برقى ومقناطيسيات

خالد خان بوسفز کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالو جی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

•		<u> </u>	•
1	مقداری اور سمتیه	1.1	
2	سمتي الجبرا	1.2	
3	كارتيسي محدد	1.3	
5	اكائبي سمتيات	1.4	
9	ميداني سمتيم	1.5	
9	سمتى رقبہ	1.6	
10	غیر سمتی ضرب	1.7	
14	سمتی ضرب یا صلیبی ضرب	1.8	
17	گول نلكى محدد	1.9	
20	1.9.1 نلکی اکائی سمتیات کا کارتیسی اکائی سمتیات کے ساتھ غیر سمتی ضرب		
20	1.9.2 نلکی اور کارتیسی اکائی سمتیات کا تعلق		
25	1.9.3 نلكي لامحدود سطحين		
27	کروی محدد	1.10	
37	کا قانون	كولومب	2
37	قوت کشش یا دفع	2.1	
41	برقی میدان کی شدت	2.2	
44	یکسان چارج بردار سیدهی لامحدود لکیر کا برقی میدان	2.3	
49	يكسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	2.4	
53	چارج بردار حجم	2.5	
54	مزید مثال	2.6	
61	برقی میدان کے سمت بہاو خط	2.7	
63	سوالات	2.8	

iv		عنمان

65																																														بلاو	. پھي	اور	ون	کا قان	س ک	گاؤ.	3
65																																															رج	چار	کن .	ساك		3.1	
65				•																																						•				جربہ	ا تج	5	<u>ا</u> کے	فيراة		3.2	
66						•																		•					٠					•												زن	قانو	کا	س	گاؤ		3.3	
68																																										ل	مما	است	کا	نون	ے قا	کے	س	گاؤ		3.4	
68																		•	•											•								•	•					رج	چا	قطہ	i		3.4	1.1			
70																		•																		i	طح	سبا	وی	کرو	ٔ ر	بردا	ج	چار	اں	بکس	ی		3.4	1.2			
70																																	بر	لكي	ود	حد	زم	ی ا	لھے	سيا	ار ،	بردا	ج	چار	اں	بکس	ی		3.4	1.3			
71																																														ر	، تار	ری	محو	بم ,		3.5	
73																																						لح	سط	د	بدو	مح	Υ_	موا	ار ۽	ٔ برد	ارج	چ	ساں	یک		3.6	
73																													•					(للاق	اط	کا	ون	قان	ے	5	ىس	گاؤ	ا پر	ج	ے ح	و ڻو	چ	ائى	انتم		3.7	
76																																																	دو	پهيا		3.8	
78																													•										ن	وان	ساو	مہ	کی	لاو	پهي	میں	دد د	حا	ی م	نلك		3.9	
80																													•														ات	ساو	ے م	مومي	، ع	کی	(و َ	پهيا	3	.10	
				_																																												٨. ٨	ئلہ د		2	11	
82	•			•	•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠											•	•	٠	•	•	•	•		•	•		•	•	دو	-6.		مسن	3	. 1 1	
	•			-	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•							
85	•				•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•																																و	دبار	قى	ور بر	ئی ا	تواناة	4
85 85	•																																													م	و ِ کا	دبار اور	قى ائى	ور بر توانا	ئی ا	تواناة 4.1	4
85 85 86																																														أم	و کاا ملہ	دبار اور تک	ئى رى	ور بر توانا لکی	ئی ا	تواناة 4.1 4.2	4
85 85 86 91		•		•																																•						•				۴.	و كا مله	دبار اور تک	ری ری دب	ۇر بر توانا لكىي برقىي	ئی ا	تواناة 4.1	4
85 85 86 91																																								دبا		برق			۔	ُم قطہ	و كاد مله	دبار اور تک	قى ئى رى دى دى	ور بر توانا لکیر برقی	ئی ا	تواناة 4.1 4.2	4
85 85 86 91 92																																			٠ د د		٠.	٠ .	بے	. دبا	نی	برق	. كا	 چار		م قطہ کیر	و كا مله ن	دباه اور تک	قى ئى دىرى 4.3	ور بر توانا لکیہ برقح 3.1	ئی ا	تواناة 4.1 4.2	4
85 85 86 91 92 93																																			٠ .		٠. ي	پيد او	بے دبا	دبا قى	ن نت برة	برق کثاف	کا تار		ی د	م كير: م م	و کاد ملہ د	دبا. اور تک	قی ائی ری دبری 4.3	ور بر توانا لکیہ برقح 3.1	ئی ارا	تواناة 4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92																																			٠ .		٠. ي	پيد او	بے دبا	دبا قى	ن نت برة	برق کثاف	کا تار		ی د	م كير: م م	و کاد ملہ د	دبا. اور تک	قی ائی ری دبری 4.3	ور بر توانا لکیہ برقح 3.1	ئی ارا	تواناة 4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93			•																															٠	٠		٠. ي	پيد او	بے دبا	او	نی نت برز	برق کثاف	کا تار		ی حور	م تقطم حکیر جارج	و مله مله ن	دبا اور تک	ائی ری دبری 4.3 4.3	ور بر توانا لکیہ برقی 3.1 3.2	نی اه	4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93 94																																		٠	٠	٠	٠. ي	بيد	سے دبا	دبا قى او	نی برز	كثافة كا	کا تار ، بر		ی چا حور حوں لموان	م م كير م م جارج د ده	و کاللہ ممللہ د کی	دبار اور تک باو	قى ئى دې 4.3 4.3 د د د د د د د د د د د د د د د د د د د	ور بر توانا لکیب برقی متعا برقی	نی اه	4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93 94 94 98																																		٠		٠	٠	پيد	بے دبا	د دبا ماو	نی برهٔ درد	کثاف	. کا تار ، می		ی . یی . یوں یوں لوان	م تقطه عارج عارج للكي	و کاا مللہ او کا	دبا اور تک باو		ور بر توانا برقی 3.1 3.2 متعا	نی اه	4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93 94 94 98																																		٠		٠	ا بر	بيد	بے دیا ن	. دبا درا درا درا درا درا درا درا درا درا در	ئى د دىد د دە	كثاف كثاف	. کا تار ، می			م م حم م م م م م م م م م م م م م م م م	و کا	دبا اور تک او	ائی ری 4.3 4.3 4.3 4.3	ور بر توانا برقع 3.1 متعا برقع متعا	ی اه	4.1 4.2 4.3 4.4	4
85 85 86 91 92 93 94 94 98 102			-																																· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	٠	ا بر	٠			ئى دىدىدىد دەدەد	كا كا كا كا يس	کا تار کا تار ، بر بر ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،			م محير . حم م بارج بارج کروء کروء	و كا. مالم	اور دبااور تک تک تک تک تک اور دبااو اور دبااو اور دبااو اور دبااو تک	قى ائى دب 4.3 4.3 4.3 4.3 4.3	ور بر توانا برقنی 3.1 3.3 برقنی متعا	ئی اہ	4.1 4.2 4.3 4.4	4

v عنوان

115	، ذو برق اور کپیسٹر	موصل،	5
115	برقمی رو اور کتافت برقمی رو	5.1	
117	استمراری مساوات	5.2	
119	موصل	5.3	
124	موصل کے خصوصیات اور سرحدی شرائط	5.4	
127	عکس کی ترکیب	5.5	
130	نيم موصل	5.6	
131	خو برق	5.7	
136	کامل ذو برق کے سرحد پر برقی شرائط	5.8	
140	موصل اور ذو برقی کے سرحدی شرائط	5.9	
140		5.10	
142	5.10.1 متوازی چادر کپیسٹر		
143	5.10.2 بم محوری کپیسٹر		
143	5.10.3 بم کوه کپیسٹر		
145	سلسلہ وار اور متوازی جڑے کپیسٹر	5.11	
146	دو متوازی تاروں کا کپیسٹنس	5.12	
155	اور لاپلاس مساوات	پوئسن	6
157	مسئلہ یکتائی	6.1	
	۔ لاپلاس مساوات خطی ہے	6.2	
	نلکی اور کروی محدد میں لاپلاس کی مساوات	6.3	
160	۔ لاپلاس مساوات کے حل	6.4	
	پوئسن مساوات کر حل کی مثال	6.5	
	بر ق مر عے ق ق لاپلاس مساوات کا ضربی حل	6.6	
	پ س رسی می اور سری می می می می در می می می در می	6.7	
	- 2		

vi

183	اطيسي ميدان	أ ساكن مقا
183	ايوڻ-سيوارث کا قانون	7.1
187	يمپيئر کا دوری قانون	7.2
191	گردش	7.3
198	7.3.1 نلكى محدد ميں گردش	
204	7.3.2 عمومی محدد میں گردش کی مساوات	
205	7.3.3 کروی محدد میں گردش کی مساوات	
206	ىسئلہ سٹوکس	7.4
210	ىقناطىسى بىهاو اوركثافت مقناطىسى بىهاو	7.5
216	گیر سمتی اور سمتی مقناطیسی دباو 	7.6
221	ساکن مقناطیسی میدان کرے قوانین کا حصول	7.7
222	7.7.1 سمتی مقناطیسی دباو	
	. 7.7.2 ایمپیئر کا دوری قانون	
223		
223		
227		} مقناطيسي
227 227	قوتیں، مقناطیسی مادیے اور امالہ	8 مقناطیس <u>ی</u> 8.1
227227228	قوتیں، مقناطیسی مادے اور امالہ بتحرک چارج پر قوت	8 مقناطیسی 8.1 8.2
227227228231	قوتیں، مقناطیسی مادے اور امالہ بتحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3
227227228231232	قوتیں، مقناطیسی مادیے اور امالہ شحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3 8.4
227 227 228 231 232 237	قوتیں، مقناطیسی مادیے اور امالہ بتحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5
227 227 228 231 232 237 238	قوتیں، مقناطیسی مادیے اور امالہ تحرک چارج پر قوت فرقی چارج پر قوت رقی رو گزارتے تفرقی تاروں کے مابین قوت وت اور مروڑ	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6
227 227 228 231 232 237 238 241	قوتیں، مقناطیسی ماد ہے اور امالہ تتحرک چارج پر قوت مُرقی چارج پر قوت رقی رو گزارتے تفرقی تاروں کے مابین قوت وت اور مروڑ	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7
227 227 228 231 232 237 238 241 242	قوتیں، مقناطیسی مادے اور امالہ متحرک چارج پر قوت مقرقی چارج پر قوت رقی رو گزارتے تفرقی تاروں کے مابین قوت وت اور مروڑ ولادی مقناطیسی اشیاء اور مقناطیسی خطے مقناطیسیت اور مقناطیسی مستقل مناطیسی سرحدی شرائط	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7
227 228 231 232 237 238 241 242 245	قوتیں، مقناطیسی مادیے اور امالہ تحرک چارج پر قوت مرقی چارج پر قوت رقی رو گوارتے تفرقی تاروں کے مابین قوت وت اور مروژ ولادی مقناطیسی اشیاء اور مقناطیسی خطے قناطیسیت اور مقناطیسی مستقل قناطیسی سرحدی شرائط	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7 8.8 8.9

253	تھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات	وقت کے سا	9
253	ئے کا قانون	9.1 فيرادُّ	
259	لى برقى رو	9.2 انتقا	
263	س ویل مساوات کی نقطہ شکل	9.3 میک	
264	س ویل مساوات کی تکمل شکل	9.4 میک	
266	یری دباو	9.5 تاخب	
271	3	مستوى امواج	10
271	ی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج	10.1 خالم	
272	و مقناطیسی مستوی امواج	10.2 برقبی	
279	20.1 خالی خلاء میں امواج	2.1	
281	10.2 خالص یا کامل ذو برق میں امواج	2.2	
283	10.2 ناقص يا غير كامل ذو برقى ميں امواج	2.3	
286	ننگ سمتیم	10.3 پوئٹ	
289	ىمل ميں امواج	10.4 موص	
295	کاس مستوی موج	10.5 انعہ	
301	ح ساکن موج	10.6 شر-ِ	
309		ترسیلی تار	11
309	یلی تار کے مساوات	11.1 ترسب	
313	یلی تار کے مستقل	11.2 ترسب	
314	2.11 ہم محوری تار کے مستقل	2.1	
317	2.11 دو متوازی تارکحے مستقل	2.2	
318	11.2 سطح مستوی ترسیلی تار	2.3	
319	یلی تار کے چند مثال	11.3 ترسي	

باب 10

مستوى امواج

لا محدود خطہ جس کا کوئی سر حدنہ ہو میں میس ویل مساوات کا حل سادہ ترین مسئلہ ہے البتہ اس سے حاصل نتائج انتہائی دلچسپ اور معلوماتی ثابت ہوتے ہیں۔ آپ دیکھیں گے کہ وقت کے ساتھ بدلتا ہرقی میدان، وقت کے ساتھ بدلتا ہو قت کے ساتھ بدلتا ہمی تعاون ہوتے ہیں گے کہ وقت کے ساتھ بدلتا ہمی تعاون ہوتے ہیں گے کہ وقت کے ساتھ بدلتا ہمی تعاون ہوتے ہوئکہ ہرقی میدان چارج کی بدولت جب لہذا چارج یارو میں کسی بھی تبدیل سے باہمی تعاون سے بدلتا ہرقی اور بدلتا مقناطیسی میدان یعنی ہرقی و مقناطیسی اموج پیدا ہوتی ہے۔ ایسے امواج کی تعدد کی سائن نما موج ہی پیدا کرتی ہے۔ ہرقی و مقناطیسی امواج روشن مخصر ہے۔ یوں می زاویائی تعدد آپر سائن نما شکل میں ارتعاش کرتا چارج می زاویائی تعدد کی سائن نما موج ہی پیدا کرتی ہیں۔ انسانی آ تکھ مخصوص تعدد کی ہرقی و مقناطیسی امواج کے تعدد کی وہ پٹی کی رفتار سے حرکت کرتی ہیں۔ انسانی آ تکھ مخصوص تعدد کی ہرقی و مقناطیسی امواج کے تعدد کی وہ پٹی جو ہمیں نظر آتی ہیں روشن 4 کہلاتی ہے۔ سائن نما موج کو اس کی تعدد کی یادوری عرصے کہ سے بیان کیا جا سکتا ہے۔ ہم میں امواج دیکھ سکتے ہیں۔

دواشیاء کے سرحد پر برتی و مقناطیسی موج پر غور کرنے سے شعاعی انعکاس⁶، شعاعی انحراف⁷ اور انکسار امواج⁸ کے حقاکق دریافت ہوتے ہیں۔ مختصراً شعاع کے تمام خصوصیات میکس ویل کے مساوات سے حاصل کرنا ممکن ہے۔

10.1 خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج

جیسا کہ آپ جانتے ہیں کہ کسی بھی جسم کے اندر کسی بھی طرح پہنچایا گیا اضافی چارج باہمی قوت دفع سے آخر کار حجم کے سطح پر پہنچ جاتا ہے۔ا گران لمحات کو نظر انداز کیا جائے جتنی دیر آزاد چارج سطح تک پہنچا ہے تو جسم کے حجم میں $\rho_h=0$ تصور کیا جا سکتا ہے۔اس کتاب میں $\rho_h=0$ ہی تصور کرتے

electromagnetic¹ frequency²

angular frequency³

light⁴

reflection⁶

refraction⁷

ہوئے برقی و مقناطیسی امواج پر غور کیا جائے گالمذاایہا ہی تصور کرتے ہوئے صفحہ 263 پر دئے گئے میکس ویل مساوات یہال دوبارہ پیش کرتے ہیں

(10.1)
$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\mu \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t}$$

(10.2)
$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \sigma \boldsymbol{E} + \epsilon \frac{\partial \boldsymbol{E}}{\partial t}$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{E} = 0$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{H} = 0$$

جہاں $D=\epsilon E$ اور $B=\mu H$ کے علاوہ قانون او ہم کی نقطہ شکل $D=\sigma E$ کے استعال سے تمام مساوات صرف دو متغیرات $D=\epsilon E$ اور $D=\epsilon E$ صورت میں لکھے گئے ہیں۔

اس سے پہلے کہ ہم ان مساوات کو حل کریں، آئیں انہیں صرف دیکھ کر فیصلہ کریں کہ خالی خلاء میں ان سے کیا بتائج اخذ کئے جا سکتے ہیں۔ خالی خلاء میں ان سے کیا بتائج اخذ کئے جا سکتے ہیں۔ خالی خلاء میں گافت برقی رو آل صفر کے برابر ہوتی ہے۔ اس حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔ مساوات 10.1 کہتی ہے کہ کسی بھی نقطے پر مقناطیسی میدان میں وقت کے ساتھ تبدیلی سے اس نقطے کے گرد شر پیدا ہوتی ہے۔ گرد گومتی ہو۔ اگر مقناطیسی میدان کی قیمت کم ہو تب برقی گردش کی قیمت بھی زیادہ ہو گی اور اگر مقناطیسی میدان کی قیمت کم ہو تب گردش ہی میدان کی قیمت کم ہو تب گردش ہی بیدا کرتی ہے۔ اور دو سری حقیقت ہے کہ پہلی میدان کی قیمت کم یازیادہ کرنے سے پیدا میدان کی قیمت بھی تبدیل ہوتی ہے لئی میدان کی قیمت کم یازیادہ کرنے سے پیدا میدان کی قیمت ہی تبدیل ہوتی ہے لئی میدان کی قیمت کم یازیادہ کرنے سے پیدا میدان کی قیمت ہی تبدیل ہوتی ہے لئی میدان کی قیمت کم یازیادہ کرنے سے پیدا میدان میں وقت کے ساتھ تبدیل ہوتی ہے اس نقطے کے گرد مقناطیسی میدان برتی میدان ہی وقت کے ساتھ تبدیل ، اس نقطے کے گرد مقناطیسی میدان پیدا کرتی ہوتی ہے۔ یہاں بھی صاف واضح ہے کہ کسی بھی نقطے پر برتی میدان میں وقت کے ساتھ تبدیل ، اس نقطے سے ذرہ دور ، بدلتی مقناطیسی میدان پیدا کرتی ہے۔ ایسا معلوم ہوتا ہے کہ بدلتا مقناطیسی میدان بیدا کرتی ہوتی ہو مزید آگے مقناطیسی میدان کی رفتار ہے۔ ایسا معلوم ہوتا ہے کہ بدلتا مقاطیسی میدان بیدا کرتی بدلتے برتی اور بدلتے مقناطیسی میدان کی رفتار ہے۔ ایسا معلوم ہوتا ہے کہ بدلتا مقاطیسی میدان بی ہو والے بھی تقریباً علیہ علیہ بھی قریباً علیہ کی تقریباً علیہ میدان کی رفتار ہے۔

10.2 برقى و مقناطيسى مستوى امواج

میس ویل مساوات کے حل دوری سمتیات ⁹ کی مدد سے نہایت آسان ہو جاتے ہیں للذا پہلے دوری سمتیر پر غور کرتے ہیں جو آپ نے برقی ادوار حل کرتے وقت ضرور استعال کئے ہوں گے۔

سائن نمالهر کی عمومی شکل

$$(10.5) E_y = E_{xyz}\cos(\omega t + \psi)$$

ہے جہاں

$$(10.6) \omega = 2\pi f$$

زاویائی تعدد 10 اور ϕ زاویائی فاصله 11 بین جبکه E_{xyz} از خود 2 اور 2 اور 2 تابع تفاعل 12 هو سکتا ہے۔ تعدد 2 کی اکائی ہر ٹر 13 ہے۔ یہاں دھیان رہے کہ E_{xyz} وقت 2 کا تابع نہیں ہے۔ E_{xyz}

phasor

angular frequency¹⁰

phase angle¹¹

dependent function¹²

 $\omega t + \psi$ کسی بھی متغیرہ $j = \sqrt{-1}$ خیالی عدد j^{-15} کسا جاتا ہے جہاں $j = \sqrt{-1}$ خیالی عدد j^{-15} کسا جاتا ہے جہاں $j = \sqrt{-1}$ خیالی عدد j^{-15} کسا جاتا ہے جہاں $j = \sqrt{-1}$ کسا جاتا ہے جہاں $j = \sqrt{-1}$ کسا جاتا ہے جہاں کے پولر مماثل

$$e^{j(\omega t + \psi)} = \cos(\omega t + \psi) + j\sin(\omega t + \psi)$$

کھا جا سکتا ہے جو حقیقی $e^{i(\omega t+\psi)}$ کا اور خیالی $e^{i(\omega t+\psi)}$ کلوط تفاعل $e^{i(\omega t+\psi)}$ کا حقیقی $e^{i(\omega t+\psi)}$ کا حقیقی $e^{i(\omega t+\psi)}$ کا حقیق $e^{i(\omega t+\psi)}$ کا حقیق $e^{i(\omega t+\psi)}$ کا حقیق اور خیالی اور خیالی مشتمل مخلوط تفاعل $e^{i(\omega t+\psi)}$

$$E_y = E_{xyz}\cos(\omega t + \psi) = \left[E_{xyz}e^{j(\omega t + \psi)}\right]_{\text{cit}} = \left[E_{xyz}e^{j\omega t}e^{j\psi}\right]_{\text{cit}}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں زیر نوشت میں حقیقی لکھنے سے مرادیہ ہے کہ پورے نفاعل کا حقیقی جزو لیا جائے۔مندرجہ بالا مساوات کو بطور دوری سمتیہ یوں

$$E_{ys} = E_{xyz}e^{j\psi}$$

کھا جاتا ہے جہاں $e^{i\omega t}$ اور زیر نوشت میں حقیقی کو پوشیدہ رکھا جاتا ہے۔ اس مساوات کے بائیں ہاتھ E_{ys} کی سے ہوئے زیر نوشت میں s یاد دلاتی ہے کہ بید مساوات دوری سمتیہ کی شکل میں لکھی گئی ہے لہذا یاد رہے کہ اصل تفاعل میں $e^{i\omega t}$ پایا جاتا ہے اور پورے تفاعل کا صرف حقیقی جزو ہی لیا جائے۔ تفاعل میں s خیالی عدد یعنی $e^{i\omega t}$ کے زیر نوشت میں s دراصل اس حقیقت کو ظاہر کرتی ہے کہ اس تفاعل کا آزاد متغیرہ، مخلوط تعدد e^{is} ہے۔ ہمارے استعمال میں e^{is} خیالی عدد یعنی e^{is} میں e^{is} جہوگا۔ $e^{i\omega t}$

