

Technische Universität München Lehrstuhl für Datenverarbeitung Prof. Dr.-Ing. Klaus Diepold



# High Performance Computing for Machine Intelligence: Gruppe 3

Autoren: Till Hülder, Tobias Klama, Tobias Krug

Zusammenfassung- Verloren in Raum und Zeit? Nicht mehr! Für alle die regelmäßig eine Ausfahrt auf dem Weg von Terra nach Alpha Centauri verpassen und unterwegs mit leerem Tank auf einem leeren Planeten landen, haben wir eine optimale Lösung entwickelt: skalierbare asynchrone Value Iteration per Open MPI. Ziel dieser Ausarbeitung ist die Einführung in die relevanten Hintergründe zu Open MPI und darauf aufbauend die Motivation eines Projektaufbaus, der die Beurteilung verschiedener Kommunikationsschemata und Parametrierungen erlaubt. Mittels dieses Frameworks können wir aus drei MPI Schemata, sechs Ausführungsumgebungen und diversen Parameterkombinationen je nach Größe des Problems und zur Verfügung stehender Rechenumgebung eine zielführende Kombination ableiten. Die Kernergebnisse sind die Identifikation verschiedener Zusammenhänge zwischen MPI Kommunikationsschema, Rechenumgebung und Parametrierung und Qualitätsmetriken wie Rechenzeit, Speicherbedarf und Lösungsqualität. Diese erlauben eine optimale Anpassung des Projekts an die jeweiligen Rahmenbedingungen.

Keywords—High Performance Computing, Parallel Processing, Reinforcement Learning, Machine Intelligence

#### I. Einführung

IGH Performance Computing bezeichnet seit einiger Zeit eine Technik zur Verknüpfung einzelner Standard-computer zu einem leistungsfähigen Konglomerat: "In 1988, an article appeared in the Wall Street Journal titled "Attack of the Killer Micros" that described how computing systems made up of many small inexpensive processors would soon make large supercomputers obsolete." [1, S. 3] Entsprechend dieser Vision können wir heute auf Systeme zurückgreifen, die aus Standardcomputern performante Cluster bilden.

Diese Arbeit befasst sich mit der Implementierung eines Optimierungsproblems aus dem Reinforcement Learning Umfeld auf genau solchen Clustern. Das Problem, welches wir lösen ist die Suche einer realisierbaren und – bezogen auf eine Kostenfunktion – optimalen Route zwischen zwei Planeten in einem theoretischen Raumfahrtnavigationsszenario. Hierzu wenden wir den bekannten Value Iteration Algorithmus in seiner asynchronen Form an. Die Implementierung der Value Iteration erfolgte mittels C++ und dem Open MPI Framework.

Die vorliegende Ausarbeitung befasst sich mit der abstrakten Idee der Umsetzung des oben genannten Projekts

und der Struktur der Testautomatisierung. Weiterhin wird eine Analyse und Einordnung der Resultate vorgenommen. Für detaillierte Einblicke in die Implementierung verweisen wir auf die Softwaredokumentation in Form der Markdown Readme Datei und Doxygen Dokumentation.

Das Hauptmerkmal unserer Ausarbeitung ist die umfangreiche Durchführung von Benchmarks mittels Variation der Größen Datensatz, Testumgebung, MPI Schema und MPI Parametrierung.

Die Umsetzung fußt auf einer konkreten Formulierung eines Projektplans, welcher Inhalt und Umfang des Projekts absteckt. Um das Ziel einer funktionsfähigen Implementierung und einer aussagekräftigen Analyse zu erreichen, setzen wir auf Ansätze der SCRUM Methodik, um mittels regelmäßiger Meetings und ausgeprägter Nutzung von Issues und Branches regelmäßigen Fortschritt zu erreichen.

Diese Ausarbeitung startet in II mit einer Erläuterung der Projektstruktur und zeigt darauf aufbauend welche Testmöglichkeiten sich hiermit bieten. Anhand dreier Schemata validieren wir die automatisierte Erfassung und Verarbeitung von Messdaten. Die so gewonnenen Ergebnisse werden in III mit einer vergleichenden Perspektive auf getestete Schemata und Ausführungsumgebungen analysiert. In IV behandeln wir konkrete Thesen, welche im HPC Kontext auftreten. Den inhaltlichen Abschluss bilden eine Aufstellung der wesentlichen Erkenntnisse in V und eine Darstellung unserer Beiträge in VI. Für weitergehende Einblicke in die Ergebnisse der Arbeit, schlüsseln wir im Anhang in A die Ergebnisse je Datensatz, Testumgebung und MPI Schema auf.

# II. METHODIK

Zur erfolgreichen Durchführung umfassender Benchmarks setzen wir auf eine flexible Softwarearchitektur, welche eine einfache Parametrierung von vorhandenen MPI Schemata erlaubt. Diese Ansatz wird nachfolgend erläutert.

# A. Softwarearchitektur

Die Softwarearchitektur des Projekts setzt auf zwei wesentlichen Prinzipien auf:

- Parameter structs für Value Iteration, MPI und Logging dienen als leichtgewichtige Umsetzung des Flyweight Patterns [2, S.195ff.]. Dieses Vorgehen erlaubt das unkomplizierte Lesen und Schreiben von Parametern, Laufzeitgrößen zur Steuerung und Messwerten ohne Kopien.
- 2) Eine an MVC [3, S.125ff.] angelehnte und durch das Flyweight vernetzte Struktur. Diese besteht aus generischer Value Iteration Implementierung (Model), flexibler Eingabe von Steuergrößen und Ausgabe von Messwerten (View) und verschiedenen, interfacekompatiblen MPI Schemata (Controller).

#### B. Automatisierung

Aufbauend auf der flexiblen Softwarearchitektur konnten wir eine weitgehende Automatisierung der Messdatenerfassung und -auswertung erzielen. Das Projekt bietet hierzu verschiedene make Targets für die jeweiligen Ausführungsumgebungen. Diese werden in II-C genauer aufgeführt. Jedem dieser Testziele ist gemein, dass die Ausführung vollständig automatisiert auf Basis eines mehrstufigen Konfigurationsprozesses abläuft. In der ersten Stufe können die gewünschten Messzyklen und zu testenden Processorcounts je Datensatz vorgegeben werden. Diese werden schließlich auf jeder der Konfiguration angewandt, welche mittels eines Testauftraggenerators erzeugt werden. Dieser kann mittels YAML-Dateien [4] konfiguriert werden und erlaubt es, die zu testenden Kombinationen aus Datensatz, MPI Kommunikationsintervall und MPI Schema zu definieren. Der Generator speichert hierzu je Auftrag eine YAML-Datei ab, welche sich über einen Vererbungsprozess einer definierten Standardkonfiguration des Testziels bedient.

