

Transmisión Asimétrica de Precios en el sector de la palta en Chile: Evidencia desde un modelo TVECM

Autor: Héctor Garrido Henríquez $Profesor(es) \ Guia(s)$:

Dr. Sergio Contreras Espinoza

Dra. Monia Ben Kaabia

Tesis para optar al grado de Magíster en Matemática con mención en Estadística

Departamento de Estadística

Departamento de Matemática

6 de septiembre de 2017

Índice general

1.	Intr	roducción	13
	1.1.	introducción	13
	1.2.	justificación del trabajo	13
2.	Esc	enario de la industria en Chile	15
3.	Aná	álisis univariante de las series de precios	17
	3.1.	Fuentes de información	17
		3.1.1. Imputación de valores perdidos	17
	3.2.	Análisis del orden de integración de las series	18
		3.2.1. Análisis gráfico	18
	3.3.	Contrastes de raíz unitaria/estacionariedad	20
		3.3.1. Contraste de Dickey-Fuller Aumentado	20
		3.3.2. Contraste de Phillips Perron (1992)	21
		3.3.3. Contraste de Elliot, Rothenberg & Stock (1996)	22
		3.3.4. Contraste Kiatkowsky, Pesaran, Schmidt & Shin (1992)	24
		3.3.5. Contraste de Canova & Hansen (1995) para estacionalidad	
		estable	25
	3.4.	Resultados de los contrastes de raíz unitaria	25
4.	Aná	álisis de cointegración	2 9
	4.1.	Cointegración y análisis de las relaciones de largo plazo	29
	4.2.	Estimación basada en la verosimilitud para el modelo VAR irrestricto	32
		4.2.1. Contraste de razón de verosimilitud	34
		4.2.2. Modelo Vectorial de Corrección del Error (VECM)	36
		4.2.3. El contraste de cointegración de Johansen	37
	4.3.		38
		4.3.1. Determinación del rango de cointegración	38
5.	Pro	cesos de transmisión asimétricos	45
	5.1.	Modelo de vectores de corrección del error por umbrales (TVECM) .	45
		5.1.1. El contraste de Hansen & Seo (2002)	45
		5.1.2. Contrastes de linealidad	46
		5.1.3. Estimación del modelo	46
		5.1.4. Relaciones dinámicas a corto plazo	46
	5.2.	Resultados de la aplicación	46
		5.2.1. Análisis de las relaciones asimétricas	46

	5.2.3.	Especificación del sistema	46			
		Funciones de impulso respuesta				
6.	Conclusion	nes	51			
7.	7. Bibliografía					

Índice de figuras

3.1.	Evolución de precios del palta de larga vida de primera calidad,2008-	
	2016	17
3.2.	Imputación de valores perdidos a través del filtro de Kalman	18
3.3.	Evolución del logaritmo del precio mayorista de la palta ,2008-2016 .	19
3.4.	Evolución del logaritmo del precio en supermercado de la palta ,2008-	
	2016	20
4.1.	Número de Rezagos para el contraste de Independencia	39
	Número de Rezagos para el contraste de Independencia	
5.1.	Modelo de corrección del error por umbrales	47

Índice de cuadros

3.1.	Hipótesis del contraste de Dickey-Fuller	21
3.2.	Contraste de Dickey-Fuller aumentado (con drift)	25
3.3.	Contraste de Dickey-Fuller aumentado (con tendencia determinista) .	25
3.4.	Contraste Phillips & Perron a (con tendencia determinista)	26
3.5.	Contraste Phillips & Perron a (con tendencia determinista)	26
3.6.	Contraste de Elliot, Rothenberg & Stock (con tendencia determinista)	27
3.7.	Contraste de Elliot, Rothenberg & Stock (con constante)	27
3.8.	Contraste KPSS (con tendencia determinista)	27
3.9.	Contraste KPSS (sin tendencia determinista)	28
3.10.	Contraste de Canova & Hansen a	28
4.1.	Contraste de la <i>la traza</i> de cointegración de Johansen	42
4.2.	Contraste del máximo autovalor de cointegración de Johansen	43

Agradecimientos

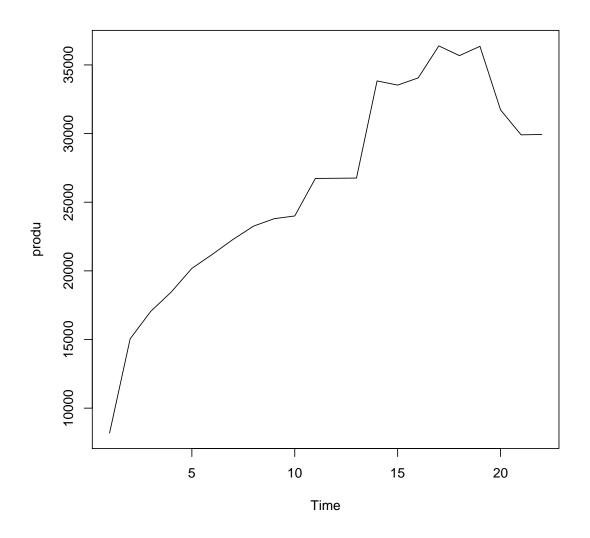
Abstract

Introducción

- 1.1. introducción
- 1.2. justificación del trabajo

Escenario de la industria en Chile

ts.plot(produ)



Análisis univariante de las series de precios

3.1. Fuentes de información

3.1.1. Imputación de valores perdidos

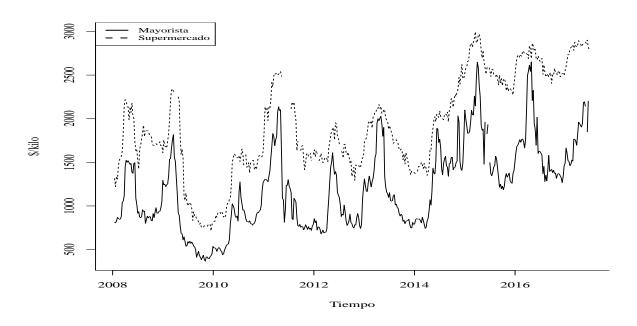


Figura 3.1: Evolución de precios del palta de larga vida de primera calidad,2008-2016

