В левой полости давление постоянно p_0 , а в правой полости оно имеет постоянную составляющую и гармонически изменяющуюся по времени составляющую $p_0 + p_1^+(\omega t)$. Закон изменения давления на правом торце представим в виде

$$p_1^+ = p_{1m}^+ f_p(\omega t), \quad f_p(\omega t) = \exp(i\omega t), \tag{1}$$

где p_{1m}^+ — амплитуда пульсаций давления на торце канала; ω — частота пульсаций; $f_p(\omega t)$ — закон изменения давления.

Введем в рассмотрение безразмерные переменные

$$\psi = \delta_0 / \ell \ll 1, \ \lambda = w_m / \delta_0 \ll 1, \ \Re = \delta_0^2 \omega / \nu, \ \tau = \omega t, \ \xi = x / \ell, \ \zeta = z / \delta_0,$$

$$V_z = w_m \omega U_\zeta, \ w = w_m W, \ u = u_m U, \ V_x = w_m \omega U_\xi / \psi,$$

$$p = p_0 + w_m \rho \nu \omega (\delta_0 \psi^2)^{-1} P, \ p^+ = w_m \rho \nu \omega (\delta_0 \psi^2)^{-1} P^+.$$
(2)

Здесь p— давление; ρ , ν — плотность и кинематический коэффициент вязкости жидкости; V_x, V_z — проекции скорости движения жидкости на оси координат, w_m — амплитуда прогиба пластины; W— безразмерный прогиб пластины; u_m — амплитуда продольного перемещения пластины; U— безразмерное продольное перемещение пластины; ψ , λ , \Re — параметры, характеризующие задачу.

Вариант 2

Учитывая введенные переменные, и что в рассматриваемой постановке $\psi=o(1),\,u_m/w_m=O(1),\,$ в нулевом приближении по ψ и λ получим линеаризованную задачу гидроупругости пульсирующего слоя жидкости в канале в виде уравнений динамики слоя жидкости

$$\Re \frac{\partial U_{\xi 0}}{\partial \tau} = -\frac{\partial P_0}{\partial \xi} + \frac{\partial^2 U_{\xi 0}}{\partial \zeta^2}, \quad \frac{\partial P_0}{\partial \zeta} = 0, \quad \frac{\partial U_{\xi 0}}{\partial \xi} + \frac{\partial U_{\zeta 0}}{\partial \zeta} = 0, \tag{1}$$

с граничными условиями

$$U_{\xi 0} = 0, \ U_{\zeta 0} = \partial W / \partial \tau$$
 при $\zeta = 1; \quad U_{\xi 0} = 0, \ U_{\zeta 0} = 0$ при $\zeta = 0;$ (2)

$$P = P^{+}(\tau)$$
 при $\xi = 1;$ $P = 0$ при $\xi = -1;$ (3)

и уравнения движения пластинки-стенки канала

$$\frac{Dw_m}{\ell^4} \frac{\partial^4 W}{\partial \xi^4} + \rho_0 h_0 \omega^2 w_m \frac{\partial^2 W}{\partial \tau^2} = p_0 + \frac{w_m \rho \nu \omega}{\delta_0 \psi^2} P \tag{4}$$

с граничными условиями

$$W = \partial^2 W / \partial \xi^2 = 0 \text{ при } \xi = \pm 1. \tag{5}$$

Графы $(G(U(t), E(t), Q(t))_{R^*})_i, i = 1, \dots, 3$, формируются по следующим правилам.

1. Построить матрицы $\|D_a^{R_1}\| = \|d_{aa}^{R_1}\|, \|D_b^{R_2}\| = \|d_{bb}^{R_2}\|, \|D_c^{R_3}\| = \|d_{cc}^{R_3}\|$ таким образом, чтобы

$$d_{ij}^{R^k} = \begin{cases} 1, & \text{если } S_i R_k S_j, \ S_i, S_j \in B_1; \ k = 1, \dots, 3; \\ 0, & \text{если } S_i R_k S_j, \ S_i, S_j \in B_1, \ \text{не выполняется,} \end{cases}$$
 (1)

где a, b, c — известные константы.

2. Из оставшихся элементов $\{S\}_1^{R_j},\ j=1,\ldots,3,$ каждой матрицы построить квадратные матрицы $\|E_{R_j}\|_j=\|e_{R_jR_j}\|_j,\ j=1,\ldots,3$ таким образом, чтобы

$$e_{iv} = \begin{cases} 1, & \text{если } S_i R_j S_v, \ j = 1, \dots, 3, \\ 0, & \text{в остальных случаях.} \end{cases}$$
 (2)

Вариант 4

Тогда математическое ожидание оценки функции оценки перспектив будет равно

$$E_0\left(u\left(\frac{\Lambda_T}{\Lambda_0}(S_T - X)\right)\right) = \int u\left(\frac{\Lambda_T}{\Lambda_0}(S_T - X)\right) df\left(\Lambda_T, S_T\right),$$

где S_T и Λ_T есть решение предыдущего уравнения. Имеем

$$\ln \Lambda_T = \ln \Lambda_0 - \left(r + \frac{1}{2} \left(\frac{\mu - r}{\sigma}\right)^2\right) T - \frac{\mu - r}{\sigma} \sqrt{T} \varepsilon, \tag{1}$$

где $\varepsilon \sim N(0,1), S_0$ — начальная стоимость портфеля. Тогда, используя (1), получим

$$E_{0}\left(u\left(\frac{\Lambda_{T}}{\Lambda_{0}}(S_{T}-X)\right)\right) = -\int_{S_{T}=X}^{+\infty} \left(\frac{\Lambda_{T}(\varepsilon)}{\Lambda_{0}}\left(S_{T}(\varepsilon)-X\right)\right)^{\alpha} dw^{+}(1-F(\varepsilon)) - \frac{1}{S_{T}=-\infty}\left(\frac{\Lambda_{T}(\varepsilon)}{\Lambda_{0}}\left(X-S_{T}(\varepsilon)\right)\right)^{\beta} dw^{-}(F(\varepsilon)). \quad (2)$$

