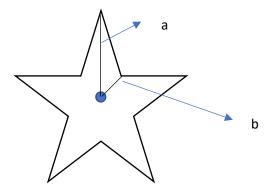
# Bài tập giữa kì

## 1. Vẽ ngôi sao 5 cánh đều:



## Thuật toán vẽ Bresenham vẽ đường thẳng với độ dóc m tùy ý:

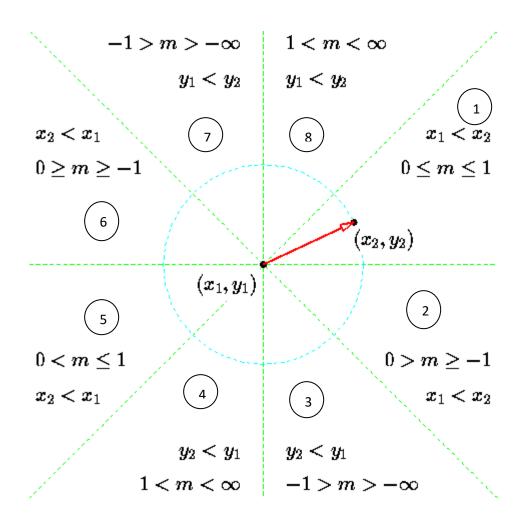
Bài toán: dựa vào tính chất đối xứng trong octant.

Với đường thẳng có m > 1, ta sẽ thay đổi vai trò của các hướng x và y. Đó là ta sẽ tìm giá trị x tiếp theo mà gần với đường thẳng nhất.

Nếu điểm bắt đầu của đường thẳng có độ dóc dương là điểm cuối cùng bên phải, cả x và y đều giảm khi chúng đi từ phải sang trái

Với m < 0, các thủ tục tương tự, khác là 1 tọa độ giảm thì tọa độ khác tăng.

Bảng các phân vùng của octant và các vùng đối xứng: Ví dụ octant 1 đối xứng octant 5



Bảng dưới đây dùng để xác định bộ octant của m:

ΔΥ	ΔΧ?ΔΥ	slope	Octan
			t
$\geq 0$	≥	Pos ≤ 1	1 (5)
$\geq 0$	<	Pos >1	2 (6)
< 0	<u> </u>	$Neg \ge -1$	7 (3)
< 0	>	Neg < -1	8 (4)

Mã giả cho thuật toán Bresenham với m tùy ý:

```
Function: Bresenham_drawing_line
Inputs: Start point (X1, Y1), End point (X2, Y2)
Begin
    // Điểm đầu
    X = X1:
                    Y = Y1:
    // Tinh \Delta X, \Delta Y
    \Delta X = Abs(X2-X1); \Delta Y = Abs(Y2-Y1);
    // Tìm dấu của x2 - x1, y2 - y1
    S1 = Sign(X2-X1); S2 = Sign(Y2-Y1);
    // Trao đổi vai trò của x và y
    If \Delta Y > \Delta X Then
            // Swap \( \Delta X v\hat{a} \( \Delta Y \)
            T = \Delta X; \Delta X = \Delta Y; \Delta Y = T;
            Interchange = 1;
    Else
            Interchange = 0;
    End If
    // Tính toán các thông số đầu vào
    P = 2*\Delta Y - \Delta X;
    A = 2*\Delta Y;
    B = 2 * \Delta Y - 2 * \Delta X
    // Vẽ điểm đầu
    Plot(X,Y);
    For i = 1 to \Delta X Then
            If (P < 0) Then
                    // Nếu Interchange = 1 thì dời Y
                    // Ngược lại, dòi X
                     If Interchange == 1 Then
```

```
Y = Y + S2;
Else
X = X + S1;
End if
// Cập nhật P
P = P + A;
Else // P >= 0
// Tîm tọa độ X, Y
Y = Y + S2; \quad X = X + S1;
// Cập nhật P
P = P + B;
End if
setPixel(X, Y);
End for
```

End

### 1.1 Phát biểu bài toán:

Xét đường tròn bán kính a là (C0), đường tròn bán kính b là (C1)

Giới han bài toán:

