

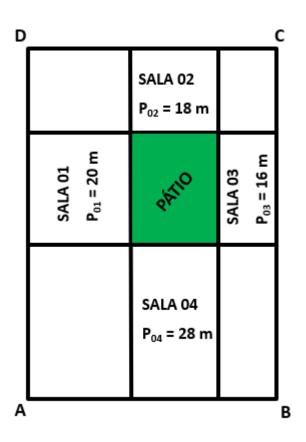
OLIMPÍADA DE MATEMÁTICA DOS INSTITUTOS FEDERAIS - OMIF

Questão proposta por: Wagner Monte Raso Braga

Instituto: IFMG – *campus* Betim

QUESTÃO 03

A figura abaixo refere-se a uma imagem fictícia de uma planta arquitetônica que inclui 4 salas de aula retangulares com todas as portas fechadas e o pátio central. O perímetro total do terreno (retângulo ABCD) é 63 m. Sabe-se também que os perímetros das salas 01, 02, 03 e 04 são, respectivamente, 20 m, 18 m, 16 m e 28 m.



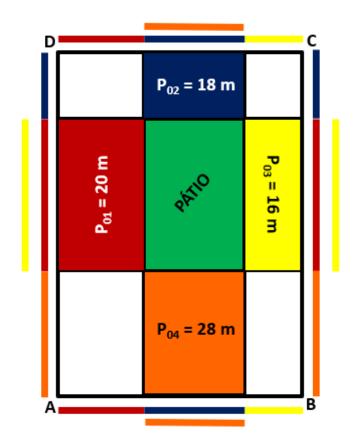
Podemos afirmar que o perímetro do pátio é:

- A) 17,5 m
- B) 18,0 m
- C) 18.5 m
- D) 19,0 m
- E) 19,5 m

GABARITO: (D)

RESOLUÇÃO:

SOLUÇÃO 01:



Os segmentos mostrados nas diversas cores ao redor do retângulo ABCD referem-se aos lados (afastados) de cada uma das salas com a mesma cor. Deste modo, o perímetro da sala 01 está representado pelos 4 segmentos na cor vermelha, o perímetro da sala 02 está representado pelos 4 segmentos na cor azul, o perímetro da sala 03 está representado pelos 4 segmentos na cor amarelo e o perímetro da sala 04 está representado pelos 4 segmentos na cor laranja. Assim, os 4 segmentos (2 em amarelo e 2 em laranja) que estão mais afastados da retângulo ABCD e que resultam no perímetro do pátio foram contados a mais se comparados com o perímetro do retângulo ABCD.



OLIMPÍADA DE MATEMÁTICA DOS INSTITUTOS FEDERAIS - OMIF

Portanto,

$$\begin{split} P_{01} + P_{02} + P_{03} + P_{04} &= P_{ABCD} + P_{p\acute{a}tio} \\ 20 + 18 + 16 + 28 &= 63 + P_{p\acute{a}tio} \\ 82 &= 63 + P_{p\acute{a}tio} \\ P_{p\acute{a}tio} &= 19 \ m. \end{split}$$

SOLUÇÃO 02:

	d	е	f
С		SALA 02 P ₀₂ = 18 m	
b	SALA 01 P ₀₁ = 20 m	PATIO	$SALA\ 03$ $P_{03}=16\ m$
а		SALA 04 P ₀₄ = 28 m	

Considere os segmentos a, b, c, d, e, f de acordo com a planta arquitetônica acima, com 2a + 2b + 2c + 2d + 2 e + 2f = 63 m. Queremos encontrar o perímetro do pátio (2b + 2e).

Temos que:

$$\begin{cases}
2b + 2d = 20 \\
2c + 2e = 18 \\
2b + 2f = 16 \\
2a + 2e = 28
\end{cases}$$

Somando todas as equações acima, membro a membro, obtemos:

$$2a + 2b + 2c + 2d + 2e + 2f + 2b + 2e = 82$$

$$63 + 2b + 2e = 82$$

$$2b + 2e = 19$$

Portanto, o perímetro do pátio é 19 m.