1280.16	26899.05	25618.89	105010.16
3	105010.16	1029.10	26899.05	25869.95	79140.21
4	79140.21	775.57	26899.05	26123.48	53016.73
5	53016.73	519.56	26899.05	26379.49	26637.24
6	26637.24	261.04	26899.05	26637.24	0

Le coût total de l'emprunt est la différence entre la somme remboursée et celle emprunté (simplement la somme des intérêts), soit donc  $6 \times 26899.05 - 156000 = 5394.23\text{€}$ .

6. Monsieur  $X$  emprunte 100000€, remboursables sur 17 ans à un taux d'effectif global (TEG ou TAEG) annuel 2.4%. Il souhaite rembourser par mensualités. Dresser le tableau d'amortissement où les annuités sont constantes. Déduire le coût total de l'emprunt.

On applique d'abord la formule  $A = \frac{i}{1-(1+i)^{-n}} \times C$  pour déterminer les annuités constantes où  $C = 156000\text{€}$ ,  $i = \frac{2.4\%}{12} = \frac{0.024}{12}$  (taux appliqué mensuellement) et  $n = 17 \times 12 = 204$  ans. On a donc  $a_k = A = \frac{\frac{0.024}{12}}{1-(1+\frac{0.024}{12})^{-204}} \times 100000 \approx 597.46\text{€}$ .

Mois $k$	Capital restant dû $C_k^{de}$ en début d'exercice	Intérêts $I_k$	Mensualités $m_k$	Capital amorti $A_k$	Capital restant dû $C_k$ en fin d'exercice
1	100000.00	200	597.46	397.46	99602.54
2	99602.54	199.21	597.46	398.26	99204.28
3	99204.28	198.41	597.46	399.05	98805.23
4	98805.23	197.61	399.85	26123.48	98405.38
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮

Le coût total de l'emprunt est la différence entre la somme remboursée et celle empruntée (simplement la somme des intérêts), soit donc  $204 \times 597.46 - 100000 = 21881.84\text{€}$ .