Xét tâm tại (0, 0) tịnh tiến cho ra tâm C tùy ý

Chỉ tính tọa độ 2 điểm đầu: P0 thuộc (C0), P1 thuộc đường (C1). Rồi dùng phép quay điểm P0, P1 1 góc 72 độ cho ra lần lượt các điểm P2 thuộc (C0), P3 thuộc (C1) và cứ thế cho đến khi vẽ hết ngôi sao 5 cánh đều

## 1.2 Phương pháp:

Giả sử P0(0, a)

Để tính P1(x1, y1) ta dùng công thức sin, cos trong tam giác vuông với góc (a, b) = 36 độ:

 $x1 = b*\sin(36)$  $y1 = b*\cos(36)$ 

Sau đó, ta sẽ dùng thuật toán đường thẳng Bresenham với m tùy ý để kẻ đường thẳng từ

P0 -> P1 để tạo thành cánh của ngôi sao.

Sau đó, ta dùng phép quay để quay điểm P0, P1 theo 1 góc alpha = 72 độ sẽ tạo ra điểm P2, P3 và cứ như thế sẽ tính được hết các điểm của ngôi sao. Công thức phép quay điểm:

```
x' = cos(alpha) * x - sina * y

y' = sin(alpha) * x + cosa * y
```

Lưu ý: phép quay với góc alpha dương thường thực hiện theo ngược chiều kim đồng hồ.

Tương tự, khi tính được 2 điểm mới từ phép quay ta sẽ thực hiện nối 2 điểm đó lại với nhau để tạo thành cảnh của ngôi sao.

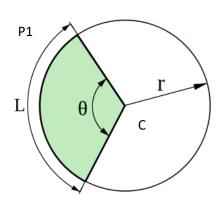
### 1.3 Giải thuật:

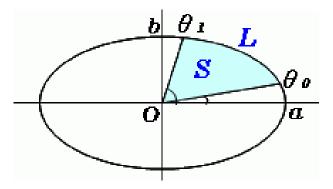
```
Function: Draw_5point_star
Inputs: Tâm C(xc, yc), Bán kính đường tròn ngoài (a), Bán kính đường tròn trong (b)
Begin
   // Tinh do doi theo tuc hoanh va truc tung
   trX = xc - 0;
   trY = yc - 0;
   // Tính điểm P0, P1
   P0.X = 0;
                 P0.Y = a;
   P1.X = round(b * sin(36 * (PI/180))); P1.Y = round(b * cos(36 * (PI/180)));
   // Tinh tien P0
   P0 = Translate(P0, trX, trY);
   P1 = Translate(P1, trX, trY);
   // Kẻ đường thẳng nối P0, P1
   Bresenham_drawing_line(P0, P1);
   // Khoi báo 2 biến PreviousP, P2, P3
   PreviousP = P0, P2 = P0, P3 = P1;
   While Previous P! = P0 then // Lay diem P0 lam moc
          // quay điểm P3 trước va tinh tien
          P3 = Rotate(P3, 72);
          P3 = Translate(P3, trX, trY);
          // Nối PreviousP với P3
          Bresenham_drawing_line(PreviousP, P3);
          // quay điểm điểm P2
          P2 = Rotate(P2, 72);
          P2 = Translate(P2, trX, trY);
```

```
// Nối P3 đến P2
          Bresenham_drawing_line(P3, P2);
          // set lai PreviousP
          PreviousP = P2;
   end while
End
Function: Rotate
Inputs: Điểm quay (P), góc quay (alpha)
Outputs: Trả về điểm đã quay theo góc quay alpha
Begin
   Q.x = cos(alpha * (PI/180)) * P.x - sin(alpha * (PI/180)) * P.y;
   Q.y = \sin(alpha * (PI / 180)) * P.x + \cos(alpha * (PI / 180)) * P.y;
   return Q
End
Function: Translate
Inputs: Diem tinh tien (P), Độ dời trục hoành (trX), Độ dời trục tung (trY)
Outputs: Return điểm đã tịnh tiến
Begin
   Q.x = P.x + trX;
   Q.y = P.y + trY;
   return Q
End
```

## 2. Vẽ cung tròn/cung ellipse:

Đường tròn: Tâm C, R, P1, P2 Ellipse: Tâm C, Rx, Ry, P1, P2





- 2.1 Cung tròn:
- 2.1.1 Phát biểu bài toán:
- Phương trình đường tròn tâm C(xc, yc), bán kính R

$$(x - xc)^2 + (y - yc)^2 = R^2$$

- Vẽ cung tròn trên lưới tọa độ nguyên
- Các điểm vẽ phải thỏa yêu cầu liên tục trong lân cận 8 của điểm ảnh.
- Giới han:

