## برقى ومقناطيسيات

خالد خان بوسفر کی کامسیٹ انسٹیٹیوٹ آف انفار میشن ٹیکنالو جی،اسلام آباد khalidyousafzai@comsats. edu. pk

## عنوان

•	<u> </u>		-	
	1.1	1 مقداری اور سمتیه	1	5
	1.2	1 سمتى الجبرا	2	6
	1.3	1 كارتيسى محدد	3	7
	1.4	1 اکائی سمتیات	5	8
	1.5	1 میدانی سمتیہ	9	9
	1.6	1 سمتی رقبہ	9	10
	1.7	1 غیر سمتی ضرب	10	11
	1.8	1 سمتی ضرب یا صلیبی ضرب	14	12
	1.9	1 گول نلکی محدد	17	13
		1.9.1 نلکی اکائی سمتیات کا کارتیسی اکائی سمتیات کے ساتھ غیر سمتی ضرب	20	14
		1.9.2 نلكى اور كارتيسى اكائى سمتيات كا تعلق	20	15
		1.9.3 نلكي لامحدود سطحين	25	16
	1.10	. 1 کروی محدد	27	17
2	كولومب	لومب كا قانون	37	18
	2.1	2 قوت كشش يا دفع	37	19
	2.2	2 برقی میدان کی شدت	41	20
	2.3	2 يكسان چارج بردار سيدهي لامحدود لكير كا برقي ميدان	44	21
	2.4	2 يكسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	49	22
	2.5	2 چارج بردار حجم	53	23
	2.6	2 مزید مثال	54	24
	2.7	2 برقی میدان کے سمت بہاو خط	61	25
	2.8	2 سوالات	63	26

iv	عنوان

27	65	کا قانون اور پهیلاو	3 گاؤس
28	65	ساکن چارج	3.1
29	65	فيراڈے کا تجربہ	3.2
30	66	گاؤس كا قانون	3.3
31	68	گاؤس کے قانون کا استعمال	3.4
32	68	3.4.1 نقطہ چارج	
33	70	3.4.2 يكسان چارج بردار كروى سطح	
34	70	3.4.3 يكسان چارج بردار سيدهي لامحدود لكير	
35	71	ېم محوری تار	3.5
36	73	يكسان چارج بردار بموار لامحدود سطح	3.6
37	73	انتہائی چھوٹی حجم پر گاؤس کے قانون کا اطلاق	3.7
38	76	پهيلاو	3.8
39	78	نلکی محدد میں پھیلاو کی مساوات	3.9
40	80	پهیلاو کی عمومی مساوات	3.10
	0.0	مسئلہ پھیلاو	2 11
41	82		3.11
41			
41	85	اور برقی دباو	4 توانائی
43	85 85	, اور برقی دباو توانائی اور کام	4 توانائی 4.1
42 43 44	85 85 86	, اور برقی دباو توانائی اور کام	4 توانائی 4.1 4.2
43 44 45	85 85 86 91	, اور برقبی دباو توانائی اور کام	4 توانائی 4.1
43 44 45	85 85 86 91	اور برقی دباو توانائی اور کام	4 توانائی 4.1 4.2
43 44 45 46	85 85 86 91 92	اور برقی دباو توانائی اور کام	4 توانائی 4.1 4.2
43 44 45 46 47	85 85 86 91 92 93	اور برقی دباو توانائی اور کام  لکیری تکملہ  برقی دباو  برقی دباو  4.3.1  4.3.2  4.3.2  4.3.2  4.3.3  4.3.3	4 توانائی 4.1 4.2 4.3
43 44 45 46 47 48	85 85 86 91 92 93 94	اور برقی دباو توانائی اور کام  لکیری تکملہ  برقی دباو  برقی دباو  4.3.1  4.3.2  4.3.2  4.3.2  4.3.2  4.3.3  4.3.3  4.3.3	4 توانائی 4.1 4.2 4.3
43 44 45 46 47 48 49	85 85 86 91 92 93 94 94	اور برقی دباو توانائی اور کام  لکیری تکملہ  برقی دباو  4.3.1  4.3.2  4.3.2  4.3.2  4.3.3  4.3.3  4.3.3  5.3 دباو کام محوری تار کا برقی دباو متعدد نقطہ چارجوں کی برقی دباو متعدد نقطہ چارجوں کی برقی دباو متعدد نقطہ چارجوں کی برقی دباو	4 توانائی 4.1 4.2 4.3
43 44 45 46 47 48 49 50	85 85 86 91 92 93 94 94 98	اور برقی دباو توانائی اور کام  اکیری تکملہ  برقی دباو  برقی دباو  4.3.1  4.3.2  4.3.2  4.3.2  4.3.3  دباو کی خارج کثافت سے پیدا برقی دباو  متعدد نقطہ چارجوں کا برقی دباو  متعدد نقطہ چارجوں کی برقی دباو  متعدد نقطہ چارجوں کی مرقی دباو	4 توانائی 4.1 4.2 4.3
43 44 45 46 47 48 49 50 51	85 85 86 91 92 93 94 94 98 102	اور برقی دباو توانائی اور کام  اکیری تکملہ برقی دباو متعدد نقطہ چارج کثافت سے پیدا برقی دباو متعدد نقطہ چارجوں کی برقی دباو برقی دباو برقی دباو کی ڈھلوان برقی دباو کی ڈھلوان برقی دباو کی ڈھلوان برقی محدد میں ڈھلوان	4 توانائی 4.1 4.2 4.3 4.4 4.5
43 44 45 46 47 48 49 50 51 52	85 85 86 91 92 93 94 94 102 103	اور برقی دباو توانائی اور کام  لکیری تکملہ برقی دباو متعدد نقطہ چارجوں کی برقی دباو متعدد نقطہ چارجوں کی برقی دباو برقی دباو کی ڈھلوان برقی دباو کی ڈھلوان برقی دباو کی ڈھلوان برقی محدد میں ڈھلوان برقی محدد میں ڈھلوان	4 توانائی 4.1 4.2 4.3 4.4 4.5
43 44 45 46 47 48 49 50 51 52 53	85 86 91 92 93 94 94 98 102 103 104	اور برقی دباو توانائی اور کام  اکیری تکملہ برقی دباو متعدد نقطہ چارج کثافت سے پیدا برقی دباو متعدد نقطہ چارجوں کی برقی دباو برقی دباو برقی دباو کی ڈھلوان برقی دباو کی ڈھلوان برقی دباو کی ڈھلوان برقی محدد میں ڈھلوان	4.1 وانائى 4.1 4.2 4.3 4.4 4.5

عنوان ٧

56	115																															سٹر	ر کپی	ق او	ذو برا	وصل،		5
57	115																			٠						٠	•			، رو	برقى	ئافت	ور کن	رو ا	برقى	5.	1	
58	117	٠							•															•								وات	، مسا	ىرارى	استم	5.2	2	
59	119													 																				ىل	موص	5.3	3	
60	124																									اط	شراة	دی	سرح	اور .	سيات	صوص	کے خا	ىل ك	موص	5.4	4	
61	127																															کیب	ی ترک	ں کم	عكس	5.5	5	
62	130													 																			٠ .	موصا	نيم ه	5.6	5	
63	131	٠												 																				رق	ذو بر	5.7	7	
64	136						•													٠			٠	•		٠	ئط	شرا	برقىي	د پر	سرحا	کے '	برق	ل ذو	كامل	5.8	3	
65	140						•													٠			٠	•		٠	ئط	شراة	ندى	سرح	کے	برقى	ر ذو	ىل او	موص	5.9	)	
66	140													 																				سطر	کپیس	5.10	)	
67	142							•		•	٠	•			٠	•			٠									•	يسٹر	در کپ	، چاد	نوازى	ia	5.1	0.1			
68	143							٠				٠					•		٠			 ٠							سطر	کپیس	ورى	م مح	H	5.1	0.2			
69	143														٠				•			 •								سطر	ه کپی	م کوه	H	5.1	0.3			
	145																																					
71	146			٠	٠			•	٠			•		 						•			•	•			•		L	سىطنسر	ا كپي	ِں ک	ے تارو	توازي	دو ما	5.12	2	
72	155																															وات	مساو	بلاس	اور لاپا	وئسن ا	پ	6
73	157													 																			تائى	لہ یک	مسئل	6.	1	
74	158													 																ہے	طی	ت خ	ساوا	'س م	لاپلا	6.2	2	
75	159																								ات	ساوا	کی ہ	س ک	لاپلا.	میں ا	حدد	ی مے	كروة	ں اور	نلكي	6.3	3	
76	160																									•				ل .	<b>-</b>	ت ک <u>ے</u>	ساواه	'س م	لاپلا	6.4	4	
77	166													 														٠ .	، مثال	ں کی	ے حا	ن کے	ساوان	ن مہ	پوئس	6.5	5	
78	169	٠	•			•			٠											٠				•					عل	بی ►	ا ضر	ت ک	ساواه	'س م	لاپلا	6.6	5	
79	176																							•		٠	•				لريقہ	کا ط	وانے	ی دہ	عدد	6.7	7	

vi vi

80	183																														دان	ميد	طیسی	, مقد	ساكر	7
81	183	٠	•											•															. ن	ا قانو	ارٹ ک	سيوا	يوك	i	7.1	
82	187	٠							٠					•																انون	وری ق	کا د	مپيئر َ	!!	7.2	
83	192															•																	ئردش	Ī	7.3	
84	199				 																						ردش	ں گ	لد مي	, محا	نلكى		7.3.	1		
85	204				 	•				٠								٠	•				اِت	ىساو	کی ا	ش	گرد	میں	حدد	سی مع	عموه		7.3.	2		
86	206				 								 						•				ت	ساوا	ی م	ے ک	ئردش	یں گ	ندد م	ے مح	كروى		7.3.	3		
87	207															•	 ٠														کس .	ىٹوك	سئلہ س		7.4	
88	210																								او .	, بہ	یسی	قناط	فت •	ر کثا	بهاو او	سى ب	قناطيس		7.5	
89	217	٠							٠					٠			 ٠										دباو	سى	قناطي	ىتى م	اور سم	تى ا	ير سم	È	7.6	
90	222	٠							٠					٠			 ٠							ل	نصو	کا -	ین ً	قوان	ن کے	ميدان	طیسی	لقناه	ماكن .	w	7.7	
91	222				 								 														باو	ی دہ	اطيس	مقد	سمتح		7.7.	1		
92	224				 					•																	ون	) قانو	دوري	ر کا	ايمپيئ		7.7.	2		
	224 229	٠	•		 		٠			•		•		٠	•				•	٠		٠													مقناط	8
93																											الہ	ور ام	ے ا	ے ماد	نناطيسو	، مق	قوتيس،	یسی		8
93 94	229	٠	•			•		-	•		•		 	•		•											بالہ	ور ام	نے او	ں ماد قوت	ىناطىسو ارج پر	، مق ، چا	قوتيں: تحرک	یسی		8
93 94 95	229 229 230																										الہ .	ور ام	ے او 	ن ماد قوت بت	نناطیسی ارج پر ج پر قو	، مق ، چا	قوتیں: تحرک	یسی م	8.1	8
93 94 95	229 229																								نوت	بين إ	الہ	ور ام	نے او ،	ں مادا قوت پت برقی	سناطیسی ارج پر ج پر قو ارتے تن	، مق ، چارج چارج گزا	قوتیں: شحرک مرقی ج رقی رو	یسی ه ت	8.1	8
93 94 95 96	<ul><li>229</li><li>229</li><li>230</li><li>233</li></ul>										 			 			 				 		 		نوت		الہ . ماب	ور اه	نے اور م	ی ماداد قوت پت سرقی	ارج پر ج پر قو ج پر قو ارتے تذ	، مق ، چار چارج کزار	قوتیں: شحرک مرقی - یقی رو وت او	یسی ت ب	8.1 8.2 8.3	8
93 94 95 96 97	<ul><li>229</li><li>229</li><li>230</li><li>233</li><li>234</li></ul>													 			 						 		 نوت خطر		الہ ، ماہ	ور ام کمر	نے اور ن تاروں تاروں	ی مادا قوت برقی برقی	ىناطىسو ارج پر قو ارتے ته باطیسی	، مق چارج و مر د مون	قوتیں: نرقی ج رت اورت اورت اورلادی	يىسى د ت ف	8.1 8.2 8.3 8.4	8
93 94 95 96 97 98	229 229 230 233 234 239					 																			 نوت خط <u>ر</u>		اله . ماب طيس	ور ام مقنا	نے ارسی ا تاروں اء اور	ی مادا قوت پت برقی هناطی	ارج پر قور ج پر قور ارتے تناطیسی ناطیسی	، مقر چارج گزار مقن مقن	قوتیں. سحرک نرقی ج یقی رو وت او ولادی مناطیس	يسىي د و و	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
93 94 95 96 97 98	229 229 230 233 234 239 240																								خط <u>ر</u>		اله . ماب طيس ل	ور ام مقنا	نے ار ، تاروں اء اور رائط	ی مادا قوت برقی مناطیه ی شر	ارج پر قور ج پر قور ارتے تا اطیسی اطیسی اور منا	، مق بجارج بحارج مقن مقن سیت	قوتین. تحرک نرقی ، قی رو وت او وت او لادی قناطیس	يسى ت ف ف	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5	8
93 94 95 96 97 98 99	229 229 230 233 234 239 240 243																										اله ماب طيس ل	ور ام مقنا	نے اا ا تاروں اء اور اِتط	ی مادد قوت پرقی مناطید ی شر	ارج پر قو ج پر قو روژ	، مق چارج گزار مقند سیت سی	قوتیں. تحرک یقی رو وت او وت او ولادی قناطیس قناطیس	يسيي ت ف ف	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7	8
93 94 95 96 97 98 99	229 229 230 233 234 239 240 243																								نوت خط <u>ر</u>		اله . ماب طيس	ور ام	نے اور تاروں	ی ماد قوت سرقی اشیا ی شر	ارج پر قو ج پر قو ارتے ته اطیسی اطیسی مخفی	، مق چار ج گزار ممقنن سیت سیت	قوتیں. تحرک رقی رو قی رو شناطیس تمناطیس تمناطیس	يسىي د ق ف م	8.1 8.2 8.3 8.4 8.5 8.6 8.7 8.8	8

vii عنوان 255 وقت کے ساتھ بدلتے میدان اور میکس ویل کے مساوات 9.2 273 10 مستوى امواج 311 11 ترسيلي تار 

	viii																																				إن	عنو
131	339																																	3	مو	بطيب	ēï	12
132	339												 	 	 					•								ب	تقطي	ائرى	اور د	وي ا	بيضو	طی ،	÷	12.	1	
133	342	٠	•					•	•	•		•		 			٠		٠	•					سمتيه	ٺ س	ِئنٹنگ	کا پو	اج ً	ی امو	قطب	ائرى	یا د	ضوی	ييا	12.	2	
134	345																											سار	انكس	، اور	حراف	، ان۔	کاس	، انعک	آمد	چهی	تر	13
135	345											•		 	 			•									٠					•	آمد	چهی	تر.	13.	1	
136	356	•							•				 		 	٠	•		•	٠						•	٠					گن	ائی ٔ	سیم ہا	تر	13.	2	
137	359																																١	همكي	ور گ	ويج ا	م	14
138	359												 	 	 											نہ	مواز	کا	مويج	۔ اور	ی تار	رسيل	ر، ت	نی دو	برة	14.	1	
139	360									•		•	 	 	 		وج	ے مو	برقى	سى	عوض	ں ء	ح میہ	مويج	کے '	ِں َ	ڄادرو	ی ج	ستو	کے '	هت	. وس	مدود	لامح	دو	14.	2	
140	366									•		•	 	 	 					•										ويج	بلی ه	ستطي	لا مہ	هوكها	ک	14.	3	
141	375		•		٠	•					٠					•		•			٠	•	غور	بلى	فصي	پر ت	بدان	ے می	ج کے	ي موي	تطيلى	مسن	1	4.3.	1			
142	382									•		•	 	 	 					•			ج	مو	ГΜ	mn	سى	ناطيد	ی مق	عرضح	میں ،	يج '	ں مو	ستطيلح		14.	4	
143	386												 	 	 																مويج	الى •	ی نا	هوكها	ک	14.	5	
144	393	•										•	 	 	 											•	عيف	ِ تض	دد پر	لم تعا	ے ک	س کد	، تعد	طاعى	انة	14.	6	
145	395	٠										•		 	 												سعيف	ر تض	دد پ	ند تع	ے با	س عد	، تعد	طاعى	انة	14.	7	
146	397											•	 	 	 																	7	موج	طحى		14.	8	
147	402												 	 	 					•											يج	ی مو	تخت	ِ برق	ذو	14.	9	
148	405												 	 	 																	•	یشہ	بش را	ٔ شب	14.1	0	
149	408											•		 	 																	. (	بارت	ده بص	ٔ پرا	14.1	1	
150	410											•		 	 												٠					رء	، خا	ہمکی	ً گ	14.1	2	
151	413												 	 	 												J	ل حا	مومح	کا ء	وات	مساو	ويل	کس ،	مي	14.1	3	

152	421	عاعى اخراج	اينٹينا اور ش	15
153	421	ارف	15.1	
154	421	خیری دباو	15.2 تا	
155	423	كمل	15.3	
156	424	ختصر جفت قطبي اينٹينا	15.4 م	
157	432	نختصر جفت قطب كا اخراجي مزاحمت	15.5 مـ	
158	436	وس زاویہ	15.6 ڻھ	
159	437	تراجى رقبہ، سمتیت اور افزائش	15.7	
160	444	لماری ترتیب	15.8 قو	
161	444	.15.8 غير سمتي، دو نقطہ منبع	1	
162	445		2	
163	446		3	
164	448	.15.8 یکسان طاقت کرے متعدد رکن پر مبنی قطار	4	
165	450	.15.8 یکسان طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: چوڑائی جانب اخراجی قطار	5	
166	450	.15.8 یکسان طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: لمبائی جانب اخراجی قطار	6	
167	454	.15.8 یکسان طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: بدلتے زاویہ اخراجی اینٹینا	7	
168	455		15.9 تد	
169	456	سلسل خطى اينٹينا	م 15.10	
170	457	ستطيل سطحي اينٹينا	15.11 م	
171	460	تراجی سطح پر میدان اور دور میدان آپس کے فوریئر بدل ہیں	-1 15.12	
172	460	- طی اینٹینا	÷ 15.13	
173	465	لمتر موج ايتثينا	15.14 چ	
174	466	 هوئا گهيرا اينٹينا	15.15 چ	
175	467	چ دار اینٹینا	15.16 پي	
176	469	- ر طوفه کودار	15.17 در	
177	471	هری اینٹینا	÷ 15.18	
178	472	با ایشیا	15.19 پي	
179	474	ائس ریڭار مساوات	15.20 فر	
180	477	لڈیائی دوربین، اینٹینا کی حرارت اور تحلیلی کارکردگی	15.21 ريا	
181		رارت نظام اور حرارت بعید		
182	481		سوالات	16
183	481	ىئىنا اور شعاعى اخراج	16.1 اي	

عنوان

باب 15

## اينطينا اور شعاعي اخراج

15.1 تعارف

15.2 تاخيري دباو

N کسی بھی اخراج شعاع کے نظام میں موج کے تر سیل کے لئے در کار دورانیہ اہمیت رکھتا ہے۔ یول شکل 15.3 میں دکھائے تار میں برقی روسے پیدامیدان کااثر نقط N کسی بھی اخراج شعاع کی رفتار ہے۔ یول N کے نقطہ وقفے سے ہوگا۔ خالی خلاء میں شعاع کی رفتار ہے۔ یول N کے نقطہ نظر سے تار میں برقی رو

$$(15.1) I = I_0 \cos \omega t$$

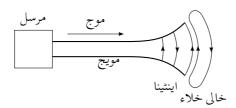
کی بجائے

$$[I] = I_0 \cos \omega \left( t - \frac{r}{c} \right)$$

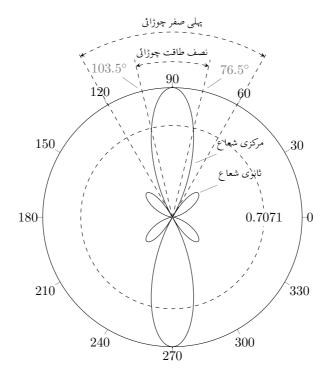
s=(t-1) کسی جاستی ہے جہاں [1] تاخیری برقی رو اکہلاتی ہے۔ تاخیری تفاعل کو چکور قوسین میں بند لکھاجاتا ہے۔ تاخیری برقی رو لکھتے ہوئے وقت tی جگہ تاخیری وقت t=1 استعمال کیا جاتا ہے۔ t=1

مساوات 15.2 کہتا ہے کہ نقطہ N پر لمحہ t پر پیدااثر ، گزرے لمحے  $(t-rac{r}{c})$  پر تاریمیں برقی روکااثر ہے جہال تارسے N تک فاصلہ r ہے۔تارسے N تک شعاع پہنچنے کادورانیہ  $\frac{r}{c}$  ہے۔

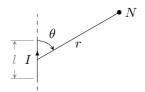
retarded current<sup>1</sup>



شکل 15.1: اینٹینا وہ عبوری خطہ ہرے جہاں منضبط موج ترسیلی نظام سے نکل کر خلاء میں بطور آزاد موج خارج ہوتی ہرے۔



شکل 15.2: اینٹینا کے شعاع کا نقش



شكل 15.3: برقى رو گزارتى تار كى چهوڻى لمبائي

15.3. تكمل

گزشتہ بابول میں امواج کی بات کرتے ہوئے  $(\omega t - eta x)$ استعال کیا گیا جس میں  $\omega = c$  کے استعال سے

(15.3) 
$$\cos(\omega t - \beta x) = \cos \omega \left( t - \frac{x}{c} \right)$$

لکھاجا سکتاہے جو تاخیری تفاعل کو ظاہر کرتی ہے۔

مساوات 15.2 کی د وری سمتیه شکل

$$[I] = I_0 e^{j\omega(t-r/c)} = I_0 e^{j(\omega t - \beta r)}$$

ہے۔اس طرح کثافت برقی روکی تاخیری دوری سمتیہ شکل

$$[\boldsymbol{J}] = \boldsymbol{J}_0 e^{j\omega(t-r/c)} = \boldsymbol{J}_0 e^{j(\omega t - \beta r)}$$

ہو گی جسے استعال کرتے ہوئے تاخیر ی مقناطیسی دیاو

$$[A] = \frac{\mu}{4\pi} \int_{h} \frac{[J]}{r} dh = \frac{\mu}{4\pi} \int_{h} \frac{J_0 e^{j\omega(t-r/c)}}{r} dh$$

لکھاجائے گا۔اس طرح تاخیری محجمی کثافت چارج

$$[\rho_h] = \rho_0 e^{j\omega(t-r/c)}$$

لکھتے ہوئے تاخیری برقی دیاو

$$[V] = \frac{1}{4\pi\epsilon} \int_{h} \frac{[\rho_h]}{r} \, \mathrm{d}h$$

کھاجائے گا۔ باب-9کے آخر میں مساوات 74.9اور مساوات 9.73کے بائیں ہاتھ کے نفاعل کو چکور قوسین میں ککھ کر موج کی ر فتاری لیتے ہوئے اور فاصلے کو کر وی محد د کے رداس سے ظاہر کرنے سے بہی مساوات حاصل ہوتے ہیں۔

ہم یہاں اصل موضوع سے ہٹ کرایک تکمل پر غور کرتے ہیں جواس باب میں بار بار استعال کیا جائے گا۔

15.3 تكمل

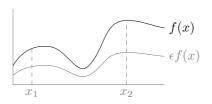
شکل 15.4 میں تفاعل f(x) د کھایا گیاہے جس کا  $x_1$ تا  $x_2$ تکمل خط کے نیچے دوعمودی نقطہ دار لکیر وں کے مابین رقبے کے برابر ہے۔اس رقبے کو K کہتے ہوئے f(x)

(15.9) 
$$\int_{x_1}^{x_2} f(x) \, \mathrm{d}x = K$$

کلهاجا سکتا ہے۔ شکل میں ہلکی سیاہی میں  $\frac{f(x)}{2}$  بھی د کھایا گیا ہے جسے  $\epsilon f(x)$  کلھا گیا ہے جہال  $\epsilon f(x)$  کھا گیا ہے جہال کی قیمت آدھی ہے۔ نظر کے نیٹے رقبہ  $\frac{K}{2}$  ہوگا لہذا ہلکی سیاہی کے خط کے نیٹے رقبہ  $\frac{K}{2}$  ہوگا لہذا

$$\int_{x_1}^{x_2} \epsilon f(x) \, \mathrm{d}x = \frac{K}{2} = \epsilon K$$

424 باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شكل 15.4: تفاعل كا تكمل

 $x_1$  کا اب فرض کریں کہ  $\epsilon(x)$  مستقل نہیں ہے بلکہ اس کی قیمت x پر منحصر ہے۔ مزید یہ کہ  $\epsilon(x)$  کی قیمت  $\epsilon(x)$  ممکن ہے۔ الی صورت میں  $\epsilon(x)$  کا تکمل  $\epsilon(x)$  والیعنی  $\epsilon(x)$  کی قیمت  $\epsilon(x)$  ممکن ہے لہذا  $\epsilon(x)$  کا تکمل  $\epsilon(x)$  کا تکمل  $\epsilon(x)$  کی قیمت  $\epsilon(x)$  کی قیمت  $\epsilon(x)$  کی قیمت  $\epsilon(x)$  کا تکمل  $\epsilon(x)$  کا تکمل  $\epsilon(x)$  کی تیمت کے مولا اسٹان الیان الیان کا تکمل کا ت

$$\int_{x_1}^{x_2} \epsilon(x) f(x) \, \mathrm{d}x \le \epsilon K$$

جہاں ہر جگہ  $\epsilon(x)=1$  کو بھی مد نظر رکھا گیاہے۔ا گر $\epsilon o 0$  ہوتب تکمل قابل نظر انداز

(15.12) 
$$\int_{x_1}^{x_2} \epsilon(x) f(x) \, \mathrm{d}x \to 0 \qquad (\epsilon \to 0)$$

ہو گا۔

 $\int \frac{f(x)}{1+\epsilon}$ آئیں اب

$$\int_{x_1}^{x_2} \frac{f(x)}{1+\epsilon} \, \mathrm{d}x$$

پرغور کریں جہاں $\epsilon o 0$ کے برابرہے۔ ہم

$$\frac{1}{1+\epsilon} = (1+\epsilon)^{-1} = 1 - \frac{\epsilon}{1!} + \frac{\epsilon^2}{2!} - \frac{\epsilon^3}{3!} + \cdots$$

