

리스트



■ 주요 내용

- 01 리스트란
- 02 배열 리스트(파이썬 기본 제공)
- 03 연결 리스트
- 04 배열 리스트와 연결 리스트의 비교
- 05 연결 리스트의 개선 및 확장

■ 학습목표

- 리스트의 직관적 의미를 이해한다.
- 파이썬이 기본으로 제공하는 리스트를 이해한다.
- 연결 리스트로 만든 리스트를 이해한다.
- 배열 리스트와 연결 리스트의 장단점을 이해하고, 상황에 따라 이들 중 선택할 수 있는 판단력을 기른다

01 리스트란

리스트

■ '줄 세워져 있는 데이터' 또는 '죽어선 데이터'



그림 5-1 리스트 개념의 일상 예

ADT Abstract Data Type

- 행하는 작업의 목록으로 데이터의 타입을 나타낸 것
- Implementation detail에 신경 쓰지 않고
- 추상적 레벨에서 데이터 타입을 정의함
- “어떻게 구현할까”가 아니라 “어떻게 사용할까”에 focusing

리스트의 작업

i번 자리에 원소 x를 삽입한다

i번 원소를 삭제한다

원소 x를 삭제한다

i번 원소를 알려준다

원소 x가 몇 번 원소인지 알려준다

리스트의 사이즈(원소의 총 수)를 알려준다

✓ A data structure
is also a data type

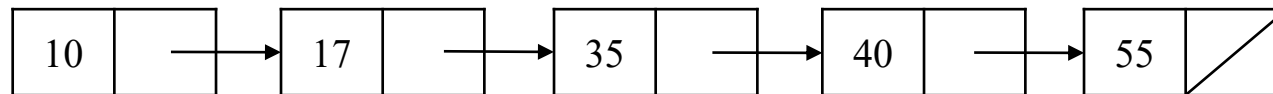
그림 5-2 ADT 리스트

리스트의 구현

■ 배열로 구현할 수도 있고

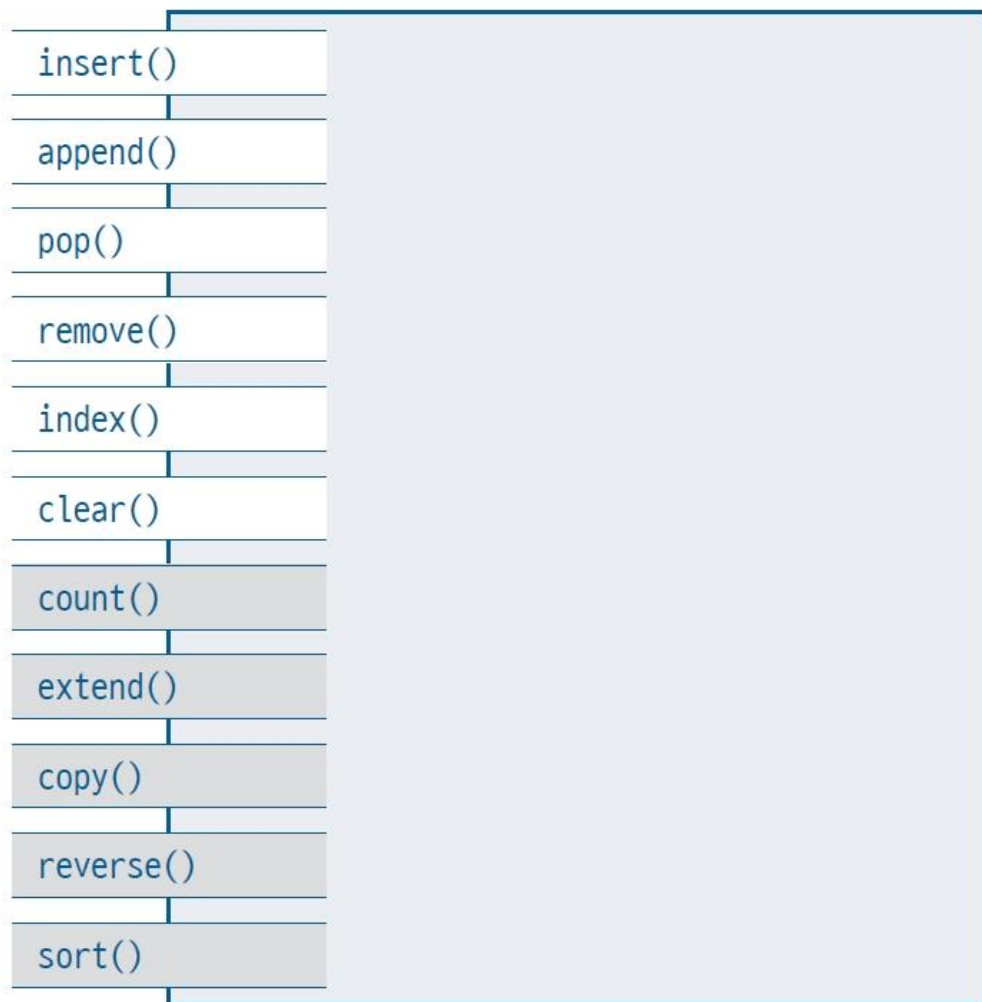
10	35	40	17	95	50	48	33	9			
----	----	----	----	----	----	----	----	---	--	--	--

연결 리스트로 구현할 수도 있다



02 배열 리스트[파이썬 내장 리스트]

리스트(배열 리스트) 객체 구조



- insert(i, x) ◀ x를 리스트의 i번 원소로 삽입한다. (맨 앞자리는 0번)
- append(x) ◀ 원소 x를 리스트의 맨 뒤에 추가한다.
- pop(i) ◀ 리스트의 i번 원소를 삭제하면서 알려준다.
- remove(x) ◀ 리스트에서 (처음으로 나타나는) x를 삭제한다.
- index(x) ◀ 원소 x가 리스트의 몇 번 원소인지 알려준다.
- clear() ◀ 리스트를 깨끗이 청소한다.
- count(x) ◀ 리스트에서 원소 x가 몇 번 나타나는지 알려준다.
- extend(a) ◀ 리스트에 나열할 수 있는 객체(예 리스트) a를 풀어서 추가한다.
- copy() ◀ 리스트를 복사한다.
- reverse() ◀ 리스트의 순서를 역으로 뒤집는다.
- sort() ◀ 리스트의 원소들을 정렬한다.

그림 5-3 리스트 객체 구조

삽입

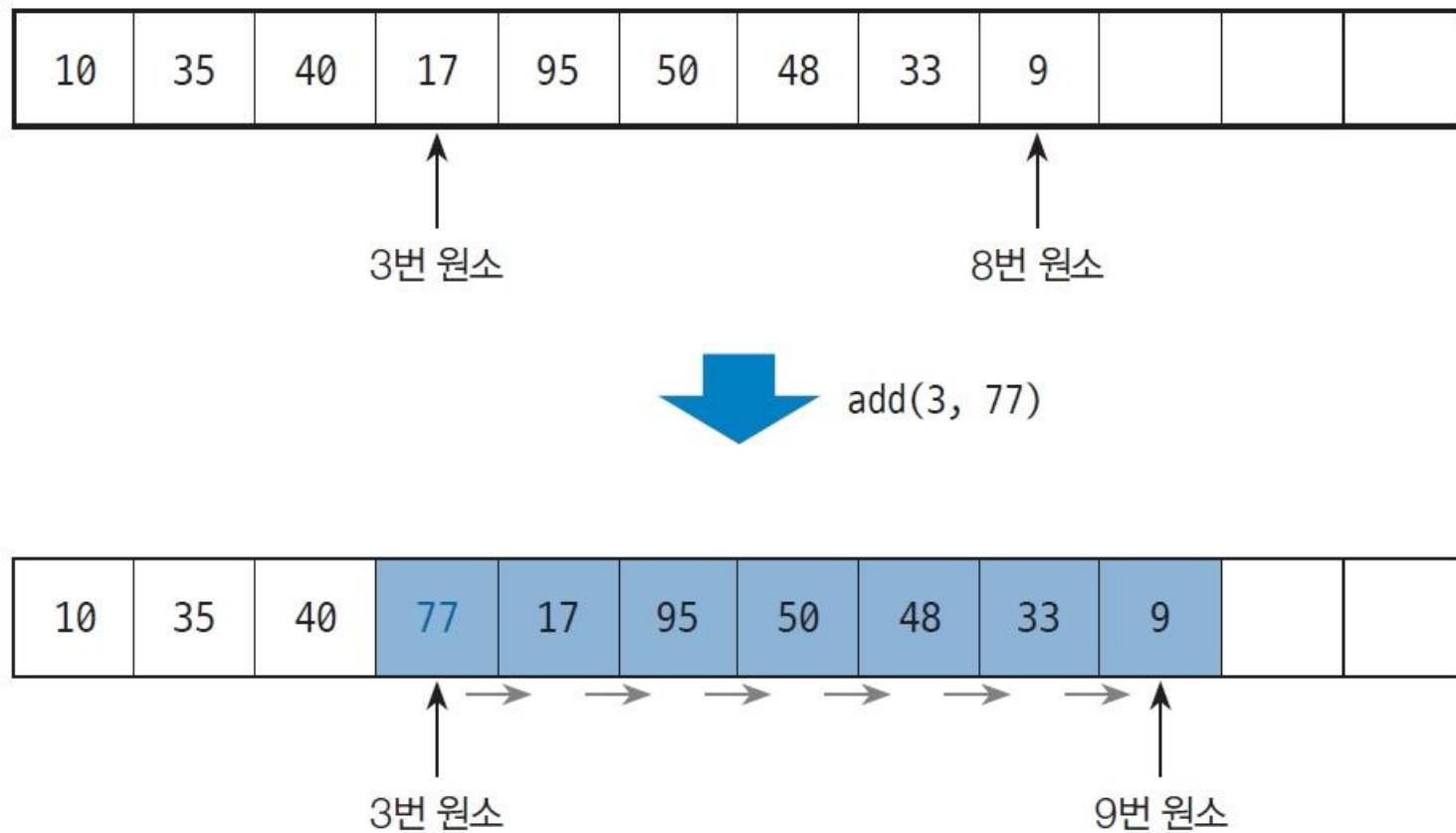
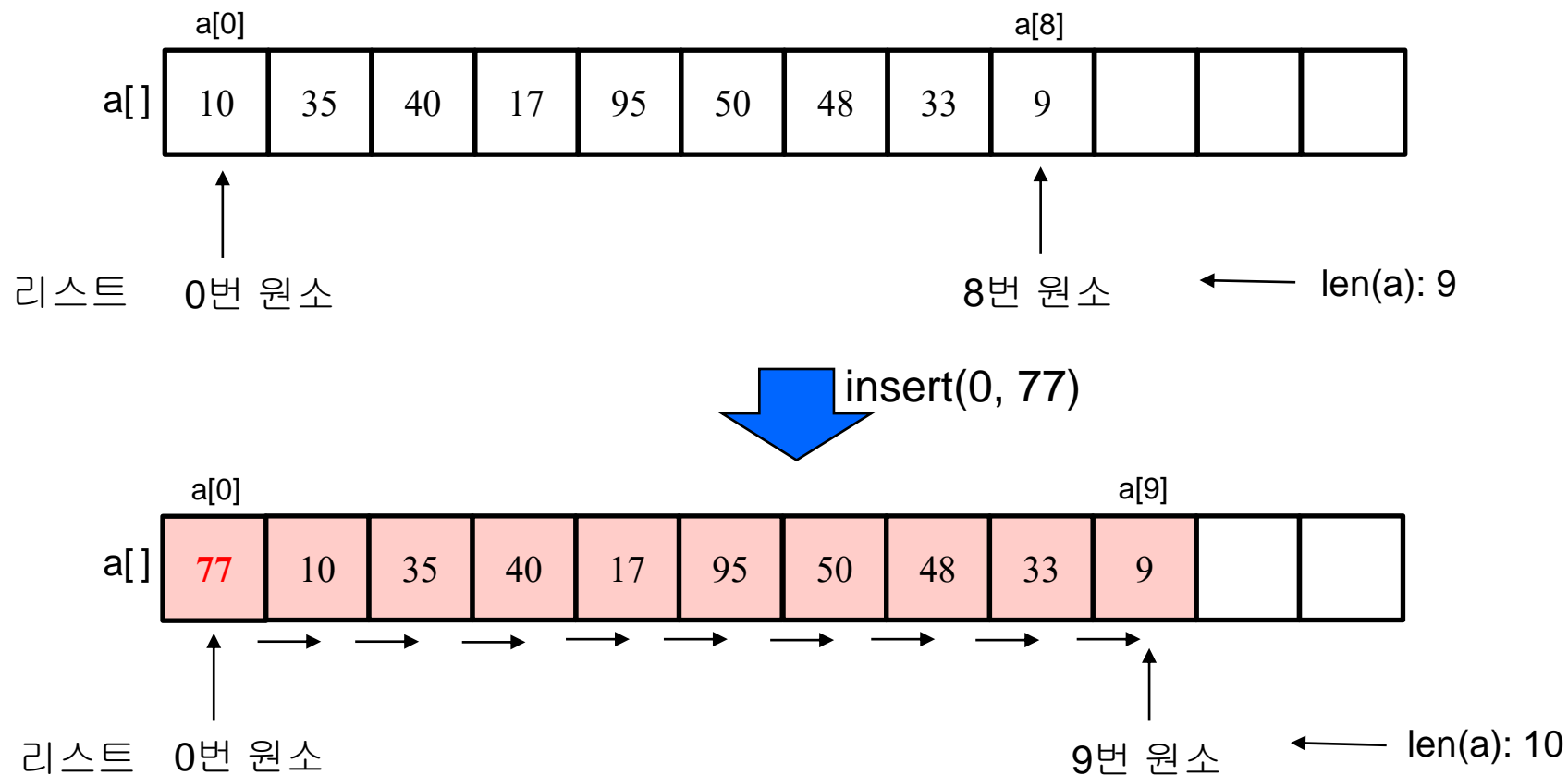
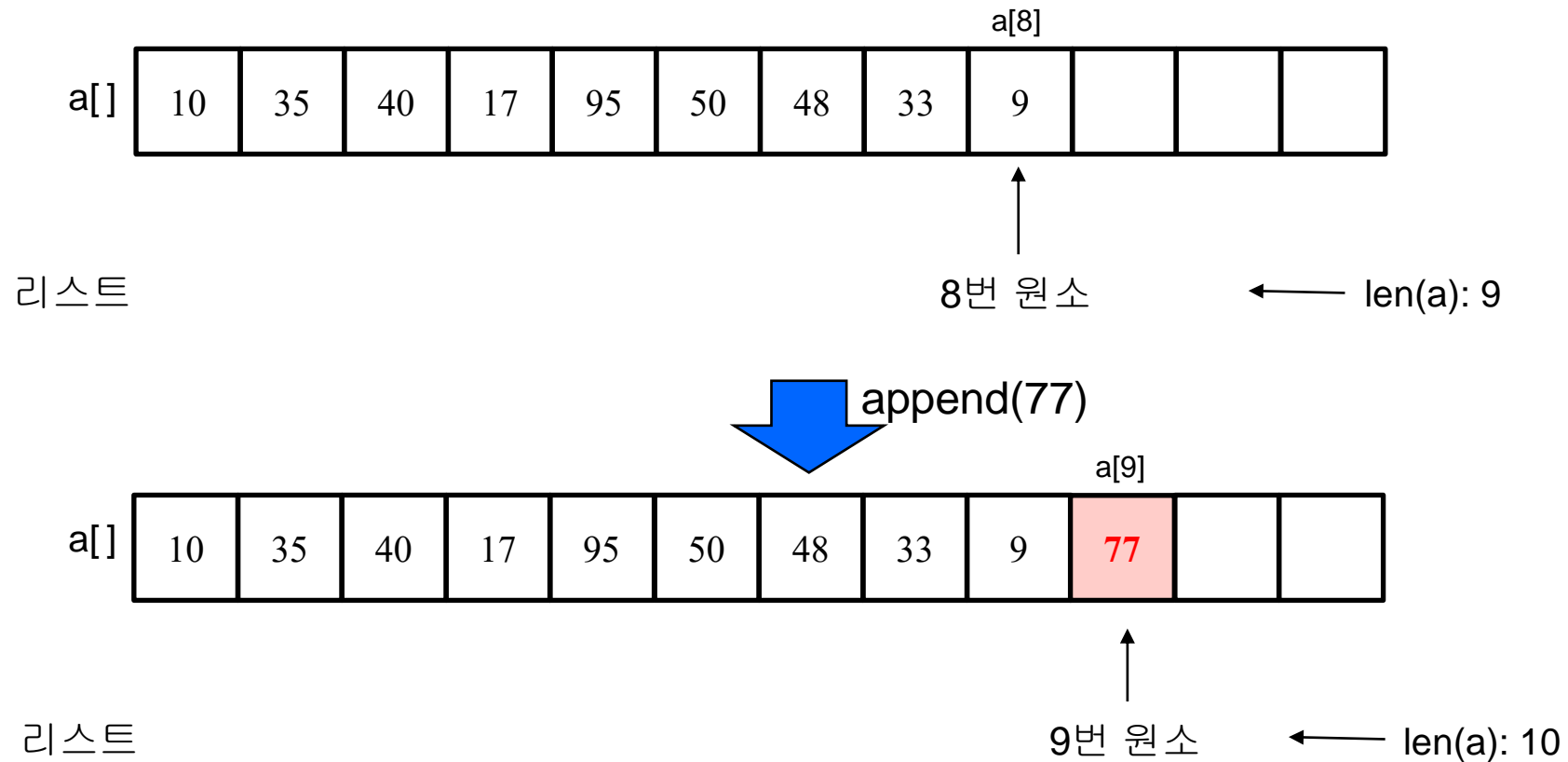


