设。假定原假设是事实,那么备择假设就有了一个可以计算出来的发生概率,如果这个发生概率非常小,但是实际 上却发生了,我们就拒绝原假设,认为原假设不正确,并把原假设正确备择假设成立的概率叫做p值。 因为p值很容易根据一个异常案例决定是否改变现有的对事实的认知,所以被广泛使用来推翻现有的认知,但是p 值的误用也是广泛存在的。 这篇论文主要对一些常见的计算p值的方法进行汇总分析,来论述为什么p值会被如此广泛的误用。 这篇论文主要涉及了信息论和非参数统计,经过我的搜索,并没有太多的同类文献可以参考,所以实际上基本上没 有参考来源和同行研究。 为了让文章的观点更容易接受,我们会从案例的角度来论述这篇文章 我们计算在0假设的情况下,现实情况发生的可能性,0假设是欧洲一年喝的啤酒的数量是8升左右,备择假设是欧 州人喝的啤酒数量和8升相差很远。 实际的情况,我们有10个人喝啤酒,他们喝啤酒的数量是5788823434 我们按照平均水平是8升的情况下按照一定的计算方法计算现实情况,或者比现实情况更为远离均值的情况发生的 0假设(null hypothesis)H0: a的均值和b的均值一样大, 备择假设H1(alter hypothesis): a的均值和b的均值不一样 概率,也就得到了一个p值, 通过简单的计算我们实际上的喝酒的情况平均水平达不到8升,接着我们计算出来了一个在0假设下小于现实情况 的概率, 假定这个概率是0.01 因为如果平均值是8升的话,我们的得到现实情况是这样的概率是0.01相对来说比较小,所以,我们不认为0假定 均值为8升是对的, 如果我们想要思考一个问题,我们必须有一个度量的尺子,来度量事情的复杂度。 下面采用的方法: 在每一个需要人为判断的环节标记一个bit的信息,然后计算整体的计算过程中需要多少bit的信 问题复杂度的度量的方法,在有分支的情况下,不管左右分支的先验信息,每条边分支的概率都假设成1/2. 说明: 给出一组数据,检验中位数是否是某一个数,解出p值得到结论。 这是一个最简单的例子,也是一个最为常用的例子,我们来检查一下计算p值的几个环节,以及可能出错的部分。 sfu=sum(x<=q0)#计数所有小于0假设的中位数的数量 因为不同人的习惯不同,这个地方会涉及到有一部分人默认计数了大于假定中位数的数量,他的代码可能是这样  $888, 915, 932, 942, 960, 975, 976, 1014, 1025, 1095, \ 1118, 1166, 1193, 1194, 1243, 1277, 1304, 1327, 1343, 1398, \\$ 1407,1409,1417,1467,1477,1512,1530,1623,1710,1921) #代表一个有多个数值的样本 也就是任何审阅代码的人必须切实的理解这一部分,已检查后来的计算是否出现了稿件的作者是不是将第一种sfu #检验中位数是否是1200 当成 第二种sfu进行计算 n=length(x)#计算一共有多少数据 这里有两个需要判断的环节,一个是前面的默认计数对象sfu, 如果前面的计数sfu是小于假定中位数的数量,那 R语言的例子1 判断组函数的中位数是否是一个数 median(x) #计算实际的这一组数据的中位数的数值 么就应该使用上面的代码, 否者应该使用下面的代码 p0=0.5 q0=1200 alpha=0.05 初始化参数,0假设的中位数,以及显著性水平0.05 p=2\*min(1-pbinom(sfu,n,p0), pbinom(sfu-1,n,p0)) sfu=sum(x<=q0)#计数所有小于0假设的中位数的数量 low=qbinom(alpha/2,n,p0) 计算给定显著性水平置信区间的下分位点 这个问题的真正简单之处是,即便作者搞错了前后参数的对应关系, 2\*min() 这个取两个数中较小值的函数也能够 upp=qbinom(1-alpha/2,n,p0)计算给定显著性水平置信区间的上分位点 p=2\*min(pbinom(sfu,n,p0), 1-pbinom(sfu-1,n,p0)) 计算p值 但是对于审核的人仍然意味着需要搞清每一个参数的真实意义。 