برقى ومقناطيسيات

خالد خان بوسفز کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالو جی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

•		<u> </u>	•
1	مقداری اور سمتیه	1.1	
2	سمتي الجبرا	1.2	
3	كارتيسي محدد	1.3	
5	اكائبي سمتيات	1.4	
9	ميداني سمتيم	1.5	
9	سمتى رقبہ	1.6	
10	غیر سمتی ضرب	1.7	
14	سمتی ضرب یا صلیبی ضرب	1.8	
17	گول نلكى محدد	1.9	
20	1.9.1 نلکی اکائی سمتیات کا کارتیسی اکائی سمتیات کے ساتھ غیر سمتی ضرب		
20	1.9.2 نلکی اور کارتیسی اکائی سمتیات کا تعلق		
25	1.9.3 نلكي لامحدود سطحين		
27	کروی محدد	1.10	
37	کا قانون	كولومب	2
37	قوت کشش یا دفع	2.1	
41	برقی میدان کی شدت	2.2	
44	یکسان چارج بردار سیدهی لامحدود لکیر کا برقی میدان	2.3	
49	يكسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	2.4	
53	چارج بردار حجم	2.5	
54	مزید مثال	2.6	
61	برقی میدان کے سمت بہاو خط	2.7	
63	سوالات	2.8	

iv		عنمان

65																																													بلاو	. پھي	اور	ون	کا قان	س ک	گاؤ.	3
65																																														رج	چار	کن .	ساك		3.1	
65				•																																					•				جربہ	ا تج	5	<u>ا</u> کے	فيراة		3.2	
66				•																				•				٠					•								•				زن	قانو	کا	س	گاؤ		3.3	
68																																									ل	مما	است	کا	نون	ے قا	کے	س	گاؤ		3.4	
68																		•	•																		•						رج	چا	قطہ	i		3.4	1.1			
70																		•																	i	طح	سبا	وی	کرو	ٔ ر	بردا	ج	چار	اں	بکس	ی		3.4	1.2			
70																																بر	لكي	ود	حد	زم	ی ا	لھے	سيا	ار ،	بردا	ج	چار	اں	بکس	ی		3.4	1.3			
71																																													ر	، تار	ری	محو	بم ,		3.5	
73																																					لح	سط	د	بدو	مح	Υ_	موا	ار ۽	ا برد	ارج	چ	ساں	یک		3.6	
73																												•					(للاق	اط	کا	ون	قان	ے	5	ىس	گاؤ	ا پر	ج	ے ح	و ڻو	چ	ائى	انتم		3.7	
76																																																دو	پهيا		3.8	
78																												•										ن	وان	ساو	مہ	کی	لاو	پهي	میں	دد د	حا	ی م	نلك		3.9	
80																												•														ات	ساو	ے م	مومي	، ع	کی	(و َ	پهيا	3	.10	
				_																																											٨. ٨	ئلہ د		2	11	
82	•			•	•	•	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠										•	•	٠	•	•	•	•		•	•		•	٠	دو	-6.		مسن	3	. 1 1	
	•			-	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•							
85	•				•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•																															و	دبار	قى	ور بر	ئی ا	تواناة	4
85 85	•																																												م	و ِ کا	دبار اور	قى ائى	ور بر توانا	ئی ا	تواناة 4.1	4
85 85 86																																													٦	و کاا ملہ	دبار اور تک	ئى رى	ور بر توانا لکی	ئی ا	تواناة 4.1 4.2	4
85 85 86 91		•		•																															•						•				۴.	و كا مله	دبار اور تک	ری ری دب	ۇر بر توانا لكىي برقىي	ئی ا	تواناة 4.1	4
85 85 86 91																											 												دبا		برق			۔	ُم قطہ	و كاد مله د	دبار اور تک	قى ئى رى دى دى	ور بر توانا لکیر برقی	ئی ا	تواناة 4.1 4.2	4
85 85 86 91 92																											 							٠ د د		٠.	٠ .	بے	. دبا	نی	برق	. كا	 چار		م قطہ کیر	و كا مله ن	دباه اور تک	قى ئى دىرى 4.3	ور بر توانا لکیہ برقح 3.1	ئی ا	تواناة 4.1 4.2	4
85 85 86 91 92 93																											 							٠ .		٠. ي	پيد او	بے دبا	دبا قى	ن نت برة	برق کثاف	کا تار		ی د	م كير: م م	و کاد ملہ دملہ د	دبا. اور تک	قی ائی ری دبری 4.3	ور بر توانا لکیہ برقح 3.1	ئی ارا	تواناة 4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92																											 							٠ .		٠. ي	پيد او	بے دبا	دبا قى	ن نت برة	برق کثاف	کا تار		ی د	م كير: م م	و کاد ملہ دملہ د	دبا. اور تک	قی ائی ری دبری 4.3	ور بر توانا لکیہ برقح 3.1	ئی ارا	تواناة 4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93			•																														٠	٠		٠. ي	پيد او	بے دبا	او	نی نت برز	برق کثاف	کا تار		ی حور	م تقطم حکیر جارج	و مله مله ن	دبا اور تک	ائی ری دبری 4.3 4.3	ور بر توانا لکیہ برقی 3.1 3.2	ئی اہ	4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93 94																																	٠	٠	٠	٠. ي	بيد	سے دبا	دبا قى او	نی برز	كثافة كا	کا تار ، بر		ی چا حور حوں لموان	م م كير م م جارج د ده	و کاللہ ممللہ د کی	دبار اور تک باو	قى ائى دب 4.3 4.3 دب	ور بر توانا لکیب برقی متعا برقی	ئی اہ	4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93 94 94 98																																	٠		٠	٠	پيد	بے دبا	د دبا ماو	نی برهٔ درد	کثاف	. کا تار ، می		ی . یی . یوں یوں لوان	م تقطه عارج عارج للكي	و کاا مللہ او کا	دبا اور تک باو		ور بر توانا برقی 3.1 3.2 متعا	ئی اہ	4.1 4.2 4.3	4
85 85 86 91 92 93 94 94 98																																	٠		٠	ا بر	بيد	بے دیا ن	. دبا درا درا درا درا درا درا درا درا درا در	ئى د دىد د دە	كثاف كثاف	کا تار ، می			م م حم م م م م م م م م م م م م م م م م	و کا	دبا اور تک او	ائی ری 4.3 4.3 4.3 4.3	ور بر توانا برقع 3.1 متعا برقع متعا	ئی اہ	4.1 4.2 4.3 4.4	4
85 85 86 91 92 93 94 94 98 102			-																															· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	٠	ا بر	٠			ئى دىدىدىد دەدەد	كا كا كا كا يس	کا تار کا تار ، بر بر ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،			م محير . حم م بارج بارج کروء کروء	و كا. مالم	اور دبااور تک تک تک تک تک اور دبااو اور دبااو اور دبااو اور دبااو تک	قى ائى دب 4.3 4.3 4.3 4.3 4.3	ور بر توانا برقنی 3.1 3.3 برقنی متعا	ئی اہ	4.1 4.2 4.3 4.4	4

v عنوان

115	، ذو برق اور کپیسٹر	موصل،	5
115	برقمی رو اور کتافت برقمی رو	5.1	
117	استمراری مساوات	5.2	
119	موصل	5.3	
124	موصل کے خصوصیات اور سرحدی شرائط	5.4	
127	عکس کی ترکیب	5.5	
130	نيم موصل	5.6	
131	خو برق	5.7	
136	کامل ذو برق کے سرحد پر برقی شرائط	5.8	
140	موصل اور ذو برقی کے سرحدی شرائط	5.9	
140		5.10	
142	5.10.1 متوازی چادر کپیسٹر		
143	5.10.2 بم محوری کپیسٹر		
143	5.10.3 بم کوه کپیسٹر		
145	سلسلہ وار اور متوازی جڑے کپیسٹر	5.11	
146	دو متوازی تاروں کا کپیسٹنس	5.12	
155	اور لاپلاس مساوات	پوئسن	6
157	مسئلہ یکتائی	6.1	
	۔ لاپلاس مساوات خطی ہے	6.2	
	نلکی اور کروی محدد میں لاپلاس کی مساوات	6.3	
160	۔ لاپلاس مساوات کے حل	6.4	
	پوئسن مساوات کر حل کی مثال	6.5	
	بر ق مر عے ق ق لاپلاس مساوات کا ضربی حل	6.6	
	پ س رسی می اور سری می می می می در می می می در می	6.7	
	- 2		

vi

183	اطيسي ميدان	أ ساكن مقا
183	ايوڻ-سيوارث کا قانون	7.1
187	يمپيئر کا دوری قانون	7.2
191	گردش	7.3
198	7.3.1 نلكى محدد ميں گردش	
204	7.3.2 عمومی محدد میں گردش کی مساوات	
205	7.3.3 کروی محدد میں گردش کی مساوات	
206	ىسئلہ سٹوکس	7.4
210	ىقتاطىسى بىهاو اوركثافت مقناطىسى بىهاو	7.5
216	گیر سمتی اور سمتی مقناطیسی دباو 	7.6
221	ساکن مقناطیسی میدان کرے قوانین کا حصول	7.7
222	7.7.1 سمتی مقناطیسی دباو	
	. 7.7.2 ایمپیئر کا دوری قانون	
223		
223		
227		} مقناطيسي
227 227	قوتیں، مقناطیسی مادیے اور امالہ	8 مقناطیس <u>ی</u> 8.1
227227228	قوتیں، مقناطیسی مادے اور امالہ بتحرک چارج پر قوت	8 مقناطیسی 8.1 8.2
227227228231	قوتیں، مقناطیسی مادے اور امالہ بتحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3
227227228231232	قوتیں، مقناطیسی مادیے اور امالہ شحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3 8.4
227 227 228 231 232 237	قوتیں، مقناطیسی مادیے اور امالہ بتحرک چارج پر قوت	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5
227 227 228 231 232 237 238	قوتیں، مقناطیسی مادیے اور امالہ تحرک چارج پر قوت فرقی چارج پر قوت رقی رو گزارتے تفرقی تاروں کے مابین قوت وت اور مروڑ	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6
227 227 228 231 232 237 238 241	قوتیں، مقناطیسی ماد ہے اور امالہ تتحرک چارج پر قوت مُرقی چارج پر قوت رقی رو گزارتے تفرقی تاروں کے مابین قوت وت اور مروڑ	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7
227 227 228 231 232 237 238 241 242	قوتیں، مقناطیسی مادے اور امالہ متحرک چارج پر قوت مقرقی چارج پر قوت رقی رو گزارتے تفرقی تاروں کے مابین قوت وت اور مروڑ ولادی مقناطیسی اشیاء اور مقناطیسی خطے مقناطیسیت اور مقناطیسی مستقل مناطیسی سرحدی شرائط	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7
227 228 231 232 237 238 241 242 245	قوتیں، مقناطیسی مادیے اور امالہ تحرک چارج پر قوت مرقی چارج پر قوت رقی رو گوارتے تفرقی تاروں کے مابین قوت وت اور مروژ ولادی مقناطیسی اشیاء اور مقناطیسی خطے قناطیسیت اور مقناطیسی مستقل قناطیسی سرحدی شرائط	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7 8.8 8.9

253	ے ساتھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات	وقت کے	9
253	فيراڭے کا قانون	9.1	
259	انتقالی برقمی رو	9.2	
263	میکس ویل مساوات کی نقطہ شکل	9.3	
264	میکس ویل مساوات کی تکمل شکل	9.4	
266	تاخیری دباو	9.5	
271	امواج	مستوى	10
271			
	یرقی و مقناطیسی مستوی امواج		
	یرمی و معسطیسی مستوی امواج	10.2	
	10.2.1 خالص یا کامل ذو برق میں امواج		
	10.2.3 ناقص یا غیر کامل ذو برقی میں امواج		
	پوئتٹنگ سمتیہ		
	موصل میں امواج		
	انعکاس مستوی موج		
302	شرح ساکن موج	10.6	
309	تار	ترسيلي	11
309	ترسیلی تار کے مساوات	11.1	
313	ترسیلی تار کے مستقل	11.2	
314	11.2.1 ہم محوری تار کے مستقل		
317	11.2.2 دو متوازی تار کے مستقل		
318	11.2.3 سطح مستوی ترسیلی تار		
319	ترسیلی تار کے چند مثال	11.3	
324	ترسیمی تجزیه، سمته نقشد	11.4	
331	11.4.1 سمته فراوانی نقشہ		
332	تجرباتی نتائج پر مبنی چند مثال	11.5	

337	تقطیب موج	12
337	12.1 خطی، بیضوی اور دائری تقطیب	
340	12.2 بیضوی یا دائری قطبی امواج کا پوئتٹنگ سمتیہ	
343	ترچهی آمد، انعکاس، انحراف اور انکسار	13
343	13.1 ترچهی آمد	
354	13.2 ترسيم بائی گن	
357	مویج اور گهمکیا	14
359	سوالات	15

باب 11

ترسیلی تار

ترسلی تارایک نقطے سے دوسرے نقطے تک توانائی اور اشارات منتقل کرتے ہیں۔ بالکل سادہ صورت میں ترسلی تار منبع طاقت کو برقی بار کے ساتھ منسلک کرتا ہے۔ یہ مرسل (ٹرانسمٹر) ااور اینٹینا ² یا پھر ڈیم میں نسب جزیٹر اور اس سے دور کسی شہر کا بار ہو سکتے ہیں۔

مستوی برقی و مقناطیسی امواج عرضی امواج ہیں۔ ترسیلی تاریر بھی عرضی امواج ہی پائی جاتی ہیں۔ ہم دیکھیں گے کہ اس مشابہت کی بناپر برقی و مقناطیسی امواج کے لئے حاصل کردہ مساوات ترسیلی تارکے لئے بھی قابل استعال ہوں گے البتہ ترسیلی نظام میں برقی اور مقناطیسی میدان کے بجائے عموماً برقی د باواور برقی روکی استعال کئے جاتے ہیں۔اسی طرح کثافت طاقت کی جاتے کی جاتی ہے۔

اس باب میں ترسیمی تجزیے پر خاص زور دیاجائے گاجو عرضی برقی و مقناطیسی مستوی امواج کے لئے بھی قابل استعال ہو گا۔

11.1 ترسیلی تار کے مساوات

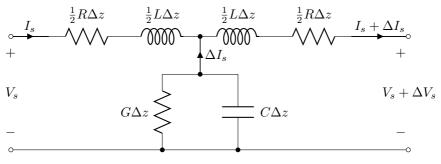
ہم ترسلی تارکی عمومی مساوات حاصل کرنے کی خاطر ہم محوری تارکو ذہن میں رکھ کر آگے چلتے ہیں۔ یہ تاریح محد دیر پڑی ہے۔ ہم محوری تارکے اندرونی اور بیرونی موصل تار بہتر موصلیت σ_c کی جسامت اور اشارات کی تعدد جانتے ہوئے ہم اکائی لمبائی تارکے مستقل σ_c اور σ_c حاصل کر سکتے ہیں۔

یہاں بھی ہم موج کی حرکت a_z جانب نصور کرتے ہیں۔ یوں تار کے چھوٹی لمبائی کے کی مزاحت $R\Delta z$ ،امالہ $R\Delta z$ ،امالہ Δz ورایسالیت Δz ورایسالیت Δz ورایسالیت Δz کی مزاحت Δz المذااس کے سلسلہ واراجزاء کے دونوں طرف دکھایا گیا ہے۔ چو تکہ تارکا یہ چھوٹا گلڑا دونوں اطراف سے بالکل ایک جیسے معلوم ہوتا ہے للمذااس کے سلسلہ واراجزاء واراجزاء کو آدھے گلڑوں میں کرتے ہوئے سلسلہ واراجزاء کے دونوں جانب بھی جوڑ سکتے تھے۔

ہم فرض کرتے ہیں کہ شکل 11.1 میں بائیں طرف برقی دباو

 $V = V_0 \cos(\omega t - \beta z + \psi)$

transmitter¹ antenna²



شکل 11.1: یکسان ترسیلی تار کا چهوٹا حصہ۔ متغیرات C ، L ، R اور C تار کی شکل اور مادوں پر منحصر ہیں۔

پائی جاتی ہے۔ یہ حرکت کرتے موج کی عمومی مساوات ہے۔ یولر مماثل استعال کرتے ہوئے اس مساوات کو

$$V = \left[V_0 e^{j(\omega t - eta z + \psi)}
ight]$$
حقیق

کھاجا سکتا ہے۔ اس مساوات میں $e^{j\omega t}$ اور زیر نوشت میں جی کو پوشیدہ رکھتے ہوئے دوری سمتیہ کی صورت میں یوں کھاجا سکتا ہے

$$V_s = V_0 e^{j\psi} e^{-\beta z}$$

جہاں مساوات کے بائیں ہاتھ V_s کھتے ہوئے زیر نوشت میں S یاد دلاتی ہے کہ یہ مساوات دوری سمتیہ کی شکل میں ہے۔

شکل 11.1 کے گرد گھومتے ہوئے کر چاف کے برقی د باوک قانون سے

$$V_{s} = \left(\frac{R\Delta z}{2} + j\frac{\omega L\Delta z}{2}\right)I_{s} + \left(\frac{R\Delta z}{2} + j\frac{\omega L\Delta z}{2}\right)(I_{s} + \Delta I_{s}) + V_{s} + \Delta V_{s}$$

يا

$$\frac{\Delta V_s}{\Delta z} = -\left(R + j\omega L\right) I_s - \frac{1}{2} \left(R + j\omega L\right) \Delta I_s$$

کھاجا سکتا ہے۔اگر ΔZ کو صفر کے قریب تر کیا جائے تب ΔI_s بھی صفر کے قریب تر ہوگا۔ یوں $\Delta z \to 0$ کی صورت میں اس مساوات کے آخر کی جزو کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ یوں اسے

$$\frac{\mathrm{d}V_{s}}{\mathrm{d}z} = -\left(R + j\omega L\right)I_{s}$$

لکھاجاسکتاہے۔

متوازی اجزاء پر برقی د باو

$$V_s - \left(\frac{R\Delta z}{2} + j\frac{\omega L\Delta z}{2}\right)I_s$$

ہے جسے استعال کرتے ہوئے شکل کو دیکھ کر متوازی اجزاء میں تفرقی روکے لئے

$$-\Delta I_{s} = \left[V_{s} - \left(\frac{R\Delta z}{2} + j \frac{\omega L \Delta z}{2} \right) I_{s} \right] \left(G\Delta z + j \omega C \Delta z \right)$$

١

$$\frac{\Delta I_s}{\Delta z} = -\left(G + j\omega C\right) V_s + \frac{1}{2} \left(R + j\omega L\right) \left(G + j\omega C\right) I_s \Delta z$$

کھاجا سکتا ہے۔اگر $z o \Delta$ کیاجائے تب اس مساوات کے آخری جزو کو نظر انداز کیاجا سکتاہے اور یوں

$$\frac{\mathrm{d}I_{s}}{\mathrm{d}z} = -\left(G + j\omega C\right)V_{s}$$

حاصل ہوتاہے۔

یہاں رک کر ذرہ برقی و مقناطیسی امواج کے مساوات کو دوبارہ پیش کرتے ہیں۔ میکس ویل کی مساوات $abla imes E_{\rm S} = -i\omega\mu H_{\rm S}$

ير کرنے $oldsymbol{H}_{ys} = H_{ys}oldsymbol{a}_{ ext{y}}$ اور $oldsymbol{E}_{s} = E_{xs}oldsymbol{a}_{ ext{x}}$

$$\frac{\mathrm{d}E_{xs}}{\mathrm{d}z} = -j\omega\mu H_{ys}$$

ملتاہے اور اسی طرح

 $\nabla \times \boldsymbol{H}_{s} = (\sigma + j\omega\epsilon) \, \boldsymbol{E}_{s}$

سے

(11.4)
$$\frac{\mathrm{d}H_{ys}}{\mathrm{d}z} = -\left(\sigma + j\omega\epsilon\right)E_{xs}$$

ملتاہے۔

C، مساوات 11.2 کا مساوات 11.4 کے ساتھ موازنہ کریں۔ غور کرنے سے معلوم ہوتا ہے کہ پہلے مساوات میں I_S کی جگہہ I_S کی جگہہ I_S کی جگہہ I_S کی جگہہ کی جگہہ ہوئے دوسری مساوات حاصل کی جاسکتی ہے۔ دونوں مساوات بہت قریبی مشابہت رکھتے ہیں۔

اس طرح مساوات 11.1 اور مساوات 11.3 کودیکھتے ہوئے یہی جوڑے یہاں بھی پائے جاتے ہیں،البتہ یہاں L اور م کی جوڑی بھی پائی جاتی ہے۔ہاں ظاہری طور پر R کی جوڑی موجود نہیں ہے۔یوں ہم ہس کی جوڑی R + jw L سکتے ہیں۔

