



연구배경



연구목적



2021년 투수 성적



2021년 투수 연봉



2022년 투수 연봉 예측



자료수집



KBO 기록실



STATIZ 기록실



변수정의

선발 투수

Y=2022년 연봉

 X_1 =평균자책접

X₂=승리71여도

X₃=승긴

 $X_4 = IIHHH$

 $X_5 = III \supseteq E$

X₆=**Ⅱ**홈런

*X*₇=**볼삼비**

X₈=실접

X9=이닝당출루허용률

 X_{10} =전년도염봉

모집단(N)=KB0현역투수(225명) 표본(n)=2021년 기록을 보유한 선발 투수(63명)

중간계투 투수

Y=2022년 연봉

 X_1 =평균자책점

*X*₂=승리71여도

X3=승리확률71여도

X₄=홀드

 $X_5=III만타$

*X*₆=**Ⅲ홈**런

*X*₇=**볼삼비**

X₈=실접

X9=01닝당출루허용률

 X_{10} =전년도연봉

모집단(N)=KB0현역투수(225명) 표본(n)=2021년 기록을 보유한 중간계투 투수(89명)

마무리 투수

Y=2022년 연봉

*X*₁=승리71여도

X2=승리확률기여도

X3=세이브

X₄=Ⅲ안타

X₅=볼삼비

X₆=실접

 X_7 =블론세이브

 X_8 =전년도연봉

모집단(N)=KB0현역투수(225명) 표본(n)=2021년 기록을 보유한 마무리 투수(12명)



-0.52 (-0.68,-0.31)

0.76

(0.62, 0.85)

0.73

Y .									
X ₁ 평균	-0.80 (-0.87,-0.69)	-0.59 (-0.73,-0.41)	-0.20 (-0.43,0.05)	-0.47 (-0.64,-0.25)	-0.20 (-0.43,0.05)	-0.65 (-0.77,-0.48)	-0.19 (-0.42,0.06)	0.87	-0.42 (-0.60,-0.19)
자책접	X ₂ 승리	0.83	0.36	0.70	0.45	0.65	0.41	-0.79 (-0.87,-0.67)	0.59
	기여도	<i>X</i> 3 ⊖2 1	0.52	0.86	0.61	0.48	0.67	-0.62 (-0.75,-0.44)	0.61
			X_4 ihuh	0.71	0.62	0.05	0.82	-0.28 (-0.49,-0.03)	0.35
				<i>X</i> 5 피암 타	0.70 (0.55,0.81)	0.39	0.90	-0.51 (-0.67,-0.30)	0.55
					X_6 미홈런	0.22	0.73	-0.40 (-0.59,-0.17)	0.32
독립변	수간 2	날관계4	? 0.9	이상	шош	X ₇ 볼삼비	0.14	-0.74 (-0.84,-0.80)	0.40

 $X_5(III안타) \longrightarrow 0.9 \longleftarrow X_8(실접)$

※ 실접삭제

0.35 0.32 (0.08, 0.53)).12,0.55) 0.55 0.62 0.35,0.70) (0.44,0.75) 0.32 0.35 0.49 0.40 (0.17, 0.59)(-0.84, -0.60)-0.28 0.42 0.42 (0.19, 0.60) (0.19, 0.61) X_9 -0.43 (-0.62,-0.21) -0.51 이닝당출루 이용률 X_{10} 0.90 전년도 (0.85, 0.94) 연봉 Y 2022년 연봉

 X_8

실점

X ₁ 평균	-0.80 (-0.87,-0.69)	-0.59 (-0.73,-0.41)	-0.20 (-0.43,0.05)	-0.47 (-0.64,-0.25)
자책접	<i>X</i> ₂ ⊖21	0.83	0.36 (0.12,0.56)	0.70 (0.55,0.81)
	71여도	<i>X</i> ₃ ⊖21	0.52	0.86 (0.77,0.91)
			X_4 ihuh	0.71 (0.57,0.82)
				<i>X</i> 5 피안 타

ИМД	<i>X</i> 3 ⊖2 1	0.52	0.86	0.61 (0.43,0.74)	0.48
		X_4 IHUH	0.71 (0.57,0.82)	0.62	0.05
			<i>X</i> 5 피안 타	0.70 (0.55,0.81)	0.39
종속변수와 독	립변4	수갑 0.6	이삼	$X_6II홈런$	0.22 (-0.03,0.44) X ₇
X ₂ (승리기(X ₅ (Ⅱ)안타)	_	_	_		볼삼비

