# برقى ومقناطيسيات

خالد خان بوسفز کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالو جی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

## عنوان

•		<u> </u>	•
1	مقداری اور سمتیه	1.1	
2	سمتي الجبرا	1.2	
3	كارتيسي محدد	1.3	
5	اكائبي سمتيات	1.4	
9	ميداني سمتيم	1.5	
9	سمتى رقبہ	1.6	
10	غیر سمتی ضرب	1.7	
14	سمتی ضرب یا صلیبی ضرب	1.8	
17	گول نلكى محدد	1.9	
20	1.9.1 نلکی اکائی سمتیات کا کارتیسی اکائی سمتیات کے ساتھ غیر سمتی ضرب		
20	1.9.2 نلکی اور کارتیسی اکائی سمتیات کا تعلق		
25	1.9.3 نلكي لامحدود سطحين		
27	کروی محدد	1.10	
37	کا قانون	كولومب	2
37	قوت کشش یا دفع	2.1	
41	برقی میدان کی شدت	2.2	
44	یکسان چارج بردار سیدهی لامحدود لکیر کا برقی میدان	2.3	
49	يكسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	2.4	
53	چارج بردار حجم	2.5	
54	مزید مثال	2.6	
61	برقی میدان کے سمت بہاو خط	2.7	
63	سوالات	2.8	

iv		عنمان

65																																													بلاو	. پھي	اور	ون	کا قان	س ک	گاؤ.	3
65																																														رج	چار	کن .	ساك		3.1	
65				•																																					•				جربہ	ا تج	5	<u>ا</u> کے	فيراة		3.2	
66				•																				•				٠					•								•				زن	قانو	کا	س	گاؤ		3.3	
68																																									ل	مما	است	کا	نون	ے قا	کے	س	گاؤ		3.4	
68																		•	•										•								•	•					رج	چا	قطہ	i		3.4	1.1			
70																		•																	i	طح	سبا	وی	کرو	ٔ ر	بردا	ج	چار	اں	بکس	ی		3.4	1.2			
70																																بر	لكي	ود	حد	زم	ی ا	لھے	سيا	ار ،	بردا	ج	چار	اں	بکس	ی		3.4	1.3			
71																																													ر	، تار	ری	محو	بم ,		3.5	
73																																					لح	سط	د	بدو	مح	Υ_	موا	ار ۽	ا برد	ارج	چ	ساں	یک		3.6	
73																												•					(	للاق	اط	کا	ون	قان	ے	5	ىس	گاؤ	ا پر	ج	ے ح	<del>و</del> ڻو	چ	ائى	انتم		3.7	
76																																																دو	پهيا		3.8	
78																												•										ن	وان	ساو	مہ	کی	لاو	پهي	میں	دد د	حا	ی م	نلك		3.9	
80																												•														ات	ساو	ے م	مومي	، ع	کی	(و َ	پهيا	3	.10	
				_																																											٨. ٨	ئلہ د		2	11	
82	•			•	•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•										•	•	٠	•	•	•	•		•	•		•	٠	دو	-6.		مسن	3	. 1 1	
	•			-	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•							
85	•				•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•																															و	دبار	قى	ور بر	ئی ا	تواناة	4
85 85	•																																												م	و ِ کا	دبار اور	قى ائى	ور بر توانا	ئی ا	تواناة 4.1	4
85 85 86																																													٦	و کاا ملہ	دبار اور تک	ئى رى	ور بر توانا لکی	ئی ا	تواناة 4.1 4.2	4
85 85 86 91		•		•																															•						•				۴.	و كا مله	دبار اور تک	ری ری دب	ۇر بر توانا لكىي برقىي	ئی ا	تواناة 4.1	4
85 85 86 91																											 												دبا		برق			۔	ُم قطہ	و كاد مله د	دبار اور تک	قى ئى رى دى دى	ور بر توانا لکیر برقی	ئی ا	تواناة 4.1 4.2	4
85 85 86 91 92																											 							٠ د د		٠.	٠ .	بے	. دبا	نی	برق	. كا	  چار		م قطہ کیر	و كا مله ن	دباه اور تک	قى ئى دىرى 4.3	ور بر توانا لکیہ برقح 3.1	ئی ا	تواناة 4.1 4.2	4
85 85 86 91 92 93																											 							٠ .		٠. ي	پيد او	بے دبا	دبا قى	ن نت برة	برق کثاف	کا تار		ی د	م كير: م م	و کاد ملہ دملہ د	دبا. اور تک	قی ائی ری دبری 4.3	ور بر توانا لکیہ برقح 3.1	ئی ارا	تواناة 4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92																											 							٠ .		٠. ي	پيد او	بے دبا	دبا قى	ن نت برة	برق کثاف	کا تار		ی د	م كير: م م	و کاد ملہ دملہ د	دبا. اور تک	قی ائی ری دبری 4.3	ور بر توانا لکیہ برقح 3.1	ئی ارا	تواناة 4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93			•																														٠	٠		٠. ي	پيد او	بے دبا	او	نی نت برز	برق کثاف	کا تار		ی حور	م تقطم حکیر جارج	و مله مله ن	دبا اور تک	ائی ری دبری 4.3 4.3	ور بر توانا لکیہ برقی 3.1 3.2	نی اه	4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93 94																																	٠	٠	٠	٠. ي	بيد	سے دبا	دبا قى او	نی برز	كثافة كا	کا تار ، بر		ی چا حور حوں لموان	م م كير م م جارج خدر	و کاللہ ممللہ د کی	دبار اور تک باو	قى ئى دې 4.3 4.3 د د د د د د د د د د د د د د د د د د د	ور بر توانا لكي برقع 3.1 متعا	نی اه	4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93 94 94 98																																	٠		٠	٠	پيد	بے دبا	د دبا ماو	نی برهٔ درد	کثاف	. کا تار ، می		ی . یی . یوں یوں لوان	م تقطه عارج عارج للكي	و کاا ملہ نہ چ	دبا اور تک باو		ور بر توانا برقی 3.1 3.2 متعا	نی اه	4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93 94 94 98																																	٠		٠	ا بر	بيد	بے دیا ن	. دبا درا درا درا درا درا درا درا درا درا در	ئى د دىد د دە	كثاف كثاف	کا تار ، می			م م حم م م م م م م م م م م م م م م م م	و کا	دبا اور تک او	ائی ری 4.3 4.3 4.3 4.3	ور بر توانا برقع 3.1 متعا برقع متعا	ئی اہ	4.1 4.2 4.3 4.4	4
85 85 86 91 92 93 94 94 98 102			-																															· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	٠	ا بر	٠			ئى دىدىدىد دەدەد	كا كا كا كا يس	کا تار کا تار ، بر بر ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،			م محير . حم م بارج بارج کروء کروء	و كا. مالم	اور دبااور تک تک تک تک تک اور دبااو اور دبااو اور دبااو اور دبااو تک	قى ائى دب 4.3 4.3 4.3 4.3 4.3	ور بر توانا برقنی 3.1 3.3 برقنی متعا	ئی اہ	4.1 4.2 4.3 4.4	4

v عنوان

115	، ذو برق اور کپیسٹر	موصل،	5
115	برقمی رو اور کتافت برقمی رو	5.1	
117	استمراری مساوات	5.2	
119	موصل	5.3	
124	موصل کے خصوصیات اور سرحدی شرائط	5.4	
127	عکس کی ترکیب	5.5	
130	نيم موصل	5.6	
131	خو برق	5.7	
136	کامل ذو برق کے سرحد پر برقی شرائط	5.8	
140	موصل اور ذو برقی کے سرحدی شرائط	5.9	
140		5.10	
142	5.10.1 متوازی چادر کپیسٹر		
143	5.10.2 بم محوری کپیسٹر		
143	5.10.3 بم کوه کپیسٹر		
145	سلسلہ وار اور متوازی جڑے کپیسٹر	5.11	
146	دو متوازی تاروں کا کپیسٹنس	5.12	
155	اور لاپلاس مساوات	پوئسن	6
157	مسئلہ یکتائی	6.1	
	۔ لاپلاس مساوات خطی ہے	6.2	
	نلکی اور کروی محدد میں لاپلاس کی مساوات	6.3	
160	۔ لاپلاس مساوات کے حل	6.4	
	پوئسن مساوات کر حل کی مثال	6.5	
	بر ق مر عے ق ق لاپلاس مساوات کا ضربی حل	6.6	
	پ س رسی می اور سری می می می می در می می می در می	6.7	
	- 2		

vi

183	اطيسي ميدان	أ ساكن مقا
183	ايوڻ-سيوارث کا قانون	7.1
187	يمپيئر کا دوری قانون	7.2
191	گردش	7.3
198	7.3.1 نلكى محدد ميں گردش	
204	7.3.2 عمومی محدد میں گردش کی مساوات	
205	7.3.3 کروی محدد میں گردش کی مساوات	
206	ىسئلہ سٹوکس	7.4
210	ىقناطىسى بىهاو اوركثافت مقناطىسى بىهاو	7.5
216	گیر سمتی اور سمتی مقناطیسی دباو   .   .   .   .   .   .   .   .   .	7.6
221	ساکن مقناطیسی میدان کرے قوانین کا حصول	7.7
222	7.7.1 سمتی مقناطیسی دباو	
	. 7.7.2 ایمپیئر کا دوری قانون	
223		
223		
227		}    مقناطيسي
227 227	قوتیں، مقناطیسی مادیے اور امالہ	8 مقناطیس <u>ی</u> 8.1
<ul><li>227</li><li>227</li><li>228</li></ul>	قوتیں، مقناطیسی مادے اور امالہ بتحرک چارج پر قوت	8 مقناطیسی 8.1 8.2
<ul><li>227</li><li>227</li><li>228</li><li>231</li></ul>	قوتیں، مقناطیسی مادے اور امالہ بتحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3
<ul><li>227</li><li>227</li><li>228</li><li>231</li><li>232</li></ul>	قوتیں، مقناطیسی مادیے اور امالہ شحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3 8.4
227 227 228 231 232 237	قوتیں، مقناطیسی مادیے اور امالہ بتحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5
227 227 228 231 232 237 238	قوتیں، مقناطیسی مادیے اور امالہ  تحرک چارج پر قوت  فرقی چارج پر قوت  رقی رو گزارتے تفرقی تاروں کے مابین قوت  وت اور مروڑ	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6
227 227 228 231 232 237 238 241	قوتیں، مقناطیسی ماد ہے اور امالہ  تتحرک چارج پر قوت  مُرقی چارج پر قوت  رقی رو گزارتے تفرقی تاروں کے مابین قوت  وت اور مروڑ	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7
227 227 228 231 232 237 238 241 242	قوتیں، مقناطیسی مادے اور امالہ  متحرک چارج پر قوت  مقرقی چارج پر قوت  رقی رو گزارتے تفرقی تاروں کے مابین قوت  وت اور مروڑ  ولادی مقناطیسی اشیاء اور مقناطیسی خطے  مقناطیسیت اور مقناطیسی مستقل  مناطیسی سرحدی شرائط	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7
227 228 231 232 237 238 241 242 245	قوتیں، مقناطیسی مادیے اور امالہ  تحرک چارج پر قوت  مرقی چارج پر قوت  رقی رو گوارتے تفرقی تاروں کے مابین قوت  وت اور مروژ  ولادی مقناطیسی اشیاء اور مقناطیسی خطے  قناطیسیت اور مقناطیسی مستقل  قناطیسی سرحدی شرائط	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7 8.8 8.9

253	ئے ساتھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات	وقت کے	9
253	فيراڈے کا قانون	9.1	
259	انتقالی برقی رو	9.2	
263	میکس ویل مساوات کی نقطہ شکل	9.3	
264	میکس ویل مساوات کی تکمل شکل	9.4	
266	تاخيري دباو	9.5	
271	ر امراح	مستوى	10
271	خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج		
	رومی و مصافیسی مستوی امواج	10.2	
	-		
	10.2.2 خالص یا کامل ذو برق میں امواج		
283	10.2.3 ناقص یا غیر کامل ذو برقی میں امواج		
	موصل میں امواج		
	انعکاس مستوی موج		
301	شرح ساكن موج	10.6	
309		ترسيلي	11
309	ترسیلی تار کے مساوات	11.1	
	 ترسیلی تار کر مستقل		
314			
	،		
	11.2.3 سطح مستوی ترسیلی تار		
	ترسیلی تار کر چند مثال	11.3	
	ترسیمی تجزیه، سمته نقشه		
	المال المعته فراوانی نقشه	11.4	
		11.5	
332	تجرباتی نتائج پر مبنی چند مثال	11.5	
337	موج	تقطيب	12
337	خطی، بیضوی اور دائری تقطیب	12.1	
341	مد، انعکاس، انحراف اور انکسار	ترچی آ	13
341	ت ر رہ ترچی آمد		
	3,7		

343

14 سوالات

عنوان

### باب 11

### ترسیلی تار

ترسلی تارایک نقطے سے دوسرے نقطے تک توانائی اور اشارات منتقل کرتے ہیں۔ بالکل سادہ صورت میں ترسلی تار منبع طاقت کو برقی بار کے ساتھ منسلک کرتا ہے۔ یہ مرسل (ٹرانسمٹر) ااور اینٹینا <sup>2</sup> یا پھر ڈیم میں نسب جزیٹر اور اس سے دور کسی شہر کا بار ہو سکتے ہیں۔

مستوی برقی و مقناطیسی امواج عرضی امواج ہیں۔ ترسیلی تاریر بھی عرضی امواج ہی پائی جاتی ہیں۔ ہم دیکھیں گے کہ اس مشابہت کی بناپر برقی و مقناطیسی امواج کے لئے حاصل کردہ مساوات ترسیلی تارکے لئے بھی قابل استعال ہوں گے البتہ ترسیلی نظام میں برقی اور مقناطیسی میدان کے بجائے عموماً برقی د باواور برقی روکی استعال کئے جاتے ہیں۔اسی طرح کثافت طاقت کی جاتے کی جاتی ہے۔

اس باب میں ترسیمی تجزیے پر خاص زور دیاجائے گاجو عرضی برقی و مقناطیسی مستوی امواج کے لئے بھی قابل استعال ہو گا۔

### 11.1 ترسیلی تار کے مساوات

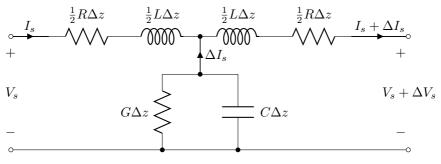
ہم ترسلی تارکی عمومی مساوات حاصل کرنے کی خاطر ہم محوری تارکو ذہن میں رکھ کر آگے چلتے ہیں۔ یہ تاریح محد دیر پڑی ہے۔ ہم محوری تارکے اندرونی اور بیرونی موصل تار بہتر موصلیت  $\sigma_c$  کی جسامت اور اشارات کی تعدد جانتے ہوئے ہم اکائی لمبائی تارکے مستقل  $\sigma_c$  اور  $\sigma_c$  حاصل کر سکتے ہیں۔

