# Abdimas Persiapan KSN Logika

Hendra Bunyamin

April 27, 2022



### Outline

- Bentuk Logik
- 2 Kesetaraan Logik
- Tautologi dan Kontradiksi
- Daftar Kesetaraan Logik
- Pernyataan Bersyarat
- 6 Argumen yang Valid dan Invalid
- Modus Ponens & Modus Tollens
- 8 Soal-Soal KSNK 2020

### Outline

- Bentuk Logik
- 2 Kesetaraan Logik
- Tautologi dan Kontradiks
- Daftar Kesetaraan Logik
- Pernyataan Bersyarat
- 6 Argumen yang Valid dan Invalid
- Modus Ponens & Modus Tollens
- 8 Soal-Soal KSNK 2020

 Argumen adalah barisan pernyataan yang ditujukan untuk mendemostrasikan kebenaran tentang penarikan kesimpulan (Epp, 2020).

- Argumen adalah barisan pernyataan yang ditujukan untuk mendemostrasikan kebenaran tentang penarikan kesimpulan (Epp, 2020).
- Pernyataan-pernyataan sebelum kesimpulan disebut premis.

- Argumen adalah barisan pernyataan yang ditujukan untuk mendemostrasikan kebenaran tentang penarikan kesimpulan (Epp, 2020).
- Pernyataan-pernyataan sebelum kesimpulan disebut premis.

#### **Contoh Argument 1:**

- Argumen adalah barisan pernyataan yang ditujukan untuk mendemostrasikan kebenaran tentang penarikan kesimpulan (Epp, 2020).
- Pernyataan-pernyataan sebelum kesimpulan disebut premis.

#### **Contoh Argument 1:**

If bel berbunyi or bendera turun, then perlombaan berakhir.

- Argumen adalah barisan pernyataan yang ditujukan untuk mendemostrasikan kebenaran tentang penarikan kesimpulan (Epp, 2020).
- Pernyataan-pernyataan sebelum kesimpulan disebut premis.

#### **Contoh Argument 1:**

If  $\overline{\text{bel berbunyi}}$  or  $\overline{\text{bendera turun}}$ , then  $\overline{\text{perlombaan berakhir.}}$ 

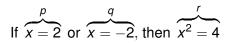
not r not p

∴ If perlombaan belum berakhir, then bel tidak berbunyi and not q

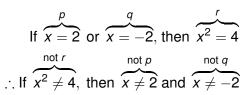
bendera tidak turun

**Contoh Argument 2:** 

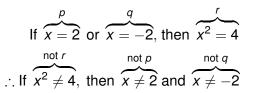
#### **Contoh Argument 2:**



#### **Contoh Argument 2:**

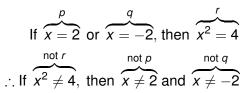


#### **Contoh Argument 2:**



Bentuk umum dari argument ini adalah

#### **Contoh Argument 2:**



Bentuk umum dari argument ini adalah If p or q, then r.

#### **Contoh Argument 2:**

If 
$$x = 2$$
 or  $x = -2$ , then  $x^2 = 4$ 
 $\therefore$  If  $x^2 \neq 4$ , then  $x \neq 2$  and  $x \neq -2$ 

Bentuk umum dari argument ini adalah

If 
$$p$$
 or  $q$ , then  $r$ .  
 $\therefore$  If not  $r$ , then not  $p$  and not  $q$ .

If Jane is a math major or Jane is a computer science major, then Jane will take Discrete Maths. Jane is a computer science major. Therefore, Jane will take Discrete Maths.

- If Jane is a math major or Jane is a computer science major, then Jane will take Discrete Maths. Jane is a computer science major. Therefore, Jane will take Discrete Maths.
- If logic is easy or ...(1)..., then ...(2)....
  I will study hard.
  Therefore, I will get an A in this course.

- If Jane is a math major or Jane is a computer science major, then Jane will take Discrete Maths. Jane is a computer science major. Therefore, Jane will take Discrete Maths.
- If logic is easy or ...(1)..., then ...(2)....
  I will study hard.
  Therefore, I will get an A in this course.

#### Solution:

- If Jane is a math major or Jane is a computer science major, then Jane will take Discrete Maths. Jane is a computer science major. Therefore, Jane will take Discrete Maths.
- If logic is easy or ...(1)..., then ...(2)....
  I will study hard.
  Therefore, I will get an A in this course.

#### Solution:

I (will) study hard.

- If Jane is a math major or Jane is a computer science major, then Jane will take Discrete Maths. Jane is a computer science major. Therefore, Jane will take Discrete Maths.
- If logic is easy or ...(1)..., then ...(2)....
  I will study hard.
  Therefore, I will get an A in this course.

#### Solution:

- I (will) study hard.
- 2 I will get an A in this course.

#### Definition

Sebuah **statement** (atau **proposition**) adalah kalimat yang *true* atau *false* tetapi bukan keduanya.

#### Definition

Sebuah **statement** (atau **proposition**) adalah kalimat yang *true* atau *false* tetapi bukan keduanya.

#### Contoh:

#### Definition

Sebuah **statement** (atau **proposition**) adalah kalimat yang *true* atau *false* tetapi bukan keduanya.

#### Contoh:

"Dua ditambah dua sama dengan empat"  $\Rightarrow$ 

#### Definition

Sebuah **statement** (atau **proposition**) adalah kalimat yang *true* atau *false* tetapi bukan keduanya.

#### Contoh:

#### Definition

Sebuah **statement** (atau **proposition**) adalah kalimat yang *true* atau *false* tetapi bukan keduanya.

