# パターン認識と学習テンプレートマッチング

管理工学科 篠沢佳久

### 資料の内容

- ■パターン認識の基礎
  - □ テンプレートマッチング
- テンプレートマッチングの例題

### パターン認識の基礎

テンプレートマッチング

### テンプレートマッチング

- 電子通信情報学会
  - □パターン認識・メディア理解研究会
  - アルゴリズムコンテスト http://www.ieice.org/~prmu/jpn/





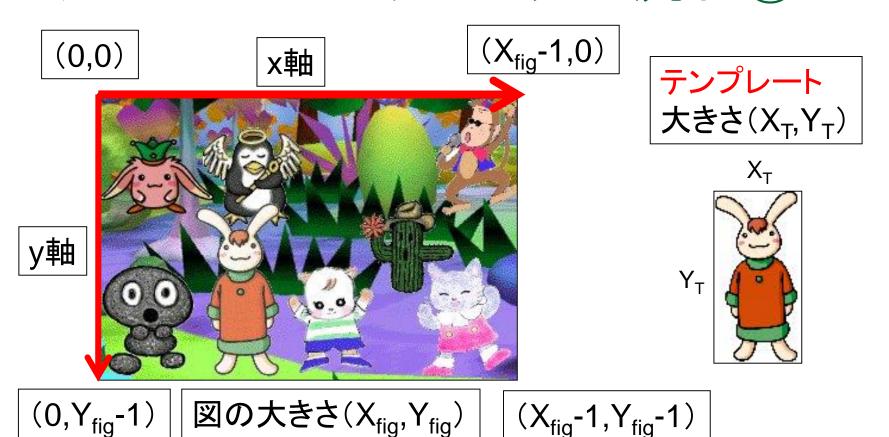
### 人の場合、どのようにするでしょうか?

■「うさぎ」(テンプレート)を記憶する

■ 目で追って「うさぎ」を「探す」

- ■「探す」とは
  - □ 記憶したものと一致しているかを判断する(マッチング)

### テンプレートマッチングの流れ(1)



図中の座標(0,0)から大きさ( $X_T,Y_T$ )の図を切り出し、テンプレートとの「類似度」を計算→最も「類似度」の高い図を「うさぎ」と判断する

### テンプレートマッチングの流れ(2)

- 図中の座標(0,0)から大きさ(X<sub>T</sub>,Y<sub>T</sub>)の図を切り出す
- テンプレートとの「類似度」を計算



### テンプレートマッチングの流れ③



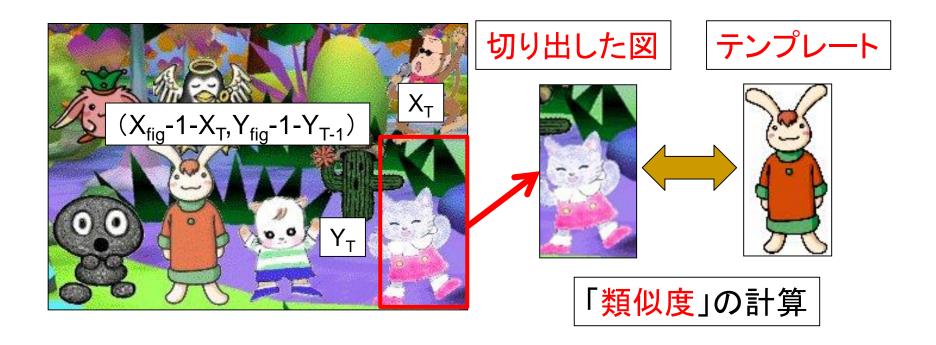
X軸、Y軸の切り出し位置をずらして、図を切り出し、「類似度」を計算

### テンプレートマッチングの流れ(4)



全ての座標上で図を切り出し、「類似度」を計算

### テンプレートマッチングの流れ⑤



全ての座標上で図を切り出し、「類似度」を計算

### テンプレートマッチングの流れ⑥



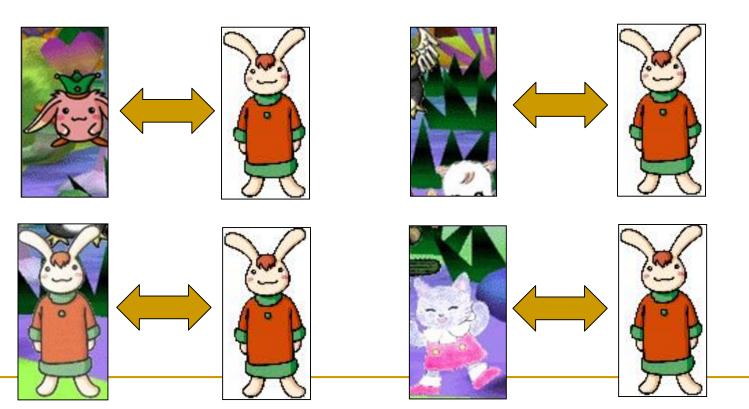
最も「類似度」が高いので「うさぎ」と判断する

### テンプレートマッチングのアルゴリズム

```
max =
for( y = 0; y < Y_{fig} - Y_T; y++) {
  for( x = 0 ; x < X_{fig} - X_T ; x++ ) {
       座標(x,y)から大きさ(X_,Y_)の図を切り出す
       similarity = 類似度(切り出した図, テンプレート)
       if( similarity > max ) {
               max = similarity
              X_{max} = X
              Y_{max} = y
座標(X<sub>max</sub>,Y<sub>max</sub>)から,大きさ(X<sub>T</sub>,Y<sub>T</sub>)の図を一致した図とみなす
```

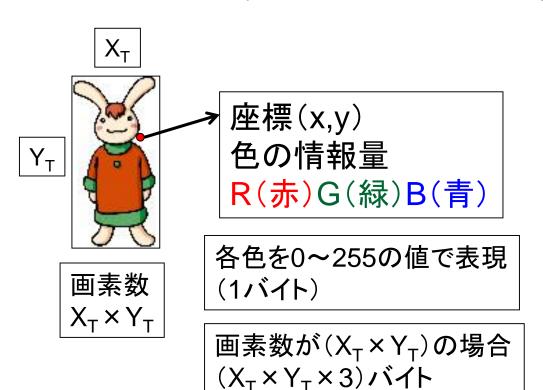
### 類似度の求め方

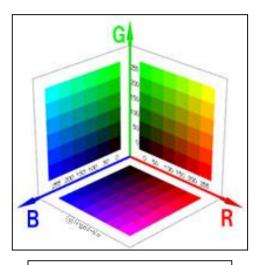
- ■類似度の求め方
  - □ 二つの画像間でどういった値を比較するのか?
  - 類似度をどのように定義するのか?



