

Caracterización de las regiones segmentadas

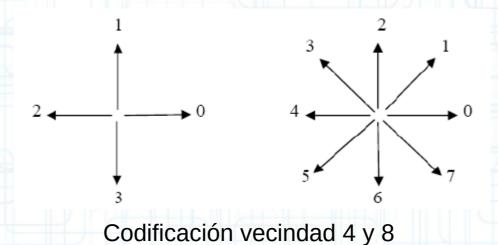
- Una vez que la imagen ha sido segmentada en diferentes regiones, es necesario realizar una caracterización de las mismas.
- Esta caracterización consiste en una descripción matemática de la región mediante un vector de características que cuantifica el valor de las distintas regiones.
- Las caracterizaciones deben ser invariantes a escalados, traslaciones y rotaciones.

Caracterización de las regiones segmentadas

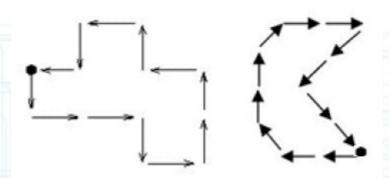
- La caracterización puede realizarse mediante:
 - Descriptores de contorno.
 - Descriptores de regiones.
 - Descriptores de similitud.

- Conjunto de píxeles que describen el contorno de las regiones:
 - Códigos de cadena.
 - Aproximación poligonal.
 - Ajuste de rectas.
 - Representación polar.
 - Descriptores de Fourier.
 - Esqueleto de una región.
 - Son muy sensibles al ruido y poco eficientes desde el punto de vista computacional.

- Códigos de cadena:
 - A cada dirección se le asigna un código y se va describiendo la forma de la región mediante su contorno.



- Códigos de cadena:
 - A cada dirección se le asigna un código y se va describiendo la forma de la región mediante su contorno.

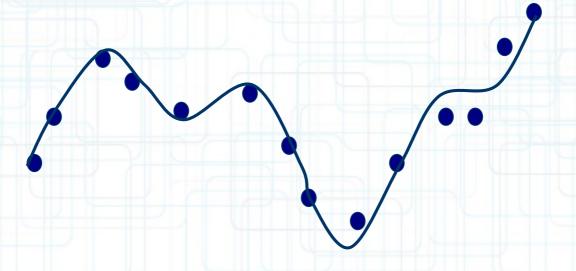


Código encadenado con vecindad 4 (300301121232) y 8 (443221005577) con sentidos contrarios.

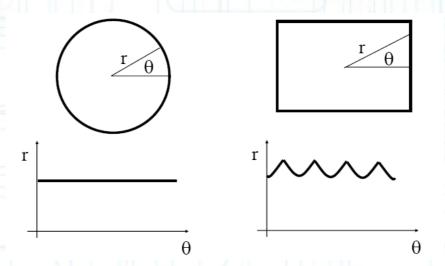
- Códigos de cadena:
 - Problema: Dependencia del punto de comienzo.
 - Ventajas:
 - Invariante a la traslación y escalado.
 - Facilita el cálculo del perímetro.

- Aproximación poligonal:
 - Se aproxima un contorno mediante un polígono.
 - La aproximación mejora conforme se incrementa el número de polígonos.
 - Problemas en los vértices.

- Tipos de aproximación:
 - Aproximación lineal (polinomial, autoregresiva, rbf, ...).
 - Aproximación no lineal (redes neuronales)



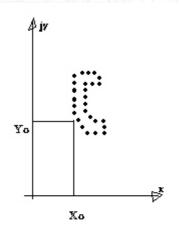
- Representación polar:
 - Se calcula un punto característico interior del contorno (por ejemplo, el centroide) y, a partir de él, representar la distancia de cada punto del contorno a dicho punto en función del ángulo.



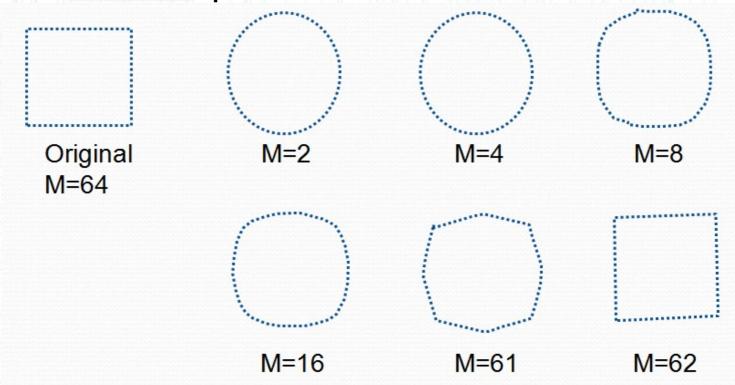
- Representación polar:
 - Ventajas:
 - Invariante frente a la posición del objeto.
 - Invariante al tamaño (dividir por la distancia máxima al centroide).
 - Invariante al ángulo de inicio (comenzar por el ángulo cuya distancia es máxima)
 - Inconveniente:
 - Muy sensible a la posición del centroide.

