سوال ۱)

پیاده سازی **موازی** :

ابتدا پیاده سازی موازی با استفاده از posix را شرح می دهیم.

برای پیاده سازی موازی عملیات مربوط به یافتن عدد ماکسیمم و اندیس آن، دو متغیر global، یکی با نام max_index_parallel برای یافتن بزرگ ترین عدد و دیگری max_index_parallel برای نگه داری اندیس آن تعریف می کنیم.

پیاده سازی را می خواهیم به گونه ای انجام دهیم که آرایه را به تعداد نخ ها تقسیم کنیم و هر کدام را مسئول محاسبه ماکسیمم و max_value_parallel و شعر سند خود، باید max_value_parallel و اندیس آن در قسمت مربوطه اش قرار می دهیم. هر نخ بعد از اتمام تسک خود، باید read/write و max_index_parallel را با مقادیر محاسبه شده خود آپدیت کند که اینجا برای جلوگیری از ناسازگاری های max_index_parallel را بحرانی همزمان، یک mutex داریم که قسمت مربوط به آپدیت کردن max_index_parallel و max_value_parallel را بحرانی در نظر گرفته به گونه ای که در هر لحظه، فقط یک نخ می تواند در آن جا حضور داشته باشد. حال به توضیح جزیی تر کد های زده شده می پردازیم.

ابتدا یک آرایه به تعداد کل نخ ها از pthread_t تعریف می کنیم. سپس آرایه ای جهت مقدار دهی ورودی های تابع محاسبه ماکسییم برای هر نخ تعریف می کنیم که از جنس structure با نام in_param_t می باشد. این structure شامل ۳ فیلد end_index و start_index ، tid می باشد که به ترتیب بیانگر شماره نخ، اندیس شروع بازه متعلق به آن و اندیس پایان بازه است. این آرایه را با مقادیر مناسب برای هر نخ مقدار دهی می کنیم و بعد از آن هم، بر روی متغیر pthread_mutex_init را صدا می زنیم.

در نهایت، به ازای هر نخ، pthread_create را با پارامتر های هندلر مربوط به آن نخ، نام تابع اجرا شونده توسط نخ و پارامتر های ورودی برای آن نخ (از جنس param_t و کست شده به *void) صدا می زنیم تا نخ ها موازی تسک خود را انجام دهند. در داخل تابع sin_param_t هر نخ متغیر های لوکال و شخصی local_index و local_max خودش را دارد. متغیر های لوکال و شخصی inparam_t و زداخل آن اندیس شروع و پایان بازه برای این تابع را که از جنس *void است، به * inparam_t کست کرده (با نام inp) و از داخل آن اندیس شروع و پایان بازه نخ را یافته (imax_index و max_index و imp->end_index و بر روی آن حلقه میزنیم تا max_index و max_local آپدیت شوند.

در پایان حلقه for، روی قفل mutex_lock صبر کرده و در صورتی که نخ دیگری داخل ناحیه بحرانی مربوط به آپدیت ماکسیمم نهایی نباشد، وارد آن شده و ماکسیمم نهایی و اندیس آن را با لوکال خود آپدیت می کنیم.

نخ اصلی با pthread_join بر روی همه نخ های ایجاد شده منتظر اتمام آنها ست و بعد اتمام کار همه نخ ها، ماکسیمم نهایی و اندیس نهایی را چاپ می کنیم (max_local و max_local).

پياده سازى **سريال**:

در نسخه سریال، کل حلقه ماکسیمم توسط همان نخ اصلی اجرا کننده برنامه با یک حلقه for از ابتدا تا انتها بررسی و اجرا می شود و طبق روال عادی ماکسیمم و ایندکس آن که max_value_serial و max_index_serial نام دارند، محاسبه می شوند.

تصویر اجرای برنامه را در زیر مشاهده می نمایید:

```
[mac@macs-MacBook-Pro desktop % g++ Q1.cpp -o Q1 -lpthread
[mac@macs-MacBook-Pro desktop % ./Q1
810196623 - 810196573
parallel
max value: 99.999702 , max index: 797174
 serial
PARALLEL Execution time is 0 s and 1906 micros SERIAL Execution time is 0 s and 2967 micros improvement: 1.556663 [mac@macs-MacBook-Pro desktop % ./Q1 810196623 - 810196573
parallel
max value: 99.999817 , max index: 288310
serial
max value: 99.999817 , max index: 288310
PARALLEL Execution time is 0 s and 1568 micros
SERIAL Execution time is 0 s and 3167 micros
improvement: 2.019770
imac@macs-MacBook-Pro desktop % ./Q1
810196623 - 810196573
parallel
max value: 99.999840 , max index: 964938
 serial
max value: 99.999840 , max index: 964938
PARALLEL Execution time is 0 s and 1780 micros
SERIAL Execution time is 0 s and 3000 micros
improvement : 1.685393
Imac@macs-MacBook-Pro desktop % ./Q1
 810196623 - 810196573
parallel
max value: 99.999863 , max index: 390971
max value: 99.999863 , max index. 59871
serial
max value: 99.999863 , max index: 390971
PARALLEL Execution time is 0 s and 1573 micros
SERIAL Execution time is 0 s and 2918 micros
improvement : 1.855054
[mac@macs-MacBook-Pro desktop % ./Q1
810196623 - 810196573
parallel
max value: 99.999962 , max index: 538792
serial
 max value: 99.999962 , max index: 538792
PARALLEL Execution time is 0 s and 1679 micros
SERIAL Execution time is 0 s and 3266 micros
improvement : 1.945205
|mac@macs-MacBook-Pro desktop % ./Q1
|810196623 - 810196573
parallel
max value: 99.999825 , max index: 219895
max value. 99.999825 , max index. 219095 serial max value: 99.999825 , max index: 219895 PARALLEL Execution time is 0 s and 1877 micros SERIAL Execution time is 0 s and 3068 micros improvement : 1.634523
 mac@macs-MacBook-Pro desktop %
```

برای محاسبه و مقایسه زمان های اجرای دو پیاده سازی، از gettimeofday استفاده کردیم.