یہاں بھی ہم موج کی حرکت  $a_z$  جانب نصور کرتے ہیں۔ یوں تار کے چھوٹی لمبائی کے کی مزاحت  $R\Delta z$ ،امالہ  $R\Delta z$ ،امالہ  $\Delta z$  ورایسالیت  $\Delta z$  ورایسالیت  $\Delta z$  ورایسالیت  $\Delta z$  کی مزاحت  $\Delta z$  المذااس کے سلسلہ واراجزاء کے دونوں طرف دکھایا گیا ہے۔ چو تکہ تارکا یہ چھوٹا گلڑا دونوں اطراف سے بالکل ایک جیسے معلوم ہوتا ہے للمذااس کے سلسلہ واراجزاء واراجزاء کو آدھے گلڑوں میں کرتے ہوئے سلسلہ واراجزاء کے دونوں جانب بھی جوڑ سکتے تھے۔

ہم فرض کرتے ہیں کہ شکل 11.1 میں بائیں طرف برقی دباو

 $V = V_0 \cos(\omega t - \beta z + \psi)$ 

transmitter<sup>1</sup> antenna<sup>2</sup>



شکل 11.1: یکسان ترسیلی تار کا چهوٹا حصہ۔ متغیرات C ، L ، R اور C تار کی شکل اور مادوں پر منحصر ہیں۔

پائی جاتی ہے۔ یہ حرکت کرتے موج کی عمومی مساوات ہے۔ یولر مماثل استعال کرتے ہوئے اس مساوات کو

$$V = \left[ V_0 e^{j(\omega t - eta z + \psi)} 
ight]$$
حقیق

کھاجا سکتا ہے۔ اس مساوات میں  $e^{j\omega t}$ اور زیر نوشت میں جی کو پوشیدہ رکھتے ہوئے دوری سمتیہ کی صورت میں یوں کھاجا سکتا ہے

$$V_s = V_0 e^{j\psi} e^{-\beta z}$$

جہاں مساوات کے بائیں ہاتھ  $V_s$  کھتے ہوئے زیر نوشت میں S یاد دلاتی ہے کہ یہ مساوات دوری سمتیہ کی شکل میں ہے۔

شکل 11.1 کے گرد گھومتے ہوئے کر چاف کے برقی د باوک قانون سے

$$V_{s} = \left(\frac{R\Delta z}{2} + j\frac{\omega L\Delta z}{2}\right)I_{s} + \left(\frac{R\Delta z}{2} + j\frac{\omega L\Delta z}{2}\right)(I_{s} + \Delta I_{s}) + V_{s} + \Delta V_{s}$$

يا

$$\frac{\Delta V_s}{\Delta z} = -\left(R + j\omega L\right) I_s - \frac{1}{2} \left(R + j\omega L\right) \Delta I_s$$

کھاجا سکتا ہے۔اگر $\Delta Z$  کو صفر کے قریب تر کیا جائے تب  $\Delta I_s$  بھی صفر کے قریب تر ہوگا۔ یوں  $\Delta z \to 0$  کی صورت میں اس مساوات کے آخر کی جزو کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ یوں اسے

$$\frac{\mathrm{d}V_{s}}{\mathrm{d}z} = -\left(R + j\omega L\right)I_{s}$$

لکھاجاسکتاہے۔

متوازی اجزاء پر برقی د باو

$$V_s - \left(\frac{R\Delta z}{2} + j\frac{\omega L\Delta z}{2}\right)I_s$$

ہے جسے استعال کرتے ہوئے شکل کو دیکھ کر متوازی اجزاء میں تفرقی روکے لئے

$$-\Delta I_{s} = \left[ V_{s} - \left( \frac{R\Delta z}{2} + j \frac{\omega L \Delta z}{2} \right) I_{s} \right] \left( G\Delta z + j \omega C \Delta z \right)$$

١

$$\frac{\Delta I_s}{\Delta z} = -\left(G + j\omega C\right) V_s + \frac{1}{2} \left(R + j\omega L\right) \left(G + j\omega C\right) I_s \Delta z$$

کھاجا سکتاہے۔اگر $z o \Delta$ کیاجائے تب اس مساوات کے آخری جزو کو نظر انداز کیاجا سکتاہے اور یوں

$$\frac{\mathrm{d}I_{s}}{\mathrm{d}z} = -\left(G + j\omega C\right)V_{s}$$

حاصل ہوتاہے۔

یہاں رک کر ذرہ برقی و مقناطیسی امواج کے مساوات کو دوبارہ پیش کرتے ہیں۔ میکس ویل کی مساوات  $abla imes E_{\rm S} = -i\omega\mu H_{\rm S}$ 

ير کرنے $oldsymbol{H}_{ys} = H_{ys}oldsymbol{a}_{ ext{y}}$ اور  $oldsymbol{E}_{s} = E_{xs}oldsymbol{a}_{ ext{x}}$ 

$$\frac{\mathrm{d}E_{xs}}{\mathrm{d}z} = -j\omega\mu H_{ys}$$

ملتاہے اور اسی طرح

 $\nabla \times \boldsymbol{H}_{s} = (\sigma + j\omega\epsilon) \, \boldsymbol{E}_{s}$ 

سے

(11.4) 
$$\frac{\mathrm{d}H_{ys}}{\mathrm{d}z} = -\left(\sigma + j\omega\epsilon\right)E_{xs}$$

ملتاہے۔

C، مساوات 11.2 کا مساوات 11.4 کے ساتھ موازنہ کریں۔ غور کرنے سے معلوم ہوتا ہے کہ پہلے مساوات میں  $I_S$  کی جگہہ  $I_S$  کی جگہہ  $I_S$  کی جگہہ  $I_S$  کی جگہہ کی جگہہ ہوئے دوسری مساوات حاصل کی جاسکتی ہے۔ دونوں مساوات بہت قریبی مشابہت رکھتے ہیں۔

اس طرح مساوات 11.1 اور مساوات 11.3 کودیکھتے ہوئے یہی جوڑے یہاں بھی پائے جاتے ہیں،البتہ یہاں L اور م کی جوڑی بھی پائی جاتی ہے۔ہاں ظاہری طور پر R کی جوڑی موجود نہیں ہے۔یوں ہم ہس کی جوڑی R + jw L سکتے ہیں۔

لامحدود یکساں مستوی امواج اور لامحدود لمبائی کی بیکساں ترسیلی تار کے سرحدی شر ائطا یک جیسے ہیں۔دونوں میں سرحد پایابی نہیں جاتاللذاہم گزشتہ باب میں حاصل حل

$$E_{xs} = E_{x0}e^{-\gamma z}$$

کی طرز پراب

$$(11.5) V_s = V_0 e^{-\gamma z}$$

بطور ترسیلی تار کے مساوات کا حل لکھ سکتے ہیں۔ یہ برقی دباوے موج کی مساوات ہے۔ یہ موج مثبت z جانب حرکت کررہی ہے اور z=0 پراس کا حیطہ  $v_0$  ہے۔ حرکی مستقل

$$\gamma = \sqrt{j\omega\mu(\sigma + j\omega\epsilon)}$$

اـــا

(11.6) 
$$\gamma = \alpha + j\beta = \sqrt{(R + j\omega L)(G + j\omega C)}$$

ہو جائے گا۔ طول موج اب بھی

$$\lambda = \frac{2\pi}{\beta}$$

ہو گا۔موج کی رفتاراب بھی

$$v = \frac{\omega}{\beta}$$

ہے۔

کامل تر سیلی تار طاقت ضائع نہیں کر تا۔ ایسی تارے مستقل R=G=0 ہوتے ہیں للمذا  $\gamma=j\beta=j\omega\sqrt{LC}$ 

اور

$$v = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

ہوں گے۔

اسی طرح مقناطیسی موج

$$H_{ys} = \frac{E_{x0}}{\eta} e^{-\gamma z}$$

سے

(11.10) 
$$I_{s} = \frac{V_{0}}{Z_{0}} e^{-\gamma z}$$

کھاجاسکتا ہے جہاں ترسیلی تارکی قدرتی رکاوٹ Z<sub>0</sub> کو

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}}$$

سے

(11.11) 
$$Z_0 = \sqrt{\frac{R + j\omega L}{G + j\omega C}}$$

لکھاجا سکتاہے۔

خطہ - 1 میں آمدی موج جب خطہ - 2 کے سر حدسے نگراتی ہے تواس کا پچھ حصہ بطور انعکاسی موج خطہ - 1 میں واپس ہو جاتی ہے۔اس انعکاسی موج اور آمدی موج کی شرح کو شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{E_{x0}^{-}}{E_{x0}^{+}} = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

کہتے ہیں۔اسی طرح اگر 2<sub>01</sub> قدرتی رکاوٹ کی تر سیلی تاریر آمد موج 2<sub>02</sub> قدرتی رکاوٹ کی تر سیلی تار میں داخل ہوناچاہے توان کے سر حدسے انعکاسی موج واپس ہوگی۔ایسی انعکاسی موج اور آمدی موج کی شرح

(11.12) 
$$\Gamma = \frac{V_0^-}{V_0^+} = \frac{Z_{02} - Z_{01}}{Z_{02} + Z_{01}}$$

ہو گی۔انعکاسی شرح جانتے ہوئے شرح ساکن موج

$$s = \frac{1+|\Gamma|}{1-|\Gamma|}$$

 $H_{ys}$  اور $H_{ys}$  اور $H_{ys}$  وتبz=-l ہوتب $\eta=\eta_2$  کی شرک اگری

$$\eta_{\mathcal{J}_{\mathbf{J}}}$$
, =  $\eta_1 \frac{\eta_2 + j\eta_1 \tan \beta_1 l}{\eta_1 + j\eta_2 \tan \beta_1 l}$ 

کو داخلی قدرتی رکاوٹ کہتے ہیں۔اس ہے 0>z>0 کی صورت میں ترسلی تار کے لئے z=-1 اور zاور کی شرح، یعنی اس کی داخلی قدرتی رکاوٹ کو

(11.14) 
$$Z_{01} = Z_{01} \frac{Z_{02} + jZ_{01} \tan \beta_1 l}{Z_{01} + jZ_{02} \tan \beta_1 l}$$

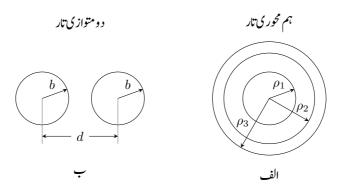
لکھا جا سکتاہے۔

 $C=80 \, rac{ ext{pF}}{ ext{m}}$  واور  $G=8 \, rac{ ext{µS}}{ ext{m}}$  واور  $G=8 \, rac{ ext{µH}}{ ext{m}}$  واور  $G=80 \, rac{ ext{pF}}{ ext{m}}$  واور  $G=80 \, rac{ ext{pF}}{ ext{m}}$  واور  $G=80 \, rac{ ext{pF}}{ ext{m}}$  وارد  $G=80 \, rac{ ext{pF}}{ ext{m}}$ 

 $55.9/-0.029^{\circ}$   $\Omega$ ابات:  $2.23 \times 10^{8} \frac{m}{s}$   $2.81 \, \text{m}$   $2.236 \, \frac{\text{rad}}{m}$   $3.57 \, \frac{Np}{m}$  رابات:  $3.57 \, \frac{Np}{m}$ 

11.2 ترسیلی تار کر مستقل

اس جھے میں مختلف اشکال کے ترسیلی تار کے مستقل کیجا کرتے ہیں۔ان میں سے عموماً مستقل کو ہم پہلے حاصل کر پچکے ہیں،بس انہیں ایک جگہ لکھنا باقی ہو گا۔سب سے پہلے ہم محوری تاریح مستقل اکھٹے کرتے ہیں۔



شکل 11.2: هم محوری ترسیلی تار اور دو متوازی ترسیلی تار.

11.2.1 ہم محوری تار کے مستقل

شکل۔11۔ الف میں ہم محوری تارد کھائی گئی ہے جس میں اندرونی تار کار داس  $\rho_1$  ہے۔ بیر ونی تار کا اندرونی رداس  $\rho_2$ اور اس  $\rho_3$  بیں۔تاروں کے در میان ذو برق کے مستقل $\mu$  ور میاں۔ سفحہ 143 پر مساوات میں تارکی لمبائی  $\mu$  = 1 پر کرنے سے اس کی فی میٹر کیپیسٹنس

(11.15) 
$$C = \frac{Q}{V} = \frac{2\pi\epsilon}{\ln\frac{\rho_2}{\rho_1}}$$

حاصل ہوتی ہے جبکہ فی میٹر امالہ صفحہ 247پر مساوات 8.66 دیتاہے۔

$$L_{\dot{\mathfrak{z}},z} = \frac{\mu I}{2\pi} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

یہ تار کی بیر ونیامالہ ہے۔ بلند تعدد پر تار میں برقی رو صرف گہرائی جلد تک محدود رہتی ہے لہٰذاالیں صورت میں تار کے اندر نہایت کم مقناطیسی بہاو پایاجاتا ہے اور یوں اس کی اندر ونی امالہ قابل نظرانداز ہوتی ہے۔ کسی بھی ترسیلی تار کے لئے

$$L_{\dot{\mathcal{S}},\mathcal{L}}C = \mu \epsilon$$

درست ثابت ہوتا ہے۔یوں دونوں ہم محوری تاروں کے در میان میں بھری ذوبرق کا∋اور فی میٹر تار کی کپیسٹنس جانتے ہوئے اندرونی امالہ اس مساوات سے حاصل کی جاسکتی ہے۔

كم تعدد پر تاركي اندروني اماله كو نظرانداز نهيس كيا جاسكتا۔اليي صورت ميس مساوات 8.70

$$L = \frac{\mu I}{2\pi} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1} + \frac{\mu}{8\pi} + \frac{\mu}{2\pi \left(\rho_3^2 - \rho_2^2\right)^2} \left(\rho_3^4 \ln \frac{\rho_3}{\rho_2} - \frac{\rho_2^4}{4} - \frac{3\rho_3^4}{4} + \rho_2^2 \rho_3^2\right)$$

میں دی گئی فی میٹر تارکی امالہ استعمال کی جائے گی۔ یادر ہے کہ بیرامالہ حاصل کرتے ہوئے فرض کیا گیا تھا کہ برقی رو یکساں موصل تارییں گزرتی ہے۔اب ہم جانتے ہیں کہ بلند تعدد پر روصرف گہرائی جلد تک محدود رہتی ہے لہٰذا کم تعدد پر ہی اس امالہ کو استعمال کیا جاسکتا ہے۔

آئیں الی تعدد پر بھی صورت حال دیکھیں جب اندرونی امالہ کی قیت قابل نظر انداز نہ ہولیکن گہرائی جلد کے اثر کو بھی نظر انداز نہیں کیا جاسکا۔ گہرائی جلد کے اثر کی وجہ سے مساوات 11.18 قابل قبول نہیں ہوگی۔اب فرض کرتے ہیں کہ گہرائی جلد کا اندرونی تارکے رداس  $\rho_1$  سے بہت کم ہے۔یوں اندرونی تارکے ہیرونی

