การปรับปรุงขั้นตอนครอสโอเวอร์จีนเนติกอัลกอริทึม สำหรับปัญหาการหาค่าที่เหมาะสม A Modify Crossover Operator Genetic Algorithm for Optimization Problems

ธนพนธ์ ยินดี, กิตติทัต ศิริวัฒนากุล, VANDY CHHAY และ ศกยภพ ประเวทจิตร์

สาขาวิชาเทคโนโลยีสารสนเทศ คณะเทคโนโลยีสารสนเทศและการสื่อสาร มหาวิทยาลัยพะเยา Emails: {57020633, 57020521, 57023793, sakkayaphop.pr}@up.ac.th

บทคัดย่อ

งานวิจัยนี้นำเสนอวิธีการในการปรับปรุงขั้นตอนการครอสโอ เวอร์จีนเนติกอัลกอริทึม สำหรับปัญหาการหาค่าที่เหมาะสม แบบต่อเนื่อง ด้วยการทดสอบฟังก์ชันมาตรฐานจาก Yao จำนวน 5 ฟังก์ชัน ประกอบไปด้วยฟังก์ชันมาตรฐานที่มีฐานนิยมเดียว แบบต่อเนื่องจำนวน 3 ฟังก์ชัน ฟังก์ชันขั้นบันไดแบบไม่ต่อเนื่อง จำนวน 1 ฟังก์ชัน และฟังก์ชันต่อเนื่องแบบหลายค่าจำนวน 1 ฟังก์ชันวิธีการที่นำเสนอได้ทำการปรับปรุงวิธีการครอสโอเวอร์ ด้วยฟังก์ชันสามเหลี่ยมร่วมกับโครงข่ายการเรียนรู้แบบ เวกเตอร์ควอนไทซ์เซชัน จากการทดลองเปรียบเทียบผลลัพธ์ ระหว่างจีนเนติกอัลกอริทึมแบบดั้งเดิม พบว่าอัลกอริทึมที่ นำเสนอสามารถหาคำตอบที่เหมาะสมได้ดีกว่า

ABSTRACT

This research proposes A Modify Genetic Algorithm with Crossover Strategy for optimization problems. The triangular function and Learning vector quantization are applied to improve crossover operator. In this work, the proposed algorithm is tested on 5 benchmark functions from Yao include three continuous unimodal functions, discontinuous step function and Multimodal function. The computational result shows that the proposed algorithm provides better result than traditional genetic algorithm.

คำสำคัญ—จีนเนติกอัลกอริทึม; ฟังก์ชันสามเหลี่ยม;
Optimization problems; Benchmark function; Learning vector quantization

1. บทน้ำ

การหาค่าเหมาะสมที่สุด (Optimization) เป็นปัญหาในการหา คำตอบที่ดีที่สุดภายใต้เงื่อนไขหรือข้อจำกัดที่กำหนดขึ้น การหา ค่าเหมาะสมที่สุดถือว่าเป็นสิ่งที่ช่วยในการแก้ปัญหาในด้านต่างๆ อย่างกว้างขวางทั้งในการแก้ปัญหาทางด้านวิศวกรรม ทางด้าน วิทยาการคอมพิวเตอร์ ทางด้านปัญญาประดิษฐ์ ทางด้านการ วิจัยการดำเนินงาน และสาขาอื่นที่เกี่ยวข้องได้เป็นอย่างดี ปัญหา การหาค่าเหมาะสมที่สุด สามารถที่จะจัดตามรูปแบบของฟังก์ชัน วัตถุประสงค์หรือฟังก์ชันเป้าหมายได้แก่ การหาค่าเหมาะสมที่สุด ที่พิจารณาฟังก์ชันวัตถุประสงค์เพียงวัตถุประสงค์เดียว (Single Objective Optimization Problem) และปัญหาการหาค่า เหมาะเหมาะสมที่สุดที่มีหลายวัตถุประสงค์ (Multi-Objective Optimization Problem) โดยมากฟังก์ชันวัตถุประสงค์จะ เกี่ยวข้องกับการหาค่ามากที่สุด (Maximization) หรือน้อยที่สุด (Minimization) ของฟังก์ชันวัตถุประสงค์นั้นๆ ในปัจจุบันได้มี นักวิจัยได้นำเสนอวิธีการในการแก้ไขปัญหาการหาค่าเหมาะสม ที่สุดกันอย่างกว้างขวาง ขั้นตอนวิธีเชิงวิวัฒนาการ (Evolutionary algorithm) ก็ถูกพัฒนาเพื่อใช้ในการแก้ไข ปัญหานี้เช่นกัน ชั้นตอนทำการงานของวิธีเชิงวิวัฒนาการจะ ประกอบไปด้วยขั้นตอนของการสืบพันธ์ (reproduction) การ กลายพันธ์ (mutation) การแลกเปลี่ยนยืน (crossover) และ การคัดเลือก (selection) ในงานวิจัยนี้มีวัตถุประสงค์ที่จะนำ ขั้นตอนวิธีเชิงวิวัฒนาการ (Evolutionary algorithm) โดยทำ การเลือกจีนเนติกอัลกอริทึมสำหรับปัญหาการหาค่าที่เหมาะสม แบบต่อเนื่อง ด้วยการนำเสนอวิธีการการปรับปรุงการทำงานใน ขั้นตอนครอสโอเวอร์ของจีนเนติกอัลกอริทึม รายละเอียดจะ นำเสนอในหัวข้อที่ 3 ต่อไป

