

数据结构

授课教师: 屈卫兰

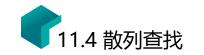
湖南大学。信息科学与工程学院

第 11 章 查找

11.4 散列查找

提纲

- 11.4.1 散列函数
- 11.4.2 散列冲突解决方法
- 11.4.3 散列查找算法
- 11.4.4 查找性能分析
- 11.4.5 分布式散列表
- 11.4.6 作业

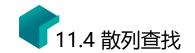


11.4.1散列函数

顺序查找: O(n),平均约比较500次

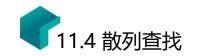
索引查找: 由索引表决定

有没有效率更高的算法?



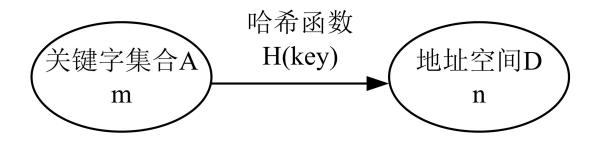
取给定学号的后三位,**不需要经过比较**,便可**直接**从查找表中**找到**给定学生的记录。

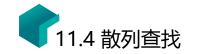




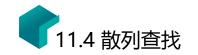
散列函数定义

一般情况下,需在关键字与记录在表中的存储位置之间建立一个函数关系,以 H(key) 作为关键字为 key 的记录在表中的位置,通常称这个函数 h(key) 为散列函数。



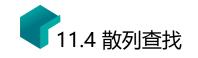


- 1) 散列函数是一个**映象**,即:**将关键字的集合映射到某个地址集合上**
- , 它的设置很灵活, 只要这个地址集合的大小不超出允许范围即可;



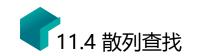
- 1) 散列函数是一个**映象**,即:**将关键字的集合映射到某个地址集合上**
- , 它的设置很灵活,只要这个地址集合的大小不超出允许范围即可;
- 由于散列函数是一个压缩映象,因此,在一般情况下,很容易产生 "冲突"现象,即: key1≠ key2,而 h(key1) = h(key2)。

H(key)=key %10

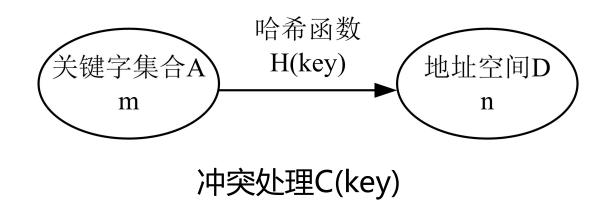


- 1) 散列函数是一个映象,即:将关键字的集合映射到某个地址集合上
- , 它的设置很灵活,只要这个地址集合的大小不超出允许范围即可;
- 由于散列函数是一个压缩映象,因此,在一般情况下,很容易产生 "冲突"现象,即: key1≠ key2,而 h(key1) = h(key2)。
- 3) **很难**找到一个不产生冲突的散列函数。一般情况下,**只能**选择恰当的散列函数,使冲突尽可能少地产生。

因此,散列查找需要做两方面事情:选择一个"**好**"的散列函数;提供一种"**处理冲突**"的方法。

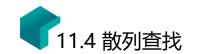


根据设定的**散列函数 H(key)** 和提供的**处理冲突的方法**,将一组关键字**映象到**一个地址连续的地址空间上,并以关键字在地址空间中的"**象**"作为相应记录在表中的**存储位置**,如此构造所得的查找表称之为**散列表**。



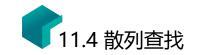
地址空间存储的数据 集合称为散列表

散列表



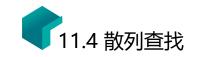
11.4.1常见的散列函数





散列函数

- 一般来说,一个好的散列函数应满足下列两个条件:
 - (1) 计算简单
 - (2) 冲突少



散列函数

常见的散列函数构造方法有:

直接散列函数

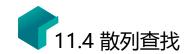
数字分析法

平方取中法

折叠法

除留余数法

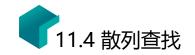
随机数法



解放后每年出生人数的统计:

