Universität Potsdam - Wintersemester 2023/24

Stoffdidaktik Mathematik

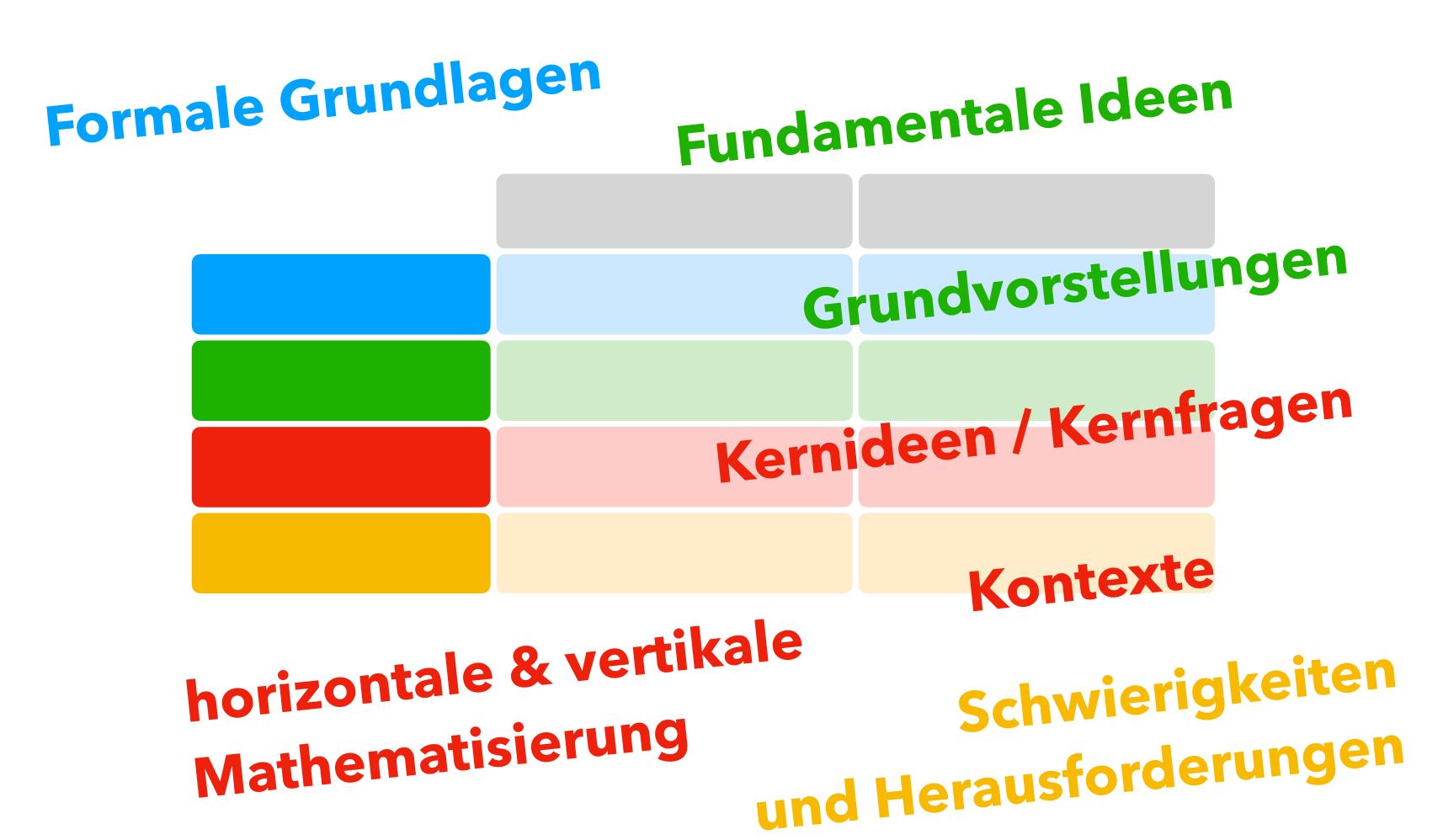
Kapitel 7 - Intermezzo

Stoffdidaktik Mathematik

Kapitel 7 - Intermezzo

- Sie vertiefen Ihr Verständnis über den Vier-Ebenen-Ansatz.
- Sie verknüpfen Ihre Kenntnisse über Fachmathematik, fundamentale Ideen, Grundvorstellungen sowie Kernideen und Kontexte am Beispiel des Flächeninhaltsbegriffs.

Beispiel: Flächeninhalt



Wir sehen uns die Materialien der »mathewerkstatt« (Barzel et al., 2012) an und reflektieren das Vorgehen mithilfe einer stoffdidaktischen Analyse zum Flächeninhaltsbegriff.

© 10 Heiko Etzold, 2024 Kapitel 7 - Intermezzo

Der Flächeninhalt einer Figur ist ein nichtnegatives Maß, wobei zwei zueinander kongruenten Figuren dasselbe Maß zugeordnet wird und der Flächeninhalt einer Figur gleich der Summe der Flächeninhalte ihrer Teilfiguren ist. Hinzu wird das Flächeninhaltsmaß eines Quadrates der Seitenlänge 1 LE auf 1 LE² festgelegt.

Flächeninhalt mithilfe einer Zahl objektivieren

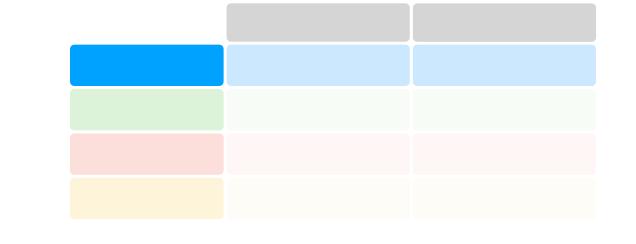
Flächenvergleich ohne explizites Maß möglich

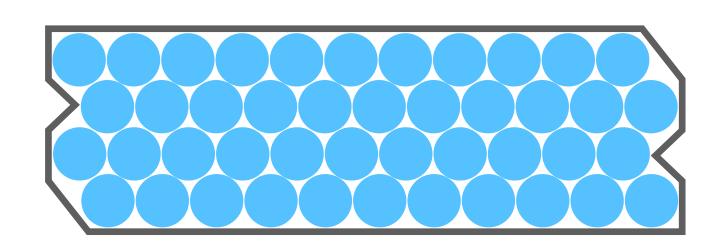
»Willkürlichkeit« des Vergleichsmaßes

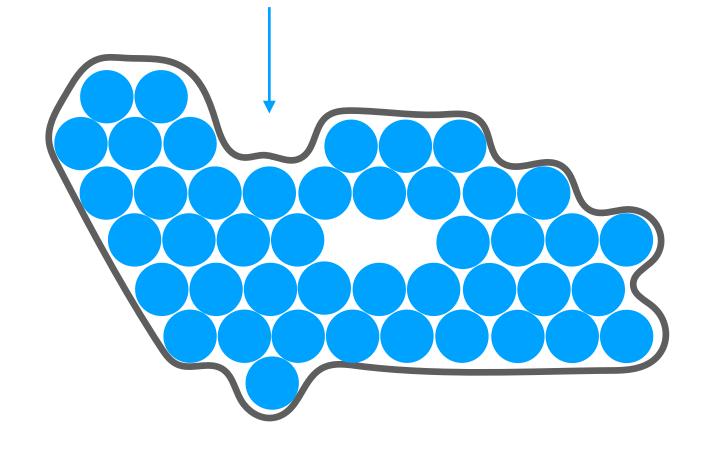
- Vergleichen verschiedener Flächen durch Zerlegen, Ergänzen und Übereinanderlegen
- Bestimmen des Maßes einer Fläche über Auszählen mittels eines (allg.) Vergleichsmaßes
 - Nutzen eines quadratischen Vergleichsmaßes, in der Regel 1 cm²

(vgl. Wörner, 2014, S. 1328 f.)

