# Reporte de Dijkstra

Haydee Judith Arriaga Ponce

Matricula: 1659539

l.judithmat@gmail.com

https://github.com/haydee10arriaga/1659539 Mat.Com

20 de octubre de 2017

En el presente reporte se tiene el objetivo de a partir de un análisis mostrar el algoritmo Dijkstra implementado en python, para ver su comportamiento en grafos por lo cual realizamos 5 pruebas mostrando los resultados de ahí que se toma conciencia de lo importante que es para solucionar caminos más favorables en cuestión de distancias.

### 1. Dijkstra descripción

El algoritmo de dijkstra determina la ruta más corta desde un nodo origen hacia los demás nodos para ello es requerido como entrada un grafo cuyas aristas posean pesos positivos.

Trabaja devolviendo en realidad el peso mínimo de las aristas, no el camino mínimo propiamente dicho ya que trabaja con el objetivo de llegar a lo más optimo, donde el óptimo encontrado puede llegar a modificarse si surge una solución mejor.

# 1.1 Como trabaja

Primero marcamos todos los vértices como no utilizados. El algoritmo parte de un vértice origen que será ingresado, a partir de ese vértice evaluaremos sus adyacentes, como dijkstra usa una técnica greedy — La técnica greedy utiliza el principio de que para que un camino sea óptimo, todos los caminos que contiene también deben ser óptimos- entre todos los vértices adyacentes, buscamos el que esté más cerca de nuestro punto origen, lo tomamos como punto intermedio y vemos si podemos llegar más rápido a través de este vértice a los demás. Después escogemos al siguiente más cercano (con las distancias ya actualizadas) y repetimos el proceso. Esto lo hacemos hasta que el vértice no utilizado más

cercano sea nuestro destino. Al proceso de actualizar las distancias tomando como punto intermedio al nuevo vértice se le conoce como relajación (relaxation).

Dijkstra es muy similar a BFS, si recordamos BFS usaba una Cola para el recorrido para el caso de Dijkstra usaremos una Cola de Prioridad o Heap, este Heap debe tener la propiedad de Min-Heap es decir cada vez que extraiga un elemento del Heap me debe devolver el de menor valor, en nuestro caso dicho valor será el peso acumulado en los nodos.

# 2. Algoritmo en pseudocódigo

Considerar distancia[ i ] como la distancia más corta del vértice origen ingresado al vértice i.

```
1 método Dijkstra (Grafo, origen):
2
      creamos una cola de prioridad Q
      agregamos origen a la cola de prioridad Q
      mientras Q no este vacío:
          sacamos un elemento de la cola Q llamado u
6
          si u ya fue visitado continuo sacando elementos de Q
          marcamos como visitado u
8
          para cada vértice v adyacente a u en el Grafo:
              sea w el peso entre vértices ( u , v )
10
              si v no ah sido visitado:
11
                 Relajacion(u, v, w)
1 método Relajacion (actual , adyacente , peso ):
2
      si distancia[ actual ] + peso < distancia[ adyacente ]
3
         distancia[ adyacente ] = distancia[ actual ] + peso
         agregamos adyacente a la cola de prioridad Q
```

# 3. Complejidad

Orden de complejidad del algoritmo: O(|V|2+|A|) = O(|V|2) sin utilizar cola de prioridad,  $O((|A|+|V|) \log |V|) = O(|A| \log |V|)$  utilizando cola de prioridad (por ejemplo un montículo). Por otro lado, si se utiliza un Montículo de Fibonacci, sería  $O(|V| \log |V|+|A|)$ .

La complejidad computacional del algoritmo de Dijkstra se puede calcular contando las operaciones realizadas:

- El algoritmo consiste en n-1 iteraciones como máximo. En cada iteración se añade un vértice al conjunto distinguido.
- En cada iteración se identifica el vértice con la menor etiqueta entre los que no están en Sk. El número de estas operaciones está acotado por n-1.
- Además se realizan una suma y una comparación para actualizar la etiqueta de cada uno de los vértices que no están en Sk.