2. จีนเนติกอัลกอริทึม

จีนเนติกอัลกอริทึม (genetic algorithm) มีลักษณะการทำงาน เลียนแบบกระบวนการวิวัฒนาการทางธรรมชาติ และเป็น แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ โดย Holland [1] ได้เสนอการใช้จีน เนติกอัลกอริทึมสำหรับปัญหาการหาคำตอบที่ดีที่สุด โดยการ จำลองวิธีการทางด้านวิวัฒนาการทางด้านสายพันธุ์สิ่งมีชีวิตที่มี อยู่ตามธรรมชาติ การนำเอาวิวัฒนาทางด้านสายพันธุ์ดังกล่าว มาประยุกต์สร้างการคำนวณโดยใช้คอมพิวเตอร์ จีนเนติก อัลกอริทึมเป็นขั้นตอนในการค้นหาคาตอบให้กับระบบ ซึ่ง เปรียบเสมือนเป็นเครื่องมือในการช่วยคำนวณอย่างหนึ่ง วัฏจักร ของจีนเนติกอัลกอริทึม (Cycle of Genetic Algorithms) โดย ธรรมชาติแล้วประกอบไปด้วย 3 กระบวนการหลักๆ ที่สำคัญ ได้แก่กระบวนการการคัดเลือกสายพันธุ์ (Selection) ทำหน้าที่ ในการคัดเลือกสายพันธุ์ที่ดีเพื่อจะนำไปเป็นต้นกำเนิดประชากร ในรุ่นต่อไป กระบวนการปฏิบัติการทางสายพันธุ์ (Genetic operation) ทำหน้าที่เปลี่ยนแปลงโครโมโซมเพื่อปรับเปลี่ยน สายพันธุ์ในรุ่นลูกที่มีส่วนผสมสายพันธุ์ของพ่อและแม่ และ กระบวนการการแทนที่ (Replacement) ทำหน้าที่ในการนำเอา ลูกหลานที่ดีกว่ารุ่นก่อนหน้ามาแทนที่โดยทำการคัดว่าจะเอามา แทนในจำนวนเท่าไหร่โดยการเปรียบเทียบความแข็งแกร่งของ ประชากร นอกจากนี้ Goldberg [2] ได้แสดงถึงความแตกต่าง ของ GAs กับกระบวนการค้นหาแบบฉบับทั่วไปโดยที่จีนเนติก อัลกอริทึมจะค้นหา (Search) จากค่าตำแหน่งของประชากร (Population Search) ไม่ได้เริ่มต้นจากจุดหนึ่งไปหาจุดต่อไป Michalewizc [3] ได้กล่าวว่าจีนเนติกอัลกอริทึมใช้กลุ่มของค่า เริ่มต้นกลุ่มหนึ่งที่สุ่มมาได้แล้วทำการปืนหาค่าที่เหมาะสมใน Search Space ไปพร้อมกันทั้งกลุ่ม จีนเนติกอัลกอริทึมจึงมี ความได้เปรียบวิธีการค้นหาจากจุดที่หนึ่งไปจุดที่สอง และจุด ต่อๆ ไปเรื่อยๆ ที่ละจุดตามวิธีแบบเดิมๆ นอกจากนี้ยังได้มี นักวิจัยอีกจำนวนมากที่ได้มีการประยุกต์ใช้จีนเนติกอัลกอริทึมใน การแก้ไขปัญหาในสาขาอื่นๆ แทบทุกแขนง กระบวนการทำงาน ของจีนเนติกอัลกอริทึมแสดงได้ดังนี้