### カラー画像(デジタル画像)①

- ビットマップ形式, ラスターイメージ
- 画素(ピクセル,メッシュ)単位に情報量を持つ





RGBカラーモデル

### カラー画像(デジタル画像)(2)

画像は $(X_T \times Y_T)$ の行列で表現できる

$$X = \begin{pmatrix} x_{11} & x_{21} & \cdots & x_{X_T1} \\ x_{12} & x_{22} & & x_{X_T2} \\ \vdots & & \ddots & \vdots \\ x_{1Y_T} & x_{2Y_T} & \cdots & x_{X_TY_T} \end{pmatrix}$$
  $X_{ij}: (r_{ij}, g_{ij}, b_{ij})$   $r_{ij}: 赤, g_{ij}: 緑, b_{ij}: 青$  それぞれ0~255の値

- 一般的にはベクトルにて表現
  - これを特徴量もしくは特徴ベクトルと呼ぶ

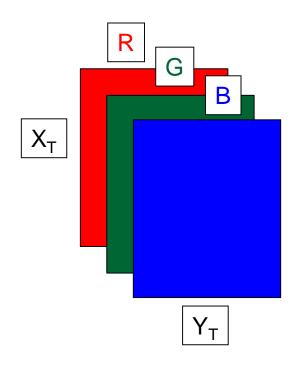
$$\mathbf{x}^{t} = (x_{1}, x_{2}, \dots, x_{X_{T}Y_{T}}) \quad \mathbf{x}_{i} : (\mathbf{r}_{i}, \mathbf{g}_{i}, \mathbf{b}_{i})$$

$$\mathbf{x}^{t} = (x_{1}, x_{2}, \dots, x_{X_{T} \times Y_{T} \times 3})$$

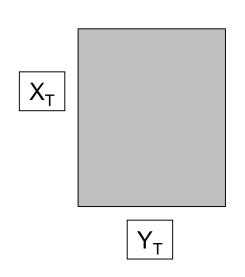
$$\mathbf{x}^t = (x_1, x_2, \cdots, x_{X_T \times Y_T \times 3})$$

### カラー画像(デジタル画像)③

最近(?), 画像は(X<sub>T</sub>×Y<sub>T</sub>×チャネル数)の配列で処理



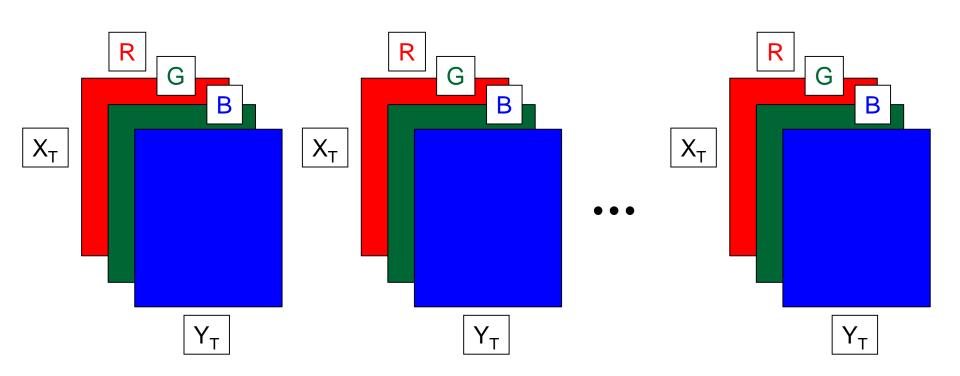
カラー画像の場合 X<sub>T</sub>×Y<sub>T</sub>×3チャネル



グレースケール画像の場合  $X_T \times Y_T \times 1$  チャネル

### カラー画像(デジタル画像)④

さらに最近(?), 画像は(画像の枚数×X<sub>T</sub>×Y<sub>T</sub>×チャネル数)の配列で処理



### 類似度①

切り出した画像の特徴ベクトル

n次元 X





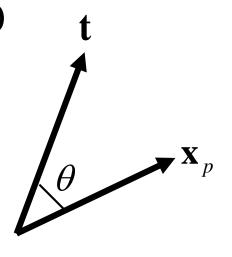
テンプレートの 持徴ベクトル

n次元

#### ■類似度

- $_{\square}$  二つのベクトルが一致する場合は  $\theta=0$
- □ 従ってR<sub>p</sub>は1となる

$$R_p = \cos \theta = \frac{\mathbf{t}^t \mathbf{x}_p}{\|\mathbf{t}\| \cdot \|\mathbf{x}_p\|} = \frac{\sum_{i=1}^n t_i x_{pi}}{\sqrt{\sum_{i=1}^n t_i^2} \sqrt{\sum_{i=1}^n x_{pi}^2}}$$



□ R<sub>p</sub>が最大の画像を認識結果とする

### 類似度②

- 相互相関係数
  - □ 特徴ベクトルが n次元の場合

$$R_{p}^{'} = \cos \theta = \frac{\sum_{i=1}^{n} (t_{i} - \bar{t})(x_{pi} - \bar{x}_{p})}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (t_{i} - \bar{t})^{2}} \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_{pi} - \bar{x}_{p})^{2}}}$$

平均値 
$$\overline{t} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} t_i$$

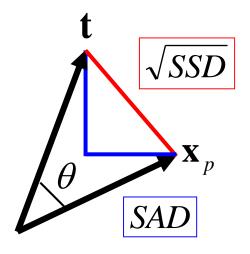
$$\overline{x_p} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_{pi}$$

### 距離を用いた場合

SSD(Sum of Squared Difference)

$$SSD = \sum_{i=1}^{n} (t_i - x_{pi})^2$$

SAD(Sum of Absolute Difference)



$$SAD = \sum_{i=1}^{n} |t_i - x_{pi}|$$

距離を用いた場合、SSDもしくはSADが最小の画像を認識 結果とする

### 距離尺度①

■ ユークリッド距離

$$\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - y_i)^2}$$

■ べき乗距離(ミンコスキー距離)

$$\left(\sum_{i=1}^{n} |x_i - y_i|^p\right)^{\frac{1}{r}}$$

p=r=1の場合, マンハッタン距離 p=r=2の場合, ユークリッド距離

### 距離尺度②

■ チェビシェフ距離

$$\max_{i=1,2,\cdots n} |x_i - y_i|$$

各特徴間要素の最大値を距離 とする

- マハラノビス距離
  - □分布を考慮
  - □ 次回以降に説明します

### 類似度のまとめ

■ 二つのベクトル間(xとy)の類似度

n次元ベクトル

#### 大きいほど類似している

各要素の差の合計(距離)

$$\left(\sum_{i=1}^{n} |x_i - y_i|^p\right)^{\frac{1}{r}}$$

小さいほど類似している

#### 空間フィルタリング処理(畳み込み処理)①

■ 各画素について、その画素周辺のN×N画素の小領域と、N×Nの空間フィルタとの積和を行なう

■ 入力画像をf, 空間フィルタをhとした場合, 下記の式に基づいて変換後の画素値gを求める

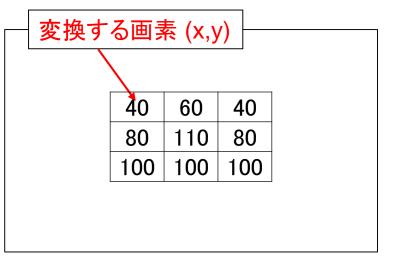
#### 畳み込み処理

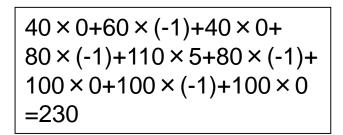
$$g(x,y) = \sum_{k=0}^{N-1} \sum_{l=0}^{N-1} h(k,l) f(x+k,y+l)$$