اب ($E_y = 10.5\cos(10^6 t - 0.35z)$ کو دوری سمتیہ کی شکل میں لکھنے کی خاطر اسے یولر مماثل کے حقیقی جزو

$$E_{y} = \left[10.5e^{j(10^{6}t - 0.35z)}\right]_{\text{cij.}} = \left[10.5e^{j10^{6}t}e^{-j0.35z}\right]_{\text{cij.}}$$

لکھنے کے بعد ej106t اور زیر نوشت میں حقیقی کو پوشیدہ رکھتے ہوئے یول

$$E_{ys} = 10.5e^{-j0.35z}$$

کھا جائے گا جہاں بائیں ہاتھ E_{ys} میں زیر نوشت میں s کا اضافہ کیا گیا۔ یاد رہے کہ E_{ys} حقیقی تفاعل ہے جبکہ E_{ys} عموماً مخلوط تفاعل ہوتا ہے۔

دوری سمتیہ سے اصل تفاعل حاصل کرنے کی خاطر اسے ejwt سے ضرب دیتے ہوئے حاصل جواب کا حقیقی جزو لیا جاتا ہے۔

مساوات 10.5 کا وقت کے ساتھ جزوی تفرق

$$\frac{\partial E_y}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t} [E_{xyz} \cos(\omega t + \psi)] = -\omega E_{xyz} \sin(\omega t + \psi)$$
$$= \left[j\omega E_{xyz} e^{j(\omega t + \psi)} \right]_{\text{dist}}$$

کے برابر ہے۔ یہ عمومی نتیجہ ہے جس کے تحت وقت کے ساتھ تفاعل کا تفرق، دوری سمتیہ کو jw سے ضرب دینے کے مترادف ہے۔ یوں مثال کے طور پر اگر

$$\frac{\partial E_x}{\partial t} = -\frac{1}{\epsilon_0} \frac{\partial H_y}{\partial z}$$

Euler's identity¹⁴

imaginary number 15

. rear

imaginary¹⁷

complex function¹⁸ complex frequency¹⁹

ہو تب اسی کی دوری سمتیہ شکل

$$j\omega E_{xs} = -\frac{1}{\epsilon_0} \frac{\partial H_y}{\partial z}$$

ہو گی۔اسی طرح سائن نما میدان کے لئے میکس ویل کے مساوات بھی یا آسانی دوری سمتیہ کی شکل میں لکھیے جا سکتے ہیں للذا

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\mu \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t}$$

کو دوری سمتیہ کی صورت میں

$$\nabla \times \mathbf{E}_{s} = -j\omega \mu \mathbf{H}_{s}$$

کھھا جائے گا۔میکس ویل کے بقایا مساوات کو بھی دوری سمتیہ کی صورت میں لکھتے ہیں۔

(10.8)
$$\nabla \times \boldsymbol{H}_{s} = (\sigma + j\omega\epsilon) \boldsymbol{E}_{s}$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{E}_{S} = 0$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{H}_{s} = 0$$

آئیں ان مساوات سے امواج کی مساوات حاصل کر س۔ایسا کرنے کی خاطر مساوات 10.7 کی گردش

 $\nabla \times \nabla \times \mathbf{E}_s = \nabla \left(\nabla \cdot \mathbf{E}_s \right) - \nabla^2 \mathbf{E}_s = -i \omega \mu \nabla \times \mathbf{H}_s$

میں مساوات 10.8 اور مساوات 10.9 پر کرنے سے

(10.11)
$$\nabla^2 \mathbf{E}_s = j\omega\mu \left(\sigma + j\omega\epsilon\right) \mathbf{E}_s = \gamma^2 \mathbf{E}_s$$

حاصل ہوتا ہے جہاں

$$\gamma = \mp \sqrt{j\omega\mu} \left(\sigma + j\omega\epsilon\right)$$

حرکی مستقل 20 کہلاتا ہے۔ چونکہ $j\omega\mu(\sigma+j\omega\epsilon)$ مخلوط عدد ہے لہذا اس کا جزر γ بھی مخلوط عدد ہو گا جے

$$\gamma = \alpha + j\beta$$

کھھا جا سکتا ہے جہاں 🛭 اور 🛭 مثبت اور حقیقی اعداد ہیں۔مساوات 10.12 کو یوں بھی لکھا جا سکتا ہے

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{1 - j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}$$

جہاں کسی وجہ سے صرف مثبت قیمت لی گئی ہے۔ یہ وجہ آپ کو جلد بتلا دی جائے گی۔

مساوات 10.11 سمتی ہلم ہولٹز مساوات 22 کہلاتی ہے۔ کار تیسی محد میں بھی سمتی ہلم ہولٹز مساوات کی بڑی شکل کافی خوفناک نظر آتی ہے چونکہ اس سے جار جار اجزاء پر مشتمل تین عدد مساوات نکلتے ہیں۔ کار تیسی محد د میں اس کی x مساوات

$$\nabla^2 E_{xs} = \gamma^2 E_{xs}$$

propagation constant²⁰ vector Helmholtz equation²¹

²²برمن للُّوگ فرڈینانڈ ون ہلم ہولٹز جرمنی کے عالم طبیعیات تھے۔

لعيني

$$\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial z^2} = \gamma^2 E_{xs}$$

 $rac{\partial^2 E_{xs}}{\partial x^2} = 0$ مغور کرناچاہتے ہیں ان میں ناتو x اور ناہی y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الی صورت میں y صورت میں اور y اور y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الی صورت میں اور y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الی صورت میں اور y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الی صورت میں اور y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الی صورت میں اور y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الی صورت میں اور y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الی صورت میں اور y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الی صورت میں اور y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الی صورت میں اور y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الی صورت میں اور y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الی صورت میں اور y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الی صورت میں اور y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الی صورت میں اور y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔الی صورت میں اور y کے ساتھ میدان تبدیل ہوتے ہیں۔

$$\frac{\partial^2 E_{xs}}{\partial z^2} = \gamma^2 E_{xs}$$

صورت اختیار کرلے گی۔اس طرح کے دو درجی تفرقی مساوات آپ نے پڑھے ہوں گاللذامیں توقع رکھتا ہوں کہ آپ اس کے حل

$$(10.18) E_{xs} = Ae^{-\gamma z}$$

اور

$$(10.19) E_{xs} = Be^{\gamma z}$$

لکھ سکتے ہیں۔

 $e^{i\omega t}$ آئیں $\gamma=\alpha+j$ پر کرتے ہوئے ان جوابات میں سے مساوات 10.18 پر غور کریں۔مساوات 10.18 در حقیقت دوری سمتیہ ہے لہذا اسے $\gamma=\alpha+j$ سے ضرب دے کر

$$E_x = \left[A e^{j\omega t} e^{-(\alpha + j\beta)z} \right]_{\text{object}}$$

$$= \left[A e^{-\alpha z} e^{j(\omega t - \beta z)} \right]_{\text{object}}$$

حقیقی جزو

$$E_x = Ae^{-\alpha z}\cos(\omega t - \beta z)$$

لیتے ہیں۔مساوات کے مستقل A کی جگہہ t=0 اور z=0 پر میدان کی قیمت E_0 پر کرتے ہوئے اصل حل

$$(10.20) E_x = E_0 e^{-\alpha z} \cos(\omega t - \beta z)$$

لکھا جا سکتا ہے۔ یہ مستوی موج²³ کی وہ مساوات ہے جس کی تلاش میں ہم نکلے تھے۔اگر ہم مساوات 10.19 کو لے کر آگے بڑھتے تو مساوات 10.20 کی جگہ موج کی مساوات

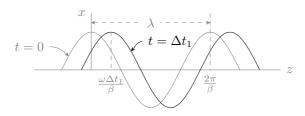
$$(10.21) E_x = E_0 e^{\alpha z} \cos(\omega t + \beta z)$$

حاصل ہوتی۔

مساوات 10.18 میں $A=E_0$ پر کرتے ہوئے اس کی سمتیہ شکل

$$(10.22) E_{\rm S} = E_0 e^{-\gamma z} a_{\rm X}$$

کسی جا سکتی ہے جو صرف $a_{
m X}$ جزویر مشتمل ہے۔ آئیں مساوات 10.20 میں دئے متحرک موج 24 یر اب غور کریں۔



شكل 10.1: وقت t=0 اور $t=t_1$ پر خلاء میں موج كا مقام۔

مساوات 10.20 کہتی ہے کہ برقی میدان ہر نقطے پر x محدد کے متوازی ہے۔اگر ح کی قیمت تبدیل نہ کی جائے تب x اور y تبدیل کرنے سے میدان تبدیل نہیں ہوتا۔

مساوات 10.20 میں z بڑھانے سے α کی وجہ سے موج کی چوٹی گھٹی ہے لہذا α تقلیلی مستقل 2^5 کہلاتا ہے۔ تقلیلی مستقل کو نیپر 2^5 فی میٹر $\frac{Np}{m}$ میں ناپا 2^5 جاتا ہے۔ یوں مساوات 2^6 میں 2^6 طاقت یعنی 2^6 ہے بعد 2^6 مقدار نیپر 2^6 میں ہو گی۔ موج کے مساوات میں 2^6 زاویائی فاصلہ ہے جسے ریڈ بیئن میٹر 2^6 میں ناپا جاتا ہے لہذا 2^6 زاویائی مستقل 2^6 کہلاتا ہے جبکہ اس کی اکائی ریڈ بیئن فی میٹر 2^6 میٹر ناپا جاتا ہے لہذا 2^6 زاویائی مستقل 2^6 کہلاتا ہے جبکہ اس کی اکائی ریڈ بیئن فی میٹر 2^6

موج کی مساوات میں $\alpha=0$ تصور کرتے ہوئے اسے وقت t=0 پر شکل 10.1 میں بلکی سیابی سے دکھایا گیا ہے۔ یہاں دھیان رہے کہ شکل میں z=0 محدد کو افقی دکھایا گیا ہے۔ جیسے آپ دکیھ سکتے ہیں t=0 پر موج کی دو آپس میں قریبی چوٹیاں z=0 اور z=0 پر پائی جاتی ہیں۔دو آپس میں قریبی چوٹیوں کے در میان فاصلے کو طول موج z=0 پر اور z=0 بیا جاتا ہے۔ یوں اس موج کی طول موج

$$\lambda = \frac{2\pi}{\beta}$$

ہے جس سے

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda}$$

لکھا جا سکتا ہے جو انتہائی اہم نتیجہ ہے۔

موج کی مساوات ہی کو وقت $t=\Delta t_1$ پر شکل 10.1 میں دوبارہ گاڑھی سیاہی میں بھی دکھایا گیا ہے۔آپ دکھ سکتے ہیں کہ اس دورانے میں موج Δt_1 نے دائیں جانب یعنی z برٹھنے کی طرف حرکت کی ہے۔یوں صاف ظاہر ہے کہ یہ موج وقت کے ساتھ مثبت z جانب حرکت کر رہی ہے۔دورانیہ Δt_1 میں موج کی چوٹی نے $\frac{\omega \Delta t_1}{B}$ فاصلہ طے کیا ہے لہٰذا موج کے رفتار کو

$$v = \frac{\Delta z}{\Delta t} = \frac{\omega \Delta t_1}{\beta} \frac{1}{\Delta t_1} = \frac{\omega}{\beta}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

مساوات 10.24 کو مساوات 10.25 میں پر کرنے سے

$$(10.26) v = f\lambda$$

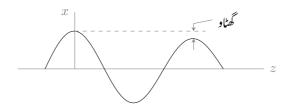
attenuation constant²⁵

neper²⁶

²⁷تقلیلی مستقل کی اکائی جان نیپر کے نام سے منسوب ہے۔ dimensionless²⁸

phase constant²⁹

wavelength30



شکل 10.2: موج چلتے ہوئے آہستہ آہستہ کمزور ہوتی رہتی ہے۔

حاصل ہوتا ہے جو λ طول موج اور f تعدد رکھنے والے موج کی رفتار v دیتی ہے۔

مساوات 10.20 میں مساوات 10.25 استعال کرتے ہوئے

(10.27)
$$E_x = E_0 e^{-\alpha z} \cos \left[\omega \left(t - \frac{z}{v} \right) \right]$$

حاصل ہوتا ہے جسے مساوات 10.25 اور مساوات 10.24 کی مدد سے

(10.28)
$$E_x = E_0 e^{-\alpha z} \cos\left(\omega t - \frac{2\pi z}{\lambda}\right)$$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔

موج کی رفتار کو مساوات 10.20 سے دوبارہ حاصل کرتے ہیں۔اس مساوات کے تحت کسی بھی لھے ، بر موج کی چوٹی اس مقام پر ہو گی جہاں

$$\omega t - \beta z = 0$$

ہو۔ چونکہ رفتار $rac{\mathrm{d}z}{\mathrm{d}t}$ کو کہتے ہیں لہٰذااس مساوات کے تفرق

$$\omega \, \mathrm{d}t - \beta \, \mathrm{d}z = 0$$

ہے ر فتار

$$v = \frac{\mathrm{d}z}{\mathrm{d}t} = \frac{\omega}{\beta}$$

حاصل ہوتی ہے۔

 $lpha=0.001~rac{ ext{Np}}{ ext{m}}$ المن lpha کو صفر تصور نہیں کیا گیا ہے۔ جیسا کہ آپ دیکھ سکتے ہیں، ایسی صورت میں موج کی چوٹی، z ساتھ بندر سج کھٹتی ہے لہذا $rac{ ext{Np}}{ ext{m}}$ کی صورت میں a کی صورت میں a کی خوٹی، ابتدائی چوٹی، ابتدائی چوٹی کے a کی صورت میں a کہ جال ابتدائی چوٹی a کی جوٹی، ابتدائی چوٹی کے a کی صورت میں a کہ جال ابتدائی چوٹی ہوگئی ہوگئی

10.7 سے مساوات $oldsymbol{E}_{\mathrm{S}}$ ہوتی موج

$$\nabla \times \boldsymbol{E}_{s} = -j\omega \mu \boldsymbol{H}_{s}$$

کی مدد سے مقناطیسی موج با آسانی حاصل ہوتی ہے۔مساوات 10.22 استعال کرتے ہوئے مندرجہ بالا مساوات سے

$$-\gamma E_0 e^{-\gamma z} \mathbf{a}_{\mathbf{V}} = -j\omega \mu \mathbf{H}_{\mathbf{S}}$$

يا

$$\boldsymbol{H}_{s} = \frac{\gamma}{j\omega\mu} E_{0} e^{-\gamma z} \boldsymbol{a}_{y}$$

حاصل ہوتا ہے جس میں مساوات 10.12 سے مثبت ہ کی قیت پر کرنے سے

(10.30)
$$\mathbf{H}_{s} = \sqrt{\frac{\sigma + j\omega\epsilon}{j\omega\mu}} E_{0}e^{-\gamma z}\mathbf{a}_{y}$$

$$= \frac{E_{0}}{\eta}e^{-\gamma z}\mathbf{a}_{y}$$

ملتاہے جہاں دوسرے قدم پر

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}}$$

لکھی ³¹ گئی ³² ہے۔اس مساوات کو

$$\eta = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \frac{1}{\sqrt{1 - j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}}$$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔

$$\frac{E_{xs}}{H_{ys}} = \eta$$

ملتا ہے۔

یہاں ذرہ رک کر ایک برقی دور پر غور کرتے ہیں۔ منبع برقی دباو $V_0e^{-j\psi}$ جسے دوری سمتیہ $V_0e^{-j\psi}$ ککھا جا سکتا ہے کے ساتھ سلسلہ وار مزاحمت R، امالہ L اور کپیسٹر C جڑے ہیں جن کی رکاوٹ Z

$$Z = R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right) = R + jX = |Z|e^{j\theta_Z} = |Z|\underline{/\theta_Z}$$

کامی جاسکتی ہے جہاں $\frac{1}{\omega C}$ کی صورت میں X مثبت ہو گا جبکہ $\frac{1}{\omega C}$ کی صورت میں یہ منفی ہو گا۔ مزید $\omega L > \frac{1}{\omega C}$ کی صورت میں جہاں ور خالص مزاحمتی رکاوٹ پیش کرے گا اور $\theta_Z = 0$ ہو گا۔ اس دور میں برقی رو دور کی سمتیہ کی مدد سے

$$I_s = \frac{V_s}{Z_s} = \frac{V_0 e^{-j\psi}}{|Z| e^{j\theta_Z}} = \frac{V_0}{|Z|} e^{-j(\psi + \theta_Z)}$$

حاصل ہوتا ہے جس سے

$$i = \frac{V_0}{|Z|} \cos \left(\omega t - \psi - \theta_Z\right)$$

کھا جا سکتا ہے۔ برقی دباواور برقی روایک ہی تعدد رکھتے ہیں البتہ ان میں زاویائی فاصلہ $heta_Z$ پایا جاتا ہے۔ مثبت X کی صورت میں برقی رواس زاویائی فاصلے کے برابر برقی دباو کے آگے رہتی ہے۔ہم دیکھتے ہیں کہ برقی دباو کے آگے رہتی ہے۔ہم دیکھتے ہیں کہ برقی دباواور برقی روکی شرح دباواور برقی روکی شرح

$$\frac{V_s}{I_s} = |Z| e^{j\theta_Z} = Z$$

کے برابر ہے جسے رکاوٹ کہتے ہیں۔

آئیں اب دوبارہ امواج کی بات کریں۔ برقی موج کو اس مثال کے برقی دباو کی جگہ اور مقناطیسی موج کو مثال کے روکی جگہ رکھتے ہوئے آپ دیکھیں گے کہ دونوں مسائل ہو بہو کیساں ہیں۔اسی وجہ سے برقی موج Exs اور مقناطیسی موج Ηys کی شرح η، قدرتی رکاوٹ 33 کہلاتی ہے۔ بالکل برقی رکاوٹ کی طرح قدرتی رکاوٹ حقیقی یا خیالی اور یا مخلوط عدد ہو سکتا ہے۔قدرتی رکاوٹ کی اکائی اوہم Ω ہے۔

مساوات 10.30 سے مقناطیسی موج

(10.34)
$$H_{y} = \frac{E_{0}e^{-\alpha z}}{|\eta|}\cos\left(\omega t - \beta z - \theta_{\eta}\right)$$

لکھی جائے گی جہاں قدرتی رکاوٹ کو

$$\eta = |\eta| e^{j\theta_{\eta}}$$

لكھا گيا۔

مساوات 10.20 کے تحت برتی میدان x محدو کے متوازی ہے جبکہ مساوات 10.34 کے تحت مقناطیسی میدان y محدد کے متوازی ہے المذا یہ میدان آپس میں ہر وقت عمودی رہتے ہیں۔اس کے علاوہ دونوں امواج z سمت میں حرکت کر رہے ہیں۔یوں میدان کی سمت اور حرکت کی سمت بھی آپس میں عمودی ہیں۔ایوں میدان کی سمت اور حرکت کی سمت عمودی ہوں عرضی امواج 46 کہلاتے ہیں۔یانی کی سطح پر اہریں بھی عرضی امواج ہوتے ہیں۔اسی طرح رسی کو تھینچ کر رکھتے ہوئے اسے جھکے سے ہلانے سے رسی میں عرضی موج پیدا ہوتی ہے۔

آئیں اب چند مخصوص صور توں میں ان مساوات کو استعال کرنا سیکھیں۔

10.2.1 خالي خلاء ميں امواج

خالی خلاء میں $\sigma=0$ ، $\mu_R=1$ اور $\epsilon_R=1$ ہیں المذا مساوات 10.12 سے مثبت حرکی مستقل

 $\gamma = \sqrt{j\omega\mu_R\mu_0\left(\sigma + j\omega\epsilon_R\epsilon_0\right)} = j\omega\sqrt{\mu_0\epsilon_0}$

حاصل ہوتا ہے جس سے

$$\alpha = 0$$
$$\beta = \omega \sqrt{\mu_0 \epsilon_0}$$

intrinsic impedance³³ transverse waves³⁴

حاصل ہوتے ہیں۔یوں خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی امواج کی ر فتار، جسے روایتی طور پر c سے ظاہر کیا جاتا ہے، مساوات 10.25 سے

$$c = \frac{\omega}{\beta} = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}}$$

(10.37)

حاصل ہوتی ہے جس کی قیت

$$c = \frac{1}{\sqrt{4 \times \pi \times 10^{-7} \times 8.854 \times 10^{-12}}} = 2.99 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
$$\approx 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

ے۔

مساوات 10.31 سے خالی خلاء کی قدرتی رکاوٹ

$$\eta=\sqrt{rac{j\omega\mu_R\mu_0}{\sigma+j\omega\epsilon_R\epsilon_0}}=\sqrt{rac{\mu_0}{\epsilon_0}}$$
 ماصل ہوتی ہے۔قدرتی رکاوٹ کی قیت حاصل کرنے کی خاطر ہم $\epsilon_0=rac{1}{4\pi\epsilon_0}=9 imes10^9$ ہے ہوئے ہوگ $\eta=120\pipprox377\,\Omega$