لكھ سكتے ہیں لہذا تکمل

$$\int_{x_1}^{x_2} \left(1 - \frac{\epsilon}{1!} + \frac{\epsilon^2}{2!} - \frac{\epsilon^3}{3!} + \cdots\right) f(x) dx$$

صورت اختیار کرلے گا۔ مساوات 15.12 کواستعال کرتے ہوئے $\epsilon o 0$  کی صورت میں اسے

(15.16) 
$$\int_{x_1}^{x_2} \frac{f(x)}{1+\epsilon} dx = \int_{x_1}^{x_2} \left(1 - \frac{\epsilon}{1!} + \frac{\epsilon^2}{2!} - \frac{\epsilon^3}{3!} + \cdots\right) f(x) dx \approx \int_{x_1}^{x_2} f(x) dx$$

لکھاجاسکتاہے جو *Kکے برابرہے*۔

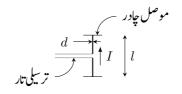
15.4 مختصر جفت قطبي اينٹينا

مختصر لمبائی کے سیدھے موصل تار کو عموماً مختصر جفت قطب <sup>2</sup> کہا جاتا ہے۔مندر جہ ذیل گفتگو میں مختصر جفت قطب کی لمبائی محدود ہو گی۔لا محدود حد تک کم ہوائی کی صورت میں اسے صغاری جفت قطب <sup>3</sup> کہا جائے گا۔

15.4. مختصر جفت قطبي اينتينا



ب: جفت قطب بطور چهوٹی تار



الف: متوازن ترسیلی تار سے جفت قطب کو طاقت مہیا کی گئی ہے۔

شكل 15.5: جفت قطب

خطی نوعیت کے کسی بھی اینٹینا کو متعدد تعداد کے سلسلہ وار جڑے مخضر جفت قطبوں کا مجموعہ تصور کیا جا سکتا ہے لہذا مختصر جفت قطب کی خاصیت جانتے ہوئے زیادہ لمبے جفت قطب یا مختلف انداز میں جڑے موصل تاروں کی خاصیت جاننے میں مدد ملے گی۔

آئیں شکل 5.51-الف میں دکھائے مختصر جفت قطب پر غور کریں جس کی لمبائی I طول موج سے بہت کم  $X \gg I$  ہے۔ جفت قطب کے سروں پر موصل چادر بطور کیبیسٹر بوجھ کر دار ادا کرتے ہیں۔ جفت قطب کی مختصر لمبائی اور اس کے سروں پر موصل چادر مل کر جفت قطب کی پوری لمبائی پر تقریباً برابر برقی رور کھنے میں مدد دیتے ہیں۔ جیسے شکل-الف میں دکھایا گیا ہے، جفت قطب کو متوازن تربیلی تارسے طاقت مہیا کی جاسمتی ہوئے ہوئے دخص کرتے ہوئے کہ تربیلی تارسے شعاعی اخراج نہیں ہوتی، اس کے موجود گی کو نظر انداز کیا جائے گا۔ جفت قطب کے سروں پر نسب موصل چادروں کے شعاعی اخراج کو بھی نظر انداز کیا جائے گا۔ جفت قطب کے سروں پر نسب موصل چادروں کے شعاعی اخراج کو بھی نظر انداز کیا جائے گا۔ جفت قطب کے سروں پر نسب موصل چور کے کی اخراج کو بھی نظر انداز کیا جائے گا۔ جفت قطب کی موٹائی R اس کے لمبائی سے بہت کم R سے ہوئے دونوں سروں خاطر جفت قطب کو شکل 5.51-ب کی طرح تصور کیا جا سکتا ہے۔ ایبا جفت قطب کیساں برقی رو R گزارتا، R لمبائی کا تار معلوم ہو گا جس کے دونوں سروں پر برابر مگر الٹ قطب کے چارج R ہوں۔ کہیسٹر پر چارج R اور برقی رو R کا تعلق

$$I = \frac{\partial q}{\partial t}$$

*ڄ* 

آئیں لا محدود وسعت کی خالی خلاء میں جفت قطب کے میدان حاصل کریں۔ جفت قطب کے وسط کو کروی محدد کے مرکز اور لمبائی کو z محدد پر رکھتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔کسی بھی نقطہ N پر عموماً آپس میں عمودی تین میدان E<sub>θ</sub> ،E<sub>r</sub> اور Eφ پائے جائیں گے۔

کسی جمی نقطه N پر مساوات 9.79 اور مساوات 9.71 بالترتیب مقناطیسی میدان اور برقی میدان دیتے ہیں

(15.18) 
$$H = \frac{1}{\mu_0} \nabla \times A$$

$$\mathbf{E} = -\nabla V - \frac{\partial \mathbf{A}}{\partial t}$$

جہاں

نقطه N پر مقداری برقی د باو V

نقطه N پر سمتی د باو  $oldsymbol{A}$ 

ہیں۔اگر ہمیں کسی بھی نقطے پر مقداری دباو V اور سمتی دباو A معلوم ہوں تب مندرجہ بالا دو مساوات سے اس نقطے پر برقی اور مقناطیسی میدان حاصل کئے ہیں۔چونکہ ہمیں جفت قطب سے دور میدان در کار ہیں للذاالی صورت میں مساوات 15.6 اور مساوات 15.8 میں دئے تاخیری دباو قابل استعال ہوں گے۔یوں ان مساوات کو

$$(15.20) H = \frac{1}{\mu_0} \nabla \times [A]$$

(15.21) 
$$E = -\nabla[V] - \frac{\partial[A]}{\partial t} = -\nabla[V] - j\omega[A]$$

426 باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج

لکھا جا سکتا ہے جہاں مساوات 9.57 اور مساوات 9.58 سے تاخیری دباو

$$[A] = \frac{\mu_0}{4\pi} \int_h \frac{J_0 e^{j\omega(t-r/c)}}{r} \,\mathrm{d}h$$

$$[V] = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int_h \frac{\rho_0 e^{j\omega(t-r/c)}}{r} \, \mathrm{d}h$$

لکھے جا سکتے ہیں۔

کسی بھی برتی چارج اور برتی روسے پیدا میدان مساوات 15.20 اور مساوات 15.21 سے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔مساوات 15.23 کے تحت تاخیر کی مقدار کی دباو [V] صرف ساکن چارجوں پر منحصر ہے جبکہ مساوات 15.22 کے تحت تاخیر کی سمتی دباو [A] صرف برتی رویعنی حرکت کرتے چارجوں پر منحصر ہے۔مساوات 15.21 کے تحت برتی میدان مخصر ہے۔مساوات 15.21 کے تحت برتی میدان کا میدان کے میدان کے ساکن چارجوں پر منحصر ہے۔ہم جلد دیکھیں گے کہ کسی بھی چارج اور برتی روسے دور پیدا مقناطیسی اور برتی میدانوں کا دارومدار صرف برتی روپر ہوتا ہے۔ چونکہ اس باب میں تاخیر ک دباو ہی استعال کئے جائیں گے لہذا انہیں چکور قوسین میں لکھنے سے گریز کیا جائے گا۔اس باب میں یہاں سے آگے بغیر چکور قوسین میں لکھنے سے گریز کیا جائے گا۔اس باب میں یہاں سے آگے بغیر چکور قوسین کے دباو کو تاخیر کی دباو ہی سمجھا جائے۔

خل سے ظاہر ہے کہ سمتی دباو کا صرف ہزو $a_{
m Z}$  جزو

(15.24) 
$$A = \frac{a_{\rm Z}\mu_0}{4\pi} \int_{-l/2}^{l/2} \frac{I_0 e^{j(\omega t - \beta s)}}{s} \, \mathrm{d}z$$

پایا جاتا ہے۔ اگر جفت قطب کی لمبائی I، نقطہ I سے جفت قطب تک فاصلہ I سے نہایت کم I I اور طول موج I سے بھی نہایت کم I I ہو تب مندرجہ بالا مساوات میں متغیر فاصلہ I کی جگہ مستقل فاصلہ I پر کیا جا سکتا ہے I اور ساتھ ہی ساتھ I پر مختلف نقطوں سے I پر پیدا دباو میں زاویائی فرق کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ اس طرح ان تمام کو تکمل کے باہر لے جایا جا سکتا ہے۔ جفت قطب کی پوری لمبائی پر یک برابر برقی رو I کی صورت میں I کو بھی تکمل کے باہر لے جایا مساوات سے

(15.25) 
$$A = \frac{a_{\rm Z}\mu_0 I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r}$$

حاصل ہوتا ہے۔ اس مساوات کو کروی محدد میں یوں

$$\mathbf{A} = A_r \mathbf{a}_r + A_\theta \mathbf{a}_\theta + A_\phi \mathbf{a}_\phi$$

لکھا جائے گا جہاں

$$A_{r} = \boldsymbol{a}_{\Gamma} \cdot \boldsymbol{A} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \boldsymbol{a}_{\Gamma} \cdot \boldsymbol{a}_{Z} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \cos \theta$$

$$A_{\theta} = \boldsymbol{a}_{\theta} \cdot \boldsymbol{A} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \boldsymbol{a}_{\theta} \cdot \boldsymbol{a}_{Z} = -\frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \sin \theta$$

$$A_{\phi} = \boldsymbol{a}_{\phi} \cdot \boldsymbol{A} = \frac{\mu_{0} I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \boldsymbol{a}_{\phi} \cdot \boldsymbol{a}_{Z} = 0$$

ہوں گے جہاں اکائی سمتیات کے مقداری ضرب صفحہ 32 پر جدول 1.2 سے حاصل کئے گئے۔اس طرح

(15.27) 
$$\mathbf{A} = \frac{\mu_0 I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \left(\cos \theta \mathbf{a_r} - \sin \theta \mathbf{a_\theta}\right)$$

34

$$V = \frac{q_0}{4\pi\epsilon_0} \left[ \frac{e^{j(\omega t - \beta s_1)}}{s_1} - \frac{e^{j(\omega t - \beta s_2)}}{s_2} \right]$$

ہو گا جہال مساوات 15.17 کے تحت

$$q = \int I \, \mathrm{d}t = \frac{I}{j\omega}$$

کے برابر ہے جہال

$$I = I_0 e^{j(\omega t - \beta s)}$$
$$q = q_0 e^{j(\omega t - \beta s)}$$

ہیں۔ مساوات 15.29 سے  $q_0=rac{I_0}{j\omega}$  حاصل کرتے ہوئے مساوات 15.28 میں پر کرتے ہیں۔

$$V = \frac{I_0}{4\pi\epsilon_0 j\omega} \left[ \frac{e^{j(\omega t - \beta s_1)}}{s_1} - \frac{e^{j(\omega t - \beta s_2)}}{s_2} \right]$$

شکل کو د مکھے کر

$$s_1 = r - \frac{l}{2}\cos\theta$$
$$s_2 = r + \frac{l}{2}\cos\theta$$

کھے جا سکتے ہیں جنہیں مساوات 15.30 میں پر کرتے

$$(15.31) V = \frac{I_0 e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0 j\omega} \left[ \frac{(r + \frac{1}{2}\cos\theta)e^{j\frac{\beta l}{2}\cos\theta} - (r - \frac{1}{2}\cos\theta)e^{-j\frac{\beta l}{2}\cos\theta}}{r^2 - \frac{l^2}{4}\cos^2\theta} \right]$$

ملتا ہے۔ چکور قوسین میں شرح کے نچلے جصے میں  $l\gg r\gg 1$  کی وجہ سے  $au \cos^2 heta \cos^2 heta$  کو نظر انداز کرتے ہیں۔مسئلہ ڈی موے ور  $^2$  کے استعال سے

(15.32) 
$$V = \frac{I_0 e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0 j \omega r^2} \left[ \left( r + \frac{l}{2} \cos \theta \right) \left( \cos \frac{\beta l \cos \theta}{2} + j \sin \frac{\beta l \cos \theta}{2} \right) - \left( r - \frac{l}{2} \cos \theta \right) \left( \cos \frac{\beta l \cos \theta}{2} - j \sin \frac{\beta l \cos \theta}{2} \right) \right]$$

$$\cos \frac{\beta l \cos \theta}{2} = \cos \frac{\pi l \cos \theta}{\lambda} \approx l$$
$$\sin \frac{\beta l \cos \theta}{2} \approx \frac{\beta l \cos \theta}{2}$$

ہوں گے، جنہیں مساوات 15.32 میں پر کرنے سے

(15.33) 
$$V = \frac{I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)} \cos \theta}{4\pi \epsilon_0 c} \left(\frac{1}{r} + \frac{c}{j\omega r^2}\right)$$

حاصل ہوتا ہے جہاں

$$A$$
 برقی رو کا حیطه <sup>یع</sup>نی اس کی زیادہ سے زیادہ قیمت ،  $A$ 

ن زاویائی تعدد (
$$\omega=2\pi f$$
) ، اکائی  $-\mathrm{rad}/\mathrm{s}$  جہاں ہر ٹز  $\mathrm{Hz}$  میں تعدد  $\delta$  ہے  $\omega$ 

$$\operatorname{rad/m}$$
زاویائی مستقل  $eta=rac{2\pi}{\lambda}$  ناکائی  $eta$ 

$$s$$
وقت  $t$ 

 $\theta$  جفت قطب اور جفت قطب سے نقطہ N تک سمتیہ کے مابین زاویہ

$$3 imes 10^8 \, \mathrm{m/s}$$
خالی خلاء میں شعاع کی رفتار،  $c$ 

$$\sqrt{-1}$$
 خيالى عدد  $j$ 

$$m$$
، جفت قطب کے وسط سے نقطہ  $N$  تک فاصلہ  $r$ 

مختصر جفت قطب کے وسط سے،  $\lambda \gg l$  اور  $r \gg l$  کی صورت میں، r فاصلے اور  $\theta$  زاویے پر مساوات 15.27 سمتی د باو اور مساوات 15.33 مقداری د باو دریتے ہیں۔ کروی محدد میں مقداری د باو کی ڈھلوان

$$\nabla V = \frac{\partial V}{\partial r} \boldsymbol{a}_{\mathrm{r}} + \frac{1}{r} \frac{\partial V}{\partial \theta} \boldsymbol{a}_{\theta} + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial V}{\partial \phi} \boldsymbol{a}_{\phi}$$

$$= \frac{I_{0} l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_{0} c} \left[ -\left(\frac{\cos \theta}{r^{2}} + \frac{2c \cos \theta}{j\omega r^{3}}\right) \boldsymbol{a}_{\mathrm{r}} - \left(\frac{\sin \theta}{r} + \frac{c \sin \theta}{j\omega r^{2}}\right) \boldsymbol{a}_{\theta} \right]$$

کے برابر ہے۔ برتی میدان میدان و $E=E_ra_\Gamma+E_ heta a_ heta+E_\phi$  کے اجزاء مساوات 15.21 کی مدوسے

$$E_r = -\frac{\partial V}{\partial r} - j\omega A_r$$

$$E_{\theta} = -\frac{1}{r} \frac{\partial V}{\partial \theta} - j\omega A_{\theta}$$

$$E_{\phi} = -\frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial V}{\partial \phi} - j\omega A_{\phi}$$

کھے جا سکتے ہیں جن میں مطلوبہ تفاعل پر کرنے سے برقی میدان کے عمومی مساوات

$$E_r = rac{I_0 l \cos heta e^{j(\omega t - eta r)}}{2\pi\epsilon_0} \left(rac{1}{cr^2} + rac{1}{j\omega r^3}
ight)$$
 (15.35) 
$$E_{ heta} = rac{I_0 l \sin heta e^{j(\omega t - eta r)}}{4\pi\epsilon_0} \left(rac{j\omega}{c^2 r} + rac{1}{cr^2} + rac{1}{j\omega r^3}
ight)$$
 خوی میدان  $E_{\phi} = 0$ 

مقناطیسی میدان مساوات 15.20 سے حاصل ہو گی۔ کروی محدد میں سمتی دباو کی گردش

(15.36) 
$$B = \nabla \times A = \frac{1}{r \sin \theta} \left[ \frac{\partial (A_{\theta} \sin \theta)}{\partial \theta} - \frac{\partial A_{\theta}}{\partial \phi} \right] a_{r} + \frac{1}{r} \left[ \frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial A_{r}}{\partial \phi} - \frac{\partial (rA_{\phi})}{\partial r} \right] a_{\theta}$$

$$+ \frac{1}{r} \left[ \frac{\partial (rA_{\theta})}{\partial r} - \frac{\partial A_{r}}{\partial \theta} \right] a_{\phi}$$

میں مساوات 15.26 پر کرنے سے مقناطیسی میدان کی عمومی مساوات

$$H_{\phi}=rac{I_0 l \sin heta e^{j(\omega t-eta r)}}{4\pi}\left(rac{j\omega}{cr}+rac{1}{r^2}
ight)$$
 ميدان  $H_r=0$   $H_{ heta}=0$ 

 $B=\mu_0 H$  عاصل ہوتے ہیں جہال  $B=\mu_0 H$  کا استعال کیا

مساوات 15.35 اور مساوات 15.37 کے تحت جفت قطب سے پیدا میدان کے صرف تین اجزاء  $E_{ heta}$  اور  $H_{\phi}$  پائے جاتے ہیں۔ جفت قطب سے زیادہ فاصلے پر میدان کی مساوات میں  $rac{1}{r^2}$  یا  $rac{1}{r^3}$  کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ یول  $E_{ heta}$  قابل نظر انداز ہو گا لہذا  $E_{ heta}$  تصور کیا جائے گا جبکہ

$$E_{\theta} = \frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0} \frac{j\omega}{c^2 r} = j \frac{30I_0 \beta l}{r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

$$H_{\phi} = \frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \frac{j\omega}{cr} = j \frac{I_0 \beta l}{4\pi r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

$$\epsilon_{\theta} = \frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \frac{j\omega}{cr} = j \frac{I_0 \beta l}{4\pi r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

ہوں گے۔مساوات 15.38 استعال کرتے ہوئے برقی اور مقناطیسی میدان کی شرح

$$\frac{E_{\theta}}{H_{\phi}} = \frac{1}{\epsilon_0 c} = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} = 376.7 \,\Omega$$

حاصل ہوتی ہے جو خالی خلاء کی قدرتی رکاوٹ ہے۔

یہاں اس حقیقت پر توجہ دیں کہ خالی خلاء میں TEM موج کی طرح، جفت قطب سے دور  $\theta$  اور  $\theta$  آپس میں ہم قدم ہیں۔اس کے علاوہ دونوں پہاں اس حقیقت پر توجہ دیں کہ خالی خلاء میں TEM موج کی طرح، جفت قطب سے دور  $\theta$  ان کی قیمت صفر جبکہ  $\theta$  ان کی قیمت نیادہ سے زیادہ سے زیادہ سے زیادہ سے اندرسہ  $\theta$  شکل کی ان میدان کو شکل میں دکھایا گیا ہے۔

جفت قطب سے دور میدان حاصل کرتے وقت مساوات 15.35 اور مساوات 15.37 میں  $\frac{1}{r^3}$  یا  $\frac{1}{r^3}$  رکھتے اجزاء کو نظر انداز کیا گیا یعنی  $E_{\theta}$  میں

$$\left| j \frac{\omega}{c^2 r} \right| \gg \frac{1}{cr^2}$$

$$\left| j \frac{\omega}{c^2 r} \right| \gg \left| \frac{1}{j\omega r^3} \right|$$

ļ

باب 15. اينٹينا اور شعاعي اخراج

تصور کیا گیا۔اسی طرح  $H_{\phi}$  میں بھی

$$\left|j\frac{\omega}{cr}\right| \gg \frac{1}{r^2}$$

یا

$$(15.41) r \gg \frac{c}{\omega}$$

تصور کیا گیا جسے

$$r\gg rac{1}{eta}$$
 (وور میدان)  $r\gg rac{1}{eta}$ 

15.37 اور مساوات 15.37 اور مساوات 15.37 ہیں لکھا جا سکتا ہے۔اگر جفت قطب کے قریب میدان کی بات کی جائے تو  $r \ll \frac{c}{\omega} \gg r$  لیا جائے گا۔ یوں مساوات 15.35 اور مساوات 15.37 میں

$$\frac{1}{cr^2} \ll \left| \frac{1}{j\omega r^3} \right|$$

$$\left| \frac{j\omega}{c^2 r} \right| \ll \left| \frac{1}{j\omega r^3} \right|$$

$$\frac{1}{cr^2} \ll \left| \frac{1}{j\omega r^3} \right|$$

$$\left| \frac{j\omega}{cr} \right| \ll \frac{1}{r^2}$$

ہوں گے لہذا قریبی میدان

$$E_{r} = \frac{I_{0}l\cos\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi\epsilon_{0}} \frac{1}{j\omega r^{3}} = \frac{I_{0}l\cos\theta e^{j(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}}{2\pi\epsilon_{0}\omega r^{3}}$$

$$E_{\theta} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_{0}} \frac{1}{j\omega r^{3}} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}}{4\pi\epsilon_{0}\omega r^{3}}$$

$$H_{\phi} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \frac{1}{r^{2}} = \frac{I_{0}l\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r^{2}}$$

لکھے جا سکتے ہیں۔ کل قریبی برقی میدان

(15.44) 
$$E = E_r a_r + E_\theta a_\theta = \left[ \frac{I_0 l \cos \theta}{2\pi\epsilon_0 \omega r^3} a_r + \frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi\epsilon_0 \omega r^3} a_\theta \right] e^{j(\omega t - \beta r - \frac{\pi}{2})}$$

مو گا۔ مساوات 15.44 کے برقی میدان میں جزو ضربی  $e^{i(\omega t-\beta r-rac{\pi}{2})}$  پایا جاتا ہے جبکہ مقناطیسی میدان میں جزو ضربی  $e^{i(\omega t-\beta r)}$  پایا جاتا ہے۔ یوں جفت وطلب کے قریب کسی بھی نقطے پر ہر لمحہ برقی میدان اور مقناطیسی میدان میں ﷺ زاویے کا فرق پایا جاتا ہے جو ساکن میدان کی نشانی ہے۔

جفت قطب کے قریب برقی اور مقناطیسی میدان میں لمحاتی طور ﷺ ریڈیئن کا زاویہ پایا جاتا ہے جبکہ جفت قطب سے دور دونوں میدان لمحاتی طور پر ہم ۔ یہ قدم ہیں لہٰذا کسی در میانے فاصلہ بڑھانے سے برقی میدان وقت کی ۔ قدم ہیں لہٰذا کسی در میانے فاصلہ بڑھانے سے برقی میدان وقت کی ۔ قدم ہیں المذا کسی میدان کے ہم قدم ہو جاتا ہے۔ ۔ قسبت سے گھوم کر مقناطیسی میدان کے ہم قدم ہو جاتا ہے۔

15.4. مختصر جفت قطبي اينٹينا

مخلوط يونننگ سمتير استعال كرتے ہوئے مساوات 15.38 سے دور ميدان ميں كثافت تواناكي

$$m{\mathscr{P}}_{\scriptscriptstyle b ext{-}\!sl}=rac{1}{2}\left[m{E} imesm{H}^*
ight]$$
وور کثافت طاقت  $=rac{1}{2}E_{ heta}H_{\phi}^*m{a}_{\Gamma}=rac{15I_0^2eta^2l^2}{4\pi r^2}\sin^2 hetam{a}_{\Gamma}$  ور کثافت طاقت

حاصل ہوتی ہے جو رداسی ۴ سمت میں منتقل ہوتی حقیق توانائی ہے۔ یہی اینٹینا کی شعاعی اخراج ہے۔شعاعی اخراج °90 = 0 پر زیادہ سے زیادہ ہے۔اسی طرح پوئٹنگ سمتیہ استعال کرتے ہوئے مساوات 15.43 سے قریبی میدان میں کثافت توانائی

$$\begin{split} \frac{1}{2} \left[ \boldsymbol{E} \times \boldsymbol{H}^* \right]_{\boldsymbol{z}} &= \frac{1}{2} \left[ \left( E_r \boldsymbol{a}_{\mathrm{r}} + E_{\theta} \boldsymbol{a}_{\theta} \right) \times H_{\phi}^* \boldsymbol{a}_{\phi} \right]_{\boldsymbol{z}} \\ &= \frac{1}{2} \left[ -\frac{I_0 l \cos \theta}{2\pi \epsilon_0 \omega r^3} \boldsymbol{a}_{\theta} + \frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi \epsilon_0 \omega r^3} \boldsymbol{a}_{\mathrm{r}} \right] \frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi r^2} e^{-j\frac{\pi}{2}} \end{split}$$

حاصل ہوتی ہے جس کا بیشتر حصہ خیالی ہے اور ساتھ ہی ساتھ شعاعی اخراج کے علاوہ یہاں θ سمت میں گھومتی طاقت بھی پائی جاتی ہے۔

آئیں اب نہایت کم تعدد پر صورت حال دیکھیں۔ مساوات 15.35 میں  $I_0=j\omega q_0$  پر کرتے ہوئے اور مساوات 15.37 کو جوں کا تول دوبارہ پیش کرتے ہیں۔ کرتے ہیں۔

$$\begin{split} E_r &= \frac{q_0 l \cos \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi\epsilon_0} \left(\frac{j\omega}{cr^2} + \frac{1}{r^3}\right) \\ E_\theta &= \frac{q_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0} \left(-\frac{\omega^2}{c^2 r} + \frac{j\omega}{cr^2} + \frac{1}{r^3}\right) \\ H_\phi &= \frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \left(\frac{j\omega}{cr} + \frac{1}{r^2}\right) \\ &= \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \left(\frac{i\omega}{cr} + \frac{1}{r^2}\right) \\ &= \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \left(\frac{i\omega}{cr} + \frac{1}{r^2}\right) \\ E_r &= \frac{q_0 l \cos \theta}{2\pi\epsilon_0 r^3} \\ E_\theta &= \frac{q_0 l \sin \theta}{4\pi\epsilon_0 r^3} \\ H_\phi &= \frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi r^2} \end{split}$$

حاصل ہوتی ہیں جن سے برقی میدان

(15.45) 
$$E = \frac{q_0 l}{4\pi\epsilon_0 r^3} \left(2\cos\theta a_{\rm r} + \sin\theta a_{\theta}\right)$$