Vẽ tại tâm 0

Khảo sát cung chắn 1/8

2.1.2 Giải thuật:

// Using modifying Bresenham's circle agorithm

Function: Bresenham\_drawing\_circular\_arc

Inputs: Tâm C(xc, yc), Bán kính R, Điểm P1, Điểm P2

Begin

```
int x = 0;
int y = (int)R;
int p = (int)(5/4 - R);
```

// Lay goc dau, goc cuoi cua P1, P2

// Goc duoc tao boi P1 va 0y, P2 va 0y

 $float\ starting\_angle = Calculate\_angle\_between\_P\_and\_yAsis(P1.x,\ P1.y,\ R);$ 

float ending\_angle = Calculate\_angle\_between\_P\_and\_yAsis(P2.x, P2.y, R);

// Tìm phân vùng octant bắt đầu và kết thúc của vòng cung (P1, P2)

int startOctant = findOctantOfAngle(starting\_angle);

int endOctant = findOctantOfAngle(ending\_angle);

Put8Pixel(C.xc, C.yc, x, y, startOctant, endOctant, starting\_angle, ending\_angle);

```
while (x < y){
               x++;
               if(p < 0)
                      p += 2*x + 3;
               else{
                      y--;
                      p += 2*(x - y) + 5;
               }
               Put8Pixel(C.xc, C.yc, x, y, startOctant, endOctant, starting_angle, ending_angle);
       }
End
// Hàm put các điểm lấy đối xứng mà có nằm trong vòng cung (P1, P2)
Function: Put8Pixel
Inputs: Tâm C(xc, yc), Hoành độ x, Tung độ y, Phân vùng bắt đầu startOctant,
Phân vùng kết thúc endOctant, Goc bắt đầu starting_angle, Góc kết thúc ending_angle
Begin
       // Duyệt từ startOctant đến endOctant để tiết kiệm thời gian
       // Ý tưởng: mỗi lần duyêt đến Octant nào thì sẽ lấy điểm đối xứng cho octant đó
       // và kiểm tra xem điểm đối xứng đó có nằm trong vòng cung (P1, P2) hay không?
       // Nếu có thì putpixel điểm đó vào
       for (int i = \text{startOctant}; i \le \text{endOctant}; i++){
               switch(i){
                      case 0:
                              if(isInsideArc(x, y, starting_angle, ending_angle))
                                     putpixel(xc + x, yc + y);
                              break;
```

```
case 1:
              if(isInsideArc(y, x, starting_angle, ending_angle))
                      putpixel(xc + y, yc + x);
               break;
       case 2:
              if(isInsideArc(y, -x, starting_angle, ending_angle))
                      putpixel(xc + y, yc-x);
               break;
       case 3:
              if(isInsideArc(x, -y, starting_angle, ending_angle))
                      putpixel(xc + x, yc-y);
               break;
       case 4:
              if(isInsideArc(-x, -y, starting_angle, ending_angle))
                      putpixel(xc-x, yc-y);
               break;
       case 5:
              if(isInsideArc(-y, -x, starting_angle, ending_angle))
                      putpixel(xc-y, yc-x);
               break;
       case 6:
              if(isInsideArc(-y, x, starting_angle, ending_angle))
                      putpixel(xc-y, yc+x);
               break;
       default:
              if(isInsideArc(-x, y, starting_angle, ending_angle))
                      putpixel(xc-x, yc+y);
}
```

```
}
End
// Hàm kiểm tra 1 điểm có nằm trong vòng cung hay không
Function: isInsideArc
Inputs: Toa độ x, y, Góc bắt đầu starting_angle, Góc kết thúc ending_angle
Begin
       // Tính góc tạo bởi P và Oy
       alpha = Calculate_angle_between_P_and_yAsis(P, R)
       if (starting_angle <= alpha && alpha <= ending_angle)
              return 1;
       return 0;
End
// Hàm kiểm tra 1 góc nằm trong phân vùng nào của phân vùng 8 (Octant)
// Các phân vùng trong octant đánh số từ 0 - 7 theo chiều kim đồng hồ
Function: findOctantOfAngle
Inputs: Góc angle
Begin
       return int(angle / (PI/4));
End
// Hàm để tính góc tạo bởi điểm P và trục Oy.
Function: Calculate_angle_between_P_and_yAsis
Inputs: Diem (x, y), Ban kinh R
Begin
       // Tinh theo radian
```

```
// Một hình tròn được chia làm 4 phân vùng (quadrant)
       // Vùng 0: 0 - PI/2
       // Vùng 1: PI/2 - PI
       // Vùng 2: PI - 3*PI / 2
       // Vùng 3: 3*PI/2 - 2*PI
       if (((0 \le x \&\& x \le R) \&\& (0 \le y \&\& y \le R))) // Vung 0
              return arccos(y / R);
       else if ((0 < x && x <= r) && (-r < y && y <= 0)) // Vung 1
              return arcsin(y / R) + PI/2;
       else if ((-r < x && x <= 0) && (-r <= y && y < 0)) // Vung 2
              return arccos(y/R) + PI;
       else // Vung 3
              return \arcsin(y/R) + (3*PI)/2;
End
2.2 Cung ellipse:
Giải thuật:
// Using modifying Bresenham's ellipse agorithm
Function: Bresenham_drawing_ellipse_arc
