



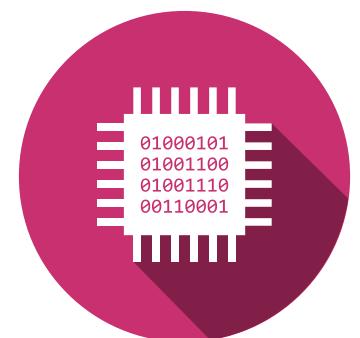
Digitales Design (DiD)

Synchrone Zähler

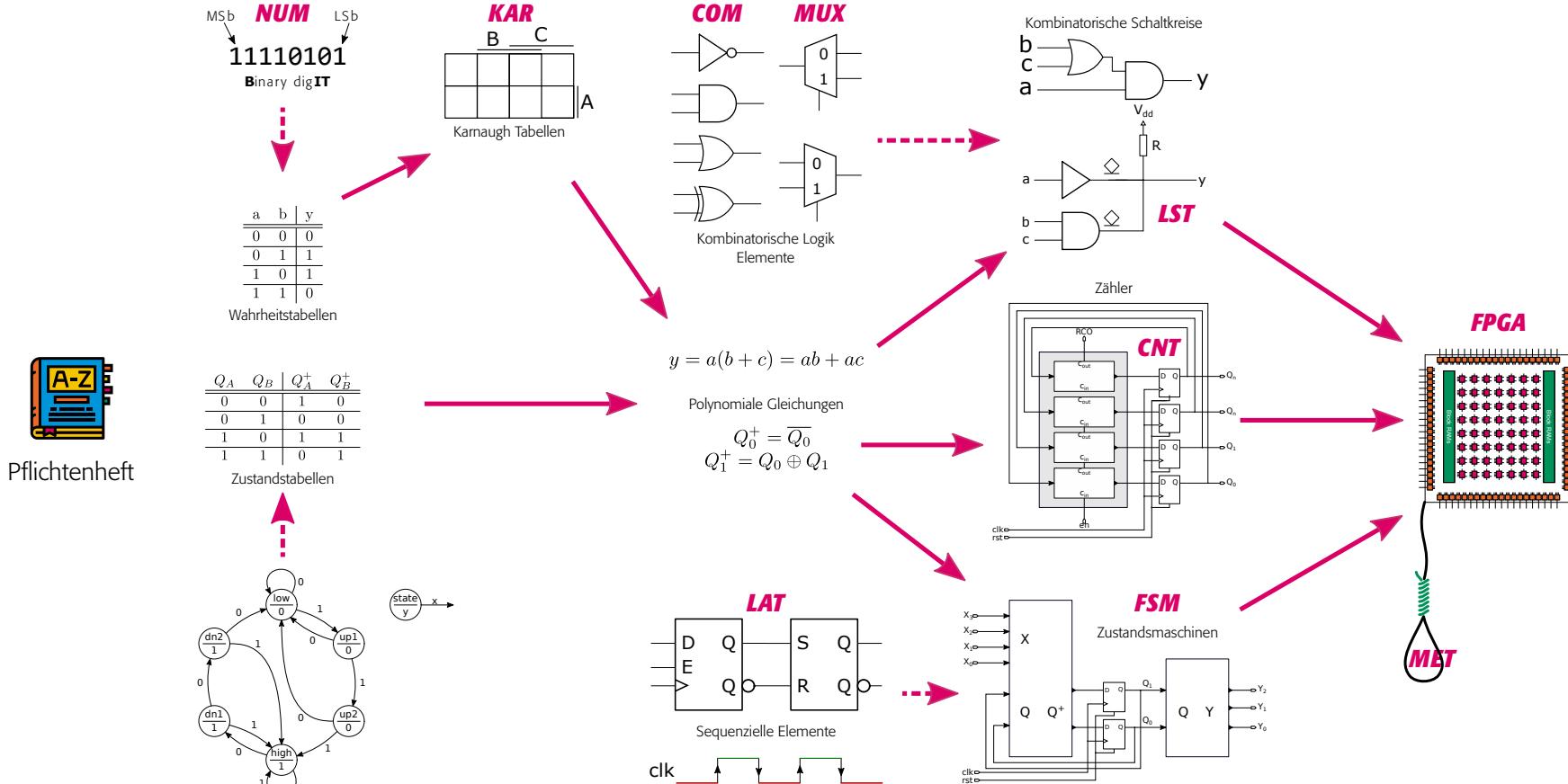
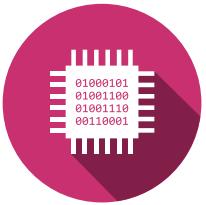
CNT

Studiengang Systemtechnik
Studiengang Energie und Umwelttechnik
Studiengang Informatik und Kommunikationssysteme

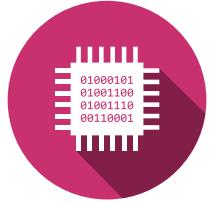
Silvan Zahno silvan.zahno@hevs.ch
Christophe Bianchi christophe.bianchi@hevs.ch
François Corthay francois.corthay@hevs.ch



