Algorithmique et Programmation

TP3

Manipulation de grands entiers

1 Introduction

On cherche à effectuer des calculs sur des nombres entiers comportant un nombre de chiffres plus important que les types entiers standard. Chaque entier sera représenté par l'ensemble de ses chiffres (en base 10), le nombre de chiffres étant limité par la constante MAXCHIFFRES. On construit la structure de données suivante :

type

t_Chiffres : vecteur d'entiers t_EntierLong : enregistrement

booléen : negatif t_Chiffres : chiffres fin_enregistrement

Pour un entier x, negatif vaut vrai si le nombre est négatif. Les valeurs du tableau chiffres sont les valeurs des $(a_i) \in \{0..9\}$ (rangés de gauche à droite) tels que

$$|x| = \sum_{i=0}^{MAXCHIFFRES-1} a_i 10^i$$

Ainsi, le nombre 357635735 sera représenté dans le tableau chiffres de la façon suivante :

indice	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	 19
chiffre	5	3	7	5	3	6	7	5	3	0	 0

Traduction C : Vous trouverez sur le serveur pédagogique le fichier entierlong.h qui contient la définition du type structuré t_EntierLong. On rappelle que les tableaux en C commencent à l'indice 0.

2 Affichage et saisie d'un entier long

2.1 Définitions des fonctions

Spécification

Fonction ecrireEntierLong(n)
Paramètre: t_EntierLong n

Résultat : aucun // l'entier long n sera affiché à l'écran

Spécification

 $\overline{\text{Fonction}} \text{ n} \leftarrow \text{lireEntierLong()}$

Paramètre: aucun // un entier long sera saisi au clavier (avec un

nombre de chiffres inférieur ou égal à MAXCHIFFRES)

Résultat : t_EntierLong n // l'entier long saisi au clavier sera

rangé dans n

2.2 Traduction en C

Ces deux fonctions ont déjà été écrites pour vous en C dans le fichier lit_ecrit.c. Pour pouvoir utiliser ces fonctions, vous disposez, sur le serveur pédagogique, des fichiers suivants :

- lit_ecrit.h: contient les prototypes des fonctions fournies,
- lit_ecrit.o: fichier objet issu de la compilation du fichier lit_ecrit.c

3 Travail à réaliser (lisez jusqu'au bout)

Concevez et programmez en C les fonctions suivantes :

- Dans un fichier utilitaires.c:
 - conversion d'un entier standard en entier long;
 - test d'égalité de deux entiers longs;
 - comparaison en valeur absolue : pour deux entiers longs n1 et n2, a-t-on $|n1| \le |n2|$?
- Dans un fichier operations.c:
 - addition n1 + n2 de deux entiers longs n1 et n2 de même signe;
 - soustraction n1-n2 de deux entiers longs n1 et n2 de même signe et tels que $|n1| \ge |n2|$;
 - addition et soustraction de deux entiers longs de signes quelconques en faisant appel aux fonctions précédentes;
 - Pour les plus rapides : division euclidienne de deux entiers longs positifs.

Simultanément, dans un fichier main.c, écrivez une fonction principale que vous pourrez modifier progressivement pour tester au fur et à mesure les différentes fonctions programmées.

4 Compte-rendu

À la fin des 4h du TP, vous rendrez un compte-rendu contenant les éléments suivants :

- Pour chaque fonction:
 - la spécification;
 - une description brève du principe mis en œuvre;
 - des jeux d'essais simples illustrant son bon fonctionnement;
 - le programme C.
- L'algorithme de la fonction addition de même signe;
- Les jeux d'essais correspondant au calcul de la suite de Fibonacci :

$$u_0 = 0, \ u_1 = 1, \ \forall n \ge 2, \ u_n = u_{n-1} + u_{n-2}.$$

Pour plusieurs valeurs de n, dont une très élevée de l'ordre de 20 000, calculer les n premiers termes de la suite, afficher les 3 derniers.