散列地址						
出生年份	1949	1950	1951	••••	1970	••••
出生人数	××××	××××	××××	••••	××××	••••

$$H (key) = key + (-1948)$$



1) 直接散列函数:

取关键字本身或关键字的某个线性函数值作为散列地址,

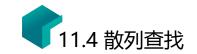
即: H (key) =key

或 H (key) = a* key+b (a, b为常数)。

解放后每年出生人数的统计:

散列地址						
出生年份	1949	1950	1951	••••	1970	••••
出生人数	××××	××××	$\times \times \times \times$	••••	××××	••••

$$H (key) = key + (-1948)$$

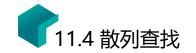


				Ξ.			
8	1	3	4	6	5	3	2
8	1	3	7	2	2	4	2
8	1	3	8	7	4	2	2
8	1	3	0	1	3	6	7
8	1	3	2	2	8	1	7
8	1	3	3	8	9	6	7
8	1	3	5	4	1	5	7
8	1	3	6	8	5	3	7
8	1	4	1	9	3	5	5

n=80,d=8,r=10,s=2

1, 2, 3, 8位分布不均匀,不能取。可取第4、6两位组成的2位十进制数作为每个数据的散列地址,则图中列出的关键字的散列地址分别为:

45, 72, 84, 03, 28, 39, 51, 65, 13



2) 数字分析法

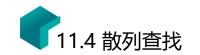
设 n 个 d 位数的关键字,由 r 个不同的符号组成,此 r 个符号在关键字各位出现的频率不一定相同,可能在某些位上均匀分布,即每个符号出现的次数都接近于 n / r 次,而在另一些位上分布不均匀。则**选择其中分布均匀的s位作为散列地址**,即H (key) = "key中数字均匀分布的s位"

1 3 7 2 2 4 2 2 8 1

n=80,d=8,r=10,s=2

1, 2, 3, 8位分布不均匀,不能取。可取第4、6 两位组成的2位十进制数作为每个数据的散列地址,则图中列出的关键字的散列地址分别为:

45, 72, 84, 03, 28, 39, 51, 65, 13

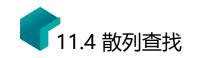


3) 平方取中法

取关键字平方后的中间几位作为散列地址,即散列函数为: H (key) = "key²的中间几位"

其中, 所取的位数由散列表的大小确定

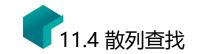
数据	关键字	(关键字)2	散列地址(217~29)
A	0100	0 <u>010</u> 000	010
I	1100	1 <u>210</u> 000	210
J	1200	1440000	440
10	1160	1 <u>370</u> 400	370
P1	2061	4 <u>310</u> 541	310
P2	2062	4 <u>314</u> 704	314
Q1	2161	4 <u>734</u> 741	734
Q2	2162	4 <u>741</u> 304	741
Q3	2163	4 <u>745</u> 651	745

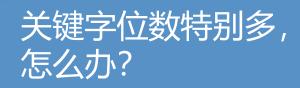


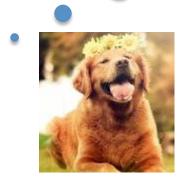
平方取中法思想

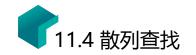
以关键字的平方值的中间几位作为存储地址。求"关键字的平方值"的目的是"扩大差别"和"贡献均衡"。

即:关键字的各位都在平方值的中间几位有所贡献, Hash 值中应该有各位影子。









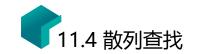
4) 折叠法

关键字位数较长时,可将关键字分割成位数相等的几部分(最后一部分位数可以不同),取这几部分的叠加和(舍去高位的进位)作为散列地址。位数由存储地址的位数确定。叠加时有两种方法:

移位叠加法,即将每部分的最后一位对齐,然后相加; 边界叠加法,即把关键字看作一纸条,从一端向另一端沿边界逐次折叠,然后对齐相加。

$$d_r \cdots d_2 \ d_1 \ d_{r} \cdots d_2 \ d_1 \ d_{r} \cdots d_2 \ d_1 \ d_{r+1} \cdots d_{r+2} \ d_{r+1} \ d_{r+1} \cdots d_{2r-1} d_{2r} \ +) \ d_{3r} \cdots d_{2r+2} \ d_{2r+1} \ S_r \cdots S_2 \ S_1 \ S_r \cdots S_2 \ S_1 \ (b) 边界叠加法$$