Aktueller Inhalt des Themas im Kurs

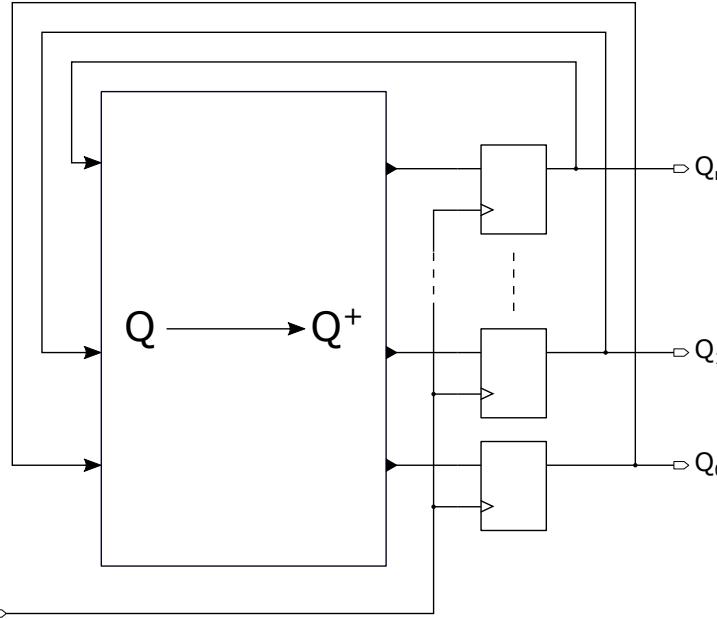
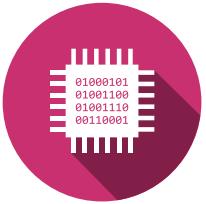


Inhalt

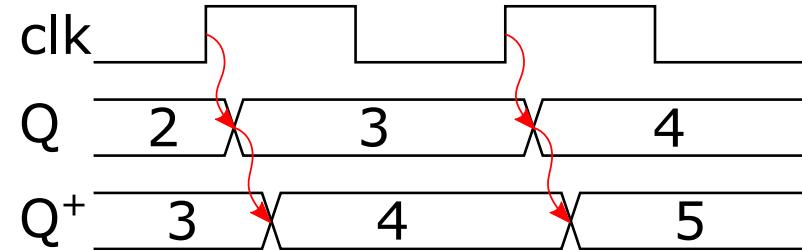


- **Aufbau der Synchronzähler**
- Zähler mit Zweierpotenz
- Zähler mit ungeordneter Sequenz
- Iterative Schaltkreise

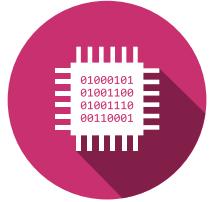
Synchronzähler Architektur



- **Synchroner Zähler:**
- Eine Logikschaltung berechnet den nachfolgenden Wert
- Dieser Wert wird beim nächsten Takschlag in die Flip-Flops geladen.
- Die Logikschaltung berechnet erneut den nachfolgenden Wert



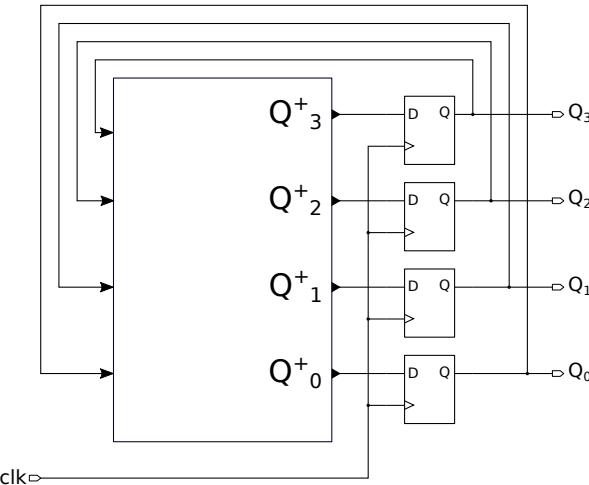
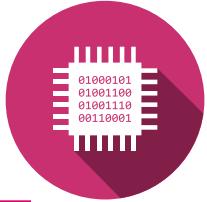
Inhalt



- Aufbau der Synchronzähler
- **Zähler mit Zweierpotenz**
 - Mit D-FlipFlops
 - Mit anderen FlipFlop Typen
- Zähler mit ungeordneter Sequenz
- Iterative Schaltkreise

Synchronzähler

Zähler auf 16 (2^4) mit D-FlipFlops

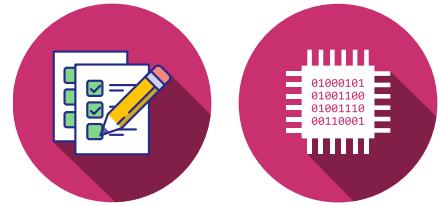


$$\begin{array}{lll}
 D_0 = Q_0^+ & D_0 = Q_0 \oplus 1 & D_0 = \overline{Q}_0 \\
 D_1 = Q_1^+ & D_1 = Q_1 \oplus Q_0 & \\
 D_2 = Q_2^+ & D_2 = Q_2 \oplus Q_1 Q_0 & \\
 D_3 = Q_3^+ & D_3 = Q_3 \oplus Q_2 Q_1 Q_0 &
 \end{array}$$

Q₃	Q₂	Q₁	Q₀	Q₊₃	Q₊₂	Q₊₁	Q₊₀
0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1	0	0
0	1	0	0	0	1	0	1
0	1	0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	0	1	1	1
0	1	1	1	1	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	1
1	0	0	1	1	0	1	0
1	0	1	0	1	0	1	1
1	0	1	1	1	1	0	0
1	1	0	0	1	1	0	1
1	1	0	1	1	1	1	0
1	1	1	0	1	1	1	1
1	1	1	1	0	0	0	0

Aufgabe 1.1 (cnt/pow2-01)

