



UNIVERSIDAD DEL BÍO-BÍO
FACULTAD DE CIENCIAS

Transmisión Asimétrica de Precios en el
sector de la palta en Chile:
Evidencia desde un modelo TVECM

Autor:

Héctor Garrido Henríquez

Profesor(es) Guía(s):

Dr. Sergio Contreras Espinoza

Dra. Monia Ben Kaabia

*Tesis para optar al grado de Magíster en Matemática con mención
en Estadística*

Departamento de Estadística

Departamento de Matemática

15 de julio de 2017

Índice general

1. Introducción	13
1.1. introducción	13
1.2. justificación del trabajo	13
2. Análisis univariante de las series de precios	15
2.1. Fuentes de información	15
2.1.1. Imputación de valores perdidos	15
2.2. Análisis del orden de integración de las series	16
2.2.1. Análisis gráfico	16
2.3. Contrastes de raíz unitaria	18
2.3.1. Contraste de Dickey-Fuller Aumentado	18
2.3.2. Contraste de Phillips Perron (1992)	19
2.3.3. Contraste Kiatkowsky, Pesaran, Schmidt & Shin (1992)	20
2.3.4. Contraste de Elliot, Rothenberg & Stock (1993)	20
2.3.5. Contraste de Canova & Hansen (1995) para estacionalidad estable	20
2.4. Resultados de los contrastes de raíz unitaria	20
3. Análisis de cointegración	25
3.1. Cointegración y análisis de las relaciones de largo plazo	25
3.2. Estimación basada en la verosimilitud para el modelo VAR irrestricto	28
3.2.1. Modelo Vectorial de Corrección del Error (VECM)	28
3.2.2. El contraste de cointegración de Johansen	30
3.3. Resultados	31
3.3.1. Determinación del rango de cointegración	31
4. Procesos de transmisión asimétricos	35
4.1. Modelo de vectores de corrección del error por umbrales (TVECM) .	35
4.1.1. El contraste de Hansen & Seo (2002)	35
4.1.2. Contrastes de linealidad	36
4.1.3. Estimación del modelo	36
4.1.4. Relaciones dinámicas a corto plazo	36
4.2. Resultados de la aplicación	36
4.2.1. Análisis de las relaciones asimétricas	36
4.2.2. Especificación del sistema	36
4.2.3. Estimación del modelo TVECM	36
4.2.4. Funciones de impulso respuesta	36

4.2.5. Diagnósticos del modelo	36
5. Conclusiones	39
6. Bibliografía	41
7. Anexo	43
A. Desarrollos adicionales	43
A.1. Mínimos cuadrados multivariados	43
A.2. Regresión de Rango Reducido	44
B. Código R	45
B.1. Información de la sesión	45
B.2. Importación y depurado de los datos	46
B.3. Selección modelo VAR	46
B.4. Función normalidad	46

Índice de figuras

2.1. Evolución de precios del tomate de larga vida de primera calidad,2008-2016	15
2.2. Imputación de valores perdidos a través del filtro de Kalman	16
2.3. Evolución del logaritmo del precio mayorista de la palta ,2008-2016	17
2.4. Evolución del logaritmo del precio en supermercado de la palta ,2008-2016	18
3.1. Número de Rezagos para el contraste de Independencia	32
4.1. Modelo de corrección del error por umbrales	36

Índice de cuadros

2.1.	Hipótesis del contraste de Dickey-Fuller	19
2.2.	Contraste de Dickey-Fuller aumentado (con tendencia determinista) .	20
2.3.	Contraste de Dickey-Fuller aumentado (con drift)	20
2.4.	Contraste Phillips & Perron ^a (con tendencia determinista)	21
2.5.	Contraste Phillips & Perron ^a (con tendencia determinista)	21
2.6.	Contraste KPSS (con tendencia determinista)	21
2.7.	Contraste KPSS (sin tendencia determinista)	21
2.8.	Contraste de Elliot, Rothenberg & Stock (con tendencia determinista)	22
2.9.	Contraste de Elliot, Rothenberg & Stock (con constante)	22
2.10.	Contraste de Canova & Hansen ^a	23
3.1.	Contraste de la <i>la traza</i> de cointegración de Johansen	33
3.2.	Contraste del <i>máximo autovalor</i> de cointegración de Johansen	34

Agradecimientos

Abstract

Capítulo 1

Introducción

1.1. introducción

1.2. justificación del trabajo

Capítulo 2

Análisis univariante de las series de precios

2.1. Fuentes de información

2.1.1. Imputación de valores perdidos

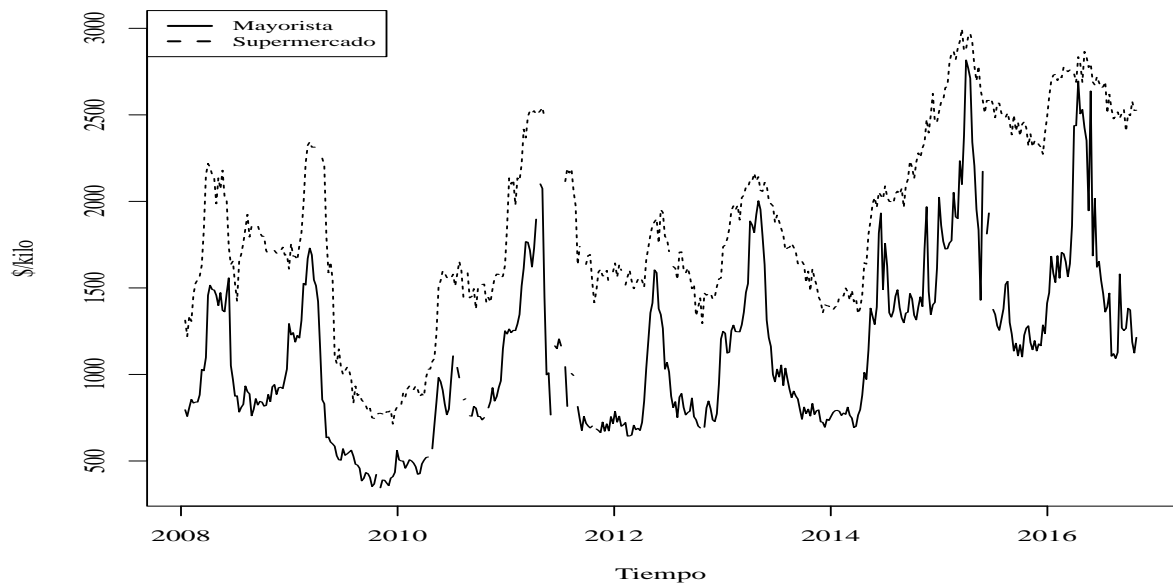


Figura 2.1: Evolución de precios del tomate de larga vida de primera calidad, 2008-2016

