برقى ومقناطيسيات

خالد خان بوسفز کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالو جی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

•		<u> </u>	-
1	مقداری اور سمتیه	1.1	
2	سمتي الجبرا	1.2	
3	كارتيسي محدد	1.3	
5	اكائبي سمتيات	1.4	
9	ميداني سمتيم	1.5	
9	سمتى رقبہ	1.6	
10	غیر سمتی ضرب	1.7	
14	سمتی ضرب یا صلیبی ضرب	1.8	
17	گول نلكى محدد	1.9	
20	1.9.1 نلکی اکائی سمتیات کا کارتیسی اکائی سمتیات کے ساتھ غیر سمتی ضرب		
20	1.9.2 نلكى اور كارتيسى اكائى سمتيات كا تعلق		
25	1.9.3 نلكي لامحدود سطحين		
27	کروی محلد	1.10	
37	کا قانون	كولومب	2
37	قوت کشش یا دفع	2.1	
41	برقبی میدان کی شدت	2.2	
44	یکسان چارج بردار سیدهی لامحدود لکیر کا برقی میدان	2.3	
49	يكسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	2.4	
53	چارج بردار حجم	2.5	
54	مزید مثال	2.6	
61	برقی میدان کے سمت بہاو خط	2.7	
63	سوالات	2.8	

iv		عنمان

65																																									بلاو	. پھي	اور	ون	کا قان	س ک	گاؤ.	3
65																																										رج	چار	کن .	ساك		3.1	
65			•																																						جربہ	ا تج	کا	<u>ا</u> کے	فيراد		3.2	
66					٠	٠			•												٠																				زن	قانو	کا	س	گاؤ		3.3	
68																																					ل	مما	است	کا	نون	ے قا	کے	س	گاؤ		3.4	
68																																	•	•					رج	چا	قطہ	i		3.4	4.1			
70																															į	طح	سبا	وی	کرو	ٔ ر	بردا	ج	چار	اں	بکس	ی		3.4	4.2			
70																												ر	لكي	ود	حد	لام	ی ا	لھے	سيا	ار ،	بردا	ج	چار	اں	بکس	ی		3.4	1.3			
71									•																																ر	، تار	ری	محو	<u>ب</u> م ،		3.5	
73																																	لح	سط	د	بدو	مح	Υ_	موا	ار ۽	ٔ برد	ارج	چا	ساں	یکس		3.6	
73					•	•			•																				(للاق	اط	کا	ون	قان	ے	5	رس	گاؤ	ا پر	ج	ے ح	و ڻو	چ	ائى	انتم		3.7	
76																																												دو	پهيا		3.8	
78					•	•																												ن	وان	ساو	, م	کی	لاو	پهي	میں	دد د	حد	ی م	نلك		3.9	
80					•	•																																ات	ساو	ے م	مومي	، ع	کی	(و َ	پهيا	3	.10	
																																										٠,	هيلا	ئلہ پ	fa	3	.11	
82	•					•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•			•	•	٠	٠	•	٠	•		•	•	•	•		•)-		•		_		
	•					•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	٠	•	•	•	•																		
85	•					•	•	•		•	•	•	•																													و	دبار		ور بر	ئی ا	توانا	4
85 85																													•												م	و ِ کا	دباو اور	ائی	ور بر توانا	ئی ا	توانا: 4.1	4
85 85 86																																									٦	و کاا ملہ	دباور اور تک	ائی ری	ور بر توانا لکیر	ئی ا	توانا: 4.1 4.2	4
85 85 86 91			•				•																														•				۴.	و كا مله	دباور اور تک	ائی ری د ب	ور بر توانا لکیر برقی	ئی ا	توانا: 4.1	4
85 85 86 91																																		او	دبا	٠	برق			۔	ُم قطہ	و كاد مله د	دباور اور تک	ئى رى دبر 4.3	ور بر توانا لکیر برقی	ئی ا	توانا: 4.1 4.2	4
85 85 86 91 92						 																							٠.		رقىي	٠.	٠.	سے	دبا	ئى	برق	. كا	 چار		م قطہ کیر	و كا مله ن	دباور تک باو	ائی ری دبر 4.3	ور بر توانا لکیر برقی 3.1	ئی ا	توانا: 4.1 4.2	4
85 85 86 91 92 93		 		 		 																							او	٠.	رقى	٠	پيد او	سے دبا	دبا قى	نی نت برز	برق كثاف	کا تار		ی د	م كير: م م	و کاد ملہ دملہ د	دباور اور تک	ائی ری 4.3 4.3	ور بر توانا لکیر برقی 3.1	ئی ا	توانانا 4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92		 		 		 																							او	٠.	رقى	٠	پيد او	سے دبا	دبا قى	نی نت برز	برق كثاف	کا تار		ی د	م كير: م م	و کاد ملہ دملہ د	دباور اور تک	ائی ری 4.3 4.3	ور بر توانا لکیر برقی 3.1	ئی ا	توانانا 4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93		 		 		 																							٠ ٠ ٠	٠.	رقى	٠	بيد او	بے دبا	دبا قى او	نی بره دب	برة كثاف	کا تار		ی حور	م تقطم حکیر جارج	و مله مله ن	دباور تک تک	ری ری 4.3 4.3	ور بر توانا لکیر برقی 3.1 3.2	ئی ا	توانا: 4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93 94		 		 		 																								٠.	رقى	٠	بيد او	سے دبا	دبا قى او	نی برهٔ دب	برة كثاة كا	کا تار ، بر		ی چا حور حوں لموان	م م كير م م جارج خدر	و کاللہ ممللہ د کی	دباور اور تک باو	ائی ری 4.3 4.3 لاد :	ور بر توانانا لکیبرقی برقی 3.2 متعا	ئی ا	توانا: 4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93 94 94 98		 				 																							٠			٠	پيد او	او بے دبا	دبا قى او لواد	نی برز دب	برة كثاف	. کا تار ، می		ی . یی . یوں یوں لوان	م قطه کیر: جارج جارج للکی	و کاا ملہ نہ چ	دبارا تک نقط	ائی دبر 4.3 4.3 د ن	ور بر توانا برقح 3.1 3.2 متعا	ئی ا	توانا: 4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93 94 94 98																													٠	٠	٠	٠	پيد او	سے دبا دبا	دبا قى او ىلواا	ئى برۇ دى	برة كثاف	کا تار ، می			م م حم م م م م م م م م م م م م م م م م	و کا	دبارا تک باو	ائی ری 4.3 4.3 4.3 4.3 4.5	ور بر توانا برقی 3.1 3.3 متعا برقی	نی ا	توانا: 4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93 94 94 98 102																															٠		پيد او	سے دبا ن	دبا قى او ىلوا	نی برز دب	برة كثافا كا	کا تار کا تار ، بر بر ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،			م محير . حم م بارج بارج کروء کروء	و كا. مالم	اور تک تک باو	ائی ری دبر 4.3 4.3 4.3 4.4 5.4	ور بر توانا برقی 3.1 3.2 متعا برقی	نی ا	توانا: 4.1 4.2 4.3	4

v عنوان

115	، ذو برق اور کپیسٹر	موصل،	5
115	برقمی رو اور کتافت برقمی رو	5.1	
117	استمراری مساوات	5.2	
119	موصل	5.3	
124	موصل کے خصوصیات اور سرحدی شرائط	5.4	
127	عکس کی ترکیب	5.5	
130	نيم موصل	5.6	
131	خو برق	5.7	
136	کامل ذو برق کے سرحد پر برقی شرائط	5.8	
140	موصل اور ذو برقی کے سرحدی شرائط	5.9	
140	كپيسٹر	5.10	
142	5.10.1 متوازی چادر کپیسٹر		
143	5.10.2 بم محوری کپیسٹر		
143	5.10.3 بم کوه کپیسٹر		
145	سلسلہ وار اور متوازی جڑے کپیسٹر	5.11	
146	دو متوازی تاروں کا کپیسٹنس	5.12	
155	اور لاپلاس مساوات	پوئسن	6
157	مسئلہ یکتائی	6.1	
	۔ لاپلاس مساوات خطی ہے	6.2	
	نلکی اور کروی محدد میں لاپلاس کی مساوات	6.3	
160	۔ لاپلاس مساوات کے حل	6.4	
	۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔	6.5	
	پر میں وات کا ضربی حل	6.6	
	عددی دہرانے کا طریقہ	6.7	

vi

183	ناطیسی میدان	أ ساكن مة
183	بايوڭ-سيوارڭ كا قانون	7.1
187	ایمپیئر کا دوری قانون	7.2
192	گردش	7.3
199	7.3.1 نلکی محدد میں گردش	
204	7.3.2 عمومی محدد میں گردش کی مساوات	
206	7.3.3 کروی محدد میں گردش کی مساوات	
207	مسئلہ سٹوکس	7.4
210	مقناطیسی بهاو اور کثافت مقناطیسی بهاو	7.5
217	غیر سمتی اور سمتی مقناطیسی دباو	7.6
222	ساکن مقناطیسی میدان کرے قوانین کا حصول	7.7
222	7.7.1 سمتی مقناطیسی دباو	
224	7.7.2 ايمپيئر كا دورى قانون	
229	فوتیں، مقناطیسی مادے اور امالہ	} مقناطيس _و
229 229		
229		8.1
229 230	متحرک چارج پر قوت	8.1
229230233	متحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3
229230233234	متحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3 8.4
229230233234239	متحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3 8.4
229 230 233 234 239 240	متحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6
229 230 233 234 239 240 243	متحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7
229 230 233 234 239 240 243	متحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7
229 230 233 234 239 240 243 244	متحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7 8.8

vii

255	نے ساتھ بدلتے میدان اور میکس ویل کیے مساوات	وقت ك	9
255	فیراڈے کا قانون	9.1	
261	انتقالی پرقی رو	9.2	
265	میکس ویل مساوات کی نقطہ شکل	9.3	
266	میکس ویل مساوات کی تکمل شکل	9.4	
268	تاخیری دباو	9.5	
273	امواج	مستوى	10
273	خالی خلاء میں برقی و مقناطیسی مستوی امواج		
	برقی و مقناطیسی مستوی امواج		
	10.2.1 خالي خلاء ميں امواج		
	10.2.2 خالص يا كامل ذو برق ميں امواج		
	10.2.3 ناقص یا غیر کامل ذو برقی میں امواج		
		10.3	
292		10.4	
	انعکاس مستوی موج		
304	شرح ساکن موج	10.6	
311		ترسيلي	11
	ترسیلی تار کے مساوات		
315	ترسیلی تار کے مستقل	11.2	
	11.2.1 بم محوری تار کے مستقل		
	11.2.2 دو متوازی تار کے مستقل		
	11.2.3 سطح مستوی ترسیلی تار		
	ترسیلی تار کرے چند مثال		
	ترسیمی تجزیه) سمته نقشم	11.4	
	11.4.1 سمته فراوانی نقشہ		
334	تجرباتی نتائج پر مبنی چند مثال	11.5	

viii		عنوان
339	نطیب موج	ម 12
339	. 12 خطی، بیضوی اور دائری تقطیب	1
342	. 12 بیضوی یا دائری قطبی امواج کا پوئنٹنگ سمتیہ	2
345	چهی آمد، انعکاس، انحراف اور انکسار	13 تر
345	. 13 ترچهی آمد	1
356	13 ترسیم بائی گن	2
359	ویج اور گهمکیا	14 م
359	.14 برقی دور، ترسیلی تار اور مویج کا موازنہ	1
360		2
366	. 14 كهوكهالا مستطيلي مويج	3
375	14.3.1 مستطیلی موبح کے میدان پر تفصیلی غور	
382	. 14 مستطیلی موبج می <i>ں عرضی مقناطیسی TM_{mn} مو</i> ج	4
386	. 14 كهوكهلى نالى مويج	5
393	. 14 انقطاعی تعدد سے کم تعدد پر تضعیف	6
395	ُ .14 انقطاعی تعدد سے بلند تعدد پر تضعیف	7
397	. 14 سطحی موج	8
402	. 14 ذو برق تختی مویج	9
405		0
408	14.1 پرده بصارت	1
410		2

421	اعبى اخواج	بنثينا اور شع	15
421	ِف	. 15. تعار	1
421	یری دباو	15.2 تاخ	2
423	ىل	15 تک	3
424	تصر جفت قطبی اینٹینا	.15 مخن	4
432	تصر جفت قطب کا اخراجی مزاحمت	15 مخن	5
436	س زاویہ	.15 ڻھو،	5
437	اِجي رقبہ، سمتيت اور افزائش	'.15 اخرا	7
444	رى ترتيب	.15 قطار	3
444	15.8 غير سمتى، دو نقطه منبع	3.1	
445	15.8 ضرب نقش	3.2	
446	15.8 ثنائي قطار	3.3	
448	15.8 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مہنی قطار	3.4	
450	15.8 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مہنی قطار: چوڑائی جانب اخراجی قطار	3.5	
450	15.8 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: لمبائی جانب اخراجی قطار	3.6	
454	15.8 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: بدلتے زاویہ اخراجی اینٹینا	3.7	
455	خُل پيما	.15 تدا-)
456	لسل خطى اينٹينا	15.10 مسا)
457	تطيل سطحى اينثينا	15.1 مسن	1
460	اِجی سطح پر میدان اور دور میدان آپس کے فوریئر بدل ہیں	15.11 اخر	2
460	ئى ايىقىنا	.15.1 خط	3
465	ے موج اینٹینا	15.14 چلتے	4
466	وتًا گهيرا اينثينا	.15.1 چه	5
467	دار اینشینا	15.10 پيچ	5
469	طوفه کردار	15.1′ دو	7
471	رى ايشينا	15.1 جهر	3
472	ايعفينا	15.19 پيپا)
474	س ریڈار مساوات	15.20 فرائ)
476	یائی دوربین، اینثینا کی حرارت اور تحلیلی کارکردگی	15.2 ريدًا	1
478	رت نظام اور حرارت بعید	15.21 حرا	2
450			1.0
479	نا اور شعاء اخاج		16 س
479	نا او، شعاع اخراج	.16 انت	1

عنوان

باب 15

اينطينا اور شعاعي اخراج

- 15.1 تعارف
- 15.2 تاخيري دباو

N کسی بھی اخراج شعاع کے نظام میں موج کے ترسیل کے لئے در کار دورانیہ اہمیت رکھتا ہے۔ یول شکل 15.2 میں دکھائے تارمیں برقی روسے پیدامیدان کااثر نقط N کے دورانیہ r ہمیت بھی ہوگا۔ خالی خلاء میں میہ وقفہ موج کو تارسے نقطے تک پہنچنے کا دورانیہ r ہے جہاں r سام r سام کے نقطہ نظر سے تارمیں برقی رو

$$(15.1) I = I_0 \cos \omega t$$

کی بجائے

$$[I] = I_0 \cos \omega \left(t - \frac{r}{c} \right)$$

 $(t-1)^{-1}$ کسی جاسکتی ہے جہاں [1] تاخیری برقی رو اکہلاتی ہے۔ تاخیری تفاعل کو چکور قوسین میں بند ککھا جاتا ہے۔ تاخیری برقی رو لکھتے ہوئے وقت t کی جگہ تاخیری وقت t استعمال کیا جاتا ہے۔ $(t-1)^{-1}$ استعمال کیا جاتا ہے۔

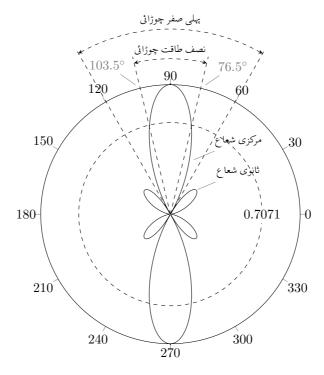
مساوات 15.2 کہتاہے کہ نقطہ N پر لمحہ t پر پیدااثر، گزرے لمحے $(t-rac{r}{c})$ پر تاریب بی روکااثر ہے جہاں تارسے N تک فاصلہ r ہے۔تارسے N تک شعاع بہنچنے کادورانیہ $\frac{r}{c}$ ہے۔

کرشتہ بابوں میں امواج کی بات کرتے ہوئے $(\omega t - \beta x)$ استعال کیا گیا جس میں امواج کی بات کرتے ہوئے استعال سے

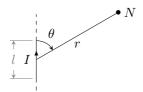
(15.3)
$$\cos(\omega t - \beta x) = \cos \omega \left(t - \frac{x}{c} \right)$$

لکھاجا سکتاہے جو تاخیری تفاعل کو ظاہر کرتی ہے۔

retarded current¹



شکل 15.1: اینٹینا کے شعاع کا نقش



شکل 15.2: برقی رو گزارتی تار کی چهوٹی لمبائی

.15.3 تكمل 15.3

مساوات 15.2 کی د وری سمتیه شکل

$$[I] = I_0 e^{j\omega(t-r/c)} = I_0 e^{j(\omega t - \beta r)}$$

ہے۔اس طرح کثافت برقی رو کی تاخیری دوری سمتیہ شکل

$$[\boldsymbol{J}] = \boldsymbol{J}_0 e^{j\omega(t-r/c)} = \boldsymbol{J}_0 e^{j(\omega t - \beta r)}$$

ہو گی جسے استعال کرتے ہوئے تاخیری مقناطیسی دیاو

$$[A] = \frac{\mu}{4\pi} \int_{h} \frac{[J]}{r} dh = \frac{\mu}{4\pi} \int_{h} \frac{J_0 e^{j\omega(t-r/c)}}{r} dh$$

لکھاجائے گا۔اس طرح تاخیری حجمی کثافت چارج

$$[\rho_h] = \rho_0 e^{j\omega(t-r/c)}$$

لکھتے ہوئے تاخیری برقی دباو

$$[V] = \frac{1}{4\pi\epsilon} \int_{h} \frac{[\rho_h]}{r} \, \mathrm{d}h$$

کھاجائے گا۔ باب-9 کے آخر میں مساوات 9.74 اور مساوات 9.73 کے بائیں ہاتھ کے تفاعل کو چکور قوسین میں لکھ کر موج کی رفتاری لیتے ہوئے اور فاصلے کو کروی محد د کے رواس سے ظاہر کرنے سے بیمی مساوات حاصل ہوتے ہیں۔

ہم یہاں اصل موضوع سے ہٹ کرایک تھمل پر غور کرتے ہیں جواس باب میں بار باراستعال کیا جائے گا۔

15.3 تكمل

شکل 15.3 میں تفاعل f(x) و کھایا گیاہے جس کا x_2 تکمل خط کے نیچے دوعمودی نقطہ دار لکیروں کے مابین رقبے کے برابر ہے۔اس رقبے کو K کہتے ہوئے

(15.9)
$$\int_{x_1}^{x_2} f(x) \, \mathrm{d}x = K$$

کھاجا سکتا ہے۔ شکل میں ہلکی سیاہی میں $\frac{f(x)}{2}$ بھی دکھایا گیا ہے جسے $\epsilon f(x)$ کھھا گیا ہے جہاں $\epsilon f(x)$ کھا گیا ہے جسے کہ انتظام کی قیت آدھی ہے لہذا ہلکی سیاہی کے خطے نیچے رقبہ $\frac{K}{2}$ ہوگالہذا

$$\int_{x_1}^{x_2} \epsilon f(x) \, \mathrm{d}x = \frac{K}{2} = \epsilon K$$

$$\int_{x_1}^{x_2} \epsilon(x) f(x) \, \mathrm{d}x \le \epsilon K$$



شكل 15.3: تفاعل كا تكمل

جہاں ہر جگہہ
$$\epsilon(x)=1$$
 کو بھی مد نظر رکھا گیا ہے۔ اگرہ $\epsilon \to 0$ ہو تب تکمل قابل نظر انداز $\int_{x_{-}}^{x_{2}} \epsilon(x) f(x) \, \mathrm{d}x \to 0$ $(\epsilon \to 0)$

ہو گا۔

 $\frac{f(x)}{1+\epsilon}$ کمل کے تکمل

$$\int_{x_1}^{x_2} \frac{f(x)}{1+\epsilon} \, \mathrm{d}x$$

(15.12)

پرغور کریں جہاں $\epsilon o 0$ کے برابر ہے۔ہم

(15.14)
$$\frac{1}{1+\epsilon} = (1+\epsilon)^{-1} = 1 - \frac{\epsilon}{1!} + \frac{\epsilon^2}{2!} - \frac{\epsilon^3}{3!} + \cdots$$

لكھ سكتے ہیں للذا تكمل

(15.15)
$$\int_{x_1}^{x_2} \left(1 - \frac{\epsilon}{1!} + \frac{\epsilon^2}{2!} - \frac{\epsilon^3}{3!} + \cdots \right) f(x) \, \mathrm{d}x$$

صورت اختیار کرلے گا۔ مساوات 15.12 کو استعال کرتے ہوئے $\epsilon o 0$ ی صورت میں اسے

(15.16)
$$\int_{x_1}^{x_2} \frac{f(x)}{1+\epsilon} dx = \int_{x_1}^{x_2} \left(1 - \frac{\epsilon}{1!} + \frac{\epsilon^2}{2!} - \frac{\epsilon^3}{3!} + \cdots\right) f(x) dx \approx \int_{x_1}^{x_2} f(x) dx$$

لکھاجاسکتاہے جو *Kکے بر*ابرہے۔

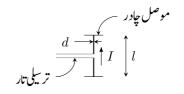
15.4 مختصر جفت قطبي اينٹينا

مختصر لمبائی کے سیر ھے موصل تار کو عموماً مختصر جفت قطب² کہا جاتا ہے۔مندر جہ ذیل گفتگو میں مختصر جفت قطب کی لمبائی محدود ہو گی۔لا محدود حد تک کم لمبائی کی صورت میں اسے صغاری جفت قطب³ کہا جائے گا۔

خطی نوعیت کے کسی بھی اینٹینا کو متعدد تعداد کے سلسلہ وار جڑے مخصر جفت قطبوں کا مجموعہ تصور کیا جا سکتا ہے للذا مخضر جفت قطب کی خاصیت جانتے ہوئے زیادہ لیے جفت قطب یا مختلف انداز میں جڑے موصل تاروں کی خاصیت جاننے میں مدد ملے گی۔ 15.4. مختصر جفت قطبی اینٹینا



ب: جفت قطب بطور چهوٹی تار



الف: متوازن ترسیلی تار سے جفت قطب کو طاقت مہیا کی گئی ہے۔

شكل 15.4: جفت قطب

آئیں شکل 15.4-الف میں وکھائے مختصر جفت قطب پر غور کریں جس کی لمبائی I طول موج سے بہت کم $X \gg 1$ ہے۔ جفت قطب کے سروں پر موصل چادر بطور کیبیٹر بوجھ کردار ادا کرتے ہیں۔ جفت قطب کی مختصر لمبائی اور اس کے سروں پر موصل چادر مل کر جفت قطب کی بوری لمبائی پر تقریباً برابر برقی رور کھنے میں مدد دیتے ہیں۔ جیسے شکل-الف میں دکھایا گیا ہے، جفت قطب کو متوازن تر سیلی تار سے طاقت مہیا کی جاسمتی ہے۔ یہ فرض کرتے ہوئے کہ تر سیلی تار سے شعاعی اخراج نہیں ہوتی، اس کے موجود گی کو نظر انداز کیا جائے گا۔ جفت قطب کے سروں پر نب موصل چادروں کے شعاعی اخراج کو بھی نظر انداز کیا جائے گا۔ جفت قطب کو بھی نظر انداز کیا جائے گا۔ جفت قطب کی موٹائی E اس کے لمبائی سے بہت کم E ہوئے کہ کہائی تجزیے کی خولوں سروں خالمر جفت قطب کو شکل E بھی موٹ تصور کیا جاسکتا ہے۔ ایسا جفت قطب یکسال برتی رو E گزار تا، E لمبائی کا تار معلوم ہوگا جس کے دونوں سروں پر برابر مگر الٹ قطب کے چارج E ہوں۔ کہیسٹر پر چارج E اور برتی رو E کا تعلق

$$I = \frac{\partial q}{\partial t}$$

ہے۔

آئیں لا محدود وسعت کی خالی خلاء میں جفت قطب کے میدان حاصل کریں۔ جفت قطب کے وسط کو کروی محدد کے مرکز اور لمبائی کو 2 محدد پر رکھتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔کسی بھی نقطہ N پر عموماً آپس میں عمودی تین میدان ، Εφ اور Εφ پائے جائیں گے۔