11.2. ترسیلی تار کرے مستقل

باریک تہہ میں برقی روپائی جائے گی۔ برقی روم $a_{
m Z}$  سمت میں ہے اور چو نکہ  $J_{
m s}=\sigma_c E_s$  ہوتا ہے للذاتار کی سطح پر علی کا مماثل جزو بھی  $a_{
m X}$  سمت میں ہوگا۔ موصل تارکی موصلیت کو یہاں  $\sigma_c$  کا مماثل ہے۔ مقناطیسی میدان کی شدت تارکی سطح پر

$$H_{\phi s} = \frac{I_s}{2\pi\rho_1}$$

ہو گی۔اب تار کی سطح پر  $E_{zs}$  اور  $H_{ys}$  کی شرح، مستوی برقی و مقناطیسی موج کی قدر تی رکاوٹ ہو گی۔ا گرچہ ہم نکلی اشکال کی بات کر رہے ہیں لیکن  $\delta \gg \delta \gg \delta$  کی بناپر برقی رو گزارتے باریک تہہ کو  $\delta$  موٹائی اور  $\delta \gg \delta \approx 0$  بناپر برقی رو گزارتے باریک تہہ کو  $\delta \sim 0$  موٹائی اور  $\delta \sim 0$  بناپر برقی رو گزارتے باریک تہہ کو  $\delta \sim 0$  موٹائی اور  $\delta \sim 0$  بناپر برقی رو گزارتے باریک تبہ کو  $\delta \sim 0$  موٹائی اور  $\delta \sim 0$  بناپر برقی رو گزارتے باریک تبہ کو  $\delta \sim 0$  موٹائی اور  $\delta \sim 0$  بناپر برقی رو گزارتے باریک تبہ کو  $\delta \sim 0$  موٹائی اور  $\delta \sim 0$  بناپر برقی رو گزارتے باریک تبہ کو  $\delta \sim 0$  بناپر برقی رو گزارتے باریک تبہ کو  $\delta \sim 0$  بناپر برقی رو گزار ہے بین کی موٹائی موٹائی برقی رو گزار ہے بین کر رہے ہیں لیکن اور موٹائی برقی رو گزار ہے بین کرنے ہوگئی ہوگئی

$$|_{\rho_1} \frac{E_{zs}}{H_{ys}} = \frac{1+j}{\sigma_c \delta}$$

کھاجاسکتاہے جس میں مساوات 11.19پر کرنے سے

$$\left. \frac{E_{zs}}{I_s} \right|_{\rho_1} = \frac{1+j}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c}$$

کھاجاسکتاہے۔ چونکہ  $E_{zs}$  دراصل فی میٹر برقی د باوہ لہذامندرجہ بالاشرح فی میٹر قدرتی رکاوٹ

(11.20) 
$$Z = \frac{E_{zs}}{I_s} \bigg|_{\rho_1} = R + j\omega L = \frac{1}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c} + j\frac{1}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c}$$

کے برابر ہے۔ بیدامالہ تار کیاندر ونیامالہ ہے جو تار کے موصلیت  $\sigma_c$  پر منحصر ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کامل موصل کی صورت میں قدر تی ر کاوٹ صفر ہو گی۔ یوں اندر ونی تارکی اندر ونی امالہ

$$L_{
ho_1,\dot{\mathcal{G}}}$$
ائدرونی  $= \frac{1}{2\pi 
ho_1 \delta \sigma_c \omega}$ 

ہو گی۔صفحہ 291پر مساوات 10.58 کو  $\frac{1}{\pi f \mu \delta^2}$  و کا سامیں پر کرنے سے

(11.21) 
$$L_{\rho_1, \dot{\mathcal{S}}, \mathcal{S}} = \frac{\mu \delta}{4\pi \rho_1} \quad (\delta \ll \rho_1)$$

حاصل ہوتاہے۔اسی طریقہ کارسے بیر ونی تارکے لئے

(11.22) 
$$L_{\rho_2,\dot{\mathcal{G}}_2,\dot{\mathcal{G}}_3} = \frac{\mu\delta}{4\pi\rho_2} \quad (\delta \ll \rho_3 - \rho_2)$$

کھاجاسکتاہے۔یوں بلند تعدد پر ہم محوری تارکی کل امالہ

(11.23) 
$$L_{j,j,k} = \frac{\mu}{2\pi} \left[ \ln \frac{\rho_2}{\rho_1} + \frac{\sigma_c}{2} \left( \frac{1}{\rho_1} + \frac{1}{\rho_2} \right) \right] \qquad (\delta \ll \rho_1, \, \delta \ll \rho_3 - \rho_2)$$

ہو گا۔مساوات 11.20 بلند تعدد پر قدر تی رکاوٹ کامزاحمتی حصہ یعنی فی میٹر مزاحمت بھی دیتاہے جس سے اندرونی اوربیر ونی تاروں کا سلسلہ وار مجموعہ

(11.24) 
$$R = \frac{1}{2\pi\delta\sigma_c} \left(\frac{1}{\rho_1} + \frac{1}{\rho_2}\right) \quad (\delta \ll \rho_1, \, \delta \ll \rho_3 - \rho_2)$$

ککھاجا سکتاہے۔اس مزاحمت کے ساتھ شعاعی اخراج سے پیدامزاحمتی جزو بھی شامل کیاجا سکتاہے۔بے پناہ 3 تاریا ہم محوری تار کے کیلے سر سے شعاعی اخراج ہوتا ہے۔

الی تعدد جس پر گہرائی جلد کی قیت رداس سے بہت کم نہ ہو حل کرتے ہوئے استعال ہوتے ہیں۔ یہاں انہیں حل نہیں کیا جائے گا۔

قدرتی رکاوٹ کو عموماً بیرونی اماله اور کیپیسٹنس کی صورت میں

(11.25) 
$$Z_0 = \sqrt{\frac{L_{\dot{\xi},z}}{C}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

لکھا جاتا ہے۔

 $ho_L$  اندرونی اور بیرونی تار کے مابین ذو برق میں سے گزرتی یک سمتی برقی رو I=GV سے حاصل ہوتی ہے۔اندرونی تار پر  $ho_L$  اور بیرونی تار پر  $ho_L$  اور بیرونی تار پر  $ho_L$  ور بیرونی تار پر  $ho_L$  مابین برقی دباو صفحہ 94 پر مساوات 4.18

$$V = \frac{\rho_L}{2\pi\epsilon} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

دیتی ہے۔ تاروں کے در میان ذو برق میں میدان مساوات 4.17

$$E_{\rho} = \frac{\rho_L}{2\pi\epsilon\rho}$$

دیتی ہے۔ ذو برق کی موصلیت 🗗 لکھتے ہوئے، صفحہ 120 پر اوہم کے قانون کی نقطہ شکل یعنی مساوات 5.11 کی مدد سے یوں رداس م پر کثافت برقی رو

$$J_{\rho} = \sigma E_{\rho} = \frac{\sigma \rho_L}{2\pi\epsilon\rho}$$

لکھی جائے گی۔اندرونی تار کے گرد رداس ρ پر L لمبائی کی نلکی سطح کار قبہ 2πρL ہو گا۔ایس اکائی لمبائی کی سطح کے رقبہ 2πρ سے کل

$$I = J_{\rho} 2\pi \rho = \frac{\sigma \rho_L}{\epsilon}$$

برقی رو گزرے گی۔ یوں

(11.26) 
$$G = \frac{I}{V} = \frac{2\pi\sigma}{\ln\frac{\rho_2}{\rho_1}}$$

حاصل ہوتا ہے۔

125 سے۔ ماوات C کے قیمت سے حاصل کرناد کھتے ہیں۔ایک تار سے دوسرے تار تک E کی لکیری تکمل سے برقی دباو V حاصل ہوتا ہے۔ صفحہ 125 ہیں۔ایک تار سے معلوات C کی قیمت C کے قیمت سے حاصل پر سطح کا فافت چارج، سطح کے عمودی برقی بہاو کے برابر ہوتی ہے، یعنی عوری  $\rho_S = D_{c,0}$  یوں تاریر کل چارخ

$$Q = \int_{S} \rho_{S} \, dS = \epsilon \int_{S} E_{\zeta, \mathcal{F}} \, dS$$

کلھی جاسکتی ہے جہاں S تار کا سطحی رقبہ ہے اور  $D=\epsilon E$  ککھا گیا گا۔ یوں

(11.27) 
$$C = \frac{Q}{V} = \frac{\epsilon \int_{S} E_{\mathcal{G}, \mathfrak{p}^{\epsilon}} dS}{V}$$

ہو گا۔اب موصل کے سطح پر ع<sub>مودی</sub> کا جانتے ہوئے یہاں کثافت برقی رو ع<sub>مودی</sub>  $J=\sigma E$ کھی جاسکتی ہے لہٰذا تار کے سطح سے خارج کل برقی رو

$$I = \sigma \int_{S} E_{\mathcal{S}, \mathcal{I}} \, \mathrm{d}S$$

Bessel functions<sup>4</sup>

ہو گی۔ یوں دو تاروں کے مابین ایصالیت

$$G = \frac{I}{V} = \frac{\sigma \int_{S} E_{\mathcal{G}, \mathfrak{p}^{\mathcal{E}}} dS}{V}$$

ہو گی۔مساوات 11.27 اور مساوات 11.28 کو دیکھ کر

$$G = -\frac{\sigma}{\epsilon}C$$

کھا جا سکتا ہے جو کسی بھی ترسلی تار کے لئے درست ہے

 $\mu_R = 1$  مثق 11.2: ایک ہم محور می تار جس کے  $\sigma_c = 3.82 \times 10^7 \, \frac{\rm S}{\rm m}$  اور  $\rho_2 = 3.49 \, {\rm mm}$  ہور کے متعقل 1  $\rho_2 = 3.49 \, {\rm mm}$  مثق 11.2: ایک ہم محور می تار جس کے متعقل کے ہم محور میں۔ اس کا فی میٹر کیپیسٹنس، بیر ونی اور اندرونی امالہ حاصل کریں۔ تر سیلی تار کے  $\sigma = 10 \, \frac{\rm S}{\rm m}$  واور  $\sigma = 10 \, \frac{\rm S}{\rm m}$  حاصل کریں۔ تر سیلی تار کے متعقل کریں تر سیلی تر سیلی تار کے متعقل کریں تر سیلی تار کے متعقل کریں تر سیلی تار کے متعقل کریں تر سیلی تار کریں تر سیلی تر سیلی تار کریں تر سیلی تر سیلی تار کریں تر سیلی تار کریں تر سیلی تار کریں تر سیلی تر سیلی تار کریں تار کریں تر سیلی تار کریں تار کریں تر سیلی تار کریں تار کری

 $50 / 0.055^{\circ}$   $\Omega$  اور  $\Omega$   $\frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$  0.014  $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$  0.25  $\frac{\mathrm{nH}}{\mathrm{m}}$  0.1  $\frac{\mathrm{nF}}{\mathrm{m}}$  0.1  $\frac{\mathrm{nF}}{\mathrm{m}}$  0.1

#### 11.2.2 دو متوازی تار کر مستقل

شکل 11.2-ب میں دو متوازی تر سلی تار دکھائی گئی ہے۔تار کا رداس b، تاروں کے مابین فاصلہ d جبکہ تارکی موصلیت  $\sigma_c$  ہے۔تاروں کے گرد ذو برق کے مستقل  $\mu$  اور  $\sigma$  ہیں۔ اس تارکی کپیسٹنس صفحہ 149 پر مساوات 5.75 کی نصف ہو گی۔اس کی وجہ وہیں پر مساوات کے پنچے سمجھائی گئی ہے۔یوں فی میٹر تارکی کپیسٹنس

$$C = \frac{\pi \epsilon}{\cosh^{-1} \frac{d}{2h}}$$

 $ab \ll d$  هو تب مساوات 5.76 سے  $b \ll d$ 

$$C = \frac{\pi \epsilon}{\ln \frac{d}{h}} \quad (b \ll d)$$

لکھا جا سکتا ہے۔مساوات 11.17 سے تارکی فی میٹر بیرونی امالیہ

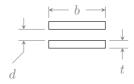
$$L_{\dot{\mathcal{S}},z} = \frac{\mu}{\pi} \cosh^{-1} \frac{d}{2b}$$

يا

$$L_{\dot{\mathcal{G}},z} = \frac{\mu}{\pi} \ln \frac{d}{b} \quad (b \ll d)$$

لکھی جاسکتی ہے جبکہ بلند تعدد پر فی میٹر کل امالہ

(11.31) 
$$L_{\text{Jin}} = \frac{\mu}{\pi} \left( \frac{\delta}{2b} + \cosh^{-1} \frac{d}{2b} \right) \quad (\delta \ll b)$$



شكل 11.3: سطح مستوى ترسيلي تار.

ہے۔تار کی بیرونی  $\delta$  تہہ برقی رو گزارتی ہے۔اس تہہ کا رقبہ عمودی تراش  $S=2\pi b\delta$  ہہہ برقی میٹر مزاحت

(11.32) 
$$R = \frac{l}{\sigma_c S} = \frac{1}{\pi b \delta \sigma_c}$$

ہو گی جہاں دونوں تاروں کی مزاحمت سلسلہ وار جڑے ہیں۔مساوات 11.29 سے فی میٹر تارکی ایصالیت

$$G = \frac{\pi\sigma}{\cosh^{-1}\frac{d}{2b}}$$

حاصل ہوتی ہے۔

بیر ونی امالہ اور کیپیسٹنس استعال کرتے ہوئے قدرتی مزاحت

$$Z_0 = \frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \cosh^{-1} \frac{d}{2b}$$

حاصل ہوتا ہے۔

11.2.3 سطح مستوى ترسيلي تار

d شکل a 11.3 میں سطح مستوی تر سیلی تار a دکھایا گیا ہے جس میں a چوڑائی اور a موٹائی کے دو متوازی موصل چادر دکھائے گئے ہیں جن کے مابین فاصلہ a 11.3 موصل چادر کی موصلیت a جبکہ ارد گرد کے ذو برق کے مستقل a 4 اور a ہیں۔

ا گر $b\gg d$  ہو تب ان جادروں کی فی میٹر کہیسٹنس

(11.35) 
$$C = \frac{\epsilon \bar{\nu}}{\dot{\theta}} = \frac{\epsilon b}{d}$$

ہو گی۔یوں مساوات 11.17 سے فی میٹر بیر ونی امالیہ

(11.36) 
$$L_{\dot{\mathcal{G}},z} = \frac{\mu \epsilon}{C} = \frac{\mu d}{b}$$

ہو گی۔امید کی جاتی ہے کہ آپ گہرائی جلد استعال کرتے ہوئے اندرونی امالہ حاصل کر سکتے ہیں۔یوں کل امالہ

(11.37) 
$$L = \frac{\mu d}{b} + \frac{2}{\sigma_c \delta b w} = \frac{\mu}{b} (d + \delta) \quad (\delta \ll t)$$