1) การสุ่มค่าสร้างประประชากรเริ่มต้น (Initial population) คือขั้นตอนการสร้างประชากรเริ่มต้นด้วยการสุ่มค่ายีน โดยค่า ของยีนที่ทำการสุ่มจะต้องอยู่ในขอบเขตของปัญหาที่ได้กำหนด มา การสุ่มที่ดีต้องมีการกระจายให้ครอบคลุมพื้นที่ การสุ่มค่าจะ ใช้วิธีการสุ่มแบบ max-min จากสมการที่ 1

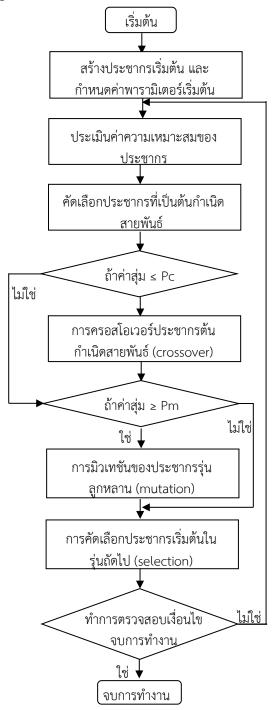
$$P_{ji}^{B} = \min_{lb} + rand(1) * (\max_{ub} - min_{lb})$$
 (1)

โดยที่ $i=1,2,3,\ldots$; $N\!P$ คือจำนวนประชากรที่ทำการ สร้างขึ้นทั้งหมด $j=1,2,3,\ldots$; N คือจำนวนไดเมนชันของ ประชากร และ B คือลำดับรุ่นของประชากร