#### Contoh:

"Dua ditambah dua sama dengan empat"  $\Rightarrow$  Proposition bernilai *true* 

"Dua ditambah dua sama dengan lima"  $\Rightarrow$ 

#### Definition

Sebuah **statement** (atau **proposition**) adalah kalimat yang *true* atau *false* tetapi bukan keduanya.

#### Contoh:

"Dua ditambah dua sama dengan empat"  $\Rightarrow$  Proposition bernilai *true* 

#### Definition

Sebuah **statement** (atau **proposition**) adalah kalimat yang *true* atau *false* tetapi bukan keduanya.

#### Contoh:

"Dua ditambah dua sama dengan empat"  $\Rightarrow$  Proposition bernilai *true* 

$$x^2 + 2 = 11 \Rightarrow$$

#### Definition

Sebuah **statement** (atau **proposition**) adalah kalimat yang *true* atau *false* tetapi bukan keduanya.

#### Contoh:

"Dua ditambah dua sama dengan empat"  $\Rightarrow$  Proposition bernilai *true* 

$$x^2 + 2 = 11 \Rightarrow$$
 kalimat terbuka

#### Definition

Sebuah **statement** (atau **proposition**) adalah kalimat yang *true* atau *false* tetapi bukan keduanya.

#### Contoh:

"Dua ditambah dua sama dengan empat"  $\Rightarrow$  Proposition bernilai *true* 

$$x^2 + 2 = 11 \Rightarrow$$
 kalimat terbuka

$$x + y > 0 \Rightarrow$$

#### Definition

Sebuah **statement** (atau **proposition**) adalah kalimat yang *true* atau *false* tetapi bukan keduanya.

#### Contoh:

"Dua ditambah dua sama dengan empat"  $\Rightarrow$  Proposition bernilai *true* 

$$x^2 + 2 = 11 \Rightarrow$$
 kalimat terbuka

$$x + y > 0 \Rightarrow$$
 kalimat terbuka

# Negation

#### Definition

Jika p adalah variabel statement, maka **negasi** dari p adalah "not p" dan diberi notasi  $\sim p$ .

# Negation

#### Definition

Jika p adalah variabel statement, maka **negasi** dari p adalah "not p" dan diberi notasi  $\sim p$ .

p	~ <b>p</b>
Т	F
F	Т

# Negation

#### Definition

Jika p adalah variabel statement, maka **negasi** dari p adalah "not p" dan diberi notasi  $\sim p$ .

p	~ <b>p</b>
Т	F
F	Т

atau

## Negation

#### Definition

Jika p adalah variabel statement, maka **negasi** dari p adalah "not p" dan diberi notasi  $\sim p$ .

p	~ <b>p</b>
Т	F
F	Т

atau

p	~ <b>p</b>
1	0
0	1

#### Definition

Jika p dan q adalah variabel statement, **konjungsi** dari p dan q adalah "p dan q," diberi notasi  $p \wedge q$ .

#### Definition

Jika p dan q adalah variabel statement, **konjungsi** dari p dan q adalah "p dan q," diberi notasi  $p \wedge q$ .

р	q	<b>p</b> ∧ <b>q</b>
Т	Т	Т
Т	F	F
F	Т	F
F	F	F

### Definition

Jika p dan q adalah variabel statement, **konjungsi** dari p dan q adalah "p dan q," diberi notasi  $p \wedge q$ .

p	q	p∧q
Т	Т	Т
Т	F	F
F	Т	F
F	F	F

atau

#### Definition

Jika p dan q adalah variabel statement, **konjungsi** dari p dan q adalah "p dan q," diberi notasi  $p \wedge q$ .

p	q	$p \wedge q$
Т	Т	T
Т	F	F
F	Т	F
F	F	F

#### atau

p	q	<b>p</b> ∧ <b>q</b>
1	1	1
1	0	0
0	1	0
0	0	0

#### Definition

Jika p dan q adalah variabel statement, **disjungsi** dari p dan q adalah "p atau q," diberi notasi  $p \lor q$ .

#### Definition

Jika p dan q adalah variabel statement, **disjungsi** dari p dan q adalah "p atau q," diberi notasi  $p \lor q$ .

р	q	$p \lor q$
Т	Т	Т
Τ	F	Т
F	Т	Т
F	F	F

#### Definition

Jika p dan q adalah variabel statement, **disjungsi** dari p dan q adalah "p atau q," diberi notasi  $p \lor q$ .

p	q	$p \lor q$
Т	Т	T
Т	F	Т
F	Т	Т
F	F	F

atau

#### Definition

Jika p dan q adalah variabel statement, **disjungsi** dari p dan q adalah "p atau q," diberi notasi  $p \lor q$ .

p	q	$p \lor q$
Т	Т	T
Т	F	Т
F	Т	Т
F	F	F

atau

p	q	$p \lor q$
1	1	1
1	0	1
0	1	1
0	0	0

#### Definition

#### Definition

p	q	<b>p</b> ⊕ <b>q</b>
Т	Т	F
Т	F	Т
F	T	Т
F	F	F

#### Definition

p	q	<b>p</b> ⊕ <b>q</b>
Т	Τ	F
Т	F	Т
F	Т	Т
F	F	F

p	q	p⊕q
1	1	0
1	0	1
0	1	1
0	0	0

#### Definition

p	q	p⊕q
Т	Т	F
Т	F	Т
F	T	Т
F	F	F

p	q	<b>p</b> ⊕ <b>q</b>
1	1	0
1	0	1
0	1	1
0	0	0

$$p \oplus q = (p \vee q) \wedge \sim (p \wedge q)$$

## Tabel Kebenaran untuk Disjungsi Eksklusif

Berikut ini adalah tabel kebenaran untuk **Disjungsi Eksklusif** (Epp, 2020):