ہو گی جہال گہرائی جلد کو چادر کی موٹائی سے بہت کم تصور کیا گیا ہے۔

بلند تعدد پر برقی رو چادروں کے آمنے سامنے سطحوں پر گہرائی جلد تک محدود ہو گی۔یوں برقی رور قبہ 166سے گزرے گی جس سے ایک تار کے اکائی لمبائی کی مزاحمت 1<sub>00 م</sub>حاصل ہوتی ہے۔یوں اکائی کمبی تار کے دونوں حصوں کی سلسلہ وار جڑی کل مزاحمت

(11.38) 
$$R = \frac{2}{\sigma_c b \delta} \quad (\delta \ll t)$$

ہو گی۔

مساوات 11.29 سے

$$G = \frac{\sigma b}{d}$$

لکھی جاسکتی ہے۔

ان معلومات سے سطح مستوی ترسیلی تارکی قدرتی رکاوٹ

(11.40) 
$$Z_0 = \sqrt{\frac{L_{\dot{\mathfrak{z}}_{\mathfrak{I},\mathcal{E}}}}{C}} = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \frac{d}{b}$$

لکھی جاسکتی ہے۔

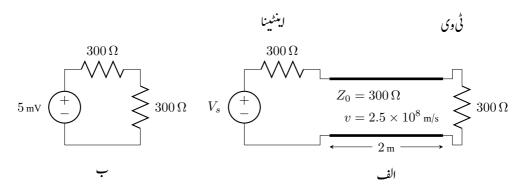
مثق 11.3 مندرجہ بالا تینوں اقسام کے ترسیلی تار 400 MHz پر کام کر رہے ہیں۔ان میں طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کرتے ہوئے تمام کے لئے  $\epsilon_R = 3.1$  اور 3.1 مندرجہ بالا تینوں اقسام کے ترسیلی تار کا 400 MHz پر کام کر رہے ہیں۔ متوازی تار کے  $\mu_R = 1$  ہور  $\epsilon_R = 3.1$  اور  $\epsilon_R = 3.1$  بیں۔ مستوی سطح کے  $\mu_R = 1$  ہور  $\epsilon_R = 2.2$  ہیں۔ مستوی سطح کے  $\mu_R = 1$  ہور  $\epsilon_R = 2.2$  ہیں۔

جوابات: 0.816،50.6 cm، -0.215،33.5 cm، 0.26،42.6 cm،

11.3 ترسیلی تار کر چند مثال

اس جھے میں گزشتہ حصول کے نتائج استعال کرتے ہوئے چند مثال کرتے ہیں۔ یہاں تمام ترسلی تاروں کو بے ضیاع تار تصور کیا جائے گا۔

شروع دو متوازی ترسیلی تارہے کرتے ہیں جس کی قدرتی رکاوٹ  $\Omega$  300 ہے۔ ایسی تار ٹی وی $^{6}$  کے اینٹینا اور ٹی وی کے مابین لگائی جاتی ہے۔ شکل 11.4-الف میں اس طرح جڑے ترسیلی نظام کو دکھایا گیا ہے۔ اینٹینا کا تھونن  $^{7}$  مساوی دور استعال کیا گیا ہے جو ایک عدد منبع برقی د باوی اور اس کے ساتھ سلسلہ وار جڑی  $\Omega$  300 کی مزاحمت پر مشمل ہے۔ ترسیلی تار ٹی وی کے برقیاتی دور کے بالکل شروع میں نسب ابتدائی ایمپلی فائر سے جڑتی ہے جس کا داخلی مزاحمت  $\Omega$  300 ہے۔ ٹی وی کو اسی مزاحمت سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اس مثال میں ٹی وی بطور برقی بار کردار ادا کرتا ہے۔ ٹی وی اسٹیشن سے



شکل 11.4: ترسیلی تار اینٹینا کو ٹی وی سے جوڑ رہی ہے۔

خارج 100 MHz کے برقی و مقناطیسی امواج اس اینٹینا میں mV 5 کا اشارہ پیدا کرتی ہیں۔ ترسیلی تار کے متعقل ایسے ہیں کہ اس میں اشارات کی رفتار 2.5 × 108 ہے۔

چونکہ برتی بار کی مزاحمت اور ترسلی تار کی قدرتی مزاحمت برابر ہیں للذا ترسلی تار اور برتی بار ہمہ رکاوٹ ہیں۔یوں برتی بار پر انعکاس نہیں پایا جائے گا للذا شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{300 - 300}{300 + 300} = 0$$

صفر اور شرح ساکن موج

$$s = \frac{1 - |\Gamma|}{1 + |\Gamma|} = \frac{1 - 0}{1 + 0} = 1$$

ایک کے برابر ہوں گے۔اشارے کے تعدد پر ترسلی تار میں طول موج

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{2.5 \times 10^8}{100 \times 10^6} = 2.5 \,\mathrm{m}$$

اور زاویائی مستقل

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{2\pi}{2.5} = 0.8\pi \, \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

ہیں۔ ترسیلی تارکی برقی لمبائی

$$\beta l = 0.8\pi \times 2 = 1.6\pi \,\mathrm{rad}$$

یا °288 ہے جسے 0.8 طول موج بھی کہا جاتا ہے۔

شکل 11.4-ب میں داخلی جانب کا صورت حال د کھایا گیا ہے۔واخلی جانب چونکہ اینٹینا کی مزاحت  $\Omega$  300 ہے اور ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ بھی  $\Omega$  300 ہے لہذا اینٹینا اور ترسیلی تار ہمہ رکاوٹ ہیں۔اینٹینا میں پیدا mV کا اشارہ ترسیلی تار کے قدرتی رکاوٹ پر

$$\frac{5 \times 10^{-3} \times 300}{300 + 300} = 2.5 \,\text{mV}$$

TV, television<sup>6</sup> Thevenin<sup>7</sup> پیدا کرے گا۔ اینٹینا اور ترسیلی تار ہمہ رکاوٹ ہیں للذا منبع طاقت V<sub>s</sub> ترسیلی تار میں زیادہ سے زیادہ طاقت جیسے گا۔ ترسیلی تار کے داخلی جانب پیدا V m 2.5 m کا اشارہ تار میں سے گزرتے ہوئے برقی بار تک پہنچے گا البتہ یہ داخلی اشارے سے 1.6π ریڈیئن چیچے ہو گا۔ یوں اگر ترسیلی تار کا داخلی اشارہ

$$V_{\vec{k}_{1}} = 2.5\cos 2\pi 10^{8}t$$
 mV

ہوتب برقی بار پر اشارہ

$$V_{A} = 2.5\cos(2\pi 10^8 t - 1.6\pi)$$
 mV

ہو گا۔داخلی برقی رو

اور برقی بار پر برقی رو

$$I_{\downarrow} = \frac{V_{\downarrow}}{300} = 8.33\cos(2\pi 10^8 t - 1.6\pi)$$
 µA

ہوں گے۔چونکہ ترسیلی تار بے ضیاع تار ہے لہٰذا جو طاقت اسے داخلی جانب فراہم کی جاتی ہے وہی طاقت خارجی جانب برقی بار کو مہیا کر دی جاتی ہے۔

$$P_{j_{\tau_{j}}} = P_{J_{\tau}} = V_{\tau_{\tau_{j}}} I_{\tau_{\tau_{j}}} = \frac{2.5 \times 10^{-3}}{\sqrt{2}} \times \frac{8.33 \times 10^{-6}}{\sqrt{2}} = 10.41 \,\text{nW}$$

مزاحمتی بار کی طاقت کا حساب لگاتے وقت یاد رہے کہ P = VI میں برقی د باو اور برقی رو کے موثر ® قیمتیں استعال کی جاتی ہیں۔سائن نما موج کی موثر قیمت موج کی چوٹی تقسیم √ کے برابر ہوتی ہے۔

اب پہلے ٹی وی کے متوازی دوسرا ٹی وی نسب کرنے کے اثرات پر غور کرتے ہیں۔دوسرے ٹی وی کا داخلی مزاحمت بھی Ω 300 ہے۔یوں اب ترسیلی تار کے خارجی جانب کل Ω 150 کا بارپایا جاتا ہے۔اس طرح شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{150 - 300}{150 = 300} = -\frac{1}{3}$$

$$\Gamma = \frac{1}{3} / \pi$$

حاصل ہوتی ہے اور شرح ساکن موج

يا

$$s = \frac{1 + \frac{1}{3}}{1 - \frac{1}{3}} = 2$$

 $\Omega$  ہوں گے۔ تر سلی تار کی داخلی مزاحت اب  $\Omega$  300 کے بجائے

$$\begin{split} Z_{\text{e.j.}} &= Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan \beta l}{Z_0 + jZ_L \tan \beta l} = 300 \frac{150 + j300 \tan 288^\circ}{300 + j150 \tan 288^\circ} \\ &= 509.7 / -23.79^\circ = 466.39 - j205.6 \quad \Omega \end{split}$$

باب 11. ترسیلی تار

ہو گی جو کپیسٹر کی خاصیت رکھتی ہے۔ کپیسٹر کی خاصیت کا مطلب یہ ہے کہ تر سیلی تار کے برقی میدان میں مقناطیسی میدان سے زیادہ توانائی ذخیرہ ہے۔ داخلی رو

$$I_{s,\mathcal{C}_{j}} = \frac{0.005}{300 + 466.39 - j205.6} = 6.3013 / 15.017^{\circ}$$
  $\mu A$ 

ہے اور یوں ترسیلی تار کو داخلی جانب

$$P_{ij} = \frac{1}{2} \left( 6.3013 \times 10^{-6} \right)^2 \times 466.39 = 9.2593 \,\text{nW}$$

طاقت فراہم کی جارہی ہے۔بے ضیاع تار تمام کی تمام طاقت خارجی جانب منتقل کرے گا للذا Ω 150 کے بار کو 9.2593 nW حاصل ہو گا جو گزشتہ جواب یعنی 10.41 nW تقدر کم ہے۔یہ کمی انعکاس کی وجہ سے پیدا ہوئی۔ کہانی یہاں ختم نہیں ہوتی۔یہ طاقت دونوں ٹی وی میں برابر تقسیم ہو گا للذا ہر ٹی وی کو صرف 4.6297 nW طاقت مہیا ہو گا۔چو نکہ ایک ٹی وی Ω 300 مزاحمت رکھتا ہے للذا ٹی وی پر پیدا برتی دباو

$$4.6297 \times 10^{-9} = \frac{\left| V_{s, \lambda} \right|^2}{2 \times 300}$$

يعني

 $\left|V_{s,,\downarrow}\right| = 1.666\,67\,\mathrm{mV}$ 

ہو گا۔ یہ قیت 2.5 mV سے بہت کم ہے جو اکیلے ٹی وی پر پیدا ہوتی ہے۔

آئیں ترسیلی تار پر برقی دباوکی چوٹی، نشیب اور ان کے مقامات کے علاوہ دیگر معلومات بھی حاصل کریں۔اگر ہم برقی دباوکے معلومات حاصل کر سکیں تو ظاہر ہے کہ برقی رو کے معلومات بھی حاصل کر پائیں گے۔ گزشتہ باب میں مستوی امواج کے لئے بہی معلومات حاصل کی سکیں تھیں۔ وہاں استعال کئے گئے ترکیب یہاں بھی کار آ مد ثابت ہوں گے۔ برقی دباو موج کے چوٹی کے مقامات مساوات 10.83

$$-\beta_1 z_{$$
بنیر  $=$   $\frac{\phi}{2} + n\pi \quad (n = 0, \mp 1, \mp 2, \cdots)$ 

ویتا ہے۔ اس میں  $eta=0.8\pi$  اور  $\phi=\pi$  اور کے سے

$$z_{ينر au} = rac{1}{-0.8\pi} \left(rac{\pi}{2} + n\pi
ight)$$
 
$$= -1.25 \left(rac{1}{2} + n
ight)$$

n=0 اور n=n یر کرنے سے ماصل ہوتا ہے جس میں n=0 اور

$$z_{7.1} = -0.625 \,\mathrm{m}$$
 let  $-1.875 \,\mathrm{m}$ 

حاصل ہوتے ہیں جو درست جوابات ہیں۔اگر n=2 پر کیا جائے تو z =-3.125 جاصل ہوتا ہے جبکہ تار کی کل کمبائی صرف دو میٹر ہے لہٰذا اس جواب کورد کیا جاتا ہے۔ای طرح n=-1 پر کرنے سے z=0.625 سے بند تر z حاصل ہوتا ہے جبکہ تار منفی z محدد پر پائی جاتی ہے لہٰذا اس جواب کو بھی رد کیا جاتا ہے۔

موج کے چوٹی سے 
$${\lambda\over 4}$$
 فاصلے پر نشیب پائے جاتے ہیں، للذاان کے مقامات  $z_{\pi au}=0~{
m m}$  اور  $z_{\pi au}=0$ 

ہوں گے۔ آپ نے دیکھا کہ سرحد پر برقی دباو کا نشیب پایا جاتا ہے۔ آپ کو یاد ہو گا کہ حقیق  $Z_L$  اور  $Z_L$  کی صورت میں اگر  $Z_L$  ہو تب سرحد پر موج کا نشیب ہی پایا جاتا ہے۔

چونکہ سر حدیر موج کا نشیب ہے اور ہم جانتے ہیں کہ ٹی وی پر 1.66 mV ہے للذا دباو کی کمتر قیمت یہی ہے اور s = 2 سے دباو کی چوٹی اس کے وگنا سے 3.32 mV ماصل ہوتی ہے۔ترسیلی تار کے داخلی سرے پر برقی دباو

$$V_{s, \dot{b}, \dot{b}} = I_{s, \dot{b}, \dot{b}} Z_{i, \dot{b}, \dot{b}} = \left(6.3013 \times 10^{-6} / 15.017^{\circ}\right) \left(509.7 / -23.79^{\circ}\right) = 0.00321175 / -8.77^{\circ}$$

ہو گی جو تقریباً موج کے چوٹی کے برابر ہے۔ایسااس لئے ہے کہ سرحد سے آئے فاصلے پر چوٹی پائی جاتی ہے جس سے ہر 0.5۸ فاصلے پر چوٹی ہوگی المذا سرحد سے 34 فاصلے پر بھی چوٹی متوقع ہے جو تار کے داخلی سرے کے بہت قریب نقطہ ہے۔آپ ترسیلی تارکی داخلی برقی د باویوں

$$V_{s,b} = \frac{Z_{b,s}, V_s}{Z_{b,s} + 300} = \frac{(466.39 - j205.6) \times 0.005}{466.39 - j205.6 + 300} = 0.00321175 \underline{/-8.77^\circ}$$

بھی حاصل کر سکتے ہیں۔

آخر میں داخلی برقی دباواور بارپر برقی دباو کا زاویائی تعلق دیکھتے ہیں۔ا گرچہ ہم دونوں برقی دباو کے قیمتیں حاصل کر بچکے ہیں،ان کے زاویائی معلومات انھی تک نہیں حاصل کی سکیں۔مساوات 10.82 کی مدد سے تارپر کسی بھی نقطے پر برقی دباو

$$V_s = \left(e^{-j\beta z} + \Gamma e^{j\beta z}\right) V_0^+$$

کھھا جا سکتا ہے۔چونکہ ہمیں تار کے داخلی سرے پر دباو معلوم ہے للذااس میں z=-l پر کرنے سے

$$V_{s,\dot{\mathcal{G}}}$$
 ,  $=\left(e^{jeta l}+\Gamma e^{-jeta l}
ight)V_0^+$ 