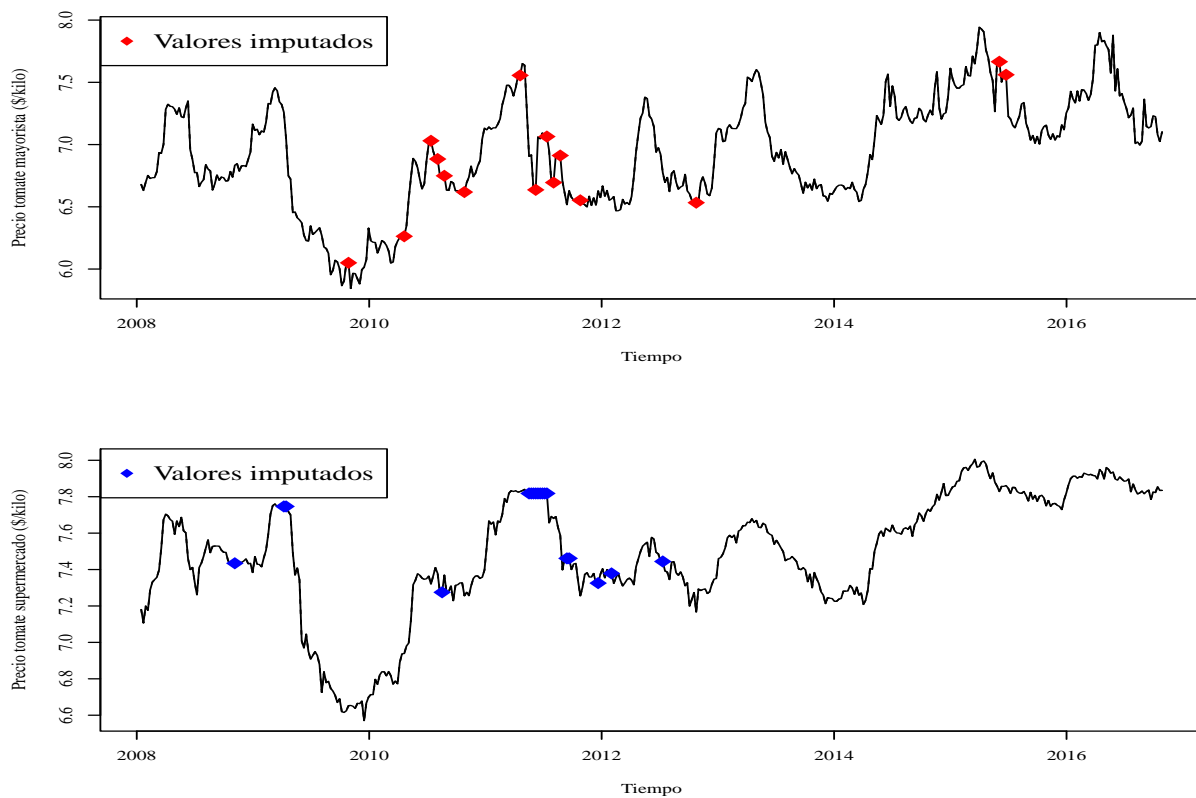


Figura 2.2: Imputación de valores perdidos a través del filtro de Kalman

2.2. Análisis del orden de integración de las series

2.2.1. Análisis gráfico

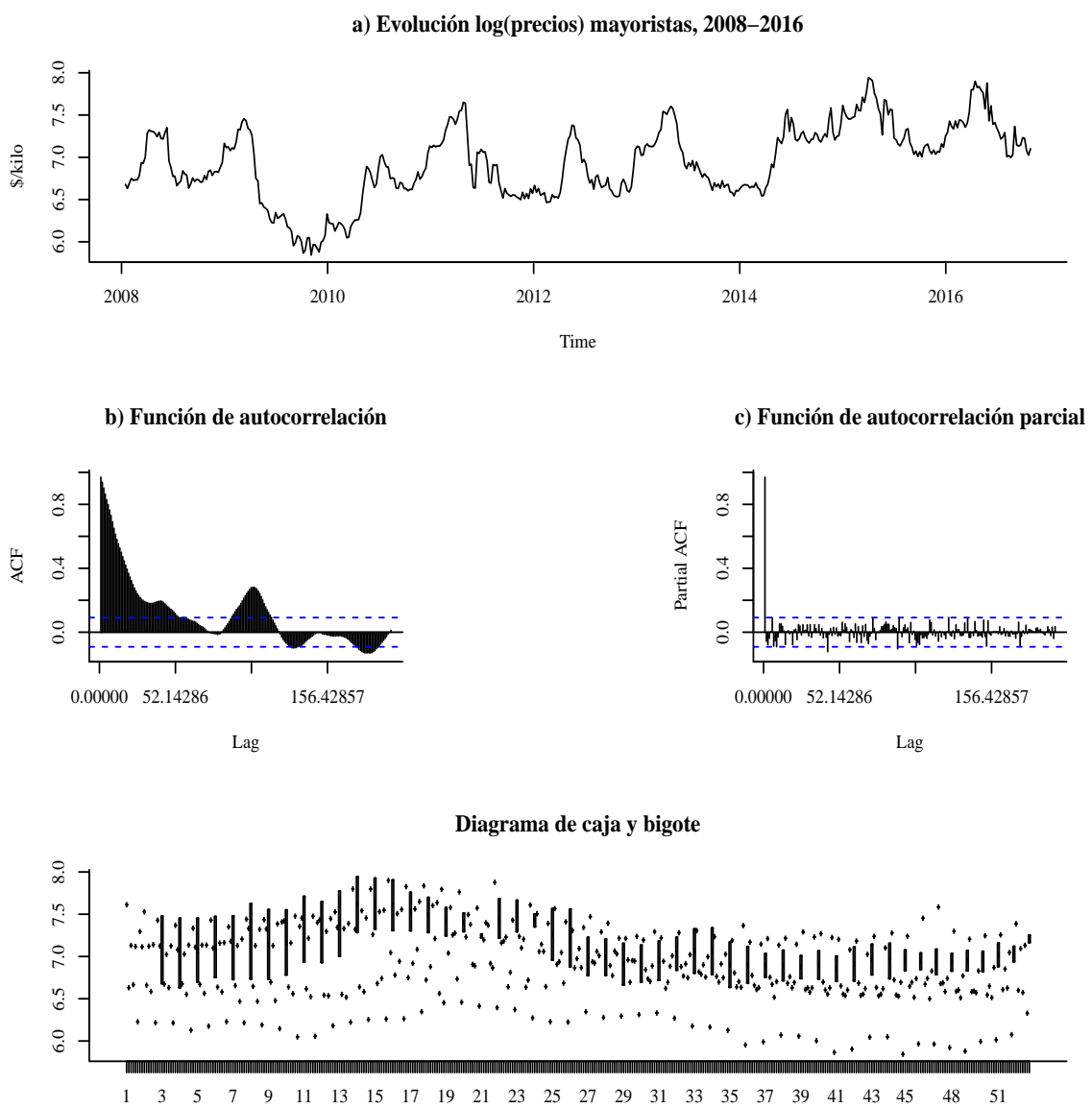


Figura 2.3: Evolución del logaritmo del precio mayorista de la palta ,2008-2016

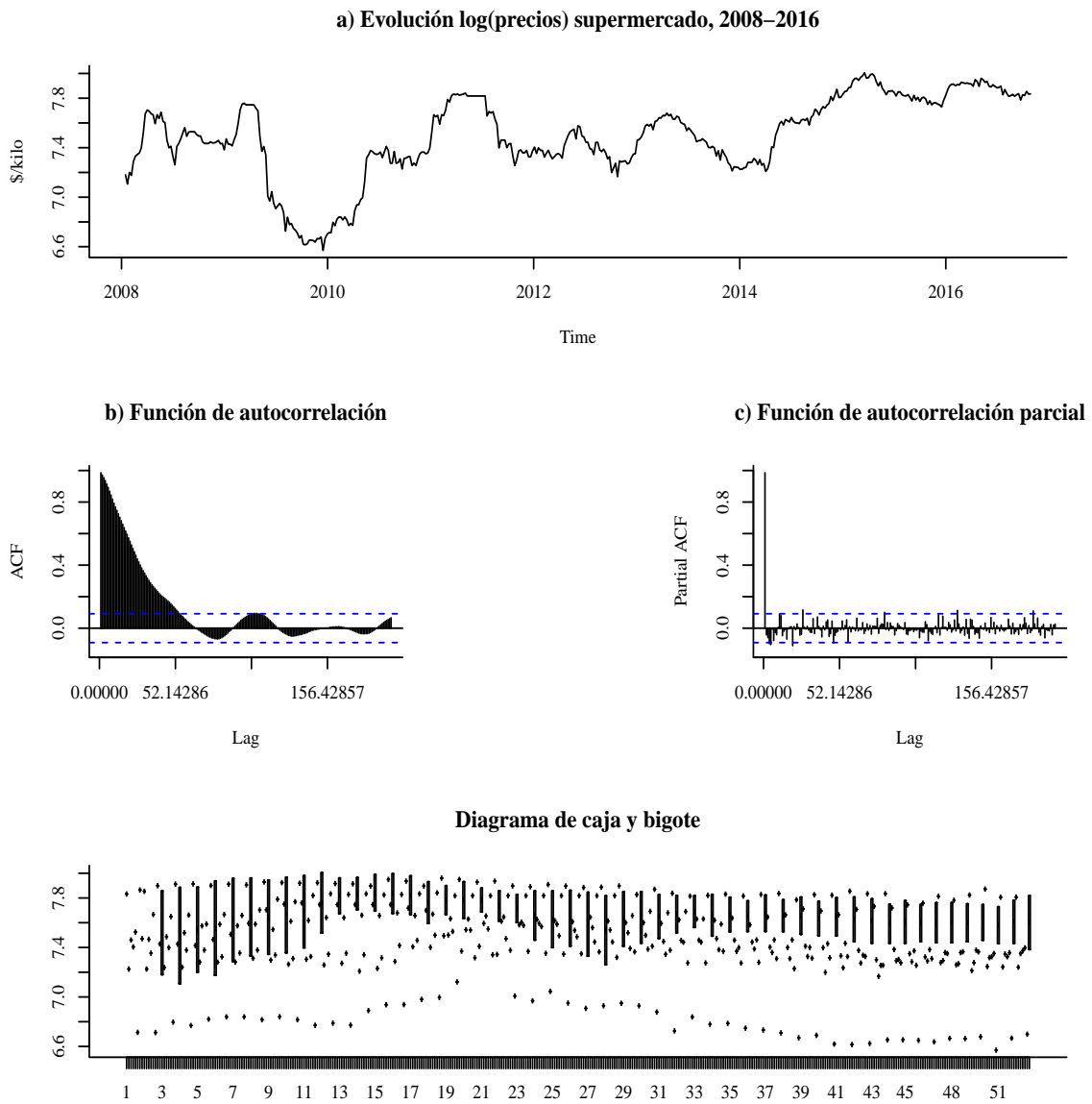


Figura 2.4: Evolución del logaritmo del precio en supermercado de la palta ,2008-2016

2.3. Contrastes de raíz unitaria

2.3.1. Contraste de Dickey-Fuller Aumentado

El contraste más utilizado en la investigación aplicada, dada su simplicidad, es el contraste propuesto por [fuller1976] y [dickey1981]. Para aplicar este contraste existen dos posibles modelos

Si y_t satisface la siguiente ecuación

$$y_t = \alpha + \rho y_{t-1} + \epsilon_t \quad (t = 1, \dots, n) \quad (2.3.1)$$

Donde $\epsilon_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$.

Si y_t satisface la siguiente ecuación

Como puede observarse en el cuadro 2.1, existen 3 estadísticos, Φ_1 , Φ_2 y Φ_3 , y sus respectivas hipótesis que pueden ser utilizados. Mientras Φ_1

$$y_t = \alpha + \beta \left(t - 1 - \frac{1}{2}n \right) + \rho y_{t-1} + \epsilon_t \quad (t = 1, \dots, n) \quad (2.3.2)$$

Donde $\epsilon_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$.

Cuadro 2.1: Hipótesis del contraste de Dickey-Fuller

Estadístico	\mathcal{H}_0	\mathcal{H}_a
Φ_1	$(\alpha, \rho) = (0, 1)$	$(\alpha, \rho) \neq (0, 1)$
Φ_2	$(\alpha, \beta, \rho) = (0, 0, 1)$	$(\alpha, \beta, \rho) \neq (0, 0, 1)$
Φ_3	$(\alpha, \beta, \rho) = (\alpha, 0, 1)$	$(\alpha, \beta, \rho) \neq (\alpha, 0, 1)$

Fuente: Elaboración propia basado en Dickey y Fuller (1981)

2.3.2. Contraste de Phillips Perron (1992)

De manera similar al contraste anterior [phillips1988] proponen

2.3.3. Contraste Kiatkowsky, Pesaran, Schmidt & Shin (1992)

2.3.4. Contraste de Elliot, Rothenberg & Stock (1993)

2.3.5. Contraste de Canova & Hansen (1995) para estacionalidad estable

2.4. Resultados de los contrastes de raíz unitaria

Cuadro 2.2: Contraste de Dickey-Fuller aumentado (con tendencia determinista)

\mathcal{H}_0	Estadístico		Valores críticos		
	Mayorista ^a	Supermercado ^b	90 %	95 %	99 %
τ_3	-3.1822	-2.0437	-3.13	-3.42	-3.98
ϕ_2	3.393	1.5448	4.05	4.71	6.15
