## This is a title and this is too

Paulo Henrique Brasil Ribeiro UFSCar, ICMC Milene Regina dos Santos UFSCar, ICMC

Mathews UFSCar, ICMC

**Resumo** Na atualidade, o volume de dados existentes sobre as pessoas como um todo tem sido cada vez maior. Essas informações podem ser utilizadas entre outras coisas para construir informações e posteriormente análises e ilações sobre os indivíduos estudados. Dados mais "completos" podem ser utilizados para captação de padrões, possibilitam deduzir sobre os demais. No presente trabalho, utilizando técnicas de Regressão Logística num banco de treinamento no intuito de inferir se a renda das pessoas no banco de validação excede 50 mil doláres. Também faremos a apuração de precisão destas predições e demais métricas referentes ao modelo ajustado.

Keywords: stylesheet, glossa, article

Tabela 1: e

	mpg	cyl	disp	hp	drat	wt	qsec	vs	am	gear	carb
Mazda RX4	21.0	6	160	110	3.90	2.620	16.46	0	1	4	4
Mazda RX4	21.0	6	160	110	3.90	2.875	17.02	0	1	4	4
Wag											
Datsun 710	22.8	4	108	93	3.85	2.320	18.61	1	1	4	1
Hornet 4 Drive	21.4	6	258	110	3.08	3.215	19.44	1	0	3	1
Hornet	18.7	8	360	175	3.15	3.440	17.02	0	0	3	2
Sportabout											
Valiant	18.1	6	225	105	2.76	3.460	20.22	1	0	3	1

Tabela 1

# 1 Introdução

#### Seção 1

As presentes informações foram extraído por Barry Becker no banco de dados Censo de 1994 e um dos locais onde está disponível disponibilizada em University of California, School of Information and Computer Science - Machine Learning Repository <sup>1</sup>.

Os dados de treinamento são compostos inicialmente de 32561 observações e 13 variáveis:

- Idade
- Trabalho
- Escolaridade
- Anos de estudo

 $<sup>^{1}</sup>$  Acessado em 09/jul/2022 - 11h40m

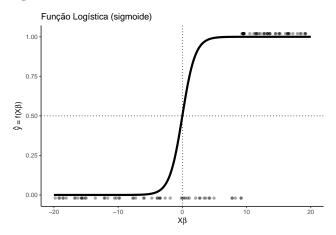
2 Paulo & Milene & Mathews

- Estado civil
- Profissição
- Raça
- Sexo
- Ganho de capital
- Perda de capital
- Horas trabalhadas (por semana)
- Nacionalidade
- Renda anual
- Grupo (<=50k, >50k)

Enquanto os dados de teste ou validação compõe as mesma variáveis porém com 16282 observações. Considerado uma quantidade relativamente grande de observações em ambos as partições, decidiu-se manter essa proporção de 67% e 33%

Sendo variável resposta uma variável binária categória (relacionada ao evento de interesse a Renda anual ser maior do que \$50.000 ), decidiu-se efetuar a modelagem com o através de regressão logística. Para os aspectos inferenciais a seguir, admitiu o nível de significância ( $\alpha=0,01$ ) visto a quantidade de expressiva observações.

#### 1.1 Regressão Logística



#### 1.2 Motivação

Na atualidade, o volume de dados existentes sobre as pessoas como um todo tem sido cada vez maior. Essas informações podem ser utilizadas entre outras coisas para construir informações e posteriormente análises e ilações sobre os indivíduos estudados. Dados mais "completos" podem ser utilizados para captação de padrões, possibilitam deduzir sobre os demais.

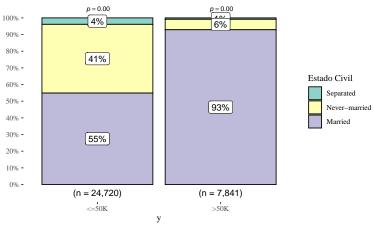
No presente trabalho, utilizando técnicas de Regressão Logística num banco de treinamento no intuito de inferir se a renda das pessoas no banco de validação excede 50 mil doláres. Também faremos a apuração de precisão destas predições e demais métricas referentes ao modelo ajustado.

