

# Tema 1. Vectorización

## Multiprocesadores

Héctor Lacueva Sacristán

## Índice

|  |          |
|--|----------|
| <b>Objetivos</b>   | <b>3</b> |
| <b>Consecuencias</b>   | <b>3</b> |
| Hardware . . . . .   | 3        |
| Compilación . . . . .  | 3        |
| Software . . . . .   | 3        |
| <b>1. Reducir el tiempo de ejecución de una aplicación.</b>      | <b>3</b> |
| <b>Métricas rendimiento en Bucles</b>                            | <b>3</b> |
| Ciclos por iteración . . . . .                                   | 3        |
| Ciclos por FLOP (CPF) . . . . .                                  | 4        |
| Tiempo por FLOP (TPF) . . . . .                                  | 4        |
| R (MFLOPS) . . . . .   | 4        |
| Sobrecarga de un bucle . . . . .                                 | 4        |
| <b>Procesadores</b>  | <b>4</b> |
| Procesador segmentado . . . . .                                  | 4        |
| Procesador supersegmentado . . . . .                             | 4        |
| Procesador superescalar . . . . .                                | 4        |
| <b>Extensión vectorial</b>                                       | <b>4</b> |
| Arquitecturas de los supercomputadores . . . . .                 | 4        |
| CISC . . . . .   | 4        |
| RISC . . . . .   | 5        |
| Ventajas de un repertorio vectorial . . . . .                    | 5        |
| Compacto . . . . .   | 5        |
| Expresivo . . . . .  | 5        |
| Escalable . . . . .  | 5        |
| Bajo consumo de energía . . . . .                                | 5        |
| Historia del calculo vectorial . . . . .                         | 5        |
| Procesadores Matriciales (Array Processors) . . . . .            | 5        |
| Procesadores vectoriales segmentados (pipelined) . . . . .       | 5        |
| Extensiones multimedia . . . . .                                 | 6        |
| Extensiones vectoriales . . . . .                                | 6        |
| <b>Arquitectura procesador vectorial</b>                         | <b>6</b> |
| Banco de registros vectorial (BRV) . . . . .                     | 6        |
| BRV con 2 buses L, 1 bus E y RV de 1 puerto . . . . .            | 6        |
| BRV con P buses L, Q buses E y RV de 1 puerto . . . . .          | 6        |
| 2 puertos por <i>RV</i> . . . . .                                | 6        |
| Unidades funcionales (UFs) . . . . .                             | 6        |
| Latencia (L) . . . . .   | 6        |
| Latencia de iniciación (LI) o latencia de finalización . . . . . | 6        |
| Sumadores, Multiplicadores . . . . .                             | 7        |
| División, Raices, Exponenciales, Trigonómicas . . . . .          | 7        |
| Memoria multibanco . . . . .                                     | 7        |
| Multibanco . . . . .   | 7        |
| Entrelazado “por palabras” . . . . .                             | 7        |

|  |          |
|--|----------|
| Método de acceso . . . . .                                     | 7        |
| Algunos ejemplos de procesadores . . . . .                     | 7        |
| Procesador 1 . . . . .   | 7        |
| Procesador 2 . . . . .   | 8        |
| Procesador 3 . . . . .   | 8        |
| Procesador 4 . . . . .   | 8        |
| Procesador 5 . . . . .   | 8        |
| <b>Rendimiento procesador vectorial</b>                        | <b>8</b> |
| Rendimiento sin seccionar . . . . .                            | 8        |
| Rendimiento $n \leq MVL$ . . . . .                             | 8        |
| Costes ejecución . . . . .                                     | 9        |
| Rendimiento pico $R_\infty$ . . . . .                          | 9        |
| n para MITAD de rendimiento máximo $N_{\frac{1}{2}}$ . . . . . | 9        |
| $N_V$ . . . . .  | 9        |

## Objetivos

1. Reducir el tiempo de ejecución de una aplicación.
2. Aumentar la productividad múltiples usuarios.
3. Aumentar la productividad de aplicaciones multihilo.
  1. Servidores Web, bases de datos, ...
4. Tolerancia a fallos: p. ej. sistemas de navegación de un avión.
5. Simplificar componentes y especializar función.
  1. Por ejemplo: sistemas empujados en-chip (teléfono móvil).