ϕ_3	5.0686	2.0907	5.36	6.30	8.34

^a: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

^b: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

Cuadro 2.3: Contraste de Dickey-Fuller aumentado (con drift)

\mathcal{H}_0	Estadístico		Valores críticos		
	Mayorista ^a	Supermercado ^b	90 %	95 %	99 %
τ_2	-2.7628	-1.7114	-2.57	-2.87	-3.44
ϕ_1	3.8373	1.6909	1.6909	4.61	3.79

^a: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

^b: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

Cuadro 2.4: Contraste Phillips & Perron^a (con tendencia determinista)

	$Z - \alpha$	$Z - \tau - \mu$	$Z - \tau - \beta$
Mayorista	-22.122	2.1588	1.7097
Supermercado	-11.1245	1.0301	1.4522

^a: Con cinco rezagos de acuerdo a la siguiente regla $\sqrt[4]{4 \times (n/100)}$.

Cuadro 2.5: Contraste Phillips & Perron^a (con tendencia determinista)

	$Z - \alpha$	$Z - \tau - \mu$
Mayorista	-16.0952	2.8635
Supermercado	-7.2938	1.9177

^a: Con cinco rezagos de acuerdo a la siguiente regla $\sqrt[4]{4 \times (n/100)}$.

Cuadro 2.6: Contraste KPSS (con tendencia determinista)

	Estadístico		Valores críticos		
\mathcal{H}_0	Mayorista ^a	Supermercado ^b	90 %	95 %	99 %
τ_3	0.2657	0.3246	0.119	0.146	0.216

^a: Con cinco rezagos de acuerdo a la siguiente regla $\sqrt[4]{4 \times (n/100)}$.

^b: Con cinco rezagos de acuerdo a la siguiente regla $\sqrt[4]{4 \times (n/100)}$.

Cuadro 2.7: Contraste KPSS (sin tendencia determinista)

	Estadístico		Valores críticos		
\mathcal{H}_0	Mayorista ^a	Supermercado ^b	90 %	95 %	99 %
τ_3	2.5592	2.9497	0.347	0.463	0.739

^a: Con cinco rezagos de acuerdo a la siguiente regla $\sqrt[4]{4 \times (n/100)}$.

^b: Con cinco rezagos de acuerdo a la siguiente regla $\sqrt[4]{4 \times (n/100)}$.

Cuadro 2.8: Contraste de Elliot, Rothenberg & Stock
(con tendencia determinista)

Estadístico		Valores críticos		
Mayorista ^a	Supermercado ^b	90 %	95 %	99 %
-3.1558	-2.0504	-2.57	-2.89	-3.48

^a: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

^b: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

Cuadro 2.9: Contraste de Elliot, Rothenberg & Stock
(con constante)

Estadístico		Valores críticos		
Mayorista ^a	Supermercado ^b	90 %	95 %	99 %
-2.3519	-0.8837	-1.62	-1.94	-2.57

^a: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

^b: Con un rezago, de acuerdo a criterio BIC.