 $V_0^+$  حاصل ہوتا ہے جسے  $V_0^+$  کے لئے حل کرتے ہیں

$$V_0^+ = \frac{V_{s, j}}{e^{j\beta l} + \Gamma e^{-j\beta l}} = \frac{0.00321175/ -8.77^{\circ}}{e^{j1.6\pi} - \frac{1}{3}e^{-j1.6\pi}} = 0.0025/ -72^{\circ}$$

اور یوں بار یعنی z=0 پر برقی دباواب حاصل کی جاسکتی ہے

$$V_{s, 
m LP} = (1+\Gamma) \ V_0^+ = 0.001666 / \!\!\!\! / -72^\circ = 0.001666 / \!\!\!\! / -288^\circ$$

یہاں حاصل جواب کی حتمی قیمت اور کچھ دیر پہلے حاصل کی گئی بار پر برقی دباو کی حتمی قیمت برابر ہیں۔تار کے داخلی سرے پر دباو کا زاویہ °8.77۔ جبکہ تار کے خارجی سرے پر دباو کا زاویہ °72ہے۔یوں ان کے مابین فرق °80.77 یعنی °279.23 ہے۔انوکاسی موج کی عدم موجود گی میں یہ فرق °288۔ یعنی تارکی زاویائی لمبائی جتنا ہوتا ہے۔

آخری مثال کے طور پر ہم اس ترسیلی تار کے خارجی سرے پر صرف کیسٹر  $\Omega$   $Z_L = -j300$  نسب کر کے دیکھتے ہیں۔ کیسٹر میں توانائی ضائع نہیں ہوتی۔ یہ حقیقت شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{-j300 - 300}{-j300 + 300} = -j = 1 / -90^{\circ}$$

سے صاف ظاہر ہے جو انعکاسی موج کا حیطہ آمدی موج کے برابر دیتا ہے۔ شرح ساکن موج یوں

$$s = \frac{1+\left|-j\right|}{1-\left|-j\right|} = \infty$$

ہو گا جس سے موج کا نشیب عین صفر کے برابر حاصل ہوتا ہے۔ترسیلی تارکی داخلی قدرتی رکاوٹ

$$Z_{\rm obs} = 300 \frac{-j300 + j300 \tan 288^\circ}{300 + j(-j300) \tan 288^\circ} = j589$$

ہو گی جو خیالی عدد ہے للمذااسے اوسط طاقت فراہم نہیں کی جاسکتی۔

تر سلی تار کے مسائل تر سیمی طریقے سے نہایت خوش اسلوبی سے حل ہوتے ہیں۔ان میں سمتھ نقشہ <sup>9</sup>زیادہ اہم ہے۔اگلے جصے میں اس پر غور کیا جائے گا۔

11.4 ترسيمي تجزيه، سمته نقشه

سمتھ نقشہ بنیادی طور پر شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0}$$

کی مساوات پر منحصر ہے۔اس نقشے میں بار بمطابق  $Z_0$  لعنی  $\frac{Z_1}{Z_0}$  استعمال کی جاتی ہے جمہ

$$z = r + jx = \frac{Z_L}{Z_0} = \frac{R_L + jX_L}{Z_0}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں z کار تیسی محدد کا متغیرہ نہیں بلکہ z کے مطابقت سے بار کو ظاہر کرتا ہے۔ یوں

$$\Gamma = \frac{z - 1}{z + 1}$$

اور

$$z = \frac{1+\Gamma}{1-\Gamma}$$

کھے جا سکتے ہیں۔شرح انعکاس کو حقیقی اور خیالی اجزاء

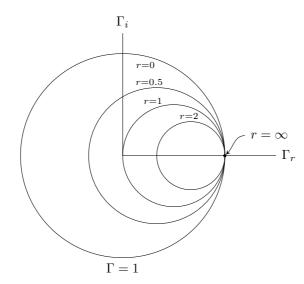
$$\Gamma = \Gamma_r + j\Gamma_i$$

کی صورت میں لکھتے ہوئے

$$r + jx = \frac{1 + \Gamma_r + j\Gamma_i}{1 - \Gamma_r - j\Gamma_i}$$

Smith chart<sup>9</sup>

(11.42)



شکل 11.5: کارتیسی محدد کے متغیرات  $\Gamma_r$  اور  $\Gamma_i$  ہیں جبکہ دائرے کا رداس  $\Gamma_i$  ہے۔

کے حقیقی اور خیالی اجزاء علیحدہ کرتے ہوئے

(11.43) 
$$r = \frac{1 - \Gamma_r^2 - \Gamma_i^2}{(1 - \Gamma_r)^2 + \Gamma_i^2}$$

(11.44) 
$$x = \frac{2\Gamma_i}{(1 - \Gamma_r)^2 + \Gamma_i^2}$$

کھے جا سکتے ہیں جنہیں کچھ الجبرا کے بعد

$$\left(\Gamma_r - \frac{r}{1+r}\right)^2 + \Gamma_i^2 = \left(\frac{1}{1+r}\right)^2$$

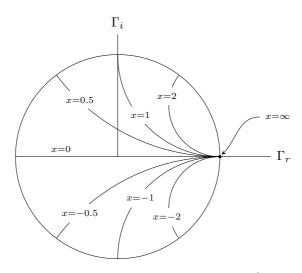
(11.46) 
$$(\Gamma_r - 1)^2 + \left(\Gamma_i - \frac{1}{x}\right)^2 = \left(\frac{1}{x}\right)^2$$

کھا جا سکتا ہے۔ا گر کار تیسی محدد کے متغیرات  $\Gamma_r$  اور  $\Gamma_i$  رکھے جائیں تو مندر جہ بالا دونوں مساوات گول دائروں کے مساوات ہوں گے۔

مساوات 11.45 کے دائروں پر پہلے غور کرتے ہیں۔اگر 0=r ہو تب یہ مساوات اکائی رداس کا دائرہ دیتی ہے جس کا مرکز محدد کے (0,0) پر ہے۔خیالی برقی بار کی صورت میں شرح انعکاس کی حتمی قیمت ایک ہی ہوتی ہے۔اسی طرح  $\infty=r$  کی صورت میں دائرے کا رداس صفر جبکہ اس کا مرکز محدد پر (1,0) ہے۔لیوں یہ دائرہ صرف اسی نقطے یعنی  $\Gamma=1$  تک محدود ہے۔اب  $\infty=r$  سے مراد  $\infty-Z_L$  ہے جس سے شرح انعکاس  $\Gamma=1$  ہی حاصل ہوتی ہے۔ایک آخری مثال  $\Gamma=1$  کی لیتے ہیں جس سے 0.5 رداس کا دائرہ حاصل ہوتا ہے جس کا مرکز (0.5,0) ہے۔شکل 0.5 میں ان دائروں کے علاوہ 0.5 میں اور 0.5 ہو کھا یا گیا ہے۔

 $\Gamma = 1 + j0$ مساوات 11.46 بھی دائرے دیتی ہے البتہ ان دائروں کارداس  $\frac{1}{x}$  اور مراکز  $(1,\frac{1}{x})$  ہیں۔ لامحدود x کی صورت میں دوبارہ x = 1 اور x = 1 کو ہی طابق اس کے مطابق اس دائرے کا رداس صفر جبکہ اس کا مرکز (1,0) ہے البذا یہ  $\Gamma = 1$  کو ہی ظاہر کرتا ہے۔ اگر  $\Gamma = 1$  ہو تب دائرے کا رداس اکائی جبکہ اس کا مرکز  $\Gamma = 1$  ہوں گے۔ جیسا شکل 11.6 میں دکھایا گیا ہے، اس دائرے کا چوتھائی حصہ  $\Gamma = 1$  دائر پایا جاتا ہے۔ اس طرح  $\Gamma = 1$  کی صورت میں دائرے کا چوتھائی حصہ  $\Gamma = 1$  محدد کے نیچے پایا جاتا ہے۔ شکل میں  $\Gamma = 2$  کی صورت میں دائرے کا چوتھائی حصہ  $\Gamma = 1$  مید اسید حقی لکیر ، یعنی  $\Gamma = 1$  محدد بھی دکھایا گیا ہے۔  $\Gamma = 1$  دائرے بھی دکھائے گئے ہیں۔ شکل میں  $\Gamma = 1$  ہیں۔ سے پیدا سید حقی لکیر ، یعنی دکھائیا گیا ہے۔

باب 11. ترسیلی تار



شکل 11.6: کارتیسی محدد پر  $\frac{1}{x}$  رداس کے دائروں کے وہ حصے دکھائے گئے ہیں جو اکائی دائرے کے اندر پائے جاتے ہیں۔

ان دونوں دائروں کو ایک ہی جگہ شکل 11.7 کے سمتھ نقشے میں دکھایا گیا ہے۔ یوں کسی بھی  $Z_L$  کی صورت میں گر کے لیتے ہوئے z لیتی z اور z حاصل کر کے سمتھ نقشے میں ان کے دائروں کی نشاند ہی کریں۔ اگر نقشے پر درکار z اور (یا) z دائر ہے نہ پائے جائیں تب ان کے قریبی قیمتوں کے دائروں سے مطلوبہ دائرے کا مقام اخذ کریں۔ جہاں یہ دائرے ایک دونوں کو کاٹے ہیں وہاں سے z پڑھیں۔ نقشے کے مرکز z مقام اخذ کریں۔ جہاں یہ دائرے ایک دونوں کو کاٹے ہیں وہاں سے z پڑھیں۔ نقشے کے مرکز z و کا مقام اخذ کریں۔ جہاں یہ دائرے ایک سمت زاویہ z کا زاویہ ہو گا۔ اس زاویہ کو اکائی رداس کے دائرے کے باہر دکھایا گیا ہے۔ یوں محدد کے مرکز سے درکار نقطے تک سید ھی لکیر کو اکائی رداس کے دائرے تک بڑھا کر زاویہ ناپا جاتا ہے۔ سمتھ نقشے میں z ان اپنا ہو گا۔ اب محدد کے مرکز z مرکز z و اگر کے دائرے کے سنچ جا سکتے تھے، لیکن ایسا نہیں کیا جاتا۔ آپ کو یہ فاصلہ نقشے میں و کے فیتے کی مدد سے ناپنا ہو گا۔ اب مثال کے طور پر z و کی تر سلی تار پر z و کے دائروں کے نقطہ ملاپ سے حاصل ہوتا ہے۔ شرح انعکاس تقریباً z و اور z و کا دائروں کے نقطہ ملاپ سے حاصل ہوتا ہے۔ شرح انعکاس تقریباً z و اور z و دائروں کے نقطہ ملاپ سے حاصل ہوتا ہے۔ شرح انعکاس تقریباً z و اور z و دائروں کے نقطہ ملاپ سے حاصل ہوتا ہے۔ شرح انعکاس تقریباً z و دائروں کے دائروں کے نظم ملاپ سے حاصل ہوتا ہے۔ شرح انعکاس تقریباً z و دائروں کے دائروں کے نظم ملاپ سے حاصل ہوتا ہے۔ شرح انعکاس تقریباً z و دائروں کے دائروں کے نظم ملاپ سے حاصل ہوتا ہے۔

سمتھ نقشہ مکمل کرنے کی خاطر اکائی دائرے کے محیط کے باہر دوسرا فیتہ شامل کیا جاتا ہے جس سے ترسیلی تارپر فاصلہ ناپا جاتا ہے۔اس فیتے پر فاصلہ طول موج ۸ کی صورت میں ناپا جا سکتا ہے۔آئیں دیکھیں کہ اس فیتے سے کس طرح فاصلہ حاصل کیا جاتا ہے۔ترسیلی تارپر کسی بھی نقطے پر برقی دباو

$$V_s = V_0^+ \left( e^{-j\beta z} + \Gamma e^{j\beta z} \right)$$

کو برقی رو

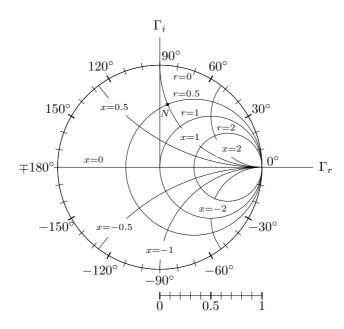
$$I_s = \frac{V_0^+}{Z_0} \left( e^{-j\beta z} - \Gamma e^{j\beta z} \right)$$

سے تقسیم کرتے ہوئے Z<sub>0</sub> کے مطابقت سے داخلی قدرتی رکاوٹ

$$z_{oldsymbol{\mathcal{U}}_{ ext{I}}}=rac{Z_{oldsymbol{\mathcal{U}}_{ ext{I}}}}{Z_{0}}=rac{V_{ ext{S}}}{Z_{0}I_{ ext{S}}}=rac{e^{-jeta z}+\Gamma e^{jeta z}}{e^{-jeta z}-\Gamma e^{jeta z}}$$

z=-l ماصل کی جاسکتی ہے جس میں z=-l میر کرتے ہوئے

(11.47) 
$$z_{\mathcal{Y}_{l}} = \frac{1 + \Gamma e^{-j2\beta l}}{1 - \Gamma e^{j2\beta l}}$$



شکل 11.7: سمتھ نقشے پر اکائی دائرے میں  $\gamma$  اور  $\chi$  سے حاصل دائرے دکھائے جاتے ہیں۔

کھا جا سکتا ہے۔اس مساوات میں l=1 پر کرنے سے

(11.48) 
$$z_{\mathcal{G}_{I}}\Big|_{I=0} = \frac{1-\Gamma}{1+\Gamma} = z$$

حاصل ہوتا ہے جو عین بار پر شرح انعکاس ہے جسے مساوات 11.42 میں پیش کیا گیا ہے۔

یہال رک کر اس حقیقت پر غور کریں کہ  $\Gamma$  کو  $e^{-j2\beta l}$  سے ضرب دینے سے

$$\Gamma e^{-j2\beta l} = |\Gamma| e^{j\phi} e^{-j2\beta l} = |\Gamma| e^{j(\phi - 2\beta l)}$$

