

JooHyun – Lee (comkiwer)

TS끝말잇기

Hancom Education Co. Ltd.

Problem

N 명의 플레이어가 M 개의 단어를 사용하여 끝말잇기 게임을 한다.

($3 \leq N \leq 50,000$, $N \leq M \leq 50,000$)

끝말잇기 게임을 시작하기 전에 먼저 플레이어의 수와 사용할 수 있는 단어 목록이 주어진다.

플레이어 ID는 1부터 N까지의 수이고 같은 ID를 가지는 플레이어는 없다.

단어 목록에서 각 단어는 길이가 2이상 10이하의 영어 알파벳 소문자로 구성되어 있고,
‘\0’ 문자로 끝나는 문자열이다.

또한, 단어 목록 내의 각 단어는 중복되지 않는다.

끝말잇기 게임은 여러 개의 라운드로 구성되어 있다.

각 라운드에서는 플레이어 ID를 기준으로 1, 2, 3, ..., N 순으로 턴을 진행한다.

라운드를 시작하기 전에 첫번째 턴을 진행할 플레이어 ID와 첫 단어를 정하기 위한 하나의 문자가 주어진다.

플레이어는 자신의 턴이 되면 단어 목록에 있는 단어 중 하나를 조건에 맞게 선택한다.

선택된 단어는 다시 선택하지 않도록 단어 목록에서 삭제한다.

아래는 선택할 수 있는 단어의 조건이다.

1. 이전 턴에 선택된 단어의 마지막 문자로 시작하는 단어.
첫번째 턴의 경우 라운드를 시작하기 전 주어진 문자로 시작하는 단어.
2. 게임을 진행하는 동안 한번도 선택된 적이 없는 단어.
3. 1과 2에 해당하는 단어가 여러 개인 경우 사전 순으로 가장 빠른 단어.

위 조건에 맞는 단어가 더 이상 없는 경우
해당 턴의 플레이어는 게임에서 탈락하고 라운드가 종료된다.
탈락한 플레이어는 다음 라운드부터 턴 진행에서 제외된다.

다음 라운드를 시작하기 전에 이전 라운드에서
선택된 단어를 뒤집은 후 단어 목록에 추가한다.

뒤집은 단어가 이미 선택된 단어라면 단어 목록에 추가하지 않는다.

아래 API 설명을 참조하여 각 함수를 구현하라.

1. `void init(int N, int M, char words[50000][WLEN]) :`

각 테스트 케이스의 맨 처음에 호출된다.

`N` 은 플레이어 수이다. `M` 은 주어지는 단어 목록의 단어 수이다.

`words` 는 끝말잇기 게임에서 사용 가능한 단어 목록이 포함된 배열이다.

단어 목록은 `words` 배열의 인덱스 0 부터 순서대로 주어진다.

각 단어는 길이가 2이상 10이하의 영어 알파벳 소문자로 구성되어 있고,
'\0' 문자로 끝나는 문자열이다.

`words` 에 있는 `M` 개의 단어들은 서로 중복되지 않는다.

Parameters

`N` : 플레이어 수 ($3 \leq N \leq 50,000$)

`M` : 단어 목록의 단어 수 ($N \leq M \leq 50,000$)

2. `int` playRound(`int` pid, `char` ch) :

pid는 해당 라운드에서 첫번째 턴을 진행할 플레이어 ID 이다.

pid는 아직 탈락하지 않은 플레이어임을 보장한다.

ch는 알파벳 소문자이며 첫번째 플레이어는

단어 목록에서 ch 문자로 시작하는 단어를 선택해야 한다.

선택 가능한 단어들 중 ch 문자로 시작하는 단어가 존재함을 보장한다.

해당 라운드에서 탈락한 플레이어 ID를 반환한다.

해당 함수의 호출 횟수는 N 을 넘지 않는다.

Parameters

pid : 첫번째 턴을 진행할 플레이어 ID ($1 \leq \text{pid} \leq N$)

ch : 첫번째 플레이어가 선택할 단어의 첫 문자

Return

해당 라운드가 종료된 후 탈락한 플레이어 ID를 반환

[제약사항]

1. 각 테스트 케이스 시작 시 `init()` 함수가 호출된다.
2. 각 테스트 케이스에서 `playRound()` 함수의 호출 횟수는 `N`을 넘지 않는다.
3. `playRound()` 함수에서 전달하는 `ch` 문자는
선택 가능한 단어들 중 하나의 첫번째 문자이다.