Inputs: Tâm C(xc, yc), Bán kính (Rx, Ry), Điểm P1, Điểm P2
Begin
       // Điểm đầu
       int x = 0;
       int y = (int)Ry;
       float p = Ry*Ry - Rx*Rx*Ry + (1/4)*Rx*Rx;
       float A = 2*Ry*Ry*x;
       float B = 2*Rx*Rx*y;
```

```
// Lay goc dau, goc cuoi cua P1, P2
      // Goc duoc tao boi P1 va 0y, P2 va 0y
       float starting_angle = Calculate_angle_between_P_and_yAsis(P1.x, P1.y, Ry);
       float ending angle = Calculate angle between P and vAsis(P2.x, P2.y, Ry);
      // Tìm phân vùng Quadrant bắt đầu và kết thúc của vòng cung (P1, P2)
       int startQuadrant = findQuadrantOfAngle(starting_angle);
       int endQuadrant = findQuadrantOfAngle(ending_angle);
      // Ve diem dau
       Put4Pixel(C.xc, C.yc, x, y, startQuadrant, endQuadrant, starting_angle, ending_angle);
      // Xét vùng 1: 0 < |dy/dx| <= 1
       int k = 0;
       while (2*Ry*Ry < 2*Rx*Rx*y){
              x++;
              if(p < 0){
                     A += 2*Ry*Ry;
                     p += A + Ry*Ry;
              }
              else{
                     y--;
                     A += 2*Ry*Ry;
                     B = 2*Rx*Rx;
                     p += A - B + Ry*Ry;
              }
              Put4Pixel(C.xc, C.yc, x, y, startQuadrant, endQuadrant, starting_angle,
ending_angle);
       }
```

```
// Xét vùng 2: |dy/dx| > 1
       float xlast = x, ylast = y;
       A = 2*Ry*Ry*xlast;
       B = 2*Rx*Rx*ylast;
       p = Ry*Ry*(xlast + 1/2)^2 + Rx*Rx*(ylast - 1)^2 - Rx*Rx*Ry*Ry;
       k = 0;
       while (y != 0)
              y--;
              if(p < 0){
                     x++;
                     A += 2*Ry*Ry;
                     B = 2*Rx*Rx;
                     p += A - B + Rx*Rx;
              }
              else{
                     B = 2*Rx*Rx;
                     p = B + Rx*Rx;
              }
              Put4Pixel(C.xc, C.yc, x, y, startQuadrant, endQuadrant, starting_angle,
ending_angle);
       }
End
// Hàm put các điểm lấy đối xứng mà có nằm trong vòng cung (P1, P2)
Function: Put4Pixel
Inputs: Tâm C(xc, yc), Hoành đô x, Tung đô y, Phân vùng bắt đầu startQuadrant,
Phân vùng kết thúc endQuadrant, Goc bắt đầu starting_angle, Góc kết thúc ending_angle
Begin
```

```
// Duyêt từ startQuadrant đến endQuadrant để tiết kiêm thời gian
       // Ý tưởng: mỗi lần duyệt đến Quadrant nào thì sẽ lấy điểm đối xứng cho Quadrant đó
       // và kiểm tra xem điểm đối xứng đó có nằm trong vòng cung (P1, P2) hay không?
       // Nếu có thì putpixel điểm đó vào
       for (int i = \text{startQuadrant}; i \le \text{endQuadrant}; i++){
               switch(i){
                      case 0:
                              if(isInsideArc(x, y, starting_angle, ending_angle))
                                     putpixel(xc+x, yc+y);
                              break;
                      case 1:
                              if(isInsideArc(-y, x, starting_angle, ending_angle))
                                     putpixel(xc-y, yc+x);
                              break;
                      case 2:
                              if(isInsideArc(-x, -y, starting_angle, ending_angle))
                                     putpixel(xc-x, yc-y);
                              break;
                      case 3:
                              if(isInsideArc(-x, y, starting_angle, ending_angle))
                                     putpixel(xc-x, yc+y);
                              break;
       }
End
// Hàm kiểm tra 1 điểm có nằm trong vòng cung hay không
Function: isInsideArc
```

```
Inputs: Toa độ x, y, Góc bắt đầu starting_angle, Góc kết thúc ending_angle
Begin
       // Tính góc tạo bởi P và Oy
       alpha = Calculate_angle_between_P_and_yAsis(P, R)
       if (starting angle <= alpha && alpha <= ending angle)
              return 1;
       return 0;
End
// Hàm kiểm tra 1 góc nằm trong phân vùng nào của phân vùng 4 (Quadrant)
// Các phân vùng trong Quadrant đánh số từ 0 - 3 theo chiều kim đồng hồ
Function: findQuadrantOfAngle
Inputs: Góc angle
Begin
       return int(angle / (PI/2));
End
// Hàm để tính góc tao bởi điểm P và truc Oy.
Function: Calculate_angle_between_P_and_yAsis
Inputs: Diem (x, y), Ban kinh R
Begin
       // Tinh theo radian
       // Một hình tròn được chia làm 4 phân vùng (quadrant)
       // Vùng 0: 0 - PI/2
       // Vùng 1: PI/2 - PI
       // Vùng 2: PI - 3*PI / 2
       // Vùng 3: 3*PI/2 - 2*PI
```