# Tabel Kebenaran untuk Disjungsi Eksklusif

Berikut ini adalah tabel kebenaran untuk **Disjungsi Eksklusif** (Epp, 2020):

p	$\boldsymbol{q}$	$p \lor q$	$p \wedge q$	$\sim (p \wedge q)$	$(p \lor q) \land \sim (p \land q)$
T	Τ	Т	T	F	F
Т	F	Т	F	T	T
F	Т	Т	F	T	Т
F	F	F	F	Т	F

### Outline

- Bentuk Logik
- Kesetaraan Logik
- Tautologi dan Kontradiks
- Daftar Kesetaraan Logik
- Pernyataan Bersyarat
- 6 Argumen yang Valid dan Invalid
- Modus Ponens & Modus Tollens
- 8 Soal-Soal KSNK 2020

Dua pernyataan berikut adalah sama:

• 6 lebih besar daripada 2.

14/46

- 6 lebih besar daripada 2.
- 2 lebih kecil daripada 6.

- 6 lebih besar daripada 2.
- 2 lebih kecil daripada 6.
- Anjing menggonggong dan Kucing mengeong.

- 6 lebih besar daripada 2.
- 2 lebih kecil daripada 6.
- Anjing menggonggong dan Kucing mengeong.
- Kucing mengeong dan Anjing menggonggong.

Dua pernyataan berikut adalah sama:

- 6 lebih besar daripada 2.
- 2 lebih kecil daripada 6.
- Anjing menggonggong dan Kucing mengeong.
- Kucing mengeong dan Anjing menggonggong.

Pernyataan 1 dan 2 memiliki **nilai kebenaran yang sama** atau dengan kata lain pernyataan 1 dan pernyataan 2 memiliki **kesetaraan logik**.

Dua pernyataan berikut adalah sama:

- 6 lebih besar daripada 2.
- 2 lebih kecil daripada 6.
- Anjing menggonggong dan Kucing mengeong.
- Kucing mengeong dan Anjing menggonggong.

Pernyataan 1 dan 2 memiliki **nilai kebenaran yang sama** atau dengan kata lain pernyataan 1 dan pernyataan 2 memiliki **kesetaraan logik**.

Pernyataan 3 dan 4 juga memiliki **nilai kebenaran yang sama** atau dengan kata lain pernyataan 3 dan pernyataan 4 juga memiliki **kesetaraan logik**.

 $\text{Kesetaraan logik menggunakan simbol} \equiv.$ 

Kesetaraan logik menggunakan simbol  $\equiv$ .

 $\text{Kesetaraan logik menggunakan simbol} \equiv .$ 

- $\sim (\sim p) \equiv p$

 $\text{Kesetaraan logik menggunakan simbol} \equiv .$ 

- $\sim (\sim p) \equiv p$
- $\sim (p \land q) \not\equiv \sim p \land \sim q$
- $\bullet \sim (p \land q) \equiv \sim p \lor \sim q$

Kesetaraan logik menggunakan simbol  $\equiv$ .

- $\sim (\sim p) \equiv p$
- $\sim (p \land q) \not\equiv \sim p \land \sim q$
- $(p \land q) \equiv \neg p \lor \neg q$
- $\sim (p \lor q) \equiv \sim p \land \sim q$

### Outline

- Bentuk Logik
- Kesetaraan Logik
- Tautologi dan Kontradiksi
- Daftar Kesetaraan Logik
- Pernyataan Bersyarat
- 6 Argumen yang Valid dan Invalid
- Modus Ponens & Modus Tollens
- 8 Soal-Soal KSNK 2020

#### Definisi

**Tautologi** adalah bentuk pernyataan yang **selalu true** untuk setiap nilai kebenaran dari setiap pernyataannya.

#### Definisi

**Tautologi** adalah bentuk pernyataan yang **selalu true** untuk setiap nilai kebenaran dari setiap pernyataannya.

#### Definisi

**Kontradiksi** adalah bentuk pernyataan yang **selalu false** untuk setiap nilai kebenaran dari setiap pernyataannya.

#### Definisi

**Tautologi** adalah bentuk pernyataan yang **selalu true** untuk setiap nilai kebenaran dari setiap pernyataannya.

#### Definisi

**Kontradiksi** adalah bentuk pernyataan yang **selalu false** untuk setiap nilai kebenaran dari setiap pernyataannya.

Tunjukkan bahwa pernyataan  $p \lor \sim p$  adalah **tautologi** dan pernyataan  $p \land \sim p$  adalah **kontradiksi**.

#### Definisi

**Tautologi** adalah bentuk pernyataan yang **selalu true** untuk setiap nilai kebenaran dari setiap pernyataannya.

### Definisi

**Kontradiksi** adalah bentuk pernyataan yang **selalu false** untuk setiap nilai kebenaran dari setiap pernyataannya.

Tunjukkan bahwa pernyataan  $p \lor \sim p$  adalah **tautologi** dan pernyataan  $p \land \sim p$  adalah **kontradiksi**.

p	~p	<i>p</i> ∨ ~ <i>p</i>	$p \wedge \sim p$
Т	F	T	F
F	Т	T	F

## Contoh: Tautologi & Kontradiksi

Jika **t** adalah tautologi dan **c** adalah kontradiksi, tunjukkan bahwa

$$p \wedge \mathbf{t} \equiv p$$

dan

$$p \wedge \mathbf{c} \equiv \mathbf{c}$$
.