그림 5-4 배열에서 원소 삽입 후 원소들을 시프트하는 예

삽입 효율이 가장 나쁜 예



삽입 효율이 가장 좋은 예



삭제

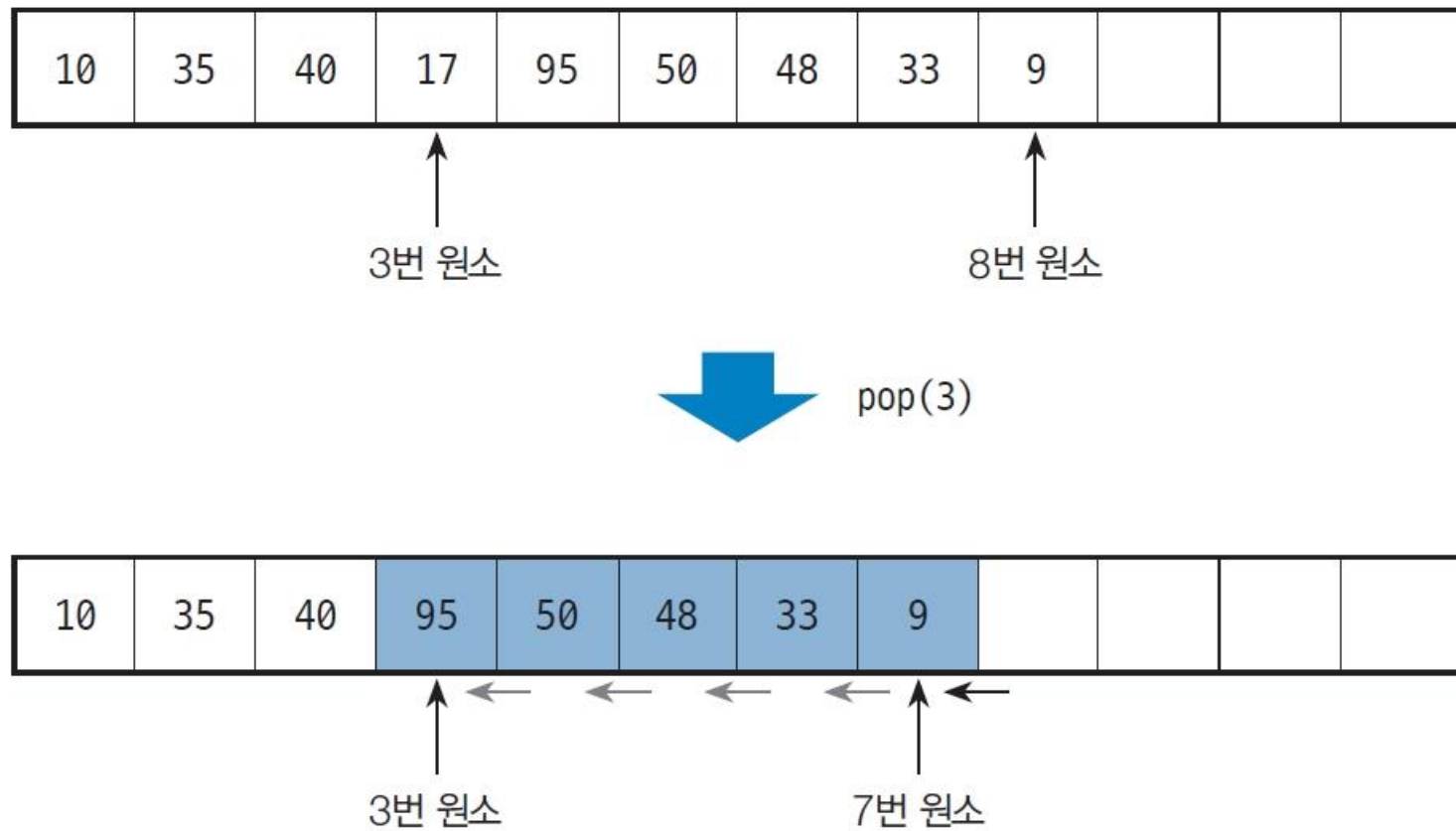
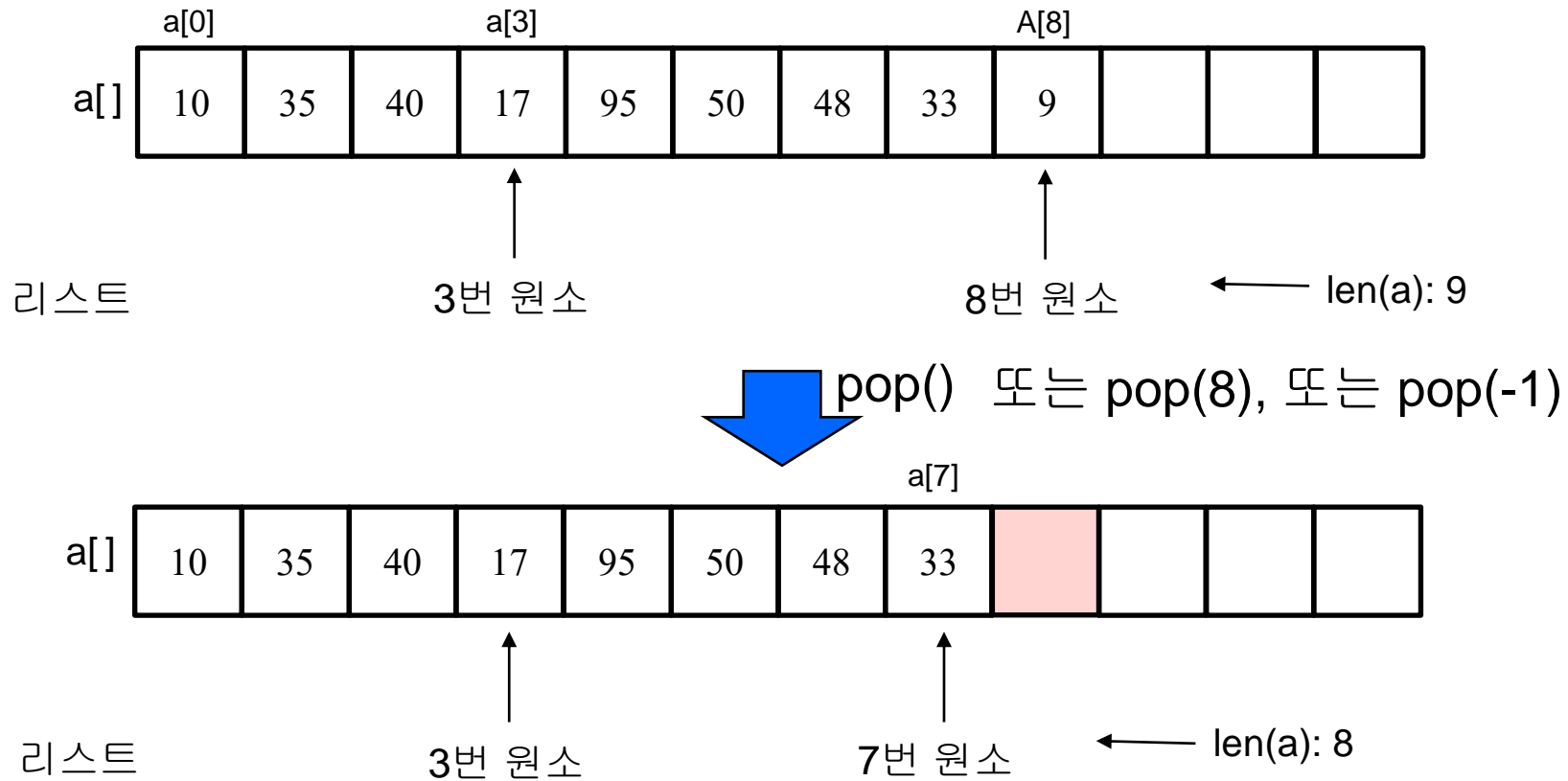


그림 5-5 배열에서 원소 삭제 후 원소들을 시프트하는 예

맨 끝 원소 삭제 방법은 3가지



메서드 사용 방법

■ 원소 삽입

① `[1, 3, 5, 6, 7] → a.insert(1, 'Mon') → [1, 'Mon', 3, 5, 6, 7]`

② `[1, 3, 5, 6, 7] → a.append('Mon') → [1, 3, 5, 6, 7, 'Mon']`

■ 원소 삭제

① `[1, 3, 5, 6, 7] → a.pop(3) → [1, 3, 5, 7]`

② `[1, 3, 5, 6, 7] → a.pop(4) → [1, 3, 5, 6]`

③ `[1, 3, 5, 6, 7] → a.pop() → [1, 3, 5, 6]`

④ `[1, 3, 5, 6, 7] → a.pop(-1) → [1, 3, 5, 6]`

⑤ `[1, 3, 5, 6, 7] → a.pop(-2) → [1, 3, 5, 7]`

⑥ `[1, 3, 5, 6, 7] → a.remove(5) → [1, 3, 6, 7]`

메서드 사용 방법

■ 기타 작업

[1, 3, 5, 6, 7] → `a.index(5)` → 2

[1, 3, 5, 6, 7] → `a.index(1)` → 0

[1, 3, 5, 6, 7] → `a.clear()` → []

[1, 3, 5, 6, 7] → `a.extend([10, 20])` → [1, 3, 5, 6, 7, 10, 20]

[1, 3, 5, 6, 7] → `a.reverse()` → [7, 6, 5, 3, 1]

[2, 4, 1, 5, 7] → `a.sort()` → [1, 2, 4, 5, 7]

파이썬 내장 리스트의 한계

하부가 배열로 구현됨

배열의 단점

- 연속된 공간에 저장되므로 삽입이나 삭제 시 시프트 작업이 필요하다
- 미리 크기를 정해야 하므로 오버플로우 시 배열을 새로 배정받아 내용을 복사해야 한다

But, 파이썬에서 자동으로 관리해주어 사용자가 이를 신경 쓸 필요는 없다

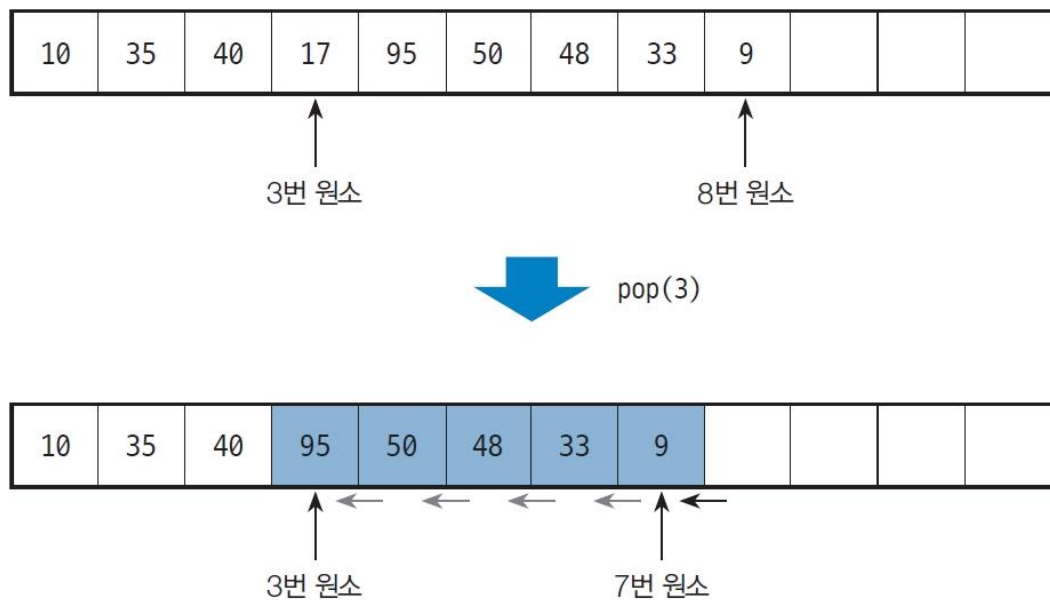


그림 5-5 배열에서 원소 삭제 후 원소들을 시프트하는 예

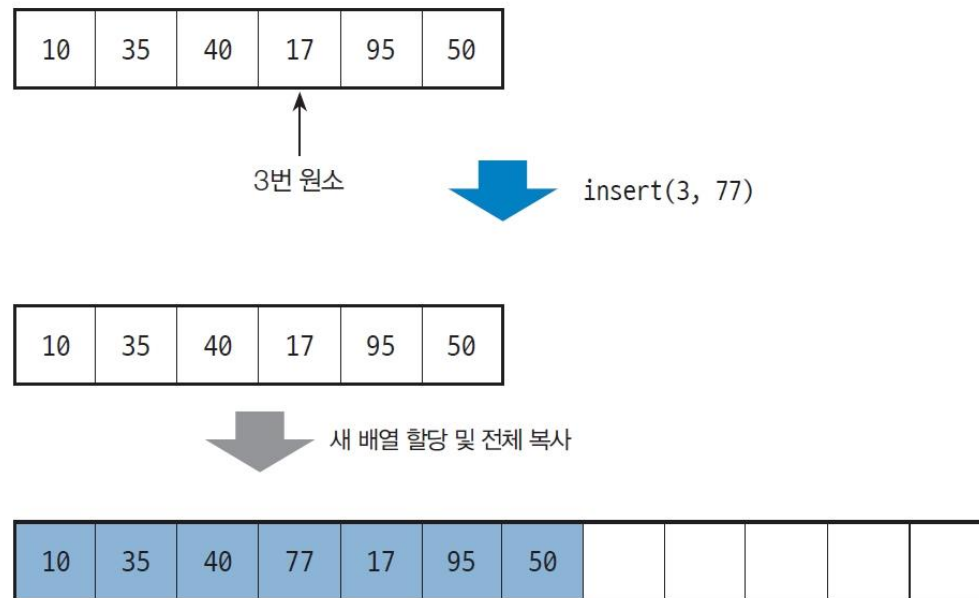
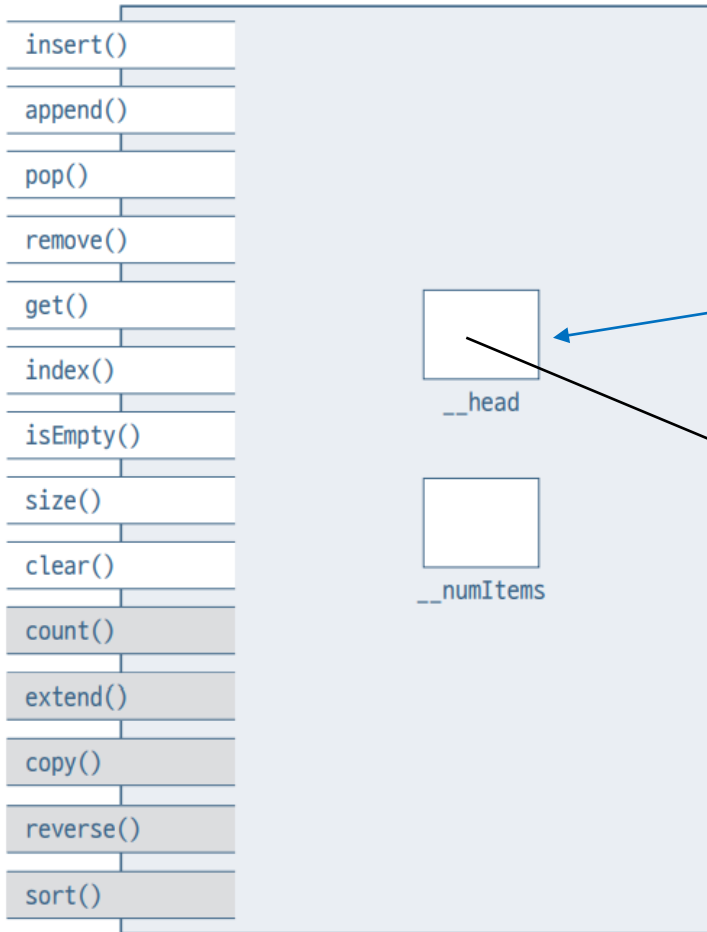


그림 5-6 배열이 꽉 찬 상태에서 삽입이 시도될 때 새 배열에 원소들을 모두 복사하는 예

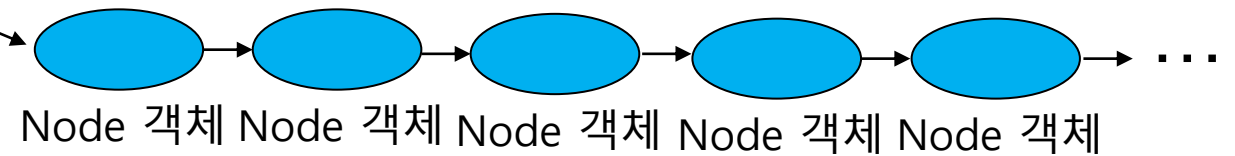
03 연결 리스트

Linked List 객체 구조

강의 노트에서 문맥상 혼동의 여지가 없으므로
__head와 head, __numItems와 numItems를 섞어서 씀



Linked list의
시작 노드 레퍼런스만 있으면 된다



Linked List

Linked List 객체

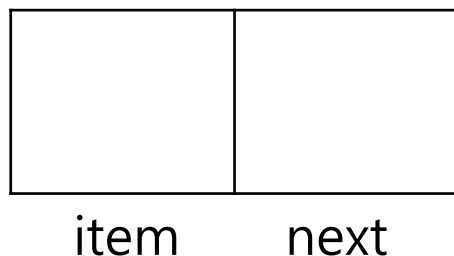
각 작업의 의미

<code>__head</code>	◀ 첫 번째 노드에 대한 레퍼런스
<code>__numItems</code>	◀ 연결 리스트에 들어 있는 원소의 총 수
<code>insert(i, x)</code>	◀ x를 연결 리스트의 i번 원소로 삽입한다. (맨 앞자리는 0번)
<code>append(x)</code>	◀ 연결 리스트의 맨 뒤에 원소 x를 추가한다.
<code>pop(i)</code>	◀ 연결 리스트의 i번 원소를 삭제하면서 알려준다.
<code>remove(x)</code>	◀ 연결 리스트에서 (처음으로 나타나는) x를 삭제한다.
<code>get(i)</code>	◀ 연결 리스트의 i번 원소를 알려준다.
<code>index(x)</code>	◀ 원소 x가 연결 리스트의 몇 번 원소인지 알려준다.
<code>isEmpty()</code>	◀ 연결 리스트가 빈 리스트인지 알려준다.
<code>size()</code>	◀ 연결 리스트의 총 원소 수를 알려준다
<code>clear()</code>	◀ 연결 리스트를 깨끗이 청소한다.
<code>count(x)</code>	◀ 연결 리스트에서 원소 x가 몇 번 나타나는지 알려준다.
<code>extend(a)</code>	◀ 연결 리스트에 나열할 수 있는 객체(예 리스트, 튜플 등) a를 풀어서 추가한다.
<code>copy()</code>	◀ 연결 리스트를 복사해서 새 연결 리스트를 리턴한다.
<code>reverse()</code>	◀ 연결 리스트의 순서를 역으로 뒤집는다.
<code>sort()</code>	◀ 연결 리스트를 정렬한다.

