

FBT 5776 – Tópicos Especiais em Tecnologia

Bioquímico-Farmacêutica II

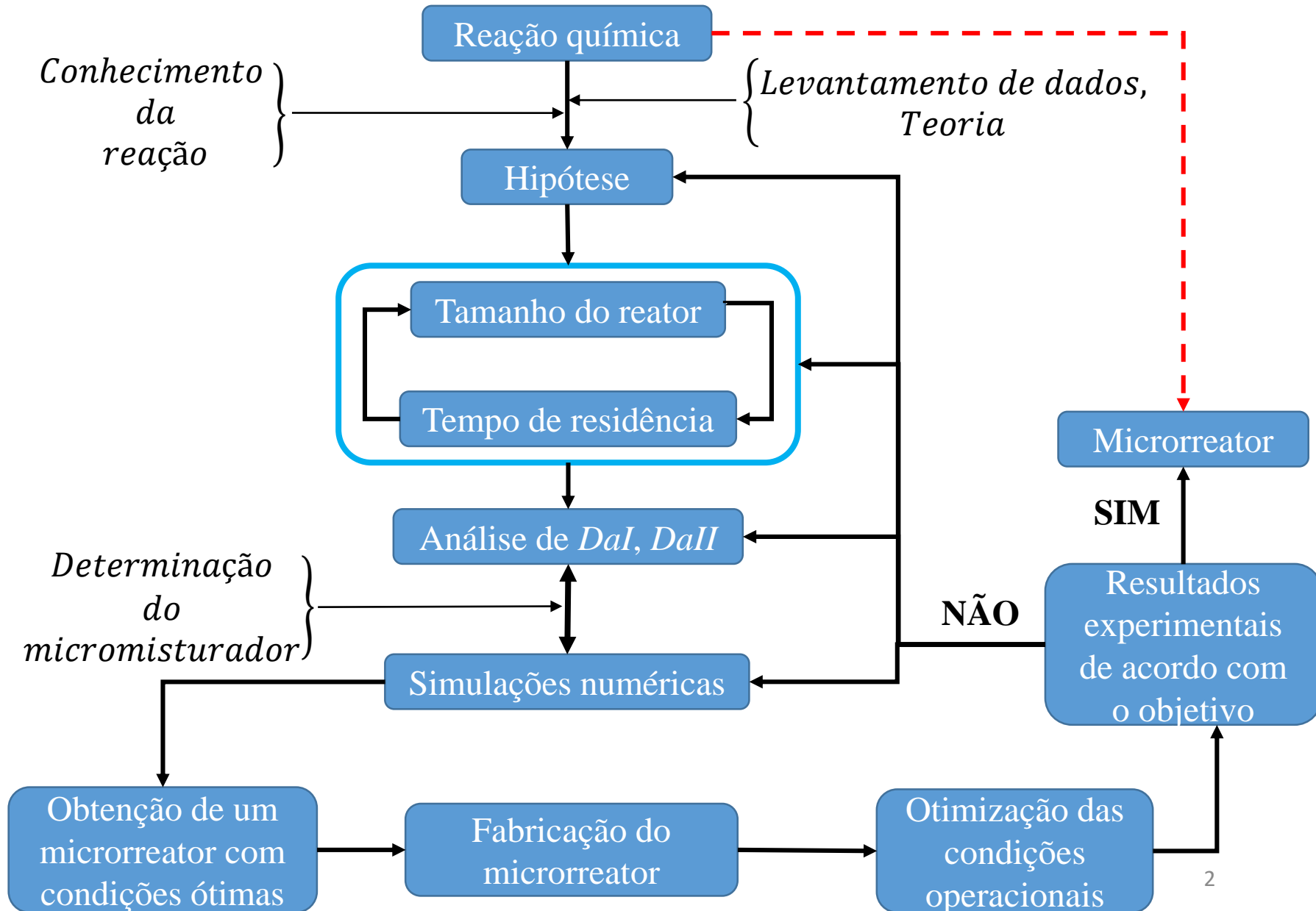
Tema: Desenvolvimento de Microrreatores

Harrison S. Santana

`harrison@unicamp.br`

<https://www.blogs.unicamp.br/microfluidicaeengenhariaquimica/>

Projeto de microreatores



Modelagem de microrreatores

□ Na modelagem de microrreatores consideraremos que eles operem das seguintes formas:

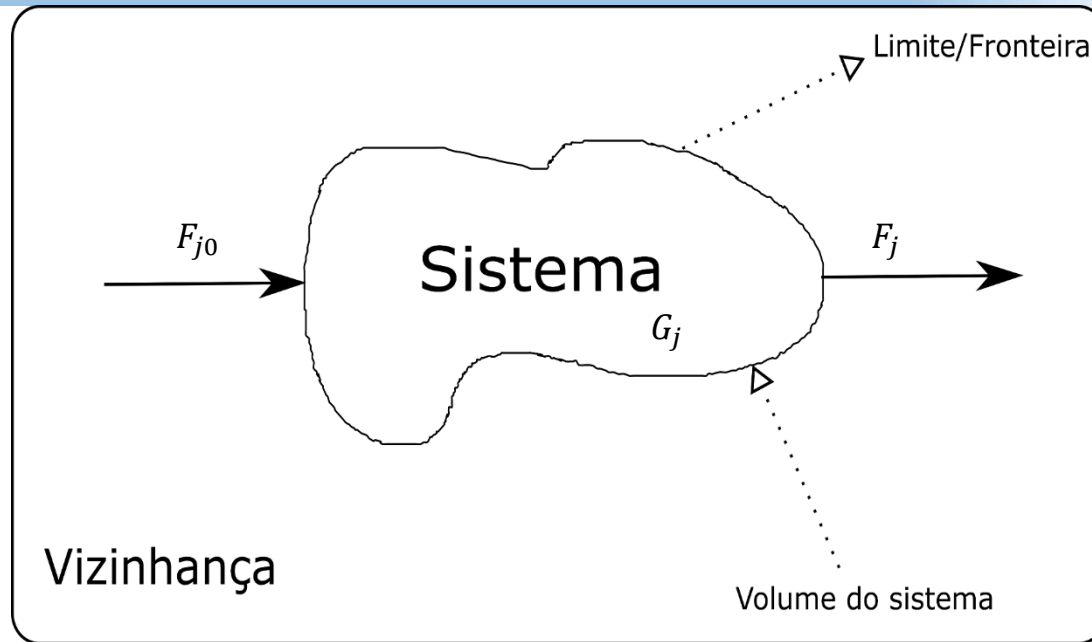
- ✓ Escoamento empistonado
- ✓ Escoamento laminar (modelo de segregação)

