SEMINARI DE TEORIA DE NOMBRES DE BARCELONA BARCELONA NUMBER THEORY SEMINAR (UB-UAB-UPC)



Divendres 20 de març, 2015, a les 12:15h Facultat de Matemàtiques i Estadística (UPC) C/ Pau Gargallo 5, Barcelona

Cotas uniformes de torsión de curvas elípticas en términos de ramificación

A. Lozano (Univ. Connecticut)

Abstract:

Sea $d \geq 1$ un entero. Sea F un cuerpo de números de grado d, sea E/F una curva elíptica y sea $E(F)_{\text{tors}}$ el subgrupo de torsión de E(F). En 1996, Merel demostró la "conjetura de la cota uniforme", i.e., existe una constante B(d), que sólo depende de d pero no del cuerpo F elegido, ni de la curva E/F, tal que el orden de $E(F)_{\text{tors}}$ está acotado por B(d). Además, Merel dio una cota (exponencial en d) para el mayor primo que puede aparecer como un divisor del orden de $E(F)_{\text{tors}}$. En 1996, Parent demostró otra cota (también exponencial en d) para la mayor potencia de p que puede aparecer como orden de un punto de torsión en $E(F)_{\text{tors}}$, aunque se conjetura que existe una cota para el orden de $E(F)_{\text{tors}}$ que es polinómica en d. En esta charla demostraremos que bajo ciertas hipótesis hay una cota lineal para la mayor potencia de p que puede aparecer como orden de un punto de torsión sobre F, la cual, de hecho, es lineal en el máximo índice de ramificación de un ideal primo del anillo de enteros de F sobre E(F)0.

More information is available at http://stnb.cat.