Jawab:

# Contoh: Tautologi & Kontradiksi

Jika **t** adalah tautologi dan **c** adalah kontradiksi, tunjukkan bahwa

$$p \wedge \mathbf{t} \equiv p$$

dan

$$p \wedge \mathbf{c} \equiv \mathbf{c}$$
.

#### Jawab:

p	t	$p \wedge t$	p	с	<i>p</i> ∧ c
Т	Т	T	Т	F	F
F	Т	F	F	F	F

#### Outline

- Bentuk Logik
- 2 Kesetaraan Logik
- Tautologi dan Kontradiks
- Daftar Kesetaraan Logik
- Pernyataan Bersyarat
- 6 Argumen yang Valid dan Invalid
- Modus Ponens & Modus Tollens
- 8 Soal-Soal KSNK 2020

### Daftar Kesetaraan Logik

Berikut adalah **daftar kesetaraan logik** yang diambil dari Epp (2020):

#### Daftar Kesetaraan Logik

# Berikut adalah **daftar kesetaraan logik** yang diambil dari Epp (2020):

1. Commutative laws:	$p \wedge q \equiv q \wedge p$	$p\vee q\equiv q\vee p$
2. Associative laws:	$(p \wedge q) \wedge r \equiv p \wedge (q \wedge r)$	$(p \vee q) \vee r \equiv p \vee (q \vee r)$
3. Distributive laws:	$p \wedge (q \vee r) \equiv (p \wedge q) \vee (p \wedge r)$	$p \vee (q \wedge r) \equiv (p \vee q) \wedge (p \vee r)$
4. Identity laws:	$p \wedge \mathbf{t} \equiv p$	$p \vee \mathbf{c} \equiv p$
5. Negation laws:	$p \lor \sim p \equiv \mathbf{t}$	$p \wedge \sim p \equiv \mathbf{c}$
6. Double negative law:	$\sim (\sim p) \equiv p$	
7. Idempotent laws:	$p \wedge p \equiv p$	$p \lor p \equiv p$
8. Universal bound laws:	$p \lor \mathbf{t} \equiv \mathbf{t}$	$p \wedge \mathbf{c} \equiv \mathbf{c}$
9. De Morgan's laws:	$\sim (p \wedge q) \equiv \sim p \vee \sim q$	$\sim (p \lor q) \equiv \sim p \land \sim q$
10. Absorption laws:	$p\vee(p\wedge q)\equiv p$	$p \wedge (p \vee q) \equiv p$
11. Negations of <b>t</b> and <b>c</b> :	$\sim t \equiv c$	$\sim c \equiv t$

Tolong dicek kesetaraan logik berikut

$$\sim (\sim p \land q) \land (p \lor q) \equiv p.$$

Tolong dicek kesetaraan logik berikut

$$\sim (\sim p \land q) \land (p \lor q) \equiv p.$$

Tolong dicek kesetaraan logik berikut

$$\sim (\sim p \land q) \land (p \lor q) \equiv p.$$

$$\sim$$
( $\sim$  $p \wedge q$ )  $\wedge$  ( $p \vee q$ )  $\equiv$ 

Tolong dicek kesetaraan logik berikut

$$\sim (\sim p \land q) \land (p \lor q) \equiv p.$$

$$\sim (\sim\!\!p \land q) \land (p \lor q) \equiv (\sim\!\!(\sim\!\!p) \lor \sim\!\!q) \land (p \lor q)$$
 by Hukum De Morgan

Tolong dicek kesetaraan logik berikut

$$\sim (\sim p \wedge q) \wedge (p \vee q) \equiv p.$$

$$\sim (\sim p \land q) \land (p \lor q) \equiv (\sim (\sim p) \lor \sim q) \land (p \lor q)$$
 by Hukum De Morgan 
$$\equiv (p \lor \sim q) \land (p \lor q)$$
 by Hukum double negative

Tolong dicek kesetaraan logik berikut

$$\sim (\sim p \wedge q) \wedge (p \vee q) \equiv p.$$

$$\sim (\sim p \land q) \land (p \lor q) \equiv (\sim (\sim p) \lor \sim q) \land (p \lor q)$$
 by Hukum De Morgan 
$$\equiv (p \lor \sim q) \land (p \lor q)$$
 by Hukum double negative 
$$\equiv p \lor (\sim q \land q)$$
 by Hukum distributif

Tolong dicek kesetaraan logik berikut

$$\sim (\sim p \wedge q) \wedge (p \vee q) \equiv p.$$

$$\sim (\sim p \land q) \land (p \lor q) \equiv (\sim (\sim p) \lor \sim q) \land (p \lor q)$$
 by Hukum De Morgan 
$$\equiv (p \lor \sim q) \land (p \lor q)$$
 by Hukum double negative 
$$\equiv p \lor (\sim q \land q)$$
 by Hukum distributif 
$$\equiv p \lor (q \land \sim q)$$
 by Hukum komutatif

Tolong dicek kesetaraan logik berikut

$$\sim (\sim p \wedge q) \wedge (p \vee q) \equiv p.$$

Tolong dicek kesetaraan logik berikut

$$\sim (\sim p \wedge q) \wedge (p \vee q) \equiv p.$$

#### **Outline**

- Bentuk Logik
- 2 Kesetaraan Logik
- Tautologi dan Kontradiks
- Daftar Kesetaraan Logik
- Pernyataan Bersyarat
- 6 Argumen yang Valid dan Invalid
- Modus Ponens & Modus Tollens
- 8 Soal-Soal KSNK 2020

Diketahui *p* dan *q* adalah pernyataan.