Luego, en cada iteración se realizan a lo sumo 2(n-1) operaciones. Entonces tenemos: TEOREMA: El Algoritmo de Dijkstra realiza O(n2) operaciones (sumas y comparaciones) para determinar la longitud del camino más corto entre dos vértices de un grafo ponderado simple, conexo y no dirigido con n vértice.

### 4. Implementación

Este algoritmo de Dijkstra se realiza como un método de la clase de Grafos ya que estos nos permiten el manejo del mismo. A continuación, se muestra la clase de grafo que utilizamos en la act. para las 5 pruebas de los diferentes grafos y después el método de Dijkstra ya implementado donde se muestran los 5 grafos ya realizados.

```
8 #Grafo HJAP
  9 class Grafo:
 10
        def __init__(self):
 11
 12
             self.V = set() # un conjunto
 13
             self.E = dict() # un mapeo de pesos de aristas
 14
             self.vecinos = dict() # un mapeo
 15
 16
       def agrega(self, v):
             self.V.add(v)
 17
             if not v in self.vecinos: # vecindad de v
 18
                 self.vecinos[v] = set() # inicialmente no tiene nada
 19
 20
 21
       def conecta(self, v, u, peso=1):
 22
            self.agrega(v)
            self.agrega(u)
 23
            self.E[(v, u)] = self.E[(u, v)] = peso # en ambos sentidos
 25
            self.vecinos[v].add(u)
             self.vecinos[u].add(v)
 27
<u> 1</u> 28
       @property
 29
       def Complemento(self):
 30
            comp=Grafo()
            for v in self.V:
 31
 32
                for w in self.V:
 33
                    if v!=w and (v,w) not in self.E:
 34
                        comp.Conecta(v,w,1)
 35
```

# • El método de Dijkstra

```
#Algoritmo Dijkstra
58
       def shortest1(self,v):
59
          q= [(0, v, ())]
60
          dist = dict()
61
          visited = set()
62
          while len(q) > 0:
63
               (1, u, p) = heappop(q)
64
               if u not in visited:
65
                   visited.add(u)
66
                   dist[u]= (1,u,list(flatten(p))[::-1]+[u])
67
68
               p= (u,p)
               for n in self.vecinos[u]:
69
                   if n not in visited:
70
                       el = self.E[(u,n)]
71
                       heappush(q, (l+el, n, p))
72
          return dist
73
74
```

```
8 from heapq import heappop, heappush
 9
10
11 def flatten(L):
12
        while len(L) > 0:
13
            yield L[0]
            L = L[1]
14
15
16 class Grafo:
17
18
        def __init__(self):
19
            self.V = set() # un conjunto
20
            self.E = dict() # un mapeo de pesos de aristas
21
            self.vecinos = dict() # un mapeo
22
23
        def agrega(self, v):
24
            self.V.add(v)
25
            if not v in self.vecinos: # vecindad de v
26
                 self.vecinos[v] = set() # inicialmente no tiene nada
27
28
        def conecta(self, v, u, peso=1):
29
            self.agrega(v)
            self.agrega(u)
30
31
            self.E[(v, u)] = self.E[(u, v)] = peso # en ambos sentidos
32
            self.vecinos[v].add(u)
33
            self.vecinos[u].add(v)
34
35
        def complemento(self):
36
            comp= Grafo()
37
            for v in self.V:
38
                 for w in self.V:
39
                     if v != w and (v, w) not in self.E:
40
                         comp.conecta(v, w, 1)
41
            return comp
43
        def shortest(self, v): # Dijkstra's algorithm
           q = [(0, v, ())] # arreglo "q" de las "Tuplas" de lo que se va a almacenar dondo 0 es la distancia,
44
           dist = dict() #diccionario de distancias
45
46
           visited = set() #Conjunto de visitados
47
           while len(q) > 0: #mientras exista un nodo pendiente
48
               (1, u, p) = heappop(q) # Se toma la tupla con la distancia menor
49
               if u not in visited: # si no lo hemos visitado
50
                   visited.add(u) #se agrega a visitados
51
                   dist[u] = (l,u,list(flatten(p))[::-1] + [u])
                                                                      #agrega al didcionario
               p = (u, p) #Tupla del nodo y el camino
52
53
               for n in self.vecinos[u]: #Para cada hijo del nodo actual
54
                   if n not in visited: #si no lo hemos visitado
55
                       el = self.E[(u,n)] #se toma la distancia del nodo acutal hacia el nodo hijo
                       heappush(q, (1 + el, n, p)) #Se agrega al arreglo "q" la distancia actual mas la ditana
56
57
           return dist #regresa el diccionario de distancias
58
       #Algoritmo Dijkstra
59
        def shortest1(self,v):
60
           q= [(0, v, ())]
61
           dist = dict()
62
           visited = set()
63
           while len(q) > 0:
               (1, u, p) = heappop(q)
64
65
               if u not in visited:
66
                   visited.add(u)
67
                   dist[u]= (1,u,list(flatten(p))[::-1]+[u])
68
               p= (u,p)
69
               for n in self.vecinos[u]:
70
                   if n not in visited:
                       el = self.E[(u,n)]
71
72
                       heappush(q, (l+el, n, p))
73
           return dist
74
```