-0.20 (-0.43,0.05)

 $\underset{\scriptscriptstyle{(0.23,0.63)}}{0.45}$

			2022년 연봉
		전년도 연봉	0.90 (0.85,0.94)
	X_9 이닝당출루 허용률	-0.43 X_{10}	-0.51 (-0.68,-0.30)
X ₇ 볼삼비	-0.74 (-0.84,-0.60)	0.40 (0.17,0.59)	0.49
0.22	-0.40 (-0.59,-0.17)	0.32	0.35
0.39	-0.51 (-0.67,-0.30)	0.55 (0.35,0.70)	0.62
0.05	-0.28 (-0.49,-0.03)	0.35	0.32
0.48 (0.26,0.65)	-0.62 (-0.75,-0.44)	0.61 (0.43,0.75)	0.73
0.65	-0.79 (-0.87,-0.67)	0.59 (0.40,0.73)	0.76 (0.62,0.85)
-0.65 (-0.77,-0.48)	0.87	-0.42 (-0.60,-0.19)	-0.52 (-0.68,-0.31)

모든가능한회귀(선발 투수)

변수	R-제곱	R-제곱(수정)	R-제곱(예측)	Mallows Cp	5	평균지책접	승리71여도	승리	IHHH		턴	볼삼비	이닝당출루허용률	전년도연봉
1	81.9	81,6	79.5	49.3	15973									X
2	89.5	89.1	86.4	5.9	12279		Х							X
3	90.5	90	87	2	11789		χ						X	Χ
4	90.8	90.1	87	2,1	11690		Х		Χ				Х	Х
5	91	90,2	86.8	2.9	11657		X	X	X				X	X
6	91,1	90.1	86.8	4.4	11704	X	X	X	X				X	Χ
7	91.1	90	86.4	6,2	11788	X	X	X	X			X	X	X
8	91.1	89.8	86,2	8.1	11885	X	X	X	X		X	X	X	X
9	91.1	89.6	85.8	10	11990	X	X	X	X	X	X	X	X	X



이상치 제거 및 분산분석(선발 투수)

비정상	적 관측치에 대형	한 적합치 :	및 진단										
괃측	2022년연봉	적합치	SE 적합치	95% CI	잡차	표준화 잡차	외적 스튜던트화 잡차	Hi(레버리지)		괃측	DFITS		
3	160000	108235	5112	(98006, 118464)	51765	4.87	6.25	0.18802	1.37	3	3.008	R	
18	6500	12794	5198	(2394, 23194)	-6294	-0.59	-0.59	0.194376	0.02	18	-0.29		X
21	123000	136860	5302	(126251, 147469)	-13860	-1.32	-1.32	0.202265	0.11	21	-0.67		X
48	90000	127762	4660	(118437, 137088)	-37762	-3.49	-3.88	0.156278	0.56	48	-1.67	R	
55	160000	133176	5195	(122781, 143570)	26824	2.53	2.66	0.194175	0.39	55	1.307	R	X
63	110000	101381	5172	(91031, 111731)	8619	0.81	0.81	0.192507	0.04	63	0.396		X

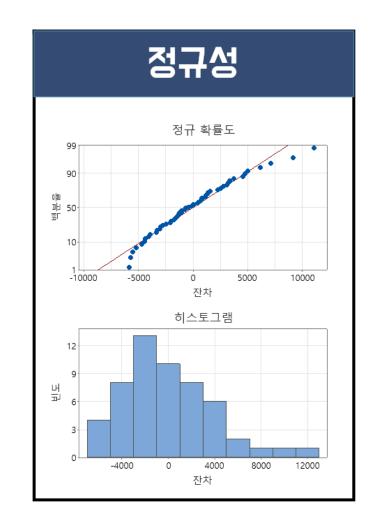
분압 분석							
출처	DF	Seq SS	기여도	Adj SS	Adj MS	F-값	P-값
회귀	3	43489974492	86.22%	43489974492	14496658164	114.7	0
오차	55	6950052766	13.78%	6950052766	126364596		
총계	58	50440027258	100.00%				