- 2) การประเมินค่าความเหมาะสม (Evaluated fitness value) ของประชากรเริ่มต้น P_i^B ทั้งหมดทุกประชากรจากการ แทนค่าของประชากรเข้าสู่ฟังก์ชันวัตถุประสงค์ (Objective function)
- 3) ทำการคัดเลือกประชากร (Selection population) ที่ จะนำไปสร้างต้นกำเนิดสายพันธ์ในรอบถัดไป การคัดเลือกจะทำ การคัดเลือกประชากรโดยการสุ่มและในการสุ่มนั้นก็หวังผลที่จะ ได้ประชากรที่ดีที่สุดเพื่อจะนำไปเป็นโครโมโซมพ่อ (PF_{j_k}) และ โครโมโซมแม่ (PM_{j_k}) โดยที่ $k=1,2,3,\ldots$) เพื่อที่จะใช้ เป็นต้นกำเนิดลูกหลานในรุ่นถัดไป วิธีการที่ใช้สำหรับการ คัดเลือกมีหลายวิธีเช่น วิธีการคักเลือกวงล้อรูเลต (Roulette wheel) วิธีการคัดเลือกโดยการสุ่ม และวิธีการคัดเลือกแบบการ แข่งขัน เป็นต้น
- 4) การดำเนินการทางพันธุกรรม (Genetic operation) การ ดำเนินการทางพันธกรรมกระกอบไปด้วยการทำครอสโอเวอร์ (Crossover) เป็นการนำเอาต้นกำเนิดสายพันธ์ที่ผ่านการ คัดเลือกมาทำแลกเปลี่ยนยืนระหว่างโครโมโซม ในขั้นตอนนี้จะมี การกำหนดอัตราการครอสโอเวอร์ไว้โดยส่วนใหญ่จะใช้ความ น่าจะเป็น (P_{c}) เป็นตัวกำหนดอัตราดังกล่าว และวิธีการ ครอสโอ เวอร์สามารถทำได้หลายรูปแบบ เช่นการครอสโอเวอร์แบบ 1 ตำแหน่ง (One-point crossover) มีการแลกเปลี่ยนแถวของยืน ระหว่างโครโมโซมพ่อแม่ที่มาจับคู่กัน ณ จุดใดจุดเดียวซึ่งเกิดจาก การสุ่ม การครอสโอเวอร์แบบ2 ตำแหน่ง (Two-point crossover) มีการแลกเปลี่ยนแถวของโครโมโซม ณ จุดสุ่ม 2 จุด หรือการครอสโอเวอร์แบบหลายตำแหน่ง (Uniform crossover) มีการแลกเปลี่ยนโครโมโซมเกิดขึ้นได้หลายตำแหน่งของยีน เป็น ต้น เมื่อผ่านขั้นตอนการครอสโอเวอร์ก็จะเข้าสู่กระบวนการ กลายพันธ์ (Mutation) เป็นการแปรผันยืนส่วนย่อยหรือการผ่า เหล่าของประชากรลูกหลาน และในขั้นตอนนี้จะมีการกำหนด อัตรามิวเทชันด้วยความน่าจะเป็น $\left(P_{\scriptscriptstyle m}\right)$ เป็นตัวกำหนดอัตรา ดังกล่าวเช่นกันเมื่อผ่านขั้นตอนนี้จะทำให้ได้ประชากรรุ่นลูกคือ โดยที่ c = 1, 2, 3, ... $P_{ic}^{O} = (x_{1,c}, x_{2,c}, x_{3,c}, \dots)$ NC คือจำนวนประชากรที่ผ่านการครอสโอเวอร์และมิวเทชันมี ค่าเท่ากับ *NP*
- 5) ทำการประเมินค่าความเหมาะสมเช่น เดียวกับขั้นตอนที่2 ในกลุ่มประชากรลูกหลาน P^{O}_{jc} ที่ได้จาก 4) จากการแทนค่าของ ประชากรตามฟังก์ซันวัตถุประสงค์ (Objective function)
- 6) ทำการคัดเลือกสายพันธ์ (Selection) ที่ดีด้วยการนำเอา ประชากรเริ่มต้น $\left(P^{B}_{ji}\right)$ และประชากรลูกหลาน $\left(P^{O}_{jc}\right)$ มาทำการ คัดเลือกให้ได้จำนวนเริ่มต้นคือ $\left(Pold^{B+1}_{ji}\right)$

7) การตรวจสอบการสิ้นสุดการค้นหาผลลัพธ์ (Termination) เมื่อทำการตรวจสอบผลลัพธ์ที่ได้ หากผลลัพธ์ที่ได้ไม่ใช่คำตอบที่ ดีที่สุดให้กลับไปทำใน 2) ถึง 7) จนกว่าจะครบเงื่อนไขที่ต้องการ หรือเท่ากับจำนวนรอบที่กำหนดไว้

จากกระบวนการทำงานของจีนเนติกอัลกอริทึมแบบดั้งเดิมที่ได้ กล่าวถึงสามารถแสดงออกมาเป็นแผนภาพการทำงานได้ดังรูป ที่ 1



