



## Chapter 7: 정규화 7: Normalization

데이터베이스 시스템 개념, 7 판.

©Silberschatz, Korth 및 Sudarshan 재사용  
조건은 [www.db-book.com](http://www.db-book.com) 참조



### 개요outline

§ 좋은 관계 설계의 특징 § 기능적 종속성 § 기능적 종속성을 사용한 분해

§ 일반 형식

§ 기능적 종속성 이론 § 기능적 종속성을 사용한 분해 알고리즘 § 다중값 종속성을 사용한 분해

§ 더 정상적인 형태

§ 원자 도메인 및 제1정규형

§ 데이터베이스 설계 프로세스

§ 임시 데이터 모델링



## 좋은 관계 설계의 특징 Relational Designs

§ 강사와 부서를 in\_dep로 결합한다고 가정합니다.  
강사와 학과의 자연스러운 결합을 나타냅니다.

ID	name	salary	dept_name	building	budget
22222	Einstein	95000	Physics	Watson	70000
12121	Wu	90000	Finance	Painter	120000
32343	El Said	60000	History	Painter	50000
45565	Katz	75000	Comp. Sci.	Taylor	100000
98345	Kim	80000	Elec. Eng.	Taylor	85000
76766	Crick	72000	Biology	Watson	90000
10101	Srinivasan	65000	Comp. Sci.	Taylor	100000
58583	Califieri	62000	History	Painter	50000
83821	Brandt	92000	Comp. Sci.	Taylor	100000
15151	Mozart	40000	Music	Packard	80000
33456	Gold	87000	Physics	Watson	70000
76543	Singh	80000	Finance	Painter	120000

*classroom*(building, room\_number, capacity)  
*department*(dept\_name, building, budget)  
*course*(course\_id, title, dept\_name, credits)  
*instructor*(ID, name, dept\_name, salary)  
*section*(course\_id, sec\_id, semester, year, building, room\_number, time\_slot\_id)  
*teaches*(ID, course\_id, sec\_id, semester, year)  
*student*(ID, name, dept\_name, tot\_cred)  
*takes*(ID, course\_id, sec\_id, semester, year, grade)  
*advisor*(s\_ID, i\_ID)  
*time\_slot*(time\_slot\_id, day, start\_time, end\_time)  
*prereq*(course\_id, prereq\_id)

Figure 7.1 Database schema for the university example.

§ 정보의 중복이 있음 § null 값을 사용해야  
함(강사가 없는 새로운 부서를 추가하는 경우)



## 분해 Composition

§ in\_dep 스키마에서 정보 반복 문제를 피하는 유일한 방법은 이를 강사 스키마와 부서 스키마의 두 스키마로 분해하는 것입니다.

§ 모든 분해가 좋은 것은 아닙니다. 분해한다고 하자

직원(ID, 이름, 거리, 도시, 급여)

~ 안으로

employee1(ID, 이름)

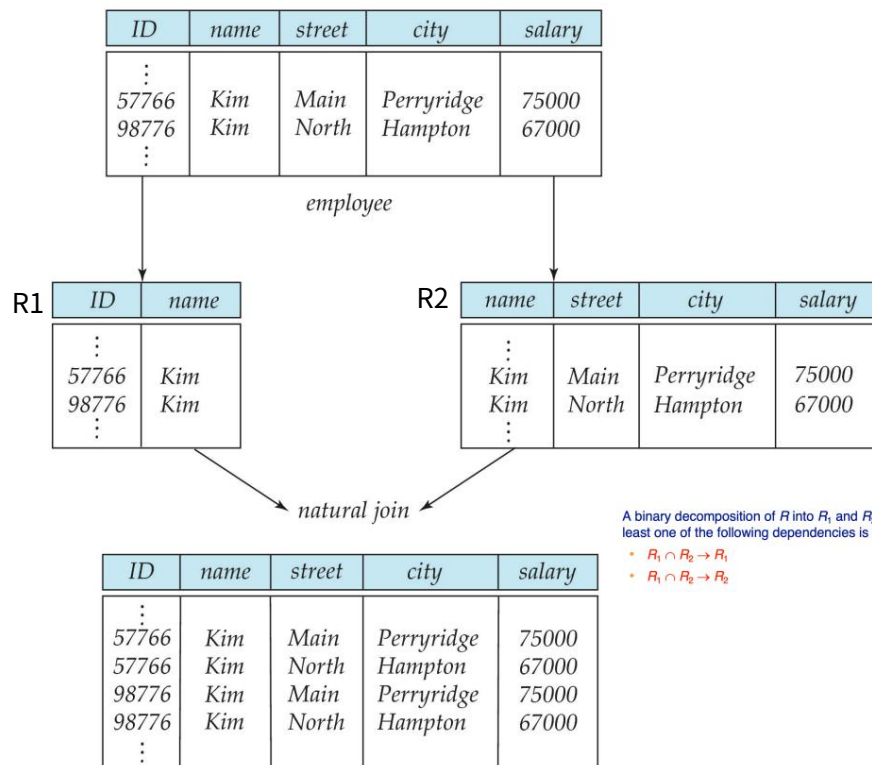
employee2(이름, 거리, 도시, 급여)

같은 이름을 가진 두 명의 직원이 있을 때 문제가 발생합니다. § 다음 슬라이드는 정보 손실 방법을 보여줍니다. 원래 직원 관계를 재구성할 수 없으므로 이는 손실 분해입니다.



## 손실 분해 Decomposition

$F^+ = \{ID \rightarrow \text{이름, 거리, 도시, 급여}\}$



## 무손실 분해 Decomposition

§ *R*을 관계 스키마라고 하고 *R1* 과 *R2*가 *R*의 분해를 형성하도록 합니다.

즉  $R = R1 \cup R2$

§ *R*을 2개의 관계 스키마 *R1* 로 대체하여 정보의 손실이 없다면 **무손실 분해** 라고 한다.

