

## Problem A 肥猪的钢琴床

假设 $0^a$ 表示连续 $a$ 个0， $1^a$ 表示连续 $a$ 个1

通过观察容易发现答案是 $0^a 1^b 0^c$ 形式的（当然 $abc$ 可能为0），此时一个简单的想法就是枚举两个分界点，但事实上在确定了左端点之后右端点是很容易通过预处理找到的，我们可以假设枚举完左端点之后先将左端点左边全部转为0，右端点全部转为1，此时我们想要知道的是0和1出现次数差值最大的右端点，那么我们是需要事先预处理后缀0和1出现次数差的最大值就可以了。

## Problem B 拯救小a

本场的签到题~考察新生字符串处理的能力

## Problem C 母牛的俄罗斯轮盘赌

显然能开出第 $n-1$ 枪的是胜者，易证得开出第 $k$ 枪的玩家一定能开出第 $k+5$ 枪，算出 $n \leq 5$ 的答案即可。

## Problem D 中学数学题

本题问题易转换为： $n$ 中 $p$ 因子个数

则 $p$ 的因子贡献为1； $p^2$ 因子贡献为2，以此类推，于是答案可以容易得出：

$$n/p + n/(p^2) + n/(p^3) + \dots,$$

## Problem E 枚举求和

$k$ 为gcd的因子，问题转换为： $\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m [k|i \wedge k|j]$

于是问题为：有多少个 $i$ 和 $j$ 都是 $k$ 的倍数。

于是，答案出来了，直接输出 $(n/k) * (m/k)$ 把

## Problem F 合并石子

你只关心在所有合并方案当中，某一堆石子会被合并多少次。

$f[i][j]$ 表示还剩 $i$ 堆石子，当前第 $j$ 堆，在后续所有合并方案中被合并的次数。

转移 $O(1)$

## Problem G 排解忧伤

显然，无论以任何顺序入场，怒气值之和都不会改变。

你只要以你喜欢的顺序入场计算就好了。

## Problem H 台灯

设 $p[i]$ 表示如果 $x$ 在 $i$ 位置，所有操作在使用第二个按钮后够减少的操作次数。

现在考虑一次变化 $pre = a_i, next = a_{i+1}$ 若 $pre > next$ 那么 $next = next + m$ 这样就不用考虑上界了。

当 $next - pre \leq 1$ 显然第二个按钮不能减少操作次数

当 $next - pre > 1$ 那么当 $x$ 在 $pre + 2$ 位置使用第二个按钮能够减少1次操作，在 $pre + 3$ 位置能减少2次...在 $next$ 位置能够减 $next - (pre + 2) + 1$ 次操作。

也就是说题目转化为一次变化

$$p[pre + 2] + = 1, p[pre + 3] + = 2 \dots p[next] + = next - (pre + 2) + 1$$

考虑如何优化这个过程我们可以这样：

$p[pre] + = 1, p[next + 1] - = next - pre + 1 + 1, p[next + 2] + = next - pre + 1$ ，每次只更新这三个值。

最后再从头到尾弄两次 $p[i] + = p[i - 1]$

## Problem I 历史

本场的签到题~因为是新生赛所以希望通过这一道题目让新生们了解一下acm的历史以及基本规则。

## Problem J 母牛烃

显然双键的能量在1至 $n - 1$ 之间。

考虑从高到低依次满足能量，并且每次满足能量时，选取的势力值都是未选择势力值的最值。

可以证明如果每次都遵循这个原则，最后一定能构造出一个合法方案。

定义在一个碳原子上添加双键称为扩展。

对于能量 $n - 1$ ，必定为1与 $n$ 相连产生。

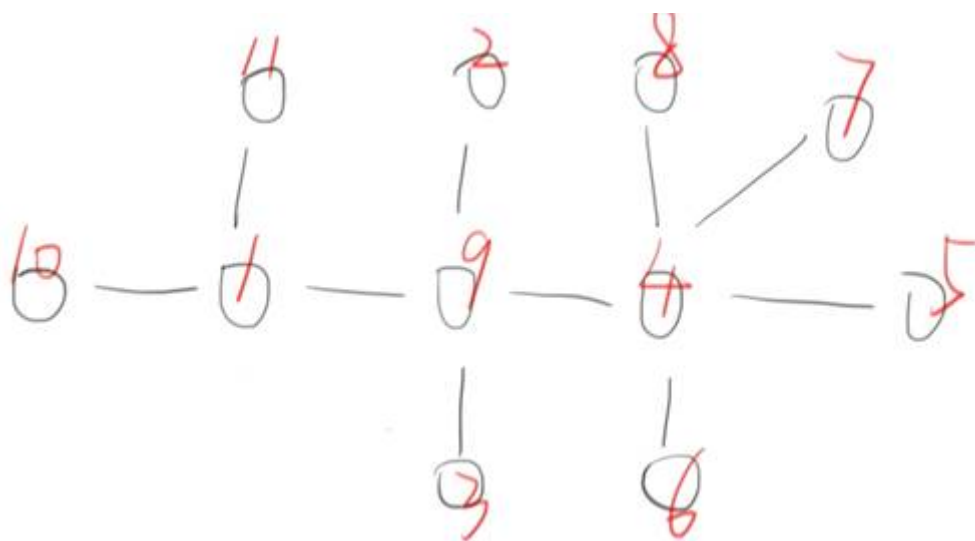
对于能量 $n - 2$ ，可由1与 $n - 1$ 相连或2与 $n$ 相连产生。

假设在满足能量 $n - 1$ 时选择前者，则会产生 $(n - 1) - 1 - n$ 的链；若选择在 $n$ 上扩展，则会导致势力值2被忽略，违背了上诉原则。同理若选择了后者，则在1上扩展时，同样会违背上诉规则。

因此，归纳可知每次扩展之间必定存在一个公共碳原子，且只要满足存在公共碳原子，则可得到合法方案。

基于此，只需要在主链上扩展时始终满足**存在公共碳原子**即可得到一组合法方案。

如下图：



## Problem K 很基础的模拟题

签到模拟题

## Problem L 母牛上柱

签到数学题。两个方向都计算一遍取最小即可。