以及需要放在论文中的位置 总结: 这个计算一共需要做统计计算的人搞清楚两处参数的位置,即便搞错了,也能得到正确的结果, 总结 对于作者来只需要按着流程使用,不需做反复的检查,**Obit**的复杂度 对于统计审核的人容易搞反的地方有两处,需要检查的地方有两个地方,检查的复杂度是2bit 说明 判断一个函数的0.25分位点是不是一个数值 sfu=sum(x<=q0) #计数所有小于0.25分位数的数量 因为不同人的习惯不同,这个地方会涉及到有一部分人默认计数了大于假定中位数的数量,他的代码可能是这样 也就是任何审阅代码的人必须切实的理解这一部分,已检查后来的计算是否出现了稿件的作者是不是将第一种sfu  $x = c(274, 279, 290, 326, 329, 341, 378, 405, 436, 500, \ 515, 541, 558, 566, 618, 708, 760, 867, 868, 869, \\$ 当成 第二种sfu进行计算 888,915,932,942,960,975,976,1014,1025,1095, 1118,1166,1193,1194,1243,1277,1304,1327,1343,1398, 1407.1409.1417.1467.1477.1512.1530.1623.1710.1921) p=2\*min(pbinom(sfu,n,p0), 1-pbinom(sfu-1,n,p0)) 计算p值 #检验0.25分位数是否是1000 这里有两个需要判断的环节,一个是前面的默认计数对象sfu,如果前面的计数sfu是小于假定0.25分位数的数 需要人为判断的环节 n=length(x) 计算一共有多少数据 量,那么就应该使用上面的代码,否者应该使用下面的代码 R语言中的例子2  $p = 2*min(1-pbinom(sfu,n,p0), \, pbinom(sfu-1,n,p0))$ 判断一个函数的0.25分位点是不是一个数值 这个案例并没有类似于上面的检验中位数时的防止出错机制,如果弄错了顺序,就会真正的出错 p0=0.25 q0=1000 alpha=0.05 初始化参数,0假设的中位数,以及显著性水平0.05 sfu=sum(x<=q0)#计数所有小于0假设的中位数的数量 但是对于审核的人意味着需要搞清每一个参数的真实意义。 以及前后的承接关系 p=2\*min(pbinom(sfu,n,p0), 1-pbinom(sfu-1,n,p0)) 计算p值 p值的问题 总结: 这个计算一共需要做统计计算的人搞清楚两处参数的位置,即便搞错了,也能得到正确的结果, 对于作者来只需要按着流程使用,不需做反复的检查,Obit的复杂度 对于统计审核的人容易搞反的地方有两处,需要检查的地方有两个地方,检查的复杂度是2bit 总结:需要人为判断的环节和上面类似,不过这个案例没有防止出错的机制,如果作者搞错了,就真的搞错了 也就是对于作者来说复杂度提升到了2bit, 对于审核人员来说,仍然维持2bit 说明 判断一个函数的0.25分位点是不是小于一个给定的数值多少 这个案例比较复杂,通过逆推法来决定p值是如何确认的 最后的p = 1-pbinom(sfu,n,p0)是如何确认的,p值计算的过程 首先p值一定是过小拒绝原假设, 我们构造一个小的p值, 因为拒绝原假设会导致一个必然很小的p值, 拒绝原假设的情况是 实际0.25分位数小于1000 实际0.25分位数小于1000, 也就会造成实际小于1000的数量比较多 x=c(274.279.290.326.329.341.378.405.436.500. 515.541.558.566.618.708.760.867.868.869. 根据分布函数的规律,应该用1-pbinom(sfu,n,p0)得到一个小值, 888,915,932,942,960,975,976,1014,1025,1095, 1118,1166,1193,1194,1243,1277,1304,1327,1343,1398, 1407,1409,1417,1467,1477,1512,1530,1623,1710,1921) #原假设: 0.25分位数就是1000 所以 p 值的计算应该取 1-pbinom(sfu,n,p0) #备择假设0.25分位数小于1000 整个过程一共有8个思考步骤,中间设计防止出错的机制,和第一个例子和第二个例子不同,简单的改了一下问题 要求的内容,需要人为进行检查是否正确的环节变得空前的多,而且整个问题彻底失去了防止出错的机制。 