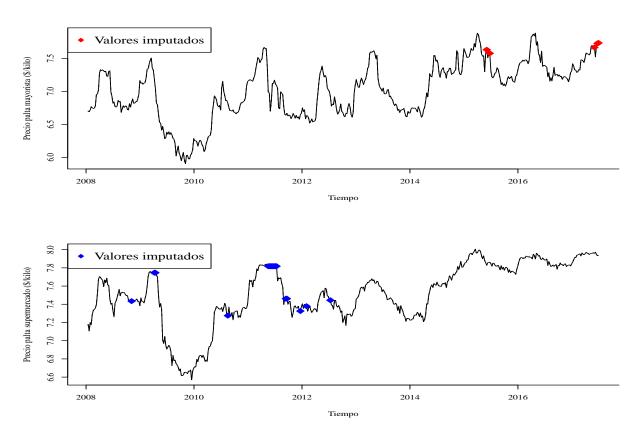


Figura 3.2: Imputación de valores perdidos a través del filtro de Kalman

3.2. Análisis del orden de integración de las series

3.2.1. Análisis gráfico

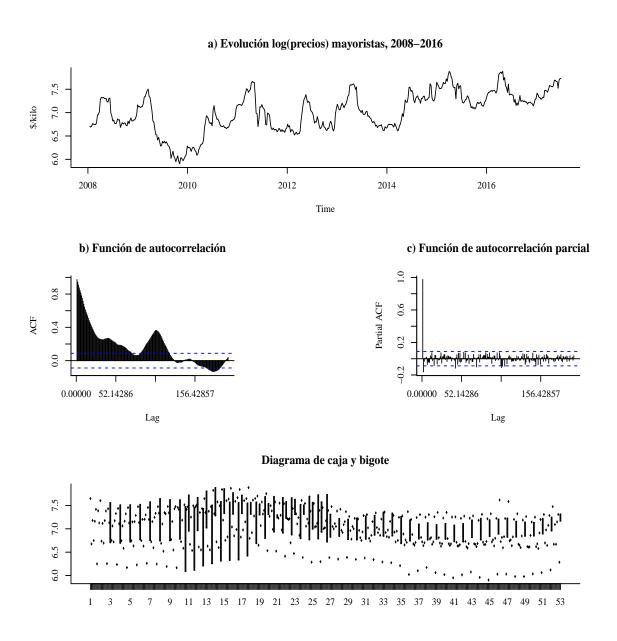


Figura 3.3: Evolución del logaritmo del precio mayorista de la palta ,2008-2016

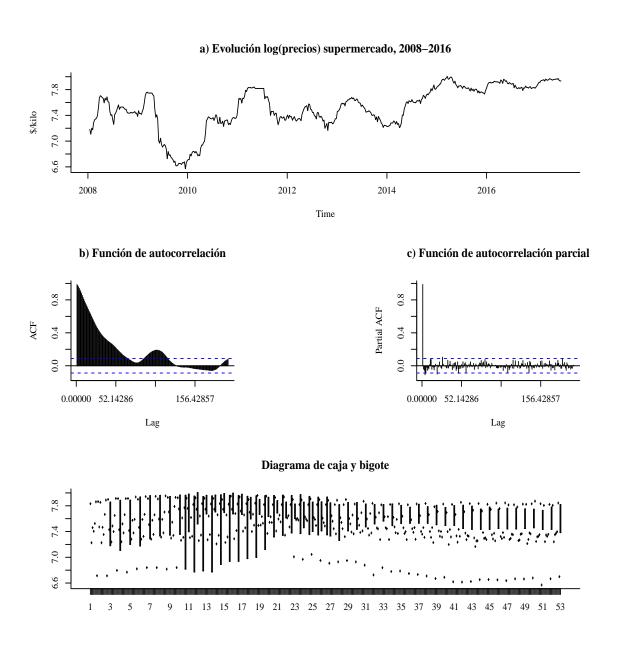


Figura 3.4: Evolución del logaritmo del precio en supermercado de la palta ,2008-2016

3.3. Contrastes de raíz unitaria/estacionariedad

3.3.1. Contraste de Dickey-Fuller Aumentado

El contraste más utilizado en la investigación aplicada, dada su simplicidad, es el contraste propuesto por [fuller1976] y [dickey1981]. Para aplicar este contraste existen dos posibles modelos

Si y_t satisface la siguiente ecuación

$$y_t = \alpha + \rho y_{t-1} + \epsilon_t \qquad (t = 1, ..., n)$$
 (3.3.1)

Donde $\epsilon_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$.

Si y_t satisface la siguiente ecuación

Como puede observarse en el cuadro 3.1, existen 3 estadísticos, Φ_1 , Φ_2 y Φ_3 , y sus respectivas hipótesis que pueden ser utilizados. Mientras Φ_1

$$y_t = \alpha + \beta \left(t - 1 - \frac{1}{2} n \right) + \rho y_{t-1} + \epsilon_t \qquad (t = 1, ..., n)$$
 (3.3.2)

Donde $\epsilon_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$.

Cuadro 3.1: Hipótesis del contraste de Dickey-Fuller

Estadístico	\mathcal{H}_0	\mathcal{H}_a
$ au \ \Phi_1 \ \Phi_2 \ \Phi_3$	$ \rho = 1 (\alpha, \rho) = (0, 1) (\alpha, \beta, \rho) = (0, 0, 1) (\alpha, \beta, \rho) = (\alpha, 0, 1) $	$\rho = 0$ $(\alpha, \rho) \neq (0, 1)$ $(\alpha, \beta, \rho) \neq (0, 0, 1)$ $(\alpha, \beta, \rho) \neq (\alpha, 0, 1)$

Fuente: Elaboración propia basado en Dickey y Fuller (1981)

3.3.2. Contraste de Phillips Perron (1992)

De manera similar al contraste anterior [phillips1988] proponen un contraste no paramétrico para la hipótesis nula de raíz unitaria. A diferencia del contraste de Dickey Fuller este contraste resiste dependencia débil y heteroscedasticidad del término de error. El contraste está construido sobre la base de las siguientes formas funcionales:

$$y_t = \mu + \alpha y_{t-1} + \varepsilon_t, \tag{3.3.3}$$

$$y_t = \mu + \beta \left(t - \frac{1}{2}T \right) + \alpha y_{t-1} + \varepsilon_t \tag{3.3.4}$$

Luego de esto definen los siguientes estadísticos de prueba:

$$Z(\hat{\alpha}) = T(\hat{\alpha} - 1) - \hat{\lambda}/\bar{m}_{yy}, \tag{3.3.5}$$

$$Z(\tau_{\hat{\alpha}}) = (\hat{s}/\hat{\sigma}T_l)t_{\hat{\alpha}} - \hat{\lambda}'\hat{\sigma}T_l/\bar{m}_{yy}^{1/2}, \qquad (3.3.6)$$

$$Z(\tau_{\hat{\mu}}) = (\hat{s}/\hat{\sigma}_{Tl})t_{\hat{\mu}} + \hat{\lambda}'\hat{\sigma}_{Tl}m_y/\bar{m}_{yy}^{1/2}m_{yy}^{1/2}$$
(3.3.7)

Donde $\bar{m}_{yy} = T^{-2} \sum (y_t - \bar{y})^2$, $m_{yy} = T^{-2} \sum y_t^2$, $m_y = T^{-3/2} \sum y_t$ y $\hat{\lambda} = \frac{1}{2} (\hat{\sigma}_{Tl}^2 - \hat{s}^2)$, donde $\hat{\sigma}^2$ es la varianza muestral de los residuos, $\hat{\lambda}' = \hat{\lambda}/\hat{\sigma}_{Tl}^2$. Luego, la varianza de largo plazo es estimada de la siguiente forma:

$$\hat{\sigma}_{Tl}^2 = T^{-1} \sum_{t=1}^T \hat{\varepsilon}_t^2 + 2T^{-1} \sum_{s=1}^l w_{sl} \sum_{t=s+1}^T \hat{\varepsilon}_t \hat{\varepsilon}_{t-s}$$
 (3.3.8)

Donde $w_{sl} = 1 - s/(l+1)$

De manera similar, el contraste permite la inclusión de una tendencia determinista, modificando los estadísticos de prueba de la siguiente manera:

$$Z(\tilde{\alpha}) = T(\hat{\alpha} - 1) - \hat{\lambda}/M, \tag{3.3.9}$$

$$Z(t_{\tilde{\alpha}}) = (\tilde{s}/\tilde{\sigma}_{Tl})t_{\tilde{\alpha}} - \tilde{\lambda}'\tilde{\sigma}_{Tl}/M^{1/2}, \tag{3.3.10}$$

$$Z(t_{\tilde{\mu}}) = (\tilde{s}/\tilde{\sigma}_{Tl})t_{\tilde{\mu}} - \tilde{\lambda}'\tilde{\sigma}_{Tl}m_y/M^{1/2}(M + m_y^2)^{1/2}, \tag{3.3.11}$$

$$Z(t_{\tilde{\beta}}) = (\tilde{s}/\tilde{\sigma}_{Tl})t_{\tilde{\beta}} - \tilde{\lambda}'\tilde{\sigma}_{Tl}\left(\frac{1}{2}m_y - m_{ty}\right)/(M/12)^{1/2}\bar{m}_{yy}^{1/2}$$
(3.3.12)

Donde m_y , \bar{m}_{yy} , $\tilde{\lambda}$, $\tilde{\lambda}'$ y $\tilde{\sigma}_{Tl}$ son definidos al igual que en las ecuaciones 3.3.5 a 3.3.7 y $m_{ty} = T^{5/2} \sum t_{yt}$, $t_{\tilde{\mu}}$, $t_{\tilde{\beta}}$ y $t_{\tilde{\alpha}}$ son los estadísticos t de $\tilde{\mu}$, $\tilde{\alpha}$ y $\tilde{\beta}$, respectivamente. Por último la constante $M = (1 - T^{-2})m_{yy} - 12m_{ty}^2 + 12(1 + T^{-1})m_{ty}m_y - (4 + 6T^{-1} + 2T^{-2})m_y^2$

3.3.3. Contraste de Elliot, Rothenberg & Stock (1996)

Un defecto de los contrastes de raíz unitaria recién expuestos es su baja potencia si el verdadero proceso generador de datos es AR(1) cuyo coeficiente sea cercano a uno. Para mejorar la potencia de estos contrastes, Elliott, Rothenberg & Stock (1996) propusieron quitar los términos deterministas de lae serie de tiempo. Los autores desarrollaron unos contrastes de punto-óptimo factible, denotados por P_T^{μ} y P_T^{τ} , los cuales toman en cuenta posibles problemas de autocorrelación en el término de error. El segundo contraste es denotado omo el DF - GLS, el cual consiste en una modificación del contraste de Dickey-Fuller Aumentado. Se asume la siguiente forma para el proceso generador de los datos:

$$y_t = d_t + u_t (3.3.13)$$

$$u_t = au_{t-1} + v_t (3.3.14)$$

Donde $d_t = \beta' z_t$ representa a los componentes determinísticos, v_t es un proceso de error estacionario de media cero. En el caso en que a = 1, las ecuaciones 3.3.13 y 3.3.14 implican que el proceso es I(1), mientras que si |a| < 1 significa que la serie es estacionaria.