ListNode 객체 구조



보통은 이렇게 그린다



노드 클래스

```
class ListNode:
    def __init__(self, newItem, nextNode:'ListNode'):
        self.item = newItem
        self.next = nextNode
```

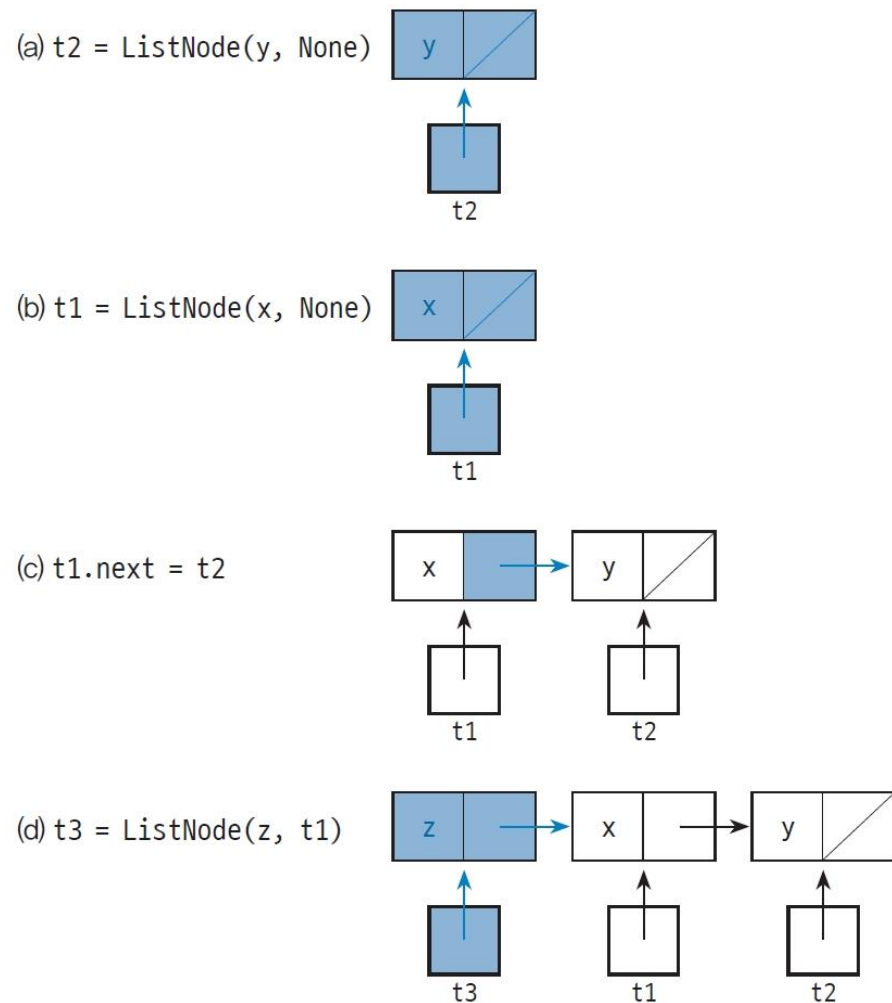
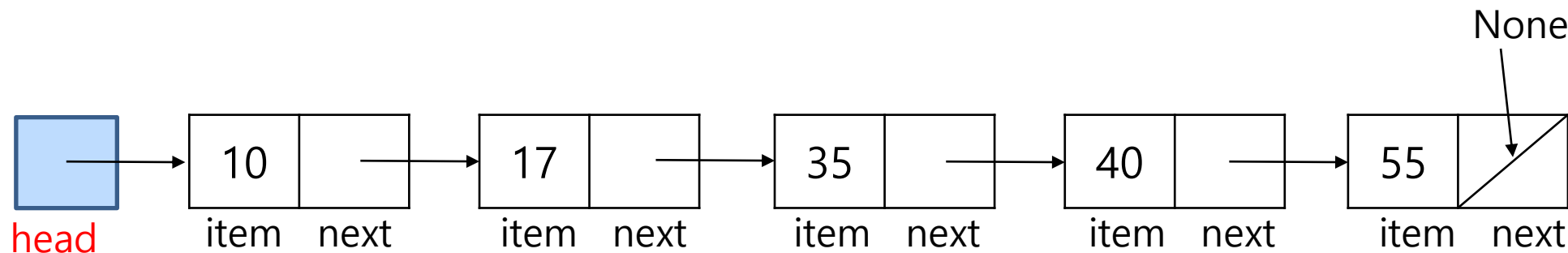


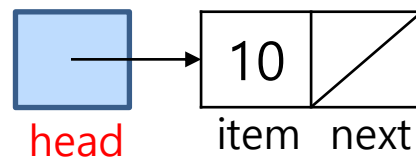
그림 5-19 클래스 ListNode의 사용 예

헤드 노드 Head Node

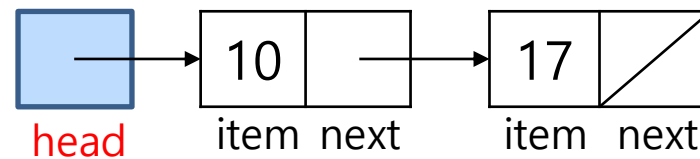
- 연결 리스트는 흔히 첫 노드에 대한 레퍼런스(여기서는 head)를 갖고 있다



```
head = ListNode(10, None)
```



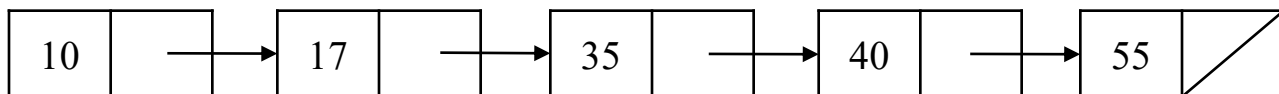
```
head.next = ListNode(17, None)
```



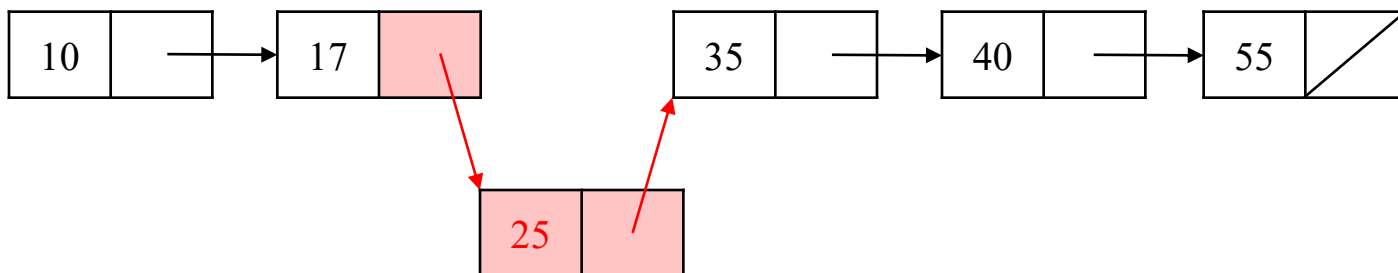
✓ 여기서, **head**는 단순한 레퍼런스 변수

핵심 작업

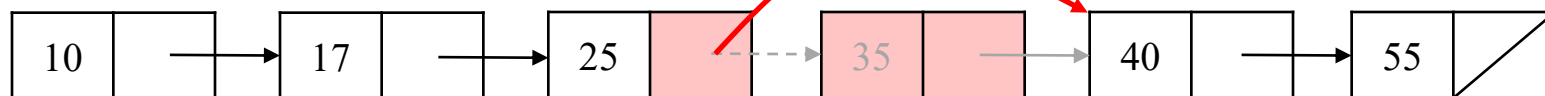
정수의 연결 리스트



삽입

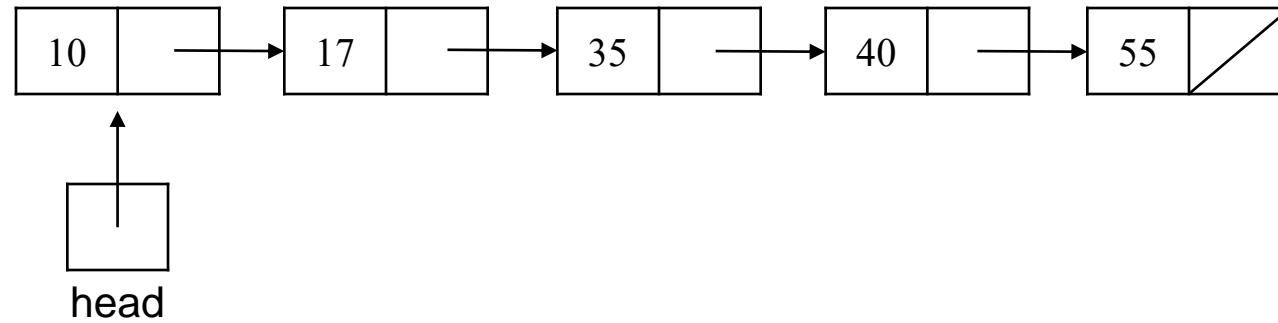


삭제



전형적 모양

대표적 상태



초기 상태

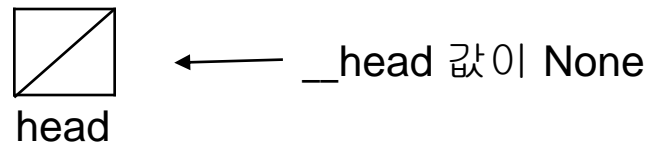


그림 5-8 연결 리스트의 일반 형태

삽입 Insertion

prev 다음에 새 노드를 삽입한다

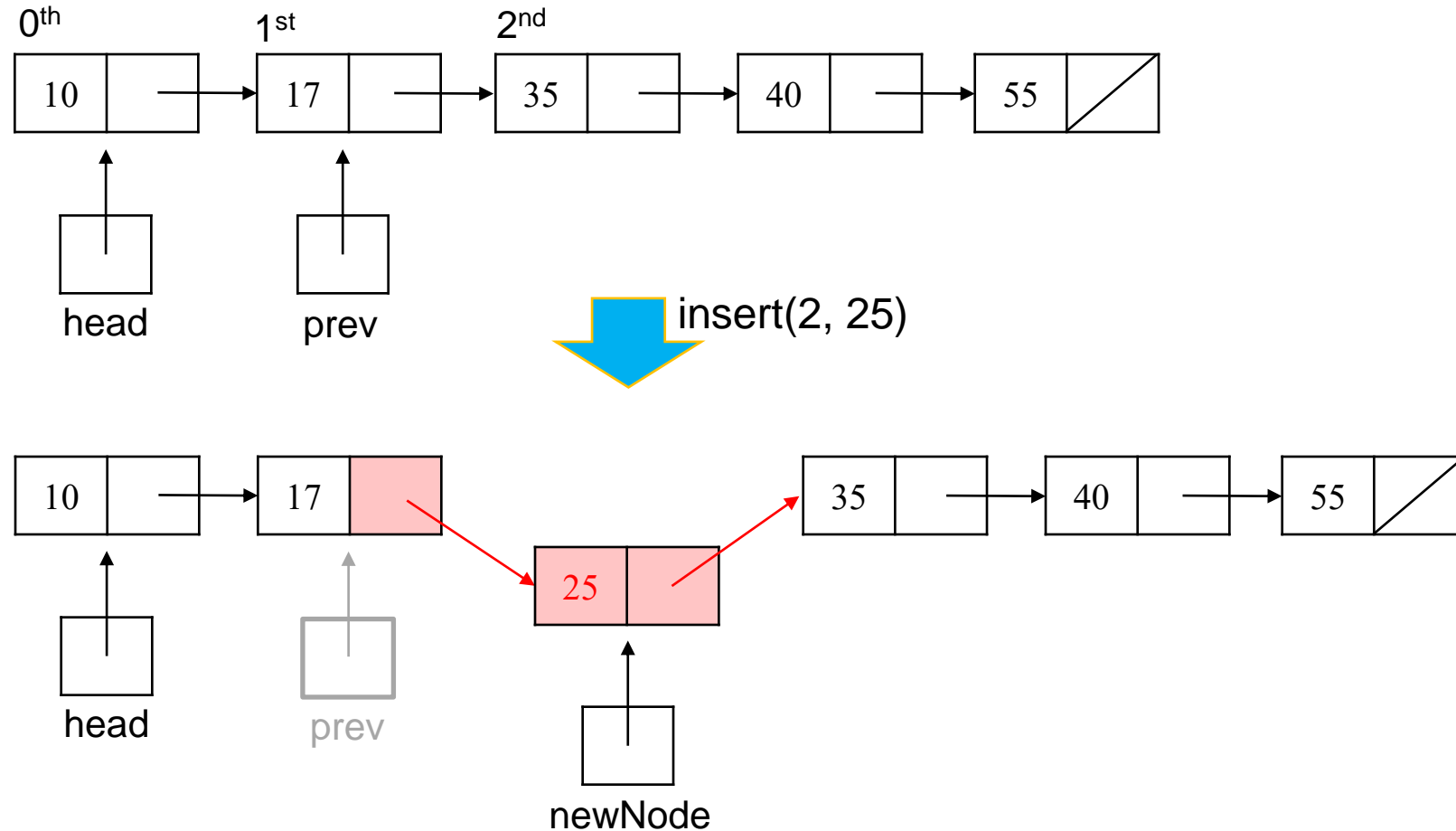
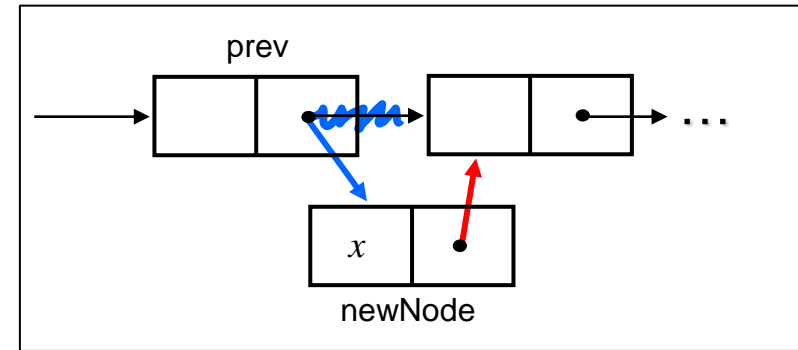


그림 5-10 연결 리스트에서 중간에 원소(25)를 삽입하는 예

insert()

```
newNode.item ← x
newNode.next ← prev.next
prev.next ← newNode
__numItems += 1
```

중간 삽입과 맨 끝 삽입은 문제 없다.
But, 맨 앞 삽입은 작동하지 않는다.



