```
1 - Bibliotecas
In [2]: import trimesh
        import numpy as np
        import matplotlib.pyplot as plt
        import open3d as o3d
        import pandas as pd
       Jupyter environment detected. Enabling Open3D WebVisualizer.
       [Open3D INFO] WebRTC GUI backend enabled.
       [Open3D INFO] WebRTCWindowSystem: HTTP handshake server disabled.
        2 - Preparação dos Dados
In [3]: nuvens = [None] * 30
        print(len(nuvens))
        for i in range(len(nuvens)):
            path_nuvem = f'./KITTI-Sequence/{i:06d}/{i:06d}_points.obj'
               nuvens[i] = trimesh.load(path_nuvem).vertices
               print(f'nuvem: {i} / shape: {nuvens[i].shape}')
            except Exception as e:
               print(f"erro na nuvem {i}: {e}")
        # vai servir como referencia
        primeira_nuvem = nuvens[0]
       nuvem: 0 / shape: (62553, 3)
       nuvem: 1 / shape: (62340, 3)
       nuvem: 2 / shape: (62138, 3)
       nuvem: 3 / shape: (61833, 3)
       nuvem: 4 / shape: (61542, 3)
       nuvem: 5 / shape: (61375, 3)
       nuvem: 6 / shape: (61159, 3)
       nuvem: 7 / shape: (60197, 3)
       nuvem: 8 / shape: (59560, 3)
       nuvem: 9 / shape: (58954, 3)
       nuvem: 10 / shape: (59038, 3)
       nuvem: 11 / shape: (60849, 3)
       nuvem: 12 / shape: (61935, 3)
       nuvem: 13 / shape: (62687, 3)
       nuvem: 14 / shape: (63122, 3)
       nuvem: 15 / shape: (63202, 3)
       nuvem: 16 / shape: (62748, 3)
       nuvem: 17 / shape: (63098, 3)
       nuvem: 18 / shape: (62854, 3)
       nuvem: 19 / shape: (62570, 3)
       nuvem: 20 / shape: (62128, 3)
       nuvem: 21 / shape: (61925, 3)
       nuvem: 22 / shape: (61574, 3)
       nuvem: 23 / shape: (61391, 3)
       nuvem: 24 / shape: (61335, 3)
       nuvem: 25 / shape: (61300, 3)
       nuvem: 26 / shape: (61155, 3)
       nuvem: 27 / shape: (61145, 3)
       nuvem: 28 / shape: (62211, 3)
       nuvem: 29 / shape: (61793, 3)
        3 - Funções
        3.0 - encontrar_pontos_correspondentes
 In [4]: def encontrar_pontos_correspondentes(origem, alvo, indices, distancias, raio=0.5):
            distancia = np.sqrt(np.sum((origem - alvo)**2, axis=1))
            indice_minimo = np.argmin(distancia)
            distancia_minima = distancia[indice_minimo]
            distancias_correspondentes = []
            indices_correspondentes = []
            indices.append(indice_minimo)
            distancias.append(distancia_minima)
            for i in range(len(distancias)):
               if distancias[i] < raio:</pre>
                   distancias_correspondentes.append(distancias[i])
                   indices_correspondentes.append(indices[i])
            distancias = np.array(distancias_correspondentes)
            indices = np.array(indices_correspondentes)
            return distancias, indices
        3.1 - transformacao_rigida
 In [5]: def transformacao_rigida(origem, alvo):
            centroide_origem = np.mean(origem, axis=0)
            centroide_alvo = np.mean(alvo, axis=0)
            matriz_covariancia = (origem - centroide_origem).T @ (alvo - centroide_alvo)
            matriz_rotacao_origem, _, matriz_rotacao_alvo_transposta = np.linalg.svd(matriz_covariancia)
            matriz_rotacao = matriz_rotacao_alvo_transposta.T @ matriz_rotacao_origem.T
            vetor_translacao = centroide_alvo - (matriz_rotacao @ centroide_origem)
            matriz_transformacao = np.identity(4)
            matriz_transformacao[:3, :3] = matriz_rotacao
            matriz_transformacao[:3, 3] = vetor_translacao
            return matriz_transformacao
        3.2 - ICP
 In [6]: def icp(origem, alvo, limite_pontos, max_iter=200, tolerancia=0.01):
            origem = origem[:limite_pontos, :]
            alvo = alvo[:limite_pontos, :]