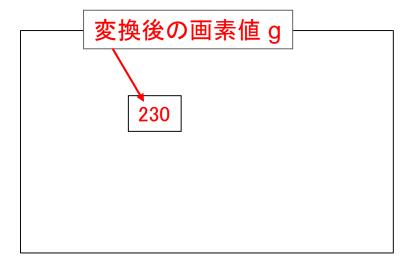
#### 空間フィルタリング処理(畳み込み処理)②

#### 3×3の空間フィルタ h

0	-1	0
-1	5	-1
0	-1	0



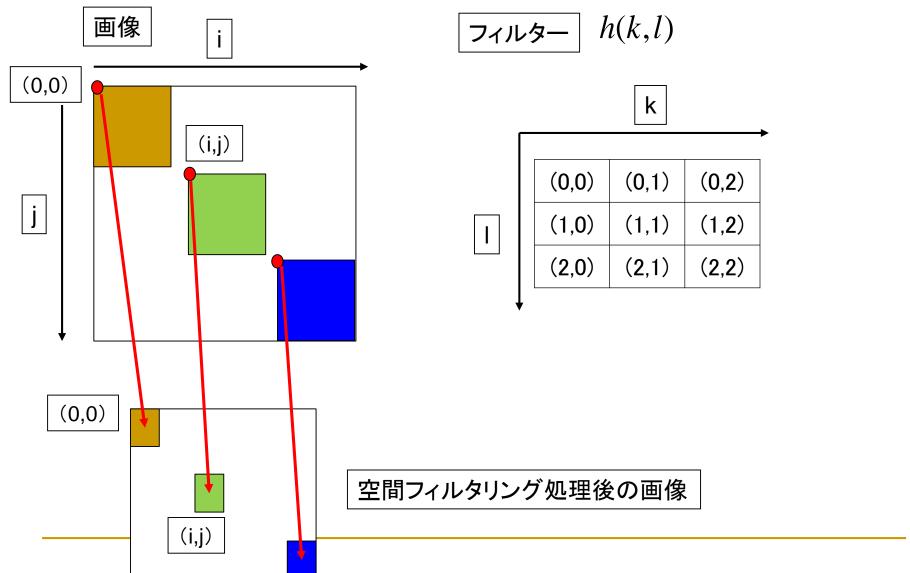




周辺の3×3の小領域 f

以上の処理を全ての画素で行なう

#### 空間フィルタリング処理(畳み込み処理)③



#### 空間フィルタリング処理(畳み込み処理)④

#### 入力画像 f(x,y)

2	4	1	3	5
3	2	6	2	8
1	0	3	4	2
6	2	1	7	5
5	3	2	5	6

#### 平滑化フィルタ h

$$h(k,l) = \frac{1}{9} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

#### 出力画像 g(x,y)

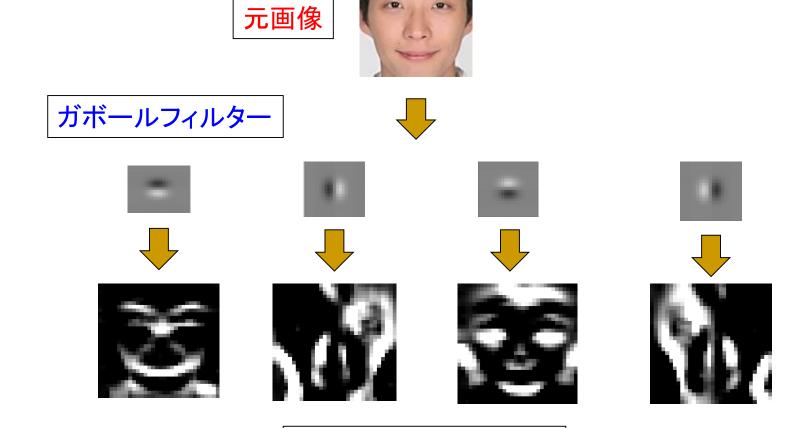




2.44444	2.777778	3.777778
2.666667	3	4.222222
2.55556	3	3.888889

(3+4+2+1+7+ 5+2+5+6)/9

### 空間フィルタリング処理(畳み込み処理)⑤



フィルタリング後の画像

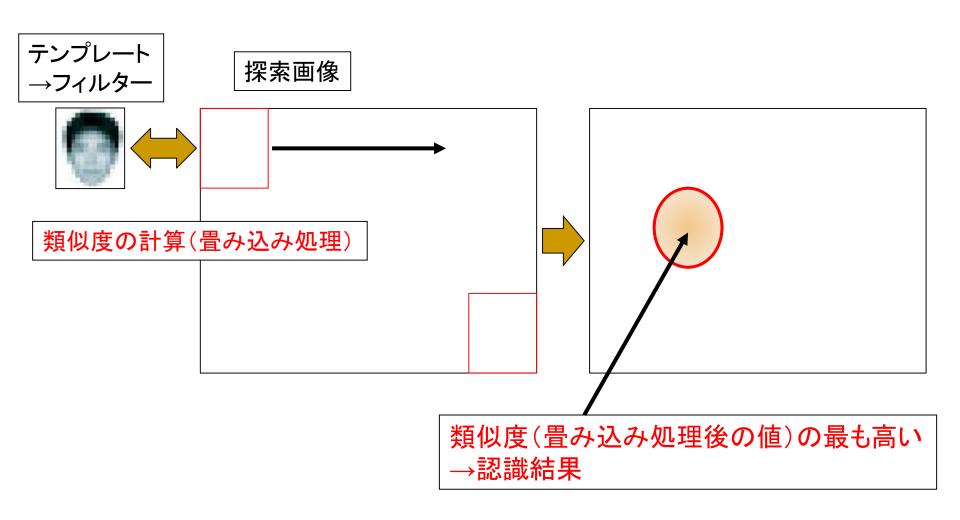
### テンプレートマッチングと畳み込み処理①

#### ■ 類似度

$$R_{p} = \cos \theta = \frac{\mathbf{t} \mathbf{x}_{p}}{\|\mathbf{t}\| \cdot \|\mathbf{x}_{k}\|}$$
**畳み込み処理**

$$g(x,y) = \sum_{l=1}^{N-1} \sum_{l=1}^{N-1} h(k,l) f(x+k,y+l)$$

### テンプレートマッチングと畳み込み処理②



### テンプレートマッチングの工夫①(高速化)

SSD(Sum of Squared Difference)