Modelagem de microrreatores

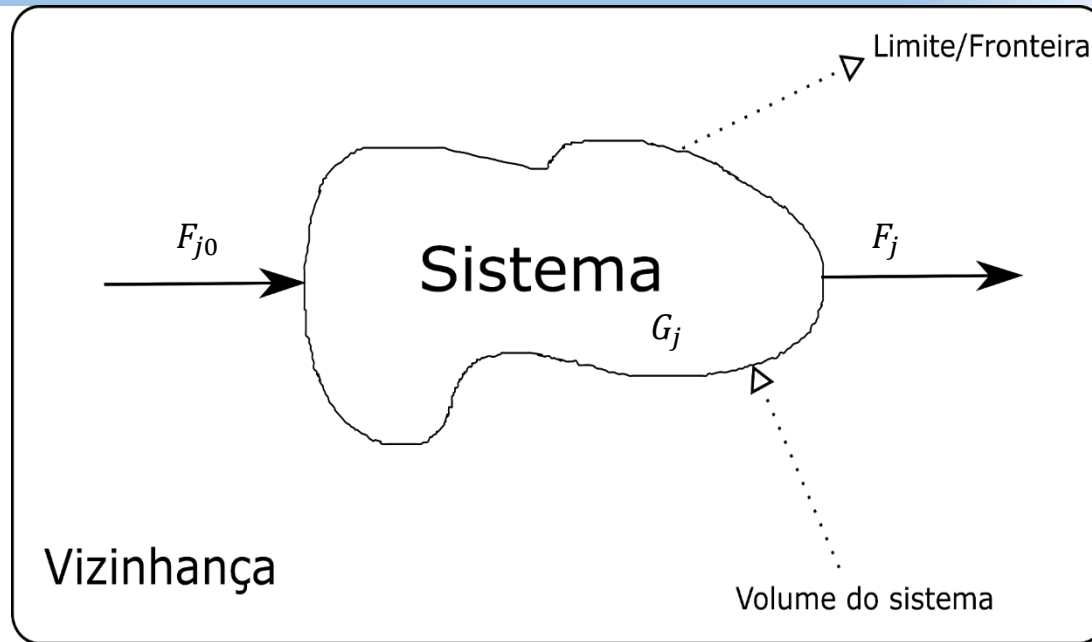
□ Na modelagem de microrreatores consideraremos que eles operem das seguintes formas:

- ✓ Escoamento empistonado
- ✓ Escoamento laminar (modelo de segregação)

Revisão Balanço Molar



Revisão Balanço Molar



Equação geral de balanço molar para uma espécie química j

$$\left[\begin{array}{c} \text{Taxa de } j \\ \text{que entra} \\ \text{no sistema} \\ \left(\frac{\text{mols}}{\text{tempo}} \right) \end{array} \right] - \left[\begin{array}{c} \text{Taxa de } j \\ \text{que saí} \\ \text{do sistema} \\ \left(\frac{\text{mols}}{\text{tempo}} \right) \end{array} \right] + \left[\begin{array}{c} \text{Taxa de geração} \\ \text{de } j \text{ por reação} \\ \text{química dentro} \\ \text{do sistema} \\ \left(\frac{\text{mols}}{\text{tempo}} \right) \end{array} \right] = \left[\begin{array}{c} \text{Taxa de acúmulo} \\ \text{de } j \text{ dentro} \\ \text{do sistema} \\ \left(\frac{\text{mols}}{\text{tempo}} \right) \end{array} \right]$$

Revisão Balanço Molar

□ **Equação geral de balanço molar para uma espécie química j**

$$\left[\begin{array}{l} \text{Taxa de } j \\ \text{que entra} \\ \text{no sistema} \\ \left(\frac{\text{mols}}{\text{tempo}} \right) \end{array} \right] - \left[\begin{array}{l} \text{Taxa de } j \\ \text{que sai} \\ \text{do sistema} \\ \left(\frac{\text{mols}}{\text{tempo}} \right) \end{array} \right] + \left[\begin{array}{l} \text{Taxa de geração} \\ \text{de } j \text{ por reação} \\ \text{química dentro} \\ \text{do sistema} \\ \left(\frac{\text{mols}}{\text{tempo}} \right) \end{array} \right] = \left[\begin{array}{l} \text{Taxa de acúmulo} \\ \text{de } j \text{ dentro} \\ \text{do sistema} \\ \left(\frac{\text{mols}}{\text{tempo}} \right) \end{array} \right]$$

$$F_{j0} - F_j + G_j = \frac{dN_j}{dt}$$

Revisão Balanço Molar

□ Equação geral de balanço molar para uma espécie química j

$$\left[\begin{array}{l} \text{Taxa de } j \\ \text{que entra} \\ \text{no sistema} \\ \left(\frac{\text{mols}}{\text{tempo}} \right) \end{array} \right] - \left[\begin{array}{l} \text{Taxa de } j \\ \text{que saí} \\ \text{do sistema} \\ \left(\frac{\text{mols}}{\text{tempo}} \right) \end{array} \right] + \left[\begin{array}{l} \text{Taxa de geração} \\ \text{de } j \text{ por reação} \\ \text{química dentro} \\ \text{do sistema} \\ \left(\frac{\text{mols}}{\text{tempo}} \right) \end{array} \right] = \left[\begin{array}{l} \text{Taxa de acúmulo} \\ \text{de } j \text{ dentro} \\ \text{do sistema} \\ \left(\frac{\text{mols}}{\text{tempo}} \right) \end{array} \right]$$

