

算法分析和复杂性理论

第 7 次作业

张瀚文 2201212865

1 最大矩形 (085)

题目描述:

给定一个仅包含 0 和 1、大小为 `rows x cols` 的二维二进制矩阵，找出只包含 1 的最大矩形，并返回其面积。

示例 1:

1	0	1	0	0
1	0	1	1	1
1	1	1	1	1
1	0	0	1	0

输入: matrix = `[["1","0","1","0","0"],["1","0","1","1","1"],["1","1","1","1","1"],["1","0","0","1","0"]]`

输出: 6

解释: 最大矩形如上图所示。

解题思路: 在 84 题当中，题目给出的是一个个竖直类型的矩形，要求这些矩形组合当中能够找到的最大面积。在这题当中我们可以对 01 的数字矩阵也做这么一个类似的变形，将从底部开始连续延伸的 1 的数量看成是竖直摆放的矩形的高度，这样我们这题就可以使用上一题的思路进行求解了。在上一题我们计算矩形面积的时候用到了两个单调栈，分别计算了某一个高度向左、向右能够延伸到的最远距离，其实这并没有必要。因为我们用一个栈也可以同时计算出两边的边界。举个例子: `[1, 3, 6, 7]`，当前元素是 5。我们需要把 6, 7 出栈，5 入栈。我们知道了 5 的左边界是 3，但仔细想一想，对于 7 来说，我们知道了它的左右边界。7 的左边界是 6，右边界是 5。也就是说对于栈顶的元素而言，

它的左边界是 $\text{stack}[\text{top}-1]$ ，右边界是当前的位置 i ，宽就是 $i - \text{stack}[\text{top}-1] - 1$ 。

运行结果：



测试代码：

class Solution:

```
def maximalRectangle(self, matrix: List[List[str]]) -> int:
    m,n = len(matrix),len(matrix[0])
    for i in range(m):
        for j in range(n):
            if j==0:
                matrix[i][j] = int(matrix[i][j])
            else:
                matrix[i][j] = matrix[i][j-1]+1 if matrix[i][j]=='1' else 0
    ans = 0
    for j in range(n):
        monostack = list()
        left = [-1]*m
        right = [m]*m
        for i in range(m):
            while monostack and matrix[monostack[-1]][j]>matrix[i][j]:
                right[monostack[-1]] = i
                monostack.pop()
            left[i] = monostack[-1] if monostack else -1
            monostack.append(i)
        tmp = max((right[i]-left[i]-1)*matrix[i][j] for i in range(m))
        ans = max(ans,tmp)
    return ans
```

2 乘积最大子数组（152）

题目描述：

给你一个整数数组 `nums`，请你找出数组中乘积最大的非空连续子数组（该子数组中至少包含一个数字），并返回该子数组所对应的乘积。

测试用例的答案是一个 **32-位** 整数。

子数组 是数组的连续子序列。

示例 1:

输入: `nums = [2,3,-2,4]`
输出: `6`
解释: 子数组 `[2,3]` 有最大乘积 `6`。

示例 2:

输入: `nums = [-2,0,-1]`
输出: `0`
解释: 结果不能为 `2`，因为 `[-2,-1]` 不是子数组。

解题思路: 只要记录前 `i` 的最小值和最大值，那么 $dp[i] = \max(nums[i] * pre_max, nums[i] * pre_min, nums[i])$

运行结果:



测试代码:

class Solution:

```
def maxProduct(self, nums: List[int]) -> int:
    if not nums: return
    res = nums[0]
    pre_max = nums[0]
    pre_min = nums[0]
    for num in nums[1:]:
        cur_max = max(pre_max * num, pre_min * num, num)
        cur_min = min(pre_max * num, pre_min * num, num)
        res = max(res, cur_max)
        pre_max = cur_max
        pre_min = cur_min
```

```
return res
```