## Fondamenti dell'informatica

Andrea gullì handgull

September 16, 2022

# Contents

1	Insiemistica di base			3
	1.1	Cos'è ı	un insieme	3
	1.2	Rappre	esentazione degli insiemi	4
		1.2.1	Diagrammi di Eulero-Venn	4
		1.2.2	Rappresentazione estensionale	4
		1.2.3	Rappresentazione intensionale	5

### Introduzione

Questi appunti sono volti a guidare a 360 gradi, spiegando tutti i concetti passo passo ed i loro utilizzi pratici nel campo dell'informatica.

Perchè studiare insiemi? la teoria degli insiemi è un fondamento della matematica, che a sua volta è un fondamento dell'informatica.

Concretamente parlando il campo dell'informatica più influenzato dall'insiemistica a mio avviso è quello delle **basi di dati**.

Ad esempio con una SELECT \* FROM che coinvolge più di una tabella verrà fatto il **prodotto cartesiano** tra le tuple delle tabelle del database.

Sempre nei database relazionali sono essenziali le operazioni di **unione**, **intersezione**, di **differenza** e così via.

## Chapter 1

## Insiemistica di base

#### 1.1 Cos'è un insieme

Un **insieme** è una collezione non ordinata di oggetti distinti e ben definiti detti elementi dell'insieme. Per convenzione gli insiemi sono denominati con lettere maiuscole e sono delimitati da parentesi graffe, gli elementi sono indicati con lettere minuscole.

Per ogni oggetto (anche un insieme) esistente è possibile chiedersi se esso appartiene o meno ad un determinato insieme.

Se un elemento appartiene ad A si scrive:

$$a \in A$$

Se un elemento b non appartiene ad A si scrive:

$$b \notin A$$

L' **insieme universo** è l'insieme indicato con U che contiene tutti gli tutti gli elementi e tutti gli insiemi esistenti, compreso quindi anche se stesso.

L' **insieme vuoto**, ovvero l'insieme senza elementi viene denotato con  $\phi$ . Per ogni oggetto x, esiste un insieme  $\{x\}$  che viene detto **singoletto**.

$$A = \{1, 2, 3\}$$
$$B = \{3, 2, 1\}$$

$$C = \{1, 1, 2, 3\}$$

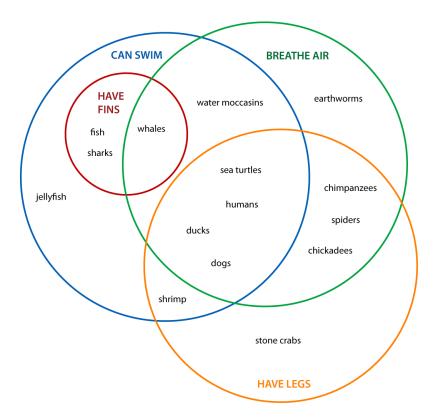
In questo caso abbiamo che A = B = C dato che ordine e numerosità degli elementi non contano, come detto sopra.

 $\{\phi\}$ non è l'insieme vuoto ma è un insieme, un singoletto, contenente l'insieme vuoto.

### 1.2 Rappresentazione degli insiemi

#### 1.2.1 Diagrammi di Eulero-Venn

Un metodo di rappresentazione grafico estremamente facile da capire ma limitato se si tratta di dover rappresentare insiemi grandi. Molto semplicemente gli elementi dentro il cerchio appartengono all'insieme.



#### 1.2.2 Rappresentazione estensionale

Consiste nell'elencare esplicitamente tutti gli elementi dell'insieme. Anche questo metodo risulta scomodo quando all'interno dell'insieme vi è un gran numero di elementi o addirittura c'è un numero infinito di elementi da elencare.

$$A = \{1, 2, 3\}$$
  
 $B = \{1, 2, 3, ..., 100\}$ 

#### 1.2.3 Rappresentazione intensionale

Consiste nel formulare una proprietà caratteristica P che distingue precisamente gli elementi dell'insieme  $S = \{x : P\}$ . S è l'insieme di tutti e soli gli elementi per i quali la proprietà P è vera.

$$A = \{x : x \in \mathbb{N}, x > 3, x < 6\} = \{4, 5\}$$