Der eigentliche Test iteriert nun entsprechend der gewählten Anzahl Zyklen und Varianten Processorcount über die Testaufträge und arbeitet je einen Auftrag mittels eines Aufrufs von mpirun ab. Jeder dieser Durchläufe schreibt eine Reihe von Mess- und Kenngrößen in eine CSV-Datei in ein automatisch erzeugtes Verzeichnis. Dieses Verzeichnis wird automatisiert vor und nach einem Test mittels rsync auf eine HiDrive Instanz von Strato synchronisiert, sodass jeder Tester zu jeder Zeit alle aktuellen Messdaten zur Verfügung hat. Um eine hohe Reproduzierbarkeit zu gewährleisten, werden die Testdatei zudem mittels Metainformationen wie aktiviertem git Branch, git Commit Hash (mit dirty Erkennung), genutzter Testumgebung und git User-Email des Testers abgespeichert. Hiermit lässt sich stets auf den genutzten Softwarestand schließen, welcher den erzeugten Messdaten zugrundeliegt.

Eine Erkenntnis aus der Anwendung dieses Systems auf die HPC Cluster der TUM ist die Relevanz der Testausführung: werden Zyklen gleicher Testaufträge hintereinander abgearbeitet ergibt sich eine hohe Vergleichbarkeit der Daten durch gleiche Rahmenbedingungen. Liegen hierbei anhaltend schwierige Bedingungen vor, z.B. durch eine hohe Auslastung durch andere Nutzer, vor, führt dies jedoch zu suboptimalen Messdaten für alle Zyklen. Die vorliegenden Daten sind zur besseren Interpretierbarkeit daher mit der ersten Variante erzeugt worden.

## C. Ausführungsumgebungen für Tests

Um plattformspezifische Einflüsse wie Betriebssystem, Hardware oder Netzwerktechnik vermeiden zu können, haben wir die Automatisierung auf eine Reihe von Testumgebungen angewandt. Die Daten von sechs dieser Umgebungen bilden die Grundlage für unsere Analysen und werden zusätzlich in Bezug mit der dieser Ausarbeitung zugrundeliegenden Implementierung der asynchronen Value Iteration mittels OpenMP verglichen. Die Testumgebungen sind folgende:

- 1) HPC Class A: Bis zu 5 (hpc01 hpc05) PCs des LDV mit je einer Vierkern-CPU und 8GB RAM
- HPC Class B: Bis zu 10 (hpc06 hpc015) PCs des LDV mit je einer Vierkern-CPU und 8GB RAM
- 3) HPC Class Mixed: Bis zu 15 (hpc01 hpc015) PCs des LDV mit je einer Vierkern-CPU und 8GB RAM
- HPC NUC: 2 NUC Computer mit je einer Zweikern-CPU und 32GB RAM
- 5) HPC RPi: 4 RaspberryPi Single-Board-Computer mit je einer Vierkern-CPU und 8GB RAM
- Lokal: 1 PC (hpc04) des LDV mit einer Vierkern-CPU und 8GB RAM

In Summe liegen dieser Ausarbeitung schließlich Messdaten entsprechend Abbildung 1 für den Datensatz <small> und Abbildung 2 für den Datensatz <normal> zugrunde.

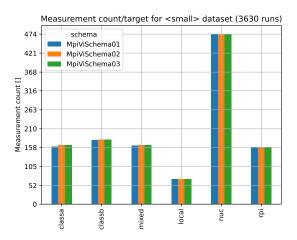


Abbildung 1. Anzahl an Messungen pro Rechenklasse mit Datensatz <small>

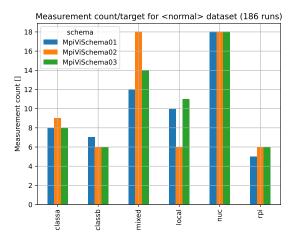


Abbildung 2. Anzahl an Messungen pro Rechenklasse mit Datensatz <normal>

#### D. Schemata

Den Kern dieser Arbeit bildet die Validierung und das Benchmarking verschiedener Kommunikationsschemata mittels Open MPI. Hierzu wurden drei Schemata implementiert, welche nachfolgend vorgestellt werden sollten. Außerhalb der eigentlichen Schemata ist eine Verteilung der Testkonfiguration und Aggregation von Messgrößen von/zu dem Processor mit rank\_0 mittels verschiedener MPI Mechanismen realisiert.

1) MpiViSchema01: Das erste Schema Abbildung 3 ist ein synchronisiertes Schema, welches einen Zugriff auf den Datensatz bei jedem Processor voraussetzt. Dieses Schema nutzt die MPI Mechanismen Allgatherv zur Synchronisation des aktuellen Kostenvektors, Allreduce zur Bestimmung eines globalen Konvergenzkriteriums eps und Gatherv zur Bereitstellung des globalen Aktionsvektors.

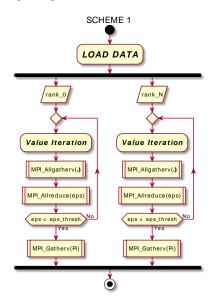


Abbildung 3. MpiViSchema01

- 2) MpiViSchema02: Das Schema Nummer zwei Abbildung 4 ist ebenfalls ein synchronisiertes Schema, welches jedoch als wesentlichen Unterschied eine Verteilung des Datensatzes ausgehend vom Processor mit rank\_0 umsetzt. Hierbei müssen andere Processors mitunter keinen Zugriff auf die Datensätze haben und können somit mit weniger Arbeits- und Festspeicher arbeiten. Dieser Vorgang wird mittels des MPI Mechanismus Scatterv umgesetzt und implementiert eine aufwändige Spaltung des Datensatz in abgeschlossene Blöcke, wovon jedem Processor nur einer vorliegt. Die eigentliche Ablauf der Value Iteration erfolgt vergleichbar zu Schema01.
- 3) MpiViSchema03: Das dritte und letzte Schema Abbildung 5 dieser Ausarbeitung ist ebenso ein synchrones Schema, nutzt statt optimierter Routinen für den großflächige Datenaustausch jedoch die trivialen MPI Methoden wie Sendv und Recv zum Austausch des Kostenvektors J und des Konvergenzkriteriums eps.