## Consecuencias

### Hardware

Combinación de:

- Ejecutar **varias instrucciones por ciclo** → **ILP**.
- La **misma instrucción opera sobre varios datos** → **SIMD**.
- Un procesador **ejecuta varios hilos** (threads) → **MT**.
- Muchos **procesadores interconectados** → **MIMD**.

En cuanto al almacenamiento:

- Mucha memoria accesible desde los procesadores con un gran ancho de banda.
- Mucho disco accesible desde la memoria con gran ancho de banda (entrada/salida).

### Compilación

Extracción automática de paralelismo a partir de códigos secuenciales.

- Vectorización → SIMD.
- Paralelización → MIMD.

Tenemos el ejemplo de godbolt

### Software

Modelos de programación paralela.

- Paralelismo vectorial: FORTRAN 90.
- Paralelismo de datos: High Performance FORTRAN
- Single-program, multiple-data (SPMD).
- Memoria compartida:
  - Pthreads
  - Java
  - ...
- Paso de mensajes
  - MPI
  - ...

## 1. Reducir el tiempo de ejecución de una aplicación.

Es necesario para mejorar las aplicaciones numéricas (Simuladores de aerodinámica, predictores meteorológicos, ...). Para manejar estructuras de datos como grandes matrices densas o dispersas. Diseñados para trabajar generalmente con números reales, para mejorar rendimiento “pocos” bucles con muchas iteraciones.

Por lo general, el tiempo de ejecución se ve limitado por los accesos a memoria o el cálculo.

## Métricas rendimiento en Bucles

### Ciclos por iteración

$$\frac{\text{Ciclos}}{\text{Iteración}}$$

En esta tabla se puede observar las diferencias en rendimiento de los diferentes tipos. Mostrando el TPF para cada uno y entre paréntesis la velocidad R en MFLOPS

Figure 1: En esta tabla se puede observar las diferencias en rendimiento de los diferentes tipos. Mostrando el TPF para cada uno y entre paréntesis la velocidad R en MFLOPS

Número de ciclos que pasan desde que empieza una iteración de un bucle hasta el comienzo de la siguiente. **Teniendo en cuenta todas las posibles dependencias.**

### Ciclos por FLOP (CPF)

$$CPF = \frac{Ciclos}{N_{FLOP}}$$

Número de **ciclos por cada operación en punto flotante**. Generalmente se calculan los ciclos de una iteración y se dividen por el número de operaciones en punto flotante.

### Tiempo por FLOP (TPF)

$$TPF = \frac{ns}{N_{FLOP}} = CPF * T_C$$

Tiempo por operación en punto flotante.

### R (MFLOPS)

$$R(MFLOPS) = \frac{N_{FLOP}}{T_{\mu s}}$$

Rendimiento del procesador, medido en operaciones de punto flotante por segundo.

### Sobrecarga de un bucle

Se refiere a los ciclos usados para la lectura y escritura de operandos así como los ciclos usados para el control de bucle y punteros.

## Procesadores

### Procesador segmentado

Procesador que puede lanzar una instrucción por ciclo y se ejecutan en varios ciclos. Se detiene por dependencias estructurales.

### Procesador supersegmentado

Como un segmentado pero con medidas para evitar dependencias estructurales. Se segmentan las unidades funcionales y se crean etapas más pequeñas, permitiendo disminuir el  $T_C$ . De esta forma se pueden lanzar hasta el doble de instrucciones en el mismo periodo de tiempo.

