



Rapport de stage : Simulations moléculaires d'électrodes capacitives

LOU CHAO Heiarii M2 Physique Numérique

Établissement d'accueil : Laboratoire de Mécanique et de

Génie Civil

Encadrants: Katerina Ioannidou, Romain Dupuis

Table des matières

1	Pré	sentation des méthodes utilisées	2
	1.1	Rappels de Dynamique Moléculaire	2
	1.2	Présentation de ReaxFF	
	1.3	Présentation d' <i>EChemDID</i>	
2	Pré	sentation du système modèle	6
	2.1	Description du modèle	6
	2.2	Construction du modèle	
	2.3	Déroulement et détails des simulations	8
3	Rés	ultats et discussion	12
	3.1	Comparaison de deux méthodes pour modéliser la molécule d'eau	12
	3.2	Distribution des charges sur les électrodes	16
	3.3	Adsorption et déplacements des ions	16
4	Con	nclusion	17
\mathbf{A}	Con	struction des configurations initiales avec Packmol	j
В	Con	aversion des fichiers de configurations initiales au format <i>LAMMPS</i>	ii
		Conversion pour ReaxFF	
		Conversion pour le modèle SPC/E	
		· ·	

Introduction

En 2019, la consommation mondiale d'énergie finale a doublé par rapport à 1973 et a dépassé la barre des $400\,\mathrm{EJ}$, dont $19.7\,\%$ d'électricité [1].

Les énergies renouvelables sont une des solutions pour répondre à cette demande croissante d'électricité tout en respectant l'environnement. Cependant, les périodes de production ne coïncidant pas nécessairement avec les périodes de consommation – le cycle diurne étant un exemple – il est nécessaire de pouvoir stocker efficacement l'énergie produite en attendant qu'elle soit consommée.

Les supercondensateurs sont une bonne piste pour le stockage d'énergie. Ils sont composés d'électrodes poreuses séparées par une membrane perméable et plongées dans un électrolyte. Ceci permet le déplacement des charges d'une électrode à l'autre lorsque l'appareil est en charge ou en décharge (Fig. 0.1).

Ils se situent entre les batteries et les condensateurs en termes de densité d'énergie et de puissance, ainsi leur utilisation est répandue pour les véhicules électriques, systèmes d'alimentation sans fil ou encore appareils portables.

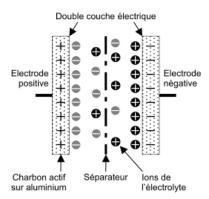


FIGURE 0.1 – Schéma d'un supercondensateur

Les supercondensateurs ont été le sujet d'un bon nombre d'études. En effet, des recherches se basant sur la Dynamique Moléculaire ont déjà été réalisées sur : les électrolytes[2], les matériaux d'électrodes[3], et leurs performances[4].

Malgré son importance, la complexité de la structure de ces électrodes est trop grande pour l'étude que nous avons envisagée, notamment à cause de leur porosité, de la présence de réseaux de pores et de défauts[5]. Ainsi, nous avons choisi d'étudier un système modèle pour nous concentrer sur l'observation des mécanismes de base de ces appareils, comme l'adsorption des ions et la formation de la Double Couche Électrique (EDL). En faisant cela, nous espérons pouvoir mieux comprendre le fonctionnement des supercondensateurs.

Dans un premier temps, nous présentons ce système modèle : ses caractéristiques, sa construction et sa mise en place. Puis, nous discutons des outils que nous utilisons dans nos simulations, à savoir le potentiel réactif ReaxFF[6][7][8], la mise en place de la polarisation du système à l'aide d'EChemDID[9], et leur implémentation au sein de LAMMPS. Enfin, nous présentons les résultats obtenus et observations faites lors de cette étude, notamment par rapport à l'adsorption des ions à la surface des électrodes, l'influence de leurs défauts, et la répartition des charges en leur sein.

1 Présentation des méthodes utilisées

Pour cette étude, nous utilisons un certain nombre d'outils et de méthodes que nous présentons dans ci-après, d'autres méthodes et outils, comme le modèle SPC/E, sont présentés brièvement dans les sections où ils sont mentionnés.

Nous effectuons d'abord des rappels de Dynamique Moléculaire car c'est le domaine de notre étude, puis nous présentons *ReaxFF* le potentiel réactif que nous utilisons dans nos simulations, et enfin nous discutons d'*EChemDID*, la méthode utilisée pour appliquer la différence de potentiel entre les électrodes.