سوال دوم)

ابتدا الگوریتم Quick Sort را مختصرا توضیح می دهیم. در مرتب سازی quick sort از بین اعضای آرایه، یک عضو را به عنوان pivot در نظر میگیریم. بدین صورت که از میان اعضای آرایه، یک عضو را در نظر گرفته و عضو های کوچکتر از آن را سمت چپ آن و عضو های بزرگتر را در سمت راست آن قرار می دهیم (در اینجا pivot را برابر با عنصر آخر ارایه (اندیس آخر) در نظر می گیریم). حال برای هر کدام از دو تکه ایجاد شده (تکه آرایه قبل pivot و تکه آرایه بعد آن) عمل فوق را دوباره انجام می دهیم. اگر آرایه اولیه را به عنوان ریشه درخت در نظر بگیریم، در هر مرحله بر حسب pivot دو بچه تولید می شوند و با ادامه دادن آن در هر شاخه در نهایت به آرایه مرتب شده به صورت صعودی میرسیم.

برای quicksort از یک آرایه به نام استک استفاده شده است و همچنین اشاره گری به سر استک نگه داشته می شود.در ابتدا بازه های اولیه ی ابتدا و انتهای آرایه به استک داده می شود.در هر مرحله دو عنصر به عنوان high از استک برداشته می شوند و پارتیشن بر روی آن ها انجام می شود.پس از به وجود آوردن partition ابتدا و انتهای بازه های به وجود آمده دوباره به استک اضافه می شود تا با برداشتن آن ها از استک دوباره عمل partition که منجر به مرتب سازی آرایه می شود اتفاق بیافتد. این کار آنقدر ادامه می یابد تا استک خالی شده و دیگر مرزی باقی نمانده باشد.در این حالت همه ی بازه های ابتدایی و انتهایی مرتب شده هستند.در ادامه چگونگی پیاده سازی این سورت در دو قسمت موازی و سریال آمده است.

In_param[8] برای ورودی سریال درنظر گرفته شده است بنابراین type = 0 و مقادیر low,high به ترتیب برابر type = 0 و اورودی سریال درنظر گرفته شده است بنابراین type = 0 و قرار می گیرند.سپس این متغیر به عنوان ورودی به تابع type = 0 داده می شود تا روی آن سورت داده ها انجام شود.

پیاده سازی **موازی:**

در اینجا ابتدا به جای آنکه از ابتدا تابع quicksort را بر روی کل آرایه صدا بزنیم، ابتدا ۷ بار partition روی آن صدا میزنیم تا در هر مر بار یک pivot انتخاب شود و عناصر نسبت به آن در قبل یا بعد آن قرار بگیرند. پس آرایه ۸ قسمت می شود که در هر قسمت، عناصر از pivot قبل خود بزرگتر و از pivot بعد خود کوچکتر هستند (فقط توجه کنید که ممکن است در اجرای یک partition اندیس pivot بعد از تغییر ساختار آرایه جایی قرار بگیرد که تکه ای بعد آن یا قبل آن نباشد و بنابر این ۴ partition بعد آن تحت تاثیر قرار می گیرند که برای هندل کردن این موضوع، ابتدا اندیس تمام هفت pivot را ۱- در نظر گرفتیم و بعد اگر برای partition را بر روی آن با بعد ۱- نبودند، partition را بر روی آن برای و و partition را آپدیت می کنیم. حال هر یک از ۸ قسمت را به ۸ نخ می دهیم تا به موازات هم quicksort را وی آن اجرا کنند.در انتها نیز منتظر میمانیم تا کار تمام نخ ها به اتمام برسد.

تست:

برای تست درستی برنامه طول آرایه را ۱۰ در نظر گرفته و نتایج اجرای سریال و موازی را مشاهده می کنیم:

```
[mac@macs-MacBook-Pro desktop % g++ Q2.cpp -o Q2 -lpthread
[mac@macs-MacBook-Pro desktop % ./Q2
810196623 - 810196573
orginal array:
52.505993 68.253799 41.644417 17.732983 38.244457 74.622482 80.097290 95.100250 49.882179 69.787308
PARALLEL Execution time is 0 s and 466 micros
SERIAL Execution time is 0 s and 21 micros
improvement : 0.045064
serial sort:
17.732983 38.244457 41.644417 49.882179 52.505993 68.253799 69.787308 74.622482 80.097290 95.100250
parallel sort:
17.732983 38.244457 41.644417 49.882179 52.505993 68.253799 69.787308 74.622482 80.097290 95.100250
mac@macs-MacBook-Pro desktop %
```

مشاهده می شود که آرایه در هر دو روش به درستی سورت شده است.ولی چون تعداد عناصر کم است improvement نداریم.

اجرای برنامه با تعداد داده های بالا: