Datasættets første parameter "customer\_id" kan udelades, da det er en identifikator, der ikke tjener noget formål i en model, der kan forudsige, om en bruger er konverteret eller ej.

Parameteren "credit\_account\_id" er en hash og vil derfor være en kategorisk variabel. Den har 148 unikke værdier, hvor de fleste opstår 1-4 gange, men en enkelt af værdierne kan findes i datasættet 687 gange. Det er umiddelbart svært at se, hvordan den skulle kunne bidrage til modellen, og parameteren ekskluderes derfor fra datasættet.

Det er fundet at parameteren "age" mangler 177 værdier. Ud af 891 rækker, er det en ret stor andel, og derfor er de manglende værdier i parameteren imputed. Da mean impution vil gøre at 177 af rækkerne får samme alder, hvilket formegentlig ikke vil være retvisende i et datasæt hvor parameteren spænder mellem 0.42 og 80, er missForest valgt som impution-metode, da den imputer værdier ved at kigge på hele datasættet.

Da target-parameteren er binær, laves der en logistisk regressionsmodel på datasættet. Et summary af modellen viser at parameterene "customer\_segment", "gender", "age" og "related\_customers" har lave p-værdier, hvilket antyder, at der er en stærk relation mellem disse parametre og hvorvidt en bruger er konverteret eller ej.

```
> model <- glm(dataset$converted~., data = dataset, family = binomial(link = "logit"))</pre>
> summary(model)
glm(formula = dataset$converted ~ ., family = binomial(link = "logit"),
   data = dataset)
Deviance Residuals:
   Min 1Q Median
                              30
                                     Max
-2.7572 -0.5950 -0.4023
                         0.6242
                                   2.5094
Coefficients:
                  Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
(Intercept)
                 3.060e+01 6.042e+02
                                      0.051 0.959602
customer_segment -1.239e+00 1.516e-01 -8.171 3.06e-16 ***
gendermale -2.668e+00 2.022e-01 -13.190 < 2e-16 ***
age
                -4.857e-02 8.169e-03 -5.945 2.77e-09 ***
related_customers -3.853e-01 1.111e-01 -3.468 0.000524 ***
family_size -8.818e-02 1.211e-01 -0.728 0.466488
initial_fee_level 7.343e-04 1.181e-03
                                      0.622 0.534218
branchHelsinki -1.276e+01 6.042e+02 -0.021 0.983152
branchTampere
                -1.239e+01 6.042e+02 -0.021 0.983642
branchTurku
                -1.240e+01 6.042e+02 -0.021 0.983625
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Figure 1: Summary af den logistiske regressionsmodel, som viser, at modellen har en lav p-værdi for parametrene "customer\_segment", "gender", "age" og "related\_customers".

En ANOVA test, altså en analyse af variansen, viser, at forskellen mellem *null deviance* og *residual deviance*¹ er størst, når parameterene "customer\_segment", "gender", "age" og "related\_customers" tilføjes modellen.

```
> anova(model, test = "Chisq")
Analysis of Deviance Table
Model: binomial, link: logit
Response: dataset$converted
Terms added sequentially (first to last)
                 Df Deviance Resid. Df Resid. Dev Pr(>Chi)
                                  890
                                         1186.66
customer_segment
                 1 102.254
                                  889
                                         1084.40 < 2.2e-16 ***
gender
                  1 257,206
                                  888
                                          827.20 < 2.2e-16 ***
                  1
                     28.946
                                  887
                                          798.25 7.442e-08 ***
                                          778.39 8.328e-06 ***
related_customers 1 19.861
                                  886
family_size
                       0.485
                                  885
                                          777.90
                                                    0.4862
                  1
initial_fee_level 1
                       1.023
                                   884
                                          776.88
                                                    0.3117
                                          773.17
branch
                       3.707
                                                    0.2948
                                   881
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Figure 2: ANOVA test af den logistiske regressionsmodel, som viser at modellens *residual deviance* falder mest, når parametrene "customer\_segment", "gender", "age" og "related\_customers" introduceres.

En anden metode er at kigge på forskellen i modellens forklaringsgrad. Hvis forklaringsgradens forøgelse er stor, når en parameter tilføjes, sammenlignet med en model, hvor alle parametre undtaget den undersøgte er inkluderet, så fortæller det, at parameteren er vigtig for modellen. Da det ikke er muligt at lave en standard  $R^2$ -mål på en logistisk regressionsmodel, bruges i stedet McFadden  $R^2$  indeks, som er den mest brugte erstatning herfor.

customer_segment	gender ÷	age <sup>‡</sup>	related_customers	family_size ÷	initial_fee_level	branch ‡
0.05819323	0.1820019	0.03276349	0.012201	0.0004543226	0.0003408775	0

Figure 3: Tabel som viser, hvor meget McFadden  $\mathbb{R}^2$  indekset stiger, når den enkelte parameter er tilføjet modellen, sammenlignet med en model, hvor den undersøgte paramter er holdt ude.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Deviance er et "goodness-of-fit"-mål, som man bruger til statistiske modeller, som man ofte bruger i generaliserede lineære modeller, som en logistisk regression er.

Resultaterne bekræfter, hvad der blev fundet i ANOVA testen; at de vigtigste parametre for forudsigelse om en bruger er konverteret eller ej er "gender", "customer\_segment", "age" og "related\_customers" i den nævnte rækkefølge.

## Kode

```
| setwd (dirname (rstudioapi :: getActiveDocumentContext () $path))
4 library (dplyr)
5 library (pscl)
6 library (missMethods)
7 library (randomForest)
8 library (missForest)
10 #Load data and exclude the parameter "customer_id"
11 dataset <- read.csv("case_data.csv", header = T)
12 dataset <- as.data.frame(dataset[,2:10])
14 #make sure, that the target variable is a boolean
|dataset[,1]| \leftarrow as. factor(dataset[,1])
16
17 #Investigate the dataset
18 nrow (dataset)
19 sapply (dataset, n_distinct)
21 data.frame(table(dataset[,8]))
22 #Exclude the parameter "credit_account_id" according to the resons
      mentioned in the report
_{23} dataset \leftarrow dataset [, -8]
24
25 #Handle missing data
26 colnames (dataset) [colSums(is.na(dataset)) > 0]
27 nrow(dataset[is.na(dataset$age),])
28 #dataset <- impute_mean(dataset, type = "columnwise")
29 set . seed (1234)
30 dataset <- missForest (dataset) $ximp
31
32 #Build the logistic regression model
model <- glm(dataset$converted~., data = dataset, family = binomial(link
     = "logit"))
34
35 summary (model)
36 anova (model, test = "Chisq")
38 #Find the McFadden R^2 index for when all parameters are used
_{39} McFadden_full \leftarrow pR2(model)[4]
41 #Initiate a table for the increasements in the McFadden R^2 indexes
```

```
|x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|}  | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|}  | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |x|} | |x| = \sqrt{\frac{1}{2} |
43 | colnames (r_sqrd_increasement) <- colnames (dataset [,2:ncol(dataset)])
44
45 #Loop that build a logistic regression model where each of the parameters
                                    are excluded and then find the increasement i the McFadden R^2 index
46 for (i in 2:(\operatorname{ncol}(\operatorname{dataset})-1)) {
                       reduced_model <- glm(converted~., data = dataset[,-i], family =
47
                                         binomial(link = "logit"))
                     \#print(McFadden\_full - pR2(reduced\_model)[4])
48
                      r_sqrd_increasement[1,i-1] \leftarrow McFadden_full - pR2(reduced_model)[4]
49
50 }
51
52 r_sqrd_increasement
```

case\_code.R