}

```
if (((0 \le x \&\& x \le R) \&\& (0 \le y \&\& y \le R))) // Vung 0
               return arccos(y / R);
       else if ((0 < x && x <= r) && (-r < y && y <= 0)) // Vung 1
               return arcsin(y / R) + PI/2;
       else if ((-r < x \&\& x <= 0) \&\& (-r <= y \&\& y < 0)) // Vung 2
               return arccos(y / R) + PI;
       else // Vung 3
               return \arcsin(y/R) + (3*PI)/2;
End
3. Vẽ đường cong Bezier bằng phương pháp de Casteljau với điểm chia
   theo tỷ lê 1/2:
Point Casteljau(float t)
{
       Point Q[Max];
       int i, r;
       for (i = 0; i \le L; i++)
       {
               Q[i].x = P[i].x;
               Q[i].y = P[i].y;
       }
       for (r = 1; r \le L; r++)
       {
               for (i = 0; i \le L - r; i++)
               {
                      Q[i].x = (1 - t)*Q[i].x + t*Q[i + 1].x;
                      Q[i].y = (1 - t)*Q[i].y + t*Q[i + 1].y;
```

```
}
       return(Q[0]);
}
// Để vẽ đường cong Bezier xem Casteljau là 1 thủ tục phụ trong DrawCurve
void DrawCurve(float a, float b, int NumPoints)
{
       float Delta = (b - a)/(float)NumPoints;
       float t = a;
       int i;
       moveto(Casteljau(t).x, Casteljau(t).y);
       for (i = 1; i \le NumPoints; i++)
       {
              t += Delta;
              lineto(Casteljau(t).x, Casteljau(t).y);
       }
}
4. Xác định số viên gạch kích thước cxd (mm) cần để nền hồ Ellipse
   (Bán truc lớn: a (cm), Bán truc nhỏ: b (cm) hoặc Circle (Bán kính: R):
   4.1 Đường tròn:
   // Using modifying Bresenham's circle agorithm
   Function: Count brick
   Inputs: Tâm C(xc, yc), Bán kính R, Điểm P1, Điểm P2
   Begin
       int x = 0;
       int y = (int)R;
       int p = (int)(5/4 - R);
       int count = 0;
```

```
Put8Pixel(C.xc, C.yc, x, y);
    while (x < y){
            x++;
            if(p < 0)
                     p += 2*x + 3;
            else{
                    y--;
                    p += 2*(x - y) + 5;
            }
            Put8Pixel(C.xc, C.yc, x, y);
    }
    // Goi ham to mau de tinh so gach nen
    // Loang tu tam
    FloodFill(xc, yc, 1, 0, count);
End
// Hàm put các điểm lấy đối xứng
Function: Put8Pixel
Inputs: Tâm C(xc, yc), Hoành độ x, Tung độ y
Begin
    putpixel(xc+x, yc+y);
    putpixel(xc+y, yc+x);
    putpixel(xc+y, yc-x);
    putpixel(xc+x, yc-y);
    putpixel(xc-x, yc-y);
    putpixel(xc-y, yc-x);
    putpixel(xc-y, yc+x);