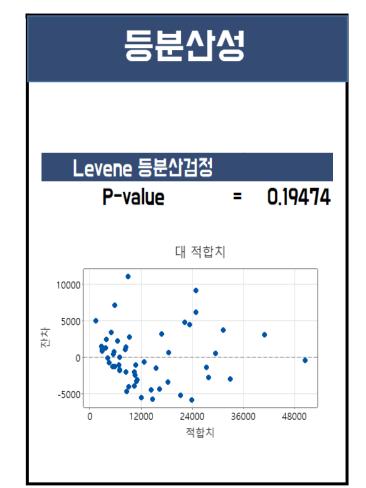
계수 및 회귀방정식(선발 투수)

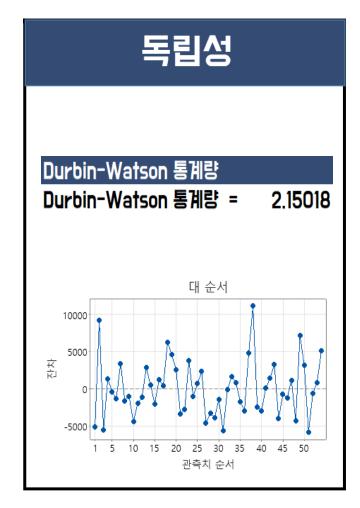
함	계 수	SE 계수	95% CI	T-값	P-값	VIF
삼수	-46707	16111	(-78994, -14419)	-2.9	0.005	
승리기여도	9856	1433	(6983, 12728)	6.88	0	3.53
이닝당출루허용률	28554	9861	(8793, 48316)	2.9	0.005	2.79
전년도염봉	0.9228	0.0988	(0.7247, 1.1209)	9.34	0	1.48

회귀 방정식	
2022년연봉	= -46707 + 9856 승리기여도 + 28554 이닝당출루허용률 + 0.9228 전년도연봉

오차항 가정사항확인(선발 투수)









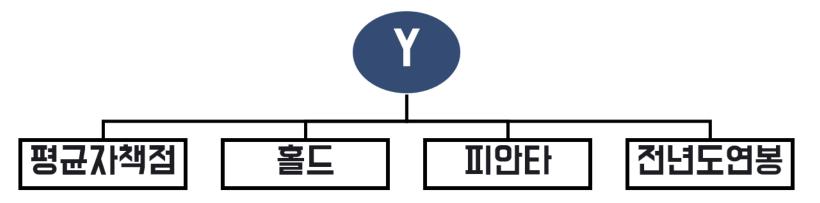
X _{1 0.02} 평균 ^(-0.19,0.22) 자책점 X ₂ 승리 기여도	-0.21 (0.40,-0.00) 0.79 (0.69,0.85) X ₃ 合리확률 71여도	0.40 (0.20,0.56) 0.71 (0.59,0.80) 0.60 (0.45,0.72) X4	0.84 (0.76,0.89) 0.43 (0.24,0.58) 0.12 (-0.09,0.32) 0.57 (0.41,0.69) X ₅ IIIPE	0.69 (0.57,0.79) 0.03 (-0.18,0.24) -0.05 (-0.25,0.16) 0.33 (0.13,0.50) 0.59 (0.44,0.71) X ₆ 川喜런	-0.21 (-0.40,-0.00) -0.41 (-0.57,-0.23) -0.26 (-0.44,-0.05) -0.33 (-0.51,-0.13) -0.40 (-0.56,-0.21) -0.22 (-0.41,-0.01)	0.98 (0.97,0.99) -0.01 (-0.22,0.19) -0.24 (-0.43,-0.03) 0.37 (0.17,0.54) 0.84 (0.77,0.90)	-0.09 (-0.29,0.12) -0.50 (-0.64,-0.33) -0.36 (-0.53,-0.17) -0.36 (-0.53,-0.16) -0.32 (-0.50,-0.12) -0.15 (-0.35,0.06)	0.17 (-0.04,0.36) 0.02 (-0.19,0.22) 0.01 (-0.20,0.22) 0.12 (-0.09,0.32) 0.21 (0.01,0.40) 0.16 (-0.05,0.35)	0.37 (0.17,0.54) 0.55 (0.38,0.68) 0.36 (0.16,0.53) 0.66 (0.52,0.76) 0.59 (0.44,0.71) 0.34 (0.14,0.51)
독립변 X ₁ (평균자	수간 상 책점) ※ 실점	0.98		X ₇ 볼삼비	-0.22 (40.41,-0.02) X ₈ 실접	0.70 (0.57,0.79) -0.10 (-0.30,0.11) X_9 이닝당출루 허용률	-0.15 (-0.35,0.06) 0.17 (-0.04,0.37) -0.15 (-0.35,0.06) X_{10} 전년도 연봉	-0.34 (-0.51,-0.14) 0.35 (0.15,0.52) -0.31 (-0.49,-0.11) 0.57 (0.41,0.69) Y 2022년 연봉	

