ALGORITHMIQUE II

El Maati CHABBAR

Département d'Informatique
Faculté des Science -Rabat-

PLAN DU COURS

OBJECTIF:

Conception des algorithmes corrects et efficaces

PLAN

- RAPPELS : NOTATIONS ALGORITHMIQUES
- COMPLEXITE
- ALGORITHMES ITERATIFS DE TRIS
- RECURSIVITE
- DIVISER POUR RESOUDRE
- PREUVE D'ALGORITHMES

- Un type est un ensemble de valeurs sur lesquelles on définit des opérations.
 - Types de base :
 - ✓ Entier: Opérateurs arithmétiques +, -, *, div, mod
 - ✓ Réel: Opérateurs arithmétiques +, -, *, /
 - ✓ Booléen : Opérateurs logiques et, ou, non
 - ✓ Caractère : constante (lettre imprimable) entre apostrophe.
 - Les opérateurs relationnels permettant de faire des comparaisons: <, \leq , =, >, \geq , \neq
 - Le Résultat de la comparaison est une valeur booléenne.

- □ Une **variable** possède :
 - un nom
 - une valeur
 - un type

(la valeur d'une variable peut changer au cours de l'exécution)

Déclaration: <variable>: <type>

 Une expression, pour un type, est soit une constante, soit une variable, soit constituée à l'aide de constantes, de variables, de parenthèses et des opérateurs

```
INSTRUCTIONS
```

```
Affectation : <variable> := <expression>
```

Condition: si <condition> alors

action

fsi

OU:

si <condition> alors

action 1

sinon

action 2

fsi

(condition est une expression à valeur booléenne; action est une instruction ou un bloc d'instructions séparées par ;)

FSR Dépt.Info. 15

- Itération
- boucle Pour

(Où initiale et finale sont des <u>expressions</u> de même type que celui de la variable contrôlant la boucle, le type peut être entier, caractère ou énuméré)

Remarque: la boucle pour affecte la valeur de initiale à variable et compare cette valeur à celle de finale avant d'exécuter action.

```
Exemple: calcul de 1+2+...+n (n entier \geq 1
    fixé)
Programme somme des n premiersTermes
// partie déclaration
n: entier; s: entier; i: entier; (ou n, i, s: entier)
Début
// Lecture des données
    Écrire (" n = ? "); lire(n);
// calcul de la somme
    s := 0;
    pour i := 1 à n faire
            s := s + i;
    fpour;
// affichage du résultat
    écrire("1+2+...+n=", s);
fin
```

```
main () {
// déclaration des variables
  int i, n, s;
// lecture des données
  prinf(" n = ? "); scanf(" %d", &n);
// calcul de la somme
  s = 0;
  for(i = 1; i <=n; i++) s = s + i;
// affichage
  printf(" 1+2+...+ %d = %d \n", n, s)
}</pre>
```

- Itération
- boucle tantque

• boucle répéter

```
tantque < condition> faire

action

ftantque

répéter

action

jusque < condition>
```

Remarques:

- Condition est une expression à valeur booléenne, cette expression doit être modifiée dans le corps de la boucle (dans action).
- La boucle pour peut être traduite en boucle tantque (ou en répéter) mais l'inverse n'est pas toujours vrai.

```
Programme somme des n premiersTermes
// partie déclaration
n: entier; s: entier; i: entier; (ou n, i, s: entier)
Début
// Lecture des données
    Écrire (" n = ? "); lire(n);
// calcul de la somme
    s := 0;
    i := 1;
    tantque i <= n faire
            s := s + i;
            i := i + 1;
    ftantque;
// affichage du résultat
    écrire("1 + 2 + ... + n = ", s);
fin
```

```
en C
main ( ) {
// déclaration des variables
    int i, n, s;
// lecture des données
    prinf(" n = ? "); scanf(" %d", &n);
// calcul de la somme
    s = 0;
    i = 1;
    while (i \leq n) {
            s = s + i;
           i = i + 1
// affichage
    printf(" 1+2+...+\%d = \%d \n", n, s)
}
```

Algorithme

- Description formelle d'un procédé de calcul qui permet, à partir d'un ensemble de données, d'obtenir des résultats.
- Succession finie d'opérations

DONNEES

<u>algorithme</u>

RESULTATS

Cheminement à suivre :



Conception structurée des algorithmes

Découper l'algorithme en sous algorithmes plus simples. Chaque sous algorithme est un algorithme.

