# Stacking utilizado nos experimentos

Raphael Rodrigues Campos 26 abril, 2016

# Stacking

Stacking também conhecido como "Stacked Generalization" é um método para combinar multiplos classificadores usando algoritmos de aprendizados heterogêneos  $L_1, ..., L_N$  sobre um único conjunto de dados D, que consiste de exemplos  $e_i = (x_i, y_i)$ , onde  $x_i$  é o vetor de atributos e  $y_i$  sua classificação.

### Stacking Framework

O staking framework utilizado é baseado no descrito em [1] David H. Wolpert, "Stacked Generalization", Neural Networks, 5, 241–259, 1992. Foi utilizado um stacking de dois níveis (o framework não se limita a apenas dois níveis, é possível fazer o stacking de quantos níveis julgar necessário), que pode ser dividido em duas fases. Na primeira fase, um conjunto de classificadores do nível base  $C_1, C_2, ..., C_N$  é gerado, onde  $C_i = L_i(D)$ . Na segunda fase um classidicador do meta-nível aprende a combinar as saídas dos classificadores do nível base.

Para gerar o conjunto de treino para o aprendizado do classificador do meta-nível, pode-se aplicar o procedimento **leave-one-out** ou **cross validation**. Por questões óbvias de custo computacional, é utilizado nesse relatório cross validation, mais especificamente **5-fold cross validation**. Cada classificador do nível base aprende usando  $D-F_k$  deixando o k-ésimo fold para teste:  $\forall i=1,...,N: \forall k=1,...,5: C_i^k=L_i(D-F_k)$ . Agora, os classificadores recém aprendidos são usados para gerar as predições para  $\forall x_j \in F_k: \hat{y}_j^i = C_i^k(x_j)$ . O conjunto de treino do meta-nível consiste de exemplos da seguinte forma  $((\hat{y}_i^1,...,\hat{y}_i^N),y_i)$ , onde os atributos são as predições do s classificadores do nível base e a classe é a classe correta sabida de antemão.

#### Exemplo

Esse procedimento pode parecer complicado, mas na verdade é simples. Como um exemplo, vamos gerar alguns dados sintéticos com a função "saída = soma do três componentes de entrada". Nosso conjunto de treino D consiste de 5 pares de entrada e saída  $\{((0,0,0),0),((1,0,0),1),((1,2,0),3),((1,1,1),3),((1,-2,4),3)\}$ , todas as entradas sem ruídos. Vamos rotular esses 5 pares de entrada e saída como  $F_1$  até  $F_5$  (Então por exemplo  $D-F_2$  consiste dos quatros pares  $\{((0,0,0),0),((1,2,0),3),((1,1,1),3),((1,-2,4),3)\}$ ). Nesse exemplo, temos dois classificadores do nível base  $C_1$  e  $C_2$ , e um único classificador do meta-nível  $\Gamma$ . O conjunto de treino do meta-nível D' é dado pelo cinco pares de entrada e saída  $\{(C_1^k(F_k), C_2^k(F_k)),$  componente de saída de  $F_k$ ):  $\forall k \in \{1, ..., 5\}$  e  $C_i^k = L_i(D-F_k)\}$  (Esse espaço do meta-nível possui duas dimensões de entrada e uma de saída). Ou seja, a instância do conjunto de treino do meta-nível correspondente a k=1 tem o componetne de saída 0 e entrada  $(C_1^1((0,0,0)), C_2^1((0,0,0)))$ . Agora nos é dado um exemplo de teste no formato do nível base  $(x_1,x_2,x_3)$ . Nós predizemos seu valor com  $\Gamma((C_1((x_1,x_2,x_3)), (C_2((x_1,x_2,x_3))))$ , onde  $C_1$  e  $C_2$  foram treinados com todo D, e  $\Gamma$  com D'. Em outras palavras, nós predizemos o valor da entrada de teste  $q=(x_1,x_2,x_3)$  treinando  $\Gamma$  em D' e assim predizendo a entrada formada pelas predições do valor do exemplo de teste q, de ambos classificadores do nível base  $C_1$  e  $C_2$ , que por suas vezes foram treinados com todo D.

#### Stacking com distribuições de probabilidade

Usar probabilidade para gerar o conjunto de treino do meta-nível é mais vantajoso já que disponibiliza mais informação acerca das predições feitas pelos classificadores do nível base. Essa informações adicionais

permitem que não seja usado somente a predição, mas também o confiança de cada classificador do nível base.