کسی بھی نقطہ N پر مساوات 9.79ور مساوات 9.71 بالترتیب مقناطیسی میدان اور برقی میدان دیتے ہیں

$$H = \frac{1}{\mu_0} \nabla \times A$$

$$(15.19) E = -\nabla V - \frac{\partial A}{\partial t}$$

جہاں

نقطه N پر مقداری برقی د باو V

نقطه N پر سمتی د باو $oldsymbol{A}$

ہیں۔اگر ہمیں کسی بھی نقطے پر مقداری دباو V اور سمتی دباو A معلوم ہوں تب مندرجہ بالا دو مساوات سے اس نقطے پر برقی اور مقناطیسی میدان حاصل کئے جا سکتے ہیں۔چونکہ ہمیں جفت قطب سے دور میدان درکار ہیں للذاالیں صورت میں مساوات 15.6 اور مساوات 15.8 میں دئے تاخیری دباو قابل استعال ہوں گے۔بول ان مساوات کو

$$(15.20) H = \frac{1}{\mu_0} \nabla \times [A]$$

(15.21)
$$E = -\nabla[V] - \frac{\partial[A]}{\partial t} = -\nabla[V] - j\omega[A]$$

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج

لکھا جا سکتا ہے جہاں مساوات 9.57 اور مساوات 9.58 سے تاخیری دباو

$$[A] = \frac{\mu_0}{4\pi} \int_h \frac{J_0 e^{j\omega(t-r/c)}}{r} \,\mathrm{d}h$$

$$[V] = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_h \frac{\rho_0 e^{j\omega(t-r/c)}}{r} \, \mathrm{d}h$$

لکھے جا سکتے ہیں۔

کسی بھی برقی چارج اور برقی روسے پیدا میدان مساوات 15.20 اور مساوات 15.21 سے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔ مساوات 15.23 کے تحت تاخیر ی مقداری دباو [V] صرف ساکن چارجوں پر مخصر ہے جبکہ مساوات 15.22 کے تحت تاخیر ی سمتی دباو [A] صرف برقی رو یعنی حرکت کرتے چارجوں پر مخصر ہے۔مساوات 15.20 کے تحت برقی میدان مخصر ہے۔مساوات 15.21 کے تحت برقی میدان کا صرف برقی رو یعنی حرکت کرتے چارجوں پر مخصر ہے جبکہ مساوات 15.21 کے تحت برقی میدان کے ساکن چارج اور برقی رو دونوں پر مخصر ہے۔ہم جلد دیکھیں گے کہ کسی بھی چارج اور برقی رو سے دور پیدا مقناطیسی اور برقی میدانوں کا دارومدار صرف برقی رو پر ہوتا ہے۔ چونکہ اس باب میں تاخیر کی دباو ہی استعال کئے جائیں گے للذا انہیں چکور قوسین میں لکھنے سے گریز کیا جائے گا۔اس باب میں یہاں سے آگے بغیر چکور قوسین میں لکھنے سے گریز کیا جائے گا۔اس باب میں سہما جائے۔

جزو $a_{
m Z}$ خاہر ہے کہ سمتی دباو کا صرف جزو

(15.24)
$$A = \frac{a_{\rm Z}\mu_0}{4\pi} \int_{-l/2}^{l/2} \frac{I_0 e^{j(\omega t - \beta s)}}{s} \, \mathrm{d}z$$

پایا جاتا ہے۔اگر جفت قطب کی لمبائی I، نقطہ I سے جفت قطب تک فاصلہ I سے نہایت کم I اور طول موج I سے بھی نہایت کم I ہو تب مندر جہ بالا مساوات میں متغیر فاصلہ I کی جگہ مستقل فاصلہ I پر کیا جا سکتا ہے I اور ساتھ I پر مختلف نقطوں سے I پر پیدا دباو میں زاویائی فرق کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔اس طرح ان تمام کو تکمل کے باہر لے جایا جا سکتا ہے۔ جفت قطب کی پوری لمبائی پر یک برابر برقی رو I کی صورت میں I کو بھی تکمل کے باہر لے حایا صاوات سے

(15.25)
$$A = \frac{a_z \mu_0 I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r}$$

حاصل ہوتا ہے۔ اس مساوات کو کروی محدد میں یوں

$$\mathbf{A} = A_r \mathbf{a}_{\mathbf{r}} + A_{\theta} \mathbf{a}_{\theta} + A_{\phi} \mathbf{a}_{\phi}$$

لکھا جائے گا جہاں

$$A_{r} = \boldsymbol{a}_{\Gamma} \cdot \boldsymbol{A} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \boldsymbol{a}_{\Gamma} \cdot \boldsymbol{a}_{Z} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \cos \theta$$

$$A_{\theta} = \boldsymbol{a}_{\theta} \cdot \boldsymbol{A} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \boldsymbol{a}_{\theta} \cdot \boldsymbol{a}_{Z} = -\frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \sin \theta$$

$$A_{\phi} = \boldsymbol{a}_{\phi} \cdot \boldsymbol{A} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \boldsymbol{a}_{\phi} \cdot \boldsymbol{a}_{Z} = 0$$

ہوں گے جہاں اکائی سمتیات کے مقداری ضرب صفحہ 32 پر جدول 1.2 سے حاصل کئے گئے۔اس طرح

(15.27)
$$A = \frac{\mu_0 I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \left(\cos \theta a_r - \sin \theta a_\theta\right)$$

لکھا جائے گا۔

ساکن چارج جفت قطب کے سرول پر پایا جاتا ہے للمذا مقداری دباو

$$V = \frac{q_0}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{e^{j(\omega t - \beta s_1)}}{s_1} - \frac{e^{j(\omega t - \beta s_2)}}{s_2} \right]$$

ہو گا جہال مساوات 15.17 کے تحت

$$q = \int I \, \mathrm{d}t = \frac{I}{j\omega}$$

کے برابر ہے جہال

$$I = I_0 e^{j(\omega t - \beta s)}$$
$$q = q_0 e^{j(\omega t - \beta s)}$$

ہیں۔ مساوات 15.29 سے $q_0=rac{I_0}{j\omega}$ حاصل کرتے ہوئے مساوات 15.28 میں پر کرتے ہیں۔

$$V = \frac{I_0}{4\pi\epsilon_0 j\omega} \left[\frac{e^{j(\omega t - \beta s_1)}}{s_1} - \frac{e^{j(\omega t - \beta s_2)}}{s_2} \right]$$

شکل کو د مکھے کر

$$s_1 = r - \frac{l}{2}\cos\theta$$
$$s_2 = r + \frac{l}{2}\cos\theta$$

لکھے جا سکتے ہیں جنہیں مساوات 15.30 میں پر کرتے

$$(15.31) V = \frac{I_0 e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0 j\omega} \left[\frac{(r + \frac{1}{2}\cos\theta)e^{j\frac{\beta l}{2}\cos\theta} - (r - \frac{1}{2}\cos\theta)e^{-j\frac{\beta l}{2}\cos\theta}}{r^2 - \frac{l^2}{4}\cos^2\theta} \right]$$

ملتا ہے۔ چکور قوسین میں شرح کے نچلے جصے میں $l\gg r\gg l$ کی وجہ سے $0 \cos^2 heta \cos^2 heta$ کو نظر انداز کرتے ہیں۔مسئلہ ڈی موے ور $0 \cos^2 heta$ استعمال سے

(15.32)
$$V = \frac{I_0 e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0 j \omega r^2} \left[\left(r + \frac{1}{2} \cos \theta \right) \left(\cos \frac{\beta l \cos \theta}{2} + j \sin \frac{\beta l \cos \theta}{2} \right) - \left(r - \frac{1}{2} \cos \theta \right) \left(\cos \frac{\beta l \cos \theta}{2} - j \sin \frac{\beta l \cos \theta}{2} \right) \right]$$

$$\cos \frac{\beta l \cos \theta}{2} = \cos \frac{\pi l \cos \theta}{\lambda} \approx l$$
$$\sin \frac{\beta l \cos \theta}{2} \approx \frac{\beta l \cos \theta}{2}$$

ہوں گے، جنہیں مساوات 15.32 میں پر کرنے سے

(15.33)
$$V = \frac{I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)} \cos \theta}{4\pi \epsilon_0 c} \left(\frac{1}{r} + \frac{c}{j\omega r^2}\right)$$

حاصل ہوتا ہے جہاں

برقی رو کا حیطہ تعنی اس کی زیادہ سے زیادہ قیمت، A
$$I_0$$

اکائی ه راویائی تعدد
$$(\omega=2\pi f)$$
 ، اکائی ه متعده $(\omega=2\pi f)$ تعدد و بر ناویائی تعدد و اکائی ه در اکائی ه در اویائی تعدد و برای تعدد و اکائی ه در اکائی تعدد و اکا

$$_{
m rad/m}$$
 زاویائی مشقل $eta=rac{2\pi}{\lambda}$) اکائی eta

ع وقت،s

$$heta$$
 جفت قطب اور جفت قطب سے نقطہ N تک سمتیہ کے مابین زاویہ $heta$

$$8.854\,\mathrm{pF/m}$$
، خالی خلاء کا برقی مشقل ϵ_0

$$3 imes10^8\,\mathrm{m/s}$$
 خالی خلاء میں شعاع کی رفتار، c

$$\sqrt{-1}$$
 خيالى عدد j

$$m$$
، جفت قطب کے وسط سے نقطہ N تک فاصلہ r

ہیں۔

مختصر جفت قطب کے وسط سے، λ = 1اور r > 1 کی صورت میں، r فاصلے اور θ زاویے پر مساوات 15.27 سمتی د باو اور مساوات 15.33 مقداری د باو د ہیں۔ کروی محدد میں مقداری د باو کی ڈھلوان

$$\nabla V = \frac{\partial V}{\partial r} \boldsymbol{a}_{\Gamma} + \frac{1}{r} \frac{\partial V}{\partial \theta} \boldsymbol{a}_{\theta} + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial V}{\partial \phi} \boldsymbol{a}_{\phi}$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_{0} c} \left[-\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) \boldsymbol{a}_{\Gamma} - \left(\frac{\sin \theta}{r} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{2}}\right) \boldsymbol{a}_{\theta} \right]$$

کے برابر ہے۔ برتی میدان م $E=E_ra_\Gamma+E_ heta a_ heta+E_\phi a_ heta$ کے اجزاء مساوات 15.21 کی مدد سے

$$E_r = -\frac{\partial V}{\partial r} - j\omega A_r$$

$$E_{\theta} = -\frac{1}{r} \frac{\partial V}{\partial \theta} - j\omega A_{\theta}$$

$$E_{\phi} = -\frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial V}{\partial \phi} - j\omega A_{\phi}$$

کھے جاسکتے ہیں جن میں مطلوبہ تفاعل پر کرنے سے برقی میدان کے عمومی مساوات

$$E_r = rac{I_0 l \cos heta e^{j(\omega t - eta r)}}{2\pi\epsilon_0} \left(rac{1}{cr^2} + rac{1}{j\omega r^3}
ight)$$
 (15.35)
$$E_{ heta} = rac{I_0 l \sin heta e^{j(\omega t - eta r)}}{4\pi\epsilon_0} \left(rac{j\omega}{c^2 r} + rac{1}{jcr^2} + rac{1}{j\omega r^3}
ight)$$
 خوتی میدان $E_{\phi} = 0$

مقناطیسی میدان مساوات 15.20 سے حاصل ہو گی۔ کروی محدد میں سمتی دباو کی گردش

(15.36)
$$B = \nabla \times A = \frac{1}{r \sin \theta} \left[\frac{\partial (A_{\theta} \sin \theta)}{\partial \theta} - \frac{\partial A_{\theta}}{\partial \phi} \right] a_{r} + \frac{1}{r} \left[\frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial A_{r}}{\partial \phi} - \frac{\partial (rA_{\phi})}{\partial r} \right] a_{\theta}$$

$$+ \frac{1}{r} \left[\frac{\partial (rA_{\theta})}{\partial r} - \frac{\partial A_{r}}{\partial \theta} \right] a_{\phi}$$

میں مساوات 15.26 پر کرنے سے مقناطیسی میدان کی عمومی مساوات

$$H_{\phi}=rac{I_0 l \sin heta e^{j(\omega t-eta r)}}{4\pi}\left(rac{j\omega}{cr}+rac{1}{r^2}
ight)$$
 عوی میدان $H_r=0$ $H_{ heta}=0$

 $oxedsymbol{B} = \mu_0 oldsymbol{H}$ حاصل ہوتے ہیں جہاں $oldsymbol{B} = \mu_0 oldsymbol{H}$

مساوات 15.35 اور مساوات 15.37 کے تحت جفت قطب سے پیدا میدان کے صرف تین اجزاء E_{θ} اور H_{ϕ} پائے جاتے ہیں۔ جفت قطب سے زیادہ فاصلے پر میدان کی مساوات میں $\frac{1}{2}$ پا $\frac{1}{2}$ کو نظر انداز کیا جائے گا جبکہ زیادہ فاصلے پر میدان کی مساوات میں $\frac{1}{2}$ پا $\frac{1}{2}$ کو نظر انداز کیا جائے گا جبکہ

$$E_{\theta} = \frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0} \frac{j\omega}{c^2 r} = j \frac{30I_0 \beta l}{r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

$$H_{\phi} = \frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \frac{j\omega}{cr} = j \frac{I_0 \beta l}{4\pi r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

$$e^{j(\omega t - \beta r)}$$

ہوں گے۔مساوات 15.38 استعال کرتے ہوئے برقی اور مقناطیسی میدان کی نثرح

$$\frac{E_{\theta}}{H_{\phi}} = \frac{1}{\epsilon_0 c} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} = 376.7 \, \text{P}$$

حاصل ہوتی ہے جو خالی خلاء کی قدرتی رکاوٹ ہے۔

یہاں اس حقیقت پر توجہ دیں کہ خالی خلاء میں TEM موج کی طرح، جفت قطب سے دور E_{θ} اور H_{ϕ} آگیں میں ہم قدم ہیں۔اس کے علاوہ دونوں میدان θ sin θ کے راست تناسب ہیں لیعنی جفت قطب کے محوری سمت $\theta=0$ پر ان کی قیمت صفر جبکہ $\theta=0$ پر ان کی قیمت زیادہ سے زیادہ سے اندرسہ θ شکل کی ان میدان کو شکل میں دکھایا گیا ہے۔

جفت قطب سے دور میدان حاصل کرتے وقت مساوات 15.35 اور مساوات 15.37 میں $\frac{1}{r^3}$ یا $\frac{1}{r^3}$ رکھتے اجزاء کو نظر انداز کیا گیا یعنی E_{θ} میں

$$\left| j \frac{\omega}{c^2 r} \right| \gg \frac{1}{cr^2}$$

$$\left| j \frac{\omega}{c^2 r} \right| \gg \left| \frac{1}{j\omega r^3} \right|$$

ï

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج

تصور کیا گیا۔اسی طرح H_{ϕ} میں بھی

$$\left|j\frac{\omega}{cr}\right| \gg \frac{1}{r^2}$$

یا

$$(15.41) r \gg \frac{c}{\omega}$$

تصور کیا گیا جسے

$$r\gg rac{1}{eta}$$
 (وور میدان) $angle$

15.37 اور مساوات 15.37 اور مساوات 15.37 ہیں لکھا جا سکتا ہے۔اگر جفت قطب کے قریب میدان کی بات کی جائے تو $r \ll \frac{c}{\omega} \gg r$ لیا جائے گا۔ یوں مساوات 15.35 اور مساوات 15.37 میں

$$\frac{1}{cr^2} \ll \left| \frac{1}{j\omega r^3} \right|$$

$$\left| \frac{j\omega}{c^2 r} \right| \ll \left| \frac{1}{j\omega r^3} \right|$$

$$\frac{1}{cr^2} \ll \left| \frac{1}{j\omega r^3} \right|$$

$$\left| \frac{j\omega}{cr} \right| \ll \frac{1}{r^2}$$

ہوں گے لہذا قریبی میدان

$$E_{r} = \frac{I_{0}l\cos\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi\epsilon_{0}} \frac{1}{j\omega r^{3}} = \frac{I_{0}l\cos\theta e^{j(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}}{2\pi\epsilon_{0}\omega r^{3}}$$

$$E_{\theta} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_{0}} \frac{1}{j\omega r^{3}} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}}{4\pi\epsilon_{0}\omega r^{3}}$$

$$H_{\phi} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \frac{1}{r^{2}} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r^{2}}$$

لکھے جا سکتے ہیں۔ کل قریبی برقی میدان

(15.44)
$$E = E_r a_r + E_\theta a_\theta = \left[\frac{I_0 l \cos \theta}{2\pi\epsilon_0 \omega r^3} a_r + \frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi\epsilon_0 \omega r^3} a_\theta \right] e^{j(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}$$

ہو گا۔ مساوات 15.44 کے برقی میدان میں جزو ضربی $e^{i(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}$ پایا جاتا ہے جبکہ مقناطیسی میدان میں جزو ضربی $e^{i(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}$ پایا جاتا ہے ۔ یول جفت قطب کے قریب کسی بھی نقطے پر ہر لمحہ برقی میدان اور مقناطیسی میدان میں $\frac{\pi}{2}$ زاویے کا فرق پایا جاتا ہے جو ساکن میدان کی نشانی ہے۔

جفت قطب کے قریب برقی اور مقناطیسی میدان میں لمحاتی طور ∑ ریڈیئن کا زاویہ پایا جاتا ہے جبکہ جفت قطب سے دور دونوں میدان لمحاتی طور پر ہم قدم ہیں للذاکسی درمیانے فاصلے پر ان میدانوں میں °45 کا زاویہ ہو گا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ جفت قطب سے فاصلہ بڑھانے سے برقی میدان وقت کی نسبت سے گھوم کر مقناطیسی میدان کے ہم قدم ہو جاتا ہے۔ مخلوط يونننگ سمتير استعال كرتے ہوئے مساوات 15.38 سے دور ميدان ميں كثافت تواناكي

$$m{\mathscr{P}}_{\scriptscriptstyle b ext{-}\!sl}=rac{1}{2}\left[m{E} imesm{H}^*
ight]$$
وور کثّافت طاقت $=rac{1}{2}E_{ heta}H_{\phi}^*m{a}_{\Gamma}=rac{15I_0^2eta^2l^2}{4\pi r^2}\sin^2 hetam{a}_{\Gamma}$ وور کثّافت طاقت

حاصل ہوتی ہے جو رداسی ۴ سمت میں منتقل ہوتی حقیق توانائی ہے۔ یہی اینٹینا کی شعاعی اخراج ہے۔شعاعی اخراج °90 = 0 پر زیادہ سے زیادہ ہے۔اسی طرح پوئٹنگ سمتیہ استعال کرتے ہوئے مساوات 15.43 سے قریبی میدان میں کثافت توانائی

$$\begin{split} \frac{1}{2} \left[\boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}^* \right]_{\tilde{\omega}} &= \frac{1}{2} \left[\left(E_r \boldsymbol{a}_{\mathbf{r}} + E_{\theta} \boldsymbol{a}_{\theta} \right) \times H_{\phi}^* \boldsymbol{a}_{\phi} \right]_{\tilde{\omega}} \\ &= \frac{1}{2} \left[-\frac{I_0 l \cos \theta}{2 \pi \epsilon_0 \omega r^3} \boldsymbol{a}_{\theta} + \frac{I_0 l \sin \theta}{4 \pi \epsilon_0 \omega r^3} \boldsymbol{a}_{\mathbf{r}} \right] \frac{I_0 l \sin \theta}{4 \pi r^2} e^{-j\frac{\pi}{2}} \end{split}$$

حاصل ہوتی ہے جس کا بیشتر حصہ خیالی ہے اور ساتھ ہی ساتھ شعاعی اخراج کے علاوہ یہاں θ سمت میں گھومتی طاقت بھی پائی جاتی ہے۔

آئیں اب نہایت کم تعدد پر صورت حال دیکھیں۔ مساوات 15.35 میں $I_0=j\omega q_0$ پر کرتے ہوئے اور مساوات 15.37 کو جوں کا تول دوبارہ پیش کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔

$$\begin{split} E_r &= \frac{q_0 l \cos \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi\epsilon_0} \left(\frac{j\omega}{cr^2} + \frac{1}{r^3}\right) \\ E_\theta &= \frac{q_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0} \left(-\frac{\omega^2}{c^2 r} + \frac{j\omega}{cr^2} + \frac{1}{r^3}\right) \\ H_\phi &= \frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \left(\frac{j\omega}{cr} + \frac{1}{r^2}\right) \\ &= \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \left(\frac{i\omega}{cr} + \frac{1}{r^2}\right) \\ E_r &= \frac{q_0 l \cos \theta}{2\pi\epsilon_0 r^3} \\ E_\theta &= \frac{q_0 l \sin \theta}{4\pi\epsilon_0 r^3} \\ H_\phi &= \frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi r^2} \end{split}$$

حاصل ہوتی ہیں جن سے برقی میدان

(15.45)
$$E = \frac{q_0 l}{4\pi\epsilon_0 r^3} \left(2\cos\theta a_{\rm r} + \sin\theta a_{\theta}\right)$$

کھا جا سکتا ہے۔ان میدان کو نیم ساکن میدان ⁷ کہا جاتا ہے۔یہ صفحہ 105 پر حاصل کی گئ مساوات 4.67 ہی ہے۔اسی طرح مندرجہ بالا مقناطیسی میدان H_{ϕ} کی قیمت صفحہ 184 پر مساوات 7.3 ہی ہے۔چونکہ یہ میدان $\frac{1}{r^2}$ یا $\frac{1}{r^3}$ کے تعلق سے تبدیل ہوتے ہیں للذا یہ جفت قطب کے قریب ہی پائے جاتے ہیں۔ جفت قطب سے دور ان کی قیمت قابل نظر انداز ہوتی ہے للذا ان کا شعاعی اخراج میں خاص کردار نہیں ہوتا۔بلند تعدد پر دور میدان جنہیں مساوات 15.38 بیش کرتی ہے، $\frac{1}{r}$ کے تعلق سے گھٹی ہیں للذا یہی شعاعی اخراج کو ظاہر کرتی ہیں اور یوں انہیں اخراجی میدان 8 کہا جاتا ہے۔

مخضر جفت قطب، $l \ll r$ اور $l \ll \lambda$ ، کے تمام میدان کو جدول ۱5.1 میں پیش کیا گیا ہے۔بقایا اجزاء $E_\phi = H_r = H_ heta = 0$ صفر کے برابر $L_\phi = H_ heta$

جدول 15.1: مختصر جفت قطب کے میدان

نيم ساكن ميدان	دور میدان	عمومي مساوات	جزو
$\frac{q_0 l \cos \theta}{2\pi \epsilon_0 r^3}$	0	$\frac{I_0 l \cos \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{cr^2} + \frac{1}{j\omega r^3} \right)$	E_r
$\frac{q_0 l \sin \theta}{4\pi \epsilon_0 r^3}$	$\frac{j60\pi I_0 \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{r} \frac{1}{\lambda}$	$\frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - eta r)}}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{j\omega}{c^2 r} + \frac{1}{cr^2} + \frac{1}{j\omega r^3} \right)$	E_{θ}
$\frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi r^2}$	$\frac{jI_0\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{2r}\frac{1}{\lambda}$	$\frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \left(\frac{j\omega}{cr} + \frac{1}{r^2}\right)$	H_{ϕ}

اگر ہماری دلچیں صرف دور میدان میں ہوتب مطلوبہ میدان کو نہایت آسانی کے ساتھ صرف A سے حاصل کیا جاسکتا ہے چونکہ دور میدان میں مقداری دیاد V کا کوئی کردار نہیں۔ یوں مساوات 15.21 اور مساوات 15.26 سے

$$(15.46) E_{\theta} = -j\omega A_{\theta} = -j\omega \left(-\frac{\mu_0 I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \sin \theta \right) = j\frac{30 I_0 \beta l}{r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

حاصل ہوتا ہے۔مقناطیسی میدان H_{ϕ} کو مساوات 15.20 سے حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں $\frac{1}{r^2}$ اجزاءرد کئے جائیں گے۔مقناطیسی میدان کو نسبتاً زیادہ آسانی سے، لامحدود خلاء کی قدرتی رکاوٹ $Z_0=\sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}}=120\pi$ استعمال کرتے ہوئے

$$H_{\phi} = \frac{E_{\theta}}{Z_0} = j \frac{30I_0\beta l}{120\pi r} \sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)} = j \frac{I_0\beta l}{4\pi r} \sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔

مساوات 15.38 میل
$$eta=rac{2\pi}{\lambda}$$
 پر کرتے ہوئے دور برقی میدان کو $eta=j$ 60π I_0 $rac{l}{\lambda}$ $rac{1}{r}$ $\sin heta$ $e^{j(\omega t-eta r)}$ i_0

کھا جا سکتا ہے جہاں 60π جزو مقدار ہے، I_0 برقی روء $\frac{1}{\epsilon}$ جفت قطب کی لمبائی جسے طول موج میں ناپا گیا ہے، $\frac{1}{\epsilon}$ فاصلے کو ظاہر کرتا ہے، 0 میدان کی شکل اور $e^{i(\omega t-\beta r)}$ زاویائی فرق ہے۔ کسی بھی اینٹینا کے میدان کو عموماً ان چھ اجزاء کے حاصل ضرب کی صورت میں لکھا جا سکتا ہے۔

جدول 15.1 مختصر جفت قطب کے میدان دیتا ہے۔ کسی بھی اینٹینا کو متعدد مختصر جفت قطب کا مجموعہ تصور کیا جا سکتا ہے۔ یوں کسی بھی اینٹینا کے میدان تمام جفت قطب کے میدان کو جمع کرتے ہوئے حاصل کیا جا سکتا ہے۔

15.5 مختصر جفت قطب كا اخراجي مزاحمت

اینٹینا کے گرد کسی بھی بند سطح پر مخلوط بوئٹنگ سمتیہ

$$\mathscr{P}_{b \sim s} = rac{1}{2} \left[E_{S} imes H_{S}^{*}
ight]$$
 (15.49)

کی سطحی تکمل

(15.50)
$$P = \int_{S} \boldsymbol{\mathscr{P}}_{b \cdot s \mid} \cdot \mathrm{d}s \qquad (\mathrm{w})$$

کل شعاعی اخراج P دے گی۔ فی سینڈ خارج ہونے والی توانائی شعاعی اخراج کہلاتی ہے للذااس کی اکائی واٹ w ہے۔سادہ ترین بند سطح کرہ ہے۔یوں اینٹینا کو کروی محد د کے مرکز پر رکھتے ہوئے تکمل حاصل کیا جائے گا۔ چونکہ دور کے میدان نسبتاً سادہ صورت رکھتے ہیں للذا بند سطح کا رداس جتنا زیادہ رکھا جائے تکمل اتنا آسان ہو گا۔یوں رداس زیادہ سے زیادہ رکھتے ہوئے دور میدان استعال کرتے ہوئے جفت قطب کا شعاعی اخراج P حاصل کیا جاتا ہے۔

کامل اینٹینا کی صورت میں شعاعی اخراج اس برقی طاقت کے برابر ہو گا جو اینٹینا کے برقی سروں پر مہیا کی گئی ہو۔ اینٹینا کو مزاحمت R تصور کرتے ہوئے اس برقی طاقت کو $P=rac{1}{2}I_0^2R$ کھا جا سکتا ہے جہاں I_0 سائن نما برقی رو کا حیطہ ہے۔ یوں

$$R = \frac{2P}{I_0^2} \qquad (\Box)$$

کھا جا سکتا ہے جہاں R اینٹینا کی اخراجی مزاحت ⁹ کہلاتی ہے۔

آئیں مخضر جفت قطب کی اخراجی مزاحمت حاصل کریں۔دور میدان میں صرف $E_{ heta}$ اور H_{ϕ} پائے جاتے ہیں للذا شعاعی اخراج

(15.52)
$$P = \frac{1}{2} \int_{S} \left[E_{\theta} H_{\phi}^{*} \right] ds$$

ے حاصل ہو گی جہاں H_{ϕ}^* مقناطیسی میدان H_{ϕ} کا جوڑی دار مخلوط ہے۔اب $E_{ heta}=E_{ heta}=E_{ heta}$ ہے لمذا

یا

(15.54)
$$P = \frac{1}{2Z_0} \int_{S} \left| E_{\phi} \right|^2 \mathrm{d}s$$

 $Z_0=\sqrt{rac{\mu_0}{\epsilon_0}}=120$ کرابر ہیں۔ کا فالے خلاء کی قدرتی رکاوٹ $Z_0=\sqrt{rac{\mu_0}{\epsilon_0}}=120$ اور

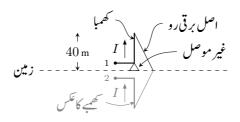
جفت قطب کے میدان حاصل کرتے وقت فرض کیا گیا کہ اس کی پوری لمبائی پر یک برابر برقی رو I₀ پائی جاتی ہے۔ساتھ ہی ساتھ لمبائی 1 کے مختلف نقطوں کے میدان کا زاویائی فرق نظر انداز کیا گیا۔ جفت قطب کی پوری لمبائی پر برابر برقی رونہ ہونے کی صورت میں مساوات 15.24 سے مساوات 15.25 حاصل ہونے کی بجائے

$$A = \frac{a_{\rm Z}\mu_0 e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \int_{-l/2}^{l/2} i \, dz$$
$$= \frac{a_{\rm Z}\mu_0 l I e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r}$$

حاصل ہو گا جہال I اوسط برقی رو ہے۔اس حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے مساوات 15.38 سے مقناطیسی میدان کا حیطہ

$$(15.55) H_{\phi} = \frac{I\beta l}{4\pi r} \sin \theta$$

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شكل 15.5: كهمبا اينٹينا

کھتے ہوئے 1₀ کی جگہ اوسط برقی رو I کھی گئی ہے۔متناطیسی میدان کے اس حیطے کو مساوات 15.53 میں پر کرتے ہوئے زیادہ سے زیادہ اخراجی طاقت

$$P = \frac{120\pi}{2} \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \left(\frac{I\beta l}{4\pi r} \sin \theta \right)^2 r^2 \sin \theta \, d\theta \, d\phi$$
$$= \frac{120\pi}{2} \left(\frac{\beta I l}{4\pi} \right)^2 \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \sin^3 \theta \, d\theta \, d\phi$$
$$= 80\pi^2 I^2 \left(\frac{l}{\lambda} \right)^2$$

حاصل ہوتی ہے۔مساوات 15.53 یا مساوات 15.54 برقی رو کی چوٹی I کی صورت میں اخراجی طاقت دیتے ہیں جو سائن نما برقی رو کی صورت میں اوسط اخراجی طاقت کے دگنا ہوتی ہے۔یوں اوسط اخراجی طاقت

$$P_{\text{begl}} = 40\pi^2 I^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2$$

ہو گی۔مساوات 15.51 سے مختصر جفت قطب کی اخراجی مزاحمت

(15.57)
$$R = 80\pi^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2 \left(\frac{I}{I_0}\right)^2 \tag{2}$$

حاصل ہوتی ہے۔

کسی بھی اینٹینا کی اخراجی مزاحمت

(15.58)
$$R = \frac{Z_0}{I_0^2} \int_S |H|^2 ds = \frac{1}{Z_0 I_0^2} \int_S |E|^2 ds$$

ے ماصل کی جاسکتی ہے جہاں $Z_0 = 120\pi$ کے برابر ہے۔

مثال 15.1: چالیس میٹر لمبے تھیے اینٹینا کو موصل سطح پر کھڑا کئے 300 kHz کے تعدد پر استعال کیا جاتا ہے۔اسے برقی اشارہ نجلے سرے پر فراہم کیا جاتا ہے۔اینٹینا کی اخراجی مزاحمت حاصل کریں۔اس تھمبے کو شکل 15.5 میں دکھایا گیا ہے۔تھمبے کو غیر موصل بنیاد پر کھڑا کیا گیا ہے۔

حل: موصل زمین میں کھمبالینٹینا کا عکس بنتا ہے۔ در کار تعدد پر m 1000 = $\frac{3 \times 10^8}{300000} = \lambda$ ہے جو تھمبے کی لمبائی سے بہت زیادہ ہے۔ یول اینٹینا اور اس کا عکس بطور مختصر جفت قطب کر دار ادا کرتے ہیں۔ چونکہ تھمبے کے سرپر موصل چادر نسب نہیں کیا گیا ہے للذااس کے پورے لمبائی پر برابر برقی رو تصور کرنا غلط ہو گا۔ حقیقت میں، جیسے شکل میں وضاحت کی گئی ہے، تھمبے کے کھلے سرپر برقی رو صفر ہوگی جبکہ نچلے سرپر اس کی قیمت زیادہ سے

زیادہ ہو گی۔جیسا شکل میں دکھایا گیا ہے، برقی رو بالمقابل لمبائی I کا خط تکونی ہے۔یوں اوسطاً برقی رو $rac{I_0}{2}=rac{I_0}{2}$ ہو گی جہاں برقی رو کی زیادہ سے زیادہ قیمت I_0 ہے۔

یوں 40 × 2 میٹر لمبے فرضی جفت قطب کی اخراجی مزاحمت مساوات 15.57 سے

$$80\pi^2 \left(\frac{2\times 40}{1000}\right)^2 \left(\frac{0.5I_0}{I_0}\right)^2 = 1.2633 \, \boxdot$$

حاصل ہوتی ہے۔ یہ مزاحمت حقیق تھیبے کے سر 1 اور عکسی تھیبے کے سر 2 کے مابین ہے۔ یوں اصل اینٹینا کی اخراجی مزاحمت جو زمین اور 1 کے مابین ناپی جائے گی کی قیت

(15.59)
$$R_{\zeta,l,\dot{z}_l} = \frac{0.63165}{2} = 0.63\,\Box$$

ہو گی۔

حقیقی دھات کامل موصل نہیں ہوتے للذا کسی بھی دھات سے بنائے گئے جفت قطب میں توانائی کا ضیاع ہو گا۔موصل کے علاوہ اینٹینا کے ساتھ منسلک ذو برق میں بھی طاقت کا ضیاع ہو گا۔ان ضیاع کو مزاحمت _{ضاع R}سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔یوں اینٹینا کے برقی سروں پر کل مزاحمت

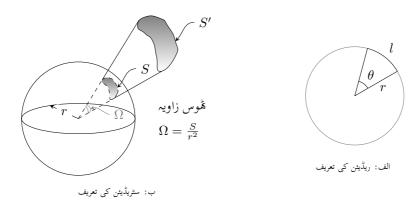
$$(15.60) R = R_{\zeta_1, \zeta_1} + R_{\zeta_2, \zeta_1}$$

 k^{10} ہو گی۔مندرجہ بالا مثال میں اگر ہے $R_{
m elg}=0.63$ ہوتا تب اینٹینا کی کار کزار ک

(15.61)
$$k = \frac{r_{\zeta_1, \delta_2}}{R_{\zeta_1, \delta_2} + R_{\dot{\zeta}_1, \delta_2}} = \frac{R_{\zeta_1, \delta_2}}{R_{\dot{\zeta}_1, \delta_2} + R_{\dot{\zeta}_1, \delta_2}} = \frac{0.63}{0.63 + 0.63} = 50 \%$$

پچاس فی صد ہو گی۔اگرطاقت کا ضیاع بڑھائے بغیر زیادہ لمبائی کا جفت قطب استعال کیا جائے تو کارکزاری اس سے بہتر کی جاسکتی ہے۔

اگر مخلوط پوئٹنگ سمتیہ کا حقیق حصہ لئے بغیر کسی اینٹینا کو مکمل گھیرے سطح پر اس کا تکمل لیا جائے تو حقیقی طاقت کے ساتھ ساتھ خیالی طاقت بھی حاصل ہو گا۔ حقیقی طاقت اخراجی طاقت کو ظاہر کرتا ہے جبہہ خیالی طاقت متعامل جزو ہے۔ سطح تکمل کی صورت اور مقام کا تکمل کے حقیقی جزو پر کوئی اثر نہیں البتہ خیالی طاقت کا دارومدار سطح کی صورت اور مقام پر ہے۔ اینٹینا سے بہت دور خیالی جزو قابل نظر انداز ہوتا ہے جبکہ اینٹینا کے قریب اس جزو کی مقدار بڑھ جاتی ہے۔ نہایت تیلی ساخت کے خطی اینٹینا کی صورت میں اگر سطح تکمل کو بالکل سطح اینٹینا کے ساتھ ملا لیا جائے تب حاصل مخلوط طاقت تقسیم 10 رکاوٹ R + jX دیتا ہے جہاں R اینٹینا کے اخراجی مزاحمت کو ظاہر کرتا ہے۔



شكل 15.6: ريدنين اور سٹريدين كى تعريف

15.6 ڻھوس زاويہ

ا گلے جھے میں تھوس زاویہ 11 در کار ہو گا للذا اسے پہلے سمجھتے ہیں۔

شکل 15.6-الف میں رواس r کے دائرے پر قوس کی لمبائی I اور رواس r کی شرح

$$\theta = \frac{l}{r} \qquad \text{(rad)}$$

زاویے θ دیتی ہے جس کی اکائی ریڈیئن 12 (rad) ہے۔ یوں اکائی رداس کے دائرے پر اکائی کمبی قوس، دائرے کے مرکز پر، ایک ریڈیئن (1 rad) کا زاویہ بنائے گی۔ یہی اکائی ریڈیئن کی تعریف ہے۔ چونکہ دائرے کا محیط 2 π r ہے لہذا دائرے کے گرد ایک مکمل چکر 2 π ریڈیئن کے زاویے کو ظاہر کرتی ہے۔ اگرچہ مساوات 15.62 کے تحت θ دراصل بے بُعد مقدار ہے، ہم اس کے باوجود اس کو فرضی اکائی ریڈیئن میں ناپتے ہیں۔ یوں x rad سے ظاہر ہوتا ہے کہ x زاویے کی بات کی جارہی ہے۔

بالکل ای طرح رواس r کے کرہ کی سطح پر کسی بھی رقبہ S اور کرہ کے رواس کے مرابع r^2 کی شرح $\Omega = \frac{S}{r^2}$ (sr)

شوس زاویہ Ω دیتی ہے جسے مربع ریڈیٹن کیعنی سٹریڈیٹن ¹³ میں ناپا جاتا ہے۔اکائی رداس کے کرہ پر اکائی رقبہ، کرہ کے مرکز پر، ایک سٹریڈیٹن کا مشوس زاویہ Ω دیتی ہے۔اگرچہ مشوس زاویہ بنائے گی۔ یہی سٹریڈیٹن کی تعریف ہے۔چونکہ کرہ کی سطح 4πr² کے برابر ہے للذا پوری کرہ 4π سٹریڈیٹن کا مشوس زاویہ دیتی ہے۔اگرچہ مشوس زاویہ بنائے گئے مقدار ہے، ہم اس کے باوجود اس کو فرضی اکائی سٹریڈیٹن میں ناپتے ہیں۔یوں مختلف اعداد کی بات کرتے وقت یہ جاننا ممکن ہوتا ہے کہ مشوس زاویے کی بات کی جارہی ہے۔

شکل 15.6-ب میں عمومی رقبہ 'S کا محدد کے مرکز پر ٹھوس زاویہ حاصل کرنے کا طریقہ دکھایا گیا ہے۔ مرکز سے دیکھتے ہوئے 'S کا بیرونی خاکہ نظر آئے گا۔اگراس خاکے کے بیرونی کناروں سے مرکز تک ربڑی چادر کھنچ کر لگائی جائے تو یہ چادر رداس r کے کرہ کو کاٹے گا۔کرہ کی سطح پر یوں رقبہ S گھیرا جائے گا۔ ٹھوس زاویے

$$\Omega = \frac{S}{r^2}$$

solid angle¹¹ radian¹² steradian¹³ کے برابر ہو گا۔اکائی رداس کے کرہ کی صورت میں رقبہ S کی قیت مٹھوس زاویے کی قیت کے برابر ہو گا۔

شکل 15.6-الف میں heta نظارے کے حدود کو ظاہر کرتا ہے۔ای طرح شکل 15.6-ب میں Ω نظارے کے حدود تعین کرتا ہے۔

شکل 15.6-الف میں دکھایا گیا زاویہ سطحی نوعیت کا ہے جسے ریڈیئن میں ناپا جاتا ہے۔اس کے برعکس شکل 15.6-ب میں دکھایا گیا زاویہ تحجی نوعیت کا ہے جسے سٹریڈیئن یاریڈیئن کے مربع میں ناپا جاتا ہے۔یاد رہے کہ ایک مربع ریڈیئن کو ہی ایک سٹریڈیئن کہتے ہیں۔

$$(15.65) 1 sr = 1 rad^2$$

کروی محدد میں ارداس کے کرہ کی سطح پر رقبے کو

$$(15.66) S = \int_{\theta} \int_{\phi} r^2 \sin \theta \, d\theta \, d\phi$$

لکھا جا سکتا ہے۔ یہ رقبہ کرہ کے مرکز پر

(15.67)
$$\Omega = \frac{S}{r^2} = \int_{\theta} \int_{\phi} \sin \theta \, d\theta \, d\phi \qquad (sr)$$

ٹھوس زاویہ بنائے گی۔

15.7 اخراجي رقبه، سمتيت اور افزائش

مختصر جفت قطب کے دور میدان میں صرف E_{θ} اور H_{ϕ} پائے جاتے ہیں جنہیں مساوات 15.38 میں پیش کیا گیا ہے۔ کسی بھی اینٹینا کی طرح اس کے دور میدان $\frac{1}{r}$ کی شرح سے گھٹے ہیں لہذا یو بنٹنگ سمتیہ

(15.68)
$$\mathscr{P} = \frac{1}{2} \left[\mathbf{E}_s \times \mathbf{H}_s^* \right]_{\text{ZZ}} = \frac{Z_0}{2} |H|^2 \mathbf{a}_r = \frac{1}{2Z_0} |E|^2 \mathbf{a}_r$$

 $P(\theta,\phi)$ ہے گھٹے گا۔ یوں پوئٹنگ سمتیہ کے رداسی جزو کو r^2 سے ضرب دینے سے لوئٹنگ سمتیہ کے رداسی جزو کو

(15.69)
$$P(\theta, \phi) = r^2 \mathscr{P} = \frac{Z_0}{2} |H|^2 r^2 = \frac{1}{2Z_0} |E|^2 r^2 \qquad (W/sr)$$

حاصل ہوتی ہے جس کی قیمت فاصلہ r بڑھانے سے نہیں گھٹق۔ P(θ, φ) اخراجی شدت ¹⁴ کہلاتی ہے۔اخراجی شدت کے بُعد پر غور کریں۔ پوئنٹنگ سمتیہ طاقت کی کثافت یعنی طاقت فی رقبہ دیتی ہے۔مساوات 15.63 سے رقبے کو S = Ω لکھا جا سکتا ہے۔یوں پوئنٹنگ سمتیہ ضرب مربع رداس کا بُعد طاقت فی ٹھوس زاویہ W/sr بنتی ہے۔

(15.70)
$$P_n(\theta,\phi) = \frac{P(\theta,\phi)}{P(\theta,\phi)}$$

radiation intensity¹⁴ normalized¹⁵

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج

ہے۔ ابعد 16 مقدار $P_n(heta,\phi)$ حاصل ہوتی ہے جو اینٹینا کی تقابل پذیر نقش طاقت 71 ہے۔

اینٹینا کی کل اخراج

$$\int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \mathscr{P}r^2 \sin\theta \, \mathrm{d}\theta \, \mathrm{d}\phi$$

ہے۔ اگر کثافت طاقت المندر حو تب اتنی اخراج مکمل کرہ کی سطح کے بجائے کرہ کی سطح پر رقبہ 8 سے خارج ہو گی یعنی

(15.72)
$$\mathscr{P}_{r} = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} \mathscr{P} r^{2} \sin \theta \, d\theta \, d\phi$$

ہو گا۔اس میں مساوات 15.63 کی مدد سے کرہ کی سطح پر رقبے کو ٹھوس زاویے کی صورت میں لکھتے ہوئے

$$\Omega_A = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} rac{\mathscr{P}r^2}{\mathscr{P}_{7,ck}r^2} \sin heta \, \mathrm{d} heta \, \mathrm{d}\phi$$

ليعني

(15.73)
$$\Omega_A = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} P_n(\theta, \phi) r^2 \sin \theta \, d\theta \, d\phi = \iint_{A_{-}} P_n(\theta, \phi) \, d\Omega \qquad (sr)$$

 Ω_A حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات کے تحت Ω_A کھوس زاویے پر یکسال زیادہ سے زیادہ طاقت خارج کرتے ہوئے اینٹینا پوری طاقت خارج کر سکتی ہے۔ Ω_A کو اخراجی کھوس زاویہ Ω_A کہتے ہیں۔

مر کزی شعاع ۱۹ پر تکمل

(15.74)
$$\Omega_{M} = \iint_{\rho} P_{n}(\theta, \phi) \, d\Omega \qquad (sr)$$

لیتے ہوئے مرکزی ٹھوس زاویہ 22 حاصل کیا جا سکتا ہے۔ یوں ثانوی شعاع 21 کے ٹھوس زاویہ Ω_m کو اخراجی ٹھوس زاویہ اور مرکزی ٹھوس زاویہ کے فرق

$$\Omega_m = \Omega_A - \Omega_M$$

ے حاصل کیا جا سکتا ہے۔غیر سمتی 2^2 اینٹینا ہر سمت میں برابر اخراج کرتی ہے لہذا ہر سمت میں اس کا $P_n(heta,\phi)=1$ اور $\Omega_A=4\pi$ ہو گا۔

اینٹینا کی دوسری اہم خاصیت اس کی سمتیت ²³ ہے۔اخراجی اینٹینا کی زیادہ سے زیادہ اخراجی شدت اور اوسط اخراجی شدت کی شرح

(15.76)
$$D = \frac{i_{x} (\theta, \phi)_{y}}{p(\theta, \phi)_{y}} = \frac{i_{y} (\theta, \phi)_{y}}{p(\theta, \phi)_{y}} = \frac{P(\theta, \phi)_{y}}{P(\theta, \phi)_{y}}$$

dimensionless¹⁶

normalized power pattern¹⁷

beam solid angle¹⁸

main lobe¹⁹

major lobe solid angle²⁰

isotropic²²

directivity²³

اس کی سمتیت کہلاتی ہے۔ کل اخراج W کو π 4 سٹریڈیٹن سے تقسیم کرنے سے اوسط اخراجی شدت $P(\theta,\phi)$ حاصل ہوتی ہے جبکہ اخراجی شدت $P(\theta,\phi)$ کا Ψ سٹریڈیٹن پر حکمل لینے سے اینٹینا کی کل اخراج حاصل ہوتی ہے۔ یوں Ψ کا Ψ کا ہم کا کہ خواج کے اینٹینا کی کل اخراج حاصل ہوتی ہے۔ یوں

$$D = \frac{P(\theta, \phi)_{\vec{j}, \vec{j}, \vec{k}}}{W/4\pi} = \frac{4\pi P(\theta, \phi)_{\vec{j}, \vec{k}, \vec{k}}}{\iint_{4\pi} P(\theta, \phi) d\Omega}$$

$$= \frac{4\pi}{\iint_{4\pi} \frac{P(\theta, \phi)}{P(\theta, \phi)} d\Omega} d\Omega$$

$$= \frac{4\pi}{\iint_{4\pi} \frac{P(\theta, \phi)}{P(\theta, \phi)} d\Omega}$$

کھی جاسکتی ہے۔مساوات 15.73 کے ساتھ موازنے کے بعد اسے

(15.78)
$$D = \frac{4\pi}{\Omega_A} \qquad \cancel{\downarrow} \dot{}$$

کھا جا سکتا ہے۔ یوں اینٹینا کی سمتیت سے مراد، کرہ کا ٹھوس زاویہ 4π تقسیم اینٹینا کی اخراجی ٹھوس زاویہ Ω ہے۔ سمتیت اینٹینا کی ایک منفر د خاصیت ہے۔ مخصوص ٹھوس زاویے میں طاقت کو ہے۔ مخصوص ٹھوس زاویے میں طاقت کو مرکوز کریائے گا۔ مرکوز کریائے گا۔

مثال 15.2: غير سمتي اينسُنا كي سمتيت حاصل كريں۔

$$P_n(heta,\phi)=1$$
 اور $\Omega_A=1$ ہوں گے۔ یوں کا نظیر سمتی اینٹینا ہر سمت میں کیساں اخراج کرتی ہے لہٰذااس کا $D=rac{4\pi}{\Omega_A}=1$