$$F_{j0} - F_j + G_j = \frac{dN_j}{dt}$$

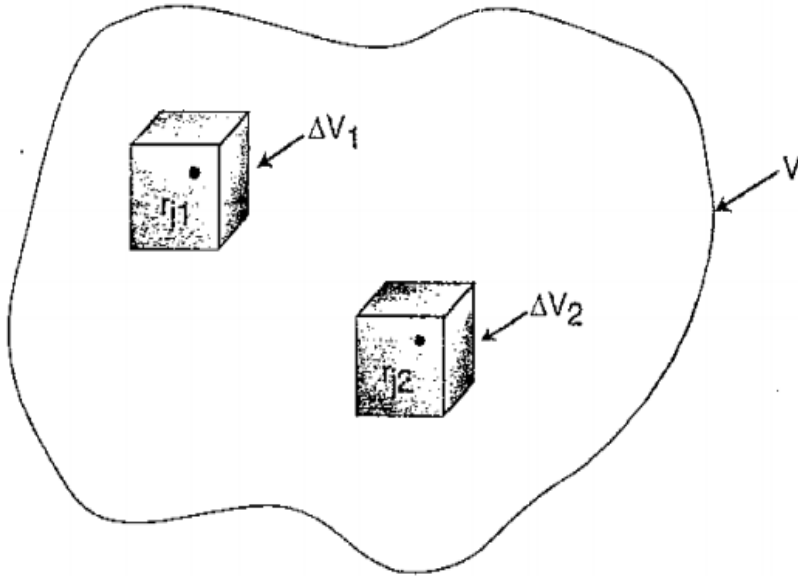
Cálculo de G_j

→ Variáveis do sistema espacialmente uniformes em todo o volume do sistema

$$G_j = r_j \cdot V$$

Revisão Balanço Molar

❑ Equação geral de balanço molar para uma espécie química j



$$F_{j0} - F_j + G_j = \frac{dN_j}{dt}$$

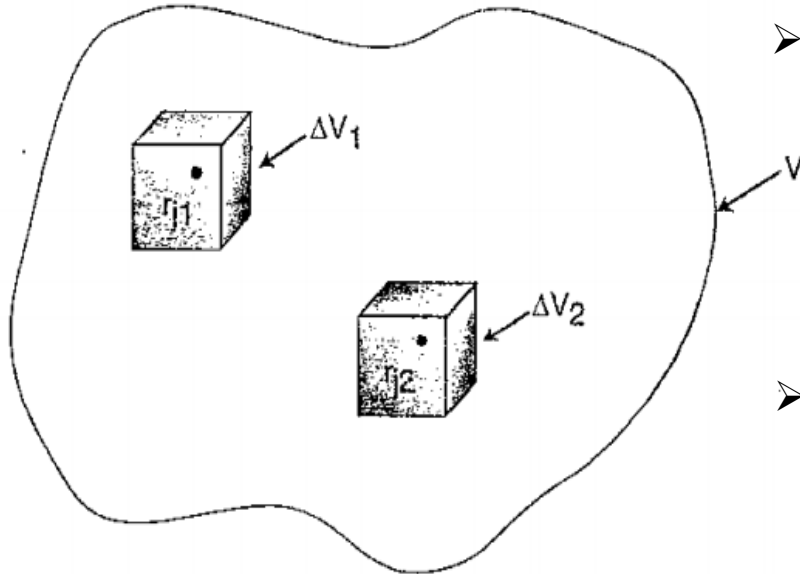
Fogler, H. S. *Elementos de engenharia das reações químicas*. 2009.

Velocidade de formação da espécie j para a reação varia com a posição no volume do sistema

Nesse caso precisamos de uma equação geral!

Revisão Balanço Molar

❑ Equação geral de balanço molar para uma espécie química j



- Velocidade de formação da espécie j para a reação varia com a posição no volume do sistema

$$\Delta G_{j1} = r_{j1} \cdot \Delta V_1$$

- Se o volume total do sistema for dividido em M subvolumes, a velocidade total de geração será:

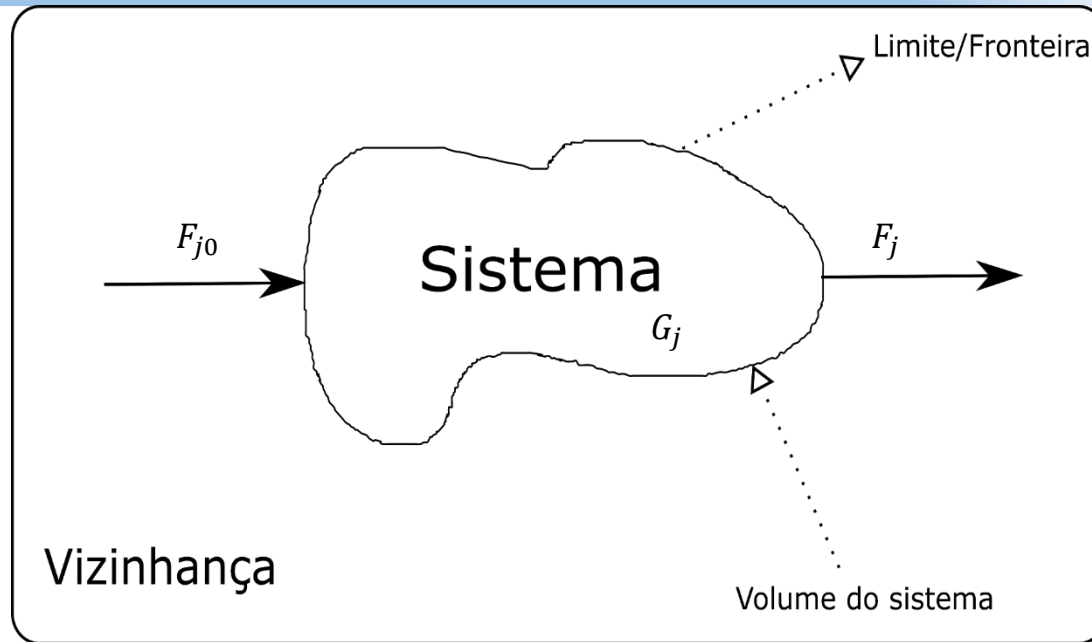
$$G_j = \sum_{i=1}^M \Delta G_{ji} = \sum_{i=1}^M r_{ji} \cdot \Delta V_i$$

Fogler, H. S. *Elementos de engenharia das reações químicas*. 2009.