            matriz_transformacao_total = np.identity(4)
            for i in range(max_iter):
               distancias, indices = encontrar_pontos_correspondentes(origem, alvo, [], [])
                matriz_transformacao_iterativa = transformacao_rigida(origem[indices], alvo[indices])
                matriz_transformacao_total = matriz_transformacao_iterativa @ matriz_transformacao_total
                origem = (matriz_transformacao_iterativa[:3, :3] @ origem.T).T + matriz_transformacao_iterativa[:3, 3]
                if np.sum(distancias) < tolerancia:</pre>
                   break
            return matriz_transformacao_total
        3.3 - aplicar_icp
 In [7]: def aplicar_icp(nuvens):
           trajetoria = np.zeros((len(nuvens), 4, 4))
            trajetoria[0] = np.identity(4)
            nuvens_transformadas = []
            matrizes_transformacao_icp = []
            for i in range(1, len(nuvens)):
                limite_pontos = min(len(nuvens[i-1]), len(nuvens[i]))
               matriz_transformacao = icp(nuvens[i-1], nuvens[i], limite_pontos)
                matrizes_transformacao_icp.append(matriz_transformacao)
                trajetoria[i] = matriz_transformacao @ trajetoria[i-1]
                nuvem_transformada = (matriz_transformacao @ np.vstack([nuvens[i].T, np.ones((1, nuvens[i].shape[0]))])).T
                nuvem_transformada = nuvem_transformada[:3].T
                nuvens_transformadas.append(nuvem_transformada)
            return trajetoria, nuvens_transformadas, matrizes_transformacao_icp
        3.4 - visualizar_nuvens 2D
 In [9]: def visualizar_nuvens(nuvens_originais, nuvens_transformadas, titulo):
           fig = plt.figure(figsize=(5, 5))
            ax = fig.add_subplot(111, projection='3d')
            for i in range(len(nuvens_transformadas)):
               ax.scatter(nuvens_transformadas[i][:, 0], nuvens_transformadas[i][:, 1], nuvens_transformadas[i][:, 2], s=10, color='red')
               ax.scatter(nuvens_originais[i][:, 0], nuvens_originais[i][:, 1], nuvens_originais[i][:, 2], s=1, color='blue')
            plt.title(titulo)
            ax.set_xlabel('X')
            ax.set_ylabel('Y')
            ax.set_zlabel('Z')
            plt.show()
        3.5 - visualizar_nuvens 3D
In [10]: def visualizar_nuvens_open3d(nuvens_originais, nuvens_transformadas):
           vis = o3d.visualization.Visualizer()
            vis.create_window()
            for nuvem in nuvens_originais:
               ponto_cloud = o3d.geometry.PointCloud()
                vis.add_geometry(ponto_cloud)
            for nuvem in nuvens_transformadas:
                ponto_cloud_transformada = o3d.geometry.PointCloud()
               ponto_cloud_transformada.points = o3d.utility.Vector3dVector(nuvem)
               ponto_cloud_transformada.paint_uniform_color([1, 0, 0])
               vis.add_geometry(ponto_cloud_transformada)
            vis.run()
            vis.destroy_window()
        4 - Aplicando ICP nas Nuvens de Pontos
In [11]: trajetoria, nuvens_transformadas_icp, matrizes_transformacao_icp = aplicar_icp(nuvens)
        5 - Visualização dos Resultados
        5.0 - Visualização 2D - ICP x Ground Truth
In [12]: titulo_icp = 'nuvem ICP'
        titulo_gt = 'nuvem GT'
        ground_truth = np.load('ground_truth.npy')
        nuvens_transformadas_ground_truth = []
        for i in range(len(nuvens)):
           nuvem_transformada = (ground_truth[i] @ np.vstack([nuvens[i].T, np.ones((1, nuvens[i].shape[0]))])).T
            nuvem_transformada = nuvem_transformada[:3].T
            nuvens_transformadas_ground_truth.append(nuvem_transformada)
        visualizar_nuvens(nuvens, nuvens_transformadas_icp, titulo_icp)