Cuadro 2.10: Contraste de Canova & Hansen^a

	Estadístico	valor-p
$2\pi/52,14$	0.227	0.6999
$4\pi/52,14$	0.2603	0.6133
$6\pi/52,14$	0.32	0.4755
$8\pi/52,14$	0.2532	0.6312
$10\pi/52,14$	0.3436	0.4287
$12\pi/52,14$	0.2876	0.547
$14\pi/52,14$	0.2109	0.7432
$16\pi/52,14$	0.2976	0.5239
$18\pi/52,14$	0.2948	0.5304
$20\pi/52,14$	0.383	0.3595
$22\pi/52,14$	0.306	0.5052
$24\pi/52,14$	0.3091	0.4985
$26\pi/52,14$	0.2195	0.7199
$28\pi/52,14$	0.4032	0.3282
$30\pi/52,14$	0.3891	0.3498
$32\pi/52,14$	0.1906	0.7979
$34\pi/52,14$	0.2511	0.6367
$36\pi/52,14$	0.2742	0.5789
$38\pi/52,14$	0.6599	0.0982
$40\pi/52,14$	0.2673	0.5959
$42\pi/52,14$	0.2401	0.6652
$44\pi/52,14$	0.1919	0.7945
$46\pi/52,14$	0.5093	0.2012
$48\pi/52,14$	0.303	0.5119
$50\pi/52,14$	0.2531	0.6314
$52\pi/52,14$	0.476	0.235
<i>joint</i>	5.1191	1

^a: El contraste utiliza términos trigonométricos

Capítulo 3

Análisis de cointegración

3.1. Cointegración y análisis de las relaciones de largo plazo

Apuntes de Juselius

- The time series describing cumulated trend-adjusted shocks is usually called a stochastic trend. It is a cumulation of random shocks with zero mean and constant variance. If
- with a linear deterministic trend component. Thus, the difference between a stochastic and deterministic trend is that the increments of a stochastic trend change randomly, whereas those of a deterministic trend are constant over time.
- It is easy to see that if inflation rate is $I(1)$ with a non-zero mean, then prices will contain a integrated twice cumulated of order stochastic two, or in trend, $I(2)$ notation. We say $I(2)$. that trend-adjusted prices are
- We shall argue below that, unless a unit root is given a structural interpretation, the choice of one representation or the other is as such not very important, as long as there is consistency between the economic analysis and the choice. However, from an econometric point of view the choice between the two representations is usually crucial for the whole empirical analysis and should therefore be carefully considered.
- variable. Because a cointegrating relation does not necessarily correspond to an interpretable economic relation, we make a further distinction between the

statistical concept of a ‘cointegration relation’ and the economic concept of a ‘long-run equilibrium relation’.

- say second that stochastic the distinction trend, between u_{2i} , as a long-run a long-run and structural medium-run trend stochastic or not. trend Thus, in one this might case is between an $I(1)$ stochastic trend with no linear trend and a near $I(1)$ stochastic trend with a linear trend.

Definición 3.1.1. Sea $\{\mathbf{x}_t\}$ un proceso estocástico para $t = \dots, -1, 0, 1, 2, \dots$ Si

$$\mathbb{E}[\mathbf{x}_t] = -\infty < \mu < \infty \quad (3.1.1)$$

$$\mathbb{E}[\mathbf{x}_t - \mu]^2 = \Sigma_0 < \infty \quad \forall t \quad (3.1.2)$$

$$\mathbb{E}[(\mathbf{x}_t - \mu)(\mathbf{x}_{t+h} - \mu)] = \Sigma_h \quad \forall t \text{ y } h \quad (3.1.3)$$

Entonces \mathbf{x}_t es debilmente estacionario. La estacionariedad estricta requiere que la distribución de (x_{t1}, \dots, x_{tk}) es la misma que $(x_{t1+h}, \dots, x_{tk+h})$ para $h = \dots, -1, 0, 1, 2, \dots$

for time t based on the available information at time $t - 1$. For example, a VAR model with autocorrelated and or heteroscedastic residuals would describe agents that do not use all information in the data as efficiently as possible. This is because by including the

For example, a VAR model with autocorrelated and or heteroscedastic residuals would describe agents that do not use all information in the data as efficiently as possible.

Simulation studies have shown that valid statistical inference is sensitive to violation of some of the assumptions, such as parameter non-constancy, autocorrelated residuals (the higher, the worse) and skewed residuals, while quite robust to others, such as excess kurtosis and residual heteroscedasticity. This will be discussed in more detail in

- the use of intervention dummies to account for significant political or institutional events during the sample;
- conditioning on weakly or strongly exogenous variables;
- checking the measurements of the chosen variables;
- changing the sample period to avoid fundamental regime shift or splitting the sample into more homogeneous periods.

and the model has been extended to contain D_t , a vector of deterministic components, such as a constant, seasonal dummies and intervention dummies. The autoregressive formulation is useful for expressing hypotheses on economic behaviour, whereas the moving average representation is useful when examining the properties of the process.

Si asumimos un modelo $VAR(2)$ bi-dimensional

$$(\mathbf{I} - \mathbf{\Pi}_1 L - \mathbf{\Pi}_2 L^2) \mathbf{x}_t = \mathbf{\Phi} D_t + \varepsilon_t \quad (3.1.4)$$

La función características es entonces

$$\mathbf{\Pi}(z) = \mathbf{I} - \begin{bmatrix} \pi_{1,11} & \pi_{1,12} \\ \pi_{1,21} & \pi_{1,22} \end{bmatrix} z - \begin{bmatrix} \pi_{2,11} & \pi_{2,12} \\ \pi_{2,21} & \pi_{2,22} \end{bmatrix} z^2 \quad (3.1.5)$$

$$= \mathbf{I} - \begin{bmatrix} \pi_{1,11} z & \pi_{1,12} z \\ \pi_{1,21} z & \pi_{1,22} z \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} \pi_{2,11} z^2 & \pi_{2,12} z^2 \\ \pi_{2,21} z^2 & \pi_{2,22} z^2 \end{bmatrix} \quad (3.1.6)$$

$$= \begin{bmatrix} (1 - \pi_{1,11} z - \pi_{2,11} z^2) & (-\pi_{1,12} z - \pi_{2,12} z^2) \\ (-\pi_{1,21} z - \pi_{2,21} z^2) & (1 - \pi_{1,22} z - \pi_{2,22} z^2) \end{bmatrix} \quad (3.1.7)$$

y

$$|\mathbf{\Pi}(z)| = (1 - \pi_{1,11} z - \pi_{2,11} z^2)(1 - \pi_{1,22} z - \pi_{2,22} z^2) - (\pi_{1,12} z + \pi_{2,12} z^2)(\pi_{1,21} z + \pi_{2,21} z^2) \quad (3.1.8)$$

$$= 1 - a_1 z - a_2 z^2 - a_3 z^3 - a_4 z^4 \quad (3.1.9)$$

$$= (1 - \rho_1 z)(1 - \rho_2 z)(1 - \rho_3 z)(1 - \rho_4 z) \quad (3.1.10)$$

El determinante entrega información valiosa sobre el comportamiento dinámico del proceso.