- Tomando os limites apropriados (*i. e.*, $M \rightarrow \infty$ e $\Delta V \rightarrow 0$) e usando a definição de integral:

$$G_j = \int^V r_j dV$$

Revisão Balanço Molar

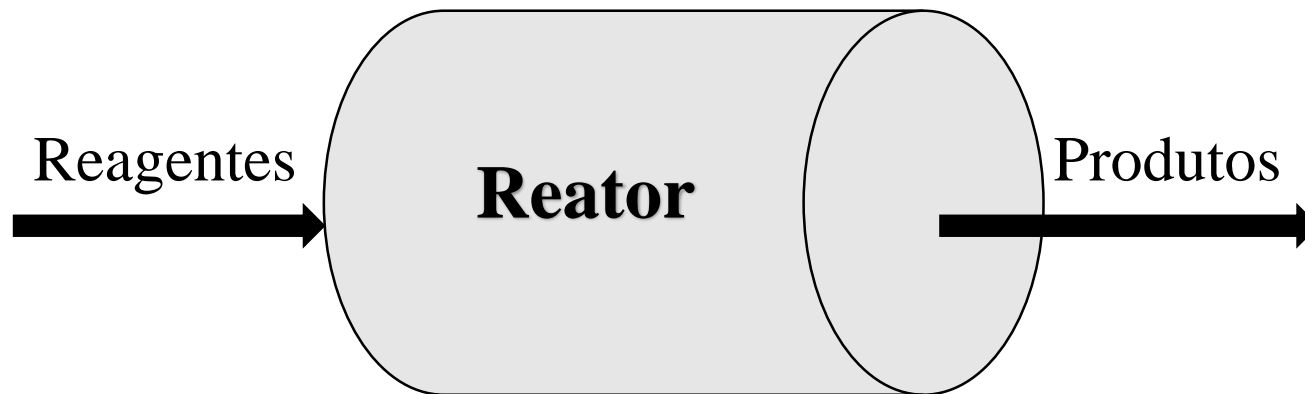


Equação geral de balanço molar para uma espécie química j

$$F_{j0} - F_j + \int^V r_j dV = \frac{dN_j}{dt}$$

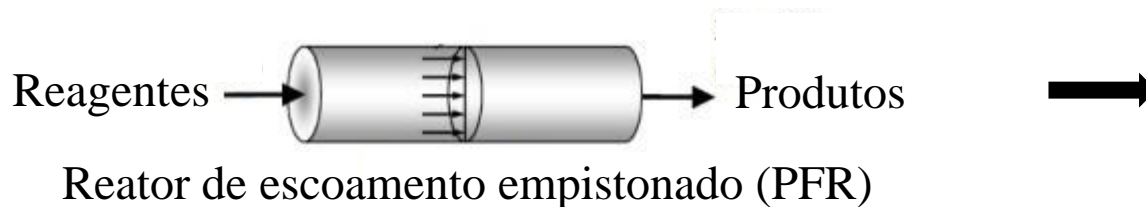
Reator tubular

❑ Reatores tubulares: consiste em um tubo cilíndrico normalmente operado em estado estacionário, no qual os reagentes são continuamente consumidos à medida que eles escoam ao longo do reator.



Reator tubular

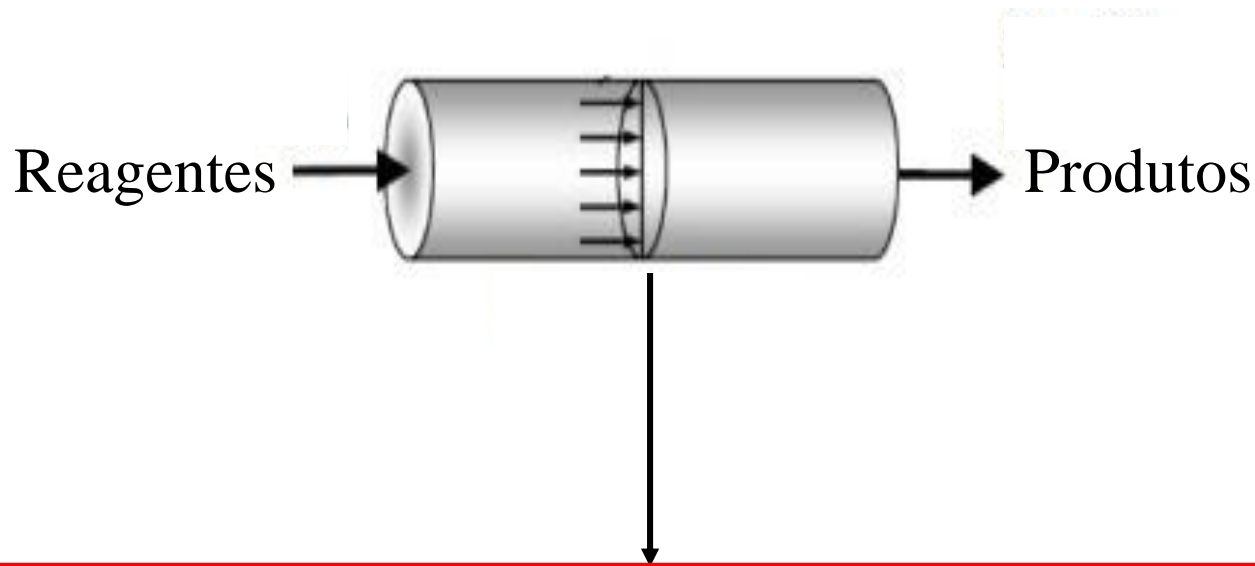
- ❑ Na modelagem desse reator, supõe-se que a concentração varie continuamente na *direção axial* através do reator.
- ❑ Sistemas em que o campo de escoamento é modelado por um perfil de escoamento empistonado. Não há variação radial na velocidade de reação e o reator é denominado como um reator de escoamento empistonado (PFR).