此方法适合于: 关键字的数字位数特别多。

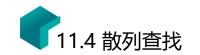


5) 除留余数法

取关键字被某个不大于散列表长度m的数p除后的余数作为散列地址,即:

H (key) = key MOD
$$p(p \le m)$$

其中p的选择很重要,如果选得不好会产生很多冲突。 比如关键字都是10的倍数,而p=10 一般取小于表长的最大质数



6) 随机数法

选择一个随机函数,取关键字的随机函数值作为散列地址,

即: H (key) = random (key)

其中random为随机函数。

实际工作中需根据不同的情况采用不同的散列函数。通常需要考虑的因素有:

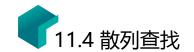
计算散列函数所需时间;

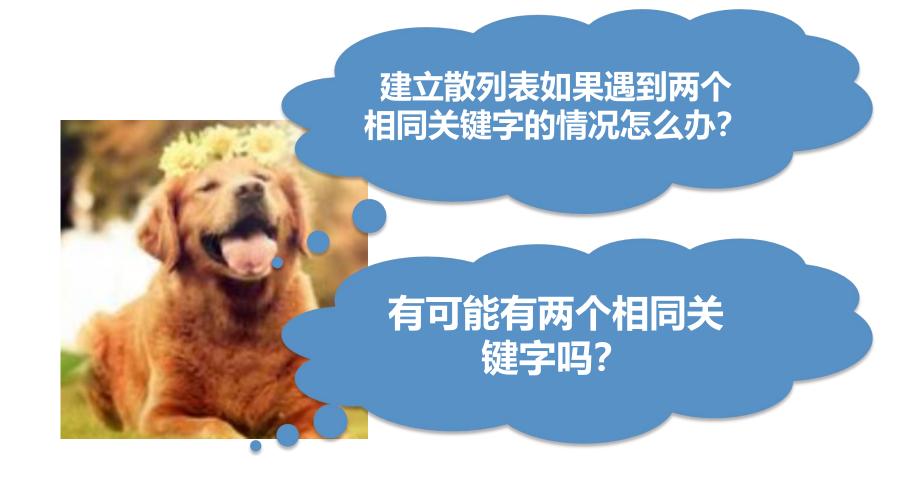
关键字的长度;

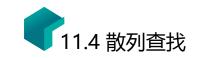
散列表的大小;

关键字的分布情况;

记录的查找频率。







11.4.2冲突处理

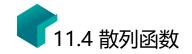
冲突:

是指由关键字得到的Hash地址上已有其他记录。

好的散列函数可以减少冲突,但很难避免冲突。

冲突处理:

为出现散列地址冲突的关键字寻找下一个散列地址。



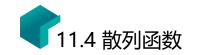
常见的冲突处理方法有:

开放地址法

再散列法

链地址法

公共溢出区法

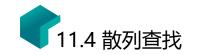


1) 开放地址法

为产生冲突的地址 H(key) 求得一个地址序列:

$$H_0$$
, H_1 , H_2 , ..., H_s $1 \le s \le m-1$
其中: $H_0 = H(\text{key})$
 $H_i = (H(\text{key}) + d_i) \text{ MOD m}$
 $i=1, 2, ..., s$

其中: Hi 为第i次冲突的地址, *i=1, 2, ..., s* H (key) 为Hash函数值 m 为Hash表表长 d_i 为增量序列



1) 开放地址法

对增量 d; 有三种取法:

1) 线性探测再散列

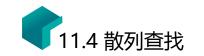
$$d_i = c \times i$$
 最简单的情况 $c=1$

2) 平方探测再散列

$$d_i = 1^2, -1^2, 2^2, -2^2, ...,$$

3) 随机探测再散列

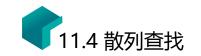
di是一组伪随机数列



例 表长为11的散列表中已填有关键字为17,60,29的记录, H(key)=key MOD 11,现有第4个记录,其关键字为38, 按三种处理冲突的方法,将它填入表中