لامحدود یکساں مستوی امواج اور لامحدود لمبائی کی بیکساں ترسیلی تار کے سرحدی شر ائطا یک جیسے ہیں۔دونوں میں سرحد پایابی نہیں جاتاللذاہم گزشتہ باب میں حاصل حل

$$E_{xs} = E_{x0}e^{-\gamma z}$$

کی طرز پراب

$$(11.5) V_s = V_0 e^{-\gamma z}$$

بطور ترسیلی تار کے مساوات کا حل لکھ سکتے ہیں۔ یہ برقی دباوے موج کی مساوات ہے۔ یہ موج مثبت z جانب حرکت کررہی ہے اور z=0 پراس کا حیطہ v_0 ہے۔ حرکی مستقل

$$\gamma = \sqrt{j\omega\mu(\sigma + j\omega\epsilon)}$$

اـــا

(11.6)
$$\gamma = \alpha + j\beta = \sqrt{(R + j\omega L)(G + j\omega C)}$$

ہو جائے گا۔ طول موج اب بھی

$$\lambda = \frac{2\pi}{\beta}$$

ہو گا۔موج کی رفتاراب بھی

$$v = \frac{\omega}{\beta}$$

ہے۔

کامل تر سیلی تار طاقت ضائع نہیں کر تا۔ ایسی تارے مستقل R=G=0 ہوتے ہیں للمذا $\gamma=j\beta=j\omega\sqrt{LC}$

اور

$$v = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

ہوں گے۔

اسی طرح مقناطیسی موج

$$H_{ys} = \frac{E_{x0}}{\eta} e^{-\gamma z}$$

سے

(11.10)
$$I_{s} = \frac{V_{0}}{Z_{0}} e^{-\gamma z}$$

کھاجاسکتا ہے جہاں ترسیلی تارکی قدرتی رکاوٹ _Z0 کو

$$\eta = \sqrt{\frac{j\omega\mu}{\sigma + j\omega\epsilon}}$$

سے

(11.11)
$$Z_0 = \sqrt{\frac{R + j\omega L}{G + j\omega C}}$$

لکھاجا سکتاہے۔

خطہ - 1 میں آمدی موج جب خطہ - 2 کے سر حدسے نگراتی ہے تواس کا پچھ حصہ بطور انعکاسی موج خطہ - 1 میں واپس ہو جاتی ہے۔اس انعکاسی موج اور آمدی موج کی شرح کو شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{E_{x0}^{-}}{E_{x0}^{+}} = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1}$$

کہتے ہیں۔اسی طرح اگر 2₀₁ قدرتی رکاوٹ کی تر سیلی تاریر آمد موج 2₀₂ قدرتی رکاوٹ کی تر سیلی تار میں داخل ہوناچاہے توان کے سر حدسے انعکاسی موج واپس ہوگی۔ایسی انعکاسی موج اور آمدی موج کی شرح

(11.12)
$$\Gamma = \frac{V_0^-}{V_0^+} = \frac{Z_{02} - Z_{01}}{Z_{02} + Z_{01}}$$

ہو گی۔انعکاسی شرح جانتے ہوئے شرح ساکن موج

$$s = \frac{1+|\Gamma|}{1-|\Gamma|}$$

 H_{ys} اور H_{ys} اور H_{ys} وتبz=-l ہوتب $\eta=\eta_2$ کی شرک اگری

$$\eta_{\mathcal{J}_{\mathbf{J}}}$$
, = $\eta_1 \frac{\eta_2 + j\eta_1 \tan \beta_1 l}{\eta_1 + j\eta_2 \tan \beta_1 l}$

کو داخلی قدرتی رکاوٹ کہتے ہیں۔اس ہے 0>z>0 کی صورت میں ترسلی تار کے لئے z=-1 اور zاور کی شرح، یعنی اس کی داخلی قدرتی رکاوٹ کو

(11.14)
$$Z_{01} = Z_{01} \frac{Z_{02} + jZ_{01} \tan \beta_1 l}{Z_{01} + jZ_{02} \tan \beta_1 l}$$

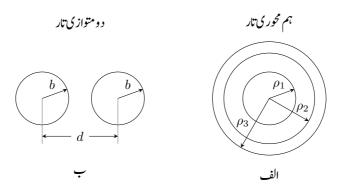
لکھا جا سکتاہے۔

 $C=80 \, rac{ ext{pF}}{ ext{m}}$ واور $G=8 \, rac{ ext{µS}}{ ext{m}}$ واور $G=8 \, rac{ ext{µH}}{ ext{m}}$ واور $G=80 \, rac{ ext{pF}}{ ext{m}}$ واور $G=80 \, rac{ ext{pF}}{ ext{m}}$ وارد $G=80 \, rac{ ext{pF}}{ ext{m}}$

 $55.9/-0.029^{\circ}$ Ω ابات: $\frac{m}{s}$ 2.81 m 2.236 $\frac{rad}{m}$ 1.57 $\frac{Np}{m}$ جوابات: $\frac{rad}{m}$

11.2 ترسیلی تار کر مستقل

اس جھے میں مختلف اشکال کے ترسیلی تار کے مستقل کیجا کرتے ہیں۔ان میں سے عموماً مستقل کو ہم پہلے حاصل کر پچکے ہیں،بس انہیں ایک جگہ لکھنا باقی ہو گا۔سب سے پہلے ہم محوری تاریح مستقل اکھٹے کرتے ہیں۔



شکل 11.2: هم محوری ترسیلی تار اور دو متوازی ترسیلی تار.

11.2.1 ہم محوری تار کے مستقل

شکل۔11۔ الف میں ہم محوری تارد کھائی گئی ہے جس میں اندرونی تار کار داس ρ_1 ہے۔ بیر ونی تار کا اندرونی رداس ρ_2 اور اس ρ_3 بیں۔تاروں کے در میان ذو برق کے مستقل μ ور میاں۔ سفحہ 143 پر مساوات میں تارکی لمبائی μ = 1 پر کرنے سے اس کی فی میٹر کیپیسٹنس

(11.15)
$$C = \frac{Q}{V} = \frac{2\pi\epsilon}{\ln\frac{\rho_2}{\rho_1}}$$

حاصل ہوتی ہے جبکہ فی میٹر امالہ صفحہ 247پر مساوات 8.66 دیتاہے۔

$$L_{\dot{\mathfrak{z}},z} = \frac{\mu I}{2\pi} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

یہ تار کی بیر ونیامالہ ہے۔ بلند تعدد پر تار میں برقی رو صرف گہرائی جلد تک محدود رہتی ہے لہٰذاالیں صورت میں تار کے اندر نہایت کم مقناطیسی بہاو پایاجاتا ہے اور یوں اس کی اندر ونی امالہ قابل نظرانداز ہوتی ہے۔ کسی بھی ترسیلی تار کے لئے

$$L_{\dot{\mathcal{S}},\mathcal{L}}C = \mu \epsilon$$

درست ثابت ہوتا ہے۔یوں دونوں ہم محوری تاروں کے در میان میں بھری ذوبرق کا∋اور فی میٹر تار کی کپیسٹنس جانتے ہوئے اندرونی امالہ اس مساوات سے حاصل کی جاسکتی ہے۔

كم تعدد پر تاركي اندروني اماله كو نظرانداز نهيس كيا جاسكتا۔اليي صورت ميس مساوات 8.70

$$L = \frac{\mu I}{2\pi} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1} + \frac{\mu}{8\pi} + \frac{\mu}{2\pi \left(\rho_3^2 - \rho_2^2\right)^2} \left(\rho_3^4 \ln \frac{\rho_3}{\rho_2} - \frac{\rho_2^4}{4} - \frac{3\rho_3^4}{4} + \rho_2^2 \rho_3^2\right)$$

میں دی گئی فی میٹر تارکی امالہ استعمال کی جائے گی۔ یادر ہے کہ بیرامالہ حاصل کرتے ہوئے فرض کیا گیا تھا کہ برقی رو یکساں موصل تارییں گزرتی ہے۔اب ہم جانتے ہیں کہ بلند تعدد پر روصرف گہرائی جلد تک محدود رہتی ہے لہٰذا کم تعدد پر ہی اس امالہ کو استعمال کیا جاسکتا ہے۔

آئیں الی تعدد پر بھی صورت حال دیکھیں جب اندرونی امالہ کی قیت قابل نظر انداز نہ ہولیکن گہرائی جلد کے اثر کو بھی نظر انداز نہیں کیا جاسکا۔ گہرائی جلد کے اثر کی وجہ سے مساوات 11.18 قابل قبول نہیں ہوگی۔اب فرض کرتے ہیں کہ گہرائی جلد کا اندرونی تارکے رداس ρ_1 سے بہت کم ہے۔یوں اندرونی تارکے ہیرونی

باریک تہہ میں برقی روپائی جائے گی۔ برقی رو $a_{
m Z}$ ست میں ہے اور چو نکہ $J_s=\sigma_c E_s$ ہوتا ہے للذاتار کی سطح پر ق E_s کا مماثل جزو بھی $a_{
m X}$ ست میں ہوگا۔ موصل تاری موصلیت کو یہاں σ_c کا کھا گیا ہے۔ مقاطیسی میدان کی شدت تارکی سطح پر

$$H_{\phi s} = \frac{I_s}{2\pi\rho_1}$$

ہو گی۔اب تار کی سطح پر E_{zs} اور H_{ys} کی شرح،مستوی برقی و مقناطیسی موج کی قدر تی رکاوٹ ہو گی۔اگرچہ ہم نکلی اشکال کی بات کررہے ہیں لیکن $\delta \gg \delta \gg \delta$ کی بناپر برقی روگزارتے باریک تہہ کو کا موٹائی اور $2\pi \rho_1$ چوڑائی کا موصل تصور کیا جاسکتا ہے۔ یوں صفحہ 293پر مساوات 10.65سے

$$|_{\rho_1} \frac{E_{zs}}{H_{ys}} = \frac{1+j}{\sigma_c \delta}$$

کھاجاسکتاہے جس میں مساوات 11.19پر کرنے سے

$$\frac{E_{zs}}{I_s}\bigg|_{\rho_1} = \frac{1+j}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c}$$

کھاجاسکتاہے۔ چونکہ E_{zs} دراصل فی میٹر برقی د باوہ لہذامندرجہ بالاشرح فی میٹر قدرتی رکاوٹ

(11.20)
$$Z = \frac{E_{zs}}{I_s} \bigg|_{\rho_1} = R + j\omega L = \frac{1}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c} + j\frac{1}{2\pi\rho_1\delta\sigma_c}$$

کے برابر ہے۔ بیامالہ تار کیاندر ونیامالہ ہے جو تار کے موصلیت σ_c پر منحصر ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کامل موصل کی صورت میں قدر تی ر کاوٹ صفر ہو گی۔ یوں اندر ونی تارکی اندر ونی امالہ

$$L_{
ho_1,\dot{\mathcal{G}}}$$
ائدرونی $= \frac{1}{2\pi
ho_1 \delta \sigma_c \omega}$

ہو گی۔صفحہ 291پر مساوات 10.62 کو $\frac{1}{\pi f \mu \delta^2}$ و کا سامیں پر کرنے سے

(11.21)
$$L_{\rho_1,\dot{\mathfrak{t}},\mathfrak{s},\mathfrak{s},\mathfrak{s},\mathfrak{s}} = \frac{\mu\delta}{4\pi\rho_1} \quad (\delta \ll \rho_1)$$

حاصل ہوتا ہے۔اسی طریقہ کارسے بیر ونی تارکے لئے

(11.22)
$$L_{\rho_2,\dot{\mathcal{G}}_2,\dot{\mathcal{G}}_3} = \frac{\mu\delta}{4\pi\rho_2} \quad (\delta \ll \rho_3 - \rho_2)$$

کھاجاسکتاہے۔یوں بلند تعدد پر ہم محوری تارکی کل امالہ

(11.23)
$$L_{j,j,k} = \frac{\mu}{2\pi} \left[\ln \frac{\rho_2}{\rho_1} + \frac{\sigma_c}{2} \left(\frac{1}{\rho_1} + \frac{1}{\rho_2} \right) \right] \qquad (\delta \ll \rho_1, \, \delta \ll \rho_3 - \rho_2)$$

ہو گا۔مساوات 11.20 بلند تعدد پر قدر تی رکاوٹ کامزاحمتی حصہ یعنی فی میٹر مزاحمت بھی دیتاہے جس سے اندرونی اوربیر ونی تاروں کا سلسلہ وار مجموعہ

(11.24)
$$R = \frac{1}{2\pi\delta\sigma_c} \left(\frac{1}{\rho_1} + \frac{1}{\rho_2}\right) \quad (\delta \ll \rho_1, \, \delta \ll \rho_3 - \rho_2)$$

ککھاجا سکتا ہے۔اس مزاحمت کے ساتھ شعاعی اخراج سے پیدامزاحمتی جزو بھی شامل کیاجا سکتا ہے۔ بے پناہ 3 تاریا ہم محوری تار کے کیلے سر سے شعاعی اخراج ہوتا ہے۔

الی تعدد جس پر گہرائی جلد کی قیت رداس سے بہت کم نہ ہو حل کرتے ہوئے استعال ہوتے ہیں۔ یہاں انہیں حل نہیں کیا جائے گا۔

قدرتی رکاوٹ کو عموماً بیرونی اماله اور کیپیسٹنس کی صورت میں

(11.25)
$$Z_0 = \sqrt{\frac{L_{\dot{\xi},z}}{C}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

لکھا جاتا ہے۔

 ho_L اندرونی اور بیرونی تار کے مابین ذو برق میں سے گزرتی یک سمتی برقی رو I=GV سے حاصل ہوتی ہے۔اندرونی تار پر ho_L اور بیرونی تار پر ho_L اور بیرونی تار پر ho_L ور بیرونی تار پر ho_L مابین برقی دباو صفحہ 94 پر مساوات 4.18

$$V = \frac{\rho_L}{2\pi\epsilon} \ln \frac{\rho_2}{\rho_1}$$

دیتی ہے۔ تاروں کے در میان ذو برق میں میدان مساوات 4.17

$$E_{\rho} = \frac{\rho_L}{2\pi\epsilon\rho}$$

دیتی ہے۔ ذو برق کی موصلیت 🗗 لکھتے ہوئے، صفحہ 120 پر اوہم کے قانون کی نقطہ شکل یعنی مساوات 5.11 کی مدد سے یوں رداس م پر کثافت برقی رو

$$J_{\rho} = \sigma E_{\rho} = \frac{\sigma \rho_L}{2\pi\epsilon\rho}$$

لکھی جائے گی۔اندرونی تار کے گرد رداس ρ پر L لمبائی کی نلکی سطح کار قبہ 2πρL ہو گا۔ایس اکائی لمبائی کی سطح کے رقبہ 2πρ سے کل

$$I = J_{\rho} 2\pi \rho = \frac{\sigma \rho_L}{\epsilon}$$

برقی رو گزرے گی۔ یوں

(11.26)
$$G = \frac{I}{V} = \frac{2\pi\sigma}{\ln\frac{\rho_2}{\rho_1}}$$

حاصل ہوتا ہے۔

125 سے۔ ماوات C کے قیمت سے حاصل کرناد کھتے ہیں۔ایک تار سے دوسرے تار تک E کی لکیری تکمل سے برقی دباو V حاصل ہوتا ہے۔ صفحہ 125 ہیں۔ایک تار سے معلوات C کی قیمت C کے قیمت سے حاصل پر سطح کا فافت چارج، سطح کے عمودی برقی بہاو کے برابر ہوتی ہے، یعنی عوری $\rho_S = D_{c,0}$ یوں تاریر کل چارخ

$$Q = \int_{S} \rho_{S} \, dS = \epsilon \int_{S} E_{\zeta, \mathcal{F}} \, dS$$

کلھی جاسکتی ہے جہاں S تار کا سطحی رقبہ ہے اور $D=\epsilon E$ ککھا گیا گا۔ یوں

(11.27)
$$C = \frac{Q}{V} = \frac{\epsilon \int_{S} E_{\mathcal{G}, \mathfrak{p}^{\epsilon}} dS}{V}$$

ہو گا۔اب موصل کے سطح پر ع_{مودی} کا جانتے ہوئے یہاں کثافت برقی رو ع_{مودی} $J=\sigma E$ کھی جاسکتی ہے لہٰذا تار کے سطح سے خارج کل برقی رو

$$I = \sigma \int_{S} E_{\mathcal{S}, \mathcal{I}} \, \mathrm{d}S$$

Bessel functions⁴

ہو گی۔ یوں دو تاروں کے مابین ایصالیت

$$G = \frac{I}{V} = \frac{\sigma \int_{S} E_{\mathcal{G}, \mathfrak{p}^{\mathcal{E}}} dS}{V}$$

ہو گی۔مساوات 11.27 اور مساوات 11.28 کو دیکھ کر

$$G = -\frac{\sigma}{\epsilon}C$$

کھا جا سکتا ہے جو کسی بھی ترسلی تار کے لئے درست ہے

 $\mu_R = 1$ مثق 11.2: ایک ہم محور می تار جس کے $\sigma_c = 3.82 \times 10^7 \, \frac{\rm S}{\rm m}$ اور $\rho_2 = 3.49 \, {\rm mm}$ ہور کے متعقل 1 $\rho_2 = 3.49 \, {\rm mm}$ مثق 11.2: ایک ہم محور می تار جس کے متعقل کے ہم محور میں۔ اس کا فی میٹر کیپیسٹنس، بیر ونی اور اندرونی امالہ حاصل کریں۔ تر سیلی تار کے $\sigma = 10 \, \frac{\rm S}{\rm m}$ واور $\sigma = 10 \, \frac{\rm S}{\rm m}$ حاصل کریں۔ تر سیلی تار کے متعقل کریں تر سیلی تر سیلی تار کے متعقل کریں تر سیلی تار کے متعقل کریں تر سیلی تار کے متعقل کریں تر سیلی تار کریں تر سیلی تر سیلی تار کریں تر سیلی تر سیلی تار کریں تر سیلی تار کریں تر سیلی تار کریں تر سیلی تر سیلی تار کریں تار کریں تر سیلی تار کریں تار کریں تر سیلی تار کریں تار کری

 $50 / 0.055^{\circ}$ Ω اور Ω $\frac{\mathrm{rad}}{\mathrm{m}}$ 0.014 $\frac{\mathrm{Np}}{\mathrm{m}}$ 0.25 $\frac{\mathrm{nH}}{\mathrm{m}}$ 0.2 $\frac{\mathrm{nH}}{\mathrm{m}}$ 0.1 $\frac{\mathrm{nF}}{\mathrm{m}}$ 0.1

11.2.2 دو متوازی تار کر مستقل

شکل 11.2-ب میں دو متوازی تر سلی تار دکھائی گئی ہے۔تار کا رداس b، تاروں کے مابین فاصلہ d جبکہ تارکی موصلیت σ_c ہے۔تاروں کے گرد ذو برق کے مستقل μ اور σ ہیں۔ اس تارکی کپیسٹنس صفحہ 149 پر مساوات 5.75 کی نصف ہو گی۔اس کی وجہ وہیں پر مساوات کے پنچے سمجھائی گئی ہے۔یوں فی میٹر تارکی کپیسٹنس

$$C = \frac{\pi \epsilon}{\cosh^{-1} \frac{d}{2h}}$$

 $ab \ll d$ هو تب مساوات 5.76 سے $b \ll d$

$$C = \frac{\pi \epsilon}{\ln \frac{d}{h}} \quad (b \ll d)$$

لکھا جا سکتا ہے۔مساوات 11.17 سے تارکی فی میٹر بیرونی امالیہ

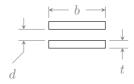
$$L_{\dot{\mathcal{S}},z} = \frac{\mu}{\pi} \cosh^{-1} \frac{d}{2b}$$

يا

$$L_{\dot{\mathcal{G}},z} = \frac{\mu}{\pi} \ln \frac{d}{b} \quad (b \ll d)$$

لکھی جاسکتی ہے جبکہ بلند تعدد پر فی میٹر کل امالہ

(11.31)
$$L_{\text{Jin}} = \frac{\mu}{\pi} \left(\frac{\delta}{2b} + \cosh^{-1} \frac{d}{2b} \right) \quad (\delta \ll b)$$



شكل 11.3: سطح مستوى ترسيلي تار.