### Procesador superescalar

Se busca explotar el paralelismo, buscando ejecutar varias instrucciones por ciclo. Dos instrucciones se ejecutan en paralelo si utilizan rutas de datos distintas. Por ejemplo, podría ser una instrucción entera y una coma flotante. Necesita de planificación.

## Extensión vectorial

### Arquitecturas de los supercomputadores

#### CISC

Permiten instrucciones con operandos en memoria.

Una instrucción como por ejemplo `ADDV @md, @mf1, @mf2`:

Imagen que muestra la historia que ha seguido SIMD (Single Instruction Multiple Data)

Figure 2: Imagen que muestra la historia que ha seguido SIMD (Single Instruction Multiple Data)

- Lee dos flujos desde memoria
- Calcula
- Escribe el flujo resultado hacia memoria.

La latencia de obtención de operandos es muy grande, sobre todo para no secuencial.

## RISC

Desacoplar instrucciones de cálculo y de acceso a memoria.

- Instrucciones vectoriales de acceso a memoria para carga/descarga de registros vectoriales. LV y SV.
- Instrucciones vectoriales de cálculo sobre los registros vectoriales ADDV.
- **VLR**: Vector Length Register
  - Número de elementos a procesar, para vectores de 64 elementos necesito 6+1 bits.
- **VMR**: Vector Mask Register
  - Impide que algunas operaciones se realicen.

## Ventajas de un repertorio vectorial

### Compacto

Una instrucción pequeña codifica N operaciones.

### Expresivo

La instrucción indica al Hardware:

- Operaciones independientes, eficiente energéticamente.
- El número de operaciones.
- El “patrón” de acceso a memoria:
  - En secuencia ( $\text{stride}^1 = 1$ )
  - A saltos ( $\text{stride} > 1$ ), tiene peor rendimiento en procesadores actuales.

### Escalable

El mismo binario puede ejecutarse en una o varias “pistas” segmentadas (parallel pipelines or lanes).

### Bajo consumo de energía

- Ahorramos energía en el acceso a la memoria de instrucciones y en la decodificación.
- Cuando se ejecutan las operaciones de una instrucción vectorial no hay que gastar energías en comprobar dependencias.

## Historia del calculo vectorial

### Procesadores Matriciales (Array Processors)

- Historicamente fueron los primeros.
- Contaban con varios Nodos(mem + regs + ALU) y una red de interconexión directa entre nodos.

### Procesadores vectoriales segmentados (pipelined)

- Pueden ser mem-to-mem o mem-to-reg.
- Soportan vectores de tamaño grande, hasta 4k elementos.
- Necesitan soporte HW:
  - Banco de Registros Vectorial (BRV) + Memoria Multibanco + ALUs + segmentación.

---

<sup>1</sup>stride: diferencia de posición entre elementos consecutivos, se mide en elementos o en bytes (dependiendo de procesador).

Arquitectura básica de un procesador con soporte para extensión vectorial.

Figure 3: Arquitectura básica de un procesador con soporte para extensión vectorial.

### Extensiones multimedia

- Se trabaja con vectores cortos donde no existe un registro VLR y por tanto, la longitud vectorial va en el código de operación.
- Primero fue Intel MMX (1982) y luego ya Intel SSE.

### Extensiones vectoriales

- Necesitan de soporte HW:
  - ALUs replicadas y BRV.
  - Por ejemplo, para AVX-512 el BRV tiene 32 registros de 512 bits
- Destacan AVX, AVX-512, ARM SVE, RVV.

## Arquitectura procesador vectorial

### Banco de registros vectorial (BRV)

Se pueden construir con diferentes especificaciones dependiendo del número de buses de lectura y escritura y los puertos de los registros vectoriales.

#### BRV con 2 buses L, 1 bus E y RV de 1 puerto

Se permite concurrentemente o bien una lectura o bien una escritura ( $1L \oplus 1E$ ).