Entonces el estadístico de punto óptimo factible será

$$P_T = \frac{S(a=\bar{a}) - \bar{a}S(a=1)}{\hat{\omega}^2}$$
 (3.3.15)

Donde $S(a = \bar{a})$ y S(a = 1) son las sumas de cuadrados residuales de una regresión de mínimos cuadrados de y_a sobre Z_a con

$$y_a = (y_1, y_2 - ay_1, ..., y_T - ay_{T-1}), (3.3.16)$$

$$Z_a = (z_1, z_2 - az_1, ..., z_T - az_{T-1})$$
 (3.3.17)

Por lo tanto, y_a es un vector columna T-dimensional y \mathbf{Z}_a defin una matriz de dimensiones $T \times q$. El estimador para la varianza del proceso de error v_t puede ser estimado como

$$\hat{\omega} = \frac{\hat{\sigma}_v^2}{(1 - \sum_{i=1}^p \hat{a}^i)^2} \tag{3.3.18}$$

Donde $\hat{\sigma}_v^2$ y \hat{a}_i para i=1,..,p son tomados desde la regresión de mínimos cuadrados auxiliar.

$$\Delta y_t = a_0 + a_1 \Delta y_{t-1} + \dots + \Delta y_{t-p} + a_{p+1} + v_t \tag{3.3.19}$$

Finalmente, la cantidad escalar \bar{a} es fijada como $\bar{a}=1+\frac{\bar{c}}{T}$, donde \bar{c} denota una constante. Dependiendo de los términos deteministas incluidos originalmente, el valor de \bar{c} será -7 para el caso de una constante, mientras que será de -13.5 en el caso de que se presente una tendencia lineal.

A continuación Elliot et al (1996) han propuesto otro contraste basado en el contrase de Dickey Fuller, el cuál es un estadístico para probar $\alpha_0 = 0$ basados en el siguiente modelo.

$$\Delta y_t^d = \alpha_0 y_{t-1}^d + \alpha_1 \Delta_{t-1}^d + \dots + \alpha_p \Delta_{t-p}^d + \varepsilon_t$$
 (3.3.20)

Donde y_t^d son los residuos en la regresión auxiliar $y_t^d \equiv y_t - \hat{\boldsymbol{\beta}} \boldsymbol{z_t}$.

3.3.4. Contraste Kiatkowsky, Pesaran, Schmidt & Shin (1992)

Este contraste está pensando para detectar ya sea estacionariedad en tendencia o en nivel. A diferencia de los contrastes anteriores donde la hipótesis nula implicaba afirmar la presencia de una raíz unitaria, en este caso, la hipótesis nula dice relación con que el proceso sea estacionario. Para construir el contraste se considera el siguiente modelo de base:

$$y_t = \zeta t + r_t + \varepsilon_t \tag{3.3.21}$$

$$r_t = r_{t-1} + u_t (3.3.22)$$

Donde r_t es una caminata aleatoria y el término de error se asume i.i.d $(0, \sigma_u^2)$. La hipótesis nula de este contraste consiste en afirmar que $\mathcal{H}_0: \sigma_u^2 = 0$, en cuyo caso, la tendencia r_t sería igualmente una tendencia determinista en lugar de estocástica.

Para construir el estadístico de prueba se sigue el siguiente procedimiento: i) se realiza una regresión de y_t sobre una constante o bien sobre una tendencia lineal y una constante, dependiendo de si se desea contrastar la hipótesis de estacionariedad en nivel o en pendiente. Luego se calcula la suma parcial de los residuos $\hat{\varepsilon}_t$ de la regresión como

$$S_t = \sum_{i=1}^t \hat{\varepsilon}_i, \qquad t = 1, 2, ..., T$$
 (3.3.23)

El estadístico de prueba está definido como

$$LM = \frac{\sum_{t=1}^{T} S_t^2}{\hat{\sigma}_{\varepsilon}^2} \tag{3.3.24}$$

Donde $\hat{\sigma}_{\varepsilon}^2$ es una estimación de la varianza del error a un paso. Los autores sugieren utiliza una ventana de Bartlett w(s,l) = 1 - s/(l+1) como una función que da un peso optimo para calcular la varianza de largo plazo, esto es

$$\hat{\sigma}_{\varepsilon}^{2} = s^{2}(l) = T^{-1} \sum_{t=1}^{T} \hat{\varepsilon}_{t}^{2} + 2T - 1 \sum_{s=1}^{l} 1 - \frac{s}{l+1} \sum_{t=s+1}^{T} \hat{\varepsilon}_{t} \hat{\varepsilon}_{t-1}$$
 (3.3.25)

3.3.5. Contraste de Canova & Hansen (1995) para estacionalidad estable

3.4. Resultados de los contrastes de raíz unitaria

A continuación se aplicará el contraste de Dickey-Fuller aumentado bajo el supuesto de que el proceso subyacente tiene drift y tendencia y bajo el supuesto de que sólo tiene drift.

Cuadro 3.2: Contraste de Dickey-Fuller aumentado (con drift)

	Estadístico		Valores crí		cicos
\mathcal{H}_0	$Mayorista^a$	${\bf Supermercado}^b$	90 %	95%	99%
τ_2 ϕ_1		-1.6393 1.6354		-2.87 4.61	_

^a: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

El cuadro 3.2 muestra que la evidencia estadística provista por la realización de la serie es apenas suficiente para rechazar la hipótesis $\mathcal{H}_0: \rho = 1$ a un nivel de significancia de 10%. Por otro lado, la hipótesis $\mathcal{H}_0: (\alpha, \rho) = (0, 1)$ no puede ser rechazada.

Con respecto a la serie de precios de supermercados la evidencia va en la misma dirección.

De acuerdo a lo anterior, la serie no contendría una raíz unitaria. De todas maneras, es necesario formular otras representaciones del proceso, como bien podría ser incluir una tendencia determinista (a continuación) o utilizar otros contrastes.

Cuadro 3.3: Contraste de Dickey-Fuller aumentado (con tendencia determinista)

	Estadístico		Valores crític		ticos
\mathcal{H}_0	$Mayorista^a$	${\bf Supermercado}^b$	90 %	95%	99%
$\overline{\tau_3}$	-3.4073	-2.1143	-3.13	-3.42	-3.98
ϕ_2	3.9655	1.6848	4.05	4.71	6.15
ϕ_3	5.84	2.2351	5.36	6.30	8.34

^a: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

^b: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

b: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

El cuadro 3.3 muestra que para el caso de la serie de precios mayoristas, la hipótesis $\mathcal{H}_0: \rho=1$ se rechaza a un nivel de significancia de 10 %. Mientras que la hipótesis $\mathcal{H}_0: (\alpha, \beta, \rho) = (0, 0, 1)$ no muestra evidencia estadística suficiente para ser rechaza a los niveles de significancia propuestos. Por último, la hipótesis $\mathcal{H}_0: (\alpha, \beta, \rho) = (\alpha, 0, 1)$ puede ser rechaza sólo a un 10 % de significancia.

Para el caso de la serie de precios de supermercado, la hipótesis $\mathcal{H}_0: \rho=1$ no puede ser rechazada a ninguno de los niveles de significancia propuestos. Mientras que el contraste tampoco provee información suficiente para rechazar $\mathcal{H}_0: (\alpha, \beta, \rho)=(0,0,1)$. Por último, la hipótesis $\mathcal{H}_0: (\alpha,\beta,\rho)=(\alpha,0,1)$ puede ser rechaza sólo a un 10 % de significancia.

El resultado de este contraste es más bien contradictorio, pues no permite concluir que ambas series contengan una raíz unitaria, bajo los diferentes escenarios que sus hipótesis configuran. Queda la posibilidad entonces de que las series tengan un comportamiento estacionario en tendencia, situación que será abordada con el contraste KPSS.