```

```
putpixel(xc-x, yc+y);
End
// Hàm tô màu
void FloodFill(int x, int y, int fill_color, int boundary, int count = 0){
    if (getpixel(x, y) != fill_color && getpixel(x, y) != boundary){
             putpixel(x, y, fill_color);
             count++;
             FloodFill(x+1, y, fill_color, boundary);
             FloodFill(x-1, y, fill_color, boundary);
             FloodFill(x, y+1, fill_color, boundary);
             FloodFill(x, y-1, fill_color, boundary);
    }
}
void ScanLine(int I, int t, int r, int b, int fill_color, int count = 0){
    setcolor(fill_color);
    for(int y = t; y < b; y++){
             line(l, y, r, r);
             // Xử lý số gạch ở đây
    }
}
4.2 Ellipse:
// Using modifying Bresenham's ellipse agorithm
Function: Count_brick_ellipse_pool
Inputs: Tâm C(xc, yc), Bán kính (Rx, Ry)
Begin
    // Điểm đầu
```

```
int x = 0;
int y = (int)Ry;
float p = Ry*Ry - Rx*Rx*Ry + (1/4)*Rx*Rx;
float A = 2*Ry*Ry*x;
float B = 2*Rx*Rx*y;
int count = 0;
// Ve diem dau
Put4Pixel(C.xc, C.yc, x, y);
// Xét vùng 1: 0 < |dy/dx| <= 1
int k = 0;
while (2*Ry*Ry < 2*Rx*Rx*y){
        χ++;
        if(p < 0){
                A += 2*Ry*Ry;
                p += A + Ry*Ry;
        }
        else{
                y--;
                A += 2*Ry*Ry;
                B -= 2*Rx*Rx;
                p += A - B + Ry*Ry;
        }
        Put4Pixel(C.xc, C.yc, x, y);
}
// Xét vùng 2: |dy/dx| > 1
float xlast = x, ylast = y;
```

```
A = 2*Ry*Ry*xlast;
    B = 2*Rx*Rx*ylast;
    p = Ry*Ry*(xlast + 1/2)^2 + Rx*Rx*(ylast - 1)^2 - Rx*Rx*Ry*Ry;
    k = 0;
    while(y != 0){
            y--;
            if(p < 0){
                   x++;
                   A += 2*Ry*Ry;
                    B = 2*Rx*Rx;
                    p += A - B + Rx*Rx;
           }
            else{
                    B = 2*Rx*Rx;
                    p = B + Rx*Rx;
            }
            Put4Pixel(C.xc, C.yc, x, y);
   }
   // Goi ham to mau de dem gach
   //...
End
// Hàm put các điểm lấy đối xứng mà có nằm trong vòng cung (P1, P2)
Function: Put4Pixel
Inputs: Tâm C(xc, yc), Hoành độ x, Tung độ y
```

```
Begin

putpixel(xc+x, yc+y);

putpixel(xc-y, yc+x);

putpixel(xc-x, yc-y);

putpixel(xc-x, yc+y);

End

void ScanLine(int I, int t, int r, int b, int fill_color, int count = 0){

setcolor(fill_color);

for(int y = t; y < b; y++){

line(I, y, r, r);

// Xử lý số gạch ở đây

}

}
```