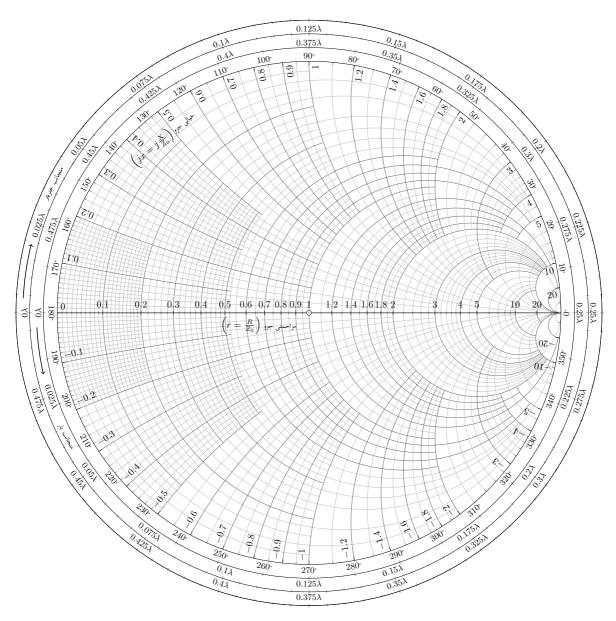
حاصل ہوتا ہے جس کی حتمی قیمت اب بھی  $|\Gamma|$ ہی ہے کیکن نیازاویہ  $(\phi-2eta l)$  ہے۔یوں سمتھ نقشے میں نقطہ z لینی

$$(11.49) z = r + jx = \frac{1+\Gamma}{1-\Gamma}$$

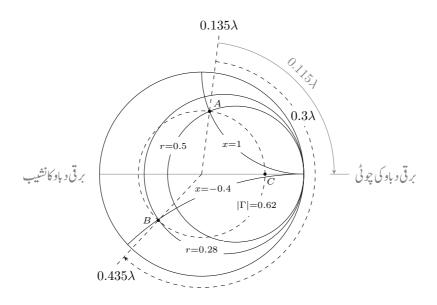
کی نظاندہی کرتے ہوئے  $\frac{\phi}{2} |\Gamma|$  ناپیں۔ اب  $|\Gamma|$  تبدیل کئے بغیر زاویہ تبدیل کرتے ہوئے  $(\phi - 2\beta l)$  تک پینییں اور یہاں سے  $z_{id}$  ناپیں۔ آپ د کیھ سکتے ہیں کہ مساوات 11.49 میں  $\Gamma$  کی جگہ  $\Gamma$  واخلی قدرتی رکوٹ سے مساوات 11.49 میں کہ مساوات 11.49 میں  $\Gamma$  کی جگہ  $\Gamma$  واخلی قدرتی رکاوٹ ہے۔

یوں بار zسے دور  $z_{(i)}$  کی طرف چلتے ہوئے، ہم منبع طاقت لینی جزیٹر کی طرف چلتے ہیں جبکہ سمتھ نقشے پر ایبا کرنے سے زاویہ  $\phi$  سے کم ہو کر  $\phi$  ہو کہ ہوتا ہے لہذا نقشے پر ہم گھڑی کے سمت چلتے ہیں۔ یوں  $\phi$   $\phi$  فاصلہ، لینی آدھی طول موج، طے کرنے سے نقشے کے گرد ایک چکر مکمل ہو گا۔ اس طرح  $\phi$  کم بین بار کے رکاوٹ مین بار کے رکاوٹ برابر ہو گی۔

یوں سمتھ نقشے کے حیطے پر ایک مکمل چکر کو 0.5۸ دکھایا جاتا ہے۔ جیسے شکل 11.8 میں دکھایا گیا ہے، استعال میں آسانی کی غرض سے ایک کے بجائے دوالیے فیتے بنائے جاتے ہیں۔ایک فیتہ گھڑی کی سمت میں بڑھتا فاصلہ دکھاتا ہے جسے نقشے میں "منجانب جزیٹر" سے ظاہر کیا جاتا ہے جبکہ دوسرا فیتہ گھڑی باب 11. ترسیلی تار



شكل 11.8: مكمل سمته نقشه.



شكل 11.9: سمته نقشر سر متغيرات كا حصول.

ے الٹ سمت بڑھتا فاصلہ دکھاتا ہے جے "منجانب بار" لکھ کر ظاہر کیا جاتا ہے۔ان فیتوں کے ابتدائی نقطے کوئی اہمیت نہیں رکھتے البتہ انہیں نقثے کے بائیں ہاتھ پر رکھا جاتا ہے۔ آپ کو یاد ہوگا کہ حقیق  $Z_L$  اور  $Z_0$  کی صورت میں اگر  $Z_L < Z_0$  ہو تب برقی دباو کا نشیب اس نقطے پر ہوگا۔

سمتھ نقشے کا استعال مثال کی مدد سے بہتر سمجھا جا سکتا ہے۔ یوں  $\Omega$  00 کے تر سیلی تار پر  $\Omega$  0.5+j بار پر دوبارہ غور کرتے ہیں۔ شکل Z=0.5+j میں Z=0.5+j مال مثال کی مدد سے بہتر سمجھا جا سکتا ہے۔ یوں  $\Omega$  0.62 0.45 0.62 0.62 0.62 0.5+j مال کے دائر نے Z=0.5+j مال کے جہاں سے Z=0.62 0.62 0.45 0.5+j مال کے دائر نے Z=0.3 میں جو کہ تر سیلی تار پر طول موج Z=0.3 میں جو کہ تر سیلی تار پر طول موج Z=0.3 میں جو کہ تر سیلی تار پر طول موج Z=0.3 میں خوال موج سے کے حیطے تک بڑھا کر Z=0.3 میں جو کہ تر سیلی تار پر طول موج سے Z=0.3 میں خوال موج سے کہ مال کے دائر کے کے مال کے میں نقطہ مور کے کے مال کے دائر کے کے دائر کے کے مال کے دائر کے کے مال کے دائر کے کے مال کے دائر کے کے دائر کے کے دائر کے دائر کے دائر کے دائر کے دائر کے دائر کے کے دائر ک

سمتھ نقثے سے موج کے چوٹی یانشیب کے مقام باآسانی حاصل کئے جاتے ہیں۔ کسی بھی  $|\Gamma| = |\Gamma| + 2$  کئے یانشیب کے مقام باآسانی حاصل کئے جاتے ہیں۔ کسی بھی جماعت کے مجموعے

$$V_s = V_0^+ \left( e^{j\beta l} + \Gamma e^{-j\beta l} \right)$$
$$= V_0^+ e^{j\beta l} \left[ 1 + |\Gamma| e^{j(\phi - 2\beta l)} \right]$$

کی حتمی قیمت

$$|V_s| = V_0^+ \left| e^{j\beta l} \right| \left[ \left| 1 + |\Gamma| e^{j(\phi - 2\beta l)} \right| \right]$$
$$= V_0^+ \left| 1 + |\Gamma| e^{j(\phi - 2\beta l)} \right|$$

$$\left|e^{j\beta l}\right| = \left|\cos\beta l + j\sin\beta l\right| = \sqrt{\cos^2\beta l + \sin^2\beta l} = 1^{10}$$

باب 11. ترسیلی تار

ورت میں صورت میں جا سے جو  $\phi-\beta l=2n\pi$  کی صورت میں حاصل ہوتی ہے جہاں  $0,1,2,\ldots$   $n=0,1,2,\ldots$  بارپر 0=1 ہے اور الی صورت میں بارپر  $V_s$  کی م سے کم قیمت ہوگی جبکہ  $0=\phi$  کی صورت میں بارپر  $V_s$  کی زیادہ قیمت ہوگی جبکہ  $0=\phi$  کی صورت میں بارپر  $V_s$  کی زیادہ قیمت ہوگی جبکہ  $0=\phi$  کی صورت میں بارپر  $V_s$  کی زیادہ قیمت ہوگی جبکہ و گیمت کہ ان شرائط کا مطلب کیا ہے۔

 $R_L > Z_0$  مزاحمتی بار  $R_L = |\Gamma|$  اور حقیقی  $C_0$  کی صورت میں اگر  $C_0$  برو تب  $C_0$  ہو تب  $C_0$  منفی حقیقی عدد ہو گا جسے  $C_0$  کی صورت میں بار پر کمتر  $C_0$  ہو گا جبکہ کی صورت میں  $C_0$  میں بار پر کمتر  $C_0$  ہو گا جبکہ کی صورت میں  $C_0$  میں بار پر بلند تر  $C_0$  کی صورت میں بار پر بلند تر  $C_0$  ہو گا۔ سمتھ نقشے پر افقی محدد حقیقی  $C_0$  دیتا ہے۔ منفی افقی محدد پر بیاند تر  $C_0$  ہو گا۔ سمتھ نقشے میں منفی افقی محدد پر پایا جائے گا۔ اس طرح مثبت افقی محدد پر  $C_0$  ہوتا ہے للذا بار پر بلند تر  $C_0$  ہو صورت سمتھ نقشے میں منفی افقی محدد پر پایا جائے گا۔ اس طرح مثبت افقی محدد پر پایا جائے گا۔ اس طرح مثبت افقی محدد پر پایا جائے گا۔

Z = r + jx کی صورت میں سمتھ نقشے میں میں میں میں میں میں کو آگے بڑھاتے ہیں۔ کسی مجھی مخلوط بار  $Z_L = R_L + jX_L$  کی صورت میں سمتھ نقشے میں موج کی صحت کو میں بر تھانے سے زاویہ  $\phi - 2\beta l = 2n\pi$  کی سمت کھومنے کے متر ادف ہے۔ جس فاصلے پر  $\phi - 2\beta l = 2n\pi$  ہو وہاں برقی موج کی جو گئی پائی جائے گا۔ اب  $\phi - 2\beta l = (2n+1)$  ہو وہاں موج کا نشیب پایا جائے گا۔ اب  $\phi - 2\beta l = (2n+1)$  میں محد د کا مثبت حصہ جبکہ مراد افقی محد د کا منفی حصہ ہے۔ یوں شکل 11.9 میں نقطہ  $\phi - 2\beta l = 0.115$  کی سمت  $\phi - 2\beta l = 0.115$  کی تاریب جہلی چو ٹی بار سے مراد افقی محد د کا منفی حصہ ہے۔ یوں شکل 11.9 منظم  $\phi - 2\beta l = 0.365$  کی سمت  $\phi - 2\beta l = 0.365$  کی سمت  $\phi - 2\beta l = 0.365$  کی سمت  $\phi - 2\beta l = 0.365$  کی تب بار سے  $\phi - 2\beta l = 0.365$  کی بال نشیب نہیں پایا جاتا۔ چو نکہ تار کی لمبائی اس سے کم ہے المذا تاریب کہیں پر بھی نشیب نہیں پایا جاتا۔

برتی رو کی چوٹی اس نقطے پر پائی جاتی ہے جہاں  $\pi$  =2n کا شرط پورا ہو۔ برقی رو $I_s=rac{V_0^+}{Z_0}\left(e^{jeta l}-\Gamma e^{jeta l}
ight)$ 

کی کمتر قیمت اس نقطے پر پائی جاتی ہے۔اس طرح جس نقطے پر برقی دباو کی کمتر قیمت پائی جائے، اس نقطے پر برقی روکی چوٹی پائی جاتی ہے۔یوں سمتھ نقشے کے افقی محدد کے مثبت ھے پر برقی روکا نشیب جبکہ اس کے منفی ھے پر برقی روکی چوٹی پائی جائے گی۔

 $R_L < R_0$  مزاحمتی بار $R_L > R_0$  اور بے ضیاع تر سلی تارکی صورت میں  $\Gamma = \frac{R_L - R_0}{R_L + R_0}$  ہو تب $R_L > R_0$  کی صورت میں  $R_L > R_0$  کی صورت میں

$$s = \frac{1+|\Gamma|}{1-|\Gamma|} = \frac{1+\frac{R_L-R_0}{R_L+R_0}}{1-\frac{R_L-R_0}{R_L+R_0}} = \frac{R_L}{R_0} = r \quad (R_L > R_0)$$

جبکه  $R_L < R_0$  کی صورت میں

$$s = \frac{1 + |\Gamma|}{1 - |\Gamma|} = \frac{1 + \frac{R_0 - R_L}{R_0 + R_L}}{1 - \frac{R_0 - R_L}{R_0 + R_L}} = \frac{R_0}{R_L} \quad (R_L < R_0)$$

ہو گا۔ یاد رہے کہ 1>0 ہوتا ہے لہذا  $\frac{R_L}{R_L}$  اور  $\frac{R_0}{R_L}$  میں جو بھی اکائی سے زیادہ قیمت رکھتا ہو یہی s>0 ہو گا۔ یوں  $|\Gamma|$ رداس کے دائرے اور مثبت افقی محدد r>0 ہوتا ہے r>0 پڑھ کر s کی قیمت بھی یہی تصور کریں۔ شکل 11.9 میں نقطہ r>0 سے r>0 پڑھا جائے گا لہذا s=0 ہے۔ مثبت افقی محدد پر r>0 ہوتا ہے۔ لہذا محدد کے اسی حصے سے s کی قیمت پڑھی جاتی ہے۔ آپ تسلی کر لیں کہ r>0 کی صورت میں بھی اسی طریقہ کار سے درست s حاصل ہوتا ہے۔ لہذا محدد کے اسی حصے سے s کی قیمت پڑھی جاتی ہے۔ آپ تسلی کر لیں کہ r>0 کی صورت میں بھی اسی طریقہ کار سے درست s

11.4.1 سمته فراوانی نقشه

اس جھے کو  $\frac{\lambda}{4}$  کمی تارکی داخلی قدرتی رکاوٹ کے حصول سے شروع کرتے ہیں۔اتنی لمبائی کے تارکا 80=1 ہو گا۔ داخلی قدرتی رکاوٹ کی مساوات

$$Z_{oldsymbol{\dot{y}}_{0}}=Z_{0}rac{Z_{L}+jZ_{0} aneta l}{Z_{0}+jZ_{L} aneta l}$$

میں  $_{\rm clid}$  کو  $_{\rm C}$  سے تقسیم کرتے اور  $^{\circ}$  اور  $^{\circ}$ 

$$rac{Z_{m{i}}}{Z_0}$$
 =  $rac{Z_L + jZ_0 an 90^\circ}{Z_0 + jZ_L an 90^\circ} = rac{Z_0}{Z_L}$ 

ليعني

$$z_{ij} = \frac{1}{z}$$

$$0.25\lambda$$

حاصل ہوتا ہے جہاں

$$\frac{Z_{0}}{Z_{0}} = z_{0.25\lambda}$$

$$\frac{Z_{L}}{Z_{0}} = z$$

کے برابر ہیں۔ مساوات 11.50 کے تحت بارسے  $0.25\lambda$  فاصلے پر داخلی قدرتی رکاوٹ  $\frac{1}{z}$  کے برابر ہیں۔ مساوات 11.50 کے تحت بارسے  $0.25\lambda$  فاصلے پر داخلی قدرتی رکاوٹ کے کے برابر ہے لیکن  $\frac{1}{z}$  ہوتا ہے لہذااسی مساوات کو یوں بھی کھھا جا سکتا ہے

(11.51) 
$$y = \frac{1}{z} = z_{0.25\lambda}$$

جہاں 0.25٪ تارکی داخلی قدرتی رکاوٹ کی جگہ منجانب جزیٹر 0.25٪ گھومنے کا ذکر کیا گیا ہے۔مساوات 11.51 کہتی ہے کہ سمتھ نقشے میں 2 سے منجانب جزیٹر 0.25٪ گھوم کر  $|\Gamma|$ رداس کے دائرے سے y حاصل ہو گا۔