Animation

중간에 삽입: Okay

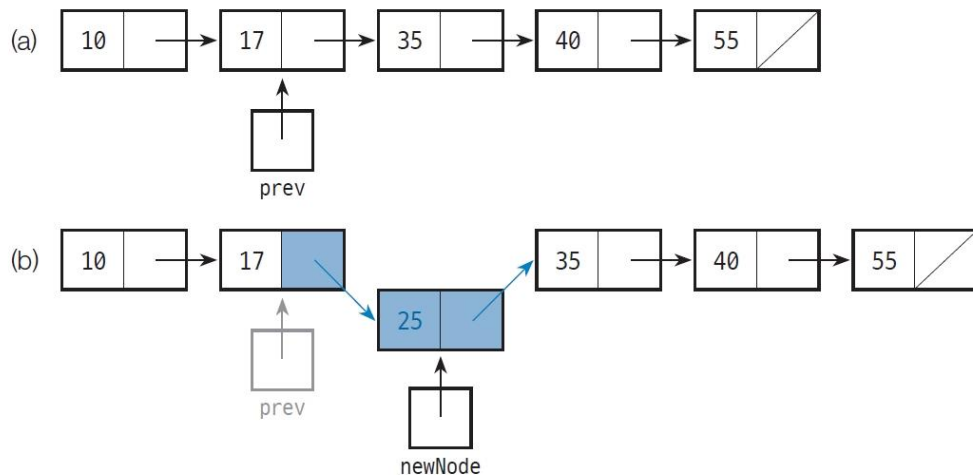


그림 5-10 연결 리스트에서 중간에 원소(25)를 삽입하는 예

맨 끝에 삽입: Okay

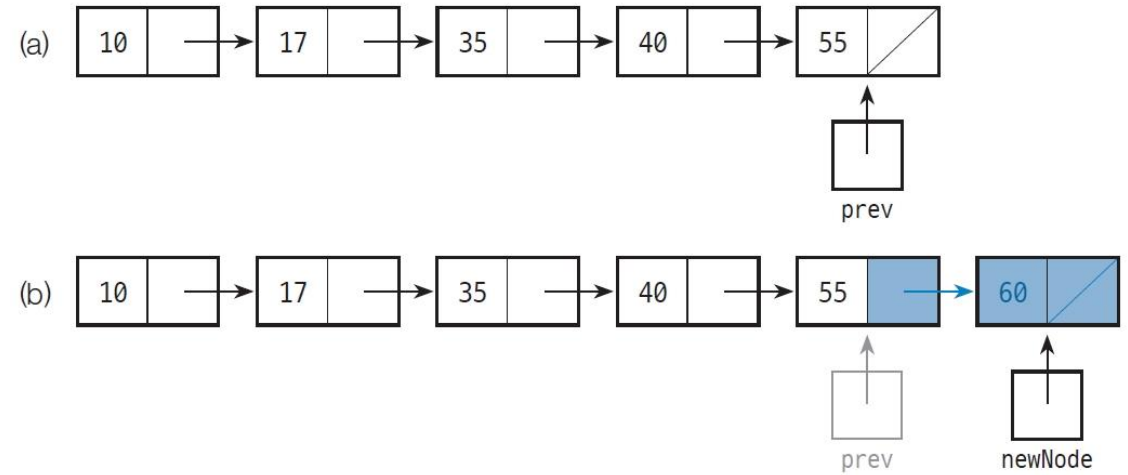


그림 5-11 연결 리스트의 맨 뒤에 원소(60)를 삽입하는 예

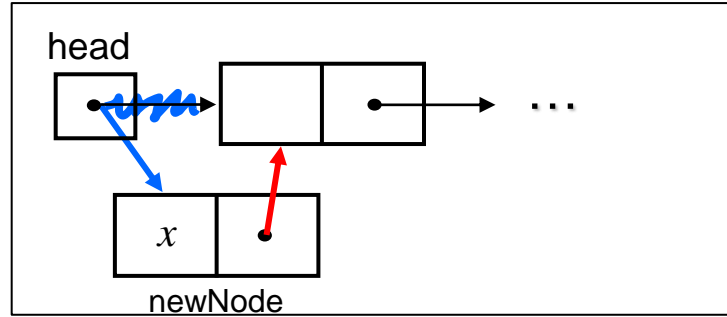
```

newNode.item ← x
newNode.next ← head
head ← newNode
numItems++

```

맨 앞에 삽입할 때

prev가 존재하지 않아 prev.next와 같은 표현 사용불가



Animation

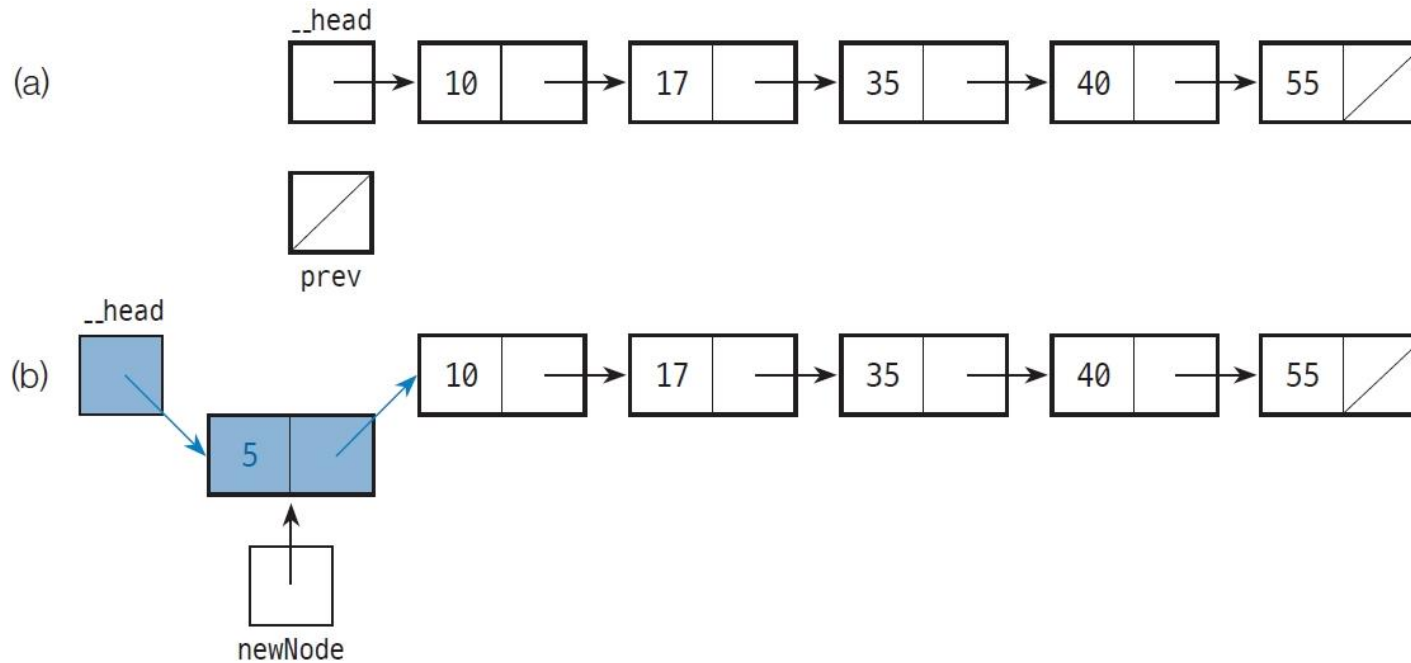


그림 5-12 연결 리스트의 맨 앞에 원소(5)를 삽입하는 예

알고리즘 5-1 연결 리스트에 원소 삽입하기

```
if i == 0:
    newNode.item = x
    newNode.next = __head
    __head = newNode
    __numItems += 1
else:
    newNode.item = x
    newNode.next = prev.next
    prev.next = newNode
    __numItems += 1
```

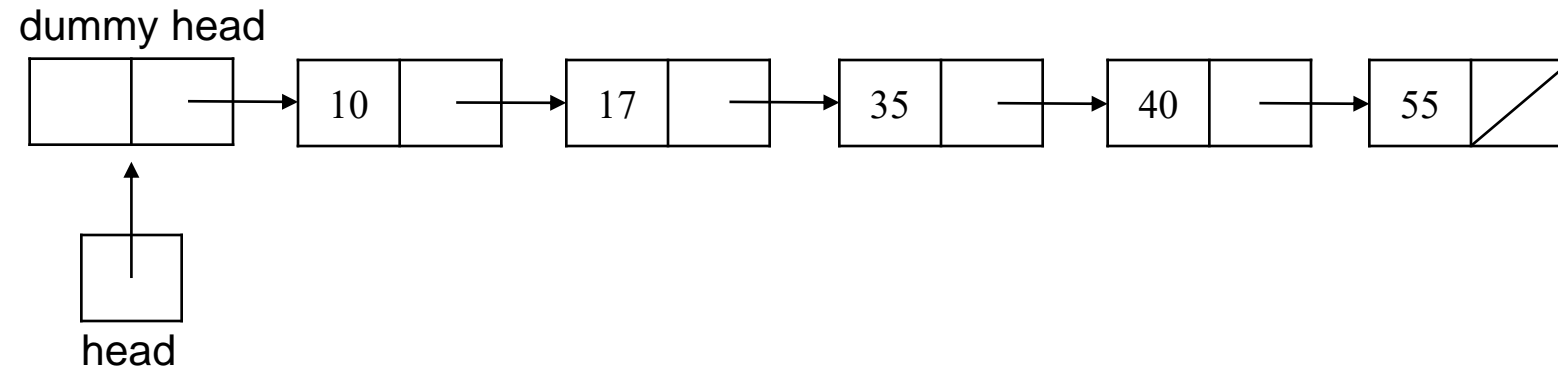
← 앞의 두 가지 경우를 다 고려한

자주 나오지 않는 “맨 앞 삽입” 때문에
이렇게 항상 두 가지 경우로 나누어 처리해야 하는가?

하나로 처리할 수 있는 방법이 있다 → 더미 헤드 노드 dummy head node

더미 헤드들 둔 연결 리스트

대표적 상태



초기 상태

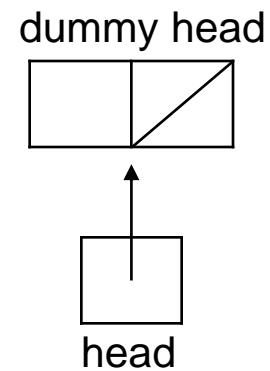


그림 5-13 더미 헤드 노드를 둔 연결 리스트

insert(): 더미 헤드가 있는 버전

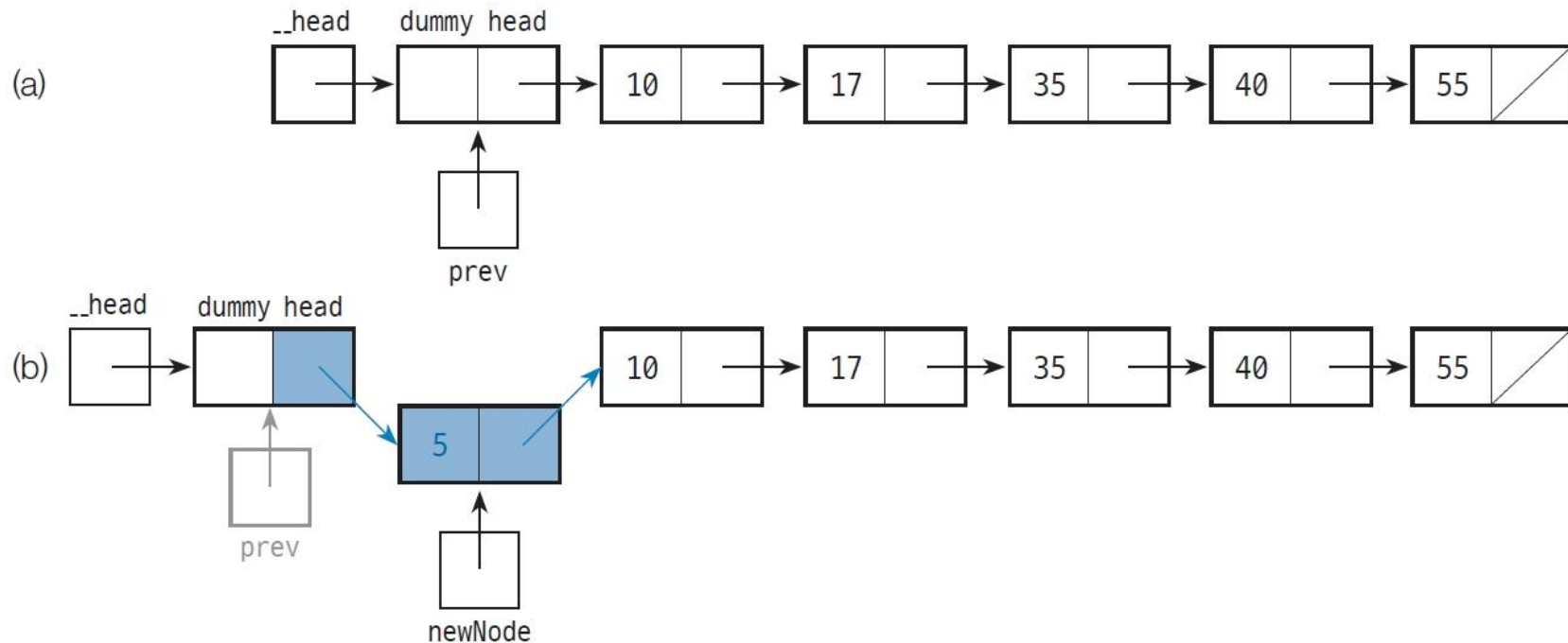


그림 5-14 더미 헤드 노드가 있는 연결 리스트에서 맨 앞에 원소를 삽입하는 예

알고리즘 5-2 연결 리스트에 원소 삽입하기(더미 헤드를 두는 대표 버전)

```
newNode.item = x
newNode.next = prev.next
prev.next = newNode
__numItems += 1
```

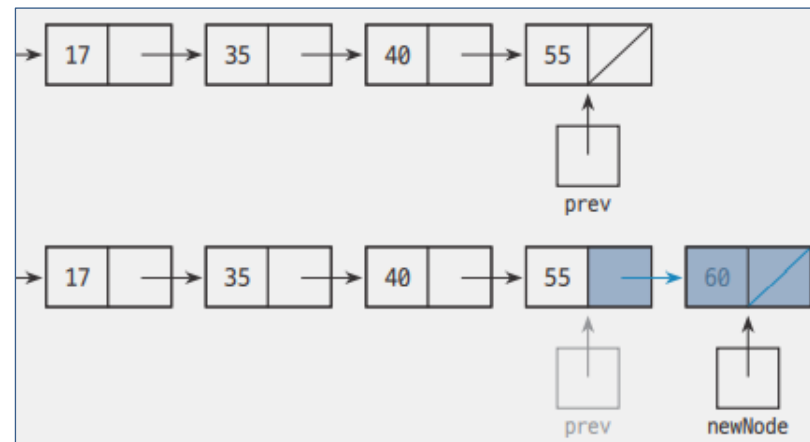
← Dummy head를 두면 모든 삽입은 이것으로 충분
항상 prev가 존재하기 때문

append()

맨 뒤에 원소 x 를 추가

```
newNode.item ←  $x$   
newNode.next ← prev.next  
prev.next ← newNode  
__numItems += 1
```

← prev가 정해지면
insert()의 코드와 동일



삭제 Deletion

prev 다음 노드를 삭제한다

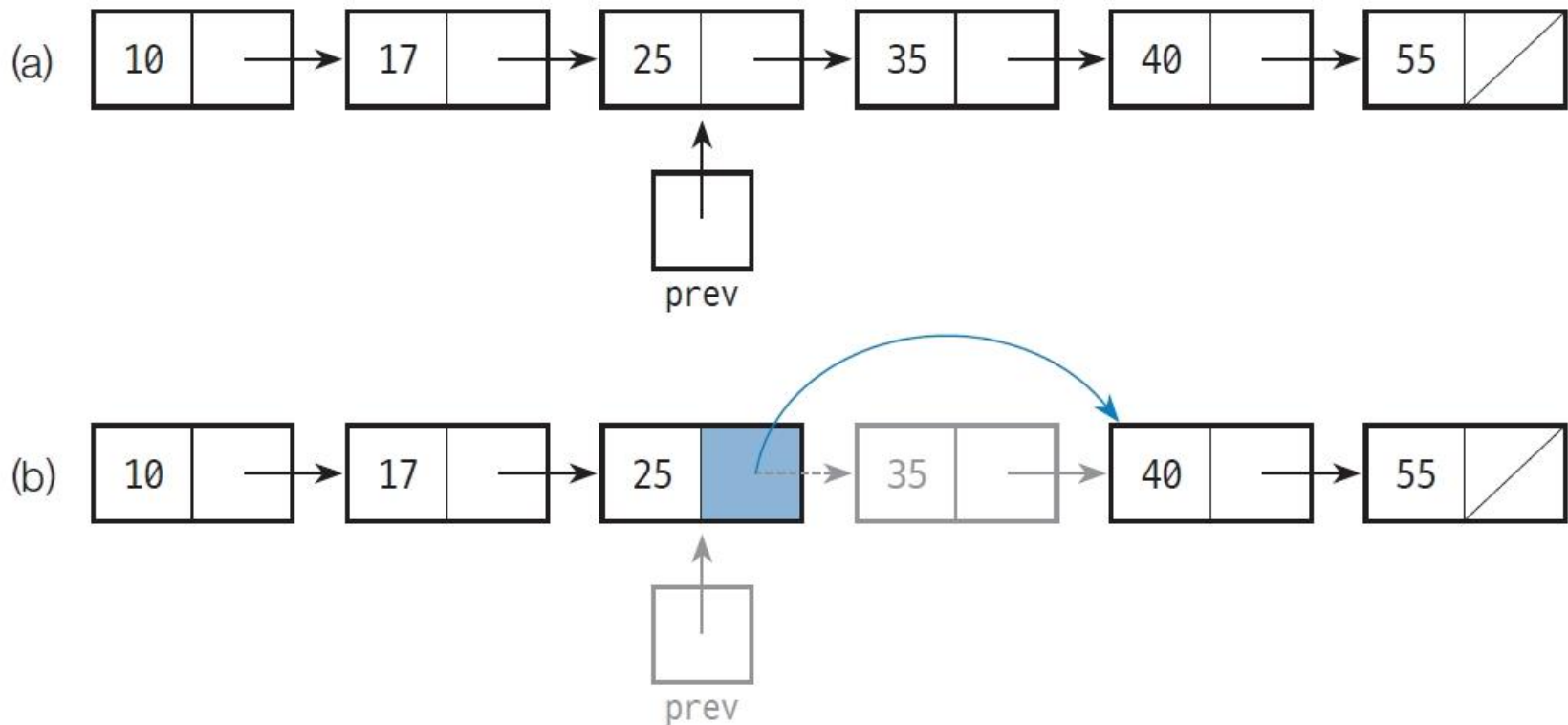
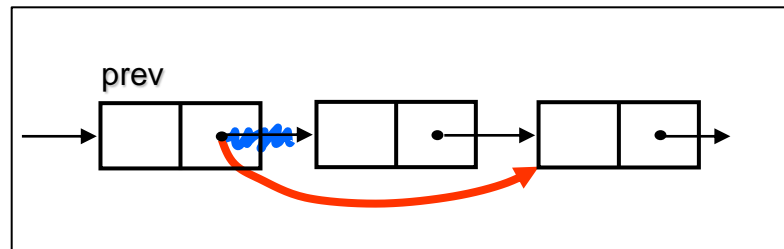