حاصل کرتے ہیں۔یوں خالی خلاء میں کسی بھی لمحے، کسی بھی نقطے پر برقی میدان کی قیمت اس نقطے پر مقناطیسی میدان کے 377 گناہو گ۔

حر کی متعقل اور قدرتی رکاوٹ کی قیمتیں استعال کرتے ہوئے خالی خلاء میں متحرک موج کے میدان

$$E_x = E_0 \cos \left[\omega \left(t - \frac{z}{c} \right) \right]$$

$$H_y = \frac{E_0}{120\pi} \cos \left[\omega \left(t - \frac{z}{c} \right) \right]$$

کھے جائیں گے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ دونوں میدان ہم زاویہ ہیں۔یوں کسی بھی نقطے پر بڑھتے برقی میدان کی صورت میں اس نقطے پر مقناطیسی میدان کھی جائیں گے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کسی قسم کی کمی رونما بھی بڑھتا ہے۔ان مساوات کے تحت امواج بالکل سیدھے حرکت کرتے ہیں اور ناوقت اور ناہی فاصلے کے ساتھ ان کی طاقت میں کسی قسم کی کمی رونما ہوتی ہے۔یہی وجہ ہے کہ کائنات کے دور ترین کہکٹاوں سے ہم تک برقی و مقناطیسی امواج پہنچتی ہیں اور ہمیں رات کے جیکتے اور خوبصورت تارے نظر آتے ہیں۔

مثق 10.1: ہے تار ³⁵ فرائع ابلاغ میں 4000 km کی اونچائی پر پرواز کرتے مصنوعی سیارے اہم کردار ادا کرتے ہیں۔ یہ سیارے زمین کے اوپر ایک ہی نقطے پر آویزال نظر آتے ہیں۔ان سیارول سے زمین کے قریبی نقطے تک برقی اشارہ کتنی دیر میں پہنچے گا۔

جواب: 0.12 s

wireless35

10.2.2 خالص يا كامل ذو برق ميں امواج

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}$$

حاصل ہوتا ہے جس سے

$$\alpha = 0$$
$$\beta = \omega \sqrt{\mu \epsilon}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ یوں خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی امواج کی رفتار مساوات 10.25 سے

(10.38)
$$v = \frac{\omega}{\beta} = \frac{1}{\sqrt{\mu_R \mu_0 \epsilon_R \epsilon_0}} = \frac{c}{\sqrt{\mu_R \epsilon_R}}$$

حاصل ہوتی ہے جہاں $rac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}}$ کو خالی خلاء میں روشنی کی رفتار σ کھھا گیا ہے۔چونکہ ذو برق میں 1 $\mu_R \epsilon_R > 1$ ہے لہذا ذو برق میں روشنی کی رفتار خالی خلاء میں روشنی کی رفتار اس کی زیادہ سے زیادہ رفتار ہے۔

موج کی رفتار اور تعدد سے طول موج

(10.39)
$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{c}{f\sqrt{\mu_R \epsilon_R}} = \frac{\lambda_0}{\sqrt{\mu_R \epsilon_R}}$$

حاصل ہوتی ہے جہاں خالی خلاء کے طول موج کو λ_0 کھا گیا ہے۔اس مساوات سے ذو برق میں روشنی کی رفتار کم ہونے کی وجہ سامنے آتی ہے۔چونکہ $\mu_R \epsilon_R > 1$

مساوات 10.31 سے ذو برقی کی قدرتی رکاوٹ

$$\eta = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} \sqrt{\frac{\mu_R}{\epsilon_R}} = \eta_0 \sqrt{\frac{\mu_R}{\epsilon_R}}$$

 η_0 عاصل ہوتی ہے جہاں خالی خلاء کی قدرتی رکاوٹ کو

یوں ذو برق میں امواج کے مساوات

$$(10.40) E_x = E_0 \cos(\omega t - \beta z)$$

$$H_y = \frac{E_0}{\eta} \cos(\omega t - \beta z)$$

ہیں۔

مثال 10.1: پانی کے لئے $\epsilon_R = 78.4$ ، $\mu_R = 78.4$ ، $\mu_R = 1$ اور $\sigma = 0$ این ہوئے در حقیقت قدرتی رکاوٹ حاصل کریں۔ برتی میدان $\sigma = 0$ ہونے کی صورت میں برتی اور مقناطیسی امواج کے مساوات کھیں۔ ہم $\sigma = 0$ لیتے ہوئے در حقیقت پانی میں توانائی کے ضیاع کو نظرانداز کر رہے ہیں۔

عل:

282

$$v = \frac{c}{\sqrt{\mu_R \epsilon_R}} = \frac{3 \times 10^8}{\sqrt{78.4}} = 0.3388 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{0.3388 \times 10^8}{300 \times 10^6} = 11.29 \text{ cm}$$

ہیں جبکہ خالی خلاء میں $\lambda=1$ سے۔بقایا مستقل

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = 55.7 \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

اور

$$\eta = \eta_0 \sqrt{\frac{\mu_R}{\epsilon_R}} = \frac{377}{\sqrt{78.4}} = 42.58 \,\Omega$$

ہیں۔امواج کے مساوات

$$E_x = 0.05\cos(6\pi 10^8 t - 55.7z)$$

$$H_y = \frac{0.05}{42.58}\cos(6\pi 10^8 t - 55.7z) = 0.00117\cos(6\pi 10^8 t - 55.7z)$$

ہیں۔

مثق 10.2: کتاب کے آخر میں مخلف اشیاء کے مستقل دئے گئے ہیں۔انہیں استعال کرتے ہوئے ابرق میں، طاقت کے ضیاع کو نظرانداز کرتے ہوئے ابرق میں، طاقت کے ضیاع کو نظرانداز کرتے ہوئے، 5.6 GHz اور $rac{mA}{m}$ کی مقناطیسی میدان پر مندرجہ ذیل حاصل کریں۔

- موج کی رفتار،
 - طول موج،
- زاویائی مستقل،
- قدرتی رکاوٹ،
- برقی میدان کا حیطه۔

 $1.62 \frac{V}{m}$ وابات: $\frac{m}{s}$ ،23 cm ،1.29 \times 108 $\frac{m}{s}$ ،26 اور جوابات:

10.2.3 ناقص يا غير كامل ذو برقى ميں امواج

کامل ذو برق میں امواج پر غور کے بعد فطری طور ناقص ذو برق پر بات کرنا ضروری ہے للذا صاف پانی کو مثال بناتے ہوئے 20 GHz تعدد پر ایسا ہی کرتے ہیں۔صفحہ 286 پر شکل 10.4 میں صاف یانی کے مستقل دئے گئے ہیں۔

اس تعدد پر صاف پانی کے مستقل
$$\epsilon_R=41$$
 اور $\sigma=36.7$ ہیں۔ چونکہ پانی غیر مقناطیسی ہے لہذااس کا $\epsilon_R=41$ ہو گا۔ یوں $rac{\sigma}{\omega \epsilon}=0.8$

اور

$$\gamma = j2 \times \pi \times 20 \times 10^{9} \times \frac{\sqrt{1 \times 41}}{3 \times 10^{8}} \sqrt{1 - j0.8}$$
$$= 3035 / 70.67^{\circ}$$
$$= 1005 + j2864 \quad \text{m}^{-1}$$

حاصل ہوتے ہیں۔یوں پانی کا تقلیلی مستقل

$$\alpha = 1005 \, \frac{Np}{m}$$

ہے جس کا مطلب ہے کہ پانی میں ہر 1005 میٹر یعنی mm ناصلہ طے کرنے پر برتی اور مقناطیسی امواج 0.368 گنا گھٹ جائیں گے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں ریڈار 36 پانی میں کیوں کام نہیں کرتا۔اسی طرح بادش کی صورت میں بھی ریڈار کی کار کردگی بری طرح متاثر ہوتی ہے۔ پانی میں دیکھنے کی خاطر موج آواز استعال کی جاتی ہیں۔

زاويائی مستقل

$$\beta = 2864 \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

ہے جو $\sigma=0$ کی صورت میں $\sigma=0$ عاصل ہوتا ہے لہذا پانی کے موصلیت سے زاویائی مستقل زیادہ متاثر نہیں ہوا۔ اس تعدد پر خالی خلاء میں طول موج $\sigma=0$ موج $\lambda=2.19$ mm ہوتے ہے۔

قدرتی رکاوٹ

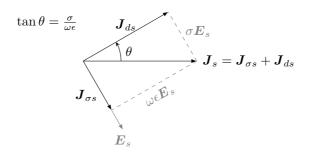
$$\eta = \frac{377}{\sqrt{41}} \frac{1}{\sqrt{1-i0.8}} = 52/19.33^{\circ} = 49.1 + j17.2 \quad \Omega$$

ے لہذا E_x مر نقطے پر H_y ہے۔

میکس ویل کے مساوات

$$\nabla \times \boldsymbol{H}_{s} = (\sigma + j\omega\epsilon)\boldsymbol{E}_{s} = \boldsymbol{J}_{\sigma s} + \boldsymbol{J}_{ds}$$

میں ایصالی اور انتقالی کثافت برقی رو کے سمتی مجموعے کو شکل 10.3 میں بطور مجموعی کثافت رو کے دکھایا گیا ہے۔ایصالی رواور انتقالی رو آپ میں °90 در جے کا زاویہ بناتے ہیں۔انتقالی رو °90 آگے رہتا ہے۔یہ بالکل متوازی جڑے مزاحمت اور کپیسٹر کے روکی طرح صورت حال ہے۔کپیسٹر کی رو، مزاحمت کی



شکل 10.3: طاقت کے ضیاع کا تکون۔

روسے °90آگے رہتی ہے۔مزیدیہ کہ مزاحمت کی روسے برقی طاقت کا ضیاع پیدا ہوتا ہے جبکہ کیبیسٹر کی روسے ایسا نہیں ہوتا۔ان حقائق کو مد نظر رکھتے ہوئے شکل 10.3 میں زاویہ \ \ (جس کا کروی محدد کے زاویہ \ کے ساتھ کسی قتم کا کوئی تعلق نہیں ہے) کو دیکھیں جس کے لئے

$$\tan \theta = \frac{\sigma}{\omega \epsilon}$$

کھا جا سکتا ہے۔ یوں اس تکون کو طاقت کے ضیاع کا تکون پکارا جاتا ہے اور $\frac{\sigma}{\omega \epsilon}$ کی شرح کو ضیاعی ٹمینجنٹ 37 یا مماس ضیاع کہا جاتا ہے۔

مساوات 10.14 اور مساوات 10.32 کو $\frac{\sigma}{\omega e}$ استعال کرتے ہوئے ککھا گیا۔ کسی ذو برق کے کامل یا غیر کامل ہونے کا فیصلہ اس کے مماس ضیاع کی قیمت کو دیکھ کر کیا جاتا ہے۔ اگر اس شرح کی قیمت اکائی کے قریب ہو تب ذو برق غیر کامل قرار دیا جاتا ہے جبکہ 1 ∞ کی صورت میں ذو برق کو کامل تصور کیا جاتا ہے۔

کم مماس ضیاع کی صورت میں حرکی مستقل اور قدرتی رکاوٹ کے کارآمد مساوات حاصل کئے جا سکتے ہیں۔ حرکی مستقل $\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{1-j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}$

كو مسكله ثنائي³⁸

$$(1+x)^n = 1 + \frac{n}{1!}x + \frac{n(n-1)}{2!}x^2 + \frac{n(n-1)(n-2)}{3!}x^3 + \cdots$$

جہاں |x|<1 اور |x|=1 کی مرد سے تسلسل کی شکل میں لکھ سکتے ہیں۔اگر ہم |x|=-1 اور |x|=1 کیں تو حرکی مستقل

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon} \left[1 - j\frac{\sigma}{2\omega\epsilon} + \frac{1}{8} \left(\frac{\sigma}{\omega\epsilon} \right)^2 + \cdots \right]$$

لکھا جا سکتا ہے جس سے

$$\alpha \doteq j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\left(-j\frac{\sigma}{2\omega\epsilon}\right) = \frac{\sigma}{2}\sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}}$$

أور

$$\beta \doteq \omega \sqrt{\mu \epsilon} \left[1 + \frac{1}{8} \left(\frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right)^2 \right]$$

loss tangent³⁷ binomial theorem³⁸

حاصل ہوتے ہیں۔اگر 1 $\ll \frac{\sigma}{\omega \epsilon}$ ہو تب

$$\beta \doteq \omega \sqrt{\mu \epsilon}$$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔ بالکل اس طرح قدرتی رکاوٹ کو

(10.46)
$$\eta \doteq \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \left[1 - \frac{3}{8} \left(\frac{\sigma}{\omega \epsilon} \right)^2 + j \frac{\sigma}{2\omega \epsilon} \right]$$

یا

(10.47)
$$\eta \doteq \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \left(1 + j \frac{\sigma}{2\omega\epsilon} \right)$$

لکھا جا سکتا ہے۔

آئیں دیکھیں کہ ان مساوات سے حاصل جواب اصل مساوات کے جوابات کے کتنے قریب ہیں۔ایساصاف پانی کی مثال کو دوبارہ حل کر کے دیکھتے ہیں۔ صاف پانی کے مستقل 20 GHz تعدد پر $\epsilon_R = 41$ ور $\epsilon_R = 41$ اور $\sigma = 36.7$ میں لہذا مساوات 10.43 سے

$$\alpha = 1080 \, \frac{\text{Np}}{\text{m}}$$

حاصل ہوتا ہے جو گزشتہ حاصل کردہ قیمت $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$ 1005 کے کافی قریب ہے۔ مساوات 10.44 سے

$$\beta = 2897 \, \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

حاصل ہوتا ہے جو گزشتہ جواب <u>rad</u> 2864 کے بہت قریب ہے۔مساوات 10.45 سے حاصل جواب

$$\beta = 2682 \, \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

درست جواب سے نسبتاً زیادہ مختلف ہے۔ قدرتی رکاوٹ مساوات 10.46 سے

$$\eta = 44.75 + j23.55$$

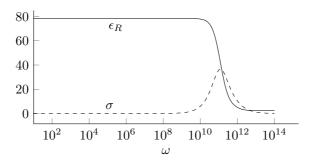
حاصل ہوتا ہے جو 49.1 + j17.2 کے بہت قریب ہے البتہ مساوات 10.47 سے حاصل جواب

$$\eta = 58.88 + j23.55$$

قدر مختلف ہے۔ صاف پانی کی اس مثال میں مماس ضیاع 0.8 ہے جو اکائی سے بہت کم نہیں ہے، اسی لئے جوابات پہلے سے قدر مختلف حاصل ہوئے۔ چو نکہ موصلیت اور برقی مستقل کی بالکل درست قیمتیں عموماً ہمیں معلوم نہیں ہوتیں للذا سادہ مساوات سے حاصل جوابات کے اس فرق کو زیادہ اہمیت نہیں دینی چاہئے۔ بہتر یہی ہوتا ہے کہ 0.1 ہے ہی کی صورت میں سادہ مساوات استعال کئے جائیں۔

عموماً ذوبرق کی موصلیت تعدد بر هانے سے غیر خطی طور پر بر هتی ہے جبکہ میں کے قیمت میں تبدیلی نسبتاً کم ہوتی ہے۔ یہی وجہ مماس ضیاع کی اہمیت کا راز ہے۔ یاد رہے کہ مختلف تعدد پر موصلیت، برقی مستقل اور مماس ضیاع نہایت تیزی سے تبدیل ہو سکتے ہیں۔ایسا عموماً نظر آنے والی روشنی سے قدر کم یا قدر زیادہ تعدد پر ہوتا ہے۔

شکل 10.4 میں صاف پانی کا جزوی برقی مستقل ϵ_R بالمقابل زاویائی تعدد س ٹھوس لکیر سے دکھایا گیا ہے جبکہ موصلیت بالمقابل تعدد نقطہ دار لکیر سے دکھایا گیا ہے۔افقی محدد تعدد کا لاگ ہے۔آپ دکھ سکتے ہیں کہ تقریباً $\frac{Grad}{s}$ 10 تعدد تک 78.4 $\epsilon_R=78$ ہتا ہے جبکہ اس سے بلند تعدد پر اس کی قیمت گھٹ کر 2.4 ہو جاتی ہے۔موصلیت کی چوٹی تقریباً $\frac{S}{m}$ 36.7 پائی جاتی ہے۔دیگر ذو برق کے خط مختلف اشکال کے ہوں گے۔



شكل 10.4: صاف پاني كا جزوى برقى مستقل بالمقابل زاويائي تعدد اور موصليت بالمقابل زاويائي تعدد.

مثق 10.3: ایک مادے کے مستقل 1 MHz تعدد پر $\mu_R=2.8$ ور $\sigma=10$ اور $\sigma=10$ بیں۔ اس مادے کے مماس ضیاع، تقلیلی مستقل اور زاویائی مستقل حاصل کریں۔

 $3.51 \times 10^{-4} \, {{\rm rad} \over m}$ ادر $1.13 \times 10^{-3} \, {{\rm Np} \over m}$ وابات: 0.0642.

مثق 10.4: ایک غیر مقناطیسی مادے کا مماس ضیاع 0.07 جبکہ 4.7 $\mu_R=4.7$ ہیں۔ان قیمتوں کو MHz تا 80 MHz تعدد کے در میان اٹل تصور کیا جا سکتا ہے۔اس کا تقلیلی مستقل اور مادے میں طول موج MHz 20 اور MHz 60 تعدد پر حاصل کریں۔

 $2.3 \,\mathrm{m}$ (0.095 $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$ (6.9 m (0.031 $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$) $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$

10.3 پوئنٹنگ سمتیہ

امواج کی طاقت جانے کے لئے مسکد یو تنتگ 39 در کار ہو گا لہذا پہلے اسے 40 حاصل کرتے ہیں۔

میکس ویل کے مساوات

$$abla imes oldsymbol{H} = oldsymbol{J} + rac{\partial oldsymbol{D}}{\partial t}$$

 $Poynting \ theorem^{39}$ Foynting theorem Poynting theorem Poynting Poynting theorem Poynting the Poynting theorem Poynting theorem Poynting theorem Poynting the Poynting theorem P 10.3. يوئنٹنگ سمتيہ

کا *E* کے ساتھ غیر سمتی ضرب

$$m{E} \cdot
abla imes m{H} = m{E} \cdot m{J} + m{E} \cdot rac{\partial m{D}}{\partial t}$$

لیتے ہوئے سمتی مماثل (جے آپ باآسانی کارتیسی محدد میں ثابت کر سکتے ہیں)

$$\nabla \cdot (\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}) = -\boldsymbol{E} \cdot \nabla \times \boldsymbol{H} + \boldsymbol{H} \cdot \nabla \times \boldsymbol{E}$$

کے ذریعہ

$$oldsymbol{H} \cdot
abla imes oldsymbol{E} -
abla \left(oldsymbol{E} imes oldsymbol{H}
ight) = oldsymbol{E} \cdot oldsymbol{J} + oldsymbol{E} \cdot rac{\partial oldsymbol{D}}{\partial t}$$

abla عاصل ہوتا ہے۔اس میں $abla imes E = -rac{\partial oldsymbol{B}}{\partial t}$ عاصل ہوتا ہے۔

$$-\boldsymbol{H}\cdot\frac{\partial\boldsymbol{B}}{\partial t}-\nabla\left(\boldsymbol{E}\times\boldsymbol{H}\right)=\boldsymbol{E}\cdot\boldsymbol{J}+\boldsymbol{E}\cdot\frac{\partial\boldsymbol{D}}{\partial t}$$

یا

$$-\nabla \left(\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H} \right) = \boldsymbol{E} \cdot \boldsymbol{J} + \epsilon \boldsymbol{E} \cdot \frac{\partial \boldsymbol{E}}{\partial t} + \mu \boldsymbol{H} \cdot \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t}$$

حاصل ہوتا ہے۔اب

$$\epsilon \mathbf{E} \cdot \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} = \frac{\epsilon}{2} \frac{\partial E^2}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t} \left(\frac{\epsilon E^2}{2} \right)$$

اور

$$\mu \boldsymbol{H} \cdot \frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial t} = \frac{\mu}{2} \frac{\partial H^2}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t} \left(\frac{\mu H^2}{2} \right)$$

لکھے جا سکتے ہیں للذا

$$-\nabla \left(oldsymbol{E} imes oldsymbol{H}
ight) = oldsymbol{E} \cdot oldsymbol{J} + rac{\partial}{\partial t} \left(rac{\epsilon E^2}{2} + rac{\mu H^2}{2}
ight)$$

لکھا جا سکتا ہے۔اس کے حجمی تکمل

$$-\int_{h} \nabla \cdot (\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}) \, \mathrm{d}h = \int_{h} \boldsymbol{E} \cdot \boldsymbol{J} \, \mathrm{d}h + \frac{\partial}{\partial t} \int_{h} \left(\frac{\varepsilon E^{2}}{2} + \frac{\mu H^{2}}{2} \right) \mathrm{d}h$$

پر مسکلہ بھیلاو کے اطلاق سے

(10.48)
$$-\oint_{S} (\mathbf{E} \times \mathbf{H}) \cdot d\mathbf{S} = \int_{h} \mathbf{E} \cdot \mathbf{J} \, dh + \frac{\partial}{\partial t} \int_{h} \left(\frac{\epsilon E^{2}}{2} + \frac{\mu H^{2}}{2} \right) dh$$