รูปที่ 1 แสดงขั้นตอนการทำงานของจีนเนติกอัลกอริทึมแบบดั้งเดิม

3. อัลกอริทึมที่นำเสนอ

จากขั้นตอนการทำงานของจีนเนติกอัลกอริทึมที่กล่าวมา ทาง ผู้วิจัยจึงมีแนวคิดที่จะทำการปรับปรุงขั้นตอนการทำงานของจีน เนติกอัลกอริทึมในส่วนของการครอสโอเวอร์ วิธีการที่นำเสนอจะ ใช้ฟังก์ชันสามเหลี่ยมมาช่วยคำนวณค่าการเรียนรู้ (Learning rate) แสดงได้ดังสมการที่ 2 จากนั้นการครอสโอเวอร์จะทำการ คำนวณค่าของประชากรรุ่นลูกโดยวิธีการโครงข่ายการเรียนรู้ แบบเวกเตอร์ควอนไทซ์เซชัน (Learning vector quantization: LVQ) แสดงได้ดังสมการที่ 3 ขั้นตอนการทำงานของวิธีการที่ นำเสนคแสดงได้ดังนี้

$$\alpha = \frac{fit_{best}^B - fit_i^B}{fit_{best}^B - fit_{worst}^B}$$
 (2)

โดยที่

lpha : คือค่าการเรียนรู้ (Learning rate)

 $\hat{fit}^{\scriptscriptstyle B}_{\scriptscriptstyle best}$: ค่าความเหมาะสมที่ดีที่สุดของประชากร

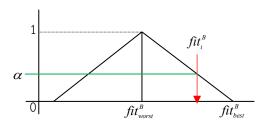
ทั้งหมด

 $\mathit{fit}^{^{B}}_{\scriptscriptstyle worst}$: ค่าความเหมาะสมที่แย่ที่สุดของประชากร

ทั้งหมด

fit^B : ค่าความเหมาะสมของประชากรที่กำลัง

พิจารณาครอสโอเวอร์



รูปที่ 1 แสดงการหาค่าการเรียนรู้ (Learning rate)

$$P_{ji}^{C} = p_{i}^{B} + \left[\alpha * (p_{best}^{B} - p_{i}^{B}) * rand(-0.05, 0.05)\right]$$
 (3)

โดยที่

P; : ประชากรรุ่นลูกที่ผ่านขั้นตอนการครอส

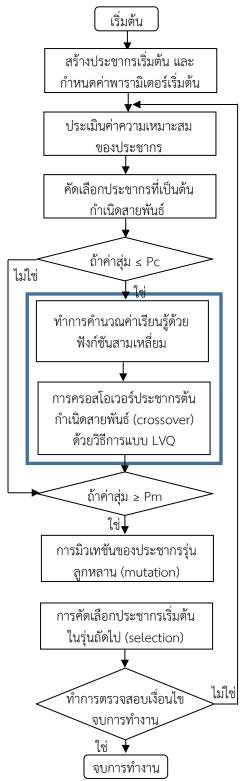
 $p^{\scriptscriptstyle B}_{\scriptscriptstyle best}$: ประชากรที่มีค่าความเหมาะสมดีที่สุดของ

ประชากรทั้งหมด

 $p_{i}^{\scriptscriptstyle B}$: ประชากรที่กำลังทำการพิจารณาครอส

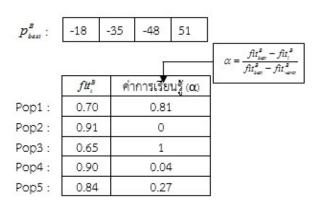
โอเวอร์

จากกระบวนการทำงานของอัลกอริทึมนำเสนอในครั้งนี้สามารถ แสดงออกมาเป็นแผนภาพการทำงานได้ดังรูปที่ 2 และตัวอย่าง การคำนวณค่าการเรียนรู้และการครอสโอเวอร์แสดงได้ดังรูปที่ 3



รูปที่ 2 แสดงขั้นตอนการทำงานของอัลกอริทึมที่นำเสนอ

		L		4	$\sum \sum X_i^2$	1
	X ₁	X ₂	X ₃	X4	$\sum x_i^2$	fitness
Pop1:	-20	-91	-67	-84	20226	0.70
Pop2:	-18	-35	-48	51	6454	0.91
Pop3:	-26	83	-93	-87	23783	0.65
Pop4:	-21	48	10	63	6814	0.90
Pop5:	32	-94	-11	-26	10657	0.84



$$P_1^c = p_1^s + \left[\alpha * (p_{bas}^s - p_1^s) * rand(-0.05, 0.05)\right]$$