그림 5-15 연결 리스트에서 원소(35)를 삭제하는 예

pop()

```
prev.next ← prev.next.next  
numItems--
```

중간 노드 삭제와 맨 끝 노드 삭제는 Okay
But, 맨 앞 노드 삭제는 작동하지 않는다



Animation

중간 노드 삭제: Okay

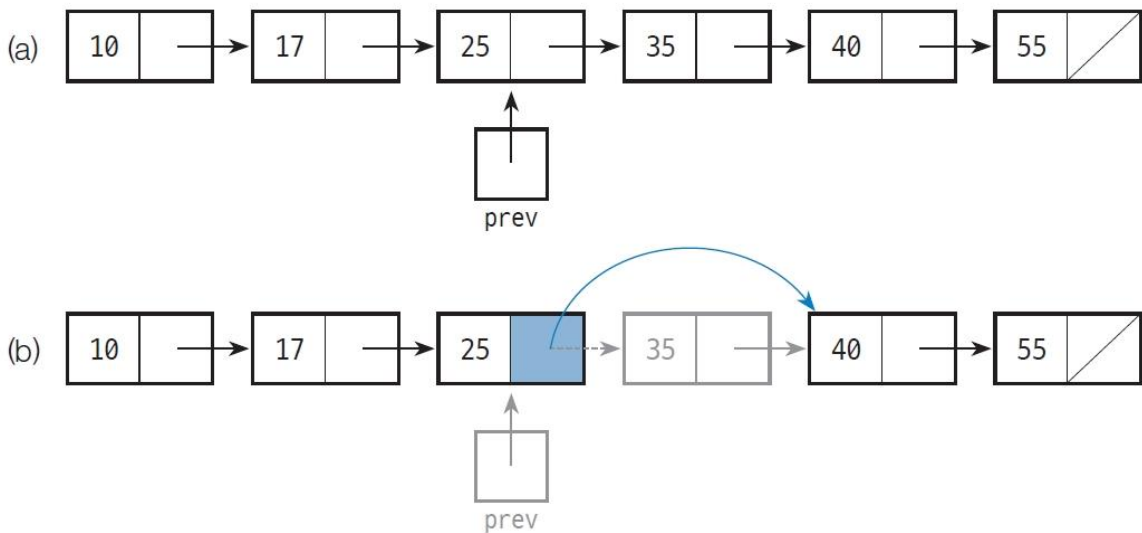


그림 5-15 연결 리스트에서 원소(35)를 삭제하는 예

맨 끝 노드 삭제: Okay

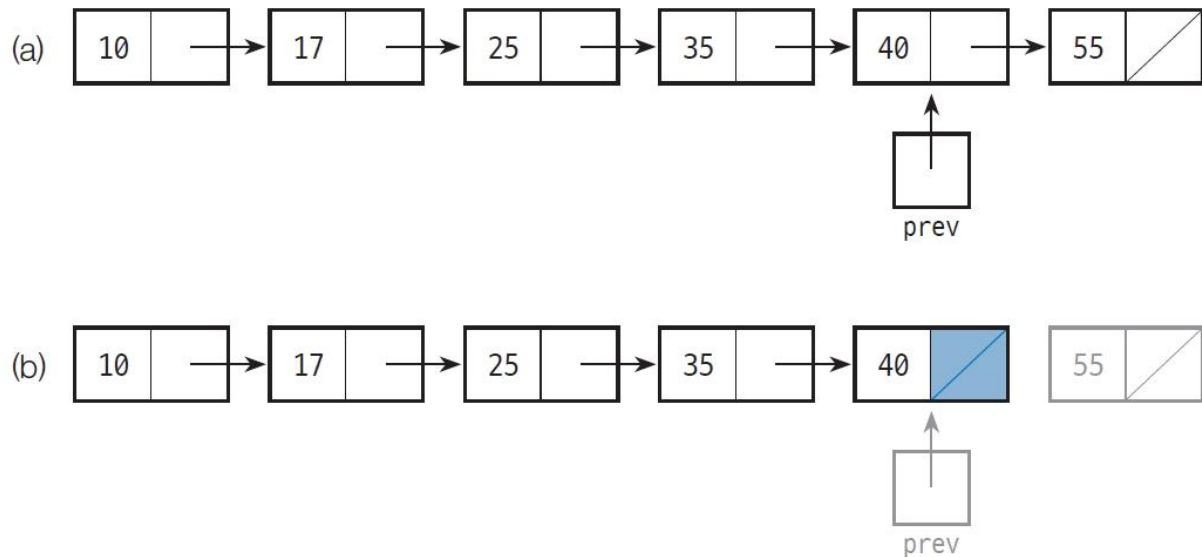
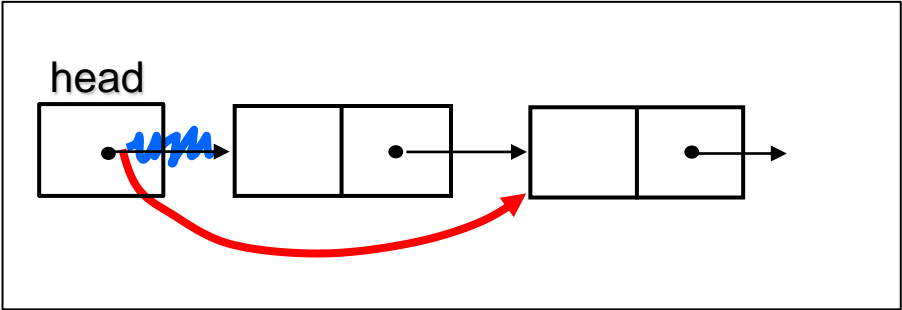


그림 5-16 연결 리스트의 마지막 원소를 삭제하는 예



Animation

```
head ← head.next
__numItems -= 1
```

맨 앞 노드를 삭제할 때
prev가 존재하지 않아 prev.next와 같은 표현 사용불가

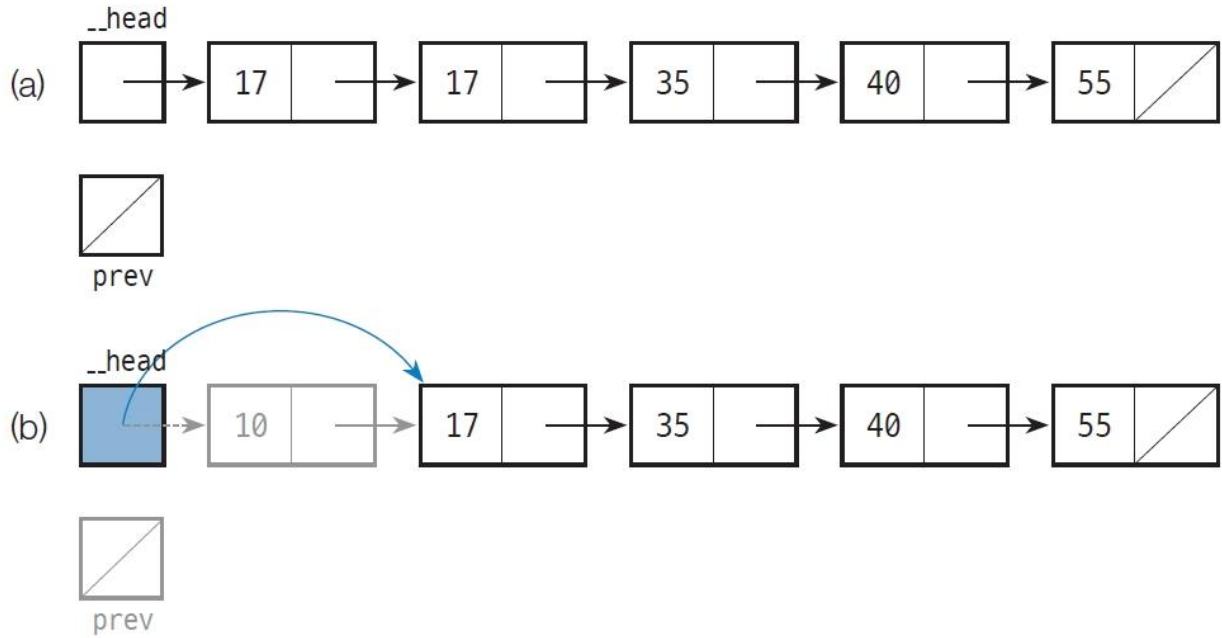


그림 5-17 연결 리스트의 맨 앞쪽 원소를 삭제하는 예

알고리즘 5-3 연결 리스트의 원소 삭제하기

```
if i == 0:  
    __head.next = __head.next.next  
    __numItems -= 1  
else:  
    prev.next = prev.next.next  
    __numItems -= 1
```

← 앞의 두 가지 경우를 다 고려한

자주 나오지 않는 “맨 앞 삭제” 때문에
이렇게 항상 두 가지 경우로 나누어 처리해야 하는가?

더미 헤드를 두면 역시 하나로 처리된다

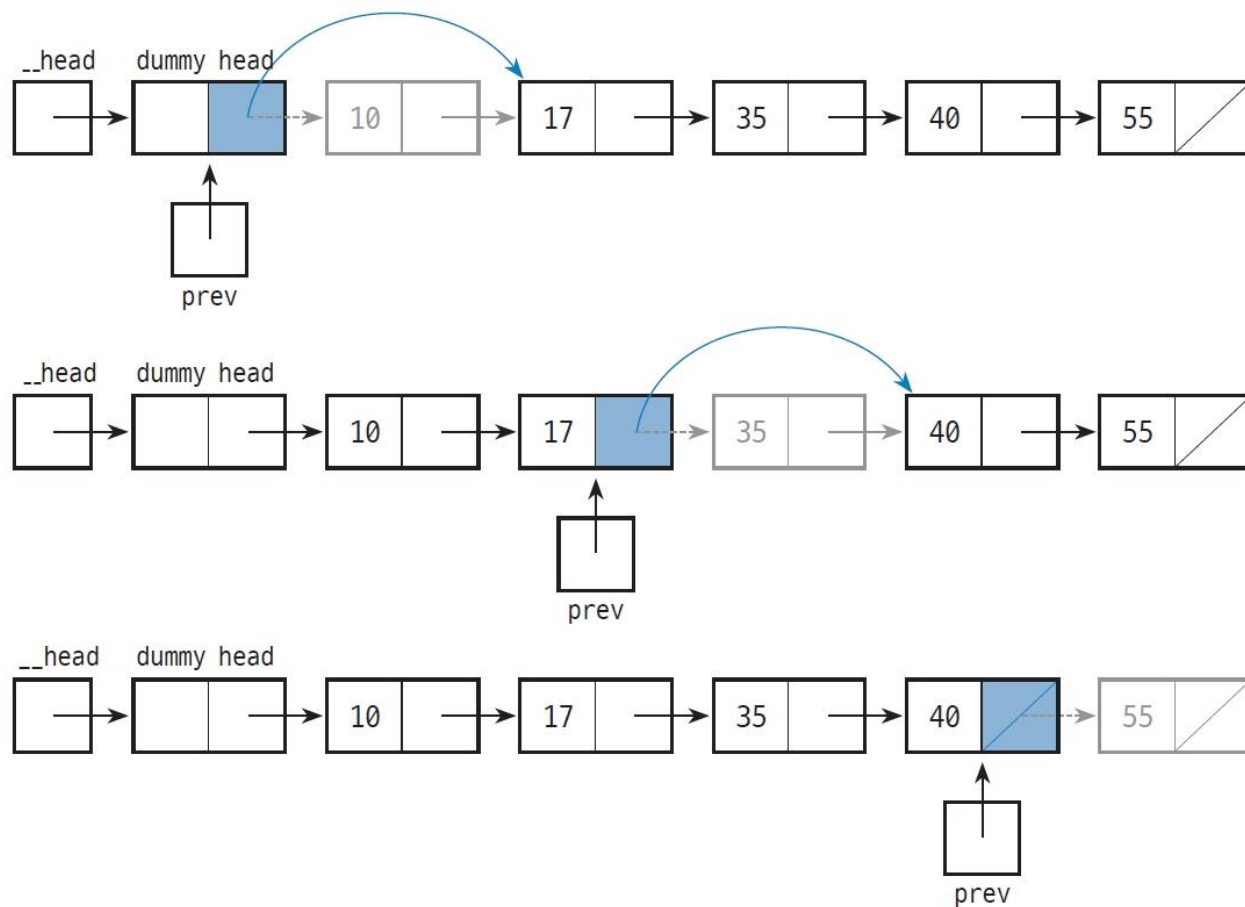


그림 5-18 더미 헤드 노드가 있는 연결 리스트의 세 가지 삭제 예

알고리즘 5-4 연결 리스트의 원소 x 삭제하기(더미 헤드를 두는 대표 버전)

```
prev.next = prev.next.next
__numItems -= 1
```

← Dummy head를 두면 이것으로 충분
항상 prev가 존재하기 때문

기타 작업

알고리즘 5-5 연결 리스트의 i번 원소 알려주기

```
get(i):  
    if i >= 0 and i <= __numItems - 1:  
        return __getNode(i).item  
    else:  
        print("error in get(", i, ")")
```

알고리즘 5-6 연결 리스트의 i번 노드 알려주기

```
__getNode(i):  
    curr = __head  
    for index in range(i+1):  
        curr = curr.next  
    return curr
```

알고리즘 5-7 x가 연결 리스트의 몇 번 원소인지 알려주기

```
index(x):  
    curr = __head # 더미 헤드  
    for index in range(__numItems):  
        curr = curr.next  
        if curr.item == x:  
            return index  
    return -12345 # x가 없을 때
```

알고리즘 5-8 기타 작업들

```
isEmpty():                ◀ 리스트가 비었는지 알려주기  
    return __numItems == 0  
  
size():                   ◀ 리스트의 총 원소 수 알려주기  
    return __numItems  
  
clear():                  ◀ 리스트 깨끗이 청소하기  
    newNode.next = None  ◀ 더미 헤드 노드  
    __head = newNode  
    __numItems = 0
```

연결 리스트 클래스 구조

```
from DS.list.listNode import ListNode # 클래스 ListNode가 다른 파일에 있을 경우
```

```
class LinkedListBasic:
```

```
    def __init__(self):
```

```
        self.__head = ListNode('dummy', None)
```

```
        self.__numItems = 0
```

```
    ❶ def insert(self, i, newItem):
```

```
        ...
```

```
    ❷ def append(self, newItem):
```

```
        ...
```

```
    ❸ def pop(self, i):
```

```
        ...
```

```
    ...
```

```
def insert(self, i:int, x):
    if i >= 0 and i <= self.__numItems:
        prev = self.__getNode(i - 1)
        newNode = ListNode(x, prev.next)
        prev.next = newNode
        self.__numItems += 1
    else:
        print("index", i, ": out of bound in insert()") # 필요 시 에러 처리
```

```
def __getNode(self, i:int) -> ListNode:
    curr = self.__head # dummy head, index: -1
    for index in range(i+1):
        curr = curr.next
    return curr
```

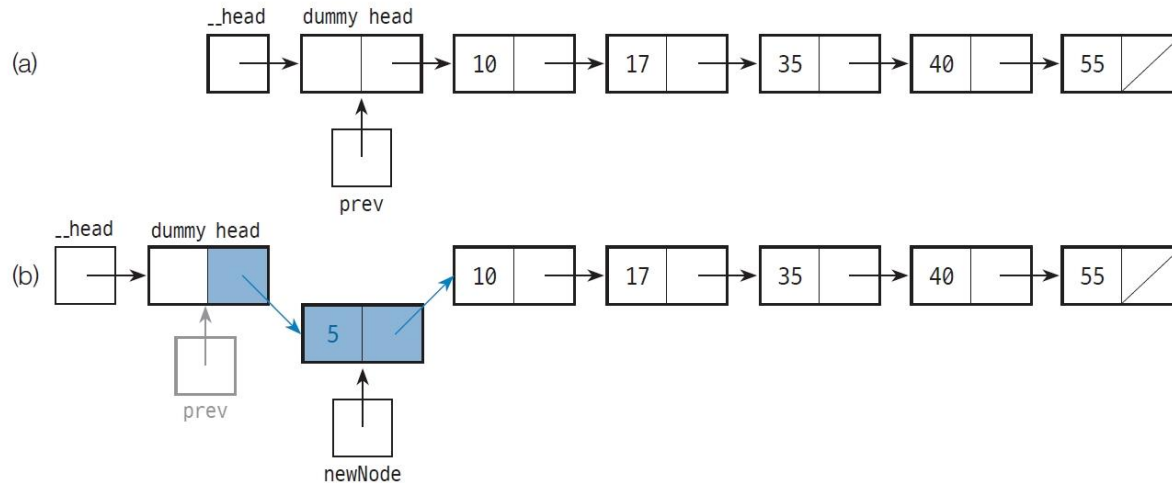
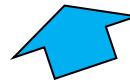