1.1 Rappels de Dynamique Moléculaire

1.2 Présentation de ReaxFF

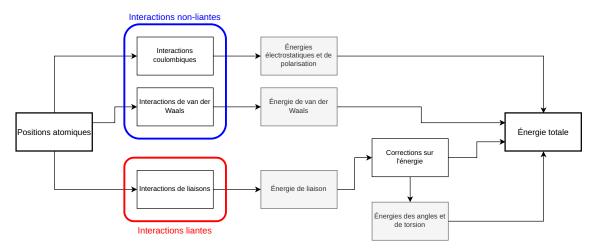


FIGURE 1.1 – Interactions et énergies au sein de ReaxFF (tiré de [7])

ReaxFF[7][8] est un potentiel qui utilise les ordres de liaison pour modéliser les réactions chimiques (Fig. 1.1), prend en compte les interaction non-liantes, et effectue une équilibration de charges.

Il a été conçu de façon à obtenir des résultats dont la précision se rapproche des méthodes quantiques, en mettant en jeu autant d'atomes que les méthodes classiques.

Enfin, ce potentiel a été comparé à un modèle existant de la molécule d'eau à la Sec. 3.1.

Ordres de liaisons

L'ordre d'une liaison entre un atome i et un atome j est donné par :

$$BO'_{ij} = \exp\left[p_{bo,1} \left(\frac{r_{ij}}{r_o}\right)^{p_{bo,2}}\right] + \exp\left[p_{bo,3} \left(\frac{r_{ij}^{\pi}}{r_o}\right)^{p_{bo,4}}\right] + \exp\left[p_{bo,5} \left(\frac{r_{ij}^{\pi\pi}}{r_o}\right)^{p_{bo,6}}\right]$$
(1)

où paramètres $p_{bo,1}, \ldots, p_{bo,6}, r_o$ sont des pamramètres issus de calculs *ab initio*, et dépendent de la nature des atomes mis en jeu, et du type de liaison considéré. Les ordres de liaisons sont ensuite corrigés pour être intégrés aux calculs des énergie de liaisons, d'angles et de torsions.

Interactions non-liantes

ReaxFF inclue également les interactions de Van der Waals et Coulombiennes pour toutes les paires d'atomes. Les interactions de Van der Waals se basent sur un potentiel de Morse,

et ces deux types d'interactions sont écrantées par un paramètre γ pour éviter de trop grandes attractions et répulsions (Fig. 1.2).

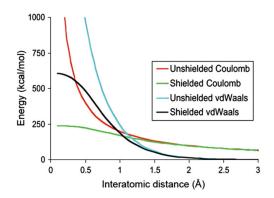


FIGURE 1.2 – Allures des énergies des interactions de Van der Waals et Coulombiennes écrantées (tiré de [7])

Équilibration des charges

ReaxFF utilise une méthode d'équilibration des charges, effectuée à chaque pas de temps, basée sur l'*Electron Equilibration Method* (abrégé EEM)[10] et la méthode QEq[11] :

$$\frac{\partial E}{\partial q_i} = \chi_i + 2q_i H_i + C \sum_{j \neq i} \frac{q_j}{\left(r_{ij}^3 + (1/\gamma_{ij})^3\right)^{1/3}} \quad \text{et} \quad \sum_{i=1}^{N_{atomes}} q_i = 0$$
(2)

où q_i est la charge d'un atome i, χ_i son électronégativité, H_i sa dureté, r_{ij} est la distance entre un atome i et un atome j et γ_{ij} est le paramètre de protection pour la paire ij.

1.3 Présentation d'*EChemDID*

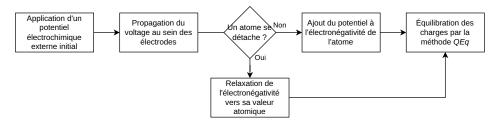


Figure 1.3 – Fonctionnement d'*EChemDID*

Application d'un potentiel électrochimique externe

Pour fonctionner, EChemDID assigne à chaque atome un potentiel électrochimique local $\Phi_i(t)$ et applique initialement un potentiel électrochimique externe à un groupe prédéfini d'atomes.

Propagation du voltage au sein des électrodes

Le but d'EChemDID étant de représenter les réactions électrochimiques, la progpagation du voltage au sein des électrodes se fait simplement selon la relation :

$$\dot{\Phi} = k\Delta\Phi \tag{3}$$

où k est un coefficient de diffusion, et Δ est l'opérateur Laplacien. Pour résoudre cette équation, EChemDID suppose que chaque atome se situe dans un réseau de référence (ou grille).