X_1								
평균 0.02 7세제 ^(-0.19,0.22)	-0.21	0.40 (0.20,0.56)	0.84 (0.76,0.89)	0.69 (0.57,0.79)	-0.21 (-0.40,-0.00)	-0.09 (-0.29,0.12)	0.17	0.37
지기리 X ₂ 승리 71 0 5	_ (0.03,0.03)	0.71	0.43	0.03	-0.41 (-0.57,-0.23)	-0.50 (-0.64,-0.33)	0.02	0.55
	- ★21	0.60	0.12	-0.05 (-0.25,0.16)	-0.26 (-0.44,-0.05)	-0.36 (-0.53,-0.17)	0.01	0.36
		X_4 IHUH	0.57	0.33	-0.33 (-0.51,-0.13)	-0.36 (-0.53,-0.16)	0.12	0.66 (0.52,0.76)
			$X_5피안타$	0.59 (0.44,0.71)	-0.40 (-0.56,-0.21)	-0.32 (-0.50,-0.12)	0.21	0.59
				X ₆ 피홈 런	-0.22 (-0.41,-0.01)	-0.15 (-0.35,0.06)	0.16	0.34
종속변4	수와 독립	변수간 (0.6 이실		X ₇ 볼삼비	0.70 (0.57,0.79)	-0.15 (-0.35,0.06)	-0.34 (-0.51,-0.14)
	X ₄ (될	量 <u>厂</u>)				X_9 이닝당출루	-0.15 (-0.35,0.06)	-0.31 (-0.49,-0.11)
						허용률	X_{10}	

X₁₀ 전년도 연봉 (0.41,0.69) Y 2022년 연봉

모든가능한회귀(중간계투 투수)

	변수	R-제곱	R-제곱(수정)	R-게곱(예측)	Mallows Cp	5	평균자책접	승리기여도	승리확률기여도	홀드	피안타	홈런	볼삼비	이닝당출루허용률	전년도연봉
	1	43.5	42.8	40.1	97.6	4953.3				X					
t	2	67.8	67	61.3	21	3759.9				X					X
ı	3	7 1.1	70.1	64.4	12.3	3581.7				X	X				X
۱	4	73,6	72.3	66,6	6,3	3445.2	Х			Χ	Х				Х
	5	73.9	72.3	66	7.3	3445.9	χ		X	X	X				Х
ì	6	74.4	72.6	65.2	7.5	3429.7	X	X	X	X	X				X
	7	74.9	72.8	64.5	8	3418.2	X	X	X	X	X	X			X
	8	75.5	73	64.9	8.2	3402	X	X	X	X	X	X		X	X
	9	75.5	72.7	64.5	10	3419.1	X	X	X	X	X	X	X	X	X



이상치 제거 및 분산분석(중간계투 투수)

비정상	적 관측치에 대한	한 적합치	및 진단										
괃측	2022년연봉	적합치	SE 적합치	95% CI	잡차	표준화 잔차	외적 스튜던트화 잔차	Hi(레버리지)	Cook의 D	괃측	DFITS		
1	25000	16874	1002	(14882, 18866)	8126	2.47	2.54	0.084533	0.11	1	0.773	R	
5	10000	19326	1495	(16353, 22298)	-9326	-3	-3.16	0.188262	0.42	5	-1.52	R	X
6	5000	13571	1042	(11499, 15643)	-8571	-2.61	-2.71	0.091471	0.14	6	-0.86	R	
19	28000	16755	942	(14881, 18628)	11245	3.39	3.63	0.074781	0.19	19	1.032	R	
46	20000	24953	1502	(21966, 27941)	-4953	-1.6	-1.61	0.190157	0.12	46	-0.78		X
55	29500	22190	1228	(19748, 24632)	7310	2.27	2.33	0.127089	0.15	55	0.889	R	
59	8500	15495	1200	(13109, 17881)	-6995	-2.17	-2.22	0.121278	0.13	59	-0.82	R	
64	28000	20760	1255	(18265, 23255)	7240	2.26	2.31	0.132659	0.16	64	0.905	R	
65	5000	13421	763	(11903, 14939)	-8421	-2.51	-2.59	0.049105	0.06	65	-0.59	R	
67	30000	23086	1644	(19816, 26356)	6914	2.28	2.34	0.227782	0.31	67	1.273	R	X
83	30000	22223	1547	(19146, 25300)	דדדד	2.53	2.61	0.201717	0.32	83	1.313	R	X