Problem analysis

아래의 [표 1]과 같이 요청이 되는 경우를 살펴보자.

4명의 플레이어가 5개의 단어로 끝말잇기 게임을 시작한다.

순서	함수	반환
1	init(4, 5, [eye, ezone, event, tee, east])	
2	playRound(3, e)	2
3	playRound(3, t)	1
4	playRound(3, e)	4

[표 1]

[표 2] 는 init 함수에서 전달한 단어 목록의 단어들을 시작 문자 기준으로 나열한 표이다.

문자	단어들	단어수
e	east, event, eye, ezone	4
t	tee	1

[표 2]

첫번째 라운드에서 첫번째 턴을 진행할 플레이어는 3이며 e 문자로 시작하는 단어를 고른다.

e 문자로 시작하는 단어는 'east', 'event', 'eye', 'ezone' 4개가 존재하며

이 중 사전 순으로 빠른 단어는 'east' 이므로 플레이어 3은 'east' 을 선택한다.

다음 턴에서 t 문자로 시작하는 단어는 'tee' 1개로 플레이어 4는 'tee' 를 선택한다.

다음 턴에서 e 문자로 시작하는 단어는 'event', 'eye', 'ezone' 3개가 존재하며

이 중 사전 순으로 빠른 단어는 'event' 이므로 플레이어 1은 'event' 를 선택한다.

다음 턴에서 t 문자로 시작하는 단어가 없으므로 해당 턴의 플레이어 2가 탈락한다.

다음 라운드 시작 전 이미 사용한 단어인 'east', 'tee', 'event' 을 뒤집어

'tsae', 'eet', 'tneve' 를 단어 목록에 추가한다.

[그림. 1] 은 첫번째 라운드에서 각 플레이어가 선택한 단어를 턴 순서대로 나열한 그림이다.

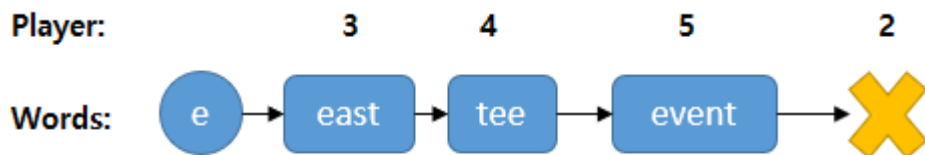


그림. 1

[표 3] 은 두번째 라운드 시작 전 단어 목록의 단어들을 시작 문자 기준으로 나열한 표이다.

두번째 라운드에서 첫번째 턴을 진행할 플레이어는 3이며

t 문자로 시작하는 단어를 고른다.

t 문자로 시작하는 단어는 'tneve', 'tsae' 2개가 존재하며

이 중 사전 순으로 빠른 단어는 'tneve' 이므로 플레이어 3는 'tneve' 를 선택한다.

다음 턴에서 e 문자로 시작하는 단어는 'eet', 'eye', 'ezone' 3개가 존재하며

이 중 사전 순으로 빠른 단어는 'eet' 이므로 플레이어 4는 'eet' 를 선택한다.

다음 턴에서 t 문자로 시작하는 단어는 'tsae' 1개로 플레이어 1은 'tsae' 를 선택한다.

플레이어 2는 이전 라운드에서 탈락했기 때문에 플레이어 3이 다음 턴을 진행한다.

e 문자로 시작하는 단어는 'eye', 'ezone' 2개가 존재하며

이 중 사전 순으로 빠른 단어는 'eye' 이므로 플레이어 3는 'eye' 을 선택한다.

다음 턴에서 e 문자로 시작하는 단어는 'ezone' 1개로 플레이어 4는 'ezone' 을 선택한다.

다음 턴에서 e 문자로 시작하는 단어가 없으므로 해당 턴의 플레이어 1이 탈락한다.

다음 라운드 시작 전 이미 사용한 단어인 'ezone' 을 뒤집어 'enoze' 를 단어 목록에 추가한다.