_0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
			38	38	60	17	29	38		

- (1) H(38)=38 MOD 11=5 冲突 H₁=(5+1) MOD 11=6 冲突 H₂=(5+2) MOD 11=7 冲突 H₃=(5+3) MOD 11=8 不冲突
- (3) H(38)=38 MOD 11=5 冲突 设伪随机数序列为9,则: H1=(5+9) MOD 11=3 不冲突



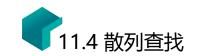
2) 再散列法

将n个不同散列函数排成一个序列, 当发生冲突时, 由RHi确定第i次冲突的地址Hi。即:

Hi = RHi (key) i = 1, 2, ..., n

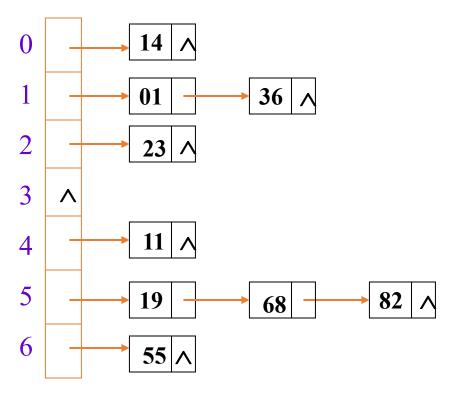
其中: RHi 为不同散列函数

这种方法不会产生"聚类",但会增加计算时间。



3) 链地址法:

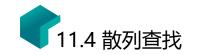
将所有散列地址相同的记录都链接在同一链表中。



关键字集合为

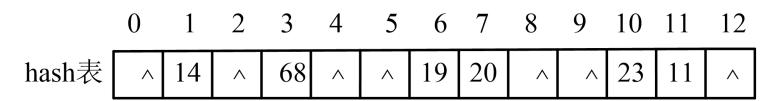
{19,01,23,14,55,68,11,82,36},

散列函数为 H(key)=key MOD 7



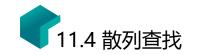
4)公共溢出区法

- •假设某散列函数的值域[0, m-1],
- •向量HashTable[0, m-1]为基本表,每个分量存放一个记录,另设一个向量OverTable[0, v]为溢出表。将与基本表中的关键字发生冲突的所有记录都填入溢出表中。
- •如一组关键字序列为{19, 14, 23, 01, 68, 20, 84, 27, 55, 11, 10, 79}, 散列函数为H (key) = key mod 13, 采用公共溢出区法得到的结果为:



溢出表

01	84	27	55	10	79
----	----	----	----	----	----



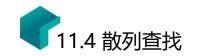
11.4.3 散列表查找算法

在散列表上查找的过程和散列造表的构造过程基本一致。

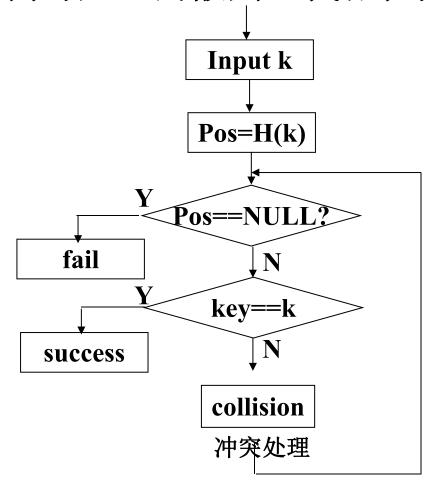
- 1) 给定K值,根据构造表时所用的散列函数求散列地址j,
- 2) 若此位置无记录,则查找不成功;

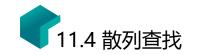
否则比较关键字, 若和给定的关键字相等则成功;

否则根据构造表时设定的冲突处理的方法计算"下一地址", 重复2)



存在冲突检测与处理的散列查找流程图





散列表查找与插入算法举例

关键字序列为:

{19, 14, 23, 01, 68, 20, 84, 27, 55, 11, 10, 79}

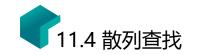
散列函数为H (key) = key mod 13

采用线性探测处理冲突

建立散列查找表如下:请查找关键字为84的记录

Key=84

散列地址H(84)=6,因为e.data[6]不空,且e.data[6].key=19≠84,冲突 冲突处理H1=(6+1)MOD13=7, e.data[7]不空,且e.data[7].key=20≠84,冲突 冲突处理H2=(6+2)MOD13=8, e.data[8]不空,且e.elem[8].key=84,查找成功,返回数据在散列表中的序号8。



散列表查找与插入算法举例

关键字序列为:

{19, 14, 23, 01, 68, 20, 84, 27, 55, 11, 10, 79}

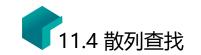
散列函数为H (key) = key mod 13

采用线性探测处理冲突

建立散列查找表如下:请查找关键字为38的记录

Key=38

散列地址H(38)=12,因为e.data[12]不空,且e.data[12].key=10≠38,冲突冲突处理H1=(12+1)MOD13=0,由于e.data[0]没有存放数据,表明散列表中不存在关键字为38的记录,查找失败。

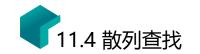


{ 19, 01, 23, 14, 55, 68, 11, 82, 36 }

设定散列函数 H(key) = key MOD 11 (表长=11)

若采用线性探测再散列处理冲突

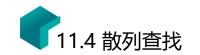
请求出解决冲突的查找成功的ASL 和查找失败的ASL



{ 19, 01, 23, 14, 55, 68, 11, 82, 36 }

设定散列函数 H(key) = key MOD 11 (表长=11)

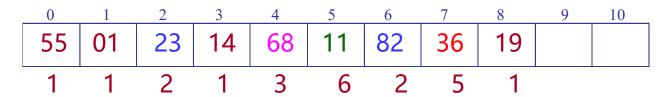
若采用线性探测再散列处理冲突

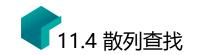


{ 19, 01, 23, 14, 55, 68, 11, 82, 36 }

设定散列函数 H(key) = key MOD 11 (表长=11)

若采用线性探测再散列处理冲突



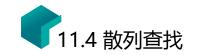


{ 19, 01, 23, 14, 55, 68, 11, 82, 36 }

设定散列函数 H(key) = key MOD 11 (表长=11)

若采用二次探测再散列处理冲突

								8		10
55	01	23	14	11	82	68	36	19		
1	1	2	1	3	1	4	4	1	ļ	



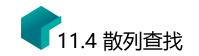
{ 19, 01, 23, 14, 55, 68, 11, 82, 36 }

设定散列函数 H(key) = key MOD 11 (表长=11)

若采用二次探测再散列处理冲突

ASL(成功)=?

ASL(成功) = (1+1+2+1+3+1+4+4+1) /9=2



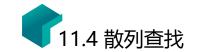
{ 19, 01, 23, 14, 55, 68, 11, 82, 36 }

设定散列函数 H(key) = key MOD 11 (表长=11)

若采用二次探测再散列处理冲突

								8		
55	01	23	14	11	82	68	36	19		
					1					
4	3	7	6	5	4	3	2	1	0	0

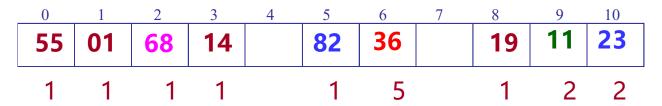
ASL(失败)=?

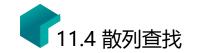


{ 19, 01, 23, 14, 55, 68, 11, 82, 36 }

设定散列函数 H(key) = key MOD 11 (表长=11)

若采用随机数处理冲突,随机数假设为9



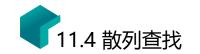


{ 19, 01, 23, 14, 55, 68, 11, 82, 36 }

设定散列函数 H(key) = key MOD 11 (表长=11)

若采用随机数处理冲突,随机数假设为9

ASL(成功)=?



{ 19, 01, 23, 14, 55, 68, 11, 82, 36 }

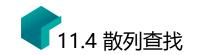
设定散列函数 H(key) = key MOD 11 (表长=11)

若采用随机数处理冲突,随机数假设为9

					5					
55	01	68	14		82	36		19	11	23
1	1	1	1		1	5		1	2	2
3	5	4	6	1	5	2	1	3	2	4

ASL(失败)=?