 $H_{\phi}$  کو جاتی میدان کو نیم ساکن میدان T کہا جاتا ہے۔ یہ صفحہ 105 پر حاصل کی گئی مساوات 4.67 ہی ہے۔ اس طرح مندرجہ بالا مقناطیسی میدان  $H_{\phi}$  کی قیمت صفحہ 184 پر مساوات 7.3 ہی ہے۔ چونکہ یہ میدان  $\frac{1}{r^2}$  یا  $\frac{1}{r^2}$  کے تعلق سے تبدیل ہوتے ہیں للذا یہ جفت قطب کے قریب ہی پائے جاتے ہیں۔ جفت قطب سے دور ان کی قیمت قابل نظر انداز ہوتی ہے للذا ان کا شعاعی اخراج میں خاص کر دار نہیں ہوتا۔ بلند تعدد پر دور میدان جنہیں مساوات ہیں۔ جفت قطب سے دور ان کی قیمت قابل نظر انداز ہوتی ہے للذا ان کا شعاعی اخراج میں اور یوں انہیں اخراجی میدان 8 کہا جاتا ہے۔  $\frac{1}{r}$  کے تعلق سے گھٹتی ہیں للذا یہی شعاعی اخراج کو ظاہر کرتی ہیں اور یوں انہیں اخراجی میدان 8 کہا جاتا ہے۔

 $E_{\phi}=H_{r}=H_{ heta}=0$  اور  $t\ll\lambda$  آاور  $t\ll\lambda$  تمام میدان کو جدول 15.1 میں پیش کیا گیا ہے۔ بقایا اجزاء  $E_{\phi}=H_{r}=H_{ heta}=0$  مفر کے برابر

جدول 15.1: مختصر جفت قطب کے میدان

نيم ساكن ميدان	دور میدان	عمومي مساوات	جزو
$\frac{q_0 l \cos \theta}{2\pi \epsilon_0 r^3}$	0	$\frac{I_0 l \cos \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{2\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{cr^2} + \frac{1}{j\omega r^3} \right)$	$E_r$
$\frac{q_0 l \sin \theta}{4\pi \epsilon_0 r^3}$	$\frac{j60\pi I_0 \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{r} \frac{1}{\lambda}$	$\frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{j\omega}{c^2 r} + \frac{1}{cr^2} + \frac{1}{j\omega r^3} \right)$	$E_{\theta}$
$\frac{I_0 l \sin \theta}{4\pi r^2}$	$\frac{jI_0\sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{2r}\frac{1}{\lambda}$	$\frac{I_0 l \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi} \left(\frac{j\omega}{cr} + \frac{1}{r^2}\right)$	$H_{\phi}$

اگر ہماری دلچیسی صرف دور میدان میں ہوتب مطلوبہ میدان کو نہایت آسانی کے ساتھ صرف A سے حاصل کیا جا سکتا ہے چونکہ دور میدان میں مقداری دباو V کا کوئی کردار نہیں۔یوں مساوات 15.21 اور مساوات 15.26 سے

$$(15.46) E_{\theta} = -j\omega A_{\theta} = -j\omega \left( -\frac{\mu_0 I_0 l e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \sin \theta \right) = j\frac{30I_0 \beta l}{r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

حاصل ہوتا ہے۔مقناطیسی میدان  $H_{\phi}$  کو مساوات 15.20 سے حاصل کیا جا سکتا ہے جہاں  $\frac{1}{r^2}$  اجزاءرد کئے جائیں گے۔مقناطیسی میدان کو نسبتاً زیادہ آسانی سے، لامحدود خلاء کی قدرتی رکاوٹ  $Z_0=\sqrt{rac{\mu_0}{\epsilon_0}}=120$  استعال کرتے ہوئے

$$H_{\phi} = \frac{E_{\theta}}{Z_0} = j \frac{30I_0\beta l}{120\pi r} \sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)} = j \frac{I_0\beta l}{4\pi r} \sin\theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔

ماوات 15.38 میں  $eta=rac{2\pi}{\lambda}$  پر کرتے ہوئے دور برقی میدان کو

(15.48) 
$$E_{\theta} = j \quad 60\pi \quad I_0 \quad \frac{l}{\lambda} \quad \frac{1}{r} \quad \sin \theta \quad e^{j(\omega t - \beta r)}$$
 
$$i^{j} e^{i} \qquad i^{j} e$$

 $\sin\theta$  میدان کی  $\sin\theta$  میدان کی جہاں  $\sin\theta$  جزو مقدار ہے،  $\pi$  برقی رو،  $\pi$  جفت قطب کی لمبائی جسے طول موج میں ناپا گیا ہے،  $\pi$  فاصلے کو ظاہر کرتا ہے،  $\theta$  میدان کی  $\sin\theta$  شکل اور  $\theta$  وزادیائی فرق ہے۔ کسی بھی اینٹینا کے میدان کو عموماً ان چھ اجزاء کے حاصل ضرب کی صورت میں لکھا جا سکتا ہے۔  $\theta$ 

جدول 15.1 مختصر جفت قطب کے میدان دیتا ہے۔ کسی بھی اینٹینا کو متعدد مختصر جفت قطب کا مجموعہ تصور کیا جا سکتا ہے۔یوں کسی بھی اینٹینا کے میدان تمام جفت قطب کے میدان کو جمع کرتے ہوئے حاصل کیا جا سکتا ہے۔

15.5 مختصر جفت قطب کا اخراجی مزاحمت

اینٹینا کے گردکسی بھی بند سطح پر مخلوط پوئٹنگ سمتیہ

$$\mathscr{P}_{\mathsf{leg}} = \frac{1}{2} \left[ E_{\mathsf{S}} \times H_{\mathsf{S}}^* \right]$$
 اوريا

کی سطحی تکمل

(15.50) 
$$P = \int_{S} \mathbf{\mathscr{P}}_{b \to s} \cdot \mathrm{d}s \qquad (W)$$

کل شعاعی اخراج P دے گی۔ فی سینڈ خارج ہونے والی توانائی شعاعی اخراج کہلاتی ہے للذااس کی اکائی واٹ W ہے۔سادہ ترین بند سطح کرہ ہے۔یوں اینٹینا کو کروی محدد کے مرکز پر رکھتے ہوئے تکمل حاصل کیا جائے گا۔چونکہ دور کے میدان نسبتاً سادہ صورت رکھتے ہیں للذا بند سطح کا رداس جتنا زیادہ رکھا جائے تکمل اتنا آسان ہو گا۔یوں رداس زیادہ سے زیادہ رکھتے ہوئے دور میدان استعال کرتے ہوئے جفت قطب کا شعاعی اخراج P حاصل کیا جاتا ہے۔

کامل اینٹینا کی صورت میں شعاعی اخراج اس برقی طاقت کے برابر ہو گا جو اینٹینا کے برقی سروں پر مہیا کی گئی ہو۔ اینٹینا کو مزاحمت R تصور کرتے ہوئے اس برقی طاقت کو  $P=rac{1}{2}I_0^2R$  کھا جا سکتا ہے جہاں  $I_0$  سائن نما برقی رو کا حیطہ ہے۔ یوں

$$(15.51) R = \frac{2P}{I_0^2} (\Omega)$$

کھا جا سکتا ہے جہاں R اینٹینا کی اخراجی مزاحمت <sup>9</sup> کہلاتی ہے۔

آئیں مخضر جفت قطب کی اخراجی مزاحمت حاصل کریں۔دور میدان میں صرف  $E_{ heta}$  اور  $H_{\phi}$  پائے جاتے ہیں لہذا شعاعی اخراج

$$P = \frac{1}{2} \int_{S} \left[ E_{\theta} H_{\phi}^{*} \right] ds$$

ے حاصل ہو گی جہاں  $H_{\phi}^*$  مقناطیسی میدان  $H_{\phi}$  کا جوڑی دار مخلوط ہے۔اب  $E_{ heta}=E_{ heta}=E_{ heta}$  ہے لمذا

Ï

$$(15.54) P = \frac{1}{2Z_0} \int_S \left| E_\phi \right|^2 \mathrm{d}s$$

 $Z_0=\sqrt{rac{\mu_0}{\epsilon_0}}=120$  کھا جا سکتا ہے جہاں خالی خلاء کی قدرتی رکاوٹ  $Z_0=\sqrt{rac{\mu_0}{\epsilon_0}}=120$  کر برابر ہیں۔

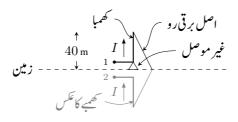
جفت قطب کے میدان حاصل کرتے وقت فرض کیا گیا کہ اس کی پوری لمبائی پر یک برابر برقی رو I<sub>0</sub> پائی جاتی ہے۔ساتھ ہی ساتھ لمبائی 1 کے مختلف نقطوں کے میدان کا زاویائی فرق نظر انداز کیا گیا۔ جفت قطب کی پوری لمبائی پر برابر برقی رونہ ہونے کی صورت میں مساوات 15.24 سے مساوات 15.25 حاصل ہونے کی بجائے

$$A = \frac{a_{\rm Z}\mu_0 e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r} \int_{-l/2}^{l/2} i \, \mathrm{d}z$$
$$= \frac{a_{\rm Z}\mu_0 l I e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r}$$

حاصل ہو گا جہاں I اوسط برقی رو ہے۔اسی حقیقت کو مد نظر رکھتے ہوئے مساوات 15.38 سے مقناطیسی میدان کا حیطہ

$$(15.55) H_{\phi} = \frac{I\beta l}{4\pi r} \sin \theta$$

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شكل 15.6: كهمبا اينٹينا

کھتے ہوئے 1<sub>0</sub> کی جگہ اوسط برتی رو ا کھی گئی ہے۔متناطیسی میدان کے اس حیطے کو مساوات 15.53 میں پر کرتے ہوئے زیادہ سے زیادہ اخراجی طاقت

$$P = \frac{120\pi}{2} \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \left( \frac{I\beta l}{4\pi r} \sin \theta \right)^2 r^2 \sin \theta \, d\theta \, d\phi$$
$$= \frac{120\pi}{2} \left( \frac{\beta I l}{4\pi} \right)^2 \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \sin^3 \theta \, d\theta \, d\phi$$
$$= 80\pi^2 I^2 \left( \frac{l}{\lambda} \right)^2$$

حاصل ہوتی ہے۔مساوات 15.53 یا مساوات 15.54 برتی رو کی چوٹی I کی صورت میں اخراجی طاقت دیتے ہیں جو سائن نما برتی رو کی صورت میں اوسط اخراجی طاقت کے دگنا ہوتی ہے۔یوں اوسط اخراجی طاقت

$$P_{\text{be-9l}} = 40\pi^2 I^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2$$

ہو گی۔مساوات 15.51 سے مختصر جفت قطب کی اخراجی مزاحمت

(15.57) 
$$R = 80\pi^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2 \left(\frac{I}{I_0}\right)^2 \qquad (\Omega)$$

حاصل ہوتی ہے۔

کسی بھی اینٹینا کی اخراجی مزاحت

(15.58) 
$$R = \frac{Z_0}{I_0^2} \int_S |H|^2 ds = \frac{1}{Z_0 I_0^2} \int_S |E|^2 ds$$

ے ماصل کی جا کتی ہے جہاں  $Z_0 = 120\pi$  کے برابر ہے۔

ہ مثال 15.1: چالیس میٹر لمبے تھیے اینٹینا کو موصل سطح پر کھڑا کئے 300 kHz کے تعدد پر استعال کیا جاتا ہے۔اسے برقی اشارہ نجلے سرے پر فراہم کیا جاتا ہے۔اینٹینا کی اخراجی مزاحمت حاصل کریں۔اس تھمبے کو شکل 15.6 میں دکھایا گیا ہے۔ تھمبے کو غیر موصل بنیاد پر کھڑا کیا گیا ہے۔

80 حل: موصل زمین میں تھمبالینٹینا کا عکس بنتا ہے۔ در کار تعدد پر m 1000 =  $\frac{3 \times 10^8}{300000} = \lambda$  ہے جو تھیے کی لمبائی سے بہت زیادہ ہے۔ یوں اینٹینا اور اس کا عکس بطور مختصر جفت قطب کر دار ادا کرتے ہیں۔ چونکہ تھیے کے سرپر موصل چادر نسب نہیں کیا گیا ہے للمذااس کے پورے لمبائی پر برابر اینٹینا اور اس کا عکس برپر برقی رو صفر ہوگی جبکے سرپر اس کی قیت زیادہ سے برقی رو تصور کرنا غلط ہوگا۔ حقیقت میں، جیسے شکل میں وضاحت کی گئی ہے، تھیے کے کہلے سرپر برقی رو صفر ہوگی جبکہ نچلے سرپر اس کی قیت زیادہ سے

15.6. ڻهوس زاويہ

یوں 40 × 2 میٹر لمبے فرضی جفت قطب کی اخراجی مزاحمت مساوات 15.57 سے

$$80\pi^2 \left(\frac{2 \times 40}{1000}\right)^2 \left(\frac{0.5I_0}{I_0}\right)^2 = 1.2633 \,\Omega$$

حاصل ہوتی ہے۔ یہ مزاحمت حقیق تھیم کے سر 1 اور عکسی تھیم کے سر 2 کے مابین ہے۔ یوں اصل اینٹینا کی اخراجی مزاحمت جو زمین اور 1 کے مابین ناپی جائے گی کی قیت

(15.59) 
$$R_{\zeta,\dot{\gamma}} = \frac{0.63165}{2} = 0.63\,\Omega$$

ہو گی۔

حقیقی دھات کامل موصل نہیں ہوتے لہذا کسی بھی دھات سے بنائے گئے جفت قطب میں توانائی کا ضیاع ہو گا۔موصل کے علاوہ اینٹینا کے ساتھ منسلک ذو برق میں بھی طاقت کا ضیاع ہو گا۔ان ضیاع کو مزاحمت <sub>ضاع R</sub>سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔یوں اینٹینا کے برقی سروں پر کل مزاحمت

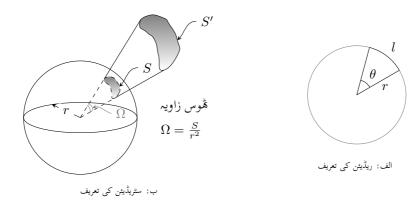
$$(15.60) R = R_{\zeta_1 \zeta_1} + R_{\zeta_1 \zeta_1}$$

 $k^{10}$ ہو گی۔مندرجہ بالامثال میں اگر  $\Omega$   $\Omega$   $\Omega$   $\Omega$  ہوتاتب اینٹینا کی کار کزاری

(15.61) 
$$k = \frac{r_{\zeta_1, \zeta_2}}{R_{\zeta_1, \zeta_2}} = \frac{R_{\zeta_1, \zeta_2}}{R_{\zeta_1, \zeta_2}} \frac{0.63}{0.63 + 0.63} = 50 \%$$

پچاس فی صد ہو گی۔اگرطاقت کا ضیاع بڑھائے بغیر زیادہ لمبائی کا جفت قطب استعال کیا جائے تو کارکزاری اس سے بہتر کی جاسکتی ہے۔

efficiency<sup>10</sup>



شكل 15.7: ريدين اور سٹريديئن كى تعريف

15.6 ڻھوس زاويہ

ا گلے جھے میں تھوس زاویہ 11 در کار ہو گا للذا اسے پہلے سمجھتے ہیں۔

شکل 15.7-الف میں رداس r کے دائرے پر قوس کی لمبائی I اور رداس r کی شرح

$$\theta = \frac{l}{r} \qquad (rad)$$

زاویے  $\theta$  دیتی ہے جس کی اکائی ریڈیئن  $^{12}$  (rad) ہے۔ یوں اکائی رداس کے دائرے پر اکائی کمی قوس، دائرے کے مرکز پر، ایک ریڈیئن (rad) کا  $^{88}$  ذاویہ بنائے گی۔ یہی اکائی ریڈیئن کی تعریف ہے۔ چونکہ دائرے کا محیط  $2\pi$  ہی المذا دائرے کے گرد ایک مکمل چکر  $\pi$ 2 ریڈیئن کے زاویے کو ظاہر کرتی  $^{88}$  ہوتا  $^{89}$  ہوتا  $^{89}$  ہوتا  $^{89}$  ہوتا  $^{89}$  ہوتا  $^{89}$  ہوتا  $^{89}$  کے بات کی جارہی ہے۔

بالکل ای طرح رواس r کے کرہ کی سطح پر کسی بھی رقبہ S اور کرہ کے رواس کے مربع  $r^2$  کی شرح  $\Omega = \frac{S}{r^2}$  (sr)

۔ کھوس زاویہ Ω دیتی ہے جسے مربع ریڈیٹن یعنی سٹریڈیٹن (sr) میں ناپا جاتا ہے۔اکائی رداس کے کرہ پر اکائی رقبہ، کرہ کے مرکز پر، ایک سٹریڈیٹن کا میں ناپا جاتا ہے۔اکائی رداس کے کرہ پر اکائی رقبہ، کرہ کے مرکز پر، ایک سٹریڈیٹن کا میں سٹریڈیٹن کا میں ناویہ دیتی ہے۔اگرچہ میں زاویہ بنائے گی۔ یہی سٹریڈیٹن کی تعریف ہوتا ہے۔ کھوس زاویہ بنائے گی۔ یہم اس کے باوجود اس کو فرضی اکائی سٹریڈیٹن میں ناپتے ہیں۔یوں مختلف اعداد کی بات کرتے وقت یہ جانا ممکن ہوتا ہے۔ کہ میں زاویہ کی بات کی جارہی ہے۔

شکل 15.7-ب میں عمومی رقبہ 'S کا محدد کے مرکز پر ٹھوس زاویہ حاصل کرنے کا طریقہ دکھایا گیا ہے۔مرکز سے دیکھتے ہوئے 'S کا بیرونی خاکہ نظر آئے گا۔اگراس خاکے کے بیرونی کناروں سے مرکز تک ربڑی چادر کھنچ کر لگائی جائے تو یہ چادر رداس r کے کرہ کو کاٹے گا۔کرہ کی سطح پر یوں رقبہ S گھیرا جائے گا۔ ٹھوس زاویے

$$\Omega = \frac{S}{r^2}$$

(15.63)

solid angle<sup>11</sup> radian<sup>12</sup> steradian<sup>13</sup> کے برابر ہو گا۔اکائی رداس کے کرہ کی صورت میں رقبہ S کی قیت مٹھوس زاویے کی قیت کے برابر ہو گا۔

شکل 0.51-الف میں  $\theta$  نظارے کے حدود کو ظاہر کرتا ہے۔اسی طرح شکل 0.51-ب میں  $\Omega$  نظارے کے حدود تعین کرتا ہے۔

شکل 15.7-الف میں د کھایا گیا زاویہ سطحی نوعیت کا ہے جسے ریڈیئن میں ناپا جاتا ہے۔اس کے برعکس شکل 15.7-ب میں د کھایا گیا زاویہ حجمی نوعیت کا ہے جسے سٹریڈیئن یاریڈیئن کے مربع میں ناپا جاتا ہے۔یاد رہے کہ ایک مربع ریڈیئن کو ہی ایک سٹریڈیئن کہتے ہیں۔

$$1 \operatorname{sr} = 1 \operatorname{rad}^2$$

کروی محدد میں ارداس کے کرہ کی سطح پر رقبے کو

$$(15.66) S = \int_{\theta} \int_{\phi} r^2 \sin \theta \, d\theta \, d\phi$$

لکھا جا سکتا ہے۔ یہ رقبہ کرہ کے مرکز پر

(15.67) 
$$\Omega = \frac{S}{r^2} = \int_{\theta} \int_{\phi} \sin \theta \, d\theta \, d\phi \qquad (sr)$$

ٹھوس زاویہ بنائے گی۔

15.7 اخراجي رقبه، سمتيت اور افزائش

مختصر جفت قطب کے دور میدان میں صرف E<sub>0</sub> اور H<sub>0</sub> پائے جاتے ہیں جنہیں مساوات 15.38 میں پیش کیا گیا ہے۔کسی بھی اینٹینا کی طرح اس کے دور میدان ½ کی شرح سے گھٹے ہیں لہذا یوئٹنگ سمتیہ

(15.68) 
$$\mathscr{P} = \frac{1}{2} \left[ \mathbf{E}_s \times \mathbf{H}_s^* \right]_{\mathcal{Z}} = \frac{Z_0}{2} |H|^2 \mathbf{a}_r = \frac{1}{2Z_0} |E|^2 \mathbf{a}_r$$

 $P(\theta,\phi)$  ہے گھٹے گی۔ یوں پوئٹنگ سمتیہ کے رداسی جزو کو  $r^2$  سے ضرب دینے سے لوئٹنگ سمتیہ کے رداسی جزو کو

(15.69) 
$$P(\theta,\phi) = r^2 \mathscr{P} = \frac{Z_0}{2} |H|^2 r^2 = \frac{1}{2Z_0} |E|^2 r^2 \qquad (W/sr)$$

حاصل ہوتی ہے جس کی قیمت فاصلہ r بڑھانے سے نہیں گھٹق۔P(0, 0) اخرابی شدت¹ کہلاتی ہے۔اخرابی شدت کے بُعد پر غور کریں۔پوئٹنگ سمتیہ ، « طاقت کی کثافت یعنی طاقت فی رقبہ دیتی ہے۔مساوات 15.63 سے رقبے کو S = Ω لکھا جا سکتا ہے۔یوں پوئٹنگ سمتیہ ضرب مربع رداس کا بُعد ، « طاقت فی ٹھوس زاویہ W/sr بنتی ہے۔

اخراجی شدت کو تقابل پذیر ۱۶ بنانے کی خاطر  $P(\theta,\phi)$  کو اس کی زیادہ سے زیادہ قیمت  $P(\theta,\phi)$  بند  $P(\theta,\phi)$  سے تقسیم کرتے ہوئے

(15.70) 
$$P_n(\theta, \phi) = \frac{P(\theta, \phi)}{P(\theta, \phi)}$$
 باندر العاد العا

ہے اُبعد  $^{16}$  مقدار  $P_n( heta,\phi)$  حاصل ہوتی ہے جو اینٹینا کی تقابل پذیر نقش طاقت $^{71}$  ہے۔

اینٹینا کی کل اخراج

$$\int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \mathscr{P}r^2 \sin\theta \, \mathrm{d}\theta \, \mathrm{d}\phi$$

ہے۔ اگر کثافت طاقت بلندر حو تب اتنی اخراج مکمل کرہ کی سطح کے بجائے کرہ کی سطح پر رقبہ 8 سے خارج ہو گی یعنی

(15.72) 
$$\mathscr{P}_{\text{yizt}}S = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \mathscr{P}r^2 \sin\theta \, d\theta \, d\phi$$

ہو گا۔اس میں مساوات 15.63 کی مدد سے کرہ کی سطح پر رقبے کو ٹھوس زاویے کی صورت میں لکھتے ہوئے

$$\Omega_A = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} rac{\mathscr{P}r^2}{\mathscr{P}_{7, tt} r^2} \sin heta \, \mathrm{d} heta \, \mathrm{d}\phi$$

ليعني

$$\Omega_A = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} P_n(\theta, \phi) r^2 \sin \theta \, d\theta \, d\phi = \iint_{4\pi} P_n(\theta, \phi) \, d\Omega \qquad (\text{sr})$$

 $\Omega_A$ حاصل ہوتا ہے۔اس مساوات کے تحت  $\Omega_A$  کھوس زاویے پر میسال زیادہ سے زیادہ طاقت خارج کرتے ہوئے اینٹینا بوری طاقت خارج کر سکتی ہے۔ $\Omega_A$  کو اخراجی کھوس زاویہ  $\Omega_A$  ہیں۔

مر کزی شعاع ۱۹ پر تکمل

(15.74) 
$$\Omega_{M} = \iint_{\rho} P_{n}(\theta, \phi) \, d\Omega \qquad (\text{sr})$$

لیتے ہوئے مرکزی ٹھوس زاویہ  $^{22}$  حاصل کیا جا سکتا ہے۔ یوں ثانوی شعاع  $^{21}$  کے ٹھوس زاویہ  $\Omega_m$  کو اخراجی ٹھوس زاویہ اور مرکزی ٹھوس زاویہ کے فرق

$$\Omega_m = \Omega_A - \Omega_M$$

ے حاصل کیا جا سکتا ہے۔غیر سمتی  $^{22}$  اینٹینا ہر سمت میں برابر اخراج کرتی ہے لہذا ہر سمت میں اس کا  $P_n( heta,\phi)=1$  اور  $\Omega_A=4\pi$  ہو گا۔

اینٹینا کی دوسری اہم خاصیت اس کی سمتیت <sup>23</sup> ہے۔اخراجی اینٹینا کی زیادہ سے زیادہ اخراجی شدت اور اوسط اخراجی شدت کی شرح

(15.76) 
$$D = \frac{i_{x} (\theta, \phi)_{x}}{p(\theta, \phi)} = \frac{i_{y} (\theta, \phi)_{x}}{p(\theta, \phi)_{x}} = \frac{P(\theta, \phi)_{x}}{P(\theta, \phi)_{x}}$$

dimensionless<sup>16</sup>

normalized power pattern<sup>17</sup>

beam solid angle<sup>18</sup>

main lobe<sup>19</sup>

major lobe solid angle<sup>20</sup>

isotropic<sup>22</sup>

directivity<sup>23</sup>

اس کی سمتیت کہلاتی ہے۔ کل اخراج W کو  $4\pi$  سٹریڈیٹن سے تقسیم کرنے سے اوسط اخراجی شدت  $P(\theta,\phi)$  حاصل ہوتی ہے جبکہ اخراجی شدت  $P(\theta,\phi)$  کا  $4\pi$  سٹریڈیٹن پر تکمل لینے سے اینٹینا کی کل اخراج حاصل ہوتی ہے۔ یوں

$$D = \frac{P(\theta,\phi)}{W/4\pi} = \frac{4\pi P(\theta,\phi)}{\iint\limits_{4\pi} P(\theta,\phi) d\Omega}$$

$$= \frac{4\pi}{\iint\limits_{4\pi} \frac{P(\theta,\phi)}{P(\theta,\phi)} d\Omega}$$

$$= \frac{4\pi}{\iint\limits_{4\pi} \frac{P(\theta,\phi)}{P(\theta,\phi)} d\Omega}$$

$$= \frac{4\pi}{\iint\limits_{4\pi} P_n(\theta,\phi) d\Omega}$$

کھی جاسکتی ہے۔مساوات 15.73 کے ساتھ موازنے کے بعد اسے

(15.78) 
$$D = \frac{4\pi}{\Omega_A} \qquad \cancel{\bot}$$

کھا جا سکتا ہے۔ یوں اینٹینا کی سمتیت سے مراد ، کرہ کا ٹھوس زاویہ 4π تقسیم اینٹینا کی اخراجی ٹھوس زاویہ Ω ہے۔ سمتیت اینٹینا کی ایک منفر د خاصیت ہے۔ مخصوص ٹھوس زاویے میں طاقت مر کوز کرنے کی صلاحیت کی ناپ سمتیت ہے۔ سمتیت جتنی زیادہ ہوگی اینٹینا اتنی کم ٹھوس زاویے میں طاقت کو مرکوز کریائے گا۔