그림 5-14 더미 헤드 노드가 있는 연결 리스트에서 맨 앞에 원소를 삽입하는 예



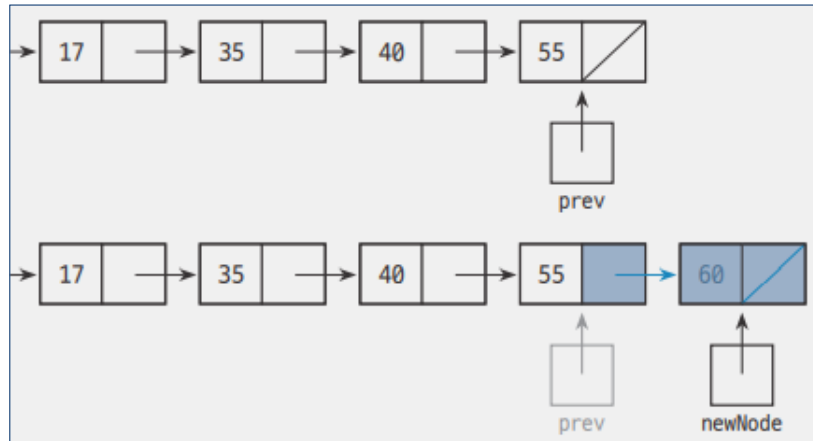
알고리즘 5-2 연결 리스트에 원소 삽입하기(더미 헤드를 두는 대표 버전)

```
newNode.item = x
newNode.next = prev.next
prev.next = newNode
__numItems += 1
```

핵심부 (유사 코드)

맨 끝 추가

```
def append(self, newItem):  
    prev = self.__getNode(self.__numItems - 1)  
    newNode = ListNode(newItem, prev.next)  
    prev.next = newNode  
    self.__numItems += 1
```

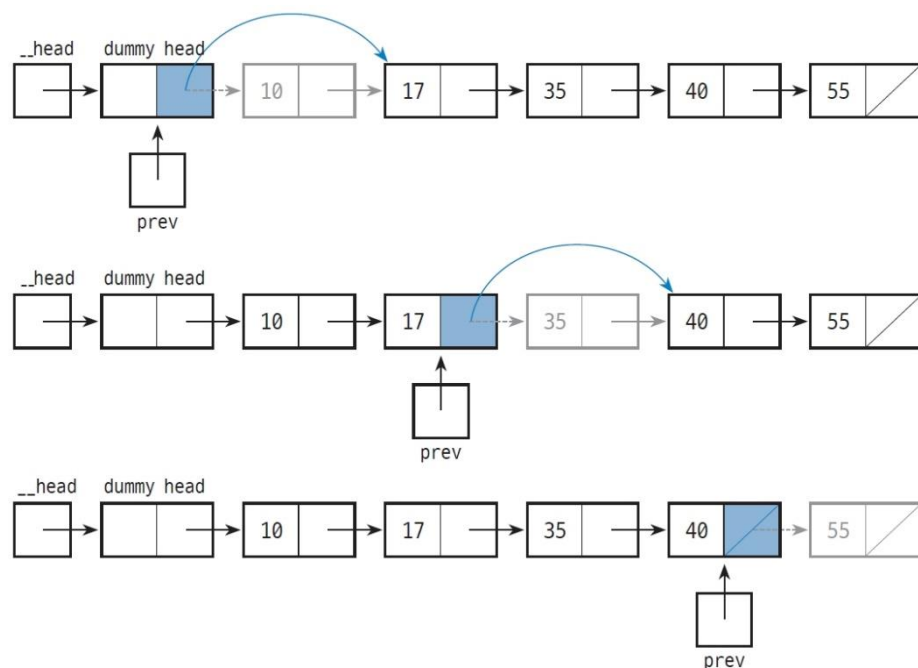


알고리즘 5-2 연결 리스트에 원소 삽입하기(더미 헤드를 두는 대표 버전)

```
newNode.item = x  
newNode.next = prev.next  
prev.next = newNode  
__numItems += 1
```

핵심부 (유사 코드)


```
def pop(self, i:int): # i번 노드 삭제
    if (i >= 0 and i <= self.__numItems-1):
        prev = self.__getNode(i - 1)
        curr = prev.next
        prev.next = curr.next
        retItem = curr.item
        self.__numItems -= 1
        return retItem
    else:
        return None
```



알고리즘 5-4 연결 리스트의 원소 x 삭제하기(더미 헤드를 두는 대표 버전)

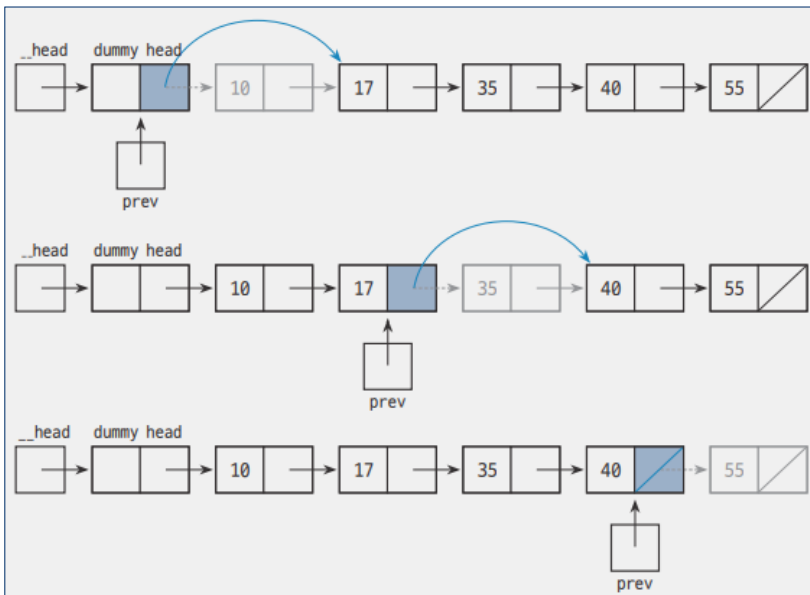
```
prev.next = prev.next.next
__numItems -= 1
```

핵심부 (유사 코드)

그림 5-18 더미 헤드 노드가 있는 연결 리스트의 세 가지 삭제 예

```
def remove(self, x):
    (prev, curr) = self.__findNode(x)
    if curr != None:
        prev.next = curr.next
        self.__numItems -= 1
        return x
    else:
        return None
```

```
def __findNode(self, i:int) -> (ListNode, ListNode):
    prev = self.__head # dummy head
    curr = prev.next # 0번 노드
    while curr != None:
        if curr.item == x:
            return (prev, curr)
        else:
            prev = curr; curr = curr.next
    return (None, None)
```



알고리즘 5-4 연결 리스트의 원소 x 삭제하기(더미 헤드를 두는 대표 버전)

```
prev.next = prev.next.next
__numItems -= 1
```

핵심부 (유사 코드)

```
def get(self, i:int):  
    if self.isEmpty():  
        return None  
    if (i >= 0 and i <= self.__numItems - 1):  
        return self.__getNode(i).item  
    else:  
        return None
```

```
def index(self, x) -> int:  
    curr = self.__head.next # 0번 노드: 더미 헤드 다음 노드  
    for index in range(self.__numItems):  
        if curr.item == x:  
            return index  
        else:  
            curr = curr.next  
    return -12345 # 안쓰는 인덱스
```

```
def isEmpty(self) -> bool:  
    return self.__numItems == 0
```

```
def size(self) -> int:  
    return self.__numItems
```

```
def clear(self):  
    self.__head = ListNode("dummy", None)  
    self.__numItems = 0
```

```
def count(self, x) -> int:  
    cnt = 0  
    curr = self.__head.next # 0번 노드  
    while curr != None:  
        if curr.item == x:  
            cnt += 1  
        curr = curr.next  
    return cnt
```

```
def extend(self, a): # 여기서 a는 self와 같은 타입의 리스트
    for index in range(a.size()):
        self.append(a.get(index))
```

```
def copy(self):
    a = LinkedListBasic()
    for index in range(self.__numItems):
        a.append(self.get(index))
    return a
```

```
def reverse(self):
    a = LinkedListBasic()
    for index in range(self.__numItems):
        a.insert(0, self.get(index))
    self.clear()
    for index in range(a.size()):
        self.append(a.get(index))
```

```
def sort(self) -> None:
    a = []
    for index in range(self.__numItems):
        a.append(self.get(index))
    a.sort()
    for index in range(len(a)):
        self.append(a[index])
```

```
def printList(self):
    curr = self.__head.next # 0번 노드: 더미 헤드 다음 노드
    while curr != None:
        print(curr.item, end=" ")
        curr = curr.next
    print()
```

04 배열 리스트와 연결 리스트의 비교

배열 리스트

- 직관적으로 간명하다
- 인덱스가 주어지면 즉시(상수 시간에) 접근 가능
- 연속된 공간에 저장되므로 삽입이나 삭제 시 시프트 작업 필요
- 미리 크기를 정해야 하므로 오버플로우 시 배열을 새로 배정받아 내용을 복사해야 한다
- 배열이 크면 효율이 떨어진다

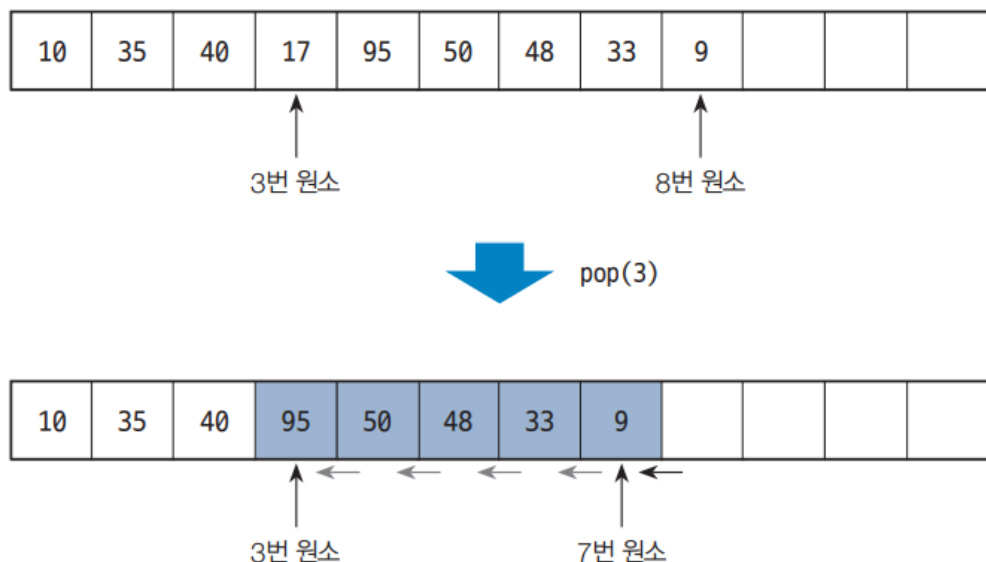


그림 5-5 배열에서 원소 삭제 후 원소들을 시프트하는 예

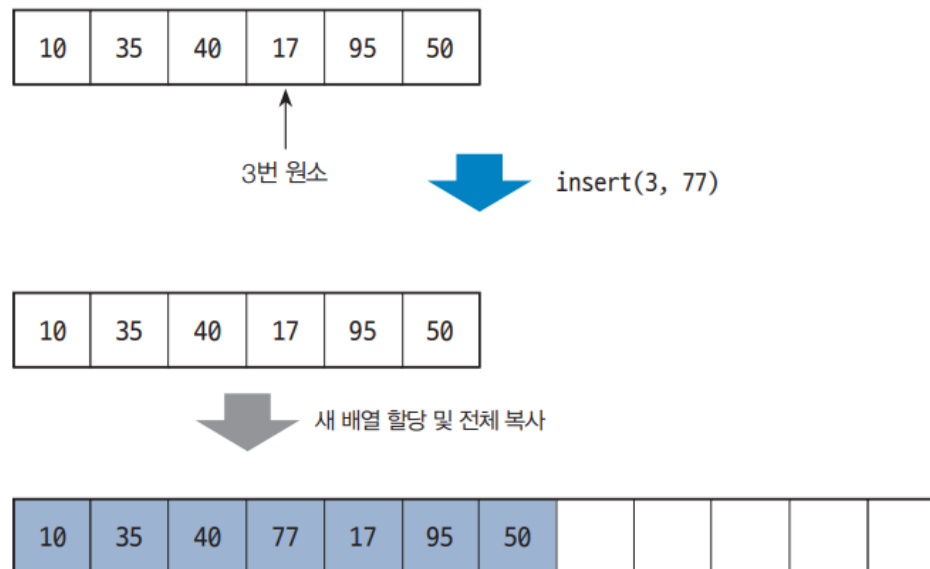
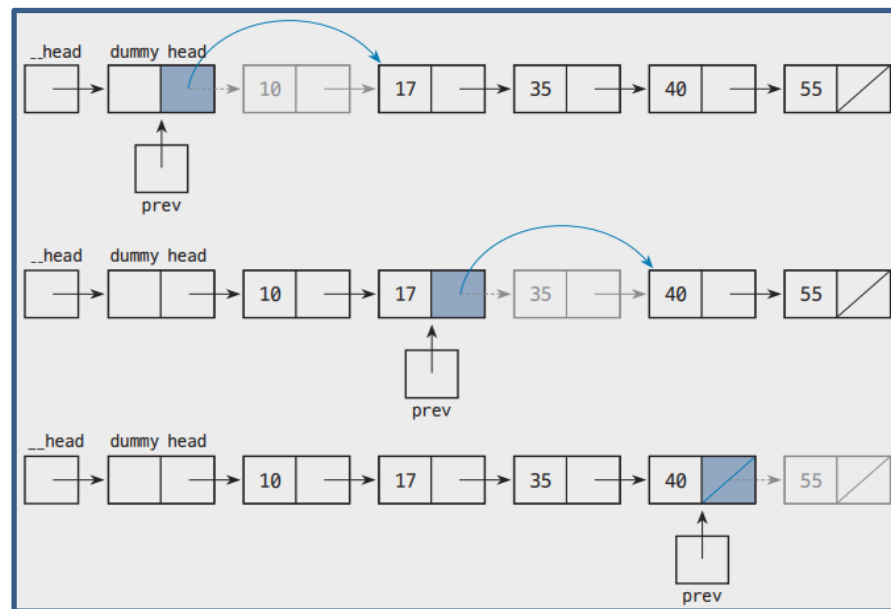


그림 5-6 배열이 꽉 찬 상태에서 삽입이 시도될 때 새 배열에 원소들을 모두 복사하는 예

연결 리스트

- 연속되지 않은 공간에 저장되어 링크를 관리하는 부담이 있다
- 인덱스가 주어진 접근도 링크를 따라가는 부담이 있다
- 삽입이나 삭제 시 시프트 작업이 필요없다
- 원소가 추가될 때 동적으로 공간을 할당 받으므로 원소의 수에 비례하는 공간만이 소요
- 오버플로우로부터 자유롭다