Abwärtszähler



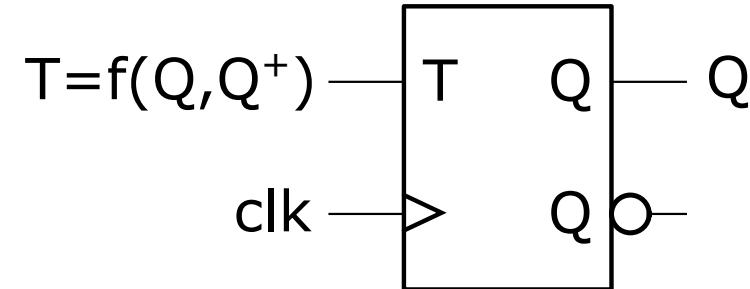
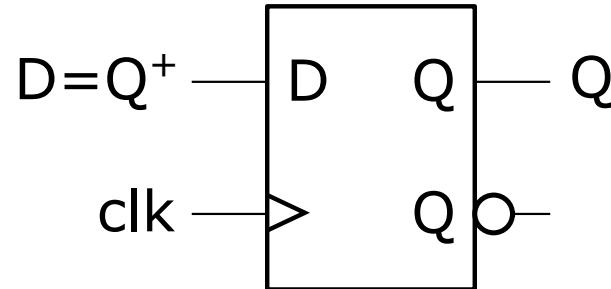
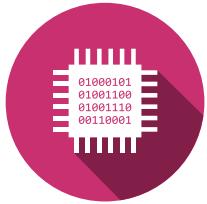
Erstellen Sie mit Hilfe von D-Flipflops und von kombinatorischen Logikgattern einen synchronen Abwärtszähler mit der Sequenz:

15 – 14 – 13 – 12 – ... – 3 – 2 – 1 – 0 – 15 – ...

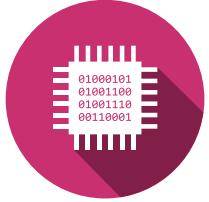
Zeichnen Sie das vollständige Schema

Synchronzähler

Zähler anderen FlipFlop Typen



Q	Q ⁺	D	T	E	D
0	0	0	0	0 1	- 0
0	1	1	1	1	1
1	0	0	1	1	0
1	1	1	0	0 1	- 1



Synchronzähler

Zähler mit T-FlipFlops

Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	Q_3^+	Q_2^+	Q_1^+	Q_0^+	T_3	T_2	T_1	T_0
0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	1	1
0	0	1	0	0	0	1	1	0	0	0	1
0	0	1	1	0	1	0	0	0	1	1	1
0	1	0	0	0	1	0	1	0	0	0	1
0	1	0	1	0	1	1	0	0	0	1	1
0	1	1	0	0	1	1	1	0	0	0	1
0	1	1	1	1	0	0	0	1	1	1	1
1	0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	1
1	0	0	1	1	0	1	0	0	0	1	1
1	0	1	0	1	0	1	1	0	0	0	1
1	0	1	1	1	1	0	0	0	1	1	1
1	1	0	0	1	1	0	1	0	0	0	1
1	1	0	1	1	1	1	0	0	0	1	1
1	1	1	0	1	1	1	1	0	0	0	1
1	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1	1

$$T_0 = 1$$

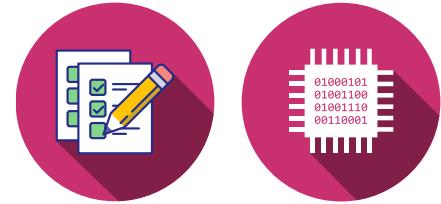
$$T_1 = Q_0$$

$$T_2 = Q_1 Q_0$$

$$T_3 = Q_2 Q_1 Q_0$$

Aufgabe 1.2 (cnt/pow2-02)

Abwärtszähler

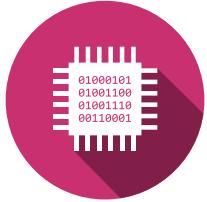


Erstellen Sie mit Hilfe von T-Flipflops und von NAND-Gattern einen synchronen Abwärtszähler mit der Sequenz:

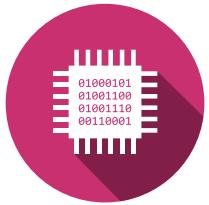
7 – 6 – ... – 3 – 2 – 1 – 0 – 7 – ...

Zeichnen Sie das vollständige Schema

Inhalt

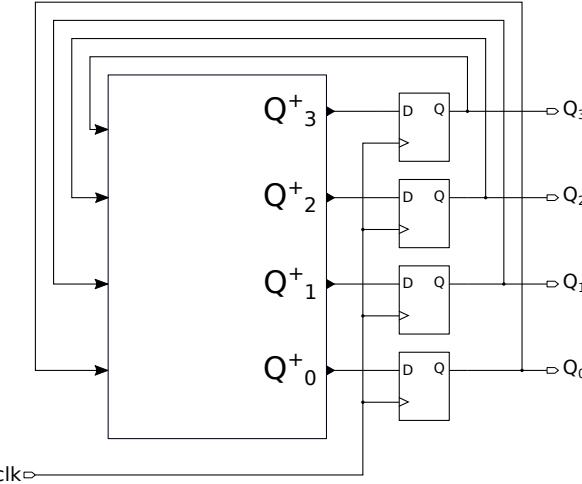


- Aufbau der Synchronzähler
- Zähler mit Zweierpotenz
- **Zähler mit ungeordneter Sequenz**
 - Realisierung
 - Verifikation
- Iterative Schaltkreise