Luego

$$\mathbf{x}_t = \frac{\mathbf{\Pi}^a(L)(\mathbf{\Phi} D_t + \varepsilon_t)}{(1 - \rho_1 z)(1 - \rho_2 z)(1 - \rho_3 z)(1 - \rho_4 z)} + \tilde{\mathbf{X}}^0, \quad t = 1, \dots, T \quad (3.1.11)$$

$$= \left(\frac{\mathbf{\Pi}_1^a L + \mathbf{\Pi}_2^a L^2}{(1 - \rho_2 z)(1 - \rho_3 z)(1 - \rho_4 z)} \right) \left(\frac{\varepsilon_t + \mathbf{\Phi} D_t}{(1 - \rho_1 L)} \right) + \mathbf{X}^0, \quad t = 1, \dots, T \quad (3.1.12)$$

3.2. Estimación basada en la verosimilitud para el modelo VAR irrestricto

Cuando el modelo no tiene restricciones sobre sus parámetros (como las que pueden surgir debido a la presencia de raíces unitarias) el modelo puede estimarse por MCO, caso que coincide con el estimador de *Full information maximum likelihood*

Si escribimos el modelo en su versión apilada

$$\mathbf{x}_t = \mathbf{B}'\mathbf{Z}_t + \varepsilon_t, \quad t = 1, \dots, T \quad (3.2.1)$$

$$\varepsilon_t \sim IN_p(\mathbf{0}, \mathbf{\Omega}) \quad (3.2.2)$$

Donde:

$$\blacksquare \mathbf{B}' = [\mu_0, \Pi_1, \Pi_2, \dots, \Pi_k]$$

$$\blacksquare \mathbf{Z}'_t = [1, \mathbf{x}'_{t-1}, \mathbf{x}'_{t-2}, \dots, \mathbf{x}'_{t-k}]$$

$$\blacksquare \mathbf{X}^0 = [\mathbf{x}'_0, \mathbf{x}'_{-1}, \dots, \mathbf{x}'_{-k+1}]$$

La función de verosimilitud será la siguiente:

$$\log L(\mathbf{B}, \mathbf{\Omega}, \mathbf{X}) = -T \frac{p}{2} \log(2\pi) - T \frac{1}{2} \log |\mathbf{\Omega}| - \frac{1}{2} \sum_{t=1}^T (\mathbf{x}_t - \mathbf{B}'\mathbf{Z}_t)' \mathbf{\Omega}^{-1} (\mathbf{x}_t - \mathbf{B}'\mathbf{Z}_t) \quad (3.2.3)$$

Si calculamos $\frac{\partial \log L}{\partial \mathbf{B}}$, tendremos

$$\sum_{t=1}^T \mathbf{x}_t \mathbf{Z}'_t = \tilde{\mathbf{B}}' \sum_{t=1}^T \mathbf{Z}_t \mathbf{Z}'_t$$

Entonces, el estimador de máxima verosimilitud es

$$\tilde{\mathbf{B}}' = \sum_{t=1}^T (\mathbf{x}_t \mathbf{Z}'_t) \left(\sum_{t=1}^T \mathbf{Z}_t \mathbf{Z}'_t \right)^{-1} = \mathbf{M}_{xZ} \mathbf{M}_{ZZ}^{-1} \quad (3.2.4)$$

Luego calculando $\frac{\partial \log L}{\partial \mathbf{\Omega}} = \mathbf{0}$

3.2.1. Modelo Vectorial de Corrección del Error (VECM)

Suponga que cada componente de una serie de tiempo K -dimensional y_t es $I(1)$. Entonces, la ecuación (VAR) no será una formulación adecuada de este modelo debido a que los términos $y_t, y_{t-1}, \dots, y_{t-p}$ son todos no estacionarios. De todas formas,

sustituyendo

$$\mathbf{A}_1 = \mathbf{I}_k + \mathbf{\Gamma}_1 \quad (3.2.5)$$

$$\mathbf{A}_i = \mathbf{\Gamma}_i - \mathbf{\Gamma}_{i-1} \quad i = 1, \dots, p-1 \quad (3.2.6)$$

$$\mathbf{A}_p = -\mathbf{\Gamma}_{p-1} \quad (3.2.7)$$

En la ecuación (2.8), reagrupando términos y utilizando que $\Delta \mathbf{y}_i = \mathbf{y}_i - \mathbf{y}_{i-1} \quad \forall i$, podemos reescribir esta ecuación como

$$\Delta \mathbf{y}_t = \mu + \mathbf{\Gamma}_1 \Delta \mathbf{y}_{t-1} + \mathbf{\Gamma}_2 \Delta \mathbf{y}_{t-2} + \dots + \mathbf{\Gamma}_{p-1} \Delta \mathbf{y}_{t-p+1} + \mathbf{u}_t \quad (3.2.8)$$

Naturalmente, ambas ecuaciones describen el mismo modelo, pero preferimos usar la ecuación (3.2.8) cuando \mathbf{y}_t es $I(1)$, debido a que cada término es estacionario en este caso. Entonces, cuando \mathbf{y}_t es $I(1)$, podemos encontrar un modelo apropiado para y_t diferenciando cada componente de \mathbf{y}_t una vez, y llevando a cabo la regresión basada en la ecuación (3.2.8). De todas formas, entonces no podremos tomar en cuenta que podría haber dependencias entre algunos de los componentes de \mathbf{y}_t . Por ejemplo, dos de los componentes podrían tener una tendencia en común, o podría existir una combinación lineal de los componente de y_t la cual fuera estacionaria. Este problema suele resolverse utilizando incluyendo un **término de corrección del error** $\mathbf{\Pi} \mathbf{y}_{t-1}$ en la ecuación (3.2.8), donde $\mathbf{\Pi}$ es una matriz $K \times K$ de cuyo rango $rank(\mathbf{\Pi}) < K$, debido a que si $\mathbf{\Pi}$ tuviera rango completo, entonces $\mathbf{\Pi}$ es invertible, de manera que la variable no estacionaria \mathbf{y}_{t-1} puede ser escrita como la suma de términos estacionarios, lo que es una contradicción. Entonces, $rank(\mathbf{\Pi}) = r < K$ lo cual implica que existen $(K \times r)$ – matrices α y β de rango r tales que $\mathbf{\Pi} = \alpha \beta'$. Entonces, cada una de las r filas de $\beta' \mathbf{y}_{t-1}$ es una combinación lineal estacionaria de los componentes de y_t y es llamada una **relación de cointegración**. El número r , el cual es igual al número de relación de cointegración es llamado el **rango de cointegración**. Como la matriz β contiene todos los coeficiente de las relaciones de cointegración, es llamada **la matriz de cointegración**. La matriz α , la cual es la matriz de coeficientes de los términos estacionarios $\beta' \mathbf{y}_{t-1}$ en la ecuación (3.2.9), es llamada la matriz de carga.

Definición 3.2.1. Un modelo **VECM** de orden p se define como

$$\Delta \mathbf{y}_t = \mu + \alpha \beta' \mathbf{y}_{t-1} + \mathbf{\Gamma}_1 \Delta \mathbf{y}_{t-1} + \dots + \mathbf{\Gamma}_{p-1} \Delta \mathbf{y}_{t-p+1} + u_t \quad t = 1, \dots, T \quad (3.2.9)$$

Donde $\mathbf{y}_t = [y_{1t}, \dots, y_{Kt}]'$ es un vector aleatorio de $K \times 1$, $\boldsymbol{\mu}$ es un vector constante de $(K \times 1)$, $\boldsymbol{\alpha}$ y $\boldsymbol{\beta}$ son matrices $(K \times r)$ tales que $\text{rank}(\boldsymbol{\alpha}) = \text{rank}(\boldsymbol{\beta}) < K$,

3.2.2. El contraste de cointegración de Johansen

Considere el siguiente modelo

$$\Delta \mathbf{y}_t = \Pi \mathbf{y}_{t-1} + \Gamma_1 \Delta \mathbf{y}_{t-1} + \dots + \Gamma_{p-1} \Delta \mathbf{y}_{t-p+1} + u_t \quad (3.2.10)$$

Donde \mathbf{y}_t es un proceso K -dimensional y $\text{rk}(\Pi) = r$ con $0 \leq r \leq K$.

$$\mathcal{H}_0 : \text{rk}(\Pi) = r_0 \quad \text{versus} \quad \mathcal{H}_1 : r_0 < \text{rk}(\Pi) \leq r_1 \quad (3.2.11)$$

Lütkepohl(2005, pp. 294) Lütkepohl(2005, pp.340) Tso (1981) Para regresión de rango reducido

