

1. Γράψτε ένα πρόγραμμα που βρίσκει και τυπώνει τον αριθμό των φωνηέντων σε μια ακολουθία χαρακτήρων. Τα φωνήεντα είναι, φυσικά, οι χαρακτήρες a, e, i, o, u.
2. Γράψτε ένα πρόγραμμα το οποίο μετράει τον αριθμό των ψηφίων ενός φυσικού αριθμού.
3. Γράψτε ένα πρόγραμμα το οποίο τυπώνει τον πίνακα της προπαίδειας στην εξής μορφή

1	2	3	...	9
2	4	6	...	18
			...	
9	18	27	...	81

4. Γράψτε ένα πρόγραμμα το οποίο με δεδομένο ένα φυσικό αριθμό n υπολογίζει και τυπώνει το άθροισμα $1 + 2 + \dots + n$. Κάντε το ίδιο για το άθροισμα των τετραγώνων των πρώτων n φυσικών αριθμών. Ελέγξτε τα αποτελέσματά σας χρησιμοποιώντας γνωστούς τύπους για τα συγκεκριμένα αθροίσματα.
5. Γράψτε ένα πρόγραμμα το οποίο ζητάει ένα θετικό ακέραιο n και υπολογίζει τον n -στό όρο της ακολουθίας Fibonacci. Υπενθυμίζουμε ότι οι όροι της ακολουθίας Fibonacci ορίζονται ως εξής: $F_0 = 0$, $F_1 = 1$ και $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ για $n \geq 2$.
6. Γράψτε ένα πρόγραμμα το οποίο ελέγχει αν μια λέξη είναι παλινδρομική, δηλαδή διαβάζεται το ίδιο και από δεξιά και από αριστερά. Η λέξη πρέπει να δίνεται από τον χρήστη.
7. Μια Πυθαγόρεια τριάδα είναι ένα σύνολο τριών φυσικών αριθμών $a < b < c$ τέτοιων ώστε $a^2 + b^2 = c^2$. Για παράδειγμα, το σύνολο $\{3, 4, 5\}$ είναι μια Πυθαγόρεια τριάδα γιατί $3^2 + 4^2 = 9 + 16 = 25 = 5^2$. Υπάρχει ακριβώς μία Πυθαγόρεια τριάδα $\{a, b, c\}$ για την οποία ισχύει επιπλέον ότι $a + b + c = 1000$. Γράψτε ένα πρόγραμμα στην Python για να την βρείτε.
8. Δεδομένου ενός φυσικού αριθμού k φτιάχνω την ακολουθία (a_n) , $n \geq 0$ με τον εξής τρόπο:

$$a_n = \begin{cases} k & n = 0 \\ a_{n-1}/2 & \text{αν } a_{n-1} \text{ άρτιος} \\ 3a_{n-1} + 1 & \text{διαφορετικά} \end{cases}$$

Έτσι, αν ξεκινήσουμε με τον αριθμό 13 παράγουμε την ακολουθία $13 \rightarrow 40 \rightarrow 20 \rightarrow 10 \rightarrow 5 \rightarrow 16 \rightarrow 8 \rightarrow 4 \rightarrow 2 \rightarrow 1$. Αν φτάσουμε στον αριθμό 1 δεν χρειάζεται να συνεχίσουμε γιατί οι όροι που ακολουθούν είναι κατά σειρά 4, 2, 1, 4, 2, 1, ... Γράψτε ένα πρόγραμμα σε Python το οποίο δεδομένου του φυσικού αριθμού k υπολογίζει και τυπώνει τους όρους της παραπάνω ακολουθίας.