## 有限元单元报告-9Q

管唯宇

2017年12月23日

## 程序设计

因为 9Q 单元是扩展单元,因此我选择在不过于考虑效率的情况下调用矩阵库完成,实 现中利用了一个我自己编写的简单矩阵库(/src/h/matrix.h)。

计算刚度阵使用

$$K = \int B^T DB |Je| \mathrm{d}\xi \mathrm{d}\eta$$

因为两点积分会出现零能模态,因此我采用了三点高斯积分,

$$x_i = \pm \sqrt{\frac{5}{6}}, 0$$

$$w_i = \frac{5}{9}, \frac{8}{9}$$

计算荷载使用

$$f_i = \int N_i b \mathrm{d}\eta$$

可知,对于边界上三点受力,比例为1:4:1。

## 2 patch test

基于教案上的测试算例(图1)进行了改动,将左下角设为固支。 实际计算在 10-4 误差下通过分片测试。

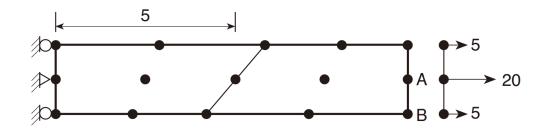


图 1: patch test