مثال 15.2: غير سمتی اینشینا کی سمتیت حاصل کریں۔

حل: غیر سمتی رینٹینا ہر ست میں کیسال اخراج کرتی ہے للذااس کا  $P_n( heta,\phi)=1$  اور  $\Omega_A=1$  ہوں گے۔ یوں $D=rac{4\pi}{\Omega_A}=1$ 

حاصل ہو گا۔ کسی بھی اینٹینا کی بہ کم سے کم ممکنہ سمتت ہے۔

مثال 15.3: مخضر جفت قطب کی سمتیت حاصل کریں۔

حل: مساوات 15.38 استعال کرتے ہوئے تقابل پذیر نقش طاقت

(15.80) 
$$P_n(\theta,\phi) = \frac{H_{\phi}^2(\theta,\phi)}{H_{\phi}^2(\theta,\phi)} = \sin^2 \theta$$

118

(15.79)

122

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج

لکھی جا سکتی ہے۔مساوات 15.73 سے

(15.81) 
$$\Omega_A = \int_0^{2\pi} \int_0^{\pi} \sin^2 \theta \, \mathrm{d}\theta \, \mathrm{d}\phi = \frac{8\pi}{3}$$

اور یول مساوات سے

$$D = \frac{4\pi}{\Omega} = \frac{3}{2}$$

حاصل ہوتا ہے۔ یوں غیر سمتی اینٹینا کی نسبت سے مختصر جفت قطب کی زیادہ سے زیادہ اخراج  $\frac{6}{2}$  گنازیادہ ہے۔

سمتیت کا دار و مدار صرف اور صرف دور میدان کی نقش پر ہے۔اس میں اینٹینا کی کار گزاری شامل نہیں ہے۔اس کے برعکس اینٹینا کی کار گزاری، اینٹینا کی افزاکش طاقت یا افزاکش 24 پر اثر انداز ہوتی ہے۔اینٹینا کی افزاکش سے مراد

آزما کثی اینٹینا کی زیادہ سے زیادہ اخراجی شدت 
$$G = G =$$
افٹراکش والہ اینٹینا کی زیادہ سے زیادہ اخراجی شدت

ہے جہاں دونوں اینٹینوں کی داخلی طاقت برابر ہے۔ کسی بھی اینٹینا کو بطور حوالہ اینٹینا لیا جا سکتا ہے۔اگر ہم بے ضیاع، غیر سمتی اینٹینا کو حوالہ تصور کریں تب

$$G_0 = \frac{P_m'}{P_0}$$

ہو گا جہاں

آزمائشی اینٹینا کی زیادہ سے زیادہ اخراجی شدت،  $P'_m$ 

بے ضاع، غیر سمتی اینٹینا کی اخراجی شدت  $P_0$ 

ہیں۔ یاد رہے کہ غیر سمتی اینٹینا ہر سمت میں کیساں اخراج کرتی ہے للذااس کی زیادہ سے زیادہ شدت اور اوسط اخراجی شدت برابر ہوتے ہیں۔آزمودہ اینٹینا کی اخراجی شدت  $P'_m$  اور کامل اینٹینا کی اخراجی شدت  $P_m$  کی شرح اینٹینا کی کار گزار کی k دیتی ہے۔ یہ وہی k ہے جے مساوات 15.61 میں بھی حاصل کیا گیا۔ یوں

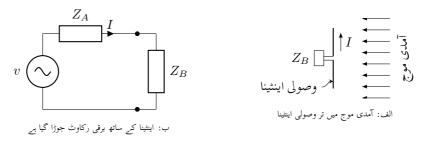
$$G_0 = \frac{kP_m}{P_0} = kD$$

حاصل ہوتا ہے۔یہ مساوات کہتی ہے کہ کسی بھی کامل اینٹینا (% 100 k=100) کی افٹراکش، کامل غیر سمتی اینٹینا کی نسبت سے،اسی اینٹینا کی سمتیت کے میں ہوتی ہے۔ غیر کامل % 100 k<100 ہاینٹینا کی صورت میں افٹراکش کی قیمت سمتیت سے کم ہو گی۔

سمتیت کی قیت 1 تا∞ ممکن ہے۔ سمتیت کی قیت اکائی سے کم نہیں ہو سکتی۔اس کے برعکس افٹرائش کی قیمت صفر تا لا محدود ممکن ہے۔

$$1 \le D \le \infty$$

$$0 \le G \le \infty$$
 مکنہ قیمت مکنہ



شکل 15.8: وصولی اینٹینا آمدی موج سے طاقت حاصل کر کمے برقی رکاوٹ کو فراہم کرتی ہے۔

اخراجی اینٹینا <sup>25</sup> شعاعی اخراج کرتی ہے۔اس کے برعکس وصولی اینٹینا <sup>26</sup> شعاع سے طاقت وصول کرتی ہے۔ برتی و مقناطیسی امواج جب وصولی اینٹینا کر چہنچتے ہیں تو وصولی اینٹینا ان سے طاقت حاصل کردہ طاقت کا کچھ کر چہنچتے ہیں تو وصولی اینٹینا ان سے طاقت حاصل کردہ طاقت کا کچھ حصہ اس مزاحمت میں ضائع ہوگا۔ ہم چونکہ ہیرونی مزاحمت کو فراہم طاقت R یا کہ سے اس مزاحمت کو فراہم طاقت R یہیں۔ بیرونی مزاحمت کو فراہم طاقت آمدی موج کے رقبہ کا میں دلچپی رکھتے ہیں للذااسی کی بات کرتے ہوئے آگے بڑھتے ہیں۔ بیرونی مزاحمت کو فراہم طاقت آمدی موج کے رقبہ کا میں پایا جاتا ہے۔ یوں

$$\mathscr{P}S = I^2 R_B$$

لکھا جا سکتا ہے۔ہم فرض کرتے ہیں کہ اینٹینے کا رقبہ S ہی ہے اور اینٹینا اتنے رقبے پر آمدی موج سے مکمل طاقت حاصل کرنے اور اسے بیرونی برقی سروں تک منتقل کرنے کی صلاحیت رکھتی ہے۔اس فرضی رقبے کو وصولی رقبہ<sup>27</sup> کہا جاتا ہے۔یوں وصولی رقبے کو

$$S = \frac{I^2 R_B}{\mathscr{P}}$$

سے حاصل کیا جاسکتا ہے جہاں

s اینٹینا کا فرضی رقبہ، 2m

I موژبرتی رو، A

W/m² آمدی موج کا پوئنٹنگ سمتیہ، 9

 $\Omega$ برقی مزاحمت،  $R_L$ 

ہیں۔ حقیقت میں اینٹینا I<sup>2</sup>R<sub>B سے</sub> زیادہ طاقت حاصل کرتی ہے جس کا پچھ حصہ اینٹینا کے اندر ہی ضائع ہو جاتا ہے۔ ہمیں اینٹینا کے اندر ضائع ہونے والے طاقت سے کوئی دلچیپی نہیں ہے۔

شکل 15.8-الف میں آمدی موج میں تر اینٹینا د کھایا گیاہے جسے بیرونی برقی رکاوٹ Z<sub>B</sub> کے ساتھ جوڑا گیاہے۔اینٹینا کا تھونن 28 مساوی دور استعال کرتے ہوئے، شکل-ب میں اس کا مکمل برقی دور د کھایا گیاہے۔اس دور میں سلسلہ وار برقی رو

$$I = \frac{v}{Z_A + Z_B} = \frac{v}{R_A + R_B + j(X_A + X_B)}$$

ہو گی جہاں

gain<sup>24</sup>

transmitting antenna<sup>25</sup>

receiving antenna<sup>26</sup> antenna aperture<sup>27</sup>

Thevenin equivalent circuit<sup>28</sup>

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج

ت اینٹینا میں آمدی موج سے پیدا موثر برقی دباو،

اینٹینا کے تھونن مساوی دور میں اینٹینا کی مزاحت،  $R_A$ 

تهونن دور میں اینٹینا کی متعاملیت،  $X_A$ 

بیرونی مزاحت،  $R_B$ 

بیرونی متعاملیت  $X_B$ 

ہیں۔یوں بیر ونی مزاحت کو مہیا طاقت

(15.88) 
$$|I|^2 R_B = \frac{v^2 R_B}{(R_A + R_B)^2 + (X_A + X_B)^2}$$

ہو گا جس سے اینٹینے کا رقبہ وصولی

(15.89) 
$$S = \frac{v^2 R_B}{\mathscr{P}\left[ (R_A + R_B)^2 + (X_A + X_B)^2 \right]}$$

حاصل ہوتا ہے۔

آ مدی موج کی نسبت سے ایک مخصوص انداز میں رکھے ہوئے اینٹینا میں زیادہ سے زیادہ برقی دباوپیدا ہو گا۔اس جگہ اینٹینا کو رکھتے ہوئے بیرونی مزاحمت میں زیادہ سے زیادہ طاقت اس صورت منتقل ہوگی جب

$$(15.90) R_B = R_A$$

$$(15.91) X_B = -X_A$$

ہوں۔ بے ضیاع اینٹینا کی تھونن مزاحمت دراصل اینٹینا کی اخراجی مزاحمت ،R ہی ہے۔اس طرح بیر ونی مزاحمت میں زیادہ سے زیادہ طاقت منتقل کرتے وقت زیادہ سے زیادہ وصولی رقبہ

$$S_{\mathcal{S}_{l}; j} = \frac{v^2}{4\mathscr{P}R_r}$$

حاصل ہو گا جسے اینٹینا کا اخراجی رقبہ <sup>22</sup> اخ<sub>اجی</sub> S پکارا جاتا ہے۔ہر اینٹینا مخصوص قیمت کا اخراجی رقبہ رکھتا ہے۔

مثال 15.4: پورے مختصر جفت قطب پریکسال برقی رو تصور کرتے ہوئے، اس کا اخراجی رقبہ حاصل کریں۔

حل: مساوات 15.92 سے ظاہر ہے کہ اخراجی رقبہ دریافت کرنے کے لئے، اینٹینا میں پیدا برقی دباو 🕫، اینٹینا کی اخراجی مزاحمت R<sub>r</sub> اور آمدی موج میں کثافت طاقت 🕫 درکار ہوں گے۔ جفت قطب میں زیادہ سے زیادہ برقی دباو اس صورت پیدا ہو گی جب اینٹینا کی تار اور آمدی موج کا برقی میدان متوازی ہوں۔ ایسی صورت میں اینٹینا میں

(15.93) v = El

effective aperture29

برقی د باو پیدا ہو گی۔ آمدی موج کی پوئٹنگ سمتیہ

$$\mathscr{P} = \frac{E^2}{Z_0} \qquad (W/m^2)$$

ہے جہاں  $I=I_0$  پر کرنے سے موجودہ جفت قطب کی اخراجی  $Z_0=\sqrt{\mu_0/\epsilon_0}=1$  پر کرنے سے موجودہ جفت قطب کی اخراجی مزاحمت

$$(15.95) R_r = 80\pi^2 \left(\frac{l}{\lambda}\right)^2$$

حاصل ہوتی ہے۔ان تمام کو مساوات 15.92 میں پر کرتے ہوئے

(15.96) 
$$S_{\zeta,l,\dot{z}_{l}} = \frac{E^{2}l^{2}}{4\frac{E^{2}}{Z_{0}}80\pi^{2}\left(\frac{l}{\lambda}\right)^{2}} = \frac{3\lambda^{2}}{8\pi} = 0.119\lambda^{2} \qquad (m^{2})$$

یوں کامل مخضر جفت قطب کی لمبائی جتنی بھی کم کیوں نہ ہو یہ ہر صورت 0.119λ² اخراجی رقبہ پر آمدی موج سے تمام طاقت حاصل کرنے اور اللہ اسے بیرونی مزاحمت تک منتقل کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔ حقیقی جفت قطب غیر کامل ہو گاللذااس کی مزاحمت <sub>ضائع R+ اخراجی</sub> R ہو گی۔یوں کامل جفت مقطب کا خراجی رقبہ کچھ کم ہو گا۔

آئیں ایسے اینٹینا کی بات کریں جس کا اخراجی رقبہ  $S_{i,j}$  اور اخراجی ٹھوس زاویہ  $\Omega_A$  ہو۔اخراجی رقبے پریکسال برقی میدان  $E_m$  کی صورت میں اخراجی طاقت

$$P = \frac{E_m^2}{Z} S_{\zeta, |\mathcal{S}|}$$

ہو گا جہاں Z انتقالی خطے کی قدرتی رکاوٹ ہے۔

ا گر r فاصلے پر میدان E<sub>r</sub> ہو تب اخراجی طاقت

$$(15.98) P = \frac{E_r^2}{Z} r^2 \Omega_A$$

ہو گا۔

ہم آگے جاکر مساوات 15.159 حاصل کریں گے جس کے تحت  $\frac{E_m S_{clip}}{r \lambda}$  ہے۔اس نتیج کو استعال کرتے ہوئے مندرجہ بالا دو مساوات کو  $E_r = \frac{E_m S_{clip}}{r \lambda}$  برابر لکھتے ہوئے

(15.99) 
$$\lambda^2 = S_{\zeta, \dot{\zeta}, \dot{\gamma}} \Omega_A \qquad (m^2)$$

حاصل ہوتا ہے جہاں

 $\lambda$  طول موج،

اینٹینا کا اخراجی رقبہ اور S

اینٹینا کا اخراجی ٹھوس زاویہ  $\Omega_A$ 

155

156

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج

ہیں۔اس مساوات کے تحت اینٹینا کا اخراجی رقبہ ضرب اخراجی ٹھوس زاویہ برابر ہوتا ہے طول موج کا مربعے۔یوں اگر ہمیں اخراجی رقبہ معلوم ہو تب ہم ۔۔ اخراجی ٹھوس زاویہ حاصل کر سکتے ہیں اور اگر اخراجی ٹھوس زاویہ معلوم ہو تب اخراجی رقبہ حاصل کیا جا سکتا ہے۔

مساوات 15.78 میں مساوات 15.99 پر کرنے سے

$$D = \frac{4\pi}{\lambda^2} S_{\mathcal{S}, \dot{\mathcal{F}}, \dot{\mathcal{F}}}$$

کھا جا سکتا ہے۔ سمتیت کی یہ تیسری مساوات ہے۔ تینوں کو یہاں دوبارہ پیش کرتے ہیں

(15.101) 
$$D = \frac{P(\theta, \phi)}{P_{b,\eta}}$$

$$D = \frac{4\pi}{\Omega}$$

$$D = \frac{4\pi}{\lambda^2} S_{\zeta,\dot{\zeta}}$$

جہاں پہلی دو مساوات میں سمتیت اخراجی شعاع کے نقش سے حاصل کی گئی ہے جبکہ تیسری مساوات میں اسے اخراجی رقبے سے حاصل کیا گیا ہے۔

15.8 قطاری ترتیب

مسکہ اینٹینا دراصل اینٹینا کے مختلف حصول سے پیدا میدانوں کا درست مجموعہ حاصل کرنا ہے۔اینٹینا کے مختلف حصول کے میدان جمع کرتے ہوئےان میں کے انفراد کی حیطے اور زاویائی فرق کا خیال رکھنا ضرور کی ہے۔

15.8.1 غير سمتي، دو نقطم منبع

دو عدد نقطہ منبع کو شکل میں دکھایا گیا ہے۔دونوں منبع غیر سمتی ہیں اور ان کے در میان فاصلہ 4 ہے۔نقطہ منبع سے مراد ایسی فرضی منبع ہے جس کا حجم صفر میں ہوئے ہے۔ برابر ہو۔ ہم آگے چل کر مسئلہ متکافیت 30 دیکھیں گے جس کے تحت نقطہ منبع کے قطاروں کا اخراجی نقش اور انہیں کا وصولی نقش بالکل یکسال ہوتے ہیں۔ ہیں۔

ہم فرض کرتے ہیں کہ دونوں منبع برابر جیطے اور ہم قدم میدان پیدا کرتے ہیں۔دونوں میدان کے خطی تقطیب ہیں۔مزیدیہ کہ دونوں کے E میدان صفحے کے عمودی ہیں۔دونوں منبع سے برابر فاصلے پر ان کے بالکل در میانے مقام پر زاویائی صفر تصور کرتے ہوئے، دور میدان کو

(15.102) 
$$E = E_2 e^{j\frac{\psi}{2}} + E_1 e^{-j\frac{\psi}{2}}$$

لکھا جا سکتا ہے جہاں

$$\psi = \beta d \cos \theta = \frac{2\pi d}{\lambda} \cos \theta$$

ہے۔ان مساوات میں

15.8. قطاری ترتیب

 $E_1$  منبع - 1 کا زاویه  $\theta$  سمت میں دور میدان،

منبع-2 کا زاویه heta سمت میں دور میدان اور  $E_2$ 

 $\psi$  دونوں اشارات کا زاویہ heta کی سمت میں زاویائی فرق

ہیں۔ دونوں دور میدان برابر  $(E_1=E_2)$  ہونے کی صورت میں یول

(15.104) 
$$E = E_1 \left( e^{j\frac{\psi}{2}} + e^{-j\frac{\psi}{2}} \right) = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2}$$

ہو گا۔ فاصلہ  $rac{\lambda}{d}=rac{\lambda}{2}$  کی صورت میں میدان کو شکل میں د کھا یا گیا ہے۔

ا گرزاویائی صفر کو دونوں منبع کے در میانے مقام کی جگه منبع-1 پر چنا جاتاتب دور میدان

(15.105) 
$$E = E_1 + E_2 e^{j\psi}$$
$$= \left(E_1 e^{-j\frac{\psi}{2}} + E_2 e^{j\frac{\psi}{2}}\right) e^{j\frac{\psi}{2}}$$

 $E_1 = E_2$  ماصل ہوتا جو

(15.106) 
$$E = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2} e^{j\frac{\psi}{2}} = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2} / \frac{\psi}{2}$$

حاصل ہوتا۔میدان کا نقش چونکہ میدان کے حیطے پر منحصر ہوتا ہے للذااس میں کوئی تبدیلی رونما نہیں ہوئی البتہ میدان کا زاویہ تبدیل ہو گیا ہے۔میدان کے زاویے کی تبدیلی کی وجہ یہ ہے کہ ہم نے زاویے کے صفر کو دونوں منبع کے درمیانے مقام سے ہٹا کر منبع-1 پر چناہے۔

15.8.2 ضرب نقش

گزشتہ جے میں بالکل کیساں دو عدد غیر سمتی نقطہ منبع کے میدان پر غور کیا گیا۔ اگر نقطہ منبع سمتی ہوں اور دونوں کے نقش بالکل کیساں ہوں تب بھی مساوات 15.104 (یا مساوات 15.106) ہی ان کا مجموعی میدان دے گا پس فرق اتنا ہے کہ اب  $E_1$  از خود  $\theta$  کا نقاعل  $E(\theta)$  ہے۔ انفرادی منبع کے نقش  $E_1$  کو انفرادی نقش  $E_2$  کہا جائے گا۔ یوں  $E(\theta)$  کو انفرادی نقش  $E_3$  کہا جائے گا۔ یوں

$$(15.107) E = E(\theta)\cos\frac{\psi}{2}$$

کھا جا سکتا ہے۔مساوات 15.107 ضرب نقش <sup>33</sup> کا اصول بیان کرتا ہے جس کے تحت انفراد کی منبع کا نقش اور غیر سمتی نقطہ منبع کے قطار کا نقش ضرب دینے سے سمتی منبع کے قطار کا نقش حاصل ہوتا ہے۔ یہاں فرض کیا گیا ہے کہ قطار میں انفراد کی نقطہ منبع کا نقبائی میں نقش ہوتا ہے۔

primary pattern<sup>31</sup>

array pattern<sup>32</sup>

pattern multiplication<sup>33</sup>

ثنائى قطار 15.8.3

مساوات 15.106 دو غیر سمتی زاویائی طور پر ہم قدم نقطہ منبع کے جوڑی کا دور میدان دیتا ہے۔نقطہ منبع کے در میان فاصلہ  $rac{\lambda}{2}$  اور  $rac{1}{2}$  ہونے کی صورت میں اس مساوات کو

$$(15.108) E = \cos\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

کھا جا سکتا ہے۔اس نقش کو شکل میں و کھایا گیا ہے جس میں کوئی ثانوی شعاع نہیں پایا جاتا۔ اس جوڑی منبع کے سیدھ میں 🚣 فاصلے پر منبع کی دوسری جوڑی ر کھنے سے شکل-ب حاصل ہوتا ہے۔اس شکل میں دو در میانے منبع دراصل ایک ہی نقطے پر پائے جائیں گے لیکن وضاحت کی خاطر انہیں اوپر پنیجے د کھایا گیا ہے۔ضرب نقش کے اصول کے تحت ان کا مجموعی میدان

$$(15.109) E = \cos^2\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

ہو گا جے شکل میں دکھایا گیا ہے۔اس مساوات پر شق کرنے والوں کے لئے مثال میں تفصیلی ثبوت پیش کیا گیا ہے۔

اس قطار کو تین عدد منبع کی قطار تصور کیا جا سکتا ہے جہاں قطار میں بالترتیب، منبع کی طاقت (1:2:1) نسبت سے ہے۔اس تین رکنی قطار کے سیدھ میں کیکن 🚣 ہٹ کر بالکل ایسی ہی تین رکنی قطار رکھنے سے شکل حاصل ہوتی ہے۔اس نئی قطار کو چار رکنی تصور کیا جا سکتا ہے جہاں بالترتیب منبع کی طاقت (1: 3: 3: 1) نسبت سے ہے۔اس چار رکنی قطار کا میدان

$$(15.110) E = \cos^3\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

ہے۔اس نقش میں بھی ثانوی شعاع نہیں پایا جانا۔اسی طرح بڑھتے ہوئے، ثانوی شعاع سے پاک، زیادہ سے زیادہ سمتیت کا نقش حاصل کیا جاسکتا ہے۔یوں زیادہ منبع پر مبنی قطار میں منبع کی طاقت ثنائی تسلسل <sup>34</sup> کے ثنائی سر <sup>35</sup> کی نسبت سے ہوتے ہیں۔ ثنائی سروں کو شکل میں دکھائے گئے پاسکل تکون <sup>36</sup> کی مدو سے حاصل کیا جا سکتا ہے جس میں ہر اندرونی عدد،اوپر کے قریبی دواعداد کا مجموعہ ہوتا ہے۔متعدد منبع کے قطار کا نقش

$$(15.111) E = \cos^{n-1}\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

کے برابر ہو گا جہاں قطار میں منبع کی تعداد n ہے۔

ا گرچہ مندرجہ بالا nر کنی قطار کے نقش میں کوئی ثانوی شعاع نہیں پایا جاتااس کے باوجود اس کی سمتیت برابر طاقت کے nر کنی منبع کے قطار سے کم ہوتی ہے۔ حقیقی قطار عموماً ان دو صور توں ( ثنائی قطار اور یکساں قطار ) کی در میانی شکل رکھتے ہیں۔

مثال 15.5: مساوات 15.109 کو ثابت کریں۔

Pascal triangle<sup>36</sup>

binomial series34 binomial coefficient<sup>35</sup>

15.8 قطاری ترتیب

حل: مساوات 15.105 کی طرح زاویائی صفر کو قطار کے پہلی رکن پر چنتے ہوئے

$$E = E_0 + E_0 e^{j\psi} + E_0 e^{j\psi} + E_0 e^{j2\psi}$$

$$= E_0 \left( 1 + e^{j\psi} \right) + E_0 e^{j\psi} \left( 1 + e^{j\psi} \right)$$

$$= E_0 \left( 1 + e^{j\psi} \right) \left( 1 + e^{j\psi} \right)$$

$$= E_0 \left( 1 + e^{j\psi} \right)^2$$

جس میں  $\psi = \frac{\pi}{2}\cos\theta$  اور  $E_0 = \frac{1}{2}$  پر کرتے ہوئے

$$E = \left[ \left( \frac{e^{-j\frac{\psi}{2}} + e^{j\frac{\psi}{2}}}{2} \right) e^{j\frac{\psi}{2}} \right]^2 = \cos^2 \frac{\psi}{2} / \psi$$

کھا جا سکتا ہے۔اس کا حیطہ  $rac{\psi}{2}$   $\cos^2rac{\psi}{2}$  مساوات ہے۔

مثال 15.6: مساوات 15.111 کو تفصیل سے ثابت کریں۔

ثنائی قطار میں رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1 رکنی قطار میں بالترتیب رکن کے طاقت  $(1+x)^n$  کی ثنائی نظار میں رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1 کی ثنائی قطار میں بالترتیب رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1 کی ثنائی قطار میں بالترتیب رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1 کی ثنائی قطار میں بالترتیب رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1 کی ثنائی قطار میں بالترتیب رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1 کی شائی قطار میں بالترتیب رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1 کی شائی قطار میں بالترتیب رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1 کی شائی قطار میں بالترتیب رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1 کی شائی قطار میں بالترتیب رکن کے طاقت ثنائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں n+1 کی شائی قطار میں بالترتیب رکن کے طاقت شائی تسلسل کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں میں میں میں میں میں میں کرتی ہوئی تا تا ہوئی تا ہوئی کی میں کے سرکی نسبت سے ہوتے ہیں۔ یوں میں میں میں کرتیب کی میں کرتی ہوئی کی میں کرتی ہوئی کی کرتی ہوئی کی کرتی ہوئی کی کرتی ہوئی کی میں کرتی ہوئی کرتی ہو

(15.112) 
$$(1+x)^n = 1 + \frac{n}{1!}x + \frac{n(n-1)}{2!}x^2 + \frac{n(n-1)(n-2)}{3!}x^3 + \cdots$$