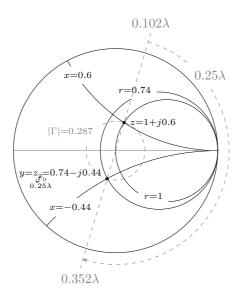
شکل 11.10 میں 2.60 و کھایا گیا ہے جو منجانب جزیٹر 0.102 زاویے پر پایا جاتا ہے۔ یہ رکاوٹ  $\Gamma=0.287/73.70=0$  ویتا ہے۔ چوتھائی طول کمبی تارکی داخلی قدرتی رکاوٹ حاصل کرنے کی خاطر منجانب جزیٹر 0.25 چلتے ہوئے 0.352 سے مرکز تک کئیر اور 0.287 رداس کے دائرے کے ملاپ سے 2.44 و 0.74 و ماصل ہوتا ہے جو  $\frac{1}{z}$  یعنی برابر ہے۔ کے ملاپ سے 2.44 و 0.74 و ماصل ہوتا ہے جو  $\frac{1}{z}$  یعنی برابر ہے۔

آئیں کسر دور اور کھلے دور تار کے گلڑوں کا داخلی قدرتی رکاوٹ حاصل کریں۔کسر دور تار کی صورت میں  $Z_L=0$  ہو گا للذا داخلی قدرتی رکاوٹ

(11.52) 
$$Z_{ij} = Z_0 \frac{0 + jZ_0 \tan \beta l}{Z_0 + j0 \tan \beta l}$$
$$= jZ_0 \tan \beta l$$

حاصل ہوتا ہے جو خیالی عدد ہے۔ چوتھائی طول کمبی کسر دور تارکی داخلی قدرتی رکاوٹ یوں

(11.53) 
$$Z_{ij} = jZ_0 \tan 90^\circ = \infty \qquad (jZ_0)$$



شکل 11.10: چوتھائی طول تار کی داخلی قدرتی رکاوٹ اسی تار کی برقی فراوانی کے برابر ہے۔

حاصل ہوتی ہے۔ یہ تعجب بھرا نتیجہ ہے جس کے مطابق چوتھائی طول کمبی سے دور تار بطور کھلے دور کر دار ادا کرتی ہے۔

کھلے دور تار کی صورت میں  $lpha=Z_L$  ہو گا لہٰذا داخلی قدرتی رکاوٹ

$$Z_{ij}$$
 ,  $=Z_0 \frac{\infty+jZ_0 aneta l}{Z_0+j\infty aneta l}$  (11.54) 
$$=-jrac{Z_0}{ aneta l}$$

حاصل ہوتا ہے جو خیالی عدد ہے۔ چوتھائی طول کمبی کھلے دور تار کی داخلی قدرتی رکاوٹ یوں

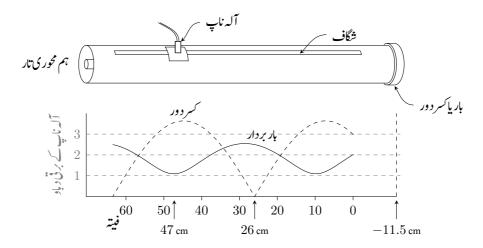
عاصل ہوتی ہے۔ یہ بھی تعجب بھرا نتیجہ ہے جس کے مطابق چوتھائی طول لمبی کھلے دور تار بطور کسر دور کردار ادا کرتی ہے۔

 $Y_L = \frac{1}{R_L}$  اور  $y = \frac{Y_L}{Y_0} = g + jb$  استعال کیا جاتا ہے۔ ان میں  $y = \frac{Y_L}{Y_0} = g + jb$  لیا جاتا ہے جہاں  $y = \frac{1}{R_L}$  اور  $y = \frac{1}{R_L}$  اور  $y = \frac{1}{R_L}$  کے برابر ہیں۔ اس طرح  $y = \frac{1}{R_L}$  برطابق  $y = \frac{1}{R_L}$  کہا گے اور  $y = \frac{1}{R_L}$  کی صورت میں برقی دباو کی کمتر قیمت حاصل ہو گی۔ ایصالی سمتھ نقشے سے حاصل  $y = \frac{1}{R_L}$  کا زاویہ  $y = \frac{1}{R_L}$  کا زاویہ  $y = \frac{1}{R_L}$  کا زاویہ  $y = \frac{1}{R_L}$  کا ناویہ والے کا برطابا ہو گا۔

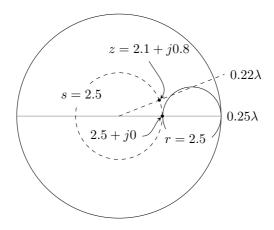
### 11.5 تجرباتی نتائج پر مبنی چند مثال

اس جھے میں دومثالوں پر غور کیا جائے گا۔ پہلی مثال میں تجرباتی نتائج سے بارکی رکاوٹ حاصل کی جائے گی جبکہ دوسری مثال میں بار کو تار کے ہمہ رکاوٹ بنانے کی ترکیب دکھائی جائے گی۔

> Smith impedance chart<sup>11</sup> Smith admittance chart<sup>12</sup>



شکل 11.11: ہم محوری تار میں شگاف ڈال کر اس میں آلہ ناپ کی مدد سے مختلف مقامات پر برقی دباو کرے نمونے لئے جا سکتے ہیں۔

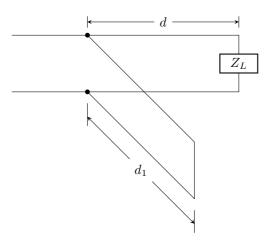


شکل 11.12: اگر  $0.03\lambda$  لمبی تاریر  $0.03\lambda$  لمبی تاریر z=2.1+j0.8 ہو تب z=2.1+j0.8 ہو گا۔

ہم محوری تربیلی تار کے بیرونی تار میں لمبائی کی سمت میں شگاف ڈال کر اس میں مختلف مقامات پر برتی دباو کے نمونے لے کر 2.5 = 8 حاصل کیا گیا ہے۔ شکل 11.11 میں صورت حال دکھائی گئی ہے۔ شگاف کے ساتھ فیتہ رکھ کر بلند تر اور کم تر نمونوں کے مقامات بھی درج کئے گئے۔ایسے نتائج حاصل کرتے وقت فیتے کا صفر کہیں پر بھی رکھا جا سکتا ہے لہٰذا اسے بارکا مقام تصور نہیں کریں۔کمتر برتی دباو فیتے پر 40 cm کے نشان کے ساتھ پایا جاتا ہے۔ سائن نمااشارے کی صورت میں سمت کار کے خارجی اشارہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ اشارے کے کمتر قیمت کا مقام شمیک شمیک تعین کرنا زیادہ آسان ہے۔اشارے کی چوٹی نوک دار نہیں ہوتی للذا اس کا مقام شمیک شمیک تعین کرنا قدر مشکل ہوتا ہے۔اسی وجہ سے عمواً موج کی کمتر قیمت کے مقامات حاصل کرتے ہوئے مطلوبہ معلومات دریافت کی جاتی ہیں۔ ہم محوری تارکی قدرتی رکاوٹ Ω 50 ہے اور تار میں ہوا بطور ذو برتی استعال کی گئی ہے۔اشارے کی تعدد عمل مطلوبہ معلومات دریافت کی جاتی ہیں۔ ہم محوری تارکی خاطر بارکوہٹا کر تارکے ان سروں کو کسر دور کیا جاتا ہے۔کسر دور تار پر کمتر دباو فیتے پر 26 cm کے نشان کے سامنے پایا جاتا ہے۔

ہم جانتے ہیں کہ کسر دور نقطے سے کمتر دباوکا فاصلہ  $\frac{n\lambda}{2}$  ہوگا۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ کمتر دباوکسر دور نقطے سے آدھے طول موج کے فاصلے پر ہے۔الیک صورت میں کسر دور کا مقام فیتے پر  $n\lambda$  فاصلہ ہوگا۔  $n\lambda$  نشان کے ساتھ ہوگا۔ چونکہ بار کے مقام پر ہی کسر دور پیدا کیا تھا المذا بار بھی فیتے پر  $n\lambda$  فاصلہ ہوگا۔ پر ہوگا۔ خت بار سے کم تر دباوکا نقطہ  $n\lambda$  تا تھ ہوگا۔ پر ہے جس سے  $n\lambda$  تر دباوکا نقطہ  $n\lambda$  ماتھ ہوگا۔ پول حاصل نتائج کے تحت بار سے کم تر دباوکا بار سے فاصلہ یوں  $n\lambda$  و  $n\lambda$  و  $n\lambda$  ماتھ ہوگا۔  $n\lambda$  و  $n\lambda$  ماتھ ہوگا۔  $n\lambda$  و  $n\lambda$  و n

باب 11. ترسیلی تار



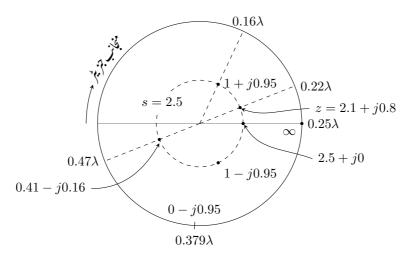
شکل 11.13: بار سے d فاصلے پر d لمبائی کے کسرے دور تار کا ٹکڑا جوڑنے سے بار اور اور ترسیلی تار ہمہ رکاوٹ بنائے جاتے ہیں۔

ان معلومات کے ساتھ اب شکل 11.12 کے سمتھ نقٹے کا سہارا لیتے ہیں۔ بلند تر برقی دباو کے نقطے پر داخلی قدرتی رکاوٹ حقیقی عدد ہوتا ہے جس کی قیت  $sR_0$  گیت  $sR_0$  کے برابر ہوتی ہے ، لہذا ایسے نقطے پر 2.5  $= \frac{1}{18}$  ہوگا۔ ہم یوں سمتھ نقٹے پر 2.5  $= \frac{1}{18}$  کے برابر ہوتی ہے ، لہذا ایسے نقطے پر 2.5  $= \frac{1}{18}$  ہوگا۔ ہم یوں سمتھ نقٹے پر 2.5  $= \frac{1}{18}$  کا صلح کے برابر ہوتی ہے۔ اس سے 0.03 منفی کرتے ہوئے بار تک پہنچتے ہیں ، لہذا 0.22 سے مرکز تک کلیر اور 2.5 = 2 یعنی 0.03 فاصلہ 0.03 منفی کرتے ہوئے بار کو فیتے پر رداس کے دائرے کے ملاپ سے 0.25 ہم نے بار کو فیتے پر رداس کے دائرے کے ملاپ سے 0.25 ہوئے بات کہ ہم نے بار کو فیتے پر عاصل ہوتا ہے کہ تجرباتی نتانگے سے حاصل ہوتا ہے کہ تجرباتی نتانگے سے حاصل کی بات کرتے ہوئے بار کا فرض کردہ مقام اب بھی مکمل طور پر معلوم نہیں ہے لہذا بہتر یہ ہوتا ہے کہ تجرباتی نتانگے سے حاصل کی بات کرتے ہوئے بار کا فرض کردہ مقام بھی ساتھ بٹلا یا جائے۔

آخر میں آئیں اس بار کو  $\Omega$  50 تر سیلی تار کے ہمہ رکاوٹ بنانے کی ترکیب دیکھیں۔اییا  $d_1$  لمبائی کے کسر دور تار کے فکڑے کو بار سے  $d_2$  فاصلے پر نسب کرنے سے ممکن بنایا جاتا ہے۔اییا شکل 11.13 میں دکھایا گیا ہے۔ بار سے  $d_2$  فاصلے پر  $d_2$  متوازی  $d_3$  لمبی کسرے دور فکڑا نسب کرنے سے کل رکاوٹ  $d_3$  کی متوازی  $d_4$  بین متوازی  $d_4$  کی متوازی  $d_4$  کی متوازی رکاوٹ  $d_4$  کی مسلوب ہیں۔ کسر دور فکڑے کی قدرتی رکاوٹ تر سیلی تار کے قدرتی رکاوٹ  $d_4$  کی جرابر ہے۔

برقی بار اور کسر دور تار کا مکٹرا متوازی جڑے ہیں۔ متوازی جڑے رکاوٹوں کی بجائے متوازی جڑے برقی فراوانی کے ساتھ کام کرنا زیادہ آسان ہوتا ہے لہٰذا ہم ایسا ہی کرتے ہیں۔ برقی فراوانی کی زبان میں موجودہ مسئلہ کچھ یوں ہے۔ ہم b اتنار کھنا چاہتے ہیں کہ داخلی فراوانی b b b b ہو۔اب اگر b متوازی b b b برقی فراوانی کل برقی فراوانی کی برقی میں موجودہ کی جو ہمارا مقصد ہے۔ یوں b بھی کسر دور تار کے مگڑے کی برقی برقی ہو ہمارا مقصد ہے۔ یوں b بھی کسر دور تار کے مگڑے کی برقی تاثریت b ورکار ہے۔ان حقائق کو لے کر سمتھ نقشے کی مدد سے b اور b کی قیمتیں حاصل کرتے ہیں۔

اب j0.95+1 کے متوازی j0.95-1=1 برقی تاثریت جوڑ کر j0+1 حاصل ہو گا۔مساوات 11.54 کے تحت کسرے دور گلڑے کی داخلی رکاوٹ یا داخلی فراوانی خیالی عدد ہوتا ہے لہذا سمتھ نقشے پر ایسے گلڑے کا g=0 ہی رہے گا جو نقشے کی بیرونی دائرے کو ظاہر کرتی ہے۔ عین کسر دور پر



شکل 11.14: بار z=2.1+j0.8 سے  $z=0.19\lambda$  فاصلے پر  $0.129\lambda$  لمبائی کا کسر دور ٹکڑا جوڑنے سے نظام ہمہ رکاوٹ ہو جاتا ہے۔

مثق 11.4: بے ضاع Ω 50 تر سیلی تار کو کسرے دور کرنے سے برقی دباو کے دو آپس میں قریبی نشیب 12 cm اور 27 cm ہیں۔ کسرے دور ختم کرتے ہوئے یہاں بار نسب کرنے سے 0.4 ک چیطے کے نشیب اور 0.72 کسطے کے چوٹیاں حاصل ہوتی ہیں۔ ایک عدد نشیب cm و پر حاصل ہوتا ہے۔ تر سیلی تار میں ہوا بطور ذو برق استعال ہوا ہے۔مندرجہ ذیل حاصل کریں۔ 6: ۶،۶ تا اور 2<sub>L</sub>

36.5+j21.6  $\Omega$  اور 0.286/108، 1.8، 1 GHz اور  $0.3\,\mathrm{m}$ 

مثق 11.5 ہے ضیاع  $\Omega$  50 کے ساتھ  $\Omega$  100 ہوڑتے ہوئے  $Z_L = 100 + j100$  کا بار نسب ہے۔بار سے a فاصلے پر a لمبائی کا کسرے دور گلڑا جوڑتے ہوئے نظام کو ہمہ رکاوٹ بنایا جاتا ہے۔ا گرتار پر  $v = \frac{2}{3}c$  ہو جبکہ اشارے کی تعدد a اللہ a ہو جبکہ اشارے کی تعدد a اللہ صورت میں a