Производя подстановку для одновременного применения обоих сдвигов, получим:

$$\begin{cases} A = 3\delta - b_s = -b - 3a\Delta + 3\delta - 6\Delta^2, \\ B = 3\delta^2 - 2b_s\delta + a_sc_s - 4d_s = \\ = 3\delta^2 - 2(b + 3a\Delta + 6\Delta^2)\delta + (a + 4\Delta)(c + 2b\Delta + 3a\Delta^2 + 4\Delta^3) - \\ -4(d + c\Delta + b\Delta^2 + a\Delta^3 + \Delta^4), \\ C = \delta^3 - b_s\delta^2 + (a_sc_s - 4d_s)\delta - a_s^2d_s - c_s^2 + 4b_sd_s = \\ = \delta^3 - (b + 3a\Delta + 6\Delta^2)\delta^2 + ((a + 4\Delta)(c + 2b\Delta + 3a\Delta^2 + 4\Delta^3) - \\ -4(d + c\Delta + b\Delta^2 + a\Delta^3 + \Delta^4))\delta - (a + 4\Delta)^2(d + c\Delta + b\Delta^2 + a\Delta^3 + \Delta^4) - \\ -(c + 2b\Delta + 3a\Delta^2 + 4\Delta^3)^2 + 4(b + 3a\Delta + 6\Delta^2)(d + c\Delta + b\Delta^2 + a\Delta^3 + \Delta^4). \end{cases}$$
(1)

Расчёты показывают, что когда $\delta=\alpha a_s^2+\beta b_s$, где $8\alpha+3\beta=1$, коэффициенты резольвенты не меняются при любом сдвиге x.

Вариант 6

Общая оценка последовательности S строится как сумма оценок каждого входящего в неё вектора X_i :

$$O(A_0, F_j, S) = \sum_{i=1}^{\partial \text{лина}(S)} O(A_0, F_j, X_i) = \sum_{i=1}^{\partial \text{лина}(S)} (c_1 \cdot N_1(X_i, A_0, F_j) + c_2 \cdot N_2(X_i, A_0, F_j) + c_3 \cdot N_3(X_i, A_0, F_j)) \quad (1)$$

где: $X_i - i$ -й набор последовательности S; $c_1 - c_3$ — нормализующие константы; $N_1 - N_3$ — параметры различающей активности.

Функция различия для (1) переопределяется следующим образом:

$$R(g, X_i, A_0, F_j) = \begin{cases} 0, & \text{если выходы элементов } g \text{ множества ЦУ,} \\ & \text{которые принадлежат классу } F_j, \\ & \text{одинаковы после подачи набора } X_i; \\ 1, & \text{иначе.} \end{cases}$$
 (2)

Если требуется улучшить качество переходных процессов при некотором фиксированном $\mathbf{s}=\mathbf{s}_0$, то в этом случае целесообразно выполнить параметрический синтез, т. е. выбор значений параметров обратных связей, на основе минимизации функции $f(\mathbf{p},\mathbf{s}_0)$, где

$$f(\mathbf{p}, \mathbf{s}) = (\|R_A(0, \mathbf{p}_0, \mathbf{s})\|^{-2} + \|R_A(0, \mathbf{p}, \mathbf{s})\|^{-2}) \int_0^\infty f(\mathbf{p}, \mathbf{s}, \omega) d\omega,$$

$$f(\mathbf{p}, \mathbf{s}, \omega) = \|R_A(\omega, \mathbf{p}, \mathbf{s}) - R_A(0, \mathbf{p}, \mathbf{s})R_A^*(\omega)\|^2 + c_1 \|R'_A(\omega, \mathbf{p}, \mathbf{s}) - R_A(0, \mathbf{p}, \mathbf{s})R_A^{*'}(\omega)\|^2 + c_2 \|R''_A(\omega, \mathbf{p}, \mathbf{s}) - R_A(0, \mathbf{p}, \mathbf{s})R_A^{*'}(\omega)\|^2, \qquad ()' = d()/d\omega,$$

$$R_{A_{\nu j}}(\omega, \mathbf{p}, \mathbf{s}) = \begin{cases} \Re \Phi_{\nu j}(i\omega, \mathbf{p}, \mathbf{s}), & A_j(\mathbf{p}, \mathbf{s}) \neq 0, \\ \sqrt{1 + \omega^2} \Re[\Psi_{\nu j}(i\omega, \mathbf{p}, \mathbf{s})], & A_j(\mathbf{p}, \mathbf{s}) = 0, \end{cases}$$

$$(1)$$

Вариант 8

Решение уравнения имеет вид

$$U_{\xi 0} = \frac{1}{2\varepsilon^2} \left[\frac{\partial^2 P_0}{\partial \xi \partial \tau} + \frac{\partial^2 P_0}{\partial \xi \partial \tau} \bar{\Psi}(\zeta) + \frac{\partial P_0}{\partial \xi} \bar{\Phi}(\zeta) \right], \tag{1}$$

где

$$\bar{\Psi}(\zeta) = F_2(\varepsilon\zeta)D_1 - F_1(\varepsilon\zeta) - 2F_4(\varepsilon\zeta)D_2, \quad \bar{\Phi}(\zeta) = 2F_3(\varepsilon\zeta) - F_2(\varepsilon\zeta)D_2 - 2F_4(\varepsilon\zeta)D_1,$$

$$\bar{\Psi}_1(\zeta) = \int_{\zeta}^{1} \bar{\Psi}(\zeta)d\zeta, \quad \bar{\Phi}_1(\zeta) = \int_{\zeta}^{1} \bar{\Phi}(\zeta)d\zeta, \quad \varepsilon(\omega) = \sqrt{\Re/2},$$

$$F_1(\varepsilon\zeta) = \operatorname{ch}\varepsilon\zeta \cos\varepsilon\zeta, \quad F_2(\varepsilon\zeta) = [\operatorname{ch}\varepsilon\zeta \sin\varepsilon\zeta + \operatorname{sh}\varepsilon\zeta \cos\varepsilon\zeta]/2,$$

$$\gamma(\omega) = \frac{1}{6} \frac{\varepsilon^3(\operatorname{sh}\varepsilon - \sin\varepsilon)}{\varepsilon^2(\operatorname{ch}\varepsilon + \cos\varepsilon) - 2\varepsilon(\operatorname{sh}\varepsilon + \sin\varepsilon) + 2(\operatorname{ch}\varepsilon - \cos\varepsilon)}.$$