Pour résoudre cette équation, plusieurs points sont à prendre en compte :

- si une différence de potentiel est appliquée entre deux électrodes, le voltage devra s'équilibrer en une durée dépendant du coefficient k
- si un atome se détache d'une électrode, son électronégativité devra progressivement revenir à sa valeur atomique notée χ_i^0

La solution numérique de cette équation peut alors être exprimée :

$$\dot{\Phi}_i(t) = \sum_{j \neq i} \frac{\Phi_i(t) - \Phi_j(t)}{R_{ij}^2} w(R_{ij}) + \eta F(W_i) \Phi_i$$
(4)

où $R_{ij} = |\vec{r_i} - \vec{r_j}|$, $\vec{r_i}$ est la position de l'atome dans la grille, w(R) est une fonction de poids, η est un coefficient de relaxation, F(W) est une fonction d'activation de la relaxation, et W_i est la coordinance métallique totale de l'atome i.

Le premier terme à droite de cette équation résout l'équation de la diffusion du voltage aux seins des électrodes, et la fonction de poids a pour expression :

$$w(R) = \begin{cases} \mathcal{N} \left[1 - \left(\frac{R}{R_c} \right)^2 \right]^2 & \text{si } R < R_c \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

où R_c est la distance maximale à partir de laquelle deux atomes ne sont plus considérés comme faisant partie du même amas métallique, $\mathcal{N} = \frac{2dN_{atomes}}{\sum_i W_i}$ est un coefficient de normalisation, d est le nombre de dimensions du problème, et $W_i = \sum_{j \neq i} w(R_{ij})$ est la coordinance métallique totale de l'atome i sur la grille.

Quant au second terme à droite, il permet d'activer la relaxation de l'électronégativité, et la fonction d'activation a pour expression :

$$F(W) = \begin{cases} \left[1 - \left(\frac{W}{W_0}\right)^2\right]^2 & \text{si } W < W_0 \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

où W_0 est la coordinance métallique minimale en dessous de laquelle l'électronégativité doit tendre vers sa valeur atomique, en général on prend $W_0 = w(0.99R_c)$.

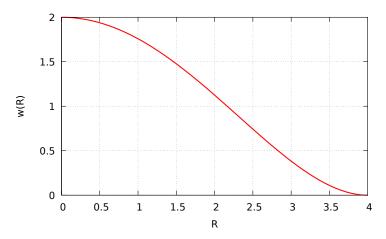
La Fig. 1.4 montre l'allure des fonctions w et F pour un réseau cristallin de graphite de 540 atomes, en supposant que pour tous les atomes on a $W_i = 3$ et en prenant $R_c = 4$ Å.

Ajout du potentiel à l'électronégativité et équilibration des charges

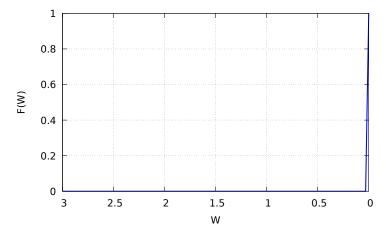
Le potentiel $\Phi_i(t)$ obtenu après avoir calculé la solution (4) et intégré l'ÉQ. 3 est ensuite ajouté à l'électronégativité de l'atome i:

$$\chi_i^*(t) = \chi_i^0 + \Phi_i(t)$$

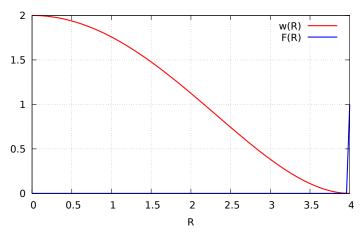
pour effectuer le calcul d'équilibration des charges par la méthode QEq.



(a) w(R): les poids augmentent avec la proximité, ainsi la propagation du voltage est d'autant plus forte que la distance entre deux atomes est petite, et elle s'estompe pour des distances plus grandes que R_c .



(b) F(W) : lorsque la coordination métallique diminue, la relaxation s'effectue avec F qui augmente.



(c) w(R) et $F(R) \simeq F(w(R))$: les termes ne coexistent quasimment jamais.

FIGURE 1.4 – Allures des fonctions d'EChemDID, pour un réseau cristallin de graphite de 540 atomes, en supposant que pour tous les atomes W = 3, et en prenant $R_c = 4 \text{ Å}$.

2 Présentation du système modèle

Comme mentionné précédemment, à cause de la complexité du système il est préférable pour cette étude de considérer un sytème modèle. Dans cette section, nous décrivons le modèle et ses caractéristiques, avant de détailler sa construction, et de discuter des simulations dans lesquelles il intervient.

2.1 Description du modèle

Le système modèle est composé d'électrodes en graphites immergées dans un électrolyte aqueux d'hydroxyde de sodium, sa structure est présentée à la Fig. 2.1 et ses caractéristiques au Tab. 2.1.