کے سرسے حاصل کئے جاتے ہیں۔ یوں تین رکنی قطار کے سر ثنائی تسلسل

$$(15.113) (1+x)^2 = 1 + 2x + x^2$$

کے سرکی نسبت 1:2:1 سے ہوں گے لہذا مندرجہ بالا مساوات میں  $x=e^{j\psi}$  پر کرنے سے تین رکنی قطار کا دور میدان مندرجہ بالا مساوات کے بائیں یادائیں ہاتھ کی صورت میں لکھا جا سکتا ہے یعنی

(15.114) 
$$E = E_0 \left( 1 + e^{j\psi} \right)^2 = E_0 (1 + 2e^{j\psi} + e^{j2\psi})$$

تین رکنی قطار کو دیکھ کر دور میدان مندرجہ بالا مساوات کی دائیں ہاتھ دیتی ہے جسے ثنائی تسلسل کی مدد سے مساوات کی بائیں ہاتھ کی صورت میں بھی لکھا جا سکتا ہے۔ مساوات کے بائیں ہاتھ سے نقش  $\frac{4}{2}\cos^2\theta$  حاصل ہوتا ہے۔ اس طرح n رکنی قطار کو  $(1+x)^{n-1}$  کی ثنائی تسلسل کی مدد سے اکھٹے کرتے ہوئے

(15.115) 
$$E = E_0 \left( 1 + e^{j\psi} \right)^{n-1}$$

کھا جا سکتا ہے جس میں  $E_0=rac{1}{2}$  اور  $\psi=\pi\cos heta$  پر کرتے ہوئے صرف حیطہ لیتے ہوئے قطار کا نقش $\psi=\pi\cos heta$ 

$$(15.116) E = \cos^{n-1}\left(\frac{\pi}{2}\cos\theta\right)$$

لکھا جا سکتا ہے۔

191

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج 448

یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار

ثنائی قطار غیر کیساں رکنی قطار ہے۔آئیں شکل میں د کھائے گئے 11 رکنی، غیر سمتی، بکساں طاقت کے منبع کی قطار کا دور میدان حاصل کریں۔ یہاں فرض کیا جاتا ہے کہ قطار میں ہر دو قریبی منبع میں  $\delta$  زاویائی فرق یایا جاتا ہے۔یوں

$$\psi = \beta d \cos \theta + \delta$$

ہو گا۔ قطار کا دور میدان

(15.118) 
$$E = E_0 \left( 1 + e^{j\psi} + e^{j2\psi} + e^{j3\psi} + \dots + e^{j(n-1)\psi} \right)$$

لکھا جا سکتا ہے جہاں

d قطار میں رکن کے در میان فاصلہ،

δ ہر دو قریبی رکن کے در میان زاویائی فرق اور

 $\psi = eta d \cos heta + \delta$  دو قریبی رکن میں کل زاویائی فرق لیعنی  $\psi$ 

ہیں۔

اس میں  $x=e^{j\psi}=x$  پر کرنے سے جانی پیجانی شلسل

 $E_0\left(1+x+x^2+x^3+\cdots+x^{n-1}\right)$ 

حاصل ہوتی ہے جس کا مجموعہ

کے برابر ہے۔

 $E_0\left(\frac{1-x^n}{1-x}\right)$ 

مساوات 15.118 کو  $e^{j\psi}$  سے ضرب دیتے ہوئے

 $Ee^{j\psi} = E_0 \left( e^{j\psi} + e^{j2\psi} + e^{j3\psi} + \dots + e^{jn\psi} \right)$ (15.119)

حاصل ہوتا ہے۔مساوات 15.118 سے مساوات 15.119 منفی کر کے E کے لئے حل کرتے ہوئے

 $E = E_0 \frac{1 - e^{jn\psi}}{1 - e^{j\psi}} = E_0 \frac{\sin\frac{n\psi}{2}}{\sin\frac{\psi}{2}} / (n - 1)\frac{\lambda}{2}$ (15.120)

حاصل ہوتا ہے۔اگر قطار کے در میانے نقطے کو زاویائی صفر چنا جاتا تب مندرجه بالا مساوات میں زاویہ  $rac{\lambda}{2}(n-1)$ نہ پایا جاتا۔ تمام رکن غیر سمتی ہونے کی صورت میں  $E_0$  ہر رکن کا انفراد کی نقش ہو گا جبکہ  $\frac{n\psi}{2}$  قطار کی نقش ہے۔

غیر سمتی منبع اور زاویائی صفر کا مقام قطار کے در میانے نقطے پر رکھتے ہوئے

 $E = E_0 \frac{\sin \frac{n\psi}{2}}{\sin \frac{\psi}{2}}$ (15.121)

15.8. قطاری ترتیب

ہو گا۔ قطار کی زیادہ سے زیادہ قیمت  $\psi \to 0$  صورت میں پائی جائے گی۔ چو نکہ  $\psi = 0$  ہند مندرجہ بالا مساوات  $\psi = 0$  دیتا ہے جو بے معنی  $\psi = 0$  ہمیں ال ہوس پٹل 38 کا قاعدہ استعال کرنا ہو گا جس کے تحت اگر تفاعل  $\psi = \frac{\partial m/\partial x}{n(x)}$  قیمت  $\psi = 0$  ماصل ہو تب قیمت  $\psi = 0$  مندرجہ بالا مساوات سے  $\psi = 0$  پر

$$E = E_0 \frac{\frac{\partial \sin \frac{n\psi}{2}}{\partial \psi}}{\frac{\partial \sin \frac{\psi}{2}}{\partial \psi}}\Big|_{\psi \to 0}$$
$$= E_0 \frac{\frac{n}{2} \cos \frac{n\psi}{2}}{\frac{1}{2} \cos \frac{\psi}{2}}\Big|_{\psi \to 0}$$

لعيني

$$(15.122) E = nE_0$$

حاصل ہوتا ہے جو قطار کی زیادہ سے زیادہ مکنہ میدان ہے۔ یہ میدان قطار میں انفرادی منبع کے طاقت سے n گنا زیادہ ہے۔ اس قطار کے نقش کی زیادہ سے زیادہ قیمت اس زاویے پر یائی جائے گی جس پر 0 =  $\psi$  یعنی

$$\beta d\cos\theta + \delta = 0$$

ہو جس <u>س</u>ے

(15.124) 
$$\theta إندترطاقت = \cos^{-1}\left(-\frac{\delta}{\beta d}\right)$$

حاصل ہوتا ہے۔

ای طرح اخراجی نقش کا صفر اس مقام پر ہو گا جہال مساوات 15.121 صفر کے برابر ہو لیعنی جہال  $\frac{n\psi}{2} = \mp k\pi$  کے برابر ہو لیعنی جہال  $\frac{n}{2} \left(\beta d\cos\theta + \delta\right) = \mp k\pi$ 

جس سے صفر اخراج کا زاویہ

(15.126) 
$$\theta_0 = \cos^{-1} \left[ \left( \mp \frac{2k\pi}{n} - \delta \right) \frac{\lambda}{2\pi d} \right]$$

حاصل ہو تا ہے جہاں

صفر اخراج کا زاویه،  $heta_0$ 

ا عداد $k=1,2,3,\cdots$  کی شرط لا گوہے جس میں  $m=1,2,3,\cdots$  کے برابر ہے۔ k

 $E_n$  مساوات 15.121 کو مساوات 15.122 سے تقسیم کرتے ہوئے تقابل پذیر میدان

(15.127) 
$$E_n = \frac{E}{nE_0} = \frac{1}{n} \frac{\sin \frac{n\psi}{2}}{\sin \frac{\psi}{2}}$$

حاصل ہوتا ہے۔

indeterminate<sup>37</sup> L Hospital's rule<sup>38</sup>

نقش کی چوٹی اس مقام پر یائی جاتی ہے جس پر  $\delta d\cos heta = -\delta$  ہو۔ قطار کے سیدھ میں کھڑے ہو کر، چوڑائی جانب  $( heta=90^\circ)$  زیادہ سے زیادہ اخراج  $0=\delta$  کی صورت میں ہو گا یعنی جب تمام انفراد ی منبع ہم قدم ہوں۔اگر heta کی جگہ اس کا زاویہ تکملہ $^{39}$  استعال کیا جائے تب نقش کے صفر

$$\gamma_0 = \sin^{-1}\left(\mp\frac{k\lambda}{nd}\right)$$

یر بائے جائیں گے۔ کمبی قطار  $k\lambda \gg n$  کی صورت میں  $\gamma_0$  کم قبمت کا ہو گا لہذا اسے

$$\gamma_0 = \frac{k}{nd/\lambda} \approx \frac{k}{L/\lambda}$$

کھ جا سکتا ہے جہال قطار کی لمبائی کو L=(n-1)d کی صورت میں

$$L = (n-1)d \approx nd$$

کھا جا سکتا ہے۔مساوات 15.129 میں k=1 پر کرتے ہوئے نقش کا پہلا صفر  $\gamma_{01}$  حاصل ہوتا ہے۔یوں گوشے کے دونوں اطراف پر پہلے صفروں کے در میان نقش کی چوڑائی

(15.130) 
$$ilde{\chi}_{\mu} = \gamma_{01} pprox rac{2}{L/\lambda} \, \mathrm{rad} = rac{114.6^{\circ}}{L/\lambda}$$

حاصل ہوتی ہے۔ نقش میں زیادہ سے زیادہ طاقت کے زاویے کے دونوں اطراف وہ زاویے پائے جاتے ہیں جن پر طاقت نصف ہوتی ہے۔ان کے در میان زاویے کو نصف طاقت چوڑائی40 ، کہتے ہیں۔ لمبے یکساں چوڑائی جانب اخراجی قطار 41 کے نصف طاقت چوڑائی کی قیمت پہلی صفر چوڑائی <sup>42</sup> کے تقریباً آد ھی ہوتی ہے۔ یوں

(15.131) 
$$\frac{1}{2}$$
  $\frac{1}{L/\lambda}$  rad  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{L/\lambda}$  rad  $\frac{57.3^{\circ}}{L/\lambda}$ 

ہو گی۔

شکل 15.9 میں چوڑائی جانب اخراجی قطار کا تقابل پذیر نقش د کھایا گیا ہے۔ یہ نقش مساوات 15.127 سے حاصل کیا گیا ہے۔اس قطار میں منبع  $rac{\lambda}{2}$  فاصلے پر رکھے گئے ہیں۔ بیس عدد برابر طاقت کے منبع پر مبنی اس قطار کی نصف طاقت چوڑائی °6.1  $heta_{HP}=0$  ہے۔ شکل میں نقش کا تراش د کھایا گیا ہے۔ یہ حقیقت میں چرخی مانند ہے لہٰذا °φ = φ تا °360 = φ گھومتے ہوئے اس کی صورت یہی نظر آئے گی۔یوں φ زاویے پر اس کی نصف طاقت چوڑائی  $- \phi_{HP}^{\circ} = 360^{\circ}$ 

یکساں طاقت کر متعدد رکن پر مبنی قطار: لمبائی جانب اخراجی قطار

زیادہ سے زیادہ اخراج کا زاویہ مساوات 15.123

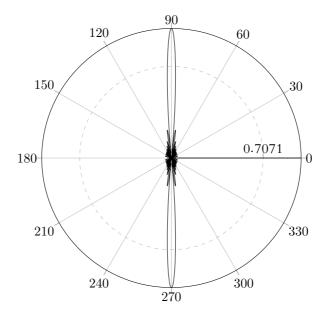
$$\beta d\cos\theta + \delta = 0$$

complementary angle<sup>39</sup> half power beam width, HPBW<sup>40</sup>

broadside array<sup>41</sup>

beam width between first nulls, BWFN<sup>42</sup>

15.8. قطاری ترتیب



شكل 15.9: چوڑائى جانب اخراجى قطار

سے حاصل ہوتا ہے۔ قطار کے سیدھ میں کھڑے ہو کر سیدھا آگے (heta=0) لمبائی کی جانب زیادہ سے زیادہ اخراج اس صورت ہو گا جب ہر دو قریبی منبع کے مابین

$$\delta = -\beta d$$

زاویائی فرق پایا جاتا ہو۔ یوں ایسے قطار کے صفر مساوات 15.125 کے تحت

$$\frac{n}{2}\beta d\left(\cos\theta_0 - 1\right) = \mp k\pi$$

لعيني

$$\cos\theta_0 - 1 = \mp \frac{k}{nd/\lambda}$$

سے حاصل ہوں گے۔اس سے

$$\frac{\theta_0}{2} = \sin^{-1}\left(\mp\sqrt{\frac{k}{2nd/\lambda}}\right)$$

کھا جا سکتا ہے۔ کمبی قطار ( $nd\gg k\lambda$ ) کی صورت میں اسے

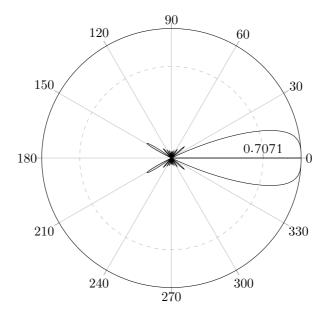
(15.135) 
$$\theta_0 = \mp \sqrt{\frac{2k}{nd/\lambda}} \approx \mp \sqrt{\frac{2k}{L/\lambda}}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں لمبائی L=(n-1)d کو k > k کی صورت میں k = n کھا گیا ہے۔ پہلا صفر k = n پر حاصل ہو گا جس سے پہلی صفر چوڑائی

(15. 136) 
$$au_{01} \approx 2\sqrt{\frac{2}{L/\lambda}} \, \mathrm{rad} = 114.6^{\circ} \sqrt{\frac{2}{L/\lambda}}$$

حاصل ہوتی ہے۔

H52 باب 15. اينٹينا اور شعاعي اخراج



شكل 15.10: لمبائي جانب اخراجي قطار

بیں منبع پر مبنی، لمبائی جانب اخراجی قطار کا تقابل پذیر اخراجی نقش شکل 15.10 میں دکھایا گیا ہے۔ یہ نقش مساوات 15.127 سے حاصل کیا گیا ہے۔ منبع  $\theta_{HP}^{\circ}=34^{\circ}$  فاصلہ  $\frac{\lambda}{2}$  ہے۔ مساوات 15.127 سے پہلی صفر چوڑائی °52 اور نصف طاقت چوڑائی °34 ھے  $\theta_{HP}^{\circ}=34^{\circ}$  حاصل ہوتی ہے۔ یہ نقش جتنا چوڑا ہے یہ اتنا مفحہ کے عمودی جانب موٹا بھی ہے۔ یوں  $\phi$  جانب بھی اس کی نصف طاقت چوڑائی  $\phi_{HP}^{\circ}=34^{\circ}$  ہی ہے۔ لمبائی جانب اخراجی کمبی قطار کی نصف طاقت چوڑائی اس کے پہلے صفر چوڑائی کے تقریباً  $\frac{2}{8}$  کنا ہوتی ہے۔ چوڑائی اس کے پہلے صفر چوڑائی کے تقریباً  $\frac{2}{8}$  کنا ہوتی ہے۔

جیسے مثال 15.7 اور مثال 15.8 میں آپ د تکھیں گے کہ n عدد منبع پر مبنی لمبائی جانب اخرا بی قطار کی سمتیت n عدد منبع پر مبنی چوڑائی جانب اخرا بی قطار ، کی سمتیت سے زیادہ ہوتی ہے۔

مساوات 15.78 اینٹینا کی سمتیت

$$D = \frac{4\pi}{\Omega_A}$$

دیتا ہے جہاں کھوس زاویہ مساوات 15.73 سے حاصل ہوتا ہے۔اگر ثانوی شعاعوں کو نظرانداز کیا جائے تب مرکزی شعاع کے θ سمت میں نصف طاقت زاویے و β المذالی صورت میں مساوات 15.73 حل کرناضر وری نظریا کے برابر ہو گاللذاالی صورت میں مساوات 15.73 حل کرناضر وری نہیں اور سمتت کو

$$D \approx \frac{4\pi}{\phi_{HP}\phi_{HP}}$$

لکھا جا سکتا ہے جہال نصف طاقت زاویے ریڈیٹن میں ہیں۔اس مساوات میں

$$4\pi \,\mathrm{sr} = 4\pi \,\mathrm{rad}^2 = 4\pi \left(\frac{180}{\pi}\right)^2 \,\mathrm{deg}^2 = 41\,253 \,\mathrm{deg}^2$$

پر کرتے ہوئے

$$D \approx \frac{41253}{\theta_{PP}^{\circ}\phi_{PP}^{\circ}}$$

15.8. قطارى ترتيب

بھی لکھا جا سکتا ہے۔

 $\phi^{\circ}_{HP}=360^{\circ}$  مثال 15.7: بیس رکنی، چوڑائی جانب اخراجی قطار جس میں ارکان  $rac{\lambda}{2}$  فاصلے پر ہیں کے نصف طاقت زاویے  $heta^{\circ}_{HP}=5.0^{\circ}$  اور  $\phi^{\circ}_{HP}=360^{\circ}$  بیس مثال 15.7: بیس رکنی، چوڑائی جانب اخراجی قطار جس میں ارکان  $rac{\lambda}{2}$  فاصلے پر ہیں کے نصف طاقت زاویے  $heta^{\circ}_{HP}=5.0^{\circ}$  اور

حل: مساوات 15.139 سے

$$D \approx \frac{41253}{51 \times 360} = 22.5$$

حاصل ہوتی ہے۔

مثال 15.8: میں رکنی، لمبائی جانب اخراجی قطار جس میں ارکان  $\frac{\lambda}{2}$  فاصلے پر ہیں کے نصف طاقت زاویے  $34^\circ=\phi^\circ_{HP}=0$  ہیں کی سمتیت مثال 25.8: میں رکنی، لمبائی جانب اخراجی قطار جس میں ارکان  $\frac{\lambda}{2}$  فاصلی کریں۔

حل: مساوات 15.139 سے

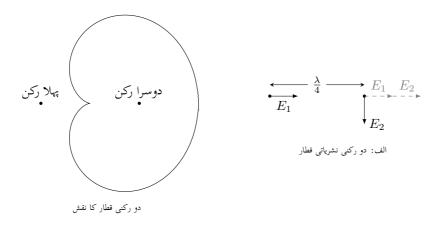
$$D \approx \frac{41253}{34 \times 34} = 35.7$$

حاصل ہوتی ہے۔

مثال 15.9: دوار کان پر مبنی قطار میں ار کان کے در میان فاصلہ 🚣 ہے۔ دائیں رکن (دوسرار کن) کو °90 پیچھے برقی رومہیا کی گئی ہے۔دونوں برقی رو کی حتمی قیمت برابر ہے۔دونوں ارکان افقی سطح پر سیدھے کھڑے ہیں۔افتی میدان پر اخراجی نقش حاصل کریں۔

 $^{234}$   $^{0}$ 

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شكل 15.11: دو ركني اشاعتي قطار اور اس كا نقش

اس کے برعکس جس لمحہ دائیں رکن کی برقی رو °0 پر ہوائی لمحہ بائیں رکن کی برقی رو °90پر ہو گی۔اس لمحے پر دائیں رکن کا میدان °0 پر ہو گا جبکہ ہا بائیں رکن کا میدان °90پر ہو گا۔اب جتنی دیر میں دائیں رکن کا میدان بائیں رکن تک پہنچے گا اتنی دیر میں دائیں رکن کا میدان مزید °90آگے بڑھ کر یہ °180پر پہنچ چکا ہو گا۔یوں دائیں رکن کے مقام پر دونوں میدان آپس میں الٹ ست میں ہوں گے للذاان کا مجموعہ صفر کے برابر ہو گا۔اس طرح دائیں ۔ رکن کے دائیں جانب میدان صفر ہی پایا جائے گا۔ شکل 15.11 میں صفر اور پائے ریڈیئن زاویوں پر دگنااور صفر میدان دکھایا گیا ہے۔

دونوں رکن کے درمیان عمودی کئیر پر پینچنے کے لئے دونوں میدان کو برابر دورانیے کی ضرورت ہے للذااس کئیر پر دونوں میدان آپس میں عمودی رہیں گے۔یوں اس کئیر پر کل میدان مسّلہ فیثاغورث کی مدد سے 1.4142E =  $\sqrt{E^2 + E^2}$  حاصل ہو گا۔ شکل 15.11-ب میں اسی طرح مختلف مقامات پر میدان حاصل کرتے ہوئے حاصل کردہ نقش د کھایا گیا ہے۔

مندرجہ بالا مثال کے نقش سے ظاہر ہے کہ یہ اینٹینا بائیں جانب اخراج نہیں کر تاللذااس کے بائیں جانب دوسرااینٹینا نسب کیا جا سکتا ہے جس کی اخراجی ست بائیں رکھی جائے گی تاکہ دونوں علیحدہ غلیحدہ نشریات کر سکیں۔

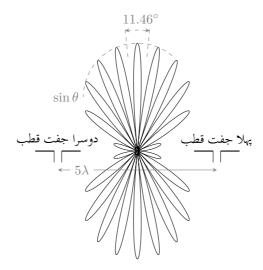
15.8.7 یکساں طاقت کے متعدد رکن پر مبنی قطار: بدلتے زاویہ اخراجی اینٹینا

مساوات 15.124

(15.140) 
$$\theta المنترطات = \cos^{-1}\left(-\frac{\delta}{\beta d}\right)$$

یسال ار کان کے قطار کی مرکزی نقش کا زاویہ دیتی ہے۔چوڑائی جانب اخراجی قطار میں °90 = θر کھا جاتا ہے جبکہ لمبائی جانب اخراجی قطار میں °0 = θ ر کھا جاتا ہے۔اگر شعاع کی سمت تبدیل کرنی ہو تواپسے اینٹینا کو گھمانا ہو گا۔

مساوات 15.124 کے تحت δ کو تبدیل کرتے ہوئے شعاع کی سمت کسی بھی زاویے پر رکھی جاسکتی ہے۔یوں δ کو 1– تا 1+ مسلسل تبدیل کرتے ۔ ہوئے شعاع کی سمت کو °0 تا °180 مسلسل تبدیل کیا جا سکتا ہے۔یوں بدلتے زاویہ اخراجی اینٹینا <sup>43</sup> کو ہلائے بغیر اس کی اخراجی سمت تبدیل کی جاسکتی ۔۔ ہے۔



شکل 15.12: دو عدد مختصر جفت قطب جنہیں  $5\lambda$  فاصلے پر رکھا گیا ہے سے حاصل تداخل پیما کا نقش۔

15.9 تداخُل پيما

فلکیات 44 کے میدان میں اینٹینا کا کلیدی کردار ہے۔ریڈیائی فلکیات 45 میں استعال ہونے والے اینٹینا کو تداخل پیا<sup>46</sup> اینٹینا کہتے ہیں۔

شکل 15.12 میں دوعدد مختصر جفت قطب کے در میان فاصلہ L ہے۔دونوں کو ہم قدم برقی رو مہیا کی گئی ہے۔ضرب نقش کی ترکیب استعال کرتے ہوئے اس کا نقش

$$(15.141) E = 2E_1 \cos \frac{\psi}{2}$$

ککھا جا سکتا ہے جہاں  $\theta = \beta L \cos \theta$  دور کنی قطار کا نقش ہے۔ صرب نقش کے تحت  $E_1$  انفرادی رکن کی نقش ہے جبکہ  $\frac{\psi}{2} \cos c \cot \theta$  دور کنی قطار کا نقش ہے۔ مساوات  $\sin \theta$  ماصل ہوتا ہے لہذا تقابل پذیر نقش

(15.142) 
$$E = \sin\theta\cos\frac{\psi}{2} = \sin\theta\cos\left(\frac{\pi L}{\lambda}\cos\theta\right)$$

کھا جا سکتا ہے جہاں  $\beta=rac{2\pi}{\lambda}$  کا استعال کیا گیا ہے۔ شکل 15.12 میں  $\delta=1$  کے لئے نقش د کھایا گیا ہے۔ زاویہ  $\delta=1$  کا زاویہ تکملہ  $\delta=1$  استعال کرتے ہوئے، پہلا صفر

$$\frac{\pi L}{\lambda}\cos\theta = \frac{\pi L}{\lambda}\sin\gamma_{01} = \frac{\pi}{2}$$

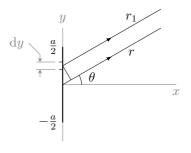
کی صورت میں پایا جائے گا جس سے

(15.143) 
$$\gamma_{01} = \sin^{-1} \frac{1}{2L/\lambda}$$

حاصل ہوتا ہے۔اگر  $\lambda \gg L \gg \lambda$  موتب پہلی صفر چوڑائی

(15.144) 
$$ag{57.3}$$
 rad  $=$   $\frac{57.3}{L/\lambda}$  deg

astronomy<sup>45</sup> radio astronomy<sup>45</sup> interferometer<sup>46</sup> باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شكل 15.13: مسلسل اينثينا

کھی جا سکتی ہے۔ یہ مساوات 15.130 میں دیے، 11رکنی چوڑائی جانب اخراجی قطار کے پہلی صفر چوڑائی کی آدھی قیمت ہے۔ مبکی سیاہی کے نقطہ دار ککیر سے ۔ 200 شکل میں مختصر جفت قطب کے نقش 6 sin کو واضح کیا گیا ہے۔

 $_{2}$ پانچ طول موج برابر  $_{2}$ کی صورت میں مساوات 15.144 سے پہلی صفر چوڑائی  $_{11.46}$  حاصل ہوتی ہے۔

ریڈیائی فلکیات میں فلکی اخراجی مادے کی شعاع کو تداخل پیاسے وصول کیا جاتا ہے۔ان کی جسامت کا بہتر سے بہتر تخمینہ لگانے میں چوڑائی نقش کر دار ادا کرتی ہے۔

مثق 15.1:  $L=20\lambda$  کی صورت میں تداخل پیا کی پہلی صفر چوڑائی حاصل کریں۔

جواب: °2.865

15.10 مسلسل خطى اينٹينا

ہم متعدد تعداد کے نقطہ منبع پر مبنی مخلف اقسام کے اینٹینا دیکھ بچکے ہیں۔اگر متعدد نقطہ منبع کی قطار میں منبع کے درمیان فاصلہ اتنا کم کر دیا جائے کہ یہ میں معلم متعدد منبع کی جگہ ایک مسلسل کلیر نظر آئے توالی صورت میں مسلسل خطی اینٹینا حاصل ہو گا۔ شکل 15.13 میں ایسا ہی اینٹینا دکھایا گیا ہے جس میں مسلسل خطی اینٹینا حاصل ہو گا۔ شکل 15.13 میں ایسا ہی اینٹینا دکھایا گیا ہے جس میں مسلسل خطی اینٹینا کا محدد پر پایا جاتا ہے۔

