

### THUẬT TOÁN BUBBLE SORT

- 1. Hồ Thái Ngọc
- 2. ThS. Võ Duy Nguyên
- 3. TS. Nguyễn Tấn Trần Minh Khang



# **BÀI TOÁN DẪN NHẬP 1**



 Bài toán: Hãy liệt kê các cặp giá trị nằm kế tiếp nhau trong mảng một chiều các số nguyên.

— Ví dụ:

- Kết quả: (12,43), (43,1), (1,34), (34,22).





- Bài toán: Hãy liệt kê các cặp giá trị nằm kế tiếp nhau trong mảng một chiều các số nguyên.
- Hàm cài đặt

```
11.void LietKe(int a[],int n)

12.{

13. | for(int i=0; i<=n-2; i++)

14. | cout << "(" << a[i] << "," << a[i+1] << ")";

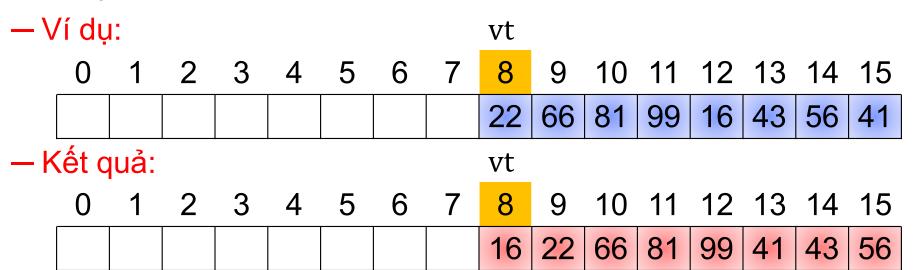
15.}
```



## **BÀI TOÁN DẪN NHẬP 2**



— Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.





- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- ─ Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	99	16	43	56	41



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	99	16	43	56	41



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- ─ Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	99	16	43	41	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- ─ Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	99	16	43	41	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- ─ Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	99	16	43	41	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- ─ Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	99	16	43	41	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	99	16	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
											15
				22	66	81	99	16	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	99	16	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	99	16	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	99	16	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	99	16	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	99	16	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	16	99	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	16	99	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	16	99	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	81	16	99	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	16	81	99	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	16	81	99	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

								vt							
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
								22	66	16	81	99	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	66	16	81	99	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

								vt							
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
								22	16	66	81	99	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	16	66	81	99	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				22	16	66	81	99	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

								vt							
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
								22	16	66	81	99	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				16	22	66	81	99	41	43	56



- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				16	22	66	81	99	41	43	56

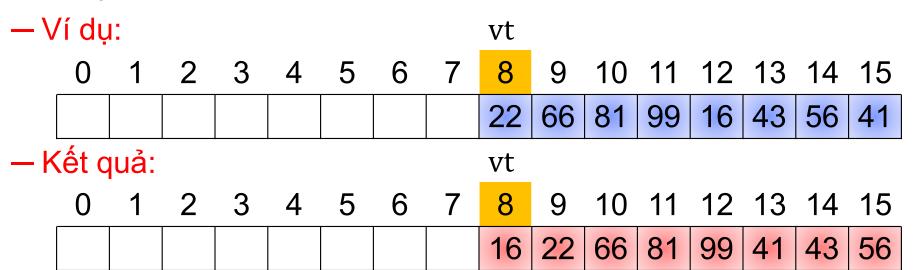


- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Ví dụ:

				vt							
0											
				16	22	66	81	99	41	43	56



— Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.





- Bài toán: Hãy đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [vt..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt bằng cách duyệt mảng từ cuối mảng về vị trí vt.
- Hàm cài đặt



#### TƯ TƯỞNG THUẬT TOÁN BUBBLE SORT

#### Tư tưởng thuật toán bubble sort



- Tư tưởng của thuật toán Bubble Sort là nhẹ nổi lên và nặng chìm xuống.
- —Khái niệm nặng nhẹ là khái niệm trừu tượng.



### THUẬT TOÁN BUBBLE SORT

#### Thuật toán bubble sort



- Bước 0: Đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [0..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt.
- Bước 1: Đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [1..(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt.
- **—** ...
- Bước i: Đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [i...(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi bọt.
- ...
- Bước (n-2): Đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn  $[(n-2) \dots (n-1)]$  về đầu bằng phương pháp nổi bọt.



