統計 基礎の基礎

■度数分布表

次のような表を「度数分布表」と呼ぶ。

この表からも、「平均値」、「中央値の階級」、「最頻値」が求められる。

| 階級(kg) | 度数(人) |
|-------------|-------|
| 20 以上 25 未満 | 4 |
| 25~30 | 5 |
| 30~35 | 9 |
| 35~40 | 4 |
| 40~45 | 2 |
| 45~50 | 1 |
| 計 | 25 |

(1)平均値を求める

ひとつの階級に入っているデータは、その階級の真ん中の値と考える(階級値) たとえば、20kg 以上 25kg 未満の「階級値」は、

(20+25) /2=22.5kg

となる。この階級値を全ての階級で計算すると、次のようになる。

| 階級 (kg) | 度数(人) | 階級値 |
|-------------|-------|------|
| 20 以上 25 未満 | 4 | 22.5 |
| 25~30 | 5 | 27.5 |
| 30~35 | 9 | 32.5 |
| 35~40 | 4 | 37.5 |
| 40~45 | 2 | 42.5 |
| 45~50 | 1 | 47.5 |
| 計 | 25 | |

つぎに、全ての階級で「(階級値)×(度数)」を求めて、それらの総和を度数の合計で割れば「平均値」が求められる。

| 階級(kg) | 度数(人) | 階級値 | 階級値×度数 |
|-------------|-------|------|--------|
| 20 以上 25 未満 | 4 | 22.5 | 90.0 |
| 25~30 | 5 | 27.5 | 137.5 |
| 30~35 | 9 | 32.5 | 292.5 |
| 35~40 | 4 | 37.5 | 150.0 |
| 40~45 | 2 | 42.5 | 85.0 |
| 45~50 | 1 | 47.5 | 47.5 |
| 計 | 25 | | 802.5 |

したがって、平均値は、

平均值=802.5÷25=32.1kg

(2)中央値の入っている階級

全体で25人いるので、小さい方から並べて13番目が中央値になる。

| 階級 (kg) | 度数(人) | 累積度数(人) |
|-------------|-------|---------|
| 20 以上 25 未満 | 4 | 4 |
| 25~30 | 5 | 9 |
| 30~35 | 9 | 18 |
| 35~40 | 4 | 22 |
| 40~45 | 2 | 24 |
| 45~50 | 1 | 25 |
| 計 | 25 | |

累積度数から、13番目が含まれる階級は「30~35kg」となる。

(3)最頻値

最頻値は、データの中でもっとも多くあらわれる値。

このデータでは、度数が最も多い階級は 9 人いる「 $30\sim35{\rm kg}$ 」の階級。最頻値は、その「階級値」となるので、「 $32.5{\rm kg}$ 」となる。

◆演習 1

次の表で、平均値、最頻値を求めなさい。

| 階級 (m) | 階級値(m) | 度数(人) | 階級値×度数 |
|-------------|--------|-------|--------|
| 10 以上 14 未満 | 12 | 1 | 12 |
| 14~18 | 16 | 4 | 64 |
| 18~22 | 20 | 6 | 120 |
| 22~26 | 24 | 7 | 168 |
| 26~30 | 28 | 2 | 56 |
| 計 | | 20 | 420 |

■相対度数と累積相対度数

次の度数分布表は、学校までの通学時間に関するもの

| 階級 (分) | 度数(人)クラス | 度数(人)学年全体 |
|------------|----------|-----------|
| 5 以上 10 未満 | 1 | 4 |
| 10~15 | 1 | 8 |
| 15~20 | 2 | 12 |
| 20~25 | 2 | 16 |
| 25~30 | 4 | 20 |
| 30~35 | 6 | 12 |
| 35~40 | 3 | 4 |
| 40~45 | 1 | 4 |
| 計 | 20 | 80 |

ある階級の度数が、全体に対して占める割合を、その階級の「相対度数」とよぶ。 その階級の度数を、全体の度数の合計で割れば求められる。

たとえば、通学時間が 5 分以上 10 分未満の学生の「相対度数」は、相対度数 = その階級の度数 \div 全体の度数の合計したがって、1 (人) \div 20 (人) = 0.05 となる。