Proposición 3.2.1. Sea $M := I_T - \Delta \mathbf{X}'(\Delta \mathbf{X} \Delta \mathbf{X}')^{-1} \Delta \mathbf{X}$, $R_0 := \Delta \mathbf{Y} M$ y $R_1 = \mathbf{Y}_{-1} M$. Además

$$S_{ij} := R_i R_j' / T, \quad i = 0, 1, \quad (3.2.12)$$

$\lambda_1 \geq \dots \geq \lambda_K$ los autovalores de $S_{11}^{-1/2} S_{10} S_{00}^{-1} S_{01} S_{11}^{-1/2}$, y $\mathbf{v}_1, \dots, \mathbf{v}_K$, los correspondientes autovectores ortonormales

$$\begin{aligned} \log l = & -\frac{KT}{2} \log 2\pi - \frac{T}{2} \log |\boldsymbol{\Sigma}_u| \\ & - \frac{1}{2} \text{tr}[(\Delta \mathbf{Y} - \boldsymbol{\alpha} \boldsymbol{\beta}' Y_{-1} - \Gamma \Delta \mathbf{X}) \boldsymbol{\Sigma}_u (\Delta \mathbf{Y} - \boldsymbol{\alpha} \boldsymbol{\beta}' Y_{-1} - \Gamma \Delta \mathbf{X})] \end{aligned} \quad (3.2.13)$$

Desde el resultado anterior puede plantearse el siguiente estadístico de razón de verosimilitud (LRT) para contrastar (3.2.11)

$$\lambda_{LR}(r_0, r_1) = 2[\log l(r_1) - \log l(r_0)]$$

$$\begin{aligned}
&= T \left[- \sum_{i=1}^{r_1} \log(1 - \lambda_i) + \sum_{i=1}^{r_0} \log(1 - \lambda_i) \right] \\
&= -T \sum_{i=r_0+1}^{r_1} \log(1 - \lambda_i)
\end{aligned} \tag{3.2.14}$$

Cabe destacar que bajo la hipótesis nula, el estadístico no sigue una distribución estándar por lo que los valores críticos deben obtenerse mediante simulación. En particular, depende del número de relaciones de cointegración y del tipo de hipótesis alterna a utilizar. Dos especificaciones son las más utilizadas en la literatura:

$$\mathcal{H}_0 : rk(\mathbf{\Pi}) = r_0 \quad \text{versus} \quad \mathcal{H}_1 : r_0 < rk(\mathbf{\Pi}) \leq K \tag{3.2.15}$$

y

$$\mathcal{H}_0 : rk(\mathbf{\Pi}) = r_0 \quad \text{versus} \quad \mathcal{H}_1 : rk(\mathbf{\Pi}) = r_0 + 1 \tag{3.2.16}$$

El estadístico $\lambda_{LR}(r_0, K)$ para contrastar (3.2.15) se denomina comúnmente como el estadístico *de la traza* para testear el rango de cointegración, mientras que $\lambda_{LR}(r_0, r_0 + 1)$ es llamado estadístico de *máximo autovalor*.

3.3. Resultados

3.3.1. Determinación del rango de cointegración

```
## #####
## ###Model VECM
## #####
## Full sample size: 459 End sample size: 456
## Number of variables: 2 Number of estimated slope parameters 10
## AIC -4872.231 BIC -4826.884 SSR 5.736816
## Cointegrating vector (estimated by ML):
##   mayorista supermercado   const
## r1           1   -1.182243 1.932082
##
##
##
##                               ECT                               mayorista -1
```

```
## Equation mayorista    -0.1222(0.0278)*** 0.0719(0.0499)
## Equation supermercado 0.0493(0.0130)*** 0.0286(0.0234)
##                      supermercado -1    mayorista -2
## Equation mayorista    0.2706(0.0995)** 0.0958(0.0494).
## Equation supermercado -0.0138(0.0466) 0.0528(0.0232)*
##                      supermercado -2
## Equation mayorista    0.1856(0.0994).
## Equation supermercado 0.0229(0.0466)
```

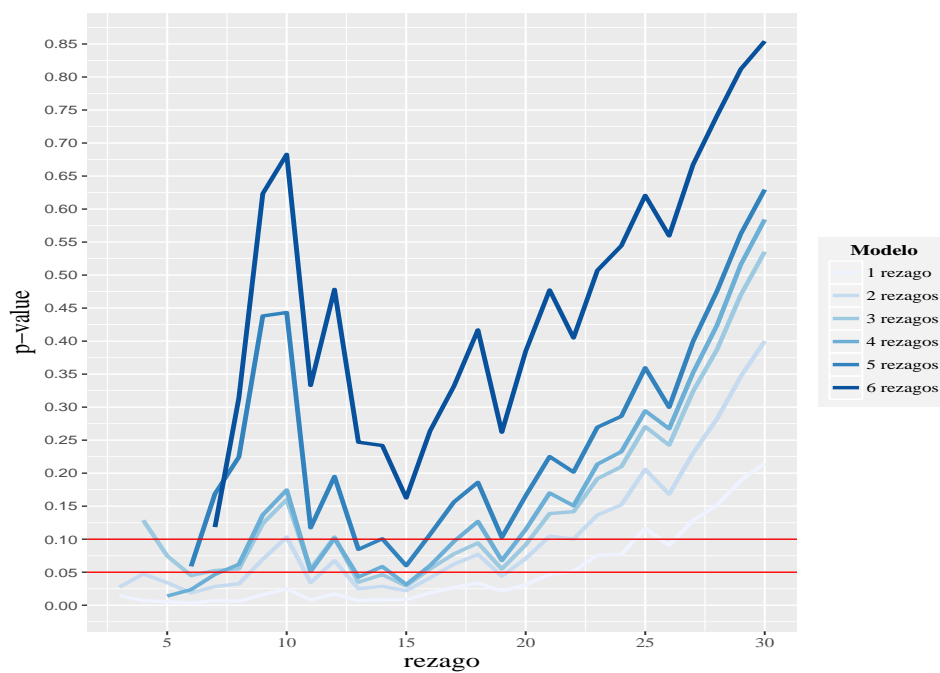


Figura 3.1: Número de Rezagos para el contraste de Independencia

```
## #####
## ###Model VECM
## #####
## Full sample size: 459 End sample size: 451
## Number of variables: 2 Number of estimated slope parameters 30
## AIC -4809.357 BIC -4681.901 SSR 5.482757
## Cointegrating vector (estimated by ML):
##   mayorista supermercado const
## r1      1    -1.082801 1.183784
##
##
```


##	ECT	mayorista -1
## Equation mayorista	-0.1505(0.0327)***	0.0810(0.0525)
## Equation supermercado	0.0196(0.0152)	0.0468(0.0244).
##	supermercado -1	mayorista -2
## Equation mayorista	0.2356(0.1066)*	0.1087(0.0525)*
## Equation supermercado	-0.0593(0.0495)	0.0725(0.0244)**
##	supermercado -2	mayorista -3
## Equation mayorista	0.1879(0.1061).	0.0484(0.0516)
## Equation supermercado	-0.0077(0.0493)	0.0517(0.0240)*
##	supermercado -3	mayorista -4
## Equation mayorista	0.1159(0.1065)	-0.0137(0.0509)
## Equation supermercado	0.0361(0.0494)	0.0092(0.0236)
##	supermercado -4	mayorista -5
## Equation mayorista	0.0355(0.1048)	-0.1019(0.0506)*
## Equation supermercado	0.0783(0.0486)	-0.0328(0.0235)
##	supermercado -5	mayorista -6
## Equation mayorista	0.0550(0.1037)	0.0886(0.0507).
## Equation supermercado	-0.0158(0.0481)	0.0524(0.0235)*
##	supermercado -6	mayorista -7
## Equation mayorista	0.1109(0.1018)	0.0487(0.0505)
## Equation supermercado	0.0232(0.0473)	0.0525(0.0234)*
##	supermercado -7	
## Equation mayorista	0.0783(0.1009)	
## Equation supermercado	-0.0236(0.0468)	