Synchronzähler

Realisierung eines Modulo 10 Zählers



$$D_0 = \overline{Q_0}$$

$$D_1 = Q_1 \overline{Q_0} + \overline{Q_3} \overline{Q_1} Q_0$$

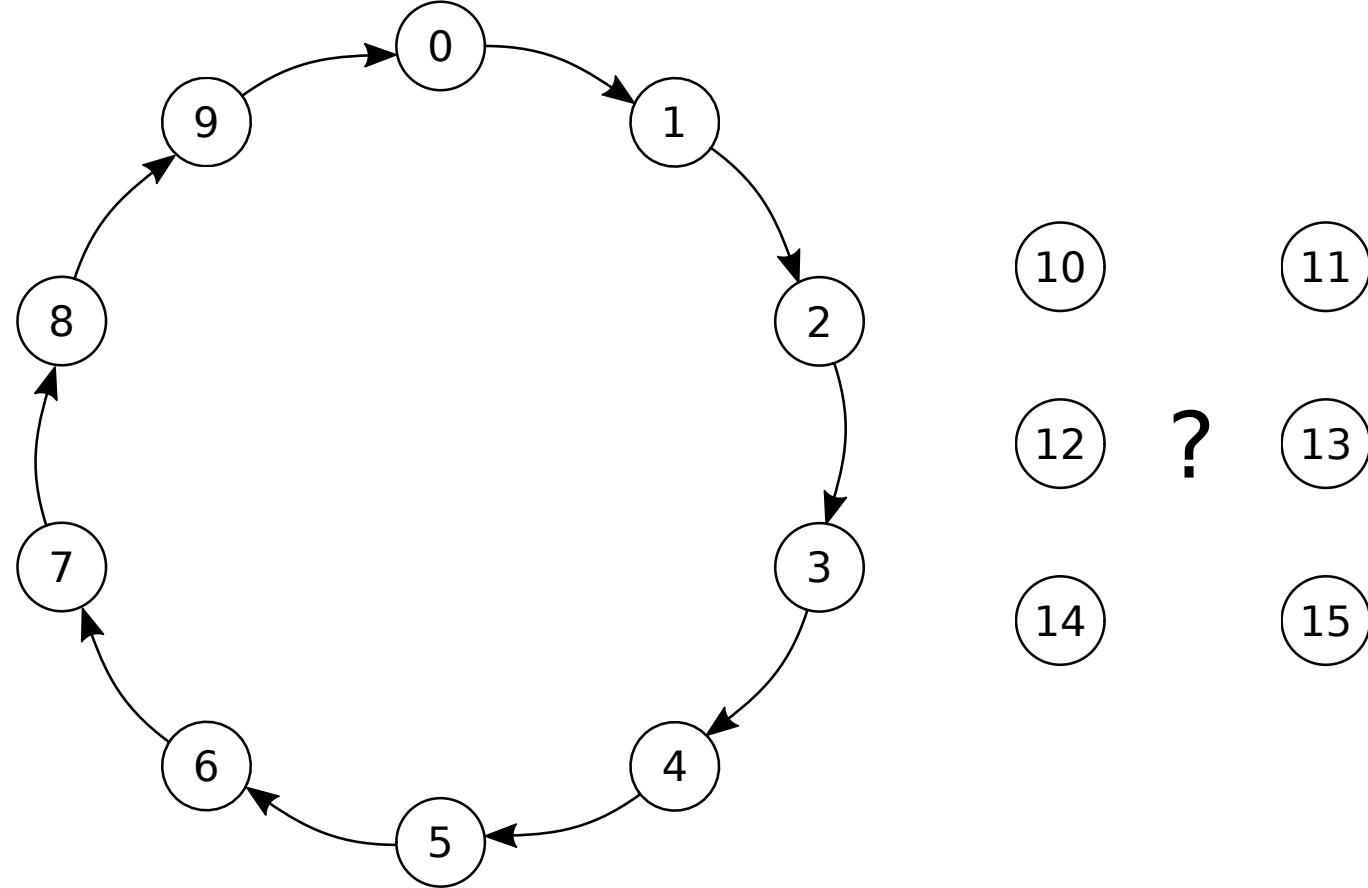
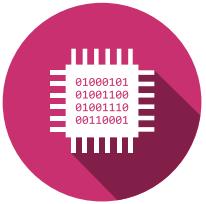
$$D_2 = Q_2 \overline{Q_1} + Q_2 \overline{Q_0} + \overline{Q_2} Q_1 Q_0$$

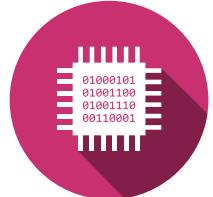
$$D_3 = Q_3 \overline{Q_0} + Q_2 Q_1 Q_0$$

Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	Q_+3	Q_+2	Q_+1	Q_+0
0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1	0	0
0	1	0	0	0	1	0	1
0	1	0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	0	1	1	1
0	1	1	1	1	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	1
1	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	-	-	-	-
1	0	1	1	-	-	-	-
1	1	0	0	-	-	-	-
1	1	0	1	-	-	-	-
1	1	1	0	-	-	-	-
1	1	1	1	-	-	-	-

Synchronzähler

Verifikation – Zustandsgraph der Zählers





Synchronzähler

Verifikation – Nicht definierte Zustände

$$D_0 = \overline{Q_0}$$

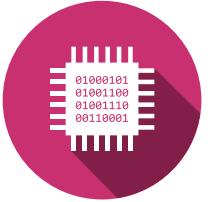
$$D_1 = Q_1 \overline{Q_0} + \overline{Q_3} \overline{Q_1} Q_0$$