#### HÀM CÀI ĐẶT CHUẨN

### Hàm cài đặt chuẩn



 Bài toán: Định nghĩa hàm sắp mảng một chiều các số nguyên tăng dần bằng thuật toán Bubble sort.

```
- Hàm cài đặt
11.void HoanVi(int& a,int& b)
12.{
13.         int temp = a;
14.         a = b;
15.         b = temp;
16.}
```

#### Hàm cài đặt chuẩn



#### Hàm cài đặt

```
11.void BubbleSort(int a[],int n)
12.{
       for(int i=0; i<=n-2; i++)
13.
           for(int j=n-1; j>=i+1; j--)
14.
15.
               if(a[j]<a[j-1])
                    swap(a[j],a[j-1]);
16.
                                         bot.
17.}
```

Bước i: Đưa giá trị nhỏ nhất trong đoạn [i...(n-1)] về đầu bằng phương pháp nổi



#### CHẠY TỪNG BƯỚC THUẬT TOÁN



– Hãy sắp xếp mảng sau tăng dần:

 Thứ tự các bước khi sắp tăng dần mảng trên bằng thuật toán bubble sort.



Bước 01: Nhẹ nổi lên, nặng chìm xuống lần 1.

**24** 

45

**23** 

13

43

-1

24 | 45 | 23 | 13 | 43 | -1





Bước 01: Nhẹ nổi lên, nặng chìm xuống lần 1.

24	24	24	24	24	-1
45	45	45	45	-1	24
23	23	23	-1	45	45
13	13	-1	23	23	23
43	-1	13	13	13	13
-1	43	43	43	43	43



Bước 02: Nhẹ nổi lên, nặng chìm xuống lần 2.

-	
24	
45	

_	1	

-1

-1



- Bước 03: Nhẹ nổi lên, nặng chìm xuống lần 3.

-1

-1

-1

-1



Bước 04: Nhẹ nổi lên, nặng chìm xuống lần 4.

-1

-1

-1



Bước 05: Nhẹ nổi lên, nặng chìm xuống lần 5.

-1

-1



# Bubble sort và mảng một chiều PROJECT H01 – DỰ ÁN H01

#### Bubble sort và mảng một chiều



- Viết chương trình thực hiện các yêu cầu sau:
  - + Nhập mảng một chiều từ các tập tin: intdata01.inp; intdata02.inp; ...; intdata09.inp; intdata10.inp; intdata11.inp; intdata12.inp; intdata13.inp;
  - + Sắp xếp mảng tăng dần bằng thuật toán Bubble sort.
  - + Xuất mảng sau khi sắp xếp ra các tập tin: intdata01.out; intdata02.out; ...; intdata09.out; intdata10.out; intdata11.out; intdata12.out; intdata13.out;

#### Bubble sort và mảng một chiều



- Định dạng tập tin intdataxx.inp và intdataxx.out
  - + Dòng đầu tiên: số phần tử của mảng (n).
  - + Dòng tiếp theo: lưu n số nguyên tương ứng với các giá trị trong mảng.

```
*intdata01.inp - Notepad

File Edit Format View Help

10
24 56 53 44 -54 6 63 -47 91 -99
```



## BIẾN THỂ CÀI ĐẶT 01

## Biến thể cài đặt 01



- —Tư tưởng của thuật toán Bubble Sort là nhẹ nổi lên và nặng chìm xuống.
- Tư tưởng của thuật toán Bubble Sort biến thể 1 là nặng chìm xuống và nhẹ nổi lên.
- –Khái niệm nặng nhẹ là khái niệm trừu tượng.

### Biến thể cài đặt 01



#### Hàm cài đặt



# Bubble sort và mảng một chiều PROJECT H02 – DỰ ÁN H02

### Bubble sort và mảng một chiều



- Viết chương trình thực hiện các yêu cầu sau:
  - + Nhập mảng một chiều từ các tập tin: intdata01.inp; intdata02.inp; ...; intdata09.inp; intdata10.inp; intdata11.inp; intdata12.inp; intdata13.inp;
  - + Sắp xếp mảng tăng dần bằng thuật toán Bubble sort với biến thể 1.
  - + Xuất mảng sau khi sắp xếp ra các tập tin: intdata01.out; intdata02.out; ...; intdata09.out; intdata10.out; intdata11.out; intdata12.out; intdata13.out;

#### Bubble sort và mảng một chiều



- Định dạng tập tin intdataxx.inp và intdataxx.out
  - + Dòng đầu tiên: số phần tử của mảng (n).
  - + Dòng tiếp theo: lưu n số nguyên tương ứng với các giá trị trong mảng.

```
*intdata01.inp - Notepad

File Edit Format View Help

10
24 56 53 44 -54 6 63 -47 91 -99
```