$$P_i^{\kappa} = (-20, -91, -67, -84) +$$

$$[0.81*((-18, -35, -48, 51) - (-20, -91, -67, -84))*-0.01]$$

P ₁ ^s : -21.62 -100 -82.39 -100

รูปที่ 3 การคำนวณค่าการเรียนรู้และการครอสโอเวอร์

4. ฟังก์ชันที่ใช้สำหรับการทดสอบอัลกอริทึม

ในงานวิจัยนี้ได้ใช้ฟังก์ชันสำหรับทำการทดสอบอัลกอริทึมที่ นำเสนอจำนวน 5 ฟังก์ชันมาตรฐานจาก Yao et al. [4]. ประกอบไปด้วยฟังก์ชันที่ 1 ฟังก์ชันที่ 2 และฟังก์ชันที่ 3 เป็น ฟังก์ชันมาตรฐานที่มีฐานนิยมเดียวแบบต่อเนื่อง (Continuous unimodal functions) ฟังก์ชันที่ 4 ฟังก์ชันขั้นบันไดแบบไม่ ต่อเนื่อง (Discontinuous step function) และฟังก์ชันที่ 5 เป็น ฟังก์ชันต่อเนื่องแบบหลายค่า (Multimodal function) รายละเอียดฟังก์ชันแสดงได้ดังตารางที่ 1 ค่าพารามิเตอร์เริ่มต้น ของอัลกอริทึมที่นำเสนอและอัลกอริทึมจีเนติกแบบดั้งเดิมแสดง ได้ดังตารางที่ 2 และจำนวนรอบในการเรียนรู้พื้นที่สำหรับการ ค้นหา และค่าความเหมาะสมของฟังก์ชันตามมาตรฐานที่ได้ กำหนด ของแต่ละฟังก์ชันแสดงได้ดังตารางที่ 3

ตารางที่ 1 ฟังก์ชันสำหรับการทดสอบอัลกอริทึมที่นำเสนอ

71 10 197	1 1 11110111111111111111111111111111111
ฟังก์ชันที่	พึงก์ชัน
1	$f_1(x) = \sum_{i=1}^D x_i^2$
2	$f_2(x) = \sum_{i=1}^{D} x_i + \prod_{i=1}^{D} x_i $
3	$f_3(x) = \max_i \{ x_i , 1 \le i \le D\}$
4	$f_4(x) = \sum_{i=1}^{D} \left(\left\lfloor x_i + 0.5 \right\rfloor \right)^2$
5	$f_5(x) = -20 \exp\left(-0.2\sqrt{\frac{1}{30} \sum_{i=1}^{N} x_i^2}\right)$ $-\exp\left(\frac{1}{30} \sum_{i=1}^{N} \cos 2\pi x_i\right) + 20 + e$

ตารางที่ 2 แสดงค่าพารามิเตอร์ที่ใช้ในการทดสอบ

พารามิเตอร์	ค่าที่กำหนด
อัตราการครอสโอเวอร์	0.8
อัตราการมิวเทชัน	0.05
ขนาดไดเมนชั้นประชากร	30
จำนวนประชากร	100

ตารางที่ 3 แสดงจำนวนรอบ พื้นที่การค้นหา และค่าที่เหมาะสมของ ฟังก์ชันที่ใช้ในการทดสอบ

	10191111911111111111		
ฟังก์ชันที่	จำนวนรอบ	กรอบพื้นที่ใน	ค่าเหมาะสม
	ที่ใช้ในการ	การค้นหา	ของฟังก์ชัน
	เรียนรู้		(f(x))
1	1500	[-100, 100]	0
2	2000	[-10, 10]	0
3	5000	[-100, 100]	0
4	1500	[-100, 100]	0
5	1500	[-32, 32]	0