# III. ANALYSE & DISKUSSION

Ziel dieses Kapitels ist es, Parameter die Einfluss auf die Berechnung nehmen hervorzuheben anhand der drei

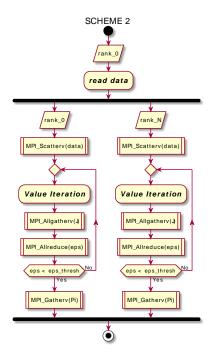


Abbildung 4. MpiViSchema02

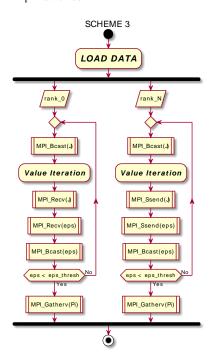


Abbildung 5. MpiViSchema03

oben erwähnten, implementierten Schemata zu analysieren. Dabei soll der Fokus vorallem auf der Rechenzeit, den Speicherbedarfs und den Rechenfehler liegen.

Um die Schemata zu Vergleichen wurden Testläufe mit unterschiedlichen Parametern gemessen. Diese Ergebnisse werden in Unterkapitel A erörtert. Um erworbene Erkenntnisse auf anderen Systemen zu verifizieren wurden Messungen auf verschiedenen Klassen an Recheneinheiten ausgeführt. Dies wird in Unterkapitel B beschrieben.

Da es teilweise auf den Testumgebungen zu einer ungleich-

mäßigen Auslastung kam und damit Datenausreißer generiert wurden, wurden pro Messzyklus mehrere Messungen durchgeführt. Die Anzahl Messzyklen pro Testumgebung und Schema können der Abbildung 1 und Abbildung 2 entnommen werden. Die in diesem Kapitel anlysierten Grafiken und weitere Abbildungen sind der Übersicht halber im Anhang gruppiert.

#### A. Vergleich der Schemata

den Messdaten die über die Anzahl an Kommunikationsintervall Recheneinheiten und dem variieren, kann gesehen werden, dass es zwischen den einzelnen Schemata, in Bezug auf Rechenzeit und Konvergenzpunkt, zu keinen großen Unterschieden kommt. Dies kann den Messungen auf den NUC Rechnern aus der Abbildung 10a und der Abbildung 12a besonders gut entnommen werden. Dennoch können mit steigender Anzahl der Recheneinheiten etwas schnellere Ergebnisse erzielt werden, siehe Abbildung 9b. Allerdings kann der Gewinn an Rechenzeit durch die Parallelisierung von Rechenschritten bei einer zu großen Anzahl an Recheneinheiten, durch großen Kommunikationsaufwand, wieder zunichte gemacht werden, wie in Abbilung (Abbildung 9c) gesehen werden kann. Die Anzahl der Recheneinheiten hat außerdem eine Auswirkung auf die Anzahl der Iterationsschritte. So steigt mit der Anzahl der Recheneinheiten auch die Anzahl der benötigten Iterationsschritte. Einen großen Einfluss auf die Rechenzeit hat das Kommunikationsintervall, siehe Abbildung 10d. So kann beobachtet werden, dass zu Beginn die Rechenzeit mit steigendem Kommunikationsintervall verkürzt werden kann. Doch tritt schon früh nach einer weitere Erhöhung des Kommunikationsintervalls eine Zunahme der Rechenzeit ein. Im von uns gewählten Kommunikationsintervall ist gegen Ende hin eine lineare Zunahme der Rechenzeit zu sehen Abbildung 7. Diese Zunahme der Rechenzeit resultiert vor allem aus einer höheren Anzahl an benötigten Iterationsschritten bis zur Konvergenz, siehe Abbildung 12d. Es wird außerdem aus der Abbildung 12d sichtbar, dass mit einem höherem Kommunikationsintervall eine höhere Varianz der Iterationsschritte auftritt. Diese Varianz ist bei allen vermessenen Schemata gleich ausgeprägt.ß Auch bei der Frage des Speicherbedarfs können einige Erkenntnisse gewonnen werden. Generell ist zu sehen, dass Schema 1 und Schema 3 beim Speicherbedarf nahe beieinander liegen. Schema 2 benötigt auf der Recheneinheit mit dem rank\_0 einen deutlich höheren Speicherbedarf als die anderen beiden Schemata. Wenn man jedoch den gesamten Speicher für die Recheneinheiten über die Anzahl von Recheneinheiten anschaut, wie in Abbildung 10l, so sieht man, dass mit höherer Anzahl an Recheneinheiten der Speicherbedarf steigt. Bei Schema 2 jedoch nicht so stark wie bei den anderen Schemata. Das könnte mit dem Schemaaufbau erklärt werden, da hier nur ein rank 0 alle Daten einliest und erst danach auf die anderen Rechner weiterverteilt.

Bei der Analyse des Rechenfehlers ist es schwieriger anhand der gewonnenen Messdaten eine Aussage zu treffen, da die Messergebnisse je nach Rechnerklasse variieren können. Jedoch lässt sich sagen, dass der Mittelwert bei gleicher Parameterwahl und gleicher Rechnerklasse zwischen den Schemata wenig variiert. Dies gilt sowohl für die 12, die Maxnorm und die mittlere quadratische Abweichung. Außerdem bleibt der Fehler je nach Recheneinheit mit varrierender Rechenanzahl und Kommunikationsintervall gleich, siehe Abbildung 12g oder Abbildung 12j.