Cuadro 3.4: Contraste Phillips & Perron^a (con tendencia determinista)

	$Z(t_{\hat{\alpha}})$	$Z(t_{\hat{\mu}})$	$Z(t_{\hat{eta}})$
Mayorista Supermercado	-22.1367 -11.958	-	_

^a: Con cinco rezagos de acuerdo a la siguiente regla $\sqrt[4]{4 \times (n/100)}$.

Si se observa el cuadro 3.4 puede observarse que el contraste claramente rechaza la hipótesis de raíz unitaria, aunque no permite identificar con claridad la estructura de los términos deterministas.

Cuadro 3.5: Contraste Phillips & Perron^a (con tendencia determinista)

	$Z(t_{\hat{lpha}})$	$Z(t_{\hat{\mu}})$
Mayorista	-13.3185	2.5034
Supermercado	-6.8785	1.846

^a: Con cinco rezagos de acuerdo a la siguiente regla $\sqrt[4]{4 \times (n/100)}$.

Al observar el cuadro 3.5 queda de manifiesto el rechazo de la hipótesis de raíz unitaria, aunque por cierto no se puede afirmar con exactitud el comportamiento de los términos deterministas.

Cuadro 3.6: Contraste de Elliot, Rothenberg & Stock (con tendencia determinista)

Est	Estadístico		Valores críticos		
$Mayorista^a$	${\bf Supermercado}^b$	90%	95%	99%	
-3.1558	-2.0504	-2.57	-2.89	-3.48	

^a: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

Cuadro 3.7: Contraste de Elliot, Rothenberg & Stock (con constante)

Est	Estadístico		Valores críticos		
$Mayorista^a$	${\bf Supermercado}^b$	90 %	95%	99%	
-2.3519	-0.8837	-1.62	-1.94	-2.57	

^a: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

Cuadro 3.8: Contraste KPSS (con tendencia determinista)

	Estadístico		Valores críticos		icos
\mathcal{H}_0	$Mayorista^a$	${\bf Supermercado}^b$	90 %	95%	99%
$\overline{\tau_3}$	0.2657	0.3246	0.119	0.146	0.216

 $[^]a$: Con cinco rezagos de acuerdo a la siguiente regla $\sqrt[4]{4\times(n/100)}.$

^b: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

 $^{^{}b}$: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

b: Con cinco rezagos de acuerdo a la siguiente regla $\sqrt[4]{4 \times (n/100)}$.

Cuadro 3.9: Contraste KPSS (sin tendencia determinista)

	Estadístico		Valo	ores crít	icos
\mathcal{H}_0	$Mayorista^a$	${\bf Supermercado}^b$	90 %	95 %	99 %
$\overline{\tau_3}$	2.5592	2.9497	0.347	0.463	0.739

 $[^]a\colon$ Con cinco rezagos de acuerdo a la siguiente regla

Cuadro 3.10: Contraste de Canova & Hansen^a

	Estadístico	valor-p
$2\pi/52,14$	0.227	0.6999
$4\pi/52,14$	0.2603	0.6133
$6\pi/52,14$	0.32	0.4755
$8\pi/52,14$	0.2532	0.6312
$10\pi/52,14$	0.3436	0.4287
$12\pi/52,14$	0.2876	0.547
$14\pi/52,14$	0.2109	0.7432
$16\pi/52,14$	0.2976	0.5239
$18\pi/52,14$	0.2948	0.5304
$20\pi/52,14$	0.383	0.3595
$22\pi/52,14$	0.306	0.5052
$24\pi/52,14$	0.3091	0.4985
$26\pi/52,14$	0.2195	0.7199
$28\pi/52,14$	0.4032	0.3282
$30\pi/52,14$	0.3891	0.3498
$32\pi/52,14$	0.1906	0.7979
$34\pi/52,14$	0.2511	0.6367
$36\pi/52,14$	0.2742	0.5789
$38\pi/52,14$	0.6599	0.0982
$40\pi/52,14$	0.2673	0.5959
$42\pi/52,14$	0.2401	0.6652
$44\pi/52,14$	0.1919	0.7945
$46\pi/52,14$	0.5093	0.2012
$48\pi/52,14$	0.303	0.5119
$50\pi/52,14$	0.2531	0.6314
$52\pi/52,14$	0.476	0.235
joint	5.1191	1

^a: El contraste utiliza términos trigonométricos

 $[\]sqrt[4]{4\times(n/100)}.$ b: Con cinco rezagos de acuerdo a la siguiente regla $\sqrt[4]{4 \times (n/100)}$.

Análisis de cointegración

4.1. Cointegración y análisis de las relaciones de largo plazo

Apuntes de Farías (2017a)

Dutoit et al. (2010, p. 15) define la transmi- sión en este contexto como "(...) la relación entre los precios de dos mercados relacio- nados; por ejemplo, entre el precio interna- cional de un producto y su precio doméstico

En econometría, la estimación de las re-laciones entre variables que presentan tendencia reviste complejidad, porque su estructura puede provocar que se consideren significativas relaciones comple- tamente espurias (Granger y Newbold, 1974)

Estas técnicas (cointegración) corresponden a los modelos de cointegración, que en la actualidad son utilizados con frecuencia en los estudios de transmisión de precios (aná- lisis horizontal) y de transferencia de costos (análisis vertical)

En este caso, Π pue- de ser factorizado en una matriz $\alpha \beta'$, donde α es una matriz de dimensión $n \times r$ que re- presenta la velocidad de ajuste al equilibro, mientras que β es una matriz de dimensión $n \times r$ que representa los coeficientes de largo plazo

Apuntes de Juselius

- The time series describing cumulated trend-adjusted shocks is usually called a stochas- tic trend. It is a cumulation of random shocks with zero mean and constant variance. If
- with a linear deterministic trend component. Thus, the difference between a stochastic and deterministic trend is that the increments of a stochastic trend change randomly, whereas those of a deterministic trend are constant over time.

- It is easy to see that if inflation rate is I(1) with a non-zero mean, then prices will contain a integrated twice cumulated of order stochastic two, or in trend, t s=1 notation i=1 s i . pt We say I(2). that trend-adjusted prices are
- We shall argue below that, unless a unit root is given a structural interpretation, the choice of one representation or the other is as such not very important, as long as there is consistency between the economic analysis and the choice. However, from an econometric point of view the choice between the two representations is usually crucial for the whole empirical analysis and should therefore be carefully considered.
- variable. Because a cointegrating relation does not necessarily correspond to an interpretable economic relation, we make a further distinction between the statistical concept of a 'cointegration relation' and the economic concept of a 'long-run equilibrium relation'.
- say second that stochastic the distinction trend, between u2i, as a long-run a long-run and structural medium-run trend stochastic or not. trend Thus,in one this might case is between an I(1) stochastic trend with no linear trend and a near I(1) stochastic trend with a linear trend.

Definición 4.1.1. Sea $\{\mathbf{x}_t\}$ un proceso estocástico para t = ..., -1, 0, 1, 2, ... Si

$$\mathbb{E}[\mathbf{x}_t] = -\infty < \mu < \infty \tag{4.1.1}$$

$$\mathbb{E}[\mathbf{x}_t - \mu]^2 = \mathbf{\Sigma}_0 < \infty \qquad \forall t \tag{4.1.2}$$

$$\mathbb{E}[(\mathbf{x}_t - \mu)(\mathbf{x}_{t+h} - \mu)] = \mathbf{\Sigma}_h \qquad \forall t \ y \ h \tag{4.1.3}$$

Entonces \mathbf{x}_t es debilmente estacionario. La estacionariedad estricta requiere que la distribución de $(x_{t1},...,x_{tk})$ es la misma que $(x_{t1+h},...,x_{tk+h})$ para h=...,-1,0,1,2,...

for time t based on the available information at time t 1. For example, a VAR model with autocorrelated and or heteroscedastic residuals would describe agents that do not use all information in the data as efficiently as possible. This is because by including the

For example, a VAR model with autocorrelated and or heteroscedastic residuals would describe agents that do not use all information in the data as efficiently as possible.

Simulation studies have shown that valid statistical inference is sensitive to violation of some of the assumptions, such as parameter non-constancy, autocorrelated residu- als (the higher, the worse) and skewed residuals, while quite robust to others, such as excess kurtosis and residual heteroscedasticity. This will be discussed in more detail in

• the use of intervention dummies to account for significant political or institutional events during the sample; • conditioning on weakly or strongly exogenous variables; • checking the measurements of the chosen variables; • changing the sample period to avoid fundamental regime shift or splitting the sample into more homogenous periods.

and the model has been extended to contain Dt , a vector of deterministic components, such as a constant, seasonal dummies and intervention dummies. The autoregressive for- mulation is useful for expressing hypotheses on economic behaviour, whereas the moving average representation is useful when examining the properties of the proces.

