



## Prolongement Par Continuité.

### ✚ Théorème :

Soit  $f$  une fonction définie sur un intervalle ouvert  $I$ , sauf en un réel  $a$  de  $I$ .  
 $f$  est prolongeable par continuité en  $a$  si  $f$  admet une limite finie  $L$  lorsque  $x$  tend vers  $a$ .

La fonction  $g$  définie sur  $I$  par :

$$\begin{cases} g(x) = f(x) & \text{si } x \neq a \\ g(a) = L \end{cases}$$

est un prolongement par continuité en  $a$  de la fonction  $f$ .

### Exemple :

Soit la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$  par  $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x + 1}$

1) Calculer  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$ .

2)  $f$  est-elle prolongeable par continuité en  $-1$ .





Rep:

$$\begin{aligned} 1) \lim_{n \rightarrow -1} f(n) &= \lim_{n \rightarrow -1} \frac{x^2 - 1}{n + 1} \\ &= \lim_{n \rightarrow -1} \frac{(x+1)(n-1)}{n+1} \\ &= -2 \in \mathbb{R} . \end{aligned}$$

2)  $\lim_{n \rightarrow -1} f(n) = -2$  donc  $f$  est prolongeable par continuité en  $-1$ .  
et le prolongement par continuité

de  $f$  en  $-1$  est :

$$g(n) = \begin{cases} \frac{x^2 - 1}{n + 1} & \text{Si } n \neq -1 . \\ g(-1) = -2 . \end{cases}$$