متام نقطہ منبع کو ہم قدم برقی رو مہیا کی گئی ہے۔اس اینٹینے کی کل لمبائی a کے برابر ہے۔اینٹینا کا محدد پر پایا جاتا ہے۔

اینٹینا کے حیوٹے مے dy کا دور میدان dE

(15.145) 
$$dE = \frac{A}{r_1} e^{j\omega(t - \frac{r_1}{c})} dy = \frac{A}{r_1} e^{j(\omega t - \beta r_1)} dy$$

لکھا جا سکتا ہے جہال A برقی روپر منحصر مستقل ہے۔ یوں مکمل اینٹینا کا میدان

(15.146) 
$$E = \int_{-\frac{a}{2}}^{\frac{a}{2}} \frac{A}{r_1} e^{j(\omega t - \beta r_1)} \, \mathrm{d}y$$

15.11. مستطيل سطحي ايتثينا

ہوگا۔ شکل سے  $heta = r - y \sin \theta$  کیما جا سکتا ہے۔ یوں

(15.147) 
$$E = e^{j(\omega t - \beta r)} \int_{-\frac{a}{2}}^{\frac{a}{2}} \frac{A}{r_1} e^{j\beta y \sin \theta} dy$$

(15.148) 
$$E = \frac{A}{r}e^{j(\omega t - \beta r)} \int_{-\frac{a}{2}}^{\frac{a}{2}} e^{j\beta y \sin \theta} dy$$

لکھا جا سکتا ہے۔ تکمل لیتے ہوئے

(15.149) 
$$E = \frac{A}{r} e^{j(\omega t - \beta r)} \left[ \frac{e^{j\beta \frac{a}{2} \sin \theta}}{j\beta \sin \theta} - \frac{e^{-j\beta \frac{a}{2} \sin \theta}}{j\beta \sin \theta} \right]$$
$$= A' \frac{\sin\left(\frac{\beta a}{2} \sin \theta\right)}{\frac{\beta a}{2} \sin \theta}$$

حاصل ہوتا ہے جہاں

$$\frac{aAe^{j(\omega t - \beta r)}}{r} = A'$$

لکھا گیا ہے۔

مساوات 15.149 زیادہ سے زیادہ میدان  $\theta=9$  پر A' دیتا ہے۔ یوں مساوات 15.149 کو A' سے تقسیم کرنے سے مسلسل اینٹینا کی تقابل پذیر بہت

(15.150) 
$$E_n = \frac{\sin\left(\frac{\beta a}{2}\sin\theta\right)}{\frac{\beta a}{2}\sin\theta}$$

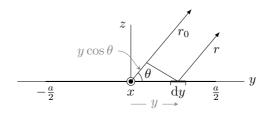
حاصل ہوتی ہے۔

یبال رک کر صفحه 449 پر مساوات 15.127 کو د وباره دیکھیں۔

15.11 مستطيل سطحي اينطينا

حصہ 15.10 کی ترکیب متنظیل سطحی اینٹینا پر بھی لا گو کی جاسکتی ہے۔اگر نقطہ منبع کے صف در صف اتنے قریب قریب رکھے جائیں کہ یہ علیحدہ علیحدہ منبع ۔۔۔ کی جگہ ایک مسلسل سطح نظر آئے توالی صورت میں مسلسل سطحی اینٹینا حاصل ہو گا۔ایسی ہی ایک مستطیلی سطح جس کی ہر سمت میں لمبائی 13 ہوں ہوست میں مسلسل سطح پر میدان ہم تا کہ بھی ہے۔اس سطح پر میدان ہم کا تفاعل نہیں ہے البتہ یہ بوپر منحصر ہے۔یوں میدان ۔۔۔ کو کی کھا جائے گا۔یورے سطح پر میدان ہم قدم ہے۔

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شكل 15.14: مستطيل سطحي اينثينا

ہائی گن 47 کے اصول کے تحت محاذ موج پر ہر نقطہ، منبع موج کا کر دار ادا کرتا ہے۔ یوں سطح پر چھوٹے رقبے dx dy پر میدان  $E_x(y)$  بطور منبع کر دار ادا کرتا ہے۔ یوں سطح پر برتی میدان  $E_x(y)$  سے یہاں کا مقناطیسی میدان

(15.151) 
$$H_y = \frac{E_x(y)}{Z_0}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں  $Z_0$  خطے کی قدرتی رکاوٹ  $\sqrt{rac{\mu_0}{\epsilon_0}}$  ہے۔مقناطیسی میدان کا بُعدا یمپیئر فی میٹر  $rac{A}{m}$  ہے لہٰذا اسے

$$(15.152) H_y = J_x z_1$$

ککھا جا سکتا ہے جہاں سطح کی موٹائی  $z_1$ اور اس میں کثافت برقی رو <sub>س</sub>ی تصور کی گئی ہے۔اس طرح لکھنے سے اس حقیقت کی وضاحت ہوتی ہے کہ مقناطیسی میدان بالکل اس طرح کردار ادا کرتا ہے جیسے کثافت برقی رو\_یوں مقناطیسی میدان کو منبع تصور کیا جا سکتا ہے۔

مساوات 15.25 میں  $dx \, dy = I_0 = I_x z_1 \, dy$  اور dx = dx اور dx = dx میان کو  $dx \, dy$  ہوئے، چھوٹے رقبے  $dx \, dy$  ہے دور تفرق میدان کو  $E = -j\omega A$ 

(15.153) 
$$dE = -j\omega[dA_x]$$

$$= -j\omega \frac{\mu_0 I_0 dl e^{j(\omega t - \beta r)}}{4\pi r}$$

$$= -\frac{j\omega \mu_0 E(y)}{4\pi r Z_0} e^{j(\omega t - \beta r)} dx dy$$

جہاں  $J_x$  کی وجہ سے  $A_x$  سمتی دباو ککھی گئی ہے۔ پورے رقبے سے پیدا میدان سطحی تکمل سے حاصل ہو گا۔ رقبے کے وسط سے  $r_0$  فاصلے اور  $\theta$  زاویے پر میدان

(15.154) 
$$E(\theta) = -\frac{j\omega\mu_0 e^{j(\omega t - \beta r_0)}}{4\pi r_0 Z_0} \int_{-a_{/2}}^{a_{/2}} \int_{-x_{1/2}}^{x_{1/2}} E(y) e^{j\beta y \cos \theta} dx dy$$

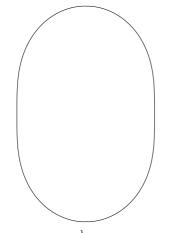
(15.155) 
$$E(\theta) = \frac{x_1}{2r_0\lambda} \int_{-a/2}^{a/2} E(y)e^{j\beta y\cos\theta} dy$$

 $E(y) = E_a$  حاصل ہوتی ہے۔ پوری سطے پر یکسال میدان

(15.156) 
$$E(\theta) = \frac{x_1 E_a}{2r_0 \lambda} \int_{-a/2}^{a/2} e^{j\beta y \cos \theta} dy$$

Huygen's principle $^{47}$  برد.  $^{48}$ جیسر حصہ 15.3 میں دکھایا گیا ہر۔

459 15.11. مستطيل سطحي اينثينا







شكل 15.15: مستطيل سطح كر نقش

لکھتے ہوئے

(15.157) 
$$E(\theta) = \frac{x_1 a E_a}{2r_0 \lambda} \frac{\sin[(\beta a/2) \cos \theta]}{(\beta a/2) \cos \theta}$$
$$= \frac{E_a S_{\zeta_1 \dot{z}_1}}{2r_0 \lambda} \frac{\sin[(\beta a/2) \cos \theta]}{(\beta a/2) \cos \theta}$$

حاصل ہو گا جہاں <sub>خی</sub>ج سطح کار قبہ ہے۔

زیادہ سے زیادہ میدان  $\theta=90^\circ$ یر

$$E(\theta)$$
 بندر $E(\theta)$  بندر $E(\theta)$  بندر $E(\theta)$  بندر $E(\theta)$  بندر

 $\theta=0$  جانب اخراج صفر ہو تب $\theta=90$  جانب اخراج مشر ہو تب

(15.159) 
$$E(\theta)_{\text{lin}} = \frac{E_a S_{\zeta_{|\mathcal{S}|}}}{r_0 \lambda} \qquad \hat{\mathcal{S}}_{\text{lin}} = \frac{E_a S_{\zeta_{|\mathcal{S}|}}}{r_0 \lambda}$$

ہو گی۔اس میدان کو a=5 اور  $a=rac{\lambda}{2}$  اور  $a=rac{\lambda}{2}$  کے لئے شکل 15.15 میں دکھایا گیا ہے۔

صفحه 448 پر مساوات 15.121

$$E(\theta) = E_0 \frac{\sin\frac{n\psi}{2}}{\sin\frac{\psi}{2}}$$

یسال غیر سمتی n رکنی قطار کا دور میدان دیتی ہے جہال  $(\psi=eta d\cos heta+\delta)$  ہے اور  $E_0$  انفرادی رکن کا میدان ہے۔چوڑائی جانب اخراجی قطار کی صورت میں حاصل ہوتا ہے جس سے مندر جبہ بالا مساوات  $\delta=0$ 

(15.160) 
$$E(\theta) = E_0 \frac{\sin[(n\beta d/2)\cos\theta]}{\sin[(\beta d/2)\cos\theta]}$$

صورت اختیار کر لیتی ہے۔ قطار کی لمبائی 'a' ککھتے ہوئے، زیادہ قیمت کی n اور 'a کی صورت میں n pprox a' = (n-1)d pprox a' وگا۔ اگر ہم اپنی توجہ heta=00° کے قریب رکھیں تب مساوات 15.160 کو

(15.161) 
$$E(\theta) = nE_0 \frac{\sin[(\beta a'/2)\cos\theta]}{(\beta a'/2)\cos\theta}$$

ککھا جا سکتا ہے۔اس مساوات کا مساوات 15.157 کے ساتھ موازنہ کرنے سے ہم دیکھتے ہیں کہ a لمبائی کی سطحی اینٹینا اور nر کن a' لمبی چوڑائی اخراجی قطار 28 میران بالکل برابر حتی قیمت رکھتے ہیں۔  $nE_0=rac{E_aS_{cd}}{2r_0\lambda}$  کی صورت میں دونوں کے میدان بالکل برابر حتی قیمت رکھتے ہیں۔

15.12 اخراجی سطح پر میدان اور دور میدان آپس کر فوریئر بدل ہیں

یک بُعدی میدان E(y) اور اس سے پیدادور میدان E(θ) ایک دوسرے کے فوریئر بدل 49 ہوتے ہیں۔ محدود سطح کے لئے ان جڑوال فوریئر تسلسل میں سے ایک بدل کو

(15.162) 
$$E(\theta) = \int_{-a/2}^{a/2} E(y)e^{j\beta y\cos\theta} dy$$

کھا جا سکتا ہے۔اس کا مساوات 15.155 کے ساتھ موازنہ کریں۔ان میں صرف جزو ضربی کا فرق پایا جاتا ہے۔

15.13 خطى اينٹينا

مخضر جفت قطب ہم دیکھ چکے ہیں جہاں جفت قطب کی لمبائی طول موج سے بہت کم  $\lambda ∞ I$  تھی۔آئیں کمبی اینٹینا پر غور کریں۔اینٹینا پر سائن نما برقی ہو۔ رو تصور کی جائے گی۔

شکل میں کل L لمبائی کا اینٹینا و کھایا گیا ہے جسے بالکل در میان سے برقی رو مہیا کی گئی ہے۔ اینٹینا کے دونوں بالکل کیساں نصف اطراف میں برقی رو بھی ہم شکل ہے۔ ہم L کے چھوٹے تھیوٹے ٹکٹروں dy کو انفراد کی جفت قطب تصور کرتے ہوئے ان سب کے میدان کا مجموعہ حاصل کرتے ہوئے اس اینٹینا کا دور میدان حاصل کریں گے۔ تجربے سے ثابت ہوتا ہے کہ الی اینٹینا میں برقی رو

(15.163) 
$$I = \begin{cases} I_0 \sin\left[\frac{2\pi}{\lambda} \left(\frac{L}{2} + y\right)\right] & y < 0 \\ I_0 \sin\left[\frac{2\pi}{\lambda} \left(\frac{L}{2} - y\right)\right] & y > 0 \end{cases}$$

Fourier transform<sup>49</sup> Gaussian distribution<sup>50</sup> 15.13. خطي ايتثينا

صورت رکھتی ہے۔ مختصر جفت قطب کی لمبائی کو dy اور اس کے دور میدان کو dE لکھتے ہوئے مساوات 15.38

(15.164) 
$$dE_{\theta} = j \frac{30I\beta \, dy}{r} \sin \theta e^{j(\omega t - \beta r)}$$

لعني

(15.165) 
$$dE_{\theta} = \frac{j60\pi e^{j(\omega t - \beta r_0)}}{r_0 \lambda} \sin \theta I e^{j\beta y \cos \theta} dy$$

دیتی ہے۔ یول L لمبے اینٹینا کا میدان

(15.166) 
$$E_{\theta} = k \sin \theta \int_{-L/2}^{L/2} I e^{j\beta y \cos \theta} dy$$

ہو گا جہاں

(15.167) 
$$k = \frac{j60\pi e^{j(\omega t - \beta r_0)}}{r_0 \lambda}$$

کھا گیا ہے۔مساوات 15.163 استعال کرتے اور تکمل لیتے ہوئے

(15.168) 
$$E_{\theta} = \frac{j60[I_0]}{r_0} \left\{ \frac{\cos[(\beta L \cos \theta)/2] - \cos(\beta L/2)}{\sin \theta} \right\} \quad \text{algebraically sin } \theta$$

حاصل ہوتا ہے جہاں  $I_0 = I_0 e^{j(\omega t - eta r_0)}$  تاخیر کی برقی رو ہے۔  $rac{\lambda}{2}$  جفت قطب کی صورت میں اسے

(15.169) 
$$E_{\theta} = \frac{j60[I_0]}{r_0} \frac{\cos[\frac{\pi}{2}\cos\theta]}{\sin\theta} \quad \frac{\lambda}{2}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

میدان کی شکل مساوات 15.168 کے دائیں جانب قوسین میں بند جزو پر منحصر ہے جسے  $rac{\lambda}{2}$  جفت قطب کی صورت میں

(15.170) 
$$E_{\theta} = \frac{\cos[\frac{\pi}{2}\cos\theta]}{\sin\theta} \qquad \frac{\lambda}{2}$$

اور 1.5٪ جفت قطب کی صورت میں

(15.171) 
$$E_{\theta} = \frac{\cos\left[\frac{3\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta} \qquad \text{if } \frac{3\lambda}{2}$$

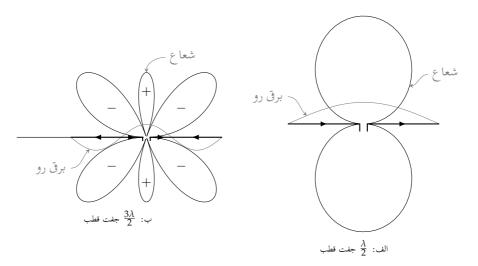
لکھا جا سکتا ہے۔

شکل 15.16 میں ½ اور <u>3۸</u> جفت قطب اور ان کے شعاع نکلی محد دیر د کھائے گئے ہیں۔ جفت قطب پر برقی رو کی سمتیں تیر کی نشان سے د کھائے گئے ۔ ہیں۔

شکل-ب میں میدان کے شعاعوں میں °180 کا زاویائی فرق پایا جاتا ہے۔

جفت قطب کو محور لیتے ہوئے دئے گئے نقش کواس کے گرد گمانے سے تین رُخی نقش حاصل ہو گا۔

H62 و باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شکل 15.16:  $\lambda$  اور  $\lambda$  1.5 $\lambda$  اور میدان۔

اوسط یوئٹنگ سمتیہ کا بڑی رداس کے کرہ پر سطی تکمل

(15.172) 
$$P = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} \frac{|E_{\theta}|^2}{2Z} r^2 \sin\theta \, d\theta \, d\phi$$

عددی طریقے سے حاصل کرتے ہوئے کل اخراجی مزاحمت R حاصل کی جاتی ہے۔اس مساوات میں  $|E_{\theta}|$  کو مساوات 15.169 سے پر کرتے ہوئے

$$P = \frac{15I_0^2}{\pi} \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta} d\theta d\phi$$

 $Z_0=120\pi$  اور  $Z_0=120\pi$  اور کے گئے ہیں۔ بیر ونی تکمل پہلے لیتے ہوئے

$$(15.173) P = 30I_0^2 \int_0^{\pi} \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta} d\theta$$

ملتا ہے۔اس مساوات کو عددی طریقے سے حل کرتے ہیں۔ایبا کرنے کی خاطر اسے مجموعے

(15.174) 
$$P = \sum_{i=0}^{n} 30 I_0^2 \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta} \Delta\theta = \sum_{i=0}^{n} p(\theta) \Delta\theta$$

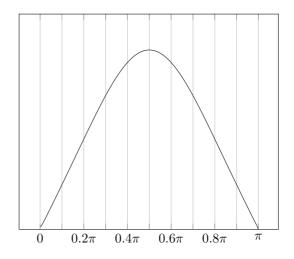
کی شکل میں لکھتے ہیں جہاں

$$p(\theta) = 30I_0^2 \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin\theta}$$

کھا گیا ہے۔ شکل 15.17 میں کار تیسی محدد پر تفاعل  $p(\theta)$  کو د کھایا گیا ہے۔افقی محدد پر  $\theta=0$  تا  $\pi=0$  ہے جبکہ عمودی محدد پر  $p(\theta)$  ہے۔اگر  $p(\theta)$  ہے۔اگر  $p(\theta)$  تا  $p(\theta)$  میں تقسیم کیا جائے تو ہر خکڑے کی چوڑائی  $\frac{\pi}{n}$  ہو گی۔ گراف کے ایسے ہر خکڑے کو مستطیل تصور کیا جا سکتا ہے۔ان تمام مستطیل کے رقبے جمع کرتے ہوئے تکمل حاصل کیا جاتا ہے۔اسے کہتے ہیں عددی طریقہ۔

شکل میں n=1 لیا گیا ہے۔ یوں ہمیں دس متطیل کے رقبے حاصل کرنے ہیں۔ ہر متعطیل کے دونوں اطراف کے قد کی اوسط قیمت کو متعطیل کا قد تصور کیا جائے گا۔ بائیں بازوسے شروع کرتے ہوئے پہلے متعطیل کے بائیں طرف کا قد 0.1 ماوات کا قد تصور کیا جائے گا۔ بائیں بازوسے شروع کرتے ہوئے پہلے متعطیل کے بائیں طرف کا قد 0.1 ہوئے کہا ہما کا قد تصور کیا جائے گا۔ بائیں بازوسے شروع کرتے ہوئے پہلے متعطیل کے بائیں طرف کا قد 0.1 ہماوات

15.13. خطی اینٹینا



شكل 15.17: اخراجي مزاحمت كا عددي حل.

جدول 15.2: برابر زاویائی فاصلوں پر تفاعل کے قیمت.

$30I_0^2 \frac{\cos^2[\pi/2\cos\theta]}{\sin\theta}$	$\theta$
0	$0.0\pi$
$00.573I_0^2$	$0.1\pi$
$04.457I_0^2$	$0.2\pi$
$13.492I_0^2$	$0.3\pi$
$24.677I_0^2$	$0.4\pi$
$30I_0^2$	$0.5\pi$
$24.677I_0^2$	$0.6\pi$
$13.492I_0^2$	$0.7\pi$
$04.457I_0^2$	$0.8\pi$
$00.573I_0^2$	$0.9\pi$
0	$1.0\pi$

15.175 سے

(15.176) 
$$p_1(\theta) = 30I_0^2 \frac{\cos^2[\frac{\pi}{2}\cos(0.1\pi)]}{\sin(0.1\pi)} = 0.573I_0^2$$

حاصل ہوتا ہے۔اسی طرح بقایا تمام نقطوں پر بھی قد حاصل کرتے ہوئے جدول 15.2 میں دیے گیے ہیں۔

تکل 15.17 میں بائیں سے دوسرے متطیل (
$$heta=0.1\pi$$
 کا رقبہ 15.17 میں بائیں سے دوسرے متطیل ( $heta=0.1\pi$ 

اوسط قد 
$$imes$$
 چوڑائی $imes$  اوسط قد  $imes$  چوڑائی $imes$   $=0.1\pi imes\left(rac{0.573I_0^2+4.457I_0^2}{2}
ight)$   $=0.79I_0^2$ 

ہے۔

305

باب 15. ايتثينا اور شعاعي اخراج

جدول 15.2 کی مدد سے کل رقبہ

$$P = 0.1\pi I_0^2 \left( \frac{0}{2} + 0.573 + 4.457 + 13.492 + 24.677 + 30 + 24.677 + +13.492 + 4.457 + 0.573 + \frac{0}{2} \right)$$

لعني

$$(15.177) P = 36.5675I_0^2$$

لمبائی کے جفت قطب کا اخراجی مزاحمت  $\frac{\lambda}{2}$ 

$$R_{i,i,j} = 73.13\,\Omega$$
 جفت قطب  $R_{i,i,j} = 73.13\,\Omega$ 

حاصل ہوتا ہے۔ یہ وہ مزاحمت ہے جو اینٹینا کو طاقت مہیا کرنے یااس سے طاقت وصول کرنے والے ترسیلی تار کو نظر آتی ہے۔  $\frac{\lambda}{2}$  اینٹینا کے اخراجی مزاحمت کا موازنہ مختصر جفت قطب کی اخراجی مزاحمت (0.63  $\Omega$ ) کے ساتھ کریں جسے صفحہ 434 پر مثال 15.1 میں حاصل کیا گیا ہے۔

اینٹینا کی رکاوٹ میں 142.5 او ہم کا خیالی جزو (Z = 73.1 + j42.5) بھی پایا جاتا ہے۔ اینٹینا کی لمبائی چند فی صد کم کرنے سے خیالی جزو صفر کیا ہوں استاہے، البتہ اس سے حقیق جزو قدر کم ہو کر Ω 70 رہ جاتا ہے۔ زیادہ صافت کی منتقلی کے لئے ضروری ہے کہ ایسے اینٹینا کو Ω 70 قدرتی مناصل ہوتا ہے۔ رکاوٹ کے ترسیلی تار کے ساتھ جوڑا جائے۔ 30 اینٹینا کا اخراجی مزاحت Ω 100 حاصل ہوتا ہے۔

مثال 15.10  $\frac{\lambda}{2}$  لمبائی کے خطی اینٹینا کی سمتیت حاصل کریں۔

حل: مساوات 15.77 میں مساوات 15.170 پر کرتے ہوئے

$$D = \frac{4\pi}{\iint\limits_{4\pi} P_n(\theta, \phi) \, d\Omega} = \frac{4\pi}{2\pi \int_0^{\pi} \frac{\cos^2\left[\frac{\pi}{2}\cos\theta\right]}{\sin^2\theta} \sin\theta \, d\theta}$$

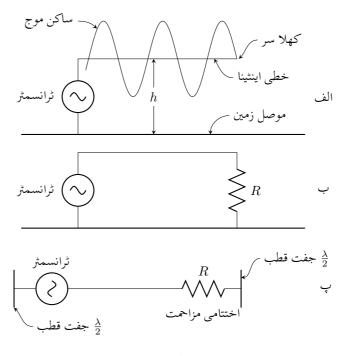
حاصل ہوتا ہے۔اس کا مساوات 15.173 سے موازنہ کرتے ہوئے، مساوات 15.177 میں حاصل کی گئی قیمت  $36.5675 I_0^2$  استعمال کرتے ہوئے

(15.180) 
$$D = \frac{4\pi}{2\pi \left(\frac{36.5675I_0^2}{30I_0^2}\right)} = 1.64$$

حاصل ہوتا ہے۔

314

15.14. چلتے موج ایتثینا



شكل 15.18: مسلسل موج اينثينا.