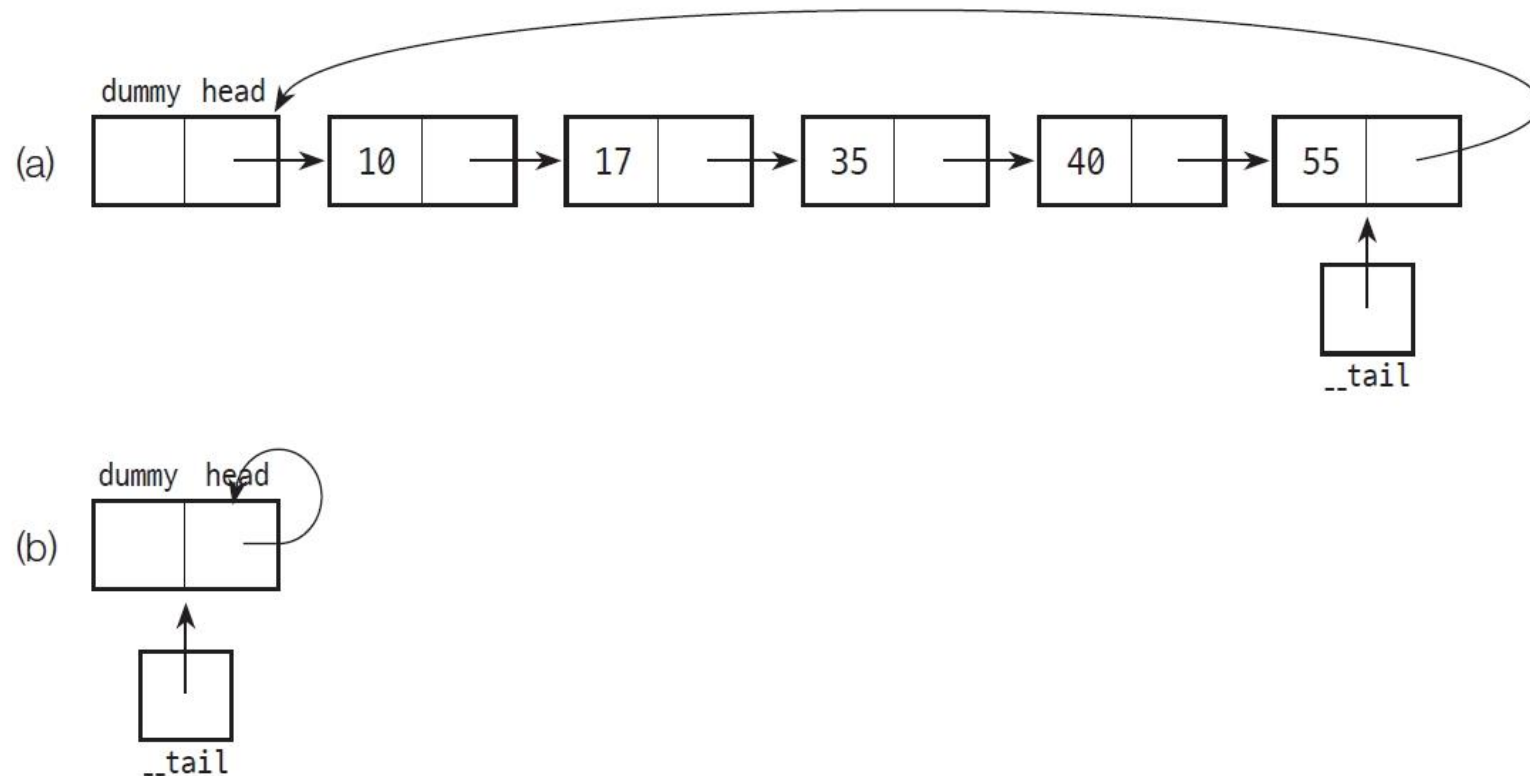
작업 시간 비교

작업	배열 리스트	연결 리스트
insert(i)	위치 접근 $\Theta(1)$, 삽입 작업 $O(n)$	위치 접근 $O(n)$, 삽입 작업 $\Theta(1)$
pop(i)	위치 접근 $\Theta(1)$, 삭제 작업 $O(n)$	위치 접근 $O(n)$, 삭제 작업 $\Theta(1)$
remove(x)	원소 찾기 $O(n)$, 삭제 작업 $O(n)$	원소 찾기 $O(n)$, 삭제 작업 $\Theta(1)$
get(i)	$\Theta(1)$	$O(n)$

05 연결 리스트의 개선 및 확장

개선 1: 원형 연결 리스트 Circular Linked List

끝 노드(tail)의 next가 null 값을 갖는 대신 첫 노드를 링크한다
맨 앞과 맨 뒤의 접근성 차이가 없어짐



강의 노트에서 혼동의 여지가 없으므로
._tail과 tail을 섞어서 씀

그림 5-21 더미 헤드 노드를 가진 원형 연결 리스트의 예

더미 헤드를 가진 원형 연결 리스트에서의 삽입

```
def insert(self, i:int, newItem) -> None:
    if (i >= 0 and i <= self.__numItems):
        prev = self.getNode(i - 1)
        newNode = ListNode(newItem, prev.next)
        prev.next = newNode
        if i == self.__numItems:
            self.__tail = newNode
        self.__numItems += 1
    else:
        print("index", i, ": out of bound in insert()") # 필요시 에러 처리
```

코드는 삽입 위치에 무관하게 동일

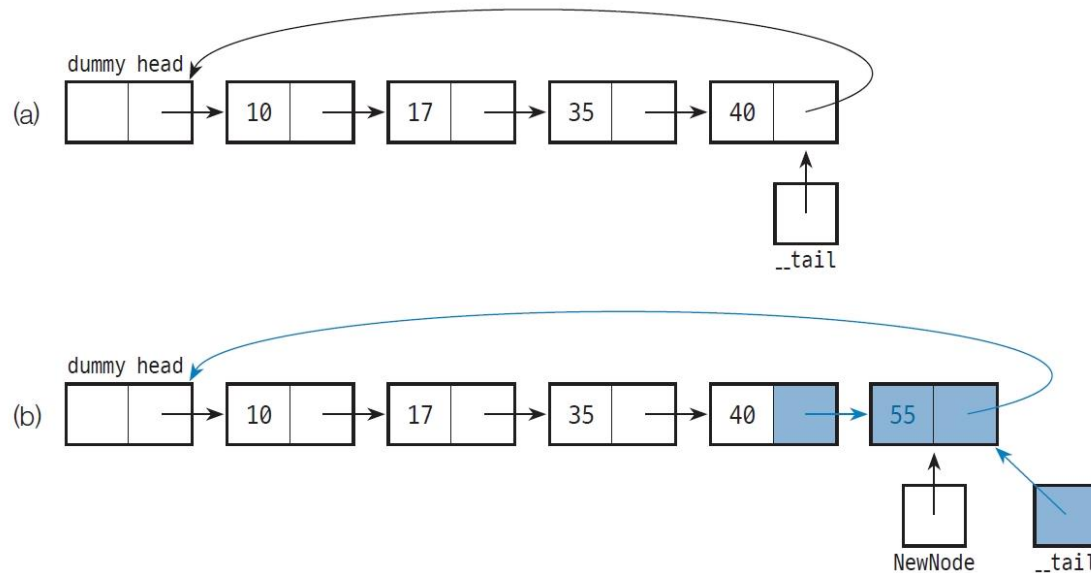


그림 5-22 더미 헤드 노드를 가진 원형 연결 리스트에서 끝에 원소 삽입하기

개선 2: 가변 파라미터

Reminder: 앞에서 `pop(i)`은 항상 삭제 위치를 명시했다

개선: 삭제 위치를 명시하지 않아도 된다

`pop(i)`: *i*번 원소 삭제
`pop()`: 맨 끝 원소 삭제
`pop(-1)`: 맨 끝 원소 삭제

```
def pop(self, *args):
    # 가변 파라미터. 인자가 없거나 -1이면 마지막 원소로 처리하기 위함.
    # 파이썬 리스트 규칙 만족
    if self.isEmpty():
        return None
    # 인덱스 i 결정
    if len(args) != 0: # pop(k)과 같이 인자가 있으면 i=k 할당
        i = args[0]
    if len(args) == 0 or i == -1: # pop()에 인자가 없거나 pop(-1)이면 i에 맨 끝 인덱스 할당
        i = self.__numItems - 1
    # i번 원소 삭제. 이후는 앞절의 pop(i)와 같음.
    if (i >= 0 and i <= self.__numItems - 1):
        prev = self.getNode(i - 1)
        retItem = prev.next.item
        prev.next = prev.next.next
        if i == self.__numItems - 1:
            self.__tail = prev
        self.__numItems -= 1
        return retItem
    else:
        return None
```

개선 3: 순회자

대표적 디자인 패턴

객체의 원소들을 손쉽게 순회할 수 있게 한다

원소들을 순회하는 작업의 예
count(), extend(), copy()

파이썬 순회자에 필요한 것

1. 순회자 클래스
2. 순회자 객체 생성

대상 클래스가 `__iter__()` 메서드를 갖고 있어야 한다

3. 다음 원소 리턴

순회자 클래스가 `__next__()` 메서드를 갖고 있어야 한다

순회자 객체 생성

```
class CircularLinkedList:
```

```
...  
def __iter__(self): # generating iterator and return  
    return CircularLinkedListIterator(self)
```

다음 원소 가져오기

순회자 클래스

```
class CircularLinkedListIterator:
```

```
def __init__(self, alist):  
    self.__head = alist.getNode(-1) # dummy head  
    self.iterPosition = self.__head.next # 0번 노드  
def __next__(self):  
    if self.iterPosition == self.__head: # 순환 끝  
        raise StopIteration  
    else: # 현재 원소 리턴하면서 다음 원소로 이동  
        item = self.iterPosition.item  
        self.iterPosition = self.iterPosition.next  
    return item
```

사용 예

```
def printList(self):  
    for element in self:  
        print(element, end=' ')  
    print()
```

전체 코드: 원형 연결 리스트

```
from DS.list.listNode import ListNode

class CircularLinkedList:
    def __init__(self):
        self.__tail = ListNode("dummy", None)
        self.__tail.next = self.__tail
        self.__numItems = 0

    def insert(self, i:int, newItem) -> None:
        if (i >= 0 and i <= self.__numItems):
            prev = self.getNode(i - 1)
            newNode = ListNode(newItem, prev.next)
            prev.next = newNode
            if i == self.__numItems:
                self.__tail = newNode
            self.__numItems += 1
        else:
            print("index", i, ": out of bound in insert()") # 필요시 에러 처리

    def append(self, newItem) -> None:
        newNode = ListNode(newItem, self.__tail.next)
        self.__tail.next = newNode
        self.__tail = newNode
        self.__numItems += 1
```

```

def pop(self, *args):
    # 가변 파라미터. 인자가 없거나 -1이면 마지막 원소로 처리하기 위함. 파이썬 리스트 규칙 만족
    if self.isEmpty():
        return None
    # 인덱스 i 결정
    if len(args) != 0: # pop(k)과 같이 인자가 있으면 i=k 할당
        i = args[0]
    if len(args) == 0 or i == -1: # pop()에 인자가 없거나 pop(-1)이면 i에 맨 끝 인덱스 할당
        i = self.__numItems - 1
    # i번 원소 삭제
    if (i >= 0 and i <= self.__numItems - 1):
        prev = self.getNode(i - 1)
        retItem = prev.next.item
        prev.next = prev.next.next
        if i == self.__numItems - 1:
            self.__tail = prev
        self.__numItems -= 1
        return retItem
    else:
        return None

def remove(self, x):
    (prev, curr) = self.__findNode(x)
    if curr != None:
        prev.next = curr.next
        if curr == self.__tail:
            self.__tail = prev
        self.__numItems -= 1
        return x
    else:
        return None

```

```

def get(self, *args):
    # 가변 파라미터. 인자가 없거나 -1이면 마지막 원소로 처리하기 위함. 파이썬 리스트 규칙 만족
    if self.isEmpty():
        return None
    # 인덱스 i 결정
    if len(args) != 0: # pop(k)과 같이 인자가 있으면 i=k 할당
        i = args[0]
    if len(args) == 0 or i == -1: # pop()에 인자가 없거나 pop(-1)이면 i에 맨 끝 인덱스 할당
        i = self.__numItems - 1
    # i번 원소 리턴
    if (i >= 0 and i <= self.__numItems - 1):
        return self.getNode(i).item
    else:
        return None

def index(self, x) -> int:
    cnt = 0
    for element in self:
        if element == x:
            return cnt
        cnt += 1
    return -12345

def isEmpty(self) -> bool:
    return self.__numItems == 0

def size(self) -> int:
    return self.__numItems

def clear(self):
    self.__tail = ListNode("dummy", None)
    self.__tail.next = self.__tail
    self.__numItems = 0

```



```

def count(self, x) -> int:
    cnt = 0
    for element in self:
        if element == x:
            cnt += 1
    return cnt

def extend(self, a): # a는 순환가능한 모든 객체
    for x in a:
        self.append(x)

def copy(self) -> 'CircularLinkedList':
    a = CircularLinkedList()
    for element in self:
        a.append(element)
    return a

def reverse(self) -> None:
    head = self.__tail.next # dummy head
    prev = head; curr = prev.next; next = curr.next
    curr.next = head; head.next = self.__tail; self.__tail = curr
    for i in range(self.__numItems - 1):
        prev = curr; curr = next; next = next.next
        curr.next = prev

def sort(self) -> None:
    a = []
    for element in self:
        a.append(element)
    a.sort()
    self.clear()
    for element in a:
        self.append(element)

```

```

def __findNode(self, x) -> (ListNode, ListNode):
    head = prev = self.__tail.next # dummy head
    curr = prev.next # 0번 노드
    while curr != head:
        if curr.item == x:
            return (prev, curr)
        else:
            prev = curr; curr = curr.next
    return (None, None)

```

```

def getNode(self, i:int) -> ListNode:
    curr = self.__tail.next # dummy head, index: -1
    for index in range(i+1):
        curr = curr.next
    return curr

```

```

def printList(self) -> None:
    for element in self:
        print(element, end=' ')
    print()

```

```

def __iter__(self): # generating iterator and return
    return CircularLinkedListIterator(self)

```

class CircularLinkedListIterator:

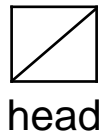
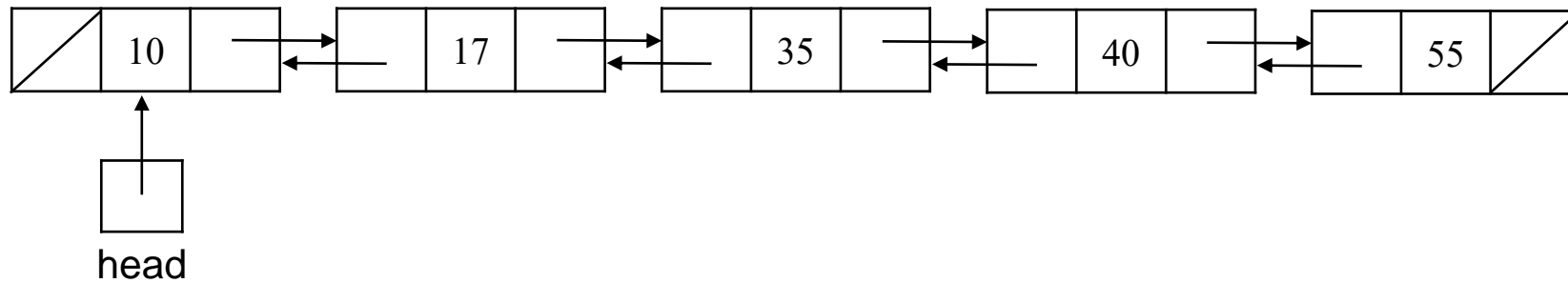
```

def __init__(self, alist):
    self.__head = alist.getNode(-1) # dummy head
    self.iterPosition = self.__head.next # 0번 노드
def __next__(self):
    if self.iterPosition == self.__head: # 순환 끝
        raise StopIteration
    else: # 현재 원소 리턴하면서 다음 원소로 이동
        item = self.iterPosition.item
        self.iterPosition = self.iterPosition.next
    return item

```

양방향 연결 리스트 Doubly Linked List

양방향 연결 리스트의 예



초기 상태: Empty list

노드 구조



```
class BidirectNode:
    def __init__(self, newItem, prevNode:'BidirectNode', nextNode:'BidirectNode'):
        self.item = newItem
        self.prev = prevNode
        self.next = nextNode
```

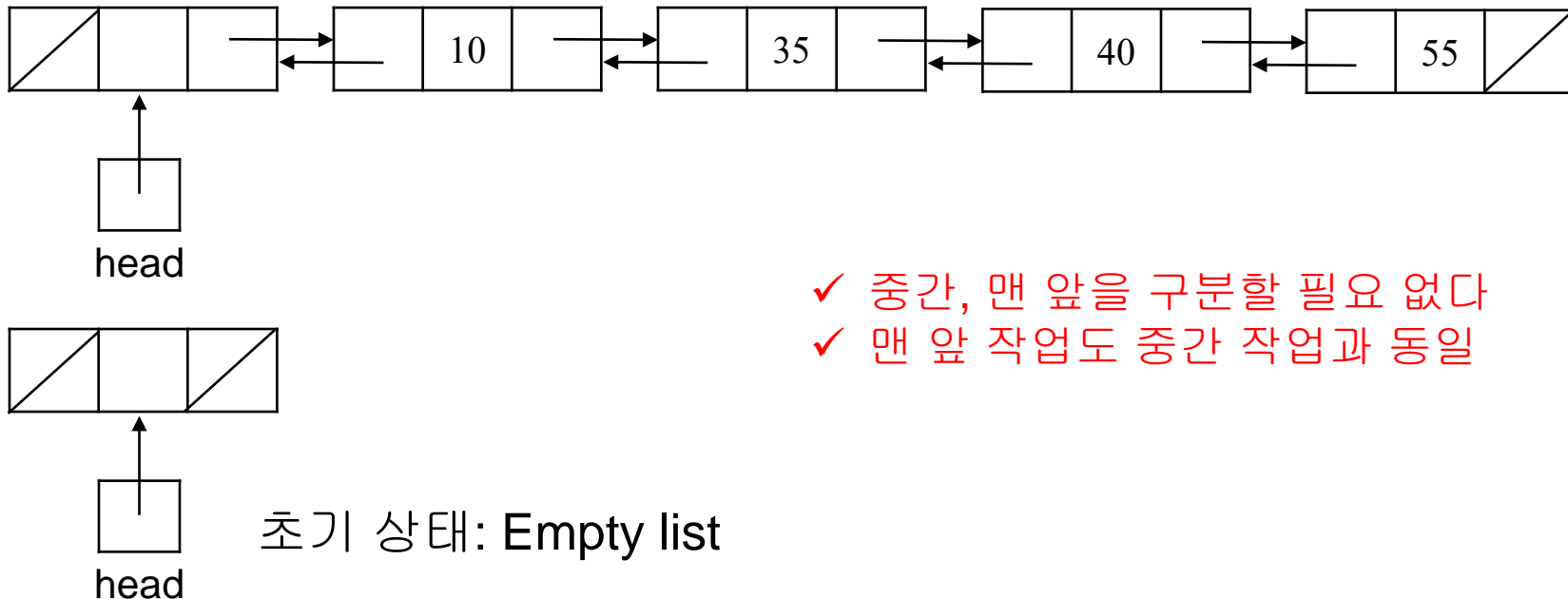
더미 헤드를 가진 양방향 연결 리스트

삽입

```
newNode ← BidirectNode(newItem, prev, prev.next)
newNode.next.prev ← newNode
prev.next ← newNode
numItems++
```