Si asumimos un modelo VAR(2) bi-dimensional

$$(\mathbf{I} - \mathbf{\Pi}_1 L - \mathbf{\Pi}_2 L^2) \mathbf{x}_t = \mathbf{\Phi} \mathbf{D}_t + \varepsilon_t \tag{4.1.4}$$

La función características es entonces

$$\mathbf{\Pi}(z) = \mathbf{I} - \begin{bmatrix} \pi_{1,11} & \pi_{1,12} \\ \pi_{1,21} & \pi_{1,22} \end{bmatrix} z - \begin{bmatrix} \pi_{2,11} & \pi_{2,12} \\ \pi_{2,21} & \pi_{2,22} \end{bmatrix} z^2$$
(4.1.5)

$$= \mathbf{I} - \begin{bmatrix} \pi_{1,11}z & \pi_{1,12}z \\ \pi_{1,21}z & \pi_{1,22}z \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} \pi_{2,11}z^2 & \pi_{2,12}z^2 \\ \pi_{2,21}z^2 & \pi_{2,22}z^2 \end{bmatrix}$$
(4.1.6)

$$= \begin{bmatrix} (1 - \pi_{1,11}z - \pi_{2,11}z^2) & (-\pi_{1,12}z - \pi_{2,12}z^2) \\ (-\pi_{1,21}z - \pi_{2,21}z^2) & (1 - \pi_{1,22}z - \pi_{2,22}z^2) \end{bmatrix}$$
(4.1.7)

y

$$|\mathbf{\Pi}(z)| = (1 - \pi_{1,11}z - \pi_{2,11}z^2)(1 - \pi_{1,22}z - \pi_{2,22}z^2) - (\pi_{1,12}z + \pi_{2,12}z^2)(\pi_{1,21}z + \pi_{2,21}z^2)$$
(4.1.8)

$$=1-a_1z-a_2z^2-a_3z^3-a_4z^4 (4.1.9)$$

$$= (1 - \rho_1 z)(1 - \rho_2 z)(1 - \rho_3 z)(1 - \rho_4 z) \tag{4.1.10}$$

El determinante entrega información valiosa sobre el comportamiento dinámico del proceso.

Luego

$$\mathbf{x}_{t} = \frac{\mathbf{\Pi}^{a}(L)(\mathbf{\Phi}\mathbf{D}_{t} + \varepsilon_{t})}{(1 - \rho_{1}z)(1 - \rho_{2}z)(1 - \rho_{3}z)(1 - \rho_{4}z)} + \tilde{\mathbf{X}}^{0}, \qquad t = 1, ..., T$$

$$= \left(\frac{\mathbf{\Pi}_{1}^{a}L + \mathbf{\Pi}_{2}^{a}L^{2}}{(1 - \rho_{2}z)(1 - \rho_{3}z)(1 - \rho_{4}z)}\right) \left(\frac{\varepsilon_{t} + \mathbf{\Phi}D_{t}}{(1 - \rho_{1}L)}\right) + \mathbf{X}^{0}, \qquad t = 1, ..., T \quad (4.1.12)$$

4.2. Estimación basada en la verosimilitud para el modelo VAR irrestricto

Cuando el modelo no tiene restricciones sobre sus parámetros (como las que pueden surgir debido a la presencia de raíces unitarias) el modelo puede estimarse por MCO, caso que coincide con el estimador de *Full information maximum likelihood*Si escribimos el modelo en su versión apilada

$$\mathbf{x}_t = \mathbf{B}' \mathbf{Z}_t + \varepsilon_t, \qquad t = 1, .., T \tag{4.2.1}$$

$$\varepsilon_t \sim IN_p(\mathbf{0}, \mathbf{\Omega})$$
 (4.2.2)

Donde:

$$lacksquare B' = [\mu_0, \Pi_1, \Pi_2, ..., \Pi_k]$$

$$\qquad \mathbf{Z'}_t = \left[1, \mathbf{x'_{t-1}}, \mathbf{x'_{t-2}}, ..., \mathbf{x'_{t-k}}\right]$$

$$\quad \blacksquare \ \, \mathbf{X}^0 = \left[\mathbf{x_0'}, \mathbf{x_{-1}'}, ..., \mathbf{x_{-k+1}'} \right]$$

La función de verosimilitud será la siguiente:

$$\log L(\boldsymbol{B}, \boldsymbol{\Omega}, \boldsymbol{X}) = -T\frac{p}{2}\log(2\pi) - T\frac{1}{2}\log|\boldsymbol{\Omega}| - \frac{1}{2}\sum_{t=1}^{T}(\mathbf{x_t} - \mathbf{B'Z_t})'\boldsymbol{\Omega}^{-1}(\mathbf{x_t} - \mathbf{B'Z_t})$$
(4.2.3)

Si calculamos $\frac{\partial \log L}{\partial \mathbf{B}}$, tendremos

$$\sum_{t=1}^{T} \mathbf{x_t} \mathbf{Z_t'} = \mathbf{ ilde{B}'} \sum_{t=1}^{T} \mathbf{Z_t} \mathbf{Z_t'}$$

Entonces, el estimador de máxima verosimilitud es

$$\tilde{\mathbf{B}}' = \sum_{t=1}^{T} (\mathbf{x_t} \mathbf{Z}_t') \left(\sum_{t=1}^{T} \mathbf{Z_t} \mathbf{Z}_t' \right)^{-1} = \mathbf{M}_{xZ} \mathbf{M}_{ZZ}^{-1}$$
(4.2.4)

Luego calculando $\frac{\partial \log L}{\partial \Omega} = \mathbf{0}$

$$\hat{\mathbf{\Omega}} = T^{-1} \sum_{t=1}^{T} (\mathbf{x_t} - \hat{\mathbf{B}}' \mathbf{Z_t}) (\mathbf{x_t} - \hat{\mathbf{B}}' \mathbf{Z_t})' = T^{-1} \sum_{t=1}^{T} \hat{\boldsymbol{\varepsilon}_t} \hat{\boldsymbol{\varepsilon}}_t'$$
(4.2.5)

El valor máximo de la función de Verosimilitud, será el siguiente:

$$\log L_{\text{máx}} = -\frac{P}{2}T\log(2\pi) - \frac{1}{2}T\log|\hat{\mathbf{\Omega}}| - \frac{1}{2}\sum_{t=1}^{T}(\mathbf{x_t} - \hat{\mathbf{B}}'\mathbf{Z_t})'\hat{\mathbf{\Omega}}^{-1}(\mathbf{x_t} - \hat{\mathbf{B}}'\mathbf{Z_t})$$
(4.2.6)

Mostraremos que $\log L_{\text{máx}} = -\frac{1}{2}T\log|\hat{\Omega}| + K, \qquad K \in \mathbb{R}$

$$(\boldsymbol{x}_{t} - \hat{\boldsymbol{B}}'\boldsymbol{Z}_{t})\hat{\boldsymbol{\Omega}}^{-1}(\mathbf{x}_{t} - \hat{\mathbf{B}}'\mathbf{Z}_{t}) = \hat{\boldsymbol{\varepsilon}}_{t}'\hat{\boldsymbol{\Omega}}^{-1}\hat{\boldsymbol{\varepsilon}}_{t}$$

$$= \sum_{ij} \hat{\boldsymbol{\varepsilon}}_{t,i}(\hat{\boldsymbol{\Omega}}^{-1})_{ij}\hat{\boldsymbol{\varepsilon}}_{t,j} \qquad (4.2.7)$$

$$= \sum_{ij} (\hat{\boldsymbol{\Omega}}^{-1})_{ij}\hat{\boldsymbol{\varepsilon}}_{t,i}\hat{\boldsymbol{\varepsilon}}_{t,j}$$

$$= \operatorname{traza}\{\hat{\boldsymbol{\Omega}}^{-1}\hat{\boldsymbol{\varepsilon}}_{t}\hat{\boldsymbol{\varepsilon}}_{t}'\} \qquad (4.2.8)$$