- Descriptores de Fourier:
 - Una curva cerrada puede ser representada mediante series de Fourier.
 - Hereda las propiedades de la transformada de Fourier.

- Descriptores de Fourier:
 - Procedimiento:
 - Muestrear el contorno siguiendo una dirección de avance.
 - Los puntos del contorno (x_n,y_n) se consideran como un número complejo: x_n+ j y_n (se ha pasado de una señal real 2D a una compleja 1D).
 - Aplicar la transformada discreta de Fourier sobre los valores complejos obtenidos (Descriptores de Fourier).



- Descriptores de Fourier:
 - Ejemplo de reconstrucción de la frontera con los M primeros descriptores de Fourier:



Descriptores de contorno Descriptores de Fourier:

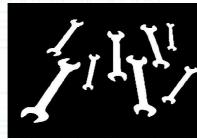
- Ventajas:
 - Invariante ante traslación, rotación, escalado y cambio en el punto de comienzo.

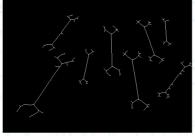
- Esqueleto de una región:
 - Se define como el conjunto de píxeles equidistantes de la frontera del objeto.
 - Idea: Conservar toda la información sobre la forma y estructura del contorno del objeto eliminando redundancias.
 - Usamos técnicas de adelgazamiento.

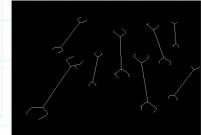
- Esqueleto de una región:
 - Ventajas:
 - Robusto frente a ruido.
 - Invariante a traslación y rotación.
 - El escalado no varía su estructura.
 - Robusto frente a deformaciones.

Esqueleto de una región:

```
imEntrada=imread('herramientas2.jpg');
imNivelGris = rgb2gray(imEntrada);
figure, imshow(imNivelGris);
umbral =graythresh(imNivelGris);
I = im2bw(imNivelGris, umbral);
I2=bwmorph(I, 'skel', Inf);
figure, imshow(I2)
I2=bwmorph(I, 'thin', Inf);
figure, imshow(I2)
```







- Involucran a todos los píxeles de la región:
 - Momentos.
 - Compacidad.
 - Descriptores topológicos.
 - Descriptores de texturas.

- Momentos:
 - describen la manera en que se distribuyen los píxeles de un objeto sobre el plano de la imagen.
 - Se define el momento de orden p+q como: $m_{pq} = \sum_{x} \sum_{y} x^{p} \cdot y^{q} \cdot f(x, y)$

- Momentos:
 - momento central (invariante a las traslaciones):

$$\mu_{pq} = \sum_{x} \sum_{y} (x - \hat{x})^{p} \cdot (y - \hat{y})^{q} \cdot f(x, y)$$

 momento central normalizado (invariante a la traslación y al escalado):

$$\eta_{pq} = \frac{\mu_{pq}}{\mu_{00}^{\gamma}} \quad \gamma = \frac{p+q}{2} + 1, \quad para \ p+q = 2, 3...$$

Momentos:

 Momentos invariantes de Hu (se obtienen a partir de los momentos centrales de orden 2 y 3 y son invariantes al escalado, rotación y traslación)

$$\phi_{1} = \eta_{20} + \eta_{02}$$

$$\phi_{5} = (\eta_{30} - 3\eta_{12})(\eta_{30} + \eta_{12})[(\eta_{30} + \eta_{12})^{2} - 3(\eta_{21} - \eta_{03})^{2}] + (3\eta_{21} - \eta_{03})^{2}$$

$$\phi_{2} = (\eta_{20} - \eta_{02})^{2} + 4\eta_{11}^{2}$$

$$\phi_{3} = (\eta_{30} - 3\eta_{12})^{2} + (3\eta_{21} - \eta_{03})^{2}$$

$$\phi_{6} = (\eta_{20} - \eta_{02})[(\eta_{30} + \eta_{12})^{2} - (\eta_{21} + \eta_{03})^{2}] + 4\eta_{11}(\eta_{30} + \eta_{12})(\eta_{21} + \eta_{03})$$

$$\phi_{4} = (\eta_{30} + \eta_{12})^{2} + (\eta_{21} + \eta_{03})^{2}$$

$$\phi_{7} = (3\eta_{21} - \eta_{30})(\eta_{30} + \eta_{12})[(\eta_{30} + \eta_{12})^{2} - 3(\eta_{21} + \eta_{03})^{2}] + (3\eta_{21} - \eta_{30})(\eta_{21} + \eta_{03})[(\eta_{30} + \eta_{12})^{2} - (\eta_{21} + \eta_{03})^{2}]$$

Los 7 momentos son los valores que forman el vector de características.