#### BRV con P buses L, Q buses E y RV de 1 puerto

Solo puede haber un flujo por registro:

- O bien lectura desde un bus L ( $L1..LP$ ).
- O bien escritura desde un bus E ( $E1..EQ$ ).

Globalmente máximo de 1 flujo por RV.

#### 2 puertos por RV

Permite lectura o escritura, puedes leer y escribir de manera “simultánea” ( $1L + 1E$ ). De tal forma que:

- `addv v1, v5, v1` Se puede ejecutar.
- Se pueden solapar dependencias:
  - `addv v1, v2, v3`
  - `subv v4, v5, v1`
  - Se conoce como **encadenamiento general**.
- Se pueden solapar antidependencias:
  - `addv v1, v2, v3`
  - `subv v3, v4, v5`
  - Tiene un control similar

### Unidades funcionales (UFs)

#### Latencia (L)

Tiempo desde que entran los operandos en la UF hasta que sale el resultado.

#### Latencia de iniciación (LI) o latencia de finalización

Número mínimo de ciclos entre entradas consecutivas de operandos.

## Sumadores, Multiplicadores

Generalmente son UFs totalmente segmentadas en n etapas. Su L = n y su LI es de 1 ciclo/op.

## División, Raices, Exponenciales, Trigonométricas

Generalmente son UFs parcialmente segmentadas y algunas de esas etapas se reutilizan. Su L es mayor al número de etapas y la LI es mayor que 1.

## Memoria multibanco

Queremos conseguir que se puedan leer de memoria datos con este comportamiento.

$$4ciclos \rightarrow 1ciclo \rightarrow 1ciclo \dots$$

Para ello necesitamos:

### Multibanco

$$N_{BANCOS} = L_{MEM} \wedge (tam_{BANCO} == \frac{tam_{MEM}}{N_{BANCOS}})$$

### Entrelazado “por palabras”

Es una estrategia de reparto de memoria que consiste en colocar palabras consecutivas en bancos consecutivos.

### Método de acceso

**Acceso síncrono** Si el primer elemento cae en el primer bloque de memoria, funciona sin pérdidas. Pero si no cae en el primer bloque de memoria se puede perder hasta un total de N-1 ciclos, siendo N el número de bancos.

- **Ventajas:** simplicidad
- **Inconvenientes:**
  - lectura: latencia variable o irregular
  - escritura:
    - \* Un registro MDRin para cada banco
    - \* Es lenta: (1 1 1 1 4) (1 1 1 1 4)...

**Acceso desfasado** En este método los bancos son más independientes.

- Se añade un registro MAR para cada banco.
- El control es más complejo.
- **Ventajas:**
  - lectura: (4+1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...)
  - escritura: (... 1 1 1 1 1 1 1 1 1 4+1)

### Síncrono vs. Desfasado

| Acceso síncrono vs. Acceso desfasado   |
|--|
| Diferencia en la ejecución de una misma lectura usando Acceso síncrono frente a Acceso desfasado |

## Algunos ejemplos de procesadores

### Procesador 1

- BRV con 2L y 1E (y RV mínimos (1 puerto))
  - 2 buses L:  $BRV \rightarrow \{M \oplus ALU\}$
  - 1 bus E:  $\{M \oplus ALU\} \rightarrow BRV$
- Memoria de 1 puerto  $\{L \oplus E\}$ . Y 1 UF.

### Segmentación

| B | D                         | Reg     |         | Latencia        | Producción                  |
|---|---------------------------|---------|---------|-----------------|-----------------------------|
|   | Riesgos: escalar o vector | Lec BRV | Lec VLR | UFs/MEM lectura | escr v3.0   escr v3.1   ... |

### Procesador 2

- BRV con 3L y 2E (y RV mínimos (1 puerto))
  - 3 buses L:  $BRV \rightarrow \{M, ALU\}$
  - 2 bus E:  $\{M, ALU\} \rightarrow BRV$
- Memoria de 1 puerto  $\{L \oplus E\}$ . Y 1 UF.