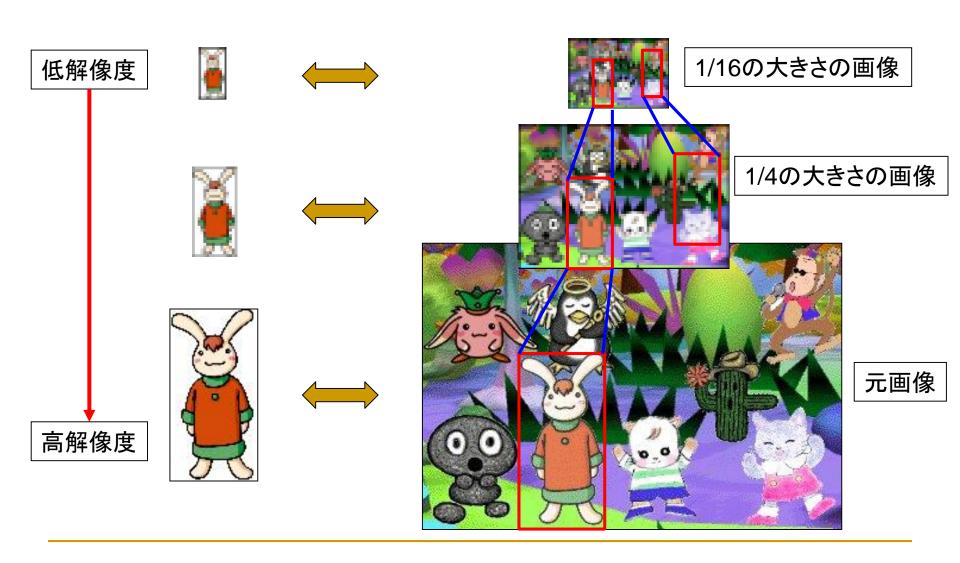
$$SSD = \sum_{i=1}^{n} (t_i - x_{pi})^2$$

SAD(Sum of Absolute Difference)

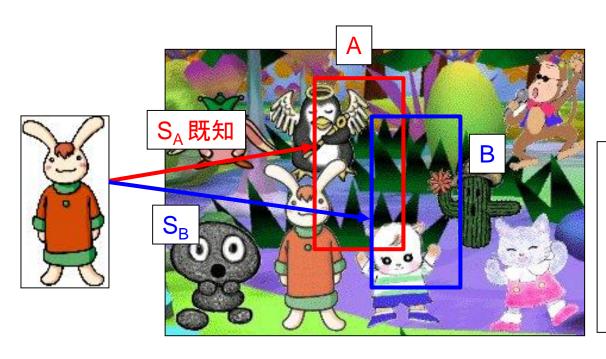
$$SAD = \sum_{i=1}^{n} |t_i - x_{pi}|$$

- SSD, SADを求める際, 閾値を超えたら停止し, 次の探索位置へ移動
- 閾値=それまでの最小値

### テンプレートマッチングの工夫②(ピラミッド探索)



### テンプレートマッチングの工夫③(高速化)



S<sub>A</sub>: Aとの類似度(既知)

S<sub>B</sub>:Bとの類似度

|A|:Aの画素数

|B|:Bの画素数

|B-A|:BからAを除いた領域の

画素数

|A∩B|:AとBの共通領域の画素数

Bとの類似度の上限値S<sub>up</sub> →これまでの最大類似度より大きい場合のみ, S<sub>R</sub>を計算

$$S_{up} = \frac{\min(S_A \mid A \mid, \mid A \cap B \mid) + \mid B - A \mid}{\mid B \mid}$$

### 問題点

- 大きさが異なる場合
- 傾きがある(回転している)場合
- 他の図形と重なっている(オクルージョン)場合







「うさぎ」は図中のどこにいるでしょうか

## テンプレートマッチングの例題

例題①

例題②(ステレオマッチング)

### テンプレートマッチングの例題(1)

うさぎ(template.jpg)は右図(search.jpg)のどこにいるかを調べるプログラム(Python)

template.jpg



search.jpg



## テンプレートマッチングのプログラム

- matching.py
  - □画素単位での実行

- matching\_numpy.py
  - □ ベクトル演算(numpy)での実行

## 実行方法

- 必要なパッケージ
  - □ numpy, PIL(pillow)が必要
  - 理工学ITCのAnaconda上にはインスール済
  - □ 仮想環境下ではインストールが必要
  - > pip install numpy
  - > pip install pillow

#### ■ 実行方法

- > python matching.py
- > python matching-numpy.py

## 探索画像の読み込み(matching.py)①

#### mathing.py

import sys
import os

from PIL import Image, ImageDraw

ライブラリのインポート

#探索画像の読み込み

search\_file = "search.jpg"

RGB画像として読み込み

search\_img = Image.open(search\_file).convert('RGB')

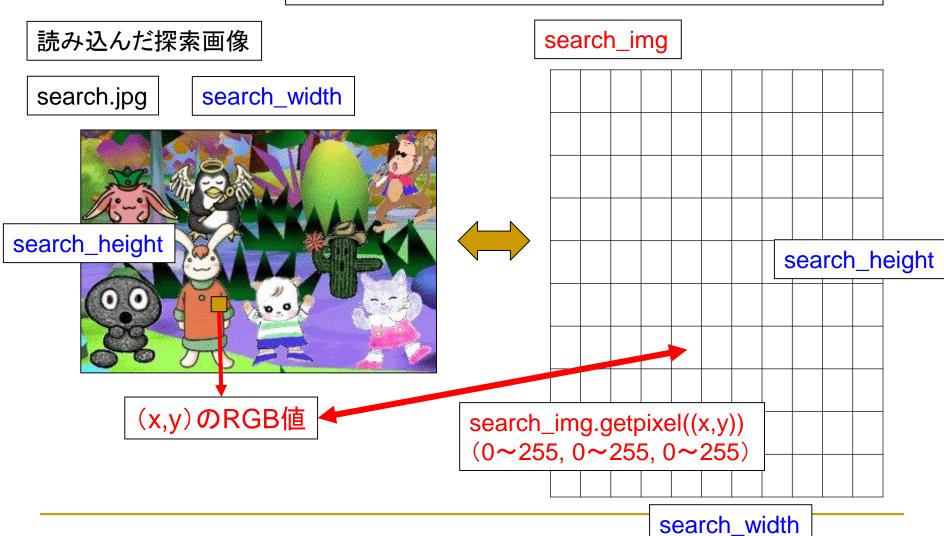
search\_width , search\_height = search\_img.size
print( search\_width , search\_height )

size[0] 横の長さ size[1] 縦の長さ

search\_img 探索画像を読み込む変数

## 探索画像の読み込み(matching.py)②

search\_img = Image.open(search\_file).convert('RGB')



