

11.1 散列表

❖ 已知的几种查找方法:

□ 顺序查找

$O(N)$

□ 二分查找（静态查找）

$O(\log_2 N)$

□ 二叉搜索树
平衡二叉树

$O(h)$ h 为二叉查找树的高度

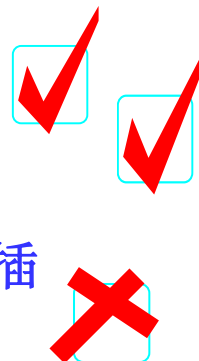
$O(\log_2 N)$

还有其它方法吗？

【例】 在登录QQ的时候，QQ服务器是如何核对你的身份？面对庞大的用户群,如何快速找到用户信息？

【分析】 看看是否可以用二分法查找。

- 十亿 ($10^9 \approx 2^{30}$) 有效用户，用二分查找30次。
- 十亿 ($10^9 \approx 2^{30}$) \times 1K \approx 1024G，1T连续空间。
- 按有效QQ号大小有序存储：在连续存储空间中，插入和删除一个新QQ号码将需要移动大量数据。



【问题】如何快速搜索到需要的关键词？如果关键词不方便比较怎么办？

查找的本质：已知对象找位置。

- 有序安排对象：全序、半序
- 直接“算出”对象位置：散列

❖ 散列查找法的两项基本工作：

- 计算位置：构造散列函数确定关键词存储位置；
- 解决冲突：应用某种策略解决多个关键词位置相同的问题

❖ 时间复杂度几乎是常量： $O(1)$ ，即查找时间与问题规模无关！

❖散列表(哈希表)

类型名称:符号表 (**SymbolTable**)

数据对象集: 符号表是“名字(**Name**)-属性(**Attribute**)”对的集合。

操作集: $\text{Table} \in \text{SymbolTable}$, $\text{Name} \in \text{NameType}$, $\text{Attr} \in \text{AttributeType}$

1、**SymbolTable InitializeTable(int TableSize)**:

创建一个长度为**TableSize**的符号表;

2、**Boolean IsIn(SymbolTable Table, NameType Name)**:

查找特定的名字**Name**是否在符号表**Table**中;

3、**AttributeType Find(SymbolTable Table, NameType Name)**:

获取**Table**中指定名字**Name**对应的属性;

4、**SymbolTable Modify(SymbolTable Table, NameType Name, AttributeType Attr)**:

将**Table**中指定名字**Name**的属性修改为**Attr**;

5、**SymbolTable Insert(SymbolTable Table, NameType Name, AttributeType Attr)**:

向**Table**中插入一个新名字**Name**及其属性**Attr**;

6、**SymbolTable Delete(SymbolTable Table, NameType Name)**:

从**Table**中删除一个名字**Name**及其属性。

□ “散列（Hashing）”的基本思想是：

（1）以关键字 key 为自变量，通过一个确定的函数 h （散列函数），计算出对应的函数值 $h(key)$ ，作为数据对象的存储地址。

（2）可能不同的关键字会映射到同一个散列地址上，

即 $h(key_i) = h(key_j)$ （当 $key_i \neq key_j$ ），称为“冲突(Collision)”。

----需要某种冲突解决策略

[例] 有 $n = 11$ 个数据对象的集合{18, 23, 11, 20, 2, 7, 27, 30, 42, 15, 34}。

符号表的大小用 $\text{TableSize} = 17$ ，选取散列函数 h 如下：

$$h(\text{key}) = \text{key} \bmod \text{TableSize} \quad (\text{求余})$$

地址	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
关键词	34	18	2	20			23	7	42		27	11		30		15	

□ 存放：

$h(18)=1$, $h(23)=6$, $h(11)=11$, $h(20)=3$, $h(2)=2$,

如果新插入35, $h(35)=1$, 该位置已有对象！冲突！！

□ 查找：

❖ $\text{key} = 22$, $h(22)=5$, 该地址空，不在表中

❖ $\text{key} = 30$, $h(30)=13$, 该地址存放是30，找到！

装填因子 (Loading Factor) : 设散列表空间大小为 m ，填入表中元素个数是 n ，则称 $\alpha = n / m$ 为散列表的装填因子

➤ $\alpha = 11 / 17 \approx 0.65$ 。

[例] 将acos、define、float、exp、char、atan、ceil、floor、clock、ctime，顺次存入一张散列表中。

散列表设计为一个二维数组Table[26][2]，2列分别代表 2个槽。

如何设计散列函数 $h(key) = ?$

$$h(key) = key[0] - 'a'$$

acos define float exp char
atan ceil floor clock ctime

	槽 0	槽 1
0	acos	atan
1		
2	char	ceil
3	define	
4	exp	
5	float	floor
6		
.....		
25		

如果没有溢出，

$$T_{\text{查询}} = T_{\text{插入}} = T_{\text{删除}} = O(1)$$