Luego, se tiene que

$$\sum_{t=1}^{T} (\mathbf{x_t} - \hat{\mathbf{B}}' \mathbf{Z_t}) \hat{\boldsymbol{\Omega}}^{-1} (\mathbf{x_t} - \hat{\mathbf{B}}' \mathbf{Z_t})' = \sum_{t=1}^{T} \operatorname{traza} \{ \hat{\boldsymbol{\Omega}}^{-1} \hat{\boldsymbol{\varepsilon}_t} \hat{\boldsymbol{\varepsilon}_t'} \}$$
(4.2.9)

$$= T \sum_{t=1}^{T} \operatorname{traza} \{ \hat{\boldsymbol{\Omega}}^{-1} \hat{\boldsymbol{\varepsilon}}_{t} \hat{\boldsymbol{\varepsilon}}_{t}' / T \}$$
 (4.2.10)

$$= T \operatorname{traza} \{ \hat{\boldsymbol{\Omega}}^{-1} \hat{\boldsymbol{\Omega}} \} \tag{4.2.11}$$

$$= T \operatorname{traza}\{\mathbf{I}_p\} = Tp \tag{4.2.12}$$

De donde se desprende que

$$\log L_{\text{máx}} = -T\frac{1}{2}\log|\hat{\Omega}|\underbrace{-T\frac{p}{2} - T\frac{p}{2}\log(2\pi)}_{+K}$$
(4.2.13)

NOTA PARA RECORDAR: si las variables del modelo están formuladas en logaritmo la desviación estándar de cada una de estas puede ser interpretada como un porcentaje de error

4.2.1. Contraste de razón de verosimilitud

$$-2\log Q(\mathcal{H}_k/\mathcal{H}_{k+1}) = T(\log |\hat{\Omega}_k| - \log |\hat{\Omega}_{k+1}|) \sim \chi_{n^2}^2$$
 (4.2.14)

Criterios de selección

$$AIC = \log |\hat{\Omega}| + (p^2 k) \frac{2}{T}$$

$$(4.2.15)$$

$$SC = \log |\hat{\Omega}| + (p^2 k) \frac{\log T}{T}$$
(4.2.16)

Hannah-Quinn =
$$\log |\hat{\Omega}| + (p^2 k) \frac{2 \log \log T}{T}$$
 (4.2.17)

Todos los criterios en común están basados en el máximo valor que alcanza la función de verosimilitud del modelo, más un factor que penaliza por el número de parámetros estimados.

Al momento de la determinación del número de rezagos, volver a revisar tabla 4.5 de la página 92

Trace correlation =
$$1 - \text{traza}(\hat{\Omega}[\text{Cov}(\Delta \mathbf{x_t})]^{-1})/p$$
 (4.2.18)

El contraste de Ljung-Box

Ljung-Box =
$$T(T+2)\sum_{h=1}^{T/4} (T-h)^{-1} \operatorname{traza}(\hat{\Omega}'_{h}\hat{\Omega}^{-1}\hat{\Omega}'_{h}\hat{\Omega}^{-1})$$
 (4.2.19)

Donde $\hat{\Omega}_h = T^{-1} \sum_{t=1}^T \hat{\varepsilon}_t \hat{\varepsilon}'_{t-h}$. El estadístico se considera distribuido aproximadamente según una χ^2 con $p^2(T/4-k+1)-p^2$ grados de libertad.

También puede utilizarse un contraste propuesto por Godfrey(1988), el cual consiste en regresar los residuos del modelo VAR estimado, $\hat{\boldsymbol{\varepsilon}}_t$, sobre k variables rezagadas, $\mathbf{x_{t-1}}, \mathbf{x_{t-2}}, ..., \mathbf{x_{t-k}}$ y el j-ésimo residuo rezagado

$$\hat{\varepsilon}_t = \mathbf{A_1} \mathbf{x_{t-1}} + \mathbf{A_2} \mathbf{x_{t-2}} + \dots + \mathbf{A_k} \mathbf{x_{t-k}} + \mathbf{A_{\varepsilon}} \hat{\varepsilon}$$
 (4.2.20)

Donde los primeros j valores están perdidos $\hat{\varepsilon}_{-j},...,\hat{\varepsilon}_{-1}$, los que son fijados a

cero. El Estadístico de prueba, de tipo multiplicador de Lagrange es calculado de la siguiente forma

$$LM(j) = -(T - p(k+1) - \frac{1}{2})\log\left(\frac{|\tilde{\Omega}(j)|}{||\tilde{\Omega}|}\right)$$
(4.2.21)

El estadístico se distribuye aproximadamente como una χ^2 con p^2 grados de libertad. Porque

Contrastes para Heteroscedasticidad Residual

El contraste ARCH m-ésimo es calculado como $(T + k - m) \times R^2$. Aquí R^2 se obtiene de la siguiente regresión auxiliar

$$\hat{\varepsilon}_{i,t}^2 = \gamma_0 + \sum_{j=1}^m \gamma_j \hat{\varepsilon}_{i,t-j}^2 + error \tag{4.2.22}$$

El estadístico se distribuye aproximadamente como una χ^2 con m grados de libertad.

Contrastes de normalidad

Para construir un contraste adecuado para verificar la hipótesis de normalidad (multivariada) de los residuos del modelo, se utiliza lo siguiente

skewness_i =
$$\sqrt{\hat{b}_{1i}} = T^{-1} \sum_{t=1}^{T} (\hat{c}_i/\hat{\sigma}_i)_t^3$$
 (4.2.23)

kurtosis_i =
$$\hat{b}_{2i} = T^{-1} \sum_{t=1}^{T} (\hat{\varepsilon}_i / \hat{\sigma}_i)_t^4$$
 (4.2.24)

Bajo el supuesto de que los residuos se distribuyen normal, el skewness y la kurtosis de los residuos $\hat{\varepsilon}_i$ son asintóticamente normales con las siguientes medias y varianza

$$\sqrt{T}(\text{skewness}_i - 0) \stackrel{a}{\sim} \mathcal{N}(0, 6)$$
 (4.2.25)

4.2.2. Modelo Vectorial de Corrección del Error (VECM)

Suponga que cada componente de una serie de tiempo K-dimensional y_t es I(1). Entonces, la ecuación (VAR) no será una formulación adecuada de este modelo debido a que los términos $y_t, y_{t-1}, ..., y_{t-p}$ son todos no estacionarios. De todas formas, sustituyendo

$$\mathbf{A}_1 = \mathbf{I}_k + \mathbf{\Gamma}_1 \tag{4.2.26}$$

$$\mathbf{A}_i = \mathbf{\Gamma_i} - \mathbf{\Gamma_{i-1}} \qquad i = 1, ..., p - 1$$
 (4.2.27)

$$\mathbf{A}_p = -\mathbf{\Gamma}_{p-1} \tag{4.2.28}$$

En la ecuación (2.8), reagrupando términos y utilizando que $\Delta \mathbf{y}_i = \mathbf{y}_i - \mathbf{y}_{i-1} \quad \forall i$, podemos reescribir esta ecuación como

$$\Delta \mathbf{y}_t = \mu + \Gamma_1 \Delta \mathbf{y}_{t-1} + \Gamma_2 \Delta \mathbf{y}_{t-2} + \dots + \Gamma_{p-1} \Delta \mathbf{y}_{t-p+1} + \mathbf{u}_t$$
(4.2.29)

Naturalmente, ambas ecuaciones describen el mismo modelo, pero preferimos usar la ecuación (4.2.29) cuando \mathbf{y}_t es I(1), debido a que cada término es estacionario en este caso. Entonces, cuando \mathbf{y}_t es I(1), podemos encontrar un modelo apropiado para y_t diferenciando cada componente de \mathbf{y}_t una vez, y llevando a cabo la regresión basada en la ecuación (4.2.29). De todas formas, entonces no podremos tomar en cuenta que podría haber dependencias entre algunos de los componentes de \mathbf{y}_t . Por ejemplo, dos de los componentes podrían tener una tendencia en común, o podría existir una combinación lineal de los componente de y_t la cual fuera estacionaria. Este problema suele resolverse utilizando incluyendo un término de corrección del error $\Pi \mathbf{y}_{t-1}$ en la ecuación (4.2.29), donde Π es una matriz $K \times K$ de cuyo rango $rank(\Pi) < K$, debido a que si Π tuviera rango completo, entonces Π es invertible, de manera que la variable no estacionaria \mathbf{y}_{t-1} puede ser escrita como la suma de términos estacionarios, lo que es una contradicción. Entonces, $rank(\mathbf{\Pi}) = r < K$ lo cual implica que existen $(K \times r) - matrices \alpha y \beta$ de rango r tales que $\Pi = \alpha \beta'$. Entonces, cada una de las r filas de $\beta' y_{t-1}$ es una combinación lineal estacionaria de los componentes de y_t y es llamada una relación de cointegración. El número r, el cual es igual al número de relación de cointegración es llamado el **rango de** cointegración. Como la matriz β contiene todos los coeficiente de las relaciones de cointegración, es llamada la matriz de cointegración. La matriz α , la cual es la matriz de coeficientes de los términos estacionarios $\beta' y_{t-1}$ en la ecuación (4.2.30), es llamada la matriz de carga.