## テンプレートの読み込み (matching.py) ①

# テンプレートの読み込み template\_file = "template.jpg"

RGB画像として読み込み

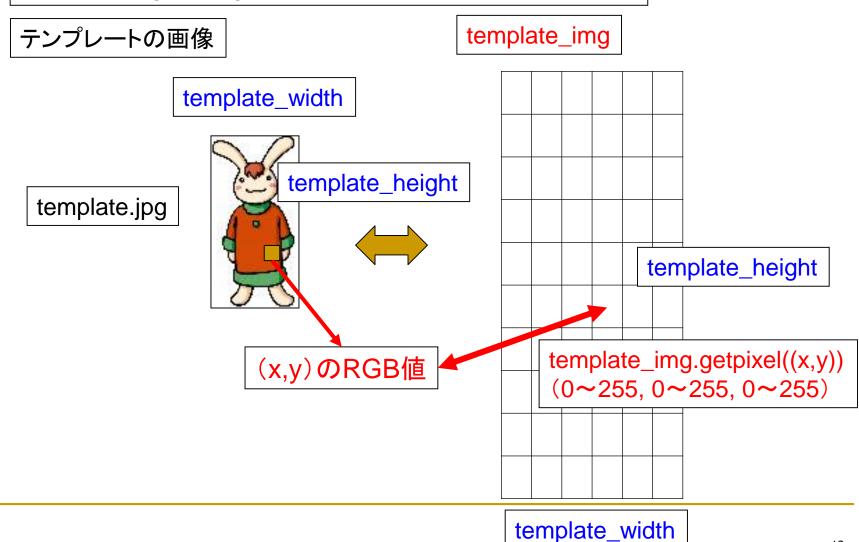
template\_img = Image.open(template\_file).convert('RGB')

template\_width , template\_height = template\_img.size print( template\_width , template\_height ) size[0] 横の長さ size[1] 縦の長さ

template\_img テンプレートを読み込む変数

## テンプレートの読み込み (matching.py) ②

template\_img = Image.open(template\_file).convert('RGB')

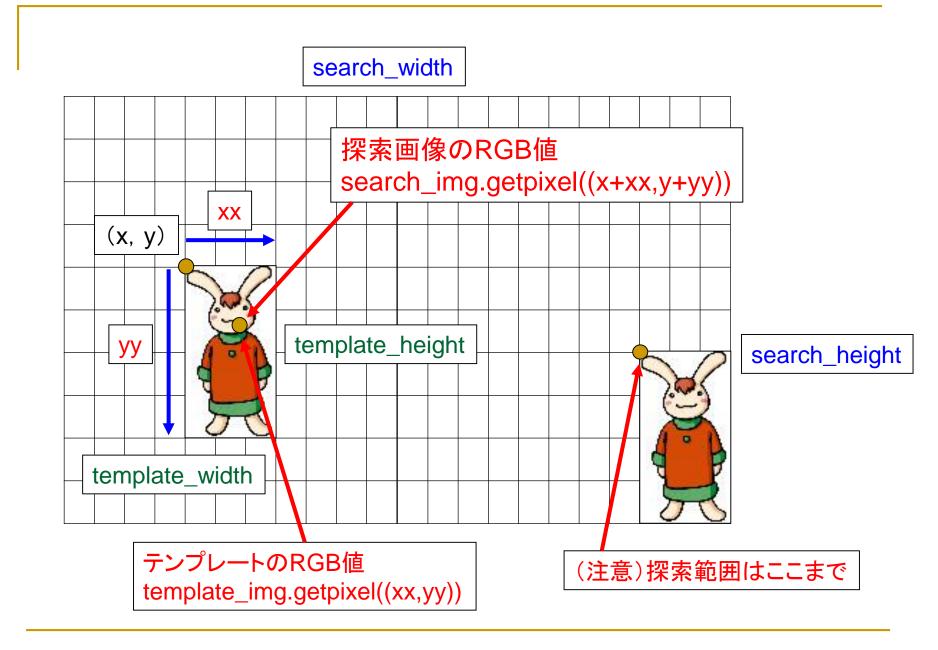


## 画像の読み込みのまとめ

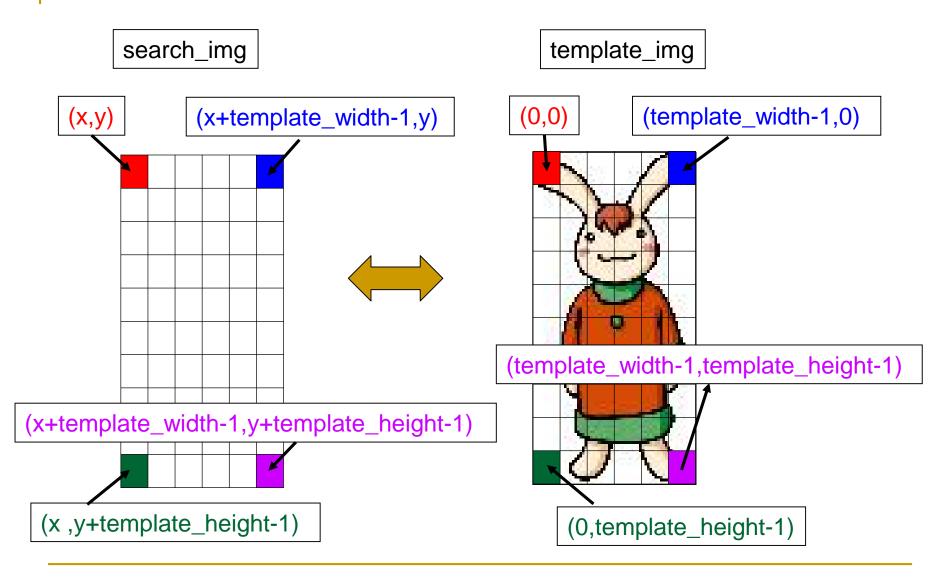
- 探索画像(search.jpg)
  - □ 大きさ search\_width × search\_height
  - □ 変数 search\_img
  - □ 画素値 search\_img.getpixel((x,y))
  - □ RGB値(整数値)(0~255, 0~255, 0~255)
- テンプレート画像(template.jpg)
  - □ 大きさ template\_width × template\_height
  - □ 変数 template\_img
  - □ 画素値 template\_img.getpixel((x,y))
  - □ RGB値(整数値)(0~255, 0~255, 0~255)

### テンプレートマッチングのプログラム (matching.py)

```
# テンプレートマッチング
                              結果を格納する座標
min_val = float('inf')
                              (ans_x,ans_y)
ans x = 0
ans_y = 0
for y in range(0,search_height-template_height,5):
                                             探索できる範囲に注意
 for x in range(0,search_width-template_width,5):
    sum = 0.0
                                             計算時間がかかるので、このプログラム
    # SSDの計算
                                             では5画素ごとに探索
   for yy in range(template_height):
      for xx in range(template width):
                                       (s[0],s[1],s[2]) \rightarrow (R,G,B)
        s = search_img.getpixel((x+xx,y+yy))
        t = template_img.getpixel((xx,yy))
        for i in range(3):
                                        SSDの計算
          sum += (s[i] - t[i]) * (s[i] - t[i])
    # 最小値を記憶
    if min_val > sum:
      min_val = sum
                     SSDの最小値, その座標を保存
      ans x = x
      ans_y = y
```