#### B. Vergleich der Ausführungsumgebungen

Beim Vergleich der verschiedenen Ausführungsrechenklassen fällt vor allem auf, dass die Rechenzeit auf den NUC, Raspberry Pi und dem lokalen HPC Rechner zwischen den implementierten Schemata weniger variiert. Da die Auslastung auf den HPC Clustern, je nach Anzahl der Benutzer stark variiert, wird hier auch eine Varianz in den Rechenzeiten sichtbar. Da die Rechnergruppen jedoch unterschiedliche Rechenleistungen aufweisen, kann man keinen direkten Vergleich der Rechenzeit vornehmen. Dennoch können bei der Analyse der Rechenzeit auf den verschiedenen Testumgebungen, Eigenschaften der verschiedenen Schemata aufgezeigt werden. So sieht man, dass der Mittelwert der Rechenzeit bei größeren Kommunikationsintervallen in der Mixed Klasse größer ist als in Klasse B. Die Mixed Rechnerklasse HPC Rechner beinhaltet Rechner aus Klasse A und Klasse B. Dabei weist die Rechnerklasse A eine leicht schlechtere Rechenleistung auf, wie der Vergleich der mittleren Laufzeiten von Klasse A und Klasse B zeigt. Da in den synchronisierten Schemata bei jeder Iteration auf das langsamste Glied gewartet werden muss, kann die leicht performantere, homogene Rechnerklasse B schneller zu einem Ergebniss kommen.

Auch bei der Betrachtung des Rechenfehlers ergeben sich Unterschiede zwischen den Rechnerklassen. So die wird Berechnungen auf Rechnerklasse A mit einem größer Fehler ausgeführt als auf Rechnerklasse B.

Beim Vergleich der unterschiedlichen Ausführungsergebnissen konnte jedoch meistens die Erkenntnisse aus dem Unterkapitel A auf allen Rechnerklassen bestätigt werden.

#### IV. THESEN

Der folgende Abschnitt behandelt Thesen bezüglich der Zusammenhänge zwischen Messgrößen und Parametern. Die Thesen werden anhand der Messergebnisse, der zugrunde liegenden Schema-Architektur und Hardware erörtert.

# A. Es besteht eine Korrelation zwischen RAM und world\_size

Wie zu erwarten steigt der summierte RAM-Bedarf über alle Processors mit steigender world\_size (Abbildung 6b und Abbildung 6d sowie Abbildung 9j-l, Abbildung 10j-l, Abbildung 13j-l und Abbildung 14j-l). Insbesondere bei Schema 1 und 3 liegt jedem Processor die gesamte Datenmenge an Parametern und P-Matrix im Arbeitsspeicher vor. Schema 2 teilt im Gegensatz dazu die P-Matrix in Blöcke auf und verteilt diese an alle Processors. Diese Aufteilung und dadurch, dass rank\_0 auch an sich selbst verteilt führt dazu, dass rank\_0 von Schema 2 einen höheren RAM Bedarf hat als bei Schema 1 und 3. Weiterhin kann den Messungen entnommen werden, dass ab einer world\_size von 4 beim kleinen Datensatz und 16 beim normalen Datensatz der gesamt benötigte RAM Bedarf von Schema 2 niedriger als bei

den anderen beiden Schemata ist und darüber hinaus langsamer ansteigt. Das liegt daran, dass jeder rank nur einen Bruchteil entsprechend der world\_size der Daten erhält und somit jede Vergrößerung der world\_size einen niedrigeren durchschnittlichen RAM Bedarf ergibt. In Abbildung 6a und Abbildung 6c sowie Abbildung 9g-l, Abbildung 10g-l, Abbildung 13g-l und Abbildung 14g-l ist der maximal benötigte RAM-Bedarf von rank\_0 in jedem Schema dargestellt. Der Bedarf bleibt über alle world\_sizes konstant, da jeder rank\_0 unabhängig von Schema und world\_size die gesamte Datenmenge im Arbeitsspeicher vorliegen hat.

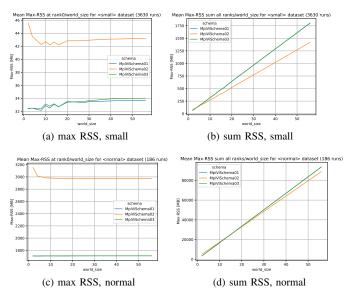


Abbildung 6. Verlauf des RSS-Bedarfs

# B. Es besteht eine Korrelation zwischen runtime und com interval

Das com\_interval ist der Parameter, der angibt wie oft Processors miteinander kommunizieren. Anhand der Diagramme Abbildung 9d-f, Abbildung 10d-f, Abbildung 13df und Abbildung 14d-f ist eine klare Korrelation zwischen der benötigten runtime zur Konvergenz und com\_interval erkennbar. Zur Darstellung eines eindeutigeren Verlaufs sind Messungen mit einer höheren com\_interval-Auflösung in Abbildung 7 und Abbildung 8 dargestellt. Die runtime ist bei allen drei Schemata sehr ähnlich und die Iterationsanzahl sogar meist identisch, daher überdecken die Messpunkte von Schema 3 zum Großteil die anderen beiden Schemata. Die beiden nebeneinander verlaufenden Kurven resultieren aus den zwei unterschiedlichen world\_sizes 2 & 4. In Abbildung 7 gehört die Kurve mit niedrigerer runtime zu world\_size 4 und in Abbildung 8 gehört der Verlauf mit höherer benötigter Iterationsanzahl zu world\_size 4. Eine durch höheres com\_interval geringere Häufigkeit der Kommunikation zwischen den Processors führt dazu, dass die Processors mehr Iterationen der Value Iteration durchführen bevor die Ergebnisse untereinander ausgetauscht werden. Im Idealfall würde durch selteneres Austauschen weniger Zeit für eben diese Kommunikation verwandt werden und die runtime dadurch sinken. Tatsächlich führt ein größeres com\_interval dazu, dass durch das seltenere Update des J-

Vektors die Konvergenz beinträchtigt wird. Das führt zu einer höheren benötigten Iterationsanzahl was schlussendlich wieder zu einer höheren Anzahl an benötigten Kommunikationen und dadurch zu einer längeren Laufzeit führt. Der ansteigende Bedarf an Iterationen bei steigendem com\_interval ist in Abbildung 8 dargestellt. Für die dargestellten NUC-Messungen haben diese beiden sich gegensätzlichen Effekte in Summe bei com\_interval 3 ihr Minimum. Bei den anderen Targets liegt das Minimum ebenfalls in dieser Größenordnung. Ohne explizite Messung mit com\_interval 3 kann jedoch kein Schluss daraus gezogen werden, ob das Minimum bei com\_interval 3 hardware-unabhängig ist.