15.14 چلتر موج اینٹینا

گزشتہ جھے میں خطی اینٹینا پر سائن نما بر قی رو تصور کیا گیا۔ایی دبلی موصل تار، جس کا قطر d طول موج  $\lambda$  سے بہت کم ہو  $d<\frac{\lambda}{100}$  اور جس کا آخری d اور جس کا آخری مراکطے سرے ہو، کے برقی رو کی شکل تقریباً ایسی ہی ہوتی ہے۔

کئی طول موج کمبی خطی اینٹینا موصل زمین کے متوازی ۱۱ونچائی پر پائی جاتی ہے۔ جیسے شکل 15.18-الف میں دکھایا گیا ہے، اس کو بائیں جانب سے ہوں ہوں موج کمبی کہ طول موج کمبی است مہیا کرتا ہے۔ خطی اینٹینا اور موصل زمین مل کر کھلے سرے ترسیلی تار کا کردار ادا کرتے ہیں۔یوں کھلے سر پر آمدی برقی رواور یہاں سے انعکاسی برقی رو مل کر ساکن موج کا صفر پایا جاتا ہے جبکہ لیے ہے۔ تار کے کھلے سر پر برقی رو کے ساکن موج کا صفر پایا جاتا ہے جبکہ لیے ہے۔ نام کی جھی۔ فاصلے پر اس کی چوٹی پائی جاتی ہے۔ بہی برقی رو گزشتہ جھے میں خطی اینٹینا پر فرض کی گئی تھی۔

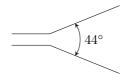
آئیں اب ترسلی تار کے قدرتی رکاوٹ کے برابر مزاحمت R، تار کے کھلے سر اور زمین کے درمیان جوڑیں۔ایبا کرنے کے بعد اینٹینا پر انعکاس موج پیدا نہیں ہوگی۔تار میں قابل نظرانداز ضیاع کی صورت میں پوری لمبائی پر برقی رو کی قیمت کیساں ہوگی جبکہ لمبائی جانب بڑھتازاویائی فرق پایاجائے گا۔اس کوج پیدا فرح قدرتی رکاوٹ کے برابر مزاحمت سے اختتام کردہ اینٹینا کو شکل 15.18-ب میں دکھایا گیا ہے۔زمین سے دور خطی اینٹینا پر ایسی ہی مسلسل موج پیدا موج کیدا کی ترکیب شکل 15.18-پ میں دکھایا گیا ہے۔

مسلسل موج کے اس خطی اینٹینا کو چھوٹے، سلسلہ وار جڑے، لمبائی جانب اخراجی جفت قطب کا مجموعہ نصور کیا جا سکتا ہے۔ایسا شکل میں د کھایا گیا ہے۔مساوات 15.127 غیر سمتی ارکان کے قطار کا تقابل پذیر نقش

$$E_n = \frac{1}{n} \frac{\sin \frac{n\psi}{2}}{\sin \frac{\psi}{2}}$$

transmitter<sup>51</sup>

466 جاب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج



(۱) ب: دو مسلسل موج اینٹینا کو  $44^\circ$  پر رکھ کر بہتر سمتیت حاصل کی جاتی بر۔

22°

الف: خطى اختتام كرده مسلسل موج اينٹينا۔

شكل 15.19

دیتی ہے جہاں لمبائی جانب اخراج کی صورت میں  $\psi = \beta d(\cos\theta - 1)$  ہو تب ضرب نقش کی ترکیب سے قطار کا نقش  $E_0$  ہو تب ضرب نقش کی ترکیب سے قطار کا نقش

$$E(\theta) = \frac{E_0}{n} \frac{\sin \frac{n\psi}{2}}{\sin \frac{\psi}{2}}$$

کھا جا سکتا ہے۔انتہائی حچبوٹے جفت قطب کا نقش  $E_0=\sin heta$  ہے لہذا کہے اینٹینا L=d(n-1)pprox L=d(n-1) کے لئے

(15.181) 
$$E(\theta) = \frac{\sin \theta}{n} \frac{\sin\left[\frac{\beta L}{2}(\cos \theta - 1)\right]}{\sin\left[\frac{\beta L}{2n}(\cos \theta - 1)\right]}$$

کھا جائے گا۔ یہ اینٹینا لمبائی جانب اخراج کرتاہے المذا 8 کی قیمت زیادہ نہیں ہو گی۔ایسی صورت میں مندرجہ بالا مساوات کو

(15.182) 
$$E(\theta) = \sin \theta \frac{\sin[\beta L/2(\cos \theta - 1)]}{\beta L/2(\cos \theta - 1)}$$

لکھا جا سکتا ہے۔

شکل 15.19-الف میں 20 = nاور  $\frac{\lambda}{4} = 0$  کی صورت میں حاصل 4.75 کہ لمبائی کے اینٹینا کی شعاع دکھائی گئی ہے۔مرکزی شعاع °22 = 0 پر پیل ہوتی ہے۔جیسا شکل -ب میں دکھایا گیا ہے، دوعدد ایسے اینٹینا کو آپس میں °44 کے میکانی زاویے پر رکھنے سے یک سمتی اینٹینا حاصل ہو گا جسے دوتار پیل کی جاتی ہے۔دونوں کے قریبی شعاع مل کر بہتر سمتیت دیتی ہے۔

زمین کے متوازی اینٹینا کا عمودی شعاع حاصل کرنے کی خاطر زمین میں اینٹینا کے عکس کو بھی مد نظر رکھا جائے گا۔

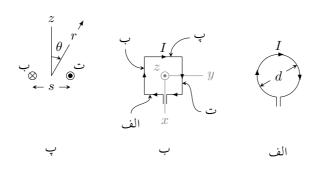
15.15 چهوڻا گهيرا اينڻينا

شکل 15.20-الف میں d قطر کا گیرا اینٹینا 52 د کھایا گیا ہے جس میں I برقی رو گزر رہی ہے۔ دائرے کا قطر طول موج سے بہت کم  $d \gg 1$  ہندا پورے گول دائرے کو شکل -ب کا چکور تصور کرتے ہوئے، دور میدان حاصل کرتے ہیں۔ چکور اور گول دائرے کے رقبے برابر

$$(15.183) S = s^2 = \frac{\pi d^2}{4}$$

loop antenna<sup>52</sup>

15.16. پيچ دار اينٹينا



شكل 15.20: دائره اور چكور اينثينا

کئے جاتے ہیں۔ چکور کے چار اطراف کو چار جفت قطب تصور کرتے ہوئے دور میدان حاصل کیا جائے گا۔ چکور کو کار تیسی محدد کے مرکز پر 0 = 2 سطح پر رکھتے ہوئے 0 = x سطح پر دور میدان حاصل کیا جائے گا۔ سطح 0 = x پر چکور کے اطراف الف اور پ برابر مگر الٹ سمت میں میدان پیدا کرتے ہیں لہٰذا ان کا مجموعہ صفر کے برابر ہے۔اطراف ب اور ت بطور مختصر جفت قطب کردار ادا کرتے ہیں جن کا نقش x = 0 سطح پر غیر سمتی ہے لہٰذا انہیں دو غیر سمتی جفت قطب تصور کیا جا سکتا ہے۔ایسا ہی شکل-پ میں دکھایا گیا ہے جہاں سے دور میدان

$$E(\theta) = E_2 e^{-j\frac{\psi}{2}} - E_4 e^{j\frac{\psi}{2}}$$

 $\psi=eta \sin heta$  اور  $\psi=eta \sin heta$  ہیں۔یوں  $E_2=E_4$  ہیں۔یوں

$$E(\theta) = -j2E_2 \sin\left(\frac{\beta s}{2}\sin\theta\right)$$

 $s \ll \lambda$  کی صورت میں  $s \ll \lambda$ 

$$(15.184) E(\theta) = -jE_2\beta s\sin\theta$$

ککھا جا سکتا ہے۔صفحہ 432 پر دیے گئے جدول 15.1 سے مختصر جفت قطب کے دور میدان E<sub>0</sub> کے حیطے کو E<sub>2</sub> کی جگہ پر کرتے ہوئے

(15.185) 
$$E(\theta) = \frac{60\pi Il}{r\lambda} \beta s \sin \theta$$

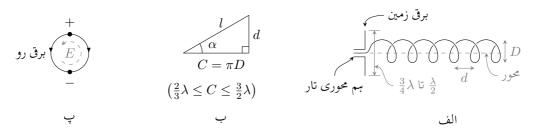
S=S=1 ماصل ہوتا ہے۔ شکل 15.20 پ میں جفت قطب کی لمبائی S=S=1 ہے جبکہ چکور کا رقبہ

(15.186) 
$$E(\theta) = \frac{120\pi^2 I}{r} \frac{S}{\lambda^2} \sin \theta$$

ککھا جا سکتا ہے۔مندرجہ بالا مساوات S رقبے کے چھوٹے دائرے یا چکور کا دور میدان دیتی ہے۔ چکور کا قطر جتنا کم ہویہ مساوات اتنا ہی زیادہ درست میدان دیتا ہے۔ حقیقت میں S رقبے کے کسی بھی شکل کے حچھوٹے بند دائرے کا دور میدان یہی مساوات دیتا ہے۔

15.16 پيچ دار اينٹينا

 468 على اخراج



شكل 15.21: پيچ دار اينٹينا۔

ناپ ہیں۔ان تمام کو شکل 15.21 میں دکھایا گیا ہے۔اییا کچھے جس کا محیط  $C = \pi D$  تقریباً ایک طول موج ( $1\lambda$ ) کمبا ہو پر ایک مکمل موج پائی جائے گی۔ یوں نصف چکر پر برقی موج کا مثبت حصہ اور بقایا پر موج کا منفی حصہ پایا جائے گا۔ کچھے کے ایک چکر کو شکل۔پ میں دکھایا گیا ہے جہاں اس پر برقی رو اور چارج دکھائے گئے ہیں جو میدان E پیدا کرتے ہیں۔ چیسے جیسے بیتے برقی رو کی موج اینٹینا پر آگے حرکت کرتی ہے ویسے ویسے میدان E گھومے گا جو اینٹینا کے محور پر دائری قطبیت E کہ اسے کسی مزاحمت سے انتظام پذیر کرنے کی ضرورت نہیں ہوتی۔اس پر برتی رو بالکل مسلسل موج اینٹینا کی مانند ہوتی ہے۔اینٹینا کے کھلے سر سے انعکاس موج قابل نظرانداز ہونے کے ناطے،اس پر یکسال حیطے کے برتی رو بالکل مسلسل موج اینٹینا کی جاتے ہوتی ہے۔اینٹینا کے کھلے سر سے انعکاس موج قابل نظرانداز ہونے کے ناطے،اس پر یکسال حیطے کے برتی رو کی موج خارجی جانب حرکت کرتی پائی جاتی ہے۔

پنچ دار اینٹینا کو لمبائی جانب اخراجی قطار تصور کیا جا سکتا ہے جہاں ہر چکر کو انفرادی منبع فرض کیا جاتا ہے۔ضرب نقش کے اصول سے، انفرادی منبع کا نقش ضرب غیر سمتی ارکان کے قطار کا نقش،

(15.187) 
$$E(\theta) = \cos \theta \frac{\sin(n\psi/2)}{\sin(\psi/2)}$$

ا بنٹینے کا نقش دیتا ہے۔اس مساوات میں انفرادی چکر کے نقش کو cos θ کے لگ بھگ تصور کیا گیا ہے۔مندرجہ بالا مساوات میں

$$\psi = \beta d \cos \theta - \frac{c\beta L}{v}$$

(15.189)

ے برابر ہے جہاں دو قریبی چکر کے مابین زاویائی فرق  $rac{ceta L}{v}$  ہو گا جو ایک چکر گولائی L پر  $\sigma$ ر فتار سے حرکت کرتی موج کا زاویائی فرق ہے۔

مساوات 15.187 اور مساوات 15.182 کے مواز نے سے معلوم ہوتا ہے کہ یہ قدر مختلف ہیں۔مساوات 15.187 میں 6 cos پایا جاتا ہے جس کی قیمت  $\theta$  پیا جاتا ہے جو  $\theta$  پر زیادہ سے زیادہ ہے جو اینٹینا کا محور یعنی شعاعی اخراج کی سمت ہے۔اس کے برعکس مساوات 15.182 میں  $\theta$  sin کا جزو ضربی پایا جاتا ہے جو اینٹینا کے محور پر صفر کے برابر ہے للذا اس اینٹینا کی شعاع دو شاخی ہے اور اس کی سمتیت قدر کم ہے۔

چو نکہ میدان دائری قطبی اور محور کے گرد میسال ہے للذا یہی مساوات  $E_{ heta}( heta)$  کے علاوہ  $E_{\phi}( heta)$  کا نقش بھی دیتی ہے۔

کسی بھی لمبائی جانب اخرابی قطار میں تمام منبع کے میدان اینٹینا کے محور پر ہم قدم ہوتے ہیں جو $\psi=0, \mp 2\pi, \mp 4\pi, \cdots$ 

کی صورت میں ممکن ہوتا ہے۔ پیچ دار اینٹینا میں  $\psi = -2\pi$  برابر ہے۔ارکان کے مابین  $\psi = -2\pi$  زاویائی فرق کی بنیاد پر حاصل نقش اور اصل پیچ دار اینٹینا کے ناپی گئی سمتیت زیادہ ہے۔ ہنسن اور ووڈ یارڈ  $\psi = -2\pi$  ہیں کہ  $\psi = -2\pi$  دار اینٹینا کے ناپی گئی سمتیت نیادہ ہے۔ ہنسن اور ووڈ یارڈ  $\psi = -2\pi$  ہیں کہ  $\psi = -2\pi$  دارینٹینا کے ناپی گئی سمتیت اس صورت حاصل ہوتی ہے جب اس کے ارکان کے مابین  $\psi = -2\pi$  زاویائی فرق پایا جاتا ہمائی جانب اخراجی قطار کی زیادہ سے زیادہ سمتیت اس صورت حاصل ہوتی ہے جب اس کے ارکان کے مابین  $\psi = -2\pi$ 

circular polarization<sup>54</sup> Hansen and Woodvard<sup>55</sup>

15.17. دو طرفه کردار

ہو۔ مساوات 15.187 میں ارکان کے مابین زاویائی فرق  $\frac{\pi}{n} - 2\pi = \psi$  پر کرنے سے حقیقی اینٹینا کے ناپے نقش جیسا نقش حاصل ہوتا ہے۔ اس سے ثابت ہوتا ہے کہ حقیقی اینٹینا پر دو قریبی چکر کے مابین یہی زاویائی فرق پایا جاتا ہے۔ اس نتیج کو تسلیم کرتے ہوئے مساوات 15.188 سے

(15.190) 
$$\psi = \beta d \cos \theta - \frac{c\beta L}{v} = -2\pi - \frac{\pi}{n}$$

لکھتے ہوئے

$$\frac{v}{c} = \frac{\frac{1}{\lambda}}{\frac{d}{\lambda} + \frac{2n+1}{2n}}$$

اور n=20 وار n=20 وروت میں n=20 وروت میں n=20 وروت میں جاتے ہوگی۔ حقیقی جی دار اینٹینا پر موج کی رفتار کہی ناپی جاتی ہے۔ ایسا معلوم ہوتا ہے کہ جی دار اینٹینا نود بخود موج کی رفتار کو اس قیمت پر رکھتی ہے جس پر اینٹینا کی سمتیت زیادہ سے زیادہ حاصل ہو۔ تین سے زیادہ وہ چی دار اینٹینا نیو ہو جود موج کی رفتار کو اس قیمت پر رکھتی ہے جس پر اینٹینا کی سمتیت زیادہ سے تیادہ براھا کر سمتیت جب کی میں تیج دار اینٹینا یہ عمل (00 00 کے خود موج کی اور 00 اور 00 کی اور 00 کی تعداد براھا کر سمتیت براھائی جا کتی ہے۔

بيچ دار اينٹينا کي سمتيت تقريباً

$$(15.192) D = 15 \left(\frac{C}{\lambda}\right)^2 \frac{nd}{\lambda}$$

D=64 کی صورت میں  $C=\lambda$  اور  $lpha=12^\circ$  کی صورت میں D=64 ہوگ۔

۔ 30 × 0.213 λ = 12° اور α = 12 کی صورت میں طول موج میں تقریباً پانچ چکر پائیں جائیں گے للذا20 چکر کا اینٹینا = 0.213 λ = 335 میں تقریباً پانچ چکر پائیں جائیں گے للذا20 چکر کا اینٹینا = 4.3 کی سمتیت چار گناسے بھی قدر کم ہوتی ہے۔ 4.3 کم بائی کے عام لمبائی کے عام لمبائی کے عام لمبائی کے عام لمبائی جانب اخراجی اینٹینا کی سمتیت چار گناسے بھی قدر کم ہوتی ہے۔

پیچ دار اینٹینا کی سمتیت زیادہ ہونے کا مطلب ہے کہ اس کی اخراجی سطح حقیقی سطح سے بہت زیادہ ہوتی ہے۔مصنوعی سیاروں پر مبنی ذرائع ابلاغ میں ۔ پیچ دار اینٹینا کلیدی کردار ادا کرتی ہے۔

15.17 دو طرفه کردار

اینٹینا کی دوطر فیہ خاصیت 56پر شکل 15.22 کی مدد سے غور کرتے ہیں۔دونوں اینٹینا کے در میان غیر متحرک، خطی اور غیر سمتی خطہ پایاجاتا ہے۔ شکل۔
الف میں پہلے اینٹینا کو صفر رکاوٹ اور ۶ تعدد کے منبع سے طاقت مہیا کی جاتی ہے جس سے پہلے اینٹینا کے داخلی سروں پر برتی رواور دوسرے اینٹینا

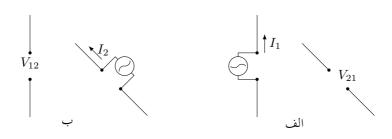
کے کھلے برتی سروں پر برتی دباو V21 پیدا ہوتی ہے۔اگر منبع طاقت کو دوسرے اینٹینا کے ساتھ جوڑا جائے تب دوسرے اینٹینا میں I2 برتی رواور پہلے

اینٹینا کے کھلے برتی سروں پر V22 برتی دباو پیدا ہوگا۔ شکل-ب میں ایساد کھایا گیا ہے۔چونکہ کسی بھی چار سروں والے برتی دور کا مساوی T دور بنانا ممکن

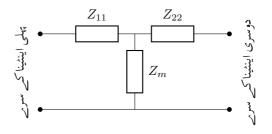
ہو لینٹینا کے عار برتی سروں کے مابین مجمی ایسا کرنا ممکن ہوگا۔شکل 15.23 میں ہیے مساوی دور دکھایا گیا ہے جہاں سے

reciprocity<sup>56</sup>

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شکل 15.22: دو اینٹینا کے مابین باہمیت۔



شكل 15.23: مساوى T دور.

$$V_{21} = I_1 Z_m$$
$$V_{12} = I_2 Z_m$$

$$\frac{V_{21}}{I_1} = \frac{V_{12}}{I_2} = Z_m$$

کھا جا سکتا ہے۔دونوں اینٹینا کو برابر برقی رو $(I_1=I_2)$  مہیا کرنے کی صورت میں

$$(15.194) V_{21} = V_{12}$$

365 \_ **L** 97

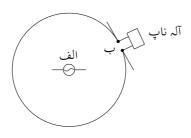
اینٹینا کی دوطر فیہ خاصیت کے تحت اگر کسی ایک اینٹینا کو برقی رو I مہیا کی جائے جس سے کسی دوسرے اینٹینا میں برقی دباو V پیدا ہو تب دوسرے ۔ اینٹینا کو برقی رو I فراہم کرنے سے پہلے اینٹینا میں برقی دباو V پیدا ہو گا۔

دونوں اینٹینا کے مابین مشتر کہ رکاوٹ Z<sub>m</sub> دونوں اطراف سے برابر ہے۔

نقش ،

شکل 15.24 میں اینٹینا-الف شعاع خارج کر رہی ہے جبکہ اینٹینا-ب اس شعاع کو وصول کر رہی ہے۔اینٹینا-الف ساکن ہے جبکہ اینٹینا-ب اس کے اور گرد گول دائرے پر گھومتی اینٹینا شعاع خارج کرے اور گرد گول دائرے پر گھومتی اینٹینا شعاع خارج کرے اور کرد گول دائرے پر گھوم رہی ہے۔اینٹینا شعاع خارج کرے اور ساکن اینٹینااس شعاع کو وصول کرے تو اینٹینا کے دوطر فیہ خاصیت کے تحت وہی نقش دوبارہ حاصل ہوگا۔یوں کسی بھی اینٹینا کا اخراجی نقش اور وصولی نقش میں اینٹینا کی دوطر فیہ خاصیت اس کے نقش کے لئے بھی درست ثابت ہوتی ہے۔

15.18. جهرى اينتينا



شكل 15.24: نقش كى ناپ۔

سمتيت اور اخراجي رقبه

مساوات 15.77

(15.195) 
$$D = \frac{4\pi}{\iint\limits_{4\pi} P_n(\theta, \phi) \, \mathrm{d}\Omega}$$

کے تحت سمتیت صرف اور صرف نقش پر منحصر ہے اور ہم دیکھ چکے ہیں کہ اینٹینا کااخراجی نقش اور اس کا وصولی نقش بالکل یکسال ہوتے ہیں للذااس کی ۔ 375 اخراجی سمتیت اور وصولی سمتیت بھی بالکل یکسال ہول گے۔

ا گراخراجی سمتیت اور وصولی سمتیت برابر ہوں تب مساوات 15.101

$$D = \frac{4\pi}{\lambda^2} S_{\zeta, |\dot{\gamma}|}$$

کے تحت اخراجی رقبہ اور وصولی رقبہ بھی برابر ہول گے۔اینٹینا کی دو طرفہ خاصیت سمتیت اور رقبے کے لئے بھی درست ثابت ہوتی ہے۔

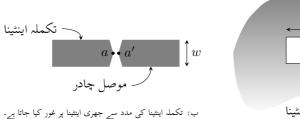
اخراجي مزاحمت اور وصولي مزاحمت

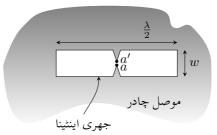
اخراجی اینٹینا کو صرف داخلی بر تی سروں سے برقی رو مہیا کی جاسکتی ہے جبکہ وصولی اینٹینا کے تمام جسامت پر برقی دباوپیدا ہوتا ہے جس سے اینٹینا کی ہ برقی رو عموماًاخراجی صورت سے مختلف ہو گی۔

ا گر اینٹینا کو مختلف برقی رکاوٹوں کا مجموعہ تصور کیا جائے تب اگرچہ اس کے مختلف حصوں پر برقی رو مختلف ممکن ہے لیکن کسی بھی دو سروں کے مابین رکاوٹ تبدیل نہیں ہوتی۔یوں اینٹینا کے برقی سروں کے مابین برقی رکاوٹ کا دارومدار اینٹینا میں برقی رو کی صورت پر نہیں ہوتی۔اس کا اخراجی رکاوٹ اور وصولی رکاوٹ بالکل برابر ہوتے ہیں۔اینٹینا کی دو طرفہ خاصیت یہاں بھی قابل استعال ہے۔

15.18 جهري اينطينا

وسیع موصل چادر میں  $\frac{\lambda}{2}$  لمبائی کی جھری شکل 15.25-الف میں دکھائی گئی ہے۔ اگر 'aa' کو ترسیلی تار سے جوڑا جائے تو جھری کے گرد موصل چادر میں برقی رو کی وجہ سے شعاعی اخراج پیدا ہوگی۔ جھری کو از خود موصل چادر فرض کرتے اینٹینا تصور کیا جا سکتا ہے جس کی مدد سے جھری اینٹینا <sup>25</sup>کا میدان





الف: موصل چادر میں جھری بطور اینٹینا کام کرتی ہے۔

شكل 15.25: جهرى اينثينا اور اس كا تكمله اينثينا.

حاصل کیا جاتا ہے۔شکل-ب میں اس بھلہ اینٹینا 88کو دکھایا گیا ہے۔ جھری اینٹینا کو 'aa' پر طاقت چوڑائی کے اطراف کے مابین فراہم کی جاتی ہے جبکہ تکملہ اینٹینا کو لمبائی جانب کے اطراف کے مابین طاقت 'aa' مہیا کی جاتی ہے۔ یوں ان کے میدان آپس میں °90 پر ہوں 59 رکاوٹ 2<sub>8</sub> اور تکملہ اینٹینا کی اخراجی رکاوٹ <sub>Z</sub> کا آپس میں تعلق

(15.197) 
$$Z_g = \frac{Z_0^2}{4Z_d}$$

ہے جہاں  $Z_0=120\pi$  خلاء کی قدرتی رکاوٹ ہے۔

اس طرح جفت قطب کے خصوصیات جانتے ہوئے جھری کے خصوصیات دریافت کئے جا سکتے ہیں۔ یوں اگر جھری کی چوڑائی  $c \ll \lambda$  اور اس کی لمبائی  $\frac{\lambda}{2}$  کر دی جائے تو تکملہ اینٹینا (صفحہ 464) کی اخراجی رکاوٹ  $Z_d = 73 + j$  جانتے ہوئے جھری اینٹینا کی اخراجی رکاوٹ

(15.198) 
$$Z_g = \frac{377^2}{4 \times (73 + j42.5)} = 363 - j211 \,\Omega$$

لکھی جاسکتی ہے۔

15.19 يييا اينطينا

شکل 15.26 میں پیااینٹینا 60 د کھایا گیا ہے جے بائیں جانب سے مستطیلی ترسلی تار طاقت مہیا کر رہی ہے۔ پیپا اینٹینا کو مستطیل ترسلی تار کا کھلا منہ تصور کیا جا ساتھ کی اینٹینا کی اخراجی سطح بڑھانا مقصد ہے جس سے سمتیت بڑھتی ہے۔ اگرچہ پیپا کے منہ پر ہم قدم میدان ہی سے بہتر سمتیت حاصل ہوگی، حقیقت میں ایسا ہم قدم میدان حاصل کرنا ممکن نہیں ہوتا۔ یوں حقیقی اینٹینا میں پیپا کے منہ پر میدان میں فرق کو کسی مخصوص مقداد کا سے کم رکھا جاتا ہے۔ شکل۔ ب کو دیکھ کر

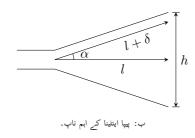
$$\cos \theta = \frac{l}{l+\delta}$$

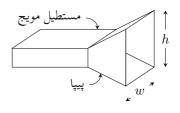
$$\sin \theta = \frac{h}{2(l+\delta)}$$

$$\tan \theta = \frac{h}{2l}$$

complementary antenna<sup>58</sup>

Booker's theory<sup>59</sup> horn antenna<sup>60</sup> 15.19. پيپا ايشينا





لف: پیپا اینٹینا۔

شکل 15.26: پیپا اینٹینا اور اس کے اہم ناپ۔

## کھے جا سکتے ہیں۔ کم $\delta$ کی صورت میں ان مساوات سے

(15.199) 
$$l = \frac{h^2}{8\delta}$$

$$\theta = \tan^{-1}\frac{h}{2l} = \cos^{-1}\frac{l}{l+\delta}$$

 $\delta < \delta$  کھا جا سکتا ہے۔ برقی میدان h سمت میں اور مقناطیسی میدان w سمت میں تصور کرتے ہوئے آگے پڑھیں۔ برقی میدان  $\Delta = \frac{3}{8}$  رکھا جاتا ہے جس سے پیچ کے منہ پر کل فرق 0 = 0 تک محدود رہتا ہے جبکہ مقناطیسی میدان  $\Delta = 0$  سطح پر فرق  $\Delta = 0$  تک محدود رکھا جاتا  $\Delta = 0$  میدان کے سطح پیچ کے منہ پر کل فرق میدان سطح کے متوازی ہونے کی وجہ سے صفر ہوتا ہے لہذا میدان میں زیادہ زاویائی فرق سے دور میدان زیادہ متاثر نہیں ہوتا۔

مثال 15.11: شکل میں h=10 ہے جبکہ تر سلی تار میں میں  $ext{TE}_{10}$  موج پائی جاتی ہے۔شکل میں ، w اور نصف زاویے heta اور  $\phi$  حاصل کریں۔

حل: برقی میدان کی سطح پر  $rac{\lambda}{5} > \delta$  لیتے ہوئے

$$l = \frac{h^2}{8\delta} = \frac{100\lambda^2}{8 \times \frac{\lambda}{5}} = 62.5\lambda$$

عاصل ہوتا ہے جس سے E سطح پر

$$\theta = \tan^{-1} \frac{h}{2l} = \tan^{-1} \frac{10\lambda}{2 \times 62.5\lambda} = 4.6^{\circ}$$

حاصل ہوتا ہے۔مقناطیسی میدان پر  $rac{3\lambda}{8} > \delta$  لیتے ہوئے

$$\phi = \cos^{-1} \frac{62.5\lambda}{62.5\lambda + \frac{3}{8}\lambda} = 6.26^{\circ}$$