	Estadístico	Valores críticos		
\mathcal{H}_0	$p = 2$	90 %	95 %	99 %
$r \leq 1$	2.66	6.50	8.18	11.65
$r = 0$	49.54	15.66	17.95	23.52

Cuadro 3.1: Contraste de la *la traza* de cointegración de Johansen

Estadístico		Valores críticos		
\mathcal{H}_0	$p = 2$	90 %	95 %	99 %
$r \leq 1$	2.66	6.50	8.18	11.65
$r = 0$	46.88	12.91	14.90	19.19

Cuadro 3.2: Contraste del *máximo autovalor* de cointegración de Johansen

Capítulo 4

Procesos de transmisión asimétricos

4.1. Modelo de vectores de corrección del error por umbrales (TVECM)

Definición 4.1.1. *Una serie de tiempo K -dimensional \mathbf{y}_t se dice que sigue un modelo TVECM de k -regímenes de orden p si satisface*

$$\Delta y_t = c_j + \Pi_j \mathbf{y}_{t-1} + \Gamma_{1j} \Delta \mathbf{y}_{t-1} + \dots + \Gamma_{(p-1),j} \Delta \mathbf{y}_{t-p+1} + u_{tj}, \quad \text{si } \gamma_{j-1} \leq y_{t-d-1} \leq \gamma_j \quad (4.1.1)$$

4.1.1. El contraste de Hansen & Seo (2002)

Cuando estimamos un modelo TVECM resulta vital discernir si este modelo no lineal tiene una performance superior a la que tendría un modelo lineal VECM. Hansen & Seo (2002) propusieron un contraste

4.1.2. Contrastes de linealidad

4.1.3. Estimación del modelo

4.1.4. Relaciones dinámicas a corto plazo

4.2. Resultados de la aplicación

4.2.1. Análisis de las relaciones asimétricas

4.2.2. Especificación del sistema

4.2.3. Estimación del modelo TVECM

4.2.4. Funciones de impulso respuesta

4.2.5. Diagnósticos del modelo

59 (2.4%) points of the grid lead to regimes with percentage of observations < t

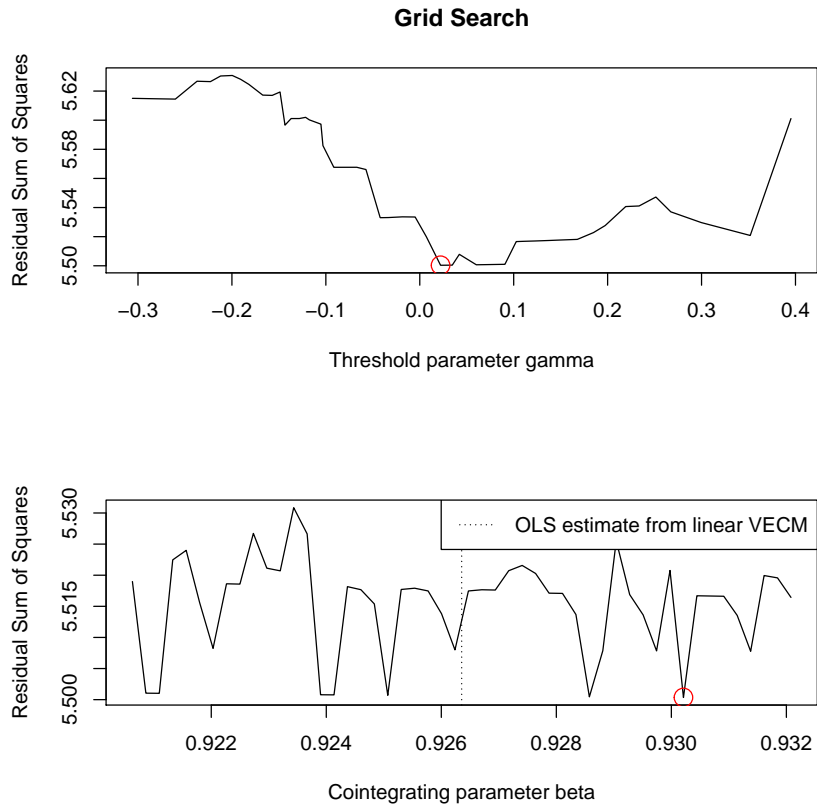
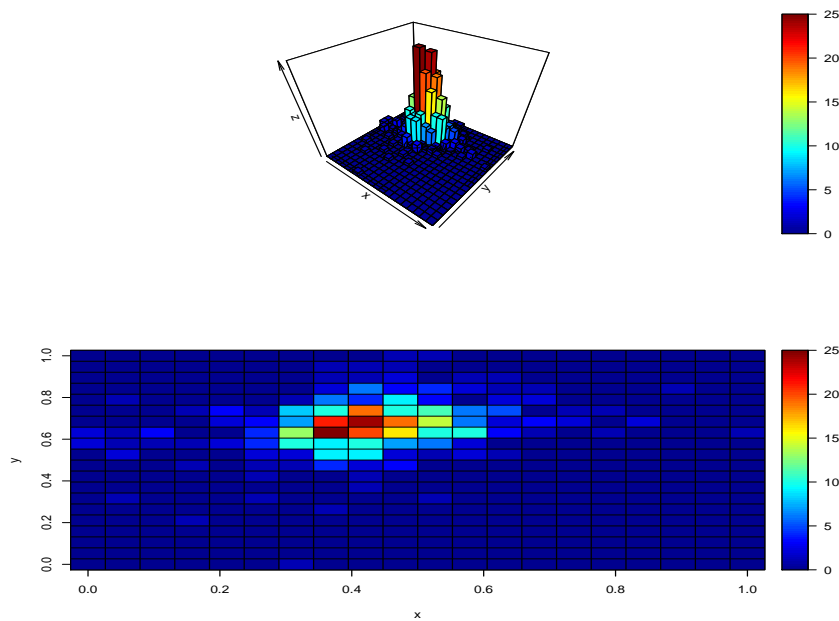


Figura 4.1: Modelo de corrección del error por umbrales

$$\begin{pmatrix} \Delta X_t^1 \\ \Delta X_t^2 \end{pmatrix} = \begin{cases} \begin{pmatrix} -0,1588 \\ 0,1091 \end{pmatrix} ECT_{-1} + \begin{pmatrix} -0,0154 \\ 0,0141 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0,1136 & 0,2507 \\ 0,0077 & -0,0501 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \Delta X_{t-1}^1 \\ \Delta X_{t-1}^2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0,0838 & 0,3167 \\ 0,0539 & -0,0502 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \Delta X_{t-2}^1 \\ \Delta X_{t-2}^2 \end{pmatrix} & \text{if TH} \\ \begin{pmatrix} -0,3056 \\ -0,0550 \end{pmatrix} ECT_{-1} + \begin{pmatrix} 0,0475 \\ 0,0170 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0,0697 & 0,1727 \\ 0,0654 & -0,0102 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \Delta X_{t-1}^1 \\ \Delta X_{t-1}^2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0,1211 & -0,2246 \\ 0,0594 & 0,1182 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \Delta X_{t-2}^1 \\ \Delta X_{t-2}^2 \end{pmatrix} & \text{if TH} \end{cases} \quad (4.2.1)$$

```
## Error in plot(Hansen): objeto 'Hansen' no encontrado
```



```
## $JB
##
##  JB-Test (multivariate)
##
## data:  Residuals of VAR object mono
## Chi-squared = 578, df = 4, p-value < 2.2e-16
##
##
## $Skewness
##
##  Skewness only (multivariate)
##
## data:  Residuals of VAR object mono
## Chi-squared = 31.152, df = 2, p-value = 1.72e-07
##
```

```
##
## $Kurtosis
##
## Kurtosis only (multivariate)
##
## data: Residuals of VAR object mono
## Chi-squared = 546.84, df = 2, p-value < 2.2e-16
## $multi
##           E df    P(Chi > E)
## 1 223.4351  4 3.417242e-47
##
## $univ
##           E df    P(Chi > E)
## mayorista    82.69136  2 1.106113e-18
## supermercado 140.74374  2 2.740846e-31
```