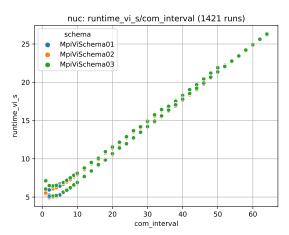


Abbildung 7. NUC, runtime\_vi vs. com\_interval, world\_size 2 & 4

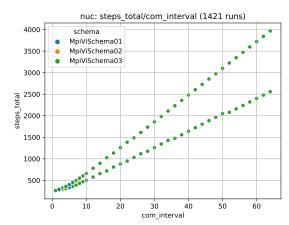


Abbildung 8. NUC, steps vs. com\_interval, world\_size 2 & 4

# C. Es besteht keine Korrelation zwischen world\_size und runtime

Eine größere world\_size erhöht die Anzahl an Berechnungen, die parallel durchgeführt werden können. Sind die Berechnungen pro Processor komplex/lange genug um den Mehraufwand an inter-Processor Kommunikation zu rechtfertigen so führt dies zu einer veringerten runtime. In der vorliegenden Value-Iteration ist der Effekt nicht besonders stark, da die Berechnungen für die nötige Konvergenz nicht unabhängig voneinander durchgeführt werden können. Ein regelmäßiger Austausch der Ergebnisse während des Algorithmus ist für ein richtiges Ergebnis zwingend nötig. Das führt zu einer notwendigen Kommunikation zwischen

den Processors, die dem Effekt der Zeitersparnis durch Parallelisierung entgegenwirkt. Anhand der Messergebnisse in Abbildung 13a-c und Abbildung 14a-c kann besonders beim normalen Datensatz kein Zusammenhang zwischen der world\_size und der runtime festgestellt werden, da die Auswirkung einer größeren world size von Target zu Target unterschiedlich ausfällt. Bei den isolierten Targets NUC, RPi und Local bleibt die Zeit weitgehend gleich mit einer Tendenz zu geringfügig schnellerer Ausführung bei größerer world\_size. Aufgrund der Varianz der Messdaten ist es jedoch nicht möglich eine zuverlässige Aussage darüber zu treffen. Beim kleinen Datensatz (siehe Abbildung 9a-c und Abbildung 10a-c) ist im Allgemeinen, bis auf world\_size 56 bei HPC Class mixed, eine leichte Tendenz zur schnelleren Ausführung bei größerer world\_size zu beobachten. Das liegt vermutlich daran, dass die HPCs frei zugänglich sind und die Wahrscheinlichkeit weiterer Nutzer, die die runtime stören, mit steigender world\_size und grundsätzlich längerer Berechnungsdauer beim größeren Datensatz steigt. Weiterhin sind die Schemata mit blockierenden MPI-Funktionen implementiert. Das bedeutet, dass in jeder Kommunikations-Iteration auf den langsamsten Processor gewartet wird. So führt die Heterogenität beim mixed-cluster zu Performance Einbußen, weiterhin müssen alle genutzten Processors warten, falls ein Processor durch einen zusätzlichen Nutzer am HPC verlangsamt wird. Für eine eindeutige Aussage der genauen Korrelationen sind Messungen mit garantiert freiem Cluster und kontrollierten Störungen nötig. Im Vergleich zur asynchronen Value Iteration ohne MPI-Kommunikation (siehe Tabelle I) zeigt sich, dass im vorliegenden Fall der Value Iteration beim großen Datensatz die Nutzung von MPI zu keiner Verbesserung der Performance führt. Beim kleinen Datensatz konnte bei HPC class A mit world\_size 12 und HPC class B mit world\_size 30 der openMP-Wert unterschritten werden. Allerdings ist die Varianz der Zeiten so hoch, dass im Mittel kein Performance Gewinn erreicht

Tabelle I. VERGLEICH DER RUNTIME VON OPENMP UND MPI

Datensatz	HPC class A		HPC class B	
	openMP	MPI	openMP	MPI
small	~4,5s	~4 - 11s	~3s	~2 - 10s
normal	~500s	~600 - 800s	~355s	~400 - 600s

#### V. ERKENNTNISSE

Im Rahmen dieser Arbeit konnten wir zeigen, dass automatisiertes Ausführen und Testen des vorliegenden Optimierungsproblems auf unterschiedlichen Targets mit unterschiedlichen Parametern realisierbar ist. Unterschiede zwischen verschiedenen MPI-Schemata und deren Einflüsse auf Performance und Messwerte der Value Iteration wurden dargelegt. Weiterhin wurde der Einfluss verschiedener Hardware-Strukturen sowie Parameter auf die Laufzeit und Qualität der Value Iteration dargestellt.

Bezüglich einer Parameterempfehlung lässt sich jedoch anmerken, dass die Laufzeit und die Schritte bis Konvergenz linear vom gewählten Kommunikationsintervall (Intervall > 6) abhängen. Kleinere Kommunikationsintervalle scheinen also wünschenswert.

Zudem variiert die Qualität der Value Iteration in kleinem Rahmen mit der gewählten Ausführungsumgebung und der Anzahl Processors. Je nach Anforderung an das System ist dies zu berücksichtigen.

Wir konnten zeigen, dass der benötigte Arbeitsspeicher pro Processor vom verwendeten Schema und dessen Implementierung abhängt, die benötigte Rechenzeit hängt beim vorliegenden Problem in erster Linie von der Größe des com\_intervals und der gewählten Hardware ab. Hierbei zeigt sich, dass langsame Ausführungsumgebungen mit guter Parametrierung ggfs. deutlich bessere Laufzeiten erzielen können, als es schnellere Hardware mit schlechter Parametrierung vermag.

Es konnte kein global gültiger Zusammenhang zwischen runtime und world\_size festgestellt werden. Dies und weitere Erkenntnisse aus der Analyse der Laufzeiten führen zu dem Schluss, dass die Lösung des vorliegenden Value Iteration Problems mittels MPI Kommunikation gegenüber einer lokalen Implentierung mittels OpenMP nur unter besonderen Bedingungen einen Mehrwert mit sich bringen kann. Die hier umgesetzten Varianten mittels synchroner MPI Kommunikation bieten diese Bedingungen zumeist nicht.