حاصل ہوتا ہے۔

اس مساوات کے دائیں ہاتھ پہلے جزو کی بات کرتے ہیں۔اگر پورے جم میں کہیں پر بھی منبع طاقت موجود نہ ہوتب بیہ تکمل جم میں کل لمحاتی مزاحمتی طاقت کا ضیاع دیتا ہے۔اگر جم میں منبع طاقت پایا جاتا ہو تب ان منبع کے جم پر تکمل کی قیمت مثبت ہوگی اگر منبع کو طاقت فراہم کی جارہی ہو اور بیہ تکمل منفی ہوگا اگر منبع طاقت فراہم کر رہا ہو۔

مساوات کے دائیں ہاتھ دوسرا تکمل حجم میں توانائی کا کل ذخیرہ دیتا ہے جس کا وقت کے ساتھ تفرق حجم میں ذخیرہ توانائی میں لمحاتی تبدیل یعنی طاقت دیتا ہے۔اس طرح مندرجہ بالا مساوات کا دایاں ہاتھ حجم میں داخل ہوتا کل طاقت دیتا ہے۔یوں حجم سے کل خارجی طاقت

$$\oint_{S} (\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}) \cdot \boldsymbol{S}$$

ہو گا جہاں جم گیرتی سطح پر تکمل لیا گیا ہے۔ سمتی ضرب E imes H پوئٹنگ سمتیہ 14 میں پکارا جاتا ہے

$$\mathscr{P} = E \times H$$

جس سے مراد لمحاتی طاقت کی کثافت لی جاتی ہے جو واٹ فی مربع میٹر $\frac{W}{m^2}$ میں ناپی جاتی ہے۔ یہاں بھی برقی میدان میں کثافت توانائی E استعال کی طرح یاد رہے کہ پوئٹنگ سمتیہ کا بند سطیر تکمل ہی حقیقی معنی رکھتا ہے اور ایسا کمل سطے سے خارج ہوتا کل طاقت دیتا ہے۔ کسی بھی نقطے پر موک کی سمت اس نقطے پر لمحاتی طاقت کے بہاو کی سمت دیتا ہے۔

چونکہ ہو برقی میدان اور مقناطیسی میدان دونوں کے عمودی ہے للذا طاقت کی بہاو بھی دونوں میدان کے عمودی ست میں ہو گی۔ہم نے برقی و مقناطیسی امواج پر تبھرے کے دوران دیکھا کہ امواج کے حرکت کی سمت E اور H کے عمودی ہوتی ہے للذا ہو کی سمت ہمارے توقع کے عین مطابق ہے۔مزید کامل ذو برق میں

$$E_x = E_0 \cos(\omega t - \beta z)$$

$$H_y = \frac{E_0}{\eta} \cos(\omega t - \beta z)$$

سے لمحاتی کثافت سطحی بہاو طاقت

$$E_x a_X \times H_y a_y = \frac{E_0^2}{\eta} \cos^2(\omega t - \beta z) a_Z = \mathscr{P} a_Z$$

حاصل ہوتی ہے۔اوسط کثافت طاقت حاصل کرنے کی خاطر ہم ایک پھیرے یعنی $T=rac{1}{f}$ دورانیے کا تکمل لیتے ہوئے دوری عرصہ Tپر تقسیم

$$\begin{split} \mathscr{P}_{\mathsf{k} \mathsf{v},\mathsf{l}} &= f \int_{0}^{\frac{1}{f}} \frac{E_{0}^{2}}{\eta} \cos^{2}(\omega t - \beta z) \, \mathrm{d}t \\ &= \frac{f}{2} \frac{E_{0}^{2}}{\eta} \int_{0}^{\frac{1}{f}} \left[1 + \cos(2\omega t - 2\beta z) \right] \, \mathrm{d}t \\ &= \frac{f}{2} \frac{E_{0}^{2}}{\eta} \left[t + \frac{1}{2\omega} \sin(2\omega t - 2\beta z) \right]_{0}^{\frac{1}{f}} \end{split}$$

کرتے ہوئے

(10.50)
$$\mathscr{P}_{\text{level}} = \frac{1}{2} \frac{E_0^2}{\eta} - \frac{W}{m^2}$$

حاصل کرتے ہیں جو 2 سمت میں کثافت طاقت کی بہاو دیتا ہے۔اگر میدان کی چوٹی E₀ کی جگہ اس کی موثر قیمت _{موثر} E استعال کی جائے تب مندرجہ بالا مساوات میں 1 کا جزو ضربی نہیں کھا جائے گا۔

موج کی سمت کے عمودی سطح کاسے بول

$$P_{z,b} = \frac{1}{2} \frac{E_0^2}{\eta} S$$
 W

10.4. موصل میں امواج

طاقت گزرے گی۔

غیر کامل ذو برق کی صورت میں

(10.51)
$$\mathscr{P}_{\mathsf{b},\mathsf{y}} = \frac{1}{2} \frac{E_0^2}{|\eta|} e^{-2\alpha z} \cos(\theta_{\eta})$$

حاصل ہوتا ہے جہاں

 $\eta = |\eta| e^{j\theta_{\eta}}$

لیا گیا ہے۔

مثق 10.5: ایک میگا ہر ٹز، تین سومیگا ہر ٹز اور تین گیگا ہر ٹز کے تعدد پر صاف پانی کے برف کے جزو برقی مستقل بالترتیب 3.45،4.15 اور 3.22 ہیں جہدا ہیں کے مماس ضیاع بالترتیب 0.012، 0.035 اور 0.0000 ہیں۔ یکسال سطحی موج جس کی چوٹی z=z پر سل ہوت سے گزر رہی ہے۔ ایک مربع میٹر سطح سے اوسط طاقت کا بہاو z=z اور z=z واصل کریں۔

بوابات: 24.31 W ،23.7 W ،12.48 W ،24.7 W ،26.4 W ،27.1 W

10.4 موصل میں امواج

موصل میں امواج پر غور کی خاطر ہم تصور کرتے ہیں کہ موصل سے جڑے ذو برق میں امواج پیدا کئے جاتے ہیں۔ہم جاننا چاہتے ہیں کہ ایسے موج ذو برق اور موصل کے سرحد پر موصل میں کیسے داخل ہوتے ہیں اور موصل میں ان کی کیا کار کردگی ہوتی ہے۔

ایصالی اور انتقالی رو کی شرح $\frac{\sigma}{\omega e}$ کو مماس ضیاع کہتے ہیں۔ یوں ناقص موصل کی مماس ضیاع بلند تعدد پر کم ہو گی۔نائیکر وم 4 ناقص موصل ہے جس کا مماس ضیاع $100 \, \mathrm{MHz}$ تعدد پر تقریباً $100 \, \mathrm{mHz}$ کا مماس ضیاع $100 \, \mathrm{mHz}$ تعدد پر تقریباً $100 \, \mathrm{mHz}$ کے جہد سادہ مساوات حاصل کرتے ہیں۔ حرکی مستقل

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{1 - j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}$$

کو 1 $\ll rac{\sigma}{\omega \epsilon}$ کی بناپر

$$\gamma = j\omega\sqrt{\mu\epsilon}\sqrt{-j\frac{\sigma}{\omega\epsilon}}$$

.

$$\gamma = i\sqrt{-j\omega\mu\sigma}$$

لکھا جا سکتا ہے۔اب

$$-j = 1/-90^{\circ}$$

کے برابرہے جس کا جزر

$$\sqrt{1/-90^{\circ}} = 1/-45^{\circ} = \frac{1}{\sqrt{2}} - j\frac{1}{\sqrt{2}}$$

ہے للذا

$$\gamma = j \left(\frac{1}{\sqrt{2}} - j \frac{1}{\sqrt{2}} \right) \sqrt{\omega \mu \sigma}$$

1.

$$\gamma = (j+1)\sqrt{\pi f \mu \sigma}$$

حاصل ہوتا ہے جس سے

$$\alpha = \beta = \sqrt{\pi f \mu \sigma}$$

ملتا ہے۔

ان معلومات کے بعد کہا جاسکتا ہے کہ کسی بھی µاور σ مستقل رکھنے والے موصل کے α اور β ہر تعدد پر برابر ہی رہتے ہیں۔ یوں z سمت میں دوبارہ امواج فرض کرتے ہوئے موصل میں برقی میدان کی موج کو

(10.54)
$$E_x = E_0 e^{-z\sqrt{\pi f \mu \sigma}} \cos(\omega t - z\sqrt{\pi f \mu \sigma})$$

ککھا جا سکتا ہے۔اگر z < 0 کامل ذو برق اور z > 0 موصل خطے ہوں تب ان کے سرحد z = 0 پر برقی سرحد کی شرائط کے مطابق متوازی برقی میدان سرحد کے دونوں اطراف پر برابر ہوں گے۔مساوات 10.54 کے تحت سرحد پر موصل میں

$$(10.55) E_x = E_0 \cos \omega t (z=0)$$

ہو گا اور یوں سر حد پر ذو برق میں بھی برقی میدان بہی ہو گا۔اب اس حقیقت کو یوں بھی دیکھا جا سکتا ہے کہ سر حد پر ذو برق میں برقی میدان مساوات 10.55 دیتا ہے جو موصل میں سر حد پر اسی قیمت کا میدان پیدا کرتا ہے۔ابیا تصور کرنے کا مطلب میہ ہے کہ ہم ذو برق میں میدان کو منبع میدان تصور کرتے ہیں جو موصل میں مساوات 10.54 میں دی موج پیدا کرتا ہے۔موصل میں 1 $\ll \frac{\sigma}{\omega e}$ کی بنا پر انتقالی رو کو نظر انداز کرتے ہوئے

$$(10.56) J = \sigma E$$

لکھا جا سکتا ہے لہٰذا موصل میں ہر نقطے پر کثافت رواور برقی میدان راہ تناسب کا تعلق رکھتے ہیں اور یوں موصل میں

(10.57)
$$J_x = \sigma E_0 e^{-z\sqrt{\pi f \mu \sigma}} \cos(\omega t - z\sqrt{\pi f \mu \sigma})$$

کھا جا سکتا ہے۔ شکل 10.5 میں J_x و کھایا گیا ہے جہاں عین سرحد لعنی z=0 پر کثافت رو کے قبیت σE_0 کو σE_0 کھا گیا ہے۔

 $e^0=1$ مساوات 10.54 اور مساوات 10.57 میں بہت معلومات پائی جاتی ہے۔ پہلے ان مساوات میں $e^2\sqrt{\pi f\mu\sigma}$ جزوپر غور کریں۔ سر حدیراس کی قیت 1 $e^3=1$ جو سر حدید

$$z = \frac{1}{\sqrt{\pi f \mu \sigma}}$$

.10.4 موصل میں امواج

 $e^{-1}=0.368$ فاصلے پر $e^{-1}=0.368$ رہ جاتی ہے۔ یہ فاصلہ گہرائی جلد e^{-1} جاتا ہے۔

$$\delta = \frac{1}{\sqrt{\pi f \mu \sigma}}$$

برقی رو کا سطحی تہہ تک محدود رہنے کو اثر جلد 44 کہا جاتا ہے۔ یوں موصل میں

$$\alpha = \beta = \frac{1}{\delta}$$

ہو گا۔ اس طرح سر حد سے 26 فاصلے پر میدان $e^{-2}=0.135$ اور 4δ فاصلے پر میدان $e^{-4}=0.018$ یعنی صرف e^{-1} رہ جائے گا۔

تانبے کی $\frac{\rm S}{\rm m}$ $\sigma=5.8 imes 10^7$ تانبے کی جلد

$$\delta_{\rm fiv} = \frac{1}{\sqrt{\pi \times f \times 4 \times \pi \times 10^{-7} \times 5.8 \times 10^7}} = \frac{0.0661}{\sqrt{f}}$$

میٹر کے برابر ہے۔ یوں Hz کا میدان سر حدسے mm 9.35 mm فاصلے پر کم ہو کر صرف 0.368 گنارہ جائے گا۔ برقی ادوار میں مزاحمت میں طاقت کا ضیاع رو کے مربع کے راست تناسب ہوتا ہے لہٰذا ہر ایک گہرائی جلد کے فاصلے پر کثافت طاقت 0.135 = 0.368 گنا کم ہو گی۔ خردامواج 45 طاقت کا ضیاع رو کے مربع کے راست تناسب ہوتا ہے لہٰذا ہر ایک گہرائی جلد کے فاصلے پر کثافت طاقت 0.135 = 0.368 گنا کم ہو گی۔ خردامواج 55 تعدد یعنی کے تعدد یعنی 10 GHz پر گہرائی جلد سے 10.661 یعنی نظر آنے والے روشن کے طول کے آٹھویں جھے کے برابر ہے۔

ان تعدد پر کسی بھی موصل مثلاً تانبے میں سرحدسے چند ہی گہرائی جلد کے فاصلے پر تمام میدان تقریباً صفر کے برابر ہوتے ہیں۔موصل کے سرحد پر پیدا گئے کئے برقی میدان یا کثافت رو، سرحدسے دوری کے ساتھ تیزی سے کم ہوتے ہیں۔ برقی و مقناطیسی طاقت موصل کے اندر نہیں بلکہ اس کے باہر صفر کرتی ہے۔موصل کا کام صرف اتنا ہے کہ یہ ان امواج کو راستہ دکھاتی ہے۔موصل کے سرحد پر پیدا کثافت رو، موصل میں موج کے حرکت کے عمودی سمت میں داخل ہوتی ہے جس سے موصل میں مزاحمتی ضیاع پیدا ہوتا ہے۔یوں موصل بطور راہ گیر کردار اداکرتے ہوئے مزاحمتی ضیاع بلطور اجرت حاصل کرتا ہے۔

اگر آپ کسی بجلی گھر میں Hz کے برقی رو کو منتقل کرنے کی خاطر پانچ سٹی میٹر رداس کے تانبے کی ٹھوس تار استعال کر رہے ہوں تو بیہ سراسر تانبہ ضائع کرنا ہوگا چونکہ کثافت رو تارکے بیرونی سطح پر ہی پائی جائے گی۔اندرونی تار، سطح سے دور، کثافت رو قابل نظرانداز ہوگا لہٰذااس سے بہتر ہوگا کہ زیادہ رداس کی نکلی نما تار استعال کی جائے جس کی موٹائی تقریباً گاکہ زیادہ رداس کی نکلی نما تار استعال کی جائے جس کی موٹائی تقریباً گھڑے ہیں۔

بلند تعدد پر گہرائی جلد کا فاصلہ اتنا کم ہوتاہے کہ راہ گیر موصل کی سطحی تہہ ہی اہمیت رکھتی ہے۔ یوں خرد امواج کی منتقلی کے لئے شیشے پر mm 0.661 موٹی چاندی کی تہہ کافی ہے۔

آئیں اب موصل میں طول موج اور رفتار موج کے مساوات حاصل کریں۔ہم

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda}$$

سے شروع کرتے ہوئے مساوات 10.59 استعال کرتے ہوئے

 $\lambda = 2\pi\delta$

skin depth⁴³ skin effect⁴⁴ microwave⁴⁵

لكھ سكتے ہیں۔اسی طرح مساوات 10.25

$$v = \frac{\omega}{\beta}$$

 $(10.60) v = \omega \delta$

ملتا ہے۔

موصل میں H_y کی مساوات لکھنے کی خاطر موصل کی قدرتی رکاوٹ درکار ہو گ۔مساوات 10.31

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}}$$

 $\frac{\sigma}{\omega\epsilon}\gg 1$ وجہ سے

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma}}$$

ι

(10.61)
$$\eta = \frac{\sqrt{2/45^{\circ}}}{\sigma \delta} = \frac{1}{\sigma \delta} + j \frac{1}{\sigma \delta}$$

لکھا جا سکتا ہے۔ یوں مساوات 10.55 کو گہرائی جلد کی صورت

$$(10.62) E_x = E_0 e^{-\frac{z}{\delta}} \cos\left(\omega t - \frac{z}{\delta}\right)$$

میں لکھتے ہوئے مقناطیسی موج کو

(10.63)
$$H_y = \frac{\sigma \delta E_0}{\sqrt{2}} e^{-\frac{z}{\delta}} \cos\left(\omega t - \frac{z}{\delta} - \frac{\pi}{4}\right)$$

کھا جا سکتا ہے جہاں سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مقناطیسی موج، برقی موج سے پھیرے کے آٹھویں ھے پیچھے ہے۔

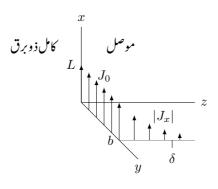
مندرجه بالا دو مساوات کی مددسے پوئٹنگ مساوات

$$\mathscr{P}_{\text{bul}} = rac{1}{2} rac{\sigma \delta E_0^2}{\sqrt{2}} e^{-rac{2z}{\delta}} \cos rac{\pi}{4}$$

يا

$$\mathscr{P}_{\mathsf{leg}} = rac{\sigma \delta E_0^2}{4} e^{-rac{2z}{\delta}}$$

دیتا ہے۔ آپ دوبارہ دیکھ سکتے ہیں کہ ایک گہرائی جلد کی گہرائی پر کثافت طاقت، سرحد کے کثافت طاقت کے 135 $e^{-2}=0$ گنارہ گئی ہے۔



شکل 10.5: موصل میں طاقت کے ضیاع اور گہرائی جلد۔

شکل 10.5 پر دوبارہ نظر ڈالیں۔مسئلہ پوئنٹنگ کہتا ہے کہ سرحد پر L اور bاطراف کے مستطیل میں جتنی برقی و مقناطیسی طاقت داخل ہوتی ہے، وہ تمام کی تمام موصل میں ضائع ہو جاتی ہے۔یہ طاقت

$$P_{L,b \to 1} = \int_0^b \int_0^L \mathcal{P}_{b \to 1}|_{z=0} \, dx \, dy$$

$$= \int_0^b \int_0^L \frac{\sigma \delta E_0^2}{4} e^{-\frac{2z}{\delta}} \Big|_{z=0} \, dx \, dy$$

$$= \frac{\sigma \delta b L E_0^2}{4}$$

کے برابر ہے۔ سرحدی کثافت رو

$$J_0 = \sigma E_0$$

کی صورت میں اسے

(10.64)
$$P_{L,d} = \frac{1}{4\sigma} \delta b L J_0^2$$

لکھا جا سکتا ہے۔

آئیں دیکھیں کہ اگر 6 چوڑائی میں کل برقی رو کو 6 گہرائی تک محدود کر دیا جائے تو مزاحمتی ضیاع کتنا ہو گا۔ایسا کرنے کی خاطر پہلے اس چوڑائی میں کل رو

$$I = \int_0^\infty \int_0^b J_x \, \mathrm{d}y \, \mathrm{d}z$$

حاصل کرتے ہیں جہاں تکمل آسان بنانے کی غرض سے

$$J_x = J_0 e^{-\frac{z}{\delta}} \cos\left(\omega t - \frac{z}{\delta}\right)$$

کو دوری سمتیه کی شکل

$$J_{xs} = J_0 e^{-\frac{z}{\delta}} e^{-j\frac{z}{\delta}}$$
$$= J_0 e^{-(1+j)\frac{z}{\delta}}$$

میں لکھ کر تکمل حل کرتے ہیں۔

$$I = \int_0^\infty \int_0^b J_0 e^{-(1+j)\frac{z}{\delta}} \, \mathrm{d}y \, \mathrm{d}z$$
$$= \frac{J_0 b \delta}{1+j}$$

اس سے

$$I = \frac{J_0 b \delta}{\sqrt{2}} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{4}\right)$$

کھھا جائے گا۔ا گراس رو کو y < b اور $z < \delta$ اور $z < \delta$ میں محدود کر دیا جائے تب نئی کثافت رو

$$J_x' = \frac{J_0}{\sqrt{2}} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{4}\right)$$

ہو گی۔ مزاحمتی طاقت کا ضیاع فی اکائی حجم $J\cdot E$ کے برابر ہے للذااس حجم میں کل ضیاع

$$P_{L} = \frac{1}{\sigma} \left(J_{x}^{\prime} \right)^{2} bL\delta = \frac{J_{0}^{2}}{2\sigma} bL\delta \cos^{2} \left(\omega t - \frac{\pi}{4} \right)$$

ہو گا۔ مربع کوسائن موج کی اوسط قیمت $\frac{1}{2}$ کے برابر ہوتی ہے للذا اوسط طاقت کے ضیاع کو

$$P_L = \frac{J_0^2 b L \delta}{4\sigma}$$

لکھا جا سکتا ہے جو عین مساوات 10.64 ہے۔

اس نتیج کو دکیھ کر اب کسی بھی موصل، جس میں اثر جلد پایا جاتا ہو، میں کل رو کو ایک جلد گہرائی میں یکسال تقسیم شدہ تصور کرتے ہوئے سلاخ کی مزاحمتی ضیاع حاصل کی جاسکتی ہے۔یوں b چوڑائی، L لمبائی اور لامحدود گہرائی سلاخ جس میں اثر جلد پایا جاتا ہو اور b چوڑائی، L لمبائی اور 8 گہرائی سلاخ جس میں یکسال تقسیم شدہ رو ہو کے مزاحمت بالکل برابر ہوں گے۔

اس حقیقت کو استعال کرتے ہوئے رداس ۲ کے ٹھوس نکلی سلاخ کی مزاحت بلند تعدد پر حاصل کی جاسکتی ہے۔اگر گہرائی جلد سلاخ کے رداس سے بہت کم ہو تب اس طرح حاصل کردہ مزاحت کی قیت تقریباً بالکل درست ہو گی۔ایسی تعدد جس پر اثر جلد پایا جاتا ہو کی صورت میں سلاخ کی بیرونی جلد ہی روگزارے گی للذا مزاحت کی قیت حاصل کرتے وقت اس نکلی نما جلی کو ہی موصل تصور کیا جائے گا للذا مزاحت R