Вариант 9

$$R_{A_{j}}^{*}(\omega) = \begin{cases} \left(1 - (t_{0}\omega)^{2}\right) / \left(1 + (t_{0}\omega)^{4}\right), & A_{j}(\mathbf{p}, \mathbf{s}) \neq 0, \\ \sqrt{1 + \omega^{2}} \left(1 - (t_{0}\omega)^{2}\right) / \left(1 + (t_{0}\omega)^{4}\right), & A_{j}(\mathbf{p}, \mathbf{s}) = 0, \end{cases}$$

$$A_{j}(\mathbf{p}, \mathbf{s}) = \left[\sum_{\nu=1}^{N_{y}} |\Phi_{\nu j}(0, \mathbf{p}, \mathbf{s})|^{2}\right]^{1/2},$$

$$\Psi_{\nu j}(\lambda, \mathbf{p}, \mathbf{s}) = \Phi_{\nu j}(\lambda, \mathbf{p}, \mathbf{s}) / \lambda, \quad \nu = 1, 2, \dots, N_{y}; \quad j = 1, 2, \dots, N_{x},$$

$$(1)$$

где $\mathbf{p} \in \Omega_p^{(st)}(\mathbf{s}_0)$ — набор параметров обратных связей в момент старта параметрического синтеза, t_0 — желаемое время регулирования. Поскольку функция $F:\mathbb{R}^{N_p}\to\mathbb{R}$ является негладкой, а размерность N_p пространства параметров обратных связей обычно не превышает нескольких десятков, для минимизации обычно используется безградиентный метод Нелдера—Мида.

Решение уравнений с учетом краевых условий представим в виде

$$W = \sum_{k=1}^{\infty} \left[\left(R_k(\tau) + R_k^0 \right) \cos \frac{(2k-1)\pi\xi}{2} + Q_k(\tau) \sin k\pi\xi \right].$$
 (1)

Верхний индекс 0 в (1) означает решение, соответствующее постоянному уровню давления p_0 , независящему от τ .

Принимая во внимание линейность предыдущего уравнения и подставляя в него (1), найденное выражение для давления, а, также раскладывая оставшиеся члены, входящие в его правую часть в ряды по тригонометрическим функциям, из полученного уравнения запишем выражение для составляющей, независящей от времени R_k^0

$$R_k^0 = (2\ell/((2k-1)\pi))^4 (4(-1)^{k+1}/((2k-1)\pi)) p_0(Dw_m)^{-1},$$

и уравнения для определения $R_k(\tau)$ и $Q_k(\tau)$

$$a_{1ck}w_m R_k + a_{2ck}w_m dR_k/d\tau = 2(-1)^{k+1}/((2k-1)\pi D)p_m^+ f_p(\tau),$$
(2)

$$a_{1sk}w_mQ_k + a_{2sk}w_mdQ_k/d\tau = (-1)^{k+1}/(k\pi D)p_m^+f_p(\tau).$$
 (3)

Вариант 11

В качестве примера рассмотрим систему угловой стабилизации реактивного снаряда, дополненную корректирующим устройством

$$\tau_{0}\dot{\beta}_{c} + \beta_{c} = -\tau_{0}(\dot{\beta}_{1} + \dot{\beta}_{2}), \quad \tau_{0}\dot{\alpha}_{c} + \alpha_{c} = -\tau_{0}(\dot{\alpha}_{1} + \dot{\alpha}_{2}),
\tau_{4}^{2}\ddot{\beta} + 2\xi_{4}\dot{\beta} + \beta = \tau_{3}^{2}\ddot{\beta}_{c} + 2\xi_{3}\dot{\beta}_{c} + \beta_{c}, \quad \tau_{4}^{2}\ddot{\alpha} + 2\xi_{4}\dot{\alpha} + \alpha = \tau_{3}^{2}\ddot{\alpha}_{c} + 2\xi_{3}\dot{\alpha}_{c} + \alpha_{c},
m_{1}\ddot{x}_{0} - b\beta_{1} = N_{x_{1}} + P_{x_{1}}, \quad m_{1}\ddot{y}_{0} + b\alpha_{1} = N_{y_{1}} + P_{y_{1}}, \quad J_{1}\ddot{\beta}_{1} = L_{y_{1}} + \xi_{1}N_{x_{1}},
J_{1}\ddot{\alpha}_{1} = L_{x_{1}} - \xi_{1}N_{y_{1}}, \quad J_{2}(\ddot{\beta}_{1} + \ddot{\beta}_{2}) = L_{y_{2}} - \xi_{2}N_{x_{2}}, \quad J_{2}(\ddot{\alpha}_{1} + \ddot{\alpha}_{2}) = L_{x_{2}} + \xi_{2}N_{y_{2}},
m_{2}[\ddot{x}_{0} + \ddot{x}_{1} + (1 + \xi_{1} + \xi_{2})\ddot{\beta}_{1}] = N_{x_{2}} + m_{2}a_{z}\beta_{2} + P_{x_{2}},
P_{x_{2}} = n[\beta(t - \tau)\cos(\Omega\tau - \theta) + \alpha(t - \tau)\sin(\Omega\tau - \theta)],
\ddot{u}_{x} + u_{x}^{""} + \gamma \dot{u}_{x}^{""} + \gamma \Omega u_{y}^{""} + a_{z}[(m_{2} + 1 - z)u_{x}^{\prime}]^{\prime} = -\ddot{x}_{0} - (z + \xi_{1})\ddot{\beta}_{1}$$
(1)