R语言中的例子3 n=length(x) 计算一共有多少数据 判断一个函数的0.25分位点是不是小于一个给定的数值多少 总结:需要人为判断的环节和上面类似,不过这个案例没有防止出错的机制,如果作者搞错了,就真的搞错了 p0=0.25 q0=1000 alpha=0.05 初始化参数,0假设的中位数,以及显著性水平0.05 sfu=sum(x<=q0) #计数所有小于0假设的中位数的数量 也就是对于作者来说复杂度提升到了8bit, 对于审核人员来说,仍然维持8bit p = 1-pbinom(sfu,n,p0) 计算p值 出现的灾难性后果: 人为检查的环节过多,是造成p值在使用过程中耗时比较长的首要原因,不过也因此造成了另 一个更为严重的问题,采用p值的研究即便有错误,检查起来也难如登天。 而通过几个论文审核人员进行统计审核的排错能力也会大大下降。 假定一片论文有5个的逻辑错误的地方,而这五个逻辑错误的的地方又相互关联,前后承接,这样一共要在32中情 况中找出来一个对的情况,即便有三个人同时参与这篇论文的统计审核,每个人犯错的概率30%,能够保证这篇 检查,也有0.027\*32 = 0.864的概率是另外的一种结果,换句话说,因为p值的没有一个能够自动纠错的机制,统 计审核的成本变得惊人的高。 在三个人检查的情况下,依然有相当大的犯错概率,而现实中是不可能有这么多人 对一篇论文进行检查的。论文的统计意义因此而大打折扣。 上面的例子是p值使用中最为简单的例子,即便是简单的p值的统计可靠性,也很依赖人为检查,这个时候因为审 论文的总结 导致从头到尾进行统计审核,审核的时间会比写论文的时间还要长,如果进行了半年统计审核,到头来发现这个论 文根本就站不住脚。也就是会面临大量的沉没成本 我们仅仅拥有p值计算的知识是不够的,在绝大多数的关于p值使用过程中,都会给出正确的使用方式,但是在正 确的道路上前行需要检查众多的参数对应关系,导致的出错概率很大。 tips: 人为检查的环节过多,是造成p值在使用过程中耗时比较长的首要原因,不过也因此造成了另一个更为严重的 问题,采用p值的研究即便有错误,检查起来也难如登天。 而通过几个论文审核人员进行统计审核的排错能力也会大大下降。 假定一片论文有5个的逻辑错误的地方,而这五个逻辑错误的的地方又相互关联,前后承接,这样一共要在32中情 况中找出来一个对的情况,即便有三个人同时参与这篇论文的统计审核,每个人犯错的概率30%,能够保证这篇 结论 论文是对的概率也不过1-.3^3 =0.973, 0.027的概率把事实搞成了另外一种情况,这也就意味着,即便是三个人 检查,也有0.027\*32 = 0.864的概率是另外的一种结果, 换句话说,因为p值的没有一个能够自动纠错的机制,统 计审核的成本变得惊人的高。 在三个人检查的情况下,依然有相当大的犯错概率,而现实中是不可能有这么多人 对一篇论文进行检查的。论文的统计意义因此而大打折扣。 history tips: 在很多我以前的高中时代的数学计算中,比如乘法运算中,也会出现大量的问题,没有防出错机 制, 每一次计算都要同时审核是不是算错,进行多次验证, 这样就造成了计算比想象的要费时,因为真实的计算 是在复杂的情况中搜索到正确的答案 later for deal: 我或许要计算一下真正的计算中容易范的错误。 P值真正复杂的地方是没有任何一个地方提供一个完整的解决方案,没有通用的解决方案的后果就是参数列表不一 致,绝对多数类似于 phypper 的程序没有任何的防止参数代入错误的防呆机制,一次参数的检查可能没有什么, 但是如果出现大量的参数的检查,就会变成非常复杂的的问题。 待处理的观点 / 在这里举一个例子搞定p值使用的问题,具体的谈及其中涉及的可能的错误。p值的意义,我精确的知道信息 论,以及香农熵的计算方法, 所以我可以对整个步骤计算一下信息熵, 然后评估一下, tips: 探索新的事物会让我感到劳累,所以要对自己的精力的下降保持警觉

p值到底是干什么的? 在假设检验问题中有一个非常基本的问题。每一个假设检验都有一个原假设和一个备择假