Não há variação radial de velocidade, de concentração, de temperatura ou de velocidade de reação

Reator de escoamento empistonado

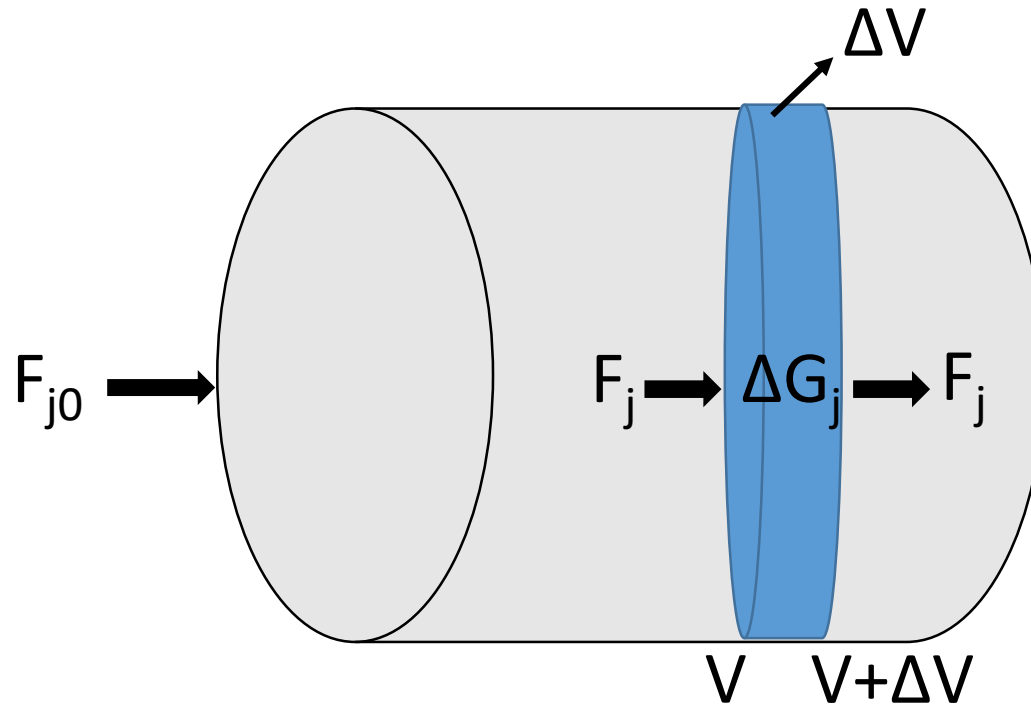
✓ Reator de escoamento empistonado (PFR)



Não há variação radial de velocidade, de concentração, de temperatura ou de velocidade de reação.

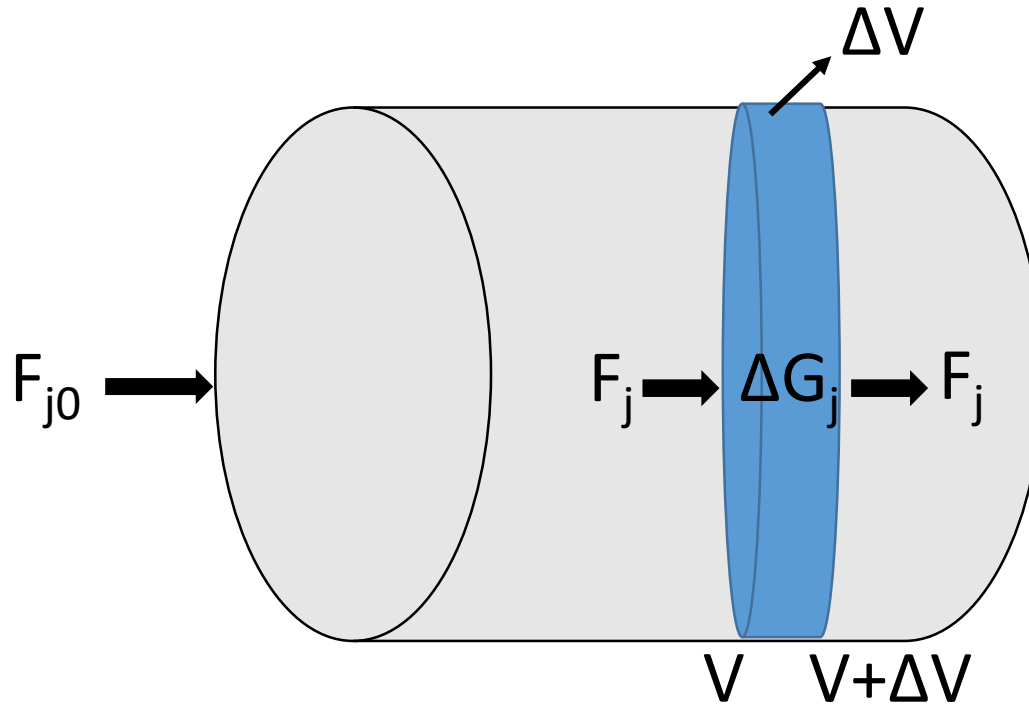
Reator de escoamento empistonado

✓ Reator de escoamento empistonado (PFR)