유 *R2*

§ 공식적으로,

$$\bigcap R1(r) \cap R2(r) = r$$

§ 그리고 반대로 분해는 다음과 같은 경우 손실이 있습니다.

$$r \not\subseteq \bigcap R1(r) \cap R2(r)$$



## 무손실 분해의 예 Lossless Decomposition

§ R의 분해 = (A, B, C)

R1 = (A, B)

R2 = (B, C)

A	B	C
$\alpha$	1	A
$\beta$	2	B

$r$

A	B
$\alpha$	1
$\beta$	2

$\Pi_{A,B}(r)$

B	C
1	A
2	B

$\Pi_{B,C}(r)$

$\Pi_A(r) \bowtie \Pi_B(r)$

A	B	C
$\alpha$	1	A
$\beta$	2	B



## 정규화 이론 Normalization Theory

§ 특정 관계 R이 "양호한" 형태인지 여부를 결정합니다. § 관계 R이 "양호한" 형태가 아닌 경우 다음과 같이 관계 {R1, R2, ..., Rn} 집합으로 분해합니다. • 각 관계가 양호함 • 분해는 무손실 분해입니다.

§ 우리의 이론은 다음을 기반으로 합니다.

- 기능 종속성
- 다중값 종속성



## 기능 종속성 Functional Dependencies

§ 일반적으로 실제 데이터에는 다양한 제약(규칙)이 있습니다.  
세계.

§ 예를 들어, a에서 유지될 것으로 예상되는 제약 조건 중 일부는  
대학 데이터베이스는 다음과 같습니다.

- 학생과 강사는 ID로 고유하게 식별됩니다. • 각 학생과 강사는 이름이 하나만  
있습니다. • 각 강사와 학생은 (주로) 오직 한 사람과만 연결됩니  
다.  
부서.
- 각 부서는 예산에 대한 값이 하나뿐이고 관련 건물도 하나뿐입니다.



## 기능 종속성(계속) Functional Dependencies (Cont.)

§ 이러한 모든 실제 제약 조건을 충족하는 관계의 인스턴스는 다음과 같습니다.  
관계의 **법적 인스턴스** 라고 합니다 .

§ 데이터베이스의 법적 인스턴스는 모든 관계 인스턴스가 법적 인스턴스인 경우입니다. § 법적  
관계 집합에 대한

제약. § 특정 속성 집합에 대한 값이 고유하게 결정하

도록 요구

다른 속성 세트의 값.

§ 기능 종속성은 키 개념의 일반화입니다.



## 기능 종속성 정의 Functional Dependencies Definition

§ R을 관계 스키마라고 하자

$a \in R$  및  $b \in R$ 에서

기능 종속성

$a \rightarrow b$

는 R을 유지하는 경우에만 법적 관계  $r(R)$ 에 대해  $r$ 의 두 튜플  $t_1$ 과  $t_2$ 가 속성  $a$ 에 동의할 때만 속성  $b$ 에도 동의합니다. 그건,  
비

$$t_1[a] = t_2[a] \Rightarrow t_1[b] = t_2[b]$$

§ 예: 다음  $r$  인스턴스가 있는  $r(A,B)$ 를 고려하십시오.

1	4
5	3

§ 이 경우  $B \rightarrow A$  홀드;  $A \rightarrow B$ 는 유지되지 않습니다.



## 기능 종속성 집합의 폐쇄 Functional Dependencies Closure

§ 기능적 종속성 세트  $F$ 가 주어지면  $F$ 에 의해 논리적으로 암시되는 특정 다른 기능적 종속성이 있습니다.

- $A \rightarrow B$ 이고  $B \rightarrow C$ 이면  $A \rightarrow C$ 라고 추론할 수 있습니다.
- 등

§  $F$ 가 논리적으로 암시하는 모든 기능 종속성 집합은  $F$ 의 클로저입니다.

§ 우리는  $F$ 에 의한  $F$ 의 폐쇄를  $F^+$ 로 나타냅니다.



## 기능 종속성 Functional Dependencies

§  $K$ 는  $K \circ R$ 의 경우에만 관계 스키마  $R$ 의 슈퍼키입니다. §  $K$ 는 다음과 같은 경우에만  $R$ 의 후보 키입니다.

- $K \circ R$ , 그리고
- $a$ 가 없는 경우  $\exists K, a \circ R$

§ 기능 종속성을 통해 슈퍼키를 사용하여 표현할 수 없는 제약 조건을 표현할 수 있습니다. 스키마를 고려하십시오.

in\_dep (ID, 이름, 급여, 부서명, 건물, 예산)

다음과 같은 기능 종속성이 유지될 것으로 예상합니다.

dept\_name  $\circ$  건물

건물 ID

그러나 다음이 유지될 것으로 기대하지 않습니다.

dept\_name  $\circ$  급여



## 기능 종속성의 사용 Functional Dependencies

§ 기능 종속성을 사용하여 다음을 수행합니다.

- 관계를 테스트하여 주어진 기능 종속성 세트에서 합법적인지 확인합니다.

§ 관계  $r$ 이 기능적 종속성 집합  $F$ 에서 합법적이면  $r$ 이  $F$ 를 만족한다고 말합니다. • 법적 관계 집합에 대한 제약을 지정

하기 위해

§  $R$ 에 대한 모든 법적 관계가 기능적 종속  $F$  집합을 만족하는 경우  $F$ 가  $R$ 을 유지한다고 말합니다.

§ 참고: 관계 스키마의 특정 인스턴스는 기능을 충족할 수 있습니다.

기능적 종속성이 모든 법적 인스턴스에 적용되지 않는 경우에도 종속성이 있습니다.

- 예를 들어 강사의 특정 인스턴스는 우연히 이름  $\circ$  ID를 충족할 수 있습니다.



## 자소한 기능 종속성 Functional Dependencies

§ 일부 유형의 기능 종속성(예:  $A \twoheadrightarrow A$ ,  $AB \twoheadrightarrow A$ )은 모든 관계에서 충족되는 경우 사소하다고 합니다.