при нулевых начальных условиях. Здесь ()' = $\partial()/\partial x$, точкой сверху обозначено дифференцирование по времени t

Вариант 12

Введем обозначения

$$2K_{sk} = \frac{12\gamma\omega}{2\varepsilon^{2}\alpha}M_{sk}; \quad 2K_{ck} = \frac{12\gamma\omega}{2\varepsilon^{2}\alpha}M_{ck};$$

$$M_{ck} = \frac{\rho\nu}{\delta_{0}\psi^{2}} \left[\frac{2}{(2k-1)\pi}\right]^{2} \frac{2\varepsilon^{2}\alpha}{\omega}; \quad M_{sk} = \frac{\rho\nu}{\delta_{0}\psi^{2}} \left[\frac{1}{k\pi}\right]^{2} \frac{2\varepsilon^{2}\alpha}{\omega};$$

$$a_{1ck} = ((2k-1)\pi/2\ell)^{4} - [\rho_{0}h_{0} + M_{ck}]\omega^{2}/D; \quad a_{1sk} = (k\pi/\ell)^{4} - [\rho_{0}h_{0} + M_{sk}]\omega^{2}/D;$$

$$a_{2ck} = 2K_{ck}\omega/D; \quad a_{2sk} = 2K_{sk}\omega/D.$$

Частные решения уравнений, соответствующие гармоническому закону пульсаций давления на торце канала имеют вид:

$$R_k = \frac{2(-1)^{k+1}}{(2k-1)\pi} \frac{p_m^+}{w_m D} \left[A_{ck} \frac{df_p}{d\tau} + B_{ck} f_p \right], \quad Q_k = \frac{(-1)^{k+1}}{k\pi} \frac{p_m^+}{w_m D} \left[A_{sk} \frac{df_p}{d\tau} + B_{sk} f_p \right], \quad (1)$$

где

$$A_{ck} = -\frac{a_{2ck}}{a_{1ck}^2 + a_{2ck}^2}, \quad B_{ck} = \frac{a_{1ck}}{a_{1ck}^2 + a_{2ck}^2}, \quad A_{sk} = -\frac{a_{2sk}}{a_{1sk}^2 + a_{2sk}^2}, \quad B_{sk} = \frac{a_{1sk}}{a_{1sk}^2 + a_{2sk}^2}.$$

Вариант 14

Используя найденное выражение для прогиба, окончательно определяем закон изменения динамического давления в размерном виде:

$$p = p_1^+(\tau)(1+\xi)/2 + p_m^+\Pi(\xi,\omega)\sin(\tau + \varphi_p(\xi,\omega)), \tag{1}$$

где

$$\Pi(\xi,\omega) = \rho\nu\omega \left(S(\xi,\omega)^2 + Q(\xi,\omega)^2 \right)^{1/2} / D\delta_0\psi^2, \qquad \varphi(\xi,\omega) = \operatorname{arctg}(S(\xi,\omega)/Q(\xi,\omega)),$$

$$Q(\xi,\omega) = \sum_{k=1}^{\infty} \left(\frac{2}{(2k-1)\pi} \right)^3 (-1)^k (12\gamma A_{ck} + 2\varepsilon^2 \alpha B_{ck}) \cos\left(\frac{2k-1}{2}\pi \xi \right) + \sum_{k=1}^{\infty} \left(\frac{1}{\pi k} \right)^3 (-1)^k (12\gamma A_{sk} + 2\varepsilon^2 \alpha B_{sk}) \sin k\pi \xi.$$

Вариант 15

После линеаризации и выполнения интегрального преобразования Лапласа по времени t $f(t) \to f(\lambda) = \int_0^\infty f(t)e^{-\lambda t}dt$ динамическая модель КДС представляется в виде матрицы передаточных функций $\Phi(\lambda, \mathbf{p}, \mathbf{s})$

$$\tilde{\mathbf{y}}(\lambda) = \Phi(\lambda, \mathbf{p}, \mathbf{s}) \tilde{\mathbf{x}}(\lambda), \quad \Phi(\lambda, \mathbf{p}, \mathbf{s}) = [\Phi_{kj}(\lambda, \mathbf{p}, \mathbf{s})],
\Phi_{kj}(\lambda, \mathbf{p}, \mathbf{s}) = Q_{kj}(\lambda, \mathbf{p}, \mathbf{s}) / D(\lambda, \mathbf{p}, \mathbf{s}),
k = 1, 2, ..., N_y, \quad j = 1, 2, ..., N_x,$$
(1)

где $D(\lambda, \mathbf{p}, \mathbf{s})$ — характеристический квазимногочлен, $Q_{kj}(\lambda, \mathbf{p}, \mathbf{s})$ — возмущающие квазимногочлены, $\mathbf{p} = (p_1, ..., p_{N_p})^T \in \mathbb{R}^{N_p}$ — параметры обратных связей, $\mathbf{s} = (s_1, s_2, ..., s_{N_s})^T \in \Omega_s \subset \mathbb{R}^{N_s}$ — конструктивные параметры, от которых зависят передаточные функции линеаризованной системы.

Учет малой, но конечной диссипации энергии в математических моделях элементов КДС с распределенными по пространству параметрами приводит к тому, что $D(\lambda, \mathbf{p}, \mathbf{s})$ и $Q_{kj}(\lambda, \mathbf{p}, \mathbf{s})$ аналитичны по λ при $\text{Re } \lambda > \sigma_0, \sigma_0 \in (-\infty, 0)$. Под обобщенной степенью характеристического квазимногочлена понимается такое $n \in \mathbb{R}$, что

$$\lim_{\lambda \to \infty} \lambda^{-n} D(\lambda, \mathbf{p}, \mathbf{s}) = C_a(\mathbf{p}, \mathbf{s}), \quad 0 < |C_a(\mathbf{p}, \mathbf{s})| < \infty, \quad \Re \lambda > -\infty.$$
 (1)