حاصل ہو گا۔ کسی بھی اینٹینا کی یہ کم سے کم مکنہ سمتیت ہے۔

مثال 15.3: مخضر جفت قطب کی سمتیت حاصل کریں۔

حل: مساوات 15.38 استعال كرتے ہوئے تقابل پذیر نقش طاقت

(15.80)
$$P_n(\theta,\phi) = \frac{H_{\phi}^2(\theta,\phi)}{H_{\phi}^2(\theta,\phi)} = \sin^2\theta$$

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج

لکھی جاسکتی ہے۔مساوات 15.73 سے

(15.81)
$$\Omega_A = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \sin^2 \theta \, \mathrm{d}\theta \, \mathrm{d}\phi = \frac{8\pi}{3}$$

اور بول مساوات سے

$$D = \frac{4\pi}{\Omega} = \frac{3}{2}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں غیر سمتی اینٹینا کی نسبت سے مخضر جفت قطب کی زیادہ سے زیادہ اخراج 3 گنازیادہ ہے۔

سمتیت کا دار و مدار صرف اور صرف دور میدان کی نقش پر ہے۔اس میں اینٹینا کی کار گزاری شامل نہیں ہے۔اس کے برعکس اینٹینا کی کار گزاری، اینٹینا کی افزاکش طاقت یا افزاکش 24 پر اثر انداز ہوتی ہے۔اینٹینا کی افزاکش سے مراد

$$G = G = \frac{1}{1}$$
 آزما کُثی اینٹینا کی زیادہ سے زیادہ اخراجی شدت $G = G = \frac{1}{1}$ (15.83)

ہے جہاں دونوں اینٹینوں کی داخلی طاقت برابر ہے۔کسی بھی اینٹینا کو بطور حوالہ اینٹینا لیا جا سکتا ہے۔اگر ہم بے ضیاع، غیر سمتی اینٹینا کو حوالہ تصور کریں تب

$$G_0 = \frac{P_m'}{P_0}$$

ہو گا جہاں

آزمائشی اینٹینا کی زیادہ سے زیادہ اخراجی شدت، P'_m

ہ فیر سمتی اینٹینا کی اخراجی شدت P_0

ہیں۔ یاد رہے کہ غیر سمتی اینٹینا ہر سمت میں کیساں اخراج کرتی ہے للذا اس کی زیادہ سے زیادہ شدت اور اوسط اخراجی شدت برابر ہوتے ہیں۔ آزمودہ اینٹینا کی اخراجی شدت P'_m اور کامل اینٹینا کی اخراجی شدت P_m کی شرح اینٹینا کی کار گزار کی k دیتی ہے۔ یہ وہی k ہے جے مساوات 15.61 میں بھی حاصل کیا گیا۔ یوں

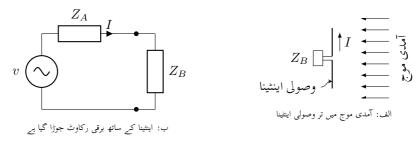
$$G_0 = \frac{kP_m}{P_0} = kD$$

حاصل ہوتا ہے۔ یہ مساوات کہتی ہے کہ کسی بھی کامل اینٹینا (% 100 k = 100) کی افٹرائش، کامل غیر سمتی اینٹینا کی نسبت سے، اسی اینٹینا کی سمتیت کے برابر ہوتی ہے۔ غیر کامل % 100 k < 100 میلٹینا کی صورت میں افٹرائش کی قیمت سمتیت سے کم ہوگی۔

سمتیت کی قیمت 1 تا∞ ممکن ہے۔ سمتیت کی قیمت اکائی ہے کم نہیں ہو سکتی۔اس کے برعکس افٹرائش کی قیمت صفر تالا محدود ممکن ہے۔

$$1 < D < \infty$$

$$0 \le G \le \infty$$
 مکنہ قیمت مکنہ



شکل 15.7: وصولی اینٹینا آمدی موج سے طاقت حاصل کر کمے برقی رکاوٹ کو فراہم کرتی ہے۔

اخراجی اینٹینا 25 شعاعی اخراج کرتی ہے۔اس کے برعکس وصولی اینٹینا 26 شعاع سے طاقت وصول کرتی ہے۔ برقی و مقناطیسی امواج جب وصولی اینٹینا 26 پر چینچتے ہیں تو وصولی اینٹینا ان سے طاقت حاصل کردہ طاقت کا کچھ پیلی تو وصولی اینٹینا ان سے طاقت حاصل کردہ طاقت کا کچھ حصہ اس مزاحمت میں ضائع ہوگا۔ ہم چونکہ ہیرونی مزاحمت کو فراہم طاقت $W=I^2R_B$ میں دلچپی رکھتے ہیں للذااس کی بات کرتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔ بیرونی مزاحمت کو فراہم طاقت I^2R_B برابر طاقت آمدی موج کے رقبہ کا میں پیا جاتا ہے۔ یوں

$$\mathscr{P}S = I^2 R_B$$

لکھا جا سکتا ہے۔ہم فرض کرتے ہیں کہ اینٹینے کا رقبہ S ہی ہے اور اینٹینا اتنے رقبے پر آمدی موج سے مکمل طاقت حاصل کرنے اور اسے بیرونی برقی سروں تک منتقل کرنے کی صلاحیت رکھتی ہے۔اس فرضی رقبے کو وصولی رقبہ 27 کہا جاتا ہے۔یوں وصولی رقبے کو

$$S = \frac{I^2 R_B}{\mathscr{P}}$$

سے حاصل کیا جاسکتا ہے جہاں

s اینٹینا کا فرضی رقبہ، m²

I موثر برقی رو، A

W/m² ، آمدی موج کا بوئنٹنگ سمتیہ 🌮

برقی مزاحت، ی R_L

ہیں۔ حقیقت میں اینٹینا I^2R_B سے زیادہ طاقت حاصل کرتی ہے جس کا کچھ حصہ اینٹینا کے اندر ہی ضائع ہو جاتا ہے۔ ہمیں اینٹینا کے اندر ضائع ہونے والے طاقت سے کوئی دلچیوی نہیں ہے۔

شکل 15.7-الف میں آمدی موج میں تر اینٹینا د کھایا گیاہے جسے بیر ونی برقی رکاوٹ Z_B کے ساتھ جوڑا گیاہے۔اینٹینا کا تھونن 28 مساوی دور استعال کرتے ہوئے، شکل-ب میں اس کا مکمل برقی دور د کھایا گیاہے۔اس دور میں سلسلہ وار برقی رو

$$I = \frac{v}{Z_A + Z_B} = \frac{v}{R_A + R_B + j(X_A + X_B)}$$

ہو گی جہاں

 $gain^{24}$

transmitting antenna²⁵

receiving antenna²⁶ antenna aperture²⁷

Thevenin equivalent circuit²⁸

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج

ت اینٹینا میں آمدی موج سے پیداموثر برقی دباو،

اینٹینا کے تھونن مساوی دور میں اینٹینا کی مزاحت، R_A

تھونن دور میں اینٹینا کی متعاملیت، X_A

بیرونی مزاحمت، R_B

بیرونی متعاملیت X_B

ہیں۔یوں بیر ونی مزاحت کو مہیا طاقت

(15.88)
$$|I|^2 R_B = \frac{v^2 R_B}{(R_A + R_B)^2 + (X_A + X_B)^2}$$

ہو گا جس سے اینٹینے کارقبہ وصولی

(15.89)
$$S = \frac{v^2 R_B}{\mathscr{P}\left[(R_A + R_B)^2 + (X_A + X_B)^2 \right]}$$

حاصل ہوتا ہے۔

آمدی موج کی نسبت سے ایک مخصوص انداز میں رکھے ہوئے اینٹینا میں زیادہ سے زیادہ برقی دباوپیدا ہو گا۔اس جگہ اینٹینا کو رکھتے ہوئے ہیرونی مزاحمت میں زیادہ سے زیادہ طاقت اس صورت منتقل ہوگی جب

$$(15.90) R_B = R_A$$

$$(15.91) X_B = -X_A$$

ہوں۔ بے ضیاع اینٹینا کی تھونن مزاحمت دراصل اینٹینا کی اخراجی مزاحمت ،R ہی ہے۔اس طرح بیر ونی مزاحمت میں زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل کرتے وقت زیادہ سے زیادہ وصولی رقبہ

$$S_{\mathcal{S}_{l};\dot{\mathcal{T}}_{l}} = \frac{v^{2}}{4\mathscr{P}R_{r}}$$

حاصل ہو گا جسے اینٹینا کا اخراجی رقبہ ²⁹ اخ_{اجی} S پکارا جاتا ہے۔ ہر اینٹینا مخصوص قیمت کا اخراجی رقبہ رکھتا ہے۔

مثال 15.4: پورے مختصر جفت قطب پریکسال برقی رو تصور کرتے ہوئے، اس کا اخراجی رقبہ حاصل کریں۔

حل: مساوات 15.92 سے ظاہر ہے کہ اخراجی رقبہ دریافت کرنے کے لئے، اینٹینا میں پیدا برقی دباو ن، اینٹینا کی اخراجی مزاحمت R_r اور آمدی موج میں کثافت طاقت © درکار ہوں گے۔جفت قطب میں زیادہ سے زیادہ برقی دباواس صورت پیدا ہو گی جب اینٹینا کی تار اور آمدی موج کا برقی میدان متوازی ہوں۔ایسی صورت میں اینٹینا میں

(15.93) v = El

effective aperture29

برقی د باو پیدا ہو گی۔ آمدی موج کی پوئٹنگ سمتیہ

$$\mathscr{P} = \frac{E^2}{Z_0} \qquad (W/m^2)$$

ہے جہاں $I=I_0$ پر کرنے سے موجودہ جفت قطب کی اخراجی $Z_0=\sqrt{\mu_0/\epsilon_0}=1$ پر کرنے سے موجودہ جفت قطب کی اخراجی مزاحمت

$$(15.95) R_r = 80\pi^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2$$

حاصل ہوتی ہے۔ان تمام کو مساوات 15.92 میں پر کرتے ہوئے

(15.96)
$$S_{\vec{\mathcal{G}},l,\vec{\mathcal{T}}} = \frac{E^2 l^2}{4 \frac{E^2}{Z_0} 80 \pi^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2} = \frac{3\lambda^2}{8\pi} = 0.119\lambda^2 \qquad (m^2)$$

یوں کامل مختصر جفت قطب کی لمبائی جتنی بھی کم کیوں نہ ہویہ ہر صورت 2×10.119 اخراجی رقبہ پر آمدی موج سے تمام طاقت حاصل کرنے اور اسے بیر ونی مزاحمت تک منتقل کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔ حقیقی جفت قطب غیر کامل ہو گالہذااس کی مزاحمت منائع $R + \frac{1}{16 \cdot 15}$ ہو گی۔ یوں کامل جفت قطب کا اخراجی رقبہ کچھ کم ہو گا۔

آئیں ایسے اینٹینا کی بات کریں جس کا اخراجی رقبہ $S_{i,j}$ اور اخراجی ٹھوس زاویہ Ω_A ہو۔اخراجی رقبے پریکسال برقی میدان E_m کی صورت میں اخراجی طاقت

$$P = \frac{E_m^2}{Z} S_{\zeta, |z|}$$

ہو گا جہاں Z انقالی خطے کی قدرتی رکاوٹ ہے۔

ا گر r فاصلے پر میدان E_r ہو تب اخراجی طاقت

$$(15.98) P = \frac{E_r^2}{Z} r^2 \Omega_A$$

ہو گا۔

ہم آگے جاکر مساوات 15.159 حاصل کریں گے جس کے تحت $\frac{E_m S_{\zeta_1 S_2}}{r \lambda}$ ہے۔اس نتیج کو استعال کرتے ہوئے مندر جہ بالا دو مساوات کو برابر لکھتے ہوئے

$$\lambda^2 = S_{\mathcal{S}_i \dot{\mathcal{T}}_i} \Omega_A \qquad (m^2)$$

حاصل ہوتا ہے جہاں

 λ طول موج،

اینٹینا کا اخراجی رقبہ اور S

اینٹینا کا اخراجی ٹھوس زاویہ Ω_A

ہیں۔اس مساوات کے تحت اینٹینا کا اخراجی رقبہ ضرب اخراجی ٹھوس زاویہ برابر ہوتا ہے طول موج کا مربعے۔یوں اگر ہمیں اخراجی رقبہ معلوم ہو تب ہم اخراجی ٹھوس زاویہ حاصل کر سکتے ہیں اور اگر اخراجی ٹھوس زاویہ معلوم ہو تب اخراجی رقبہ حاصل کیا جا سکتا ہے۔

مساوات 15.78 میں مساوات 15.99 پر کرنے سے

$$D = \frac{4\pi}{\lambda^2} S_{\mathcal{S}, \dot{\mathcal{F}}, \dot{\mathcal{F}}}$$

کھا جا سکتا ہے۔ سمتیت کی بیہ تیسری مساوات ہے۔ تینوں کو یہاں دوبارہ پیش کرتے ہیں

$$D = rac{P(heta,\phi)$$
 بایم تر (15.101) $D = rac{4\pi}{\Omega}$ $D = rac{4\pi}{\lambda^2} S_{ec{\zeta},ec{z}}$

جہال پہلی دو مساوات میں سمتیت اخراجی شعاع کے نقش سے حاصل کی گئی ہے جبکہ تیسری مساوات میں اسے اخراجی رقبے سے حاصل کیا گیا ہے۔

15.8 قطاری ترتیب

مسکلہ اینٹینا دراصل اینٹینا کے مختلف حصول سے پیدا میدانوں کا درست مجموعہ حاصل کرنا ہے۔اینٹینا کے مختلف حصول کے میدان جمع کرتے ہوئے ان کے انفرادی حیطے اور زاویائی فرق کا خیال رکھنا ضروری ہے۔

15.8.1 غير سمتي، دو نقطه منبع

دو عدد نقطہ منبع کو شکل میں دکھایا گیا ہے۔دونوں منبع غیر سمتی ہیں اور ان کے در میان فاصلہ 4 ہے۔نقطہ منبع سے مراد الیی فرضی منبع ہے جس کا حجم صفر کے برابر ہو۔ ہم آگے چل کر مسلہ متکافیت 30 دیکھیں گے جس کے تحت نقطہ منبع کے قطاروں کا اخراجی نقش اور انہیں کا وصولی نقش بالکل یکساں ہوتے ہیں۔

ہم فرض کرتے ہیں کہ دونوں منبع برابر حیطے اور ہم قدم میدان پیدا کرتے ہیں۔دونوں میدان کے خطی تقطیب ہیں۔مزیدیہ کہ دونوں کے E میدان صفح کے عمودی ہیں۔دونوں منبع سے برابر فاصلے پر ان کے بالکل در میانے مقام پر زاویائی صفر تصور کرتے ہوئے، دور میدان کو

(15.102)
$$E = E_2 e^{j\frac{\psi}{2}} + E_1 e^{-j\frac{\psi}{2}}$$

لکھا جا سکتا ہے جہاں

$$\psi = \beta d \cos \theta = \frac{2\pi d}{\lambda} \cos \theta$$

ہے۔ان مساوات میں

15.8. قطاری ترتیب

منبع-1 کا زاویه heta ست میں دور میدان، E_1

منبع-2 کا زاویه heta سمت میں دور میدان اور E_2

 ψ دونوں اشارات کا زاویہ heta کی سمت میں زاویائی فرق

ہیں۔ دونوں دور میدان برابر $(E_1=E_2)$ ہونے کی صورت میں یول

(15.104)
$$E = E_1 \left(e^{j\frac{\psi}{2}} + e^{-j\frac{\psi}{2}} \right) = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2}$$

ہو گا۔ فاصلہ $rac{\lambda}{d}=rac{\lambda}{2}$ کی صورت میں میدان کو شکل میں د کھایا گیا ہے۔

ا گرزاویائی صفر کو دونوں منبع کے درمیانے مقام کی جگه منبع-1 پر چنا جاتا تب دور میدان

(15.105)
$$E = E_1 + E_2 e^{j\psi}$$
$$= \left(E_1 e^{-j\frac{\psi}{2}} + E_2 e^{j\frac{\psi}{2}} \right) e^{j\frac{\psi}{2}}$$

 $E_1 = E_2$ ماصل ہوتا جو

(15.106)
$$E = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2} e^{j\frac{\psi}{2}} = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2} / \frac{\psi}{2}$$

حاصل ہوتا۔میدان کا نقش چونکہ میدان کے جیطے پر منحصر ہوتا ہے للذااس میں کوئی تبدیلی رونمانہیں ہوئی البتہ میدان کا زاویہ تبدیل ہو گیا ہے۔میدان کے زاویے کی تبدیلی کی وجہ بیر ہے کہ ہم نے زاویے کے صفر کو دونوں منبع کے درمیانے مقام سے ہٹا کر منبع-1 پر چنا ہے۔

15.8.2 ضرب نقش

گزشتہ جے میں بالکل کیساں دو عدد غیر سمتی نقطہ منبع کے میدان پر غور کیا گیا۔ اگر نقطہ منبع سمتی ہوں اور دونوں کے نقش بالکل کیساں ہوں تب بھی مساوات 15.104 (یا مساوات 15.106) ہی ان کا مجموعی میدان دے گا اپن فرق اتنا ہے کہ اب E_1 از خود θ کا نقاعل $E(\theta)$ ہے۔ انفرادی منبع کے نقش E_1 کو انفرادی نقش E_2 کہ اجائے گا۔ یوں $E(\theta)$ کو انفرادی نقش E_3 کہ قطاری نقش E_3 کہ اجائے گا۔ یوں

$$(15.107) E = E(\theta)\cos\frac{\psi}{2}$$

کھا جا سکتا ہے۔مساوات 15.107 ضرب نقش ³³ کا اصول بیان کرتا ہے جس کے تحت انفرادی منبع کا نقش اور غیر سمتی نقطہ منبع کے قطار کا نقش ضرب دینے سے سمتی منبع کے قطار کا نقش حاصل ہوتا ہے۔ یہاں فرض کیا گیا ہے کہ قطار میں انفرادی نقطہ منبع کا نقش وہی ہے جو اس نقطہ منبع کا تنہائی میں نقش ہوتا ہے۔

primary pattern³¹

array pattern³²

pattern multiplication³³

15.8.3 ثنائي قطار

مساوات 15.106 دو غیر سمتی زاویائی طور پر ہم قدم نقطہ منبع کے جوڑی کا دور میدان دیتا ہے۔نقطہ منبع کے درمیان فاصلہ $rac{\lambda}{2}$ اور $E_1=rac{1}{2}$ ہونے کی صورت میں اس مساوات کو

$$(15.108) E = \cos\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

کھا جا سکتا ہے۔اس نقش کو شکل میں دکھایا گیا ہے جس میں کوئی ثانوی شعاع نہیں پایا جاتا۔اس جوڑی منبع کے سیدھ میں ﴿ فاصلے پر منبع کی دوسری جوڑی رکھنے سے شکل۔ب حاصل ہوتا ہے۔اس شکل میں دو در میانے منبع دراصل ایک ہی نقطے پر پائے جائیں گے لیکن وضاحت کی خاطر انہیں اوپرینچے دکھایا گیا ہے۔ضرب نقش کے اصول کے تحت ان کا مجموعی میدان

$$(15.109) E = \cos^2\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

ہو گا جسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔اس مساوات پر شق کرنے والوں کے لئے مثال میں تفصیلی ثبوت بیش کیا گیا ہے۔

اس قطار کو تین عدد منبع کی قطار تصور کیا جا سکتا ہے جہاں قطار میں بالترتیب، منبع کی طاقت (1:2:1) نسبت سے ہے۔اس تین رکنی قطار کے سیدھ میں لیکن $\frac{\lambda}{2}$ ہٹ کر بالکل ایسی ہی تین رکنی قطار رکھنے سے شکل حاصل ہوتی ہے۔اس نئی قطار کو چار رکنی تصور کیا جا سکتا ہے جہاں بالترتیب منبع کی طاقت (1:3:3:1) نسبت سے ہے۔اس چار رکنی قطار کا میدان

$$(15.110) E = \cos^3\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

ہے۔اس نقش میں بھی ثانوی شعاع نہیں پایا جاتا۔اسی طرح بڑھتے ہوئے، ثانوی شعاع سے پاک، زیادہ سے زیادہ سمتیت کا نقش حاصل کیا جاسکتا ہے۔یوں زیادہ منبع پر مبنی قطار میں منبع کی طاقت ثنائی تسلسل 34 کے ثنائی سر 35 کی نسبت سے ہوتے ہیں۔ ثنائی سروں کو شکل میں دکھائے گئے پاسکل تکون 36 کی مدد سنبع پر مبنی قطار میں منبع کی طاقت شائی سرد، اوپر کے قریبی دواعداد کا مجموعہ ہوتا ہے۔متعدد منبع کے قطار کا نقش

$$(15.111) E = \cos^{n-1}\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

کے برابر ہو گا جہال قطار میں منبع کی تعداد n ہے۔

ا گرچہ مندرجہ بالا nر کنی قطار کے نقش میں کوئی ثانوی شعاع نہیں پایا جاتا اس کے باوجود اس کی سمتیت برابر طاقت کے nر کنی منبع کے قطار سے کم ہوتی ہے۔ حقیقی قطار عموماً ان دو صورتوں (ثنائی قطار اور یکساں قطار) کی در میانی شکل رکھتے ہیں۔

مثال 15.5: مساوات 15.109 كو ثابت كريي_

binomial series³⁴ binomial coefficient³⁵ Pascal triangle³⁶

15.8. قطاری ترتیب

حل: مساوات 15.105 کی طرح زاویائی صفر کو قطار کے پہلی رکن پر چنتے ہوئے

$$E = E_0 + E_0 e^{j\psi} + E_0 e^{j\psi} + E_0 e^{j2\psi}$$

$$= E_0 \left(1 + e^{j\psi} \right) + E_0 e^{j\psi} \left(1 + e^{j\psi} \right)$$

$$= E_0 \left(1 + e^{j\psi} \right) \left(1 + e^{j\psi} \right)$$

$$= E_0 \left(1 + e^{j\psi} \right)^2$$

جس میں $\psi = \frac{\pi}{2}\cos\theta$ اور $E_0 = \frac{1}{2}$ پر کرتے ہوئے

$$E = \left[\left(\frac{e^{-j\frac{\psi}{2}} + e^{j\frac{\psi}{2}}}{2} \right) e^{j\frac{\psi}{2}} \right]^2 = \cos^2 \frac{\psi}{2} / \psi$$

کھا جا سکتا ہے۔اس کا حیطہ $\frac{\psi}{2}$ $\cos^2\frac{\dot{\psi}}{2}$ کمھا جا سکتا ہے۔

مثال 15.6: مساوات 15.111 کو تفصیل سے ثابت کریں۔

ثائی قطار میں رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1رکنی قطار میں بالترتیب رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1 کی ثنائی تسلسل

(15.112)
$$(1+x)^n = 1 + \frac{n}{1!}x + \frac{n(n-1)}{2!}x^2 + \frac{n(n-1)(n-2)}{3!}x^3 + \cdots$$

کے سرسے حاصل کئے جاتے ہیں۔یوں تین رکنی قطار کے سر شائی تسلسل

$$(15.113) (1+x)^2 = 1 + 2x + x^2$$

کے سرکی نسبت 1:2:1 سے ہوں گے للذا مندرجہ بالا مساوات میں $x=e^{i\psi}$ پر کرنے سے تین رکنی قطار کا دور میدان مندرجہ بالا مساوات کے بائیں یادائیں ہاتھ کی صورت میں لکھا جا سکتا ہے یعنی

(15.114)
$$E = E_0 \left(1 + e^{j\psi} \right)^2 = E_0 (1 + 2e^{j\psi} + e^{j2\psi})$$

تین رکنی قطار کو دیکھ کر دور میدان مندرجہ بالا مساوات کی دائیں ہاتھ دیتی ہے جے ثنائی تسلسل کی مدد سے مساوات کی بائیں ہاتھ کی صورت میں بھی لکھا جا سکتا ہے۔ مساوات کے بائیں ہاتھ سے نقش $\frac{4}{2}\cos^2\theta$ حاصل ہوتا ہے۔ اس طرح n رکنی قطار کو $(1+x)^{n-1}$ کی ثنائی تسلسل کی مدد سے اکھٹے کرتے ہوئے