$$D_2 = Q_2 \overline{Q_1} + Q_2 \overline{Q_0} + \overline{Q_2} Q_1 Q_0$$

$$D_3 = Q_3 \overline{Q_0} + Q_2 Q_1 Q_0$$

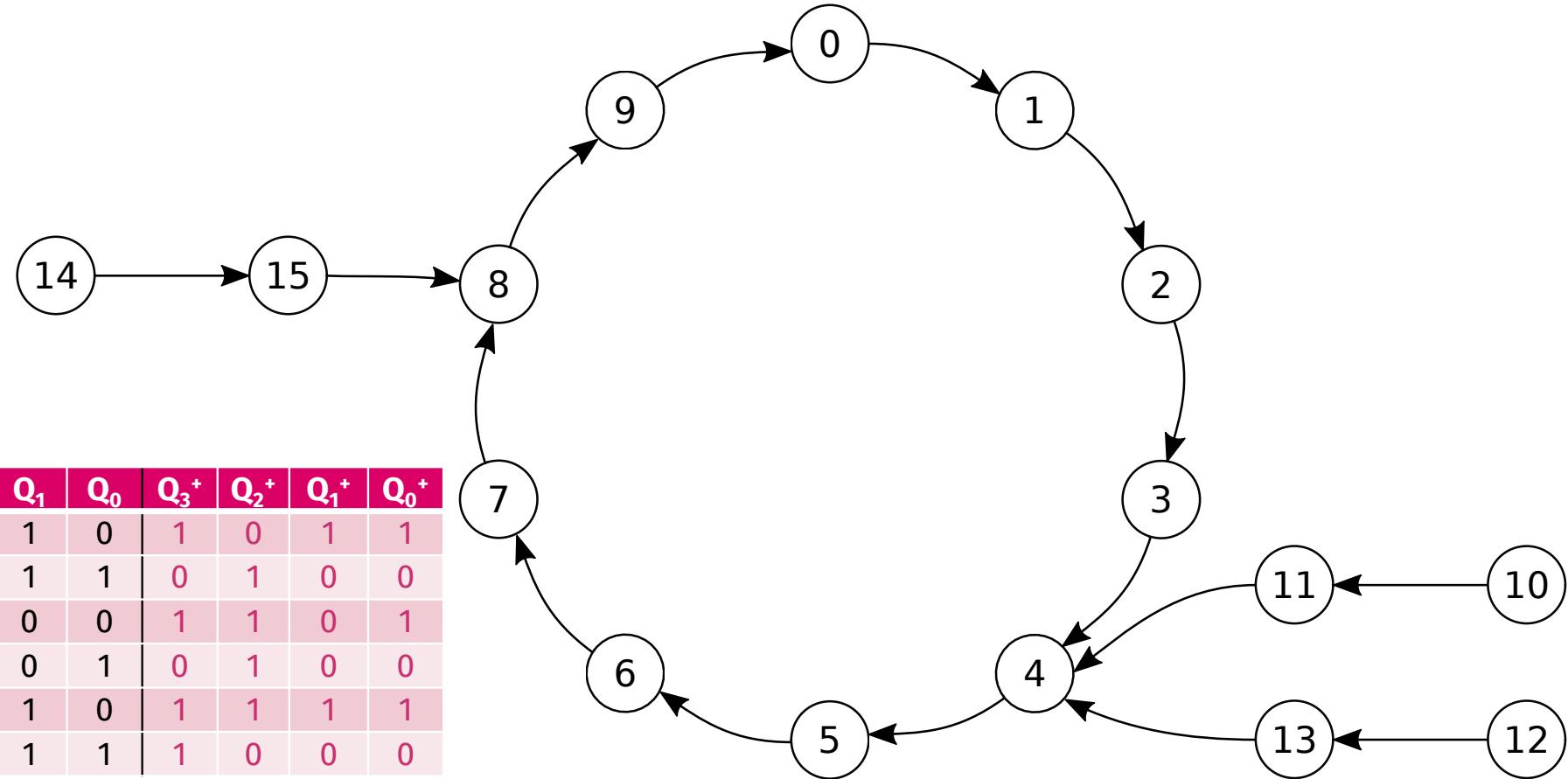


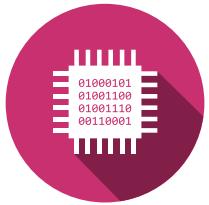
Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	Q_3^+	Q_2^+	Q_1^+	Q_0^+
0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1	0	0
0	1	0	0	0	1	0	1
0	1	0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	0	1	1	1
0	1	1	1	1	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	1
1	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	1	0	1	1
1	0	1	1	0	1	0	0
1	1	0	0	1	1	0	1
1	1	0	1	0	1	0	0
1	1	1	0	1	1	1	1
1	1	1	1	1	0	0	0



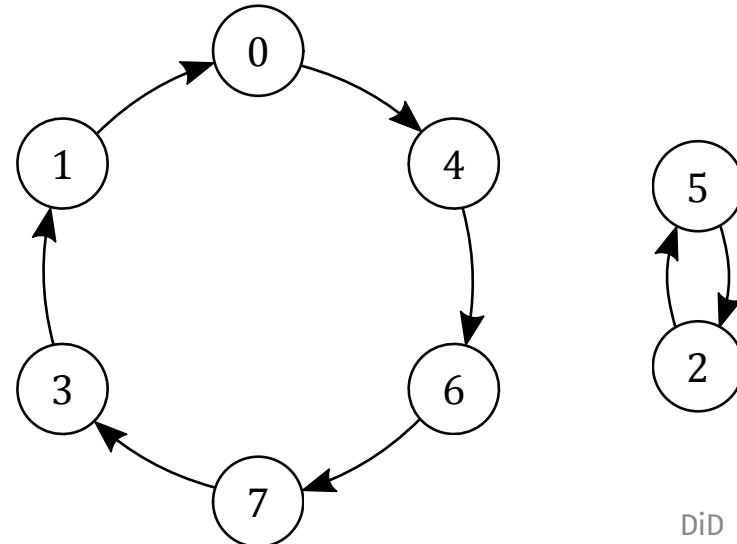
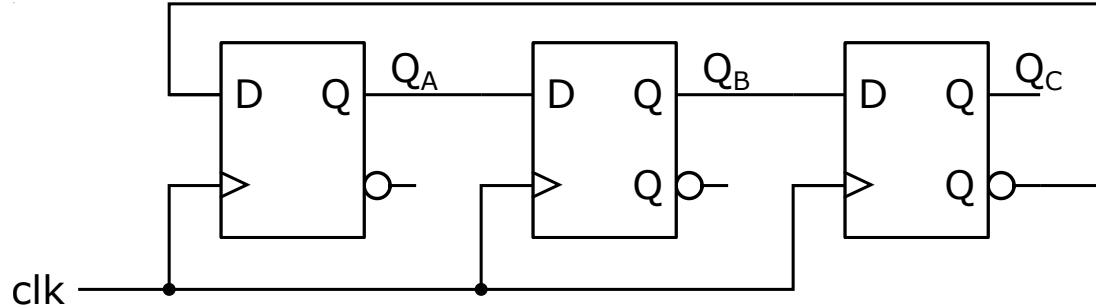
Synchronzähler