Reator de escoamento empistonado

- ✓ Reator de escoamento empistonado (PFR)



$$\Delta G_j = \int^{\Delta V} r_j dV = r_j \Delta V$$

Reator de escoamento empistonado

✓ Reator de escoamento empistonado (PFR)

$$\left[\begin{array}{c} \text{Taxa molar} \\ \text{da espécie } j \\ \text{que Entra em } V \end{array} \right] - \left[\begin{array}{c} \text{Taxa molar} \\ \text{da espécie } j \text{ que} \\ \text{Saí de } V + \Delta V \end{array} \right] + \left[\begin{array}{c} \text{Taxa molar} \\ \text{de Geração} \\ \text{da espécie } j \\ \text{dentro de } \Delta V \end{array} \right] = \left[\begin{array}{c} \text{Taxa molar} \\ \text{de Acúmulo} \\ \text{da espécie } j \\ \text{dentro de } \Delta V \end{array} \right]$$

$$\text{Entrada} \quad - \quad \text{Saída} \quad + \quad \text{Geração} \quad = \quad \text{Acúmulo}$$

$$F_{j|V} \quad - \quad F_{j|V+\Delta V} \quad + \quad r_j \Delta V \quad = \quad 0$$

Reator de escoamento empistonado

✓ Reator de escoamento empistonado (PFR)

□ Dividindo por ΔV e rearranjando

$$\left[\frac{F_{j|V+\Delta V} - F_{j|V}}{\Delta V} \right] = r_j$$

Reator de escoamento empistonado

✓ Reator de escoamento empistonado (PFR)

□ Dividindo por ΔV e rearranjando

$$\left[\frac{F_{j|V+\Delta V} - F_{j|V}}{\Delta V} \right] = r_j$$

□ O termo entre colchetes assemelha-se à definição da derivada

$$\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \left[\frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x} \right] = \frac{df}{dx}$$

Reator de escoamento empistonado

✓ Reator de escoamento empistonado (PFR) – **Balanço Molar**

□ Tomando o limite quando ΔV tende a zero, obtemos a forma diferencial do balanço molar em estado estacionário para um PFR.

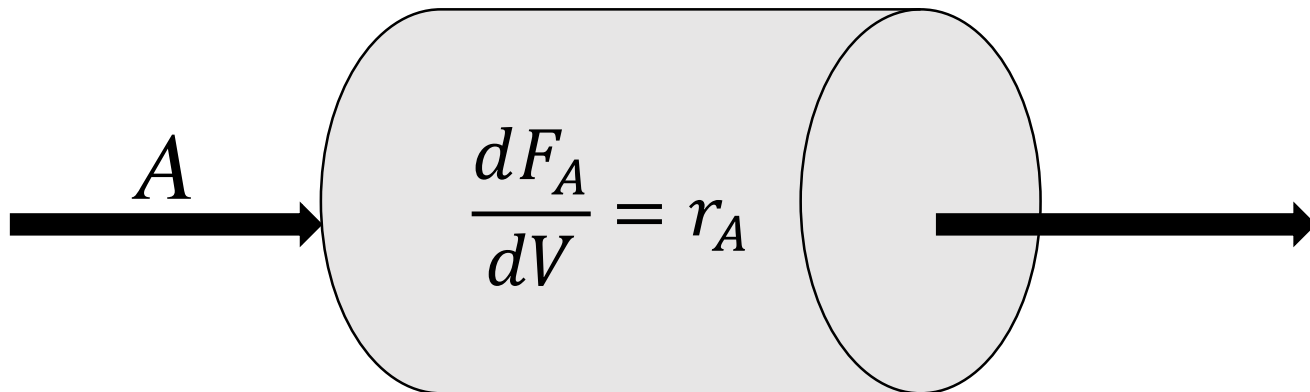
$$\frac{dF_j}{dV} = r_j$$

Reator de escoamento empistonado

✓ Reator de escoamento empistonado (PFR) – **Balanço Molar**

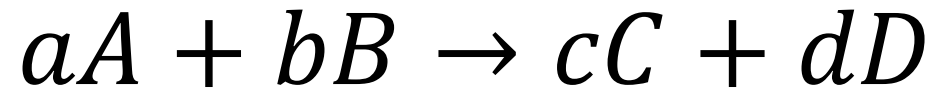
□ Tomando o limite quando ΔV tende a zero, obtemos a **forma diferencial** do balanço molar em estado estacionário para um PFR.

$$\frac{dF_j}{dV} = r_j$$



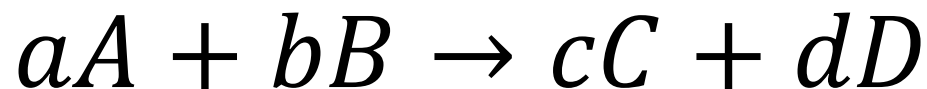
Conversão

□ Considere a reação geral

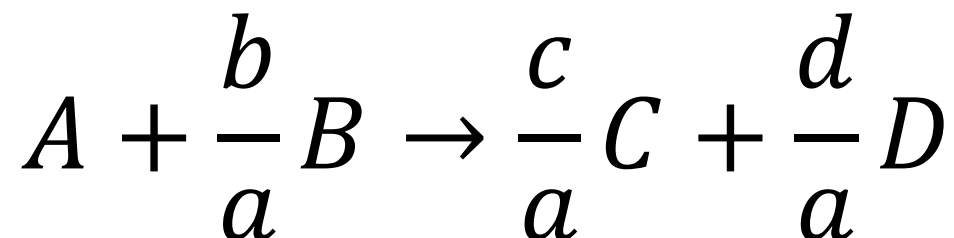


Conversão

❑ Considere a reação geral



❑ Dividindo a expressão da reação pelo coeficiente estequiométrico da espécie A (reagente limitante)



Definição de Conversão

□ A conversão X_A é o número de mols de A que reagiram por mol de A alimentado no reator/sistema:

$$X_A = \frac{\text{Mols reagidos de A}}{\text{Mols alimentados de A}}$$

Equação de Projeto PFR

- ❑ A conversão X é uma função do volume do reator V .
- ❑ Se F_{A0} for a vazão molar da espécie A alimentada em um sistema operando em estado estacionário, a taxa molar na qual a espécie A está reagindo dentro do sistema inteiro será $F_{A0}X$.