> Fonctions

- Une fonction est un sous algorithme (sous programme) qui, à partir de données, retourne <u>un seul type de résultat</u>.
- Une fonction
 - possède un nom
 - communique avec l'extérieur par le biais des paramètres
 - retourne un résultat par l'instruction retourner (expression)

□ Schéma d'une fonction :

```
fonction <nom de la fonction>(Liste des paramètres) : <type du résultat>
    // déclaration des variables locales

début
    // corps de la fonction qui contient l'instruction retourner
fin
```

- Les paramètres de la définition d'une fonction (appelés formels) sont :
 - typés
 - séparés par ',' s'il y en a plusieurs
- Les paramètres formels sont utilisés pour ne pas lire les données dans une fonction.
- Les variables déclarées dans une fonctions (y compris les paramètres formels) sont appelées variables locales.

□ Exemple: factoriel n en □ n! en C : pseudo code:

```
Fonction fact(n : entier) : entier
 m, i : entier;
début
   m := 1;
   pour i := 2 à n faire
         m := m * i;
   fpour
   retourner(m);
fin
```

```
unsigned int fact (unsigned int n) {
 unsigned int i, m;
 m = 1;
 for (i = 2; i \le n; i++)
    m = m * i;
 return m;
```

- L'appel d'une fonction est utilisé dans une instruction sous la forme :
 <nom de la fonction> (liste des paramètres effectifs)
- Les paramètres formels et effectifs doivent correspondre en nombre et en type
- Lors d'un appel :
 - les paramètres formels reçoivent les valeurs des paramètres effectifs correspondant
 - le corps de la fonction est exécuté jusqu'au premier retourner rencontré
 - l'exécution se poursuit (à l'dresse de retour) dans la fonction appelante.
- Remarque: le type de retour d'une fonction peut être vide, et dans ce cas on écrit retourner() ou pas d'instruction retourner;

```
Exemple: calcul de 1+2+...+n (n
   entier≥ 1 fixé)
Programme somme des n premiersTermes
// partie déclaration
n: entier; r: entier; (ou n, r: entier)
Début
// Lecture des données
   Écrire (" n = ? "); lire(n);
// appel et utilisation de la fonction
   sommeArith
   r := sommeArith(n);
   // affichage du résultat
   écrire("1 + 2 + ... + n = ", r);
fin
```

Fonction pour calculer la somme
1+2+...+m

Fonction sommeArith (m : entier) : entier
i, s : entier;
début
s := 0;
pour i := 1 à m faire
s := s + i;
fpour;
retourner(s);
fin

Deux types de passages des paramètres :

- Passage par valeur: la fonction travaille sur une copie du paramètre effectif transmis; i.e. la valeur du paramètre effectif n'est pas modifiée après l'appel de la fonction.
- Passage par adresse (ou par référence):
- l'identificateur du paramètre formel est précédé par le mot ref.
- la fonction travaille directement sur l'identificateur du paramètre effectif; i.e. toute modification sur le formel entraine la même modification sur le paramètre effectif correspondant.

```
Fonction échnger(x: réel, y : réel) : vide
z : réel;
début
     z := x;
     x := y;
     y := z;
fin
Fonction appelante()
a, b : réel;
début
     a := 2; b := 7;
     échanger(a,b);
     écrire( a = , a);
     écrire(b = , b);
fin
Les résultas affichés par la fonction appelante :
     a = 2
                         b = 7
```

Passage par valeur

```
Passage par réference
Fonction echnger(ref x: réel, ref y : réel) : vide
z : réel;
début
     z := x;
     x := y;
    y := z;
fin
Fonction appelante()
a, b : réel;
début
     a := 2; b := 7;
     échanger(a,b);
     écrire( a = , a);
     écrire(b = , b);
fin
Les résultas affichés par la fonction appelante :
```

b = 2

a = 7

- Un <u>algorithme</u> se comporte comme une fonction sauf que l'on ne s'occupe pas des déclarations des variables ni de leurs types.
- Schéma d'un algorithme :

```
Algorithme <nom de l'algorithme>

Données : // les variables qui sont des données de l'algo.

Résultat(s): // variable(s) contenant le(s) résultat(s)

début
//bloc d'instructions
fin

Algorithme <nom de l'algorithme>

Données : // les variables qui sont des données de l'algo.

Résultat(s): // variable(s) contenant le(s) résultat(s)

début
//bloc d'instructions
//ne contenant pas retourner
fin
```

On omet la partie déclaration des variables locales en adoptant la règle: les variables simples sont en minuscule et les tableaux en majuscule.