Diketahui p dan q adalah pernyataan. Kalimat berbentuk "Jika p maka q" diberi notasi " $p \to q$ "

Diketahui p dan q adalah pernyataan. Kalimat berbentuk "Jika p maka q" diberi notasi " $p \to q$ "

#### Contoh I:

Diketahui p dan q adalah pernyataan. Kalimat berbentuk "Jika p maka q" diberi notasi " $p \to q$ "

#### Contoh I:

Jika 4686 habis dibagi 6, maka 4686 habis dibagi 3.

Diketahui p dan q adalah pernyataan. Kalimat berbentuk "Jika p maka q" diberi notasi " $p \to q$ "

#### Contoh I:

Jika 4686 habis dibagi 6, maka 4686 habis dibagi 3.

Diketahui p dan q adalah pernyataan. Kalimat berbentuk "Jika p maka q" diberi notasi " $p \to q$ "

#### Contoh I:

Diketahui p dan q adalah pernyataan. Kalimat berbentuk "Jika p maka q" diberi notasi " $p \to q$ "

#### Contoh I:

#### Contoh II:

Diketahui p dan q adalah pernyataan. Kalimat berbentuk "Jika p maka q" diberi notasi " $p \to q$ "

#### Contoh I:

#### Contoh II:

If you show up for work Monday morning, then you will get the job.

Diketahui p dan q adalah pernyataan. Kalimat berbentuk "Jika p maka q" diberi notasi " $p \to q$ "

#### Contoh I:

#### Contoh II:

If you show up for work Monday morning, then you will get the job.

Satu-satunya kombinasi yang menyatakan pernyataan di atas **false** terjadi ketika hipotesis **true** dan konklusi **false** 

Diketahui p dan q adalah pernyataan. Kalimat berbentuk "Jika p maka q" diberi notasi " $p \rightarrow q$ "

#### Contoh I:

#### Contoh II:

If you show up for work Monday morning, then you will get the job.

Satu-satunya kombinasi yang menyatakan pernyataan di atas **false** terjadi ketika hipotesis **true** dan konklusi **false** 

You do show up for work Monday morning and you do not get the job.

### Tabel Kebenaran untuk $p \rightarrow q$

Berikut tabel kebenaran untuk  $p \rightarrow q$  yang diambil dari Epp (2020):

### Tabel Kebenaran untuk $p \rightarrow q$

Berikut tabel kebenaran untuk  $p \rightarrow q$  yang diambil dari Epp (2020):

p	q	$p \rightarrow q$
Т	Т	T
T	F	F
F	T	T
F	F	T

# Pernyataan Bersyarat yang Strange

Pandang pernyataan

# Pernyataan Bersyarat yang Strange

Pandang pernyataan

Jika 
$$0 = 1$$
 maka  $1 = 2$ .

Apakah pernyataan di atas bernilai true atau false?

# Pernyataan Bersyarat yang Strange

Pandang pernyataan

Jika 
$$0 = 1$$
 maka  $1 = 2$ .

Apakah pernyataan di atas bernilai true atau false?

Pernyataan di atas bernilai true.

Bentuk Implikasi dapat direpresentasikan dengan Atau sbb:

Bentuk Implikasi dapat direpresentasikan dengan Atau sbb:

$$p \rightarrow q \equiv \sim p \lor q$$
.

Bentuk **Implikasi** dapat direpresentasikan dengan **Atau** sbb:

$$p \rightarrow q \equiv \sim p \lor q$$
.

Tulis ulang pernyataan berikut dengan bentuk **Implikasi**.

Either you get to work on time or you are fired.

Bentuk Implikasi dapat direpresentasikan dengan Atau sbb:

$$p \rightarrow q \equiv \sim p \lor q$$
.

Tulis ulang pernyataan berikut dengan bentuk Implikasi.

Either you get to work on time or you are fired.

#### Jawab:

If you do not get to work on time, then you are fired.

# Negasi dari Pernyataan Bersyarat

$$\sim (p \rightarrow q) \equiv p \land \sim q$$

# Negasi dari Pernyataan Bersyarat

$$\sim (p \rightarrow q) \equiv p \land \sim q$$

#### Caranya:

$$\sim (p \rightarrow q) \equiv$$

# Negasi dari Pernyataan Bersyarat

$$\sim (p \rightarrow q) \equiv p \land \sim q$$

#### Caranya:

$$\sim (p \to q) \equiv \sim (\sim p \land q)$$

$$\sim (p \rightarrow q) \equiv p \land \sim q$$

Caranya:

$$\sim$$
  $(p o q) \equiv \sim (\sim p \wedge q)$   
 $\equiv \sim (\sim p) \wedge (\sim q)$  by Hukum De Morgan

$$\sim (p \rightarrow q) \equiv p \land \sim q$$

### Caranya:

$$\sim (p o q) \equiv \sim (\sim p \wedge q)$$
  
 $\equiv \sim (\sim p) \wedge (\sim q)$  by Hukum De Morgan  
 $\equiv p \wedge \sim q$  by hukum double negative

$$\sim (p \to q) \equiv p \land \sim q$$

Caranya:

$$\sim (p o q) \equiv \sim (\sim p \wedge q)$$
  
 $\equiv \sim (\sim p) \wedge (\sim q)$  by Hukum De Morgan  
 $\equiv p \wedge \sim q$  by hukum double negative

Tuliskan negasi dari pernyataan-pernyataan berikut!

$$\sim (p \rightarrow q) \equiv p \land \sim q$$

### Caranya:

$$\sim (p o q) \equiv \sim (\sim p \wedge q)$$
  
 $\equiv \sim (\sim p) \wedge (\sim q)$  by Hukum De Morgan  
 $\equiv p \wedge \sim q$  by hukum double negative

Tuliskan **negasi** dari pernyataan-pernyataan berikut!