Equação de Projeto PFR

- ❑ A conversão X é uma função do volume do reator V .
- ❑ Se F_{A0} for a vazão molar da espécie A alimentada em um sistema operando em estado estacionário, a taxa molar na qual a espécie A está reagindo dentro do sistema inteiro será $F_{A0}X$.

$$[F_{A0}] \cdot [X] = \frac{\text{Mols alimentados de } A}{\text{tempo}} \cdot \frac{\text{Mols reagidos de } A}{\text{Mols alimentados de } A}$$

Equação de Projeto PFR

- ❑ A conversão X é uma função do volume do reator V .
- ❑ Se F_{A0} for a vazão molar da espécie A alimentada em um sistema operando em estado estacionário, a taxa molar na qual a espécie A está reagindo dentro do sistema inteiro será $F_{A0}X$.

$$[F_{A0}] \cdot [X] = \frac{\text{Mols alimentados de } A}{\text{tempo}} \cdot \frac{\text{Mols reagidos de } A}{\text{Mols alimentados de } A}$$

$$[F_{A0} \cdot X] = \frac{\text{Mols reagidos de } A}{\text{tempo}}$$

Equação de Projeto PFR

❑ Realizando (*mais um*) balanço molar:

$$\left[\begin{array}{c} \textit{Taxa molar de A} \\ \textit{que é alimentado} \\ \textit{no sistema} \end{array} \right] - \left[\begin{array}{c} \textit{Taxa molar de} \\ \textit{consumo de A} \\ \textit{dentro do sistema} \end{array} \right] = \left[\begin{array}{c} \textit{Taxa molar de A} \\ \textit{que saí do sistema} \end{array} \right]$$

$$[F_{A0}] - [F_{A0}X] = [F_A]$$

❑ Rearranjando, obtém-se:

$$F_A = F_{A0}(1 - X)$$

Equação de Projeto PFR

□ Expressando, então, a **equação de balanço molar para a espécie A** na reação como:

$$-\frac{dF_A}{dV} = -r_A$$

Equação de Projeto PFR

- ❑ Utilizando a expressão para F_A que relaciona vazão molar de entrada F_{A0} e conversão X , e diferenciando, temos:

$$dF_A = -F_{A0}dX$$

- ❑ Substituindo na equação de balanço molar para a espécie A na reação, obtém-se a forma diferencial da equação de projeto para um reator com escoamento empistonado (PFR).

Equação de Projeto PFR

- ❑ Forma diferencial da **equação de projeto para um reator com escoamento empistonado (PFR)**:

$$F_{A0} \frac{dX}{dV} = -r_A$$

- ❑ O tamanho do reator dependerá da vazão, da cinética de reação, das condições do reator e da conversão desejada.

Equação de Projeto PFR

- ❑ Forma diferencial da equação de projeto para um reator com escoamento empistonado (PFR):

$$F_{A0} \frac{dX}{dV} = -r_A$$

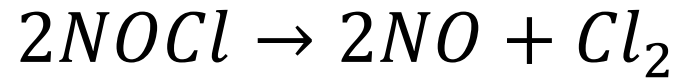
- ❑ Volume necessário para o reator com escoamento empistonado atingir uma conversão especificada X :

$$V = F_{A0} \int_0^X \frac{dX}{-r_A}$$

Equação de Projeto PFR

❑ Exemplo 1: Reação em Fase Gasosa em um Microrreator – Vazões Molares

A reação em fase gasosa



ocorre a 42,5 °C e a 1641 kPa (16,2 atm). NOCl puro é alimentado e a reação segue uma lei elementar. Deseja-se produzir 20 t de NO por ano em um sistema com microrreatores, usando um banco de dez microrreatores em paralelo. Cada microrreator tem 100 canais quadrados, cada um deles com 0,2 mm de lado e 250 mm de comprimento.

Equação de Projeto PFR

❑ Exemplo 1: Reação em Fase Gasosa em um Microrreator – Vazões Molares



Faça um gráfico das vazões molares em função do volume ao longo do comprimento do reator. O volume de cada canal é de 10^{-5} dm^3 .

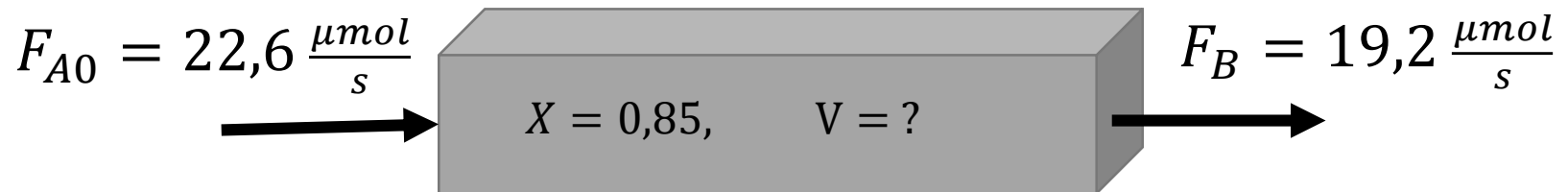
Dados: Para produzir 20 t por ano de NO, com uma conversão de 85%, é necessária uma vazão de alimentação de 0,0226 mol/s de NOCl, ou $2,26 \times 10^{-5} \text{ mol/s}$ por canal. A constante de velocidade é $k = 0,29 \text{ dm}^3/\text{mol s}$ a 500 K com $E = 24 \text{ kcal/mol}$

Equação de Projeto PFR

❑ Exemplo 1: Reação em Fase Gasosa em um Microrreator – Vazões Molares

Solução:

Para uma canal,

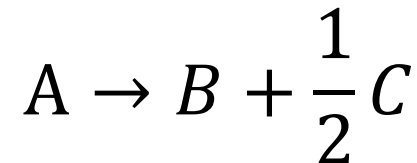
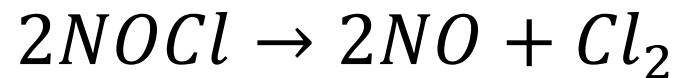