Algorithme pour calculer n!

```
factoriel(n)
// n \ge 0
début
     m := 1; i := 1;
     tantque i < n faire
            i := i + 1;
            m := m * i;
     ftantque
retourner(m);
fin
```

TABLEAUX STATIQUES

- TABLEAUX
- Un tableau est utilisé pour représenter une suite d'éléments <u>de même type</u>
 (T = (t₁,t₂,...,t_n)).
- Déclaration d'un tableau (à un dimension):

```
<nom du tableau> : tableau [1 .. max] de <type des éléments>
(exemple T : tableau [1..20] de réel)

où : - max est une constante entière (positive)

- le type des éléments est quelconque (de base ou déclaré).
```

- La taille (ou longueur) d'un tableau est le nombre d'éléments du tableau; elle est toujours inférieure ou égale à max.
- les tableaux, en algorithmique, commencent à l'indice 1 (en C et en java, ils commencent à l'indice 0)

TABLEAUX STATIQUES

- Opérations (de base) sur les tableaux:
- Accès à un élément du tableau :

```
<nom du tableau> [<indice>]
(indice est une expression de type entier)
```

Parcours : (on utilise un indice et une boucle pour ou tant que)
 (exemple :

- Recherche d'un élément dans un tableau
- Insertion d'un élément
- Suppression d'un élément

TABLEAUX STATIQUES

• Exemple : recherche de la position d'un élément dans un tableau de réels.

```
fonction localiser(T: tableau[1..max]de réel, n : entier, val :réel) : entier
    i : entier;
    trouve : booléen;
    début
             i := 1; trouve := faux;
              tantque (i \le n) et (non trouve) faire
                           si(T[i] = val) alors
                               trouve := vrai;
                            sinon i := i + 1;
                           fsi;
              ftantque;
              si (trouve) alors retourner(i)
              sinon retourner(0);
              fsi
    fin
```

insertion d'élément x dans un tableau T à n éléments à la position p. Fonction inserer(T : tableau[1..max] de réel, ref n : entier, x : réel, p : entier) : vide // 1 \leq p \leq n i : entier; début i := n; tantque $i \ge p$ faire T[i+1] := T[i];i := i - 1;ftantque T[p] := x;n := n + 1;fin

Suppression d'une valeur d'un tableau T, qui se trouve à la position p. Fonction supprimer(T : tableau[1.. max] de réel, ref n : entier, p : entier) : vide i: entier; début i := p; tantque i < n faire T[i] := T[i+1];i := i + 1;ftantque; n := n - 1;fin

- Remarques:
- ✓ Le nom du tableau, dans une liste de paramètres formels, est une référence.
 - (en C, l'adresse de T[i], notée T + i, est calculée: adresse(T[i]) = adresse(T[0]) + sizeof(<type des éléments>) * i)
- ✓ L'insertion (resp. suppression) d'un élément à un indice i, nécessite un décalage des (n- i +1) derniers éléments d'une position à droite (resp. à gauche)

- Structures (ou enregistrements)
- Le type structure est utilisé pour représenter une suite d'éléments pas nécessairement de même type, chaque élément est appelé champs.
- Déclaration d'un type structure:

Déclaration d'une variable de type structure:

```
<variable structure> : <nom de type structure>
```

Par analogie au type struct de C:

```
□ En C:
Exemples:
Adresse = structure
                                                      struct adresse {
     numero rue: entier;
                                                          int numero rue;
      nom rue : tableau[1..20] de caractère;
                                                          char[20] nom rue;
      code postal : entier;
                                                          int code postal;
fstructure
                                                      typedef struct adresse Adresse;
Point = structure
    abscisse : réel;
                                                      typedef struct point {
    ordonnee : réel;
                                                          float abscisse, ordonnee;
fstructure
                                                      }Point;
Déclaration des variables:
                                                      //Déclaration des variables:
adr : Adresse;
                                                      Adresse adr;
p : Point
                                                      Point p;
                                                   FSR Dépt.Info. 15
```

- Opération sur les structures :
- * Accès à un champs :

```
<variable de type structure>. <variable_champs>
(ex: p.abcisse désigne l'abscisse du poin p)
```

Affectation:

```
<variable_type_structure> := <variable_type_structure>
(L'affectation se fait champs par champs)
```

Exemple: manipulation des complexes

```
Déclaration de type complexe en C:
typedef struct complexe {
    double p_reel, p_imag;
} Complexe;

Complexe plus(Complexe z1,Complexe z2){
    Complexe z;
    z.p_reel = z1.p_reel + z2.p_reel;
    z.p_imag = z1.p_imag + z2.p_imag;
    retun z;
}
```