(15.115)
$$E = E_0 \left(1 + e^{j\psi} \right)^{n-1}$$

کھا جا سکتا ہے جس میں $E_0=rac{1}{2}$ اور $\psi=\pi\cos heta$ اور $\psi=\pi\cos heta$ کھا جا سکتا ہے جس میں اور ک

$$(15.116) E = \cos^{n-1}\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

لکھا جا سکتا ہے۔

15.8.4 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار

ثنائی قطار غیر کیسال رکنی قطار ہے۔آئیں شکل میں دکھائے گئے n رکنی، غیر سمتی، کیسال طاقت کے منبع کی قطار کا دور میدان حاصل کریں۔یہال فرض کیا جاتا ہے کہ قطار میں ہر دو قریبی منبع میں δ زاویائی فرق پایا جاتا ہے۔یوں

$$\psi = \beta d \cos \theta + \delta$$

ہو گا۔ قطار کا دور میدان

(15.118)
$$E = E_0 \left(1 + e^{j\psi} + e^{j2\psi} + e^{j3\psi} + \dots + e^{j(n-1)\psi} \right)$$

لکھا جا سکتا ہے جہاں

d قطار میں رکن کے در میان فاصلہ،

δ ہر دو قریبی رکن کے در میان زاویائی فرق اور

 $\psi=eta d\cos heta+\delta$ دو قریبی رکن میں کل زاویائی فرق لیعن ψ

بيں-

اس میں $e^{j\psi}=x$ پیجانی تسلسل اس میں و

 $E_0\left(1 + x + x^2 + x^3 + \dots + x^{n-1}\right)$

حاصل ہوتی ہے جس کا مجموعہ

 $E_0\left(\frac{1-x^n}{1-x}\right)$

کے برابر ہے۔

مساوات 15.118 کو $e^{j\psi}$ سے ضرب دیتے ہوئے

(15.119)
$$Ee^{j\psi} = E_0 \left(e^{j\psi} + e^{j2\psi} + e^{j3\psi} + \dots + e^{jn\psi} \right)$$

حاصل ہوتا ہے۔ مساوات 15.118 سے مساوات 15.119 منفی کر کے E کے حل کرتے ہوئے

(15.120)
$$E = E_0 \frac{1 - e^{jn\psi}}{1 - e^{j\psi}} = E_0 \frac{\sin\frac{n\psi}{2}}{\sin\frac{\psi}{2}} / (n-1)\frac{\lambda}{2}$$

حاصل ہوتا ہے۔اگر قطار کے در میانے نقطے کو زاویائی صفر چنا جاتا تب مندرجہ بالا مساوات میں زاویہ $\frac{\lambda}{2}(n-1)$ نہ پایا جاتا۔ تمام رکن غیر سمتی ہونے کی صورت میں E_0 ہر رکن کا انفراد کی نقش ہو گا جبکہ $\frac{\sin\frac{n\psi}{2}}{\sin\frac{\psi}{2}}$ قطار کی نقش ہے۔

غیر سمتی منبع اور زاویائی صفر کا مقام قطار کے در میانے نقطے پر رکھتے ہوئے

$$E = E_0 \frac{\sin\frac{n\psi}{2}}{\sin\frac{\psi}{2}}$$

15.8. قطاری ترتیب

ہو گا۔ قطار کی زیادہ سے زیادہ قیمت $\psi \to 0$ صورت میں پائی جائے گی۔ چو نکہ $\psi = 0$ ہند مندرجہ بالا مساوات $\psi = 0$ دیتا ہے جو بے معنی $\psi = 0$ ہمیں ال ہوس پٹل 38 کا قاعدہ استعال کرنا ہو گا جس کے تحت اگر تفاعل $\psi = \frac{\partial m/\partial x}{n(x)}$ قیمت $\psi = 0$ ماصل ہو تب قیمت $\psi = 0$ مندرجہ بالا مساوات سے $\psi = 0$ پر

$$E = E_0 \frac{\frac{\partial \sin \frac{n\psi}{2}}{\partial \psi}}{\frac{\partial \sin \frac{\psi}{2}}{\partial \psi}} \bigg|_{\psi \to 0}$$
$$= E_0 \frac{\frac{n}{2} \cos \frac{n\psi}{2}}{\frac{1}{2} \cos \frac{\psi}{2}} \bigg|_{\psi \to 0}$$

لعيني

$$(15.122) E = nE_0$$

حاصل ہوتا ہے جو قطار کی زیادہ سے زیادہ ممکنہ میدان ہے۔ یہ میدان قطار میں انفرادی منبع کے طاقت سے n گنا زیادہ ہے۔ اس قطار کے نقش کی زیادہ سے زیادہ قیمت اس زاویے پر یائی جائے گی جس پر 0 = ψ یعنی

$$\beta d\cos\theta + \delta = 0$$

ہو جس سے

(15.124)
$$\theta إندترطاقت = \cos^{-1}\left(-\frac{\delta}{\beta d}\right)$$

حاصل ہوتا ہے۔

ای طرح اخراجی نقش کا صفر اس مقام پر ہو گا جہاں مساوات 15.121 صفر کے برابر ہو یعنی جہاں $\frac{n\psi}{2} = \mp k\pi$ کے برابر ہو یعنی $\frac{n}{2} \left(\beta d\cos\theta + \delta\right) = \mp k\pi$

جس سے صفر اخراج کا زاویہ

(15.126)
$$\theta_0 = \cos^{-1} \left[\left(\mp \frac{2k\pi}{n} - \delta \right) \frac{\lambda}{2\pi d} \right]$$

حاصل ہوتا ہے جہاں

صفر اخراج کا زاویه، θ_0

اعداد $k=1,2,3,\cdots$ کی شرط لا گوہے جس میں k=m کے برابر ہے۔ $k=1,2,3,\cdots$ اعداد

 E_n مساوات 15.121 کو مساوات 15.122 سے تقسیم کرتے ہوئے تقابل پذیر میدان

(15.127)
$$E_n = \frac{E}{nE_0} = \frac{1}{n} \frac{\sin \frac{n\psi}{2}}{\sin \frac{\psi}{2}}$$

حاصل ہوتا ہے۔

indeterminate³⁷ L Hospital's rule³⁸

15.8.5 یکسان طاقت کر متعدد رکن پر مبنی قطار: چوڑائی جانب اخراجی قطار

نقش کی چوٹی اس مقام پر پائی جاتی ہے جس پر $\delta d\cos\theta = -\delta$ ہو۔ قطار کے سیرھ میں کھڑے ہو کر، چوڑائی جانب ($\theta=90^\circ$) زیادہ سے زیادہ اخراج $\delta=0$ کی صورت میں ہو گا یعنی جب تمام انفرادی منبع ہم قدم ہوں۔ اگر θ کی جگہ اس کا زاویہ تکملہ γ^{30} استعال کیا جائے تب نقش کے صفر $\delta=0$ کی صورت میں ہو گا یعنی جب تمام انفرادی منبع ہم قدم ہوں۔ اگر $\delta=0$ کی جگہ اس کا زاویہ تکملہ γ^{30} استعال کیا جائے تب نقش کے صفر

$$\gamma_0 = \sin^{-1}\left(\mp\frac{k\lambda}{nd}\right)$$

پر پائے جائیں گے۔ کمبی قطار $k\lambda \gg n$ کی صورت میں γ_0 کم قیمت کا ہو گا لہذا اسے

$$\gamma_0 = \frac{k}{nd/\lambda} \approx \frac{k}{L/\lambda}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں قطار کی لمبائی کL=(n-1) کی صورت میں

$$L = (n-1)d \approx nd$$

کھا جا سکتا ہے۔مساوات 15.129 میں k=1 پر کرتے ہوئے نقش کا پہلا صفر γ_{01} حاصل ہوتا ہے۔یوں گوشے کے دونوں اطراف پر پہلے صفروں کے درمیان نقش کی چوڑائی

(15.130)
$$\gamma_{01} \approx \frac{2}{L/\lambda}$$
 rad $\gamma_{01} \approx \frac{2}{L/\lambda}$ rad $\gamma_{01} \approx \frac{114.6^{\circ}}{L/\lambda}$

حاصل ہوتی ہے۔ نقش میں زیادہ سے زیادہ طاقت کے زاویے کے دونوں اطراف وہ زاویے پائے جاتے ہیں جن پر طاقت نصف ہوتی ہے۔ان کے در میان زاویے کو نصف طاقت چوڑائی40، کہتے ہیں۔ لمبے یکساں چوڑائی جانب اخراجی قطار 41 کے نصف طاقت چوڑائی کی قیت پہلی صفر چوڑائی ⁴² کے تقریباً آدھی ہوتی ہے۔ یوں

(15.131)
$$\approx \frac{y_{\gamma} j_{\gamma} }{2}$$
 مفر چوڑائی $\approx \frac{1}{L/\lambda}$ rad $= \frac{57.3^{\circ}}{L/\lambda}$

ہو گی۔

15.8.6 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: لمبائی جانب اخراجی قطار

زیادہ سے زیادہ اخراج کا زاویہ مساوات 15.123

$$\beta d\cos\theta + \delta = 0$$

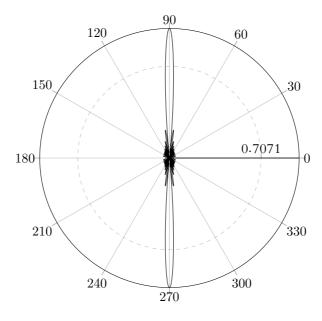
complementary angle³⁹

half power beam width, HPBW⁴⁰

broadside array⁴¹

beam width between first nulls, BWFN⁴²

15.8. قطاری ترتیب



شكل 15.8: چوڑائى جانب اخراجى قطار

سے حاصل ہوتا ہے۔ قطار کے سیدھ میں کھڑے ہو کر سیدھا آگے (heta=0) لمبائی کی جانب زیادہ سے زیادہ اخراج اس صورت ہو گا جب ہر دو قریبی منبع کے مابین

$$\delta = -\beta d$$

زاویائی فرق پایا جاتا ہو۔ یوں ایسے قطار کے صفر مساوات 15.125 کے تحت

$$\frac{n}{2}\beta d\left(\cos\theta_0 - 1\right) = \mp k\pi$$

لعيني

$$\cos\theta_0 - 1 = \mp \frac{k}{nd/\lambda}$$

سے حاصل ہوں گے۔اس سے

$$\frac{\theta_0}{2} = \sin^{-1}\left(\mp\sqrt{\frac{k}{2nd/\lambda}}\right)$$

کھا جا سکتا ہے۔ کمبی قطار $(nd\gg k\lambda)$ کی صورت میں اسے

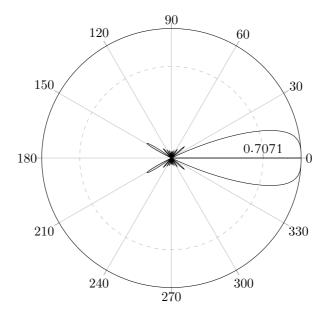
(15.135)
$$\theta_0 = \mp \sqrt{\frac{2k}{nd/\lambda}} \approx \mp \sqrt{\frac{2k}{L/\lambda}}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں لمبائی L=(n-1)d کو $k\lambda \gg L$ کا صورت میں $L\approx nd$ کھا گیا ہے۔ پہلا صفر L=(n-1)d پر حاصل ہو گا جس سے پہلی صفر چوڑ ائی

(15.136)
$$au_0 = 2\sqrt{\frac{2}{L/\lambda}}$$
 rad $au_0 = 114.6^\circ \sqrt{\frac{2}{L/\lambda}}$

حاصل ہوتی ہے۔

H52 باب 15. اينٹينا اور شعاعي اخراج



شكل 15.9: لمبائى جانب اخراجي قطار

بیں منبع پر مبنی، لمبائی جانب اخراجی قطار کا تقابل پذیر اخراجی نقش شکل 15.9 میں دکھایا گیا ہے۔ یہ نقش مساوات 15.127 سے حاصل کیا گیا ہے۔ منبع کے در میانی فاصلہ $\frac{\lambda}{2}$ ہے۔ مساوات 15.127 سے پہلی صفر چوڑائی °52 اور نصف طاقت چوڑائی °34 ھے $\theta_{HP}^{\circ}=34$ حاصل ہوتی ہے۔ یہ نقش جتنا چوڑا ہے یہ اتنا صفہ کے عمودی جانب موٹا بھی ہے۔ یوں ϕ جانب بھی اس کی نصف طاقت چوڑائی $\phi_{HP}^{\circ}=34$ بی جانب اخراجی کمبی قطار کی نصف طاقت چوڑائی اس کے پہلے صفر چوڑائی کے تقریباً $\frac{2}{5}$ گنا ہوتی ہے۔

جیسے مثال 15.7 اور مثال 15.8 میں آپ دیکھیں گے کہ n عدد منبع پر مبنی لمبائی جانب اخراجی قطار کی سمتیت n عدد منبع پر مبنی چوڑائی جانب اخراجی قطار کی سمتیت سے زیادہ ہوتی ہے۔

مساوات 15.78 اینٹینا کی سمتیت

$$D = \frac{4\pi}{\Omega_A}$$

دیتا ہے جہاں کھوس زاویہ مساوات 15.73 سے حاصل ہوتا ہے۔اگر ثانوی شعاعوں کو نظرانداز کیا جائے تب مرکزی شعاع کے θ سمت میں نصف طاقت زاویے φ_{HP} کا ضرب تقریباً ٹھوس زاویے کے برابر ہو گاللذاالیی صورت میں مساوات 15.73 حل کرناضر وری نہیں اور سمتت کو

$$D \approx \frac{4\pi}{\phi_{HP}\phi_{HP}}$$

لکھا جا سکتا ہے جہال نصف طاقت زاویے ریڈیٹن میں ہیں۔اس مساوات میں

$$4\pi \, {
m sr} = 4\pi \, {
m rad}^2 = 4\pi \left(\frac{180}{\pi}\right)^2 \, {
m deg}^2 = 41\,253 \, {
m deg}^2$$

پر کرتے ہوئے

$$D \approx \frac{41253}{\theta_{PP}^{\circ}\phi_{PP}^{\circ}}$$

15.8. قطارى ترتيب

بھی لکھا جا سکتا ہے۔

مثال 15.7: بیس رکنی، چوڑائی جانب اخراجی قطار جس میں ارکان $\frac{\lambda}{2}$ فاصلے پر ہیں کے نصف طاقت زاویے $\theta_{HP}^{\circ}=5.1^{\circ}=0$ اور $\theta_{HP}^{\circ}=360^{\circ}$ بیس مثال کریں۔

حل: مساوات 15.139 سے

$$D \approx \frac{41253}{51 \times 360} = 22.5$$

حاصل ہوتی ہے۔

مثال 15.8: بیس رکنی، لمبائی جانب اخراجی قطار جس میں ارکان $\frac{\lambda}{2}$ فاصلے پر ہیں کے نصف طاقت زاویے $\phi^\circ_{HP}=\phi^\circ_{HP}=0$ ہیں کی سمتیت حاصل کریں۔

حل: مساوات 15.139 سے

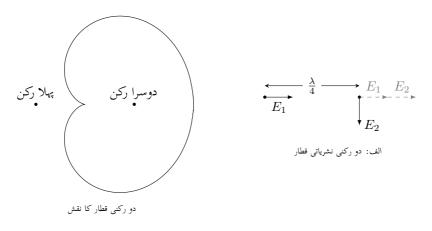
$$D \approx \frac{41253}{34 \times 34} = 35.7$$

حاصل ہوتی ہے۔

مثال 15.9: دوار کان پر مبنی قطار میں ار کان کے در میان فاصلہ 🚣 ہے۔ دائیں رکن (دوسرار کن) کو °90 پیچھے برقی رو مہیا کی گئی ہے۔ دونوں برقی رو کی حتمی قیمت برابر ہے۔دونوں ارکان افقی سطح پر سیدھے کھڑے ہیں۔افقی میدان پر اخراجی نقش حاصل کریں۔

 0° میدان 0° میدان 0° کا برتی میدان 0° میدان 0° کا برتی میدان 0° میدان 0° کا برتی میدان 0° کا میدان 0° میدان 0° میدان 0° کا میدان مید دو نول ادکان میں 0° کا فاصلہ ہے لہذا جتنی دیر میں بائیں رکن کے میدان کی موج 0° کی دو نول ادر کون تک پنچے گاا تی دیر میں دوری عرصے کے 0° برام وقت گزر چکا ہو گالہذا دو سرے رکن میں برقی مو وہ 0° کا میدان بیدا کرے گا۔ یول دو سرے رکن کے مقام پر دونوں میدان جم قدم پائے جائیں گالہذا یہاں برقی میدان و بہی میدان بیدا کرے گا۔ یول دو سرے رکن کے مقام پر دونوں میدان جم قدم رہتے ہوئے حرکت کریں گا۔

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شكل 15.10: دو ركني اشاعتي قطار اور اس كا نقش

اس کے برعکس جس لمحہ دائیں رکن کی برتی رو °0 پر ہو اسی لمحہ بائیں رکن کی برتی رو °90 پر ہوگی۔اس لمحے پر دائیں رکن کا میدان °0 پر ہوگا جبکہ بائیں رکن کا میدان °90 پر ہوگا۔اب جتنی دیر میں دائیں رکن کا میدان مزید °90 آگے بڑھ کر °13 میدان مزید °90 آگے بڑھ کر °18 پر پہنچ چکا ہوگا۔یوں دائیں رکن کے مقام پر دونوں میدان آپس میں الٹ سمت میں ہوں گے لہٰذاان کا مجموعہ صفر کے برابر ہوگا۔اس طرح دائیں رکن کے دائیں جانب میدان صفر ہی پایا جائے گا۔شکل 15.10 میں صفر اور پائے ریڈیئن زاویوں پر دگنا اور صفر میدان دکھایا گیا ہے۔

دونوں رکن کے درمیان عمودی کئیر پر پینچنے کے لئے دونوں میدان کو برابر دورانیے کی ضرورت ہے لہذااس کئیر پر دونوں میدان آپس میں عمودی رہیں گے۔یوں اس کئیر پر کل میدان مسّلہ فیثاغورث کی مدد سے $\sqrt{E^2 + E^2} = 1.4142E$ حاصل ہو گا۔ شکل 15.10-ب میں اس طرح مختلف مقامات پر میدان حاصل کرتے ہوئے حاصل کردہ نقش دکھایا گیا ہے۔

مندرجہ بالا مثال کے نقش سے ظاہر ہے کہ یہ اینٹینا بائیں جانب اخراج نہیں کرتا للمذااس کے بائیں جانب دوسرا اینٹینا نسب کیا جا سکتا ہے جس کی اخراجی سمت بائیں رکھی جائے گی تاکہ دونوں علیحدہ علیحدہ نشریات کر سکیں۔

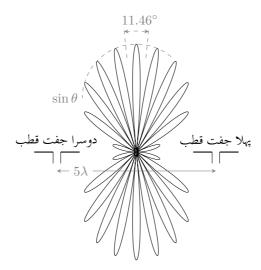
15.8.7 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: بدلتے زاویہ اخراجی اینٹینا

مساوات 15.124

(15.140)
$$\theta المنتر الماقت = \cos^{-1}\left(-\frac{\delta}{\beta d}\right)$$

یکساں ارکان کے قطار کی مرکزی نقش کا زاویہ دیتی ہے۔چوڑائی جانب اخراجی قطار میں °90 = θر کھا جاتا ہے جبکہ لمبائی جانب اخراجی قطار میں °0 = θ ر کھا جاتا ہے۔اگر شعاع کی سمت تبدیل کرنی ہو تواپیے اینٹینا کو گھمانا ہو گا۔

مساوات 15.124 کے تحت δ کو تبدیل کرتے ہوئے شعاع کی سمت کسی بھی زاویے پر رکھی جاسکتی ہے۔یوں δ کو 1- تا 1+ مسلسل تبدیل کرتے ہوئے شعاع کی سمت کو 0° تا 180° مسلسل تبدیل کیا جا سکتا ہے۔یوں بدلتے زاویہ اخراجی اینٹینا 0° و ہلائے بغیر اس کی اخراجی سمت تبدیل کی جاسکتی ہے۔



شکل 15.11: دو عدد مختصر جفت قطب جنہیں 5λ فاصلے پر رکھا گیا ہے سے حاصل تداخل پیما کا نقش۔

15.9 تداخُل پيما

فلکیات 44 کے میدان میں اینٹینا کا کلیدی کردار ہے۔ریڈیائی فلکیات 45 میں استعال ہونے والے اینٹینا کو تداخل پیا⁴⁶اینٹینا کہتے ہیں۔

شکل 15.11 میں دوعدد مختصر جفت قطب کے در میان فاصلہ L ہے۔دونوں کو ہم قدم برقی رو مہیا کی گئی ہے۔ضرب نقش کی ترکیب استعال کرتے ہوئے اس کا نقش

$$(15.141) E = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2}$$

کلھا جا سکتا ہے جہاں $\theta = \beta L \cos \theta$ وور کنی قطار کا نقش ہے۔ ضرب نقش کے تحت E_1 انفرادی رکن کی نقش ہے جبکہ $\frac{\psi}{2} \cos \theta$ دور کنی قطار کا نقش ہے۔ مساوات $\sin \theta$ ماصل ہوتا ہے لہذا تقابل پذیر نقش

(15.142)
$$E = \sin\theta\cos\frac{\psi}{2} = \sin\theta\cos\left(\frac{\pi L}{\lambda}\cos\theta\right)$$

کھا جا سکتا ہے جہاں $\beta=rac{2\pi}{\lambda}$ کا استعمال کیا گیا ہے۔شکل 15.11 میں $\delta=1$ کے لئے نقش دکھایا گیا ہے۔زاویہ δ کا زاویہ تکملہ $\delta=rac{\pi}{2}$ استعمال کرتے ہوئے، پہلا صفر

$$\frac{\pi L}{\lambda}\cos\theta = \frac{\pi L}{\lambda}\sin\gamma_{01} = \frac{\pi}{2}$$

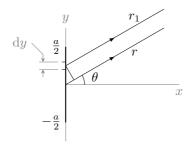
کی صورت میں پایا جائے گا جس سے

(15.143)
$$\gamma_{01} = \sin^{-1} \frac{1}{2L/\lambda}$$

حاصل ہوتا ہے۔اگر کہ $L\gg\lambda$ ہوتب پہلی صفر چوڑائی

(15.144)
$$ilde{\chi}_{\nu} = 2\gamma_{01} = \frac{1}{L/\lambda} \operatorname{rad} = \frac{57.3}{L/\lambda} \operatorname{deg}$$

astronomy⁴⁵ radio astronomy⁴⁵ interferometer⁴⁶ باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شكل 15.12: مسلسل اينثينا

ککھی جاسکتی ہے۔ یہ مساوات 15.130 میں دیے، اور کنی چوڑائی جانب اخراجی قطار کے پہلی صفر چوڑائی کی آدھی قیمت ہے۔ بلکی سیاہی کے نقطہ دار لکیر سے شکل میں مختصر جفت قطب کے نقش 8 sin کو واضح کیا گیا ہے۔

یانچ طول موج برابر L کی صورت میں مساوات 15.144 سے پہلی صفر چوڑائی $^{\circ}11.46^{\circ}$ حاصل ہوتی ہے۔

ریڈیائی فلکیات میں فلکی اخراجی مادے کی شعاع کو تداخل پیاسے وصول کیا جاتا ہے۔ان کی جسامت کا بہتر سے بہتر تخمینہ لگانے میں چوڑائی نقش کر دار ادا کرتی ہے۔

مثق 15.1: $L=20\lambda$ کی صورت میں تداخل پیا کی پہلی صفر چوڑائی حاصل کریں۔

جواب: °2.865

15.10 مسلسل خطى اينطينا

ہم متعدد تعداد کے نقطہ منبع پر مبنی مخلف اقسام کے اینٹینا دیکھ چکے ہیں۔اگر متعدد نقطہ منبع کی قطار میں منبع کے درمیان فاصلہ اتنا کم کر دیا جائے کہ بیہ علیحدہ منبع کی جگہ ایک مسلسل کئیر نظر آئے توالی صورت میں مسلسل خطی اینٹینا حاصل ہو گا۔ شکل 15.12 میں ایسا ہی اینٹینا دکھایا گیا ہے جس میں تمام نقطہ منبع کو ہم قدم برتی رومہیا کی گئی ہے۔اس اینٹینے کی کل لمبائی a کے برابر ہے۔اینٹینا میں محدد پر پایا جاتا ہے۔