ہے۔تار کی بیرونی δ تہہ برقی رو گزارتی ہے۔اس تہہ کا رقبہ عمودی تراش $S=2\pi b\delta$ ہہہ برقی میٹر مزاحت

(11.32)
$$R = \frac{l}{\sigma_c S} = \frac{1}{\pi b \delta \sigma_c}$$

ہو گی جہاں دونوں تاروں کی مزاحمت سلسلہ وار جڑے ہیں۔مساوات 11.29 سے فی میٹر تارکی ایصالیت

$$G = \frac{\pi\sigma}{\cosh^{-1}\frac{d}{2b}}$$

حاصل ہوتی ہے۔

بیر ونی امالہ اور کیپیسٹنس استعال کرتے ہوئے قدرتی مزاحت

$$Z_0 = \frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \cosh^{-1} \frac{d}{2b}$$

حاصل ہوتا ہے۔

11.2.3 سطح مستوى ترسيلي تار

d شکل a 11.3 میں سطح مستوی تر سیلی تار a دکھایا گیا ہے جس میں a چوڑائی اور a موٹائی کے دو متوازی موصل چادر دکھائے گئے ہیں جن کے مابین فاصلہ a 11.3 موصل چادر کی موصلیت a جبکہ ارد گرد کے ذو برق کے مستقل a 4 اور a ہیں۔

ا گر $b\gg d$ ہو تب ان جادروں کی فی میٹر کہیسٹنس

(11.35)
$$C = \frac{\epsilon \bar{\nu}}{\dot{\theta}} = \frac{\epsilon b}{d}$$

ہو گی۔یوں مساوات 11.17 سے فی میٹر بیر ونی امالیہ

(11.36)
$$L_{\dot{\mathcal{G}},z} = \frac{\mu \epsilon}{C} = \frac{\mu d}{b}$$

ہو گی۔امید کی جاتی ہے کہ آپ گہرائی جلد استعال کرتے ہوئے اندرونی امالہ حاصل کر سکتے ہیں۔یوں کل امالہ

(11.37)
$$L = \frac{\mu d}{b} + \frac{2}{\sigma_c \delta b w} = \frac{\mu}{b} (d + \delta) \quad (\delta \ll t)$$

ہو گی جہال گہرائی جلد کو چادر کی موٹائی سے بہت کم تصور کیا گیا ہے۔

بلند تعدد پر برقی رو چادروں کے آمنے سامنے سطحوں پر گہرائی جلد تک محدود ہو گی۔یوں برقی رور قبہ 166سے گزرے گی جس سے ایک تار کے اکائی لمبائی کی مزاحمت 1_{00 م}حاصل ہوتی ہے۔یوں اکائی کمبی تار کے دونوں حصوں کی سلسلہ وار جڑی کل مزاحمت

(11.38)
$$R = \frac{2}{\sigma_c b \delta} \quad (\delta \ll t)$$

ہو گی۔

مساوات 11.29 سے

$$G = \frac{\sigma b}{d}$$

لکھی جاسکتی ہے۔

ان معلومات سے سطح مستوی ترسیلی تارکی قدرتی رکاوٹ

(11.40)
$$Z_0 = \sqrt{\frac{L_{\dot{\mathfrak{z}}_{\mathfrak{I},\mathcal{E}}}}{C}} = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}} \frac{d}{b}$$

لکھی جاسکتی ہے۔

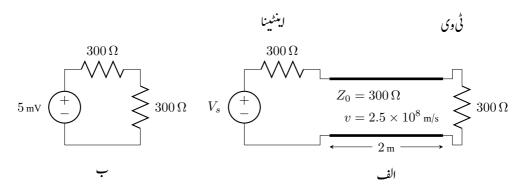
مثق 11.3 مندرجہ بالا تینوں اقسام کے ترسیلی تار 400 MHz پر کام کر رہے ہیں۔ان میں طاقت کے ضیاع کو نظر انداز کرتے ہوئے تمام کے لئے $\epsilon_R = 3.1$ اور 3.1 مندرجہ بالا تینوں اقسام کے ترسیلی تار کا 400 MHz پر کام کر رہے ہیں۔ متوازی تار کے $\mu_R = 1$ ہور $\epsilon_R = 3.1$ اور $\epsilon_R = 3.1$ بیں۔ مستوی سطح کے $\mu_R = 1$ ہور $\epsilon_R = 2.2$ ہیں۔ مستوی سطح کے $\mu_R = 1$ ہور $\epsilon_R = 2.2$ ہیں۔

جوابات: 0.816،50.6 cm، -0.215،33.5 cm، 0.26،42.6 cm،

11.3 ترسیلی تار کر چند مثال

اس جھے میں گزشتہ حصول کے نتائج استعال کرتے ہوئے چند مثال کرتے ہیں۔ یہاں تمام ترسلی تاروں کو بے ضیاع تار تصور کیا جائے گا۔

شروع دو متوازی ترسیلی تارہے کرتے ہیں جس کی قدرتی رکاوٹ Ω 300 ہے۔ ایسی تار ٹی وی 6 کے اینٹینا اور ٹی وی کے مابین لگائی جاتی ہے۔ شکل 11.4-الف میں اس طرح جڑے ترسیلی نظام کو دکھایا گیا ہے۔ اینٹینا کا تھونن 7 مساوی دور استعال کیا گیا ہے جو ایک عدد منبع برقی د باوی اور اس کے ساتھ سلسلہ وار جڑی Ω 300 کی مزاحمت پر مشمل ہے۔ ترسیلی تار ٹی وی کے برقیاتی دور کے بالکل شروع میں نسب ابتدائی ایمپلی فائر سے جڑتی ہے جس کا داخلی مزاحمت Ω 300 ہے۔ ٹی وی کو اسی مزاحمت سے ظاہر کیا گیا ہے۔ اس مثال میں ٹی وی بطور برقی بار کردار ادا کرتا ہے۔ ٹی وی اسٹیشن سے



شکل 11.4: ترسیلی تار اینٹینا کو ٹی وی سے جوڑ رہی ہے۔

خارج 100 MHz کے برقی و مقناطیسی امواج اس اینٹینا میں mV 5 کا اشارہ پیدا کرتی ہیں۔ ترسیلی تار کے متعقل ایسے ہیں کہ اس میں اشارات کی رفتار 2.5 × 108 ہے۔

چونکہ برتی بار کی مزاحمت اور ترسلی تار کی قدرتی مزاحمت برابر ہیں للذا ترسلی تار اور برتی بار ہمہ رکاوٹ ہیں۔یوں برتی بار پر انعکاس نہیں پایا جائے گا للذا شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{300 - 300}{300 + 300} = 0$$

صفر اور شرح ساکن موج

$$s = \frac{1 - |\Gamma|}{1 + |\Gamma|} = \frac{1 - 0}{1 + 0} = 1$$

ایک کے برابر ہوں گے۔اشارے کے تعدد پر ترسلی تار میں طول موج

$$\lambda = \frac{v}{f} = \frac{2.5 \times 10^8}{100 \times 10^6} = 2.5 \,\mathrm{m}$$

اور زاویائی مستقل

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{2\pi}{2.5} = 0.8\pi \, \frac{\text{rad}}{\text{m}}$$

ہیں۔ ترسیلی تارکی برقی لمبائی

$$\beta l = 0.8\pi \times 2 = 1.6\pi \,\mathrm{rad}$$

یا °288 ہے جسے 0.8 طول موج بھی کہا جاتا ہے۔

شکل 11.4-ب میں داخلی جانب کا صورت حال د کھایا گیا ہے۔واخلی جانب چونکہ اینٹینا کی مزاحت Ω 300 ہے اور ترسیلی تار کی قدرتی رکاوٹ بھی Ω 300 ہے لہذا اینٹینا اور ترسیلی تار ہمہ رکاوٹ ہیں۔اینٹینا میں پیدا mV کا اشارہ ترسیلی تار کے قدرتی رکاوٹ پر

$$\frac{5 \times 10^{-3} \times 300}{300 + 300} = 2.5 \,\text{mV}$$

TV, television⁶ Thevenin⁷ پیدا کرے گا۔ اینٹینا اور ترسیلی تار ہمہ رکاوٹ ہیں للذا منبع طاقت V_s ترسیلی تار میں زیادہ سے زیادہ طاقت جیسے گا۔ ترسیلی تار کے داخلی جانب پیدا V m 2.5 m کا اشارہ تار میں سے گزرتے ہوئے برقی بار تک پہنچے گا البتہ یہ داخلی اشارے سے 1.6π ریڈیئن چیچے ہو گا۔ یوں اگر ترسیلی تار کا داخلی اشارہ

$$V_{\vec{k}_{1}} = 2.5\cos 2\pi 10^{8}t$$
 mV

ہوتب برقی بار پر اشارہ

$$V_{A} = 2.5\cos(2\pi 10^8 t - 1.6\pi)$$
 mV

ہو گا۔داخلی برقی رو

اور برقی بار پر برقی رو

$$I_{\downarrow} = \frac{V_{\downarrow}}{300} = 8.33\cos(2\pi 10^8 t - 1.6\pi)$$
 µA

ہوں گے۔چونکہ ترسیلی تار بے ضیاع تار ہے لہٰذا جو طاقت اسے داخلی جانب فراہم کی جاتی ہے وہی طاقت خارجی جانب برقی بار کو مہیا کر دی جاتی ہے۔

$$P_{j_{\tau_{j}}} = P_{J_{\tau}} = V_{\tau_{\tau_{j}}} I_{\tau_{\tau_{j}}} = \frac{2.5 \times 10^{-3}}{\sqrt{2}} \times \frac{8.33 \times 10^{-6}}{\sqrt{2}} = 10.41 \,\text{nW}$$

مزاحمتی بار کی طاقت کا حساب لگاتے وقت یاد رہے کہ P = VI میں برقی د باو اور برقی رو کے موثر ® قیمتیں استعال کی جاتی ہیں۔سائن نما موج کی موثر قیمت موج کی چوٹی تقسیم √ کے برابر ہوتی ہے۔

اب پہلے ٹی وی کے متوازی دوسرا ٹی وی نسب کرنے کے اثرات پر غور کرتے ہیں۔دوسرے ٹی وی کا داخلی مزاحمت بھی Ω 300 ہے۔یوں اب ترسیلی تار کے خارجی جانب کل Ω 150 کا بارپایا جاتا ہے۔اس طرح شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{150 - 300}{150 = 300} = -\frac{1}{3}$$

$$\Gamma = \frac{1}{3} / \pi$$

حاصل ہوتی ہے اور شرح ساکن موج

يا

$$s = \frac{1 + \frac{1}{3}}{1 - \frac{1}{3}} = 2$$

 Ω ہوں گے۔ ترسلی تارکی داخلی مزاحت اب Ω 300 کے بجائے

$$\begin{split} Z_{\text{e.j.}} &= Z_0 \frac{Z_L + jZ_0 \tan \beta l}{Z_0 + jZ_L \tan \beta l} = 300 \frac{150 + j300 \tan 288^\circ}{300 + j150 \tan 288^\circ} \\ &= 509.7 / -23.79^\circ = 466.39 - j205.6 \quad \Omega \end{split}$$

باب 11. ترسیلی تار

ہو گی جو کپیسٹر کی خاصیت رکھتی ہے۔ کپیسٹر کی خاصیت کا مطلب میہ ہے کہ ترسیلی تار کے برقی میدان میں مقناطیسی میدان سے زیادہ توانائی ذخیرہ ہے۔ داخلی رو

$$I_{s,\mathcal{C}_{j}} = \frac{0.005}{300 + 466.39 - j205.6} = 6.3013 / 15.017^{\circ}$$
 μA

ہے اور یوں ترسیلی تار کو داخلی جانب

$$P_{ij}$$
, = $\frac{1}{2} \left(6.3013 \times 10^{-6} \right)^2 \times 466.39 = 9.2593 \,\text{nW}$

طاقت فراہم کی جارہی ہے۔بے ضیاع تار تمام کی تمام طاقت خارجی جانب منتقل کرے گا للذا Ω 150 کے بار کو 9.2593 nW حاصل ہو گا جو گزشتہ جواب یعنی 10.41 nW تقدر کم ہے۔یہ کمی انعکاس کی وجہ سے پیدا ہوئی۔ کہانی یہاں ختم نہیں ہوتی۔یہ طاقت دونوں ٹی وی میں برابر تقسیم ہو گا للذا ہر ٹی وی کو صرف 4.6297 nW طاقت مہیا ہو گا۔چو نکہ ایک ٹی وی Ω 300 مزاحمت رکھتا ہے للذا ٹی وی پر پیدا برتی دباو

$$4.6297 \times 10^{-9} = \frac{\left| V_{s, \lambda} \right|^2}{2 \times 300}$$

يعني

 $\left|V_{s,,\downarrow}\right| = 1.666\,67\,\mathrm{mV}$

ہو گا۔ یہ قیت 2.5 mV سے بہت کم ہے جو اکیلے ٹی وی پر پیدا ہوتی ہے۔

آئیں ترسیلی تار پر برقی دباوکی چوٹی، نشیب اور ان کے مقامات کے علاوہ دیگر معلومات بھی حاصل کریں۔اگر ہم برقی دباوکے معلومات حاصل کر سکیں تو ظاہر ہے کہ برقی رو کے معلومات بھی حاصل کر پائیں گے۔ گزشتہ باب میں مستوی امواج کے لئے بہی معلومات حاصل کی سکیں تھیں۔ وہاں استعال کئے گئے ترکیب یہاں بھی کار آ مد ثابت ہوں گے۔ برقی دباو موج کے چوٹی کے مقامات مساوات 10.87

$$-\beta_1 z_{$$
بنیر $=$ $\frac{\phi}{2} + n\pi \quad (n = 0, \mp 1, \mp 2, \cdots)$

ویتا ہے۔ اس میں $eta=0.8\pi$ اور $\phi=\pi$ اور کے سے

$$z_{ينر au} = rac{1}{-0.8\pi} \left(rac{\pi}{2} + n\pi
ight)$$

$$= -1.25 \left(rac{1}{2} + n
ight)$$

n=1 واور n=1 یر کرنے سے ماصل ہوتا ہے جس میں n=0 اور

$$z_{7.1} = -0.625 \,\mathrm{m}$$
 let $-1.875 \,\mathrm{m}$

حاصل ہوتے ہیں جو درست جوابات ہیں۔اگر n=2 پر کیا جائے تو z =-3.125 جاصل ہوتا ہے جبکہ تار کی کل کمبائی صرف دو میٹر ہے لہٰذا اس جواب کورد کیا جاتا ہے۔ای طرح n=-1 پر کرنے سے z=0.625 سے بند تر z حاصل ہوتا ہے جبکہ تار منفی z محدد پر پائی جاتی ہے لہٰذا اس جواب کو بھی رد کیا جاتا ہے۔

موج کے چوٹی سے
$${\Lambda\over 4}$$
 فاصلے پر نشیب پائے جاتے ہیں، لہذاان کے مقامات $z_{\pi \pi}=0~{
m m}$ اور $z_{\pi \pi}=0$

ہوں گے۔ آپ نے دیکھا کہ سرحد پر برقی دباو کا نشیب پایا جاتا ہے۔ آپ کو یاد ہو گا کہ حقیق Z_L اور Z_L کی صورت میں اگر Z_L ہو تب سرحد پر موج کا نشیب ہی پایا جاتا ہے۔

چونکہ سر حدیر موج کا نشیب ہے اور ہم جانتے ہیں کہ ٹی وی پر 1.66 mV ہے للذا دباو کی کمتر قیمت یہی ہے اور s = 2 سے دباو کی چوٹی اس کے وگنا سے 3.32 mV ماصل ہوتی ہے۔ترسیلی تار کے داخلی سرے پر برقی دباو

$$V_{s, \dot{b}, \dot{b}} = I_{s, \dot{b}, \dot{b}} Z_{i, \dot{b}, \dot{b}} = \left(6.3013 \times 10^{-6} / 15.017^{\circ}\right) \left(509.7 / -23.79^{\circ}\right) = 0.00321175 / -8.77^{\circ}$$

ہو گی جو تقریباً موج کے چوٹی کے برابر ہے۔ایسااس لئے ہے کہ سرحد سے آئے فاصلے پر چوٹی پائی جاتی ہے جس سے ہر 0.5۸ فاصلے پر چوٹی ہوگی المذا سرحد سے 34 فاصلے پر بھی چوٹی متوقع ہے جو تار کے داخلی سرے کے بہت قریب نقطہ ہے۔آپ ترسیلی تارکی داخلی برقی د باویوں

$$V_{s,b} = \frac{Z_{b,s}, V_s}{Z_{b,s} + 300} = \frac{(466.39 - j205.6) \times 0.005}{466.39 - j205.6 + 300} = 0.00321175 \underline{/-8.77^\circ}$$

بھی حاصل کر سکتے ہیں۔

آخر میں داخلی برقی دباواور بار پر برقی دباو کا زاویائی تعلق دیکھتے ہیں۔اگرچہ ہم دونوں برقی دباو کے قیمتیں حاصل کر چکے ہیں،ان کے زاویائی معلومات ابھی تک نہیں حاصل کی گئیں۔مساوات 10.86 کی مدد سے تار پر کسی بھی نقطے پر برقی دباو

$$V_s = \left(e^{-j\beta z} + \Gamma e^{j\beta z}\right) V_0^+$$

کھا جا سکتا ہے۔چونکہ ہمیں تار کے داخلی سرے پر دباو معلوم ہے للذااس میں z=-l پر کرنے سے

$$V_{s,\dot{\mathcal{G}}}$$
 , $=\left(e^{jeta l}+\Gamma e^{-jeta l}
ight)V_0^+$

 V_0^+ حاصل ہوتا ہے جسے V_0^+ کے لئے حل کرتے ہیں

$$V_0^+ = \frac{V_{s,b^i}}{e^{j\beta l} + \Gamma e^{-j\beta l}} = \frac{0.00321175 / -8.77^{\circ}}{e^{j1.6\pi} - \frac{1}{3}e^{-j1.6\pi}} = 0.0025 / -72^{\circ}$$

اور یوں بار یعنی z=0 پر برقی دباواب حاصل کی جاسکتی ہے

$$V_{s,
m LP} = (1+\Gamma) \ V_0^+ = 0.001666 / \!\!\!\! / -72^\circ = 0.001666 / \!\!\!\! / -288^\circ$$

یہاں حاصل جواب کی حتمی قیمت اور کچھ دیر پہلے حاصل کی گئی بار پر برقی دباو کی حتمی قیمت برابر ہیں۔تار کے داخلی سرے پر دباو کا زاویہ °8.77۔ جبکہ تار کے خارجی سرے پر دباو کا زاویہ °72ہے۔یوں ان کے مابین فرق °80.77 یعنی °279.23 ہے۔انوکاسی موج کی عدم موجود گی میں یہ فرق °288۔ یعنی تارکی زاویائی لمبائی جتنا ہوتا ہے۔

آخری مثال کے طور پر ہم اس ترسیلی تار کے خارجی سرے پر صرف کیسٹر Ω $Z_L = -j300$ نسب کر کے دیکھتے ہیں۔ کیسٹر میں توانائی ضائع نہیں ہوتی۔ یہ حقیقت شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{-j300 - 300}{-j300 + 300} = -j = 1 / -90^{\circ}$$

سے صاف ظاہر ہے جو انعکاسی موج کا حیطہ آمدی موج کے برابر دیتا ہے۔ شرح ساکن موج یوں

$$s = \frac{1+\left|-j\right|}{1-\left|-j\right|} = \infty$$

ہو گا جس سے موج کا نشیب عین صفر کے برابر حاصل ہوتا ہے۔ترسیلی تارکی داخلی قدرتی رکاوٹ

$$Z_{\rm obs} = 300 \frac{-j300 + j300 \tan 288^\circ}{300 + j(-j300) \tan 288^\circ} = j589$$

ہو گی جو خیالی عدد ہے للمذااسے اوسط طاقت فراہم نہیں کی جاسکتی۔

تر سلی تار کے مسائل تر سیمی طریقے سے نہایت خوش اسلوبی سے حل ہوتے ہیں۔ان میں سمتھ نقشہ ⁹زیادہ اہم ہے۔اگلے جصے میں اس پر غور کیا جائے گا۔

11.4 ترسيمي تجزيه، سمته نقشه

سمتھ نقشہ بنیادی طور پر شرح انعکاس

$$\Gamma = \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0}$$

کی مساوات پر منحصر ہے۔اس نقشے میں بار بمطابق Z_0 لعنی $\frac{Z_1}{Z_0}$ استعمال کی جاتی ہے جمہ

$$z = r + jx = \frac{Z_L}{Z_0} = \frac{R_L + jX_L}{Z_0}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں z کار تیسی محدد کا متغیرہ نہیں بلکہ z کے مطابقت سے بار کو ظاہر کرتا ہے۔ یوں

$$\Gamma = \frac{z - 1}{z + 1}$$

اور

$$z = \frac{1+\Gamma}{1-\Gamma}$$

کھے جا سکتے ہیں۔شرح انعکاس کو حقیقی اور خیالی اجزاء

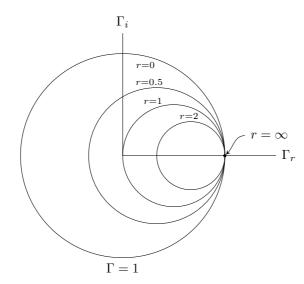
$$\Gamma = \Gamma_r + j\Gamma_i$$

کی صورت میں لکھتے ہوئے

$$r + jx = \frac{1 + \Gamma_r + j\Gamma_i}{1 - \Gamma_r - j\Gamma_i}$$

Smith chart⁹

(11.42)