#### VI. BEITRÄGE

- Till Hülder: III
- Tobias Klama: IV, V
- Tobias Krug: Zusammenfassung, I, II

## LITERATUR

- [1] Dowd, K.: High performance computing, O'Reilly & Associates, Cambridge Sebastopol, CA, 1998. – ISBN 9781565923126
- [2] Gamma, E.: Design patterns: elements of reusable object-oriented software, Addison-Wesley, Reading, Mass, 1995. – ISBN 9780201633610
- [3] Buschmann, F.: *Pattern-oriented software architecture : a system of patterns*, Wiley, Chichester New York, 1996. ISBN 9780471958697
- [4] Lütkebohle, I.: *The Official YAML Web Site.* https://yaml.org/, 2008. [Online; accessed 19-July-2008]

## ANHANG A GPRAHIKEN, BENCHMARK

#### A. Benchmak Datensatz small

Die nachfolgenden Graphiken zeigen die Ergebnisse der Benchmarks für den Datensatz small:

- Vergleich der Ausführungsumgebungen HPC Cluster mit dem Datensatz <small>, Teil 1/2 Abbildung 13
- Vergleich der Ausführungsumgebungen NUC, RPi und HPC lokal mit dem Datensatz <small>, Teil 1/2 Abbildung 14
- Vergleich der Ausführungsumgebungen HPC Cluster mit dem Datensatz <small>, Teil 2/2 Abbildung 15
- Vergleich der Ausführungsumgebungen NUC, RPi und HPC lokal mit dem Datensatz <small>, Teil 2/2 Abbildung 16

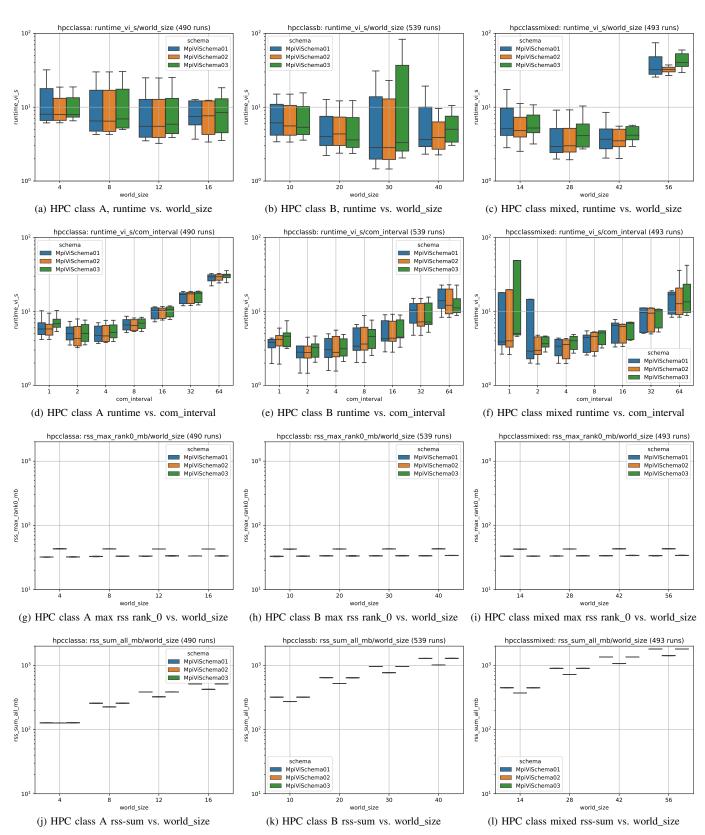


Abbildung 9. Vergleich der Ausführungsumgebungen HPC Cluster mit dem Datensatz <small>, Teil 1/2

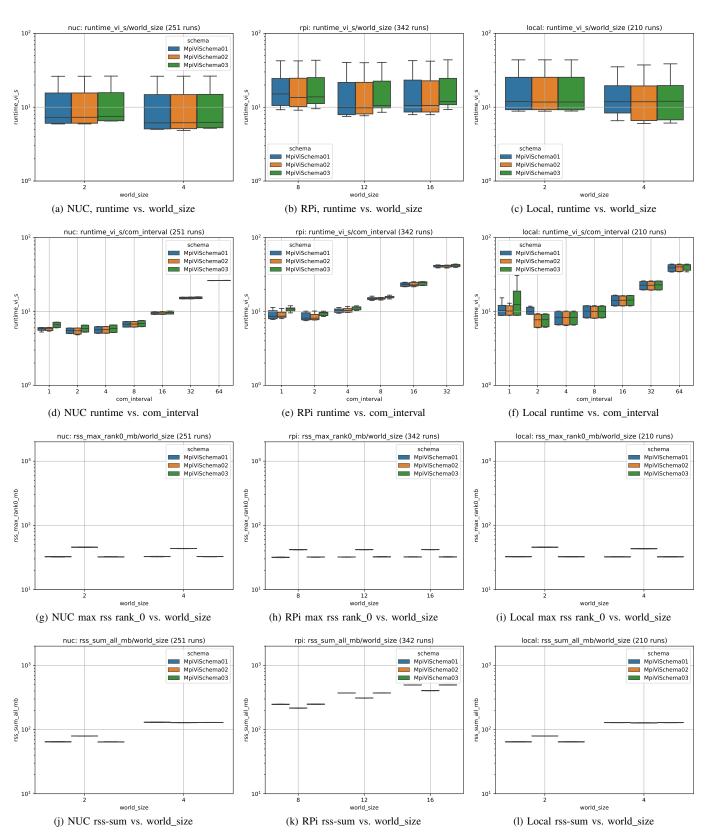
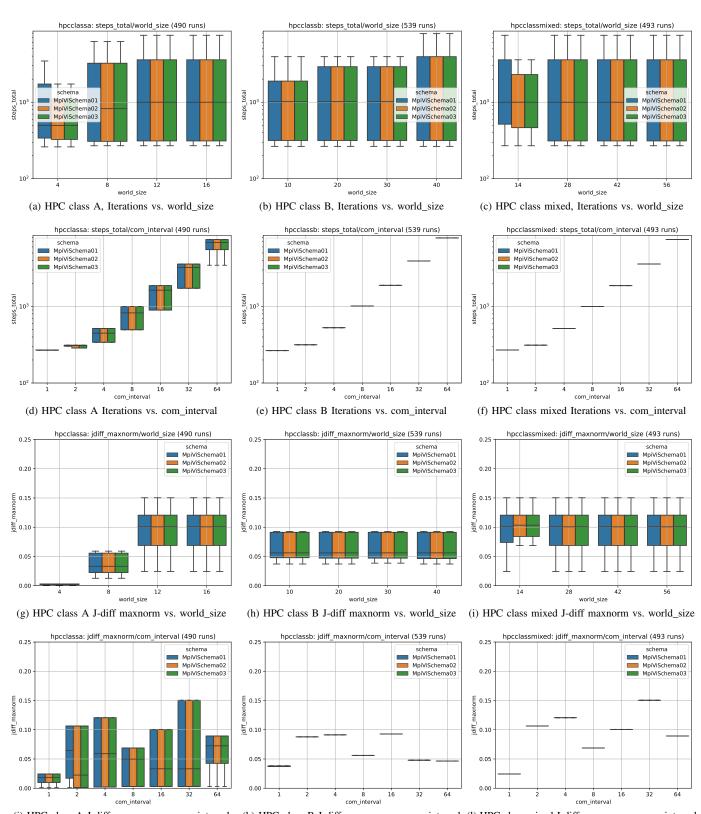