次に、「10 分以上 15 分未満」を考えると、同じくクラス内では 1 人であるので、相対度数は 0.05 となる。

さらに、この2つの階級(5分以上15分未満)の相対度数は、このふたつの数値を足せばよい。 したがって、

0.05 + 0.05 = 0.10

となる。

このように、最初の段階からある段階までの相対度数の合計を「累積相対度数」という。

| 階級(分) | 度数 (人) | 相対度数 | 累積相対度数 |
|------------|--------|------|--------|
| 5 以上 10 未満 | 1 | 0.05 | 0.05 |
| 10~15 | 1 | 0.05 | 0.10 |
| 15~20 | 2 | 0.10 | 0.20 |
| 20~25 | 2 | 0.10 | 0.30 |
| 25~30 | 4 | 0.20 | 0.50 |
| 30~35 | 6 | 0.30 | 0.80 |
| 35~40 | 3 | 0.15 | 0.95 |
| 40~45 | 1 | 0.05 | 1.00 |
| 計 | 20 | 1.00 | |

したがって、「通学時間30分未満の学生の割合は50%」とわかる。

これを学年全体の場合で考えて見ると、

| 階級(分) | 度数(人)学年全体 | 相対度数 | 累積相対度数 |
|------------|-----------|------|--------|
| 5 以上 10 未満 | 4 | 0.05 | 0.05 |
| 10~15 | 8 | 0.10 | 0.15 |
| 15~20 | 12 | 0.15 | 0.30 |
| 20~25 | 16 | 0.20 | 0.50 |
| 25~30 | 20 | 0.25 | 0.75 |
| 30~35 | 12 | 0.15 | 0.90 |
| 35~40 | 4 | 0.05 | 0.95 |
| 40~45 | 4 | 0.05 | 1.00 |
| 計 | 80 | 1.00 | |

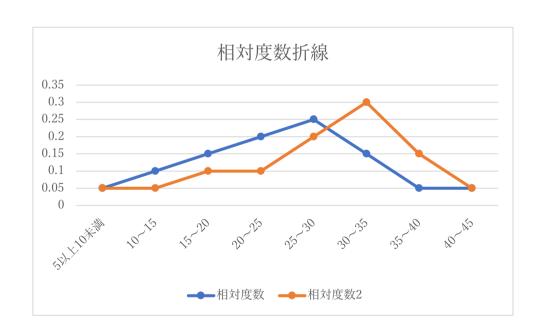
同じく「通学時間が30分未満」までの学生を「累積相対度数」を見ると、0.75 になっている。 クラスの場合と違って、学年では75%の学生が30分未満の通学となる。

◆相対度数折れ線

ヒストグラムと同様に折線で示す。

ここでは、横軸にデータ値、縦軸に相対度数をとる。

| 階級(分) | 度数(人)学年全体 | 相対度数 | 度数(人)クラス | 相対度数 |
|------------|-----------|------|----------|------|
| 5 以上 10 未満 | 4 | 0.05 | 1 | 0.05 |
| 10~15 | 8 | 0.10 | 1 | 0.05 |
| 15~20 | 12 | 0.15 | 2 | 0.1 |
| 20~25 | 16 | 0.20 | 2 | 0.1 |
| 25~30 | 20 | 0.25 | 4 | 0.2 |
| 30~35 | 12 | 0.15 | 6 | 0.3 |
| 35~40 | 4 | 0.05 | 3 | 0.15 |
| 40~45 | 4 | 0.05 | 1 | 0.05 |
| 計 | 80 | 1.00 | 20 | 1.00 |



◆演習 2

下の表は、あるクラス 20 名の体育測定で「ボール投げ」を計測したものである

| 階級 (m) | 度数(人) | 相対度数 | 累積度数 |
|-------------|-------|------|------|
| 10 以上 15 未満 | 1 | 0.05 | 0.05 |
| 15~20 | 4 | 0.20 | 0.25 |
| 20~25 | 9 | | |
| 25~30 | 5 | | |
| 30~35 | 1 | | 1.00 |
| 計 | 20 | 1.00 | |

- (1) 空欄を計算して埋めなさい
- (2) 25m異様の記録を出した学生の割合は全体の何%に当たるか?

<演習1の解>

平均値= (階級値×度数) の総和÷度数の合計 420÷20=21 (m)

最頻値は、度数が最も多い階級の階級値であるので、もっとも多い階級は「 $22\sim26\,\mathrm{m}$ 」であり、求める最頻値は $24\,\mathrm{m}$

<演習2の解>

(1) 相対度数= (その階級の度数) ÷ (全体の度数)

| 階級 (m) | 度数 (人) | 相対度数 | 累積度数 |
|-------------|--------|------|------|
| 10 以上 15 未満 | 1 | 0.05 | 0.05 |
| 15~20 | 4 | 0.20 | 0.25 |
| 20~25 | 9 | 0.45 | 0.70 |
| 25~30 | 5 | 0.25 | 0.95 |
| 30~35 | 1 | 0.05 | 1.00 |
| 計 | 20 | 1.00 | |

(2) 25m 未満の割合が 0.70 であるので、25m 以上の記録を出した学生は 0.30、つまり 30%になる。