

## Homework 12.14 12.16

PB19010450 和泳毅 36号

9.38 试写一算法,将两棵二叉排序树合并为一棵二叉排序树

```
1 void Insert(BiTree &T,KeyType key){
2     if(!T){ //如果为空树, 直接操作
3         T = (BinTree)malloc(sizeof(BinNode));
4         T->data = key;
5         T->lchild = T->rchild = NULL;
6         return;
7     }
8     if(key == T->data) return;
9     if(key > T->data) Insert(T->rchild,key);
10    else Insert(T->lchild,key);
11 }
12
13 void MergeBST(BiTree T1,BiTree T2){
14     if(T2){
15         InsertBST(T1,T2->lchild);
16         Insert(T1,T2->data); //递归
17         InsertBST(T1,T2->rchild);
18     }
19 }
```

9.40 在平衡二叉排序树的每个结点中增设一个lsize域,其值为它的左子树中的结点数加1。试写一时间复杂度为 $O(\log n)$ 的算法,确定树中第k小的结点的位置。

```
1 BNode Locate(BNode T,int k){
2     //二叉排序树中第k小的结点,即为二叉排序树中序序列中顺序号为k的结点;
3     //将k与根结点的顺序号进行比较。
4     p = T;
5     while(p){
6         j = i + p->lsize;
7         if(j == k) return p; //找到
8         if(j > k) p = p->lchild;
9         else{
10            i += p->lsize;
11            p = p->rchild;
12        } //右孩子结点号为根结点号与右孩子结点lsize域值之和
13    }
14    return NULL;
15 }
```

查找不超过树的高度,  $T(n) = O(\log n)$ 。

**9.41** 为B+树设计结点类型并写出算法,随机(而不是顺序)地查找给定的关键字K,求得它所在的叶子结点指针和它在该结点中的位置(提示:B+树中有两种类型的指针, 结点结构也不尽相同,考虑利用记录的变体。)

```
1  Result SearchBTree(BTree T, KeyType K){
2      Result R = {NULL, 0, 0};
3      p = T.root; //root指向B+树的根
4      found = FALSE;
5      i = 0; //p->key[i] <= K < p->key[i+1]
6      while(p && !found){
7          i = Search(p, K); //在p->key[1...keynum]中查找
8          if(p->leaf == 1){
9              if(i > 0 && p->key[i - 1] == K){
10                 found = TRUE;
11                 i--;
12             }
13             else break;
14         }
15         else{
16             if(i > 0) i--;
17             p = p->ptr[i];
18         }
19     }
20     R.i = i;
21     R.pt = p;
22     if(found) R.tag = 1; //1成功, 0失败
23     else R.tag = 0;
24     return R;
25 }
26 int Search(BTNode &p, KeyType K){
27     for(i = 0; i < p->keynum && p->key[i] <= K; i++);
28     return i;
29 }
```