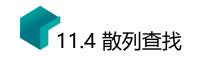
ASL(失败) = (3+5+4+6+1+5+2+1+3+2+4) /11=36/11



链地址法:

将所有散列地址相同的记录都链接在同一链表中。





例如:

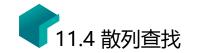
关键字序列 {19, 14, 23, 01, 68, 20, 84, 27, 55, 11, 10, 79} H(key)=key % 12

线性探测处理冲突时, $ASL = 1/12(1\times6+2+3\times3+4+9)=2.5$

链地址法处理冲突时, ASL = 1/12(1×6+2×4+3+4)=1.75

一般情况下,可以认为选用的散列函数是"均匀"的,则在讨论 ASL时,可以不考虑散列函数的因素。

实际上, 散列表的ASL是**处理冲突方法**和**装载因子**的函数



11.4.4 查找性能分析

散列表的填满因子α=表中填入的记录数/散列表长度

可以证明: 查找成功时的平均查找长度为:

线性探测再散列

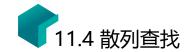
$$S_{nl} \approx \frac{1}{2} (1 + \frac{1}{1 - \alpha})$$

随机探测再散列

$$S_{nr} \approx -\frac{1}{\alpha} \ln (1 - \alpha)$$

链地址法

$$S_{nc} \approx 1 + \frac{\alpha}{2}$$



| 查找性能分析

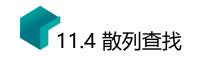
查找不成功时的平均查找长度为:

线性探测再散列

$$U_{ns} \approx \frac{1}{2} (1 + \frac{1}{(1-\alpha)^2})$$

随机探测再散列

$$U_{n^t} \approx \frac{1}{1-\alpha}$$

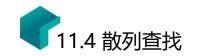


查找性能分析

散列表的平均查找长度是装填因子 α 的函数,而不是 n 的函数。

这说明,用散列表构造查找表时,可以选择一个适当的装填因子 α ,使得平均查找长度限定在某个范围内。

—— 这是散列表所特有的特点。



总 结 ——映射的散列函数

散列函数

关键字范围广

存储空间范围小

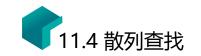
冲突不可避免,不同解决冲突的策略的ASL不同

查找表大小与解决冲突策略和ASL范围相关

选择散列函数

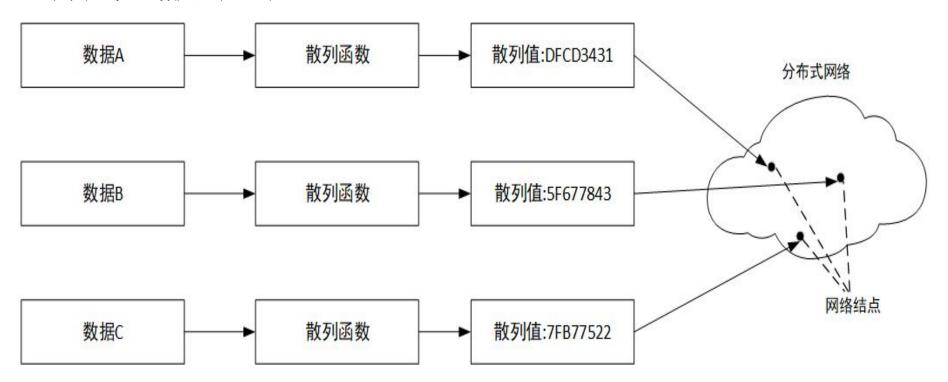
根据冲突策略 与ASL计算散 列表大小

建立查找表



11.4.5分布式散列表

当面对分布式系统时,传统用于单机系统的散列表数据结构已无法支撑数据存储应用需求。此时,需要采用能够支撑分布式系统的散列数据结构,即分布式散列列表DHT。





11.4.6 作业

1、设有一组关键字{19,01,23,14,55,20,84,27,68,11},采用散列函数: H(key) = key%13,采用开放地址法的线性探测再散列方法解决冲突,试在0到18的散列地址空间中对该关键字序列构造散列表。

谢谢观看