# МИНИСТЕРСТВО ЦИФРОВОГО РАЗВИТИЯ, СВЯЗИ И МАССОВЫХ КОММУНИКАЦИЙ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Поволжский государственный университет телекоммуникаций и информатики»

Факультет информатики и вычислительной техники Кафедра ПрИ

# ОТЧЁТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №3

Дисциплина: Численные методы

Выполнил: студент ПрИ-21 Морзюков М.А. Проверил(а): Осанов В.А.

#### Вариант №11

**Цель работы:** изучить решение плохо обусловленных систем линейных алгебраических уравнений: метод регуляризации и метод вращения (Гивенса).

Метод Гивенса — это итерационный метод решения систем линейных алгебраических уравнений, который основан на использовании вращений Гивенса. Этот метод является одним из вариантов QR-разложения, которое представляет собой разложение матрицы AA на ортогональную матрицу QQ и верхнюю треугольную матрицу RR. Основное преимущество метода заключается в том, что он позволяет точно решать системы уравнений без накопления ошибок округления, характерных для других методов, таких как метод Гаусса.

```
static double[] Givens(double[,] A, double[] B)
    int Nn = 2;
double[] x = new double[Nn];
    double A_0_1 = A[0, 1];
    double M = 0.0;
    double L, R;
     for (int i = 0; i < Nn - 1; i++)
         for (int k = i + 1; k < Nn; k++)
              M = Math.Sqrt(A[i, i] * A[i, i] + A[k, i] * A[k, i]);
              L = A[k, i] / M;
M = A[i, i] / M;
               for (int j = 0; j < Nn; j++)
                    \begin{array}{l} R \,=\, A[\,i\,,\,\,j]\,; \\ A[\,i\,,\,\,j] \,=\, M\, *\, A[\,i\,,\,\,j] \,+\, L\, *\, A[\,k\,,\,\,j]\,; \\ A[\,k\,,\,\,j] \,=\, M\, *\, A[\,k\,,\,\,j] \,-\, L\, *\, R; \end{array} 
              R = B[i];
               B[i] = M * B[i] + L * B[k];
               B[k] = M * B[k] - L * R;
    Console.WriteLine("Матрица приняла вид после вращения Гивенса:");
     for (int i = 0; i < Nn; i++)
          for (int j = 0; j < Nn; j++)
              Console.Write("a[" + i + "," + j + "]=" + A[i, j] + " ");
         Console.WriteLine("b[" + i + "]=" + B[i]);
    x[1] = B[1] / A[1, 1];
    B[0] = 2.51;
    A[0, 0] = 1.03;

x[0] = (B[0] - A_0_1 * x[1]) / A[0, 0];
     return x;
```

**Регуляризация** — это метод, используемый для стабилизации решения задачи оптимизации или аппроксимации, когда данные содержат шумы или ошибки. Основная идея регуляризации заключается в добавлении дополнительного члена к целевой функции, который ограничивает величину параметров модели, тем самым предотвращая переобучение и улучшая обобщающую способность модели.

```
static double[] regul(int n, double[,] a, double[] b)
{
    double[] result;
    double[,] al = new double[n, n], a2 = new double[n, n];
    double[] b1 = new double[n], x0 = new double[n];
    double eps = 0.005;
    double s;
    int k;

    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        s = 0;
        for (int j = 0; j < n; j++)
        {
        s += a[j, i] * a[j, k];
        }
    }
}

for (int i = 0; i < n; i++)
{
        s = 0;
        for (int j = 0; j < n; j++)
        {
        s = a[j, i] * b[j];
        }
        b1[i] = s;
}

double alfa = 0;
    k = 0;
    double[] b2 = new double[n];
    b2 = vozm(n, eps, b2);
    double max;</pre>
```

```
do
{
    alfa += 0.000000001;
    a2 = a1;
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        a2[i, i] = a1[i, i] + alfa;
        b2[i] = b1[i] + alfa * x0[i];
    }
    al = a2;
    b1 = b2;

    b2 = Gauss(a2, b2);
    a2 = a1;
    result = b2;
    x0 = result;
    b2 = b1;

    b2 = Gauss(a2, b2);
    max = Math.Abs(b2[1] - result[1]);
    for (int i = 1; i < n; i++)
    {
        if (Math.Abs(b2[1] - result[1]) > max)
        {
              max = Math.Abs(b2[i] - result[i]);
        }
    }
    while (max > eps);
    return result;
}
```

## Результат выполнения программы:

```
Матрица приняла вид после вращения Гивенса: a[0,0]=1,4293288634880357 a[0,1]=1,374987275639278 b[0]=3,5074153528013206 a[1,0]=0 a[1,1]=-0,005999319134348258 b[1]=0,025249612543280398 Решение системы уравнений методом Гивенса: x[0] = 6,502623906705554 x[1] = -4,208746355685147 Регуляризованное решение системы уравнений: x[0] = 8,049768045983734 x[1] = -4,204592484558398
```

### Проверка:

$$\begin{cases} \boxed{1.03} x_1 + \boxed{0.995} x_2 = \boxed{2.51} \\ \boxed{0.991} x_1 + \boxed{0.949} x_2 = \boxed{2.45} \end{cases}$$

$$x_1 = 6,503$$

$$x_2 = -4,209$$

Сайт для проверки: https://matrixcalc.org/ru/slu.html