(10.66)
$$R = \frac{L}{\sigma S} = \frac{L}{\sigma 2\pi r \delta}$$

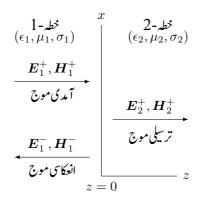
ایک ملی میٹر رداس اور دس میٹر لمبی تانیے کے تارکی یک سمتی مزاحت

$$R$$
ي تى تى = $rac{10}{5.8 imes 10^7 imes \pi imes 0.001^2} = 54.88 \, \mathrm{m} \Omega$

ہے۔ ایک سو میگا ہر ٹز کی تعدد پر تانبے کی $\delta=6.61~\mu\mathrm{m}$ کہ ہو گی للذااس تعدد پر اسی تارکی مزاحمت

$$R = \frac{10}{5.8 \times 10^7 \times 2 \times \pi \times 0.001 \times 6.61 \times 10^{-6}} = 4.15 \,\Omega$$

10.5. انعكاس مستوى موج



شکل 10.6: آمدی موج سرحد سے گزرتی ترسیلی اور اس سے لوٹتی انعکاسی امواج پیدا کرتی ہے۔

مشق 10.6: کھوس نگلی نمالوہے کی تار جس کارداس mm 5 اور جس کی لمبائی m 2.5 ہیں۔ کارداس cos 10000 ہیں۔ کی برقی رو گزر رہی ہے۔ کتاب کے آخر میں ضمیمے سے $\frac{\mathrm{S}}{\mathrm{m}} = 1.03 \times 10^7 \frac{\mathrm{S}}{\mathrm{m}}$ ویے گئے ہیں۔ یاد رہے کہ موصل کا $\epsilon_R = 1$ ہوتا ہے۔ آپ سے گزارش ہے کہ مندر جہ ذیل حاصل کریں۔

- يک سمتی رومزاحت،
 - گهرائی جلد،
- بدلتی رومزاحت یاموثر مزاحت،
 - مزاحمتی طاقت کا ضیاع۔

 $2.49\,W$ اور $1.25\,\Omega$ 62، $1.25\,\Omega$ اور $1.25\,\Omega$

10.5 انعكاس مستوى موج

لا محدود جسامت کے مجم میں مستوی امواج ہم دکیھ چکے۔ایسے مجم میں کبھی بھی موج دو مختلف اقسام کے اشیاء کے درمیان پائی جانے والی سرحد نہیں چھوتی۔آئیں محدود جسامت کے مجم میں مستوی امواج پر غور کریں جہاں امواج کو ایک قسم کے مادے سے دوسرے قسم کے مادے میں داخل ہونا ہو گا۔آپ دیکھیں گے کہ ایسی صورت میں موج کا کچھ حصہ پہلے خطے سے دوسرے خطے میں داخل ہو پاتا ہے جبکہ اس کا بقایا حصہ سرحدسے نگرا کر واپس کی گا۔آپ دیکھیں گے کہ ایسی صورت میں ہم سرحدسے گزرتے اور اس سے نگرا کر واپس لوٹے حصوں کے مساوات حاصل کریں گے۔ یہ نتائج ترسیلی تاروں 46 اور رہبر موج 47 کے مسائل میں جو ل کے تول قابل استعال ہول گے۔

transmission lines⁴⁶ waveguide⁴⁷

جم z > 0 وخطہ - 1 تصور کرتے ہیں جہاں (ϵ_1 , μ_1 , σ_1) ہیں جبکہ z > 0 وخطہ - 2 تصور کرتے ہیں جہاں (ϵ_2 , μ_2 , σ_2) ہیں۔ یہ صورت حال شکل 10.6 میں دکھائی گئی ہے۔ ہم بڑھتے z جانب حرکت کرتے موج کو بالانوشت z = 1 جبکہ گھٹتے z جانب حرکت کرتے موج کو بالانوشت z = 1 خاہر کریں کہ پہلے خطے میں سرحد کی جانب برقی موج گئے موج کے بانب برقی موج

$$E_{xs1}^+ = E_{x10}^+ e^{-\gamma_1 z}$$

آتی ہے۔آپ جانتے ہیں کہ اس برقی موج کے ساتھ لازماً مقناطیسی موج

(10.68)
$$H_{ys1}^{+} = \frac{E_{x10}^{+}}{\eta_1} e^{-\gamma_1 z}$$

بھی ہو گی۔ سرحد کی طرف آتے موج کو آمدی موج 48 کہا جاتا ہے۔ چونکہ بیر موج سرحد کے عمودی حرکت کر رہاہے للذااس کے حرکت کو عمودی آمد 49 کہتے ہیں۔

اس آمدی موج کا کچھ حصہ جے ترسیلی موج 50 کہتے ہیں، سرحدسے گزرتے ہوئے سیدھا چلے جائے گا۔ ترسیلی امواج

$$E_{xs2}^+ = E_{x20}^+ e^{-\gamma_2 z}$$

(10.70)
$$H_{ys2}^{+} = \frac{E_{x20}^{+}}{\eta_2} e^{-\gamma_2 z}$$

ہیں۔ سرحد کے دوسرے جانب حرکی مستقل γ_2 اور قدرتی رکاوٹ η_2 ہیں جو پہلے نطے سے مختلف ہیں۔ترسیلی امواج سرحد سے دور چلتی جاتی ہیں۔

آمدی اور ترسیلی برقی امواج x محدد کے متوازی جبکہ مقناطیسی امواج y محدد کے متوازی ہیں للذا یہ چاروں امواج سرحد کے بھی متوازی ہیں۔صفحہ 264 پر مساوات 9.45 مساوات 9.45 متوازی امواج کے سرحدی شرائط بیان کرتے ہیں۔اب کا نئات میں مجھی بھی دواشیاء کے سرحد پر سطحی کثافت رو نہیں پائی جاتی۔یوں $K_{\perp}=0$ لیتے ہوئے ان شرائط کو

$$E_{m1} = E_{m2}$$

 $H_{m1} = H_{m2}$ $(K_{\perp} = 0)$

لکھا جاتا ہے۔

10.69 اور مساوات 10.67 اور مساوات 10.69 برابر ہونا ہوگا ہوں گے۔ یوں جانب متوازی مقناطیسی میدان بھی برابر ہونا ہوگا ہوتا ہے۔ یوں جانب متوازی مقناطیسی میدان بھی برابر ہونا ہوگا ہوتا ہے۔ یہ دونوں تب ممکن ہے جب $\eta_1 = \eta_2$ بر مساوات 10.68 اور مساوات 10.70 بھی برابر ہوں گے جس سے $\frac{E_{x10}^+}{\eta_1} = \frac{E_{x20}^+}{\eta_1}$ حاصل ہوتا ہے۔ یہ دونوں تب ممکن ہے جب $\eta_2 = \eta_2$ ہوجو حقیقت میں کبھی بھی نہیں ہوگا لہذا صرف آمدی اور ترسیلی امواج کی صورت میں سرحدی شرائط پر پورا نہیں اترا جا سکتا۔ مندر جہ بالا دونوں سرحدی شرائط صرف اس صورت میں پورا ہوتے ہیں جب سرحدے مگرا کر واپس لوٹے امواج

$$E_{xs1}^{-} = E_{x10}^{-} e^{\gamma_1 z}$$

(10.72)
$$H_{ys1}^{-} = -\frac{E_{x10}^{-}}{\eta_1} e^{\gamma_1 z}$$

incident wave⁴⁸ normal incidence⁴⁹ transmitted wave⁵⁰ 10.5. انعكاس مستوى موج

جھی پائے جائیں جنہیں انعکا می امواج 51 کہا جاتا ہے۔انعکا می موج کا حرکی مستقل γ_1 ہی ہے جبکہ یہ موج گھٹے z جانب حرکت کر رہی ہے۔انعکا موج میں $E_{xs1}^- = -\eta_1 H_{ys1}^- = -\eta_1 H_{ys1}^-$ معلوط عدد ہو سکتا ہے۔چونکہ انعکا می امواج گھٹے z جانب حرکت کرتی ہیں للذا مسئلہ پوئنٹنگ کے تحت $H_{ys1}^- = -\eta_1 H_{ys1}^-$ ہو گا تا کہ $H_1^- = -\eta_1 H_{ys1}^-$ کی سمت $H_1^- = -\eta_1 H_{ys1}^-$ کے سمت $H_2^- = -\eta_1 H_{ys1}^-$ کی سمت $H_2^- = -\eta_1 H_{ys1}^-$ کے سمت $H_1^- = -\eta_1 H$

آ مدی، تربیلی اور انعکائی امواج کی صورت میں دونوں سرحدی شر اکط پورے ہوتے ہیں اور ان کی مدد سے E^+_{x10} کی صورت میں بقایا تمام امواج کے طول بھی حاصل ہوتے ہیں۔آئیں دیکھیں کہ ایساکس طرح ہوتا ہے۔

z=0 اب پہلے خطے میں آمدی امواج کے علاوہ انعکا ہی امواج بھی پائے جاتے ہیں للمذا سر حدی شر ائط میں دونوں کا مجموعہ استعال کیا جائے گا۔یوں z=0 پر سر حد کے دونوں جانب متوازی برقی میدان برابر ہونے سے

$$E_{xs1} = E_{xs2} \quad (z = 0)$$

لعني

$$E_{xs1}^+ + E_{xs1}^- = E_{xs2}^+ \quad (z = 0)$$

یا

$$E_{x10}^{+} + E_{x10}^{-} = E_{x20}^{+}$$

حاصل ہوتا ہے۔ای طرح z=0 پر سرحد کے دونوں جانب متوازی مقاطیبی میدان کے برابری سے

$$H_{ys1} = H_{ys2}$$
 $(z = 0, K_{\perp} = 0)$

لعيني

$$H_{ys1}^+ + H_{ys1}^- = H_{ys2}^+ \quad (z = 0, K_{\perp} = 0)$$

یا

$$\frac{E_{x10}^{+}}{\eta_1} - \frac{E_{x10}^{-}}{\eta_1} = \frac{E_{x20}^{+}}{\eta_2}$$

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 10.73 اور مساوات 10.74 کو $E_{r,10}^{-1}$ کی خاطر حل کرنے کی غرض سے مساوات 10.73 کو مساوات میں پر کرتے

$$\frac{E_{x10}^+}{\eta_1} - \frac{E_{x10}^-}{\eta_1} = \frac{E_{x10}^+ + E_{x10}^-}{\eta_2}$$

ہوئے یوں

$$E_{x10}^{-} = E_{x10}^{+} \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

حاصل ہوتا ہے۔انعکاسی اور آمدی برقی میدان کے حیطوں کی شرح کو شرح انعکاس⁵ پکارااور ۲ سے ظاہر ⁵³ کیا جاتا ہے۔

(10.75)
$$\Gamma = \frac{E_{x10}^{-}}{E_{x10}^{+}} = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

مخلوط شرح انعکاس کی صورت میں انعکاسی اور آمدی میدان میں زاویائی فرق پایا جائے گا۔ آپ دیھے سکتے ہیں کہ شرح انعکاس کی حتی قیمت صفر تاایک ممکن ہے۔

$$|\Gamma| \le 1$$

اسی طرح مساوات 10.73 اور مساوات 10.74 سے E_{x10}^{-} ختم کرنے سے

(10.77)
$$\tau = \frac{E_{x20}^{+}}{E_{x10}^{+}} = \frac{2\eta_2}{\eta_2 + \eta_1}$$

حاصل ہوتا ہے جو شرح ترسیل 54 کہلا یا اور auے ظاہر کیا جاتا ہے۔مساوات 10.75 اور مساوات 10.77 سے

$$\tau = 1 + \Gamma$$

لکھا جا سکتا ہے۔

آئیں ان نتائج کو چند مخصوص صورتوں میں استعال کرتے ہیں۔ تصور کریں کہ پہلا خطہ کامل ذو برق جبکہ دوسرا خطہ کامل موصل ہے۔الیی صورت میں ہے لامحدود ہو گاللذا

$$\eta_2 = \sqrt{\frac{j\omega\mu_2}{\sigma_2 + j\omega\epsilon_2}} = 0$$

ہو گا۔ یول مساوات 10.77 سے

$$E_{x20}^+ = 0$$

حاصل ہوتا ہے بعنی کامل موصل میں کسی صورت بھی وقت کے ساتھ بدلتا میدان نہیں پایا جا سکتا۔اس کو بوں بھی بیان کیا جا سکتا ہے کہ کامل موصل کی گہرائی جلد صفر کے برابر ہے۔

مساوات 10.75 میں $\eta_2 = 0$ پر کرنے سے

$$\Gamma = -1$$

لعيني

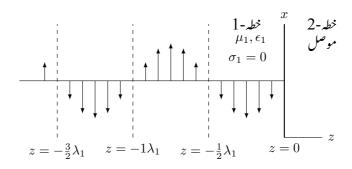
$$E_{x10}^- = -E_{x10}^+$$

حاصل ہوتا ہے۔انعکاسی موج کا حیطہ بالکل آمدی موج کے حیطے کے برابر ہے لیکن ان میں °180 کا زاویہ پایا جاتا ہے۔موصل سطح آمدی توانائی کو واپس کرتی ہے اور یوں پہلے خطے میں کل برقی میدان

$$E_{xs1} = E_{xs1}^+ + E_{xs1}^ = E_{x10}^+ e^{-j\beta_1 z} - E_{x10}^+ e^{j\beta_1 z}$$
 $= E_{x10}^+ e^{-j\beta_1 z} - E_{x10}^+ e^{j\beta_1 z}$
 $Y_1 = 0 + j\beta_1$ بي گيا ہے۔ اس کو حمل کرتے ہوئے
 $E_{xs1} = E_{x10}^+ \left(e^{-j\beta_1 z} - e^{j\beta_1 z} \right)$
 $= -j2E_{x10}^+ \sin \beta_1 z$

transmission coefficient⁵⁴

10.5. انعكاس مستوى موج



شكل 10.7: ساكن موج، برقى ميدان.

جا صل ہوتا ہے جو دوری سمتیہ کی صورت میں ہے جے $e^{j\omega t}$ ہے ضرب دے کر حقیقی جزو لیتے ہوئے اصل موج کی مساوات $E_{x1} = 2E_{x10}^+ \sin \beta_1 z \sin \omega t$

حاصل ہوتی ہے۔ یہ مساوات ساکن میدان کو ظاہر کرتی ہے۔ یاد رہے کہ اسے دو آپس میں الٹ سمت میں حرکت کرتے امواج سے حاصل کیا گیا ہے۔اس کا موازنہ آمدی موج

$$E_{x1}^{+} = E_{x10}^{+} \cos(\omega t - \beta_1 z)$$

ے کریں۔ حرکت کرتے موج کی پیچان جزو $\omega t = \omega t - \beta_1$ ہے جو مثبت سمت میں موج کو ظاہر کرتی ہے۔ مساوات 10.79 میں ωt اور $\beta_1 z$ علیحدہ علیحدہ پائے جاتے ہیں۔

مساوات 10.79 میں جس لمحہ $m\pi$ کے برابر ہو اس لمحہ میدان ہر نقطے پر صفر کے برابر ہو گا۔اس کے علاوہ جس نقطے پر $m\pi$ کے برابر ہو اس لمحہ میدان ہر نقطے پر ہر وقت صفر رہتا ہے۔مساوات 10.79 کو ساکن موج 55 کہا جاتا ہے۔ برقی میدان ان سطحوں پر ہر وقت صفر رہتا ہے جہاں

$$\beta_1 z = n\pi$$
 $(n = 0, \mp 1, \mp 2, \cdots)$

ہو جس سے

$$\frac{2\pi}{\lambda_1}z = n\pi$$

يعني

$$z = n \frac{\lambda_1}{2}$$

حاصل ہوتا ہے۔یوں سرحد یعنی z=0 پر برتی میدان صفر ہو گا اور پہلے خطے میں سرحد سے دور چلتے ہوئے ہر آدھے طول موج پر صفر برتی میدان پایا جائے گا۔یہ صورت حال شکل 10.7 میں دکھائی گئ ہے۔اس شکل میں نقطہ دار لکیر ان سطحوں کو ظاہر کرتی ہیں جہاں میدان صفر رہتا ہے۔ برقی میدان کو وقت t=2 پر دکھایا گیا ہے جب اس کا حیطہ زیادہ سے زیادہ ہوتا ہے۔

چونکہ
$$E_{xs1}^+=\eta_1 H_{ys1}^-$$
 اور $E_{xs1}^-=-\eta_1 H_{ys1}^-$ ہوتے ہیں لہذا مقناطیسی میدان

$$H_{ys1} = \frac{E_{x10}^+}{\eta_1} \left(e^{-j\beta_1 z} + e^{j\beta_1 z} \right)$$

یا

(10.80)
$$H_{y1} = 2\frac{E_{x10}^{+}}{\eta_1} \cos \beta_1 z \cos \omega t$$

ہو گا۔ یہ بھی ساکن موج ہے لیکن جس سطح پر برتی میدان صفر رہتا ہے وہاں مقناطیسی ساکن موج کی چوٹی پائی جاتی ہے۔اس کے علاوہ برتی اور مقناطیسی ساکن امواج میں °90 کا وقتی فرق پایا جاتا ہے للذا یہ امواج کسی بھی ست میں اوسطاً صفر طاقت منتقل کرتی ہیں۔

آئیں اب دو کامل ذو برق کی سرحد پر صورت حال دیکھیں۔اب ان دو خطوں میں قدرتی رکاوٹ η₁ اور η₂ جبکہ α₁ = 0 اور α₂ = 0 ہوں گے۔عددی قیمتیں لے کر آگے چلتے ہیں۔فرض کریں کہ

$$\eta_1 = 50 \Omega$$
$$\eta_2 = 377 \Omega$$
$$E_{x10}^+ = 10 \frac{V}{m}$$

ہیں۔یوں

$$\Gamma = \frac{377 - 50}{377 + 50} = 0.7658$$

ہے للذا

$$E_{x10}^- = 0.7658 \times 10 = 7.658 \,\frac{\text{V}}{\text{m}}$$

ہو گا۔ پہلے خطے میں مقناطیسی میدان

$$H_{y10}^{+} = \frac{10}{50} = 0.2 \frac{A}{m}$$

$$H_{y10}^{-} = -\frac{7.658}{50} = -0.153 \frac{A}{m}$$

ہیں۔آمدی اوسط سطحی کثافت طاقت مساوات 10.51 سے

$$P_{1, l_{x}}^{+} = rac{1}{2} rac{\left(E_{x10}^{+}
ight)^{2}}{|\eta_{1}|} e^{-2lpha_{1}z} \cos heta_{\eta 1} = 1 rac{W}{m^{2}}$$

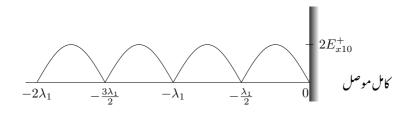
جبكه انعكاسي اوسط سطحي كثافت طاقت

$$P_{1,\text{best}}^{-} = \frac{1}{2} \frac{\left(E_{x10}^{-}\right)^{2}}{|\eta_{1}|} e^{-2\alpha_{1}z} \cos \theta_{\eta 1} = 0.5864 \frac{W}{m^{2}}$$

ہے۔ان مساوات میں $lpha_1=0$ اور $rac{0}{2}$ استعال کئے گئے۔آپ دکھ سکتے ہیں کہ انعکا می اور آمدی کثافت طاقت کی شرح

(10.81)
$$\frac{\frac{\left(E_{x10}^{-}\right)^{2}}{2\eta_{0}}}{\frac{\left(E_{x10}^{+}\right)^{2}}{2\eta_{0}}} = |\Gamma|^{2}$$

10.6. شرح ساكن موج



شکل 10.8: کامل موصل سے انعکاس، کامل ذو برق میں ساکن موج پیدا کرتا ہے۔

دوسرے <u>خطے</u> میں

$$E_{x20}^{+} = \frac{2\eta_2}{\eta_2 + \eta_1} E_{x10}^{+} = 17.658 \frac{V}{m}$$

$$H_{y20}^{+} = \frac{17.658}{377} = 0.04684 \frac{A}{m}$$

ہیں لہٰذا

$$P_{2, ext{b-9}}^{+} = rac{1}{2} rac{\left(E_{x20}^{+}
ight)^{2}}{\left|\eta_{2}
ight|} e^{-2lpha_{2}z}\cos heta_{\eta 2} = 0.4135 rac{W}{ ext{m}^{2}}$$
 جو گا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ انعکائی اور تر سکی طاقت کا مجموعہ آمدی طاقت کے عین برابر ہے۔ $P_{1, ext{b-9}}^{+} = P_{1, ext{b-9}}^{-} + P_{2, ext{b-9}}^{+}$

10.6 شرح ساكن موج

کسی بھی تربیلی نظام میں مختلف مقامات پر برقی یا مقناطیسی میدان کے راست تناسب اشارہ باآسانی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ محوری تار کا اندرونی تار ذرہ زیادہ لیارکھتے ہوئے برقی میدان حاصل کیا جا سکتا ہے۔ای طرح تار کا ایک چھوٹا دائرہ مقناطیسی میدان کا نمونہ حاصل کرنے میں کام آتا ہے۔ان آلات سے حاصل اشارات کو سمت کار 50 سے گزارتے ہوئے مائیکرو میٹر سے ناپا جا سکتا ہے۔مائیکرو میٹر میدان کے حیطے کے راست تناسب جواب دیتا ہے۔ان آلات کو عموماً درکار اشارات کے جمسر 57 رکھا جاتا ہے تاکہ میہ زیادہ حساس ہوں۔