Nessa abordagem, cada classificador do nível base prediz uma Distribuição de Probabilidade (DP) sobre todas as classes possíveis. Então, a predição do classificador do nível base C apliacado a um exemplo x é a DP:  $p^C(x) = (p^C(c_1|x), ..., p^C(c_m|x))$ , onde  $\{c_1, ..., c_m\}$  é o conjunto de possíveis valores para as classes e  $p^C(c_i|x)$ ) descreve a probabilidade do exemplo x ser da classe  $c_i$  estimado pelo classificador C. A classe  $c_j$  com maior probalidade será classe predita por C. Dessa forma, os atributos do meta-nível serão as probabilidade preditas para cada classe possível por cada classificador do nível base. O número total de atributos no conjunto de treino do meta-nível seria Nm, m atributos para cada classificador do nível base.

Os experimentos rodados até então utilizaram o stacking framework com DPs.

## Stacking com DP, Entropia e probabilidade máxima

No artigo [2] Is combining classifiers better than selecting the best one, os autores propões uma extensão para esse framework com DP espandindo o número de meta-atributos. Esse novos meta-atributos seriam:

- A distribuição de probabilidade mutiplicada<br/>o pela probabilidade máxima:  $p_{C_j} = p^{C_j}(c_i|x) \times M_{C_j}(x) = p^{C_j}(c_i|x) \times max_{i=1}^m(p^{C_j}(c_i|x)), \ \forall i \in \{1,...,m\}$ e  $\forall j \in \{1,...,N\}$ .
- As entropias das distripuições de probabilidade:  $E_{C_j}(x) = -\sum_{i=1}^m p^{C_j}(c_i|x) \cdot \log_2(p^{C_j}(c_i|x))$ .

O número total de atributos do meta-nível é N(2m+1).

A idea é obter ainda mais informações em relação a predição feita pelos classificadores do nível base. Como Ting and Witten (1999) disseram: o uso de distribuição de probabilidades tem a vantagemde capturar não apenas as predições dos classificadores do nível base, mas também, suas certezas. Os atributos adicionais tentam capturar a certeza de forma mais explicita.

Entropia é uma medida de incerteza. Quanto maior a entropia da distribuição menor é a certeza sobre a predição. A probabilidade máxima de uma DP  $M_{C_j}$  também contém informação sobre certeza da predição: quanto maior  $M_{C_j}$  for mais certo daquela resposta o classificador do nível base está, e vice versa.

Esse é uma ideia para aplicarmos futuramente. Nesse momento continuarei utilizanto somente a DP.

## SVM

Nessa seção, vamos dar uma visão geral sobre Support Vector Machine(SVM) utilizado nos experimentos.

Seja  $x_i \in \mathbb{R}^d$  um vetor de caracteríticas. Nosso objetivo é projetar um classificador, por exemplo, que associa a cada vetor  $x_i$  um rótulo positivo ou negativo baseado no critério desejado.

O vetor  $x_i$  é classificador olhando o sinal do resultado do função  $f(x_i, w) = w^T x_i$ . O objetivo é aprender a estimar os paramêtros  $w \in \mathbb{R}^d$  de tal forma que o sinal é positvo seo vetor  $x_i$  pertence a classe negativa e negativo caso contrário. De fato, na formulação padrão do SVM o objetivo é ter o o valor da função no mínimo 1 no primeiro caso, e no máximo -1\* no segundo, impondo uma margem.

O paramêtr w é estimado ou aprendido ajustando o função a um conjunto de treino de n pares de exemplos  $(x_i, y_i), i = 1, \ldots, n$ , onde  $y_i \in \{-1, 1\}$  são os rótulos dos correspondentes vetores de caracteríticas. A qualidade do ajuste é mensurada pela função de perda que, em SVMs padrões SVMs, é a **hinge loss**:

$$l_i(w, x_i) = \max(0, 1 - y_i w^T x_i)) \tag{1}$$

Note que a **hinge loss** é zero apenas se o valor de  $w^T x_i$  é no mínimo 1 ou no máximo -1, dependendo do rótulo de  $y_i$ .

Somente ajustar ao treino é normalmente insuficiente. Para que a função seja capaz de generalizar para dados nunca visto, é preferível um **trade off** entre a acurácia do ajuste e complexidade do modelo. Dessa forma, é adionado um termo de regularição a formula, o regularizador na formulação padrão é mensurado pela normado vetor de pesos  $|w|^2$ . Tirando-se a média da perda de todo os exemplos de treino e adicionando-se a ela o regularizador ponderado pelo paramêtro  $\lambda$  produz uma função objetiva de perda regularizada:

$$E(w) = \lambda ||w||^2 + \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \max(0, 1 - y_i f(w, x))$$
 (2)

Note que a função objetiva é convexa, desse modo existe um único ótimo global.

A função  $f(x_i, w)$  considerada até aqui é linear em sem viés. A subseção seguinte discute como um termo de viés pode ser adicionado ao SVM.