# Thuật toán Bubble sort và mảng cấu trúc MẢNG CẤU TRÚC

### Bubble sort và mảng cấu trúc



- Bài toán: Định nghĩa hàm sắp mảng một chiều các phân số tăng dần bằng thuật toán Bubble sort.
- Khai báo kiểu dữ liệu biểu diễn phân số.

```
11.struct phanso
12.{
13.     int tu;
14.     int mau;
15.};
16.typedef struct phanso PHANSO;
```





```
11. int SoSanh(PHANSO x, PHANSO y)
12.{
13.
       float a = (float)x.tu/x.mau;
14.
       float b = (float)y.tu/y.mau;
15.
       if(a>b)
16.
            return 1;
17.
       if(a<b)
18.
            return -1;
19.
       return 0;
20.}
```





```
11. void BubbleSort(PHANSO a[], int n)
12.{
       for(int i=0; i<=n-2; i++)
13.
           for(int j=n-1; j>=i+1; j--)
14.
15.
                if(SoSanh(a[j],a[j-1])==-1)
16.
17.
                    PHANSO temp = a[i];
18.
                    a[i] = a[j];
19.
                    a[j] = temp;
20.
```



# Bubble sort và mảng cấu trúc PROJECT H03 – DỰ ÁN H03

### Bubble sort và mảng cấu trúc



- Viết chương trình thực hiện các yêu cầu sau:
  - + Nhập mảng một chiều từ các tập tin: phansodata01.inp; phansodata02.inp; ...; phansodata09.inp; phansodata10.inp; phansodata11.inp; phansodata12.inp; phansodata13.inp;
  - + Sắp xếp mảng phân số tăng dần bằng thuật toán Bubble sort.
  - + Xuất mảng sau khi sắp tăng ra các tập tin: phansodata01.out; phansodata02.out; ...; phansodata09.out; phansodata10.out; phansodata11.out; phansodata12.out; phansodata13.out;

## Bubble sort và mảng cấu trúc



- Định dạng tập tin
  - + phansodataxx.inp,
  - + phansodataxx.out
- Dòng đầu tiên: số phần tử của mảng (n).
- -n dòng tiếp theo: mỗi dòng lưu hai số nguyên tương ứng với phân số trong mảng.

×	phans	oda
File	Edit	For
10		
4	2	
-3	5	
-2	2	
-1	4	
5	-2	
-3	4	
1	-3	
4	3	
0	-3	
0	2	



# Thuật toán Bubble sort và ma trận MA TRẬN



 Bài toán: Định nghĩa hàm sắp ma trận các số nguyên tăng dần bằng thuật toán Bubble sort.

	0	1	2	3
0	89	12	78	91
1	61	37	8	18
2	78	23	35	22

Ma trận trước khi sắp tăng

	0	1	2	3
0	8	12	18	22
1	23	35	37	61
2	78	78	89	91

Ma trận sau khi sắp tăng



#### Định nghĩa hàm



#### PROJECT H04 – DỰ ÁN H04

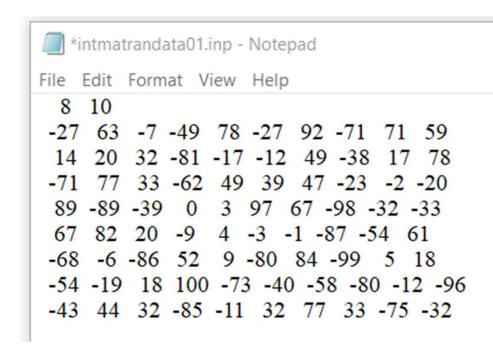


- Viết chương trình thực hiện các yêu cầu sau:
  - + Nhập ma trận các số nguyên từ các tập tin: intmatran01.inp; intmatran02.inp; ...; intmatran09.inp; intmatran10.inp; intmatran11.inp; intmatran12.inp; intmatran13.inp;
  - + Sắp xếp ma trận tăng dần bằng thuật toán Bubble sort.
  - + Xuất ma trận sau khi sắp xếp ra các tập tin: intmatran01.out; intmatran02.out; ...; intmatran09.out; intmatran10.out; intmatran11.out; intmatran12.out; intmatran13.out;

#### Bubble sort và ma trận



- Định dạng tập tin
  - + intmatranxx.inp và
  - + intmatranxx.out
- Dòng đầu tiên: lưu hai số nguyên tương ứng với số hàng ma trận (m) và số cột ma trận (n).
- -m dòng tiếp theo: mỗi dòng lưu n số nguyên tương ứng với các giá trị trong ma trận.



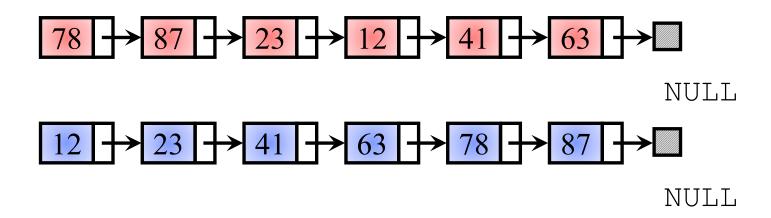


# Thuật toán Bubble sort và dslk đơn DANH SÁCH LIÊN KẾT ĐƠN

#### Bubble sort và dslk đơn



 Bài toán: Định nghĩa hàm sắp xếp danh sách liên kết đơn các số nguyên tăng dần bằng thuật toán Bubble sort.