### 5. Prueba del algoritmo

Se muestra la aplicación del algoritmo con las 5 pruebas de los grafos considerándose como el nodo inicial a 'a' donde cada una de ellas consta de su función donde se especifica la cantidad de nodos y aristas, se observa el resultado que se obtuvo al ejecutarlo junto con la cantidad de vecinos de 'a' y al final la tabla interpretando los resultados.

#### Grafo 1:

```
75 # Primero 5 nodos con 10 aristas
76 print("Primer grafo 5 nodos con 10 aristas")
77 g=Grafo()
78 g.conecta('a','b', 2)
79 g.conecta('a','c', 5)
80 g.conecta('a','d', 13)
81 g.conecta('a','e', 6)
82 g.conecta('b','c', 23)
83 g.conecta('b','c', 23)
83 g.conecta('b','d', 9)
84 g.conecta('b','e', 6)
85 g.conecta('c','d', 4)
86 g.conecta('d','e', 1)
87 g.conecta('e','c', 8)
88 print(g.vecinos['a'])
89 print(g.shortest('a'))
```

#### **RESULTADO:**

Primer grafo 5 nodos con 10 aristas

```
{'b', 'e', 'd', 'c'}
```

```
{'a': (0, 'a', ['a']), 'b': (2, 'b', ['a', 'b']), 'c': (5, 'c', ['a', 'c']), 'e': (6, 'e', ['a', 'e']), 'd': (7, 'd', ['a', 'e', 'd'])}
```

NODO	CAMINO	DISTANCIA
а	'a'- ['a']	0
b	['a'- 'b']	2
С	['a'- 'c']	5
е	['a'-'e']	6
d	['a'- 'e'-'d']	7

#### Grafo 2:

```
91 #segundo 10 nodos con 20 aristas
 92 print("Segundo grafo 10 nodos con 20 aristas")
 93 g1=Grafo()
 94 g1.conecta('a','b', 13)
 95 g1.conecta('a','c',5)
96 g1.conecta('a','d',25)
97 g1.conecta('a','e',23)
98 g1.conecta('a','f',9)
99 g1.conecta('a','h',18)
100 g1.conecta('a','i',14)
101 g1.conecta('a','j',2)
102 g1.conecta('b','c',11)
103 g1.conecta('b','d',29)
104 g1.conecta('c','d',15)
105 g1.conecta('c','e',7)
106 g1.conecta('d','e',8)
107 g1.conecta('e','f',16)
108 g1.conecta('f', 'g', 24)
109 g1.conecta('g','h',1)
110 g1.conecta('h','e',17)
111 g1.conecta('i','j',12)
112 g1.conecta('j','h',22)
113 g1.conecta('j','g',30)
114
115 print(g1.vecinos['a'])
116 print(g1.shortest('a'))
```