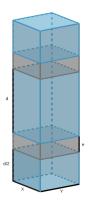


FIGURE 2.1 – Schéma de la structure du système modèle

Groupe	Caractéristique	Valeur	
Système	Dimensions	$(22.104, 21.270, \sim 60)$	Å
	Particules	~ 3000	
Électrodes	Séparation	~ 20	Å
	Atomes (par électrode)	540	
Électrolyte	Molécules d'eau	628	
	Concentration	~ 1.0	$\mathrm{mol}.\mathrm{L}^{-1}$
	Ions	12	

Table 2.1 – Caractéristiques du système

2.2 Construction du modèle

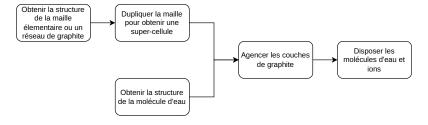


FIGURE 2.2 – Démarche de construction de la structure

Pour construire la structure du modèle, la démarche Fig. 2.2 a été adoptée afin d'obtenir le système aux dimensions et caractéristiques désirées, avec une configuration initiale des particules convenable.

Obtention des structures

Les données sur les structures des molécules ont été obtenues grâce à la Crystallography Open Database (COD) et celles-ci sont présentées à la Fig. 2.3.

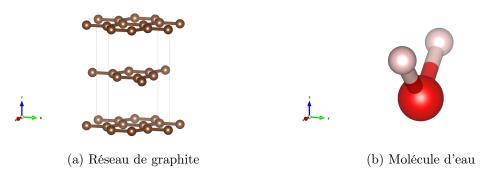


FIGURE 2.3 – Structures des molécules provenant de la COD

Obtention de la super-cellule

La structure de graphite de base a pu être étendue grâce à un logiciel tier[12], 9 fois selon la direction [OX) et 5 fois selon la direction [OY) afin que les dimensions dans ces directions soient du même ordre, pour obtenir une électrode de graphite (TAB. 2.2 et Fig. 2.4).

Structure	X [Å]	Y [Å]	Z [Å]
Réseau initial	2.456	4.254	6.696
Électrode de graphite	22.104	21.270	6.696

Table 2.2 – Dimensions des schructures



FIGURE 2.4 – Électrode obtenue après duplication du réseau de graphite : les couches de graphènes sont séparées d'environ ~ 3.5 Å.

Agencement des particules

Les particules ont pu être disposées pour construire le modèle à l'aide de *Packmol*[13], détails à l'Annexe A.

Pour obtenir des configurations initiales suffisamment stables nous avons choisi de répartir les entités en les séparant d'au moins $2.5\,\text{Å}$: entre les molécules et ions de l'électrolyte, et entre les particules de l'électrolyte et les électrodes.

Et pour respecter les conditions aux limites périodiques, cette séparation a également été appliquée aux bords du système : nous ajoutons un retrait égal à la moitité de cette séparation à chaque bord.

Finalement, nous obtenons la configuration présentée à la figure Fig. 2.5.

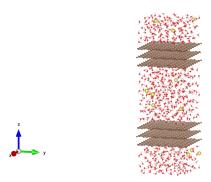


FIGURE 2.5 – Structure finale obtenue après agencement des molécules

2.3 Déroulement et détails des simulations

Étape	Paramètre	Valeur	
Toutes	timestep	0.1	fs
	potentiel	ReaxFF	
Minimisation	maxiter	1000	
	maxeval	10 000	
	etol	10^{-5}	
	ftol	10^{-6}	$kcal.mol^{-1}.Å^{-1}$
Relaxation et Stabilisation	durée	200 000	
		20.0	ps
	T_target	300.0	K
	P_target	1.0	atm
Simulation	durée	10 000 000	
	polarisation	EChemDID	
		1.0	ns
	T_target	300.0	K

Table 2.3 – Récapitulatif des paramètres des simulations

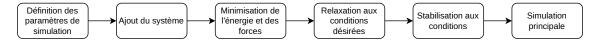


Figure 2.6 – Déroulement des simulations

Toutes les simulations suivent le déroulement de la Fig. 2.6 afin de définir les paramètres de simulation, de préparer le système, et de lui permettre de s'équilibrer.

Paramétrisation

Elle consiste à définir les paramètres clés de la simulation. Par exemple :

- le pas de temps (timestep) sélectionné pour les simulations est de 0.1 fs
- les interactions sont basés sur le potentiel réactif ReaxFF (détaillé à la Sec. 1.2)
- la mise en place de la différence de potentiel entre les électrodes est réalisée grâce à EChemDID (détaillé à la SEC. 1.3)

Ajout du système

Ceci est effectué avec une commande *LAMMPS* de lecture de données. Pour ce faire, il est nécessaire de convertir les données des positions des particules du système (détails à la Sec. 2) en données *LAMMPS* (détails à l'ANNEXE B).