شکل 11.5: کارتیسی محدد کے متغیرات Γ_r اور Γ_i ہیں جبکہ دائرے کا رداس Γ_i ہے۔

کے حقیقی اور خیالی اجزاء علیحدہ کرتے ہوئے

(11.43)
$$r = \frac{1 - \Gamma_r^2 - \Gamma_i^2}{(1 - \Gamma_r)^2 + \Gamma_i^2}$$

(11.44)
$$x = \frac{2\Gamma_i}{(1 - \Gamma_r)^2 + \Gamma_i^2}$$

کھے جا سکتے ہیں جنہیں کچھ الجبرا کے بعد

$$\left(\Gamma_r - \frac{r}{1+r}\right)^2 + \Gamma_i^2 = \left(\frac{1}{1+r}\right)^2$$

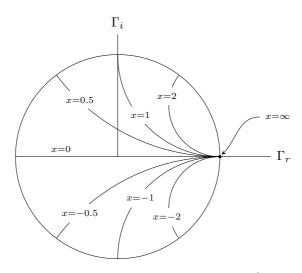
(11.46)
$$(\Gamma_r - 1)^2 + \left(\Gamma_i - \frac{1}{x}\right)^2 = \left(\frac{1}{x}\right)^2$$

کھا جا سکتا ہے۔ا گر کار تیسی محدد کے متغیرات Γ_r اور Γ_i رکھے جائیں تو مندر جہ بالا دونوں مساوات گول دائروں کے مساوات ہوں گے۔

مساوات 11.45 کے دائروں پر پہلے غور کرتے ہیں۔اگر 0=r ہو تب یہ مساوات اکائی رداس کا دائرہ دیتی ہے جس کا مرکز محدد کے (0,0) پر ہے۔خیالی برقی بار کی صورت میں شرح انعکاس کی حتمی قیمت ایک ہی ہوتی ہے۔اسی طرح $\infty=r$ کی صورت میں دائرے کا رداس صفر جبکہ اس کا مرکز محدد پر (1,0) ہے۔لیوں یہ دائرہ صرف اسی نقطے یعنی $\Gamma=1$ تک محدود ہے۔اب $\infty=r$ سے مراد $\infty-Z_L$ ہے جس سے شرح انعکاس $\Gamma=1$ ہی حاصل ہوتی ہے۔ایک آخری مثال $\Gamma=1$ کی لیتے ہیں جس سے 0.5 رداس کا دائرہ حاصل ہوتا ہے جس کا مرکز (0.5,0) ہے۔شکل 0.5 میں ان دائروں کے علاوہ 0.5 میں اور 0.5 ہو کھا یا گیا ہے۔

 $\Gamma = 1 + j0$ مساوات 11.46 بھی دائرے دیتی ہے البتہ ان دائروں کارداس $\frac{1}{x}$ اور مراکز $(1,\frac{1}{x})$ ہیں۔ لامحدود x کی صورت میں دوبارہ x = 1 اور x = 1 کو ہی طابق اس کے مطابق اس دائرے کا رداس صفر جبکہ اس کا مرکز (1,0) ہے البذا یہ $\Gamma = 1$ کو ہی ظاہر کرتا ہے۔ اگر $\Gamma = 1$ ہو تب دائرے کا رداس اکائی جبکہ اس کا مرکز $\Gamma = 1$ ہوں گے۔ جیسا شکل 11.6 میں دکھایا گیا ہے، اس دائرے کا چوتھائی حصہ $\Gamma = 1$ دائر پایا جاتا ہے۔ اس طرح $\Gamma = 1$ کی صورت میں دائرے کا چوتھائی حصہ $\Gamma = 1$ محدد کے نیچے پایا جاتا ہے۔ شکل میں $\Gamma = 2$ کی صورت میں دائرے کا چوتھائی حصہ $\Gamma = 1$ مید اسید حقی لکیر ، یعنی $\Gamma = 1$ محدد تجھی دکھایا گیا ہے۔ $\Gamma = 1$ دائرے بھی دکھانے گئے ہیں۔ شکل میں $\Gamma = 1$ ہیں۔ سے پیدا سید حقی لکیر ، یعنی $\Gamma = 1$ محدد تجھی دکھایا گیا ہے۔

باب 11. ترسیلی تار



شکل 11.6: کارتیسی محدد پر $\frac{1}{x}$ رداس کے دائروں کے وہ حصے دکھائے گئے ہیں جو اکائی دائرے کے اندر پائے جاتے ہیں۔

ان دونوں دائروں کو ایک ہی جگہ شکل 11.7 کے سمتھ نقشے میں دکھایا گیا ہے۔ یوں کسی بھی Z_L کی صورت میں گر کے لیتے ہوئے z لیتی z اور z حاصل کر کے سمتھ نقشے میں ان کے دائروں کی نشاند ہی کریں۔ اگر نقشے پر درکار z اور (یا) z دائر ہے نہ پائے جائیں تب ان کے قریبی قیمتوں کے دائروں سے مطلوبہ دائرے کا مقام اخذ کریں۔ جہاں یہ دائرے ایک دونوں کو کاٹے ہیں وہاں سے z پڑھیں۔ نقشے کے مرکز z مقام اخذ کریں۔ جہاں یہ دائرے ایک دونوں کو کاٹے ہیں وہاں سے z پڑھیں۔ نقشے کے مرکز z و کا مقام اخذ کریں۔ جہاں یہ دائرے ایک سمت زاویہ z کا زاویہ ہو گا۔ اس زاویہ کو اکائی رداس کے دائرے کے باہر دکھایا گیا ہے۔ یوں محدد کے مرکز سے درکار نقطے تک سید ھی لکیر کو اکائی رداس کے دائرے تک بڑھا کر زاویہ ناپا جاتا ہے۔ سمتھ نقشے میں z ان اپنا ہو گا۔ اب محدد کے مرکز z مرکز z و اگر کے دائرے کے سنچ جا سکتے تھے، لیکن ایسا نہیں کیا جاتا۔ آپ کو یہ فاصلہ نقشے میں و کے فیتے کی مدد سے ناپنا ہو گا۔ اب مثال کے طور پر z و کی تر سلی تار پر z و کے دائروں کے نقطہ ملاپ سے حاصل ہوتا ہے۔ شرح انعکاس تقریباً z و اور z و کا دائروں کے نقطہ ملاپ سے حاصل ہوتا ہے۔ شرح انعکاس تقریباً z و اور z و دائروں کے نقطہ ملاپ سے حاصل ہوتا ہے۔ شرح انعکاس تقریباً z و اور z و دائروں کے نقطہ ملاپ سے حاصل ہوتا ہے۔ شرح انعکاس تقریباً z و دائروں کے دائروں کے نظم ملاپ سے حاصل ہوتا ہے۔ شرح انعکاس تقریباً z و دائروں کے دائروں کے نظم ملاپ سے حاصل ہوتا ہے۔ شرح انعکاس تقریباً z و دائروں کے دائروں کے نظم ملاپ سے حاصل ہوتا ہے۔

سمتھ نقشہ مکمل کرنے کی خاطر اکائی دائرے کے محیط کے باہر دوسرا فیتہ شامل کیا جاتا ہے جس سے ترسیلی تارپر فاصلہ ناپا جاتا ہے۔اس فیتے پر فاصلہ طول موج ۸ کی صورت میں ناپا جا سکتا ہے۔آئیں دیکھیں کہ اس فیتے سے کس طرح فاصلہ حاصل کیا جاتا ہے۔ترسیلی تارپر کسی بھی نقطے پر برقی دباو

$$V_s = V_0^+ \left(e^{-j\beta z} + \Gamma e^{j\beta z} \right)$$

کو برقی رو

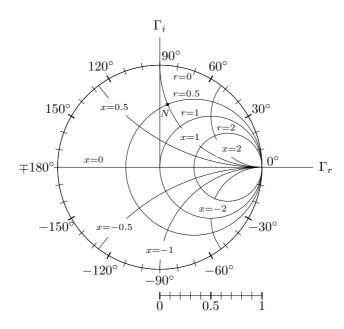
$$I_s = \frac{V_0^+}{Z_0} \left(e^{-j\beta z} - \Gamma e^{j\beta z} \right)$$

سے تقسیم کرتے ہوئے Z₀ کے مطابقت سے داخلی قدرتی رکاوٹ

$$z_{oldsymbol{\mathcal{U}}_{ ext{I}}}=rac{Z_{oldsymbol{\mathcal{U}}_{ ext{I}}}}{Z_{0}}=rac{V_{ ext{S}}}{Z_{0}I_{ ext{S}}}=rac{e^{-jeta z}+\Gamma e^{jeta z}}{e^{-jeta z}-\Gamma e^{jeta z}}$$

z=-l ماصل کی جاسکتی ہے جس میں z=-l میر کرتے ہوئے

(11.47)
$$z_{\mathcal{Y}_{l}} = \frac{1 + \Gamma e^{-j2\beta l}}{1 - \Gamma e^{j2\beta l}}$$



شکل 11.7: سمتھ نقشے پر اکائی دائرے میں γ اور χ سے حاصل دائرے دکھائے جاتے ہیں۔

کھا جا سکتا ہے۔اس مساوات میں l=0 پر کرنے سے

(11.48)
$$z_{\mathcal{G}_{I}}\Big|_{I=0} = \frac{1-\Gamma}{1+\Gamma} = z$$

حاصل ہوتا ہے جو عین بار پر شرح انعکاس ہے جسے مساوات 11.42 میں پیش کیا گیا ہے۔

یہال رک کر اس حقیقت پر غور کریں کہ Γ کو $e^{-j2\beta l}$ سے ضرب دینے سے

$$\Gamma e^{-j2\beta l} = |\Gamma| e^{j\phi} e^{-j2\beta l} = |\Gamma| e^{j(\phi - 2\beta l)}$$

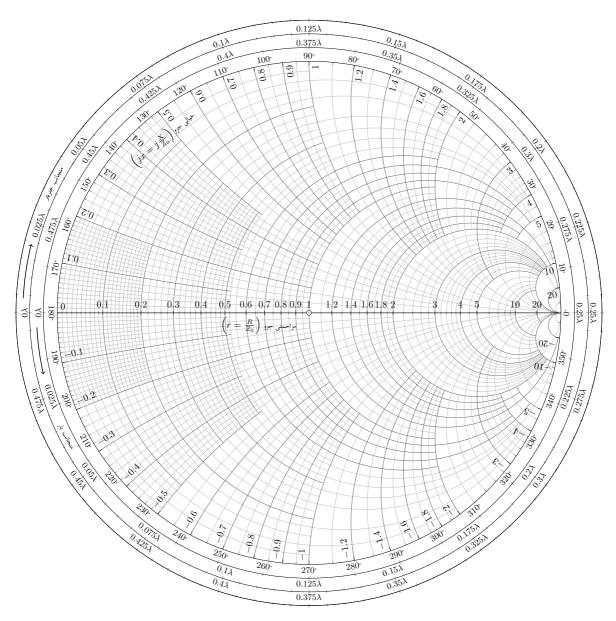
حاصل ہوتا ہے جس کی حتمی قیمت اب بھی $|\Gamma|$ ہی ہے کیکن نیازاویہ $(\phi-2eta l)$ ہے۔یوں سمتھ نقشے میں نقطہ z لینی

$$(11.49) z = r + jx = \frac{1+\Gamma}{1-\Gamma}$$

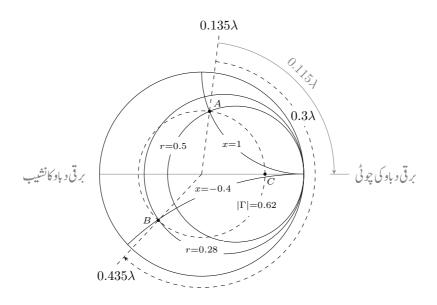
کی نظاندہی کرتے ہوئے $\frac{\phi}{2} |\Gamma|$ ناپیں۔ اب $|\Gamma|$ تبدیل کئے بغیر زاویہ تبدیل کرتے ہوئے $(\phi - 2\beta l)$ تک پینییں اور یہاں سے z_{id} ناپیں۔ آپ د کیھ سکتے ہیں کہ مساوات 11.49 میں Γ کی جگہ Γ واخلی قدرتی رکوٹ سے مساوات 11.49 میں کہ مساوات 11.49 میں Γ کی جگہ Γ واخلی قدرتی رکاوٹ ہے۔

یوں بار zسے دور $z_{(i)}$ کی طرف چلتے ہوئے، ہم منبع طاقت لینی جزیٹر کی طرف چلتے ہیں جبکہ سمتھ نقشے پر ایبا کرنے سے زاویہ ϕ سے کم ہو کر ϕ ہو کہ ہوتا ہے لہذا نقشے پر ہم گھڑی کے سمت چلتے ہیں۔ یوں ϕ ϕ فاصلہ، لینی آدھی طول موج، طے کرنے سے نقشے کے گرد ایک چکر مکمل ہو گا۔ اس طرح ϕ کم بین بار کے رکاوٹ مین بار کے رکاوٹ برابر ہو گی۔

یوں سمتھ نقشے کے حیطے پر ایک مکمل چکر کو 0.5۸ دکھایا جاتا ہے۔ جیسے شکل 11.8 میں دکھایا گیا ہے، استعال میں آسانی کی غرض سے ایک کے بجائے دوالیے فیتے بنائے جاتے ہیں۔ایک فیتہ گھڑی کی سمت میں بڑھتا فاصلہ دکھاتا ہے جسے نقشے میں "منجانب جزیٹر" سے ظاہر کیا جاتا ہے جبکہ دوسرا فیتہ گھڑی باب 11. ترسیلی تار



شكل 11.8: مكمل سمته نقشه.



شكل 11.9: سمته نقشر سر متغيرات كا حصول.

ے الٹ سمت بڑھتا فاصلہ دکھاتا ہے جے "منجانب بار" لکھ کر ظاہر کیا جاتا ہے۔ان فیتوں کے ابتدائی نقطے کوئی اہمیت نہیں رکھتے البتہ انہیں نقثے کے بائیں ہاتھ پر رکھا جاتا ہے۔ آپ کو یاد ہوگا کہ حقیق Z_L اور Z_0 کی صورت میں اگر $Z_L < Z_0$ ہو تب برقی دباو کا نشیب اس نقطے پر ہوگا۔

سمتھ نقشے کا استعال مثال کی مدد سے بہتر سمجھا جا سکتا ہے۔ یوں Ω 00 کے تر سیلی تار پر Ω 0.5+j بار پر دوبارہ غور کرتے ہیں۔ شکل Z=0.5+j میں Z=0.5+j مال مثال کی مدد سے بہتر سمجھا جا سکتا ہے۔ یوں Ω 0.62 0.45 0.62 0.62 0.62 0.5+j مال کے دائر نے Z=0.5+j مال کے جہاں سے Z=0.62 0.62 0.45 0.5+j مال کے دائر نے Z=0.3 میں جو کہ تر سیلی تار پر طول موج Z=0.3 میں جو کہ تر سیلی تار پر طول موج Z=0.3 میں جو کہ تر سیلی تار پر طول موج Z=0.3 میں خوال موج سے کے حیطے تک بڑھا کر Z=0.3 میں جو کہ تر سیلی تار پر طول موج سے Z=0.3 میں خوال موج سے کہ مال کے دائر کے کے مال کے میں نقطہ مور کے کے مال کے دائر کے کے دائر کے کے مال کے دائر کے کے مال کے دائر کے کے مال کے دائر کے کے دائر کے کے دائر کے دائر کے دائر کے دائر کے دائر کے دائر کے کے دائر ک

سمتھ نقثے سے موج کے چوٹی یانشیب کے مقام باآسانی حاصل کئے جاتے ہیں۔ کسی بھی $|\Gamma| = |\Gamma| + 2$ کئے یانشیب کے مقام باآسانی حاصل کئے جاتے ہیں۔ کسی بھی جماعت کے مجموعے

$$V_s = V_0^+ \left(e^{j\beta l} + \Gamma e^{-j\beta l} \right)$$
$$= V_0^+ e^{j\beta l} \left[1 + |\Gamma| e^{j(\phi - 2\beta l)} \right]$$

کی حتمی قیمت

$$|V_s| = V_0^+ \left| e^{j\beta l} \right| \left[\left| 1 + |\Gamma| e^{j(\phi - 2\beta l)} \right| \right]$$
$$= V_0^+ \left| 1 + |\Gamma| e^{j(\phi - 2\beta l)} \right|$$

$$\left|e^{j\beta l}\right| = \left|\cos\beta l + j\sin\beta l\right| = \sqrt{\cos^2\beta l + \sin^2\beta l} = 1^{10}$$

باب 11. ترسیلی تار

ورت میں صورت میں جا سے جو $\phi-\beta l=2n\pi$ کی صورت میں حاصل ہوتی ہے جہاں $0,1,2,\ldots$ $n=0,1,2,\ldots$ بارپر 0=1 ہے اور الی صورت میں بارپر V_s کی م سے کم قیمت ہوگی جبکہ $0=\phi$ کی صورت میں بارپر V_s کی زیادہ قیمت ہوگی جبکہ $0=\phi$ کی صورت میں بارپر V_s کی زیادہ قیمت ہوگی جبکہ $0=\phi$ کی صورت میں بارپر V_s کی زیادہ قیمت ہوگی جبکہ و گیمت کہ ان شرائط کا مطلب کیا ہے۔

 $R_L > Z_0$ مزاحمتی بار $R_L = |\Gamma|$ اور حقیقی C_0 کی صورت میں اگر C_0 برو تب C_0 ہو تب C_0 منفی حقیقی عدد ہو گا جسے C_0 کی صورت میں بار پر کمتر C_0 ہو گا جبکہ کی صورت میں C_0 میں بار پر کمتر C_0 ہو گا جبکہ کی صورت میں C_0 میں بار پر بلند تر C_0 کی صورت میں بار پر بلند تر C_0 ہو گا۔ سمتھ نقشے پر افقی محدد حقیقی C_0 دیتا ہے۔ منفی افقی محدد پر بیاند تر C_0 ہو گا۔ سمتھ نقشے میں منفی افقی محدد پر پایا جائے گا۔ اس طرح مثبت افقی محدد پر C_0 ہوتا ہے للذا بار پر بلند تر C_0 ہو صورت سمتھ نقشے میں منفی افقی محدد پر پایا جائے گا۔ اس طرح مثبت افقی محدد پر پایا جائے گا۔

Z = r + jx کی صورت میں سمتھ نقشے میں میں میں میں میں میں کو آگے بڑھاتے ہیں۔ کسی مجھی مخلوط بار $Z_L = R_L + jX_L$ کی صورت میں سمتھ نقشے میں موج کی صحت کو میں بر تھانے سے زاویہ $\phi - 2\beta l = 2n\pi$ کی سمت کھومنے کے متر ادف ہے۔ جس فاصلے پر $\phi - 2\beta l = 2n\pi$ ہو وہاں برقی موج کی جو گئی پائی جائے گا۔ اب $\phi - 2\beta l = (2n+1)$ ہو وہاں موج کا نشیب پایا جائے گا۔ اب $\phi - 2\beta l = (2n+1)$ میں محد د کا مثبت حصہ جبکہ مراد افقی محد د کا منفی حصہ ہے۔ یوں شکل 11.9 میں نقطہ $\phi - 2\beta l = 0.115$ کی سمت $\phi - 2\beta l = 0.115$ کی تاریب جہلی چو ٹی بار سے مراد افقی محد د کا منفی حصہ ہے۔ یوں شکل 11.9 منظم $\phi - 2\beta l = 0.365$ کی سمت $\phi - 2\beta l = 0.365$ کی سمت $\phi - 2\beta l = 0.365$ کی سمت $\phi - 2\beta l = 0.365$ کی تب بار سے $\phi - 2\beta l = 0.365$ کی بال نشیب نہیں پایا جاتا۔ چو نکہ تار کی لمبائی اس سے کم ہے المذا تاریب کہیں پر بھی نشیب نہیں پایا جاتا۔

برتی رو کی چوٹی اس نقطے پر پائی جاتی ہے جہاں π =2n کا شرط پورا ہو۔ برقی رو $I_s=rac{V_0^+}{Z_0}\left(e^{jeta l}-\Gamma e^{jeta l}
ight)$

کی کمتر قیمت اس نقطے پر پائی جاتی ہے۔اس طرح جس نقطے پر برقی دباو کی کمتر قیمت پائی جائے، اس نقطے پر برقی روکی چوٹی پائی جاتی ہے۔یوں سمتھ نقشے کے افقی محدد کے مثبت ھے پر برقی روکا نشیب جبکہ اس کے منفی ھے پر برقی روکی چوٹی پائی جائے گی۔