### **RESULTADO:**

{'h', 'd', 'e', 'f', 'b', 'c', 'i', 'j'}

Segundo grafo 10 nodos con 20 aristas

```
{'a': (0, 'a', ['a']), 'j': (2, 'j', ['a', 'j']),
'c': (5, 'c', ['a', 'c']), 'f': (9, 'f', ['a', 'f']),
'e': (12, 'e', ['a', 'c', 'e']), 'b': (13, 'b', ['a', 'b']),
'i': (14, 'i', ['a', 'i']), 'h': (18, 'h', ['a', 'h']),
'g': (19, 'g', ['a', 'h', 'g']), 'd': (20, 'd', ['a', 'c', 'd'])}
```

#### TABLA:

Nodo	Camino	Distancia
а	'a', ['a']	0
j	[ˈa'-ˈjˈ]	2
С	['a'-'c']	5
f	['a'- 'f']	9
е	['a'-'c'- 'e']	12
b	[ˈa'- ˈbˈ]	13
i	[ˈa'- ˈiˈ]	14
h	[ˈa'- ˈhˈ]	18
g	['a'-'h'- 'g']	19
d	['a'-'c'- 'd']	20

### Grafo 3:

```
75 #tercero 15 nodos con 30 aristas
 76 print("Tercero grafo 15 nodos con 30 aristas")
 77 g3=Grafo()
 78 g3.conecta('a','b',2)
 79 g3.conecta('a','c',9)
 80 g3.conecta('a','d',4)
 81 g3.conecta('a','e',3)
 82 g3.conecta('a','f',7)
83 g3.conecta('a','j',1)
84 g3.conecta('a','h',11)
85 g3.conecta('a','i',15)
 86 g3.conecta('a','j',18)
 87 g3.conecta('a','k',19)
 88 g3.conecta('a','1',6)
 89 g3.conecta('a','m',8)
90 g3.conecta('a','n',9)
91 g3.conecta('a','o',5)
92 g3.conecta('a','p',16)
93 g3.conecta('b','c',1)
 94 g3.conecta('b','d',12)
 95 g3.conecta('b','e',14)
 96 g3.conecta('b','f',21)
 97 g3.conecta('b','h',11)
 98 g3.conecta('b','i',4)
99 g3.conecta('b','j',15)
100 g3.conecta('b','k',10)
101 g3.conecta('b','l',3)
102 g3.conecta('b','m',20)
103 g3.conecta('b','n',10)
104 g3.conecta('b','o',7)
105 g3.conecta('b','p',5)
106 g3.conecta('c','d',6)
107 g3.conecta('c','e',13)
108 print(g3.vecinos['a'])
109 print(g3.shortest('a'))
```

### **RESULTADO:**

Tercero grafo 15 nodos con 30 aristas

 $\label{eq:condition} \{\mbox{'o'},\mbox{'h'},\mbox{'d'},\mbox{'l'},\mbox{'k'},\mbox{'e'},\mbox{'f'},\mbox{'p'},\mbox{'b'},\mbox{'c'},\mbox{'m'},\mbox{'i'},\mbox{'n'},\mbox{'j'}\}$ 