Verifikation – Komplettierter Graph





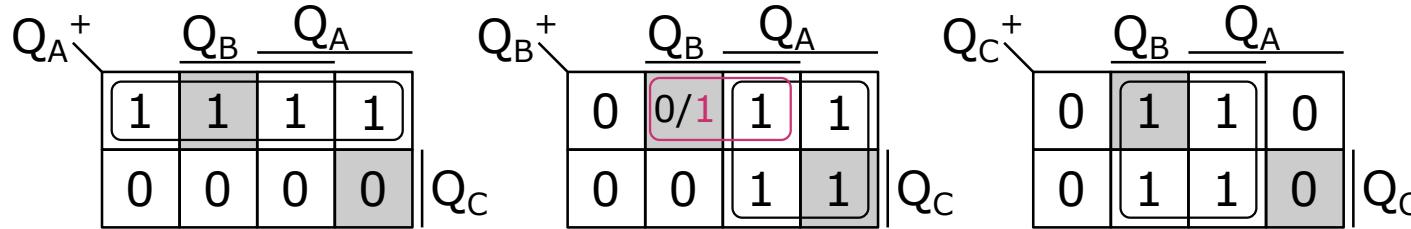
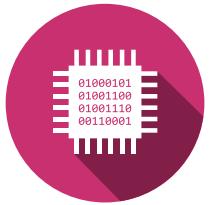
Synchronzähler Johnson Zähler



$$\begin{aligned} D_A &= Q_A^+ = \overline{Q_C} \\ D_B &= Q_B^+ = Q_A \\ D_C &= Q_C^+ = Q_B \end{aligned}$$

Q_A	Q_B	Q_C	Q_A^+	Q_B^+	Q_C^+
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	0	1
0	1	1	0	0	1
1	0	0	1	1	0
1	0	1	0	1	0
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	1	1

