

week9

递归 - 函数自己调用自己

```
public void recur(int level, int param) {  
  
    // terminator  
    if (level > MAX_LEVEL) {  
        // process result  
        return;  
    }  
  
    // process current logic  
    process(level, param);  
  
    // drill down  
    recur(level: level + 1, newParam);  
  
    // restore current status  
}
```

1)

总结

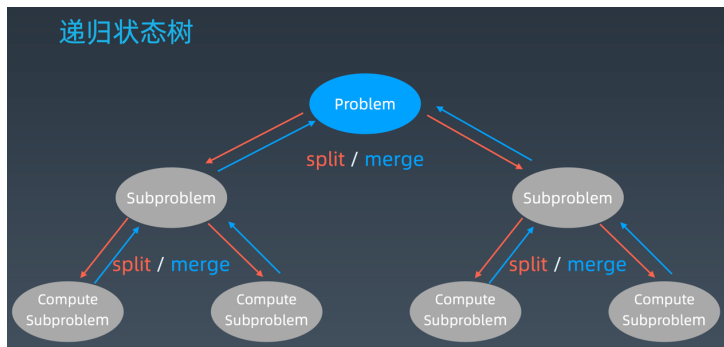
1. 人肉递归低效、很累
2. 找到最近最简方法，将其拆解成可重复解决的问题
3. 数学归纳法思维

本质：寻找重复性 → 计算机指令集

2)

3)

递归状态树



4)

关键点

动态规划 和 递归或者分治 没有根本上的区别（关键看有无最优的子结构）

拥有共性：找到重复子问题

差异性：最优子结构、中途可以淘汰次优解

遍历字符串

- Python:

```
for ch in "abbc":  
    print(ch)
```

- Java:

```
String x = "abbc";  
for (int i = 0; i < x.size(); ++i) {  
    char ch = x.charAt(i);  
}  
for ch in x.toCharArray() {  
    System.out.println(ch);  
}
```

- C++:

```
string x("abbc");  
for (int i = 0; i < s1.length(); i++) {  
    cout << x[i];  
}
```

5)

6)

字符串匹配算法

1. 暴力法 (brute force) - $O(mn)$

2. Rabin-Karp 算法

3. KMP 算法

- 课后了解：
Boyer-Moore 算法: https://www.ruanyifeng.com/blog/2013/05/boyer-moore_string_search_algorithm.html
Sunday 算法: <https://blog.csdn.net/u012505432/article/details/52210975>

7)

Rabin-Karp 算法

在朴素算法中，我们需要挨个比较所有字符，才知道目标字符串中是否包含子串。那么，是否有别的方法可以用来判断目标字符串是否包含子串呢？

答案是肯定的，确实存在一种更快的方法。为了避免挨个字符对目标字符串和子串进行比较，我们可以尝试一次性判断两者是否相等。因此，我们需要一个好的哈希函数 (hash function)。通过哈希函数，我们可以算出子串的哈希值，然后将它和目标字符串中的子串的哈希值进行比较。这个新方法在速度上比暴力法有显著提升。

Rabin-Karp 算法

Rabin-Karp 算法的思想：

- 假设子串的长度为 M (pat)，目标字符串的长度为 N (txt)
- 计算子串的 hash 值 hash_pat
- 计算目标字符串txt中每个长度为 M 的子串的 hash 值（共需要计算 $N-M+1$ 次）
- 比较 hash 值：如果 hash 值不同，字符串必然不匹配；如果 hash 值相同，还需要使用朴素算法再次判断

8)

KMP 算法

KMP算法 (Knuth-Morris-Pratt) 的思想就是，当子串与目标字符串不匹配时，其实你已经知道了前面已经匹配成功那一部分的字符（包括子串与目标字符串）。以阮一峰的文章为例，当空格与 D 不匹配时，你其实知道前面六个字符是“ABCDAB”。KMP 算法的想法是，设法利用这个已知信息，不要把“搜索位置”移回已经比较过的位置，继续把它向后移，这样就提高了效率。

<https://www.bilibili.com/video/av11866460?from=search&seid=17425875345653862171>

http://www.ruanyifeng.com/blog/2013/05/Knuth%E2%80%93Pratt_algorithm.html