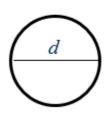
Ejemplo: https://www.youtube.com/watch? v=S1daNhlUoP0&t=198s

- Compacidad:
 - Sofisticado descriptor de la forma de un objeto.
 - Invariante a escalados, rotación y traslación.

$$C = \frac{Perímetro^2}{Area}$$

Compacidad:



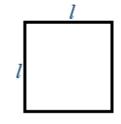


 $P = \pi d$

$$A = \pi \frac{d^2}{4}$$

$$C = 4\pi = 12.6$$

Square

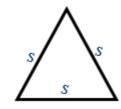


P = 4l

$$A = l^2$$

$$C = 16$$

Triangle



P = 3s

$$A = \left(s^2 \sqrt{3}\right) / 4$$

$$C = 36/\sqrt{3} = 20.8$$

Compacidad:

¿Por qué ese umbral? Mira el histograma

```
imEnt = imread('coins.png');
imshow(imEnt,[]);
imBW = im2bw(imEnt,80/255);
figure, imshow(imBW);
ele = strel('disk',5);
imBWerosionada = imerode(imBW,ele);
figure, imshow(imBWerosionada);
stats = regionprops(imBWerosionada, 'Area', 'Perimeter');
area = [stats.Area];
perimetro = [stats.Perimeter];
compacidad = perimetro.^2 ./area
```

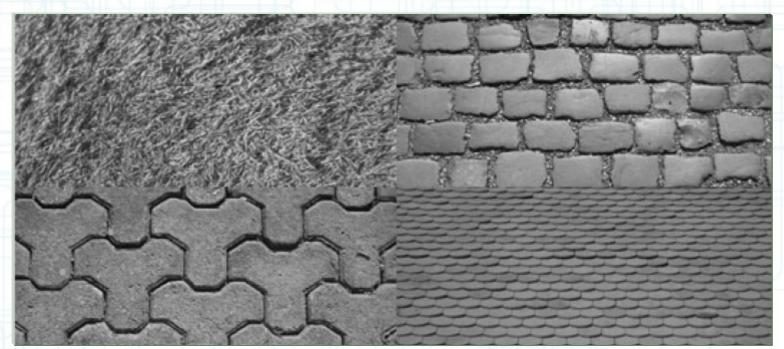
- Descriptores de topológicos:
 - Descripción global de regiones en la imagen (propiedades que no se ven afectadas por las deformaciones).
 - Número de agujeros.
 - Número de componentes conexas.
 - Número de Euler (número de componentes conexas – número de agujeros)

Descriptores de topológicos:

Componentes 1
Agujeros 1
N° Euler 0

Componentes 1
Agujeros 2
Nº Euler -1

- Descriptores de texturas:
 - Una textura describe cierto orden estructural o tendencia en los elementos presentes en una imagen.



- Descriptores de texturas:
 - Un descriptor de texturas debe cuantificar ciertas propiedades: suavidad, rugosidad y regularidad.
 - Podemos utilizar la matriz de coocurrencias de los niveles de gris.

- Descriptores de texturas:
 - Matriz de coocurrencias:
 - Cada valor (a,b) de la matriz corresponde al número de ocurrencias de pares de niveles de grises a y b que están a una distancia ∆x ∆y separadas en la imagen original.
 - Es preferible reducir la imagen original de intensidades de gris a un pequeño número de niveles (evitamos problemas de ruido)

- Descriptores de texturas:
 - Matriz de coocurrencias:
 - Se miden las ocurrencias de un píxel en combinación con ciertos valores de sus vecinos horizontales.

							1	1	2	3	4	5	6	7	8
1 (1	1	5	6	8	GLCM	1	1	2	0	0	1	0	0	(
	2	3	5	7	1		2	0	1 0	1	0	1	0	0	(
	4	5	7(1	2		3	8	0	0	0	1	0	0	
	8	5 (1	2)5.		4	0	0	0	0	1	0	0	0
							5	1	0	0	0	0	1	2	
							6	0	0	0	0	0	0	0	
							7	2	0	0	0	0	0	0	0

I = [1 1 5 6 8;2 3 5 7 1;4 5 7 1 2;8 5 1 2 5];
CM = graycomatrix(I,'NumLevels',8,'G',[])