 $\{ \text{'a': } (0, \text{'a', ['a']}), \text{'b': } (2, \text{'b', ['a', \text{'b']}}), \text{'c': } (3, \text{'c', ['a', \text{'b', 'c']}}), \text{'e': } (3, \text{'e', ['a', \text{'e']}}), \text{'d': } (4, \text{'d', ['a', \text{'d']}}), \\ \text{'l': } (5, \text{'l', ['a', \text{'b', 'l']}}), \text{'o': } (5, \text{'o', ['a', \text{'o']}}), \text{'i': } (6, \text{'i', ['a', \text{'b', 'i']}}), \text{'f': } (7, \text{'f', ['a', \text{'f']}}), \text{'p': } (7, \text{'p', ['a', \text{'b', 'p']}}), \\ \text{'m': } (8, \text{'m', ['a', \text{'m']}}), \text{'n': } (9, \text{'n', ['a', \text{'n']}}), \text{'h': } (11, \text{'h', ['a', \text{'h']}}), \text{'k': } (12, \text{'k', ['a', \text{'b', 'k']}}), \\ \text{'j': } (17, \text{'j', ['a', \text{'b', 'j']}}) \}$ 

Nodo	Camino	Distancia
а	'a', ['a']	0
b		2
С		3
е		3
d		4
I		5
0		5
i		6
f		7
р		7
m		8
n		9
h		11
k		12
j		17

#### Grafo 4:

```
75 #Cuarto 20 nodos con 40 aristas
   76 print("Cuarto grafo 20 nodos con 40 aristas")
   77 g4=Grafo()
   78 g4.conecta('a','b',1)
79 g4.conecta('a','c',5)
80 g4.conecta('a','d',23)
   81 g4.conecta('a','e',25)
   82 g4.conecta('a','f',6)
   83 g4.conecta('a','g',8)
   84 g4.conecta('a','h',10)
  85 g4.conecta('a','i',11)
86 g4.conecta('a','j',12)
87 g4.conecta('a','k',5)
88 g4.conecta('b','c',6)
   89 g4.conecta('b','d',27)
   90 g4.conecta('b','e',3)
   91 g4.conecta('b','f',4)
  92 g4.conecta('b', 'g', 14)
93 g4.conecta('b', 'h', 16)
94 g4.conecta('b', 'i', 17)
95 g4.conecta('b', 'j', 7)
96 g4.conecta('b', 'k', 9)
   97 g4.conecta('b','l',14)
   98 g4.conecta('c','d',19)
   99 g4.conecta('c','e',22)
 100 g4.conecta('c','f',24)
101 g4.conecta('c','g',28)
102 g4.conecta('c','h',2)
103 g4.conecta('c','i',1)
 104 g4.conecta('c','j',10)
 105 g4.conecta('c','k',13)
 106 g4.conecta('c','l',33)
 107 g4.conecta('c','m',37)
 108 g4.conecta('c','n',40)
109 g4.conecta('c','o',26)
110 g4.conecta('c','p',29)
 111 g4.conecta('c','q',12)
112 g4.conecta('c','r',38)
 113 g4.conecta('c','s',13)
 114 g4.conecta('c','t',35)
 115 g4.conecta('d','1',34)
 116 g4.conecta('d','m',21)
 117 g4.conecta('d','n',28)
 118 print(g4.vecinos['a'])
 119 print(g4.shortest('a'))
120
```

#### **RESULTADO:**

Cuarto grafo 20 nodos con 40 aristas

```
{'h', 'd', 'k', 'e', 'f', 'g', 'b', 'c', 'i', 'j'}
```

{'a': (0, 'a', ['a']), 'b': (1, 'b', ['a', 'b']), 'e': (4, 'e', ['a', 'b', 'e']), 'c': (5, 'c', ['a', 'c']), 'f': (5, 'f', ['a', 'b', 'f']), 'k': (5, 'k', ['a', 'k']), 'i': (6, 'i', ['a', 'c', 'i']), 'h': (7, 'h', ['a', 'c', 'h']), 'g': (8, 'g', ['a', 'g']), 'j': (8, 'j', ['a', 'b', 'j']), 'l': (15, 'l', ['a', 'b', 'l']), 'q': (17, 'q', ['a', 'c', 'q']), 's': (18, 's', ['a', 'c', 's']), 'd': (23, 'd', ['a', 'd']), 'o': (31, 'o', ['a', 'c', 'o']), 'p': (34, 'p', ['a', 'c', 'p']), 't': (40, 't', ['a', 'c', 't']), 'm': (42, 'm', ['a', 'c', 'm']), 'r': (43, 'r', ['a', 'c', 'r']), 'n': (45, 'n', ['a', 'c', 'n'])}