분산 분4	7						
출처	DF	Seq SS	기여도	Adj SS	Adj MS	F-값	P-값
회귀	4	1986727108	72.87%	1986727108	496681777	53.73	0
오차	80	739520991	27.13%	739520991	9244012		
총계	84	2726248099	100.00%				

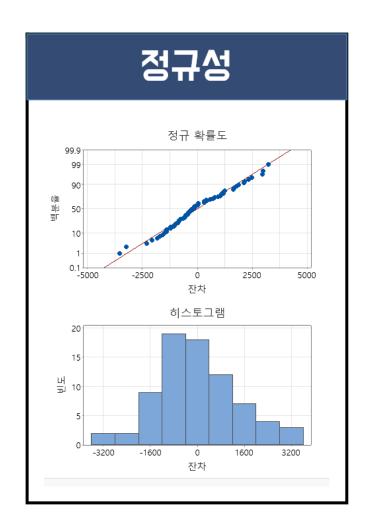
계수 및 회귀방정식(중간계투 투수)

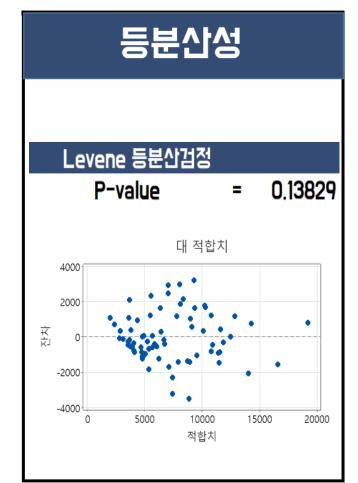
계수						
항	계수	SE 계수	95% CI	T-값	P-값	VIF
상수	2287	753	(788, 3786)	3.04	0.003	
평균자책접	-191.4	71.2	(-333.1, -49.7)	-2.69	0.009	3.37
홀 匚	513.1	62.3	(389.0, 637.1)	8.23	0	1.53
III안타	1216	351	(517, 1915)	3.46	0.001	4.11
전년도연봉	0.2761	0.0493	0.1779, 0.3743	5.6	0	1.06

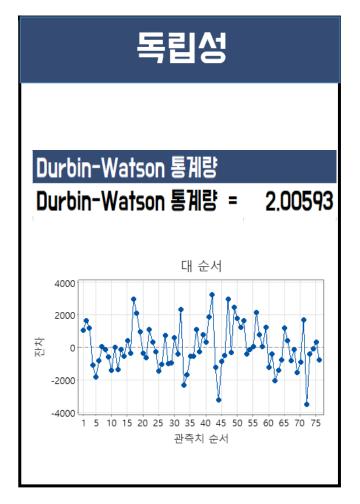
회귀 방정식

2022년연봉 = 2287 - 191.4 평균자책접 + 513.1 홀드 + 1216 피안타 + 0.2761 전년도연봉

오차항 가정사항확인(중간계투 투수)









X_1
승리
기여도

0.70 (0.20,0.91)

0.58 (0.01,0.87)

0.03

-0.32 (-0.76,0.31)

-0.59 (-0.87,-0.03) **-0.26** (-0.73,0.37)

26 -0.29 (-0.74,0.35)

-0.09 (-0.63,0.51)

 X_2 승리확률 기여도

0.63

0.03

-0.28 (-0.74,0.35) -0.41 (-0.80,0.21) -0.62 (-0.88,-0.07) 0.12

0.34

*X*3 세이브

-0.14 (-0.66,0.47)

-0.70 (-0.91,-0.20) -0.42 (-0.80,0.20) -0.28 (-0.74,0.35) 0.32

0.49

*X*₄ **Ⅱ!**안타

0.43

0.57

0.10

-0.17 (-0.68,0.45) -0.08 (-0.63,0.52)

X₅ 볼삼비

0.62

0.20

-0.41 (-0.80,0.21) -0.47

-0.12

(-0.65, 0.49)