**Instrucciones independientes y sin riesgos estructurales** Se ejecutan secuencialmente y sin mayores problemas.

**Instrucciones dependientes o con riesgos estructurales** Se debe de esperar a que estén disponibles tanto los datos como las UFs.

### Procesador 3

Este procesador cuenta con 2 UFs:

- UF1: es una ALU para sumar
- UF2: es una ALU para sumar/multiplicar

Cuenta a su vez con 3 buses de escritura y 5 de lectura.

### Procesador 4

- Tiene dos ALUs dedicadas (una para sumas y otra para multiplicaciones)
- Dos puertos lectura y uno de escritura por cada RV. La unidad de control permite dos flujos de lectura y uno de escritura en cada registro vectorial.
  - Esto permite solapar dependencias de datos por **Encadenamiento General**.

En este caso se permite realizar la **primera lectura de registros bajo la primera producción**.

### Procesador 5

En este procesador se replican los caminos de proceso y memoria:

- El BRV y la memoria se particionan: pares (v1.0, v1.2, ...) en una partición e impares (v1.1, v1.3, ...) en la otra.
- Cada una de las dos ALUs se duplican.
- En el primer ciclo de ejecución entran en paralelo a las dos pistas los elementos 0 y 1 de los RV fuente. En el segundo el 2 y 3, y así sucesivamente.
- El número de ciclos por elemento ( $C_e$ ), se divide por el número de pistas.

---

Estructura del procesador 5

---

Estructura del procesador 5

---

## Rendimiento procesador vectorial

### Rendimiento sin seccionar

**Rendimiento**  $n \leq MVL$

El rendimiento depende de n, el tamaño del vector. Matemáticamente se puede calcular de la siguiente manera:

$$R_n = \frac{n \times k}{T_n} = \frac{n \times k \times F}{C_n} \text{ donde k es el número de FLOPs}$$

Supongamos  $n \leq MVL$ , donde  $MVL$  es el tamaño máximo del vector (Maximum Vector Length, número de elementos de un RV). Los costes de ejecutar n elementos es el siguiente:



## Costes ejecución

$$C_{n(n \leq MVL)} = C_{fijos} + n \times C_e \text{ ciclos}$$

Donde los ciclos fijos son:

$$C_{fijos} = \text{latencia UFs} + \text{penalizaciones(riesgos estructurales, ...)}$$

Y  $C_e$ :

$$C_e = \text{ciclos por elemento}$$

El tiempo será el siguiente:

$$T_{n(n \leq MVL)} = C_n \times T_C$$

## Rendimiento pico $R_\infty$

El rendimiento si tuviésemos un vector infinito y MVL fuese infinito. El rendimiento sería

$$R_{\infty(MVL \infty)} = \frac{k \times f}{C_e} \text{ donde k es el número de FLOPs}$$

**n para MITAD de rendimiento máximo  $N_{\frac{1}{2}}$**

$$N_{\frac{1}{2}} = \frac{C_{fijos}}{C_e} = \frac{T_{fijos}}{T_e}$$

- Da una idea sobre la sobrecarga vectorial (latencias y penalizaciones).
  - Si  $N_{\frac{1}{2}}$  es muy grande, tiene menos sobrecarga y viceversa.
- Es independiente del tiempo de ciclo, solo depende de la arquitectura y del algoritmo.

$N_V$

Longitud mínima de vector que consigue igual velocidad en las versiones escalar y vectorial. Puede servir para decidir la compilación del código. También mide la sobrecarga vectorial y la velocidad relativa entre los procesadores vectorial y escalar. Se calcula de la siguiente manera:

$$R_{N_V} = R_{esc} \rightarrow N_V = \frac{C_{fijos}}{C_{esc} - C_e} = \frac{T_{fijos}}{T_{esc} - T_e}$$