

در این پروژه سعی داریم که پیاده‌سازی سه الگوریتم مختلف، دو الگوریتم ناآگاهانه و یک الگوریتم آگاهانه، بهینه‌ترین مسیر برای رساندن کره به مشتری را پیدا کنیم. ربات باید از جایی که قرار دارد ابتدا به کره برسد و سپس کره را به سمت مشتری هل دهد. در سه بخش زیر به توضیح پیاده‌سازی این سه الگوریتم می‌پردازیم. مقایسه‌ی سه الگوریتم در انتهای گزارش قرار دارد.

## • IDS

در الگوریتم IDS با در نظر گرفتن یک cutoff برای عمق قصد پیاده‌سازی الگوریتم DFS را داریم. به صورت کلی حالت iterative از الگوریتم DLS است. به این صورت که ابتدا تا عمق صفر به دنبال حالت هدف می‌گردیم و در صورت پیدا نکردن آن یکی هدف را زیاد می‌کنیم؛ این کار را آنقدر تکرار می‌کنیم تا یا به جواب برسیم و یا پاسخ شکست را برگرداند. این الگوریتم در کل می‌تواند ۴ جواب داشته باشد:

۱. Success: در صورت رسیدن به جواب
۲. Failure: در صورت نرسیدن به جواب
۳. Cutoff: در صورت رسیدن به محدودیت در نظر گرفته شده
۴. Duplicate: در صورت تکراری بودن شاخه و جواب

سه تابع اصلی برای این کد وجود دارد:

۱. SearchAlgorithm: الگوریتم IDS را به تعداد کره‌ها صدا می‌زند.
۲. IDS: در یک لوپ، DLS را صدا می‌زند و با توجه به جوابی که برمیگرداند (یکی از جواب‌های گفته شده در بالا)، تصمیم می‌گیرد آیا نیاز به زیاد کردن عمق است یا به هدف رسیده است یا به هدف نرسیده است.
۳. DLS: که به صورت بازگشتی به دنبال هدف می‌گردد و یکی از پاسخ‌های بالا را برمی‌گرداند.

چهار کلاس برای این کد وجود دارد:

۱. Main: که تابع‌ها در آن صدا زده‌شود و کنترل کد را بر عهده دارد.
۲. Node: کلاس node یا گره است که موقعیت ربات را نگه می‌دارد.
۳. Board: که اطلاعات مربوط به board و زمین بازی را در خود نگه می‌دارد.
۴. AIFunction: که الگوریتم‌های اصلی برای پیاده‌سازی کد در این کلاس قرار دارد - توضیحات بیشتر در کد ذکر شده است.

\*\* کلاس دیگری برای interface در کد قرار دارد که فرصت برای کامل کردن آن نشد.

## • Bidirectional BFS

در الگوریتم Bidirectional BFS، به این صورت عمل می‌کنیم که هم از طرف هدف و هم از طرف ربات به سمت هم حرکت می‌کنند تا در نقطه‌ای و مکانی به هم برسند. حرکت هر طرف به سمت هم با کمک الگوریتم BFS پیاده‌سازی می‌شود.

شش تابع اصلی این کد:

۱. `searchAlgorithm`: این تابع الگوریتم سرچ را پیاده‌سازی می‌کند. تا زمانی که BFS از سمت جلو و BFS از سمت عقب به یک `node` مشترک در `fringe list` شان برسند، سرچ را ادامه می‌دهد و در یک حلقه همواره ابتدا BFS به سمت جلو را اجرا می‌کند و بعد BFS به سمت عقب را اجرا می‌کند. اگر `fringe list` برای الگوریتم به سمت جلو و یا به سمت عقب خالی شود، یعنی جوابی نداریم و `False` برمیگرداند.
- برای اجرای BFS رو به جلو ابتدا یک `initial node` ساخته می‌شود و به `forward fringe list` اضافه می‌شود (`fringe list` را یک صف در نظر گرفتیم). سپس هر بار در این جست و جو یک `node` از صف `fringe`، `dequeue` می‌شود و ابتدا تابع `checkGoal` روی آن صدا زده می‌شود. اگر هدف نبود، بسط داده می‌شود یعنی تابع `successor` صدا زده می‌شود و حالت‌هایی که می‌توانند فرزندان این `node` باشند را تولید می‌کند، در ادامه هر یک از این حالت‌ها در تابع `checkExplored` بررسی می‌شوند و اگر قبلاً آن حالت بررسی نشده بود، یک `node` برای آن ساخته می‌شود و به `forward fringe list` اضافه می‌شود.
- در اجرای BFS رو به عقب هم همین مراحل تکرار می‌شوند با این تفاوت که به جای `initial node` یک `final node` داریم و به جای `forward fringe list` یک `backward fringe list` داریم و به جای تابع `successor` از تابع `predecessor` استفاده می‌شود.
۲. `checkExplored`: چک می‌کند آیا `node` جدیدی که می‌خواهد ساخته شود قبلاً بررسی شده است یا نه.
۳. `successor`: این تابع با دریافت یک `node`، حالت‌هایی که از آن `node` در جست و جو رو به جلو قابل دسترسی هستند و می‌توانند فرزندان آن `node` باشند را برمیگرداند.
۴. `predecessor`: این تابع با دریافت یک `node`، حالت‌هایی که از آن `node` در جست و جو رو به عقب قابل دسترسی هستند و می‌توانند فرزندان آن `node` باشند را برمیگرداند.
۵. `checkGoal`: اگر در اجرای جست و جوی `forward` صدا زده شود، چک می‌کند آیا `node` ورودی تابع، در `backward fringe list` وجود دارد یا نه، اگر وجود داشته باشد یعنی دو الگوریتم جلو و عقب در این `node` به هم رسیده‌اند. اگر در اجرای جست و جوی `backward` صدا زده شود، چک می‌کند آیا `node` ورودی تابع، در `forward fringe list` وجود دارد یا نه.

۶. calcPathAndCost: تابع SearchAlgorithm در این تابع صدا زده میشود، و اگر جوابی پیدا شود، مسیر و هزینه آن را محاسبه میکند.

پنج کلاس برای این کد وجود دارد:

۱. Main: که تابع‌ها در آن صدا زده‌شود و کنترل کد را بر عهده دارد.
۲. Node: کلاس node یا گره است که وضعیت ربات و کره‌ها، cost، depth، parent، action را نگه می‌دارد.
۳. Table: که اطلاعات مربوط به زمین بازی را در خود نگه می‌دارد.
۴. BidirectionalBFS: که کدهای اصلی برای پیاده‌سازی جست و جو دوطرفه در این کلاس قرار دارند.
۵. DrawBoard: این کلاس برای نمایش حرکت ربات به صورت گرافیکی است.

## • A\* گرافی

الگوریتم A\* برخلاف دو الگوریتم قبل، یک الگوریتم آگاهانه است؛ یعنی در اینجا علاوه بر هزینه‌ای پرداختی تا مکانی که قرار داریم -  $g(n)$  - هزینه‌ی رسیدن تا هدف را نیز در نظر می‌گیریم که به آن -  $h(n)$  - تابع شهودی گفته می‌شود. برای انتخاب یک node از تابع  $f(n) = h(n) + g(n)$  استفاده میشود.

شش تابع اصلی این کد:

۱. searchAlgorithm: این تابع الگوریتم سرچ را پیاده سازی می‌کند. تا زمانی که به node ای که دارای حالت هدف باشد (همه کره‌ها به همه آدمها رسیده باشند) در یک حلقه همواره الگوریتم A\* را اجرا میکند. اگر fringe list خالی شود، یعنی جوابی نداریم و False برمیگرداند.
- ابتدا یک initial node ساخته میشود و به fringe list اضافه میشود. سپس هر بار در این جست و جو، لیست fringe براساس  $f(n)$  سورت میشود و node با کمترین هزینه تخمین زده شده انتخاب میشود و از لیست خارج میشود. ابتدا تابع checkGoal روی آن صدا زده می‌شود. اگر هدف نبود، بسط داده میشود یعنی تابع successor صدا زده میشود و حالت‌هایی که میتوانند فرزندان این node باشند را تولید میکند، در ادامه هر یک از این حالت‌ها در تابع checkExplored بررسی میشوند و اگر قبلاً آن حالت بررسی نشده بود، یک node برای آن ساخته میشود و به fringe list اضافه میشود.