§ 예:

- 이름  $\twoheadrightarrow$  이름
- 아이디, 이름  $\twoheadrightarrow$  아이디

§ 일반적으로  $a \twoheadrightarrow b$  비 사소한 경우 비 안에



## 무손실 분해 Decomposition

§ 기능 종속성을 사용하여 특정 분해가 무손실인 경우를 표시할 수 있습니다.

§  $R = (R_1, R_2)$  의 경우 모든 가능한 관계  $r$ 에 대해  
스키마  $R$

$$r = \tilde{R}_1(r) \tilde{R}_2(r) \text{ § 다}$$

음 종속성 중 적어도 하나가  $F^+$  에 있는 경우  $R$ 을  $R_1$  및  $R_2$  로 이진 분해하는 것은 무손실 분해입니다.

- $R_1 \not\subset R_2 \twoheadrightarrow R_1$
- $R_1 \not\subset R_2 \twoheadrightarrow R_2$

§ 위의 기능 종속성은 무손실 조인 분해를 위한 충분 조건입니다. 종속성은 모든 제약 조건이 기능적 종속인 경우에만 필수 조건입니다.

- $((R_1 \not\subset R_2 \twoheadrightarrow R_1) \quad (R_1 \not\subset R_2 \twoheadrightarrow R_2))$ 인 경우  $R$ 에서  $R_1$  및  $R_2$  로의 이진 분해는 무손실 분해입니다 (True).
- $R$ 의  $R_1$  및  $R_2$  로의 이진 분해가 무손실 분해이면  $((R_1 \not\subset R_2 \twoheadrightarrow R_1) \quad (R_1 \not\subset R_2 \twoheadrightarrow R_2))$  (???)





## 예

§  $R = (A, B, C)$

$F = \{A \bowtie B, B \bowtie C\}$ . §  $R1$

$= (A, B), R2 = (B, C)$

- 무손실 분해:

$R1 \Join R2 = \{B\} \text{ 및 } B \bowtie BC$

§  $R1 = (A, B), R2 = (A, C)$

- 무손실 분해:

$R1 \Join R2 = \{A\} \text{ 및 } A \bowtie AB$

§ 참고:

- $B \bowtie BC$

에 대한 단축 표기법입니다.

- $B \bowtie \{B, C\}$



## 종속성 보존 Dependency Preservation

§ 데이터베이스가 업데이트될 때마다 기능 종속성 제약 조건 테스트

업데이트는 비용이 많이 들 수

§ 있습니다. 제약 조건을 효율적으로 테스트할 수 있는 방식으로 데이터베이스를 설계하는 것이 유용합니다.

§ 하나의 관계만 고려하여 기능적 종속성을 테스트할 수 있는 경우 이 제약 조건을 테스트하는 비용이 낮습니다 .

§ 계산적으로 적용하기 어렵게 만드는 분해

기능적 종속성은 NOT 종속성 보존 이라고 합니다 .



## 종속성 보존 예 (Dependency Preservation Example)

§ 스키마 고려:

$\text{dept\_advisor}(s\_ID, i\_ID, \text{dept\_name})$  §

기능 종속성:  $i\_ID \twoheadrightarrow \text{dept\_name}$ ,  
 $\text{dept\_name} \twoheadrightarrow i\_ID$

§ 위의 설계에서는 강사가  $\text{dept\_advisor}$  관계에 참여할 때마다 부서 이름을 한 번씩 반복해야 합니다.

§ 이 문제를 해결하려면  $\text{dept\_advisor}$ 를 분해해야 합니다.

$s\_ID$ , 부서명  $\twoheadrightarrow i\_ID$

§ 따라서 컴포지션은 종속성을 보존하지 않습니다.

§  $R_1 = \{s\_ID, i\_ID\}$ .  $R_2 = \{i\_ID, \text{부서\_이름}\}$

A binary decomposition of  $R$  into  $R_1$  and  $R_2$  is lossless decomposition if at least one of the following dependencies is in  $F^+$ :

- $R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1$
- $R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2$



## Boyce-Codd 정규형 (BCNF)

§ 관계 스키마  $R$ 은  $F^+$ 의 모든 기능적 종속성이 다음과 같은 형식 이면 기능적 종속성 집합  $F$ 에 대해 BCNF에 있습니다.

$\twoheadrightarrow B$

여기서  $A \in R$  및  $B \in R$ , 다음 보류 중 적어도 하나:  $A \twoheadrightarrow B$

- $\twoheadrightarrow B$  비 사소합니다(즉, 비
- $A$ 는  $R$ 의 수퍼키입니다.



## Boyce-Codd 정규형(계속) Form (Cont.)

§ BCNF에 없는 예제 스키마 :

in\_dep (ID, 이름, 급여, 부서명, 건물, 예산)

왜냐하면 :

- dept\_name<sup>®</sup> 건물, 예산 § 보류 in\_dep

- $\alpha \rightarrow \beta$  is trivial (i.e.,  $\beta \subseteq \alpha$ )

- $\alpha$  is a superkey for  $R$

§ 그러나

- dept\_name은 수퍼키가 아닙니다.

§ in\_dept를 강사와 부서로 분해할 때

- 강사가 BCNF 소속

§ 강사 (ID, 이름, 부서명, 급여) F+ = {ID → 이름, 부서명, 급여}

- 부서는 BCNF에 있음 § 부서(부서

이름, 건물, 예산) F+ = {부서 이름<sup>®</sup> 건물, 예산 }



## 스키마를 BCNF로 분해 Schema into BCNF

§ R을 BCNF에 없는 스키마 R이라고 하자. 하자<sup>®</sup>  
BCNF를 위반합니다.

