

# E: カリフラワーとブロッコリー

原案: 鈴木

問題文: 栗田

解答: 栗田, 杉江, 鈴木

解説: 栗田

## 問題と制約

**入力:** 根付き木とそれぞれの頂点に対する2種のラベルGとW

**タスク:** 各クエリ後に, Gを持つ頂点が多いなら"broccoli", そうでない場合"cauliflower"を出力せよ

**クエリ:** ある頂点vの子孫のラベルを反転する.

**制約:**  $1 \leq n \leq 10^5$ ,  $1 \leq q \leq 10^5$

n: 頂点数, q: クエリ数

## naive解法

毎回dfsなりbfsをして、ラベルを入れ替える.

$O(nq)$ 時間 → **TLE**

なので、各クエリ処理を高速化する.

## 高速化のアイデア

ラベルの入れ替えとは...

2種のラベル  $\rightarrow$   $-1$ と $1$   $\rightarrow$

$-1$ と $1$ の入れ替え  $\rightarrow$   **$-1$ の乗算**

木の子孫すべてに対するクエリ処理とは...

**オイラーツアー上の区間更新**

各クエリ処理を**区間への乗算処理**に帰着できる.

## 高速化のアイデア

ラベルの入れ替えとは...

2種のラベル  $\rightarrow$   $-1$ と $1$   $\rightarrow$

$-1$ と $1$ の入れ替え  $\rightarrow$   **$-1$ の乗算**

木の子孫すべてに対するクエリ処理とは...

**オイラーツアー上の区間更新**

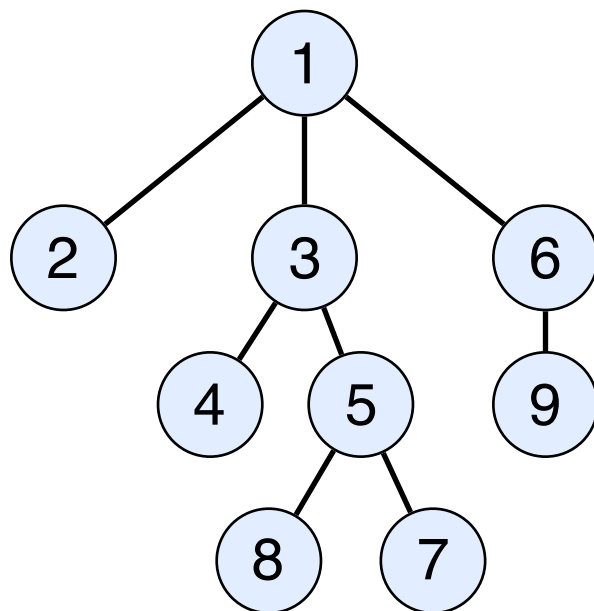
各クエリ処理を区間への乗算処理に帰着できる.



なんか見たことある気がする...

## 補足: オイラーツアー

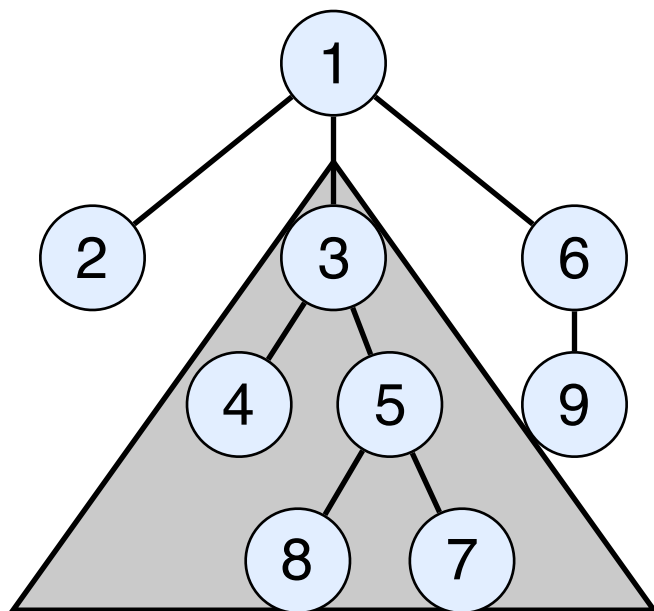
オイラーツアー: 木の頂点番号を, DFSの行きがけ順と帰りがけ順の両方で出力した頂点列