Regressão Logística 3

# 2 Análise exploratória

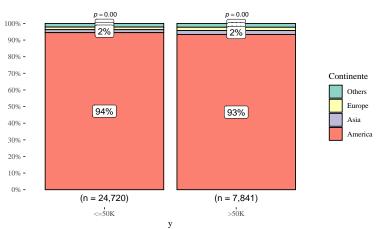
## 2.1 Associação

 $\chi^2_{\rm Pearson}(2) = 3735.62, p = 0.00, \ \widehat{V}_{\rm Cramer} = 0.34, \ {\rm CI}_{1\%} \ [0.35, \, 1.00], \ n_{\rm obs} = 32,\!561$ 



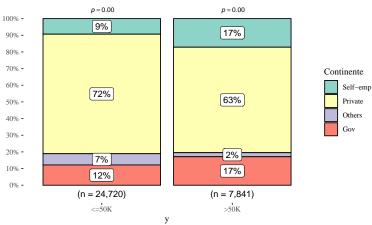
 $\log_e(BF_{01}) = -Inf$ ,  $\widehat{V}_{Cramer}^{posterior} = 0.34$ ,  $CI_{1\%}^{HDI}$  [0.34, 0.34],  $a_{Gunel-Dickey} = 1.00$ 

 $\chi^2_{\text{Pearson}}(3) = 18.74, p = 3.10e-04, \widehat{V}_{\text{Cramer}} = 0.02, \text{CI}_{1\%} [0.02, 1.00], n_{\text{obs}} = 32,561$ 



 $\chi^2_{\rm Pearson}(3) = 686.16, p = 2.10e - 148, \ \widehat{V}_{\rm Cramer} = 0.14, \ {\rm CI}_{1\%} \ [0.15, \ 1.00], \ n_{\rm obs} = 32,561$ 

 $\log_e(\mathrm{BF}_{01}) = 0.32$ ,  $\widehat{V}_{\mathrm{Cramer}}^{\mathrm{posterior}} = 0.03$ ,  $\mathrm{CI}_{1\%}^{\mathrm{HDI}}$  [0.03, 0.03],  $a_{\mathrm{Gunel-Dickey}} = 1.00$ 



 $\log_{\rm e}({\rm BF_{01}}) = -332.53, \ \widehat{V}_{\rm Cramer}^{\rm posterior} = 0.15, \ {\rm CI_{1\%}^{\rm HDI}} \ [0.15, 0.15], \ a_{\rm Gunel-Dickey} = 1.00$ 

## 3 Transformação e Seleção de variáveis

Uma forma bastante utilizada para a transforma, cão de vari aveis continuas em categóricas, ou a recategoriza, cão de uma vari avel discreta,

A cria cão de categorias para as covari aveis de natureza continua ou o reagrupamento das discretas e baseada no teste de associa cão Qui-Quadrado, buscando a melhor categoriza cão da amostra com rela cão a cada uma dessas covari aveis ou conjunto delas

Como o presente trabalho possue como foco principal na construção do modelo a predição, a seleção de variáveis foi executada de formas que privilegiam a precisão do ajuste, dando menor importância a interpretabilidade do modelo, portanto tendeu-se a modelo mais saturados com inúmeras variáveis preditoras

#### 3.1 Modelo encaixados - Aula 21 - 45

Para seleção do modelo utilizou-se a estratégia com uma sequência de modelos encaixados nas duas "direções":

- Começar do modelo nulo e adicionar uma nova variável categórica, que é escolhida
  por ser aquela que mais aumenta a 'Deviance' [vide equação (3.1)]entre os os
  modelos, efetuado isso repetidas vezes até que a adição de nenhuma variável seja
  significativa através do teste de F para um dado nivel de significância e após isso
  avalia-se as variáveis quantitavias,
- A partir do modelo saturado e remover uma nova variável categórica, que é escolhida por ser aquela que menos aumenta 'Deviance' entre os modelos, efetuado isso repetidas vezes até que a remoção nenhuma variável seja significativa através do teste de F para um dado nivel de significância, após isso avalia-se as variáveis quantitavias.

Onde a estatística de teste se dá por:

$$D^* = -2\sum_{i=1}^{n} \left[ y_i \left( \frac{\hat{\pi}_i}{y_i} \right) + (1 - y_1) \log \left( \frac{1 - \hat{\pi}_i}{1 - y_i} \right) \right]$$

Outro método similar de seleção método de variáveis regressoras muito utilizado que também aplicou-se nesse estudo foi o stepwise AIC. Este método possibilita a determinação de um conjunto de vari´aveis estatisticamente significantes ao utilizar os critérios de AIC num conjunto de ajustes avaliados.