### テンプレートと探索画像の座標関係



# 結果の表示(matching.py)①

結果の表示

search\_img.show()

```
# 枠の描画
draw = ImageDraw.Draw(search_img)
draw.rectangle((ans_x, ans_y, ans_x+template_width, ans_y+template_height),
outline=(255,0,0))

左上座標(ans_x,ans_y)
横template_width, 縦template_height
の大きさの四角形を描画

「result.jpg」に保存

# 結果の表示
```

# 結果の表示(matching.py)②

■ 枠の描画→「result.jpg」に保存

(ans\_x, ans\_y)

template\_height

template\_width

### 探索画像の読み込み(matching\_numpy.py)①

#### mathing\_numpy.py

import sys import os import numpy as np from PIL import Image, ImageDraw

ライブラリのインポート

#探索画像の読み込み

search\_file = "search.jpg"

search\_img = Image.open(search\_file).convert('RGB')

# numpyに変換(Y,X,channel)
search = np.asarray(search\_img).astype(np.float32)
print( search.shape )

search\_width = search.shape[1]

search\_height = search.shape[0]

print( search\_width , search\_height )

RGB画像として読み込み

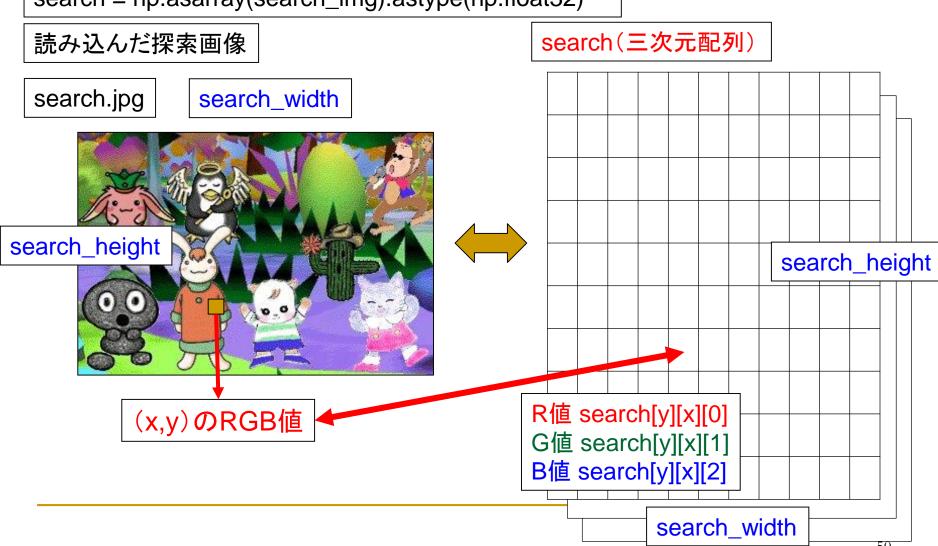
shape[0] 縦の長さ shape[1] 横の長さ shape[2] チャネル数(この場合は3)

#### search

探索画像を読み込む変数

### 探索画像の読み込み (matching\_numpy.py) ②

search\_img = Image.open(search\_file).convert('RGB')
search = np.asarray(search\_img).astype(np.float32)



### テンプレートの読み込み (matching\_numpy.py)①

```
# テンプレートの読み込み
template_file = "template.jpg"
template_img = Image.open(template_file).convert('RGB')

# numpyに変換
template = np.asarray(template_img).astype(np.float32)
print( template.shape )
template_width = template.shape[1]
template_height = template.shape[0]
print( template_width , template_height )

RGB画像として読み込み

RGB画像として読み込み

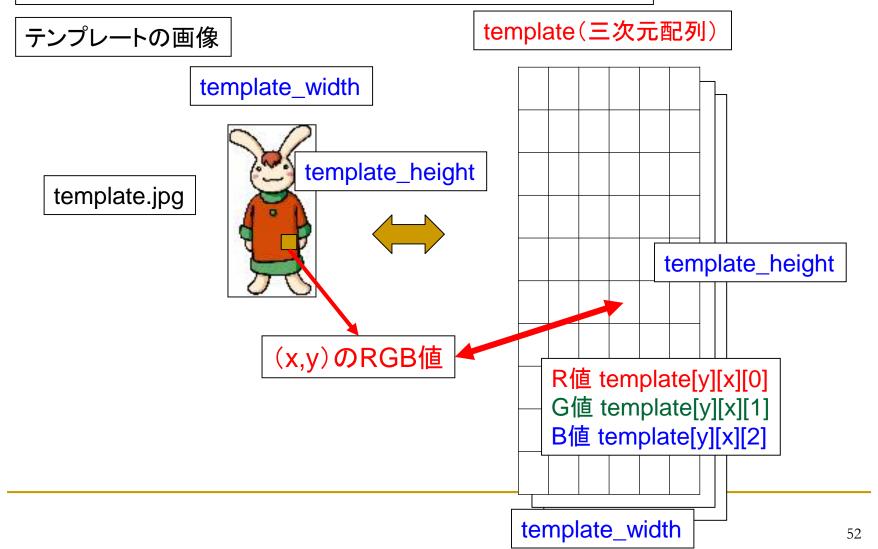
Shape[0] ※の長さ
Shape[1] 様の長さ
Shape[1] 様の長さ
Shape[2] チャネル数(この場合は3)
```

template

テンプレートを読み込む変数

## テンプレートの読み込み (matching\_numpy.py) ②

template\_img = Image.open(template\_file).convert('RGB') template = np.asarray(template\_img).astype(np.float32)



#### テンプレートマッチングのプログラム (matching\_numpy.py)

#### numpy演算を利用しない場合

```
# テンプレートマッチング
                       結果を格納する座標
min_val = float('inf')
                       (ans_x,ans_y)
ans x = 0
ans_y = 0
for y in range(0,search_height-template_height,5):
                                              探索できる範囲に注意
  print(y)
  for x in range(0,search_width-template_width,5):
    sum = 0.0
    # SSDの計算
    for i in range(3):
                                         プログラム中ではコメントしている
      for yy in range(template_height):
        for xx in range(template width):
          sum += ( search[y+yy][x+xx][i] - template[yy][xx][i] ) *
                                                           SSDの計算
                 ( search[y+yy][x+xx][i] - template[yy][xx][i] )
    # 最小値を記憶
    if min_val > sum:
      min_val = sum
                      SSDの最小値, その座標を保存
      ans x = x
      ans_y = y
```