۲. `checkExplored`: چک میکند آیا `node` جدیدی که میخواهد ساخته شود قبلاً بررسی شده است یا نه
۳. `successor`: این تابع با دریافت یک `node`، حالت هایی که از آن `node` در جست و جو رو به جلو قابل دسترسی هستند و میتوانند فرزندان آن `node` باشند را برمیگرداند.
۴. `checkGoal`: چک میکند که آیا `node` ورودی تابع حالت نهایی و هدف است یا نه.
۵. `calcPathAndCost`: تابع `SearchAlgorithm` در این تابع صدا زده میشود، و اگر جوابی پیدا شود، مسیر و هزینه آن را محاسبه میکند.
۶. `calcNodeEvaluation`: این تابع مقدار  $h(n)$  را محاسبه میکند و آن را با مقدار  $g(n)$  جمع میکند و  $f(n)$  یک `node` را مشخص میکند.

پنج کلاس برای این کد وجود دارد:

۱. `Main`: که تابع ها در آن صدا زده شود و کنترل کد را بر عهده دارد.
۲. `Node`: کلاس `node` یا گره است که وضعیت ربات و کره ها، `parent`، `depth`، `cost`، `action` را نگه می‌دارد.
۳. `Table`: که اطلاعات مربوط به زمین بازی را در خود نگه می‌دارد.
۴. `AStar`: که کدهای اصلی برای پیاده سازی جست و جو در این کلاس قرار دارند.
۵. `DrawBoard`: این کلاس برای نمایش حرکت ربات به صورت گرافیکی است.

### توضیحات محاسبه $h(n)$ :

در محاسبه‌ی  $h$ ، همه‌ی فواصل را با استفاده از روش `Manhattan distance` محاسبه کردیم. ابتدا  $h=0$  است. بعد فاصله‌ی ربات تا نزدیکترین کره را پیدا می‌کنیم و  $h$  را با آن فاصله جمع زدیم. سپس فاصله‌ی کره ای را که به عنوان نزدیک ترین کره انتخاب کردیم تا نزدیک ترین آدم به آن کره محاسبه میکنیم و این فاصله را نیز با  $h$  جمع می‌زنیم.

### بررسی قابل قبول بودن:

همانطور که در قسمت قبل توضیح داده شد از روش `Manhattan distance` برای محاسبه‌ی  $h$  استفاده می‌کنیم. در این روش چون مانع‌هایی مثل `x - blocks` و موانع دیگر مانند کره بر سر راه (حتماً برای هل دادن کره به سمت مشتری باید در پشت کره قرار گرفت) در نظر گرفته نمی‌شود بنابراین مقدار محاسبه شده از مقدار واقعی کمتر خواهد بود. پس `heuristic` قابل قبول و سازگار است.

مقایسه‌ی سه الگوریتم به صورت زیر است.

با توجه به مثال زیر جدول پر شده است:

		5	6		
1	1	1	1	1	1
2	1	1b	1r	1b	2
2p	x	1	1	1	2
2	1	1	1	1	2
1	1	1	1	1	1p

IDS	Bidirectional BFS	A*	
۲۷۷۶ ms	۱.۷۷ s	۲۳.۹۷ s	زمان صرف شده
$O(b^d)$	$O(b^{d/2})$	$O(b^d)$	پیچیدگی زمانی
۴۰۱۲	۳۷۴۳	۱۱۸۰۰	تعداد گره‌های تولید شده
۴۰۰۹	۳۷۴۱	۷۳۰۰	تعداد گره‌های گسترش داده شده
۱۴	۱۴	۱۶	عمق راه‌حل

\*\* مراحل انجام کار در بای پیاده‌سازی الگوریتم در Trello موجود است - لینک هر کدام در زیر قرار دارد:

IDS

Bidirectional - BFS