



i_1	i_2	d_1, h_1	d_2, h_2	d_1, o_1
1	1	0.0	0.0	0.0
1	0	1.1	-1.0	1.1
0	1	-1.0	1.1	1.1
0	0	0.0	0.0	0.0

∴ 当且仅当 $i_1=1, i_2=0$ 或 $i_1=0, i_2=1$ 时

O_1 为 1, 即实现了 $O_1 = i_1 \text{ XOR } i_2$

b) 若网络输入限制为两输入 (x_1, x_2) , 且激活函数为线性函数, 则整个神经网络等价为一个线性函数:

$$y = a_0 + a_1 x_1 + a_2 x_2$$

当 $x_1=0, x_2=0$, 则 $y_0 = a_0 = 0$

当 $x_1=1, x_2=0$, 则 $y_1 = a_0 + a_1 = 1$

当 $x_1=0, x_2=1$, 则 $y_2 = a_0 + a_2 = 1$

当 $x_1=1, x_2=1$, 则 $y_3 = a_0 + a_1 + a_2 = 0$

无解 (即使把 $y=0$ 定义为 1 也解决不了, 因为 $y_0+y_3=y_1+y_2$)

∴ 无法解决异或问题.

4. $d_1^{[3]} = w_1 i_1 + w_2 i_2 + b_1 = 0.15 \times 0.05 + 0.2 \times 0.1 + 0.35 = 0.3775$

a) $d_2^{[3]} = w_3 i_1 + w_4 i_2 + b_1 = 0.25 \times 0.05 + 0.3 \times 0.1 + 0.35 = 0.3925$

$$h_1 = \frac{1}{1+e^{-d_1^{[3]}}} = 0.5933 \quad h_2 = \frac{1}{1+e^{-d_2^{[3]}}} = 0.5969$$

$$d_1^{[3]} = w_5 h_1 + w_7 h_2 + b_2$$

$$= 0.3 \times 0.5933 + 0.45 \times 0.5969 + 0.6 = 1.047$$

$$d_2^{[3]} = w_6 h_1 + w_8 h_2 + b_2$$

$$= 0.5 \times 0.5933 + 0.55 \times 0.5969 + 0.6 = 1.225$$

$$\hat{O}_1 = \frac{1}{1+e^{-d_1^{[3]}}} = 0.740$$

$$\hat{O}_2 = \frac{1}{1+e^{-d_2^{[3]}}} = 0.773$$

$$b) J = \frac{1}{2} (\hat{O}_1 - O_1)^2 + \frac{1}{2} (\hat{O}_2 - O_2)^2$$

$$\frac{\partial J}{\partial w_5} = \frac{\partial J}{\partial \hat{O}_1} \frac{\partial \hat{O}_1}{\partial d_1^{[3]}} \frac{\partial d_1^{[3]}}{\partial w_5} = (\hat{O}_1 - O_1) \hat{O}_1 (1 - \hat{O}_1) h_1$$

$$= (0.740 - 0.12) \times 0.740 \times (1 - 0.740) \times 0.5933 \approx 0.0708$$

$$\frac{\partial J}{\partial w_6} = \frac{\partial J}{\partial \hat{O}_2} \frac{\partial \hat{O}_2}{\partial d_2^{[3]}} \frac{\partial d_2^{[3]}}{\partial w_6} = (\hat{O}_2 - O_2) \hat{O}_2 (1 - \hat{O}_2) h_1$$

$$= (0.773 - 0.95) \times 0.773 \times (1 - 0.773) \times 0.5933 \approx -0.0184$$

$$c) w_5 = w_5 - \alpha \frac{\partial J}{\partial w_5}$$

$$\approx 0.2929$$

$$w_6 = w_6 - \alpha \frac{\partial J}{\partial w_6}$$

$$\approx 0.5018$$

3. a) 通过正则化, 我们希望降低模型的复杂度, 提高泛化能力. 正则化项与模型的复杂度有关, 这是因为

模型的复杂度主要反映在输入与输出之间的变化程度, 而 b 是对输入直



不敏感的, 换句话讲, b 对输入是-视图 r 的, 不会产生不一致的加权, 因此偏置 b 并不影响模型的复杂度, 不需要把 b 加入惩罚项.

$$b) \frac{\partial C}{\partial w_i} = \frac{\partial C_0}{\partial w_i} + 2\lambda w_i$$

∴ 更新表达式:

$$\forall i \quad w_i := w_i - \frac{\partial C_0}{\partial w_i} - 2\lambda w_i$$

$$\text{即 } w_i := (1 - 2\lambda) w_i - \frac{\partial C_0}{\partial w_i}$$

因为 $1 - 2\lambda < 1$, 而且一般来讲 $1 - 2\lambda > 0$

在这种情况下, 相比于原来 $w_i := w_i - \frac{\partial C_0}{\partial w_i}$,

在每一步权值更新时会产生权值的衰减, 即

使最终得到的 w 变小. 当 w 变小以后,

由于 w 是对 x 的加权, 对于 x 的微小变化会

变得不那么敏感, 所以一定程度上防止过拟合.

降低了模型的复杂度, 提高了泛化能力.

c). 可以通过试错法选取正则化参数.

① 首先, 令 $\lambda = 0$, 进行训练后观察 train_acc 和 test_acc ,

② 如果 train_acc 比 test_acc 大很多, 则模型发生了过拟合,

逐步增大 λ , 用 $\lambda = 0.001, \lambda = 0.01, \dots$ 等值进行试错,

确定 λ 的数量级.

③ 再对 λ 进行微调, 使得模型的准确率与泛化能力都相对较好即可.
为量级内