삭제

```
curr.prev.next ← curr.next
curr.next.prev ← curr.prev
numItems--
```



더미 헤드를 가진 원형 양방향 연결 리스트

연결 리스트의 모든 연결 방식이 포함된 버전

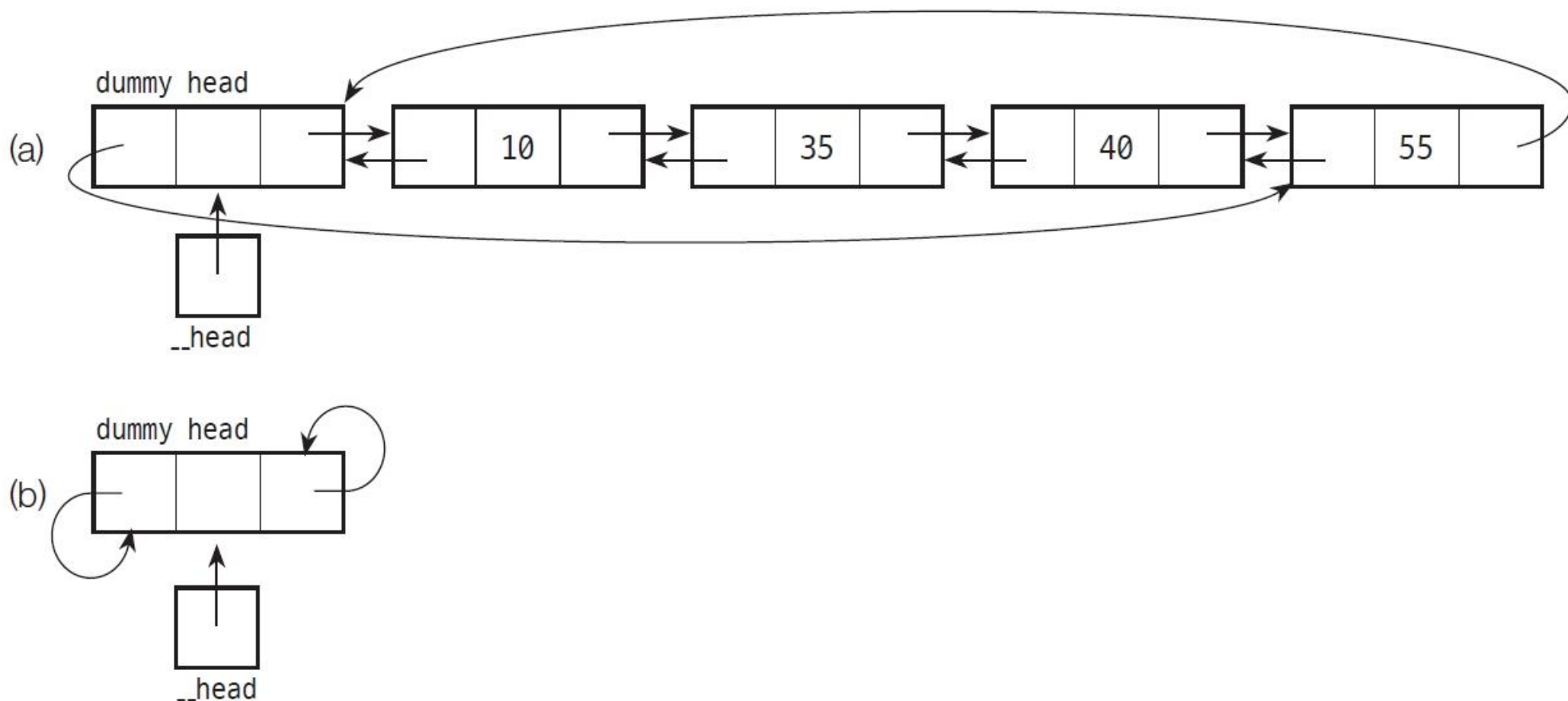


그림 5-24 더미 헤드를 가진 원형 양방향 연결 리스트의 예와 빈 리스트의 모양

삽입

```
newNode ← BidirectNode(newItem, prev, prev.next)  
newNode.next.prev ← newNode  
prev.next ← newNode  
numItems++
```

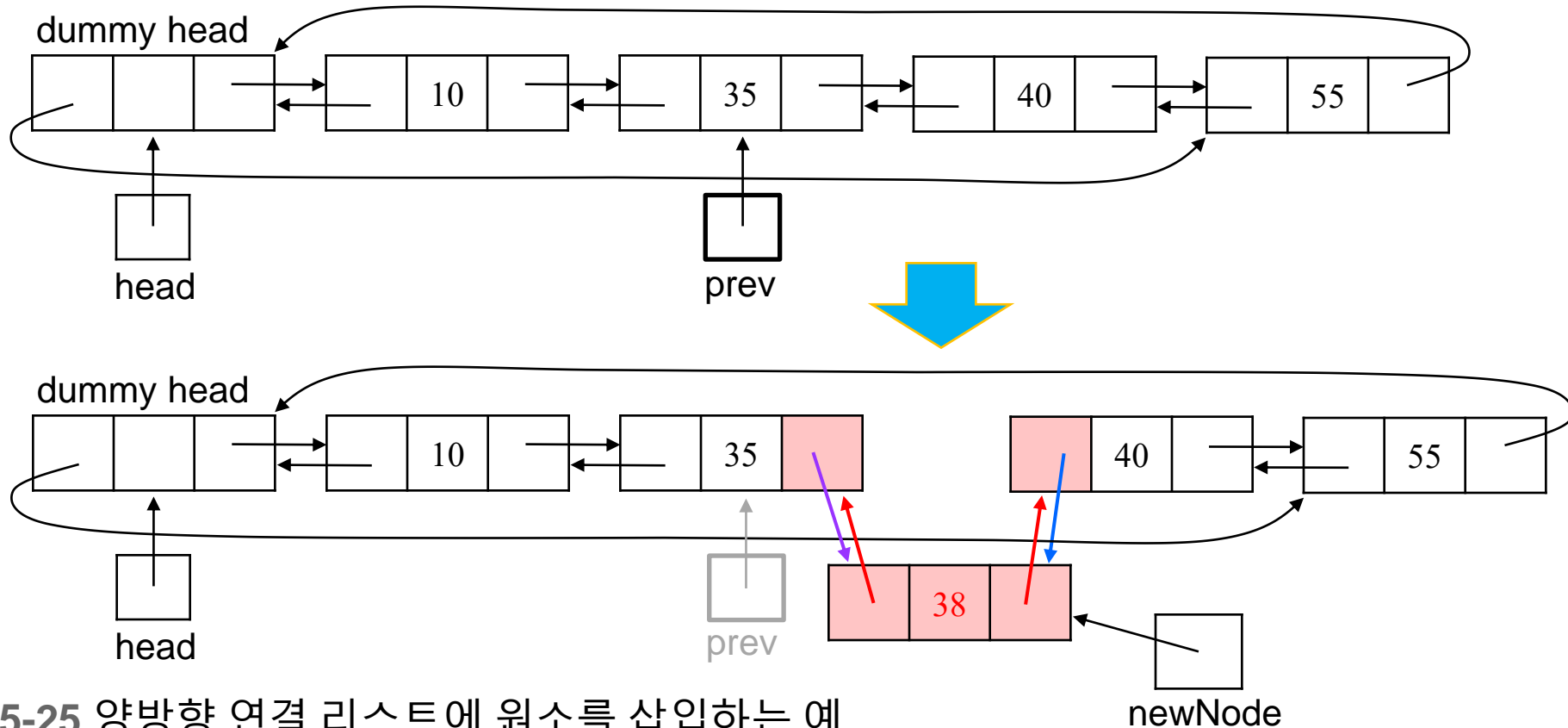
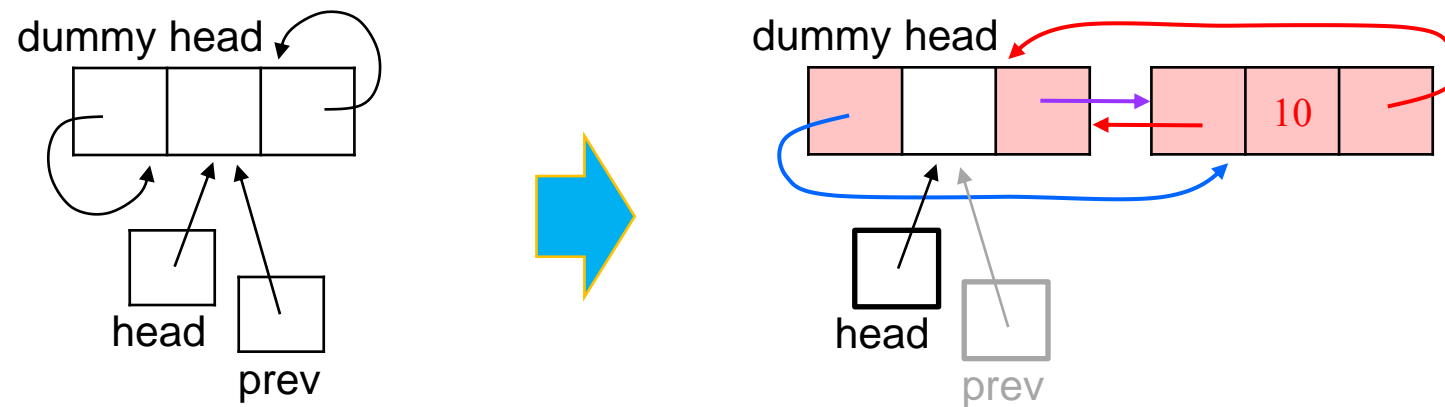


그림 5-25 양방향 연결 리스트에 원소를 삽입하는 예

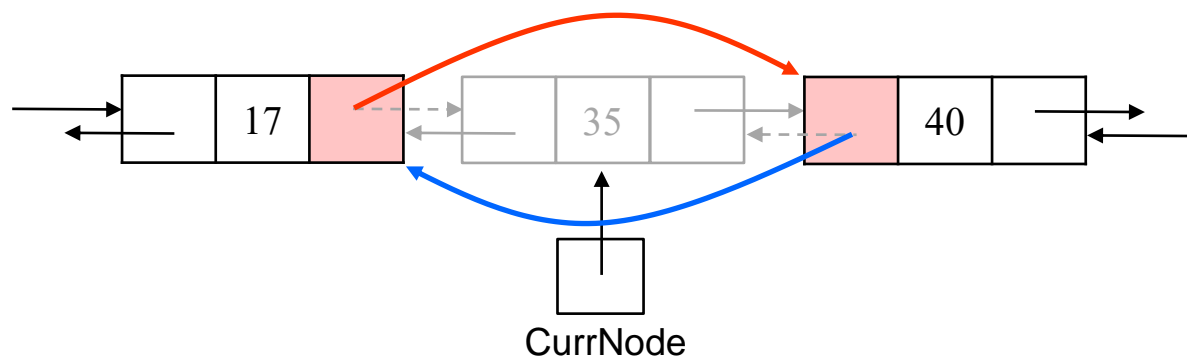
확인: 맨 앞 삽입도 이걸로 Okay

```
newNode ← BidirectNode(newItem, prev, prev.next)
newNode.next.prev ← newNode
prev.next ← newNode
numItems++
```



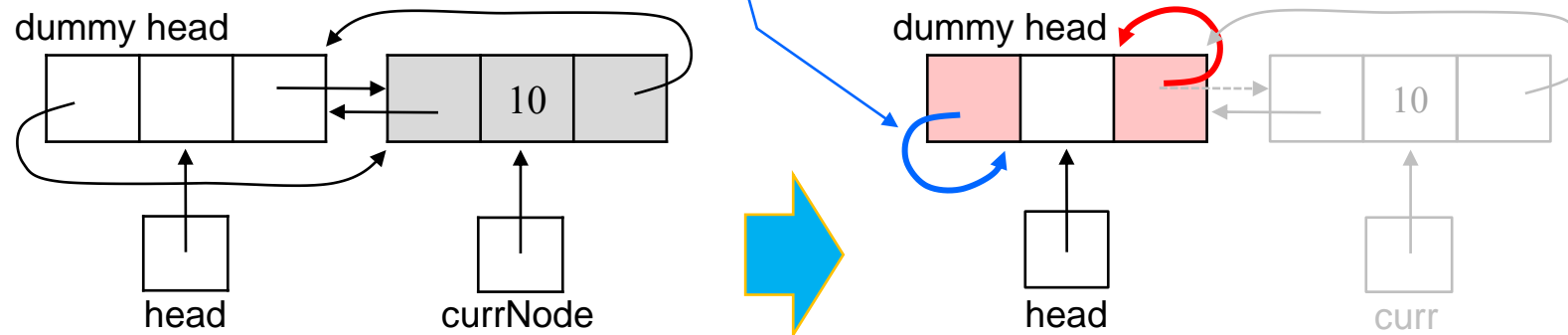
삭제

```
curr.prev.next ← curr.next  
curr.next.prev ← curr.prev  
numItems--
```



확인: 맨 앞 삭제도 이걸로 Okay

```
curr.prev.next ← curr.next  
curr.next.prev ← curr.prev  
numItems--
```



전체 코드: 원형 양방향 연결 리스트

```
from bidirectNode import BidirectNode

class CircularDoublyLinkedList:
    def __init__(self):
        self.__head = BidirectNode("dummy", None)
        self.__head.prev = self.__head
        self.__head.next = self.__head
        self.__numItems = 0

    def insert(self, i:int, newItem) -> None:
        if (i >= 0 and i <= self.__numItems):
            prev = self.getNode(i - 1)
            newNode = BidirectNode(newItem, prev, prev.next)
            newNode.next.prev = newNode
            prev.next = newNode
            self.__numItems += 1
        else:
            print("index", i, ": out of bound in insert()") # 필요시 에러 처리

    def append(self, newItem) -> None:
        prev = self.__head.prev
        newNode = BidirectNode(newItem, prev, self.__head)
        prev.next = newNode
        self.__head.prev = newNode
        self.__numItems += 1

    ...
```

```

def pop(self, *args):
    # 가변 파라미터. 인자가 없거나 -1이면 마지막 원소로 처리하기 위함. 파이썬 리스트 규칙 만족
    if self.isEmpty():
        return None
    # 인덱스 i 결정
    if len(args) != 0: # pop(k)과 같이 인자가 있으면 i=k 할당
        i = args[0]
    if len(args) == 0 or i == -1: # pop()에 인자가 없거나 pop(-1)이면 i에 맨 끝 인덱스 할당
        i = self.__numItems - 1
    # i번 원소 삭제
    if (i >= 0 and i <= self.__numItems - 1):
        prev = self.getNode(i)
        retItem = curr.item
        curr.prev.next = curr.next
        curr.next.prev = curr.prev
        self.__numItems -= 1
        return retItem
    else:
        return None

def remove(self, x):
    curr = self.__findNode(x)
    if curr != None:
        curr.prev.next = curr.next
        curr.next.prev = curr.prev
        self.__numItems -= 1
        return x
    else:
        return None

```

```

def get(self, *args):
    ... class CircularLinkedList와 동일 ...

def index(self, x) -> int:
    ... class CircularLinkedList와 동일 ...

def isEmpty(self) -> bool:
    ... class CircularLinkedList와 동일 ...

def size(self) -> int:
    ... class CircularLinkedList와 동일 ...

def clear(self):
    self.__head = BidirectNode("dummy", None, None)
    self.__head.prev = self.__head
    self.__head.next = self.__head
    self.__numItems = 0

```

3/5

```

def count(self, x) -> int:
    ... class CircularLinkedList와 동일 ...

def extend(self, a): # a는 순환가능한 모든 객체
    ... class CircularLinkedList와 동일 ...

def copy(self) -> 'CircularDoublyLinkedList':
    a = CircularDoublyLinkedList()
    ... 이하 class CircularLinkedList와 동일 ...

def reverse(self) -> None:
    prev = self.__head; curr = prev.next; next = curr.next
    self.__head.next = prev.prev; self.__head.prev = curr
    for i in range(self.__numItems):
        curr.next = prev; curr.prev = next
        prev = curr; curr = next; next = next.next

def sort(self) -> None:
    ... class CircularLinkedList와 동일 ...

```

4/5

```

def __findNode(self, x) -> BidirectNode:
    curr = self.__head.next # 0번 노드
    while curr != self.__head:
        if curr.item == x:
            return curr
        else:
            curr = curr.next
    return None

def getNode(self, i:int) -> BiDirectNode:
    curr = self.__head # dummy head, index: -1
    for index in range(i+1):
        curr = curr.next
    return curr

def printList(self) -> None:
    for element in self:
        print(element, end=' ')
    print()

def __iter__(self): # generating iterator and return
    return CircularDoublyLinkedListIterator(self)

```

```

class CircularDoublyLinkedListIterator:
    def __init__(self, alist):
        self.__head = alist.getNode(-1) # dummy head
        self.iterPosition = self.__head.next # 0번 노드
    def __next__(self):
        if self.iterPosition == self.__head: # 순환 끝
            raise StopIteration
        else: # 현재 원소 리턴하면서 다음 원소로 이동
            item = self.iterPosition.item
            self.iterPosition = self.iterPosition.next
            return item

```