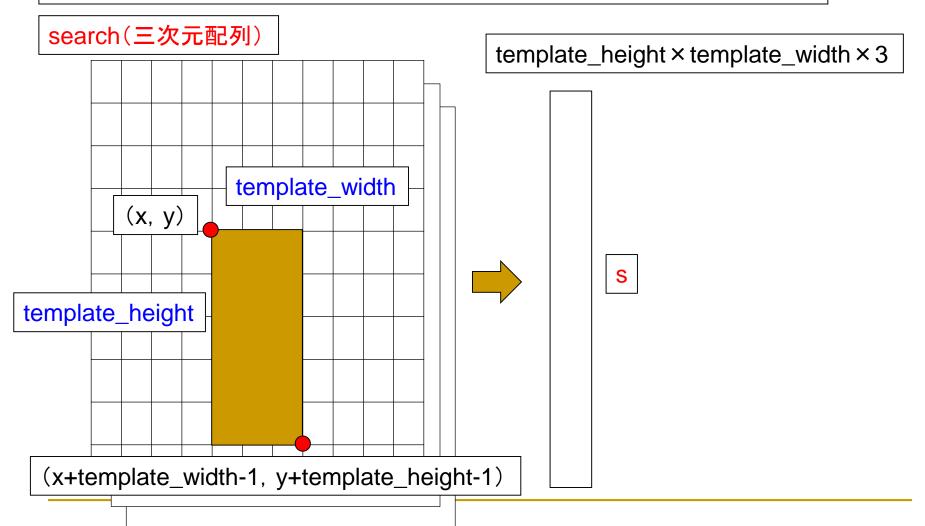
#### テンプレートマッチングのプログラム (matching\_numpy.py)

#### numpy演算を利用する場合

```
# テンプレートマッチング
                    結果を格納する座標
min_val = float('inf')
                     (ans_x,ans_y)
ans x = 0
ans y = 0
for y in range(0,search_height-template_height,5):
                                              探索できる範囲に注意
  for x in range(0, search_width-template_width,5):
    sum = 0.0
    # SSDの計算
    s = search[y:y+template_height,x:x+template_width,:].flatten()
    t = template.flatten()
                                SSDの計算
    sum = np.dot((t-s).T, (t-s))
    # 最小値を記憶
    if min_val > sum:
                     SSDの最小値, その座標を保存
      min val = sum
      ans_x = x
      ans_y = y
```

### SSDの計算①

s = search[y:y+template\_height,x:x+template\_width,0:3].flatten()

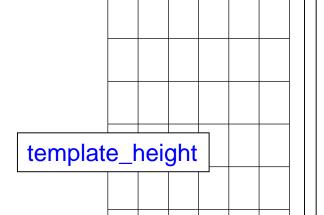


### SSDの計算②

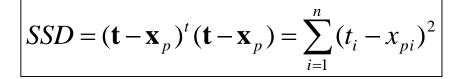
t = template.flatten()

#### template(三次元配列)

 $template\_height \times template\_width \times 3$ 







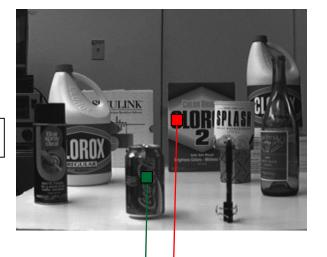
転置

sum = np.dot((t-s).T, (t-s))

内積

## ステレオマッチング(例題②)

#### ステレオ画像



左画像と右画像の位置に差が生じる



「近く」と「遠く」にある物においては、その差(の量)にも違いが生じる



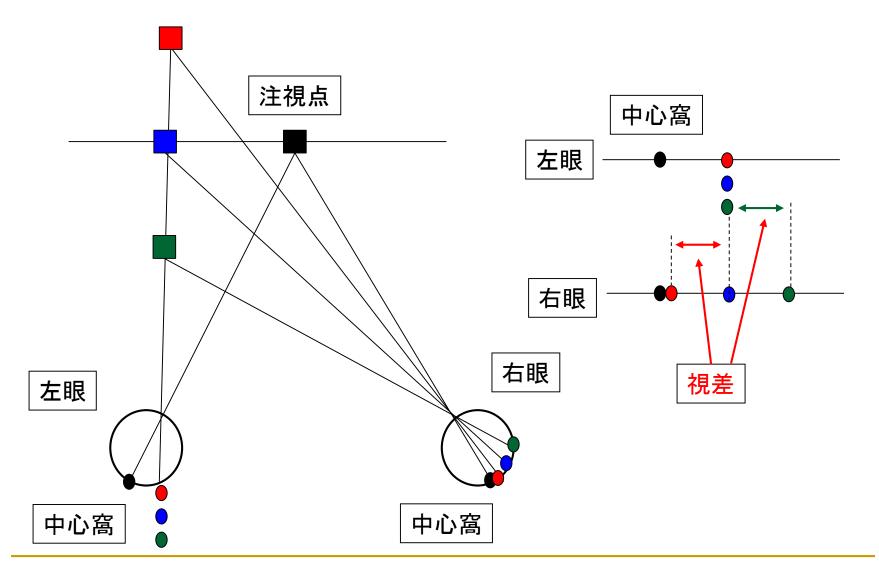
これを「視差」と呼び、奥行き(距離ではない)を認識することができる





右画像

# 両眼視差



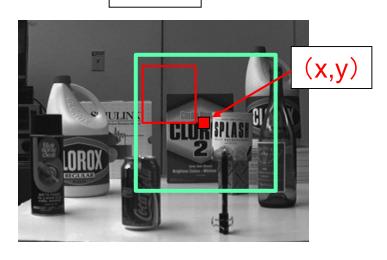
## ステレオマッチングの原理①

#### 左画像



左画像の座標(x,y)を中心に, 大きさ (X×Y)のテンプレート(赤枠)を切り出す

#### 右画像



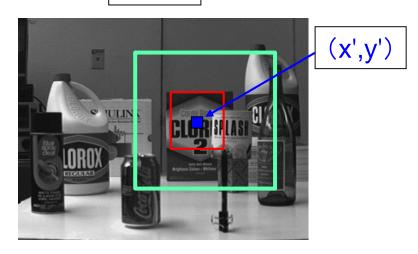
右画像の座標(x,y)を中心に,一定範囲内(緑枠)\*で,テンプレートと最も類似した領域を探索(テンプレートマッチング)

## ステレオマッチングの原理②

左画像



右画像



テンプレートマッチングの結果の座標(x',y')

視差

$$d = (x - x')^{2} + (y - y')^{2}$$

# ステレオマッチングの原理②

左画像





右画像







全ての画素において視差を求める



視差マップ

白領域→近い 黒領域→遠い

### ステレオマッチングのプログラム(1)

### (stereo\_matching.py)

#### 左画像の読み込み

```
import sys
import os
import numpy as np
from PIL import Image
```

#### ライブラリのインポート

```
# 左画像の読み込み
left_file = "left.jpg"
left_img = Image.open(left_file).convert('L')
```

# numpyに変換 -> (Y,X,channel)

left = np.asarray(left\_img).astype(np.float32)

print( left.shape )

left\_width = left.shape[1]

left\_height = left.shape[0]

print( left\_width , left\_height )