종속변수와 독립변수간 0.6 이상

 X_7 (블론세이브). X_8 (전염도염봉)

X₆ 실접

0.11

X₇ 블론 세이브 **-0.07** (-0.62,0.52)

-0.51 (-0.84,0.09)

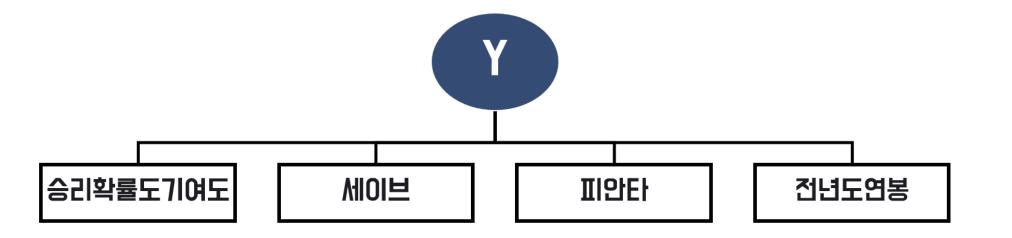
X₈ 전년도 연봉 -0.61

0.97 ^(삼 6 6 99) 2022년 연봉

연구결과

모든가능한회귀(마무리 투수)

변수	R-제곱	R-제곱(수정)	R-제곱(예측)	Mallows Cp	5	승리기여도	승리확률71여도	세이브	III안타	볼삼비	실점	블론세이브	전년도연봉
1	93.6	92.9	78.3	221.9	11092								X
2	98.6	98.3	93.8	42.6	5373		X						X
3	99.1	98.8	96.3	27	4557		X		X				X
4	99.8	99.6	98.7	6.8	2601		Х	Х	Χ				Х
5	99.9	99.7	99.3	5.2	2149		X	X	X			X	X
6	99.9	99.7	99.3	6.2	2121		X	X	X	X		X	X
7	99.9	99.8	98.3	7 .1	2025	X	X	X	X	X	X		X
8	99.9	99.7	97.4	9	2314	X	X	X	X	X	X	X	X



이상치제거 및 분산분석(마무리 투수)

모든 관	측치에 대한 적합	나기 및 진단									
괃측	2022년연봉	적합치	SE 적합치	95% CI	잡차	표준화 잔차	외적 스튜던트화 잔차	Hi(레버리지)	Cook의 D	괃측	DFITS
1	22500	26089	954	(23833, 28345)	-3589	-1.48	-1.66	0.134594	0.07	1	-0.65415
2	28000	25776	1356	(22569, 28982)	2224	1	1	0.271899	0.08	2	0.6128
3	160000	158935	2482	(153066, 164804)	1065	1.37	1.48	0.910757	3.84	3	4.74213
4	19000	17457	1366	(14228, 20686)	1543	0.7	0.67	0.275693	0.04	4	0.41268
5	80000	82144	1737	(78036, 86252)	-2144	-1.11	-1.13	0.446232	0.2	5	-1.01412
6	17000	19382	1470	(15906, 22857)	-2382	-1.11	-1.13	0.319318	0.12	6	-0.77533
7	28000	26494	1284	(23458, 29530)	1506	0.67	0.64	0.243708	0.03	7	0.36155
8	27000	27820	1451	(24389, 31251)	-820	-0.38	-0.36	0.311281	0.01	8	-0.23893
9	27000	28530	1763	(24361, 32698)	-1530	-0.8	-0.78	0.459468	0.11		
10	40000	38927	2263	(33576, 44279)	1073	0.84	0.82	0.757259	0.44	9	-0.71642
11	18500	15450	1442	(12041, 18859)	3050	1.41	1.54	0.307315	0.18	10	1.44283
12	12500	12496	1950	(7884, 17108)	4	0	0	0.562477	0	11	1.02651
										12	0.00261

ł	분산 분석													
	출처	DF	Seq SS	기여도	Adj SS	Adj MS	F-값	P-값						
	회귀	4	19073383652	99.75%	19073383652	4768345913	705	0						
	오차	7	47345515	0.25%	47345515	6763645								
	총계	11	19120729167	100.00%										