Minimisation

Cette étape est essentielle au démarrage d'une simulation : elle sert à s'assurer que la configuration de départ de la simulation soit "correcte" et que le système soit stable.

Elle consiste à déplacer les particules du système sans dynamique de manière à minimiser l'énergie potentielle et les forces totales du système. Cette procédure suit un algorithme de gradient conjugué avec pour fonction objectif l'énergie potentielle totale :

$$E(r_1, \dots, r_N) = \sum_{i,j} E_{pair}(r_i, r_j) + \dots + \sum_{i,j} E_{fix}(r_i)$$

où sont prises en compte les énergies :

- des interactions de paires
- des liaisons et angles si présents
- des interactions improper ou dihedral : les interactions mettant en jeu 3 ou 4 atomes
- des fix imposés lors de la minimisation : des commandes *LAMMPS* visant à imposer des contraintes lors de la minimisation, par exemple la relaxation de la boîte pour atteindre une pression désirée, ou encore les forces désactivées pour un groupe d'atomes pour qu'ils ne subissent pas de modifications

Relaxation et stabilisation

Ces étapes utilisent un thermostat et barostat de Nosé–Hoover pour atteindre les conditions physiques recherchées et les stabiliser.

Les conditions de pression et de température recherchées sont $T=300\,\mathrm{K}$ et $P=1\,\mathrm{atm}$, et les évolutions des quantités thermodynamiques lors de ces étapes sont typiquement celles des Fig. 2.7.

Simulation

Cette étape sert à récolter des données et informations sur le système après qu'il a atteint l'équilibre.

Elle se déroule avec un thermostat de Nosé–Hoover à $300\,\mathrm{K}$ et pour une durée $\geq 1\,\mathrm{ns}$ (Fig. 2.8).

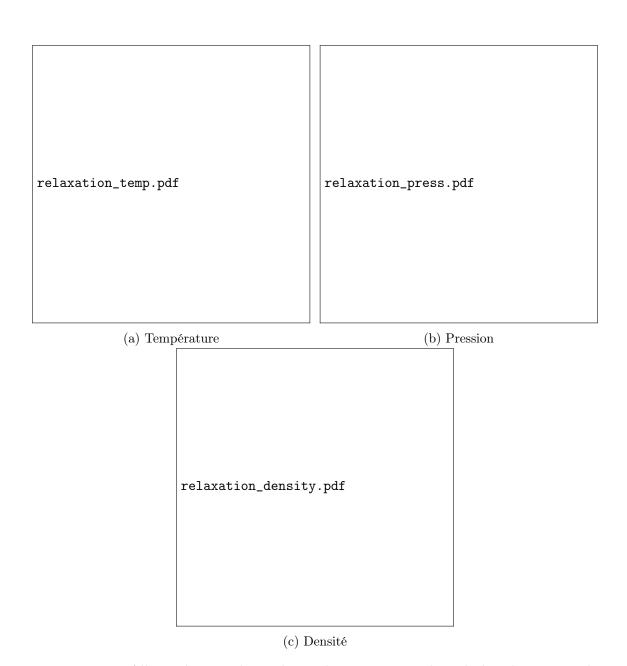
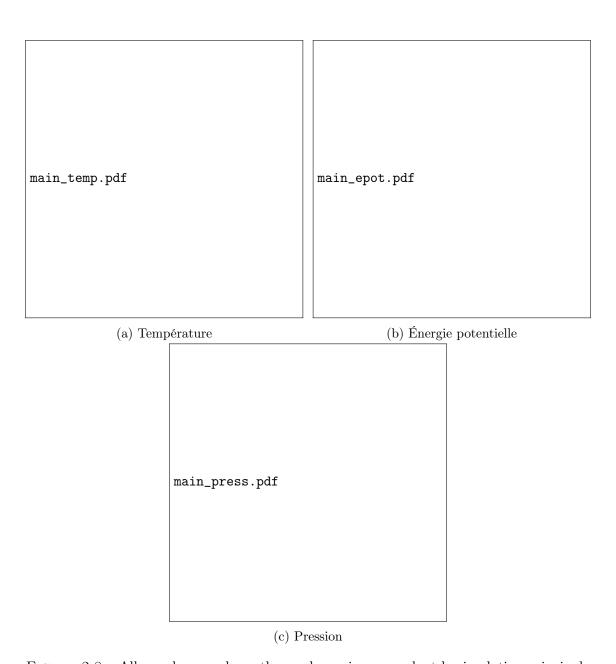


FIGURE 2.7 – Allures des grandeurs thermodynamiques pendant de la relaxation et la stabilisation (chaque étape a lieu en 100 000 timesteps soit $10\,\mathrm{ps}$)