비 FD가 되십시오

§ 우리는 R을 다음과 같이 분해합니

다. • (a U b)

dept\_name<sup>®</sup> 건물, 예산

- (R - (a U b)) §

in\_dep의 예에서,

- in\_dep (ID, 이름, 급여, 부서명, 건물, 예산) a ≡ 부서명 = 건물, 예산 및 in\_dep

- 는 다음으로 대체 •

- 비(a U b) = (부서명, 건

물, 예산) - a) = (ID, 이름,

dept\_name, 급여)

- (R - (비



## 예

§  $R = (A, B, C)$

$F = \{A \bowtie B, B \bowtie C\}$   $F^+ = \{A \bowtie B, B \bowtie C, A \bowtie C\}$

§  $R_1 = (A, B), R_2 = (B, C)$  • 무손실

조인 분해:

$R_1 \Join R_2 = \{B\} \text{ 및 } B \bowtie BC$

• 의존성 보존

§  $R_1 = (A, B), R_2 = (A, C)$  • 무손

실 조인 분해:

$R_1 \Join R_2 = \{A\} \text{ 및 } A \bowtie AB$  • 종속성

보존 아님(  $R_1 R_2$ 를 계산하지 않고  $B \bowtie C$ 를 확인할 수 없음)



## BCNF 및 종속성 보존

§ BCNF와 종속성 보존을 모두 달성하는 것이 항상 가능한 것은 아닙니다.

§ 스키마 고려:

$\text{dept\_advisor}(s\_ID, i\_ID, \text{dept\_name})$

§ 함수 의존성 포함:  $R_1(i\_ID, \text{dept\_name}), R_2(s\_ID, i\_ID)$   $i\_ID \bowtie \text{dept\_name}$   $s\_ID,$

$\text{dept\_name} \bowtie i\_ID$  §

$\text{dept\_advisor}$ 는 BCNF에 없음

•  $i\_ID$ 는 수퍼키가 아닙니다. §

$\text{dept\_advisor}$ 의 모든 분해는

$\text{dept\_advisor}$ 의 모든 속성을 포함하지 않습니다.

$s\_ID, \text{dept\_name}$  §  $\bowtie i\_ID$

따라서 분해는 종속성 보존이 아닙니다.

• 제 3 정규형의 동기



## 제3정규형 Normal Form

§ 관계 스키마  $R$ 은 다음과 같은 경우 제3정규형(3NF)입니다.

① 비 $F^+$ 에서

다음 홀드 중 적어도 하나는 사소합니다(즉,

- ① 비 $a$ 는  $R$ 의 수퍼키 비 $\neg$ )
- 입니다 -  $a$ 는  $R$ 의 후보 키
- 각 속성  $A$ 는 비에 포함되어 있습니다.

(참고: 각 속성은 다른 후보 키에 있을 수 있음)

§ 릴레이션이 BCNF에 있으면 3NF에 있습니다 (BCNF에서는 위의 처음 두 조건 중 하나가 충족되어야 하므로).

§ 세 번째 조건은 종속성 보존을 보장하기 위해 BCNF를 최소한으로 완화하는 것입니다(이 유는 나중에 참조).

§ BCNF  $\rightarrow$  3NF(O) 3NF  $\rightarrow$  BCNF(X)



## 3NF 예제 Example

§ 스키마 고려:

dept\_advisor(s\_ID, i\_ID, dept\_name) §

기능 종속성 포함:  $i\_ID \rightarrow dept\_name$

$s\_ID, dept\_name \rightarrow$

$i\_ID$  § 두 개의 후보 키 =

$\{s\_ID, dept\_name\}, \{s\_ID, i\_ID\}$  § 이전에 dept\_advisor가 BCNF에

없음을 확인했습니다. § dept\_advisor, 그러나 3NF에 있습니다

- $s\_ID, dept\_name$ 은 수퍼키입니다. •  $i\_ID$

① dept\_name 및  $i\_ID$ 는 수퍼키가 아니지만:

§  $\{dept\_name\} - \{i\_ID\} = \{dept\_name\}$  및 §

dept\_name은 후보 키  $\{s\_ID, dept\_name\}$ 에 포함되어 있습니다.

A relation schema  $R$  is in **third normal form (3NF)** if for all:

$\alpha \rightarrow \beta$  in  $F^+$

at least one of the following holds:

- $\alpha \rightarrow \beta$  is trivial (i.e.,  $\beta \in \alpha$ )
  - $\alpha$  is a superkey for  $R$
  - Each attribute  $A$  in  $\beta - \alpha$  is contained in a candidate key for  $R$ .
- (NOTE: each attribute may be in a different candidate key)



## 3NF의 이중화 in 3NF

§ 3NF에 있는 아래 스키마 R을 고려하십시오.

- $R = (J, K, L) \cdot F$
- =  $\{JK \twoheadrightarrow L, L \twoheadrightarrow K\}$  • 인스턴스 테이블:

J	L	K
$j_1$	$l_1$	$k_1$
$j_2$	$l_1$	$k_1$
$j_3$	$l_1$	$k_1$
null	$l_2$	$k_2$

§ 테이블에 어떤 문제가 있습니까?

- 정보의 반복 • null 값을 사용해야 함(예: 관계  $l_2, k_2$ 를 나타내기 위해 J에 해당하는 값이 없는 경우)



## BCNF와 3NF의 비교 BCNF and 3NF

§ BCNF보다 3NF의 이점. 무손실 또는 종속성 보존을 희생하지 않고 3NF 설계를 얻는 것은 항상 가능합니다.

§ 3NF의 단점.

- 데이터 항목 간에 가능한 의미 있는 관계 중 일부를 나타내기 위해 **null 값**을 사용해야 할 수도 있습니다 .
- **정보의 중복 문제가** 있습니다 .



## 정규화의 목표 Normalization

§ R을 기능적 종속성 집합 F를 갖는 관계 체계라고 합니다. § 관계 체계 R이 "좋은" 형식인지 결정합니다. § 릴레이션 스키마 R이 "좋은" 형태가 아닌 경우,

다음과 같이 관계 체계  $\{R_1, R_2, \dots, R_n\}$  세트로 분해합니다.

- 각 관계 체계가 양호한 형태입니다.
- 분해가 무손실 분해입니다.
- 바람직하게는 분해는 종속성을 보존해야 합니다.



## BCNF는 얼마나 좋은가요?

§ BCNF에는 보이지 않는 데이터베이스 스키마가 있습니다.