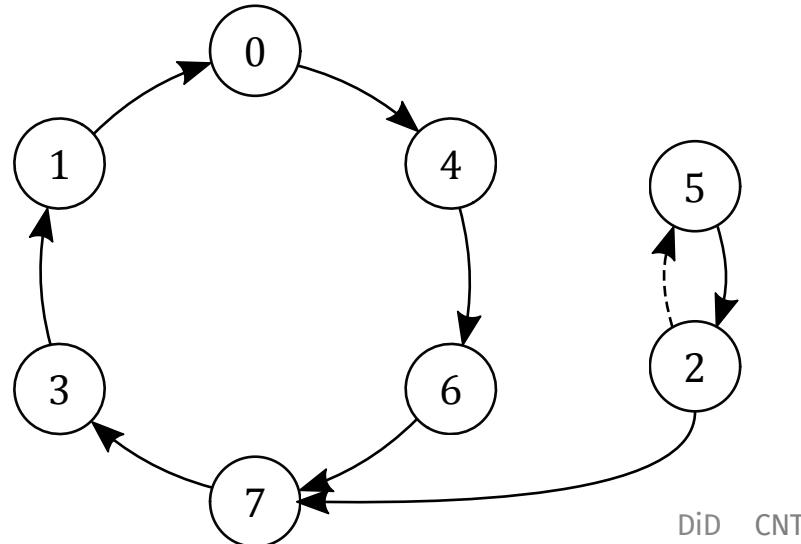
Synchronzähler Johnson Zähler



$$D_A = Q_A^+ = \overline{Q}_C$$

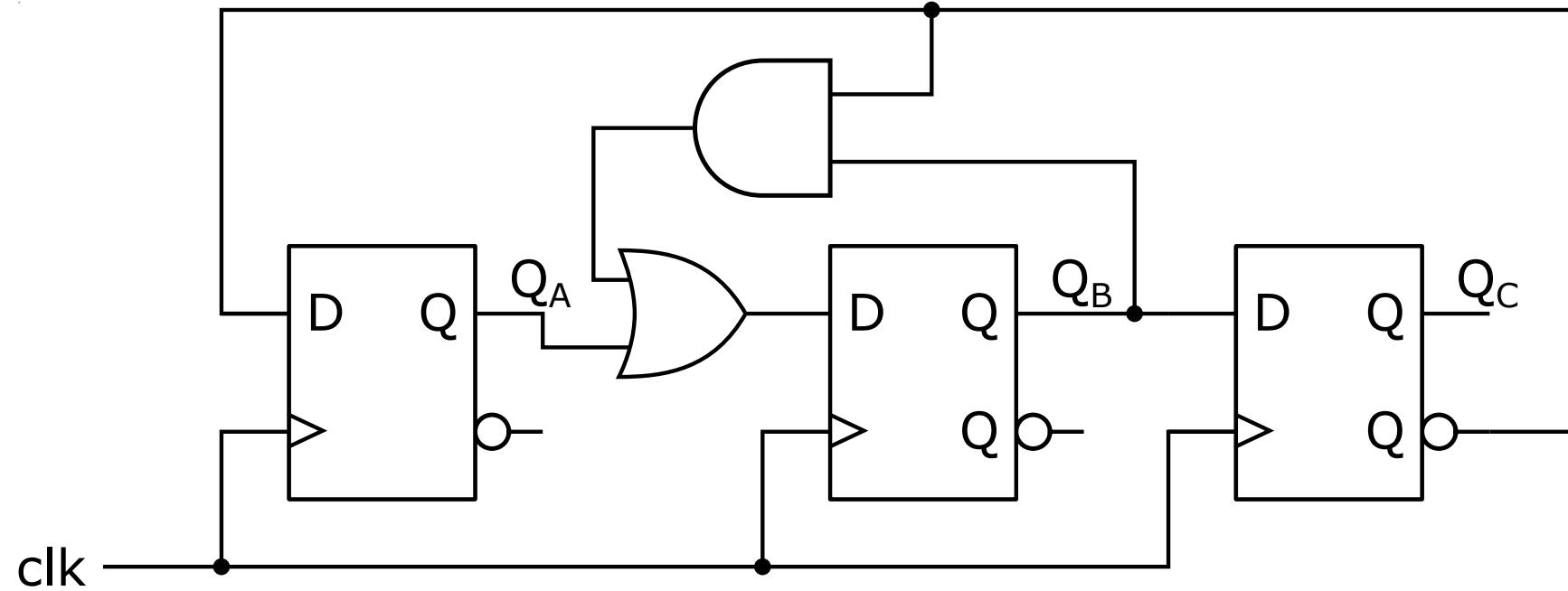
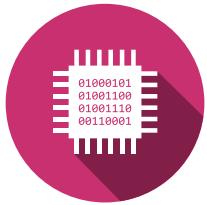
$$D_B = Q_B^+ = Q_A + Q_B \overline{Q}_C$$

$$D_C = Q_C^+ = Q_B$$



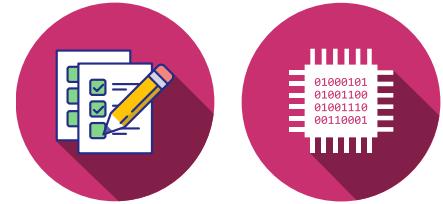
Q_A	Q_B	Q_C	Q_A^+	Q_B^+	Q_C^+
0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	1	1
0	1	1	0	0	1
1	0	0	1	1	0
1	0	1	0	1	0
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	1	1

Synchronzähler Johnson Zähler



Aufgabe 2.1 (cnt/cnt-01)

Abwärtszähler



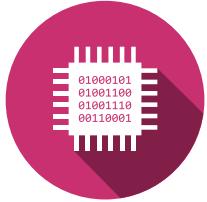
Erstellen Sie mit Hilfe von D-Flipflops und von NAND-Gattern einen Modulo-10 synchronen Abwärtszähler mit der Sequenz:

9 – 8 – 7 – ... – 3 – 2 – 1 – 0 – 9 – ...

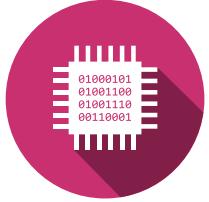
Zeichnen Sie das vollständige Schema.

Zeichnen Sie des Zustandsgraph mit allen Zuständen, auch mit denjenigen ausserhalb der Hauptschleife.