اینٹینا کے حیوٹے جھے dy کا دور میدان dE

(15.145)
$$dE = \frac{A}{r_1} e^{j\omega(t - \frac{r_1}{c})} dy = \frac{A}{r_1} e^{j(\omega t - \beta r_1)} dy$$

لکھا جا سکتا ہے جہال A برقی روپر منحصر مستقل ہے۔ یوں مکمل اینٹینا کا میدان

(15.146)
$$E = \int_{-\frac{a}{2}}^{\frac{a}{2}} \frac{A}{r_1} e^{j(\omega t - \beta r_1)} \, \mathrm{d}y$$

ہو گا۔ شکل سے $heta = r - y \sin \theta$ کھا جا سکتا ہے۔ یوں

(15.147)
$$E = e^{j(\omega t - \beta r)} \int_{-\frac{a}{2}}^{\frac{a}{2}} \frac{A}{r_1} e^{j\beta y \sin \theta} dy$$

(15.148)
$$E = \frac{A}{r}e^{j(\omega t - \beta r)} \int_{-\frac{a}{2}}^{\frac{a}{2}} e^{j\beta y \sin \theta} dy$$

لکھا جا سکتا ہے۔ تکمل لیتے ہوئے

(15.149)
$$E = \frac{A}{r}e^{j(\omega t - \beta r)} \left[\frac{e^{j\beta\frac{a}{2}\sin\theta}}{j\beta\sin\theta} - \frac{e^{-j\beta\frac{a}{2}\sin\theta}}{j\beta\sin\theta} \right]$$
$$= A' \frac{\sin\left(\frac{\beta a}{2}\sin\theta\right)}{\frac{\beta a}{2}\sin\theta}$$

حاصل ہوتا ہے جہاں

$$\frac{aAe^{j(\omega t - \beta r)}}{r} = A'$$

لکھا گیا ہے۔

مساوات 15.149 زیادہ سے زیادہ میدان $\theta=9$ پر A' دیتا ہے۔ یوں مساوات 15.149 کو A' سے تقسیم کرنے سے مسلسل اینٹینا کی تقابل پذیر آمت

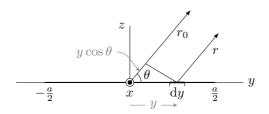
(15.150)
$$E_n = \frac{\sin\left(\frac{\beta a}{2}\sin\theta\right)}{\frac{\beta a}{2}\sin\theta}$$

حاصل ہوتی ہے۔

یبال رک کر صفحه 449 پر مساوات 15.127 کو د و باره دیکھیں۔

15.11 مستطيل سطحي اينٹينا

حصہ 15.10 کی ترکیب مستطیل سطحی اینٹینا پر بھی لا گو کی جاسکتی ہے۔ اگر نقطہ منبع کے صف در صف اتنے قریب قریب رکھے جائیں کہ یہ علیحدہ منبع کی جگہ ایک مسلسل سطح اینٹینا یا مسلسل سطحی اینٹینا حاصل ہو گا۔ایی ہی ایک مستطیلی سطح جس کی x سمت میں لمبائی x اور y سمت میں لمبائی x کو شکل 15.13 میں دکھایا گیا ہے۔ سطح پر میدان x سمت میں ہے۔اس سطح پر میدان x کا نفاعل نہیں ہے البتہ یہ y پر مخصر ہے۔ یوں میدان کو x کھا جائے گا۔ یورے سطح پر میدان ہم قدم ہے۔



شكل 15.13: مستطيل سطحي اينثينا

ہائی گن 47 کے اصول کے تحت محاذ موج پر ہر نقطہ، منبع موج کا کر دار ادا کرتا ہے۔ یوں سطح پر چھوٹے رقبے dx dy پر میدان $E_x(y)$ بطور منبع کر دار ادا کرتا ہے۔ یوں سطح پر برتی میدان $E_x(y)$ سے یہاں کا مقناطیسی میدان

(15.151)
$$H_{y} = \frac{E_{x}(y)}{Z_{0}}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں Z_0 خطے کی قدرتی رکاوٹ $\frac{\mu_0}{\epsilon_0}$ ہے۔مقناطیسی میدان کا بُعد ایمپیئر فی میٹر Z_0 ہے۔ لہذا اسے

$$(15.152) H_y = J_x z_1$$

کھا جا سکتا ہے جہاں سطح کی موٹائی z_1 اور اس میں کثافت برقی رو J_x تصور کی گئی ہے۔اس طرح کھنے سے اس حقیقت کی وضاحت ہوتی ہے کہ مقناطیسی میدان بالکل اسی طرح کردار اداکرتا ہے جیسے کثافت برقی رویوں مقناطیسی میدان کو منبع تصور کیا جا سکتا ہے۔

مساوات 15.25 میں $dx \, dy = I_0 = I_x z_1 \, dy$ اور dx = dx اور dx = dx میان کو $dx \, dy$ ہوئے، چھوٹے رقبے $dx \, dy$ ہے دور تفرق میدان کو $E = -j\omega A$

(15.153)
$$dE = -j\omega[dA_x]$$

$$= -j\omega \frac{\mu_0 I_0 dl e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r}$$

$$= -\frac{j\omega \mu_0 E(y)}{4\pi r Z_0} e^{j(\omega t - \beta r)} dx dy$$

جہاں J_x کی وجہ سے A_x سمتی دباو ککھی گئی ہے۔ پورے رقبے سے پیدا میدان سطحی تکمل سے حاصل ہو گا۔ رقبے کے وسط سے r_0 فاصلے اور θ زاویے پر میدان

(15.154)
$$E(\theta) = -\frac{j\omega\mu_0 e^{j(\omega t - \beta r_0)}}{4\pi r_0 Z_0} \int_{-a_{/2}}^{a_{/2}} \int_{-x_{1/2}}^{x_{1/2}} E(y) e^{j\beta y \cos \theta} dx dy$$

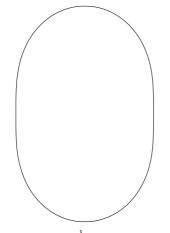
(15.155)
$$E(\theta) = \frac{x_1}{2r_0\lambda} \int_{-a/2}^{a/2} E(y)e^{j\beta y\cos\theta} dy$$

 $E(y) = E_a$ عاصل ہوتی ہے۔ پوری سطح پر یکسال میدان

(15.156)
$$E(\theta) = \frac{x_1 E_a}{2r_0 \lambda} \int_{-a/c}^{a/2} e^{j\beta y \cos \theta} dy$$

 $m Huygen's~principle^{47}$ بسر حصہ 15.3 میں دکھایا گیا ہر۔

459 15.11. مستطيل سطحي اينثينا







شكل 15.14: مستطيل سطح كر نقش

لکھتے ہوئے

(15.157)
$$E(\theta) = \frac{x_1 a E_a}{2r_0 \lambda} \frac{\sin[(\beta a/2) \cos \theta]}{(\beta a/2) \cos \theta}$$
$$= \frac{E_a S_{\zeta_1, z_1}}{2r_0 \lambda} \frac{\sin[(\beta a/2) \cos \theta]}{(\beta a/2) \cos \theta}$$

حاصل ہو گا جہاں _{خی S} سطح کار قبہ ہے۔

زیادہ سے زیادہ میدان $\theta=90^\circ$ یر

$$E(\theta)$$
 بندر $E(\theta)$ بندر $E(\theta)$ بندر $E(\theta)$ بندر $E(\theta)$ بندر

 $\theta=90^\circ$ جانب اخراج مفر ہو تب $\theta=90^\circ$ جانب اخراج مفر ہو تب

(15.159)
$$E(\theta)_{j,j,\tau} = \frac{E_a S_{\zeta,j,\tau}}{r_0 \lambda}$$

ہو گی۔اس میدان کو a=5 اور $a=rac{\lambda}{2}$ اور $a=rac{\lambda}{2}$ کے لئے شکل a=5 میں دکھایا گیا ہے۔

صفحه 448 پر مساوات 15.121

$$E(\theta) = E_0 \frac{\sin\frac{n\psi}{2}}{\sin\frac{\psi}{2}}$$

یسال غیر سمتی n رکنی قطار کا دور میدان دیتی ہے جہال $(\psi=eta d\cos heta+\delta)$ ہے اور E_0 انفرادی رکن کا میدان ہے۔چوڑائی جانب اخراجی قطار کی صورت میں حاصل ہوتا ہے جس سے مندرجہ بالا مساوات $\delta=0$

(15.160)
$$E(\theta) = E_0 \frac{\sin[(n\beta d/2)\cos\theta]}{\sin[(\beta d/2)\cos\theta]}$$

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج

صورت اختیار کر لیتی ہے۔ قطار کی لمبائی 'a' کھتے ہوئے، زیادہ قیت کی n اور 'a' کی صورت میں $a'=(n-1)d\approx n$ ہو گا۔اگر ہم اپنی توجہ $a'=(n-1)d\approx n$ ہوگا۔ آگر ہم اپنی توجہ $a'=(n-1)d\approx n$ ہوگا۔ آگر ہم اپنی توجہ کی صورت میں تب مساوات $a'=(n-1)d\approx n$

(15.161)
$$E(\theta) = nE_0 \frac{\sin[(\beta a'/2)\cos\theta]}{(\beta a'/2)\cos\theta}$$

ککھا جا سکتا ہے۔اس مساوات کا مساوات 15.157 کے ساتھ موازنہ کرنے سے ہم دیکھتے ہیں کہ a لسبائی کی سطحی اینٹینا اور n رکنی a' ہی چوڑائی اخراجی قطار کے مرکزی شعاع ایک جیسے ہیں۔مزید $nE_0=rac{E_aS_{c}}{2r_0\lambda}$ کی صورت میں دونوں کے میدان بالکل برابر حتمی قیمت رکھتے ہیں۔

15.12 اخراجی سطح پر میدان اور دور میدان آپس کر فوریئر بدل ہیں

یک بُعدی میدان E(y) اور اس سے پیدادور میدان E(θ) ایک دوسرے کے فوریئر بدل ۴۹ ہوتے ہیں۔ محدود سطح کے لئے ان جڑواں فوریئر شکسل میں سے ایک بدل کو

(15.162)
$$E(\theta) = \int_{-a/2}^{a/2} E(y)e^{j\beta y\cos\theta} dy$$

ککھا جا سکتا ہے۔اس کا مساوات 15.155 کے ساتھ موازنہ کریں۔ان میں صرف جزو ضربی کا فرق پایا جاتا ہے۔

شکل میں کئی E(y) اور اس سے پیدا E(y) آمنے سامنے دکھائے گئے ہیں۔ سطح پر کیساں میدان اور اس کا پیدا کردہ ؤور میدان شکل-الف میں دکھائے گئے ہیں۔ جن کے حوالے سے بقایا پر تبھرہ کرتے ہیں۔ تکونی اور سائن نما سطحی تقسیم کے مرکزی شعاع کی چوڑائی زیادہ ہے البتہ ان کے ثانوی شعاعیں کمزور ہیں۔ مربع کو سائن اور گاوسی تقسیم 50 کے مرکزی شعاع مزید زیادہ چوڑی ہے جبکہ ان میں ثانوی شعاع نہیں پائی جاتی۔ اس کے برعکس منفی ڈھلوان کی تقسیم مثلاً شکل۔ شکم چوڑائی کی مرکزی شعاع پیدا کرتی ہے البتہ اس کی ثانوی شعاعیں بھی زیادہ طاقتور ہوتی ہیں۔ منفی ڈھلوان کی انتہا شکل۔ ٹیس کے شانوی شعاعیں مین مرکزی شعاع جتنی طاقتور ہیں۔ دکھائی گئی ہے جو دور کنی تداخُل پیا ہی ہے۔ اس کی چوڑائی شکل۔الف کی آدھی ہے البتہ اس کے ثانوی شعاعیں مین مرکزی شعاع جتنی طاقتور ہیں۔

15.13 خطى اينٹينا

مخضر جفت قطب ہم دیکھ بچکے ہیں جہاں جفت قطب کی لمبائی طول موج سے بہت کم $\lambda \gg l$ تھی۔آئیں کمی اینٹینا پر غور کریں۔اینٹینا پر سائن نما بر تی رو تصور کی جائے گی۔

شکل میں کل L لمبائی کالبنٹینا دکھایا گیا ہے جسے ہالکل در میان سے برقی رو مہیا کی گئی ہے۔ اینٹینا کے دونوں بالکل کیساں نصف اطراف میں برقی رو بھی ہم شکل ہے۔ ہم L کے چھوٹے تھیوٹے گلڑوں dy کو انفراد کی جفت قطب تصور کرتے ہوئے ان سب کے میدان کا مجموعہ حاصل کرتے ہوئے اس اینٹینا کا دور میدان حاصل کریں گے۔ تجربے سے ثابت ہوتا ہے کہ ایسی اینٹینا میں برقی رو

(15.163)
$$I = \begin{cases} I_0 \sin\left[\frac{2\pi}{\lambda} \left(\frac{L}{2} + y\right)\right] & y < 0 \\ I_0 \sin\left[\frac{2\pi}{\lambda} \left(\frac{L}{2} - y\right)\right] & y > 0 \end{cases}$$

Fourier transform⁴⁹ Gaussian distribution⁵⁰ 15.13. خطي ايتثينا

صورت رکھتی ہے۔ مختصر جفت قطب کی لمبائی کو $\mathrm{d} y$ اور اس کے دور میدان کو $\mathrm{d} E_ heta$ ککھتے ہوئے مساوات 15.38

(15.164)
$$dE_{\theta} = j \frac{30I\beta \, dy}{r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

لعني

(15.165)
$$dE_{\theta} = \frac{j60\pi e^{j(\omega t - \beta r_0)}}{r_0 \lambda} \sin \theta I e^{j\beta y \cos \theta} dy$$

دیتی ہے۔ یوں L لمبے اینٹینا کا میدان

(15.166)
$$E_{\theta} = k \sin \theta \int_{-L/2}^{L/2} I e^{j\beta y \cos \theta} dy$$

ہو گا جہاں

(15.167)
$$k = \frac{j60\pi e^{j(\omega t - \beta r_0)}}{r_0 \lambda}$$

کھا گیا ہے۔مساوات 15.163 استعال کرتے اور تکمل لیتے ہوئے

(15.168)
$$E_{\theta} = \frac{j60[I_0]}{r_0} \left\{ \frac{\cos[(\beta L \cos \theta)/2] - \cos(\beta L/2)}{\sin \theta} \right\} \quad \text{algebraiched}$$

حاصل ہوتا ہے جہاں $I_0 = I_0 e^{j(\omega t - eta r_0)}$ تاخیر کی برقی رو ہے۔ $rac{\lambda}{2}$ جفت قطب کی صورت میں اسے

(15.169)
$$E_{\theta} = \frac{j60[I_0]}{r_0} \frac{\cos[\frac{\pi}{2}\cos\theta]}{\sin\theta} \quad \frac{\lambda}{2}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

میدان کی شکل مساوات 15.168 کے دائیں جانب تو سین میں بند جزو پر منحصر ہے جسے $\frac{\lambda}{2}$ جفت قطب کی صورت میں

(15.170)
$$E_{\theta} = \frac{\cos[\frac{\pi}{2}\cos\theta]}{\sin\theta} \qquad \frac{\lambda}{2}$$

اور 1.5٪ جفت قطب کی صورت میں

(15.171)
$$E_{\theta} = \frac{\cos\left[\frac{3\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta} \qquad \frac{3\lambda}{2}$$

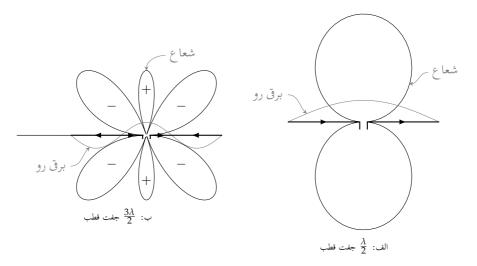
لکھا جا سکتا ہے۔

شکل 15.15 میں ½ اور $\frac{3\lambda}{2}$ بنفت قطب اور ان کے شعاع نککی محد دیر د کھائے گئے ہیں۔ بنفت قطب پر برقی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے د کھائے گئے ہیں۔

شکل-ب میں میدان کے شعاعوں میں °180 کا زاویائی فرق پایا جاتا ہے۔

جفت قطب کو محور لیتے ہوئے دئے گئے نقش کواس کے گرد گمانے سے تین رُخی نقش حاصل ہو گا۔

462 باب 15. اينطينا اور شعاعي اخراج



شکل 15.15: $\lambda = 0.5$ اور $\lambda = 0.5$ جفت قطب کے دور میدان۔

اوسط یوئٹنگ سمتیہ کا بڑی رداس کے کرہ پر سطی تکمل

(15.172)
$$P = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} \frac{|E_{\theta}|^2}{2Z} r^2 \sin\theta \, d\theta \, d\phi$$

عددی طریقے سے حاصل کرتے ہوئے کل اخراجی مزاحمت R حاصل کی جاتی ہے۔اس مساوات میں $|E_{ heta}|$ کو مساوات 15.169 سے پر کرتے ہوئے

$$P = \frac{15I_0^2}{\pi} \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta} d\theta d\phi$$

 $Z_0=120\pi$ اور $Z_0=120\pi$ اور جہاں کے گئے ہیں۔ بیر ونی تکمل پہلے لیتے ہوئے

$$(15.173) P = 30I_0^2 \int_0^{\pi} \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta} d\theta$$

ملتا ہے۔اس مساوات کو عددی طریقے سے حل کرتے ہیں۔اپیا کرنے کی خاطر اسے مجموعے

(15.174)
$$P = \sum_{i=0}^{n} 30I_0^2 \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta} \Delta\theta = \sum_{i=0}^{n} p(\theta)\Delta\theta$$

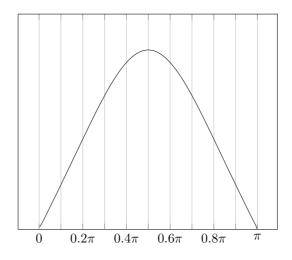
کی شکل میں لکھتے ہیں جہاں

$$p(\theta) = 30I_0^2 \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta}$$

کھا گیا ہے۔ شکل 15.16 میں کار تیسی محدو پر نفاعل $p(\theta)$ کو دکھایا گیا ہے۔ افقی محدو پر θ تا π θ θ ہے جبکہ عمود کی محدو پر نفاعل $p(\theta)$ کو دکھایا گیا ہے۔ افقی محدو پر θ تا θ θ تا θ کو θ برابر مکٹروں میں تقسیم کیا جائے تو ہر مکٹرے کی چوڑائی θ ہو گی۔ گراف کے ایسے ہر مکٹرے کو مستطیل تصور کیا جا سکتا ہے۔ ان تمام مستطیل کے رقبے جمع کرتے ہوئے تکمل حاصل کیا جاتا ہے۔ اسے کہتے ہیں عدد کی طریقہ۔

شکل میں n=1 لیا گیا ہے۔ یوں ہمیں دس مستطیل کے رقبے حاصل کرنے ہیں۔ ہر مستطیل کے دونوں اطراف کے قد کی اوسط قیمت کو مستطیل کا قد تصور کیا جائے گا۔ بائیں بازوسے شروع کرتے ہوئے پہلے مستطیل کے بائیں طرف کا قد 0.1 ماوات کا قد تصور کیا جائے گا۔ بائیں بازوسے شروع کرتے ہوئے پہلے مستطیل کے بائیں طرف کا قد 0.1 ہوئے کہا مسلمیں کے بائیں طرف کا قد 0.1 ہوئے کہا ہماوات

15.13. خطى ايتثينا



شكل 15.16: اخراجي مزاحمت كا عددي حل.

جدول 15.2: برابر زاویائی فاصلوں پر تفاعل کے قیمت.

$30I_0^2 \frac{\cos^2[\pi/2\cos\theta]}{\sin\theta}$	θ
0	0.0π
$00.573I_0^2$	0.1π
$04.457I_0^2$	0.2π
$13.492I_0^2$	0.3π
$24.677I_0^2$	0.4π
$30I_0^2$	0.5π
$24.677I_0^2$	0.6π
$13.492I_0^2$	0.7π
$04.457I_0^2$	0.8π
$00.573I_0^2$	0.9π
0	1.0π

15.175 سے

(15.176)
$$p_1(\theta) = 30I_0^2 \frac{\cos^2[\frac{\pi}{2}\cos(0.1\pi)]}{\sin(0.1\pi)} = 0.573I_0^2$$

حاصل ہوتا ہے۔اسی طرح بقایا تمام نقطوں پر بھی قد حاصل کرتے ہوئے جدول 15.2 میں دیے گیے ہیں۔

تکل 15.16 میں بائیں سے دوسرے متطیل
$$heta=0.1\pi$$
 کا رقبہ 15.16 میں بائیں سے دوسرے متطیل

اوسط قد
$$imes$$
 پوڑائی $imes$ $imes$ $= 0.1\pi imes \left(rac{0.573 I_0^2 + 4.457 I_0^2}{2}
ight)$ $= 0.79 I_0^2$

-4

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج

جدول 15.2 کی مدد سے کل رقبہ

$$P = 0.1\pi I_0^2 \left(\frac{0}{2} + 0.573 + 4.457 + 13.492 + 24.677 + 30 \right.$$

$$+ 24.677 + +13.492 + 4.457 + 0.573 + \frac{0}{2} \right)$$

 $(15.177) P = 36.5675I_0^2$

حاصل ہوتا ہے۔ سائن نما برتی رو کی چوٹی I_0 ہونے کی صورت میں مزاحمت R میں طاقت کا ضیاع $\frac{1}{2}I_0^2R$ ہوتا ہے لہذا ان دونوں کو برابر لکھتے ہوئے $rac{1}{2}I_0^2R$ ہوتا ہے لہذا ان دونوں کو برابر لکھتے ہوئے $rac{1}{2}I_0^2R$ $= 36.5675I_0^2$

ہبائی کے جفت قطب کا اخراجی مزاحمت $\frac{\lambda}{2}$

$$R_{i,j}=73.13$$
 هنت قطب $R_{i,j}=73.13$ هنت قطب بازی در ازد.