Пусть $\Omega_p^{(st)} = \Omega_p^{(st)}(\mathbf{s}) \subset \mathbb{R}^{N_p}$ — область устойчивости КДС в пространстве параметров обратных связей \mathbf{p} при некотором фиксированном значении набора параметров \mathbf{s} . Из теорем об устойчивости КДС следует, что проверка принадлежности параметров обратных связей \mathbf{p} области устойчивости сводится к проверке условия

$$\mathbf{p} \in \Omega_p^{(st)}(\mathbf{s}) \Rightarrow \underset{0 \le \omega \le \infty}{\Delta} \arg D(i\omega, \mathbf{p}, \mathbf{s}) = \frac{n\pi}{2}.$$
 (2)

Вариант 17

После линеаризации и выполнения прямого интегрального преобразования Лапласа по времени t $f(t) \to \tilde{f}(\lambda) = \int_0^\infty f(t)e^{-\lambda t}\,dt$ динамическая модель КДС представляется в виде матрицы передаточных функций $\Phi(\lambda, \mathbf{p})$

$$\tilde{\mathbf{y}}(\lambda) = \Phi(\lambda, \mathbf{p})\tilde{\mathbf{x}}(\lambda), \quad \Phi(\lambda, \mathbf{p}) = [\Phi_{kj}(\lambda, \mathbf{p})] = [Q_{kj}(\lambda, \mathbf{p})/D(\lambda, \mathbf{p})]
D(\bar{\lambda}, \mathbf{p}) = \overline{D(\lambda, \mathbf{p})}, \quad Q_{kj}(\bar{\lambda}, \mathbf{p}) = \overline{Q_{kj}(\lambda, \mathbf{p})}, \quad k = 1, 2, \dots, N_y, \ j = 1, 2, \dots, N_x.$$
(1)

Здесь характеристический $D(\lambda, \mathbf{p})$ и возмущающие $Q_{kj}(\lambda, \mathbf{p})$ квазимногочлены аналитичны по λ при $\Re \lambda > \sigma_0$, $\sigma_0 \in (-\infty, 0)$, если математические модели элементов КДС с распределенными по пространству параметрами учитывают малую, но конечную диссипацию энергии. Обобщенная степень $n \in \mathbb{R}$ характеристического квазимногочлена $D(\lambda, \mathbf{p})$ находится из условия

$$\lim_{\lambda \to \infty} \lambda^{-n} D(\lambda, \mathbf{p}) = C_a(\mathbf{p}), \quad 0 < |C_a(\mathbf{p})| < \infty, \quad \Re \lambda > -\infty.$$
 (2)

Рассмотрим задачу о минимизации ошибки системы угловой стабилизации подвижного объекта управления, а именно, угла отклонения β_1 ракеты от вертикали, обусловленного воздействием входного возмущения в виде поперечной силы F_e , с учетом упругих деформаций корпуса ракеты.

$$J_{0}\ddot{\beta}_{0} = -p_{1}\dot{\beta}_{0} - p_{2}\beta_{0} + \mathbf{S}(\beta_{1} + \beta_{2}), \quad m_{1}\ddot{y}_{1} = (1 + m_{1} + m_{2})\beta_{0} + P_{1} - F_{e},$$

$$J_{2}(\ddot{\beta}_{1} + \ddot{\beta}_{2}) = M_{2} - aP_{2}, \quad \mathbf{S}(.) = p_{3}d()/dt + p_{4} \cdot () + p_{5} \int_{0}^{t} () dt,$$

$$\ddot{u} + u'''' + \gamma \dot{u}'''' + a_{x}[(m_{2} + (1 - x))u']' = -\ddot{y}_{1} - x\ddot{\beta}_{1}, \quad ()' = \partial()/\partial x,$$

$$M_{1} = u''(0, t) + \gamma \dot{u}''(0, t), \quad P_{1} = -u'''(0, t) - \gamma \dot{u}'''(0, t),$$

$$\beta_{0}(0) = \beta_{1}(0) = \beta_{2}(0) = \dot{\beta}_{0}(0) = \dot{\beta}_{1}(0) = \dot{\beta}_{2}(0) = y_{1}(0) =$$

$$= y_{2}(0) = \dot{y}_{1}(0) = \dot{y}_{2}(0) = 0, \quad u(x, 0) = \dot{u}(x, 0) = 0.$$

$$(1)$$

Здесь точкой сверху обозначено дифференцирование по времени t.

Вариант 19

Упорядоченный группоид (A,\cdot,\leqslant) тогда и только тогда принадлежит классу $\mathbf{R}\{*,\subset\}$, когда для всякой n-диады $\omega=(\alpha,\beta)$ и любых термов $p_1,\ldots,p_n;\,\tilde{p}_0,\ldots,\tilde{p}_n$ и $q_{i,j}$ $(i,j=0,\ldots l_n)$ таких, что $G_{k-1}^{(\alpha(k),\beta(k))}\prec G(p_k)$ $(k=1,\ldots n),\,G_{\omega}^{(r,r+1)}\prec G(\tilde{p}_t)$ $(t=0,\ldots n;\,r=0$ для t=0 и r=th+1 для $t=1,\ldots n)$ и $G_{\omega}^{(i,j)}\prec G(q_{i,j})$ $(i,j=0,\ldots l_n)$, выполняются аксиомы:

$$\left(\bigwedge_{k=0}^{n} x_{3k+1} \neq \mathbf{0} \wedge \bigwedge_{k=1}^{n} p_{k} \leqslant x_{3k-1} x_{3k}\right) \to x_{3t+1} \leqslant \tilde{p}_{t},$$

$$\left(\bigwedge_{k=0}^{n} x_{3k+1} \neq \mathbf{0} \wedge \bigwedge_{k=1}^{n} p_{k} \leqslant x_{3k-1} x_{3k}\right) \to q_{i,j} \neq \mathbf{0},$$

где **0**— нулевой элемент упорядоченного группоида (A, \cdot, \leq) .