(vgl. Kuntze, 2018, S. 161)



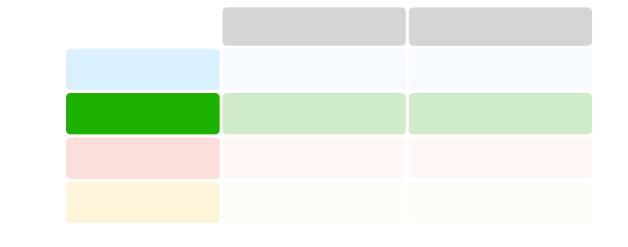




(vgl. Kuntze, 2018, S. 161)

- Vergleichen verschiedener Flächen durch Zerlegen, Ergänzen und Übereinanderlegen
- Bestimmen des Maßes einer Fläche über Auszählen mittels eines (allg.) Vergleichsmaßes
- Nutzen eines quadratischen
 Vergleichsmaßes, in der Regel
 1 cm²

(vgl. Wörner, 2014, S. 1328 f.)



Fundamentale Idee »Messen«

Horizontalkriterium

Vertikalkriterium

Zeitkriterium

Sinnkriterium

Geometrie (Flächeninhalt) Arithmetik (Brüche)

Stochastik (Erwartungswert)

Analysis (Integral)

Physik (Größen) Sozialwissenschaften (quant. Forschung)

Medizin (Pulsschlag)

Ableitung, Integral

Flächenverwandlungen/Approximation

Längen/Flächen/Volumina

Abzählen

Pythagoras »Alles ist Zahl!«

Triangulation

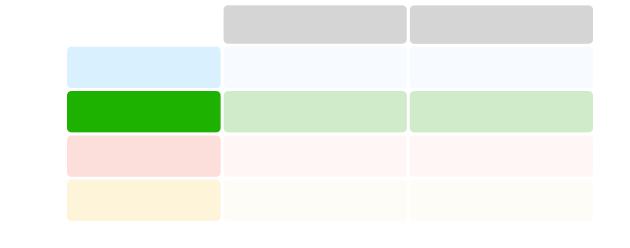
»Vermessung der Welt«

»Quadratur des Kreises«

Vereinheitlichung von

Maßeinheiten

(Vohns, 2000)

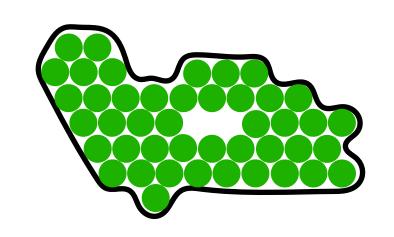


Grundvorstellungen

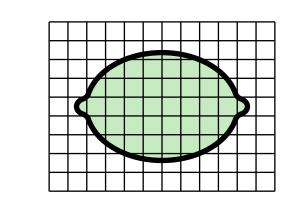
Maßzahlaspekt

Flächeninhalt einer Figur als nichtnegative Maßzahl, die mittels normierter Flächeninhaltsmaße bestimmt wird

Handlungserfahrungen



Repräsentationen



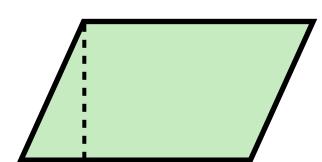
Anwendung auf Realität

Bestimmen der Größe eines Fußballfeldes

Vereinigungsaspekt

Flächeninhalt einer Figur als Summe der Flächeninhalte der Teilfiguren, aus denen sich die Figur zusammensetzen lässt





Bestimmen der Größe eines Landes

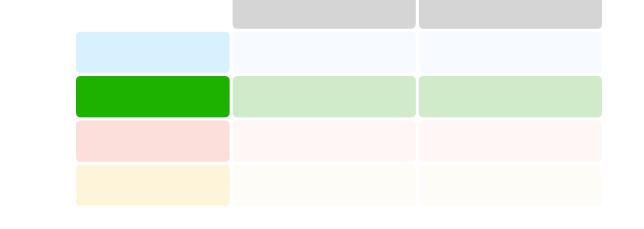
Kongruenzaspekt

Flächeninhalt einer Figur als invariante Eigenschaft bei Kongruenzabbildungen



Bestimmen des Oberflächeninhalts eines Prismas

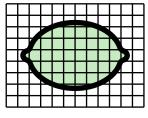
(angelehnt an Wörner, 2014)



