

TD n°1 : Algèbre I

Informatique Appliquée - S1 - 2023/2024 - Pr. El Mahjour

Logique

Exercice 1 Langage naturel et symbolique

- 1. Soit p: "Il fait froid" et q: "Il pleut". Donnez pour chaque proposition suivante une phrase verbale qui la décrit. (a) $\neg p$; (b) $p \land q$ (c) $p \lor q$ (d) $q \lor \neg p$.
- 2. Soit p: "Eric lit LE MONDE", q: "Eric lit L'ECONOMISTE" et r: "Eric lit LE NOUVE-LOBS". Écris chacune des déclarations suivantes sous forme symbolique.
 - a) Eric lit LE MONDE ou L'ECONOMISTE mais pas LE NOUVELOBS
 - b) Eric lit LE MONDE et L'ECONOMISTE ou ne lit pas LE MONDE et LE NOUVELOBS
 - c) Il n'est pas vrai que Eric lit LE MONDE mais pas LE NOUVELOBS
 - d) Il n'est pas vrai que Eric lit LE NOUVELOBS ou L'ECONOMISTE mais pas LE MONDE (utiliser les symboles \land, \lor et \neg)

[01]

Exercice 2 Valeurs vraies/fausses et tableaux de vérité

1. Déterminer si les propositions suivantes sont vraies ou fausses

a)
$$4 + 2 = 5 \bar{e}t 6 + 3 = 9$$

c)
$$4 + 5 = 9 \bar{e}t \ 1 + 2 = 4$$

b)
$$3 + 2 = 5 \bar{e}t 6 + 1 = 7$$

d)
$$3 + 2 = 5 \bar{e}t + 7 = 11$$

- 2. Trouver le tableau de vérité de la proposition $\neg p \land q$.
- 3. Vérifier que l'expression $p \lor \neg (p \land q)$ est une tautologie.
- 4. Montrez que la proposition $\neg(\neg p \land q)$ et la proposition $p \lor \neg q$ sont équivalents.
- 5. Écrivez un pseudo-algorithme pour expliquer la définition de $p \lor q$. On peut considérer la valeur VRAI=1 et FAUX=0.
- 6. Écrivez la négation de chaque proposition de la façon la plus simple possible.
 - a Si elle travaille elle gagnera de l'argent.
 - b Il nage si et seulement si l'eau est tiède.
- c S'il neige alors ils ne conduiront pas la voiture.

[02]

Exercice 3 Arguments et quantificateurs

- 1. Montrer que l'argument suivant est un sophisme : $p \implies q, \neg p \models \neg q$
- 2. Est-ce que l'argument : $p \implies q, \neg q \models \neg p$ est valide?
- 3. Soit A = 1, 2, 3, 4, 5. Déterminez la valeur logique de chaque déclaration

a)
$$(\exists x \in A) : x + 3 = 10$$
.

c)
$$(\exists x \in A) : x + 3 < 5$$
.

b)
$$(\forall x \in A) : x + 3 < 10$$
.

d)
$$(\forall x \in A) : x + 3 \leq 7$$
.

4. Soit $U = \{1,2,3\}$ l'ensemble universelle. Déterminez la valeur logique de chaque déclaration

a)
$$\exists x \quad \forall y : x^2 < y + 1$$

c)
$$\forall x \ \forall y : x^2 + y^2 < 12$$

b)
$$\exists x \ \forall y : x^2 + y^2 < 12$$

[03]