#### Adicionando viés

É comum adicionar a funcão do SVM um termo de viés b, e considerar a nova função  $f(x_i, w) = w^T x_i + b$ . Na prática termo de viés pode ser crucial para ajustar os dados de treino de forma ótima, já que não há razão que o produto interno  $w^T x_i$  devesse ser naturalmente centrado em zero. Alguns algoritmos de aprendizado do SVM podem estimar ambos w e b diretamente. Porém, outros algoritmos como **Stochastic Gradient Descente(SGC)** e **Stochastic Dual Coordinate Ascent (SDCA)** não podem (ambos usados pelo LIBLINEAR). Nesse caso, uma simples solução é adcionar um termo constante B > 0 ao dado, por exemplo, considere os vetores estendidos:

$$\bar{x_i} = \begin{bmatrix} x_i \\ B \end{bmatrix}, \ \bar{w} = \begin{bmatrix} w \\ w_b \end{bmatrix}.$$

De modo que função incorpore implicitamente o termo de viés  $b = Bw_b$ :

$$\bar{w}^T \bar{x_i} = w^T x_i + B w_b \tag{3}$$

A desvantagem dessa redução é que o termo  $w_b^2$  torna parte do regularizador do SVM, que encole o viés b em direção a zero. Esse efeito pode ser aliviado tomando valor de B suficientemente grandes, por causa disso  $||w||^2 >> w_b^2$  e o efeito de encolimento pode ser ignorado. Infelizmente, fazer B muito grande faz o problema numericamente desbalanciado, assim uma troca justa entre encolhimento e estabilidade é buscada. Tipicamente, isso é obtido normalizando o dado, para que tenha uma norma Euclidiana unitária e, então, escolhendo  $B \in [1, 10]$ .

#### Referências:

- http://www.vlfeat.org/api/svm-fundamentals.html
- https://www.csie.ntu.edu.tw/~cjlin/papers/liblinear.pdf

# Esquema de ponderação TF-IDF

Um dos mais populares esquemas de ponderação de termos em recuperação de informação é baseado na combinação da frequência do termo (TF) e o fator IDF.

$$w_{i,j} = \begin{cases} tf \times idf &, f_{i,j} > 0\\ 0 &, f_{i,j} = 0 \end{cases}$$

$$\tag{4}$$

Há várias variações dos fatores TF e IDF, tais variações são mais adequadas que outras para certos algoritmo de classificação.

## Variações de TF-IDF

A table mostra cinco variações do fator TF. O esquema binário atribui 1 ao TF se o termo ocorre no documento, e 0 caso contrátio. A frequência pura é o uso da contagem do número de vezes que o termo ocorre no documento. A normalização log diminui a impacto do crescimento do frequência  $f_{i,j}$ . A normalização 0.5 introduz dois efeitos: 1) ele normaliza o peso pela frequência máxima no documento and 2) normaliza o peso mantendo-o entre 0.5 e 1. A normalização K é simplesmente uma generalização da anterior.

Esquema	TF
binário	0,1
frequência pura	$f_{i,j}$
normalização log	$1 + \log f_{i,j}$
normalização 0.5	$0.5 + 0.5 \frac{f_{i,j}}{max_i f_{i,j}}$
normalização $K$	$k + (1 - K) \frac{f_{i,j}}{max_i f_{i,j}}$

Table 1: Variações do TF

A tabela mostra três variações do fator TF. O esquema unário fixa o valor do IDF como 1 (IDF é ignorado). A frequência inversa é a formulação padrão para IDF. A frequência inversa suave soma 1 ao denominador e numerador para evitar comportamento inesperado quando  $n_i$  atingir valores extremos.

Esquema	IDF
unária	1
frequência inversa	$\log \frac{N}{n_i}$
frequência inversa suave	$\log \frac{N+1}{n+1}$

Table 2: Variações do IDF

As combinações das variações de TF e IDF produzem vários esquemas TF-IDF. Nesse trabalho focaremos apenas no esquema  $(1 + \log f_{i,j}) \times \log \frac{N+1}{n_i+1}$ .

# Normalização dos documentos

Há várias formas de normalizar documentos representados no espaço vetorial como **bag-of-words**. Seja  $w_j$  um vetor de pesos, criado a partir de algum dos esquemas de ponderação mencionado acima, que representa um documento  $d_j$  no espaço vetorial. Temos as seguintes formas normalizações utilizadas nesse trabalho:

Normalização	fórmula
None	$w_j$
Max	$\frac{w_j^-}{\max_i w_{i,j}}$
L1	$\frac{ \overset{\circ}{w_j} _1}{  w_j  _1}$
L2	$\frac{\ \widetilde{w}_{j}^{j}\ _{1}}{\ w_{i}\ _{2}}$

Table 3: Normalizações

# Efeitos dos esquemas de ponderação e normalizacao em classificação de texto

Nos experimentos subsequentes, é feito um estudo sobre os efeitos dessas normalizações e dos esquemas de ponderação quando aplicados a classificadores vetorias tais como Support Vector Machine (SVM) e K Nearest Neighbors (KNN).