충분히 정규화

§ 관계를 고려

inst\_info (ID, child\_name, phone) •

강사가 둘 이상의 전화를 가질 수 있고

여러 자녀

- inst\_info의 인스턴스

ID	child_name	phone
99999	David	512-555-1234
99999	David	512-555-4321
99999	William	512-555-1234
99999	William	512-555-4321



## BCNF는 얼마나 좋은가요?(계속.)

§ 사소하지 않은 기능 종속성이 없으므로 관계가 BCNF에 있습니다.

§ 삽입 이상 현상 – 즉, 전화 981-992-3443을 99999에 추가하면 두 개의 튜플(99999, David, 981-992-3443)을 추가해야 합니다.  
(99999, 윌리엄, 981-992-3443)



## 고등 정규형 Normal Forms

§ inst\_info를 다음과 같이 분해하는 것이 좋습니다.

- inst\_child:

<i>ID</i>	<i>child_name</i>
99999	David
99999	William

- inst\_phone:

<i>ID</i>	<i>phone</i>
99999	512-555-1234
99999	512-555-4321

§ 이것은 Fourth와 같은 더 높은 일반 형식의 필요성을 시사합니다.  
정규형(4NF), 나중에 살펴보겠습니다.





## 기능 의존성 이론 로드맵 Functional Dependency Theory Roadmap

§ 이제 우리는 주어진 기능적 종속성 집합에 의해 논리적으로 어떤 기능적 종속성이 내포되어 있는지 알려주는 형식 이론을 고려합니다. § 그런 다음 BCNF 및 3NF로 무손실 분해를 생성하는 알고리즘을 개발합

니다.

§ 그런 다음 분해가 종속성인지 테스트하는 알고리즘을 개발합니다.  
보존



## 기능 종속성 집합의 폐쇄 Functional Dependencies

§ 기능적 종속성 세트  $F$ 가 주어지면  $F$ 에 의해 논리적으로 암시되는 특정 다른 기능적 종속성이 있습니다.

- $A \twoheadrightarrow B$ 이고  $B \twoheadrightarrow C$ 이면  $A \twoheadrightarrow C$ 라고 추론할 수 있습니다.
- 등

§  $F$ 가 논리적으로 암시하는 모든 기능 종속성 의 집합은 **클로저** 입니다.  
폐쇄.

§ 우리는  $F$ 에 의한  $F$ 의 폐쇄를  $F^+$ 로 나타냅니다.



## 기능 종속성 집합의 폐쇄 Functional Dependencies

§ 암스트롱의 식을 반복적으로 적용하여  $F^+$ ,  $F$ 의 폐쇄를 계산할 수 있습니다.  
공리:

- 재귀 규칙: if 비  $\vdash a$ , then  $a \circledast$  • 증강 비
- 규칙: if  $a \circledast$  then  $ga \circledast g$  비, 비
- 전이성 규칙:  $\circledast$  § 이 규칙은 비, 그리고 비  $\circledast g$  다음에  $a \circledast g$
- 사운드 -- 실제로 유지되는 기능적 종속성만 생성합니다.  
그리고
- 완료 -- 유지되는 모든 기능 종속성을 생성합니다.



## $F^+$ 의 예 Example of $F^+$

§  $R = (A, B, C, G, H, I)$

$F = \{ A \circledast B$   
 $A \circledast C$   
 $CG \circledast \text{에이치}$   
 $CG \circledast \text{나}$   
 $B \circledast H \}$

§  $F^+$ 의 일부 구성원

- $A \circledast H$   
§  $A \circledast B$  및  $B \circledast H$ 의 전이성에 의해
- $AG \circledast I$   
§  $A \circledast C$ 를  $G$ 로 증가시켜  $AG \circledast CG$ 를 얻은 다음  $CG \circledast I$ 로 전이성을 얻습니다.
- $CG \circledast HI$   
§  $CG \circledast CGI$ 를 추론하기 위해  $CG \circledast I$ 를 증가시킴으로써,  
 $CGI \circledast HI$ 를 추론하기 위한  $CG \circledast H$ 의 증대,  
그런 다음 전이성 ( $CG \circledast CGI$  및  $CGI \circledast HI$ ), 그런 다음  $CG \circledast HI$ )



## 기능 종속성 종료(계속) Functional Dependencies (Cont.)

- **Reflexive rule:** if  $\beta \subseteq \alpha$ , then  $\alpha \rightarrow \beta$
- **Augmentation rule:** if  $\alpha \rightarrow \beta$ , then  $\gamma \alpha \rightarrow \gamma \beta$
- **Transitivity rule:** if  $\alpha \rightarrow \beta$ , and  $\beta \rightarrow \gamma$ , then  $\alpha \rightarrow \gamma$

§ 추가 규칙:

- 합집합 규칙:  $\circ$ 인 경우 비 보류 및  $a \circ g$  보류, 그런 다음  $a \circ$  비  $g$  보류.

§ 에서  $\circ$  비 증강에 의한  $g$

§ 증강에 의한  $a \circ ag$

§  $\circ$  비 전이성에 의한  $g$

- 분해 규칙:  $a \circ g$ 가 성립하는 경우. • 비  $g$ 가 유지되면  $a \circ$  비 보류 및  $\circ$

Pseudotransitivity 규칙:  $a \circ g \circ d$ 가 유지되는 경 비 보류 및  $g$  비  $\circ d$ 가 유지되면  $a$  우.

§  $\circ$  비 에게  $\circ$ 에서 비 증강에 의한  $g$

§ 에서  $\circ$  비 이행성에 의한  $g$ 와  $g \circ d \rightarrow ag \circ d$  • 위의 규칙은 암스트롱

의 공리에서 유추할 수 있습니다.