Equação de Projeto PFR

❑ **Exemplo 1: Reação em Fase Gasosa em um Microrreator – Vazões Molares**

Solução:

Escrevendo a reação em uma forma simbólica e então a dividimos pelo coeficiente estequiométrico do reagente limitante, NOCl



Equação de Projeto PFR

❑ **Exemplo 1: Reação em Fase Gasosa em um Microrreator – Vazões Molares**

Solução:

1. Balanços molares para as espécies A, B e C:

$$\frac{dF_A}{dV} = r_A$$

$$\frac{dF_B}{dV} = r_B$$

$$\frac{dF_C}{dV} = r_C$$

Equação de Projeto PFR

❑ **Exemplo 1: Reação em Fase Gasosa em um Microrreator – Vazões Molares**

Solução:

2. Lei de velocidade:

$$-r_A = kC_A^2, \quad k = 0,29 \frac{dm^3}{mol \cdot s} \text{ a } 500 \text{ K}$$

Equação de Projeto PFR

❑ **Exemplo 1: Reação em Fase Gasosa em um Microrreator – Vazões Molares**

Solução:

3. Estequiometria: Fase gasosa, com $T \approx T_0$ e $P \approx P_0$; então $v = v_0 \left(\frac{F_T}{F_{T0}} \right)$

a. Velocidades relativas

$$\frac{r_A}{-1} = \frac{r_B}{1} = \frac{r_C}{\frac{1}{2}}$$

$$r_B = -r_A$$

$$r_C = -\frac{1}{2}r_A$$

Equação de Projeto PFR

❑ **Exemplo 1: Reação em Fase Gasosa em um Microrreator – Vazões Molares**

Solução:

3. Estequiometria: Fase gasosa, com $T \approx T_0$ e $P \approx P_0$; então $v = v_0 \left(\frac{F_T}{F_{T0}} \right)$

b. Concentração – Expressando as concentrações em função da vazão total

$$C_A = C_{T0} \frac{F_A}{F_T}, \quad C_B = C_{T0} \frac{F_B}{F_T}, \quad C_C = C_{T0} \frac{F_C}{F_T},$$

$$\text{com } F_T = F_A + F_B + F_C$$

Equação de Projeto PFR

Exemplo 1: Reação em Fase Gasosa em um Microrreator – Vazões Molares

Solução:

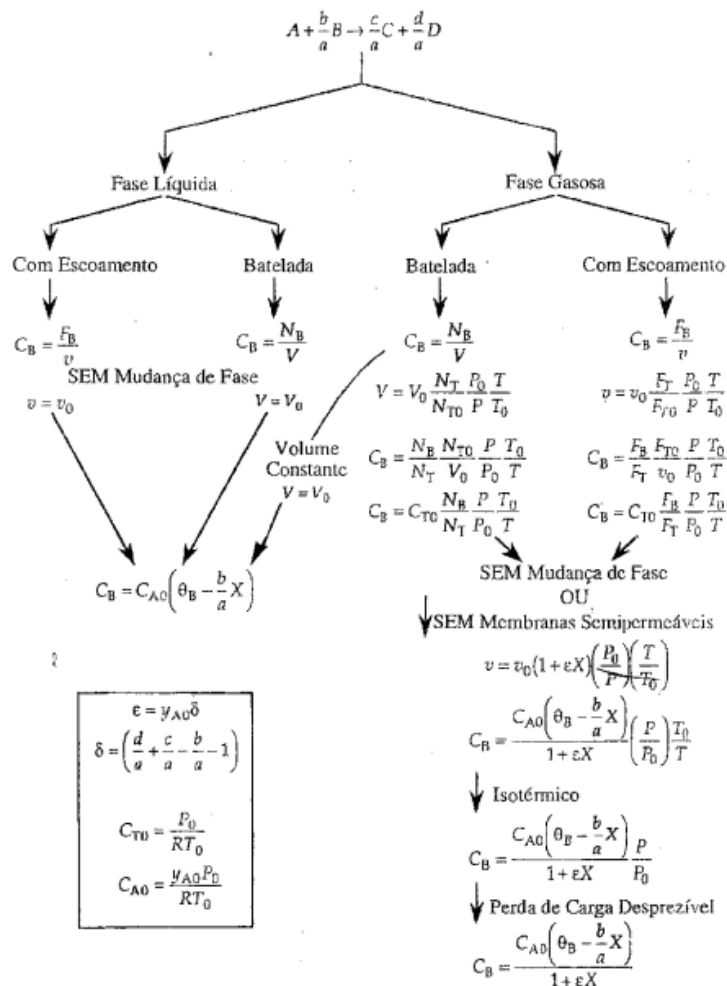


Figura 3-6 Expressando a concentração em função da conversão.

Equação de Projeto PFR

❑ **Exemplo 1: Reação em Fase Gasosa em um Microrreator – Vazões Molares**

Solução:

4. Combinação: A lei de velocidade, em termos de vazões molares, é:

$$-r_A = k C_{T0}^2 \left(\frac{F_A}{F_T} \right)^2 \quad \therefore \quad C_{T0} = \frac{P_0}{RT_0}$$

Combinando tudo,

$$\frac{dF_A}{dV} = -k C_{T0}^2 \left(\frac{F_A}{F_T} \right)^2 \quad \frac{dF_B}{dV} = k C_{T0}^2 \left(\frac{F_A}{F_T} \right)^2 \quad \frac{dF_C}{dV} = \frac{k}{2} C_{T0}^2 \left(\frac{F_A}{F_T} \right)^2$$

Equação de Projeto PFR

❑ **Exemplo 1: Reação em Fase Gasosa em um Microrreator – Vazões Molares**

Solução:

5. Utilizando um solver, obtêm-se o perfil de vazões molares no microrreator:

Equação de Projeto PFR

❑ Exemplo 1: Reação em Fase Gasosa em um Microrreator – Vazões Molares