 ${\it Figure 2.8-Allures des grandeurs thermodynamiques pendant la simulation principale}$

3 Résultats et discussion

3.1 Comparaison de deux méthodes pour modéliser la molécule d'eau

Puisque l'eau joue un rôle important dans le système que nous étudions, nous voulons explorer plusieurs approches pour la modélisation de la molécule d'eau :

- le modèle Extended Simple Point Charge (abrégé SPC/E)[14][15]
- le potentiel réactif *ReaxFF* (présenté à la SEC. 1.2)

Nous faisons d'abord une brève comparaison des fonctionnements théoriques des deux méthodes, puis mettons en place des simulations d'un même système avec ces deux approches, et finalement comparons leurs résultats.

Comparaison des fonctionnements

Alors que le potentiel ReaxFF est réactif et se base sur les ordres de liaison (voir Sec. 1.2), le modèle SPC/E est rigide et les interactions intermoléculaires ne considèrent que les atomes d'oxygène avec un potentiel de Lennard–Jones.

Caractéristiques	ReaxFF	SPC/E
Modèle de liaisons	Ordres de liaison	Rigide/Harmonique
Modèle d'angles	Ordres de liaison	Rigide/Harmonique
Modèle de molécules	Aucun	Rigide
Interactions intermoléculaires	ReaxFF	Lennard-Jones

Table 3.1 – Comparaison des fonctionnements des modèles

De fait, ReaxFF est un potentiel objectivement plus flexible que le modèle SPC/E mais implique une charge de calcul beaucoup plus grande.

Par ailleurs, puisque le modèle SPC/E fait appel à des molécules/liaisons/angles rigides, son utilisation avec LAMMPS nécessite l'utilisation d'un format de données de configuration initiale plus complet que ReaxFF. La conversion des données dans ce format est détaillée à l'Sec. B.2.

Mise en place des simulations

Pour faciliter la comparaison des résultats obtenus par simulations aux résultats expérimentaux, les conditions de simulations sont : $T = 300 \,\mathrm{K}, P = 1 \,\mathrm{atm}$, et les simulations suivent le déroulement présenté à la Sec. 2.3. Les différentes quantités thermodynamiques relevées au cours de ces simulations sont présentées aux Fig. 3.1 et 3.2.

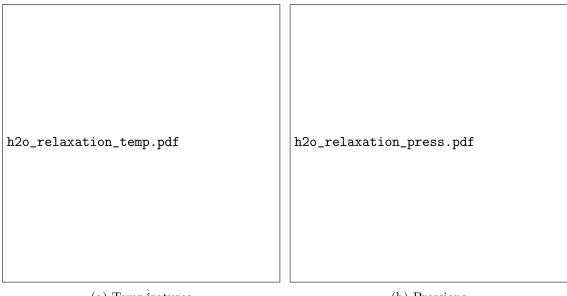
Proriétés comparées

Pour cette étude, nous comparons les propriétés structurales et de diffusion des deux modèles avec la Radial Distribution Function et le Mean Squared Displacement.

En effet, pour rappel, la première des deux grandeurs nous informe sur la probabilité de trouver deux atomes à une distance donnée l'un de l'autre en comparaison à un gaz parfait :

$$g(r) = \frac{\langle \rho(r) \rangle}{\rho} = \frac{\mathrm{d}n(r)}{4\pi r^2 \mathrm{d}r\rho}$$
 (5)

où $\rho(r)$ est la densité locale de particules, $\langle \cdot \rangle$ est la moyenne sur l'ensemble, $\mathrm{d}n(r)$ est le nombre de particules à l'intérieur de la coquille sphérique située à r et d'épaisseur $\mathrm{d}r$, et ρ est la densité numérique moyenne de la paire considérée.



(a) Températures

(b) Pressions

h2o_relaxation_temp.pdf

(c) Densités

FIGURE 3.1 – Quantités thermodyanmiques lors de la relaxation

Quant à la deuxième quantité, pour des temps sufisamment longs elle nous donne indirectement le coefficient de diffusion du système :

$$MSD(t) \equiv \left\langle \left| \vec{r}(t) - \vec{r}(t_0) \right|^2 \right\rangle = 2dDt$$

où \vec{r} est la position d'une particule, $\langle \cdot \rangle$ est la moyenne sur l'ensemble, t_0 est un temps de référence, d est le nombre de dimensions du problème, D est le coefficient de diffusion du système et t est le temps.