حاصل ہوتا ہے۔ یہ وہ مزاحمت ہے جو اینٹینا کو طاقت مہیا کرنے یا اس سے طاقت وصول کرنے والے تربیلی تار کو نظر آتی ہے۔ ﴿ اینٹینا کے اخراجی مزاحمت کا موازنہ مختصر جفت قطب کی اخراجی مزاحمت (☑ 0.63) کے ساتھ کریں جے صفحہ 434 پر مثال 15.1 میں حاصل کیا گیا ہے۔

اینٹینا کی رکاوٹ میں 142.5 اوہم کا خیالی جزو (Z = 73.1 + j42.5) بھی پایا جاتا ہے۔ اینٹینا کی لمبائی چند فی صد کم کرنے سے خیالی جزو صفر کیا جا سکتا ہے، البتہ اس سے حقیقی جزو قدر کم ہو کر ₪ 70رہ جاتا ہے۔ زیادہ طاقت کی منتقل کے لئے ضروری ہے کہ ایسے اینٹینا کو ₪ 70 قدرتی رکاوٹ کے ترسیلی تارکے ساتھ جوڑا جائے۔ 31 اینٹینا کا اخراجی مزاحمت ₪ 100 حاصل ہوتا ہے۔

مثال 15.10: $\frac{\lambda}{2}$ لمبائی کے خطی اینٹینا کی سمتیت حاصل کریں۔

حل: مساوات 15.77 میں مساوات 15.170 پر کرتے ہوئے

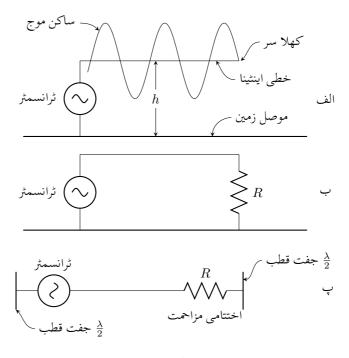
$$D = \frac{4\pi}{\iint\limits_{4\pi} P_n(\theta, \phi) \, d\Omega} = \frac{4\pi}{2\pi \int_0^\pi \frac{\cos^2[\frac{\pi}{2}\cos\theta]}{\sin^2\theta} \sin\theta \, d\theta}$$

حاصل ہوتا ہے۔اس کا مساوات 15.173 سے موازنہ کرتے ہوئے، مساوات 15.177 میں حاصل کی گئی قیمت $36.5675 I_0^2$ استعمال کرتے ہوئے

(15.180)
$$D = \frac{4\pi}{2\pi \left(\frac{36.5675I_0^2}{30I_0^2}\right)} = 1.64$$

عاصل ہوتا ہے۔

15.14. چلتے موج اینٹینا



شكل 15.17: مسلسل موج اينٹينا۔

15.14 چلتر موج اینٹینا

گزشتہ جھے میں خطی اینٹینا پر سائن نما بر تی رو تصور کیا گیا۔ایی دبلی موصل تار، جس کا قطر a طول موج λ سے بہت کم ہو $a < \frac{\lambda}{100}$ اور جس کا آخری سرا کھلے سرے ہو، کے برتی رو کی شکل تقریباً ایسی ہی ہوتی ہے۔

کئی طول موج کمبی خطی اینٹینا موصل زمین کے متوازی الاونچائی پر پائی جاتی ہے۔ جیسے شکل 15.17-الف میں دکھایا گیا ہے، اس کو ہائیں جانب سے ٹرانسمٹر ⁵¹ طاقت مہیا کرتا ہے۔خطی اینٹینا اور موصل زمین مل کر کھلے سرے ترسیلی تار کا کر دار ادا کرتے ہیں۔یوں کھلے سر پر آمدی برقی رو اور یہاں سے انعکاسی برقی رو مل کر ساکن موج کا صفر پایا جاتا ہے جبکہ لم انعکاسی برقی رو مل کر ساکن موج کو جنم دیتے ہیں جے شکل-الف میں دکھایا گیا ہے۔تار کے کھلے سر پر برقی رو کے ساکن موج کا صفر پایا جاتا ہے جبکہ لم فاصلے پر اس کی چوٹی پائی جاتی ہے۔یہی برقی رو گزشتہ جھے میں خطی اینٹینا پر فرض کی گئی تھی۔

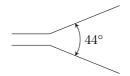
آئیں اب ترسلی تار کے قدرتی رکاوٹ کے برابر مزاحمت R، تار کے کھلے سر اور زمین کے درمیان جوڑیں۔ایساکرنے کے بعد اینٹینا پر اندکاسی موٹ پیدا نہیں ہو گی۔تار میں قابل نظرانداز ضیاع کی صورت میں پوری لمبائی پر برقی رو کی قیت یکسال ہو گی جبکہ لمبائی جانب بڑھتازاویائی فرق پایا جائے گا۔اس طرح قدرتی رکاوٹ کے برابر مزاحمت سے اختتام کردہ اینٹینا کو شکل 15.17-ب میں دکھایا گیا ہے۔زمین سے دور خطی اینٹینا پر ایسی ہی مسلسل موج پیدا کرنے کی ترکیب شکل 15.17-پ میں دکھائی گئ ہے جہال ألے اینٹینا کے وسطی نقطے کو زمین تصور کیا گیا ہے۔

مسلسل موج کے اس خطی اینٹینا کو چھوٹے، سلسلہ وار جڑے، لمبائی جانب اخراجی جفت قطب کا مجموعہ تصور کیا جا سکتا ہے۔ایسا شکل میں د کھایا گیا ہے۔مساوات 15.127 غیر سمتی ارکان کے قطار کا تقابل پذیر نقش

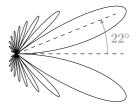
$$E_n = \frac{1}{n} \frac{\sin \frac{n\psi}{2}}{\sin \frac{\psi}{2}}$$

transmitter⁵¹

466 جاب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج



(۱) ب: دو مسلسل موج اینٹینا کو 44° پر رکھ کر بہتر سمتیت حاصل کی جاتی ہے۔



الف: خطى اختتام كرده مسلسل موج اينٹينا۔

شكل 15.18

ویتی ہے جہاں لمبائی جانب اخراج کی صورت میں $\psi = \beta d(\cos\theta - 1)$ ہوتب ضرب نقش کی ترکیب $\psi = \beta d(\cos\theta - 1)$ ہوتب ضرب نقش کی ترکیب سے قطار کا نقش

$$E(\theta) = \frac{E_0}{n} \frac{\sin \frac{n\psi}{2}}{\sin \frac{\psi}{2}}$$

کھا جا سکتا ہے۔انتہائی چھوٹے جفت قطب کا نقش $E_0 = \sin \theta$ ہے لگذا کہے اینٹینا $L = d(n-1) \approx nd$ کھا جا سکتا ہے۔انتہائی جھوٹے جفت قطب کا نقش

(15.181)
$$E(\theta) = \frac{\sin \theta}{n} \frac{\sin\left[\frac{\beta L}{2}(\cos \theta - 1)\right]}{\sin\left[\frac{\beta L}{2n}(\cos \theta - 1)\right]}$$

کھا جائے گا۔ یہ اینٹینا لمبائی جانب اخراج کرتاہے للذا 8 کی قیمت زیادہ نہیں ہوگی۔ایسی صورت میں مندرجہ بالا مساوات کو

(15.182)
$$E(\theta) = \sin \theta \frac{\sin[\beta L/2(\cos \theta - 1)]}{\beta L/2(\cos \theta - 1)}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

شکل 15.18-الف میں 20 n=1اور $\frac{\lambda}{4}=0$ کی صورت میں حاصل 4.75 لمبائی کے اینٹینا کی شعاع دکھائی گئی ہے۔ مرکزی شعاع °22 d=0 پائی جاتی ہے۔ جیسا شکل-ب میں دکھایا گیا ہے، دوعدد ایسے اینٹینا کو آپس میں °44 کے میکانی زاویے پر رکھنے سے یک سمتی اینٹینا حاصل ہو گا جسے دو تار کے ترسیلی تارسے طاقت مہیا کی جاسکتی ہے۔ دونوں کے قریبی شعاع مل کر بہتر سمتیت دیتی ہے۔

زمین کے متوازی اینٹینا کا عمودی شعاع حاصل کرنے کی خاطر زمین میں اینٹینا کے عکس کو بھی مد نظر رکھا جائے گا۔

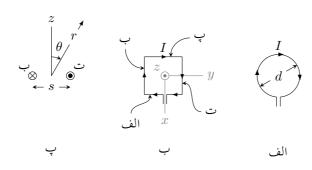
15.15 چهوڻا گهيرا اينڻينا

شکل 15.19-الف میں d قطر کا گھیرا اینٹینا 52 کھایا گیا ہے جس میں I برتی رو گزر رہی ہے۔ دائرے کا قطر طول موج سے بہت کم $\lambda \gg 1$ ہندا اپورے گول دائرے کو شکل-ب کا چکور تصور کرتے ہوئے، دور میدان پورے گول دائرے پر یک قیمت اور ہم قدم برقی رو تصور کی جاسکتی ہے۔اس چپوٹے گول دائرے کو شکل-ب کا چکور تصور کرتے ہوئے، دور میدان حاصل کرتے ہیں۔چکور اور گول دائرے کے رقبے برابر

$$(15.183) S = s^2 = \frac{\pi d^2}{4}$$

loop antenna⁵²

15.16. پيچ دار اينٹينا



شكل 15.19: دائره اور چكور اينٹينا

لئے جاتے ہیں۔ چکور کے چار اطراف کو چار جفت قطب تصور کرتے ہوئے دور میدان حاصل کیا جائے گا۔ چکور کو کار تیسی محدد کے مرکز پر z=0 سطح z=0 ہیں۔ چکور کے اطراف الف اور پ برابر مگر الٹ سمت میں میدان پیدا کرتے ہیں پر رکھتے ہوئے وی z=0 سطح پر دور میدان حاصل کیا جائے گا۔ سطح z=0 سطح پر غیر سمتی ہے المذا انہیں دو لہذا انہیں دو عفر سمتی ہوں کے برابر ہے۔اطراف ب اور ت بطور مختصر جفت قطب کردار ادا کرتے ہیں جن کا نقش z=0 سطح پر غیر سمتی ہے المذا انہیں دو غیر سمتی جہاں سے دور میدان

$$E(\theta) = E_2 e^{-j\frac{\psi}{2}} - E_4 e^{j\frac{\psi}{2}}$$

 $\psi=eta \sin heta$ اور $\psi=eta \sin heta$ ہیں۔یوں $E_2=E_4$ ہیں۔یوں

$$E(\theta) = -j2E_2 \sin\left(\frac{\beta s}{2}\sin\theta\right)$$

 $s \ll \lambda$ کی صورت میں $s \ll \lambda$

$$(15.184) E(\theta) = -jE_2\beta s\sin\theta$$

لکھا جا سکتا ہے۔صفحہ 432 پر دیے گئے جدول 15.1 سے مختصر جفت قطب کے دور میدان E₀ کے حیطے کو E₂ کی جگہ پر کرتے ہوئے

(15.185)
$$E(\theta) = \frac{60\pi Il}{r\lambda} \beta s \sin \theta$$

S=S=1 ماصل ہوتا ہے۔ شکل 15.19 پیس جفت قطب کی لمبائی $S=S=S^2$ ہے جبکہ چکور کا رقبہ

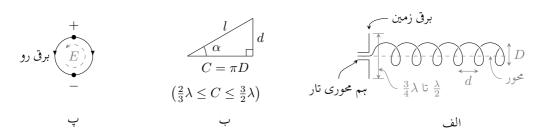
(15.186)
$$E(\theta) = \frac{120\pi^2 I}{r} \frac{S}{\lambda^2} \sin \theta$$

ککھا جا سکتا ہے۔مندرجہ بالا مساوات S رقبے کے چھوٹے دائرے یا چکور کا دور میدان دیتی ہے۔ چکور کا قطر جتنا کم ہویہ مساوات اتناہی زیادہ درست میدان دیتا ہے۔ حقیقت میں S رقبے کے کسی بھی شکل کے چھوٹے بند دائرے کا دور میدان یہی مساوات دیتا ہے۔

15.16 پيچ دار اينٹينا

طول موج برابر محیط کا پیچ دار لچھا لمبائی جانب اخراجی اینٹینا کا کام کرتا ہے۔ایسے اینٹینا کی شعاع، دائری قطبیت رکھتی ہے۔ لچھے کی لمبائی اور اینٹینا کی سمتیت راست تناسب کا تعلق رکھتے ہیں۔ پیچ دار اینٹینا کا قطر ۱،۵س کا محیط C، چکر کے مابین فاصلہ a، چکر کی لمبائی 1 اور پیچ دار زاویہ ۵، اس کے اہم

468 علي باب 15. اينطينا اور شعاعي اخراج



شكل 15.20: پيچ دار اينٹينا۔

 $C = \pi D$ تقریباً ایک طول موج (1λ) میں دکھایا گیا ہے۔ایبا کچھ جس کا محیط $C = \pi D$ تقریباً ایک طول موج (1λ) کمبا ہو پر ایک کمبل موج پائی جائے گا۔ بوں نصف چکر پر برتی موج کا مثبت حصہ اور بقایا پر موج کا مثفی حصہ پایا جائے گا۔ لچھ کے ایک چکر کو شکل۔ پ میں دکھایا گیا ہے جہاں اس پر برتی رو اور چارج دکھائے گئے ہیں جو میدان E پیدا کرتے ہیں۔ جیسے جیسے برقی رو کی موج اینٹینا پر آگے حرکت کرتی ہے ویسے میدان E گھو ہے گا جو اینٹینا کے محور پر دائری قطبیت E کو جنم دے گی۔ پچے دار کچھا بطور مسلسل موج اینٹینا کردار اداکر تاہے اور اس کی خاصیت میہ ہے کہ اسے کسی مزاحمت سے اختتام پذیر کرنے کی ضرورت نہیں ہوتی۔ اس پر برتی رو بالکل مسلسل موج اینٹینا کی مانند ہوتی ہے۔ اینٹینا کے کھلے سر سے انعکا موج قابل نظر انداز ہونے کے ناطے ، اس پر کیساں حیطے کے برتی رو کی موج فارجی جانب حرکت کرتی پائی جاتی ہے۔

یچ دار اینٹینا کو لمبائی جانب اخراجی قطار تصور کیا جاسکتا ہے جہاں ہر چکر کو انفرادی منبع فرض کیا جاتا ہے۔ضرب نقش کے اصول سے،انفرادی منبع کا نقش ضرب غیر سمتی ارکان کے قطار کا نقش،

(15.187)
$$E(\theta) = \cos \theta \frac{\sin(n\psi/2)}{\sin(\psi/2)}$$

ا بنٹینے کا نقش دیتا ہے۔اس مساوات میں انفراد کی چکر کے نقش کو cos θ کے لگ بھگ تصور کیا گیا ہے۔مندر جہ بالا مساوات میں

$$\psi = \beta d \cos \theta - \frac{c\beta L}{v}$$

(15.189)

ے برابر ہے جہاں دو قریبی چکر کے مابین زاویائی فرق $\frac{c\beta L}{v}$ ہو گا جو ایک چکر گولائی L پر σ رفتار سے حرکت کرتی موج کا زاویائی فرق ہے۔

مساوات 15.187 اور مساوات 15.182 کے مواز نے سے معلوم ہوتا ہے کہ یہ قدر مختلف ہیں۔مساوات 15.187 میں 6 cos پایا جاتا ہے جس کی قیمت θ پیا جاتا ہے جو اینٹینا کا محور لینی شعاعی اخراج کی سمت ہے۔اس کے برعکس مساوات 15.182 میں θ sin کا جزو ضربی پایا جاتا ہے جو اینٹینا کے محور پر صفر کے برابر ہے للذااس اینٹینا کی شعاع دو شاخی ہے اور اس کی سمتیت قدر کم ہے۔

چونکہ میدان دائری قطبی اور محور کے گرد میساں ہے لہذا یہی مساوات $E_{ heta}(heta)$ کے علاوہ $E_{\phi}(heta)$ کا نقش بھی دیتی ہے۔

کسی بھی لمبائی جانب اخراجی قطار میں تمام منبع کے میدان اینٹینا کے محور پر ہم قدم ہوتے ہیں جو $\psi=0,\mp 2\pi,\mp 4\pi,\cdots$

کی صورت میں ممکن ہوتا ہے۔ پیچ دار اینٹینا میں $\psi = -2\pi$ کے برابر ہے۔ ارکان کے مابین $\psi = -2\pi$ زاویائی فرق کی بنیاد پر حاصل نقش اور اصل پیچ دار اینٹینا کے ناپے گئے نقش میں خاصہ فرق پایا جاتا ہے۔ پیچ دار اینٹینا کی ناپی گئی سمتیت زیادہ ہے۔ ہنسن اور ووڈیارڈ 55 میہ ثابت کر چکے ہیں کہ π رکنی لمبائی جانب اخراجی قطار کی زیادہ سے زیادہ سمتیت اس صورت حاصل ہوتی ہے جب اس کے ارکان کے مابین $\psi = -2\pi - \pi$ زاویائی فرق پایا جاتا

circular polarization⁵⁴ Hansen and Woodyard⁵⁵

15.17. دو طرفه کردار

ہو۔ مساوات 15.187 میں ارکان کے مابین زاویائی فرق $\frac{\pi}{n} - 2\pi = \psi$ پر کرنے سے حقیقی اینٹینا کے ناپے نقش جیسا نقش حاصل ہوتا ہے۔ اس سے ثابت ہوتا ہے کہ حقیقی اینٹینا پر دو قریبی چکر کے مابین یہی زاویائی فرق پایا جاتا ہے۔ اس نتیج کو تسلیم کرتے ہوئے مساوات 15.188 سے

$$\psi = \beta d \cos \theta - \frac{c\beta L}{v} = -2\pi - \frac{\pi}{n}$$

لکھتے ہوئے

$$\frac{v}{c} = \frac{\frac{1}{\lambda}}{\frac{d}{\lambda} + \frac{2n+1}{2n}}$$

 $\alpha=12^\circ$ ، $\alpha=12^\circ$ ، $\alpha=12^\circ$ ، $\alpha=12^\circ$ ، واصل ہوتا ہے۔ یوں $\alpha=12^\circ$ ، $\alpha=12^\circ$ ، $\alpha=12^\circ$ ، وقار یہی ناپی جاتی ہے۔ ایسا معلوم ہوتا ہے کہ بیج دار اینٹینا خود بخود موج کی رفتار کو اس قیمت پر رکھتی ہے جس پر اینٹینا کی سمتیت زیادہ ہے داراینٹینا خود بخود موج کی رفتار کو اس قیمت پر رکھتی ہے جس پر اینٹینا کی سمتیت زیادہ ہے دار اینٹینا یہ عمل $\alpha=12^\circ$ ، $\alpha=12^\circ$ اور α

بیچ دار اینشینا کی سمتیت تقریباً

$$(15.192) D = 15 \left(\frac{C}{\lambda}\right)^2 \frac{nd}{\lambda}$$

 Δ برابر ہے۔ یوں $C=\lambda$ اور $lpha=12^\circ$ کی صورت میں D=64 ہو گ

 $20 imes 0.213\lambda = 30$ اور $d=0.213\lambda$ صورت میں طول موج میں تقریباً پانچ چکر پائیں جائیں گے لہذا 20 پکر کا اینٹینا $d=0.213\lambda$ عام لمبائی جانب اخراجی اینٹینا کی سمتیت چار گنا ہے بھی قدر کم ہوتی ہے۔ 4.3λ

بیج دار اینٹینا کی سمتیت زیادہ ہونے کا مطلب ہے کہ اس کی اخراجی سطح حقیقی سطے سے بہت زیادہ ہوتی ہے۔مصنوعی سیاروں پر مبنی ذرائع ابلاغ میں بیج دار اینٹینا کلیدی کردار اداکرتی ہے۔

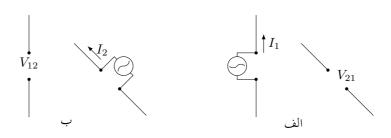
15.17 دو طرفه کردار

اینٹینا شعاع خارج کرتی ہے اور یااسے وصول کرتی ہے۔اینٹینا کے تمام خاصیت دو طرفہ ہیں۔یوں اس کی سمتیت، اخراجی رقبر، نقش اور اخراجی مزاحمت دونوں (اخراجی اور وصولی) صورتوں میں برابر پائے جاتے ہیں۔البتہ اینٹینا پر برقی رواخراجی اور وصولی صورت میں مختلف صورت رکھتی ہے۔

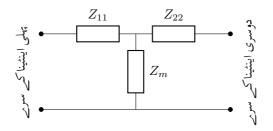
اینٹینا کی دوطر فیہ خاصیت 56پر شکل 15.21 کی مدد سے خور کرتے ہیں۔دونوں اینٹینا کے در میان غیر متحرک، خطی اور غیر سمتی خطہ پایا جاتا ہے۔ شکل۔
الف میں پہلے اینٹینا کو صفر رکاوٹ اور کر تعدد کے منبع سے طاقت مہیا کی جاتی ہے جس سے پہلے اینٹینا کے داخلی سروں پر II برقی رواور دوسرے اینٹینا کے حکلے برقی سروں پر برقی دباو پر I2 برقی رواور دوسرے اینٹینا میں I2 برقی رواور پہلے کے کلے برقی سروں پر برقی دباو پر V21 برقی دور کا میاوی کے اینٹینا کے ساتھ جو ٹا جائے تب دوسرے اینٹینا میں I2 برقی رواور پہلے اینٹینا کے کلے برقی سروں پر V12 برقی دباو پیدا ہوگا۔ شکل۔ بین ایساد کھایا گیا ہے۔ چونکہ کسی بھی چار سروں والے برقی دور کا میاوی T دور بنانا ممکن ہوگا۔ شکل 15.22 میں میاوی دور دکھایا گیا ہے جہاں سے

reciprocity⁵⁶

باب 15. اینثینا اور شعاعی اخراج



شکل 15.21: دو اینٹینا کے مابین باہمیت۔



شكل 15.22: مساوى T دور.

$$V_{21} = I_1 Z_m$$
$$V_{12} = I_2 Z_m$$

$$\frac{V_{21}}{I_1} = \frac{V_{12}}{I_2} = Z_m$$

کھا جا سکتا ہے۔ دونوں اینٹینا کو برابر برقی رو $(I_1=I_2)$ مہیا کرنے کی صورت میں

$$(15.194) V_{21} = V_{12}$$

ہو گا۔

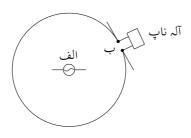
اینٹینا کی دوطر فہ خاصیت کے تحت اگر کسی ایک اینٹینا کو برقی رو I مہیا کی جائے جس سے کسی دوسرے اینٹینا میں برقی دباو V پیدا ہو تب دوسرے اینٹینا کو برقی رو I فراہم کرنے سے پہلے اینٹینا میں برقی دباو V پیدا ہو گا۔

دونوں اینٹینا کے مابین مشتر کہ رکاوٹ Z_m دونوں اطراف سے برابر ہے۔

نقش

شکل 15.23 میں اینٹینا-الف شعاع خارج کر رہی ہے جبکہ اینٹینا-ب اس شعاع کو وصول کر رہی ہے۔اینٹینا-الف ساکن ہے جبکہ اینٹینا-ب اس کے گرد گول دائرے پر گھومتی اینٹینا شعاع خارج کرے اور گرد گول دائرے پر گھومتی اینٹینا شعاع خارج کرے اور ساکن اینٹینااس شعاع کو وصول کرے تو اینٹینا کے دو طرفہ خاصیت کے تحت وہی نقش دوبارہ حاصل ہوگا۔یوں کسی بھی اینٹینا کا اخراجی نقش اور وصولی نقش بالکل کیساں ہوتے ہیں۔اینٹینا کی دو طرفہ خاصیت اس کے نقش کے لئے بھی درست ثابت ہوتی ہے۔

15.18. جهری ایتلینا



شكل 15.23: نقش كى ناپ.

سمتيت اور اخراجي رقبه

مساوات 15.77

$$D = \frac{4\pi}{\iint P_n(\theta, \phi) \, d\Omega}$$

کے تحت سمتیت صرف اور صرف نقش پر منحصر ہے اور ہم دیکھ چکے ہیں کہ اینٹینا کا اخراجی نقش اور اس کا وصولی نقش بالکل یکساں ہوتے ہیں للذااس کی اخراجی سمتیت اور وصولی سمتیت بھی بالکل یکساں ہوں گے۔

ا گراخراجی سمتیت اور وصولی سمتیت برابر مون تب مساوات 15.101

$$D = \frac{4\pi}{\lambda^2} S_{\zeta, |\dot{z}|}$$

کے تحت اخراجی رقبہ اور وصولی رقبہ بھی برابر ہول گے۔اینٹینا کی دو طرفہ خاصیت سمتیت اور رقبے کے لئے بھی درست ثابت ہوتی ہے۔

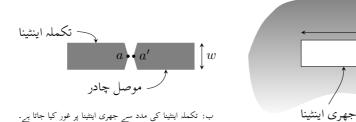
اخراجي مزاحمت اور وصولي مزاحمت

اخراجی اینٹینا کو صرف داخلی برقی سرول سے برقی رو مہیا کی جاسکتی ہے جبکہ وصولی اینٹینا کے تمام جسامت پر برقی دباو پیدا ہوتا ہے جس سے اینٹینا کی برقی رو عموماً اخراجی صورت سے مختلف ہوگی۔

اگر اینٹینا کو مخلف برقی رکاوٹوں کا مجموعہ تصور کیا جائے تب اگرچہ اس کے مخلف حصوں پر برقی رو مخلف ممکن ہے لیکن کسی بھی دو سروں کے مابین رکاوٹ کا دارومدار اینٹینا میں برقی رو کی صورت پر نہیں ہوتی۔اس کا اخراجی مابین رکاوٹ اور وصولی رکاوٹ بالکل برابر ہوتے ہیں۔اینٹینا کی دو طرفہ خاصیت یہاں بھی قابل استعال ہے۔

15.18 جهري اينطينا

وسیع موصل چادر میں $\frac{\lambda}{2}$ لمبائی کی جھری شکل 15.24-الف میں دکھائی گئی ہے۔ اگر 'aa' کو ترسیلی تار سے جوڑا جائے تو جھری کے گرد موصل چادر میں برقی رو کی وجہ سے شعاعی اخراج پیدا ہو گی۔جھری کو از خود موصل چادر فرض کرتے اینٹینا تصور کیا جا سکتا ہے جس کی مدد سے جھری اینٹینا 57کا میدان H2 باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج باب 20. اینٹینا اور شعاعی اخراج



الف: موصل چادر میں جھری بطور اینٹینا کام کرتی ہے۔

شكل 15.24: جهرى اينثينا اور اس كا تكمله اينثينا.