If my car is in the repair shop, then I cannot get to class.

$$\sim (p \rightarrow q) \equiv p \land \sim q$$

### Caranya:

$$\sim (p o q) \equiv \sim (\sim p \wedge q)$$
  
 $\equiv \sim (\sim p) \wedge (\sim q)$  by Hukum De Morgan  
 $\equiv p \wedge \sim q$  by hukum double negative

Tuliskan **negasi** dari pernyataan-pernyataan berikut!

- If my car is in the repair shop, then I cannot get to class.
- If Sara lives in Athens, then she lives in Greece.

$$\sim (p \rightarrow q) \equiv p \land \sim q$$

### Caranya:

$$\sim (p o q) \equiv \sim (\sim p \wedge q)$$
  
 $\equiv \sim (\sim p) \wedge (\sim q)$  by Hukum De Morgan  
 $\equiv p \wedge \sim q$  by hukum double negative

Tuliskan **negasi** dari pernyataan-pernyataan berikut!

- If my car is in the repair shop, then I cannot get to class.
- If Sara lives in Athens, then she lives in Greece.

#### Jawab:

$$\sim (p \to q) \equiv p \land \sim q$$

### Caranya:

$$\sim (p o q) \equiv \sim (\sim p \wedge q)$$
  
 $\equiv \sim (\sim p) \wedge (\sim q)$  by Hukum De Morgan  
 $\equiv p \wedge \sim q$  by hukum double negative

Tuliskan **negasi** dari pernyataan-pernyataan berikut!

- If my car is in the repair shop, then I cannot get to class.
- If Sara lives in Athens, then she lives in Greece.

#### Jawab:

My car is in the repair shop and I can get to class.

$$\sim (p \to q) \equiv p \land \sim q$$

### Caranya:

$$\sim (p o q) \equiv \sim (\sim p \wedge q)$$
  
 $\equiv \sim (\sim p) \wedge (\sim q)$  by Hukum De Morgan  
 $\equiv p \wedge \sim q$  by hukum double negative

Tuliskan **negasi** dari pernyataan-pernyataan berikut!

- If my car is in the repair shop, then I cannot get to class.
- If Sara lives in Athens, then she lives in Greece.

#### Jawab:

- My car is in the repair shop and I can get to class.
- Sara lives in Athens and she does not live in Greece.

#### Definisi

Kontrapositif dari pernyataan bersyarat yang berbentuk "Jika p maka q" adalah

If 
$$\sim q$$
 then  $\sim p$ .

Dengan simbol, kontrapositif dari  $p \to q$  adalah  $\sim q \to \sim p$ .

#### Definisi

Kontrapositif dari pernyataan bersyarat yang berbentuk "Jika p maka q" adalah

If 
$$\sim q$$
 then  $\sim p$ .

Dengan simbol, kontrapositif dari  $p \to q$  adalah  $\sim q \to \sim p$ .

Fakta menyatakan bahwa

#### Definisi

Kontrapositif dari pernyataan bersyarat yang berbentuk "Jika p maka q" adalah

If 
$$\sim q$$
 then  $\sim p$ .

Dengan simbol, kontrapositif dari  $p \to q$  adalah  $\sim q \to \sim p$ .

Fakta menyatakan bahwa

Pernyataan bersyarat memiliki **kesetaraan logik** dengan kontrapositif-nya

### Definisi

Diberikan dua pernyataan p dan q, **biimplikasi dari p dan q** adalah "p jika dan hanya jika q" dan diberi notasi  $p \leftrightarrow q$ .

#### Definisi

Diberikan dua pernyataan p dan q, **biimplikasi dari p dan q** adalah "p jika dan hanya jika q" dan diberi notasi  $p \leftrightarrow q$ .

Tabel kebenaran **biimplikasi** adalah sebagai berikut (Epp, 2020):

### Definisi

Diberikan dua pernyataan p dan q, **biimplikasi dari p dan q** adalah "p jika dan hanya jika q" dan diberi notasi  $p \leftrightarrow q$ .

Tabel kebenaran **biimplikasi** adalah sebagai berikut (Epp, 2020):

p	q	$p \leftrightarrow q$
T	T	T
T	F	F
F	T	F
F	F	T

### Outline

- Bentuk Logik
- Kesetaraan Logik
- Tautologi dan Kontradiks
- Daftar Kesetaraan Logik
- Pernyataan Bersyarat
- 6 Argumen yang Valid dan Invalid
- Modus Ponens & Modus Tollens
- 8 Soal-Soal KSNK 2020

**Argumen** adalah barisan dari pernyataan-pernyataan yang diakhiri dengan kesimpulan.

**Argumen** adalah barisan dari pernyataan-pernyataan yang diakhiri dengan kesimpulan.

Contoh:

**Argumen** adalah barisan dari pernyataan-pernyataan yang diakhiri dengan kesimpulan.

Contoh:

If Socrates is a man, then Socrates is mortal.

**Argumen** adalah barisan dari pernyataan-pernyataan yang diakhiri dengan kesimpulan.

#### Contoh:

If Socrates is a man, then Socrates is mortal. Socrates is a man.

**Argumen** adalah barisan dari pernyataan-pernyataan yang diakhiri dengan kesimpulan.

#### Contoh:

If Socrates is a man, then Socrates is mortal. Socrates is a man.

... Socrates is mortal.

**Argumen** adalah barisan dari pernyataan-pernyataan yang diakhiri dengan kesimpulan.

#### Contoh:

If Socrates is a man, then Socrates is mortal.

Socrates is a man.

.. Socrates is mortal.

mempunyai bentuk abstrak

**Argumen** adalah barisan dari pernyataan-pernyataan yang diakhiri dengan kesimpulan.

#### Contoh:

If Socrates is a man, then Socrates is mortal.