 $R_L < R_0$ مزاحمتی بار $R_L > R_0$ اور بے ضیاع تر سلی تارکی صورت میں $\Gamma = \frac{R_L - R_0}{R_L + R_0}$ ہو تب $R_L > R_0$ کی صورت میں $R_L > R_0$ کی صورت میں

$$s = \frac{1+|\Gamma|}{1-|\Gamma|} = \frac{1+\frac{R_L-R_0}{R_L+R_0}}{1-\frac{R_L-R_0}{R_L+R_0}} = \frac{R_L}{R_0} = r \quad (R_L > R_0)$$

جبکه $R_L < R_0$ کی صورت میں

$$s = \frac{1 + |\Gamma|}{1 - |\Gamma|} = \frac{1 + \frac{R_0 - R_L}{R_0 + R_L}}{1 - \frac{R_0 - R_L}{R_0 + R_L}} = \frac{R_0}{R_L} \quad (R_L < R_0)$$

ہو گا۔ یاد رہے کہ 1>0 ہوتا ہے لہذا $\frac{R_L}{R_L}$ اور $\frac{R_0}{R_L}$ میں جو بھی اکائی سے زیادہ قیمت رکھتا ہو یہی s>0 ہو گا۔ یوں $|\Gamma|$ رداس کے دائرے اور مثبت افقی محدد r>0 ہوتا ہے r>0 پڑھ کر s کی قیمت بھی یہی تصور کریں۔ شکل 11.9 میں نقطہ r>0 سے r>0 پڑھا جائے گا لہذا s=0 ہے۔ مثبت افقی محدد پر r>0 ہوتا ہے۔ لہذا محدد کے اسی حصے سے s کی قیمت پڑھی جاتی ہے۔ آپ تسلی کر لیں کہ r>0 کی صورت میں بھی اسی طریقہ کار سے درست s حاصل ہوتا ہے۔ لہذا محدد کے اسی حصے سے s کی قیمت پڑھی جاتی ہے۔ آپ تسلی کر لیں کہ r>0 کی صورت میں بھی اسی طریقہ کار سے درست s

11.4.1 سمته فراوانی نقشه

اس جھے کو $\frac{\lambda}{4}$ کمی تارکی داخلی قدرتی رکاوٹ کے حصول سے شروع کرتے ہیں۔اتنی لمبائی کے تارکا 80=1 ہو گا۔ داخلی قدرتی رکاوٹ کی مساوات

$$Z_{oldsymbol{\mathcal{G}}_{0}}=Z_{0}rac{Z_{L}+jZ_{0} aneta l}{Z_{0}+jZ_{L} aneta l}$$

میں $_{\rm clid}$ کو $_{\rm C}$ سے تقسیم کرتے اور $^{\circ}$ اور $^{\circ}$

$$rac{Z_{m{i}}}{Z_0}$$
 = $rac{Z_L + jZ_0 an 90^\circ}{Z_0 + jZ_L an 90^\circ} = rac{Z_0}{Z_L}$

ليعني

$$z_{ij} = \frac{1}{z}$$

$$0.25\lambda$$

حاصل ہوتا ہے جہاں

$$\frac{Z_{0}}{Z_{0}} = z_{0.25\lambda}$$

$$\frac{Z_{L}}{Z_{0}} = z$$

کے برابر ہیں۔ مساوات 11.50 کے تحت بارسے 0.25λ فاصلے پر داخلی قدرتی رکاوٹ $\frac{1}{z}$ کے برابر ہیں۔ مساوات 11.50 کے تحت بارسے 0.25λ فاصلے پر داخلی قدرتی رکاوٹ کے کے برابر ہے لیکن $\frac{1}{z}$ ہوتا ہے لہذااسی مساوات کو یوں بھی کھھا جا سکتا ہے

(11.51)
$$y = \frac{1}{z} = z_{0.25\lambda}$$

جہاں 0.25٪ تارکی داخلی قدرتی رکاوٹ کی جگہ منجانب جزیٹر 0.25٪ گھومنے کا ذکر کیا گیا ہے۔مساوات 11.51 کہتی ہے کہ سمتھ نقشے میں 2 سے منجانب جزیٹر 0.25٪ گھوم کر $|\Gamma|$ رداس کے دائرے سے y حاصل ہو گا۔

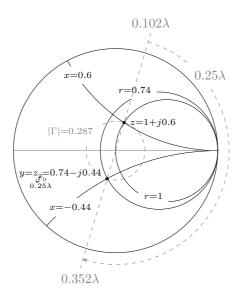
شکل 11.10 میں 2.60 و کھایا گیا ہے جو منجانب جزیٹر 0.102 زاویے پر پایا جاتا ہے۔ یہ رکاوٹ $\Gamma=0.287/73.70=0$ ویتا ہے۔ چوتھائی طول کمبی تارکی داخلی قدرتی رکاوٹ حاصل کرنے کی خاطر منجانب جزیٹر 0.25 چلتے ہوئے 0.352 سے مرکز تک کئیر اور 0.287 رداس کے دائرے کے ملاپ سے 2.44 و 0.74 و ماصل ہوتا ہے جو $\frac{1}{z}$ یعنی برابر ہے۔ کے ملاپ سے 2.44 و 0.74 و ماصل ہوتا ہے جو $\frac{1}{z}$ یعنی برابر ہے۔

آئیں کسر دور اور کھلے دور تار کے گلڑوں کا داخلی قدرتی رکاوٹ حاصل کریں۔کسر دور تار کی صورت میں $Z_L=0$ ہو گا للذا داخلی قدرتی رکاوٹ

(11.52)
$$Z_{ij} = Z_0 \frac{0 + jZ_0 \tan \beta l}{Z_0 + j0 \tan \beta l}$$
$$= jZ_0 \tan \beta l$$

حاصل ہوتا ہے جو خیالی عدد ہے۔ چوتھائی طول کمبی کسر دور تارکی داخلی قدرتی رکاوٹ یوں

(11.53)
$$Z_{ij} = jZ_0 \tan 90^\circ = \infty \qquad (jZ_0)$$



شکل 11.10: چوتھائی طول تار کی داخلی قدرتی رکاوٹ اسی تار کی برقی فراوانی کے برابر ہے۔

حاصل ہوتی ہے۔ یہ تعجب بھرا نتیجہ ہے جس کے مطابق چوتھائی طول کمبی سے دور تار بطور کھلے دور کر دار ادا کرتی ہے۔

کھلے دور تار کی صورت میں $lpha=Z_L$ ہو گا لہٰذا داخلی قدرتی رکاوٹ

$$Z_{ij}$$
 , $=Z_0 \frac{\infty+jZ_0 aneta l}{Z_0+j\infty aneta l}$ (11.54)
$$=-jrac{Z_0}{ aneta l}$$

حاصل ہوتا ہے جو خیالی عدد ہے۔ چوتھائی طول کمبی کھلے دور تار کی داخلی قدرتی رکاوٹ یوں

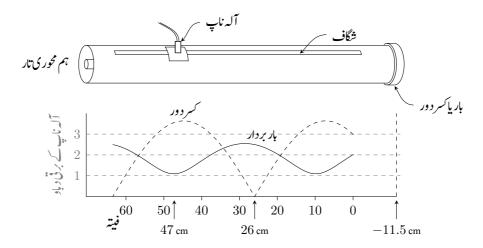
عاصل ہوتی ہے۔ یہ بھی تعجب بھرا نتیجہ ہے جس کے مطابق چوتھائی طول لمبی کھلے دور تار بطور کسر دور کردار ادا کرتی ہے۔

 $Y_L = \frac{1}{R_L}$ اور $y = \frac{Y_L}{Y_0} = g + jb$ استعال کیا جاتا ہے۔ ان میں $y = \frac{Y_L}{Y_0} = g + jb$ لیا جاتا ہے جہاں $y = \frac{1}{R_L}$ اور $y = \frac{1}{R_L}$ اور $y = \frac{1}{R_L}$ کے برابر ہیں۔ اس طرح $y = \frac{1}{R_L}$ برطابق $y = \frac{1}{R_L}$ کہا گے اور $y = \frac{1}{R_L}$ کی صورت میں برقی دباو کی کمتر قیمت حاصل ہو گی۔ ایصالی سمتھ نقشے سے حاصل $y = \frac{1}{R_L}$ کا زاویہ $y = \frac{1}{R_L}$ کا زاویہ $y = \frac{1}{R_L}$ کا زاویہ $y = \frac{1}{R_L}$ کا ناویہ والے کا برطابا ہو گا۔

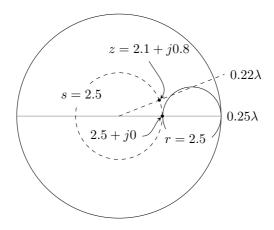
11.5 تجرباتی نتائج پر مبنی چند مثال

اس جھے میں دومثالوں پر غور کیا جائے گا۔ پہلی مثال میں تجرباتی نتائج سے بارکی رکاوٹ حاصل کی جائے گی جبکہ دوسری مثال میں بار کو تار کے ہمہ رکاوٹ بنانے کی ترکیب دکھائی جائے گی۔

> Smith impedance chart¹¹ Smith admittance chart¹²



شکل 11.11: ہم محوری تار میں شگاف ڈال کر اس میں آلہ ناپ کی مدد سے مختلف مقامات پر برقی دباو کرے نمونے لئے جا سکتے ہیں۔

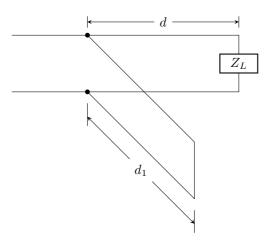


شکل 11.12: اگر 0.03λ لمبی تاریر 0.03λ لمبی تاریر z=2.1+j0.8 ہو تب z=2.1+j0.8 ہو گا۔

ہم محوری تربیلی تار کے بیرونی تار میں لمبائی کی سمت میں شگاف ڈال کر اس میں مختلف مقامات پر برتی دباو کے نمونے لے کر 2.5 = 8 حاصل کیا گیا ہے۔ شکل 11.11 میں صورت حال دکھائی گئی ہے۔ شگاف کے ساتھ فیتہ رکھ کر بلند تر اور کم تر نمونوں کے مقامات بھی درج کئے گئے۔ایسے نتائج حاصل کرتے وقت فیتے کا صفر کہیں پر بھی رکھا جا سکتا ہے لہٰذا اسے بارکا مقام تصور نہیں کریں۔کمتر برتی دباو فیتے پر 40 cm کے نشان کے ساتھ پایا جاتا ہے۔ سائن نمااشارے کی صورت میں سمت کار کے خارجی اشارہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ آپ دکھ سکتے ہیں کہ اشارے کے کمتر قیمت کا مقام شمیک شمیک تعین کرنا زیادہ آسان ہے۔اشارے کی چوٹی نوک دار نہیں ہوتی للذا اس کا مقام شمیک شمیک تعین کرنا قدر مشکل ہوتا ہے۔اسی وجہ سے عمواً موج کی کمتر قیمت کے مقامات حاصل کرتے ہوئے مطلوبہ معلومات دریافت کی جاتی ہیں۔ ہم محوری تارکی قدرتی رکاوٹ Ω 50 ہے اور تار میں ہوا بطور ذو برتی استعال کی گئی ہے۔اشارے کی تعدد عمل مطلوبہ معلومات دریافت کی جاتی ہیں۔ ہم محوری تارکی خاطر بارکوہٹا کر تارکے ان سروں کو کسر دور کیا جاتا ہے۔کسر دور تار پر کمتر دباو فیتے پر 26 cm کے نشان کے سامنے پایا جاتا ہے۔

ہم جانتے ہیں کہ کسر دور نقطے سے کمتر دباوکا فاصلہ $\frac{n\lambda}{2}$ ہوگا۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ کمتر دباوکسر دور نقطے سے آدھے طول موج کے فاصلے پر ہے۔الیک صورت میں کسر دور کا مقام فیتے پر $n\lambda$ فاصلہ ہوگا۔ $n\lambda$ نشان کے ساتھ ہوگا۔ چونکہ بار کے مقام پر ہی کسر دور پیدا کیا تھا المذا بار بھی فیتے پر $n\lambda$ فاصلہ ہوگا۔ پر ہوگا۔ خت بار سے کم تر دباوکا نقطہ $n\lambda$ تا تھ ہوگا۔ پر ہے جس سے $n\lambda$ تر دباوکا نقطہ $n\lambda$ ماتھ ہوگا۔ پول حاصل نتائج کے تحت بار سے کم تر دباوکا بار سے فاصلہ یوں $n\lambda$ واصلہ پر ہے جس سے آدھی طول موج منفی کرتے ہوئے بار سے کمتر دباوکا فاصلہ $n\lambda$ واصلہ ہوتا ہے۔باند تر دباوکا بار سے فاصلہ یوں $n\lambda$ وار موج کے برابر ہے۔ $n\lambda$ واصلہ واصلہ واصلہ واصلہ واصلہ والے موج کے برابر ہے۔

باب 11. ترسیلی تار



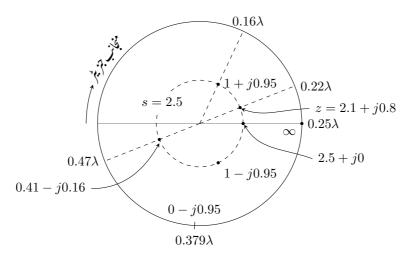
شکل 11.13: بار سے d فاصلے پر d لمبائی کے کسرے دور تار کا ٹکڑا جوڑنے سے بار اور اور ترسیلی تار ہمہ رکاوٹ بنائے جاتے ہیں۔

ان معلومات کے ساتھ اب شکل 11.12 کے سمتھ نقٹے کا سہارا لیتے ہیں۔ بلند تر برقی دباو کے نقطے پر داخلی قدرتی رکاوٹ حقیقی عدد ہوتا ہے جس کی قیت sR_0 گیت sR_0 کے برابر ہوتی ہے ، لہذا ایسے نقطے پر 2.5 $= \frac{1}{18}$ ہوگا۔ ہم یوں سمتھ نقٹے پر 2.5 $= \frac{1}{18}$ کے برابر ہوتی ہے ، لہذا ایسے نقطے پر 2.5 $= \frac{1}{18}$ ہوگا۔ ہم یوں سمتھ نقٹے پر 2.5 $= \frac{1}{18}$ کا صلح کے برابر ہوتی ہے۔ اس سے 0.03 منفی کرتے ہوئے بار تک پہنچتے ہیں ، لہذا 0.22 سے مرکز تک کلیر اور 2.5 = 2 یعنی 0.03 فاصلہ 0.03 منفی کرتے ہوئے بار کو فیتے پر رداس کے دائرے کے ملاپ سے 0.25 ہم نے بار کو فیتے پر رداس کے دائرے کے ملاپ سے 0.25 ہوئے بات کہ ہم نے بار کو فیتے پر عاصل ہوتا ہے کہ تجرباتی نتانگے سے حاصل ہوتا ہے کہ تجرباتی نتانگے سے حاصل کی بات کرتے ہوئے بار کا فرض کردہ مقام اب بھی مکمل طور پر معلوم نہیں ہے لہذا بہتر یہ ہوتا ہے کہ تجرباتی نتانگے سے حاصل کی بات کرتے ہوئے بار کا فرض کردہ مقام بھی ساتھ بٹلا یا جائے۔

آخر میں آئیں اس بار کو Ω 50 تر سیلی تار کے ہمہ رکاوٹ بنانے کی ترکیب دیکھیں۔اییا d_1 لمبائی کے کسر دور تار کے فکڑے کو بار سے d_2 فاصلے پر نسب کرنے سے ممکن بنایا جاتا ہے۔اییا شکل 11.13 میں دکھایا گیا ہے۔ بار سے d_2 فاصلے پر d_2 متوازی d_3 لمبی کسرے دور فکڑا نسب کرنے سے کل رکاوٹ d_3 کی متوازی d_4 بین متوازی d_4 کی متوازی d_4 کی متوازی رکاوٹ d_4 کی مسلوب ہیں۔ کسر دور فکڑے کی قدرتی رکاوٹ تر سیلی تار کے قدرتی رکاوٹ d_4 کی جرابر ہے۔

برقی بار اور کسر دور تار کا مکٹرا متوازی جڑے ہیں۔ متوازی جڑے رکاوٹوں کی بجائے متوازی جڑے برقی فراوانی کے ساتھ کام کرنا زیادہ آسان ہوتا ہے لہٰذا ہم ایسا ہی کرتے ہیں۔ برقی فراوانی کی زبان میں موجودہ مسئلہ کچھ یوں ہے۔ ہم b اتنار کھنا چاہتے ہیں کہ داخلی فراوانی b b b b ہو۔اب اگر b متوازی b b b برقی فراوانی کل برقی فراوانی کی برقی میں موجودہ کی جو ہمارا مقصد ہے۔ یوں b بھی کسر دور تار کے مگڑے کی برقی برقی ہو ہمارا مقصد ہے۔ یوں b بھی کسر دور تار کے مگڑے کی برقی تاثریت b ورکار ہے۔ان حقائق کو لے کر سمتھ نقشے کی مدد سے b اور b کی قیمتیں حاصل کرتے ہیں۔

اب j0.95+1 کے متوازی j0.95-1=1 برقی تاثریت جوڑ کر j0+1 حاصل ہو گا۔مساوات 11.54 کے تحت کسرے دور گلڑے کی داخلی رکاوٹ یا داخلی فراوانی خیالی عدد ہوتا ہے لہذا سمتھ نقشے پر ایسے گلڑے کا g=0 ہی رہے گا جو نقشے کی بیرونی دائرے کو ظاہر کرتی ہے۔ عین کسر دور پر



شکل 11.14: بار z=2.1+j0.8 سے $z=0.19\lambda$ فاصلے پر 0.129λ لمبائی کا کسر دور ٹکڑا جوڑنے سے نظام ہمہ رکاوٹ ہو جاتا ہے۔

مثق 11.4: بے ضاع Ω 50 تر سیلی تار کو کسرے دور کرنے سے برقی دباو کے دو آپس میں قریبی نشیب 12 cm اور 27 cm ہیں۔ کسرے دور ختم کرتے ہوئے یہاں بار نسب کرنے سے 0.4 ک چیطے کے نشیب اور 0.72 کسطے کے چوٹیاں حاصل ہوتی ہیں۔ ایک عدد نشیب cm و پر حاصل ہوتا ہے۔ تر سیلی تار میں ہوا بطور ذو برق استعال ہوا ہے۔مندرجہ ذیل حاصل کریں۔ 6: ۶،۶ تا اور 2_L

36.5+j21.6 Ω اور 0.286/108، 1.8،1 GHz اور $0.3\,\mathrm{m}$

مثق 11.5 ہے ضیاع Ω 50 کے ساتھ Ω 100 ہوڑتے ہوئے $Z_L = 100 + j100$ کا بار نسب ہے۔بار سے a فاصلے پر a لمبائی کا کسرے دور گلڑا جوڑتے ہوئے نظام کو ہمہ رکاوٹ بنایا جاتا ہے۔ا گرتار پر $v = \frac{2}{3}c$ ہو جبکہ اشارے کی تعدد a اللہ a ہو جبکہ اشارے کی تعدد a اللہ صورت میں a

جوابات: 1.8 m ،20 m اور 4.4 m

باب 11. ترسیلی تار

باب 12

تقطيب موج

اس باب میں تقطیب موج اپر غور کیا جائے گا۔ خطی تقطیب اور بینوی تقطیب کے بعد دائری تقطیب پر تبصرہ کیا جائے گا۔

12.1 خطی، بیضوی اور دائری تقطیب

اب تک اٹل سمت کے امواج پر غور کیا گیا۔ یوں $a_{
m Z}$ جانب حرکت کرتا $a_{
m X}$ سمت کا میدان

$$(12.1) E_x = E_{x0}\cos(\omega t - \beta z)$$

کھھا گیا۔ یہ مساوات خطی تقطیب کی مثال ہے جہاں میدان تمام او قات صرف x سمت میں پایا جاتا ہے۔ عموماً a_z جانب حرکت کرتے موج میں میں علاوہ a_y علاوہ a_y بیایا جائے گا۔الیمی صورت میں موج کے اجزاء

(12.2)
$$E_x = E_1 \cos(\omega t - \beta z)$$
$$E_y = E_2 \cos(\omega t - \beta z - \delta)$$

ہو سکتے ہیں جہاں دونوں اجزاء کے حیطے مختلف ممکن ہیں جبکہ ان میں زاویائی فاصلہ ∂ بھی پایا جا سکتا ہے۔ان اجزاء کا مجموعہ

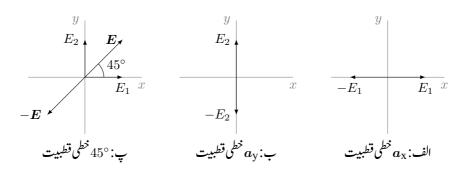
(12.3)
$$\mathbf{E} = E_1 \cos(\omega t - \beta z) \mathbf{a}_{\mathbf{X}} + E_2 \cos(\omega t - \beta z - \delta) \mathbf{a}_{\mathbf{Y}}$$

الی موج کو ظاہر کرے گا۔ یہ مساوات غور طلب ہے۔ آئیں خلاء میں کسی بھی اٹل نقطے پر وقت تبدیل ہونے سے ایسی میدان پر غور کریں۔ ہم خلاء میں z=0 کو اٹل نقطہ لیتے ہوئے میدان حاصل کرتے ہیں۔

اگرہ $E_2=0$ ہوتب وقت t کے تبدیلی سے میدان کی قیمت E_1a_X تبدیل ہوتی ہے۔ اس میدان کو تمام t کے لئے شکل 12.1-الف میں دکھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ میدان کی نوک $E_1=0$ تا $E_1=0$ نطیب ہوتی ہے۔ اس حقیقت سے ایسے موج کی قطبیت کو خطی قطبیت کو خطی قطبیت کی موج ہوگی جے ہیں۔ یہ موج a_X سمت میں خطی قطبیت رکھتی ہے۔ اس کے بر عکس اگر مساوات 12.3 میں $E_1=0$ ہوتب یہ $E_2=0$ ہوگی جے شکل 12.1- بمیں دکھایا گیا ہے۔ اگر $E_2=E_2=E_2=0$ اور $E_3=E_3$ ہوں تب بھی خطی قطبیت کی موج حاصل ہوتی ہے البتہ یہ موج افقی محدد کے ساتھ $E_3=0$ کا زاویہ بناتی ہے۔ شکل 12.1- پ میں اس موج کو دکھایا گیا ہے۔

wave polarization¹ linear polarization²

باب 12. تقطيب موج



شكل 12.1: خطى، دائرى اور بيضوى قطبيت.