Tabela 2: dnaokl

Resid. Df	Resid. Dev	Df	Deviance
32543	23953.69	NA	NA
32517	23801.39	26	152.3037

#### 3.2 Modelo Final

$$\hat{Y} = X\beta$$

#### 3.3 Curva Receiver Operating Characteristic (ROC)

## [1] 0.5624863

Regressão Logística 5

## 3.4 Ponto de corte

## 3.5 Outliers e Pontos de influência

## 3.6 Resíduo - Aula 22 50min

## 3.7 Comparação nas estimativas com a retirada dos pontos influentes

Tabela 3: eopvno

	Modelo	Modelo sem pontos	Diferença
	Final	influentes	(%)
(Intercept)	-7,937	-7,936	0
est_Never-married	-1,795	-1,789	0,003
est_Separated	-1,94	-2,25	-0,16
ans_	$0,\!351$	0,351	0
cptl	0	0	-0,015
sexMale	1,369	$1,\!375$	-0,005
hr	0,029	0,029	0,002
classeOthers	-0,227	-0,232	-0,022
classeProduction	-0,141	-0,143	-0,01
classeService	-0,562	-0,564	-0,002
idad	0,021	0,021	0,005
trblOthers	-0,112	-0,093	$0,\!169$
trblPrivate	0,037	0,042	-0,125
trblSelf-emp	0,143	$0,\!135$	0,055
raceAsian-Pac-Islander	$0,\!556$	0,554	0,004
raceBlack	0,411	0,418	-0,016
raceOther	-0,028	-0,025	0,116
raceWhite	0,713	0,717	-0,006
edccLiberal	-0,254	-0,28	-0,104
edccNon-Grad	-0,019	-0,021	-0,113
est_Never-	-0,834	-0,679	0,186
married:trblOthers			
est_Separated:trblOthers	-9,764	-10,332	-0,058
est_Never-	-0,172	-0,177	-0,032
married:trblPrivate			
est_Separated:trblPrivate	0,074	0,269	-2,645
est_Never-married:trblSelf-	0,634	0,632	0,004
emp			
est_Separated:trblSelf-emp	-0,233	-0,177	0,243
est_Never-married:sexMale	-0,534	-0,541	-0,013
est_Separated:sexMale	0,407	0,612	-0,502
sexMale:trblOthers	-0,708	-0,735	-0,039
sexMale:trblPrivate	-0,036	-0,045	-0,268
sexMale:trblSelf-emp	-0,54	-0,535	0,009
sexMale:classeOthers	-0,162	-0,158	0,027
sexMale:classeProduction	-0,667	-0,668	-0,003
sexMale:classeService	0,027	0,027	0
trblOthers:edccLiberal	-0,208	-0,312	-0,501

6 Paulo & Milene & Mathews



Figura 1: glossa

	Modelo Final	Modelo sem pontos influentes	Diferença (%)
trblPrivate:edccLiberal	-0,188	-0,151	0,198
trblSelf-emp:edccLiberal	$0,\!562$	0,604	-0,076
trblOthers:edccNon-Grad	-0,546	-0,417	0,236
trblPrivate:edccNon-Grad	0,023	0.02	0,16
trblSelf-emp:edccNon-Grad	0,904	0,905	0
est_Never-	0,684	0,656	0,041
married:edccLiberal			
est Separated:edccLiberal	0,735	0,374	0,491
est Never-married:edccNon-	0,721	0,782	-0,084
Grad	,	,	,
est_Separated:edccNon-Grad	-0,713	-10,933	-14,34

## 3.8 Matriz de confusão e predições

Com o aux´ılio da curva ROC podemos escolher um ponto de corte igual a 0,29. Assim, as medidas relacionadas 'a capacidade preditiva do modelo s˜ao: SENS = 0, 75, SP EC = 0, 76, V P P = 0, 58, V P N = 0, 87, CAT = 0, 76 e MCC = 0, 48, o que ´e indicativo de uma boa capacidade preditiva. Esta conclus˜ao ´e corroborada pela curva ROC apresentada na Figura 2.1.

# 4 Conclusões e interpretações dos parâmetros

Figura 1

(i) a. Colorless green ideas sleep furiously.

 $<sup>^{2}</sup>$   $\overline{\text{Examples}}$  in footnotes are numbered with lower case Roman numerals enclosed between brackets:

Regressão Logística 7

More text can follow the example.

b. \*The child seems sleeping.