اگر بغیر ضیاع خطے میں کیسال مستوی موج حرکت کر رہی ہو اور اس خطے میں انعکائ موج نہ پائی جاتی ہو تب میدان ناپنے والا آلہ تمام مقامات پر کیسال حیطہ دکھائے گا۔ایسا آلہ تیزی سے تبدیل ہوتے حیطے کو دکھانے سے قاصر ہوتا ہے۔ہر جبگہ برابر حیطہ اس بات کی نشانی ہے کہ خطے میں طاقت ضائع نہیں ہوتا اور یہ کہ انعکائی موج بھی غیر موجود ہے۔

اس کے برعکس کامل ذو برق میں آمدی موج کا کامل موصل سے انعکاس، ساکن موج پیدا کرتا ہے۔ایسے خطے میں میدان ناپا آلہ مختلف مقامات پر مختلف عقامات پر مختلف علی میدان ناپا آلہ مختلف مقامات پر مختلف حیطے ناپے گا۔ چونکہ سرحد سے ہر آدھے طول موج کے فاصلے پر میدان صفر رہتا ہے للذاان نقطوں پر آلہ صفر حیطہ ناپے گا جبکہ عین ایسے دوقر ببی نقطوں کے درمیان آلہ زیادہ سے زیادہ حیطہ دکھائے گا۔آلے کو سرحد کے قریب اور دور کرنے سے ناپے گئے جیطے کی شکل مالے گا۔آلے کو سرحد کے قریب اور دور کرنے سے ناپے گئے جیطے کی شکل ایمانی طرح حاصل ہو گی جہاں سرحد سے فاصلہ 2 ہے۔اسے شکل 10.8 میں دکھایا گیا ہے۔سائن نما جیطے کا تبدیل ہونا ساکن موج کی پہچان ہے۔

اب 10. مستوى امواج

مثال 10.2: کامل موصل سے انعکاس کی صورت میں کامل ذو برق میں ساکن موج کی مساوات حاصل کریں۔

حل: کامل موصل سے انعکاس کی صورت میں $\Gamma=-1$ حاصل ہوتا ہے لہذا $E_{xs1}^+=-E_{x10}^+e^{jeta_1z}$ ہو گا۔ یوں آمدی اور انعکاس امواج کا مجموعہ $E_{xs1}=E_{x10}^+e^{jeta_1z}-E_{x10}^+e^{jeta_1z}$ $=-2jE_{x10}^+\sineta_1z$

ہو گا۔اس دوری سمتیہ سے حقیقی ساکن موج کی مساوات حاصل کرنے کی خاطر اسے ejwt سے ضرب دیتے ہوئے

 $E_{xs1}e^{j\omega t} = -2jE_{x10}^{+}\sin\beta_{1}z\cos\omega t + 2E_{x10}^{+}\sin\beta_{1}z\sin\omega t$

حقيقى جزو

 $E_{x1} = 2E_{x10}^+ \sin \beta_1 z \sin \omega t$

لیتے ہیں۔ یہی ساکن موج کی مساوات ہے۔ شکل 10.8 میں آلہ ناپ سے حاصل $|E_{x1}|$ و کھایا گیا ہے۔

اب ایسی صورت پر غور کرتے ہیں جہاں تمام کی تمام موج سرحدسے واپس نہیں اوٹی بلکہ اس کا کچھ حصہ سرحد پار کرتے ہوئے دوسری جانب چلے جاتی ہے۔ پہلے خطے میں اب آمدی موج کے علاوہ ایسی انعکاسی موج پائی جاتی ہے جس کا حیطہ آمدی موج سے کم ہوتا ہے۔ اگرچہ اب پہلے خطے میں ساکن موج کے ساتھ ساتھ حرکت کرتی موج بھی پائی جاتی ہے لیکن اس کے باوجود اس کوساکن موج ہی پکارا جاتا ہے۔ اب کسی بھی نقطے پر میدان ہر وقت صفر نہیں رہتا۔ ساکن اور حرکت کرتے حصوں کا اندازہ حیطے کی زیادہ سے زیادہ قیت اور اس کے کم سے کم قیمت کی شرح سے بیان کی جاتی ہے۔ اس شرح کو شرح ساکن موج 85 کہا اور 2 سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

فرض کریں کہ پہلا خطہ کامل ذو برق ہے جبکہ دوسرا خطہ کوئی بھی مادہ ہو سکتا ہے۔یوں $lpha_1=0$ ہو گا۔اب $E_{xs1}^+=E_{x10}^+e^{-jeta_1z}$ $E_{rs1}^-=\Gamma E_{r10}^+e^{jeta_1z}$

ہوں گے جہاں

$$\Gamma = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

ے۔ چونکہ کامل ذو برق میں $\sigma=0$ ہوتا ہے لہذا η_1 مثبت حقیقی عدد ہے جبکہ η_2 مخلوط عدد ہو سکتا ہے لہذا $\sigma=0$ ہوتا ہے لہذا $\sigma=0$ ہوتا ہے لہذا $\sigma=0$ ہوتا ہے لہذا ہوں اسے $\sigma=0$ ہوتا ہے المذا $\sigma=|\Gamma|\,e^{j\phi}$

بھی لکھا جا سکتا ہے۔ یوں

$$E_{xs1}^{-} = |\Gamma| E_{x10}^{+} e^{j(\beta_1 z + \phi)}$$

10.6. شرح ساكن موج

لکھا جا سکتا ہے جس سے ساکن موج کی مساوات

(10.82)
$$E_{xs1} = \left(e^{-j\beta_1 z} + |\Gamma| e^{j(\beta_1 z + \phi)}\right) E_{x10}^+$$

حاصل ہوتی ہے۔

اب آپ جانتے ہیں کہ کسی بھی مخلوط عدد $e^{j\theta}$ کو

 $e^{j\theta} = \cos\theta + j\sin\theta$

 $\theta = 0$ کو ایادہ ہے۔ چو کئہ $\theta = 1$ کو $\cos^2 \theta + \sin^2 \theta = 1$ ہوتا ہے لہذا اس کی حتی قیمت ایک (1) ہی رہتی ہے۔ اس عدد کی زیادہ سے زیادہ قیمت $\cos^2 \theta + \sin^2 \theta = 0$ کو صورت میں ہمی حاصل ہوتی ہے۔ ہی قیمت $\theta = \pm 2\pi$ یا $\theta = \pm 2\pi$ کی صورت میں ہمی حاصل ہوتی ہے۔ اس عدد کی کم سے کم قیمت $\theta = \pm \pi, \pm 3\pi, \pm 5\pi$ نقیمت $\theta = \pm \pi, \pm 3\pi, \pm 5\pi$ کہ مساوات $\theta = \pm \pi, \pm 3\pi, \pm 3\pi$

$$E_{xs1} = \left(1 + |\Gamma| \, e^{j(2\beta_1 z + \phi)}\right) e^{-j\beta_1 z} E_{x10}^+$$

یا

$$-eta_1 z = \left(rac{\phi}{2}
ight)$$
 , $\left(rac{\phi}{2} - \pi
ight)$, $\left(rac{\phi}{2} + \pi
ight)$, $\left(rac{\phi}{2} - 2\pi
ight)$, \cdots

پر حاصل ہو گی جسے

(10.83)
$$-\beta_1 z_{j,j,\pm} = \frac{\phi}{2} + n\pi \quad (n = 0, \pm 1, \pm 2, \cdots)$$

لکھا جا سکتا ہے۔ ایسی صورت میں

(10.84)
$$|E_{xs1}|_{z=0} = (1+|\Gamma|) E_{x10}^+$$

-1 ہو گا۔ اس طرح $e^{j(2\beta_1z+\phi)}$ کی کم سے کم قیت لیعنی

 $2\beta_1 z + \phi = \pi, -\pi, 3\pi, -3\pi, \cdots$

١

$$-\beta_1 z = \left(\frac{\phi}{2} - \frac{\pi}{2}\right), \left(\frac{\phi}{2} + \frac{\pi}{2}\right), \left(\frac{\phi}{2} - \frac{3\pi}{2}\right), \cdots$$

پر حاصل ہو گی جسے

(10.85)
$$-\beta_1 z_{\pi} = \frac{\phi}{2} + n\pi + \frac{\pi}{2} \quad (n = 0, \mp 1, \mp 2, \cdots)$$

لکھا جا سکتا ہے اور ایسی صورت میں

(10.86)
$$|E_{xs1}|_{\pi} = (1 - |\Gamma|) E_{x10}^+$$

304 باب 10. مستوى امواج

موج کی کم تر قیمت ہر آدھے طول موج پر پائی جاتی ہے۔موج کی بلند تر قیمت دو کم تر قیمتوں کے مقام کے عین وسط میں پائی جاتی ہیں۔کامل موصل کی صورت میں پہلا کمتر میدان $\theta_1 z = 0$ یعنی سرحد پر پایا جائے گا۔اگر $\eta_2 < \eta_1$ ہو اور دونوں قدرتی رکاوٹوں کی قیمتیں حقیقی اعداد ہوں تب $\phi_2 = 0$ ہو گااور الیمی صورت میں سرحد یعنی $\theta_1 z = 0$ پر برقی د باو کی کمتر قیمتیں پائی جائے گی۔اس کے برعکس اگر $\eta_2 > \eta_3$ ہو اور دونوں رکاوٹ حقیقی ہوں تب سرحد پر برقی میدان کی قیمت بلند تر ہوگی۔

لول

$$\omega = 2\pi 10^9 \frac{\text{rad}}{\text{s}}, \quad \beta_1 = 36.28 \frac{\text{rad}}{\text{m}}, \quad \beta_2 = 51.3 \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

حاصل ہوتے ہیں۔ اگرچہ خالی خلاء میں اس موج کی طول $30\,\mathrm{cm}$ ہوگی، یہاں $\lambda_1=17.32\,\mathrm{cm}$ اور $\lambda_2=12.25\,\mathrm{cm}$ ہیں۔ قدرتی رکاوٹ $\lambda_1=17.32\,\mathrm{cm}$ ہوتے ہیں۔ اگرچہ خالی خلاء میں اس موج کی طول $\lambda_1=10.32\,\mathrm{cm}$ ہوتا ہے۔ چونکہ دونوں رکاوٹ حقیقی اعداد ہیں اور $\eta_2=153.91\,\mathrm{cm}$ اور $\eta_2=153.91\,\mathrm{cm}$ ہوتا ہوتا ہے۔ پونکہ دونوں رکاوٹ حقیقی اعداد ہیں اور $\eta_2=10.86\,\mathrm{cm}$ ہوتی میدان کی کمتر قیمت پائی جو رہ ہیں سرحد سے دور ہر $\eta_2<\eta_1$ ہیں میدان کی کمتر قیمت پائی جائے گا۔ پہلے خطے، لیخن $\eta_2<\eta_1$ ہوتی ہے۔ پونکہ پہلا خطہ کامل ذو برق ہے المذااس میں طاقت کا خاص نہیں ہوتا اور یوں اس خطے میں تمام کمتر قیمتیں برابر ہوں گی۔

میدان کی بلند تر قیت $\frac{V}{m}$ 11.7 پہلے خطے میں سرحدسے 4.33 ، 12.99 ، 4.35 ، سنٹی میٹر کے فاصلوں پر پائی جائیں گی۔

چونکہ دوسرے خطے میں انعکاسی موج نہیں پائی جاتی للذااس میں ساکن موج بھی نہیں پائی جائے گا۔

ساکن موج کی زیادہ سے زیادہ اور کم سے کم قیمتوں کی شرح کو شرح ساکن موج 59 کہااور s سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

(10.87)
$$s = \frac{|E_{xs1}|_{|E_{xs1}|}}{|E_{xs1}|} = \frac{1+|\Gamma|}{1-|\Gamma|}$$

چونکہ $|\Gamma| \leq |\Gamma|$ ر ہتا ہے لہٰذا شرح ساکن موج ہر صورت مثبت اور اکائی کے برابریااں سے زیادہ قیت کا ہو گا یعنی

$$(10.88) s \ge 1$$

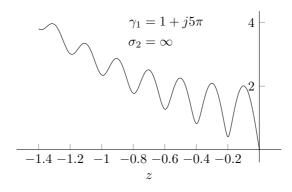
مندرجه بالا مثال میں $s = \frac{1+0.17}{1-0.17} = 1.409$ ہندرجہ بالا مثال میں

اگر $\Gamma = |\Gamma|$ ہو تب انعکای اور آمدی امواج برابر ہوں گے لہذا تمام کی تمام آمدی توانائی سرحدسے واپس لوٹتی ہے اور ایسی صورت میں S لا محدود ہو گا۔ پہلے خطے میں ہر $\frac{\lambda_1}{2}$ فاصلے پر ایسی سطحیں ہوں گی جہاں آمدی موج کے در میان ایسی سطحیں ہوں گی جہاں آمدی موج کے درگنے حیطے کا برتی میدان ہو گا۔

اگر $\eta_2=\eta_1$ ہو تب $\Gamma=0$ ہو گا۔ایسی صورت میں توانائی سر حد سے واپس نہیں لوٹتی، $\sigma=0$ ہوتا ہے اور برقی میدان کی بلند تر اور کم تر قیمتیں برابر ہوتی ہیں۔

آد کھی طاقت کے انعکاس کی صورت میں $|\Gamma|^2=0.5$ یعنی $|\Gamma|=0.707$ اور |S=5.83 ہو گا۔

10.6. شرح ساكن موج



شکل 10.9: غیر کامل ذو برق میں ساکن موج کی بلند تر اور کم تر قیمتوں میں فرق سرحد سے دور کم ہوتا ہے۔

چونکہ برقی اور مقناطیسی میدان کے راست تناسب اشارات باآسانی حاصل کئے جا سکتے ہیں اور s کی قیمت حاصل کرنے کے لئے راست تناسب اشارات ہی درکار ہیں للذا شرح ساکن موج کو تجرباتی طور حاصل کیا جا سکتا ہے۔ یہی اس کی اہمیت کا راز ہے۔ یاد رہے کہ s حاصل کرنے کے لئے میدان کی اصل قیمت درکار نہیں ہوتی۔ صرف اتنا ضرور کی ہوتا ہے کہ تمام اشارات اصل میدان کے تناسب سے ہوں۔

ا گرچہ مندرجہ بالا مثال زیادہ انتہا درجے کا تھالیکن یہ بھی نہیں بھولنا چاہئے کہ حقیقت میں کامل ترسلی تار بھی نہیں پائے جاتے۔حقیقت میں شرح ساکن موج ہر صورت سرحدسے فاصلے پر منحصر ہوگی اور اس کا استعال اسی وقت ممکن ہوگا جب ہماری دلچیسی کے خطے میں اس کی قیمت زیادہ تبدیل نہ ہو۔

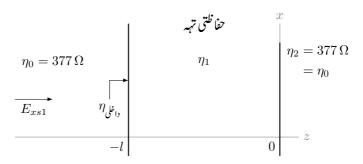
آئیں دوبارہ پہلا خطہ کامل ذو برق لیتے ہوئے برقی اور مقناطیسی میدان کی شرح حاصل کریں۔لامحدود حجم میں آزاد موج کی صورت میں یہ شرح $\mp \eta_1$ سقی جہال منفی قیت بڑھتے z جانب حرکت کی صورت میں ہوتی ہے۔اندکاسی موج کی موجودگی میں برقی اور مقناطیسی میدان صفر بھی ممکن ہیں لہذا z=-1 فاصلے پر میدان

$$E_{xs1} = \left(e^{j\beta_1 l} + \Gamma e^{-j\beta_1 l}\right) E_{x10}^+$$

$$H_{ys1} = \left(e^{j\beta_1 l} - \Gamma e^{-j\beta_1 l}\right) \frac{E_{x10}^+}{\eta_1}$$

ہیں۔ان کی شرح کو داخلی قدرتی رکاوٹ کہتے اور _{داخلی} 11 سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

باب 10. مستوى امواج



شکل 10.10: ریڈار اینٹینا پر ایسی شفاف حفاظتی تہہ چڑھائی جاتی ہر جو برقی و مقناطیسی امواج کو نہیں گھٹاتی۔

اس میں
$$\Gamma=rac{\eta_2-\eta_1}{\eta_2+\eta_1}$$
 پر کرتے ہوئے اور پولر مما ثل 0 استعال کرتے ہوئے

$$\eta_{\mathcal{J}_{l}} = \eta_{1} \frac{(\eta_{2} + \eta_{1})(\cos \beta_{1}l + j\sin \beta_{1}l) + (\eta_{2} - \eta_{1})(\cos \beta_{1}l - j\sin \beta_{1}l)}{(\eta_{2} + \eta_{1})(\cos \beta_{1}l + j\sin \beta_{1}l) - (\eta_{2} - \eta_{1})(\cos \beta_{1}l - j\sin \beta_{1}l)}$$

حاصل ہوتاہے جسے باآسانی یوں

(10.89)
$$\eta_1 \frac{\eta_2 + j\eta_1 \tan \beta_1 l}{\eta_1 + j\eta_2 \tan \beta_1 l}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

جب η_1 اور η_1 برابر ہوں تب داخلی قدرتی رکاوٹ _{داخلی} ہر پہلے خطے کی قدرتی رکاوٹ η_1 کے برابر ہوتی ہے۔ایسی صورت میں انعکاس پیدا نہیں ہوتی اور ترسیلی نظام ہم رکاوٹی آ⁶ کہلاتا ہے۔ہم رکاوٹی نظام میں انعکاس کے غیر موجودگی کی بنا توانائی ایک ہی سمت میں منتقل ہوتی ہے۔اگر دوسرا خطہ کامل موسل ہو تب $\eta_2=0$ ہوگا۔ایسی صورت میں

(10.90)
$$\eta_{\beta_1} = j\eta_1 \tan \beta_1 l \quad (\eta_2 = 0)$$

 $H_{ys1}=0$ ہو، داخلی قدرتی رکاوٹ سفر کے برابر ہوگی جبہ کے جہاں $E_{xs1}=0$ ہو، داخلی قدرتی رکاوٹ سفر کے برابر ہوگی جبکہ ان مقامات پر جہاں و $eta_{ys1}=0$ ہو وہاں داخلی قدرتی رکاوٹ لا محدود ہوگی۔

مساوات 10.89 ترسیلی نظام پر غور کرنے کے لئے انتہائی اہمیت کا حامل ہے۔

اس باب کے آخر میں ریڈار اینٹینا کو موسمی اثرات سے بچانے کی خاطر استعمال کئے جانے والی الیمی تہہ کی بات کرتے ہیں جو ریڈار کے شعاعوں کے باکل شفاف ثابت ہوتی ہے۔ یہ عموماً اینٹینا پر گنبر کی شکل میں ہوتی ہے۔ شکل 10.10 میں ریڈار اینٹینا z=z بائیں جانب خلاء میں ہے جب ملک شفاف ثابت ہوتی ہے۔ یہ حفاقت تہہ ہے۔ یوں z=z و اگیں جانب خلاء ہے جس میں ریڈار اشارات بھیجا ہے۔ خلاء کی قدرتی رکاوٹ جب z=-1 تا z=0 کے دائیں جانب خلاء ہے جس میں ریڈار اشارات بھیجا ہے۔ فلاء کی قدرتی رکاوٹ z=z وائیں جانب خلاء ہے جس میں طاقت کا ضیاع کم سے کم ہو۔ حفاظتی تہہ سے انعکاس قابل قبول میں جو کہ اس طرح ریڈار کے امواج واپس اینٹینا کی طرف لوٹیں گے۔ ہم چاہتے ہیں کہ اینٹینا، دائیں جانب کے پورے نظام کے لئے ہم رکاوٹی ہو۔ ایسا تب ہو گا جب z=z ہو لیعن

$$377 = \eta_1 \frac{377 + j\eta_1 \tan \beta_1 l}{\eta_1 + j377 \tan \beta_1 l}$$

 $e^{j\alpha} = \cos \alpha + j \sin \alpha^{60}$ matched⁶¹

$$j377^2 \tan \beta_1 l = j\eta_1^2 \tan \beta_1 l$$

اب تمام غیر مقناطیسی اشیاء کی 377 $\eta_1 < 377$ ہو۔ کم سے کم موٹائی یوں اس صورت اترا جا سکتا ہے جب $\eta_1 < 377$ ہو۔ کم سے کم موٹائی یوں اس تمام غیر مقناطیسی اشیاء کی $\eta_1 < 377$ ہو۔ کم سے کم موٹائی یوں $\eta_2 = 1$ کی صورت میں $\eta_3 = 1$ یعنی نہہ کو کم ضیاع اور ملکے وزن کے ایسے پلاسک سے بنا سکتے ہیں جس کا $\theta_2 = \theta_3$ ہے۔ جمیں تہہ کی موٹائی

$$l = \frac{\lambda_1}{2} = \frac{v_1}{2f_1} = \frac{3 \times 10^8}{2\sqrt{2.25} \times 10^{10}} = 1 \text{ cm}$$

ر کھنی ہو گی۔

اور 314.2 جائے ہوئے $\beta_1=314.2$ اور 251.33 موٹائی تہہ کی موٹائی موٹائی موٹائی شائی تہہ کی موٹائی اگر GHz کر دی جائے تب 14.2 اور 251.33 موٹائی تہہ کی موٹائی اگر جائے تب

ہو گی۔ یوں شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{167.6 - 377}{167.6 + 377} = -0.3845$$

ہو گااور انعکاسی طاقت کی فی صدیثرح

$$\frac{\frac{\left(E_{x10}^{-}\right)^{2}}{2\eta_{0}}}{\frac{\left(E_{x10}^{+}\right)^{2}}{2\eta_{0}}} \times 100 = \left|\Gamma\right|^{2} \times 100 = 14.78\%$$