Nodo	Camino	Distancia
a	'a'- ['a']	0
b	[ˈa'- ˈbˈ]	1
е	['a'-'b'- 'e']	4
С	['a'- 'c']	5
f	['a'- 'b'- 'f']	5
k	[ˈa'-ˈkˈ]	5
i	['a'- 'c'- 'i']	6
h	['a'-'c'-'h']	7
g	['a'- 'g']	8
j	['a'- 'b'- 'j']	8
I	['a'- 'b'- 'l']	15
q	['a'-'c'-'q']	17
S	['a'-'c'- 's']	18
d	['a'- 'd']	23
0	['a'- 'c'- 'o']	31
р	['a'-'c'-'p']	34
t	['a'- 'c'- 't']	40
m	['a'- 'c'-'m']	42
r	['a'- 'c'- 'r']	43
n	['a'- 'c'- 'n']	45

#### Grafo 5:

```
75 #Quinto 25 nodos con 50 aristas
  76 print("Quinto grafo 25 nodos con 50 aristas")
  77 g5=Grafo()
  78 g5.conecta('a','b',10)
  79 g5.conecta('a','c',1)
80 g5.conecta('a','d',9)
  81 g5.conecta('a','e',2)
  82 g5.conecta('a','f',8)
  83 g5.conecta('a','g',3)
  84 g5.conecta('a','h',7)
  85 g5.conecta('a','i',4)
86 g5.conecta('a','j',6)
87 g5.conecta('a','k',5)
88 g5.conecta('a','l',20)
  89 g5.conecta('a','m',11)
  90 g5.conecta('a','n',19)
  91 g5.conecta('a','o',12)
  92 g5.conecta('a','p',18)
  93 g5.conecta('a','q',30)
94 g5.conecta('a','r',21)
95 g5.conecta('a','s',29)
96 g5.conecta('a','t',22)
  97 g5.conecta('a','u',28)
  98 g5.conecta('a','v',13)
  99 g5.conecta('a','w',17)
100 g5.conecta('a','x',15)
101 g5.conecta('a','y',16)
102 g5.conecta('a','z',36)
103 g5.conecta('b','c',25)
 104 g5.conecta('b','d',26)
 105 g5.conecta('b','e',36)
 106 g5.conecta('b','f',34)
100 g5.conecta( b', 'g', 32)

107 g5.conecta('b', 'h', 31)

108 g5.conecta('b', 'i', 41)

110 g5.conecta('b', 'j', 47)

111 g5.conecta('b', 'k', 44)
112 g5.conecta('b','l',15)
113 g5.conecta('b','m',12)
114 g5.conecta('b','n',10)
115 g5.conecta('b','o',43)
116 g5.conecta('b','p',46)
117 g5.conecta('b','q',33)
118 g5.conecta('b','r',30)
119 g5.conecta('b','s',24)
120 g5.conecta('b','t',29)
121 g5.conecta('c','d',27)
122 g5.conecta('c','e',13)
123 g5.conecta('c','f',11)
124 g5.conecta('c','g',1)
125 g5.conecta('c','h',6)
126 g5.conecta('c','i',7)
127 g5.conecta('c','j',6)
128 print(g5.vecinos['a'])
129 print(g5.shortest('a'))
130
```

#### **RESULTADO:**

Quinto grafo 25 nodos con 50 aristas

{'o', 'e', 'n', 'j', 'z', 'v', 'h', 'r', 'd', 'l', 'f', 'y', 'g', 'c', 'm', 'i', 'q', 'w', 'x', 'k', 's', 'b', 't', 'u', 'p'}