Capítulo 5

Conclusiones

Capítulo 6

Bibliografía

Capítulo 7

Anexo

Desarrollos adicionales

A.1. Mínimos cuadrados multivariados

Considere el siguiente modelo lineal multivariado

$$\mathbf{y}_k = \mathbf{C}\mathbf{x}_k + \boldsymbol{\varepsilon}_k, \quad k = 1, \dots, T, \quad (\text{A.1})$$

Donde $\mathbf{y}_k = (y_{1k}, \dots, y_{mk})'$ es un vector de variables respuesta de dimensión $m \times 1$, $\mathbf{x}_k = (x_{1k}, \dots, x_{nk})'$ es un vector de $n \times 1$ de predictores¹, \mathbf{C} es una matriz de coeficientes de $m \times n$ y $\boldsymbol{\varepsilon}_k$ es un vector de $m \times 1$ errores aleatorios, con media $\mathbb{E}(\boldsymbol{\varepsilon}_k) = \mathbf{0}$ y matriz de covarianzas $\text{Cov}(\boldsymbol{\varepsilon}_k) = \boldsymbol{\Sigma}_{\varepsilon\varepsilon}$, una matriz de $m \times n$ definida positiva. Los elementos del vector $\boldsymbol{\varepsilon}_k$ son asumidos independientes para diferentes k . Asumiendo que se dispone de T observaciones, podemos definir las siguientes matrices

$$\mathbf{Y} = [\mathbf{y}_1, \dots, \mathbf{y}_T]_{m \times T} = \begin{bmatrix} y_{11} & \dots & y_{1T} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ y_{m1} & \dots & y_{mT} \end{bmatrix} \quad (\text{A.2})$$

¹pudiendo ser éstos tanto valores rezagados de \mathbf{y}_k o variables exógenas

$$\mathbf{X} = [\mathbf{x}_1, \dots, \mathbf{x}_T]_{n \times T} = \begin{bmatrix} x_{11} & \dots & x_{1T} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ x_{m1} & \dots & x_{mT} \end{bmatrix} \quad (\text{A.3})$$

Si se asume $m + n \leq T$ y que \mathbf{X} es de rango completo $n = \text{rank}(\mathbf{X}) < T$. Se apilan los vectores de errores para formar una matriz $m \times T$ $\boldsymbol{\varepsilon} = [\boldsymbol{\varepsilon}_1, \boldsymbol{\varepsilon}_2, \dots, \boldsymbol{\varepsilon}_T]$. De esta forma puede escribirse el modelo de manera compacta como

$$\underbrace{\mathbf{Y}}_{m \times T} = \underbrace{\mathbf{C}}_{m \times n} \underbrace{\mathbf{X}}_{n \times T} + \underbrace{\boldsymbol{\varepsilon}}_{m \times T} \quad (\text{A.4})$$

Otra forma de tratar la matriz de errores es a través del operador vec , $T : \mathbb{R}^{m \times T} \rightarrow \mathbb{R}^{mT \times 1}$. $e = (\boldsymbol{\varepsilon}_{(1)}, \boldsymbol{\varepsilon}_{(2)}, \dots, \boldsymbol{\varepsilon}_{(m)})'$. Se formulan entonces los siguientes supuestos

$$\mathbb{E}(e) = \mathbf{0} \quad \text{Cov}(e) = \boldsymbol{\Sigma}_{\varepsilon\varepsilon} \otimes \mathbf{I}_T \quad (\text{A.5})$$

Donde \otimes denota el producto de Kronecker²

A.2. Regresión de Rango Reducido

La regresión de rango reducido (RRR) es una técnica. Para el modelo descrito en (A.1) se tiene que

$$\text{rank}(\mathbf{C}) = r \leq \min(n, m) \quad (\text{A.7})$$

²Sean \mathbf{A} una matriz $n \times p$ y \mathbf{B} una matriz $m \times q$. Entonces la matriz $mn \times pq$

$$\mathbf{A} \otimes \mathbf{B} = \begin{bmatrix} & & \\ & & \\ & & \end{bmatrix} \quad (\text{A.6})$$

Código R

B.1. Información de la sesión

```
## R version 3.4.0 (2017-04-21)
## Platform: x86_64-pc-linux-gnu (64-bit)
## Running under: Ubuntu 16.04.2 LTS
##
## Matrix products: default
## BLAS: /usr/lib/libblas/libblas.so.3.6.0
## LAPACK: /usr/lib/lapack/liblapack.so.3.6.0
##
## locale:
##  [1] LC_CTYPE=es_CL.UTF-8      LC_NUMERIC=C
##  [3] LC_TIME=es_CL.UTF-8      LC_COLLATE=es_CL.UTF-8
##  [5] LC_MONETARY=es_CL.UTF-8  LC_MESSAGES=es_CL.UTF-8
##  [7] LC_PAPER=es_CL.UTF-8     LC_NAME=C
##  [9] LC_ADDRESS=C             LC_TELEPHONE=C
## [11] LC_MEASUREMENT=es_CL.UTF-8 LC_IDENTIFICATION=C
##
## attached base packages:
## [1] tcltk      stats      graphics  grDevices  utils      datasets  methods
## [8] base
##
## other attached packages:
##  [1] asbio_1.3-4      plot3D_1.1      RColorBrewer_1.1-2
##  [4] reshape2_1.4.2   ggplot2_2.2.1   tsDyn_0.9-44
##  [7] vars_1.5-2       lmtest_0.9-35   strucchange_1.5-1
## [10] sandwich_2.3-4   zoo_1.8-0       MASS_7.3-47
## [13] uroot_2.0-9      urca_1.3-0      forecast_8.0
## [16] bindrcpp_0.1     tidyr_0.6.3     dplyr_0.7.0
## [19] magrittr_1.5     knitr_1.16.5
##
## loaded via a namespace (and not attached):
##  [1] deSolve_1.14      lattice_0.20-35  colorspace_1.3-2
##  [4] mgcv_1.8-17       rlang_0.1.1      glue_1.0.0
##  [7] TTR_0.23-1        foreach_1.4.3    bindr_0.1
## [10] plyr_1.8.4        multcompView_0.1-7 quantmod_0.4-9
## [13] stringr_1.2.0     timeDate_3012.100 munsell_0.4.3
## [16] tseriesChaos_0.1-13 gtable_0.2.0     mvtnorm_1.0-6
## [19] codetools_0.2-15  evaluate_0.10    misc3d_0.8-4
## [22] tseries_0.10-41   parallel_3.4.0   highr_0.6
## [25] xts_0.9-7         Rcpp_0.12.11     scales_0.4.1
## [28] plotrix_3.6-5     scatterplot3d_0.3-40 fracdiff_1.4-2
## [31] mnormt_1.5-5      digest_0.6.12    stringi_1.1.5
## [34] grid_3.4.0        quadprog_1.5-5   tools_3.4.0
## [37] lazyeval_0.2.0    tibble_1.3.3     pkgconfig_2.0.1
## [40] Matrix_1.2-10     assertthat_0.2.0 iterators_1.0.8
## [43] pixmap_0.4-11     R6_2.2.1         nnet_7.3-12
```

[46] nlme_3.1-131 compiler_3.4.0

B.2. Importación y depurado de los datos

B.3. Selección modelo VAR

B.4. Función normalidad