'tneve', 'eet', 'tsae', 'eye' 의 경우 뒤집었을 때 이미 선택된 단어이므로 단어 목록에 추가하지 않는다.

[그림. 2] 은 두번째 라운드에서 각 플레이어가 선택한 단어를 턴 순서대로 나열한 그림이다.

문자	단어들	단어수
e	eet, eye, ezone	3
t	tneve, tsae	2

[표 3]

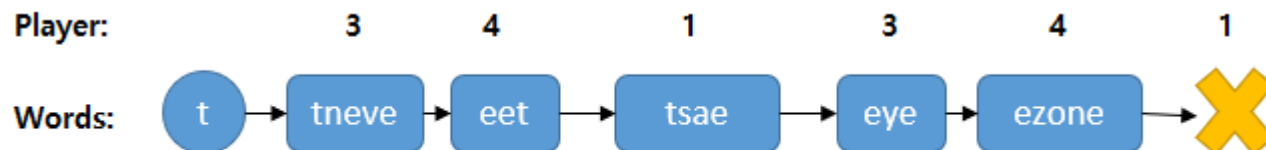


그림. 2

[표 4] 은 세번째 라운드 시작 전 단어 목록의 단어들을 시작 문자 기준으로 나열한 표이다.

문자	단어들	단어수
e	enoze	1

[표 4]

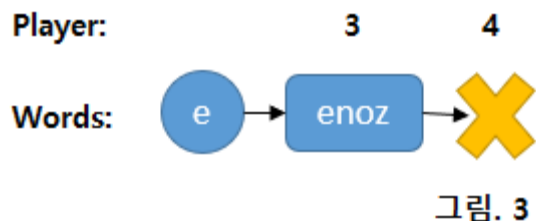
세번째 라운드에서 첫번째 턴을 진행할 플레이어는 3 이며 e 문자로 시작하는 단어를 고른다.

e 문자로 시작하는 단어는 'enoze' 1개이므로 플레이어 3은 'enoze' 를 선택한다.

다음 턴에서 e 문자로 시작하는 단어들 중 선택할 수 있는 단어가 없으므로 플레이어 4가 탈락한다.

남아있는 플레이어가 1명이므로 더 이상 라운드를 진행하지 않고 끝말잇기 게임은 종료된다.

[그림. 3] 은 세번째 라운드에서 각 플레이어가 선택한 단어를 턴 순서대로 나열한 그림이다.



- 단어의 수 : 5만(init()으로 주어짐) + 5만(역순생성)
- 플레이어 수 : 5만(아이디는 1 ~ 50,000 범위)
- playRound() 함수 호출 수 : 5만
 - : 함수호출수가 5만 플레이어 수도 5만이지만 $O(5만 * 5만)$ 은 될 수 없다.
 - : 한번 사용된 단어는 다시 사용될 수 없으므로 최대 10만의 단어만 사용되기 때문이다.
- 단어는 길이 최대 10의 알파벳 소문자이다.
- 끝말잇기 문제이므로 주어진 문자로 시작하는 알파벳상 가장 빠른 단어를 빠르게 찾을 수 있어야 한다.
- 플레이어를 빠르게 찾고 빠르게 삭제할 수 있어야 한다.

- playRound(pid, ch) 호출에 대하여
 - ✓ pid를 빠르게 찾을 수 있어야 한다.
 - ✓ 탈락한 플레이어를 빠르게 제거할 수 있어야 한다.

플레이어를 어떤 자료구조로 다룰 수 있을까?

- ✓ ch로 시작하는 단어를 빠르게 찾을 수 있어야 한다.
- ✓ 끝말로 이을 수 있는 다음 단어를 빠르게 찾을 수 있어야 한다.
- ✓ 뒤집은 단어가 이미 등장한 적이 있었는지 빠르게 확인할 수 있어야 한다.

효율적인 단어 검색, 추가, 제거를 위한 자료구조는 어떤 것이 있을까?