## F+ 계산 절차 for Computing F+

§ 기능 종속성 F 집합의 종료를 계산하려면:

에프 + = F

F+ 의 각

기능 종속성  $f$ 에 대해 반복합니다.  $f$ 에 반사성 및 확대 규칙

을 적용합니다. 결과 기능적 종속성을 F에 추가합니다. + 각 쌍의 기

능적 종속성  $f_1$  및  $f_2$ 에 대해  $F +$  if  $f_1$  및  $f_2$ 가 전이성을 사용하여 결합될

수 있는 경우입니다.

그런 다음 F+가 더 이상 변경되지 않을 때까지 결과 기능적 종속성을 F+에 추가합니다.

§  $2n \times 2n = 22n$  가능한 기능 종속성 여기서  $n$ 은 R의 속성 수 § 참고: 나중에 이 작업에 대한 대체 절차를 볼 것입니다.



## 속성 세트의 폐쇄 Attribute Sets

§ 속성 집합  $a$ 가 주어지면,  $\text{under } F$  ( $a$ 로 표시됨)의 폐쇄를  $a$  under  $F$ 에 의해 기능적으로 결정되는 속성 집합으로 정의합니다.

§  $a$ 를 계산하는 알고리즘,  $F$ 에서  $a$ 의 폐쇄

```

결과 := ∅;
while (결과로 변경) do for each  $b \in a$ 
  in  $F$  do begin if  $b \notin \text{result}$  then
    result := result  $\cup$   $b$  end

```



## 속성 세트 클로저의 예 Attribute Set Closure

§  $R = (A, B, C, G, H, I)$  §  $F$

$= \{A \rightarrow B$

$A \rightarrow C$

$CG \rightarrow H$

$CG \rightarrow I$

$B \rightarrow H\}$  §

$(AG)^+$

1. 결과 =  $AG$

2. 결과 =  $ABCG$

( $A \rightarrow C$  및  $A \rightarrow B$ ) 3. 결과 =

$ABCGH(CG \rightarrow H \text{ 및 } CG \rightarrow I \text{ AGBC})$  4. 결과 =  $ABCGHI(CG \rightarrow I \text{ 및 } CG \rightarrow$

$AGBCH)$

§  $AG$ 는 후보 키입니까?

1.  $AG$ 는 슈퍼 키입니까?

1.  $AG \rightarrow R$ 입니까? ==  $(AG)^+ \subseteq R$

2.  $AG$ 의 하위 집합이 슈퍼키입니까?

1.  $A \rightarrow R$ 입니까? ==  $(A)^+ \subseteq R$  2.  $G \rightarrow R$

입니까? ==  $(G)^+ \subseteq R$  3. 일반적으로: 크기

$n-1$ 의 각 하위 집합을 확인합니다.



## 속성 클로저의 사용 Attribute Closure

속성 클로저 알고리즘은 여러 가지 용도로 사용됩니다. § 슈퍼키 테스트:

- $a$ 가 슈퍼키인지 테스트하기 위해  $a^+$ 를 계산하고  $a^+$ 가  $R$ 의 모든 속성을 포함하는지 확인합니다.

§ 기능 종속성 테스트

- 기능 종속성  $a \twoheadrightarrow b$ 가 유지되는지(즉,  $F$ 에 있는지) 확인하려면  $b \in a^+$ 인지 확인하십시오.
- 즉, 속성 클로저를 사용하여  $a^+$ 를 계산 한 다음,  $b$ 를 포함합니다.
- 간단하고 저렴한 테스트이며 매우 유용합니다.

§  $F$ 의 컴퓨팅 폐쇄에 대한 대체 방법을 제공합니다.

- 각  $g \in R$ 에 대해 클로저  $g^+$ 를 찾고 각  $S \in g^+$ 에 대해 기능 종속성  $g \twoheadrightarrow S$ 를 출력합니다.



## 정식 표지 Formal Cover

§ 관계 스키마에 기능적 종속성  $F$  집합이 있다고 가정합니다. 사용자가 관계에 대한 업데이트를 수행할 때 마다 데이터베이스 시스템은 업데이트가 기능적 종속성을 위반하지 않도록 해야 합니다. 즉,  $F$ 의 모든 기능 종속성이 새 데이터베이스 상태에서 충족됩니다.

§ 업데이트가 세트  $F$ 의 기능 종속성을 위반하는 경우 시스템은 업데이트를 롤백해야 합니다.

§ 테스트를 통해 위반 사항을 확인하는 데 소요되는 노력을 줄일 수 있습니다.

주어진 세트와 동일한 클로저를 갖는 단순화된 기능 종속성 세트. § 이 단순화된 집합을 정규 표지 라고 합니다.

§ 정식 표지를 정의하려면 먼저 외부 속성을 정의해야 합니다.

- $F^+$ 를 변경하지 않고 제거할 수 있는 경우  $F$ 의 기능적 종속성 속성은 관련이 없습니다.



## 관련 없는 속성 Attributes

§ 기능 종속성의 왼쪽에서 특성을 제거하면 더 강력한 제약 조건이 될 수 있습니다.

- 예를 들어  $AB \twoheadrightarrow C$ 가 있고 B를 제거하면 더 강력한 결과  $A \twoheadrightarrow C$ 를 얻습니다.  $A \twoheadrightarrow C$ 는 논리적으로  $AB \twoheadrightarrow C$ 를 암시하기 때문에 더 강력할 수 있지만  $AB \twoheadrightarrow C$ 는 그 자체로 논리적으로 그렇지 않습니다.  $A \twoheadrightarrow C$ 를 의미

§ 그러나 우리의 기능 종속성 세트 F가 어떻게 되는지에 따라  $AB \twoheadrightarrow C$ 에서 B를 안전하게 제거할 수 있습니다.

- 예를 들어,  $F = \{AB \twoheadrightarrow C, A \twoheadrightarrow D, D \twoheadrightarrow C\}$

라고 가정합니다. • 그러면 F가 논리적으로  $A \twoheadrightarrow$

C를 암시하므로 B는 AB에서 관련이 없음을 나타낼 수 있습니다.

⊗ 씨.



## 외부 속성(계속) Attributes (Cont.)

§ 기능 종속성의 오른쪽에서 속성 제거  
더 약한 제약 조건 이 될 수 있습니다 .