حاصل کیا جاتا ہے۔شکل-ب میں اس تکملہ اینٹینا 58 کو دکھایا گیا ہے۔ جھری اینٹینا کو 'aa' پر طاقت چوڑائی کے اطراف کے مابین فراہم کی جاتی ہے جبکہ تکملہ اینٹینا کو لمبائی جانب کے اطراف کے مابین طاقت 'aa' مہیا کی جاتی ہے۔ یوں ان کے میدان آپس میں °90 پر ہوں 59 گے۔ جھری اینٹینا کی اخراجی رکاوٹ Z_a اور تکملہ اینٹینا کی اخراجی رکاوٹ Z_a کا آپس میں تعلق

$$(15.197) Z_g = \frac{Z_0^2}{4Z_d}$$

ہے جہاں $Z_0=120\pi$ خلاء کی قدرتی رکاوٹ ہے۔

اس طرح جفت قطب کے خصوصیات جانتے ہوئے جھری کے خصوصیات دریافت کئے جا سکتے ہیں۔ یوں اگر جھری کی چوڑائی $c \gg 1$ اور اس کی لمبائی $\frac{\lambda}{2}$ کر دی جائے تو تکملہ اینٹینا (صفحہ 464) کی اخراجی رکاوٹ $Z_d = 73 + j$ جانتے ہوئے جھری اینٹینا کی اخراجی رکاوٹ

(15.198)
$$Z_g = \frac{377^2}{4 \times (73 + j42.5)} = 363 - j211 \,\Omega$$

لکھی جاسکتی ہے۔

15.19 پیپا اینٹینا

شکل 15.25 میں پیپا اینٹینا 60 و کھایا گیا ہے جے بائیں جانب سے مستطیلی ترسیلی تار طاقت مہیا کر رہی ہے۔ پیپا اینٹینا کو مستطیل ترسیلی تار کا کھلا منہ تصور کیا جا سکتا ہے۔ مستطیلی ترسیلی تار کا منہ بڑھانے سے اینٹینا کی اخراجی سطح بڑھانا مقصد ہے جس سے سمتیت بڑھتی ہے۔اگرچہ پیپا کے منہ پر ہم قدم میدان ہی سے بہتر سمتیت حاصل ہوگی، حقیقت میں ایسا ہم قدم میدان حاصل کرنا ممکن نہیں ہوتا۔ یوں حقیقی اینٹینا میں پیپا کے منہ پر میدان میں فرق کو کسی مخصوص مقدار 8 سے کم رکھا جاتا ہے۔شکل۔ب کو دیکھ کر

$$\cos \theta = \frac{l}{l+\delta}$$

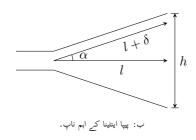
$$\sin \theta = \frac{h}{2(l+\delta)}$$

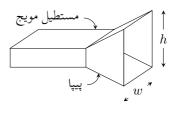
$$\tan \theta = \frac{h}{2l}$$

complementary antenna⁵⁸ Booker's theory⁵⁹

horn antenna⁶⁰

15.19. پيپا اينتينا





لف: پيپا اينٹينا۔

شکل 15.25: پیپا اینٹینا اور اس کے اہم ناپ۔

کھے جا سکتے ہیں۔ کم کی صورت میں ان مساوات سے

(15.199)
$$l = \frac{h^2}{8\delta}$$
(15.200)
$$\theta = \tan^{-1} \frac{h}{2l} = \cos^{-1} \frac{l}{l+\delta}$$

کھا جا سکتا ہے۔ برقی میدان h ست میں اور مقناطیسی میدان w ست میں تصور کرتے ہوئے آگے پڑھیں۔ برقی میدان E کے سطح پر اس فرق کو E کہ رکھا جاتا ہے جس سے پیچے کے منہ پر کل فرق E تک محدود رہتا ہے جبکہ مقناطیسی میدان E کے سطح پر فرق E کہ تک محدود رکھا جاتا ہے۔ مقناطیسی میدان کے سطح پیچے کے منہ پر برقی میدان سطح کے متوازی ہونے کی وجہ سے صفر ہوتا ہے للذا میدان میں زیادہ زاویائی فرق سے دور میدان زیادہ متاثر نہیں ہوتا۔

مثال 15.11: شکل میں h=10 ہے جبکہ تر سیلی تار میں میں $ext{TE}_{10}$ موج پائی جاتی ہے۔شکل میں ، w اور نصف زاویے heta اور ϕ حاصل کریں۔

حل: برقی میدان کی سطح پر $rac{\lambda}{5} > \delta$ لیتے ہوئے

$$l = \frac{h^2}{8\delta} = \frac{100\lambda^2}{8 \times \frac{\lambda}{5}} = 62.5\lambda$$

حاصل ہوتا ہے جس سے E سطح پر

$$\theta = \tan^{-1} \frac{h}{2l} = \tan^{-1} \frac{10\lambda}{2 \times 62.5\lambda} = 4.6^{\circ}$$

حاصل ہوتا ہے۔مقناطیسی میدان پر $rac{3\lambda}{8} > \delta$ لیتے ہوئے

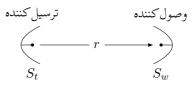
$$\phi = \cos^{-1} \frac{62.5\lambda}{62.5\lambda + \frac{3}{8}\lambda} = 6.26^{\circ}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یعیے کی چوڑائی

$$w = 2l \tan \phi = 2 \times 62.5 \times \lambda \times \tan 6.26^{\circ} = 13.7\lambda$$

حاصل ہوتی ہے۔

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شکل 15.26: وصول کردہ طاقت کا انحصار ترسیلی اور وصولی اینٹینا کے اخراجی رقبوں پر ہے۔

15.20 فرائس ريدار مساوات

شکل 15.26 میں S_t اخراجی رقبے کا تر سیل کنندہ اور S_v اخراجی رقبے کا وصول کنندہ اینٹینا آپس میں r فاصلے پر دکھائے گئے ہیں۔اگر غیر سمتی تر سیل کنندہ P_t طاقت کی شعاع خارج کرے تب وصول کنندہ کے قریب اکائی رقبے پر

$$(15.201) P = \frac{P_t}{4\pi r^2}$$

کثافت طاقت دستیاب ہو گی جس سے وصول کنندہ

$$(15.202) P'_w = PS_w$$

طاقت حاصل کر پائے گا۔ ترسیلی سطح S_t کے سمتی ترسیل کنندہ کی سمتیت $D=rac{4\pi S_t}{\lambda^2}$ ہومول کنندہ

(15.203)
$$P_{w} = DP'_{w} = \frac{4\pi S_{t}}{\lambda^{2}} \frac{P_{t}S_{w}}{4\pi r^{2}}$$

طاقت حاصل کریائے گا۔اس مساوات سے

$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_t S_w}{\lambda^2 r^2}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں کسی بھی دو اینٹینا کے نظام میں مساوات کا دایاں ہاتھ بے بُعد مستقل ہے۔یہ مساوات فرائس ترسیلی مساوات ا⁶ کہلاتی ہے۔ آئیں اب شکل 15.27-الف پر غور کریں جہاں ترسیل کنندہ اینٹینا شعاع خارج کرتی ہے۔اندکاس شعاع کو وصول کنندہ اینٹینا وصول کرتی ہے۔ریڈار میں عموماً ایک ہی اینٹینا دونوں کام سرانجام دیتی ہے۔شعاع کا اندکاس ہوا میں اڑتے جہاز سے ممکن ہے۔شکل 15.27-ب میں عاکس کو دو اینٹینا کی صورت میں دکھایا گیا ہے جہاں ایک اینٹینا شعاع وصول کرتے ہوئے دوسرے اینٹینا سے واپس خارج کرتا ہے۔یوں مساوات 15.204 کو دو مرتبہ استعال کرتے ہوئے

$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_t S_w S_e^2}{\lambda^4 r^4}$$

کھا جا سکتا ہے۔اگر ایک ہی اینٹینا بطور ترسیلی اور وصولی اینٹینا استعال کیا جائے تب

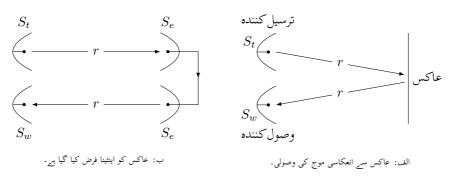
(15.206)
$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_w^2 S_e^2}{\lambda^4 r^4}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں عاکس کا اخراجی رقبہ S_e ہے۔

ا گرعاکس وسیع جسامت کا ہو اور اس سے انعکای موج عین ریڈار کی ست میں ہو تب عاکس کا اخراجی رقبہ اس کے میکانی رقبے جتنا ہو گا۔عموماً عاکس غیر سمتی اخراج کرتا ہے جس کی وجہ سے اس کا اخراجی رقبہ ،اس کے میکانی رقبے سے کم ہوتا ہے۔الیی صورت میں عاکس کے وصولی رقبے کو ∂ لکھتے ہوئے مساوات 15.204 سے عاکس کی حاصل کردہ طاقت

$$\frac{P}{P_t} = \frac{S_t \sigma}{\lambda^2 r^2}$$

15.20. فرائس ریڈار مساوات



شکل 15.27: ریڈار اینٹینا شعاع خارج کر کے انعکاسی موج وصول کرتا ہے۔

$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_w^2 S \sigma}{\lambda^4 r^4}$$

لعيني

$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_w^2 \sigma}{4\pi \lambda^2 r^4}$$

-حاصل ہوتا ہے جہاں σ ریڈار رقبہ تراث 62 کہلاتا ہے۔ یہ ریڈار مساوات 63 کہلاتی ہے۔

بڑی جسامت کی موصل کرہ، جس کارداس a ہو، کی ریڈار رقبہ تراش اس کے میکانی رقبہ تراش πa² کے برابر ہوتی ہے۔غیر کامل عاکس کی صورت میں ریڈار رقبی تراش نسبتاً کم ہوگا، مثلاً ایک میٹر طول موج پر چاند کاریڈار رقبہ تراش تقریباً 10 گنا حاصل ہوتا ہے۔

مثال 15.12: ایک ٹی وی اسٹیشن موصل زمین پر کھڑے m 200 قد کے اینٹینا سے 1 kw کی طاقت سے نشریات کرتی ہے۔افتی سطح پر اینٹینا غیر سمتی ہے جبکہ عمودی سمت میں اس کی نصف طاقت چوڑائی °10 ہے۔طول موج m 1 ہونے کی صورت میں 4 km دور کتنی اونچائی پر اینٹینا بہترین وصولی کر پائے گا۔وصول کردہ طاقت کا بھی تخیینہ لگائیں۔تربیلی اور وصولی اینٹینا مندرجہ ذیل فرض کرتے ہوئے حل کریں۔

- دونوں اینٹینے عمودی قطبی ہیں، اینٹینا لاگ ہیں جن کی سمتیت B d B ہے۔
 - دونول اینٹینے افقی قطبی ہیں،
 - دونوں اینٹینے دائری قطبی ہیں۔

حل: شکل میں صورت حال دکھائی گئی ہے۔موصل زمین سے انعکاس پر زمین کے متوازی برقی میدان میں °180 کی تبدیلی رو نما ہو گی۔یوں اگر وصولی اینٹینا زمین کے بالکل قریب ہو تب افقی قطبی میدان کی صورت میں یہ صفر طاقت وصول کر پائے گا جبکہ عمودی قطبیت کی صورت میں اسے سیدھی رسائی کے علاوہ زمین سے انعکاسی میدان بھی میسر ہو گا۔یوں کل میدان دگنا اور طاقت چار گنا ہو گا۔

radar cross section⁶²

باب 15. اينٹينا اور شعاعي اخراج

(15.210)
$$r_1 + r_2 - r_0 = n\lambda$$
 $(n = 0, 1, 2, \cdots)$

ہوتب افقی قطبی میدان صفر پایا جائے گا جبکہ عمودی قطبی میدان د گناہو گا۔اسی طرح جب بھی

ہوتب افتی قطبی میدان دگنااور عمودی قطبی میدان صفر پایا جائے گا۔ان حقائق سے ظاہر ہے کہ زیادہ سے زیادہ افقی قطبی میدان کے دو قریبی نقطوں کے در میانی نقطے پر زیادہ سے زیادہ عمودی قطبی میدان پایا جاتا ہے۔

اگر ترسیلی اینٹینا دایاں دائری قطبی ہو تب دایاں دائری قطبی اینٹینا صرف سیدھے آمدی میدان کو وصول کر پائے گا جبکہ بایاں دائری قطبی اینٹینا صرف انعکاسی میدان کو وصول کر پائے گا۔یوں دونوں اقسام کے دائری قطبی اینٹینا اکائی میدان حاصل کریں گے۔ترسیلی اینٹینا بایاں قطبی ہونے کی صورت میں بایاں قطبی وصولی اینٹینا سیدھے آمد میدان کو وصول کرے گا جبکہ دایاں قطبی اینٹینا انعکاسی میدان کو وصول کرے گا۔

افقی اور عمودی قطبی اینٹینوں کی صورت میں وصولی اینٹینا کی اونچائی تبدیل کرنے سے میدان صفر تاد گنا حاصل کرنا ممکن ہے جبکہ دائری قطبی اینٹینا کی صورت میں وصول طاقت کا دارومدار اینٹینا کی اونچائی پر نہیں ہوتی۔دائری اینٹینا ہر صورت اکائی میدان حاصل کرتی ہے۔

15.21 ریڈیائی دوربین، اینٹینا کی حرارت اور تحلیلی کارکردگی

کسی بھی برقی مزاحت R میں حرارت T کی وجہ سے آزاد چارج حرکت کرتے ہیں جس سے مزاحمت میں حراری شور ⁶⁴ پیدا ہوتا ہے۔ایی مزاحمت کے برقی سروں پر B تعدد کی پٹی پر

$$(15.212) W = kBT$$

طاقت شور 65 پایا جاتا ہے۔اکائی تعددی پٹی پر یوں

$$(15.213) w = kT$$

طاقت شور پایا جائے گا جہاں

 $_{
m W~Hz}^{-1}$ اکائی تعددی پٹی پر شور کی طاقت، $_{
m W}^{-1}$

 1.38×10^{-23} پولٹز من کا مستقل، 1.38×10^{-23} پولٹز من کا مستقل، k

B تعددي يڻي، Hz

T مزاحمت کی حتمی حرارت، K

thermal noise⁶⁴ noise power⁶⁵

ہیں۔ T کو حرارت شور ⁶⁶ کہا جاتا ہے۔ برابر تعددی پٹی پر برابر طاقت شور پایا جاتا ہے۔

اگر برقی مزاحت R کے برابر اخراجی مزاحت (R = اخراجی) کے اینٹینا کے برقی سروں پر طاقت شور ناپی جائے تو یہ مزاحت پر ناپی گئ طاقت شور سے مختلف ہو گی۔اینٹینا کے سروں پر طاقت شور، خلاء کے اس خطے کی حرارت T سے پیدا شور ہو گا جہاں سے اینٹینا طاقت وصول کر رہا ہو۔اس طاقت شور کا اینٹینا کی حرارت 67 استعمال کیا جا سکتا ہے۔

ایک سنٹی میٹر طول موج کے ریڈیائی دوربین کی مرکز نگاہ آسان کے ایسے خطوں پر رکھی جاسکتی ہے جہاں حتمی حرارت x 0 کے قریب ہوتی ہے۔ایسی صورت میں طاقت شور آسان کی حرارت سے پیدا ہو گانا کہ اینٹینا کے حرارت سے جو x 300 کے لگ بھگ ہو گی۔ریڈیائی دوربین کی طاقت شور فی تعدد

(15.214)
$$w = kT_A$$
 (W Hz⁻¹)

کھی جاتی ہے جہاں T_A اینٹینا کی حراری شور ہے جسے عموماً حرارت اینٹینا⁸⁶ یا اخراجی مزاحت کی حرارت کہا جاتا ہے۔ حرارت اینٹینا وہ خطہ کرتی ہے جس پر اینٹینا کے نقش کی نظر ہو۔یوں اینٹینا کی مدد سے دور آسان کے خطوں کی حرارت ناپنا ممکن ہے۔ہم نے اس پورے بحث میں یہ فرض کر رکھا ہے کہ اینٹینا بے ضیاع ہے اور یہ آسان کی طرف نظر رکھے ہوئے ہے۔یوں انعکائی شعاع اور ثانوی شعاع کورد کیا گیا ہے۔

ریڈیائی دوربین کو استعال کرتے ہوئے کثافت طاقت شور فی تعدد

(15.215)
$$p = \frac{w}{S_e} = \frac{kT_A}{S_e} \qquad (\text{W m}^{-2} \text{ Hz}^{-1})$$

كااستعال زيادہ سود مند ثابت ہوتا ہے جسے بوئنٹنگ سمتنیہ فی تعدد تصور كيا جاسكتا ہے۔

ا گر ہمیں منبع شور کی زاویائی وسعت Ω_M معلوم ہو اوریہ Ω_A کی نسبت سے کم ہو تب منبع کی حرارت

$$\frac{T_A}{T_M} = \frac{\Omega_M}{\Omega_A}$$

ے حاصل کی جاسکتی ہے۔ یاد رہے کہ T_A کا اینٹینا کی حرارت سے کوئی تعلق نہیں۔

مثال 15.13: مرتخ 60 پر مرکز نگاہ رکھتے ہوئے m 15 کمبی ریڈیائی دوربین کی اینٹینا حرارت 31.5 mm طول موج پر × 0.24 ناپی جاتی ہے۔اینٹینا پر مرتخ °0.005 زاوید بناتا ہے اور اینٹینا کا نصف طاقت زاویہ °0.116 ہیں۔مرتخ کی حرارت دریافت کریں۔

حل: مساوات 15.216 سے مریخ کی حرارت

$$T_M = rac{\Omega_A}{\Omega_M} T_A pprox rac{0.116^2}{\pi (0.005^2/4)} 0.24 = 164 \, \mathrm{K}$$

حاصل ہوتی ہے۔

noise temperature⁶⁶

remote temperature sensor⁶⁷

antenna temperature 68

15.22 حرارت نظام اور حرارت بعيد

حرارت اینٹینا سے اس خطے کی حرارت حاصل کی جاسکتی ہے جس پر اینٹینا کا مرکز نگاہ ہو۔یوں اینٹینا کو بعید پیا حرارت استعال کیا جاسکتا ہے۔یوں ایک سنٹی میٹر طول موج کے ریڈیائی دور بین کی نگاہ، ستاروں سے خالی آسان کے خطے پر رکھتے ہوئے انتہائی کم اینٹینا حرارت حاصل کی جاسکتی ہے۔آسان کو دکھتے ہوئے کم تر حرارت کا کہ حاصل ہوتی جو کا نئات کی ابتدائی دھائے 70 کی بقیہ حرارت ⁷⁷ ہے۔اگر اینٹینا کے سامنے ستارہ موجود ہو تب بقیہ حرارت سے زیادہ حرارت نائی جائے گی۔ایک میٹر طول موج پر ہماری کہکشاں کی حرارت کئی ہزار کیلون نائی جاتی ہے۔ہم حراری 27 شور کی حرارت ناپنے کی بات کر رہے ہیں۔یہ وہی حرارت ہے جو کامل اخراجی-وصولی خاصیت رکھنے والے چیز کی حرارت ہے۔الیے چیز کو سیاہ چیز 73 کہا جاتا ہے۔یوں اگر اینٹینا کی پوری وصولی نقش کے خطے میں گرم کو کئے باسیاہ دھات کا کرہ پایا جائے، تو اینٹینا سے کرہ کی نائی گئی حرارت وہی ہو گلی جو تھر مامیٹر 174 سے نائی جائے گی۔

thermal⁷² blackbody⁷³

 $thermometer^{74}$

باب 16

سوالات

مويج

سوال 16.1: ہوااور تانبے کے سرحد پر GHz اتعدد کے موج کا جھاو حاصل کریں۔

جواب: °0.00177

سوال 16.2: ہوااور پانی $\epsilon_R = 78$ کے سر حدیہ $1\,\mathrm{GHz}$ تعدد کے موج کا جھاو حاصل کریں۔

جواب: 6.46°

16.1 اینٹینا اور شعاعی اخراج

سوال 16.3: 15.3 کیجے خطی اینٹینا کا اخراجی مزاحمت حاصل کریں۔ایسا کرنے کی خاطر آپ کو صفحہ 463 پر دیے جدول 15.2 کے طرز کا جدول حاصل کرنا ہو گا۔

جواب: نِي 100

سوال 16.4: کیساں غیر سمتی منبع پر مبنی قطار میں ارکان کے در میان $d=\frac{\lambda}{4}$ ہے۔ مرکزی شعاع °30 و $\theta=0$ پر حاصل کرنے کی خاطر ارکان کے مابین زاویائی فرق δ حاصل کریں۔

جواب: 1.36 rad

سوال 16.5: تداخل پیا میں جفت قطب کے مابین فاصلہ 10% ہونے کی صورت میں پہلے صفر چوڑائی حاصل کریں۔

جواب: °5.7

باب 16. سوالات

 σ :16.1 جدول

σ , S m ⁻¹	چیر	σ , S m ⁻¹	چيز
7×10^4	گريفائك	6.17×10^{7}	چاندى
1200	سليكان	5.80×10^{7}	تانبا
100	فيرائك (عمومي قيمت)	4.10×10^{7}	سونا
5	سمندری پانی	3.82×10^{7}	المونيم
10^{-2}	چهونا پتهر	1.82×10^{7}	ٹنگسٹن
5×10^{-3}	چکنی مٹلی	1.67×10^{7}	جست
10^{-3}	تازه پانی	1.50×10^{7}	بيتل
10^{-4}	تقطیر شده پانی	1.45×10^{7}	نکل
10^{-5}	ریتیلی مٹی	1.03×10^{7}	لوبا
10^{-8}	سنگ مرمر	0.70×10^{7}	قلعى
10^{-9}	بيك لائث	0.60×10^{7}	كاربن سٹيل
10^{-10}	چینی مٹی	0.227×10^{7}	مینگنین
2×10^{-13}	ا بيرا	0.22×10^{7}	جرمينيم
10^{-16}	پولیسٹرین پلاسٹک	0.11×10^{7}	سٹینلس سٹیل
10^{-17}	كوارٹس	0.10×10^{7}	نائيكروم

باب 16. سوالات

 $\sigma/\omega\epsilon$ and ϵ_R :16.2 جدول

σ/ωε	ϵ_R	چير
	1	خالي خلاء
	1.0006	ب وا
0.0006	8.8	المونيم اكسائذ
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بيك لائث
	1.001	كاربن ڈائى آكسائڈ
	16	جرمينيم
0.001	4 تا 7	شيشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابرق
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	كاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.00005	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.00075	3.8	كوارثس
0.002	2.5 تا 3	ريز
0.00075	3.8	SiO ₂ سلیکا
	11.8	سليكان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مٹنی
0.0001	1.03	سٹائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندری پانی
0.01	1.5 تا 4	خشک لکڑی

16.1. اینٹینا اور شعاعی اخراج

 μ_R :16.3 جدول

μ_R	چيز
0.999 998 6	بسمت
0.99999942	پيرافين
0.999 999 5	لکڑی
0.999 999 81	چاندى
1.00000065	المونيم
1.00000079	بيريليم
50	نکل
60	ڈھلواں لوہا
300	مشين سٹيل
1000	فيرائك (عمومي قيمت)
2500	پرم بھرت (permalloy)
3000	ٹرانسفارمر پتری
3500	سيلكان لوبا
4000	خالص لوبا
20 000	میو میٹل (mumetal)
30 000	سنڈسٹ (sendust)
100 000	سوپرم بهرت (supermalloy)

جدول 16.4: اہم مستقل

علامت	چیر
e	اليكثران چارج
m	اليكثران كميت
ϵ_0	برقى مستقل (خالى خلاء)
μ_0	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
С	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)
	e m ϵ_0

باب 16. سوالات