ہو گی۔

 $\sigma_1 = 0$ اور $\mu_{R1} = 1$ ، $\epsilon_{R1} = 5$ مشق 10.7 دو خطے آپس میں $\mu_{R1} = 1$ بیل میں جانب پہلا خطہ ہے جس کے مستقل $\mu_{R1} = 1$ ور $\mu_{R2} = 10$ اور $\mu_{R2} = 10$ بیل خطے میں $\mu_{R2} = 10$ مستقل کریں۔ دوسری جانب مستقل $\mu_{R2} = 10$ اور $\mu_{R2} = 10$ بیل خطے میں $\mu_{R2} = 10$ ماصل کریں۔ اور آخر میں $\mu_{R2} = 10$ میں $\mu_{R2} = 10$ ماصل کریں۔

جوابات: 5 ،1 اور 61.8° -/61.8°

908. مستوى امواج

باب 11

ترسیلی تار

ترسلی تار ایک نقط سے دوسرے نقطے تک توانائی اور اشارات منتقل کرتے ہیں۔بالکل سادہ صورت میں ترسلی تار منبع طاقت کو برقی بار کے ساتھ منسلک کرتا ہے۔ یہ مرسل (ٹرانسمٹر) اور اینٹینا 2 یا پھر ڈیم میں نسب جزیٹر اور اس سے دور کسی شہر کا بار ہو سکتے ہیں۔

مستوی برقی و مقناطیسی امواج عرضی امواج ہیں۔ترسیلی تار پر بھی عرضی امواج ہی پائی جاتی ہیں۔ہم دیکھیں گے کہ اس مشابہت کی بنا پر برقی و مقناطیسی امواج کے لئے حاصل کردہ مساوات ترسیلی تار کے لئے بھی قابل استعال ہوں گے البتہ ترسیلی نظام میں برقی اور مقنااطیسی میدان کے بجائے عموماً برقی دباو اور برقی روکی استعال کئے جاتے ہیں۔اسی طرح کثافت طاقت کی جاتہ طاقت کی بات کی جاتی ہے۔

اس باب میں ترسیمی تجرئے پر خاص زور دیا جائے گا جو عرضی برقی و مقناطیسی مستوی امواج کے لئے بھی قابل استعال ہو گا۔

11.1 ترسیلی تار کر مساوات

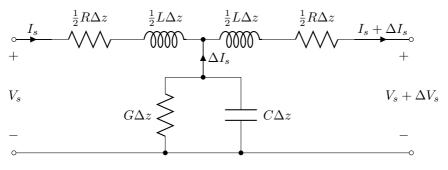
ہم ترسیلی تارکی عمومی مساوات حاصل کرنے کی خاطر ہم محوری تار کو ذہن میں رکھ کر آگے چلتے ہیں۔ یہ تار z محدد پر پڑی ہے۔ ہم محوری تار کے اندرونی اور بیرونی موصل تار بہتر موصلیت σ_c رکھتے ہیں۔ ان تارول کے در میان مادے کے مستقل σ_c (عموماً σ_d) اور σ_d ہیں۔ ہم محوری تارکی جسامت اور اشارات کی تعدد جانتے ہوئے ہم اکائی لمبائی تارکے مستقل σ_d اور σ_d حاصل کر سکتے ہیں۔

یہاں بھی ہم موج کی حرکت $α_Z$ جانب تصور کرتے ہیں۔ یوں تار کے چیوٹی لمبائی Δz کی مزاحمت RΔz ،امالہ LΔz ،امالہ CΔz اور ایصالیت کی مزاحمت LΔz ،امالہ LΔz ،امالہ Δz و کھایا گیا ہے۔ چونکہ تار کا بیہ چیوٹا گلڑا دونوں اطراف سے بالکل ایک جیسے معلوم ہوتا ہے لہذا اس کے سلسلہ وار اجزاء کو آدھے آدھے گلڑوں میں کرتے ہوئے متوازی اجزاء کے دونوں طرف دکھایا گیا ہے۔ ہم متوازی اجزاء کو دو برابر کھڑون میں کرتے ہوئے متوازی جی سلسلہ وار اجزاء کے دونوں جانب بھی جوڑ سکتے تھے۔

ہم فرض کرتے ہیں کہ شکل 11.1 میں بائیں طرف برقی دباو

 $V = V_0 \cos(\omega t - \beta z + \psi)$

transmitter¹ antenna²



شکل C ، C تار کی شکل اور مادوں پر منحصر ہیں۔ C ، C اور C تار کی شکل اور مادوں پر منحصر ہیں۔

یائی جاتی ہے۔ یہ حرکت کرتے موج کی عمومی مساوات ہے۔ یولر مماثل استعال کرتے ہوئے اس مساوات کو $V = \left[V_0 e^{j(\omega t - \beta z + \psi)}
ight]$

لکھا جا سکتا ہے۔اس مساوات میں ejwt اور زیر نوشت میں ح_{قیق} کو پوشیدہ رکھتے ہوئے دوری سمتیہ کی صورت میں یوں لکھا جا سکتا ہے

$$V_s = V_0 e^{j\psi} e^{-\beta z}$$

جہاں مساوات کے بائیں ہاتھ V_s کھتے ہوئے زیر نوشت میں S یاد دلاتی ہے کہ یہ مساوات دوری سمتیہ کی شکل میں ہے۔

شکل 11.1 کے گرد گھومتے ہوئے کر چاف کے برقی دباو کے قانون سے

$$V_{s} = \left(\frac{R\Delta z}{2} + j\frac{\omega L\Delta z}{2}\right)I_{s} + \left(\frac{R\Delta z}{2} + j\frac{\omega L\Delta z}{2}\right)(I_{s} + \Delta I_{s}) + V_{s} + \Delta V_{s}$$

یا

$$\frac{\Delta V_s}{\Delta z} = -\left(R + j\omega L\right) I_s - \frac{1}{2} \left(R + j\omega L\right) \Delta I_s$$

کھا جا سکتا ہے۔اگر Δz کو صفر کے قریب تر کیا جائے تب ΔI_s بھی صفر کے قریب تر ہو گا۔ یوں $\Delta z \to 0$ کی صورت میں اس مساوات کے آخری جزو کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔یوں اسے

$$\frac{\mathrm{d}V_{s}}{\mathrm{d}z} = -\left(R + j\omega L\right)I_{s}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

متوازی اجزاء پر برقی د باو

$$V_s - \left(\frac{R\Delta z}{2} + j\frac{\omega L\Delta z}{2}\right)I_s$$

ہے جسے استعال کرتے ہوئے شکل کو دیکھ کر متوازی اجزاء میں تفرقی رو کے لئے

$$-\Delta I_{s} = \left[V_{s} - \left(\frac{R\Delta z}{2} + j\frac{\omega L\Delta z}{2}\right)I_{s}\right]\left(G\Delta z + j\omega C\Delta z\right)$$

ļ

$$\frac{\Delta I_s}{\Delta z} = -\left(G + j\omega C\right) V_s + \frac{1}{2} \left(R + j\omega L\right) \left(G + j\omega C\right) I_s \Delta z$$

کھا جا سکتا ہے۔ اگر $\Delta z o \Delta$ کیا جائے تب اس مساوات کے آخر کی جزو کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے اور یوں

$$\frac{\mathrm{d}I_{s}}{\mathrm{d}z} = -\left(G + j\omega C\right)V_{s}$$

حاصل ہوتا ہے۔

یہاں رک کر ذرہ برقی و مقناطیسی امواج کے مساوات کو دوبارہ پیش کرتے ہیں۔ میکس ویل کی مساوات $abla imes E_s = -j\omega\mu H_s$

ير کے ہے $oldsymbol{H}_{ys} = H_{ys}oldsymbol{a}_{ extbf{y}}$ اور $oldsymbol{E}_s = E_{xs}oldsymbol{a}_{ extbf{x}}$

$$\frac{\mathrm{d}E_{xs}}{\mathrm{d}z} = -j\omega\mu H_{ys}$$

ملتاہے اور اسی طرح

 $\nabla \times \boldsymbol{H}_{s} = (\sigma + j\omega\epsilon) \, \boldsymbol{E}_{s}$

سے

(11.4)
$$\frac{\mathrm{d}H_{ys}}{\mathrm{d}z} = -\left(\sigma + j\omega\epsilon\right)E_{xs}$$

ملتا ہے۔

مساوات 11.2 کا مساوات 11.4 کے ساتھ مواز ناکریں۔ غور کرنے سے معلوم ہوتا ہے کہ پہلے مساوات میں I_S کی جگہہ 11.2 کا مساوات کے ساتھ مواز ناکریں۔ غور کرنے سے معلوم ہوتا ہے کہ پہلے مساوات میں I_S کی جگہہ I_S کی جگہہ I_S کی جگہہ I_S کی جگہہ کہ کا در سری مساوات حاصل کی جا سکتی ہے۔ دونوں مساوات بہت قریبی مشابہت رکھتے ہیں۔

اسی طرح مساوات 11.1 اور مساوات 11.3 کو دیکھتے ہوئے یہی جوڑے یہاں بھی پائے جاتے ہیں، البتہ یہاں L اور μ کی جوڑی بھی پائی جاتی ہے۔ہاں ظاہر ی طور پر R کی جوڑی موجود نہیں ہے۔یوں ہم $j\omega\mu$ کی جوڑی طور پر R کی جوڑی موجود نہیں ہے۔یوں ہم $j\omega\mu$ کی جوڑی طور پر R کی جوڑی موجود نہیں ہے۔یوں ہم م

لامحدود بکساں مستوی امواج اور لامحدود لمبائی کی بکساں ترسیلی تار کے سرحدی شرائط ایک جیسے ہیں۔دونوں میں سرحد پایا ہی نہیں جاتا للذاہم گزشتہ باب میں حاصل حل

$$E_{xs} = E_{x0}e^{-\gamma z}$$

کی طرز پر اب

$$(11.5) V_s = V_0 e^{-\gamma z}$$

بطور ترسیلی تار کے مساوات کا حل لکھ سکتے ہیں۔ یہ برقی دباو کے موج کی مساوات ہے۔ یہ موج مثبت z جانب حرکت کر رہی ہے اور z=0 باس کا حیطہ z=0 ہے۔ حرکی مستقل

$$\gamma = \sqrt{j\omega\mu(\sigma + j\omega\epsilon)}$$

_1

(11.6)
$$\gamma = \alpha + j\beta = \sqrt{(R + j\omega L)(G + j\omega C)}$$

ہو جائے گا۔ طول موج اب بھی

$$\lambda = \frac{2\pi}{\beta}$$

ہو گا۔موج کی رفتار اب بھی

$$v = \frac{\omega}{\beta}$$

ہے۔

کامل تر سیلی تار طاقت ضائع نہیں کرتا۔الی تار کے مستقل R=G=0 ہوتے ہیں للذا $\gamma=j\beta=j\omega\sqrt{LC}$

اور

$$v = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

ہوں گے۔

اسی طرح مقناطیسی موج

$$H_{ys} = \frac{E_{x0}}{\eta} e^{-\gamma z}$$

سے

(11.10)
$$I_{s} = \frac{V_{0}}{Z_{0}} e^{-\gamma z}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں ترسیلی تارکی قدرتی رکاوٹ Z₀ کو

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}}$$

سے

(11.11)
$$Z_0 = \sqrt{\frac{R + j\omega L}{G + j\omega C}}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

خطہ-1 میں آمدی موج جب خطہ-2 کے سر حد سے ٹکراتی ہے تو اس کا کچھ حصہ بطور انعکاسی موج خطہ-1 میں واپس ہو جاتی ہے۔اس انعکاس موج اور آمدی موج کی شرح کو شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{E_{x0}^{-}}{E_{x0}^{+}} = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

کہتے ہیں۔اس طرح اگر Z₀₁ قدرتی رکاوٹ کی تریبلی تاریر آمد موج Z₀₂ قدرتی رکاوٹ کی تریبلی تاریبن داخل ہونا چاہے تو ان کے سرحد سے انعکاسی موج واپس ہو گی۔ایس انعکاس موج اور آمدی موج کی شرح

(11.12)
$$\Gamma = \frac{V_0^-}{V_0^+} = \frac{Z_{02} - Z_{01}}{Z_{02} + Z_{01}}$$

ہو گی۔انعکاسی شرح جانتے ہوئے شرح ساکن موج

$$(11.13) s = \frac{1+|\Gamma|}{1-|\Gamma|}$$

 H_{ys} اور H_{ys} کا اور E_{xs} پرz=-l ہوتب $\eta=\eta_2$ پرz>0 اور کا کا شرح

$$\eta_{i}$$
نځي, $=\eta_{1}\frac{\eta_{2}+j\eta_{1} aneta_{1}l}{\eta_{1}+j\eta_{2} aneta_{1}l}$

کو دا خلی قدرتی رکاوٹ کہتے ہیں۔اس سے z>0 پر z>0 کی صورت میں تر سلی تار کے لئے z=-l اور z اور z>0 شرح، لینی اس کی داخلی قدرتی رکاوٹ کو داخلی قدرتی رکاوٹ کو

(11.14)
$$Z_{ij} = Z_{01} \frac{Z_{02} + jZ_{01} \tan \beta_1 l}{Z_{01} + jZ_{02} \tan \beta_1 l}$$

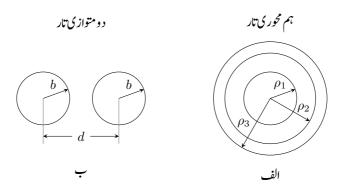
لکھا جا سکتا ہے۔

C=0اور G=8 اور G=8 وراجی تاریخی تاری

 $55.9/-0.029^{\circ}$ Ω اور $2.23 \times 10^{8} \frac{m}{s}$ $2.81 \, \text{m}$ $2.236 \frac{\text{rad}}{m}$ $3.57 \frac{\text{Np}}{\text{m}}$ وابات:

11.2 ترسیلی تار کے مستقل

اس جھے میں مختلف اشکال کے ترسیلی تار کے مستقل کیجا کرتے ہیں۔ان میں سے عموماً مستقل کو ہم پہلے حاصل کر چکے ہیں، بس انہیں ایک جگہ لکھنا باقی ہو گا۔سب سے پہلے ہم محوری تار کے مستقل اکھٹے کرتے ہیں۔



شکل 11.2: بم محوری ترسیلی تار اور دو متوازی ترسیلی تار.

11.2.1 ہم محوری تار کے مستقل

شکل $_{11.2}$ الف میں ہم محوری تار د کھائی گئی ہے جس میں اندرونی تار کارداس $_{
ho}$ ہے۔ بیر ونی تار کا اندرونی رداس $_{
ho}$ اور $_{
ho}$ ہیں۔ تاروں $_{
ho}$ ہیں۔ تاروں کے در میان ذو برق کے مستقل $_{
ho}$ اور $_{
ho}$ ہیں۔ صفحہ 143 پر مساوات میں تارکی لمبائی $_{
ho}$ $_{
ho}$ کے در میان ذو برق کے مستقل $_{
ho}$ ہیں۔ صفحہ 143 پر مساوات میں تارکی لمبائی $_{
ho}$ $_{
ho}$ کے در میان ذو برق کے مستقل $_{
ho}$ ہیں۔ صفحہ 143 پر مساوات میں تارکی لمبائی $_{
ho}$

(11.15)
$$C = \frac{Q}{V} = \frac{2\pi\epsilon}{\ln\frac{\rho_2}{\rho_1}}$$

حاصل ہوتی ہے جبکہ فی میٹر امالہ صفحہ 247 پر مساوات 8.66 دیتا ہے۔

$$L_{\dot{i},z} = \frac{\mu I}{2\pi} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

یہ تار کی بیرونی امالہ ہے۔بلند تعدد پر تار میں برقی رو صرف گہرائی جلد تک محدود رہتی ہے للذاالیں صورت میں تار کے اندر نہایت کم مقناطیسی بہاو پایا جاتا ہے اور یوں اس کی اندرونی امالہ قابل نظرانداز ہوتی ہے۔کسی بھی ترسیلی تار کے لئے

$$L_{\dot{\mathcal{S}},\mathcal{L}}C = \mu \epsilon$$

درست ثابت ہوتا ہے۔ یوں دونوں ہم محوری تاروں کے در میان میں بھری ذو برق کا € اور فی میٹر تار کی کیپیسٹنس جانتے ہوئے اندرونی امالہ اس مساوات سے حاصل کی جاسکتی ہے۔

كم تعدد يرتاركي اندروني اماله كو نظرانداز نهيس كيا جا سكتا_اليي صورت ميس مساوات 8.70

$$L = \frac{\mu I}{2\pi} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1} + \frac{\mu}{8\pi} + \frac{\mu}{2\pi \left(\rho_3^2 - \rho_2^2\right)^2} \left(\rho_3^4 \ln \frac{\rho_3}{\rho_2} - \frac{\rho_2^4}{4} - \frac{3\rho_3^4}{4} + \rho_2^2 \rho_3^2\right)$$

میں دی گئی فی میٹر تارکی امالہ استعال کی جائے گی۔ یاد رہے کہ یہ امالہ حاصل کرتے ہوئے فرض کیا گیا تھا کہ برقی رویکساں موصل تار میں گزرتی ہے۔اب ہم جانتے ہیں کہ بلند تعدد پر رو صرف گہرائی جلد تک محدود رہتی ہے للذا کم تعدد پر ہی اس امالہ کو استعال کیا جاسکتا ہے۔

آئیں ایسی تعدد پر بھی صورت حال دیکھیں جب اندرونی امالہ کی قبت قابل نظرانداز نہ ہو لیکن گہرائی جلد کے اثر کو بھی نظرانداز نہیں کیا جا سکتا۔ گہرائی جلد کے اثر کی وجہ سے مساوات 11.18 قابل قبول نہیں ہو گی۔اب فرض کرتے ہیں کہ گہرائی جلد δ اندرونی تار کے رداس ρ₁ سے بہت کم ہے۔یوں 11.2. ترسیلی تار کرے مستقل

اندرونی تار کے بیرونی باریک تہہ میں برقی رو پائی جائے گی۔ برقی رو a_z سمت میں ہے اور چونکہ $J_s=\sigma_c E_s$ ہوتا ہے لہذا تار کی سطح پر E_s کا مماثل جزو بھی a_x سمت میں ہو گا۔ موصل تار کی موصلیت کو یہاں σ_c ککھا گیا ہے۔ مقناطیسی میدان کی شدت تار کی سطح پر

$$H_{\phi s} = \frac{I_s}{2\pi\rho_1}$$

ہو گی۔اب تار کی سطح پر E_{zs} اور H_{ys} کی شرح، مستوی برقی و مقناطیسی موج کی قدرتی رکاوٹ ہو گی۔اگرچہ ہم نکلی اشکال کی بات کر رہے ہیں لیکن کی خاب تار کی سطح پر E_{zs} اور E_{zs} موٹائی اور E_{zs} چوڑائی کا موصل تصور کیا جا سکتا ہے۔یوں صفحہ 292 پر مساوات 10.61 سے $\delta \ll \rho_1$

$$|_{\rho_1} \frac{E_{zs}}{H_{ys}} = \frac{1+j}{\sigma_c \delta}$$

لکھا جا سکتا ہے جس میں مساوات 11.19 پر کرنے سے

$$\frac{E_{zs}}{I_s}\bigg|_{\rho_1} = \frac{1+j}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c}$$

کھا جا سکتا ہے۔ چونکہ Ezs دراصل فی میٹر برقی دباو ہے المذا مندرجہ بالا شرح فی میٹر قدرتی رکاوٹ

(11.20)
$$Z = \frac{E_{zs}}{I_s} \bigg|_{\rho_1} = R + j\omega L = \frac{1}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c} + j\frac{1}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c}$$

کے برابر ہے۔ یہ امالہ تار کی اندرونی امالہ ہے جو تار کے موصلیت σ_c پر منحصر ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کامل موصل کی صورت میں قدرتی رکاوٹ صفر ہو گی۔یوں اندرونی تار کی اندرونی امالہ

$$L_{
ho_1,\dot{\mathcal{G}}}$$
انگروفی $= \frac{1}{2\pi
ho_1\delta\sigma_c\omega}$

ہو گی۔صفحہ 291 پر مساوات 10.58 کو $\sigma_c=rac{1}{\pi f\mu\delta^2}$ کا 10.58 ہوگے۔ ہوئے اس میں پر کرنے سے

(11.21)
$$L_{\rho_1,\dot{\mathcal{U}},\dot{\mathcal{U}}} = \frac{\mu\delta}{4\pi\rho_1} \quad (\delta \ll \rho_1)$$

حاصل ہوتا ہے۔اسی طریقہ کارسے بیرونی تار کے لئے

(11.22)
$$L_{\rho_2,\dot{\mathcal{C}}_{3,\rho_2}} = \frac{\mu\delta}{4\pi\rho_2} \quad (\delta \ll \rho_3 - \rho_2)$$

لکھا جا سکتا ہے۔ یوں بلند تعدد پر ہم محوری تارکی کل امالہ

(11.23)
$$L_{j \neq k} = \frac{\mu}{2\pi} \left[\ln \frac{\rho_2}{\rho_1} + \frac{\sigma_c}{2} \left(\frac{1}{\rho_1} + \frac{1}{\rho_2} \right) \right] \qquad (\delta \ll \rho_1, \, \delta \ll \rho_3 - \rho_2)$$

ہو گا۔مساوات 11.20 بلند تعدد پر قدرتی رکاوٹ کا مزاحمتی حصہ یعنی نی میٹر مزاحت بھی دیتا ہے جس سے اندرونی اوربیرونی تاروں کا سلسلہ وار مجموعہ

(11.24)
$$R = \frac{1}{2\pi\delta\sigma_c} \left(\frac{1}{\rho_1} + \frac{1}{\rho_2}\right) \quad (\delta \ll \rho_1, \, \delta \ll \rho_3 - \rho_2)$$