Cependant, pour obtenir une meilleur précision quant au coefficient de diffusion, nous utilisons le *Mean Squared Displacement* moyenné sur les décalages en temps :

$$\overline{MSD}(\tau) = \frac{1}{N_{\tau}} \sum_{i=0}^{N_{\tau}} \left\langle \left| \vec{r}(\tau) - \vec{r}(t_0) \right|^2 \right\rangle = 2dDt$$
 (6)

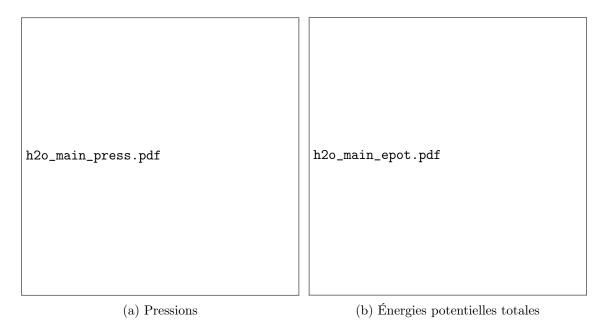
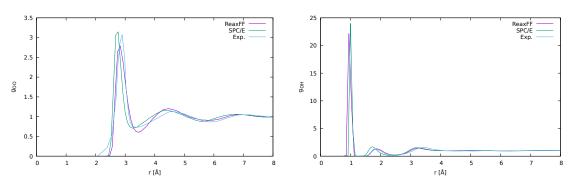


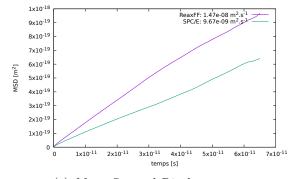
FIGURE 3.2 – Quantités thermodynamiques lors de la simulation

où τ est un décalage de configurations, et N_{τ} le nombre de configurations pouvant être décalées de τ dans la trajectoire. \overline{MSD} est donc, pour chaque décalage de configurations, une moyenne sur l'ensemble de la trajectoire.

Résultats obtenus LES RÉSULTATS!!



(a) Radial Distribution Functions de la paire OO (b) Radial Distribution Functions de la paire OH



(c) Mean Squared Displacements

Figure 3.3 – Comparaison des résultats obtenus

Données		1 ^{er} max.	[Å]	g_{OH}	1 ^{er} min.	$[A]$ g_{OH}	2 ^e max.	[Å]	g_{OH}
Expériment	ale	1.85		1.38	2.40	0.27	3.30		1.60
ReaxFF									
SPC/E									
	1 ^{er} ı	max. [Å]	g00	1 ^{er} ı	min. [Å]	2 ^e max. [A	$\overline{\Lambda}$ g_{OO}		
		2.88	3.09		3.30	4.50	1.14		
_									

Table 3.2 – Résultats pour les $\it Radial \, \it Distribution \, \it Functions$

Données	Coefficient de diffusion (m ² .s ⁻¹)	Erreur relative $(\%)$
Expérimentale	2.30×10^{-9}	_
ReaxFF	2.45×10^{-9}	6.5
SPC/E	1.61×10^{-9}	30

Table 3.3 – Résultats pour les coefficients de diffusion

- 3.2 Distribution des charges sur les électrodes
- 3.3 Adsorption et déplacements des ions

4 Conclusion

A Construction des configurations initiales avec Packmol

- B Conversion des fichiers de configurations initiales au format LAMMPS
- B.1 Conversion pour ReaxFF
- B.2 Conversion pour le modèle SPC/E