Модель, позволяющая получить разгонные и переходные характеристики компрессора, то есть кривые изменения во времени основных параметров — плотности и температуры газа при нагнетании каждой ступени компрессора в период нагрузки и после внесения внешнего возмущающего воздействия:

$$\frac{V_{x1} + 0.85V_{H1}}{V_{\Pi 2}n} \frac{d}{dt} \rho_1(t) + \lambda_2 \rho_1(t) = \lambda_1 \frac{V_{\Pi 1}}{V_{\Pi 2}} \rho_0, \tag{1}$$

$$\frac{V_{x2} + 0.85V_{H2}}{V_{\Pi 3}n} \frac{d}{dt} \rho_2(t) + \lambda_3 \rho_2(t) = \lambda_2 \frac{V_{\Pi 2}}{V_{\Pi 3}} \rho_1, \tag{2}$$

$$0.85V_{H3}\frac{d}{dt}\rho_3(t) = \lambda_3 V_{\Pi 3} n \rho_2(t) - \begin{cases} 0, & \rho_3(t) < \rho_c, \\ \lambda_3 V_{\Pi 3} n \rho_2(t), & \rho_3(t) \ge \rho_c, \end{cases}$$
(3)

где $V_{\Pi 1},\,V_{\Pi 2},\,V_{\Pi 3}$ — объемы, описываемые поршнями цилиндров; $V_{H 1},\,V_{H 2},\,V_{H 3}$ — объемы газовых полостей аппаратуры на нагнетании; $V_{x 1},\,V_{x 2},\,V_{x 3}$ — объемы газовых полостей аппаратуры после газоохладителей; $\lambda_1,\,\lambda_2,\,\lambda_3$ — коэффициенты наполнения цилиндров; n — частота вращения вала компрессора; ρ_c — плотность газа в сети; $\rho_1,\,\rho_2,\,\rho_3$ — искомые плотности газа при нагнетании по ступеням.

Вариант 21

Зная зависимости изменения плотности газа при нагнетании, мы можем рассчитать производительность компрессора как расход газа через третью ступень компрессора:

$$G(t) = \lambda_3 V_{\Pi 3} n \rho_3(t) \tag{1}$$

где $\rho_3(t)$ — известная зависимость плотности газа от времени на 3-й ступени компрессора. Теперь мы можем рассчитать потребление электроэнергии компрессором:

$$N(t) = G(t)R\frac{k}{k-1}\sum_{j=1}^{2}(\vartheta_{Hj}(t) - \vartheta_0) + \Delta N,$$
(2)

$$\Delta N = \frac{G(t) * R * T_1 * \delta P_1}{\frac{V_{\Pi 1}}{V_{\Pi 2}} P_{A_{TM}}} + \frac{G(t) R T_2 \delta P_2}{(\frac{V_{\Pi 1}}{V_{\Pi 2}} P_{ATM} - \delta P_1) \frac{V_{\Pi 2}}{V_{\Pi 3}}}$$
(3)

где G(t) — искомая производительность компрессора; ΔN — потери мощности в промежуточных газоохладителях; R — газовая постоянная; T_1 , T_2 — среднее арифметическое температур воды и воздуха в воздухоохладителях; δP_1 , δP_2 — потери давления воздуха в воздухоохладителях; P_{ATM} — атмосферное давление.

Рассмотрим дискретную временную шкалу $T=\{t_0 < t_1 < \ldots < t_N\}$, в узлах которой заданы значения двух показателей: $\{q(t_k)\}$ (например, объёма спроса, объёма ВВП и пр), и $\{p(t_k)\}$ (цены, объёма трудовых или капитальных ресурсов и пр.), $k=0,\ldots,N$. Считаем, что $\min_{k \in 0,\ldots,N} p(t_k) = p(t_0) < \min_{k \in 1,\ldots,N} p(t_k)$ или $\max_{k \in 0,\ldots,N} p(t_k) = p(t_0) > \max_{k \in 1,\ldots,N} p(t_k)$, $\min_{k \in 0,\ldots,N} q(t_k)$ или $\max_{k \in 0,\ldots,N} q(t_k) = q(t_0) > \max_{k \in 1,\ldots,N} q(t_k)$.

Введём в рассмотрение нормированные индексы, соответственно, для $k=0,\ldots,N$, взяв в качестве базы индексирования начальные значения показателя в точке t_0 :

$$I_q(t_k) = q(t_k)/q(t_0), \tag{1}$$

$$I_p(t_k) = p(t_k)/p(t_0). (2)$$

Вычислим точечную эластичность показателя q относительно показателя p для каждого $k=0,\ldots,N$ по формуле:

$$E(t_k) = \frac{I_q(t_k) - 1}{I_p(t_k) - 1} = \frac{\Delta q/q}{\Delta p/p}.$$
 (3)

Вариант 23

Рассматривается модель выбора такой долевой структуры финансовых ресурсов, которая позволяет минимизировать максимальную среди рассматриваемых товарных категорий оценку негативного характера, взвешенную за счёт выбора этих долей:

$$\Psi(\theta) = \max_{i=1,\dots,n} \sigma_i \theta_i \to \min_{\theta \in D = \{\theta = (\theta_1,\dots,\theta_n) \in R^n : \sum_{i=1}^n \theta_i = 1\}}.$$
 (1)

Если есть позитивные показатели η_i по каждой составляющей и норматив позитивного показателя η_p , множество ограничений в модели (8) можно сузить:

$$D = \{ \theta = (\theta_1, \dots, \theta_n) \in R^n : \sum_{i=1}^n \theta_i = 1, \sum_{i=1}^n \eta_i \theta_i = \eta_p \}.$$

Считаем, что все оценки негативного характера η_i положительны, более высокая негативная оценка η_i связана с более высоким риском проведения финансово-экономической операции.