Abbildung 10. Vergleich der Ausführungsumgebungen NUC, RPi und HPC lokal mit dem Datensatz <small>, Teil 1/2



(j) HPC class A J-diff maxnorm vs. com\_interval (k) HPC class B J-diff maxnorm vs. com\_interval (l) HPC class mixed J-diff maxnorm vs. com\_interval Abbildung 11. Vergleich der Ausführungsumgebungen HPC Cluster mit dem Datensatz <small>, Teil 2/2

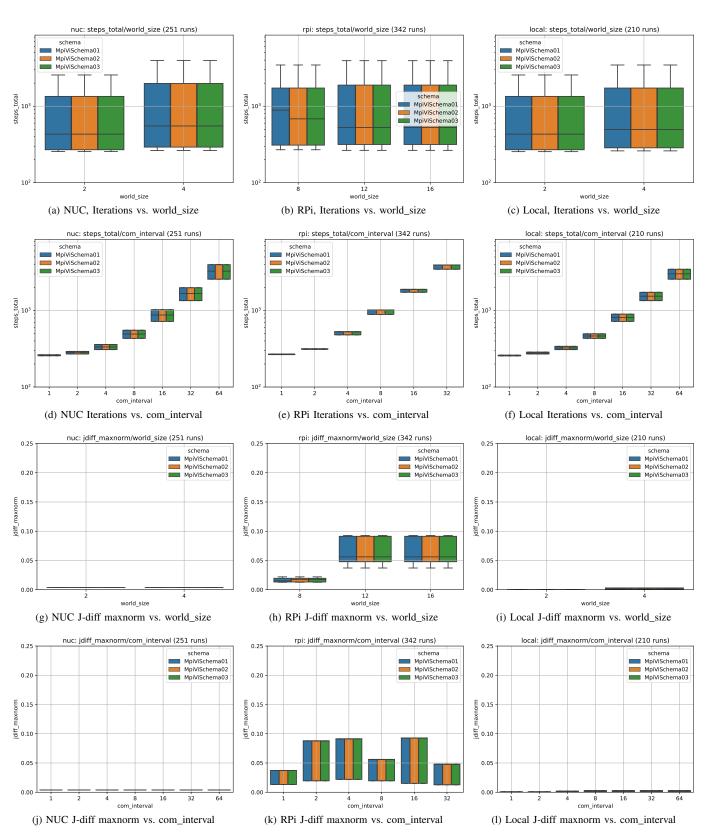


Abbildung 12. Vergleich der Ausführungsumgebungen NUC, RPi und HPC lokal mit dem Datensatz <small>, Teil 2/2

## B. Benchmark Datensatz normal

Die nachfolgenden Graphiken zeigen die Ergebnisse der Benchmarks für den Datensatz normal:

- Vergleich der Ausführungsumgebungen HPC Cluster mit dem Datensatz <normal>, Teil 1/2 Abbildung 9
- Vergleich der Ausführungsumgebungen NUC, RPi und HPC lokal mit dem Datensatz <normal>, Teil 1/2 Abbildung 10
- Vergleich der Ausführungsumgebungen HPC Cluster mit dem Datensatz <normal>, Teil 2/2 Abbildung 11
- Vergleich der Ausführungsumgebungen NUC, RPi und HPC lokal mit dem Datensatz <normal>, Teil 2/2 Abbildung 12

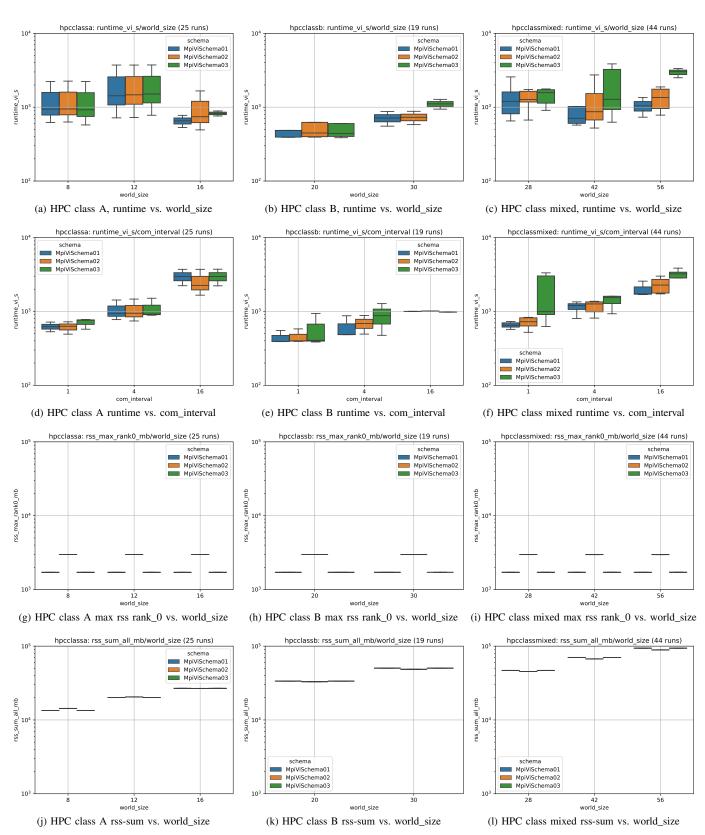


Abbildung 13. Vergleich der Ausführungsumgebungen HPC Cluster mit dem Datensatz <normal>, Teil 1/2