Solution sketch

- 문제에서 등장하는 데이터 타입은 단어(문자열)와 플레이어 두 가지이다.
- 먼저 문자열을 어떻게 다룰지 생각해 보자.
 - ✓ 시작문자로 분류되어 있고 알파벳 순으로 정렬되어 있다면 끝말잇기의 다음단어를 찾기 쉬울 것이다.
 - ✓ `init()`에서 주어지는 단어가 전부라면 `deque<string> group[26]`에 각 그룹별로 저장하고 각 그룹별로 정렬한 뒤 사용하면 된다. 그러나 `playRound()`에서 새로운 단어가 추가될 수 있다. 사용된 단어를 뒤집어 사용할 수 있기 때문이다. 그렇다면 다른 대안으로 생각할 수 있는 것은?

- 두 가지 종류의 데이터 타입이 주어진다.
문자열과 플레이어 이다.
- 먼저 문자열을 어떻게 다룰지 생각해 보자.
 - ✓ 시작문자로 분류되어 있고 알파벳 순으로 정렬되어 있다면
끝말잇기의 다음단어를 찾기 쉬울 것이다.
 - ✓ `init()`에서 주어지는 단어가 전부라면 `deque<string> group[26]`에 각 그룹별로 저장하고
각 그룹별로 정렬한 뒤 사용하면 된다. 그러나 `playRound()`에서 새로운 단어가
추가될 수 있다. 사용된 단어를 뒤집어 사용할 수 있기 때문이다.
그렇다면 다른 대안으로 생각할 수 있는 것은?
`priority_queue<string, vector<string>, greater<string>> pq[26];` 이 있을 것이다.
 - ✓ 또한 한 번 등장한 단어는 (사용되었든 사용대기 중이던) 중복하여 등장할 수 없다.
단어가 등장하였는지 아닌지 확인하는 것으로 족하므로
`unordered<string> entry;` 로 관리할 수 있다.

- 이제 플레이어를 어떻게 다룰지 생각해 보자.
 - playRound(int pid, char ch) 에서 함수호출이 50,000번 일어날 수 있으므로
 - : pid를 빠르게 찾을 수 있어야 한다.
 - : 또한 탈락한 유저는 빠르게 삭제될 수 있어야 한다.
 - ✓ 배열을 사용하는 경우: 임의 접근으로 빠르게 찾을 수 있으나 삭제에 $O(N)$ 이 걸린다.
 - ✓ 리스트를 사용하는 경우: 삭제는 빠르나 찾는데 $O(N)$ 이 걸린다.
- ✓ 어떻게 할 수 있을까?

- 이제 플레이어를 어떻게 다룰지 생각해 보자.

playRound(int pid, char ch) 에서 함수호출이 50000번 일어날 수 있으므로

: pid를 빠르게 찾을 수 있어야 한다.

: 또한 탈락한 유저는 빠르게 삭제될 수 있어야 한다.

✓ 배열을 사용하는 경우: 임의 접근을 빠르게 찾을 수 있으나 삭제에 $O(N)$ 이 걸린다.

✓ 리스트를 사용하는 경우: 삭제는 빠르나 찾는데 $O(N)$ 이 걸린다.

✓ 어떻게 할 수 있을까?

✓ 플레이어를 리스트에 저장하고 iterator 배열을 만들어 임의 접근할 수 있도록 할 수 있다.

list<int> player; // 삭제 $O(1)$, 다음 플레이어 이동 $O(1)$

list<int>::iterator its[50005]; // pid로 탐색 $O(1)$

- 이제 문제 해결을 위하여 필요한 자료를 선언해 보자.

// 첫 문자별 단어의 오름차순

```
priority_queue<string, vector<string>, greater<string>> pq[26];
```

// 등장한 단어(사용된(선택된) + 사용예정 단어)

```
unordered_set<string> entry;
```

// 플레이어를 DLL로 관리, 삭제:O(1), 이동:O(1)

```
list<int> player;
```

// player는 1번 id부터 시작한다.(배열크기 여유있게) id로 탐색: O(1)

```
list<int>::iterator its[50005];
```

// 뒤집어 재사용할 단어 : 다음 round를 위하여 임시 저장

```
vector<string> reuse;
```

```
int N, M; // N:플레이어수, M: 초기 문자열 수
```

- 이제 각 함수 별 할 일을 정리해보자.