Условные вероятности $q_0(l+1/l)$, $q_j((l+1)/l)$ правильного приема, $p_{0j}((l+1)/l)$, $p_{j0}((l+1)/l)$ трансформации и $p_{0x_j}((l+1)/l)$, $p_{jx_j}((l+1)/l)$ стирания (l+1)-ых нулевого и единичного символов, соответственно, запишутся в виде:

$$q_{0}((l+1)/l) = q_{0}q_{0}^{0} + \sum_{i=1}^{K-1} \left(p_{0i}q_{0}^{0i} + p_{0x_{i}}q_{0}^{0x_{i}}\right) + p_{i0}q_{0}^{i0} + q_{i}q_{0}^{i} + p_{ix_{i}}q_{0}^{ix_{i}};$$

$$p_{0j}((l+1)/l) = q_{0}p_{0j}^{0} + \sum_{i=1}^{K-1} \left(p_{0i}p_{0j}^{0i} + p_{0x_{i}}p_{0j}^{0x_{i}}\right) + p_{i0}p_{0j}^{i0} + q_{i}p_{0j}^{i} + p_{ix_{i}}p_{0j}^{ix_{i}};$$

$$p_{j0}((l+1)/l) = q_{0}p_{j0}^{0} + \sum_{i=1}^{K-1} \left(p_{0i}p_{j0}^{0i} + p_{0x_{i}}p_{j0}^{0x_{i}}\right) + p_{i0}p_{j0}^{i0} + q_{i}p_{j0}^{i} + p_{ix_{i}}p_{j0}^{ix_{i}};$$

$$p_{jx_{j}}((l+1)/l) = q_{0}p_{jx_{j}}^{0} + \sum_{i=1}^{K-1} \left(p_{0i}p_{jx_{j}}^{0i} + p_{0x_{i}}p_{jx_{j}}^{0x_{i}}\right) + p_{i0}p_{jx_{j}}^{i0} + q_{i}p_{jx_{j}}^{i} + p_{ix_{i}}p_{jx_{j}}^{ix_{i}};$$

$$(1)$$

Система (1) позволяет определить значения безусловных вероятностей q_0, q_j правильного приема, p_{0j}, p_{j0} трансформации и p_{0x_j}, p_{jx_j} стирания для нулевого и токовых символов, соответственно.

Вариант 25

В этом случае будут выполняться соотношения:

$$q_{i} = q; \quad p_{0i} = p_{i0} = p_{0}; \quad p_{0x_{i}} = p_{ix_{i}} = p_{x}; \quad q_{0}^{i} = q_{0}^{\mathrm{T}}; \quad q_{0}^{0i} = q_{0}^{i0} = q_{0}^{\mathrm{TP}}; \quad q_{0}^{0x_{i}} = q_{0}^{ix_{i}} = q_{0}^{x};$$

$$q_{j}^{0} = q_{T}^{0}; \quad q_{j}^{i} = q_{T}^{\mathrm{T}}; \quad q_{j}^{0i} = q_{j}^{i0} = q_{T}^{\mathrm{TP}}; \quad q_{j}^{0x_{i}} = q_{j}^{ix_{i}} = q_{T}^{x};$$

$$p_{0j}^{0} = p_{j0}^{0} = p_{Tp}^{0}; \quad p_{0j}^{i} = p_{j0}^{i} = p_{Tp}^{i}; \quad p_{0j}^{0i} = p_{j0}^{i0} = p_{j0}^{i0} = p_{j0}^{i0} = p_{j0}^{ip} = p_{j0}^{ix_{i}} = p_{jx_{i}}^{ix_{i}} = p_{jx_{i}}^{ix_{i}} = p_{Tp}^{x};$$

$$p_{0x_{j}}^{0} = p_{jx_{j}}^{0} = p_{0x_{j}}^{0} = p_{jx_{j}}^{i0} = p_{jx_{j}}^{ip} = p_{jx_{j}}^{ix_{j}} = p_{jx_{j}}^{ix_{j}} = p_{ix_{i}}^{ix_{i}} = p_{x}^{x};$$

$$p_{0x_{j}}^{0i} = p_{jx_{j}}^{i0} = p_{jx_{j}}^{i0} = p_{jx_{j}}^{ip} = p_{x}^{ix_{i}}; \quad p_{0x_{j}}^{0x_{i}} = p_{jx_{j}}^{ix_{j}} = p_{ix_{j}}^{ix_{i}} = p_{x}^{ix_{i}} = p_{x}^{x};$$

$$p_{0x_{j}}^{0i} = p_{jx_{j}}^{i0} = p_{jx_{j}}^{i0} = p_{jx_{j}}^{i0} = p_{x}^{ix_{j}}; \quad p_{0x_{j}}^{0x_{i}} = p_{jx_{j}}^{ix_{j}} = p_{x}^{ix_{i}} = p_{x}^{ix_{i}} = p_{x}^{x};$$

$$(1)$$

где q_0 , q, p_0 , p_x — вероятности правильного приема нулевого, токового, трансформации, стирания l-го символа при правильном приеме нулевого, правильном приеме токового, трансформации, стирании l-го символа; q_0^0 , $q_0^{\rm T}$, $q_0^{\rm TP}$, $q_0^{\rm T}$, $q_{\rm T}^{\rm TP}$, $q_{\rm TP}^{\rm TP}$, $p_{\rm TP$

Уравнение математической модели:

$$q_0 \left(q_0^0 + q_{\rm T}^0 + K p_x^0 \right) + q \left(q_0^{\rm T} + q_{\rm T}^{\rm T} + K p_x^{\rm T} \right) + p_0 \left(q_0^{\rm TP} + q_{\rm T}^{\rm TP} + K p_x^{\rm TP} \right) = 1. \tag{1}$$

По аналогии с предыдущим вариантом модели условные вероятности $q_0((l+1)/l)$, q((l+1)/l), $p_x((l+1)/l)$ правильного приема нулевого, токового, стирания, соответственно, для (l+1)-го символа запишутся в виде:

$$q_{0}((l+1)/l) = q_{0}q_{0}^{0} + qq_{0}^{T} + Kp_{x}q_{0}^{x};$$

$$q_{T}((l+1)/l) = q_{0}q_{T}^{0} + qq_{T}^{T} + Kp_{x}q_{T}^{x};$$

$$p_{0}((l+1)/l) = q_{0}p_{Tp}^{0} + qp_{Tp}^{T} + Kp_{x}p_{x}^{x}.$$
(2)

Решая систему уравнений (2), можно получить формулы для определения безусловных вероятностей q_0, q, p_x .