- Descriptores de texturas:
 - Descriptores obtenidos a partir de la matriz de co-ocurrencias:
 - Mean:

$$\mu_a = \sum_{a=0}^{M-1} \sum_{b=0}^{M-1} a \cdot P(a,b)$$

Correlation:

$$S_C = \sum_{a=0}^{M-1} \sum_{b=0}^{M-1} (a - \mu_a) \cdot (b - \mu_b) \cdot P(a, b)$$

Autocorrelation:

$$S_A = \sum_{a=0}^{M-1} \sum_{b=0}^{M-1} a \cdot b \cdot P(a,b)$$

- Descriptores de texturas:
 - Descriptores obtenidos a partir de la matriz de co-ocurrencias:
 - Contrast:

$$S_i = \sum_{a=0}^{M-1} \sum_{b=0}^{M-1} (a-b)^2 \cdot P(a,b)$$

Absolute value:

$$S_V = \sum_{a=0}^{M-1} \sum_{b=0}^{M-1} |a-b| \cdot P(a,b)$$

· Homogeneity: .

$$S_H = \sum_{a=0}^{M-1} \sum_{b=0}^{M-1} \frac{P(a,b)}{1 + (a-b)^2}$$

- Descriptores de texturas:
 - Descriptores obtenidos a partir de la matriz de co-ocurrencias:
 - Energy:

$$E = \sum_{a=0}^{M-1} \sum_{b=0}^{M-1} P(a,b)^2$$

• Entropía:

$$S_A = \sum_{a=0}^{M-1} \sum_{b=0}^{M-1} P(a,b) \cdot \log_2 P(a,b)$$

- Descriptores de texturas:
 - Descriptores obtenidos a partir de la matriz de co-ocurrencias:

```
I = [1 1 5 6 8;2 3 5 7 1;4 5 7 1 2;8 5 1 2 5];
[CM, SI] = graycomatrix(I, 'G', []);
%[CM, SI] = graycomatrix(I, 'NumLevels', 4, 'G', []);
stats = graycoprops(CM)
```

Contrast: 8.9375 Correlation: 0.1829

Energy: 0.0859

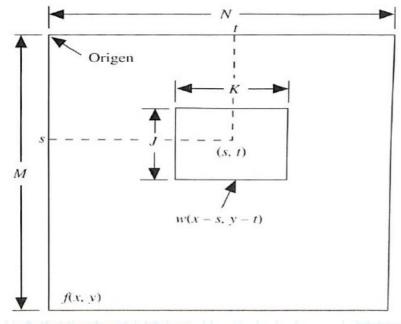
Homogeneity: 0.3762

https://programmerclick.com/article/94561424021/

Descriptores de similitud

- Se obtiene una medida de similitud entre objetos de la imagen y un modelo o patrón conocido que se toma como referencia.
- Se utiliza la correlación:
 - La plantilla se desplaza a lo largo de la imagen, calculando una suma ponderada de los valores de gris de la superposición.
 - Evitar plantillas con todos los valores de intensidad iguales.

Descriptores de similitud



Forma más simple de correlación

$$c(s, t) = \sum_{x} \sum_{y} f(x, y) w(x - s, y - t)$$

El máximo valor de *c* indica donde se produce la mayor correspondencia entre *f* y *w*.

Problema: Es sensible a los cambios de amplitud de f y w.

Solución: Utilizar el coeficiente de correlación (devuelve valores entre - 1 y +1):

Valor medio de los píxeles de f coincidentes con w

Valor medio de los píxeles de w

$$\gamma(s, t) = \frac{\sum_{x} \sum_{y} [f(x, y) - \overline{f}(x, y)][w(x - s, y - t) - \overline{w}]}{\left\{\sum_{x} \sum_{y} [f(x, y) - \overline{f}(x, y)]^{2} \sum_{x} \sum_{y} [w(x - s, y - t) - \overline{w}]^{2}\right\}^{1/2}}$$

González, R. C., & Woods, R. E. (1996). Tratamiento digital de imágenes.

Descriptores de similitud

```
A=rgb2gray(imread('fingerprint.tif'));
[fimaq,cimaq] = size(A);
recorte = imcrop(A);
% Calcula la correlación entre el recorte y A
cc = normxcorr2(recorte, A);
figure, surf(cc);
figure, imagesc(cc), colormap(gray);
% Obtiene el índice donde la correlación es máxima (1)
[\max cc, \max] = \max(abs(cc(:)));
% Convierte el índice a coordenas y,x
[fils, cols] = ind2sub(size(cc), imax(1));
% Comprueba que la plantilla se ajusta al trozo
encontrado en la imagen original
[f rec,c rec] = size(recorte);
comprobacion=A(fils-f rec:fils,cols-c rec:cols);
figure, imshow (comprobacion);
```