ا آئيں اب ذرہ دلچيپ صورت حال ديکھيں۔ نقطہ
$$z=0$$
 پر مساوات $z=0$ $E_x=E_1\cos\omega t$ $E_y=E_2\cos(\omega t-\delta)$

صورت اختیار کر لیتے ہیں جس میں E_y کو

 $E_y = E_2 \left(\cos \omega t \cos \delta + \sin \omega t \sin \delta\right)$

$$\sin \omega t = \sqrt{1 - \left(rac{E_x}{E_1}
ight)^2}$$
 کومنا ممکن ہے۔ اس مساوات میں، E_x مساوات استعمال کرتے ہوئے، $\omega t = rac{E_x}{E_1}$ کومنا ممکن ہے۔ اس مساوات میں، $E_y = E_2 \left[rac{E_x}{E_1}\cos \delta + \sqrt{1 - \left(rac{E_x}{E_1}
ight)^2}\sin \delta
ight]$

ملتاہے جسے

(12.5)
$$\frac{E_x^2}{E_1^2} - 2\frac{E_x}{E_1}\frac{E_y}{E_2}\cos\delta + \frac{E_y^2}{E_2^2} = \sin^2\delta$$

Ï

$$aE_x^2 - bE_xE_y + cE_y^2 = 1$$

لکھا جا سکتا ہے جہاں

(12.7)
$$a = \frac{1}{E_1^2 \sin^2 \delta} \qquad b = \frac{2\cos \delta}{E_1 E_2 \sin^2 \delta} \qquad c = \frac{1}{E_2^2 \sin^2 \delta}$$

کئے گئے ہیں۔ مساوات 12.6 بیضوی قطبیت 3 کی عمومی مساوات ہے۔

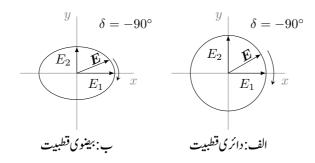
مساوات 12.5 میں
$$\delta=\mp 90^\circ$$
 اور $\delta=\mp 90^\circ$ کی صورت میں $E_1=E_2=E_0$ مساوات 12.8) مساوات 12.8)

حاصل ہوتا ہے جو دائرے کی مساوات ہے اور جسے شکل 12.2-الف میں د کھایا گیا ہے۔ شکل میں E_1 اور E_2 بھی ظاہر کئے گئے ہیں جن کی لمبائی برابر ہے۔مساوات 12.4 سے $\delta = +90^\circ$ کی صورت میں $\delta = +90^\circ$ پر

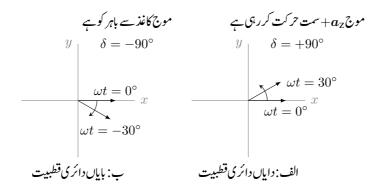
$$E_x = E_0 \cos 0 = E_0$$

 $E_y = E_0 \cos(0 - 90^\circ) = 0$ $(\delta = +90^\circ)$

elliptic polarization³



شكل 12.2: دائرى اور بيضوى قطبيت.



شكل 12.3: دائيل باته اور بائيل باته كى دائرى قطبيت.

 $\omega t = 30^\circ$ عاصل ہوتے ہیں جبکہ کچھ ہی لمحے بعد

$$E_x = E_0 \cos 30^\circ = 0.866E_0$$

 $E_y = E_0 \cos (30^\circ - 90^\circ) = 0.5E_0$ $(\delta = +90^\circ)$

حاصل ہوتا ہے۔ شکل 12.3-الف میں دونوں او قات پر موج دکھائی گئی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ بڑھتے وقت کے ساتھ میدان کی نوک دائرے پر گھڑی کے الٹ سمت میں حرکت کی سمت میں حرکت کی سمت میں حرکت کی سمت میں حرکت کی سمت میں دکھا جائے تواس ہاتھ کی بقایا چار انگلیاں دائرے پر میدان کی نوک کی حرکت کا سمت دیتی ہیں۔ یوں °90+ = کی صورت میں مساوات 12.8 دائیں دائری قطبیت کی موج کو ظاہر کرتا ہے۔

ای طرح $-90^\circ = \delta$ کی صورت میں بائیں دائری قطبیت $^\circ$ حاصل ہوتی ہے جسے شکل 12.3-ب میں دکھایا گیا ہے۔

دائیں ہاتھ قطبی موج سے مراد وہ موج ہے جو آپ کی طرف حرکت کرتے ہوئے آپ کو دائیں ہاتھ گھومتی نظر آئے۔کسی موج کی قطبیت سے مراد وہ قطبیت ہے جو دیکھنے والے کی طرف حرکت کرتی موج کی قطبیت ہو گی۔

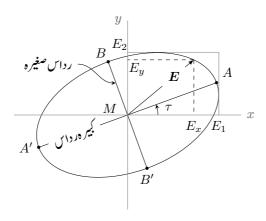
جہاں بھی غلطی کی گنجائش ہو وہاں بہتر ہوتا ہے کہ قطبیت کا ذکر کرتے وقت حرکت کی سمت کا بھی ذکر کیا جائے۔

مساوات 12.5 میں $E_1
eq E_2$ کی صورت میں بینوی موج حاصل ہوتی ہے جے شکل 12.2-ب میں دکھایا گیا ہے۔

شکل 12.4 میں مساوات 12.6 کی عمومی شکل د کھائی گئی ہے۔ اس شکل میں ترخیم 6 افقی محدد کے ساتھ au زاویہ بناتا ہے لہذا یہ au زاویے کی بیفنوی قطبیت کو ظاہر کرتی ہے۔

right circular polarization⁴ left circular polarization⁵ ellipse⁶

باب 12. تقطیب موج



شكل 12.4: عمومي بيضوى قطبيت.

12.2 بیضوی یا دائری قطبی امواج کا پوئنٹنگ سمتیہ

کسی بھی موج کی اوسط طاقت مساوات 10.55

$$oldsymbol{\mathscr{P}}_{\scriptscriptstyle{oldsymbol{L}}}$$
اورما $=rac{1}{2}\left[oldsymbol{E}_{\scriptscriptstyle{S}} imesoldsymbol{H}_{\scriptscriptstyle{S}}^*
ight]$ اورما

سے حاصل کی جاسکتی ہے۔ شکل 12.4 کے عمومی بھنوی قطبی موج کے x اور y اجزاء

$$(12.9) E_{sx} = E_1 e^{j(\omega t - \beta z)}$$

(12.10)
$$E_{sy} = E_2 e^{j(\omega t - \beta z + \delta)}$$

میں δ زاویائی فرق پایا جاتا ہے۔ کسی بھی نقطے پر کل برقی میدان ان اجزاء کا سمتی مجموعہ ہو گا جسے نقطہ z=0 پر

(12.11)
$$\mathbf{E}_{s} = \mathbf{a}_{X} E_{1} e^{j\omega t} + \mathbf{a}_{Y} E_{2} e^{j(\omega t + \delta)}$$

لکھا جا سکتا ہے۔ چونکہ

$$\frac{E}{H} = \eta = |\eta| e^{j\theta_{\eta}}$$

ہوتا ہے للذا مساوات 12.9 کی جوڑی مقناطیسی موج

$$H_{sy} = \frac{E_{sx}}{|\eta|} e^{-j\theta_{\eta}} = \frac{E_1}{|\eta|} e^{j(\omega t - \beta z - \theta_{\eta})} = H_1 e^{j(\omega t - \beta z - \theta_{\eta})}$$

ہو گی۔اسی طرح مساوات 12.10 کی جوڑی

(12.12)
$$H_{sx} = -H_2 e^{j(\omega t - \beta z + \delta - \theta_{\eta})}$$

ہو گی۔ کسی بھی نقطے پر مقناطیسی میدان ان اجزاء کا سمتی مجموعہ ہو گا جسے نقطہ z=0 پر

(12.13)
$$\boldsymbol{H}_{s} = -\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}H_{2}e^{j(\omega t + \delta - \theta_{\eta})} + \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}H_{1}e^{j(\omega t - \theta_{\eta})}$$

کھا جا سکتا ہے۔ ہو گا۔ جوڑی دار مخلوط H_s کی قیمت مندرجہ بالا مساوات میں مثبت j کو منفی اور منفی j کو مثبت ککھ کر حاصل ہوتا ہے لینی

(12.14)
$$\boldsymbol{H}_{s}^{*} = -\boldsymbol{a}_{\mathrm{X}}H_{2}e^{-j(\omega t + \delta - \theta_{\eta})} + \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}}H_{1}e^{-j(\omega t - \theta_{\eta})}$$

مخلوط بوئنٹنگ سمتیہ سے اوسط طاقت

$$egin{align*} \mathscr{P}_{b o l} &= rac{1}{2} \left[\left(oldsymbol{a}_{\mathbf{X}} E_{1} e^{j \omega t} + oldsymbol{a}_{\mathbf{Y}} E_{2} e^{j(\omega t + \delta)}
ight) imes \left(-oldsymbol{a}_{\mathbf{X}} H_{2} e^{-j(\omega t + \delta - \theta_{\eta})} + oldsymbol{a}_{\mathbf{Y}} H_{1} e^{-j(\omega t - \theta_{\eta})}
ight)
ight] \ &= rac{1}{2} oldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= rac{1}{2} oldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2} e^{j \theta_{\eta}}
ight] \ &= 2 \left[E_{1} H_{1} e^{j \theta_{\eta}} + E_{2} H_{2}$$

لعني

(12.15)
$$\mathscr{P}_{L_{\gamma}, j} = \frac{1}{2} a_{Z} (E_{1}H_{1} + E_{2}H_{2}) \cos \theta_{\eta}$$

-1 حاصل ہوتی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ طاقت δ پر بالکل منحصر نہیں ہے۔

بے ضاع خطے میں برتی اور مقناطیسی میدان ہم قدم ہوتے ہیں۔ان میں $\eta_0=rac{E_1}{H_1}=rac{E_2}{H_2}=\eta_0$ کا زاویہ $\theta_\eta=0$

(12.16)
$$\mathcal{P}_{k,j} = \frac{1}{2} a_{Z} (E_{1}H_{1} + E_{2}H_{2})$$

$$= \frac{1}{2} a_{Z} (H_{1}^{2} + H_{2}^{2}) \eta_{0} = \frac{1}{2} a_{Z} H^{2} \eta_{0}$$

ہو گا جہاں $H = \sqrt{H_1^2 + H_2^2}$ برابر ہے۔اس مساوات کو

$$\mathbf{\mathscr{P}}_{\text{best}} = \frac{1}{2} a_{\text{Z}} \left(E_{1} H_{1} + E_{2} H_{2} \right)$$

$$= \frac{1}{2} a_{\text{Z}} \frac{E_{1}^{2} + E_{2}^{2}}{\eta_{0}} = \frac{1}{2} a_{\text{Z}} \frac{E^{2}}{\eta_{0}}$$

بھی کھا جا سکتا ہے جہاں $E=\sqrt{E_1^2+E_2^2}$ برابر ہے۔

مثال 12.1: خلاء میں بیضوی قطبی موج کے اجزاء

$$E_x = 2\cos(\omega t - \beta z)$$

$$E_y = 3\cos(\omega t - \beta z + 75^\circ)$$

وولك في ميٹر ہيں۔موج كى في مربع ميٹر اوسط طاقت دريافت كريں۔

حل:خالی خلاء کی قدرتی رکاوٹ $\eta=120$ سے ہوئے مساوات 12.17 سے

$$\mathcal{P}_{\text{best}} = \frac{1}{2} \frac{2^2 + 3^2}{120\pi} = 17.24 \frac{\text{mW}}{\text{m}^2}$$

حاصل ہوتا ہے۔

باب 12. تقطیب موج

ترچهی آمد، انعکاس، انحراف اور انکسار

دو خطوں کے سم حدیر عمودی آمدی موج کے انعکاس اور ترسیل پر باپ 10 میں غور کیا گیا۔اس باپ میں ترجیحی آمدی موج کی بات کرتے ہوئے انعکاس اور ترسیل کے علاوہ انحراف اور انکسار کی بھی بات کی جائے گی۔ عمودی امواج اور ترسیلی تار کے مساوات ہو بہو ایک جیسے تھے۔ تر چھی آمدی موج کی مساوی مثال ترسلی تار میں نہیں یائی جاتی۔ یہی وجہ ہے کہ ان پریہاں علیحدہ غور کیا جارہاہے۔

13.1 ترجهی آمد

 E_{\perp} عمودی قطبی برقی موج

شکل 13.1 میں سرحدیر تر چھی آمد موج د کھائی گئی ہے۔سرحد 0 🗕 γ سطیر پایا جاتا ہے للذا γ محدد، سرحد کے عمودی ہے۔پہلے خطے (خطہ-1) میں آمدی برقی موج γ محدد کے ساتھ ،θ زاویہ آمد ¹ بناتی ہے جبکہ اسی خطے میں انعکاس برقی موج γ محدد کے ساتھ ،θ زاویہ انعکاس² بناتی ہے۔ ترسیلی موج دوسرے ا خطے (خطہ-2) میں منفی y محدد کے ساتھ ط، زاویہ بناتی ہے۔ترییلی موج کو انحرافی موج بھی کہا جاتا ہے لہٰذا طا وصطلاحزاویہ انحراف 3 کہلاتی ہے۔پہلے خطے \sim مستقل $\epsilon_1, \mu_1, \sigma_1$ جبکہ دوسرے خطے کے مستقل $\epsilon_2, \mu_2, \sigma_3$ ہیں۔

ہم دو صور توں پر باری باری غور کریں گے۔ پہلی صورت میں برقی موج سطح آمد (یعنی xy سطح) کے عمودی ہو گی جبکہ دوسری صورت میں برقی موج اس سطح کے متوازی ہو گی۔ان دوصور توں میں برقی موج ہالتر تیب عمودی قطب موج⁴اور متوازی قطب موج⁵ کہلائیں گے۔شکل 13.1 عمودی قطبیت کی صورت حال د کھارہی ہے۔ کسی بھی عمومی برقی موج کو عمودی اور متوازی قطب کے امواج کا مجموعہ لکھا جا سکتا ہے۔

منفی z سمت میں حرکت کرتی $a_{
m x}$ میدان کی برقی موج

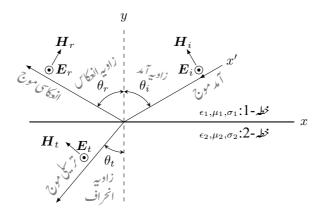
 $E_i = E_0 a_{\mathbf{x}} e^{j(\omega t + \beta_1 z)}$

incidence angle¹ reflection angle²

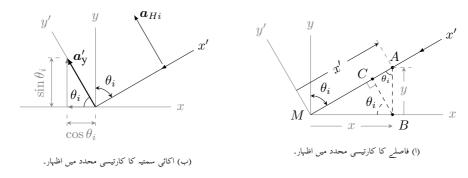
refraction angle³

perpendicular polarized⁴

parallel polarized⁵



شکل 13.1: ترچهی آمد کی صورت میں انعکاسی اور ترسیلی امواج اور ان کرے زاویے۔برقی میدان عمودی قطبیت رکھتی ہے۔



شكل 13.2: كسى بهى سمت مين فاصلح اور اكائي سمتيه كو كارتيسي محدد مين لكهنج كا طريقه.

کسی جاتی ہے۔اس موج میں برقی میدان ہر نقطے پر تمام او قات a_x سمت میں ہو گا جبکہ حرکت کی سمت میں فاصلہ z ہے ظاہر کیا جاتا ہے۔اب a_x اکا کی سمتیہ کی جگئے فاصلے کی جانب حرکت کر رہا ہو سمت کا میدان جو z محدد کی بجائے کلیر 1 پر گھٹے فاصلے کی جانب حرکت کر رہا ہو

$$\mathbf{E}_i = E_0 \mathbf{a} e^{j(\omega t + \beta_1 l)}$$

 a_{Z} کامی جائے گی۔اب شکل 13.1 میں آبے پر دوبارہ غور کریں۔یہ برتی میدان a_{Z} سمت میں ہے جبکہ برتی موج کئیر a_{Z} پر دوبارہ غور کریں۔یہ برتی میدان a_{Z} سمت میں ہے جبکہ برتی موج کئیر a_{Z} بلذااس موج کو a_{Z} (33.1)

کھا جا سکتا ہے جہاں کار تیسی محدد x, y کے مرکز سے کلیر x' پر فاصلہ ناپا گیا ہے۔آئیں مساوات 13.1 میں کلیر x' پر فاصلے کو کار تیسی محدد x, y کھا جا سکتا ہے جہاں کار تیسی محدد x, y کھا جا سکتا ہوئے ناپیں۔

شکل 13.2-الف میں آمد موج اور کار تبیسی محد د دوبارہ دکھائے گئے ہیں۔اس شکل میں لکیر x' کو کار تبیسی محد دکھایا گیا ہے۔لکیر x' پر نظم A کا مرکز سے فاصلہ A کو X کو X کھا گیا ہے۔اب X اور X کھا گیا ہے۔اب X اور X کا حصہ دکھایا گیا ہے۔اب X اور X کا حصہ دکھایا گیا ہے۔اب X کے برابر ہیں المذا

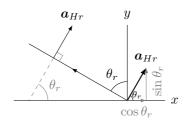
$$(13.2) x' = x \sin \theta_i + y \cos \theta_i$$

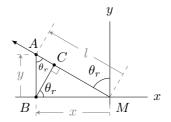
لکھا جا سکتا ہے جس سے ہم مساوات 13.1 کو

(13.3)
$$\mathbf{E}_{i} = E_{0} \mathbf{a}_{z} e^{j[\omega t + \beta_{1}(x \sin \theta_{i} + y \cos \theta_{i})]}$$

لکھ سکتے ہیں۔اس مساوات میں موج گھٹتے 'x کی طرف روال ہے۔

13.1. ترچهي آمد





(ب) انعکاسی مقناطیسی موج کی اکائی سمتیہ کا کارتیسی محدد میں اظہار۔

(ا) انعکاسی موج کے فاصلے کی کارتیسی محدد میں اظہار۔

شکل 13.3: انعکاسی موج کے متغیرات کا کارتیسی محدد میں اظہار۔

آمدی برقی اور مقناطیسی میدان x' عمودی ہیں۔ برقی میدان کی سمت a_Z ریا a_Z ہے جہاں a_Z اور مقناطیسی میدان x' عمودی ہیں۔ برقی میدان کی سمت میں ہے۔ یوں a_Z سمت کو ظاہر کرتے ہیں۔ مقناطیسی میدان a_Y کی اکائی سمتیہ a_{Hi} محدد x, y کی سمت میں ہے۔ یوں a_{Hi} کی اکائی سمتیہ a_{Hi} محدد x, y کی سمت میں ہور سمتیوں کے مجموعے کے طور پر دکھایا گیا ہے۔ چو نکہ اکائی سمتیہ کی لمبائی ایک کے صورت میں شکل a_{Hi} ہوں گے ویز کی لمبائی اکائی ہے۔ یوں تکون کا قاعدہ a_{i} ودہ a_{i} محدد a_{i} تاعدہ a_{i} ودہ a_{i} محدد کی برابر ہوں گے جس سے برابر ہوں گے جس سے

$$a_{\mathbf{y}}' = -\cos\theta_i a_{\mathbf{x}} + \sin\theta_i a_{\mathbf{y}}$$

کھا جا سکتا ہے۔ان معلومات کو استعال کرتے ہوئے آمدی مقناطیسی موج

$$\boldsymbol{H}_i = \frac{E_0}{\eta_1} \boldsymbol{a}_{y}' e^{j(\omega t + \beta_1 x')}$$