Tのオイラーツアー: 12234458877536996

## 補足: オイラーツアー

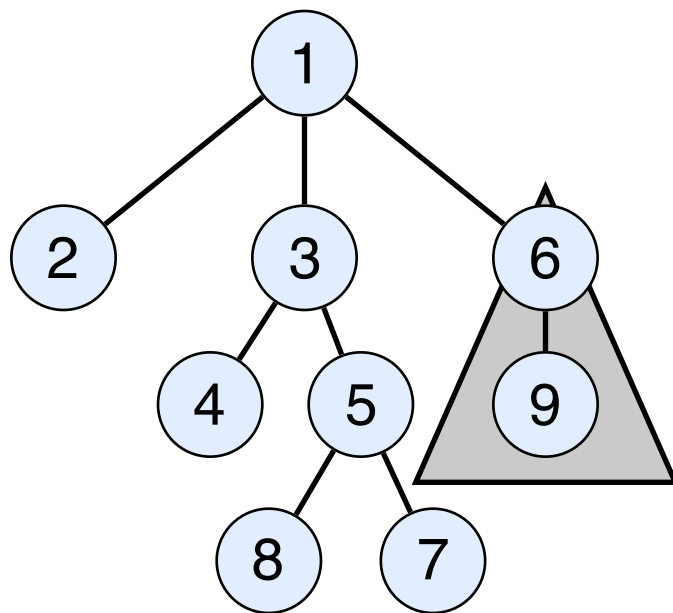
オイラーツアー: 木の頂点番号を, DFSの行きがけ順と帰りがけ順の両方で出力した頂点列



Tのオイラーツアー: 122**3445887753**6996

## 補足: オイラーツアー

オイラーツアー: 木の頂点番号を, DFSの行きがけ順と帰りがけ順の両方で出力した頂点列



Tのオイラーツアー: 1223445887753**6996**



## 区間に対する乗算の高速な処理方法

区間乗算に対する効率良いデータ構造が欲しい.

→ **遅延評価セグ木!!!**

**注)** 今回のスライドはセグ木を知っている人向けなので、セグ木を知らない人はアリ本を参照してください.

遅延評価セグ木: 区間に関する更新を $O(\log n)$ 時間で処理できるセグ木の変種

## 想定解法

前処理: オイラーツアー

クエリ処理: 遅延評価セグ木

判定: セグ木の根が持つ値が...

正  $\rightarrow$  ブロツコリー

負  $\rightarrow$  カリフラワー

計算時間:  $O(q \log n)$   $\rightarrow$  **AC!!!**

## writer解と統計情報

### writer解

栗田: 109行 (C++)

杉江: 100行 (C++)

鈴木: 99行 (C++)

### 正答率

26/34

### FA

オンライン: rupc\_1333parfait (34分)

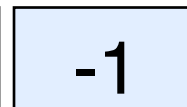
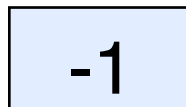
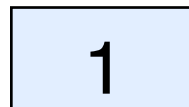
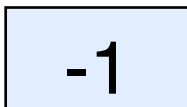
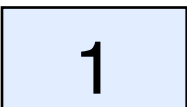
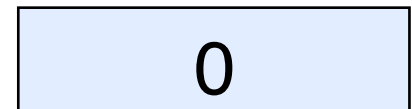
オフライン: rupc\_1333parfait (34分)

## 補足: 遅延評価セグ木

区間乗算処理:

通常 of セグ木:  $O(k \log n)$

遅延セグ木:  $O(\log n)$

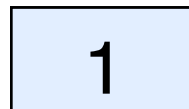
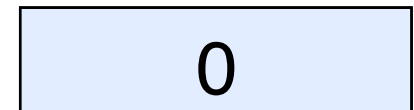
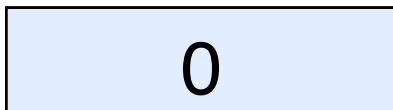
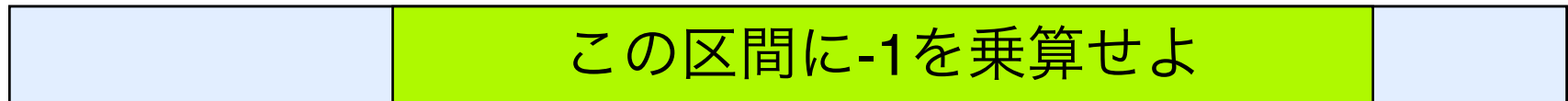


## 補足: 遅延評価セグ木

区間乗算処理:

通常 of セグ木:  $O(k \log n)$

遅延セグ木:  $O(\log n)$

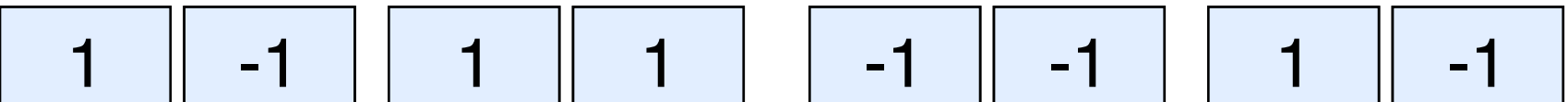
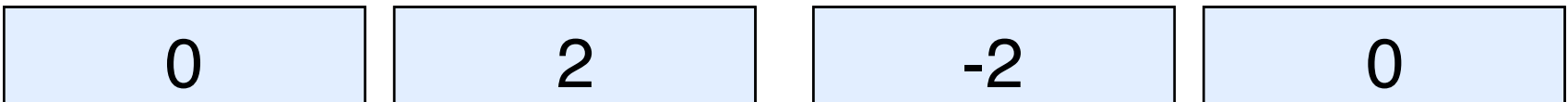
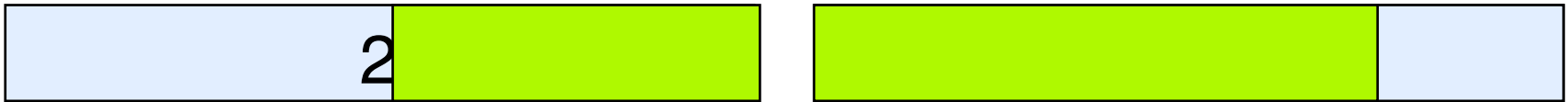


## 補足: 遅延評価セグ木

区間乗算処理:

通常 of セグ木:  $O(k \log n)$

遅延セグ木:  $O(\log n)$

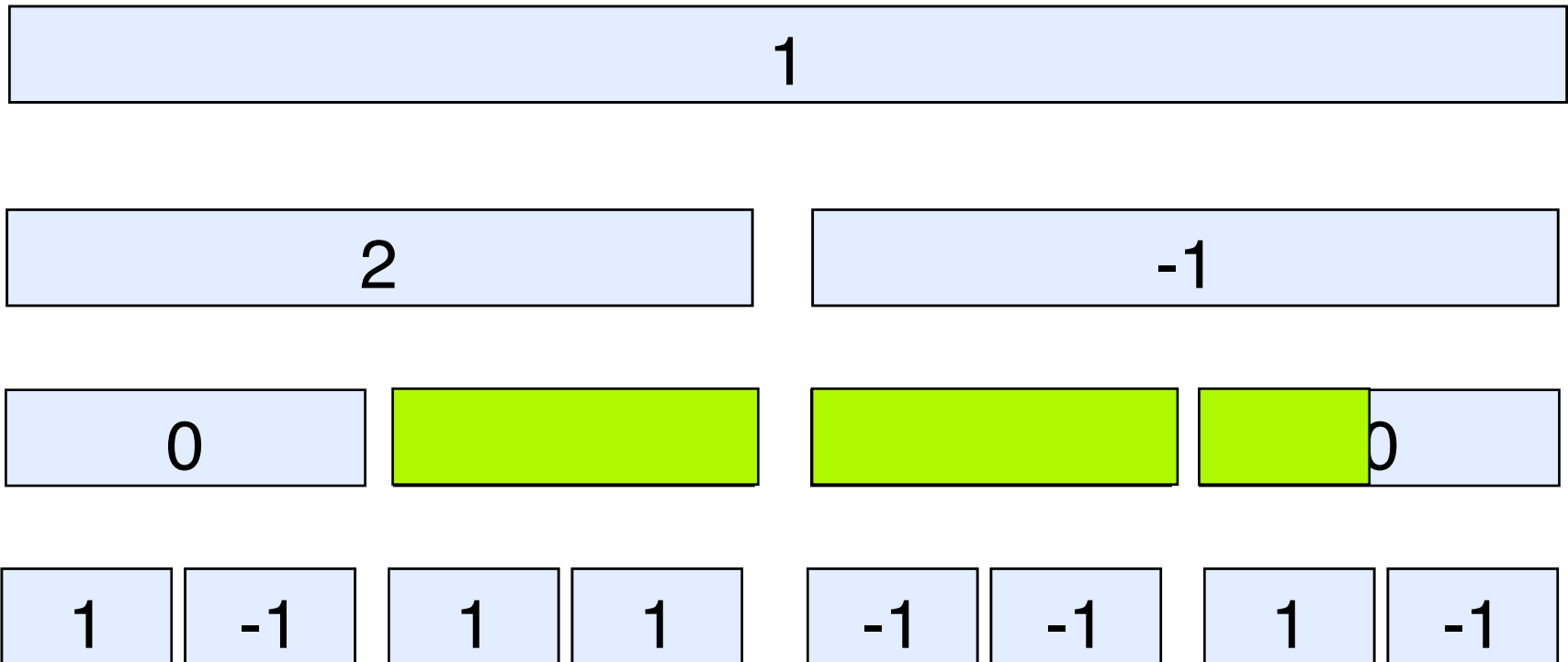


## 補足: 遅延評価セグ木

区間乗算処理:

通常 of セグ木:  $O(k \log n)$

遅延セグ木:  $O(\log n)$

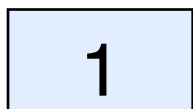


## 補足: 遅延評価セグ木

区間乗算処理:

通常 of セグ木:  $O(k \log n)$

遅延セグ木:  $O(\log n)$





## 補足: 遅延評価セグ木

区間乗算処理:

通常 of セグ木:  $O(k \log n)$

遅延セグ木:  $O(\log n)$

-1

-2

0

0

-2

2

-2

1

-1

1

1

-1

-1

-1

-1

## 補足: 遅延評価セグ木

区間乗算処理:

通常のセグ木:  $O(k \log n)$

遅延セグ木:  $O(\log n)$

この区間に-1を乗算せよ

-2

0

0

-2

2

-2

1

-1

1

1

-1

-1

-1

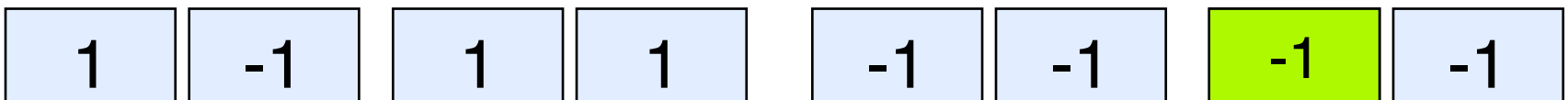
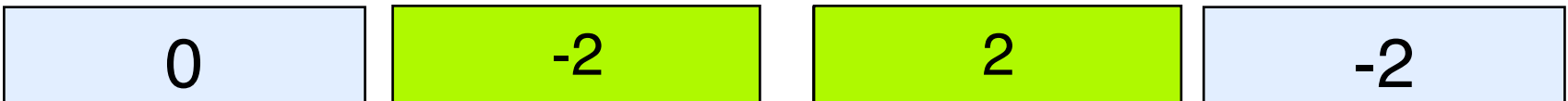
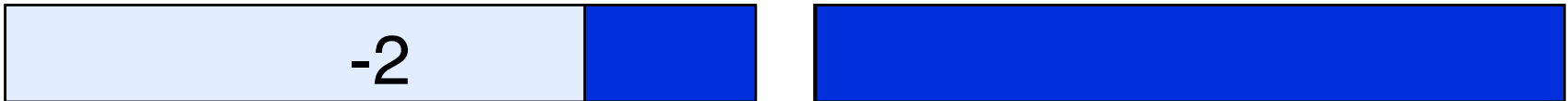
-1

## 補足: 遅延評価セグ木

区間乗算処理:

通常 of セグ木:  $O(k \log n)$

遅延セグ木:  $O(\log n)$

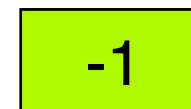
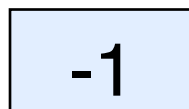
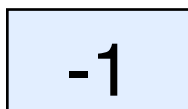
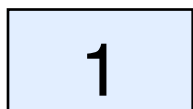
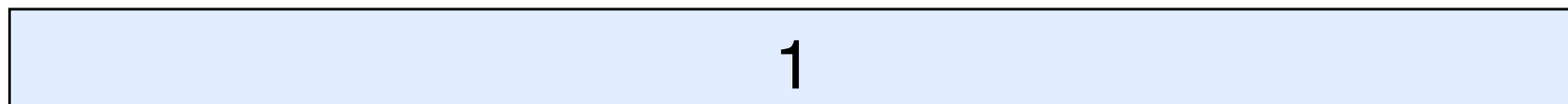


## 補足: 遅延評価セグ木

区間乗算処理:

通常 of セグ木:  $O(k \log n)$

遅延セグ木:  $O(\log n)$

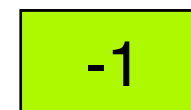
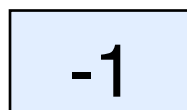
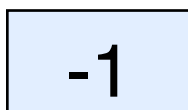
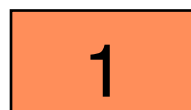
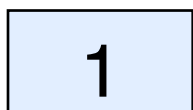
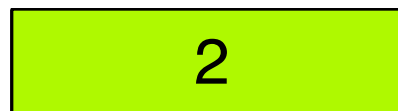


## 補足: 遅延評価セグ木

区間乗算処理:

通常のセグ木:  $O(k \log n)$

遅延セグ木:  $O(\log n)$



## 補足: 遅延評価セグ木

区間乗算処理:

通常 of セグ木:  $O(k \log n)$

遅延セグ木:  $O(\log n)$