Grundvorstellungen

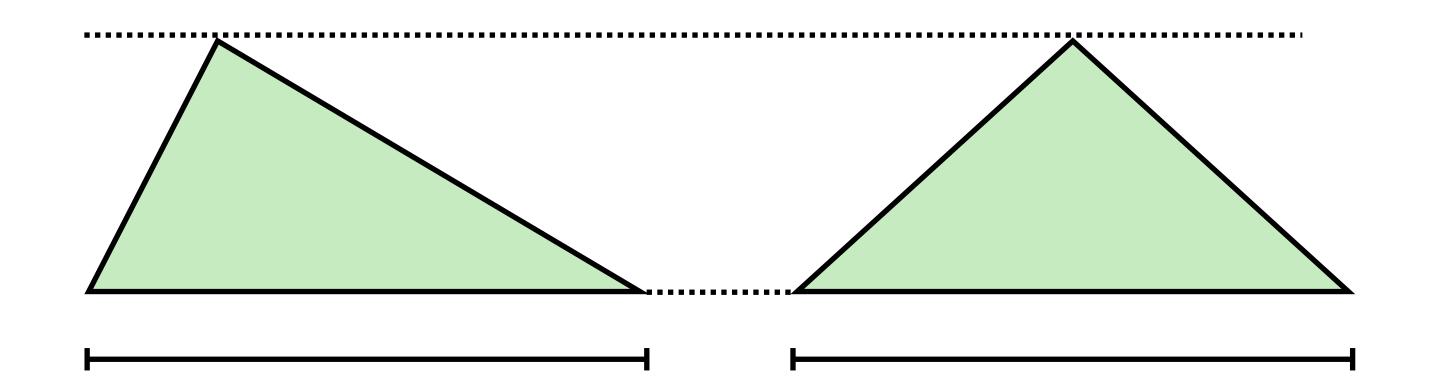
Maßzahlaspekt

Flächeninhalt einer Figur als nichtnegative Maßzahl, die mittels normierter Flächeninhaltsmaße bestimmt wird



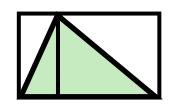
Vereinigungsaspekt

Flächeninhalt einer Figur als Summe der Flächeninhalte der Teilfiguren, aus denen sich die Figur zusammensetzen lässt

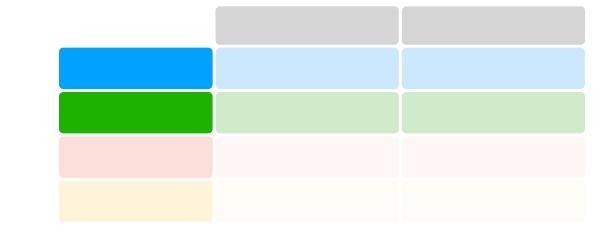


Kongruenzaspekt

Flächeninhalt einer Figur als invariante Eigenschaft bei Kongruenzabbildungen



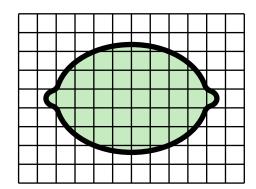
(angelehnt an Wörner, 2014)



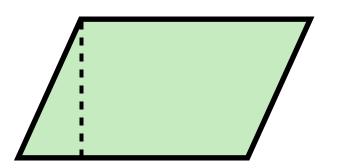
Der Flächeninhalt einer Figur ist ein **nichtnegatives Maß**, wobei zwei zueinander kongruenten Figuren dasselbe Maß zugeordnet wird und der Flächeninhalt einer Figur gleich der Summe der Flächeninhalte ihrer Teilfiguren ist. Hinzu wird das Flächeninhaltsmaß eines Quadrates der Seitenlänge 1 LE auf 1 LE² festgelegt.

