CURSO	Análisis II (Medida e Integración)
REQUISITOS	Análisis I (Análisis Real)
TIPO (Obligatorio, Electivo, otro)	Obligatorio
CREDITOS SCT-Chile	7
DURACION	Un trimestre
PROFESOR	Hernán Castro (hcastro@inst-mat.utalca.cl)

## **OBJETIVOS GENERALES**

Este curso es introduce a los estudiantes en las herramientas básicas de la Teoría de la Medida e Integración.

## CONTENIDOS

- 1. Concepto de medida, clases de conjuntos (álgebras, sigma-álgebras, etc). Medida de Lebesgue. Teoremas de extensión de medidas. Medidas Borelianas.
- 2. Funciones simples y medibles. Integración de funciones medibles. Teoremas de convergencia.
- 3. Espacios L^p.
- 4. Medidas productos, integración en espacios producto, teoremas de Tonelli y Fubini.
- 5. Opcional: Teorema de Radon-Nikodym y/o Teorema de representación de Riesz para medidas de Radon.

## METODOLOGIA Y EVALUACIÓN DEL PROCESO DE ENSEÑANZA Y APRENDIZAJE

Clases expositivas, evaluaciones escritas, tareas y presentaciones. Se realizarán dos pruebas, cada una con una ponderación de un 40%, mientras que las tareas y presentaciones tendrán una ponderación del 20%.

Prueba 1: semana del 3 de Agosto.

Prueba 2: semana del 8 de Septiembre.

## **BIBLIOGRAFIA**

- 1. R. Bartle, *Introduction to measure theory*, John Wiley & Sons, Inc. 1966.
- 2. Y. M. Berezansky, Z.S. Sheftel, G.F. US, Functional Análisis, vol. 1, Birkhauser.
- 3. D. Cohn, Measure Theory, Birkhauser, 1980.
- 4. G. B. Folland. *Real Analysis, Modern techniques and their applications*, second edition, Wiley-Intersciensce, 1999.
- 5. P. Halmos, Measure Theory, GTM 18, 1970.
- 6. E. Hewitt, K. Stromberg, *Real and abstract analysis*, Springer 1975.
- 7. H. L. Royden. Real Analysis. Macmillan Publishing company, 1988.
- 8. W. Rudin, Real and Complex Analysis. Third edition, 1987.
- 9. E. Stein, R. Shakarchi, Real Analysis vol 3. Princeton University Press, 2005.