- 예를 들어  $AB \twoheadrightarrow CD$ 가 있고 C를 제거하면 더 약한 결과  $AB \twoheadrightarrow D$ 를 얻을 수 있습니다.  $AB \twoheadrightarrow D$ 만 사용하면 더 이상  $AB \twoheadrightarrow C$ 를 추론할 수 없기 때문에 더 약할 수 있습니다 . § 그러나 무엇에 따라 우리의 기능적 종속성 세트 F가 발생하면  $AB \twoheadrightarrow CD$ 에

서 C를 안전하게 제거할 수 있습니다.

- 예를 들어,  $F = \{AB \twoheadrightarrow CD, A \twoheadrightarrow C\}$ 라고 가정합니다. • 그러면  $AB \twoheadrightarrow CD$ 를  $AB$

$\twoheadrightarrow D$ 로 교체한 후에도  
여전히  $AB \twoheadrightarrow C$  및  $AB \twoheadrightarrow CD$ 를 추론할 수 있습니다.



## 관련 없는 속성 Extraneous Attributes

§ F의 기능적 종속성의 속성은 F를 변경하지 않고 제거할 수 있는 경우 관련이 없습니다

+ § 기능적 종속성과 기

능적 종속성의 집합 F를 고려하십시오.

® F의 b.

- 왼쪽에서 제거: 특성 A는 if에서 관련이 없습니다.

§ A → b 및

§ F는 논리적으로  $(F - \{a \rightarrow b\}) \rightarrow \{(a - A) \rightarrow b\}$ 를 의미합니다. • 오른쪽에

서 제거: 속성 A는 §  $A \rightarrow b$  및 § 기능적 종속성 집합 인 경우 b에서 관련이 없습니다.

$(F - \{a \rightarrow b\}) \rightarrow \{a \rightarrow (b - A)\}$ 는 논리적으로 F를 의미합니다.

§ 참고: "강한" 기능적 종속성은 항상 더 약한 종속성을 의미하기 때문에 위의 각 사례에서 반대 방향의 의미는 사소합니다. • 왼쪽에서 제거:  $F - \{a \rightarrow b\} \rightarrow \{(a - A) \rightarrow b\}$ 는 논리적으로 F를 의미합니다. • 오

른쪽에서 제거: F는 논리적으로  $(F - \{a \rightarrow b\}) \rightarrow \{a \rightarrow (b - A)\}$ .



## 속성이 관련 없는지 테스트 Attribute is Extraneous

§ R을 관계 스키마라고 하고 F를 기능적

R을 유지하는 종속성. 기능 종속성  $a \rightarrow b$ 의 속성을 고려하십시오. § 속성  $A \rightarrow b$ 가 b에  
서 관련이 없는지 테스트

하기 위해

- 세트를 고려하십시오.

$F' = (F - \{a \rightarrow b\}) \rightarrow \{a \rightarrow (b - A)\}$ , • a가 F' 아래

에 A를 포함하는지 확인 ; 그렇다면 A는 b에서 관련이 없습니다.

§ 속성  $A \rightarrow a$ 가

- $g = a - \{A\}$  라고 합니다. F에서  $g \rightarrow b$ 를 추론할 수 있는지 확인합니다. §

F의 종속성을 사용하여 g를 계산 합니다. 만약  $g \rightarrow b$

§ 의 모든 속성을 포함한다면 , A는



## 불필요한 속성의 예 Extraneous Attributes

§  $F = \{AB \twoheadrightarrow CD, A \twoheadrightarrow E, E \twoheadrightarrow C\}$ 라고 하자. §  $C$

가  $AB \twoheadrightarrow CD$ 와 관련이 없는지 확인하기 위해:

- $F' = \{AB \twoheadrightarrow D, A \twoheadrightarrow E, E \twoheadrightarrow C\}$ 에서  $AB$ 의 속성 클로저를 계산합니다. • 클로저는  $CD$ 를 포함하는  $ABCDE$ 입니다. • 이는  $C$ 가 관련이 없음을 의미합니다. •

$AB^+ = \{A, B, C, D, E\}$  •  $F' = \{AB \twoheadrightarrow D, A \twoheadrightarrow E, E \twoheadrightarrow C\}$



## 정식 표지 Functional Cover

$F$ 에 대한 정식 커버는 다음 과 같은 종속성  $F_c$ 의 집합입니다.

§  $F$ 는 논리적으로  $F_c$ 의 모든 종속성을 의미 하고, §  $F_c$ 는 논

리적으로  $F$ 의 모든 종속성을 의미하며, §  $F_c$ 의 기능적 종속

성은 외부 속성을 포함 하지 않으며, §  $F_c$ 의 기능적 종속성의 각 왼쪽은 고유합니다. 즉,  $F_c$ 에는 두 개의 종속성이 없습니다.

- $a_1 \twoheadrightarrow b_1$  및  $a_2 \twoheadrightarrow b_2$ 는 다음과 같습니다.
- $a_1 = a_2$





## 정식 표지 Canonical Cover

§ F에 대한 표준 커버를 계산하려면:

$$F_c = F$$

반복

합집합 규칙을 사용하여 다음 형식의 F에 있는 모든 종속 항목을 바꿉니다.

$$a_1 \rightarrow b_1 \text{ 및 } a_1 \rightarrow b_2 \text{ 와 } a_1 \rightarrow b_1 b_2$$

a 또는 b에서 관련 없는 속성이 있는  $F_c$ 의 기능적 종속성  $a \rightarrow b$  찾기

/\* 참고: F가 아닌  $F_c$ 를 사용하여 외부 속성 테스트 수행 \*/

관련 없는 속성이 발견되면  $a \rightarrow b$ 에서 삭제합니다.

~까지 ( $F_c$ 는 변경되지 않음)

§ 참고: 유니온 규칙은 일부 관련 없는 특성 이후에 적용될 수 있습니다.  
삭제되었으므로 다시 적용해야 합니다.



