机器学习

Homework3: Logistic Regression

题1(88分):使用逻辑回归模型来预测学生是否能被大学录取。

- 》假设你是一个大学某系的管理员,你要根据每个申请者的两次考试成绩来决定该生是否被录取。你有以前申请者的历史数据(两次考试成绩和录取情况)可以用作logistic Regression的训练集。
- 》你的任务是建立一个分类模型,以这两次考试的分数来 估计申请人的录取的概率。
- ▶数据集: ex3data1.txt

▶任务1:数据可视化。根据给出的训练集画出训练数据的图(你画出来的图应该如下图所示)。

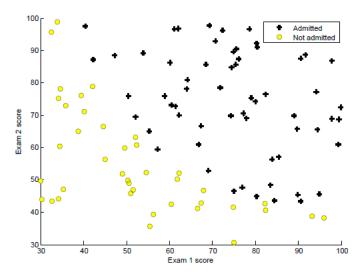


Figure 1: Scatter plot of training data

▶任务2:

我们的模型是 $h_{\theta}(x) = g(\theta^T x)$

$$g(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$

▶任务2.1: 定义一个函数sigmoid(z), 计算以上的sigmoid 函数的值.

我们使用的代价函数是:

 $J(\theta)$

$$= -\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} \left[y^{(i)} \ln \left(h_{\theta}(x^{(i)}) \right) + \left(1 - y^{(i)} \right) \ln \left(1 - h_{\theta}(x^{(i)}) \right) \right]$$

▶任务2.2: 定义一个函数costFunction(X,Y, theta), (其中X是所有训练样本的特征,Y是训练样本的标签), 该函数返回代价值和梯度

$$\frac{\partial}{\partial \theta_j} J(\theta) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m [h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)}] x_j^{(i)}$$

任务3: 使用优化函数来求解theta。(注意,此处不需要自己写梯度下降法来求解theta)。

如果使用python编程,可使用scipy.optimize.fmin_bfgs函数来求解。

参考资料:

https://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/generated/scipy.optimize.fmin_bfgs.ht ml

可使用如下方式调用:

import scipy.optimize as opt

theta, cost, *unused = opt.fmin_bfgs(f=cost_func, fprime=grad_func,

x0=init_theta, maxiter=400, full_output=True, disp=False)

其中cost_func是代价函数, grad_func是对应的梯度函数。 init_theta是theta 的初始值。

该函数可返回最优theta值,对应的代价函数值。

你也可以使用其他求最优解的函数求theta。如果使用MATLAB编程,可使用 fminunc函数。

任务4: 画出训练数据集的数据图上决策边界(如下图所示):

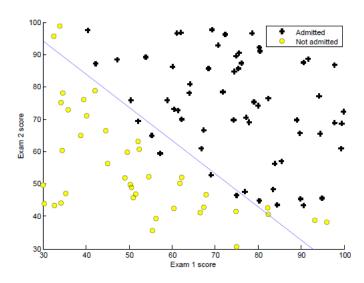


Figure 2: Training data with decision boundary

任务5:使用求得的theta来对新数据进行预测。 例如,如果学生两名课的成绩是(45,85),用logistic Regression函数算出来的值约为0.776. 编写程序计算在训练数据集上的预测正确率。

题2 (12分): Regularized logistic regression (正则化逻辑回归)

注意:如果不完成题2,此次作业最多只能得良好;如果要拿优秀,就必须要完成题2。

题2:使用正则化逻辑回归预测来自制造厂的微芯片是否通过质量检查(quality assurance (QA))。在质量检查(QA)时,每个微芯片都要经过各种测试以确保它工作正常。

数据集: ex3data2.txt

▶任务1:数据可视化。根据给出的训练集画出训练数据的图(你画出来的图应该如下图所示)。

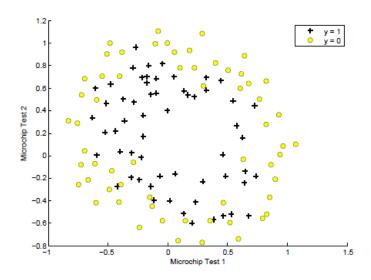


Figure 3: Plot of training data

任务2:特征映射:使用以下特征映射把数据原始的二维特征映射成多维特征(最高次数是6次)。经过特征映射后,二维特征变成28维特征。

$$\text{mapFeature}(x) = \begin{bmatrix} 1 \\ x_1 \\ x_2 \\ x_1^2 \\ x_1x_2 \\ x_2^2 \\ x_1^3 \\ \vdots \\ x_1x_2^5 \\ x_2^6 \end{bmatrix}$$

任务3: 使用如下正则化的代价函数:

$$J(\theta) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} \left[-y^{(i)} \log(h_{\theta}(x^{(i)})) - (1 - y^{(i)}) \log(1 - h_{\theta}(x^{(i)})) \right] + \frac{\lambda}{2m} \sum_{j=1}^{n} \theta_{j}^{2}.$$

对应梯度函数:

$$\frac{\partial J(\theta)}{\partial \theta_0} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)}) x_j^{(i)}$$
 for $j = 0$

$$\frac{\partial J(\theta)}{\partial \theta_j} = \left(\frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)}) x_j^{(i)}\right) + \frac{\lambda}{m} \theta_j \quad \text{for } j \ge 1$$

定义一个函数costFunctionReg(X, Y, theta, lamda),(其中X是所有训练样本的特征, Y是训练样本的标签),该函数返回代价值和梯度.

theta初始值如果是0,则返回的代价值约为0.693,

任务4:尝试不同的lamda值(例如λ =0, λ=1, λ=100),使用优化函数来求解theta。 (注意,此处不需要自己写梯度下降法来求解theta)。 如果使用python编程,可使用scipy.optimize.fmin_bfgs 函数来求解。

任务5:使用上一步求得的theta画出在训练数据集上的决策边界(如下图所示):

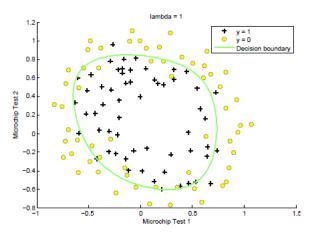


Figure 4: Training data with decision boundary ($\lambda = 1$)

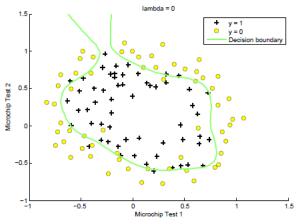


Figure 5: No regularization (Overfitting) ($\lambda = 0$)

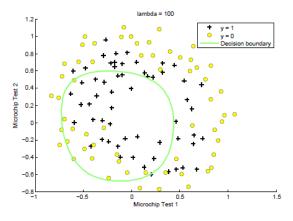


Figure 6: Too much regularization (Underfitting) ($\lambda = 100$)

实验报告内容

- 1、实验内容 实验要解决的问题、采用的模型或算法等
- 2、实验设置和实验结果
- 3、其它(其它你觉得需要写在实验报告中的内容)
- 4、实验过程中遇到的问题
- 5、实验心得体会。

注意事项:

- 1、实验报告请使用老师提供的实验模板,源代码作为单独的文件。
- 2、实验报告命名:完整学号_姓名_ML_project1.doc
- 3、建立个人文件夹放实验报告和源代码(源代码需加注释说明),文件夹名 "完整学号_姓名_ML_project1"

报告提交时间: 10月28日周三下午3点前。