{'a': (0, 'a', ['a']), 'c': (1, 'c', ['a', 'c']), 'e': (2, 'e', ['a', 'e']), 'g': (2, 'g', ['a', 'c', 'g']), 'i': (4, 'i', ['a', 'i']), 'k': (5, 'k', ['a', 'k']), 'j': (6, 'j', ['a', 'j']), 'h': (7, 'h', ['a', 'h']), 'f': (8, 'f', ['a', 'f']), 'd': (9, 'd', ['a', 'd']), 'b': (10, 'b', ['a', 'b']), 'm': (11, 'm', ['a', 'm']), 'o': (12, 'o', ['a', 'o']), 'v': (13, 'v', ['a', 'v']), 'x': (15, 'x', ['a', 'x']), 'y': (16, 'y', ['a', 'y']), 'w': (17, 'w', ['a', 'w']), 'p': (18, 'p', ['a', 'p']), 'n': (19, 'n', ['a', 'n']), 'l': (20, 'l', ['a', 'l']), 'r': (21, 'r', ['a', 'r']), 't': (22, 't', ['a', 't']), 'u': (28, 'u', ['a', 'u']), 's': (29, 's', ['a', 's']), 'q': (30, 'q', ['a', 'q']), 'z': (36, 'z', ['a', 'z'])}

Nodo	Camino	Distancia
а	'a'- ['a']	0
С	['a'- 'c']	1
е	['a'- 'e']	2
g	['a'-'c'- 'g']	2
i	['a'- 'i']	4
k	['a'-'k']	5
j	[ˈaˈ- ˈjˈ]	6
h	[ˈa'-ˈhˈ]	7
f	['a'- 'f']	8
d	['a'-'d']	9
b	['a'-'b']	10
m	['a'-'m']	11
0	[ˈa'- ˈoˈ]	12
V	['a'- 'v']	13
X	['a'- 'x']	15
у	[ˈa'- ˈyˈ]	16

W	['a'-'w']	17
р	['a'- 'p']	18
n	['a'- 'n']	19
I	['a'- 'l']	20
r	['a'-'r']	21
t	['a'-'t']	22
u	[ˈa'-ˈuˈ]	28
S	[ˈa'-ˈsˈ]	29
q	[ˈa'-ˈqˈ]	30

### **CONCLUSION:**

Lo más difícil de este algoritmo a mi consideración fue tener bien estructurado que se realizara y en qué orden en lo cual tuve problemas y se mandó fuera de tiempo. Además de tener las estructuras adecuadas, tal como el Heap que me pareció curioso cómo es posible implementarlo en Python.

La principal ventaja o utilidad para nosotros como matemáticos es que es muy bueno aplicarlo en las matemáticas ya que en este caso ya contabas con algo de conocimientos sobre los grafos además que con la ayuda adecuada del maestro es sencillo utilizar este algoritmo principalmente para algún problema sobre alguna entrega o distribución de productos dentro de una red de lugares con el fin de encontrar el camino más corto como se mencionó en un principio.

Como matemáticos esto nos hace despertar el interés por implementar estos algoritmos en nuestra área en problemas para facilitar nuestro trabajo en lo personal me beneficio este algoritmo de Dijkstra ya que llevo las materias de modelado matemático y matemáticas discretas en las cuales veo este modelo de la ruta más corta y gracias a este reporte esta actividad poder utilizar Dijkstra para algunas actividades que llevare acabo durante el semestre en curso a pesar que se me dificulto mucho al recurrir al apoyo del maestro se pudo concluir esta actividad de una manera satisfactoria ya que se cumplió el objetivo, los resultados realmente comprendí el algoritmo y en que consiste para que lo aplico lo principal para llegar a lo esperado es analizar la clave es analizar con lo que trabajamos.