Références

- [1] Dr Fatih Birol. "Key World Energy Statistics 2021". In: ().
- [2] Cheng ZHONG et al. "A review of electrolyte materials and compositions for electrochemical supercapacitors". In: *Chemical Society Reviews* 44.21 (2015), p. 7484-7539. ISSN: 0306-0012, 1460-4744. DOI: 10.1039/C5CS00303B. URL: http://xlink.rsc.org/?DOI=C5CS00303B (visité le 16/07/2023).
- [3] Zaharaddeen S. Iro, C. Subramani et S.S. Dash. "A Brief Review on Electrode Materials for Supercapacitor". In: *International Journal of Electrochemical Science* 11.12 (déc. 2016), p. 10628-10643. ISSN: 14523981. DOI: 10.20964/2016.12.50. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S1452398123179211 (visité le 17/07/2023).
- [4] Lei Zhang et al. "A review of supercapacitor modeling, estimation, and applications: A control/management perspective". In: Renewable and Sustainable Energy Reviews 81 (jan. 2018), p. 1868-1878. ISSN: 13640321. DOI: 10.1016/j.rser.2017.05.283. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S1364032117309292 (visité le 05/07/2023).
- [5] Zheng Bo et al. "Design of Supercapacitor Electrodes Using Molecular Dynamics Simulations". In: Nano-Micro Letters 10.2 (avr. 2018), p. 33. ISSN: 2311-6706, 2150-5551. DOI: 10.1007/s40820-018-0188-2. URL: http://link.springer.com/10.1007/s40820-018-0188-2 (visité le 05/07/2023).
- [6] Adri C. T. VAN DUIN et al. "ReaxFF: A Reactive Force Field for Hydrocarbons". In: The Journal of Physical Chemistry A 105.41 (1er oct. 2001), p. 9396-9409. ISSN: 1089-5639, 1520-5215. DOI: 10.1021/jp004368u. URL: https://pubs.acs.org/doi/10.1021/jp004368u (visité le 05/07/2023).
- [7] Michael F. Russo et Adri C.T. van Duin. "Atomistic-scale simulations of chemical reactions: Bridging from quantum chemistry to engineering". In: Nuclear Instruments and Methods in Physics Research Section B: Beam Interactions with Materials and Atoms 269.14 (juill. 2011), p. 1549-1554. ISSN: 0168583X. DOI: 10.1016/j.nimb.2010.12.053. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S0168583X10009869 (visité le 16/03/2023).
- [8] Thomas P. Senftle et al. "The ReaxFF reactive force-field: development, applications and future directions". In: npj Computational Materials 2.1 (4 mars 2016). Number: 1 Publisher: Nature Publishing Group, p. 1-14. ISSN: 2057-3960. DOI: 10.1038/npjcompumats.2015.11. URL: https://www.nature.com/articles/npjcompumats201511 (visité le 16/03/2023).
- [9] Nicolas Onofrio et Alejandro Strachan. "Voltage equilibration for reactive atomistic simulations of electrochemical processes". In: *The Journal of Chemical Physics* 143.5 (7 août 2015), p. 054109. ISSN: 0021-9606, 1089-7690. DOI: 10.1063/1. 4927562. arXiv: 1504.03621 [cond-mat]. URL: http://arxiv.org/abs/1504.03621 (visité le 03/07/2023).
- [10] Wilfried J. MORTIER, Swapan K. GHOSH et S. SHANKAR. Electronegativity-equalization method for the calculation of atomic charges in molecules. ACS Publications. Archive Location: world Publisher: American Chemical Society. 1^{er} mai 2002. DOI: 10. 1021/ja00275a013. URL: https://pubs.acs.org/doi/pdf/10.1021/ja00275a013 (visité le 22/07/2023).
- [11] Anthony K. Rappe et William A. III Goddard. "Charge equilibration for molecular dynamics simulations". In: *The Journal of Physical Chemistry* 95.8 (1er avr. 1991). Publisher: American Chemical Society, p. 3358-3363. ISSN: 0022-3654. DOI: 10.

- 1021/j100161a070. URL : https://doi.org/10.1021/j100161a070 (visité le 16/03/2023).
- [12] Koichi MOMMA et Fujio IZUMI. "VESTA 3 for three-dimensional visualization of crystal, volumetric and morphology data". In: Journal of Applied Crystallography 44.6 (1er déc. 2011), p. 1272-1276. ISSN: 0021-8898. DOI: 10.1107/S0021889811038970. URL: https://scripts.iucr.org/cgi-bin/paper?S0021889811038970 (visité le 17/07/2023).
- [13] L. MARTÍNEZ et al. "PACKMOL: A package for building initial configurations for molecular dynamics simulations". In: Journal of Computational Chemistry 30.13 (oct. 2009), p. 2157-2164. ISSN: 01928651, 1096987X. DOI: 10.1002/jcc.21224. URL: https://onlinelibrary.wiley.com/doi/10.1002/jcc.21224 (visité le 23/06/2023).
- [14] H. J. C. BERENDSEN et al. "Interaction Models for Water in Relation to Protein Hydration". In: Intermolecular Forces. Sous la dir. de Bernard Pullman. T. 14. Series Title: The Jerusalem Symposia on Quantum Chemistry and Biochemistry. Dordrecht: Springer Netherlands, 1981, p. 331-342. ISBN: 978-90-481-8368-5 978-94-015-7658-1. DOI: 10.1007/978-94-015-7658-1_21. URL: http://link.springer.com/10.1007/978-94-015-7658-1_21 (visité le 20/03/2023).
- [15] H. J. C. Berendsen, J. R. Grigera et T. P. Straatsma. "The missing term in effective pair potentials". In: *The Journal of Physical Chemistry* 91.24 (1^{er} nov. 1987). Publisher: American Chemical Society, p. 6269-6271. ISSN: 0022-3654. DOI: 10.1021/j100308a038. URL: https://doi.org/10.1021/j100308a038 (visité le 20/03/2023).