5

(13.5)
$$\boldsymbol{H}_{i} = \frac{E_{0}}{\eta_{1}} (-\cos\theta_{i}\boldsymbol{a}_{X} + \sin\theta_{i}\boldsymbol{a}_{Y}) e^{i[\omega t + \beta_{1}(x\sin\theta_{i} + y\cos\theta_{i})]}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

مساوات 13.3 اور مساوات 13.5 کے مساوی دوری سمتی مساوات مندرجہ ذیل ہیں۔

(13.6)
$$\mathbf{E}_{si} = \mathbf{a}_{\mathbf{z}} E_0 e^{j\beta_1 (x \sin \theta_i + y \cos \theta_i)}$$

(13.7)
$$\boldsymbol{H}_{si} = (-\cos\theta_i \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \sin\theta_i \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}) \frac{E_0}{\eta_1} e^{j\beta_1(x\sin\theta_i + y\cos\theta_i)}$$

مساوات 10.79 شرح انعکاس جبکہ مساوات 10.81 شرح ترسیل کی تعریف بیان کرتے ہیں۔ عین سرحد پر عمود کی (\bot) قطب کے میدان کے لئے ان مساوات کو

(13.8)
$$\Gamma_{\perp} = \frac{E_r}{E_i}$$

$$\tau_{\perp} = \frac{E_t}{E_i}$$

لکھا جائے گا۔

شکل 13.3-الف میں صرف انعکای موج دکھائی گئی ہے۔ مرکز M سے موج کا فاصلہ I لیتے ہوئے برتی موج کی مساوات حاصل کرتے ہیں۔اب $MC = -x \sin \theta_r$ کے برابر ہیں للذا MA = MC + CA

$$(13.9) l = -x\sin\theta_r + y\cos\theta_r$$

کھا جائے گا۔ چونکہ منفی محدد پر x کی قیت منفی ہو گی للذا MC حاصل کرتے وقت منفی علامت کی ضرورت ہو گی۔ یوں انعکاس برقی موج

(13.10)
$$\begin{aligned} \boldsymbol{E}_{sr} &= \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \Gamma_{\perp} E_0 e^{-j\beta_1 l} \\ &= \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \Gamma_{\perp} E_0 e^{-j\beta_1 (-x \sin \theta_r + y \cos \theta_r)} \end{aligned}$$

کسی جائے گی جہاں بڑھتے l کی جانب حرکت کی بناپر e کی طاقت میں منفی کی علامت استعمال کی گئی اور میدان کی سمت a_Z ہے۔

انعکاسی مقناطیسی موج کی مساوات لکھنے کی خاطر مقناطیسی میدان کی اکائی سمتیہ درکار ہے۔شکل 13.3-ب میں انعکاسی مقناطیسی میدان کی سمت میں اکائی سمتیہ کو محدد کے مرکز پر دو سمتیات کے مجموعے کے طور پر بھی دکھایا گیا ہے جا کہ سمتیہ کو محدد کے مرکز پر دو سمتیات کے مجموعے کے طور پر بھی دکھایا گیا ہے جہاں سے

$$a_{Hr} = \cos \theta_r a_{X} + \sin \theta_r a_{Y}$$

لکھا جا سکتا ہے لہذا انعکاسی مقناطیسی موج

(13.12)
$$\boldsymbol{H}_{sr} = (\cos \theta_r \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \sin \theta_r \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}) \Gamma_{\perp} \frac{E_0}{\eta_1} e^{-j\beta_1(-x\sin \theta_r + y\cos \theta_r)}$$

لکھی جاسکتی ہے۔

١

یمی طریقه کار استعال کرتے ہوئے ترسیلی امواج کے مساوات یوں لکھے جا سکتے ہیں

(13.13)
$$\mathbf{E}_{st} = \mathbf{a}_{\mathbf{Z}} \tau_{\perp} E_0 e^{j\beta_2 (x \sin \theta_t + y \cos \theta_t)}$$

(13.14)
$$\boldsymbol{H}_{st} = (-\cos\theta_t \boldsymbol{a}_{\mathbf{X}} + \sin\theta_t \boldsymbol{a}_{\mathbf{Y}}) \tau_{\perp} \frac{E_0}{\eta_2} e^{j\beta_2(x\sin\theta_t + y\cos\theta_t)}$$

جہاں تر سلی امواج کار تیسی محدد کے مرکز سے بڑھتے فاصلے کی طرف رواں ہیں۔ یہاں غور کریں کہ دوسرے خطے میں امواج کے مساوات میں مستقل β2 اور 172 استعال کئے گئے ہیں۔

صغحہ 264 پر مساوات 9.43 برقی میدان کی سرحدی شرط پیش کرتی ہے جس کے مطابق سرحد کے دونوں اطراف متوازی برقی میدان برابر ہوں گے۔ برقی میدان کی شرط مساوات 13.6، مساوات 13.10 اور مساوات 13.13 میں y=0 پر کرتے ہوئے یوں

$$\mathbf{a_z} E_0 e^{j\beta_1(x\sin\theta_i + 0\cos\theta_i)} + \mathbf{a_z} \Gamma_\perp E_0 e^{-j\beta_1(-x\sin\theta_r + 0\cos\theta_r)} = \mathbf{a_z} \tau_\perp E_0 e^{j\beta_2(x\sin\theta_t + 0\cos\theta_t)}$$

 $(13.15) e^{j\beta_1 x \sin \theta_i} + \Gamma_{\perp} e^{j\beta_1 x \sin \theta_r} = \tau_{\perp} e^{j\beta_2 x \sin \theta_t}$

x=0 کاسی جا سکتی ہے۔ یہ مساوات کسی بھی x=0 کئے ورست ہو گا۔ اس میں x=0 کاسی جا سکتی ہے۔ یہ مساوات کسی بھی x=0 کاسی جا سکتی ہے۔ یہ مساوات کسی کم نے سے x=0 کاسی جا سکتی ہے۔ یہ مساوات کسی بھی مساوات کسی بھی ہوگئے ورست ہو گا۔ اس میں x=0 کاسی جا سکتی ہوگئی ہے۔ یہ مساوات کسی بھی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئی ہوگئی ہے۔ یہ ہوگئی ہوگئ

ملتا ہے۔ مساوات 13.15 میں x کی قیمت تبدیل کرنے سے e کے طاقت تبدیل ہوتے ہیں۔ یوں یہ مساوات صرف اور صرف اس صورت x کے ہر قیمت کے لئے درست ہوگی جب مساوات میں تینوں e کے طاقت ہر صورت برابر ہوں یعنی

$$(13.17) e^{j\beta_1 x \sin \theta_i} = e^{j\beta_1 x \sin \theta_r} = e^{j\beta_2 x \sin \theta_t}$$

اب پہلی دواجزاء کے مساوات سے

$$\theta_i = \theta_r$$

13.1. ترچهي آمد 347

اور آخری دواجزاء کی مساوات سے

$$\beta_2 \sin \theta_t = \beta_1 \sin \theta_r$$

ملتا ہے جس میں مساوات 13.18 پر کرنے سے

$$\sin \theta_t = \frac{\beta_1}{\beta_2} \sin \theta_i$$

اور صفحہ 281 پر دیے، بے ضاع خطے کی مساوات 10.39 پر کرنے سے

(13.20)
$$\sin \theta_t = \frac{\omega \sqrt{\mu_1 \epsilon_1}}{\omega \sqrt{\mu_2 \epsilon_2}} \sin \theta_i = \frac{\sqrt{\mu_1 \epsilon_1}}{\sqrt{\mu_2 \epsilon_2}} \sin \theta_i$$

لعيني

$$\sin \theta_t = \frac{\sqrt{\mu_{r1}\mu_0 \epsilon_{r1} \epsilon_0}}{\sqrt{\mu_{r2}\mu_0 \epsilon_{r2} \epsilon_0}} \sin \theta_i$$
$$= \frac{\sqrt{\mu_{r1} \epsilon_{r1}}}{\sqrt{\mu_{r2} \epsilon_{r2}}} \sin \theta_i$$

يا

$$\sin \theta_t = \frac{n_1}{n_2} \sin \theta_i$$

حاصل ہوتا ہے جہاں

(13.22)
$$n_1 = \sqrt{\mu_{r1}\epsilon_{r1}}$$

$$n_2 = \sqrt{\mu_{r2}\epsilon_{r2}}$$

انحرافی مستقل کہلاتے ہیں۔امید کی جاتی ہے کہ آپ انحرافی مستقل n اور قدرتی رکاوٹ η میں فرق کریائیں گے۔

مساوات 13.18 کہتا ہے کہ آمدی اور انعکاسی زاویے برابر ہیں۔مساوات 13.21 جسے ابن سھل √کا قانون انحراف کہتے ہیں زاویہ انحراف اور زاویہ آمد کا تعلق بیان کرتا ہے۔ یہ قانون مغربی دنیا میں قانون سنیل اسے جانا جاتا ہے۔بھریات ⁹ کے میدان میں قانون ابن سھل بنیادی اہمیت رکھتا ہے۔

مثال 13.1: ہواسے $\theta_i = 30$ زاویے پر شیشے میں عمودی تقطیب کی موج داخل ہوتی ہے۔ پانی میں انحرافی موج کا زاویہ θ_i حاصل کریں۔اگر شیشے یں۔ $\epsilon_r=2.3$ کیا ہو گا۔ شیشے کا جزوی برقی مستقل 2.3 سے خلاء میں موج اسی زاویے سے داخل ہو تب heta کیا ہو گا۔ شیشے کا جزوی برقی

حل: خلاء کا جزوی برقی مستقل $\epsilon_r = 1$ لتتے ہوئے، خلاء سے شیشے میں دخول بر

$$\sin \theta_t = \frac{\sqrt{1}}{\sqrt{2.3}} \sin 30^\circ = 0.32969$$

index of refraction⁶

[.] بغداد کے أبو سعد العلاء ابن سهل نے اس قانون کو سن 984 میں دریافت کیا۔ $m Snell's\ law^8$

$$\theta_t = \sin^{-1} 0.32969 = 19.25^{\circ}$$

حاصل ہوتا ہے جبکہ شیشے سے خلاء میں دخول پر

$$\sin \theta_t = \frac{\sqrt{2.3}}{\sqrt{1}} \sin 30^\circ = 0.758288$$

سے

$$\theta_t = \sin^{-1} 0.758288 = 49.3^{\circ}$$

حاصل ہوتا ہے۔

صغحہ 265 پر مساوات 9.47 مقناطیسی میدان کی سرحد کی شرط بیان کرتا ہے جس کے مطابق سرحد کے دونوں اطراف پر متوازی مقناطیسی میدان برابر ہوں گے۔ شکل 13.1 میں آمدی، انعکاسی اور انحرافی مقناطیسی میدان $a_{
m X}$ اور $a_{
m Y}$ اجزاء پر مشتمل ہیں۔ان میں صرف $a_{
m X}$ اجزاء سرحد کے متوازی ہیں لہذا مساوات 13.12 اور مساوات 13.14 کے $a_{
m X}$ اجزاء میں y=0 پر کرتے ہوئے مقناطیسی سرحدی شرط سے

$$-\cos\theta_{i}\frac{E_{0}}{\eta_{1}}e^{j\beta_{1}x\sin\theta_{i}}+\cos\theta_{r}\Gamma_{\perp}\frac{E_{0}}{\eta_{1}}e^{-j\beta_{1}(-x\sin\theta_{r})}=-\cos\theta_{t}\tau_{\perp}\frac{E_{0}}{\eta_{2}}e^{j\beta_{2}(x\sin\theta_{t})}$$

یا

$$-\cos\theta_i e^{j\beta_1 x \sin\theta_i} + \cos\theta_r \Gamma_{\perp} e^{j\beta_1 x \sin\theta_r} = -\cos\theta_t \tau_{\perp} \frac{\eta_1}{\eta_2} e^{j\beta_2 x \sin\theta_t}$$

حاصل ہوتا ہے جسے مساوات 13.18 اور مساوات 13.19 کے استعال سے

$$-\cos\theta_i + \cos\theta_i \Gamma_{\perp} = -\cos\theta_t \tau_{\perp} \frac{\eta_1}{\eta_2}$$

کھا جا سکتا ہے۔اس میں مساوات 13.16 سے au_{\perp} کی قیمت پر کرتے ہوئے

(13.23)
$$\Gamma_{\perp} = \frac{\eta_2 \cos \theta_i - \eta_1 \cos \theta_t}{\eta_2 \cos \theta_i + \eta_1 \cos \theta_t}$$

حاصل ہوتا ہے۔ صفحہ 298 پر مساوات 10.79 موجودہ مساوات میں $heta_i=0^\circ$ پر کرنے سے حاصل ہوتا ہے۔

اگر خطہ-2 کامل موصل ہو تب $\eta_2=0$ ہو گا جس سے $\Gamma_{\perp}=-1$ حاصل ہوتا ہے۔اگر دونوں خطے غیر مقناطیسی ، بے ضیاع ذو برق ہوں تب مساوات 13.20 کی مدد سے

(13.24)
$$\Gamma_{\perp} = \frac{\cos \theta_i - \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2 \theta_i}}{\cos \theta_i + \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2 \theta_i}}$$

حاصل ہوتا ہے۔ خطہ - 2 کا برقی مستقل خطہ - 1 کے برقی مستقل سے زیادہ ہونے کی صورت $(\epsilon_2 > \epsilon_1)$ میں $(\epsilon_2 > \epsilon_1)$ ہو گا جبکہ سائن کی زیادہ سے زیادہ ہوتا ہے۔ خطہ - 2 کا برقی مستقل خطہ - 1 کے برقکس نیادہ ممکن قیت اکائی ہے للذا $\theta_i \leq \sin^2 \theta_i \leq \sin^2 \theta_i$ ہوتا ہے۔ اس کے برقکس زیادہ ممکن قیت اکائی ہے للذا یا $|\Gamma_{\perp}| = 1$ ہوتا ہے اور $|\epsilon_2| < \epsilon_1$ کی صورت میں اگر $|\epsilon_2| < \epsilon_2$ ہوتا ہے اور حول کی سائر کی صورت میں اگر $|\epsilon_2| < \epsilon_2$ ہوتا ہے اور الدا کے اندر منفی مقدار ہوگی للذا یا جو تا ہے دہ ہوگا۔ ایسی صورت میں اگر $|\epsilon_2| < \epsilon_2$

13.1. ترچهي آمد

سر حدیر مکمل اندرونی انعکاس 01 سے پوری کی پوری موج زیادہ برقی مستقل کے خطے میں سر حد سے واپس لوٹتی ہے۔ جس زاویہ آمدیر $\Gamma_{\perp}=1$ ہوا سے زاویہ فاصل 11 پکارا جاتا ہے۔ یوں زاویہ فاصل

(13.25)
$$\theta_{i, -} = \sin^{-1} \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}$$

0 کے برابر ہے۔ غیر مقناطیسی خطوں کا مقناطیسی مستقل 0 لیتے ہوئے، فاصل زاویے سے بڑے زاویے ($\theta_i > \theta_{i, i}$) کی صورت میں مساوات 13.20 سے 0 دیا ہوگا درد حاصل ہوگا

(13.26)
$$\cos \theta_t = \sqrt{1 - \sin^2 \theta_t} = \sqrt{1 - \frac{\epsilon_1}{\epsilon_2} \sin^2 \theta_i} = jA$$

جہاں $A=\sqrt{rac{\epsilon_1}{\epsilon_2}\sin^2 heta_i-1}$ کی مدد سے میدان میں مساوات 13.13 کی مدد سے میدان

$$E_{st} = \mathbf{a}_{\mathbf{Z}} \tau_{\perp} E_0 e^{j\beta_2 (x \sin \theta_t + yjA)}$$
$$= \mathbf{a}_{\mathbf{Z}} \tau_{\perp} E_0 e^{-\beta_2 A y} e^{j\beta_2 x \sin \theta_t}$$

١

$$\mathbf{E}_{st} = \mathbf{a}_{\mathbf{Z}} \tau_{\perp} E_0 e^{-\alpha y} e^{j\beta_2 x \sin \theta_t}$$

لکھا جا سکتا ہے جہاں

(13.28)
$$\alpha = \beta_2 A = \omega \sqrt{\mu_2 \epsilon_2} \sqrt{\frac{\epsilon_1}{\epsilon_2} \sin^2 \theta_i - 1}$$

 $e^{-\alpha y}$ کے برابر ہے۔ یہ میدان کم کثافت خطے میں x – جانب بے ضیاع حرکت کرتی ہے۔ سرحد پر یا کی مقدار au_{\pm} ہو عوصے ہوئے ہوئے au_{\pm} کی شرح سے گھٹق ہے۔ ساوات 13.27 کے طرز کی موج کو سطحی موج au_{\pm} موج سرحد کے ساتھ چمٹی رہتی ہے۔

مثال 13.2: پانی سے ہوا کی جانب سر حدیر آمدی موج $heta_i = 55$ زاویہ رکھتی ہے۔ہوا میں انحرافی موج کی قیت سر حدیر اور سر حدسے $rac{\lambda}{4}$ فاصلے پر حاصل کریں۔سر حدیر آمدی برقی میدان $E_i = 1$ ہے۔پانی کے مستقل 80 $\mu_r = 1$ اور $\sigma = 0$ لیں۔

حل: مساوات 13.25 سے فاصل زاویہ

$$\theta_{i,-}:=\sin^{-1}\sqrt{\frac{1}{80}}=6.42^{\circ}$$

حاصل ہوتا ہے۔ چونکہ آمدی زاویہ اس سے زیادہ ہے للذا مکمل اندرونی انعکاس پائی جائے گی۔مساوات 13.20 سے

$$\sin \theta_t = \sqrt{\frac{\mu_0 \times 80 \times \epsilon_0}{\mu_0 \times 1 \times \epsilon_0}} \sin 55^\circ = 7.327$$

اور مساوات 13.26 سے

$$\cos \theta_t = jA = \sqrt{1 - 7.327^2} = j7.258$$

total internal reflection¹⁰
critical angle¹¹
surface wave¹²

حاصل ہوتے ہیں۔یوں

$$\alpha = \beta_2 A = \frac{2\pi}{\lambda_0} 7.258 = \frac{45.6}{\lambda_0} \frac{\text{Np}}{\text{m}}$$

ہو گا۔مساوات 13.24 سے

$$\Gamma_{\perp} = \frac{\cos 55^{\circ} - \sqrt{\frac{1}{80} - \sin^2 55^{\circ}}}{\cos 55^{\circ} + \sqrt{\frac{1}{80} - \sin^2 55^{\circ}}} = -0.33369 - j0.94268$$

اور مساوات 13.16 سے

$$\tau_{\perp} = 1 + \Gamma_{\perp} = 0.66631 - j0.94268 = 1.1544 / -54.746^{\circ}$$

اس طرح ہوا میں سر حدیہ
$$|E_t| = 1.1544 \times 1 = 1.1544 \frac{V}{m}$$
 ہو گا۔

$$|E_t| = 1.1544 \times 1 \times e^{-\frac{45.6}{\lambda_0}\frac{\lambda_0}{4}} = 12.9 \frac{\mu V}{m}$$

ہو گا۔

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ہوا میں میدان سرحد کے قریب رہتا ہے۔سرحد سے پچھ ہی فاصلے پر میدان کی قیت قابل نظر انداز ہو جاتی ہے۔یاد رہے کہ $\cos\theta_t$ $\sin\theta_t$ $\sin\theta_t$ $\sin\theta_t$

$$\begin{split} \boldsymbol{E}_{st} &= \boldsymbol{a}_{z} \tau_{\perp} E_{0} e^{-\beta_{2} A y} e^{j\beta_{2} x \sin \theta_{t}} \\ \boldsymbol{H}_{st} &= (-j A \boldsymbol{a}_{x} + \sin \theta_{t} \boldsymbol{a}_{y}) \tau_{\perp} \frac{E_{0}}{\eta_{2}} e^{-\beta_{2} A y} e^{j\beta_{2} x \sin \theta_{t}} \\ &= (-j A \boldsymbol{a}_{x} + \sin \theta_{t} \boldsymbol{a}_{y}) \tau_{\perp} \frac{E_{0}}{|\eta_{2}|} e^{-\beta_{2} A y} e^{(j\beta_{2} x \sin \theta_{t} - j\theta_{\eta})} \end{split}$$