`void init(int N, int M, char words[50000][WLEN]) :`

- 준비한 자료(pq[26], entry, player 등)를 초기화 한다.
- 플레이어를 리스트 player에 추가하면서 id별 iterator를 its[id]에 등록한다.
- 각 단어를 시작문자를 그룹으로 하여
: pq[시작문자 - 'a']에 추가하고
: entry 집합에도 추가한다.

```
int playRound(int pid, char ch)
```

- 리스트에서 pid의 iterator를 $O(1)$ 에 얻는다. $it = its[pid]$
- $k = ch - 'a'$ 로 시작하여 $pq[k]$ 에 단어가 있는 동안 다음을 수행한다.
 - $top()$ 우선순위 단어를 선택하고 $pq[k]$ 에서 제거
 - 선택된 단어의 끝문자로 다음 k 구하기
 - 다음 플레이어 구하기 : $++it$
 - 선택된 단어 뒤집고 entry에 없다면 entry, reuse에 추가
- reuse에 단어가 있다면 $pq[]$ 와 entry에 추가
- 탈락한 유저 pid에 저장하고 player목록에서 삭제
- pid를 반환한다.

[Summary]

- 문제의 요구사항을 분석하고 적절한 자료구조를 선택 정의할 수 있다.
- `list<int>`와 `list<int>::iterator` 배열을 이용하여 $O(1)$ 에 삭제, $O(1)$ 에 탐색할 수 있다.
- 어떤 자료가 있다 없음을 확인하는 용도로 `unordered_set<data_type>` 또는 `hash`, `trie` 등을 사용할 수 있다.
- 우선순위 큐를 사용할 수 있다.

Code example1

: STL

string, list, vector,
unordered_set

```
#define LM 50000
#include <string>
#include <list>
#include <queue>
#include <algorithm>
#include <unordered_set>
using namespace std;

priority_queue<string, vector<string>, greater<string>> pq[26]; // 첫 문자별 단어의 오름차순
unordered_set<string> entry; // 사용된(선택된) + 사용예정 단어
vector<string> reuse; // 뒤집어 재사용할 단어
list<int> player;
list<int>::iterator its[LM + 5]; // player는 1번 id부터 시작한다.(배열 조금 여유있게)
int N, M;
void init(int N, int M, char words[50000][11]) {
    ::N = N, ::M = M;
    for (int i = 0; i < 26; ++i) pq[i] = {};
    entry.clear(), reuse.clear(), player.clear();
    for (int i = 1; i <= N; ++i)
        its[i] = player.insert(player.end(), i);
    for (int i = 0; i < M; ++i) {
        int k = words[i][0] - 'a';
        pq[k].push(words[i]);
        entry.insert(words[i]);
    }
}
```

Code example

TS끝말잇기

```
int playRound(int pid, char ch) {  
    auto it = its[pid];  
    int k = ch - 'a';  
    reuse.clear();  
    while (!pq[k].empty()) {  
        string s = pq[k].top();  
        pq[k].pop();  
        k = s.back() - 'a';  
        ++it;  
        if (it == player.end())  
            it = player.begin();  
        entry.insert(s);  
        reverse(s.begin(), s.end());  
        if (entry.count(s) == 0)  
            reuse.push_back(s);  
    }  
    for (auto&s : reuse) {  
        k = s.front() - 'a';  
        pq[k].push(s);  
    }  
    pid = *it;  
    player.erase(it);  
    return pid;  
}
```

다.)

// 첫 플레이어의 iterator

// 현재 플레이어가 선택한 단어
// 단어 목록에서 제거

// 끝까지 진행한 경우 다시 첫 플레이어로...

// 사용된+사용예정 목록에 추가(뒤집힌 단어가 새로운 단어일 수 있

// 뒤집은 단어가 사용된+사용예정 단어목록에 없다면
// 다음 라운드에서 사용될 목록에 추가

// 뒤집은 단어 시작문자별 pq에 추가

// 탈락된 플레이어 삭제

Code example

: nonSTL

PQ, Trie, bitwise
circular DLL

```
const int LM = 50002;
using LL = long long;
int N, M;

struct PQ {          // 55bit정수로 관리
    LL heap[LM]; // 시작문자를 그룹으로 단어를 알파벳 오름차순으로 관리
    int hn;
    void clear() { hn = 0; }
    bool empty() { return hn == 0; }
    LL top() { return heap[1]; }
    void push(LL nd) {
        int c = ++hn;
        for (; c > 1 && nd < heap[c >> 1]; c >>= 1)
            heap[c] = heap[c >> 1];
        heap[c] = nd;
    }
    void pop(int c = 2) {
        LL nd = heap[hn--];
        for (; c <= hn && heap[c += (c < hn && heap[c + 1] < heap[c])] < nd; c <<= 1)
            heap[c >> 1] = heap[c];
        heap[c >> 1] = nd;
    }
}pq[27];
```