کھا جا سکتا ہے۔اس مزاحمت کے ساتھ شعاعی اخراج سے پیدامزاحمتی جزو بھی شامل کیا جا سکتا ہے۔بے پناہی 3 تاریا ہم محوری تار کے کھلے سر سے شعاعی اخراج ہوتا ہے۔

الی تعدد جس پر گہرائی جلد کی قیت رداس سے بہت کم نہ ہو حل کرتے ہوئے استعال ہوتے ہیں۔ یہاں انہیں حل نہیں کیا جائے گا۔

قدرتی رکاوٹ کو عموماً بیرونی امالہ اور کیبیسٹنس کی صورت میں

(11.25)
$$Z_0 = \sqrt{\frac{L_{\dot{\mathcal{G}}, \mathcal{Z}}}{C}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

لکھا جاتا ہے۔

 ho_L اندرونی اور بیرونی تار کے مابین ذو برق میں سے گزرتی یک سمتی برقی رو I=GV سے حاصل ہوتی ہے۔اندرونی تارپر ho_L اور بیرونی تارپر ho_L تاروں کے مابین برقی دباو صفحہ 94 پر مساوات 4.18

$$V = \frac{\rho_L}{2\pi\epsilon} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

دیتی ہے۔ تارول کے در میان ذو برق میں میدان مساوات 4.17

$$E_{\rho} = \frac{\rho_L}{2\pi\epsilon\rho}$$

دیتی ہے۔ ذو برق کی موصلیت 🗗 لکھتے ہوئے، صفحہ 120 پر اوہم کے قانون کی نقطہ شکل یعنی مساوات 5.11 کی مدد سے یوں رداس 🛭 پر کثافت برقی رو

$$J_{\rho} = \sigma E_{\rho} = \frac{\sigma \rho_L}{2\pi\epsilon\rho}$$

لکھی جائے گی۔اندرونی تار کے گردرداس م پر L لمبائی کی نکلی سطح کا رقبہ 2πρL ہو گا۔ایس اکائی لمبائی کی سطح کے رقبہ 2πρ سے کل

$$I = J_{\rho} 2\pi \rho = \frac{\sigma \rho_L}{\epsilon}$$

برقی رو گزرے گی۔یوں

(11.26)
$$G = \frac{I}{V} = \frac{2\pi\sigma}{\ln\frac{\rho_2}{\rho_1}}$$

حاصل ہوتا ہے۔

یہاں G کی قیمت C کے قیمت سے حاصل کرنادیکھاتے ہیں۔ایک تار سے دوسرے تار تک E کی لکیری تکمل سے برتی دباو V حاصل ہوتا ہے۔ صفحہ 125 پر مساوات 5.18 کے تحت کسی بھی موصل پر سطحی کثافت چارج، سطح کے عمودی برتی بہاو کے برابر ہوتی ہے، یعنی $\rho_S = D_{c,0}$ پول تاریر کل چارج

$$Q = \int_{S} \rho_{S} \, \mathrm{d}S = \epsilon \int_{S} E_{\mathcal{G}, \mathcal{F}} \, \mathrm{d}S$$

کسی جا سکتی ہے جہاں S تار کا سطحی رقبہ ہے اور $D=\epsilon E$ کسھا گیا گا۔ یوں

(11.27)
$$C = \frac{Q}{V} = \frac{\epsilon \int_{S} E_{\mathcal{C}, y} \epsilon \, dS}{V}$$

ہو گی۔ یوں دو تاروں کے مابین ایصالیت

$$G = \frac{I}{V} = \frac{\sigma \int_{S} E_{\mathcal{G}, s^{F}} dS}{V}$$

ہو گی۔مساوات 11.27 اور مساوات 11.28 کو دیکھ کر

$$G = -\frac{\sigma}{\epsilon}C$$

لکھا جا سکتا ہے جو کسی بھی ترسیلی تار کے لئے درست ہے

 $\mu_R=1$ مثق 11.2: ایک ہم محور گاتار جس کے $\sigma_c=3.82 imes 10^7\,rac{
m S}{
m m}$ اور $ho_2=3.49\,{
m mm}$ ہمتقال کے مستقال کے ہم محور گاتار جس کے مستقال کے ہم محور گاتار جس کے مستقال کریں۔ تر سیلی تار کے ہم کا اور $\sigma=10\,rac{
m mS}{
m m}$ حاصل کریں۔ تر سیلی تار کے ہم کا اور $\sigma=10\,rac{
m mS}{
m m}$ حاصل کریں۔ تر سیلی تار کے ہم کا اور $\sigma=10\,rac{
m mS}{
m m}$

 $50/0.055^{\circ}$ Ω اور $\frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ 0.014 $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$ 0.25 $\frac{\mathrm{nH}}{\mathrm{m}}$ 0.1 $\frac{\mathrm{nF}}{\mathrm{m}}$ 0.1 ور

11.2.2 دو متوازی تار کر مستقل

شکل 11.2-ب میں دو متوازی تربیلی تار دکھائی گئی ہے۔تار کا رداس b، تارول کے مابین فاصلہ d جبکہ تار کی موصلیت σ_c ہے۔تاروں کے گرد ذو برق کے مستقل μ اور σ ہیں۔ اس تار کی کمپیسٹنس صفحہ 149 پر مساوات 5.75 کی نصف ہو گی۔اس کی وجہ وہیں پر مساوات کے پنچ سمجھائی گئی ہے۔یوں فی میٹر تار کی کمپیسٹنس

$$C = \frac{\pi \epsilon}{\cosh^{-1} \frac{d}{2h}}$$

ہو گی۔ا گر $b \ll d$ ہو تب مساوات 5.76 سے

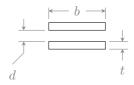
$$C = \frac{\pi \epsilon}{\ln \frac{d}{b}} \quad (b \ll d)$$

لکھا جا سکتا ہے۔مساوات 11.17 سے تارکی فی میٹر بیرونی امالہ

$$L_{\dot{\mathfrak{z}},z} = \frac{\mu}{\pi} \cosh^{-1} \frac{d}{2b}$$

يا

$$L_{\dot{\mathcal{G}},\mathbf{z}} = \frac{\mu}{\pi} \ln \frac{d}{b} \quad (b \ll d)$$



شكل 11.3: سطح مستوى ترسيلي تار.

لکھی جاسکتی ہے جبکہ بلند تعدد پر فی میٹر کل امالہ

(11.31)
$$L_{\text{lik}} = \frac{\mu}{\pi} \left(\frac{\delta}{2b} + \cosh^{-1} \frac{d}{2b} \right) \quad (\delta \ll b)$$

ے۔تار کی بیر ونی δ تہہ برتی رو گزارتی ہے۔اس تہہ کار قبہ عمودی تراش $S=2\pi b\delta$ ہے لہذا فی میٹر مزاحمت

(11.32)
$$R = \frac{l}{\sigma_c S} = \frac{1}{\pi b \delta \sigma_c}$$

ہو گی جہاں دونوں تاروں کی مزاحمت سلسلہ وار جڑے ہیں۔مساوات 11.29 سے فی میٹر تارکی ایصالیت

$$G = \frac{\pi\sigma}{\cosh^{-1}\frac{d}{2b}}$$

حاصل ہوتی ہے۔

بیر ونی امالہ اور کپیسٹنس استعال کرتے ہوئے قدرتی مزاحمت

(11.34)
$$Z_0 = \frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \cosh^{-1} \frac{d}{2b}$$

حاصل ہوتا ہے۔

11.2.3 سطح مستوى ترسيلي تار

d شکل a 11.3 میں سطح مستوی تربیلی تار a در کھایا گیا ہے جس میں a چوڑائی اور a موٹائی کے دو متوازی موصل چادر دکھائے گئے ہیں جن کے ماہین فاصلہ a 11.3 موصل چادر کی موصلیت a جبکہ ارد گرد کے ذو برق کے مستقل a ور a ہیں۔

اگر $b\gg d$ ہو تب ان چادروں کی فی میٹر کہیسٹنس

(11.35)
$$C = \frac{\epsilon \bar{\nu}}{\dot{\theta}} = \frac{\epsilon b}{d}$$

ہو گی۔یوں مساوات 11.17 سے فی میٹر بیر ونی امالہ

(11.36)
$$L_{\dot{\mathcal{S}}, \mathbf{x}} = \frac{\mu \epsilon}{C} = \frac{\mu d}{b}$$

 $stripline^5$

ہو گی۔امید کی جاتی ہے کہ آپ گہرائی جلد استعال کرتے ہوئے اندرونی امالہ حاصل کر سکتے ہیں۔یوں کل امالہ

(11.37)
$$L = \frac{\mu d}{b} + \frac{2}{\sigma_c \delta b w} = \frac{\mu}{b} (d + \delta) \quad (\delta \ll t)$$

ہو گی جہال گہرائی جلد کو چادر کی موٹائی سے بہت کم تصور کیا گیا ہے۔

بلند تعدد پر برقی رو چادروں کے آمنے سامنے سطحوں پر گہرائی جلد تک محدود ہو گی۔یوں برقی رور قبہ 166 سے گزرے گی جس سے ایک تار کے اکائی لمبائی کی مزاحمت 1_{66 ت} حاصل ہوتی ہے۔یوں اکائی کمبی تار کے دونوں حصوں کی سلسلہ وار جڑی کل مزاحمت

(11.38)
$$R = \frac{2}{\sigma_c b \delta} \quad (\delta \ll t)$$

ہو گی۔

مساوات 11.29 سے

$$G = \frac{\sigma b}{d}$$

لکھی جاسکتی ہے۔

ان معلومات سے سطح مستوی ترسیلی تارکی قدرتی رکاوٹ

(11.40)
$$Z_0 = \sqrt{\frac{L_{\dot{\mathcal{G}}, \mathcal{Z}}}{C}} = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \frac{d}{b}$$

لکھی جاسکتی ہے۔

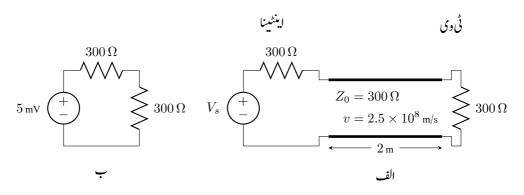
مثق 11.3 مندرجہ بالا تینوں اقسام کے تر سیلی تار 400 MHz پر کام کر رہے ہیں۔ان میں طاقت کے ضیاع کو نظرانداز کرتے ہوئے تمام کے لئے $\epsilon_R = 3.1$ ہندرجہ بالا تینوں اقسام کے تر سیلی تار کا 400 MHz پر کام کر رہے ہیں۔ان میں طاقت کے ضیاع کو نظرانداز کرتے ہوئے تمام کے لئے $\mu_R = 1$ ور $\epsilon_R = 3.1$ بیں۔ متولی تار کے $\mu_R = 1$ ور $\epsilon_R = 2.2$ ہیں۔ مستولی سطح کے $\mu_R = 1$ ور $\epsilon_R = 2.2$ ہیں۔ مستولی سطح کے $\mu_R = 1$ ور $\epsilon_R = 2.2$ ہیں۔

جوابات: 0.816،42.6 cm، -0.215،33.5 cm، 0.26،42.6 cm، -0.816، 50.6 cm

11.3 ترسیلی تار کر چند مثال

اس جھے میں گزشتہ حصول کے نتائج استعال کرتے ہوئے چند مثال کرتے ہیں۔ یہاں تمام ترسلی تاروں کو بے ضیاع تار تصور کیا جائے گا۔

شروع دو متوازی ترسیلی تار سے کرتے ہیں جس کی قدرتی رکاوٹ Ω 300 ہے۔ ایسی تار ٹی وی 6 کے اینٹینا اور ٹی وی کے مابین لگائی جاتی ہے۔شکل 11.4-الف میں اس طرح جڑے ترسیلی نظام کو د کھایا گیا ہے۔اینٹینا کا تھونن 7 مساوی دور استعال کیا گیا ہے جو ایک عدد منبع برتی دباو √V اور اس کے



شکل 11.4: ترسیلی تار اینٹینا کو ٹی وی سے جوڑ رہی ہے۔

چونکہ برقی بار کی مزاحمت اور ترسیلی تار کی قدرتی مزاحمت برابر ہیں للذا ترسیلی تار اور برقی بار ہمہ رکاوٹ ہیں۔یوں برقی بار پر انعکاس نہیں پایا جائے گا للذا شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{300 - 300}{300 + 300} = 0$$

صفر اور شرح ساکن موج

$$s = \frac{1 - |\Gamma|}{1 + |\Gamma|} = \frac{1 - 0}{1 + 0} = 1$$

ایک کے برابر ہوں گے۔اشارے کے تعدد پر ترسلی تار میں طول موج

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{2.5 \times 10^8}{100 \times 10^6} = 2.5 \,\mathrm{m}$$

اور زاو مائی مستقل

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{2\pi}{2.5} = 0.8\pi \, \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

ہیں۔ ترسلی تارکی برقی لمبائی

$$\beta l = 0.8\pi \times 2 = 1.6\pi \,\mathrm{rad}$$

یا °288 ہے جسے 0.8 طول موج بھی کہا جاتا ہے۔

شکل 11.4-ب میں داخلی جانب کا صورت حال د کھایا گیا ہے۔ داخلی جانب چونکہ اینٹینا کی مزاحت Ω 300 ہے اور ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ بھی Ω 300 ہے لہذا اینٹینا اور ترسیلی تار ہمہ رکاوٹ ہیں۔ اینٹینا میں پیدا mV کا اشارہ ترسیلی تار کے قدرتی رکاوٹ پر

$$\frac{5 \times 10^{-3} \times 300}{300 + 300} = 2.5 \,\text{mV}$$

TV, television⁶ Thevenin⁷ پیدا کرے گا۔ اینٹینا اور ترسیلی تار ہمہ رکاوٹ ہیں للذا منبع طاقت V_s ترسیلی تار میں زیادہ سے زیادہ طاقت جیسے گا۔ ترسیلی تار کے داخلی جانب پیدا V m 2.5 m کا اشارہ تار میں سے گزرتے ہوئے برقی بار تک پہنچے گا البتہ یہ داخلی اشارے سے 1.6π ریڈیئن چیچے ہو گا۔ یوں اگر ترسیلی تار کا داخلی اشارہ

$$V_{\dot{b}_{,j}} = 2.5\cos 2\pi 10^8 t$$
 mV

ہوتب برقی بار پر اشارہ

$$V_{\lambda} = 2.5\cos(2\pi 10^8 t - 1.6\pi)$$
 mV

ہو گا۔داخلی برقی رو

اور برقی بار پر برقی رو

$$I_{A} = \frac{V_{B_{1}}}{300} = 8.33\cos(2\pi 10^{8}t - 1.6\pi)$$
 µA

ہوں گے۔چونکہ ترسیلی تار بے ضیاع تار ہے للذا جو طاقت اسے داخلی جانب فراہم کی جاتی ہے وہی طاقت خارجی جانب برقی بار کو مہیا کر دی جاتی ہے۔

$$P_{j_{\sigma}} = P_{J_{\tau}} = V_{j_{\sigma}} I_{j_{\sigma}} = \frac{2.5 \times 10^{-3}}{\sqrt{2}} \times \frac{8.33 \times 10^{-6}}{\sqrt{2}} = 10.41 \,\text{nW}$$

مزاحمتی بارکی طاقت کا حساب لگاتے وقت یاد رہے کہ P=VI میں برقی دیاواور برقی رو کے موثر 8 قیمتیں استعال کی جاتی ہیں۔موثر قیمت موج کی چوٹی تقسیم $\sqrt{2}$ کے برابر ہوتی ہے۔

اب پہلے ٹی وی کے متوازی دوسراٹی وی نسب کرنے کے اثرات پر غور کرتے ہیں۔دوسرے ٹی وی کا داخلی مزاحمت بھی Ω 300 ہے۔ یوں اب ترسیلی تار کے خارجی جانب کل Ω 150 کا بار پایا جاتا ہے۔اس طرح شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{150 - 300}{150 = 300} = -\frac{1}{3}$$

اور شرح ساکن موج

$$s = \frac{1 + \frac{1}{3}}{1 - \frac{1}{3}} = 2$$

ہوں گے۔ تر سلی تارکی داخلی مزاحمت اب Ω 300 کے بجائے

$$\begin{split} Z_{\text{J}} &= Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan \beta l}{Z_0 + jZ_L \tan \beta l} = 300 \frac{150 + j300 \tan 288^\circ}{300 + j150 \tan 288^\circ} \\ &= 510 / -23.8^\circ = 466 - j206 \quad \Omega \end{split}$$

ہو گی جو کپیسٹر کی خاصیت رکھتی ہے۔ کپیسٹر کی خاصیت کا مطلب یہ ہے کہ تر سلی تار کے برقی میدان میں مقناطیسی میدان سے زیادہ توانائی ذخیرہ ہے۔ داخلی رو

$$I_{s_r} = \frac{0.005}{300 + 466 - j206} = 6.3 / 15^{\circ}$$
 μA

ہے اور یوں ترسلی تار کو داخلی جانب

$$P = \frac{1}{2} \left(6.3 \times 10^{-6} \right)^2 \times 466 = 9.24 \,\text{nW}$$

طاقت فراہم کی جارہی ہے۔ بے ضیاع تار تمام کی تمام طاقت خارجی جانب منتقل کرے گا للذا Ω 150 کے بار کو 9.24 nW حاصل ہو گا جو گزشتہ جواب یعن 10.41 nW سے قدر کم ہے۔ یہ کی انعکاس کی وجہ سے پیدا ہوئی۔ کہانی یہاں ختم نہیں ہوتی۔ یہ طاقت دونوں ٹی وی میں برابر تقسیم ہو گا للذا ہر ٹی وی کو صرف 4.62 nW طاقت مہیا ہو گا۔ چونکہ ایک ٹی وی Ω 300 مزاحت رکھتا ہے للذا ٹی وی پر پیدا برقی دباو

$$4.62 \times 10^{-9} = \frac{\left| V_{s,\mathcal{G},\dot{\mathcal{G}}} \right|^2}{2 \times 300}$$

لعيني

$$\left|V_{s,\mathcal{O},\mathcal{J}}\right| = 1.66\,\mathrm{mV}$$

ہو گا۔ بیر قیت 2.5 mV سے بہت کم ہے جو اکیلے ٹی وی پر پیدا ہوتی ہے۔

باب 12

سوالات

باب 12. سوالات

 σ :12.1 جدول

$\sigma, \frac{S}{m}$	چیر	$\sigma, \frac{S}{m}$	چيز
7×10^4	گريفائٿ	6.17×10^{7}	چاندى
1200	سليكان	5.80×10^{7}	تانبا
100	فيرائك (عمومي قيمت)	4.10×10^{7}	سونا
5	سمندری پانی	3.82×10^{7}	المونيم
10^{-2}	چهونا پتهر	1.82×10^{7}	ٹنگسٹن
5×10^{-3}	چکنی مٹنی	1.67×10^{7}	جست
10^{-3}	تازه پانی	1.50×10^{7}	بيتل
10^{-4}	تقطیر شده پانی	1.45×10^{7}	نکل
10^{-5}	ریتیلی مٹی	1.03×10^{7}	لوبا
10^{-8}	سنگ مرمر	0.70×10^{7}	قلعى
10^{-9}	بيك لائث	0.60×10^{7}	كاربن سٹيل
10^{-10}	چینی مٹی	0.227×10^{7}	مینگنین
2×10^{-13}	ا بيرا	0.22×10^{7}	جرمينيم
10^{-16}	پولیسٹرین پلاسٹک	0.11×10^{7}	سٹینلس سٹیل
10^{-17}	كوارش	0.10×10^{7}	نائيكروم

باب 12. سوالات

 $\sigma/\omega\epsilon$ and ϵ_R :12.2 جدول

σ/ωε	ϵ_R	چير
	1	خالي خلاء
	1.0006	ب وا
0.0006	8.8	المونيم اكسائذ
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بيك لائث
	1.001	كاربن ڈائى آكسائڈ
	16	جرمينيم
0.001	4 تا 7	شيشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابرق
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	كاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.00005	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.00075	3.8	كوارثس
0.002	2.5 تا 3	ريز
0.00075	3.8	SiO ₂ سلیکا
	11.8	سليكان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مٹنی
0.0001	1.03	سٹائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندری پانی
0.01	1.5 تا 4	خشک لکڑی

μ_R :12.3 جدول

μ_R	چيز
0.999 998 6	بسمت
0.99999942	پيرافين
0.999 999 5	لکڑی
0.999 999 81	چاندى
1.00000065	المونيم
1.00000079	بيريليم
50	نکل
60	ڈھلواں لوہا
300	مشين سٹيل
1000	فيرائك (عمومي قيمت)
2500	پرم بھرت (permalloy)
3000	ٹرانسفارمر پتری
3500	سيلكان لوبا
4000	خالص لوبا
20 000	میو میٹل (mumetal)
30 000	سنڈسٹ (sendust)
100 000	سوپرم بهرت (supermalloy)

جدول 12.4: اہم مستقل

قيمت	علامت	چير
$(1.6021892 \mp 0.0000046) \times 10^{-19} \mathrm{C}$	e	الیکٹران چارج
$(9.109534 \mp 0.000047) \times 10^{-31} \mathrm{kg}$	m	اليكثران كميت
$(8.854187818 \mp 0.000000071) \times 10^{-12}\frac{F}{m}$	ϵ_0	برقى مستقل (خالى خلاء)
$4\pi 10^{-7} rac{ ext{H}}{ ext{m}}$	μ_0	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
$(2.997924574 \mp 0.000000011) \times 10^8\frac{m}{s}$	c	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)

باب 12. سوالات