Inhalt

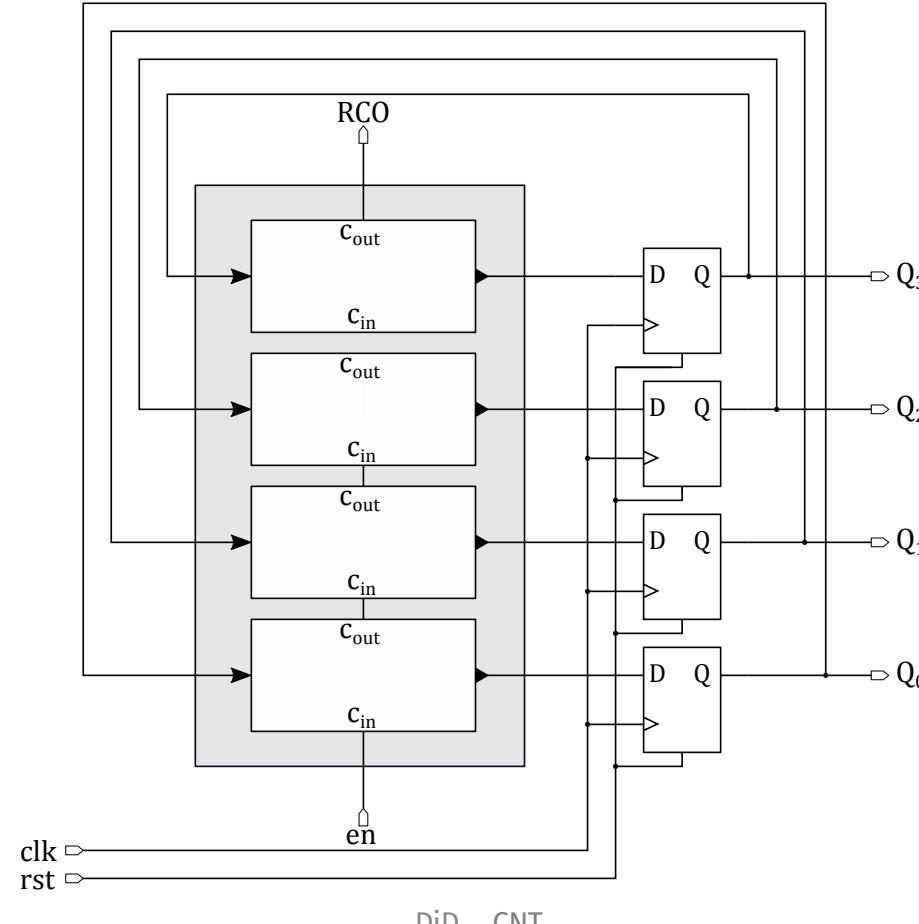


- Aufbau der Synchronzähler
- Zähler mit Zweierpotenz
- Zähler mit ungeordneter Sequenz
- **Iterative Schaltkreise**
 - Iterativer Zähler



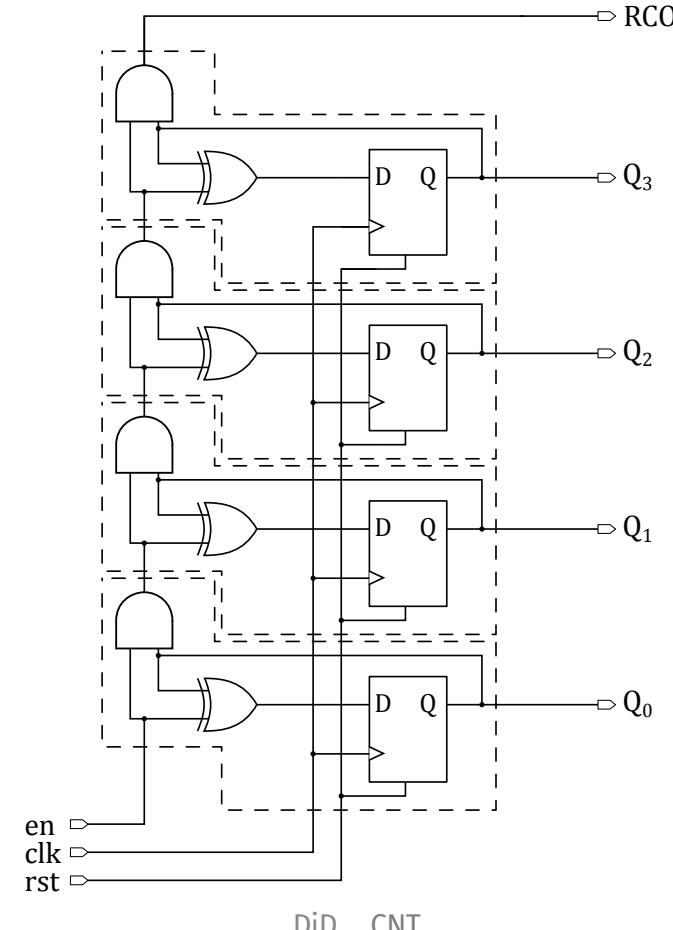
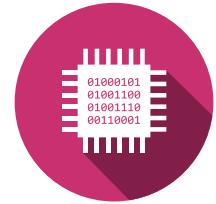
Synchronzähler

Iterativer Zähler - Architektur



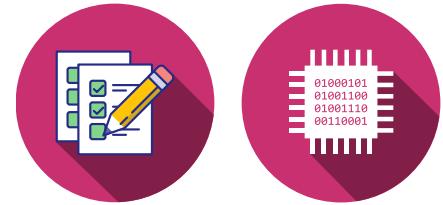
Synchronzähler

Iterativer Zähler - Schaltung



Aufgabe 3.3 (cnt/cnt-iterative-03)

Auf- und Abwärtszähler

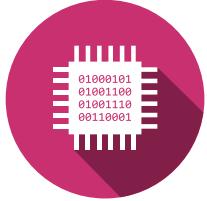


Erstellen Sie einen 4-Bit Aufwärts-Abwärtszähler mit Hilfe von D-Flipflops und von Logikgattern.

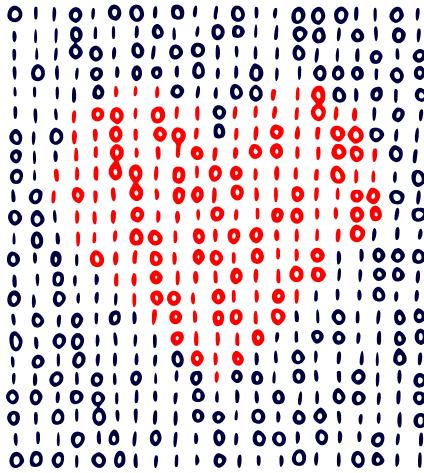
Der Aufwärts-Abwärtszähler hat einen Steuereingang up/down.

- Ist up/down = '1', so zählt die Schaltung aufwärts.
- Ist up/down = '0', so zählt die Schaltung abwärts.

Referenzen



- [Kün97] (Deutsch)
 - Vollständig
 - Elektronikbeispiele
 - Zähler basierend auf Schieberegister
- [Wak00] (Englisch)
 - Iterative Schaltungen, Standard integrierte Schaltungen
- [Man78] (Französisch)
 - Gute Präsentation, korrigierte Übungen



Hes·so // VALAIS
WALLIS



Haute Ecole d'Ingénierie
Hochschule für Ingenieurwissenschaften

Silvan Zahno silvan.zahno@hevs.ch
Christophe Bianchi christophe.bianchi@hevs.ch
François Corthay francois.corthay@hevs.ch