        visualizar_nuvens(nuvens, nuvens_transformadas_ground_truth, titulo_gt)
                         nuvem ICP
                         nuvem GT
        5.1 - Visualização 3D - ICP x Ground Truth
In [13]: visualizar_nuvens_open3d(nuvens, nuvens_transformadas_icp)
        visualizar_nuvens_open3d(nuvens, nuvens_transformadas_ground_truth)
        6 - Análise dos resultados
        6.0 - Criação de Dataframe com Métricas
In [14]: metricas = []
        for i in range(len(matrizes_transformacao_icp)):
            diferenca = abs(matrizes_transformacao_icp[i] - ground_truth[i])
            media = np.mean(diferenca)
            desvio_padrao = np.std(diferenca)
            maximo = np.max(diferenca)
            minimo = np.min(diferenca)
            rmse = np.sqrt(np.mean(diferenca**2))
            metricas.append({
               'Nuvem': i,
                'Média da Diferença': media,
                'Desvio Padrão': desvio_padrao,
                'RMSE': rmse,
                'Máximo': maximo,
                'Mínimo': minimo
        metricas = pd.DataFrame(metricas)
        metricas
            Nuvem Média da Diferença Desvio Padrão
         0 0 6.283944e-09 2.419751e-08 2.500014e-08 1.000000e-07 0.0
         1 1 5.886626e-02 2.069366e-01 2.151465e-01 8.588181e-01 0.0
         2 2 1.177696e-01 4.135117e-01 4.299553e-01 1.716115e+00 0.0
         3 1.764277e-01 6.204171e-01 6.450149e-01 2.574811e+00 0.0
                      2.350673e-01 8.271641e-01 8.599169e-01 3.432779e+00 0.0
         5 2.940480e-01 1.033986e+00 1.074984e+00 4.291181e+00 0.0
        6 6 3.528794e-01 1.240716e+00 1.289923e+00 5.149150e+00 0.0
         7 4.109289e-01 1.447474e+00 1.504674e+00 6.006995e+00 0.0
         8 4.681691e-01 1.652525e+00 1.717562e+00 6.857631e+00 0.0
         9 5.402588e-01 1.863267e+00 1.940011e+00 7.737267e+00 0.0
        10 10 5.881968e-01 2.068122e+00 2.150140e+00 8.583008e+00 0.0
        11 11 6.470679e-01 2.274685e+00 2.364929e+00 9.440330e+00 0.0
        12 12 7.038655e-01 2.481765e+00 2.579648e+00 1.029881e+01 0.0
        13 7.646040e-01 2.688175e+00 2.794800e+00 1.115648e+01 0.0
                    8.304709e-01 2.895746e+00 3.012478e+00 1.202001e+01 0.0
        15 8.758746e-01 3.100467e+00 3.221808e+00 1.286427e+01 0.0
        16 9.472006e-01 3.308800e+00 3.441707e+00 1.373431e+01 0.0
        17 1.007681e+00 3.515596e+00 3.657162e+00 1.459362e+01 0.0
        18 1.062283e+00 3.729055e+00 3.877409e+00 1.547734e+01 0.0
                   1.135280e+00 3.943311e+00 4.103481e+00 1.637246e+01 0.0
                     1.184343e+00 4.160692e+00 4.325971e+00 1.726779e+01 0.0
                     1.247068e+00 4.379433e+00 4.553528e+00 1.817544e+01 0.0
                      1.308899e+00 4.597919e+00 4.780593e+00 1.908167e+01 0.0
                     1.362649e+00 4.821768e+00 5.010614e+00 2.000408e+01 0.0
                     1.434054e+00 5.039511e+00 5.239578e+00 2.091366e+01 0.0
        25 25 1.496796e+00 5.262620e+00 5.471341e+00 2.183882e+01 0.0
                    1.560465e+00 5.488653e+00 5.706168e+00 2.277596e+01 0.0
        27 27
                   1.601788e+00 5.719266e+00 5.939337e+00 2.371598e+01 0.0
                    1.686817e+00 5.940892e+00 6.175723e+00 2.465033e+01 0.0
        6.1 - Visualização das Métricas
In [15]: # Definir o tamanho da figura
        plt.figure(figsize=(5, 5))
```

plt.plot(metricas['Nuvem'], metricas['Média da Diferença'], marker='.', label='Média da Diferença', color='red')

plt.plot(metricas['Nuvem'], metricas['Desvio Padrão'], marker='.', label='Desvio Padrão', color='blue')

plt.plot(metricas['Nuvem'], metricas['RMSE'], marker='.', label='RMSE', color='orange')

plt.title('métricas comparativas ICP x GT')

plt.xlabel('nuvem')
plt.ylabel('valor')

plt.legend()
plt.grid()

plt.show()

nuvem