### Thuật toán Bubble sort và dslk đơn

PROJECT H05 – DỰ ÁN H05

### Thuật toán Bubble sort và dslk đơn

- Viết chương trình thực hiện các yêu cầu sau:
  - + Nhập dslk đơn các số nguyên từ các tập tin: intdata01.inp; intdata02.inp; ...; intdata09.inp; intdata10.inp; intdata11.inp; intdata12.inp; intdata13.inp;
  - + Sắp xếp dslk đơn các số nguyên tăng dần bằng thuật toán Bubble sort.
  - + Xuất dslk đơn các số nguyên sau khi sắp xếp ra các tập tin: intdata01.out; intdata02.out; ...; intdata09.out; intdata10.out; intdata11.out; intdata12.out; intdata13.out;

#### Thuật toán Bubble sort và dslk đơn

- Định dạng tập tin intdataxx.inp và intdataxx.out
  - + Dòng đầu tiên: số phần tử của dslk đơn các số nguyên (n).
  - + Dòng tiếp theo: lưu n số nguyên tương ứng với các giá trị trong dslk đơn các số nguyên.

```
*intdata01.inp - Notepad

File Edit Format View Help

10
24 56 53 44 -54 6 63 -47 91 -99
```

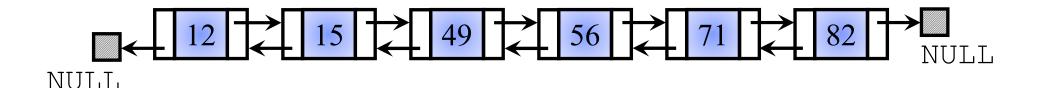


# Thuật toán Bubble sort và dslk kép **DANH SÁCH LIÊN KẾT KÉP**

#### Bubble sort và dslk kép



 Bài toán: Định nghĩa hàm sắp xếp danh sách liên kết kép các số nguyên tăng dần bằng thuật toán Bubble sort.





### PROJECT H06 – DỰ ÁN H06

#### Bubble sort và dslk kép



- Viết chương trình thực hiện các yêu cầu sau:
  - + Nhập dslk kép các số nguyên từ các tập tin: intdata01.inp; intdata02.inp; ...; intdata09.inp; intdata10.inp; intdata11.inp; intdata12.inp; intdata13.inp;
  - + Sắp xếp dslk kép các số nguyên tăng dần bằng thuật toán Bubble sort.
  - + Xuất dslk kép các số nguyên sau khi sắp xếp ra các tập tin: intdata01.out; intdata02.out; ...; intdata09.out; intdata10.out; intdata11.out; intdata12.out; intdata13.out;

#### Bubble sort và dslk kép



- Định dạng tập tin intdataxx.inp và intdataxx.out
  - + Dòng đầu tiên: số phần tử của dslk kép các số nguyên (n).
  - + Dòng tiếp theo: lưu n số nguyên tương ứng với các giá trị trong dslk kép các số nguyên.

```
*intdata01.inp - Notepad

File Edit Format View Help

10
24 56 53 44 -54 6 63 -47 91 -99
```



#### ĐỘ PHỰC TẠP CỦA THUẬT TOÁN





 Hãy đánh giá độ phức tạp của thuật toán Bubble sort dựa trên hàm cài đặt chuẩn.

## Độ phức tạp của thuật toán





#### Thuật toán Bubble sort

#### ĐẶC ĐIỂM – ĐIỂM MẠNH – ĐIỂM YẾU

### Đặc điểm – điểm mạnh – điểm yếu



- Đặc điểm thuật toán bubble sort:
  - + Độ phức tạp về thời gian (time complexity):  $O(n^2)$ .
  - + Độ phức tạp về bộ nhớ (space complexity): O(1).
  - + Trường hợp xấu nhất (worst case):  $O(n^2)$ .
  - + Trường hợp trung bình (average case):  $O(n^2)$ .
  - + Trường hợp tốt nhất (best case): O(n).
  - + Ôn định.

### Đặc điểm – điểm mạnh – điểm yếu



- Điểm mạnh:
  - + Thuật toán rõ ràng, dễ hiểu.
  - + Thuật toán dễ cài đặt.
  - + Không yêu cầu dung lượng bộ nhớ lớn.





### Đ<mark>ặc điểm – điểm</mark> mạnh – điểm yếu



- Điểm yếu:
  - + Thời gian thực hiện thuật toán lâu.
  - + Không nhận biết mảng đã được sắp xếp.



#### Cảm ơn quí vị đã lắng nghe

Nhóm tác giả Hồ Thái Ngọc ThS. Võ Duy Nguyên TS. Nguyễn Tấn Trần Minh Khang