جوابات: 1.8 m ،20 m اور 4.4 m

باب 11. ترسیلی تار

باب 12

## تقطيب موج

اس باب میں تقطیب موج اپر غور کیا جائے گا۔ خطی تقطیب اور بینوی تقطیب کے بعد دائری تقطیب پر تبصرہ کیا جائے گا۔

12.1 خطی، بیضوی اور دائری تقطیب

اب تک اٹل سمت کے امواج پر غور کیا گیا۔یوں  $a_{
m Z}$  جانب حرکت کرتا  $a_{
m X}$  سمت کا میدان

$$(12.1) E_x = E_{x0}\cos(\omega t - \beta z)$$

کھھا گیا۔ یہ مساوات خطی تقطیب کی مثال ہے جہاں میدان تمام او قات صرف x سمت میں پایا جاتا ہے۔ عموماً  $a_z$  جانب حرکت کرتے موج میں میں علاوہ  $a_y$  علاوہ  $a_y$  بیایا جائے گا۔الیمی صورت میں موج کے اجزاء

(12.2) 
$$E_x = E_1 \cos(\omega t - \beta z)$$
$$E_y = E_2 \cos(\omega t - \beta z - \delta)$$

ہو سکتے ہیں جہاں دونوں اجزاء کے حیطے مختلف ممکن ہیں جبکہ ان میں زاویائی فاصلہ ∂ بھی پایا جا سکتا ہے۔ان اجزاء کا مجموعہ

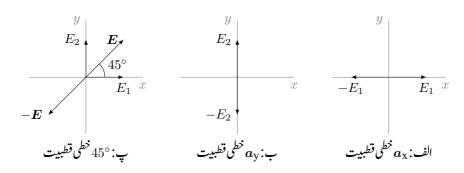
(12.3) 
$$\mathbf{E} = E_1 \cos(\omega t - \beta z) \mathbf{a}_{\mathbf{X}} + E_2 \cos(\omega t - \beta z - \delta) \mathbf{a}_{\mathbf{Y}}$$

الی موج کو ظاہر کرے گا۔ یہ مساوات غور طلب ہے۔ آئیں خلاء میں کسی بھی اٹل نقطے پر وقت تبدیل ہونے سے ایسی میدان پر غور کریں۔ ہم خلاء میں z=0 کو اٹل نقطہ لیتے ہوئے میدان حاصل کرتے ہیں۔

اگرہ  $E_2=0$  ہوتب وقت t کے تبدیلی سے میدان کی قیمت  $E_1a_X$  تبدیل ہوتی ہے۔ اس میدان کو تمام t کے لئے شکل 12.1-الف میں دکھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ میدان کی نوک  $E_1=0$  تا  $E_1=0$  نطیب ہوتی ہے۔ اس حقیقت سے ایسے موج کی قطبیت کو خطی قطبیت کو خطی قطبیت کی موج ہوگی جے ہیں۔ یہ موج  $a_X$  سمت میں خطی قطبیت رکھتی ہے۔ اس کے بر عکس اگر مساوات 12.3 میں  $E_1=0$  ہوتب یہ  $E_2=0$  ہوگی جے شکل 12.1- بمیں دکھایا گیا ہے۔ اگر  $E_2=E_2=E_1$  اور  $E_3=E_3$  ہوں تب بھی خطی قطبیت کی موج حاصل ہوتی ہے البتہ یہ موج افقی محدد کے ساتھ  $E_1=0$  کا زاویہ بناتی ہے۔ شکل 12.1- پ میں اس موج کو دکھایا گیا ہے۔

wave polarization<sup>1</sup> linear polarization<sup>2</sup>

باب 12. تقطيب موج



شكل 12.1: خطى، دائرى اور بيضوى قطبيت.

ا آئيں اب ذرہ دلچيپ صورت حال ديکھيں۔ نقطہ 
$$z=0$$
 پر مساوات  $z=0$   $E_x=E_1\cos\omega t$   $E_y=E_2\cos(\omega t-\delta)$ 

صورت اختیار کر لیتے ہیں جس میں  $E_y$  کو

 $E_y = E_2 \left(\cos \omega t \cos \delta + \sin \omega t \sin \delta\right)$ 

$$\sin \omega t = \sqrt{1 - \left(rac{E_x}{E_1}
ight)^2}$$
 کومنا ممکن ہے۔ اس مساوات میں ،  $\omega t = \frac{E_x}{E_1}$  کومنا ممکن ہے۔ اس مساوات میں ،  $\omega t = \sqrt{1 - \left(rac{E_x}{E_1}
ight)^2}$  مساوات استعمال کرتے ہوئے،  $\omega t = \frac{E_x}{E_1}\cos \omega t = \frac{E_x}{E_1}\cos \omega t$ 

ملتاہے جسے

(12.5) 
$$\frac{E_x^2}{E_1^2} - 2\frac{E_x}{E_1}\frac{E_y}{E_2}\cos\delta + \frac{E_y^2}{E_2^2} = \sin^2\delta$$

Ï

$$aE_x^2 - bE_xE_y + cE_y^2 = 1$$

لکھا جا سکتا ہے جہاں

(12.7) 
$$a = \frac{1}{E_1^2 \sin^2 \delta} \qquad b = \frac{2 \cos \delta}{E_1 E_2 \sin^2 \delta} \qquad c = \frac{1}{E_2^2 \sin^2 \delta}$$

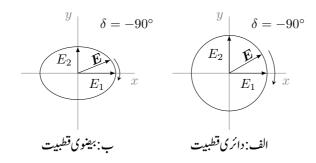
کئے گئے ہیں۔ مساوات 12.6 بیضوی قطبیت 3 کی عمومی مساوات ہے۔

مساوات 12.5 میں 
$$E_1=E_2=E_1$$
 اور  $\delta=\mp 90^\circ$  کی صورت میں  $E_1=E_2=E_{12}$  مساوات 12.8) مساوات 12.8)

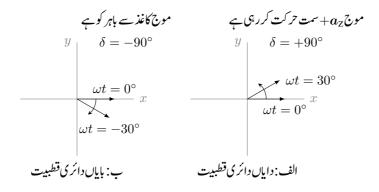
حاصل ہوتا ہے جو دائرے کی مساوات ہے اور جسے شکل 12.2-الف میں د کھایا گیا ہے۔ شکل میں  $E_1$  اور  $E_2$  بھی ظاہر کئے گئے ہیں جن کی لمبائی برابر ہے۔مساوات 12.4 سے  $\delta = +90^\circ$  کی صورت میں  $\delta = +90^\circ$  پر

$$E_x = E_{12} \cos 0 = E_{12}$$
  
 $E_y = E_{12} \cos(0 - 90^\circ) = 0$   $(\delta = +90^\circ)$ 

elliptic polarization<sup>3</sup>



شكل 12.2: دائرى اور بيضوى قطبيت.



شكل 12.3: دائيل باته اور بائيل باته كي دائري قطبيت.

 $\omega t=30^\circ$  عاصل ہوتے ہیں جبکہ کچھ ہی کہتے بعد  $\omega t=30^\circ$  کی صورت میں

$$E_x = E_{12}\cos 30^\circ = 0.866E_{12}$$
  
 $E_y = E_{12}\cos(30^\circ - 90^\circ) = 0.5E_{12}$   $(\delta = +90^\circ)$ 

حاصل ہوتا ہے۔ شکل 12.3-الف میں دونوں او قات پر موج دکھائی گئی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ بڑھتے وقت کے ساتھ میدان کی نوک دائرے پر گھڑی کے الٹ سمت میں حرکت کر قب ہے۔ اس شکل میں موج کے حرکت کی سمت میں رکھا جائے تو اس ہاتھ کے انگوٹھے کو موج کے حرکت کی سمت میں رکھا جائے تو اس ہاتھ کی بقایا چار انگوٹھیاں دائرے پر میدان کی نوک کی حرکت کا سمت دیتی ہیں۔ یوں °90+ ھکی صورت میں مساوات 12.8 دائیں دائری قطبیت 4کی موج کو ظاہر کرتا ہے۔

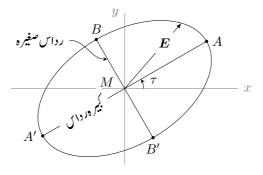
اسی طرح °90 = 8 کی صورت میں بائیں دائری قطبیت 5 حاصل ہوتی ہے جسے شکل 12.3-ب میں دکھایا گیا ہے۔ یاد رہے کہ بائیں یا دائیں ہاتھ کی قطبیت کا ذکر کرتے ہوئے موج کے حرکت کی سمت کا معلوم ہوتا ضروری ہے۔

مساوات 12.5 میں  $E_1 
eq E_2$  کی صورت میں بینوی موج حاصل ہوتی ہے جسے شکل 12.2-ب میں دکھایا گیا ہے۔

شکل 12.4 میں مساوات 12.6 کی عمومی شکل دکھائی گئی ہے۔ اس شکل میں ترخیم افقی محدد کے ساتھ au زاویہ بناتا ہے لہذا یہ au زاویے کی بیفنوی قطبیت کو ظاہر کرتی ہے۔

right circular polarization<sup>4</sup> left circular polarization<sup>5</sup> ellipse<sup>6</sup>

باب 12. تقطیب موج



شكل 12.4: عمومي بيضوي قطبيت.

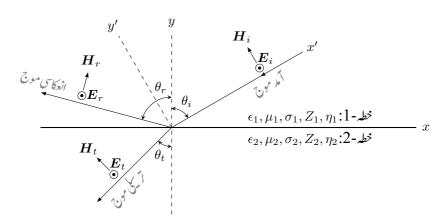
## باب 13

## ترچی آمد، انعکاس، انحراف اور انکسار

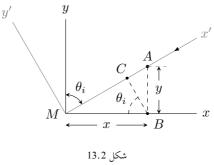
دو خطوں کے سرحد پر عمودی آمدی موج کے انعکاس اور ترسیل پر باب 10 میں غور کیا گیا۔اس باب میں تر چی آمدی موج کی بات کرتے ہوئے انعکاس اور ترسیل کے علاوہ انحراف اور انکسار کی بھی بات کی جائے گی۔عمودی امواج اور ترسیسلی تار کے مساوات ہو بہو ایک جیسے تھے۔ تر چی آمدی موج کی مساوی مثال ترسیلی تار میں نہیں یائی جاتی۔ یہی وجہ ہے کہ ان پر یہاں علیحدہ غور کیا جارہا ہے۔

## 13.1 ترچى آمد

شکل میں سرحد پر تر چی آمد موج د کھائی گئی ہے۔ سرحد y = y سطح پر پایا جاتا ہے للذا ہا محدد، سرحد کے عمود ی ہے۔ پہلے خطے (خطہ-1) میں آمد ی بر تی موج ہو محدد کے ساتھ  $\theta$  زاویہ بناتا ہے۔ تر سیلی موج دوسرے خطے (خطہ-2) میں منفی ہا محدد کے ساتھ  $\theta$  زاویہ بناتا ہے۔



شکل 13.1: ترچی آمد کی صورت میں انعکاسی اور ترسیلی امواج اور ان کرے زاویرے۔برقی میدان سطح سرحد کرے متوازی ہرے۔



باب 14

سوالات

باب 14. سوالات

 $\sigma$  :14.1 جدول

$\sigma, \frac{S}{m}$	چیر	$\sigma, \frac{S}{m}$	چيز
$7 \times 10^4$	گريفائٿ	$6.17 \times 10^{7}$	چاندى
1200	سليكان	$5.80 \times 10^{7}$	تانبا
100	فيرائك (عمومي قيمت)	$4.10 \times 10^{7}$	سونا
5	سمندری پانی	$3.82 \times 10^{7}$	المونيم
$10^{-2}$	چهونا پتهر	$1.82 \times 10^{7}$	ٹنگسٹن
$5 \times 10^{-3}$	چکنی مٹنی	$1.67 \times 10^{7}$	جست
$10^{-3}$	تازه پانی	$1.50 \times 10^{7}$	بيتل
$10^{-4}$	تقطیر شده پانی	$1.45 \times 10^{7}$	نکل
$10^{-5}$	ریتیلی مٹنی	$1.03 \times 10^{7}$	لوبا
$10^{-8}$	سنگ مرمر	$0.70 \times 10^{7}$	قلعى
$10^{-9}$	بیک لائٹ	$0.60 \times 10^{7}$	کاربن سٹیل
$10^{-10}$	چینی مٹلی	$0.227 \times 10^{7}$	مینگنین
$2 \times 10^{-13}$	ا بيرا	$0.22 \times 10^{7}$	جرمينيم
$10^{-16}$	پولیسٹرین پلاسٹک	$0.11 \times 10^{7}$	سٹینلس سٹیل
$10^{-17}$	كوارڻس	$0.10 \times 10^{7}$	نائيكروم

باب 14. سوالات

 $\sigma/\omega\epsilon$  and  $\epsilon_R$  :14.2 جدول

σ/ωε	$\epsilon_R$	چير
	1	خالي خلاء
	1.0006	<b>ب</b> وا
0.0006	8.8	المونيم اكسائذ
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بيك لائث
	1.001	كاربن ڈائى آكسائڈ
	16	جرمينيم
0.001	4 تا 7	شيشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابرق
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	كاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.00005	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.00075	3.8	كوارثس
0.002	2.5 تا 3	ريز
0.00075	3.8	SiO <sub>2</sub> سلیکا
	11.8	سليكان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مٹنی
0.0001	1.03	سٹائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندری پانی
0.01	1.5 تا 4	خشک لکڑی

μ<sub>R</sub> :14.3 جدول

$\mu_R$	چيز
0.999 998 6	بسمت
0.99999942	پيرافين
0.999 999 5	لکڑی
0.999 999 81	چاندى
1.00000065	المونيم
1.00000079	بيريليم
50	نکل
60	ڈھلواں لوہا
300	مشين سٹيل
1000	فيرائك (عمومي قيمت)
2500	پرم بھرت (permalloy)
3000	ٹرانسفارمر پتری
3500	سيلكان لوبا
4000	خالص لوبا
20 000	میو میٹل (mumetal)
30 000	سنڈسٹ (sendust)
100 000	سوپرم بهرت (supermalloy)

جدول 14.4: اہم مستقل

قيمت	علامت	چير
$(1.6021892 \mp 0.0000046) \times 10^{-19} \mathrm{C}$	e	الیکٹران چارج
$(9.109534 \mp 0.000047) \times 10^{-31} \mathrm{kg}$	m	اليكثران كميت
$(8.854187818 \mp 0.000000071) \times 10^{-12}\frac{F}{m}$	$\epsilon_0$	برقى مستقل (خالى خلاء)
$4\pi 10^{-7}  rac{ ext{H}}{ ext{m}}$	$\mu_0$	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
$(2.997924574 \mp 0.000000011) \times 10^8\frac{m}{s}$	c	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)

باب 14. سوالات