Вариант 27

Атомарные формулы языка $\mathbf{L}_{\mathbf{A}}$ получаются обычным комбинированием символа = с двумя термами одного сорта, т. е. это выражения вида t = t', где t, t' — термы одного и того же сорта. Формулы языка $\mathbf{L}_{\mathbf{A}}$ определяются по индукции обычным образом.

Для автомата $\mathbf{A} = (X_1, X_2, S, \delta, \lambda)$ рассмотрим следующие формулы языка $\mathbf{L}_{\mathbf{A}}$:

$$\begin{split} R_1\left(x_1^{(1)},x_2^{(1)},x_3^{(1)}\right) &= \left(\forall y_1^{(1)},y_2^{(1)},y_3^{(1)}\right) \left(\bigwedge_{i,j=1,i\neq j}^3 y_i^{(1)} \neq y_j^{(1)} \Rightarrow \left(\exists z^{(3)}\right) \left(\bigwedge_{i=1}^3 \delta(y_i^{(1)},z^{(3)}) = x_i^{(1)}\right)\right), \\ R_2\left(x_1^{(2)},x_2^{(2)},x_3^{(2)}\right) &= \left(\forall y_1^{(1)},y_2^{(1)},y_3^{(1)}\right) \left(\bigwedge_{i,j=1,i\neq j}^3 y_i^{(1)} \neq y_j^{(1)} \Rightarrow \left(\exists z^{(3)}\right) \left(\bigwedge_{i=1}^3 \lambda(y_i^{(1)},z^{(3)}) = x_i^{(2)}\right)\right). \end{split}$$

Тогда множество истинности тернарного предиката $R_1(x_1^{(1)}, x_2^{(1)}, x_3^{(1)})$ является тернарным отношением на множестве X_1 и множество истинности тернарного предиката $R_2(x_1^{(2)}, x_2^{(2)}, x_3^{(2)})$ является тернарным отношением на множестве X_2 .

Уравнения модели следующие:

$$\varepsilon_v \dot{v} = v - v^3 / 3 - w + z - u^n (v+1)^3 + C(x, y, t), \tag{1}$$

$$\tau(v)\dot{w} = A(x,y) + Bv - w + u^n,\tag{2}$$

$$\varepsilon_z \dot{z} = \alpha_z \Psi(v) - z + \gamma \left(\frac{\partial^2 z}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} \right),$$

$$\varepsilon_u \dot{u} = \alpha_u \Psi(v) - u,$$

$$\Psi(v) = \frac{1}{2} \left(1 + \tanh \frac{v}{v_s} \right),\tag{3}$$

$$\tau(v) = \tau_l + (\tau_r - \tau_l)\Psi(v). \tag{4}$$

Здесь ε_v в (1) определяет временной масштаб генерации нейронных импульсов, тогда как $\tau(v)$ в уравнении (2) позволяет независимо управлять продолжительностью состояния рефрактерности (низкий уровень v). В соответствии с (4) $\tau(v)$ принимает значения τ_l или τ_r в рефрактерном или возбужденном состоянии соответственно, что управляется сигмоидной функцией $\Psi(v)$: при малых v_s она стремится к нулю при v < 0 или к единице при v > 0. Таким образом, уравнение (3) позволяет различать возбужденное и рефрактерное состояние модельного нейрона.

Вариант 29

Введем функцию

$$\Phi(s^*(i), l) = (s_i^*(i) - s_i^\circ - 1)^2 + (s_l^*(i) - s_l^\circ + 1)^2 + \sum_{j \in \Omega_i, j \neq l} (s_j^*(i) - s_j^\circ)^2, \quad i \in I, \ l \in \Omega_i,$$
 (1)

которую назовем функцией выбора. Тогда положим

$$\theta_{ij}(s^*(i)) = \begin{cases} 1, & \text{если } j = \arg\min_{l \in \Omega_i} \Phi(s^*(i), l); \\ 0, & \text{в противном случае.} \end{cases}$$
 (2)

При таком способе формирования вероятностей перехода требований обеспечивается переход сети за счет перехода требования из системы S_i в систему S_j из локального состояния $s^*(i)$ в смежное локальное состояние, имеющее наибольший суммарный потенциал, определяемый выражением

$$V(X(s^*(i),j)) = \sum_{s \in X(s^*(i),j)} V(s).$$

Обозначим через $\pi=(\pi_n),\ n\in B,$ стационарное распределение вероятностей состояний процесса Ξ (сети N), а $\hat{\pi}=(\hat{\pi}_n)$ и $\tilde{\pi}=(\tilde{\pi}_n)$ —стационарные распределения вероятностей состояний цепей \hat{C} и \tilde{C} соответственно. В стационарном режиме процесса Ξ вероятности начала и окончания тактов в состоянии $s^{(n)}\in X$ равны вероятности π_n , а вероятности окончания реализаций цепей \hat{C} и \tilde{C} в состоянии $n\in B$ равны вероятностям $\hat{\pi}_n$ и $\hat{\pi}_n$. Поэтому, для $n\in B$,

$$\hat{\pi}_{n} = \sum_{m=1}^{c_{Y}} \pi_{m} \hat{p}_{mn}^{(\varphi)},$$

$$\tilde{\pi}_{n} = \sum_{m=c_{Y}+1}^{c_{X}} \pi_{m} \tilde{p}_{mn}^{(\varphi)},$$

$$\pi_{n} = \sum_{m=1}^{c_{Y}} \pi_{m} \hat{p}_{mn}^{(\varphi)} + \sum_{m=c_{Y}+1}^{c_{X}} \pi_{m} \tilde{p}_{mn}^{(\varphi)}.$$
(1)

Из конечности множества X непосредственно следуют существование и единственность распределения π . Таким образом, при заданном значении φ стационарное распределение π вероятностей состояний сети N существует, является единственным и удовлетворяет системе уравнений (1) с условием $\sum_{n \in B} \pi_n = 1$.