Socrates is a man.

.. Socrates is mortal.

mempunyai bentuk abstrak

Jika *p* maka *q* 

**Argumen** adalah barisan dari pernyataan-pernyataan yang diakhiri dengan kesimpulan.

#### Contoh:

If Socrates is a man, then Socrates is mortal.

Socrates is a man.

... Socrates is mortal.

mempunyai bentuk abstrak

Jika p maka q

р

**Argumen** adalah barisan dari pernyataan-pernyataan yang diakhiri dengan kesimpulan.

#### Contoh:

If Socrates is a man, then Socrates is mortal.

Socrates is a man.

... Socrates is mortal.

mempunyai bentuk abstrak

Jika p maka q

р

:. q

Diberikan suatu argumen sebagai berikut:

Diberikan suatu argumen sebagai berikut:

Jika p maka q

р

∴ q

Diberikan suatu argumen sebagai berikut:

Jika p maka q p  $\therefore q$ 

Tabel kebenaran dari argumen di atas adalah:

Diberikan suatu argumen sebagai berikut:

Tabel kebenaran dari argumen di atas adalah:

p	q	$p \rightarrow q$	p	q
Т	Т	Т	T	Т
Т	F	F	Т	F
F	Т	Т	F	Т
F	F	Т	F	H

Diberikan suatu argumen sebagai berikut:

Diberikan suatu argumen sebagai berikut:

$$p \rightarrow q \lor \sim r$$
$$q \rightarrow p \land r$$
$$\therefore p \rightarrow r$$

Diberikan suatu argumen sebagai berikut:

$$p \rightarrow q \lor \sim r$$
$$q \rightarrow p \land r$$
$$\therefore p \rightarrow r$$

Tabel kebenaran dari argumen di atas adalah (Epp, 2020):

Diberikan suatu argumen sebagai berikut:

$$p \to q \lor \sim r$$
$$q \to p \land r$$
$$\therefore p \to r$$

Tabel kebenaran dari argumen di atas adalah (Epp, 2020):

						premises		conclusion	
p	q	r	~r	$q \lor \sim r$	$p \wedge r$	$p \rightarrow q \lor \sim r$	$q \rightarrow p \wedge r$	$p \rightarrow r$	
Т	T	T	F	T	T	T	Т	T	TC: 1 1 1: 1
T	T	F	T	T	F	T	F		Tidak valid
Т	F	T	F	F	Т	F	Т	/	
T	F	F	T	T	F	T	T	F ×	
F	T	T	F	T	F	T	F		
F	T	F	Т	T	F	T	F		
F	F	T	F	F	F	T	Т	T	
F	F	F	Т	T	F	Т	Т	Т	

### Outline

- Bentuk Logik
- 2 Kesetaraan Logik
- Tautologi dan Kontradiks
- Daftar Kesetaraan Logik
- Pernyataan Bersyarat
- 6 Argumen yang Valid dan Invalid
- Modus Ponens & Modus Tollens
- 8 Soal-Soal KSNK 2020

 Suatu argumen yang terdiri dari dua premis dan satu kesimpulan disebut silogisme.

- Suatu argumen yang terdiri dari dua premis dan satu kesimpulan disebut silogisme.
- Premis pertama disebut premis mayor.

- Suatu argumen yang terdiri dari dua premis dan satu kesimpulan disebut silogisme.
- Premis pertama disebut premis mayor.
- Premis kedua disebut **premis minor**.

- Suatu argumen yang terdiri dari dua premis dan satu kesimpulan disebut silogisme.
- Premis pertama disebut premis mayor.
- Premis kedua disebut premis minor.
- Bentuk silogisme paling terkenal di dalam logika disebut modus ponens.

- Suatu argumen yang terdiri dari dua premis dan satu kesimpulan disebut silogisme.
- Premis pertama disebut premis mayor.
- Premis kedua disebut premis minor.
- Bentuk silogisme paling terkenal di dalam logika disebut modus ponens.

Bentuk modus ponens:

- Suatu argumen yang terdiri dari dua premis dan satu kesimpulan disebut silogisme.
- Premis pertama disebut premis mayor.
- Premis kedua disebut premis minor.
- Bentuk silogisme paling terkenal di dalam logika disebut modus ponens.

### Bentuk modus ponens:

```
Jika p maka q
p
∴q
```

- Suatu argumen yang terdiri dari dua premis dan satu kesimpulan disebut silogisme.
- Premis pertama disebut premis mayor.
- Premis kedua disebut premis minor.
- Bentuk silogisme paling terkenal di dalam logika disebut modus ponens.

### Bentuk modus ponens:

```
Jika p maka q
p
∴q
```

#### Contoh:

- Suatu argumen yang terdiri dari dua premis dan satu kesimpulan disebut silogisme.
- Premis pertama disebut premis mayor.
- Premis kedua disebut premis minor.
- Bentuk silogisme paling terkenal di dalam logika disebut modus ponens.

### Bentuk modus ponens:

```
Jika p maka q
p
∴q
```

#### Contoh:

Jika jumlah digit dari 371487 habis dibagi 3, maka 371487 habis dibagi 3.

- Suatu argumen yang terdiri dari dua premis dan satu kesimpulan disebut silogisme.
- Premis pertama disebut premis mayor.
- Premis kedua disebut premis minor.
- Bentuk silogisme paling terkenal di dalam logika disebut modus ponens.

### Bentuk modus ponens:

```
Jika p maka q
p
∴q
```

#### Contoh:

Jika jumlah digit dari 371487 habis dibagi 3, maka 371487 habis dibagi 3.