# SVM

% latex table generated in R 3.2.4 by x table 1.8-0 package % Tue Apr 26 21:09:39 2016

V1	V2	20NG	4UNI	ACM	REUTERS90
L2	microF1	$90.06\pm0.43$	$\textbf{83.48}\pm\textbf{1.08}$	$\textbf{75.4}\pm\textbf{0.66}$	$68.19\pm1.15$
	macroF1	$89.93\pm0.43$	$\textbf{73.39}\pm\textbf{2.17}$	$\textbf{63.84}\pm\textbf{0.55}$	$31.95\pm2.59$
L/1 -	microF1	$89.8 \pm 0.4$	$78.23 \pm 1.49$	$\textbf{75.31}\pm\textbf{0.74}$	$\textbf{68.25}\pm\textbf{1.2}$
	macroF1	$89.59\pm0.43$	$67.47 \pm 3.01$	$\textbf{62.33}\pm\textbf{1.76}$	$\textbf{31.37}\pm\textbf{2.22}$
MAX	microF1	$88.35 \pm 0.37$	$81.36 \pm 1.01$	$73.82 \pm 0.78$	$\textbf{67.6}\pm\textbf{1.1}$
MAA	macroF1	$88.3 \pm 0.38$	$68.01 \pm 2.39$	$\textbf{62.55}\pm\textbf{1.53}$	$\textbf{31.73}\pm\textbf{3.13}$
NONE	microF1	$83.47 \pm 0.46$	$80.55 \pm 0.72$	$71.34 \pm 1.01$	$66.6 \pm 1.06$
	macroF1	$83.37 \pm 0.42$	$\textbf{71.04}\pm\textbf{2.06}$	$61.08 \pm 0.67$	$\textbf{31.68}\pm\textbf{3.32}$

Table 4: Comparação entre as normalizações aplicada ao calssificador SVM

Como pode-se observar, a normalização tem um papel fundamental no desempenho do SVM. A normalização L2 teve o melhor desempenho em todos os conjuntos de dados testados.

# **KNN**

% latex table generated in R 3.2.4 by x table 1.8-0 package % Tue Apr 26 21:09:47 2016

V1	V2	20NG	4UNI	ACM	REUTERS90
KNN-L2	microF1	$87.39\pm0.68$	$\textbf{75.51}\pm\textbf{1.25}$	$\textbf{70.67}\pm\textbf{1.1}$	$69.39\pm1.46$
	macroF1	$\textbf{87.1}\pm\textbf{0.66}$	$\textbf{60.15}\pm\textbf{1.26}$	$\textbf{55.39}\pm\textbf{0.96}$	$\textbf{34.23}\pm\textbf{2.75}$
KNN-NONE	microF1	$87.45\pm0.67$	$\textbf{75.73}\pm\textbf{1.2}$	$\textbf{71.06}\pm\textbf{1.03}$	$\textbf{68.13}\pm\textbf{1.01}$
	macroF1	$\textbf{87.15}\pm\textbf{0.65}$	$\textbf{60.02}\pm\textbf{0.8}$	$\textbf{55.82}\pm\textbf{0.92}$	$\textbf{31.53}\pm\textbf{3.42}$
KNN-L1	microF1	$\textbf{87.46}\pm\textbf{0.69}$	$\textbf{75.74}\pm\textbf{0.86}$	$\textbf{71.02}\pm\textbf{1.08}$	$67.8 \pm 1.02$
	macroF1	$\textbf{87.16}\pm\textbf{0.66}$	$\textbf{60.29}\pm\textbf{0.55}$	$\textbf{55.83}\pm\textbf{1.15}$	$\textbf{30.91}\pm\textbf{2.7}$
KNN-MAX	microF1	$\textbf{87.53}\pm\textbf{0.69}$	$\textbf{75.63}\pm\textbf{0.94}$	$\textbf{70.99}\pm\textbf{0.96}$	$68.07\pm1.07$
	macroF1	$\textbf{87.22}\pm\textbf{0.66}$	$\textbf{60.34}\pm\textbf{1.36}$	$\textbf{55.85}\pm\textbf{0.97}$	$29.93 \pm 2.48$

Table 5: Comparação entre as normalizações aplicada ao calssificador KNN