(vgl. Kuntze, 2018, S. 161)

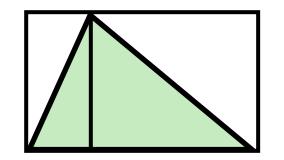
Maßzahlaspekt



Vereinigungsaspekt

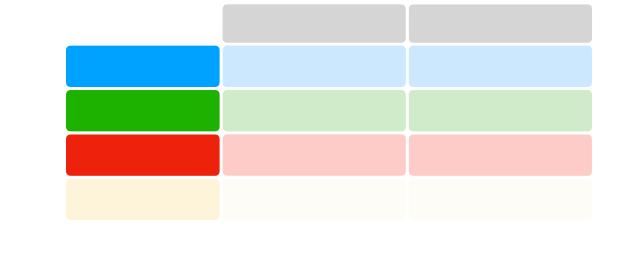


Kongruenzaspekt



Inwieweit werden im Schulbuch die Grundvorstellungen zum Flächeninhaltsbegriff angesprochen?

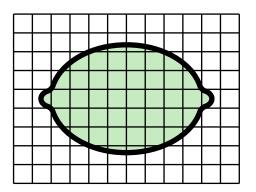
Welcher Lernpfad wird verfolgt und wie kann dieser begründet werden?



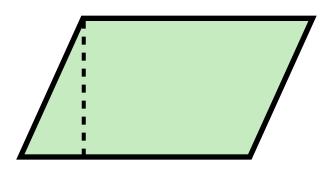
Der Flächeninhalt einer Figur ist ein nichtnegatives Maß, wobei zwei zueinander kongruenten Figuren dasselbe Maß zugeordnet wird und der Flächeninhalt einer Figur gleich der Summe der Flächeninhalte ihrer Teilfiguren ist. Hinzu wird das Flächeninhaltsmaß eines Quadrates der Seitenlänge 1 LE auf 1 LE² festgelegt.

(vgl. Kuntze, 2018, S. 161)

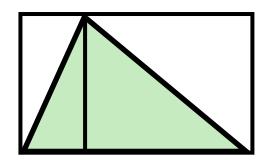
Maßzahlaspekt



Vereinigungsaspekt



Kongruenzaspekt



Kontext

Zoogehege

Lebensweltbezug, Kontextauthentizität & Reichhaltigkeit?

Kernfragen

Vor- & Rückschauperspektive

- Wie kann ich die Größe von Flächen vergleichen?
- Wie kann ich die Größe einer Fläche geschickt bestimmen?

(Barzel et al., 2012c, S. 170 f.)

Typische Schwierigkeiten

Flächeninhalt - Umfang - Volumen

Fläche - Flächeninhalt

(vgl. Kuntze, 2018, S. 159 f.)

(Barzel et. al, 2012a, S. 362)

Literatur

- Barzel, B., Hußmann, S., Leuders, T., & Prediger, S. (Hrsg.). (2012a). *Mathewerkstatt. 5, Handreichungen* [DVD]. Cornelsen.
- Barzel, B., Hußmann, S., Leuders, T., & Prediger, S. (Hrsg.). (2012b). *Mathewerkstatt. 5, Materialblock* (Mittlerer Schulabschluss, allgemeine Ausg., 1. Aufl). Cornelsen.
- Barzel, B., Hußmann, S., Leuders, T., & Prediger, S. (Hrsg.). (2012c). Mathewerkstatt. 5, Schulbuch (Mittlerer Schulabschluss, allgemeine Ausg., 1. Aufl). Cornelsen.
- Kuntze, S. (2018). Flächeninhalt und Volumen. In *Didaktik der Geometrie für die Sekundarstufe I* (S. 149–177). Springer Berlin Heidelberg. https://doi.org/10.1007/978-3-662-56217-8_7
- Vohns, A. (2000). Das Messen als fundamentale Idee [1. Staatsexamensarbeit, Universität-Gesamthochschule Siegen]. https:// wwwu.aau.at/avohns/pdf/messen.pdf
- Wörner, D. (2014). Grundvorstellungen zum Flächeninhaltsbegriff ausbilden eine exemplarische Studie. In *Beiträge* zum Mathematikunterricht 2014, 48. Jahrestagungder Gesellschaft für Didaktik der Mathematik vom 10.03.2014 bis 14.03.2014 in Koblenz (S. 1327-1330). https://doi.org/10.17877/DE290R-1049