10.55 عالیں گے جہاں $\eta = |\eta| e^{j\theta_\eta}$ کا استعال کیا گیا۔ ہوا میں سر حد سے دور a_y سمت میں اوسط طاقت کی منتقلی صفحہ $\eta = |\eta| e^{j\theta_\eta}$

$$oldsymbol{\mathscr{P}}_{ extit{bus}}$$
اورط $=rac{1}{2}\left[oldsymbol{E}_{ extit{s}} imesoldsymbol{H}_{ extit{s}}^*
ight]$ اورط

کی مدد حاصل کرتے ہیں۔مقناطیسی میدان کا a_y جزواس منتقلی میں کوئی کردار ادا نہیں کرتا لہٰذااس کا صرف a_x جزولیا جائے گا۔جوڑی دار مخلوط مقناطیسی میدان H_s کیسے ہوئے H_s میں تمام مقامات پر i کی علامت مثبت سے منفی اور منفی سے مثبت کر دی جاتی ہے۔

$$\frac{1}{2} \mathbf{E}_{s} \times \mathbf{H}_{s}^{*} = \frac{1}{2} \left[\mathbf{a}_{z} \tau_{\perp} E_{0} e^{-\beta_{2} A y} e^{j\beta_{2} x \sin \theta_{t}} \right] \times \left[j A \mathbf{a}_{x} \tau_{\perp} \frac{E_{0}}{|\eta_{2}|} e^{-\beta_{2} A y} e^{\left(-j\beta_{2} x \sin \theta_{t} + j\theta_{\eta}\right)} \right]$$

$$= \mathbf{a}_{y} \frac{\tau_{\perp}^{2} E_{0}^{2}}{2|\eta_{2}|} e^{-2\beta_{2} A y} \left[j \cos \theta_{\eta} - \sin \theta_{\eta} \right]$$

كاحقيقى جزوليتے ہوئے

$$\mathscr{P}_{\hspace{-.1em} ext{\tiny{LJ}}} = -a_{\hspace{-.1em} ext{\tiny{Y}}} rac{ au_{\perp}^2 E_0^2}{2|\eta_2|} e^{-2eta_2 A y} \sin heta_{\hspace{-.1em}\eta}$$

13.1. ترچهي آمد

صفر ہو گی۔یوں کم کثافتی خطے میں مکمل اندرونی انعکاس کی صورت میں اوسطاً کوئی طاقت منتقل نہیں ہو گا اور برقی اور مقناطیسی امواج سرحد کے قریب ہی رہتی ہیں۔الی امواج کو فنا پذیر امواج ¹³ کہتے ہیں۔

کم کثافتی خطے یعنی ہوا میں مقناطیسی موج کا a_y جزو اور برقی a_z اجزاء سرحد کے ساتھ ساتھ، بے ضیاع a_x سمت میں حرکت کریں گے۔ہوا میں ان امواج کی رفتار، زیادہ کثافتی خطے یعنی پانی میں، سرحد کے متوازی موج کی رفتار کے برابر ہوگی یعنی

پانی میں رفتار موج $rac{y}{\sin heta_i}= rac{y}{\sin heta_i}$

سر حدی موج در حقیقت سر حدی شرائط پورا کرنے کی در کار برقی اور مقناطیسی میدان ہیں۔

 E_{\parallel} متوازی قطبی برقی موج

آئیں اب متوازی قطبی موج کی صورت حال دیکھیں۔ یاد رہے کہ موج کی سمت پوئٹنگ سمتیہ $E \times H$ کی سمت ہی ہوتی ہے۔ برقی اور مقناطیسی میدان، موج کے حرکت کی سمت کے عمود کی ہوتے ہیں۔ یوں سمت حرکت کے عمود کی، برقی میدان کی سمت فرض کرتے ہوئے اور سمت حرکت جانے ہوئے مقناطیسی میدان کی سمت کا تعین پوئٹنگ سمتیہ سے کیا جاتا ہے۔ متوازی قطبی موج کی بات کرتے ہوئے، آمدی برقی میدان کی سمت یا تو شکل 13.4 میں بی جو موج کے حرکت کے عمود کی اور آمد کی سطح کے متوازی ہیں۔ اگر آمد کی برقی میدان کی سمت شکل میں دکھائے سمت ممکن ہے۔ یہ واحد دو سمتیں ہیں جو موج کے حرکت کے عمود کی اور آمد کی سطح کے متوازی ہیں۔ اگر آمد کی برقی میدان کی سمت شکل میں دکھائے سمت کے الٹ ہو تب آمد کی بھی دو سمتیں ممکن ہیں جن میں ایک سمت شکل میں فرض کی گئی ہے۔ برقی انعکاسی میدان کی سمت فرض کرنے سے انعکاسی میدان کی سمت فرض کرنے سے انعکاسی میدان کی سمت اب وہی ممکن ہے جے شکل میں دکھایا گیا ہے۔ آئیں اس شکل کو حل کریں۔

مساوات 13.2 اور مساوات 13.4 کی مدد سے شکل 13.4 کے لئے

(13.29)
$$\mathbf{E}_{si} = (-\cos\theta_i \mathbf{a}_{\mathbf{X}} + \sin\theta_i \mathbf{a}_{\mathbf{Y}}) E_0 e^{j\beta_1(x\sin\theta_i + y\cos\theta_i)}$$

(13.30)
$$\boldsymbol{H}_{si} = -\boldsymbol{a}_{z} \frac{E_{0}}{\eta_{1}} e^{j\beta_{1}(x\sin\theta_{i} + y\cos\theta_{i})}$$

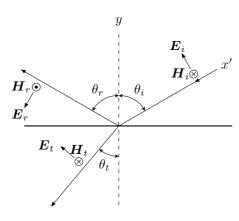
کھے جا سکتے ہیں۔اس طرح گزشتہ معلومات کا سہارا لیتے ہوئے

(13.31)
$$\mathbf{E}_{sr} = -(\cos\theta_r \mathbf{a}_{\mathbf{X}} + \sin\theta_r \mathbf{a}_{\mathbf{y}}) \Gamma_{\parallel} E_0 e^{j\beta_1(x\sin\theta_r - y\cos\theta_r)}$$

(13.32)
$$\boldsymbol{H}_{sr} = \boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \Gamma_{\parallel} \frac{E_0}{\eta_1} e^{j\beta_1 (x \sin \theta_r - y \cos \theta_r)}$$

(13.33)
$$\mathbf{E}_{st} = (-\cos\theta_t \mathbf{a}_{\mathbf{X}} + \sin\theta_t \mathbf{a}_{\mathbf{Y}}) \tau_{\parallel} E_0 e^{j\beta_2(x\sin\theta_t + y\cos\theta_t)}$$

(13.34)
$$\boldsymbol{H}_{st} = -\boldsymbol{a}_{\mathbf{Z}} \tau_{\parallel} \frac{E_0}{\eta_2} e^{j\beta_2(x\sin\theta_t + y\cos\theta_t)}$$



شکل 13.4: متوازی قطبی موج میں برقی میدان سطح آمد کے متوازی ہوتا ہے۔

کھیے جا سکتے ہیں۔سرحد (y=0) پر برقی شرط لا گو کرنے کی خاطر برقی میدان کا وہ حصہ استعال کیا جائے گا جو سرحد کے متوازی ہے۔یوں a_y جزو کو استعال کیا جائے گا لہذا

 $-\cos\theta_{i}\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}E_{0}e^{j\beta_{1}(x\sin\theta_{i}+0\cos\theta_{i})}-\cos\theta_{r}\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}\Gamma_{\parallel}E_{0}e^{j\beta_{1}(x\sin\theta_{r}-0\cos\theta_{r})}=-\cos\theta_{t}\boldsymbol{a}_{\mathbf{X}}\tau_{\parallel}E_{0}e^{j\beta_{2}(x\sin\theta_{t}+0\cos\theta_{t})}$

لعيني

(13.35)
$$\cos \theta_i e^{j\beta_1 x \sin \theta_i} + \cos \theta_r \Gamma_{\parallel} e^{j\beta_1 x \sin \theta_r} = \cos \theta_t \tau_{\parallel} e^{j\beta_2 x \sin \theta_t}$$

کھا جا سکتا ہے۔اس مساوات میں x کی قیت تبدیل کرنے سے e کی طاقت تبدیل ہوتی ہے۔الیی صورت میں یہ مساوات صرف اور صرف اس صورت درست ہوگا جب مساوات میں تینوں e کے طاقت، x کے تمام قیمتوں کے لئے برابر ہول یعنی

$$(13.36) j\beta_1 x \sin \theta_i = j\beta_1 x \sin \theta_r = j\beta_2 x \sin \theta_t$$

ہو۔اس مساوات سے

$$\theta_i = \theta_r$$

اور

$$\sin \theta_t = \frac{\beta_1}{\beta_2} \sin \theta_i$$

حاصل ہوتے ہیں جو عین عمودی قطبی موج کے مساوات ہیں۔مساوات 13.35 میں مساوات 13.36 پر کرنے سے

$$1 + \Gamma_{\parallel} = \frac{\cos \theta_t}{\cos \theta_i} \tau_{\parallel}$$

حاصل ہوتا ہے۔

 $-a_{\mathbf{Z}} rac{E_{0}}{\eta_{1}} e^{jeta_{1}(x\sin heta_{i}+0\cos heta_{i})} + a_{\mathbf{Z}}\Gamma_{\parallel} rac{E_{0}}{\eta_{1}} e^{jeta_{1}(x\sin heta_{r}-0\cos heta_{r})} = -a_{\mathbf{Z}}\tau_{\parallel} rac{E_{0}}{\eta_{2}} e^{jeta_{2}(x\sin heta_{t}+0\cos heta_{t})}$

لعيني

$$e^{j\beta_1x\sin\theta_i} - \Gamma_{\parallel}e^{j\beta_1x\sin\theta_r} = \tau_{\parallel}\frac{\eta_1}{\eta_2}e^{j\beta_2x\sin\theta_i}$$

.13.1 ترچهي آمد

لکھا جا سکتا ہے جس میں مساوات 13.36 پر کرنے سے

$$(13.40) 1 - \Gamma_{\parallel} = \tau_{\parallel} \frac{\eta_1}{\eta_2}$$

ملتاہے۔مساوات 13.39 اور مساوات 13.40 حل کرتے ہوئے

(13.41)
$$\Gamma_{\parallel} = \frac{\eta_2 \cos \theta_t - \eta_1 \cos \theta_i}{\eta_1 \cos \theta_i + \eta_2 \cos \theta_t}$$

ملتاہے جو غیر مقناطیسی اور بے ضیاع خطوں میں

(13.42)
$$\Gamma_{\parallel} = \frac{-\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}\cos\theta_i + \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2\theta_i}}{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}\cos\theta_i + \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1} - \sin^2\theta_i}}$$

صورت اختیار کر لے گی۔اگر خطہ-2 کامل موصل ہو تب $\Gamma_{\parallel}=-1$ حاصل ہوتا ہے جو متوقع جواب ہے۔

متوازی قطبی موج کی صورت میں ایسے آمدی زاویہ ممکن ہے جس پر 0 $\Gamma_{\parallel}=0$ حاصل ہو للذا ایسی صورت میں تمام کی تمام موج بغیر انعکاس کے دوسرے خطے میں داخل ہو جاتی ہے۔اس آمدی زاویہ کو برپوسٹر زاویہ ¹⁴ کہتے ¹⁵ ہیں۔مساوات 13.42 کو صفر کے برابر پر کرنے سے زاویہ برپوسٹر

(13.43)
$$\theta_{i, \cancel{r}\cancel{\xi}\cancel{\xi}} = \sin^{-1} \sqrt{\frac{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}{1 + \frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}} = \tan^{-1} \sqrt{\frac{\epsilon_2}{\epsilon_1}}$$

حاصل ہوتا ہے۔

کسی بھی موج کو عمودی اور متوازی قطبی امواج کا مجموعہ ککھا جاسکتا ہے۔ یوں اگر غیر قطبی موج، سرحد پر زاویہ بریوسٹر سے آمد ہو تب اس موج کا وہ جزو جو متوازی قطبیت رکھتا ہو سرحدسے مکمل طور دوسری جانب گزر جائے گا جبکہ سرحدسے اندکائی جزو صرف اور صرف عمودی قطبیت کا ہو گا۔ عمودی قطبی موج حاصل کرنے کا بیہ آسان طریقہ ہے۔ عمودی موج کا کچھ حصہ منعکس ہو گا اور کچھ حصہ منحرف للذاانحرافی موج غیر قطبی ہوگی۔ زاویہ بریوسٹر کو زاویہ قطبیت 16 بھی کہتے ہیں۔

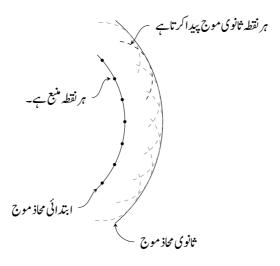
مثال 13.3: متوازی قطبی موج ہواسے پانی کی طرف آمد ہے۔ زاویہ بریوسٹر حاصل کریں۔ پانی کا جزوی برقی مستقل 80 $\epsilon_r = 80$ لیں۔ حل .

(13.44)
$$\theta_{i, \text{ fig. }} = \tan^{-1} \sqrt{\frac{80}{1}} = 83.6^{\circ}$$

Brewster angle 14

¹⁵ یہ زاویہ سکاٹ لینڈ کے داؤد بریوسٹر کے نام سے منسوب ہے۔

polarizing angle¹⁶



شکل 13.5: ہائی گن کے اصول کے تحت محاذ موج پر ہر نقطہ منبع موج کا کردار ادا کرتا ہے۔

مثق 13.1: شکل 13.4 میں انعکاس میدانوں کی سمتیں الٹ تصور کرتے ہوئے شرح انعکاس Γ_\parallel حاصل کریں۔چونکہ یہاں انعکاس میدان الٹ تصور کئے جارہے ہیں لہذا ہم توقع کرتے ہیں کہ Γ_\parallel کی حاصل مساوات منفی ایک سے ضرب ہو گی۔

جواب: صرف انعكاس امواج ميں فرق ہو گا جنہيں يوں لكھا جائے گا۔

$$\begin{aligned} \boldsymbol{E}_{sr} &= (\cos\theta_r \boldsymbol{a}_{\mathrm{X}} + \sin\theta_r \boldsymbol{a}_{\mathrm{Y}}) \Gamma_{\parallel} E_0 e^{j\beta_1(x\sin\theta_r - y\cos\theta_r)} \\ \boldsymbol{H}_{sr} &= -\boldsymbol{a}_{\mathrm{Z}} \Gamma_{\parallel} \frac{E_0}{\eta_1} e^{j\beta_1(x\sin\theta_r - y\cos\theta_r)} \end{aligned}$$

 $\frac{\eta_1\cos heta_i-\eta_2\cos heta_t}{\eta_1\cos heta_i+\eta_2\cos heta_t}$ حاصل ہو گا۔

13.2 ترسيم ہائي گن

ہائی گن 17 کا اصول کہتا ہے کہ محاذ موج پر ہر نقطے کو منبع کروی موج تصور کیا جا سکتا ہے۔شکل 13.5 میں اس اصول کو دکھایا گیا ہے جہاں ابتدائی محاذ موج پر مختلف نقطوں سے پیدا ثانوی امواج دکھائے گئے ہیں۔ یہ ثانوی امواج مل کر ثانوی محاذ موج پیدا کرتی ہیں۔ہائی گن کے اصول کی مدد سے شعاع کی راہ میں حاکل چیز کے قریب شعاع کا مڑ جانا سمجھا جا سکتا ہے جو نا تو انعکاس اور نا ہی انحراف کے زمرے میں آتا ہے۔

شعاع کی راہ میں حاکل موصل سطح شکل میں دکھائی گئی ہے۔ آئیں ہائی گن کے اصول سے نقطہ
$$N$$
 پر برتی میدان $E = \int \mathrm{d}E$

حاصل کریں جہاں موصل سطے کے کنارے سے آگے x محدد پر عمومی نقطے کو منبع موج تصور کرتے ہوئ N پر میدان dE کے برابر ہے۔

(13.46)
$$dE = \frac{E_0}{r}e^{-j\beta(r+\delta)} dx$$

13.2. ترسيم بائي گن

(13.47)
$$E = \frac{E_0}{r} e^{-j\beta r} \int_a^\infty e^{-j\beta \delta} \, \mathrm{d}x$$

لکھا جا سکتا ہے۔اگر $r\gg\delta$ ہو تب

$$\delta = \frac{x^2}{2r}$$

 $= 2 برابر ہو گا۔یوں <math>k^2 = \frac{2}{r\lambda}$ اور u = kx

(13.49)
$$E = \frac{E_0}{kr} e^{-j\beta r} \int_{ka}^{\infty} e^{-j\frac{\pi u^2}{2}} du$$

لکھا جا سکتا ہے جسے

(13.50)
$$E = \frac{E_0}{kr} e^{-j\beta r} \left(\int_0^\infty e^{-j\frac{\pi u^2}{2}} du - \int_0^{ka} e^{-j\frac{\pi u^2}{2}} du \right)$$

لکھ سکتے ہیں۔

باب 14

مویج اور گهمکیا

باب 15

سوالات

باب 15. سوالات

 σ :15.1 جدول

$\sigma, \frac{S}{m}$	چیر	$\sigma, \frac{S}{m}$	چيز
7×10^4	گريفائٿ	6.17×10^{7}	چاندى
1200	سليكان	5.80×10^{7}	تانبا
100	فيرائك (عمومي قيمت)	4.10×10^{7}	سونا
5	سمندری پانی	3.82×10^{7}	المونيم
10^{-2}	چهونا پتهر	1.82×10^{7}	ٹنگسٹن
5×10^{-3}	چکنی مٹنی	1.67×10^{7}	جست
10^{-3}	تازه پانی	1.50×10^{7}	بيتل
10^{-4}	تقطیر شده پانی	1.45×10^{7}	نکل
10^{-5}	ریتیلی مٹی	1.03×10^{7}	لوہا
10^{-8}	سنگ مرمر	0.70×10^{7}	قلعى
10^{-9}	بیک لائٹ	0.60×10^{7}	كاربن سٹيل
10^{-10}	چینی مٹی	0.227×10^{7}	مینگنین
2×10^{-13}	ا بيرا	0.22×10^{7}	جرمينيم
10^{-16}	پولیسٹرین پلاسٹک	0.11×10^{7}	سٹینلس سٹیل
10^{-17}	كوارڻس	0.10×10^{7}	نائيكروم

باب 15. سوالات

 $\sigma/\omega\epsilon$ and ϵ_R :15.2 جدول

$\sigma/\omega\epsilon$	ϵ_R	چير
	1	خالى خلاء
	1.0006	ہوا
0.0006	8.8	المونيم اكسائدٌ
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بیک لائٹ
	1.001	كاربن ڈائى آكسائڈ
	16	جرمينيم
0.001	7تا 4	شیشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابرق
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	كاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.00005	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.00075	3.8	كوارٹس
0.002	2.5 تا 3	 ری ز
0.00075	3.8	SiO ₂ سلیکا
	11.8	سليكان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مثلی
0.0001	1.03	سثائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندرى پانى
0.01	4 تا 1.5	خشک لکڑی

μ_R :15.3 جدول

μ_R	چيز
0.999 998 6	بسمت
0.99999942	پيرافين
0.999 999 5	لکڑی
0.999 999 81	چاندى
1.00000065	المونيم
1.00000079	بيريليم
50	نکل
60	ڈھلواں لوہا
300	مشين سٹيل
1000	فيرائك (عمومي قيمت)
2500	پرم بھرت (permalloy)
3000	ٹرانسفارمر پتری
3500	سيلكان لوبا
4000	خالص لوبا
20 000	میو میٹل (mumetal)
30 000	سنڈسٹ (sendust)
100 000	سوپرم بهرت (supermalloy)

جدول 15.4: اہم مستقل

قيمت	علامت	چير
$(1.6021892 \mp 0.0000046) \times 10^{-19} \mathrm{C}$	e	الیکٹران چارج
$(9.109534 \mp 0.000047) \times 10^{-31} \mathrm{kg}$	m	اليكثران كميت
$(8.854187818 \mp 0.000000071) \times 10^{-12}\frac{F}{m}$	ϵ_0	برقى مستقل (خالى خلاء)
$4\pi 10^{-7} rac{ ext{H}}{ ext{m}}$	μ_0	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
$(2.997924574 \mp 0.000000011) \times 10^8\frac{m}{s}$	c	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)

باب 15. سوالات