Definición 4.2.1. Un modelo VECM de orden p se define como

$$\Delta \mathbf{y}_{t} = \mu + \alpha \beta' \mathbf{y}_{t-1} + \Gamma_{1} \Delta \mathbf{y}_{t-1} + \dots + \Gamma_{p-1} \Delta \mathbf{y}_{t-p+1} + u_{t} \quad t = 1, \dots, T \quad (4.2.30)$$

Donde $\mathbf{y}_t = [y_{1t}, ..., y_{Kt}]'$ es un vector aleatorio de $K \times 1$, $\boldsymbol{\mu}$ es un vector constante de $(K \times 1)$, $\boldsymbol{\alpha}$ $\boldsymbol{\beta}$ son matrices $(K \times r)$ tales que $rank(\boldsymbol{\alpha}) = rank(\boldsymbol{\beta}) < K$,

4.2.3. El contraste de cointegración de Johansen

Considere el siguiente modelo

$$\Delta \mathbf{y}_t = \Pi \mathbf{y}_{t-1} + \Gamma_1 \Delta \mathbf{y}_{t-1} + \dots + \Gamma_{p-1} \Delta \mathbf{y}_{t-p+1} + u_t \tag{4.2.31}$$

Donde \mathbf{y}_t es un proceso K-dimensional y $rk(\Pi) = r$ con $0 \le r \le K$.

$$\mathcal{H}_0: rk(\mathbf{\Pi}) = r_0 \qquad versus \qquad \mathcal{H}_1: r_0 < rk(\mathbf{\Pi}) \le r_1 \qquad (4.2.32)$$

Lütkepohl(2005, pp. 294) Lütkepohl(2005, pp.340) Tso (1981) Para regresión de rango reducido

Proposición 4.2.1. Sea $M:=I_T-\Delta \mathbf{X}'(\Delta \mathbf{X}\Delta \mathbf{X}')^{-1}\Delta \mathbf{X},\ R_0:=\Delta \mathbf{Y}M\ y\ R_1=\mathbf{Y}_{-1}M.$ Además

$$S_{ij} := R_i R'_j / T, \qquad i = 0, 1,$$
 (4.2.33)

 $\lambda_1 \geq ... \geq \lambda_K$ los autovalores de $S_{11}^{-1/2} S_{10} S_{00}^{-1} S_{01} S_{11}^{-1/2}$, y $\mathbf{v}_1, ..., \mathbf{v}_K$, los correspondientes autovectores ortonormales

$$\log l = -\frac{KT}{2} \log 2\pi - \frac{T}{2} \log |\mathbf{\Sigma}_{u}|$$
$$-\frac{1}{2} tr[(\Delta \mathbf{Y} - \boldsymbol{\alpha} \boldsymbol{\beta}' Y_{-1} - \boldsymbol{\Gamma} \Delta \mathbf{X}) \boldsymbol{\Sigma}_{\mathbf{u}} (\Delta \mathbf{Y} - \boldsymbol{\alpha} \boldsymbol{\beta}' Y_{-1} - \boldsymbol{\Gamma} \Delta \mathbf{X})] \qquad (4.2.34)$$

Desde el resultado anterior puede plantearse el siguiente estadístico de razón de verosimilitud (LRT) para contrastar (4.2.32)

$$\lambda_{LR}(r_0, r_1) = 2[\log l(r_1) - \log l(r_0)]$$

$$= T \left[-\sum_{i=1}^{r_1} \log(1 - \lambda_i) + \sum_{i=1}^{r_0} \log(1 - \lambda_i) \right]$$

$$= -T \sum_{i=r_0+1}^{r_1} \log(1 - \lambda_i)$$
(4.2.35)

Cabe destacar que bajo la hipótesis nula, el estadístico no sigue una distribución estándar por lo que lo que sus valores críticos deben obtenerse mediante simulación. En particular, depende del número de relaciones de cointegracón y del tipo de hipótesis alterna a utilizar. Dos especificaciones son las más utilizadas en la literatura:

$$\mathcal{H}_0: rk(\mathbf{\Pi}) = r_0 \qquad versus \qquad \mathcal{H}_1: r_0 < rk(\mathbf{\Pi}) \le K$$
 (4.2.36)

y

$$\mathcal{H}_0: rk(\mathbf{\Pi}) = r_0 \qquad versus \qquad \mathcal{H}_1: rk(\mathbf{\Pi}) = r_0 + 1 \qquad (4.2.37)$$

El estadístico $\lambda_{LR}(r_0, K)$ para contrastar (4.2.36) se denomina comunmente como el estadístico de la traza para testear el rango de cointegración, mientras que $\lambda_{LR}(r_0, r_0 + 1)$ es llamado estadístico de máximo autovalor.

4.3. Resultados

4.3.1. Determinación del rango de cointegración

```
## $L01
## [1] 0.187144
##
## $df
## [1] 4
##
## $^p-value^
## [1] 0.9958859
```

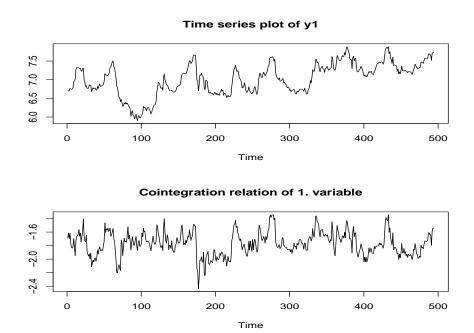


Figura 4.1: Número de Rezagos para el contraste de Independencia

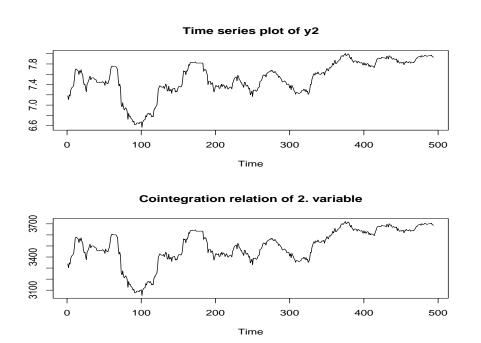
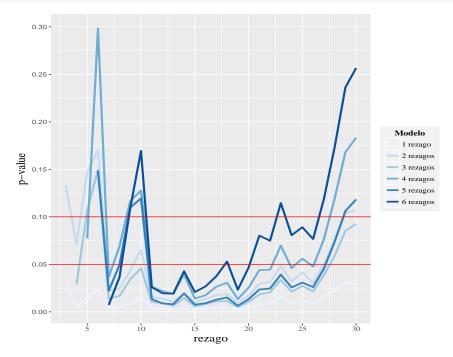