5. ผลการทดลอง

งานวิจัยนี้มุ่งประเด็นที่จะทำการศึกษากระบวนการทำงานของ ขั้นตอนเชิงวิวัฒนาการสำหรับการแก้ไขปัญหาการหาค่าที่ เหมาะสม ด้วยการปรับปรุงวิธีการครอสโอเวอร์จีนเนติก อัลกอริทึม จากการทดสอบวิธีการที่นำเสนอด้วยฟังก์ชัน มาตรฐานจำนวน 5 ฟังก์ วิธีการที่นำเสนอสามารถค้นหาจุด ต่ำสุดของฟังก์ชันที่ใช้ในการทดสอบจำนวน 1 ฟังก์ชันได้แก่ ฟังก์ชันที่ 4 เมื่อนำไปเปรียบเทียบกับจีนเนติกอัลกอริทึมแบบ ดั้งเดิม การกำหนดค่าพารามิเตอร์เริ่มต้น จำนวนรอบที่ใช้ในการ ทดสอบ และพื้นที่ในการค้นหาของทั้งวิธีการที่นำเสนอและจีน เนติกอัลกอริทึมแบบดั้งเดิมแสดงได้ดังตารางที่ 2 และตารางที่ 3 ผลลัพธ์จากการทดสอบจะเห็นว่าวิธีการที่นำเสนอให้ผลลัพธ์ใน การหาค่าต่ำสุดได้ดีกว่าจีนเนติกอัลกอริทึมแบบดั้งเดิม ผลลัพธ์ ของการทดสอบแสดงเปรียบเทียบได้ดังตารางที่ 4

ตารางที่ 4 แสดงการเปรียบเทียบผลการทดสอบหาค่าเหมาะสมของ ฟังก์ชันระหว่างอัลกอริทีมที่นำเสนอ และจีนเนติก อัลกอริทีมแบบดั้งเดิม

ฟังก์ชันที่	จีนเนติกอัลกอริทึม	อัลกอริทึมที่นำเสนอ
1	314.E-08	5.07E-10
2	0.00015789	7.56E-05
3	6.2563E-05	3.66E-05
4	0.00226078	0
5	4.5524E-05	1.45E-05

6. สรุป

งานวิจัยฉบับนี้นำเสนอการหาค่าที่เหมาะสมของฟังก์ชัน มาตรฐานจำนวน 5 ฟังก์ชัน ด้วยการปรับปรุงวิธีการครอสโอ เวอร์ของจีนเนติกอัลกอริทึมด้วยการเพิ่มค่าการเรียนรู้และเพิ่ม การแลกเปลี่ยนระหว่างประชากรที่มีค่าความเหมาะสมที่ดีที่สุด กับประชากรที่กำลังทำการพิจารณาครอสโอเวอร์ เพื่อให้การ ค้นหาคำตอบที่เหมาะสมได้รวดเร็วขึ้น จากการวัดประสิทธิภาพ ของวิธีการที่นำเสนอเปรียบเทียบกับจีนเนติกอัลกอริทึมแบบ ดั้งเดิม จากผลการทดลองจะเห็นว่าวิธีการที่นำเสนอสามารถหา คำตอบที่ดีที่สุดได้ 1 ฟังก์ชัน ใน 5 ฟังก์ชันมาตรฐาน และค่าที่ เหมาะสมที่ได้ให้ค่าความเหมาะสมดีกว่าจีนเนติกอัลกอริทึมแบบ ดั้งเดิม

เอกสารอ้างอิง

- [1] HOLLAND, J. H. (1975). ADAPTATION IN NATURAL AND ARTIFICIAL SYSTEMS. ANN ARBOR: THE UNIVERSITY OF MICHIGAN PRESS, MICHIGAN.
- [2] GOLDBERG, D. E. (1986). GENETIC ALGORITHM IN SEARCH, OPTIMIZATION, AND MACHINE LEARNING. READING, MA: ADDISON WESLEY.
- [3] MICHALEWICZ, Z. AND JANIKOW, C. (1992). GENOCOP: A GENETIC ALGORITHM FOR NUMERICAL OPTIMIZATION PROBLEMS WITH LINEAR CONSTRAINTS. ACCEPTED FOR PUBLICATION, COMMUNICATION OF THE ACM.

The 5th ASEAN Undergraduate Conference in Computing (AUC²) 2017

[4] Yao X, Liu Y and Lin G. (1999 . (Evolutionary programming made faster. IEEE Trans. on Evolutionary Computation, 3, 82-102.