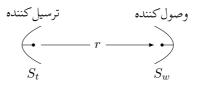
حاصل ہوتا ہے۔ پیپے کی چوڑائی

$$w = 2l \tan \phi = 2 \times 62.5 \times \lambda \times \tan 6.26^{\circ} = 13.7\lambda$$

حاصل ہوتی ہے۔

394

باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج



شکل 15.27: وصول کردہ طاقت کا انحصار ترسیلی اور وصولی اینٹینا کے اخراجی رقبوں پر ہے۔

15.20 فرائس ريدًار مساوات

شکل 15.27 میں  $S_t$  اخراجی رقبے کا ترسیل کنندہ اور  $S_w$  اخراجی رقبے کا وصول کنندہ اینٹینا آپس میں  $\tau$  فاصلے پر دکھائے گئے ہیں۔اگر غیر سمتی ترسیل کنندہ  $P_t$  طاقت کی شعاع خارج کرے تب وصول کنندہ کے قریب اکائی رقبے پر

$$(15.201) P = \frac{P_t}{4\pi r^2}$$

کثافت طاقت دستیاب ہو گی جس سے وصول کنندہ

$$(15.202) P'_w = PS_w$$

طاقت حاصل کر پائے گا۔ تر سیلی سطح  $S_t$  کے سمتی تر سیل کنندہ کی سمتیت  $D=rac{4\pi S_t}{\lambda^2}=D$  ہے لہذا اس کی شعاع سے وصول کنندہ

(15.203) 
$$P_{w} = DP'_{w} = \frac{4\pi S_{t}}{\lambda^{2}} \frac{P_{t}S_{w}}{4\pi r^{2}}$$

طاقت حاصل کر پائے گا۔اس مساوات سے

$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_t S_w}{\lambda^2 r^2}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں کسی بھی دو اینٹینا کے نظام میں مساوات کا دایاں ہاتھ بے بُعد مستقل ہے۔یہ مساوات فرائس ترسیلی مساوات ا<sup>6</sup> کہلاتی ہے۔ آئیں اب شکل 15.28-الف پر غور کریں جہاں ترسیل کنندہ اینٹینا شعاع خارج کرتی ہے۔اندکاس شعاع کو وصول کنندہ اینٹینا وصول کرتی ہے۔ریڈار میں عموماً ایک ہی اینٹینا دونوں کام سرانجام دیتی ہے۔شعاع کا اندکاس ہوا میں اڑتے جہاز سے ممکن ہے۔شکل 15.28-ب میں عاکس کو دو اینٹینا کی صورت میں دکھایا گیا ہے جہاں ایک اینٹینا شعاع وصول کرتے ہوئے دوسرے اینٹینا سے واپس خارج کرتا ہے۔یوں مساوات 15.204 کو دو مرتبہ استعال کرتے ہوئے

$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_t S_w S_e^2}{\lambda^4 r^4}$$

کھا جا سکتا ہے۔اگر ایک ہی اینٹینا بطور ترسیلی اور وصولی اینٹینا استعال کیا جائے تب

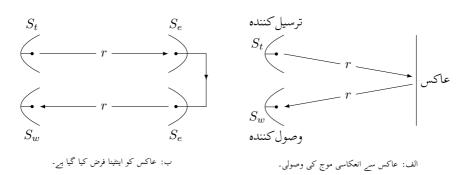
(15.206) 
$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_w^2 S_e^2}{\lambda^4 r^4}$$

کھا جا سکتا ہے جہاں عاکس کا اخراجی رقبہ  $S_e$  ہے۔

ا گرعاکس وسیع جسامت کا ہو اور اس سے انعکای موج عین ریڈار کی ست میں ہو تب عاکس کا اخراجی رقبہ اس کے میکانی رقبے جتنا ہو گا۔عموماً عاکس غیر سمتی اخراج کرتا ہے جس کی وجہ سے اس کا اخراجی رقبہ ،اس کے میکانی رقبے سے کم ہوتا ہے۔الیی صورت میں عاکس کے وصولی رقبے کو ∂ لکھتے ہوئے مساوات 15.204 سے عاکس کی حاصل کردہ طاقت

$$\frac{P}{P_t} = \frac{S_t \sigma}{\lambda^2 r^2}$$

15.20. فرائس ریڈار مساوات



شکل 15.28: ریڈار اینٹینا شعاع خارج کر کے انعکاسی موج وصول کرتا ہے۔

ککھی جائے گی۔ یہی طاقت غیر سمتی خارج کی جائے گی۔ غیر سمتی اینٹینا کا اخراجی رقبہ  $S=rac{\lambda^2}{4\pi}$  ہوتا ہے۔ یہی عاکس کی اخراجی رقبہ لیتے ہوئے مساوات  $S^2=S\sigma$  میں  $S^2=S\sigma$  ککھتے ہوئے  $S^2=S\sigma$  ککھتے ہوئے

$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_w^2 S \sigma}{\lambda^4 r^4}$$

لعيني

$$\frac{P_w}{P_t} = \frac{S_w^2 \sigma}{4\pi \lambda^2 r^4}$$

 $\sigma$  حاصل ہوتا ہے جہال  $\sigma$  ریڈار رقبہ تراث $^{62}$  کہلاتا ہے۔ یہ ریڈار مساوات

بڑی جسامت کی موصل کرہ، جس کارداس a ہو، کی ریڈار رقبہ تراش اس کے میکانی رقبہ تراش πa<sup>2</sup> کے برابر ہوتی ہے۔غیر کامل عاکس کی صورت میں ریڈار رقبی تراش نسبتاً کم ہو گا، مثلاً ایک میٹر طول موج پر چاند کاریڈار رقبہ تراش تقریباً 10 گنا حاصل ہوتا ہے۔

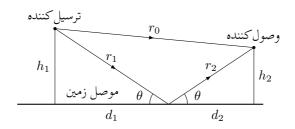
مثال 15.12: ایک ٹی وی اسٹیشن موصل زمین پر کھڑے m 200 قد کے اینٹینا سے 1 kW کی طاقت سے نشریات کرتی ہے۔افقی سطح پر اینٹینا غیر سمتی ہے جبکہ عمودی سمت میں اس کی نصف طاقت چوڑائی °10 ہے۔طول موج m 1 ہونے کی صورت میں 4 km دور کنٹی اونچائی پر اینٹینا بہترین وصولی کریائے گا۔وصول کردہ طاقت کا بھی تخمینہ لگائیں۔وصولی اینٹینا مندرجہ ذیل فرض کرتے ہوئے حل کریں۔

- عمودی قطبی اینٹینا جس کی سمتیت 4 کے برابر ہے۔
  - افقی قطبی اینٹینا جس کی سمتیت 4 کے برابر ہے۔
- دائری قطبی 6 چکر کا پیچ دار اینٹینا جس کا lpha=12.5 اور چکر کے مابین فاصلہ lpha=0.22 ہے۔

سل : شکل میں صورت حال دکھائی گئی ہے۔ موصل زمین سے انعکاس پر زمین کے متوازی برقی میدان میں °180 کی تبدیلی رو نما ہو گی۔یوں اگر میں وصولی اینٹینا زمین کے بالکل قریب ہو تب افقی قطبی میدان کی صورت میں سے مفر طاقت وصول کر پائے گا جبکہ عمودی قطبیت کی صورت میں اسے میں سے سیدھی رسائی کے علاوہ زمین سے انعکاسی میدان بھی میسر ہو گا۔یوں کل میدان دگنا اور طاقت چار گنا ہو گا۔

radar cross section<sup>62</sup>

476 اینٹینا اور شعاعی اخراج



شکل 15.29: سیدهی آمد موج اور انعکاسی موج کر اثرات.

شکل 15.29 کو دیکھتے ہوئے کہہ سکتے ہیں کہ کسی بھی *h پر*اگر

(15.210) 
$$r_1 + r_2 - r_0 = n\lambda$$
  $(n = 0, 1, 2, \cdots)$ 

ہوتب افتی قطبی میدان صفر پایا جائے گا جبکہ عمودی قطبی میدان د گناہو گا۔اسی طرح جب بھی

ہو تب افقی قطبی میدان د گنااور عمودی قطبی میدان صفر پایا جائے گا۔ان حقائق سے ظاہر ہے کہ زیادہ سے زیادہ افقی قطبی میدان کے دوقریبی نقطوں کے ۔۔۔۔۔ در میانی نقطے پر زیادہ سے زیادہ عمودی قطبی میدان پایا جاتا ہے۔

افقی اور عمودی قطبی اینٹینوں کی صورت میں وصولی اینٹینا کی اونچائی تبدیل کرنے سے میدان صفر تاد گناحاصل کرنا ممکن ہے جبکہ دائری قطبی اینٹینا کی صورت میں وصول طاقت کا دارومدار اینٹینا کی اونچائی پر نہیں ہوتا۔دائری اینٹینا ہر صورت اکائی میدان حاصل کرتی ہے۔

چونکہ آمدی اور انعکاسی زاویے برابر ہوتے ہیں للذا شکل میں آمدی تکون اور انعکاسی تکون کیساں ہیں۔یوں  $(r_1+r_2-r_0)$  کی قیمت  $\frac{2h_1h_2}{d}$  کسی حاسکتی ہے۔یوں عمودی قطب میدان کی زیادہ سے زیادہ قیمت

$$h_2 = \frac{d\lambda}{2h_1} = \frac{4 \times 10^3 \times 1}{2 \times 200} = 10 \,\mathrm{m}$$

کی صورت میں حاصل ہو گی جس سے افقی قطبی میدان کی زیادہ سے زیادہ قیمت کی اونچائی 5، 15، 25، ، ، ، میٹر لکھی جاسکتی ہے۔

فرائس کی مساوات ہے،ایک راہ سے موصول طاقت

$$P_w = rac{P_t A_t A_w}{r^2 \lambda^2} = rac{10^3 imes 0.32 imes 0.91}{16 imes 10^6 imes 1} = 18 \, \mu \mathrm{W}$$

حاصل ہوتی ہے جہال ترسلی اینٹینا کی سمتیت

$$D = \frac{4\pi}{\theta_{HP}\phi_{HP}} = \frac{4\pi}{\frac{360 \times \pi}{180} \times \frac{10 \times \pi}{180}} = 11.459$$

لیتے ہوئے اس کا اخراجی رقبہ

$$A_t = \frac{\lambda^2}{4\pi}D = 0.91\,\mathrm{m}^2$$

اور وصولی اینشینا کا وصولی رقبه

$$A_w = \frac{\lambda^2}{4\pi}D = \frac{1^2 \times 4}{4\pi} = 0.32 \,\mathrm{m}^2$$

کئے گئے ہیں۔سیدھی آمد اور انعکائی آمد میدان مل کر زیادہ سے زیادہ طاقت 4 گنا کر دیتی ہیں۔یوں افقی قطبی اور عمودی قطبی اینٹینا کی صورت میں زیادہ سے کے سے زیادہ وصول کردہ طاقت صفر ہو گا۔ سے زیادہ وصول کردہ طاقت 4W 72 ہو گا جبکہ دونوں صور توں میں کم سے کم حاصل کردہ طاقت صفر ہو گا۔

دائری قطبی صورت میں وصولی اینٹینا کی سمتیت

$$D = 15 \left(\frac{C}{\lambda}\right)^2 \frac{nd}{\lambda} = 15 \left(\frac{\frac{0.22}{\tan 12.5^{\circ}}}{1}\right)^2 \times \frac{6 \times 0.22}{1} = 19.5$$

اور وصولی رقبه

$$A_w = \frac{\lambda^2 D}{4\pi} = 1.55 \,\mathrm{m}^2$$

ہیں للذا ہر اونحائی پر وصول کردہ طاقت

$$P_w = \frac{1.55}{0.32} \times 18 = 87 \, \mu\text{W}$$

ہو گا۔

وصول کردہ طاقت کا تخیینہ لگاتے ہوئے ہم نے اینٹینوں کے در میان فاصلے کو چار کلو میٹر ہی تصور کیاا گرچہ حقیقی فاصلے قدر مختلف ہیں۔چار کلو میٹر کے فاصلے پر چند میٹر کم یازیادہ سے حاصل جواب میں کوئی خاص تبدیلی پیدانہیں ہوتی۔

15.21 ریڈیائی دوربین، اینٹینا کی حرارت اور تحلیلی کارکردگی

کسی بھی برقی مزاحت R میں حرارت T کی وجہ سے آزاد چارج حرکت کرتے ہیں جس سے مزاحت میں حرار کی شور <sup>64</sup> پیدا ہوتا ہے۔ایک مزاحت کے برقی سروں پر B تعدد کی پٹی پر

$$(15.212) W = kBT$$

طاقت شور 65 پایا جاتا ہے۔اکائی تعددی پٹی پر یوں

$$(15.213) w = kT$$

طاقت شور پایا جائے گا جہاں

thermal noise<sup>64</sup> noise power<sup>65</sup>

478 باب 15. اینٹینا اور شعاعی اخراج

 $\frac{W}{HZ}$  اکائی تعددی پٹی پر شور کی طاقت، w

 $1.38 imes10^{-23}~{
m rac{J}{K}}$  بولٹز من کا مستقل k

B تعددي پڻ، Hz

T مزاحمت کی حتمی حرارت، K

ہیں۔ T کو حرارت شور <sup>66</sup> کہا جاتا ہے۔ برابر تعددی پٹی پر برابر طاقت شور پایا جاتا ہے۔

اگر برقی مزاحمت R کے برابر اخراجی مزاحمت (R = اخراجی کے اینٹینا کے برقی سرول پر طاقت شور ناپی جائے تو یہ مزاحمت پر ناپی گئی طاقت مور سے مختلف ہو گی۔اینٹینا کے سرول پر طاقت شور، خلاء کے اس خطے کی حرارت T سے پیدا شور ہو گا جہال سے اینٹینا طاقت وصول کر رہا ہو۔اس طاقت شور کا اینٹینا کی حرارت سے کوئی تعلق نہیں۔یوں اینٹینا کو بطور بعید پیا حرارت 67 استعال کیا جا سکتا ہے۔

ایک سنٹی میٹر طول موج کے ریڈیائی دوربین کی مرکز نگاہ آسان کے ایسے خطوں پر رکھی جاسکتی ہے جہاں حتی حرارت X 0 کے قریب ہوتی ہے۔ایسی صورت میں طاقت شور آسان کی حرارت سے بیدا ہو گا ناکہ اینٹینا کے حرارت سے جو X 300 کے لگ بھگ ہو گی۔ریڈیائی دوربین کی طاقت شور فی تعدد

$$(15.214) w = kT_A \left(\frac{W}{Hz}\right)$$

کھی جاتی ہے جہاں T<sub>A</sub> اینٹینا کی حراری شور ہے جسے عموماً حرارت اینٹینا <sup>68</sup> یا خراجی مزاحت کی حرارت کہا جاتا ہے۔حرارت اینٹینا وہ خطہ کرتی ہے جس پر اینٹینا کے نقش کی نظر ہو۔یوں اینٹینا کی مدد سے دور آسان کے خطوں کی حرارت ناپنا ممکن ہے۔ہم نے اس پورے بحث میں یہ فرض کر رکھا ہے کہ مینٹینا کے نقش کی نظر ہو۔یوں اینٹینا ہے نظر رکھے ہوئے ہے۔یوں انعکاسی شعاع اور ثانوی شعاع کورد کیا گیا ہے۔

ریڈیائی دوربین کو استعال کرتے ہوئے کثافت طاقت شور فی تعدد

$$p = \frac{w}{S_e} = \frac{kT_A}{S_e} \qquad \left(\frac{W}{m^2 Hz}\right)$$

كا استعال زياده سود مند ثابت ہوتا ہے جسے يوئننگ سمتيه في تعدد تصور كيا جا سكتا ہے۔

ا گر ہمیں منبع شور کی زاویائی وسعت  $\Omega_M$  معلوم ہو اور یہ  $\Omega_A$  کی نسبت سے کم ہو تب منبع کی حرارت

$$\frac{T_A}{T_M} = \frac{\Omega_M}{\Omega_A}$$

ے حاصل کی جاسکتی ہے۔ یاد رہے کہ  $T_A$  کا اینٹینا کی حرارت سے کوئی تعلق نہیں۔

مثال 15.13: مریخ "کی مرکز نگاہ رکھتے ہوئے m 15 کمبی ریڈیائی دوربین کی اینٹینا حرارت 31.5 mm طول موج پر 0.24 K ناپی جاتی ہے۔اینٹینا پر مریخ °0.005 زاویہ بناتا ہے اور اینٹینا کا نصف طاقت زاویہ °0.116 ہیں۔مریخ کی حرارت دریافت کریں۔

noise temperature<sup>6</sup>

remote temperature sensor<sup>67</sup>

antenna temperature<sup>6</sup>

Aars<sup>69</sup>

حل: مساوات 15.216 سے مریخ کی حرارت

$$T_M = \frac{\Omega_A}{\Omega_M} T_A \approx \frac{0.116^2}{\pi (0.005^2/4)} 0.24 = 164 \, \mathrm{K}$$

حاصل ہوتی ہے۔

15.22 حرارت نظام اور حرارت بعید

حرارت اینٹینا سے اس خطے کی حرارت حاصل کی جاسکتی ہے جس پر اینٹینا کا مرکز نگاہ ہو۔یوں اینٹینا کو بعید پیا حرارت استعال کیا جاسکتا ہے۔ایک سنٹی میٹر طول موج کے ریڈیائی دوربین کی نگاہ، شاروں سے خالی آسمان کے خطے پر رکھتے ہوئے انتہائی کم اینٹینا حرارت حاصل کی جاسکتی ہے۔آسمان کو دیکھتے ہوئے کم تر حرارت کا 3 مامنے شارہ موجود ہو تب بقیہ حرارت سے موج کم تر حرارت ناپی جائے گی۔ایک میٹر طول موج پر ہماری کہکشال کی حرارت کئی ہزار کیلون ناپی جاتی ہے۔ہم حراری<sup>72</sup> شور کی حرارت ناپنے کی بات کر رہے ہیں۔یہ کامل اخراجی۔وصولی خاصیت کے جسم کی حرارت ہے۔ہم کو سیاہ جسم <sup>73</sup> کہا جاتا ہے۔یوں اگر اینٹینا کی پوری وصولی نقش کے خطے میں موج ہو تا ہے۔ ایس اگر اینٹینا کی پوری وصولی نقش کے خطے میں موج کے بات کر موجود ہو تا ہے۔ ایس کے برعکس ترسیلی اینٹینا کی جائے گی۔اس کے برعکس ترسیلی اینٹینا کی جائے گی۔اس کے برعکس ترسیلی اینٹینا کی دو تھر ما میٹر 44 سے ناپی جائے گی۔اس کے برعکس ترسیلی اینٹینا کی اینٹینا حرارت غیر تقینی طور پر زیادہ حاصل ہوتی ہے۔

مثال کے طور پر اگر قریب ریڈیو اسٹیشن کی نشریات، 10 m² وصولی رقبے اور 10 kHz تعددی پٹی کے وصولی اینٹینا کے قریب V میدان پیدا کرے تو وصولی اینٹینا کی کل وصول کردہ طاقت

$$W = \frac{E^2}{Z_0} S_e = \frac{10^{-10}}{377} \times 10 = 2.65 \,\text{pW}$$

ہو گی جسے مساوات 15.212 میں پر کرتے ہوئے

$$T = \frac{W}{kB} = \frac{2.65 \times 10^{-12}}{1.38 \times 10^{-23} \times 10^4} = 1.9 \times 10^7 \,\mathrm{K}$$

حاصل ہوتی ہے۔اس مثال میں آپ نے دیکھا کہ صرف  $\frac{\mu V}{m}$  10 کا میدان  $1.9 \times 10^7$  کی اینٹینا حرارت پیدا کر سکتا ہے۔یہ اتنی بڑی مقدار ہے کہ اس کی موجود گی میں بقایا نظام کی حرارت نظام <sup>75</sup> پکارا جاتا ہے، کو نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔البتہ، ریڈیائی دور بین اتنی کم طاقت کے اشارات پر کا مرٹز کی موجود گی میں حرارت نظام انتہائی اہم ہوتا ہے۔اس کا اندازہ آپ یوں کر سکتے ہیں کہ ریڈیائی دور بین کے استعال میں کثافت طاقت فی ہر ٹز کی موجود گئی جائی جا کی جہاں کے اللہ اور سے سے برابر ہے۔ مال کی جائی جہاں کے اللہ کی سے سے برابر ہے۔

big bang<sup>70</sup>

residual temperature<sup>71</sup>

thermal<sup>2</sup>

blackbody<sup>73</sup>

thermometer<sup>74</sup>

system temperature<sup>75</sup> Jansky<sup>76</sup>

باب 16

سوالات

مويج

سوال 16.1: ہوا اور تانبے کے سرحد پر GHz تعدد کے موج کا جھکاو حاصل کریں۔

جوا**ب**: 0.00177

سوال 16.2: ہوا اور پانی  $\epsilon_R = 78$  کے سرحد پر  $1~{
m GHz}$  تعدد کے موج کا جھکاہ حاصل کریں۔

جواب: 6.46°

16.1 اينٹينا اور شعاعي اخراج

سوال 16.3: 15.λ لیبے خطی اینٹینا کاا خراجی مزاحمت حاصل کریں۔اییا کرنے کی خاطر آپ کو صفحہ 463 پر دیے جدول 15.2 کے طرز کا جدول حاصل کرنا ہو گا۔

جوا**ب**: Ω 100

سوال 16.4: کیساں غیر سمتی منبع پر مبنی قطار میں ارکان کے در میان  $rac{\lambda}{4}=d=-$ مرکزی شعاع °30 heta=0 پر حاصل کرنے کی خاطر ارکان کے مابین زاویائی فرق  $\delta$  حاصل کریں۔

?واب: 1.36 rad

سوال 16.5: تداخل پیامیں جفت قطب کے مابین فاصلہ 10% ہونے کی صورت میں پہلے صفر چوڑائی حاصل کریں۔

جواب: °5.7

476

باب 16. سوالات

 $\sigma$  :16.1 جدول

$\sigma, \frac{S}{m}$	چیر	$\sigma, \frac{S}{m}$	چيز
$7  imes 10^4$	گريفائٿ	$6.17 \times 10^{7}$	چاندى
1200	سليكان	$5.80 \times 10^{7}$	تانبا
100	فيرائث (عمومي قيمت)	$4.10 \times 10^{7}$	سونا
5	سمندری پانی	$3.82 \times 10^{7}$	المونيم
$10^{-2}$	چهونا پتهر	$1.82 \times 10^{7}$	ٹنگسٹن
$5 \times 10^{-3}$	چکنی مٹی	$1.67 \times 10^{7}$	جست
$10^{-3}$	تازه پانی	$1.50 \times 10^{7}$	پيتل
$10^{-4}$	تقطیر شده پانی	$1.45 \times 10^{7}$	نکل
$10^{-5}$	ریتیلی مٹی	$1.03 \times 10^{7}$	لوبا
$10^{-8}$	سنگ مرمر	$0.70 \times 10^{7}$	قلعى
$10^{-9}$	بيك لائث	$0.60 \times 10^{7}$	كاربن سٹيل
$10^{-10}$	چینی مٹی	$0.227 \times 10^{7}$	مینگنین
$2 \times 10^{-13}$	بيرا	$0.22 \times 10^{7}$	جرمينيم
$10^{-16}$	پولیسٹرین پلاسٹک	$0.11 \times 10^{7}$	سٹینلس سٹیل
$10^{-17}$	كوارثس	$0.10 \times 10^{7}$	نائيكروم

باب 16. سوالات

 $\sigma/\omega\epsilon$  and  $\epsilon_R$  :16.2 جدول

$\sigma/\omega\epsilon$	$\epsilon_R$	چير
	1	خالى خلاء
	1.0006	ہوا
0.0006	8.8	المونيم اكسائدٌ
0.002	2.7	عنبر
0.022	4.74	بیک لائٹ
	1.001	كاربن ڈائى آكسائڈ
	16	جرمينيم
0.001	7تا $4$	شیشہ
0.1	4.2	برف
0.0006	5.4	ابرق
0.02	3.5	نائلون
0.008	3	كاغذ
0.04	3.45	پلیکسی گلاس
0.0002	2.26	پلاسٹک (تھیلا بنانے والا)
0.00005	2.55	پولیسٹرین
0.014	6	چینی مٹی
0.0006	4	پائریکس شیشہ (برتن بنانے والا)
0.00075	3.8	كوارٹس
0.002	2.5 تا 3	 ری <del>ز</del>
0.00075	3.8	SiO <sub>2</sub> سلیکا
	11.8	سليكان
0.5	3.3	قدرتی برف
0.0001	5.9	کھانے کا نمک
0.07	2.8	خشک مثلی
0.0001	1.03	سثائروفوم
0.0003	2.1	ٹیفلان
0.0015	100	ٹائٹینیم ڈائی آکسائڈ
0.04	80	مقطر پانی
4		سمندرى پانى
0.01	4 تا $1.5$	خشک لکڑی

16.1. اینٹینا اور شعاعی اخراج

 $\mu_R$  :16.3 جدول

$\mu_R$	چيز
0.999 998 6	بسمت
0.99999942	پيرافين
0.999 999 5	لکڑی
0.999 999 81	چاندى
1.00000065	المونيم
1.00000079	بيريليم
50	نکل
60	ڈھلواں لوہا
300	مشين سٹيل
1000	فيرائك (عمومي قيمت)
2500	پرم بھرت (permalloy)
3000	ٹرانسفارمر پتری
3500	سيلكان لوبا
4000	خالص لوبا
20 000	میو میٹل (mumetal)
30 000	سنڈسٹ (sendust)
100 000	سوپرم بهرت (supermalloy)

جدول 16.4: اہم مستقل

قيمت	علامت	چیر
$(1.6021892 \mp 0.0000046) \times 10^{-19} \mathrm{C}$	e	الیکٹران چارج
$(9.109534 \mp 0.000047) \times 10^{-31} \mathrm{kg}$	m	اليكثران كميت
$(8.854187818 \mp 0.000000071) \times 10^{-12}\frac{F}{m}$	$\epsilon_0$	برقی مستقل (خالی خلاء)
$4\pi 10^{-7}  rac{\mathrm{H}}{\mathrm{m}}$	$\mu_0$	مقناطیسی مستقل (خالی خلاء)
$(2.997924574 \mp 0.000000011) \times 10^8\tfrac{m}{s}$	c	روشنی کی رفتار (خالی خلاء)

باب 16. سوالات