Code example

TS끝말잇기

```
struct Trie {                                // 실제 단어와 같은 길이로 관리
    int buf[LM * 10][27], bcnt;
    bool word[LM * 10];
    void clear() {
        for (int i = 0; i <= bcnt; ++i) {
            word[i] = 0;
            for (int j = 1; j < 27; ++j) buf[i][j] = 0;
        }
        bcnt = 0;
    }
    void insert(LL n, int p = 0) {
        for (; n; n >>= 5){
            int c = n & 31;
            if (buf[p][c] == 0)    buf[p][c] = ++ bcnt;
            p = buf[p][c];
        }
        word[p] = 1;
    }
}
```

Code example

TS끝말잇기

```
void erase(LL n, int p = 0) {
    for (; n; n >>= 5) p = buf[p][n & 31];
    word[p] = 0;
}
int search(LL n, int p = 0) {
    for (; n; n >>= 5) {
        p = buf[p][n & 31];
        if (p == 0) return 0;
    }
    return word[p];
}
}entry;          // 등장한 단어 등록하기
```


Code example

TS끝말잇기

```
LL reuse[LM], rn;
LL reverse(LL tg, LL rv = 0) {          // 뒤집기
    for (; tg; tg >>= 5)
        rv = (rv << 5) + (tg & 31);
    return rv;
}

struct Node { // 플레이어 삭제를 빠르게 하기위하여 circular DLL사용
    int data;
    Node*prev, *next;
    void alloc(int nd, Node*np, Node*nn) {
        data = nd;
        prev = np, next = nn;
        prev->next = next->prev = this;
    }
    void erase() {
        prev->next = next;
        next->prev = prev;
    }
}buf[LM];
```

Code example

TS끝말잇기

```
void init(int N, int M, char words[50000][11]) {
    for (int i = 1; i < 27; ++i) pq[i].clear();
    entry.clear();
    ::N = N, ::M = M;
    buf[1] = { 1, buf + 1, buf + 1 };
    for (int i = 2; i <= N; ++i) // build circular DLL
        buf[i].alloc(i, buf + i - 1, buf[i - 1].next);

    for (int i = 0; i < M; ++i) {
        LL d = 0, sd;
        int j = 0;
        for (; words[i][j]; ++j)
            d = (d << 5) | (words[i][j] - 96);
        int t = 11 - j; // 단어의 마지막 문자 위치 / 5
        int k = words[i][0] - 96;
        sd = (d << (t * 5)) + t; // 55bit로 맞추기
        pq[k].push(sd); // 55bit로 추가
        entry.insert(d); // 원래 단어로 추가
    }
}
```

Code example

TS끝말잇기

```
int playRound(int pid, char ch) {
    Node*it = buf+pid;                // memory pool을 이용한 DDL을 구현함으로
    int k = ch - 96;                  // 임의접근과 빠른 삭제가 가능.
    rn = 0; // reuse cnt;
    while (!pq[k].empty()) {
        LL sd = pq[k].top(); pq[k].pop();
        int t = sd & 31;              // 마지막 문자 위치
        LL rd = reverse(sd >> (t * 5)); // 순수단어 구하여 뒤집기
        it = it->next;                // 다음 플레이어로
        k = (sd >> (t * 5)) & 31;      // 마지막 문자로 그룹 번호 구하기
        if (entry.search(rd) == 0) {  // 처음 등장한 단어라면
            entry.insert(rd);         // 원래 단어 길이로 추가
            sd = (rd << (t * 5)) + t; // 55bit로 추가
            reuse[rn++] = sd;         // 다음 라운드를 위하여 임시 보관
        }
    }
    for (int i = 0; i < rn; ++i) {
        pq[reuse[i]>>50].push(reuse[i]); // 다음 라운드를 위하여 그룹별로 추가
    }
    it->erase();
    return it->data;
}
```

Thank you.