Figura 4.2: Número de Rezagos para el contraste de Independencia

```
## #####################
##
## Estimation and testing under linear restrictions on beta
## The VECM has been estimated subject to:
## beta=H*phi and/or alpha=A*psi
##
##
         [,1]
## [1,] 1.00
## [2,] -1.06
## [3,] 0.98
##
## Eigenvalues of restricted VAR (lambda):
## [1] 0.0825
##
## The value of the likelihood ratio test statistic:
## 2.91 distributed as chi square with 2 df.
## The p-value of the test statistic is: 0.23
##
## Eigenvectors, normalised to first column
## of the restricted VAR:
##
##
         [,1]
## [1,] 1.00
## [2,] -1.06
## [3,] 0.98
##
## Weights W of the restricted VAR:
##
                     [,1]
##
## mayorista.d
                  -0.1138
## supermercado.d 0.0459
## ############
## ###Model VECM
## ############
## Full sample size: 494 End sample size: 491
\#\# Number of variables: 2 Number of estimated slope parameters 10
```

```
## AIC -5462.592 BIC -5416.431 SSR 4.514969
## Cointegrating vector (estimated by ML):
     mayorista supermercado
##
              1
                   -1.168669 1.778087
## r1
##
##
##
                         ECT
                                            mayorista -1
## Equation mayorista
                         -0.1155(0.0249)*** 0.1992(0.0469)***
## Equation supermercado 0.0533(0.0134)***
                                            0.0585(0.0252)*
##
                         supermercado -1
                                           mayorista -2
## Equation mayorista
                         0.2295(0.0824)**
                                            0.0547(0.0476)
## Equation supermercado -0.0270(0.0443)
                                             0.0703(0.0256)**
##
                         supermercado -2
                         0.1593(0.0816).
## Equation mayorista
## Equation supermercado 0.0182(0.0439)
```



```
mayorista supermercado
##
## r1
                   -1.090485 1.185426
##
##
                         ECT
##
                                             mayorista -1
## Equation mayorista
                         -0.1371(0.0297)*** 0.2053(0.0495)***
## Equation supermercado 0.0241(0.0158)
                                              0.0734(0.0263)**
##
                          supermercado -1
                                              mayorista -2
                                               0.0628(0.0503)
## Equation mayorista
                         0.2011(0.0890)*
## Equation supermercado -0.0728(0.0473)
                                              0.0873(0.0267)**
##
                          supermercado -2
                                              mayorista -3
## Equation mayorista
                         0.1627(0.0886).
                                               0.0333(0.0500)
## Equation supermercado -0.0183(0.0471)
                                              0.0405(0.0266)
##
                         supermercado -3
                                             mayorista -4
## Equation mayorista
                         0.0460(0.0888)
                                              -0.0487(0.0493)
## Equation supermercado 0.0356(0.0472)
                                              0.0227(0.0262)
##
                          supermercado -4
                                             mayorista -5
## Equation mayorista
                         0.0771(0.0872)
                                              -0.0381(0.0490)
## Equation supermercado 0.0823(0.0463).
                                              -0.0309(0.0260)
##
                         supermercado -5
                                              mayorista -6
## Equation mayorista
                         0.0163(0.0866)
                                              0.0742(0.0487)
## Equation supermercado -0.0314(0.0460)
                                              0.0445(0.0259).
##
                         supermercado -6
                                             mayorista -7
## Equation mayorista
                         0.0195(0.0844)
                                              0.0337(0.0488)
## Equation supermercado 0.0131(0.0448)
                                              0.0743(0.0259)**
##
                          supermercado -7
## Equation mayorista
                         0.1745(0.0828)*
## Equation supermercado -0.0192(0.0440)
```

	Estadístico	Valores críticos			
\mathcal{H}_0	p = 2	90 %	95%	99%	
$r \le 1$ $r = 0$	2.66 49.54	6.50 15.66	8.18 17.95	11.65 23.52	

Cuadro 4.1: Contraste de la la traza de cointegración de Johansen

	Estadístico	Valores críticos			
\mathcal{H}_0	p = 2	90 %	95%	99%	
$r \le 1$	2.66	6.50	8.18	11.65	
r = 0	46.88	12.91	14.90	19.19	

Cuadro 4.2: Contraste del $m\'{a}ximo$ autovalor de cointegración de Johansen

Capítulo 5

Procesos de transmisión asimétricos

5.1. Modelo de vectores de corrección del error por umbrales (TVECM)

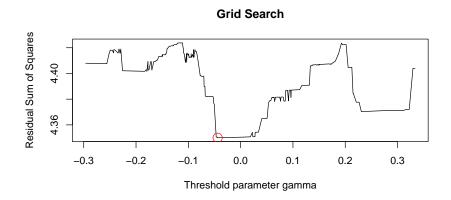
Definición 5.1.1. Una serie de tiempo K-dimensional \mathbf{y}_t se dice que sigue un modelo TVECM de k-regímenes de orden p si satisface

$$\Delta y_{t} = c_{j} + \mathbf{\Pi}_{j} \mathbf{y}_{t-1} + \mathbf{\Gamma}_{1j} \Delta \mathbf{y}_{t-1} + \dots + \mathbf{\Gamma}_{(p-1),j} \Delta \mathbf{y}_{t-p+1} + u_{tj}, \quad si \quad \gamma_{j-1} \le y_{t-d-1} \le \gamma_{j}$$
(5.1.1)

5.1.1. El contraste de Hansen & Seo (2002)

Cuando estimamos un modelo TVECM resulta vital discernir si este modelo no lineal tiene una performance superior a la que tendría un modelo lineal VECM. Hansen & Seo (2002) propusieron un contraste

- 5.1.2. Contrastes de linealidad
- 5.1.3. Estimación del modelo
- 5.1.4. Relaciones dinámicas a corto plazo
- 5.2. Resultados de la aplicación
- 5.2.1. Análisis de las relaciones asimétricas
- 5.2.2. Especificación del sistema
- 5.2.3. Estimación del modelo TVECM
- 5.2.4. Funciones de impulso respuesta
- 5.2.5. Diagnósticos del modelo



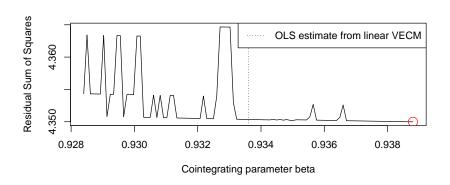
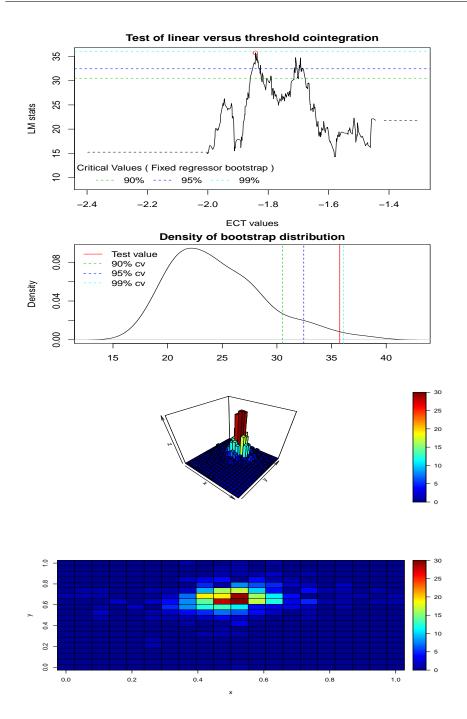


Figura 5.1: Modelo de corrección del error por umbrales

$$\begin{pmatrix} \Delta X_t^1 \\ \Delta X_t^2 \end{pmatrix} = \begin{cases} \begin{pmatrix} -0,1563 \\ 0,1116 \end{pmatrix} ECT_{-1} + \begin{pmatrix} -0,0193 \\ 0,0138 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0,0979 & 0,2550 \\ 0,0250 & -0,0168 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \Delta X_{t-1}^1 \\ \Delta X_{t-1}^2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0,0759 & 0,2788 \\ 0,0428 & -0,0330 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \Delta X_{t-2}^1 \\ \Delta X_{t-2}^2 \end{pmatrix} & \text{if } T_{0,0000} \\ \begin{pmatrix} -0,2379 \\ -0,0612 \end{pmatrix} ECT_{-1} + \begin{pmatrix} 0,0208 \\ 0,0154 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0,2802 & 0,1576 \\ 0,1009 & -0,1198 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \Delta X_{t-1}^1 \\ \Delta X_{t-1}^2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0,0600 & -0,0507 \\ 0,1142 & 0,0542 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \Delta X_{t-2}^1 \\ \Delta X_{t-2}^2 \end{pmatrix} & \text{if } T_{0,0000} \end{pmatrix}$$



```
## $JB
##
## JB-Test (multivariate)
##
## data: Residuals of VAR object mono
## Chi-squared = 758.79, df = 4, p-value < 2.2e-16
##
##</pre>
```

```
## $Skewness
##
## Skewness only (multivariate)
##
## data: Residuals of VAR object mono
## Chi-squared = 33.819, df = 2, p-value = 4.531e-08
##
##
## $Kurtosis
##
## Kurtosis only (multivariate)
##
## data: Residuals of VAR object mono
## Chi-squared = 724.97, df = 2, p-value < 2.2e-16
## $multi
        E df P(Chi > E)
##
## 1 261.0274 4 2.738934e-55
##
## $univ
                       E df P(Chi > E)
##
## mayorista 87.69408 2 9.067181e-20
## supermercado 173.33336 2 2.296880e-38
```

Capítulo 6

Conclusiones

Capítulo 7

Bibliografía