Jumlah digit dari 371487 habis dibagi 3.

- Suatu argumen yang terdiri dari dua premis dan satu kesimpulan disebut silogisme.
- Premis pertama disebut premis mayor.
- Premis kedua disebut premis minor.
- Bentuk silogisme paling terkenal di dalam logika disebut modus ponens.

### Bentuk modus ponens:

```
Jika p maka q
p
∴q
```

#### Contoh:

Jika jumlah digit dari 371487 habis dibagi 3, maka 371487 habis dibagi 3. Jumlah digit dari 371487 habis dibagi 3.

.: 371487 habis dibagi 3.

Bentuk silogisme lain adalah **modus tollens** yang memiliki bentuk:

Bentuk silogisme lain adalah **modus tollens** yang memiliki bentuk:

Jika p maka q ~q ∴~p

Bentuk silogisme lain adalah **modus tollens** yang memiliki bentuk:

Jika *p* maka *q* ∼*q* ∴∼*p* 

#### Contoh:

Bentuk silogisme lain adalah **modus tollens** yang memiliki bentuk:

Jika p maka q ~q ∴~p

#### Contoh:

Jika Zeus adalah manusia, maka Zeus makhluk fana

Bentuk silogisme lain adalah **modus tollens** yang memiliki bentuk:

Jika *p* maka *q* ∼*q* ∴∼*p* 

#### Contoh:

Jika Zeus adalah manusia, maka Zeus makhluk fana Zeus bukan makhluk fana

Bentuk silogisme lain adalah **modus tollens** yang memiliki bentuk:

Jika p maka q ~q ∴~p

#### Contoh:

Jika Zeus adalah manusia, maka Zeus makhluk fana Zeus bukan makhluk fana

: Zeus bukan manusia

## Outline

- Bentuk Logik
- Kesetaraan Logik
- 3 Tautologi dan Kontradiks
- Daftar Kesetaraan Logik
- Pernyataan Bersyarat
- 6 Argumen yang Valid dan Invalid
- Modus Ponens & Modus Tollens
- 8 Soal-Soal KSNK 2020

## KSNK 2020: Soal Logika I

#### 16. Perhatikan operasi logika berikut?

((A or not C) and (A and D or A and not D) or A and not C or not C) and (not E and (E or not B) or (not B or E and E) and(E or B))

Agar pernyataan di atas bernilai true maka nilai A, B, C, D, E harus:

- a. A = True, B = True, C = True, D = True, E = False.
- b. A = True, B = False, C = False, D = False, E = True.
- c. A = True, B = True, C = False, D = True, E = False.
- d. A = False, B = True, C = True, D = False, E = False.
- e. Jawaban a, b, c, dan d salah

## KSNK 2020: Soal Logika I

#### 16. Perhatikan operasi logika berikut?

((A or not C) and (A and D or A and not D) or A and not C or not C) and (not E and (E or not B) or (not B or E and E) and(E or B))

Agar pernyataan di atas bernilai true maka nilai A, B, C, D, E harus:

- a. A = True, B = True, C = True, D = True, E = False.
- b. A = True, B = False, C = False, D = False, E = True.
- c. A = True, B = True, C = False, D = True, E = False.
- d. A = False, B = True, C = True, D = False, E = False.
- e. Jawaban a, b, c, dan d salah

## KSNK 2020: Solusi Logika I

Silakan Teman-teman untuk mencobanya.

## KSNK 2020: Soal Logika II

- 14. Kwak adalah bebek yang paling tinggi di kandang Pak Dengklek. Kwik kalah tinggi dibanding Kwuk, tetapi Kwuk sama tingginya dengan Kwek. Kwek lebih tinggi dari Kwok. Maka pernyataan yang benar berikut ini adalah
  - a. Kwuk tidak lebih tinggi daripada Kwik.
  - b. Kwik tidak kalah tinggi daripada Kwak
  - c. Kwek lebih tinggi daripada Kwak
  - d. Kwek lebih tinggi daripada Kwik
  - e. Kwok lebih tinggi daripada Kwuk

# KSNK 2020: Solusi Logika II

Silakan Teman-teman untuk mencobanya.

## KSNK 2020: Soal Logika III (1/2)

Angga, Bandi dan Cinta diinterogasi oleh polisi atas pembunuhan dari Duduy. Bukti-bukti pada tempat kejadian perkara (TKP) menunjukkan bahwa *mungkin seorang pengacara terlibat pada perkara pembunuhan*. Mereka, salah satunya adalah pembunuh, membuat dua buah pernyataan sebagai berikut.

- Angga memberi pernyataan:
  - Saya bukan pengacara
  - Saya tak terlibat pembunuhan Duduy
- Bandi memberi pernyataan:
  - Saya memang seorang pengacara
  - Tetapi saya tak terlibat pembunuhan Duduy
- Cinta memberikan pernyataan
  - Saya bukan pengacara
  - Seorang pengacara yang membunuh Duduy

## KSNK 2020: Soal Logika III (2/2)

Pada pemeriksaan polisi ditemukan bahwa hanya dua dari pernyataan di atas yang benar dan ternyata hanya satu dari ketiga orang itu yang bukan pengacara.

## Siapakah yang membunuh Duduy?

- Angga
- Bandi
- Cinta
- Angga dan Bandi bersama-sama
- Jawaban 1, 2, 3, dan 4 salah.

## KSNK 2020: Solusi Logika III

Silakan Teman-teman untuk mencobanya.

## Daftar Pustaka I

Epp, S. S. (2020). *Discrete Mathematics with Applications Fifth Edition*. Brooks Cole, Cengage Learning.