## 예제 1: Computing a Canonical Cover

§  $R = (A, B, C)$

$$F = \{A \rightarrow BC$$

$$B \rightarrow C$$

$$A \rightarrow B$$

$$AB \rightarrow C\}$$

§  $A \rightarrow BC$ 와  $A \rightarrow B$ 를  $A \rightarrow BC$ 로 결합

- 집합은 이제  $\{A \rightarrow BC, B \rightarrow C, AB \rightarrow C\}$ 입니다.

§ A는  $AB \rightarrow C$ 에서 관련이 없습니다.

- $AB \rightarrow C$ 에서 A를 삭제한 결과가 다른 종속성에 의해 암시되는지 확인합니다.

§ 예: 사실  $B \rightarrow C$ 는 이미 존재합니다!

- 이제 집합은  $\{A \rightarrow BC, B \rightarrow C\}$ 입니다.

§ C는  $A \rightarrow BC$  { $A \rightarrow B, B \rightarrow C$ }에서 관련이 없습니다. •  $A \rightarrow C$ 가  $A \rightarrow$

B 및 기타 종속 항목에 의해 논리적으로 암시되는지 확인합니다.

§ 예:  $A \rightarrow B$  및  $B \rightarrow C$ 에서 전이성을 사용합니다.

- 더 복잡한 경우 A의 속성 클로저를 사용할 수 있습니다.

§ 정식 표지는  $A \rightarrow B$ 입니다.

$$B \rightarrow C$$



## 예제 2: Canonical Cover 계산

$\mathcal{R} = \{A, B, C, D\}$

$F = \{A \rightarrow BC, B \rightarrow C, A \rightarrow B, AB \rightarrow C, AC \rightarrow D\}$  •  $A \rightarrow BC$  및  $A \rightarrow B$ 는  $A \rightarrow BC$ 로 결합됩니다.

•  $F = \{A \rightarrow BC, B \rightarrow C, AB \rightarrow C, AC \rightarrow D\}$  •  $A \rightarrow BC$ 의 경우  $C$ 는 외부 속성입니다.

•  $F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, AB \rightarrow C, AC \rightarrow D\}$  •  $AB \rightarrow C$ 의 경우  $C$ 는 외부 속성이므로  $AB \rightarrow C$ 는 삭제됩니다. •  $F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, AC \rightarrow D\}$

•  $AC \rightarrow D$ 의 경우  $C$ 는 외부 속성입니다.

$\mathcal{F}$  이는  $F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, AC \rightarrow D\}$ 에서  $A^+ = \{ABCD\}$ 이기 때문입니다.

•  $F_c = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, A \rightarrow D\}$  •  $F_c = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C\}$ .



## 종속성 보존

$\mathcal{F}_i$ 를  $\mathcal{R}_i$ 의 속성만 포함하는 종속성  $\mathcal{F}^+$ 의 집합이라고 합니다. • 분해는 종속성 보존입니다. if  $(\mathcal{F}_1 \rightarrow \mathcal{F}_2 \rightarrow \dots \rightarrow \mathcal{F}_n)^+ = \mathcal{F}^+$  위의 정의를 사용하여 종속성 보존을 위한 테스트는

가하급수적인 시간.

$\mathcal{F}$  분해가 종속성 보존이 아닌 경우 기능적 종속성 위반에 대한 업데이트를 확인하는 데 비용이 많이 드는 컴퓨팅 조인이 필요할 수 있습니다.



## 종속성 보존(계속) Preservation (Cont.)

§  $F$ 를 스키마  $R$ 에 대한 종속성 집합이라고 하고  $R_1, R_2, \dots, R_n$ 을  $R$ 의 분해라고 합니다. §  $R_i$ 에 대한  $F$ 의 제한은  $r_i$ .

§ 제한의 모든 기능 종속성은 하나의 관계 스키마 속성만 포함하므로 하나의 관계만 확인하여 이러한 종속성을 만족하는지 테스트할 수 있습니다.

§ 제한의 정의는  $F^+$ 의 모든 종속성을 사용한다는 점에 유의하십시오.  
 $F$ 에 있는 사람들.

§ 제한 집합  $F_1, F_2, \dots, F_n$ 은 효율적으로 확인할 수 있는 기능 종속성 집합입니다.



## 종속성 보존을 위한 테스트 Dependency Preservation

§  $R$ 을  $R_1, R_2, \dots, R_n$ 으로 분해할 때 종속성  $a \twoheadrightarrow b$ 가 유지되는지 확인하기 위해 다음 테스트를 적용합니다( $F$ 에 대해 속성 클로저 수행).

- 결과 = 분해에서  
각  $R_i$ 에  
대한 반복  $t = (\text{결과} \Join R_i)^+ \Join R_i$  결과 = 결과  $\hat{=}$   $t$

때까지 (결과는 변경되지 않음) • 결과가  $b$ 의

모든 속성을 포함하는 경우 기능적 종속성  $a$   
 $\twoheadrightarrow b$ 는 보존됩니다.

§ 분해가 종속성 보존인지 확인하기 위해  $F$ 의 모든 종속성에 테스트를 적용합니다.

§ 이 절차는 지수 시간 대신 다항식 시간이 걸립니다.  
 $F^+$  및  $(F_1 \text{ IS } F_2 \text{ IS } \dots \text{ IS } F_n)^+$ 를 계산하는 데 필요합니다.



## 예

§  $R = (A, B, C)$

$F = \{A \twoheadrightarrow B, B \twoheadrightarrow C\}$

$K = \{A\}$

§  $R$ 은 BCNF에 없음

§ 분해  $R_1 = (A, B), R_2 = (B, C)$  • BCNF의  $R_1$  및

$R_2$  • 무손실 조인 분해

• 종속성 보존 •  $F = \{A \twoheadrightarrow B, B \twoheadrightarrow$

$C, A \twoheadrightarrow C\}$

§ 이전 알고리즘을 사용하여  $A \twoheadrightarrow C$ 가 보존되는지 확인



## 다음을 이용한 분해 알고리즘 기능 종속성 Dependencies