# Megengedett 2-faktorok sıkgráfokban

Gábor Hanna, Bérczi Kristóf<sup>1</sup>

<sup>1</sup>ELTE TTK Matematika Intézet, Operációkutatási tanszék, Budapest, Magyarország

2018. május 29.



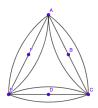
#### Goddard-Henning sejtés

#### Sejtés

Minden egyszerű, háromszögelt, legalább 4 csúcsú síkgráfnak létezik olyan 2-színezése, hogy minden csúcsnak mindkét színosztályban van szomszédja.

#### Példa

Az egyszerűség szükséges.



### Néhány korábbi eredmény

 Karakterizáció maximális outerplanar gráfokra, ennek segítségével a sejtés igazolása Hamilton gráfokra. (Nagy Zoltán Lóránt)



- Bizonyítás arra az esetre, ha a duális gráfban van Hamilton-kör (Goddard, Henning)
- Bizonyítás arra az esetre, ha minden csúcs foka páratlan. (Goddard, Henning)

## Átfogalmazások

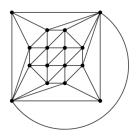
 Minden egyszerű, háromszögelt, legalább 4 csúcsú síkgráfban létezik olyan részgráf, amely minden kerékből tartalmaz élt. (Ekvivalens a sejtéssel.)

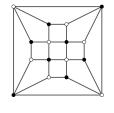


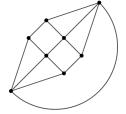
 Minden 3-reguláris, 2-élösszefüggő, legalább 4 csúcsú síkgráfban létezik olyan 2-faktor, amely nem tartalmaz lapot. (Elégséges a sejtés igazolásához.)

### Eredmények

- ► Ha létezik a gráfban 2k + 2 hosszú kört nem tartalmazó 2-faktor, akkor létezik megfelelő színezés.
- Ha egy négyszögelés által meghatározott két hipergráfnak létezik jó színezése, akkor az eredetinek is. Akkor és csak akkor létezik a hipergráfoknak jó színezése, ha a megfelelő segédgráfban van feszítő Euler részgráf.







# Köszönöm a figyelmet!





Európai Unió Európai Szociális Alap



Magyarorsz/ Kormánya BEFEKTETÉS A JÖVŐBE