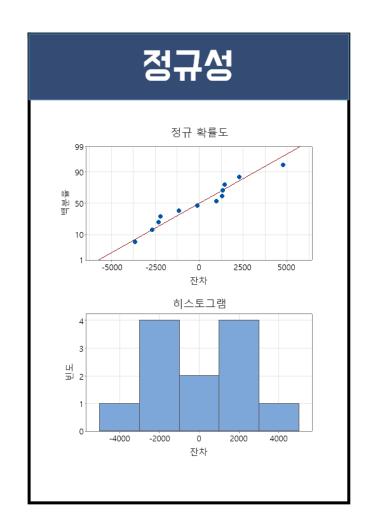
계수 및 회귀방정식(마무리 투수)

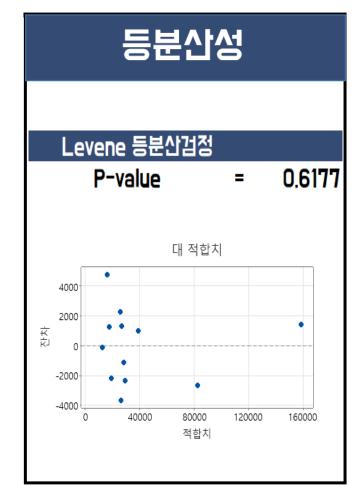
계 수						
항	계수	SE 계수	95% CI	T-값	P-값	VIF
상수	-23127	4875	(-34654, -11600)	-4.74	0.002	
승리확률71여도	3417	531	(2161, 4674)	6.43	0	1.7
세이브	370.9	88.5	(161.6, 580.3)	4.19	0.004	1.88
III안타	348.9	79.9	(159.9, 538.0)	4.36	0.003	1.06
전년도연봉	1.0956	0.0238	(1.0394, 1.1518)	46.12	0	1.14

회귀 방점식

2022년연봉 = <u>-23127 + 3417 승리확률기여도 + 370.9 세이브 + 348.9 피안</u>타 + 1.0956 전년도연봉

오차항 가정사항확인(마무리 투수)







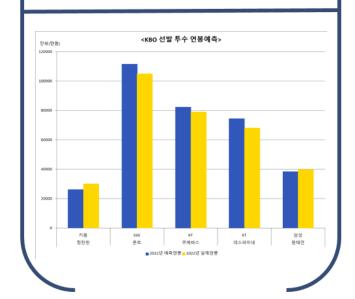
최종회귀모형

2022년 예측연봉 2022년 실제연봉

선발 투수

Y= -46707

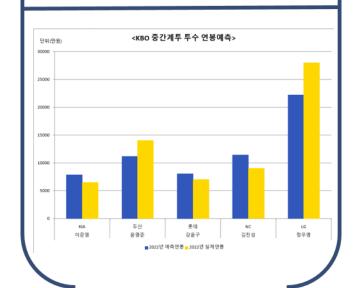
- +9856승리기여도
- +28554이닝당출루허용률
- +0.9228전년도연봉



중간계투 투수

Y= 2287

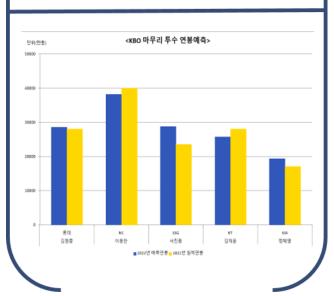
- -191.4평균자책점
- +513.1홀드
- +1216Ⅱ안타
- +0.2761전년도연봉



마무리 투수

Y=-23127

- +3417승리확률기여도
- +370.9세이브
- +348.9111만타
- +1.0956전년도연봉





기대효과

기대효과



<프로야구> 삼성, 연봉 재계약 협상 '난항'



지난달1일 대구구장에서 열린 2013 프로야구 한국시라즈 7차전 두산과의 경기에서 승리를 거두고 우승을 차지한 삼 선수들이 기쁨을 만끽하고 있다. 〈(연합뉴스DB〉〉

ᆌ뉴

프로야구 스타 연봉협상 희비 엇갈려



[쿠키 스포츠] 2009시즌을 맞이하는 프로야구 스타들의 희비가 엇같리고 있다. '프로는 연봉으로 말한다'는 업계의 금언처럼 지난 시즌 펄펄 날았던 선수들은 가파르게 오른 연봉을 챙겼지만, 성적이 신통치 않았던 선수들은 얇아진 월급 봉투를 받아들고 외신상담을 노릴 수 밖에 없다.

1BN

프로야구 스토브리그…연봉 협상 줄다리기

프로야구 스토브리그…연봉 협상 줄다리기