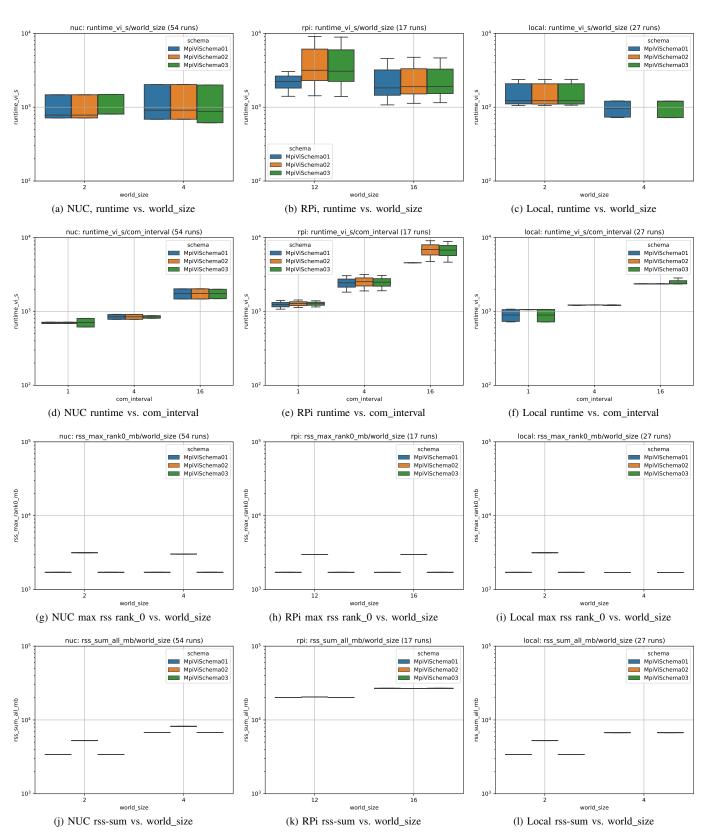


Abbildung 14. Vergleich der Ausführungsumgebungen NUC, RPi und HPC lokal mit dem Datensatz <normal>, Teil 1/2

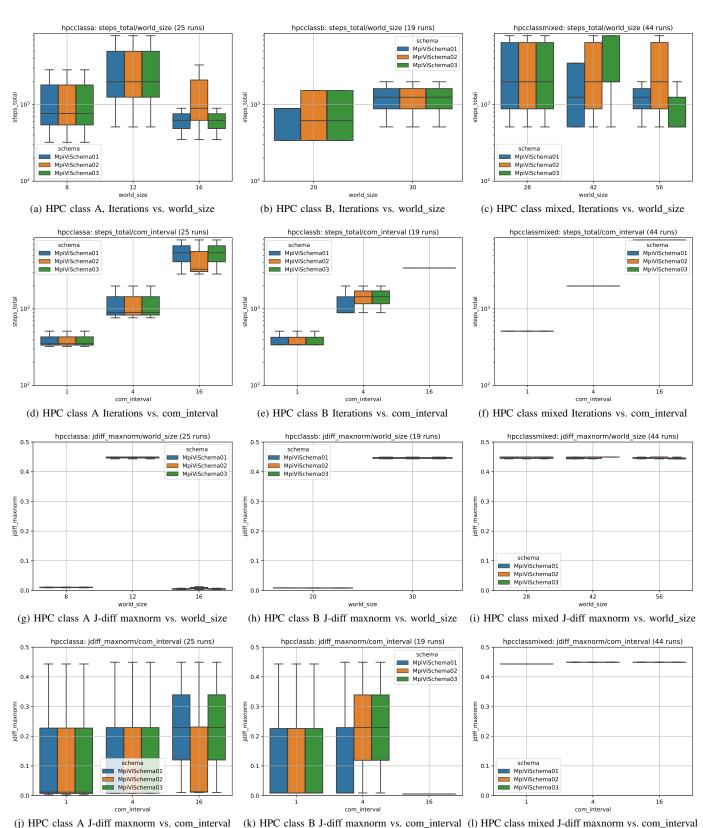


Abbildung 15. Vergleich der Ausführungsumgebungen HPC Cluster mit dem Datensatz <normal>, Teil 2/2

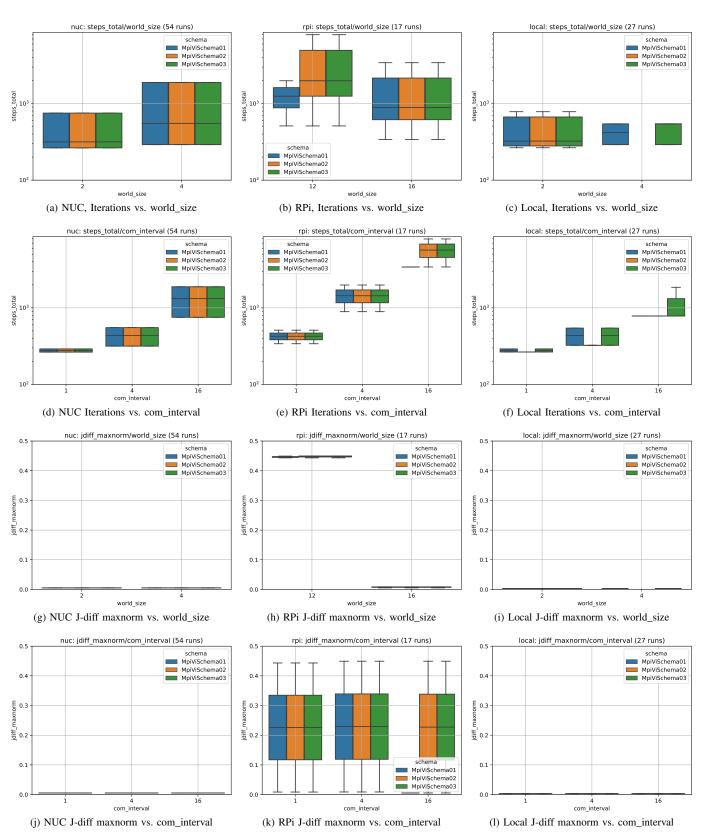


Abbildung 16. Vergleich der Ausführungsumgebungen NUC, RPi und HPC lokal mit dem Datensatz <normal>, Teil 2/2