グレースケール画像として読み込み

shape[0] 縦の長さ shape[1] 横の長さ shape[2] チャネル数(この場合は1)

### ステレオマッチングのプログラム②

### (stereo\_matching.py)

#### 右画像の読み込み

```
#右画像の読み込み
                                グレースケール画像として読み込み
right_file = "right.jpg"
right_img = Image.open(right_file).convert('L')
# numpyに変換 -> (Y,X,channel)
right = np.asarray(right_img).astype(np.float32)
print( right.shape )
                                shape[0] 縦の長さ
right_width = right.shape[1]
                                shape[1] 横の長さ
right_height = right.shape[0]
                                shape[2] チャネル数(この場合は1)
print( right_width , right_height )
# 視差マップ
                                      視差マップの二次元配列
result = np.ones((left_height, left_width))
```

### ステレオマッチングのプログラム③

(stereo\_matching.py)

```
# 探索領域の大きさ
search_size = 21 // 2
# テンプレートの大きさ
template_size = 21 // 2
for y in range(0,left_height,1):
  for x in range(0,left_width,1):
    ans_x = 0
    ans_y = 0
    min_val = float( 'inf' )
```

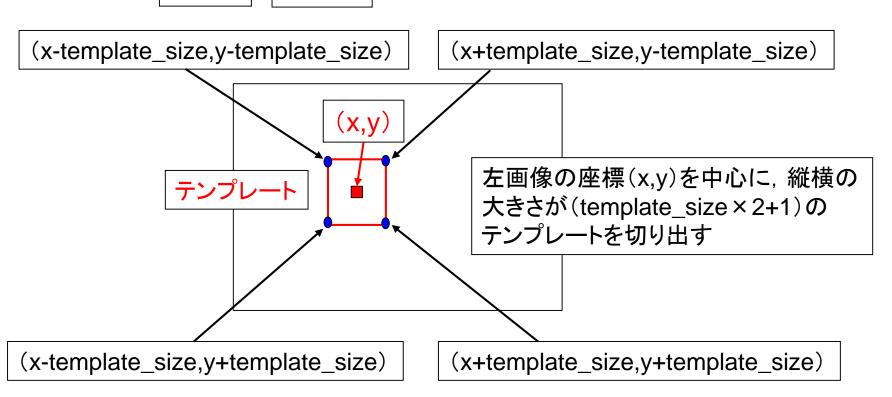
左画像の座標(x,y)を中心としたテンプレートに最も類似した領域を右画像から探索し、その座標(ans\_x,ans\_y)を求めなさい

result[y,x]= $(x-ans_x)*(x-ans_x)+(y-ans_y)*(y-ans_y)$ 

## 左画像から切り出すテンプレート

左画像

配列left



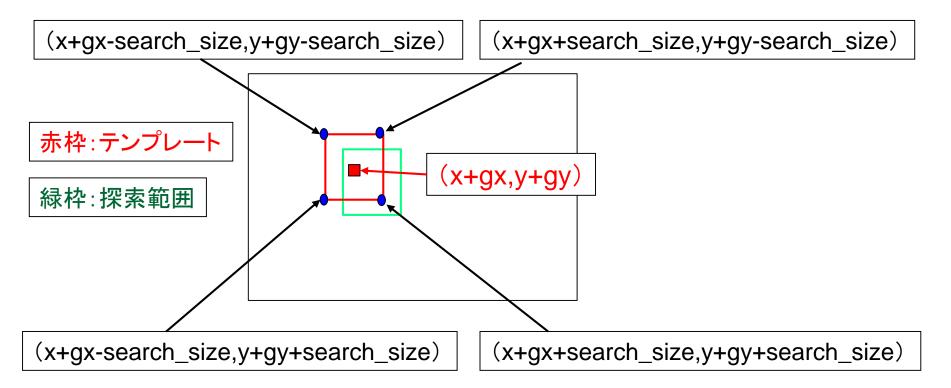
## 右画像でのテンプレートマッチング①

右画像 配列right (x-search\_size,y-search\_size) (x+search\_size,y-search\_size) (x,y)探索範囲 gx gy (x-search\_size,y+search\_size) (x+search\_size,y+search\_size)

## 右画像でのテンプレートマッチング②

右画像

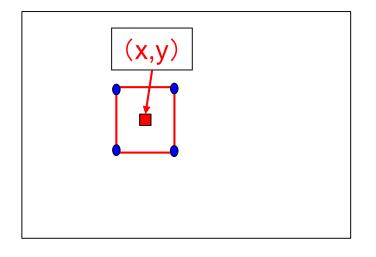
配列right



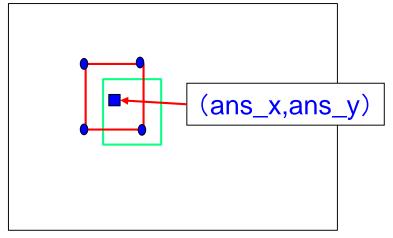
右画像の座標(x+gx,y+gy)を中心に、縦横の大きさが(template\_size × 2+1)の画像とテンプレートの類似度を求める

### 視差の計算

#### 左画像



#### 右画像



視差 
$$d = (x-x')^2 + (y-y')^2$$

 $result[y,x]=(x-ans_x)*(x-ans_x)+(y-ans_y)*(y-ans_y)$ 

### ステレオマッチングのプログラム4

(stereo\_matching.py)

```
min = np.min( result )
max = np.max( result )
result = (result-min)/(max-min) * 255

result_img = Image.fromarray(np.uint8(result))
result_img.save('result.jpg')

「result.jpg」として保存
```

## 実行方法

- 実行方法
  - □ (完成しないと実行しません)
  - > python stereo\_matching.py

# 実行例

左画像



視差マップ

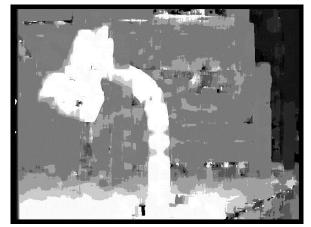












## 宿題①

- ステレオマッチングのプログラム(stereo\_matching.py)を完成させなさい
- 類似度はSSD(もしくはSAD)を用いなさい
- テンプレートの大きさは(template\_size×2+1)です
- 探索範囲は(search\_size×2+1)です
- y軸方向には探索しなくてもかまいません

## (本日の)参考文献

- 石井健一郎他:わかりやすいパターン認識,オーム 社(1998)
- 塩入諭, 大町真一郎: 画像情報処理工学, 朝倉書店(2011)
- 平井有三:はじめてのパターン認識, 森北出版( 2012)